

# Упражнение: Основи на алгебрата

## 1. Комплексни числа

а) Дадени са комплексните числа:  $z_1(8, 3)$  и  $z_2(6, 4)$ . Намерете:

- $z_1 + z_2$
- $z_1 - z_2$
- $z_1 * z_2$
- $z_1 / z_2$

б) Дадени са комплексните числа:  $z_1(3, 7)$  и  $z_2(4, 2)$ . Намерете:

- $\overline{z_1} + \overline{z_2}$
- $z_1^3 + z_2^3$
- $z_1^3 - z_2^3$
- $\overline{(z_1 - z_2)} - \overline{(z_1 + z_2)}$

в) Дадени са комплексните числа:  $t = 12 - 4i$ ,  $u = 6 + 4i$  и  $z = 9 - 3i$ . Намерете:

- $\overline{(2t + u)} / (z - t)$
- $\overline{(tu + z)} - 5(z + t)$

## 2. Логаритъм

а) Решете уравнението:

- $\log_x 10 = -1$
- $\log_3 x = 0$
- $\log_{1/4} x = -2$
- $\log_2(x - 5) = 0$
- $\log_3(x^2 + 11) = 0$
- $\log_6(x^2 + 3) + \log_6(x + 4) = 0$
- $\lg^2 x - 4\lg x + 3 = 0$
- $3\log_x^2 2 - 2\log_x 2 - 1 = 0$
- $\log_3 x + \log_3 3x = 6$
- $\lg(3x+1) + \lg x = 0$
- $2\log_3(x - 2) = \log_3(9x^2 - 36x + 100)$

б) Решете неравенството:

- $\log_5(3 - 2x) > \log_5(4x+1)$
- $\log_2(3x + 1) < \log_2(2x+2)$
- $\log_{1/3}(3x - 1) - \log_{1/3}(x + 1) > 0$