#### Л.Д.Ландау, А.И.Ахиезер, Е.М.Лифшиц.

# Улыўма физика курсы

# Механика хәм молекулалық физика

# Орысша екинши басылыўынан қарақалпақ тилине Б.Әбдикамалов тәрепинен аўдарылған.

# Мазмуны

Биринши	и басылыўына алғы сөз
І БАП. Н	окат механикасы
§ 1.	Қозғалыстың салыстырмалылық принципи
§ 2.	Тезлик
§ 3.	Импульс
§ 4.	Реактив қозғалыс
§ 5	Инерция орайы
§ 6.	Тезлениў
§ 7.	Күш
§ 8.	Физикалық шамалардың өлшемлери
§ 9.	Бир текли майдандағы қозғалыс
§ 10.	Жумыс хәм потенциал энергия
§ 11.	Энергияның сақланыў нызамы
§ 12.	Ишки энергия
§ 13.	Қозғалыс шегаралары
§ 14.	Серпимли соқлығысыўлар
§ 15	Импульс моменти
§ 16.	Орайлық майдандағы қозғалыс
II Бап. М	Гайдан
§ 17.	Электр тәсирлесиўи.
§ 18.	Электр майданының кернеўлилиги

Электростатикалық потенциал

Гаусс теоремасы

§ 19.

§ 20.

§ 21.	Әпиўайы жағдайлардағы электр майданлары
§ 22.	Гравитациялық майдан.
§ 23.	Эквивалентлилик принципи.
§ 24.	Кеплер қозғалысы
	ты денениң қозғалысы
§ 25	Қатты денениң қозғалысының түрлери
§ 26.	Қозғалыўшы қатты денениң энергиясы
§ 27.	Айланыў моменти
§ 28.	Айланыўшы денениң қозғалыс теңлемеси
§ 29.	Тең тәсир етиўши күш
§ 30.	Гироскоп
§ 31.	Инерция күшлери
IVEAU Tor	Son words
IV БАП. Тер	
§ 32.	Гармоникалық тербелислер
§ 33.	Маятник
§ 34.	
§ 35	Мәжбүрий тербелислер
§ 36.	Параметрлик резонанс
V БАП. Затл	пардың қурылысы
§ 37.	Атомлар
§ 38.	Изотоплар
§ 39.	Молекулалар
	мметрия хаккында тәлимат
§ 40.	Молекулалар симметриясы
§ 41.	Айналық изомерия
§ 42	Кристаллық пәнжере
§ 43.	Кристаллық системалар
§ 44	Кеңисликтеги топарлар
§ 45	Кристаллық класслар
§ 46	Химиялық элементлердиң пәнжерелери
§ 47.	Бирикпелердиң пәнжерелери
§ 48.	Кристаллық тегисликлер
§ 49.	Кристаллардың тәбийий қапталлары

VII БАП. Ж	ыллылық		
§ 50.	Температура		
§ 51.	Басым		
§ 52.	Затлардың агрегат ҳаллары		
§ 53.	Идеал газ		
§ 54.	Сыртқы майдандағы идеал газ		
§ 55	Максвелл бөлистирилиўи		
§ 56.	Жумыс ҳәм жыллылық муғдары		
§ 57.	Газлердиң жыллылық сыйымлылығы		
§ 58.	Конденсацияланған денелер		
VIII БАП. Ж	быллылық процесслери		
§ 59.	Адиабаталық процесс		
§ 60.	Джоуль-Томсон процесси.		
§ 61.	Стационар ағыс		
§ 62.	Жыллылық процесслериниң қайтымсызлығы		
§ 63.	Карно цикли		
§ 64.	Қайтымсызлықтың тәбияты		
§ 65	Энтропия		
ІХ БАП. Фа	IX БАП. Фазалық өтиўлер		
§ 66.	Затлардың фазалары		
§ 66. § 67.	Затлардың фазалары Клапейрон-Клаузиус формуласы		
Q			
§ 67.	Клапейрон-Клаузиус формуласы		
§ 67. § 68.	Клапейрон-Клаузиус формуласы Пуўланыў		
§ 67. § 68. § 69.	Клапейрон-Клаузиус формуласы Пуўланыў Критикалық ноқат		
§ 67. § 68. § 69. § 70.	Клапейрон-Клаузиус формуласы Пуўланыў Критикалық ноқат Ван-дер-Ваальс теңлемеси		
§ 67. § 68. § 69. § 70. § 71.	Клапейрон-Клаузиус формуласы Пуўланыў Критикалық ноқат Ван-дер-Ваальс теңлемеси Сәйкес ҳаллар нызамы		
\$ 67. \$ 68. \$ 69. \$ 70. \$ 71. \$ 72.	Клапейрон-Клаузиус формуласы Пуўланыў Критикалык нокат Ван-дер-Ваальс теңлемеси Сәйкес ҳаллар нызамы Ериў ноқаты		
\$ 67. \$ 68. \$ 69. \$ 70. \$ 71. \$ 72. \$ 73.	Клапейрон-Клаузиус формуласы Пуўланыў Критикалық ноқат Ван-дер-Ваальс теңлемеси Сэйкес ҳаллар нызамы Ериў ноқаты Кристаллық модификациялар		
\$ 67. \$ 68. \$ 69. \$ 70. \$ 71. \$ 72. \$ 73. \$ 74.	Клапейрон-Клаузиус формуласы Пуўланыў Критикалық ноқат Ван-дер-Ваальс теңлемеси Сәйкес ҳаллар нызамы Ериў ноқаты Кристаллық модификациялар Екинши әўлад фазалық өтиўлери		
\$ 67. \$ 68. \$ 69. \$ 70. \$ 71. \$ 72. \$ 73. \$ 74. \$ 75	Клапейрон-Клаузиус формуласы Пуўланыў Критикалық ноқат Ван-дер-Ваальс теңлемеси Сәйкес ҳаллар нызамы Ериў ноқаты Кристаллық модификациялар Екинши әўлад фазалық өтиўлери Кристаллардың тәртиплескенлиги		
\$ 67. \$ 68. \$ 69. \$ 70. \$ 71. \$ 72. \$ 73. \$ 74. \$ 75	Клапейрон-Клаузиус формуласы Пуўланыў Критикалык нокат Ван-дер-Ваальс теңлемеси Сәйкес ҳаллар нызамы Ериў нокаты Кристаллық модификациялар Екинши әўлад фазалық өтиўлери Кристаллардың тәртиплескенлиги Суйық кристаллар		
\$ 67. \$ 68. \$ 69. \$ 70. \$ 71. \$ 72. \$ 73. \$ 74. \$ 75. \$ 76.	Клапейрон-Клаузиус формуласы Пуўланыў Критикалык нокат Ван-дер-Ваальс теңлемеси Сәйкес ҳаллар нызамы Ериў нокаты Кристаллық модификациялар Екинши әўлад фазалық өтиўлери Кристаллардың тәртиплескенлиги Суйық кристаллар		
<ul> <li>§ 67.</li> <li>§ 68.</li> <li>§ 69.</li> <li>§ 70.</li> <li>§ 71.</li> <li>§ 72.</li> <li>§ 73.</li> <li>§ 74.</li> <li>§ 75.</li> <li>§ 76.</li> </ul> X БАП. Ери	Клапейрон-Клаузиус формуласы Пуўланыў Критикалык нокат Ван-дер-Ваальс теңлемеси Сәйкес ҳаллар нызамы Ериў ноқаты Кристаллық модификациялар Екинши әўлад фазалық өтиўлери Кристаллардың тәртиплескенлиги Суйық кристаллар		
<ul> <li>§ 67.</li> <li>§ 68.</li> <li>§ 69.</li> <li>§ 70.</li> <li>§ 71.</li> <li>§ 72.</li> <li>§ 73.</li> <li>§ 74.</li> <li>§ 75.</li> <li>§ 76.</li> </ul> X БАП. Ери § 77.	Клапейрон-Клаузиус формуласы Пуўланыў Критикалық ноқат Ван-дер-Ваальс теңлемеси Сәйкес ҳаллар нызамы Ериў ноқаты Кристаллық модификациялар Екинши әўлад фазалық өтиўлери Кристаллардың тәртиплескенлиги Суйық кристаллар		

§ 81.	Рауль нызамы	
§ 82.	Суйықлықлар араласпасының қайнаўы	
§ 83.	Кери конденсация	
§ 84.	Суйықлықлар араласпасының қатыўы	
§ 85	Фазалар қағыйдасы	
ХІ БАП. Хи	миялық реакциялар	
§ 86.	Реакция жыллылығы	
§ 87.	Химиялық тең салмақлық	
§ 88.	Тәсир етиўши массалар нызамы	
§ 89.	Күшли электролитлер	
§ 90.	Әззи электрлитлер	
§ 91.	Активация энергиясы	
§ 92.	Реакциялардың молекулалығы	
§ 93.	Шынжырлы реакциялар	
ХІІ БАП. Бе	тлик қубылыслар	
§ 94.	Бет керими	
§ 95	Адсорбция	
§ 96.	Шетки мүйеш	
§ 97.	Капилляр күшлер	
§ 98.	Майысқан бет астындағы пуўдың серпимлилиги	
§ 99.	Аса қызыў ҳәм аса салқынлаў қубылысларының тәбияты	
§ 100.	Коллоидлық еритпелер	
ХІІІ БАП. Қ	атты денелер	
§ 101.	Әпиўайы созыў	
§ 102.	*әр тәреплеме қысыў	
§ 103.	Жылжыў	
§ 104.	Эластиклик	
§ 105	Кристаллардағы дефектлер	
§ 106.	Эластикликтиң тәбияты	
§ 107.	Қатты денелердеги сүйкелис	
XIV БАП. Диффузия ҳәм жыллылық өткизгишлик		
§ 108.	Диффузия коэффициенти	
§ 109.	Жыллылық өткизгишлик коэффициенти	
8 110	Жылпылык карсылығы	

§ 111.	Теңлесиў ўақыты
§ 112.	Еркин қозғалыў узынлығы
§ 113.	Газлердеги диффузия ҳәм жыллылық өткизгишлик
§ 114.	Жылжығышлық
§ 115	Термодиффузия
§ 116.	Қатты денелердеги диффузия

#### XV БАП. Жабыскаклык

XV БАП. Жабысқақлық		
§ 117.	Жабысқақлық коэффициенти	
§ 118.	Газлер менен суйықлықлардың жабысқақлығы	
§ 119.	Пуазейль формуласы	
§ 120.	Уқсаслық усылы	
§ 121.	Стоке формуласы	
§ 122.	Турбулентлилик	
§ 123.	Сийреклетилген газлер	
§ 124.	Аса өткизгишлик	

Предметлик көрсеткиш

Тийкарғы физикалық қубылыслар ҳәм әҳмийетли физикалық нызамлар ҳаққында оқыўшыда көз-қараслар пайда етиў китаптың тийкарғы мақсети болып табылады. Китапты дөретиўде Л.Д.Ландау тәрепинен Москва мәмлекетлик университетиниң физика-техникалық факультетинде оқылған лекциялардың стенографиялық курсы пайдаланылды. Екинши басылымға үлкен емес дүзетиўлер ҳәм анықлықлар киргизилген. Кестелер саны 11, иллюстрациялар 140.

# Биринши басылыўына кирисиў

Тийкарғы физикалық қубылыслар ҳәм әҳмийетли физикалық нызамлар ҳаққында оқыўшыда көз-қараслар пайда етиў китаптың тийкарғы мақсети болып табылады. Авторлар тек ғана баслы мәселелерди есапқа алып үлкен емес көлемдеги китапты жазыўға умтылды. Сонлықтан китап келтирилген материалларды толық түсиндириўге умтылмайды.

Формулалар қарап атырылған қубылыслар арасындағы байланысларды оқыўшылардың түсиниўи ушын келтирилген. Сонлықтан формулалар мүмкиншилигиниң болғанынша ең әпиўайы мысалларға байланыслы келтирилип шығарылады. Формулалар менен теңлемелерди системалы түрде келтирип шығарыў теориялық физика курсларында келтирилиўи керек деген көз-қарасты басшылыққа аламыз.

Бул китапты оқыў ушын алгебра менен тригонометрия менен қатар дифференциал есаплаў хәм векторлық алгебра элементлери менен де таныс болыў керек. Соның менен бирге оқыўшы орта мектеп көлеминдеги тийкарғы физикалық ҳәм химиялық түсиниклер менен таныс деп есапланады. Авторлар бул китапты университетлердиң физика факультетлериниң ҳәм физика әҳмийетли орынды ийелейтуғын техникалық жоқары оқыў орынларының студентлери, соның менен бирге орта мектеплердиң физика муғаллимлери ушын пайдалы болады деп үмит етеди.

Бул китап qoeu-жылы жазылды. Бирақ баспадан шығарылыўы усы ўақытларға шекем созылып келди. Баспадан шығыўы ушын китап толықтырылды ҳәм пүткиллей қайтадан жазылды. Бирақ китаптың планы менен тийкарғы мазмуны өзгериссиз қалдырылды.

Тилекке қарсы трагедиялық автомобил катастрофасынына кейинги наўқасланыўына байланыслы бизиң устазымыз ҳәм достымыз Л.Д.Ландау китаптың басылып шығыўына қатнаса алған жоқ. Бизлер оның көрсеткен жоллары менен ҳәрекет етиўге тырыстық.

Китапты жазыўдың дәслепки вариантындағыдай ҳәм 1947-жылы Москва мәмлекетлик университети тәрепинен Л.Д.Ландаудың физика-техникалық факультетте оқыған лекцияларының стенографиялық есабы түринде шыққан китаптағыдай ең дәслепки сайлап алынған материалларға сүйендик.

Баянлаўдағы байланысларды бузбаў мақсетинде дәслепки план бойынша жыллылық кубылысларын экспериментте изертлеў китаптың кейинде өз алдына бапқа көширилиўи керек еди. Тилекке қарсы бул планды орынлаў мүмкиншилиги болмады ҳэм китапты баспадан шығарыўды кешиктирмеў ушын сол бапсыз-ақ китапты шығарыўды мақул көрдик.

А.И.Ахиезер, Е.М.Лифшиц. 1965-жыл, июнь.

#### І БАП. НОҚАТ МЕХАНИКАСЫ

#### § 1. Қозғалыстың салыстырмалылық принципи

Қозғалыс, яғный бир денениң басқа денелерге салыстырғандағы орын алмастырыўы механиканың тийкарғы түсиниги болып табылады. Бул денелерсиз биз барлық ўақытта да салыстырмалы болған қозғалыс ҳаққында айта алмаймыз. Басқа денелерге салыстырмағандағы денелердиң абсолют қозғалысы ҳаққындағы гәплер мәниске ийе емес.

Қозғалыстың салыстырмалылығы кеңислик түсинигиниң өзиниң салыстырмалылы екенлигине байланыслы. Бизлер абсолют кеңисликтеги аўхал ҳаққында айта алмаймыз, аўҳал ҳаққында айтылғанда тек ғана басқа денелерге салыстырғандағы аўҳал нәзерде тутылады.

