

7. gyakorlat – Amortizált költségelemzés és Fibonacci kupacok

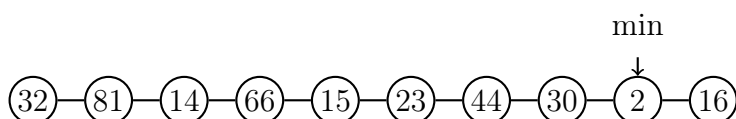
1. Műveletek n hosszú sorozatát végezzük el egy adatszerkezeten. Az i -edik művelet költsége i , ha i éppen kettőhatvány, máskülönben 1. Mennyi az adatszerkezet műveletenkénti amortizációs költsége?

$$c_i = \begin{cases} i, & \text{ha } i \text{ kettőhatvány} \\ 1, & \text{különben.} \end{cases}$$

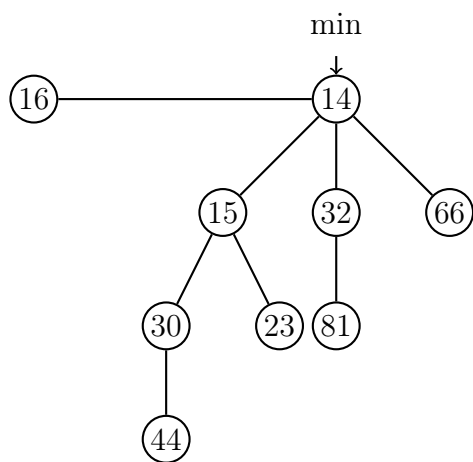
Emlékeztetőül a mértani sorok összegképlete: $\sum_{i=0}^n q^i = \frac{q^{n+1}-1}{q-1}$

n műveletre: $\sum_{i=1}^n c_i \leq n + \sum_{j=0}^{\lfloor \log n \rfloor} 2^j = n + 2n - 1 < 3n = O(n)$, vagyis műveletenként $O(1)$.

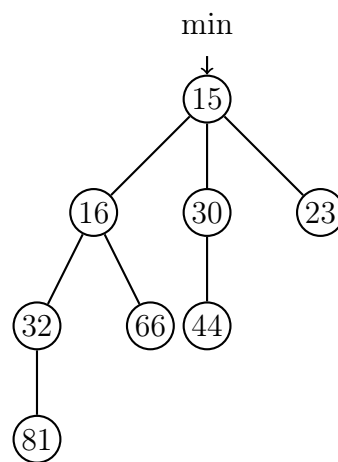
2. Szűrjük be egy üres Fibonacci kupacba az alábbi elemeket: 16, 32, 81, 2, 14, 66, 15, 23, 44, 30.



Hajtsunk végre két SORBÓL() műveletet!



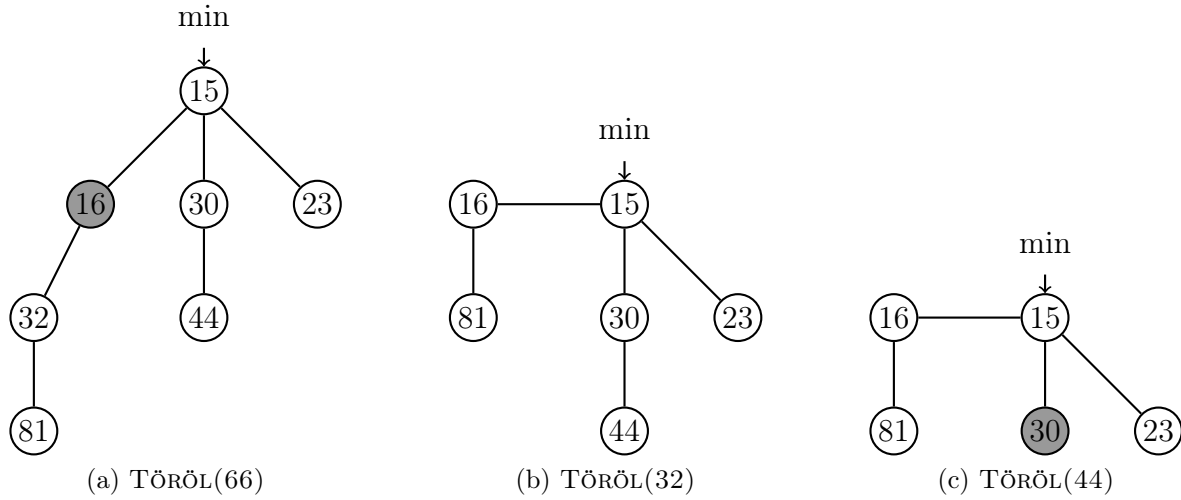
(a) Első SORBÓL()



