

1 – Tutorial cálculo algebraico y simbólico	Seguir algún tutorial de un entorno de cálculo algebraico y simbólico	Vectores Derivadas Sumatorios Solve y NSolve	Tutorial (matemática, wofram alpha, octave, matlab, etc.) http://www.mathprogramming-intro.org/
2 – Mínimos cuadrados	Estudiar los conceptos básicos		
3 – Aplicación al modelo SIS+gamma	<p>Las ecuaciones de transformación del modelo SIS + gamma pueden escribirse de la siguiente manera (inversa):</p> $b_1 = \theta_{i_1} - \theta_0 \left(\frac{\theta_{i_1}}{\sqrt{\theta_{i_1}^2 + \theta_{i_2}^2}} \right) - g_1 \theta_{i_1} - g_2 \theta_{i_2}$ $b_2 = \theta_{i_2} - \theta_0 \left(\frac{\theta_{i_2}}{\sqrt{\theta_{i_1}^2 + \theta_{i_2}^2}} \right) + g_1 \theta_{i_2} - g_2 \theta_{i_1}$ <p>Donde los datos son las coordenadas relativas a la posición de la galaxia de las diferentes imágenes del sistema lente, $\vec{\theta}_l = (\theta_{i_1}, \theta_{i_2})$, y las incógnitas son los 5 parámetros del modelo: la posición de la fuente, $\vec{b} = (b_1, b_2)$; la “potencia” de la lente, θ_0 ; y las dos componentes del “shear” , $g = (g_1, g_2)$.</p> <p>Para un sistema cuádruple hay 4X2 datos (las 8 coordenadas) que corresponden a 8 ecuaciones y el sistema de ecuaciones estaría sobre-determinado. Lo lógico entonces es definir una función a minimizar y aplicar el método de mínimos cuadrados.</p> <p>La función de mérito la podemos definir como:</p>	<p>Plantear el problema en Mathematica usando Solve.</p> <p>Aplicarlo a Q2237+0305 (las coordenadas de las imágenes y de la galaxia lente vienen en http://www.cfa.harvard.edu/castles/</p>	

	$s^2 = \sum_{i=1}^4 \left\{ \left[b_1 - \theta_{i_1} + \theta_0 \left(\frac{\theta_{i_1}}{\sqrt{\theta_{i_1}^2 + \theta_{i_2}^2}} \right) + g_1 \theta_{i_1} + g_2 \theta_{i_2} \right]^2 + \left[b_2 - \theta_{i_2} + \theta_0 \left(\frac{\theta_{i_2}}{\sqrt{\theta_{i_1}^2 + \theta_{i_2}^2}} \right) - g_1 \theta_{i_2} + g_2 \theta_{i_1} \right]^2 \right\}$ <p>Y el sistema de ecuaciones que hay que resolver es:</p> $\left\{ \frac{\partial s^2}{\partial b_1} = 0, \frac{\partial s^2}{\partial b_2} = 0, \frac{\partial s^2}{\partial \theta_0} = 0, \frac{\partial s^2}{\partial g_1} = 0, \frac{\partial s^2}{\partial g_2} = 0 \right\}$ <p>Este procedimiento asume que el error en b_1 y b_2 es el mismo.</p>		
4 – Aplicación a un conjunto de objetos de CASTLES.	<p>Bondad del ajuste</p> <p>Aplicación de diferentes criterios de Chi2</p>		
5 – Predicciones para los flujos			