Шәртли түрде қозғалмайды деп есапланатуғын денелерди физикада есаплаў системасы деп атайды ҳәм усы денелерге салыстырғанда басқа денелердиң қозғалысы изертлениледи. Есаплаў системасын ықтыярлы түрде шексиз көп санлы усыллар менен сайлап алыў мүмкин. Бундай жағдайда қандай да бир денениң ҳәр қыйлы есаплаў системасына салыстырғандағы қозғалысы улыўма жағдайларда ҳәр қыйлы болыўы мүмкин. Егер система усы денениң өзи менен байланыслы болса. Онда бундай системаға салыстырғанда дене қозғалмайды. Бирақ басқа есаплаў системаларына салыстырғанда дене басқаша қозғалатуғын болып шығады. Қала берсе ҳәр қыйлы системаларда қозғалыслар ҳәр қыйлы, яғный ҳәр қыйлы траекториялар бойынша болады.

Хәр қыйлы есаплаў системалары бирдей ҳуқыққа ийе ҳәм қандай да бир денениң қозғалысын изертлегенде олардың ҳәр бирин сайлап алыў бирдей мүмкиншиликке ийе болады. Бирақ улыўма айтқанда физикалық қубылыслар ҳәр қыйлы есаплаў системаларында ҳәр қыйлы болып өтеди. Сонлықтан ҳәр қыйлы есаплаў системаларын бир биринен айырыў мүмкиншилиги бар. Усыған байланыслы қозғалыслар әпиўайы түрде алынатуғын есаплаў системаларын сайлап алыў тәбийий нәрсе болып табылады.

Басқа денелерден алыста турған денени қарайық. Бундай жағдайда бул денеге басқа денелер тәсир етпейди деп есаплаўға болады ҳәм бундай денени *еркин қозғалыўшы* дене деп атаймыз.

!лбетте ҳақыйқатта еркин қозғалыў шәрти қандай да бир дәлликте жүзеге келиўи мүмкин. Бирақ принципиаллық жақтан денени басқа денелер менен тәсир етиспейди деп қәлеген дәлликте есаплаў мүмкин.

Қозғалыстың басқа түрлериндей, еркин қозғалыс та ҳәр қыйлы есаплаў системаларында ҳәр қыйлы болып көринеди. Бирақ, егер биз еркин қозғалыўшы басқа бир дене менен байланысқан есаплаў системасын сайлап алатуғын болсақ қозғалыс жүдә әпиўайыласады: қозғалыс туўры сызықлы тең өлшеўли қозғалысқа айланады. Басқа сөз бенен айтқанда бундай жағдайда қозғалыс шамасы да, бағыты да турақлы тезлик пенен болады. Бул тастыйықлаў Галилей тәрепинен ашылған инерция нызамы деп аталатуғын нызамның мәнисин қурайды. Еркин қозғалыўшы дене менен байланысқан есаплаў системасы инерциал есаплаў системасы деп аталады. Инерция нызамын Ньютонның биринши нызамы деп те атайды.

Физиканы биринши үйрениў барысында өзиниң айрықша қәсийетлерине ийе инерциал есаплаў системасын пайдаланыў абсолют кеңислик түсинигин анықлаўға мүмкиншилик береди деген надурыс пикирдиң пайда болыўы мүмкин. Инерциал есаплаў системалары шексиз көп болғанлықтан бундай деп ойлаўға болмайды. Шынында да, егер базы бир система қандай да бир инерциал есаплаў системасына салыстырғанда бағыты бойынша да, шамасы бойынша да турақлы тезлик пенен қозғалатуғын болса, онда бул системаның өзи де инерциал есаплаў системасы болып табылады.

Инерциал есаплаў системаларының бар болатуғынлығының логикалық зәрүрлик емес екенлигин атап айтыўымыз керек. Денелердиң қозғалысы туўры сызықлы ҳәм тең өлшеўли болатуғын усындай есаплаў системаларының бар екенлигин тастыйықлаў принципинде тәбияттың тийкарғы нызамларының бири болып табылады.

Еркин қозғалысты изертлеўдиң барысында бизиң ҳәр қыйлы инерциялық системаларды бир биринен айыра алмайтуғынлығымыз анық нәрсе. Басқа физикалық қубылысларды изертлеўдиң барысында бир инерциал есаплаў системасын екиншисинен ажыратыўдың, усының нәтийжесинде айрықша бир инерциал есаплаў системасын ажыратып алыўдың мүмкиншилиги бола маг деген сораў пайда болады. Егер усындай ажыратып алыў мүмкин болғанда усы системаға салыстлырғандағы абсолют кеңислик ҳәм абсолют тынышлық ҳаллары болады деп жуўмақ шығарыўға болар еди. Бирақ усындай сайлап алынған инерциал есаплаў системасы болмайды, себеби барлық инерциал есаплаў системаларында барлық физикалық қубылыслар бирдей болып өтеди.

Барлық инерциал есаплаў системаларында тәбияттың нызамлары бирдей түрге ийе болады. Сонлықтан физикалық жақтан инерциал есаплаў системалары бир биринен парққа ийе болмайды ҳәм бир бири менен эквивалент болады.

Бул физикадағы ең әҳмийетли болған нызамлардың бири *салыстырмалылық принципи* деп аталады. Бул принцип абсолют кеңислик, абсолют тынышлық ҳәм абсолют қозғалыс түсиниклериниң мәниске ийе болмайтуғынлығын аңлатады.

Барлық инерциал есаплаў системаларында физиканың барлық нызамлары бирдей, ал инерциал емес есаплаў системаларында ҳәр қыйлы болатуғынлығына байланыслы физикалық қубылысларды инерциал есаплаў системаларында үйрениўдиң аңсат болатуғынлығын аңлатады. Биз буннан кейин талқылаўларымызда тийкарынан инерциал есаплаў системаларын пайдаланамыз. Ал инерциал емес есаплаў системаларын пайдаланыў зәрүрлиги пайда болған жағдайларда бул ҳаққында атап айтылады.

Хақыйқатында физикалық экспериментлерде пайдаланылатуғын есаплаў системалары тек базы бир дәлликте ғана инерциал есаплаў системалары болып табылады. Ең әпиўайы болған есаплаў системасы сыпатында биз жасап атырған Жер менен байланыслы болған есаплаў системасын көрсетиўге болады. Жер өз көшери дөгерегинде ҳәм Қуяштың дөгерегинде айланатуғын болғанлықтан бул система инерциал есаплаў системасы болып табыламайды. Ҳәр бир ноқат сол еки қозғалысқа қатнасатуғын болғанлықтан Жер бетиндеги ноқатлардың тезликлери

де, қозғалыс бағытлары да турақлы болып қалмайды. Сонлықтан Жер менен байланысқан есаплаў системасы инерциал емес есаплаў системасы болып табылады. Бирақ Жердиң суткалық қозғалысыны менен оның Қуяш дөгерегиндеги айланбалы қозғалысының тезликлериниң салыстырмалы киши екенлигин есапқа алғанда жерди инерциал есаплаў системасы деп бир қатар физикалық экспериментлер ушын әҳмийетке ийе болмайтуғындай киши қәтелеклерге жол қоямыз. Жер менен байланысқан есаплаў системасындағы қозғалыс инерциал есаплаў системасындағы қозғалыстан жүдә аз парққа ийе болса да айырым экспериментлерде сол парқты айқын бақлаўға болады. Буған мысал ретинде Фуко маятнигин көрсетиўге болады. Бул маятниктиң тербелис тегислиги Жер бетине салыстырғанда әсте-ақырынлық пенен бурылады.

#### § 2. Тезлик

Қозғалыс нызамларын үйрениўди өлшемлери киши болған денелерден баслаған тәбийий. Бундай денениң қозғалысы әпиўайы әмелге асады, бул жағдайда денениң айланыўын ҳәм усы денениң бир бөлиминиң екинши бөлимине салыстырғандағы орынларының алмастырғанын есапқа алмаймыз.

Қозғалғанда өлшемлерин есапқа алмаўға болатуғын денени материаллық ноқат деп атаймыз ҳәм бул ноқат механиканың үйренетуғын тийкарғы объектлериниң бири болып табылады. Материаллық ноқат ҳаққында «бөлекше» ҳаққындағы сыяқлы биз тез-тезден гәп етемиз.

Базы бир денелерди материаллық ноқат деп қараў мүмкиншилиги усы денелердиң тек ғана абсолют өлшемлерине байланыслы емес, ал физикалық экспериментлердиң өткерилиў шараятларына байланыслы. Мысалы Жердиң Қуяш дөгерегинде қозғалысын изертлегенде Жерди материаллық ноқат деп қараўға болады. Бирақ суткалық айланысын изертлегенимизде Жерди материаллық ноқат деп қараўға путкиллей болмайды.

Материаллық ноқаттың кеңисликтеги аўҳалын үш координатаның жәрдеминде анықлаў мүмкин. Мысалы координаталар x, y, z декарт координаталары болыўы мүмкин. Бундай жағдайда материаллық ноқатты *үш еркинлик дәрежесине* ийе болады деп айтады.

x, y ҳәм z санларының жыйнағы координата басынан шығатыуғын ҳәм усы материаллық ноқат орналасқан ноқатқа барып тирелетуғын бөлекшениң  $\mathbf{r}$  радиус-векторын пайда етеди.

Материаллық ноқаттың қозғалысы оның *тезлиги* менен тәрипленеди. Бир текли қозғалыста тезлик әпиўайы түрде ўақыт бирлигинде өтилген жол сыпатында анықланады. Улыўма жағдайда тезликтиң шамасы да, бағыты да өзгермели болады. Бундай жағдайда тезликти шамасы бөлекшениң шексиз киши шамаға аўысыў векторы d s тиң сол шексиз киши аўысыў орын алған ўақыт dt ға қатнасына тең векторлық шама болады. Тезлик векторын v арқалы белгилеп

$$\mathbf{v} = \frac{\mathrm{d}\mathbf{s}}{\mathrm{d}t}$$
.

формуласына ийе боламыз.

Тезлик векторы  $\mathbf{v}$  ның бағыты d $\mathbf{s}$  векторының бағытына сәйкес келеди. Яғный тезлик векторының бағыты ўақыттың ҳәр бир моментинде бөлекшениң траекториясына түсирилген урынба бағытындай болады.

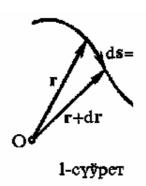
1-сүўретте базы бир материаллық ноқаттың қозғалыс траекториясы көрсетилген ҳәм t менен t+dt ўақыт моментлериндеги радиус-векторлары  $\mathbf{r}$  менен  $d\mathbf{r}$  лар берилген. Векторларды қосыў қағыйдасынан пайдаланып ноқаттың шексиз киши аўысыўы  $d\mathbf{s}$  тиң бөлекшениң радиус-векторының ўақыттың дәслепки ҳәм кейинги моментлериндеги айырмасы екенлигин көриўге болады, яғный  $d\mathbf{s} = d\mathbf{r}$ . Сонлықтан тезлик  $\mathbf{v}$  ны мына түрде көрсетиўге болады

$$\mathbf{v} = \frac{\mathrm{d}\mathbf{r}}{\mathrm{d}t}$$

яғный тезлик қозғалыўшы бөлекшениң радиус-векторының ўақыт бойынша алынған туўындысы екен. Радиус-вектор  $\mathbf{r}$  дың қураўшылары ноқаттың  $\mathbf{x}$ , у хәм  $\mathbf{z}$  координаталары болып табылады. Сонлықтан тезликтиң қураўшылары ямаса тезликтиң  $\mathbf{x}$ , у,  $\mathbf{z}$  көшерлерине түсирилген проекциялары

$$\mathbf{v}_{x} = \frac{dx}{dt}, \mathbf{v}_{y} = \frac{dy}{dt}, \mathbf{v}_{z} = \frac{dz}{dt}$$

шамаларына тең болады.



Тезлик материаллық ноқаттың қозғалыс ҳалын тәриплеўши тийкарғы шама болып табылады. Демек бөлекшениң ҳалы алты шаманың жәрдеминде анықланады екен: үш координата ҳәм тезликтиң үш қураўшысы.

Бир материаллық ноқаттың ҳәр қыйлы болған K ҳәм K' есаплаў системаларындағы тезликлери  $\mathbf{v}$  ҳәм  $\mathbf{v}'$  арасындағы байланысларды табамыз. Егер  $\mathrm{d}4$  ўақыты ишинде материаллық ноқат K есаплаў системасына салыстырғанда  $\mathrm{d}\mathbf{s}$  шамасына жылысса ҳәм  $\mathrm{K}'$  системасының өзи  $\mathrm{K}$  системасына салыстырғанда  $\mathrm{d}\mathbf{S}$  шамасына жылысса  $\mathrm{d}\mathbf{s}' = \mathrm{d}\mathbf{s} + \mathrm{d}\mathbf{S}$  ке ийе боламыз. Бул теңликтиң еки тәрепин де  $\mathrm{d}4$  ға бөлип,  $\mathrm{K}$  системасының  $\mathrm{K}'$  системасына салыстырғандағы тезлигин  $\mathrm{V}$  арқалы белгилеп

$$\mathbf{v}' = \mathbf{v} + \mathbf{V}$$

екенлигин аламыз.

Бир материаллық ноқаттың ҳэр қыйлы есаплаў системасындағы тезликлерин байланыстырыўшы бул формула *тезликлерди қосыў қәдеси* деп аталады.

Биринши рет қарағанда тезликлерди қосыў қәдеси өз-өзинен түсиникли сыяқлы болып көринеди. Бирақ бул жерде ўақыттың абсолютлығы ҳаққындағы надурыс болжаў нәзерде тутылған. Атап айтқанда К системасындағы бөлекшениң ds шамасына жылжыў ушын кеткен ўақыт К' системасындағы сол материаллық ноқаттың ds' аралығына жылжыў ўақтына тең деп есапланды. Ўақыттың абсолют емеслигине байланыслы бундай болжаў қәте болып табылады. Бирақ ўақыттың абсолют емеслиги тек жақтылықтың тезлигине жақын тезликлерде ғана сезиле баслайды. Жоқары тезликлерде келтирилип шығарылған тезликлерди қосыўдың қағыйдасы орынланбайды. Биз буннан былай тек ғана жеткиликли дәрежедеги киши тезликлерди қараймыз. Бундай жағдайларда ўақыттың абсолютлилиги ҳаққындағы болжаўлар жақсы орынланады.

Ўақыттың абсолютлилигине тийкарланған механика *ньютон механикасы* ямаса *классикалық* механика деп аталады. Бул китапта биз тек усы механиканы үйренемиз. Бул механиканың тийкарғы нызамлары Ньютонның 1687-жылы жарық көрген «Натурал философияның математикалық басламалары» деп аталатуғын китабында баянланған.