(b) Második SORBÓL()

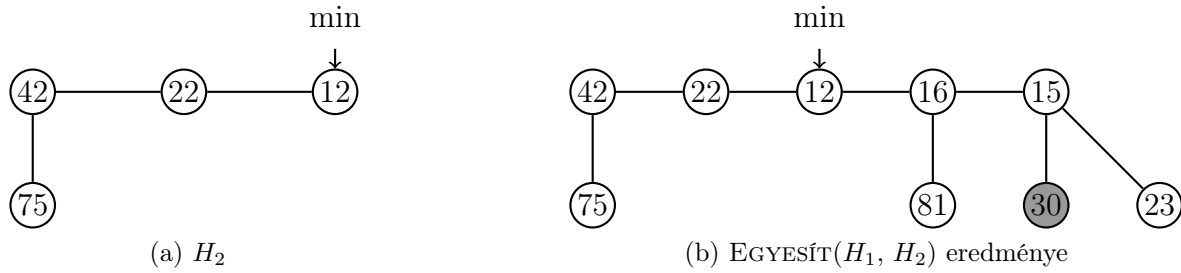
1. ábra. A SORBÓL() műveletek végrehajtásának eredménye.

Hajtsuk végre az alábbi műveleteket: TÖRÖL(66), TÖRÖL(32), TÖRÖL(44)

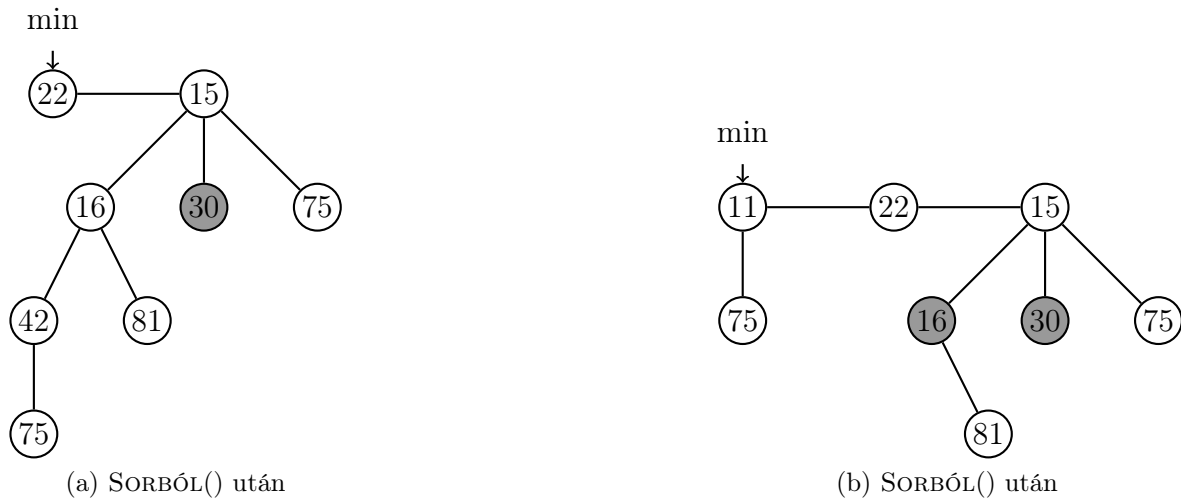


2. ábra. A Fibonacci kupac törlések utáni állapota.

A törlések után kapott kupacot egyesítsük az alábbi Fibonacci kupaccal.



Végül hajtsunk végre egy SORBÓL() műveletet, majd módosítsuk a 42 kulcsot 11-re.



Az utolsó SORBÓL() műveletet követően mennyi a Fibonacci kupac potenciálfüggvényének az értéke? $\Phi(H) = t(H) + 2m(H) = 3 + 2 * 2 = 7$