#### § 3. Импульс

Материаллық ноқаттың басқа денелер менен тәсир етиспейтуғын жағдайлардағы қозғалысын еркин қазғалыс деп атаймыз. Бундай жағдайларда оның тезлиги инерциал есаплаў системалырнда өзгермейди. Егер материаллық ноқат басқа денелер менен тәсирлесетуғын болса оның тезлиги ўақыттың өтиўи менен өзгереди. Бир бири менен тәсир етисетуғын бөлекшелердиң тезликлериниң өзгериўи бир биринен ғәрезсиз емес, ал өз-ара байланыслы. Усындай байланысты табыў ушын туйық система түсинигин киргиземиз. Туйық системадағы бөлекшелер бир бири менен тәсирлеседи, ал сырттағы қоршап турған орталықтың бөлекшелери ямаса денелери менен тәсирлеспейди. Усындай туйық система ушын тезликке байланыслы, ал ўақыт бойынша өзгермей қалатуғын бир қатар шамалар бар. Бундай шамалар механикада әҳмийетли орынларды ийелейди.

%згермейтуғын ямаса басқаша айтқанда сақланып қалатуғын (сақланатуғын) бундай шамалардың бирин системаның толық импульси деп атаймыз. Системаның толық импульси туйық системаға кириўши ҳәр бир бөлекшениң импульсларының векторлық қосындысына тең. Материаллық ноқаттың импульсиниң векторы оның тезлиги менен әпиўайы байланысқа ийе: импульс тезликке пропорционал. Пропорционаллық коэффициенти ҳәр бир материаллық бөлекше ушын характерли турақлы шама болып табылады ҳәм материаллық ноқаттың массасы деп аталады. Импульс векторын р, материаллық бөлекшениң массасын т ҳәм тезлигин v арқалы белгилеп

$$p = m v$$

ға ийе боламыз. Барлық бөлекшелер ушын p векторларының қосындысы системаның толық импульсин береди:

$$\mathbf{P} = \mathbf{p}_1 + \mathbf{p}_2 + ... = m_1 \mathbf{v}_1 + m_2 \mathbf{v}_2 + ...$$

Бул аңлатпадағы индекслер бөлекшелердиң номерине сәйкес келеди. Бул шама ўақыттың өтиўи менен өзгермей қалады:

$$P = const.$$

Солай етип туйық системаның толық импульси сақланады. Усы тастыйықлаў *импульстиң сақланыў нызамы* деп аталады. Биз 15- параграфта бул нызамның келип шығыўына қайтып келемиз.

Солай етип импульс векторлық шама болып табылады. Сонлықтан импульстиң сақланыў нызамы үш нызамға бөлинеди ҳәм бул үш нызам толық импульстиң қураўшыларының ўақыттан ғәрезсиз турақлы болып қалатуғынлығын аңлатады.

Импульстиң сақланыў нызамына *масса* деп аталатуғын жаңа шама киреди. Бул нызамды пайдаланып бөлекшелердиң массаларының қатнасларын анықлаўға болады. Мейли еки материаллық бөлекше бир бири менен соқлығысатуғын болсын. Олардың массаларын  $m_1$  хәм  $m_2$  арқалы белгилеймиз. Мейли  $\mathbf{v}_1$  ҳәм  $\mathbf{v}_2$  арқалы олардың соқлығысқанға дейинги,  $\mathbf{v}_1$  ҳәм  $\mathbf{v}_2$  арқалы соқлығысқаннан кейинги тезликлери белгиленген болсын. Бундай жағдайда импульстиң сақланыў нызамынан

$$m_1 \mathbf{v}_1 + m_2 \mathbf{v}_2 = m_1 \mathbf{v}_1' + m_2 \mathbf{v}_2'$$

екенлиги келип шығады. Бөлекшелердиң тезлигиниң өзгерисин  $\Delta \mathbf{v}_1$  ҳәм  $\Delta \mathbf{v}_2$  арқалы белгилеп жоқарыдағы теңликти

$$m_1 \Delta \mathbf{v}_1 + m_2 \Delta \mathbf{v}_2 = 0$$

түринде жазамыз. Буннан

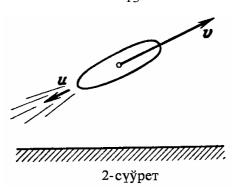
$$\Delta \mathbf{v}_2 = -\frac{\mathbf{m}_1}{\mathbf{m}_2} \Delta \mathbf{v}_1$$

ге ийе боламыз.

Солай етип өз-ара тәсирлесетуғын еки бөлекшениң тезликлериниң өзгериси олардың массаларына кери пропорционал екен. Сол қатнас жәрдеминде тезликлердиң өзгериси бойынша бөлекшелердиң массаларының қатнасын табыўға болады. Сонлықтан биз қандай да бир денениң массасын бир бирликке тең етип алып басқа денелердиң массасын анықлаўымыз мүмкин. Физикада массаның усындай бирлиги ретинде грамм қолланылады. (8-параграфты қараңыз).

## § 4. Реактив қозғалыс

Импульстиң сақланыў нызамы тәбияттың фундаменталлық нызамларының бири болып табылады ҳәм бир қатар қубылысларда көринеди. Дара жағдайда бул нызам реактив қозғалыстың тийкарында жатады.



Массасының өзгерисине байланыслы ракетаның тезлигиниң қалай өзгеретуғынлығын табыўды көрсетемиз. Базы бир t ўақыт моментиндеги ракетаның тезлигин v, ал массасын M арқалы белгилеймиз. Мейли усы ўақыт моментинде ракетаға салыстырғанда тезлиги u болған газ ракета соплосынан қысылып шыға басласын. dt ўақыты ишинде ракетаның массасы кемейип M+dM шамасына тең болады. Бул жерде –dM шыққан газдиң массасы. Усының менен бирге ракетаның тезлиги өседи ҳэм v + dv ға тең болады. Енди t ҳэм t+dt ўақыт моменлериндеги ракета+шығарылған газ системасының импульсин салыстырамыз. Ракетаның дәслепки импульси Mv ға тең екенлиги анық. Ал t+dt ўақыт моментиндеги ракетаның импульси (M+dM)(v+dv) ға (dM ниң шамасы терис), ал шығарылған газдиң импульси –dM(v-u) ге тең. Себеби Жерге салыстырғандағы газдиң тезлиги v-u ға тең (2-сүўрет). Импульстиң сақланыў нызамы бойынша еки ўақыт моментиндеги импульсларды салыстырыўымыз керек:

$$Mv = (M+dM)(v+dv) - dM(v-u).$$

Бул аңлатпадағы екинши тәртипли киши шама болған dMdv ны есапқа алмай

$$Mdv + udM = 0$$

ямаса

$$\frac{dM}{M} = -\frac{dv}{u}$$

теңлемелерине ийе боламыз.

Газдиң тезлиги ўақыттың өтиўи менен өзгермейди деп есаплаймыз. Сонлықтан кейинги теңлемени былайынша көширип жазамыз:

$$d \ln M = -d \frac{V}{u}$$
.

Буннан

$$\ln M + \frac{V}{II} = \text{const.}$$

const тың мәниси дәслеп v=0 болғандағы ракетаның массасының  $M_0$  ге тең екенлигинен анықланады:

const = 
$$\ln M_0$$
.

Бул мәнисти жоқарыдағы теңлемеге қоямыз

$$\ln M + \frac{v}{u} = \ln M_0.$$

Буннан ең кейинги аңлатпамызды аламыз:

$$v = u \ln \frac{M_0}{M}$$

Бул формула ракетаның тезлигиниң оның массасының ғәрезлилигин анықлайды.

#### § 5. Инерция орайы

Импульстың сақланыў нызамы менен массаның сақланыў нызамы деп аталатуғын массаның және де бир әҳмийетли қәсийети байланыслы. Бул нызамның мәнисин түсиндириў ушын бөлекшелердиң туйық системасындағы системаның инерция орайы деп аталатуғын ноқатты қараймыз. Инерция орайының координатасы бөлекшелердиң координатасының орташа мәнисине тең болып, бөлекшениң массасында қаншама бирлик масса болса сол бөлекшениң координатасы соншама рет есапланады. Басқа сөз бенен айтқанда  $x_1, x_2, \ldots$  шамалары массалары  $m_1, m_2, \ldots$  болған бөлекшелердиң x координаталары болса, онда инерция орайының x координатасы

$$X = \frac{m_1 x_1 + m_2 x_2 + ...}{m_1 + m_2 + ...}$$

формуласы жәрдеминде анықланады. Усы формулаға сәйкес формулаларды у ҳәм z координаталары ушын да жазыўға болады. Бул формулалардың барлығы да  $\mathbf{R}$  радиус-векторы ушын жазылған бир аңлатпа түринде жазылыўы мүмкин:

$$\mathbf{R} = \frac{\mathbf{m}_{1}\mathbf{r}_{1} + \mathbf{m}_{2}\mathbf{r}_{2} + \dots}{\mathbf{m}_{1} + \mathbf{m}_{2} + \dots},$$

бул формулада  $\mathbf{r}_1, \mathbf{r}_2, \dots$  арқалы айырым бөлекшелердиң радиус-векторлары белгиленген.

Инерция орайы жүдә әҳмийетли болған қәсийетке ийе: туйық системаның қурамына кириўши бөлекшелердиң тезликлери ўақыттың өтиўи менен өзгеретуғын болса да, инерция орайы турақлы тезлик пенен қозғалады. Ҳақыйқатында да инерция орайының қозғалыс тезлигин қарайық. Ол мынаған тең:

$$\mathbf{V} = \frac{d\mathbf{R}}{dt} = \frac{m_1 \frac{d\mathbf{r}_1}{dt} + m_2 \frac{d\mathbf{r}_2}{dt} + \dots}{m_1 + m_2 + \dots}.$$

Бул формулада  $\frac{d\mathbf{r}_1}{dt}$ ,  $\frac{d\mathbf{r}_2}{dt}$ , . . . сәйкес биринши, екинши ҳ.т.б. бөлекшениң тезликлери. Бул тезликлерди  $\mathbf{v}_1, \mathbf{v}_2, \ldots$  арқалы белгилесек

$$\mathbf{V} = \frac{\mathbf{m}_1 \mathbf{v}_1 + \mathbf{m}_2 \mathbf{v}_2 + \dots}{\mathbf{m}_1 + \mathbf{m}_2 + \dots}$$

аңлатпасын аламыз. Бул аңлатпаның алымы системаның толық импульсы болып табылады. Оны биз **P** арқалы белгиледик. Сонлықтан ең ақырында

$$V = \frac{P}{M}$$

формуласына ийе боламыз. Бул жерде  $M = m_1 + m_2 + \dots$  барлық бөлекшелердиң массалары.

Бул жерде системаның толық импульси сақланатуғын болғанлықтан инерция орайының да тезлиги ўақытқа байланыслы өзгермейди екен деген жуўмақ шығарамыз.

Алынған формуланы

$$P = MV$$

деп көширип жазып системаның толық импульси, оның инерция орайының тезлиги ҳәм системаға кириўши бөлекшелердиң массаларының қосындысы арасындағы қатнас айырым бөлекшениң импульси, тезлиги ҳәм массасы арасындағы қатнастай болатуғынлығы көремиз. Биз системаның толық импульсин усы системаның инерция орайында жайласқан массасы усы системаға кириўши бөлекшелердиң массаларының қосындысына тең бир материаллық ноқаттың импульсындай деп қабыл ете алады екенбиз. Инерция орайының тезлигин системадағы бөлекшелердиң тутасы менен алғандағы тезлиги түринде қараўға болады, ал айырым бөлекшелердиң массаларының қосындысы барлық системаның массасына тең.

Солай етип қурамалы денениң массасының оның бөлеклериниң массаларының қосындысына тең екенлигин көремиз. Бул тастыйықлаў бизиң ушын әдетке айланған ҳәм өзинен өзи түсиниклидей болып көринеди. Ҳақыйқатында бул әпиўайы нәрсе емес, ал импульстың сақланыў нызамының нәтийжеси болған физикалық нызамның мәнисин қурайды.

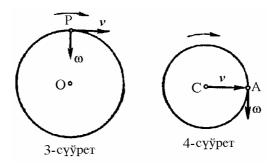
Туйық системаның инерция орайының тезлиги ўақытқа байланыслы өзгермейтуғын болғанлықтан, усы инерция орайы менен есаплаў системасын байланыстырып биз базы бир инерциаллық есаплаў системасын аламыз. Бундай система инерция орайы системасы деп аталады. Бөлекшелердиң туйық системасының толық импульси бундай системада нолге тең. Бундай системадағы қубылысларды тәриплеў ушын бөлекшелердиң тутасы менен қозғалыўының салдарынан пайда болатуғын қурамаласыўлар сапластырылады ҳәм система ишиндеги процесслердиң қәсийетлери айқынырақ көринеди. Усы себеплерге байланыслы инерция орайы системасы физикада жийи пайдаланылады.

#### § 6. Тезлениў

Материаллық ноқаттың қозғалысының улыўма жағдайларында оның тезлиги шамасы бойынша да, бағыты бойынша да үзликсиз түрде өзгереди. Мейли dt ўақыты ишинде тезлик dv шамасына өзгеретуғын болсын. Егер усы өзгеристиң ўақыт бирлигине қатнасын алатуғын болсақ биз материаллық ноқаттың тезлениў векторын аламыз. Бул шаманы  $\mathbf{w}$  арқалы белгилеп тезлениўдиң

$$\mathbf{w} = \frac{d\mathbf{v}}{dt}$$

ге тең болатуғынлығын көремиз. Солай етип тезлениў бөлекшениң тезлигиниң өзгерисин анықлайды ҳәм шамасы жағынан тезликтен ўақыт бойынша алынған туўындыға тең.



Егер тезликтиң бағыты өзгермесе, яғный материаллық ноқат туўры сызық бойынша қозғалатуғын болса тезлениўдиң өзи де усы бағытта бағытланған болып шамасы

$$w = \frac{dv}{dt}$$

ға тең.

Материаллық ноқаттың тезлигиниң шамасы өзгермей, тек бағыты бойынша өзгеретуғын жағдайдағы тезлениўди аңсат анықлаўға болады. Бул жағдай материаллық ноқат шеңбер бойынша бир текли қозғалғанда орын алады.

Мейли, базы бир ўақыт моментинде бөлекшениң тезлиги  $\mathbf{v}$  болсын (3-сүўрет). 4-сүўретте келтирилген жәрдемши графикте  $\mathbf{v}$  векторын C ноқатынан басланатуғын етип қоямыз. Бөлекше шеңбер бойынша тең өлшеўли қозғалғанда  $\mathbf{v}$  векторының ушы да (А ноқаты) радиусы тезликтиң абсолют мәниси  $\mathbf{v}$  ға болған шеңбер бойынша тең өлшеўли қозғалады. А ноқатының орын алмастырыў тезлигиниң дәслепки  $\mathbf{P}$  бөлекшесиниң тезлениўи болып табылатуғынлығы түсиникли. Себеби  $\mathbf{A}$  ноқатының  $\mathbf{d}\mathbf{t}$  ўақыты ишинде орын алмастырыўы  $\mathbf{d}\mathbf{v}$  ға тең хәм сонлықтан  $\mathbf{A}$  ноқатының тезлиги  $\frac{\mathbf{d}\mathbf{v}}{\mathbf{d}\mathbf{t}}$  ға тең. Бул тезлик  $\mathbf{C}$  шеңберине түсирилген урынбаның бағытына ийе болып  $\mathbf{v}$  ға перпендикуляр. Сүўретте ол  $\mathbf{w}$  хәриби менен белгиленген. Егер биз  $\mathbf{P}$  ноқатында  $\mathbf{w}$  векторын дүзетуғын болсақ, онда оның шеңбердиң орайы  $\mathbf{O}$  ға қарай бағытланатуғынлығы анық.

Солай етип шеңбер бойынша тең өлшеўли қозғалатуғын материаллық ноқаттың тезлениўи усы шеңбердиң орайына қарай бағытланған, яғный бөлекшениң тезлигине перпендикуляр болады.

Тезлениў  $\mathbf{w}$  ның мәнисин анықлайық. Буның ушын  $\mathbf{v}$  радиусына ийе шеңбер бойынша қозғалыўшы  $\mathbf{A}$  ноқатының тезлигин табыў керек.  $\mathbf{P}$  ноқаты шеңберди  $\mathbf{T}$  ўақытында бир рет айланып шықсын. Усындай ўақыт ишинде  $\mathbf{A}$  ноқаты да шеңберди бир рет айланып шығады ҳәм  $2\pi\mathbf{v}$  жолын өтеди. Сонлықтан  $\mathbf{w}$  ға тең болған  $\mathbf{A}$  ноқатының тезлиги

$$w = \frac{2\pi v}{dt}$$

ға тең. Бул аңлатпаға дәўирдиң мәниси  $T = \frac{2\pi r}{dt}$  ди қойсақ (Р бөлекшениң траекториясының радиусы арқалы белгиленген) ақырғы аңлатпаны аламыз:

$$w = \frac{v^2}{r}$$
.

Солай етип егер тезликтиң мәниси тек шамасы бойынша өзгеретуғын болса, онда тезлениў менен тезликтиң бағытлары бирдей болады. Егер тезликтиң тек бағыты өзгеретуғын болса (шамасы турақлы қалып), онда тезлениў ҳәм тезлик векторлары бир бирине перпендикуляр.

Улыўма жағдайда тезлик шамасы бойынша да, бағыты бойынша да өзгериске ушырайды. Бундай жағдайда тезлениў еки қураўшыға ийе болады: биреўи тезлик бағытында, екиншиси тезликке перпендикуляр. Тезликке параллел болған тезлениўдиң қураўшысы *урынба* ямаса *тангенсиал* қураўшы деп аталады. Оның шамасы тезликтен ўақыт бойынша алынған туўындыға тең:

$$w_{\neg} = \frac{dv}{dt}$$
.

Тезлениўдиң екинши кураўшысы w- *нормаль кураўшы* деп аталады. Ол бөлекшениң тезлигиниң квадратына пропорционал ҳәм берилген ноқаттағы траекторияның иймеклик радиусына кери пропорционал.

#### § 7. Күш

Егер материаллық бөлекше еркин қозғалатуғын болса, яғный бул бөлекше қоршап алған басқа денелер менен тәсирлеспейтуғын болса, онда оның импульси сақланады. Керисинше, егер бөлекше әтирапындағы денелер менен тәсирлесетуғын болса, онда оның импульси ўақыттың өтиўи менен өзгереди. Солай етип биз материаллық ноқаттың импульсиниң өзгерисин әтираптағы денелер тәрепинен тәсирдиң өлшеми сыпатында қабыл ете аламыз. Бул өзгерис (ўақыттың бир бирлигиндеги) қаншама үлкен болса, тәсир де интенсивлирек болады. Сонлықтан тәсирди анықлаў ушын материаллық ноқаттың импульс векторынан ўақыт бойынша алынған туўындыны қарап шығыў керек. Бул туўынды материаллық ноқатқа тәсир етиўши куш деген атқа ийе.

Бундай анықлама тәсирлесиўдиң бир тәрепин тәриплейди. Атап айтқанда бул анықлама материаллық ноқаттың әтираптағы денелердиң тәсирин «сезиўиниң» дәрежесин белгилейди. Бирақ материаллық ноқаттың әтираптағы денелер менен тәсирлесиўин үйрене отырып бул тәсирлесиўди материаллық ноқаттың ҳалы менен әтираптағы денелердиң ҳалын тәриплейтуғын шамалар менен байланыстырыў мүмкин.

Материаллық ноқатлар арасындағы тәсир етисиў күшлери тек ғана сол бөлекшелердиң ийелеген орынларына байланыслы (классикалық механикада). Басқа сөз бенен айтқанда бөлекшелер арасындағы тәсир етиўши күшлер тек ғана олар арасындағы қашықлыққа ғәрезли, ал олардың тезликлерине байланыслы емес.

Материаллық ноқатлар арасындағы тәсирлесиўдиң тийкарында жатқан физикалық кубылысларды үйрениўдиң нәтийжесинде күштиң бөлекшелер арасындағы қашықлыққа ғәрезлигиниң характери анықланыўы мүмкин.

Координаталарына ҳәм әтираптағы денелердиң қәсийетлери менен өз-ара орналасыўларына ғәрезли болған материаллық ноқатқа тәсир етиўши күшти « арқалы белгилеймиз. Бундай жағдайда

биз күш ушын еки аңлатпаның – материаллық ноқаттың импульси **р** ның ўақыт бирлигиндеги өзгериси ҳэм күш F тиң теңлигин жазамыз:

$$\frac{d\mathbf{p}}{dt} = F.$$

Бул теңлик материаллық ноқаттың қозғалыс теңлемеси деп аталады.

Импульс  $\mathbf{p} = \mathbf{m}\mathbf{v}$  болғанлықтан материаллық ноқаттың қозғалыс теңлемесин былайынша жаза аламыз:

$$m\frac{d\mathbf{v}}{dt} = \mathbf{F}.$$

Солай етип материаллық ноқатқа тәсир етиўши күш материаллық ноқаттың тезлериўи менен массасының көбеймесине тең болады екен. Бул тастыйықлаў *Ньютонның екинши нызамы* деп аталатуғын нызамның мазмунын қурайды.

Бул нызамның « тиң бөлекшениң координаталарынан ғәрезлилигиниң анық түри анықланған кейин ғана айқын мәниске ийе болатуғынлығын атап өтемиз. Бундай жағдайда (яғный « функциясының түри белгили болса) қозғалыс теңлемесиниң жәрдеминде материаллық ноқаттың тезлиги менен координаталарының ғәрезлилигин, басқа сөз бенен айтқанда бөлекшениң траекториясын анықлаўға мүмкиншилик туўылады. Усындай жағдайдарда « тиң түри менен бирге басланғыш шәртлер (басланғыш деп қабыл етилген ўақыт моментиндеги бөлекшениң аўхалы менен тезлиги) деп аталатуғын шәртлер белгили болыўы керек. Қозғалыс теңлемеси хәр бир dt ўақыт интервалындағы тезликтиң өсимин ( $d\mathbf{v} = \frac{\mathbf{F}}{\mathbf{m}} dt$ ) беретуғын, ал тезлик бойынша бөлекшениң кеңисликтеги орнының өзгериси анықланатуғы болғанлықтан ( $d\mathbf{r} = \mathbf{v} dt$ ) бөлекшениң дәслепки тезлиги менен дәслепки орнының берилиўи ҳақыйқатында да бөлекшениң буннан былайғы қозғалысын анықлау ушын толық жеткиликли екенлиги түсиникли. Атап айтқанда 2-параграфтағы бөлекшениң механикалық ҳалы оның координаталары ҳәм тезлиги менен анықланады деген тастыйықлаўдың мәниси усыннан ибарат болады.

Қозғалыс теңлемеси векторлық теңлеме болып табылады. Сонлықтан оны көшерлерге түсирилген тезлениўдиң проекциялары менен күштиң проекцияларын байланыстыратуғын үш теңлеме түринде көширип жазыў мүмкин:

$$m\frac{dv_x}{dt} = F_x$$
,  $m\frac{dv_y}{dt} = F_y$ ,  $m\frac{dv_z}{dt} = F_z$ .

Материаллық ноқатлардың туйық системасына қайтып келемиз. Бизлер бундай ноқатлардың импульсларының қосындысының сақланатуғынлығын билемиз:

$${\bf p}_1 + {\bf p}_2 + \ldots = {\rm const.}$$

Бул аңлатпадағы  $p_i$  арқалы і-материаллық ноқаттың импульси белгиленген. Бул теңлемени ўақыт бойынша дифференциаллаймыз:

$$\frac{d\mathbf{p}_1}{dt} + \frac{d\mathbf{p}_2}{dt} + \dots = 0.$$

$$\frac{d\mathbf{p}_{i}}{dt} = F_{i}$$

екенлигин есапқа алсақ ( $F_i$  арқалы i-материаллық ноқатқа тәсир етиўши күш белгиленген)

$$\mathbf{F}_1 + \mathbf{F}_2 + \ldots = 0$$

екенлигине ийе боламыз.

Солай етип туйық системадағы барлық күшлердиң қосындысы нолге тең болады.

Егер система тек ғана еки денеге ийе болса, онда биринши дене тәрепинен екинши денеге тәсир ететуғын күш екинши дене тәрепинен биринши денеге тәсир ететуғын күшке шамасы жағынан тең. ал бағытлары бойынша қарама-қарсы болыўы керек. Бул тастыйықлаў *тасир менен қарсы тасирдиң теңлиги нызамы* (ямаса *Ньютонның үшинши нызамы*) деп аталады. Бул жағдайда тек ғана бир бағыт болғанлықтан (материаллық ноқатларды байланыстыратуғын туўры менен бағытлас) « $_1$  күши менен « $_2$  күши бир туўрының бағытында болады (5-сүўретте  $M_1$  менен  $M_2$  еки материаллық ноқатларды билдиреди).

## § 8. Физикалық шамалардың өлшемлери

Барлық физикалық шамалар анық өлшемлерде өлшенеди. Қандай да бир шаманы өлшеў дегенимиз сол өлшемди бирлик ретинде қабыл етилген өлшем менен салыстырыў болып табылады.

Принципинде ҳәр бир физикалық шама ушын ықтыярлы түрде қандай да бир бирликти қабыл етиў мүмкин. Бирақ ҳәр қыйлы физикалық шамалар арасындағы қатнасларды пайдаланыў арқалы тийкарғы деп қабыл етилген базы бир шамалар ушын тек шекли сандағы ықтыярлы шамаларды сайлап алыў мүмкин. Ал басқа шамалар ушын усы *тийкарғы бирликлер* менен байланысқан бирликлерди дүзиўге болады. Бундай бирликлерди *туўынды бирликлер* деп атаймыз.

Физикада тийкарғы бирликлер ретинде узынлық, ўакыт хәм масса қабыл етилген.

Физикада узынлық бирлиги ретинде метрдиң жүзден бирине тең сантиметр (*см*) хызмет етеди. Қәзирги ўақытлары метр криптон газиниң спектриндеги қызыл реңли сызықтың узынлығынан 1 650 763,73 есе үлкен болған шамаға тең.

Дәслеп метр 1792-жылы өлшенген Париж қаласы арқалы өтетуғын меридианның он миллионнан бир бөлеги сыпатында қабыл етилди ҳәм метрдиң эталоны дүзилди. Метрди усындай етип «тәбийий» анықлаў жүдә қыйын, сонлықтан кейинирек Париж қаласындағы %лшемлер менен салмақлардың халықаралық бюросында сақланып турған платина-иридийден исленген метрдиң прототипи болған базы бир эталон қолланыла баслады. Бирақ ҳәзирги ўақытлары усы усылдан да бас тартылды ҳәм жоқарыда гәп етилген «жақтылық» метриниң анықламасы

(«криптон газиниң спектриндеги қызыл реңли сызықтың узынлығынан 1 650 763,73 есе үлкен болған шама») қолланылады.

Киши узынлықларды өлшеў ушын төмендегидей бирликлер қолланылады: микрон, 1  $m\kappa M = 10^{-4}$   $cM\sim$  миллимикрон, 1  $m\kappa M = 10^{-7}$   $cM\sim$  ангстрем, 1  $\stackrel{\circ}{A} = 10^{-8}$   $cM\sim$  ферми, 1  $pepmu = 10^{-13}$   $cM\sim$ 

Астрономияда қашықлықлар жақтылық жылы менен өлшенеди (жақтылық нурының бир жылда өткен жолының узынлығы). 1 жақтылық жылы  $9,46*10^{17}$  см. 3.25 жақтылық жылына, яғный  $3,08*10^{18}$  см ге тең қашықлық *парсек* деп аталады. Усындай қашықлықта Жердиң орбитасы 1" мүйеш пенен көринеди.

Физикада ўақыт секундларда өлшенеди. Ҳәзирги ўақытлары секунд (сек) анық тропикалық жылдың (1900-жыл) анық бир бөлеги сыпатында анықланады. Тропикалық жыл деп Қуяштың бәҳәрги күн теңлесиў арқалы избе-из еки өтиўи арасындағы ўақытты айтамыз. 1900-жылдың алыныўы тропикалық жылдың узақлығының турақлы емес екенлигине байланыслы. Тропикалық жылдың узынлығы ҳәр 100 жылда 0.5 сек қа узарады.

Дәслеп секунд Қуяш суткасының базы бир бөлеги сыпатында қабыл етилди (1/86400 бөлеги). Бирақ Жердиң суткалық айланыўы тең өлшеўли емес хәм сутканың узынлығы да өзгериссиз қалмайды. Сутканың узынлығының салыстырмалы тербелиси 10-7 ге тең. Техниканың хәзирги ўақытларындағы қәдди ушын бул шама жүдә үлкен хәм сонлықтан секундты Жердиң суткалық айланысының узынлығына байланыслы қабыл етиўге болмайды. Тропикалық жылдың узынлығындағы салыстырмалы тербелистиң мәниси әдеўир киши, бирақ Жердиң Қуяш дөгерегинде айланып шығыўының узынлығына қарап та анықлаў қанаатландырарлық нәтийже бермейди. Бул жағдайда да ўақыттың бирлигиниң эталонын жеткиликли дәрежеде дәл ала алмаймыз. Бундай қыйыншылықлар тек ғана Жердиң Қуяш дөгерегинде айланыўына тийкарланып емес, ал атомларда орын алатуғын дәўирли процесслерге тийкарланғанда жоғалады. Бундай жағдайда «жақтылық» сентиметрдиң узынлықтың тәбийий бирлигине айланғанындай ўақыттың да тәбийий бирлигине ийе боламыз.

Жоқарыда еслетилип өтилгениндей физикада масса граммларда өлшенеди. Бир грамм Париж каласындағы өлшемлер ҳәм салмақлар бюросындағы сақланып турған килограммның мыңнан бирине тең.

Ең дәслеп 1 килограмм масса 4°С температурадағы бир дециметр куб суўдың массасы сыпатында қабыл етилди (усындай температурада суў ең үлкен тығызлыққа ийе). Бирақ өлшеўлердиң дәллигиниң өсиўине байланыслы метрдиң ең дәслепки анықламасындай бул анықламаны да сақлап турыў мүмкин болмады: егер бул анықламаны сақлап турғанда тийкарғы эталонларды өзгертип барыў зәрүрлиги пайда болды. Ҳәзирги ўақытлары дистилляцияланған суўдың массасы 4°С да 1 г емес, ал 0.999972 г ға тең.

Бирақ килограммды қандай да бир килограммның эталоны сыпатында анықлаў да метрди «штрихланған» өлшемге салыстырып анықлағандай кемшиликке ийе. Килограммды килограммның эталонына қарап емес, ал қандай да бир атомның ядросының массасына (мысалы протонның массасына) салыстырып анықлағанда бир қанша тәбийийлеў болған болар еди.

Енди туўынды бирликлердиң қалай дүзилетуғынлығын қарап шығамыз. Бирқанша мысаллар келтиремиз.

Тезликтиң бирлиги сыпатында қандай да бир ықтыярлы тезликли алыўға болар еди (мысалы жақтылықтың вакуумдеги тезлиги ямаса Жердиң Қуяш дөгерегинде айланыў тезлиги). Бирак тезликтиң бирлигин анықлағанда жолдың ўақытқа қатнасы екенлигин басшылыққа алыўға болады. Усындай жағдайда тезликтиң бирлиги бир секундта бир сантиметр жолды өтетуғын тезликке тең болған болар еди. Бундай бирлик ушын  $1 \frac{c M}{cek}$  белгилеўи қолланылады.  $\frac{c M}{cek}$  символы тийкарғы бирликлердеги (узынлық сантиметрде, ўақыт секундта) *тезликтиң өлшеми* деп аталады. Тезликтиң өлшеми былай жазылады:

$$[v] = \frac{cM}{ce\kappa}$$
.

Тезлениўде де мәселе усылай шешиледи. Тезлениўдиң өлшеми сыпатында қәлеген тезлениўди қабыл етиўге болар еди (мысалы еркин түсиў тезлениўи). Бирак тезлениўдиң ўақыт бирлигиндеги тезликтиң өзгериси екенлиги ҳаққындағы анықламаны да басшылыққа алыўға болады ҳәм бирлик ретинде бир секундта тезлик  $1\frac{cM}{cek}$  қа өзгеретуғын тезлениўдиң шамасын бирлик ретинде қабыл етеди. Тезлениўдиң бундай бирли ушын  $1\frac{cM}{cek^2}$  белгилеўи қолланылады.

 $\frac{CM}{CPK^{2}}$  символы тезлениўдиң өлшеми болады:

$$[\omega] = \frac{cM}{ce\kappa^2}$$
.

Енди күштиң өлшемин ҳэм оның бирлигин анықлаймыз. Бул ушын күштиң масса менен тезлениўдиң көбеймеси екенлиги ҳаққындағы анықламадан пайдаланамыз. Қандай да бир Ғ физикалық шаманың өлшеми ушын [F] белгисин қолланып күш ушын мынадай аңлатпа аламыз:

$$[F] = [m][\omega] = \frac{c * cM}{ce\kappa^2}.$$

Күштиң бирлиги ретинде  $1\frac{z*c_{M}}{ce\kappa^{2}}$  ды алыў мүмкин. Бундай күш  $\partial$ ина деп аталады. 1  $\partial$ ина күш массасы 1 z болған денеге  $1\frac{c_{M}}{ce\kappa^{2}}$  ге тең тезлениў береди.

Солай етип ҳәр қыйлы шамалар арасындағы байланысларды пайдаланыў арқалы бирликлери ықтыярлы түрде сайлап алынатуғын тийкарғы деп қабыл етилетуғын көп емес сандағы шамалардың жәрдеминде барлық физикалық шамалардың өлшемлерин анықлаўға болады екен. Тийкарғы бирликлер болған узынлық ушын сантиметрди, масса ушын граммды, ўақыт ушын секундты өз ишине алатуғын система бирликлердиң физикалық системасы ямаса СГС (CGS) системасы деп аталады.

Бул системадағы ықтыярлы түрде алынған үш тийкарғы бирликтиң болыўы қандай да бир терең физикалық мәниске ийе деп ойламаў керек. Бул тек усы бирликлерде дүзилген системаның практикалық жақтан қолайлылығына байланыслы. Принципинде ықтыярлы түрде алынған басқа да сандағы бирликлерге тийкарланған бирликлер системасын дүзиў мүмкин (бул мәселеге бизлер 22-параграфта қайтып келемиз).

Алгебралық шамалар менен қандай эмеллер жүргизилетуғын болса (яғный санлар үстинде қандай эмеллер жүргизилетуғын болса), өлшемлер менен де сондай математикалық эмеллерди жүргизиў мүмкин. Ҳәр қыйлы физикалық шамаларды өз ишине алатуғын қәлеген теңликтиң еки тәрепиниң де өлшемлериниң бардей болыўының кереклиги өз-өзинен түсиникли. Бул жағдайды формулаларды тексергенде пайдаланыў керек.

Физикалық көз-қараслар бойынша көплеген жағдайларда қандай да бир физикалық шаманың тек ғана басқа базы бир анық шамалардан ғәрезли болатуғынлығын көриўге болады. Көпшилик жағдайларда өлшемлери бойынша-ақ изленип атырған байланыслардың характерин анықлаў мүмкиншилиги туўылады. Төменде усыған байланыслы мысаллар менен танысамыз.

СГС бирликлер системасы менен қатар басқа да бирликлер системалары қолланылады. Бундай системаларда масса ҳәм узынлық ушын г ҳәм см лерге қарағанда үлкенирек шамалар қолланылады. Халық аралық бирликлер системасы СИ (SI) мына бирликлерге тийкарланған: узынлық ушын метр, масса ушын килограмм ҳәм ўақыт ушын секунд. Бундай системадағы күштиң өлшеми ньютон (н) деп аталады:

$$1 H = 1 \frac{\kappa 2 * M}{ce\kappa^2} = 10^5 \, \partial u H.$$

Техникалық есаплаўларда күш басқа бирликлерде — килограммларда ( $\kappa \Gamma$ ) өлшенеди. Бул массасы 1  $\kappa \epsilon$  болған денениң теңиз қәддинде 45° кеңликтеги Жерге қарай тартылыс күши болып табылады. Оның шамасы

$$1 \kappa \Gamma = 9.8910^5 \partial u H = 9.8 H.$$

ға тең (дәлиреги 980 665 дин).

# § 9. Бир текли майдандағы қозғалыс

Егер кеңисликтиң ҳәр бир ноқатында бөлекшеге анық күш тәсир ететуғын болса, онда бул күшлердиң жыйнағын *күш майданы* деп атаймыз.

Улыўма жағдайларда майдан күшлери кеңисликтиң бир ноқатынан екинши ноқатына өткенде де, ўақыттың өтиўи менен де өзгериўи мүмкин.

Материаллық ноқаттың ең әпиўайы болған бир текли ҳәм турақлы майдандағы қозғалысын қараймыз. Бундай майданның күшлери барлық ноқатларда да бирдей мәниске және бағытқа ийе болып ўақытқа байланыслы өзгермейди. Бундай майданға мысал ретинде Жердиң бетиндеги салмақ майданын көрсетиўге болады.

Материаллық ноқаттың қозғалыс теңлемеси

$$m\frac{d\mathbf{v}}{dt} = \mathbf{F}$$

тен F = const болғанда

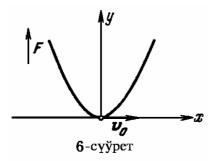
$$\mathbf{v} = \frac{1}{m} \mathbf{F} \mathbf{t} + \mathbf{v}_0$$

екенлиги келип шығады. Бул аңлатпадағы  $\mathbf{v}_0$  материаллық ноқаттың дәслепки тезлиги. Солай етип бир текли ҳәм турақлы майданда тезлик ўақыттың сызықлы функциясы болып табылады екен.

 ${f v}$  ушын алынған аңлатпадан материаллық ноқаттың күш векторы  ${f F}$  пенен дәслепки тезлик векторы  ${f v}_0$  жататуғын тегисликте қозғалатуғынлығы келип шығады. Бул тегисликти  ${f x}$  хәм у кооринаталары тегислиги сыпатында қабыл етемиз хәм у көшерин күш  ${f F}$  тиң бағытында бағытлаймыз. Бөлекшениң  ${f v}$  тезлигин анықлаўшы теңлеме тезликтиң проекциялары  ${f v}_x$  хәм  ${f v}_y$  еки теңлемеге айырылады:

$$v_y = \frac{F}{m} + v_{y0}, \ v_x = v_{x0}.$$

Бул аңлатпадағы  $v_{x0}$  ҳәм  $v_{y0}$  тезликтиң проекцияларының басланғыш мәнислери.



Тезликтиң проекцияларының бөлекшениң сәйкес координаталарынан ўақыт бойынша алынған туўынды екенлигин еске алып кейинги теңлемелерди өзгертип көширип жазамыз:

$$\frac{\mathrm{d}y}{\mathrm{d}t} = \frac{\mathrm{F}}{\mathrm{m}}t + \mathrm{v}_{y0}, \quad \frac{\mathrm{d}x}{\mathrm{d}t} = \mathrm{v}_{x0}.$$

Буннан мынадай аңлатпаларды аламыз:

$$y = \frac{F}{2m}t^2 + v_{y0}t + y_0, \quad x = v_{x0}t + x_0.$$

Бул аңлатпада  $x_0$  ҳәм  $y_0$  арқалы материаллық бөлекшениң координаталарының дәслепки (басланғыш) мәнислери белгиленген. Усы аңлатпалардың жәрдеминде бөлекшениң траекториясы анықланады. Егер ўақытты тезликтиң проекциясы  $v_y$  нолге тең болған моменттен баслап есапласа (яғный  $v_{y0}=0$  болған моменттен басланса) бул аңлатпалар әпиўайыласады. Усы ўақыт моментиндеги бөлекше турған ноқатқа координата басын орналастырамыз. Бундай жағдайда  $x_0=y_0=0$ . Ең ақырында тезликтиң ең басланғыш мәниси  $v_0$  менен сәйкес келетуғын шаманы  $v_{x0}$  арқалы белгилеп төмендегини аламыз:

$$y = \frac{F}{2m}t^2$$
,  $x = v_0t$ .

Бул аңлатпалардан t ны жоғалтсақ

$$y = \frac{F}{2mv_0^2} x^2$$

параболаның теңлемесин аламыз (6-сүўрет). Солай етип бир текли майданда бөлекше парабола тәризли орбита бойынша қозғалады.

#### § 10. Жумыс хәм потенциал энергия

Материаллық ноқаттың базы бир  $\mathbf{F}$  күш майданындағы қозғалысын қараймыз. Егер  $\mathbf{F}$  күшиниң тәсиринде материаллық ноқат шексиз киши d $\mathbf{s}$  жолын өтетуғын болса, онда

$$dA = Fds \cos \theta$$
,

 $(\theta \ apқалы \ \mathbf{F} \ \chi \ni m \ ds \ beкторлары белгиленген) аңлатпасы \ \mathbf{F} \ күшиниң \ ds \ жолындағы <math>\ \mathcal{H}$  жумысы деп аталады. Еки  $\ \mathbf{a} \ \chi \ni m \ \mathbf{b} \$  векторының абсолют шамаларының олар арасындағы мүйештиң косинусына көбеймеси бул векторлардың  $\ \mathcal{L}$  көбеймеси деп аталады  $\ \chi \ni m \ \mathbf{ab} \$  түринде белгиленеди. Сонлықтан  $\ \mathcal{L}$  жумысты күш векторының бөлекшениң орын аўыстырыўы векторына скаляр көбеймеси сыпатында анықлаймыз:

$$dA = \ll ds$$
.

Бул аңлатпаны

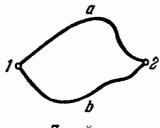
$$dA = \ll_s ds$$

түринде жазыў мүмкин (бул аңлатпада  $F_s$  арқалы F күшиниң бөлекшениң аўысыўы ds бағытындағы проекциясы белгиленген).

Майдан күшлериниң шексиз киши жолды өткенде емес, ал бөлекшениң шекли жолында ислеген жумысын анықлаў ушын бул шекли жолды шексиз киши ds жолларына бөлип ҳәм ҳәр бир усындай шексиз киши элементар жолды өткенде исленген жумысты есаплап, кейин сол жоллардың барлығын бир бирине қосып шығыў керек. Бул қосынды барлық жол бойынша исленген жумысты береди.

Жумыстың анықламасынан жолға перпендикуляр бағытта тәсир ететуғын күштиң жумыс ислемейтуғынлығы келип шығады. Мысалы, материаллық ноқат шеңбер бойынша тең өлшеўли козғалғанда күшлердиң жумысы нолге тең.

Турақлы күш майданы, яғный ўақытқа ғәрезсиз күш майданы мынадай әҳмийетли қәсийетке ийе: егер усындай майданда материаллық ноқат туйық жол бойынша қозғалатуғын болса, басқа сөз бенен айтқанда ноқат өзиниң дәслепки ийелеген орнына қайтып келетуғын болса, майдан күшлери тәрепинен исленген жумыс нолге тең болады.



7 -сүўрет

Бул қәсийеттен басқа да әҳмийетли тастыйықлаў келип шығады: майдан күшлериниң бөлекшени бир аўҳалдан екинши аўҳалға көширгендеги жумысы усы көшириў эмелге асырылатуғын жолдың түрине ғәрезли емес, ал тек көшириўдиң дәслепки ҳәм ақырғы ноқатларының орны менен анықланады. Мысал келтирейик. 1 ҳәм 2 ноқатларын қарайық ҳәм оларды еки иймеклик пенен тутастырайық (7-сүўрет). Бөлекше 1 ноқатынан 2 ноқатына а иймеклиги менен алып келинеди, ал кейин 2 ноқатынан 1 ноқатына b иймеклиги менен көшириледи деп есаплайық. Усындай жағдайдағы майдан күшлери тәрепинен улыўма жумыс нолге тең. Жумысты А ҳәрипи жәрдеминде белгилеп былайынша жазамыз:

$$A_{1a2} + A_{2b1} = 0.$$

Көшириўдиң бағыты өзгертилсе жумыс сөзсиз белгисин өзгертеди ҳэм сонлықтан жазылған анлатпадан

$$A_{1a2} = -A_{2b1} = A_{1b2}$$

екенлиги келип шығады. Яғный жумыстың мәниси дәслепки 1 ҳәм ақырғы 2 ноқатларын тутастыратуғын иймекликтиң түрине байланыслы емес екен.

Майдан күшлериниң жумысының көшириўдеги жолдың түрине байланыслы емеслиги. Ал тек ғана жолдың дәслепки ҳәм ақырғы ноқатларының аўҳалларына ғәрезлилиги жумыстың терең физикалық мәниске ийе екенлигин билдиреди. Оның жәрдеминде күш майданының әҳмийетли ҳарактеристикасын анықлаўға болады. Усы мақсетте кеңисликтиң базы бир ноқатын аламыз, оны О менен белгилеймиз ҳәм есаплаўдың басы ретинде қабыл етемиз. Буннан кейин бөлекшени усы ноқаттан қандай да бир ықтыярлы Р ноқатына майдан күшлери көширгендеги жумысты есаплаймыз. Бул жумысты –U арқалы белгилеймиз. Бөлекше О ноқатынан Р ноқатына көширилгенде исленген жумыстың кери белгиси менен алынған U шамасын бөлекшениң Р ноқатындағы потенциал энергиясы деп атаймыз. Бул потенциал энергия Р ноқатының координаталары ҳ,у,z лердиң функциясы болып табылады:

$$U = U(x,y,z)$$
.

Майдан күшлериниң бөлекше қандай да бир ықтыярлы 1 ноқатынан ықтыярлы 2 ноқатына көшкенде ислеген жумысы  $A_{12}$  мынаған тең:

$$A_{12} = U_1 - U_2$$
.

Бул аңталпадағы  $U_1$  менен  $U_2$  лер сол еки ноқаттағы потенциал энергиялар. Жумыс жолдың дәслепки ҳәм ақырғы ноқатларындағы потенциал энергиялардың айырмасына тең.

Бир бирине шексиз жақын жайласқан Р ҳәм Р' ноқатларын аламыз. Бөлекшени Р ноқатынан Р' ноқатына көширгенде майдан күшлериниң ислеген жумысы –dU ға тең. Екинши тәрептен бул жумыс «ds ке тең (ds арқалы Р ноқатынан Р' ноқатына жүргизилген вектор белгиленген). 2-параграфта ds векторының Р' ҳәм Р ноқатларының dr радиус-векторларының айырмасына тең екенлиги көрсетилген еди.

Солай етип биз

теңлигине келемиз. Күш ҳәм потенциал энергияны байланыстыратуғын бул аңлатпа механиканың әҳмийетли аңлатпаларының бири болып табылады.

$$Fdr = Fds = F_sds$$

деп көширип жазып жоқарыдағы қатнасты былайынша жаза аламыз:

$$F_s = \frac{dU}{ds}$$
.

Буннан күштиң базы бир бағытқа түсирилген проекциясының шексиз киши dU өзгерисин усы бағыттағы шексиз киши ds шамасына бөлгенге тең болатуғынлығы келип шығады.  $\frac{dU}{ds}$  аңлатпасын U дан бағыт s бойынша алынған туўынды деп атаймыз.

Бул қатнаслардың мәнисин айқынластырыў ушын бир текли турақлы майдандағы потенциал энергияны анықлаймыз. Майдан күшлери F тиң бағытын z ке параллел деп қабыл етемиз. Онда Fd $\mathbf{r}=F$ dz. Бул аңлатпаны потенциал энергияның өзгериси менен теңлестирип -dU=Fdz аңлатпасын аламыз ҳәм буннан

$$U = -Fz + const$$

екенлиги келип шығады.

Биз потенциал энергияның ықтыярлы турақлыға шекемги дәлликте анықланатуғынлығын көремиз. Бул жағдай улыўмалық характерге ийе ҳәм жумыс есепланатуғын майданның басланғыш ноқаты О ның ықтыярлы түрде қабыл етилгенлигине байланыслы. Әдетте U ушын жазылған аңлатпадағы бул турақлыны нолге тең болатуғын етип алады. Бул жағдай бөлекше басқа бөлекшелерден шексиз үлкен аралықларға қашықласқанда потенциал энергия нолге тең болатуғынлығына келип шығады.

Күштиң проекцияларын потенциал энергия менен байланыстыратуғын формулалардан күштиң бағыты ҳаққында жуўмақлар шығарыў мүмкин. Егер базы бир бағытларда потенциал энергия өсетуғын болса  $(\frac{dU}{ds}>0)$ , онда күштиң проекциясы бул бағытта терис мәниске ийе болады, яғный күш потенциал энергия кемейетуғын бағыт пенен бағытлас болады. Күш барлық ўақытта да потенциал энергия кемейетуғын бағытқа қарай бағытланған болады.

Функция максимум ямаса минимумға ийе болатуғын ноқталарда туўынды нолге тең болғанлықтан күш те потенциал энергия максимумға ямаса минимумға жететуғын ноқатларда нолге тең болады.

### § 11. Энергияның сақланыў нызамы

Турақлы майдан күшлери тәрепинен бөлекшени бир ноқаттан екинши ноқатқа көширгенде исленген жумыстың жолдың түрине ғәрезсизлиги оғада әҳмийетли болған нызамға (қатнасқа) – энергияның сақланыў нызамына алып келеди.

Бул қатнасты алыў ушын бөлекшеге тәсир ететуғын күш « тиң былай жазылатуғынлығын еске түсиремиз:

$$F = m \frac{dv}{dt}$$
.

Тезлениўдиң қозғалыс бағытындағы проекциясы  $\frac{dv}{dt}$  ға тең болғанлықтан күштиң усы бағыттағы проекциясы

$$F_s = m \frac{dv}{dt}$$

ға тең болады.

Енди усы күштиң шексиз киши ds = v dt жолындағы жумысын анықлаймыз.

$$dA = F_s ds = mv dv$$

ямаса

$$dA = d(\frac{mv^2}{2}).$$

Солай етип күш тәрепинен исленген жумыс  $\frac{\text{mv}^2}{2}$  шамасының өсимине тең екен. Бул шама бөлекшениң *кинетикалық энергиясы* деп аталады.

Екинши тәрептен жумыс потенциал энергияның кемейиўиниң есабынан исленеди, яғный dA = -dU. Сонлықтан биз мынадай теңликти жаза аламыз:

$$-dU = d(\frac{1}{2}mv^2),$$

яғный

$$d(U + \frac{1}{2}mv^2) = 0.$$

Бул қосындыны Е ҳәрипи менен белгилеп төмендегиге ийе боламыз:

$$E = \frac{mv^2}{2} + U = const.$$

Солай етип тек тезликке байланыслы болған кинетикалық энергия менен тек координаталарға байланыслы болған потенциал энергияның қосындысы бөлекше қозғалғанда өзгермейди екен. Бул қосынды бөлекшениң *толық энергиясы* ямаса тек энергиясы деп аталады. Ал алынған қатнас энергияның сақланыў нызамы деп аталады.

Бөлекше қозғалатуғын күш майданы қандай да бир басқа денелер тәрепинен пайда етиледи. Майданның турақлы болыўы ушын сол басқа денелердиң қозғалмай турыўы керек. Сонлықтан биз энергияның сақланыў нызамын жүдә әпиўайы жағдай ушын (тек бир бөлекше қозғалады, ал сол бөлекше тәсир етисетуғын басқа денелер қозғалмай турады) алдық. Бирақ энергияның сақланыў нызамын көплеген қозғалыўшы бөлекшелер қатнасатуғын улыўмалық жағдай ушын да алыўға болады. Егер бул бөлекшелер туйық системаны пайда ететуғын болса да энергияның сақланыў

нызамы орынланады. Бул жағдайда да барлық материаллық ноқатлардың кинетикалық энергияларының өз алдына қосындысы менен олардың өз-ара тәсир етисиўине сәйкес келетуғын потенциал энергияның қосындысы ўақыттың өтиўи менен өзгермей қалады, яғный

$$E = \frac{m_1 v_1^2}{2} + \frac{m_2 v_2^2}{2} + U(r_1 + r_2 + ...)$$

 $(m_i$  арқалы і-бөлекшениң массасы,  $v_i$  арқалы і-бөлекшениң тезлиги белгиленген, U болса бөлекшелердиң радиус-векторлары  $r_i$  ден ғәрезли болған потенциал энергиясы) турақлы болып қалады.

Сыртқы майданда бир бөлекше жайласқан жағдайдағыдай U функциясы ҳәр бир бөлекшеге тәсир етиўши күш пенен байланысқан. Атап айтқанда і-бөлекшеге тәсир етиўши күш  $F_i$  ди есаплағанда басқа бөлекшелердиң барлығы да қозғалмай қалады деп есаплап усы бөлекше шексиз киши  $dr_i$  аралығына жылысқанлдағы (аўысқандағы) потенциал энергия U дың өзгерисин қарап шығыў керек. Усындай аўысыўдағы бөлекше үстинен исленген жумыс  $F_i$   $dr_i$  потенциал энергияның сәйкес кемейиўине тең.

Энергияның сақланыў нызамы қәлеген туйық система ушын орынланады ҳәм импульстиң сақланыў нызамы менен бир қатарда механиканың ең әҳмийетли нызамларының бири болып табылалы.

Кинетикалық энергия барлық ўақытта да оң мәниске ийе шама. Тәсирлесиўдиң потенциал энергиясы оң мәнисти де, терис мәнисти де қабыл етиўи мүмкин. Егер еки бөлекшениң потенциал энергиясы усы бөлекшелер бир биринен шексиз үлкен аралықларға қашықласқанда нолге тең етип алынатуғын болса, онда потенциал энергияның белгиси усы бөлекшелердиң тәсирлесиўиниң (тартысыў ямаса ийтерисиў) характерине ғәрезли болады. Бөлекшеге тәсир етиўши күш барлық ўақытта потенциал энергияның кемейиў бағытына қарай бағытланғанлықтан былайынша жуўмақлар шығарамыз: бир бирине тартылыўшы бөлекшелердиң бир бирине жақынласыўы потенциал энергияның кемейиўине алып келеди ҳәм сонлықтан ол шама терис белгиге ийе болып шығады. Бир биринен ийтерилетуғын бөлекшелердиң потенциал энергиясы оң мәниске ийе болады.

Энергия (жумыс та) төмендегидей өлшемге ийе болады:

[E] = [m][v]<sup>2</sup> = 
$$\frac{c * c M^2}{c e \kappa^2}$$
.

Сонлықтан СГС бирликлер системасындағы энергияның өлшем бирлиги 1  $\frac{z*cm^2}{ce\kappa^2}$  болады хәм бул бирлик эрг деп аталады. Эрг дегенимиз 1 дин күштиң 1 см аралықты өткенде ислеген жумысы болып табылады.

СИ бирликлер системасында  $\partial жоуль$  ( $\partial ж$ ) деп аталатуғын үлкенирек өлшем бирлиги қолланылады. Джоуль деп 1  $\mu$  күштиң 1  $\mu$  жолды өткендеги жумысына айтамыз:

$$1 \partial \mathcal{H} = 1 \, H^* M = 10^7 \, \text{sps.}$$

Егер күштиң бирлиги ретинде килограмм қолланылатуғын болса энергияның сәйкес бирлиги  $1 \kappa \Gamma$  күштиң  $1 \kappa$  жолдағы ислеген жумысы килограмметр ( $\kappa \Gamma M$ ) болады. Джоуль менен килограмметр былай байланысқан:  $1 \kappa \Gamma M = 9.8 \ \partial \mathcal{H}$ .

Энергия дереклери бир бирлик ўақыт ишинде ислеген жумысы менен тәрипленеди. Бул жумысты *қуўатлылық* деп атайды. Қуўатлылықтың бирлиги болып *ватт* (*вт*) хызмет етеди:

$$1 em = 1 \frac{\partial \mathcal{H}}{ce\kappa}.$$

Қуўатлылығы 1 вт қа тең энергия дереги тәрепинен бир саат даўамында исленген жумыс samm\*caam(sm\*caam) деп аталады.

$$1 \ вm*caam = 3.6910^3 \ дж$$

екенлигине аңсат көз жеткериўге болады.

#### § 12. Ишки энергия

5-параграфта қурамалы системаның қозғалысы ушын оның тутасы менен алғандағы тезлиги түсинигиниң киргизилетуғынлығы түсиндирилген еди. Бундай жағдайда усындай тезлик ушын системаның инерция орайының тезлиги алынады. Бул системаның қозғалысының еки түрли козғалыстан туратуғынлығын билдиреди: системаның тутасы менен алғандағы қозғалысы ҳәм системаның инерция орайына салыстырғандағы системаны қураўшы бөлекшелердиң «ишки» қозғалысы. Усыған сәйкес системаның энергиясы E тутасы менен алынған система ушын кинетикалық энергия  $MV^2/2$  (M системаның массасы, V оның инерция орайының тезлиги) менен системаның ишки энергиясы  $E_{\text{ишки}}$  ның қосындысынан турады. Ишки энергия өз ишине бөлекшелердиң ишки қозғалысына сәйкес келиўши кинетикалық энергияны ҳәм олардың тәсирлесиўине сәйкес келиўши потенциал энергияны алады.

$$E = \frac{MV^2}{2} + E_{\text{ишки}}.$$

Бул формуланың келип шығыўы өз-өзинен түсиникли, бирақ бир усы формуланы туўрыдан туўры келтирип шығарыўда да көрсетемиз.

Қозғалмайтуғын есаплаў системадағы қандай да бир бөлекшениң тезлигин (і-бөлекшениң тезлигин)  $v_i$ +V деп жаза аламыз (V системаның инерция орайының қозғалыс тезлиги,  $v_i$  бөлекшениң инерция орайына салыстырғандағы тезлиги). Бөлекшениң кинетикалық энергиясы мынаған тең:

$$\frac{m_i}{2}(v_i+V)^2 = \frac{m_i V^2}{2} + \frac{m_i v_i^2}{2} + m_i (Vv_i).$$

Барлық бөлекшелер бойынша қосынды алғанда бул аңлатпаның биринши ағзалары  $MV^2/2$  ни береди (бул жерде  $M = m_1 + m_2 + \dots$ ). Екинши ағзалардың қосындысы системадағы ишки қозғалыслардың толық кинетикалық энергиясына сәйкес келеди. Ал үшинши ағзалардың қосындысы нолге тең болады. Ҳақыйқатында да

$$m_1(\mathbf{V}\mathbf{v}_1) + m_2(\mathbf{V}\mathbf{v}_2) + \dots = V(m_1\mathbf{v}_1 + m_2\mathbf{v}_2 + \dots).$$

Кейинги қаўсырма ишиндеги қосынды бөлекшелердиң системаның инерция орайына салыстырғанлағы анықлама бойынша нолге тең толық импульси болып табылады. Ең ақырында кинетикалық энергияны бөлекшелердиң тәсирлесиўиниң потенциал энергиясы менен қосып излеп атырған формуламызды аламыз.

Энергияның сақланыў нызамын қолланып қурамалы денениң стабиллигин (турақлылығын) қарап шыға аламыз. Бул мәселе қурамалы денениң өзинен өзи қурамлық бөлимлерге ажыралып кетиўиниң шәртлерин анықлаўдан ибарат. Мысал ретинде қурамалы денениң еки бөлекке ыдыраўын көрейик. Бул бөлеклердиң массаларын  $m_1$  ҳәм  $m_2$  арқалы белгилейик. Және дәслепки қурамалы денениң инерция орайы системасындағы сол бөлеклердиң тезликлери  $\mathbf{v}_1$  ҳәм  $\mathbf{v}_2$  болсын. Бундай жағдайда усы есаплаў системасындағы энергияның сақланыў нызамы мына түрге ийе болады:

$$\mathrm{E}_{\text{ишки}} = rac{m_1 v_1^2}{2} + \mathrm{E}_{1$$
ишки $+rac{m_2 v_2^2}{2} + \mathrm{E}_{2$ ишки.

Бул жерде  $E_{\text{ишки}}$  дәслепки денениң ишки энергиясы, ал  $E_{\text{1ишки}}$  ҳәм  $E_{\text{2ишки}}$  денениң еки бөлегиниң ишки энергиялары. Кинетикалық энергия барқулла оң мәниске ийе, сонлықтан жазылған аңлатпадан

$$E_{\text{ишки}} > E_{1\text{ишки}} + E_{2\text{ишки}}$$

екенлиги келип шығады. Бир денениң еки денеге ыдыраўының шәрти усыннан ибарат. Егер дәслепки денениң ишки энергиясы оның қурамлық бөлимлериниң ишки энергияларының қосындысынан киши болса дене ыдырамайды.

#### § 13. Қозғалыс шегаралары

Егер материаллық бөлекше тек ғана бир анық иймеклик бойынша қозғалатуғын болса, онда бир өлшемли ямаса бир еркинлик дәрежесине ийе қозғалыс ҳаққында гәп етиледи. Бул жағдайда бөлекшениң аўҳалын (кай орында турғанлығын) бериў ушын тек бир координата жеткиликли. Усындай координата сыпатында иймеклик бойлап есаплаў басы ретинде қабыл етилген ноқатқа шекемги қашықлықты пайдаланыўға болады. Бул координатаны x арқалы белгилеймиз. Бир өлшемли қозғалатуғын бөлекшениң потенциал энергиясы бир координатаның функциясы болады: U=U(x).

Энергияның сақланыў нызамы бойынша мынаған ийе боламыз:

$$E = \frac{mv^2}{2} + U(x) = const.$$

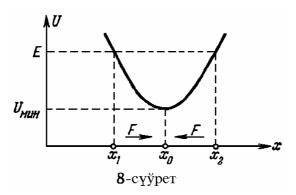
Кинетикалық энергия терис мәниске ийе бола алмағанлықтан төмендегидей шәрттиң орынланыўы керек:

$$U \leq T$$
.

Бул теңсизлик бөлекшениң қозғалысының барысында тек потенциал энергиясы толық энергиядан үлкен болмайтуғын ноқатларда ғана жайласа алатуғынлығын көрсетеди. Егер биз усы энергияны теңлестирсек материаллық ноқаттың шегаралық аўҳалларын анықлайтуғын

$$U(x) = E$$

тенлемесин аламыз.



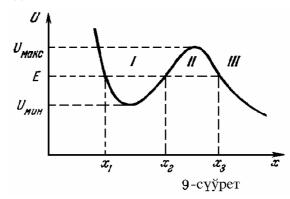
Бир неше характерли мысаллар келтиремиз. 8-сүўретте келтирилген х тын ғәрезли болған функцияның түриндей түрге ийе болатуғын потенциал энергиядан баслаймыз. Бундай күш майданындағы қозғалыстың шегараларын табыўымыз ушын х көшерине параллел етип U = E туўрысын жүргиземиз. Бул туўры потенциал энергияның иймеклиги болған U=U(x) ты еки ноқатта кесип өтеди. Усы ноқатлардың абсциссалары  $x_1$  хәм  $x_2$  арқалы белгиленген. Қозғалыстың мүмкин болыўы ушын потенциал энергияның шамасы толық энергияның шамасынан үлкен болмаўы керек. Бул энергиясы E болған бөлекшениң қозғалысының тек ғана  $x_1$  хәм  $x_2$  ноқатлары арасында болатуғынлығы аңлатады. Ал  $x_1$  ноқатынан шеп тәрепке ҳәм  $x_2$  ноқатынан оң тәрепке бөлекше өте алмайды.

Кеңисликтиң шекли областында қалатуғын қозғалыс *финитлик* қозғалыс деп аталады. Егер бөлекше шексиз үлкен аралықларға қашықласа алатуғын болса бундай бөлекшениң қозғалысын *инфинитлик* деп атайды.

Демек финитлик областының энергиядан ғәрезли екенлиги өз-өзинен көринип тур. Биз қарап өткен мысалда бул область энергияның кемейиўи менен киширейеди ҳәм  $E=U_{\text{мин}}$  да бир ноқатқа жайналады.

 $x_1$  хэм  $x_2$  ноқатларында потенциал энергия толық энергияға тең ҳэм сонлықтан бул ноқатларда кинетикалық энергия ҳәм оған сәйкес бөлекшениң тезлиги нолге тең.  $x_0$  ноқатында потенциал энергия минимал мәнисине ийе, ал кинетикалық энергия менен бөлекшениң тезлиги болса максималлық мәнисине тең. Күш потенциал энергия менен  $F = -\frac{dU}{dx}$  арқалы байланысқан болғанлықтан  $x_0$  ҳәм  $x_1$  ноқатлары арасында күш терис, ал  $x_0$  ҳәм  $x_2$  ноқатлары арасында оң мәниске ийе болады. Бул өз гезегинде күштиң  $x_0$  ҳәм  $x_2$  ноқатлары арасында х тың киширейиў бағытында бағытланғанлығын, яғный шеп, ал  $x_0$  ҳәм  $x_1$  ноқатлары арасында оң тәрепке қарай

бағытланғанлығын көрсетеди. Сонлықтан, егер бөлекше оңға қарай бағытланған күштиң тәсиринде  $x_1$  ноқатынан қозғала басласа (бул ноқатта тезликтиң нолге тең екенлигин еске түсиремиз) оның кем-кемнен тезлиги артады ҳәм  $x_0$  ноқатында тезлик максималлық мәнисине жетеди. Енди шеп тәрепке қарай бағытланған күштиң тәсиринде  $x_0$  ноқатынан  $x_2$  ноқатына шекем қозғалыў барысында бөлекшениң тезлиги кемейеди ҳәм  $x_2$  ноқатында нолге тең болады. Буннан кейин  $x_2$  ноқатынан  $x_0$  ноқатын қарай кери қозғалыс басланады. Усындай қозғалыслар ўақыттың өтиўи менен қайталанады. Басқа сөз бенен айтқанда бөлекшениң қозғалысы дәўирли қозғалыс болады, ал қозғалыў дәўири бөлекшениң  $x_1$  ноқатынан  $x_2$  ноқатына жетемен дегенше кеткен ўақыттан еки есе үлкен болады.

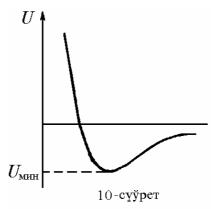


 $x_0$  ноқатында потенциал энергия минимумға жетеди ҳәм U дан ҳ бойынша алынған туўынды нолге айланады. Сонлықтан бул ноқатта күш нолге тең ҳәм усыған байланыслы  $x_0$  ноқаты бөлекшениң *тең салмақлық* ноқаты болып табылады. Соның менен бирге бул ноқат бөлекшениң *орнықлы тең салмақлық* аўҳалы болып табылады. Себеби бул аўҳалдан шығарылса бөлекшени сол тең салмақлық ҳалына қайтарыўға бағытланған күш пайда болады. Бундай қәсийетке потенциал энергияның тек ғана минимум ноқатлары ийе болады. Потенциал энергия максимумға тең ноқатларда да күш нолге тең. Бирақ усындай ноқаттан бөлекшени анаў ямаса мынаў бағытта қозғалтып жиберилгенде пайда болған күшлер еки жағдайда да усы ноқатлардан қашықласыў бағытында тәсир етеди. Сонлықтан потенциал энергия максимумға ийе болатуғын орынлар *орнықсыз тең салмақлық* аўҳаллары болып табылады.

Енди иймеклиги 9-сүўретте көрсетилгендей курамалы майдандағы бөлекшениң қозғалысын қараймыз. Бул иймеклик минимумға да, максимумға да ийе. Егер бөлекше Е энергиясына ийе болатуғын болса ол еки областта қозғала алады:  $x_1$  хәм  $x_2$  ноқатлары арасындағы І областы ҳәм  $x_3$  ноқатынан оңда жайласқан ІІІ областы (бул областларда потенциал энергия толық энергияға тең болады). Биринши областтағы қозғалыс биз жоқарыда қараған мысалдағыдай тербелис характерине ийе болады. ІІІ областтағы қозғалыс инфинитлик болып бөлекше  $x_3$  ноқатынан оң тәрепке қарай шексиз аралықларға қашықласа алады. Егер бөлекше  $x_3$  ноқатынан баслап қозғала басласа (бул ноқатта бөлекшениң тезлиги нолге тең), онда бул орындағы оңға қарай бағытланған күштиң тәсиринде барлық ўақытта да тезлениў алады $\sim$  шексиз үлкен қашықлықта потенциал энергия нолге айланады, ал тезлиги  $v_\infty = \sqrt{2mE}$  ге тең болады. Керисинше, егер бөлекше шексиз қашықласқан орыннан  $x_3$  ноқатына қарай қозғала басласа, оның тезлиги  $x_3$  ноқатында нолге

айланатуғындай болып кем-кемнен кемейеди. Бул ноқатта бөлекше қозғалыс бағытын өзгертип қайтадан шексизликке кетиўи керек. Бөлекше І областқа өте алмайды, себеби  $x_2$  ҳәм  $x_3$  ноқатлары арасында жайласқан ІІ қадаған етилген зонасы бөлекшени өткермейди. Усының менен бирге усы ІІ область  $x_1$  ҳәм  $x_2$  ноқатлары арасында жайласқан тербелиўши бөлекшени Е энергиясы менен қозғалыс мүмкин болған ІІІ областқа да өткермейди. Бул қадаған етилген областты *потенциал тосқынлық (барьер)*, ал І областты *потенциал шуқыр* деп атаймыз. Биз қарап атырған жағдайда бөлекшениң энергиясының өсиўи менен тосынлықтың кеңлиги кемейеди ҳәм Е —  $U_{\text{макс}}$  болғанда толығы менен жоғалады. Усының менен бирге бөлекшениң тербелмели қозғалысы да жоғалады ҳәм қозғалыс инфинитлик қозғалысқа айланады.

Биз энергиясына байланыслы бөлекшениң бирдей күш майданындағы қозғалысының финитлик болыўының да, инфинитлик болыўының да мүмкин екенлигин көрдик. Бул жағдайды потенциал энергиясының иймеклиги 10-сүўретте көрсетилген майдандағы қозғалыс мысалында да анық көрсетиў мүмкин. Бул жағдайдағы оң мәниске энергияға инфинитлик қозғалыс, ал терис мәнисли энергияларға (U<sub>мин</sub><E<0) финитлик қозғалыс сәйкес келеди.



Улыўма алғанда шексизликте потенциал энергия нолге айланатуғын болса терис мәнисли энергия менен қозғалыс сөзсиз финитлик қозғалыс болады. Себеби шексизликте ноллик потенциал энергия толық энергиядан үлкен болады ҳәм сонлықтан бөлекше шексизликке шекем қашықласа алмайды.

# § 14. Серпимли соқлығысыўлар

Энергия менен импульстиң сақланыў нызамларын денелер соқлығысқандағы ҳәр қыйлы шамалар арасындағы байланысларды анықлаў ушын қолланыў мүмкин.

Физикада соқлығысыў деп айтқанда тек денелердиң бир бириўине тийисиўин емес, ал денелер арасындағы өз-ара тәсир етисиў кең мәнисте түсиниледи. Соқылғысатуғын денелер бир биринен шексиз үлкен қашықлықларда турғанда еркин денелер болып табылады. Бир бириниң тусынан өтип баратырғанда денелер бир бири менен тәсирлеседи ҳәм пүткиллей ҳәр қыйлы процесслердиң бақланыўы мүмкин: денелердиң биригиўи мүмкин, жаңа денелердиң пайда болыўы да мүмкин, соның менен бирге серпимли соқлығысыўдың да орын алыўы мүмкин. Серпимли соқлығысыўда денелер базы бир жақынласқаннан кейин өзлериниң ишки ҳалларын өзгертпей

ажырасып кетеди. Денелердиң ишки ҳалларының өзгериўи менен өтетуғын соқлығысыўларды *серпимли емес соқлығысыўлар* деп атайды.

!деттеги жағдайлардағы соқлығысыўлар дерлик барлық ўақытта да серпимли емес соқлығысыўлар болып табылады (ең кеминде соқлығысыўдың нәтийжесинде дене қызады, яғный кинетикалық энергияның бир бөлеги жыллылыққа айланады). Усыған қарамастан физикада серпимли соқлығысыўлар ҳаққындағы түсиниклер айрықша эҳмийетке ийе. Себеби усындай соқлығысыўларды атомлық қубылыслар бойынша исленген экспериментлерде көплеп көриўге болады. Бирақ усыған қарамастан әдеттегидей соқлығысыўларды да жеткиликли дәлликте серпимли деп қараўға болады.

Массалары  $m_1$  хәм  $m_2$  болған еки бөлекшениң серпимли соқлығысыўын қараймыз. Бөлекшелердиң соқлығысыўға шекемги хәм соқлығысыўдан кейинги тезликлерин сәйкес  $v_1$ ,  $v_2$  хәм  $v_1$ ',  $v_2$ ' арқалы белгилеймиз. Бөлекшелерди бири (мейли ол массасы  $m_2$  болған бөлекше болсын) соқлығысыўға шекем тынышлықта турды деп есаплансын (яғный  $v_2$ =0 болсын).

Серпимли соқлығысыўда бөлекшелердиң ишки энергиялары өзгермейтуғын болғанлықтан энергияның сақланыў нызамын қолланғанда буны есапқа алмаўға болады (ишки энергиялардың өзгерисин нолге тең деп есаплаймыз). Соқлығысыўға шекем ҳәм соқлығысыўдан кейин бөлекшелерди тәсир етиспейди деп есаплағанлықтан энергияның сақланыў нызамы кинетикалық энергияның сақланыў нызамына алып келинеди (1/2 ге тең улыўмалық көбейткишти жазбаймыз):

$$m_1 v_1^2 = m_1 v_1'^2 + m_2 v_2'^2$$
.

Импульстиң сақланыў нызамы мынадай векторлық теңликтиң жәрдеминде бериледи:

$$m_1 \mathbf{v}_1 = m_1 \mathbf{v}_1' + m_2 \mathbf{v}_2'.$$

Дәслеп тыныш турған бөлекшениң массасы үлкен, ал ушын келиўши бөлекшениң массасы киши болған жағдай (яғный  $m_2 >> m_1$ ) жүдә әпиўайы.

$$\mathbf{v}_2' = \frac{\mathbf{m}_1}{\mathbf{m}_2} \ (\mathbf{v}_1 - \mathbf{v}_1')$$

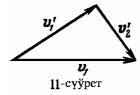
формуласынан  $m_2 >> m_1$  болғанда  $\mathbf{v}_2$ ' тың жүдә киши болатуғынлығы келип шығады.  $m_2 \mathbf{v}_2$ ' көбеймесиниң  $m_2$  массасына кери пропорционал болғанлығынан усындай жуўмақты дәслеп тынышлықта турған бөлекшениң энергиясы ҳаққында да айтыўға болады. Буннан былайынша жуўмақ шығарамыз: ушып келиўши бөлекшениң энергиясы соқлығысыўдың салдарынан өзгермейди, яғный усы бөлекшениң тезлигиниң абсолют мәниси өзгериссиз қалады. Солай етип жеңил бөлекше аўыр бөлекше менен соқлығысқанда жеңил бөлекшениң тезлигиниң тек бағыты өзгереди, ал шамасы өзгериссиз қалады.

Егер бөлекшелердиң массалары өз-ара тең болса сақланыў нызамлары мынадай түрлерге ийе болады:

$$\mathbf{v}_1 = \mathbf{v}_1' + \mathbf{v}_2'.$$
  
 $\mathbf{v}_1^2 = \mathbf{v}_1'^2 + \mathbf{v}_2'^2.$ 

Биринши жазылған аңлатпадан  $\mathbf{v}_1$ ,  $\mathbf{v}_1$ ' ҳәм  $\mathbf{v}_2$ ' векторларының үш мүйешликти пайда ететуғынлығы, ал екинши аңлатпадан сол үш мүйешликтиң гипетенузасы  $\mathbf{v}_1$  болған туўры

мүйешли үш мүйешлик екенлиги келип шығады. Солай етип массалары бирдей болған бөлекшелер соқлығысқанда олар туўры мүйеш бойынша ҳәр тәрепке қарай ушып кететуғынлығы келип шығады (11-сүўрет).



Еки бөлекшениң «маңлайдан» соқлығысыўын көремиз. Усындай соқлығысыўдың нәтийжесинде еки бөлекше де ушып келиўши бөлекшениң тезлиги бағытына сәйкес келиўши туўрының бағытында қозғалады. Бундай жағдайда биз импульстиң сақланыў нызамындағы тезликлер векторларын олардың сан шамалары менен алмастыра аламыз, яғный мыналарды жазамыз:

$$m_2v_2' = m_1(v_1-v_1').$$

Бул аңлатпаға

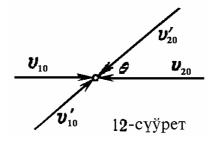
$$m_2 v_2'^2 = m_1 (v_1^2 - v_1'^2)$$

екенлигинен дерек бериўши энергияның сақланыў нызамын қоссақ  $v_1$ ' пенен  $v_2$ ' ларды  $v_1$  арқалы аңлатыў мүмкиншилигине ийе боламыз. Екинши теңлемени биринши теңлемеге бөлип  $v_2$ ' =  $v_1$  +  $v_1$ ' екенлиги аламыз хэм соған сэйкес

$$\mathbf{v}_{1}^{2} = \frac{\mathbf{m}_{1} - \mathbf{m}_{2}}{\mathbf{m}_{1} + \mathbf{m}_{2}} \mathbf{v}_{1}, \quad \mathbf{v}_{2}^{2} = \frac{2\mathbf{m}_{1}}{\mathbf{m}_{1} + \mathbf{m}_{2}} \mathbf{v}_{1}.$$

Ушып келиўши бөлекше (биринши бөлекше)  $m_1$  диң тыныш турған бөлекшениң массасы  $m_2$  ден үлкен ямаса кишилигине байланыслы ушып келген бағытта қозғалыўын даўам етеди ямаса кейин қарай қайтады. Егер  $m_1$  хәм  $m_2$  массалары өз-ара тең болса, онда  $v_1' = 0$ ,  $v_2' = v_1$ , яғный еки бөлекше тезликлери менен алмасады. Егер  $m_2 >> m_1$  болса, онда  $v_1' = -v_1$  хәм  $v_2' = 0$ .

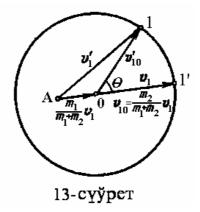
Улыўма жағдайда соқлығысыўды соқлығысыўшы бөлекшелердиң инерция орайы системасында қараған қолайлы. Бундай системада бөлекшелердиң имппульсларының қосындысы соқлығысыўдан бурын да, соқлығысыўдан кейин де нолге тең болады. Сонлықтан егер биринши бөлекшениң соқлығысқанға шекемги ҳәм соқлығысқаннан кейинги импульсларын **p** ҳәм **p**' арқалы белгилесек, екинши бөлекшениң соқлығысқанға шекемги ҳәм оннан кейинги импульслары –**p** менен -**p**' қа тең.



Буннан кейин бөлекшелердиң соқлығысқанға шекемги ҳәм соқлығысқаннан кейинги кинетикалық энергияларын теңлестириў арқалы  $p^2 = p'^2$  екенлигине ийе боламыз, яғный бөлекшелердиң импульсларының шамаларының өзгериске ушырамайтуғынлығын көремиз. Демек

биз қарап атырған жағдайда бөлекшелер соқлығысқанда тек ғана бөлекшелердиң импульсларының бағытлары ғана өзгереди екен. Импульслар менен бирге бөлекшелердиң тезликлери де өзгереди: тезликлер шамасы бойынша турақлы қалып, тек ғана бағытларын өзгертеди (бул жағдай 12-сүўретте келтирилген, бул сүўреттеги 0 индекслери инерция орайы системасына тийисли екенлигин көрсетеди).

Тезликлердиң бағытларының өзгериў мүйешлерине келсек, бул мүйешлердиң шамалары тек ғана энергия менен импульстиң сақланыў нызамлары бойынша анықланбайды, ал бөлекшелердиң бир бири менен тәсирлесиўиниң айқын характери және соқлығысыў моментиндеги олардың бир бирине салыстырғандағы ийелеген орынларына байланыслы.



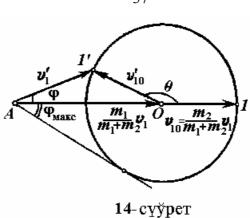
Дәслепки (ямаса лабораториялық) есаплаў системасындағы тезликлердиң өзгериўиниң характерин анықлаў ушын (бундай системада соқлығысқанға шекем бөлекшелердиң бири тынышлықта турды) төмендегидей графикалық усылды қолланамыз: 13-сүўретте көрсетилгендей тақлетте инерция орайы системасында биринши бөлекшениң тезлиги  $\mathbf{v}_{10}$  ге тең етип О1 векторын жүргиземиз. Бул тезлик сол бөлекшениң есаплаўдың лабораториялық системасындағы (бул системаның тезлиги еки бөлекшениң тезликлериниң де салыстырмалы тезлиги болып табылады)  $\mathbf{v}_1$  тезлиги менен  $\mathbf{v}_{10} = \mathbf{v}_1$ -V арқалы байланысқан. Бул жерде

$$V = \frac{m_1 v_1 + m_2 v_2}{m_1 + m_2} = \frac{m_1}{m_1 + m_2} v_1$$

инерция орайының тезлиги болып табылады. Алыў эмелин орынлаў арқалы мынадай формула аламыз

$$\mathbf{v}_{10} = \frac{\mathbf{m}_2}{\mathbf{m}_1 + \mathbf{m}_2} \mathbf{v}_1.$$

Биринши бөлекшениң соқлығысқаннан кейинги тезлиги  $\mathbf{v}_{10}$ '  $\mathbf{v}_{10}$  тезлигин базы бир  $\theta$  мүйешине бурыў жолы менен алынады (яғный 13-сүўретте келтирилген шеңбердиң кәлеген 01' радиусы менен берилиўи мүмкин). Лабораториялық есаплаў системасына өтиў ушын барлық тезликлерге инерция орайы тезлиги  $\mathbf{V}$  ны қосыў керек. 13-сүўретте ол A0 векторы жәрдеминде көрсетилген. Бундай жағдайда A1 векторы соқлығысқанға шекемги ушып келиўши бөлекшениң тезлиги  $\mathbf{v}_1$  менен сәйкес келеди, ал A1' векторы сол бөлекшениң соқлығысқаннан кейинги изленип атырылған тезлигин береди. Тап усындай сүўретлерди екинши бөлекшениң тезлиги ушын да салыў мүмкин.



13-сүўретте  $m_1 < m_2$  деп болжанған ҳәм сонлықтан A ноқаты шеңбердиң ишинде жайласады. Усының менен бирге A1' векторы (яғный  $\mathbf{v}_1$ ' тезлиги) қәлеген бағытқа ийе болыўы мүмкин.

Егер  $m_1 > m_2$  болғанда A ноқаты шеңбердиң сыртында жайласады (14-сүўрет). Бундай жағдайда соқлығысқанға шекемги ҳәм оннан кейинги лабораториялық системадағы тезликлер арасындағы мүйеш - базы бир максималлық мәнистен үлкен бола алмайды (бул мәнис A1' туўрысының шеңберге урыныўына сәйкес келеди). Бундай жағдайда A1'0 үш мүйешлигиниң A1' тәрепи 01' тәрепине перпендикуляр болады. Сонлықтан

$$\sin \varphi_{\text{Makc}} = 01'/A0 = m_2/m_1.$$

Усылар менен бирге соқлығысқаннан кейин бөлекшениң тәзлигиниң 13-сўреттеги (ямаса 14-сүўреттеги) 1 ноқатында диаметрлик қарама-қарсы болған 1' ноқатта орын алатуғын базы бир минималлық шамадан киши болмайтғынлығын да аңғарыўымыз керек. Бул маңлайлық соқлығысыўға сәйкес келеди ҳәм тезликтиң минималлық мәниси

$$\mathbf{V}_{1_{\text{МИН}}}^{,} = \frac{\left| \mathbf{m}_{1} - \mathbf{m}_{2} \right|}{\mathbf{m}_{1} + \mathbf{m}_{2}} \mathbf{v}_{1}$$

шамасына тең болады.

### § 15. Импульс моменти

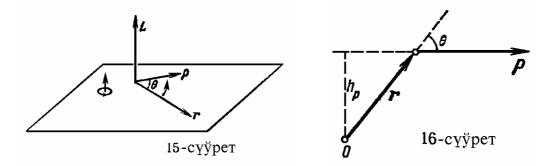
Қәлеген туйық системада энергия менен импульстен басқа *импульс моменти* ямаса тек *момент* деп аталатуғын векторлық шама да сақланады. Бул шама айырым материаллық ноқатлардың моментлериниң қосындысынан турады ҳәм төмендегидей жоллар менен анықланады:

Мейли материаллық ноқат **р** импульсине ийе болсын ҳәм оның кеңисликтеги аўҳалы базы бир есаплаў басы болған 0 ноқатынан баслап түсирилген **r** радиус-векторының жәрдеминде анықлансын. Бундай жағдайда бул материаллық ноқаттың моменти L шамасы бойынша

$$L = rp sin\theta$$

ға тең, бағыты  $\mathbf{r}$  ҳәм  $\mathbf{p}$  векторлары жатқан тегисликке перпендикуляр вектор сыпатында анықланады ( $\theta$  арқалы  $\mathbf{p}$  ҳәм  $\mathbf{r}$  векторлары арасындағы мүйеш белгиленген). Бул шәрт  $\mathbf{L}$  диң бағытын анықламайды, себеби «жоқары» ямаса «төменге» қарай бағытланған бағытлар анық емес

болып қалады. Бул бағытты анықлаўдың мынадай қәдеси қабыл етилген:  $\mathbf{r}$  ден  $\mathbf{p}$  ға қарай буралатуғын винтти көз алдымызға келтирейик, сонда винттиң илгерилеў бағыты  $\mathbf{L}$  диң бағытына сәйкес келеди (15-сүўрет).



L шамасын басқа да көргизбелирек усыл менен сәўлелендириў мүмкин:  $r \sin\theta$  көбеймесиниң 0 ноқатынан бөлекшениң импульси бағытына түсирилген  $h_p$  перпендикуляры екенлигине аңсат көз жеткериўге болады. Көп жағдайларда бул аралықты 0 ноқатына салыстырғандағы импульстиң ийини деп аталады. Бөлекшениң моменти ийинниң импульстиң шамасына көбеймесине тең:

$$L = ph_p$$
.

L векторының жоқарыда келтирилген анықламасы векторлық алгебрадағы *векторлық көбейме* түсиниги менен сәйкес келеди: жоқарыда келтирилгендей анықлама бойынша дүзилген  $\mathbf{r}$  хәм  $\mathbf{p}$  векторларының көбеймеси болған  $\mathbf{L}$  векторын  $\mathbf{r}$  хәм  $\mathbf{p}$  векторларының векторлық көбеймеси деп атап төмендегидей етип жазады:

$$L = [rp].$$

**р** =mv болғанлықтан

$$L = m[rv].$$

Бул формуланың жәрдеминде айырым бөлекшениң моменти анықланады. Бөлекшелер системасының моменти деп айырым бөлекшелердиң моментлериниң қосындысынан тутатуғын

$$\mathbf{L} = [\mathbf{r}_1 \mathbf{p}_1] + [\mathbf{r}_2 \mathbf{p}_2] +$$

қосындысына айтамыз. Қәлеген туйық система ушын усындай қосынды ўақыт бойынша турақлы болып қалады. *Моменттиң сақлынаў нызамының* мәниси усыннан ибарат.

Моментти анықлағанда ықтыярлы түрде сайлап алынған басланғыш ноқат 0 ның бар екенлигине итибар беремиз. Усы 0 ноқаттан баслап бөлекшениң радиус-векторы алынатуғын еди. L векторының шамасы да, бағыты да усы ноқаттың сайлап алыныўына байланыслы болса да, бундай анықсызлықтың моменттиң сақланыў нызамы ушын әҳмийетке ийе емес екенлигин аңсат көриўге болады. Ҳақыйқатында да. егер биз 0 ноқатын базы бир а шамасына (шамасы бойынша да, бағыты бойынша да) жылыстырып қойсақ, усы шамаға бөлекшелердиң барлық радиус векторлары өзгереди ҳәм сонлықтан моментке

$$[\mathbf{a}\mathbf{p}_1] + [\mathbf{a}\mathbf{p}_2] + \ldots = [\mathbf{a}(\mathbf{p}_1 + \mathbf{p}_2 + \ldots)] = [\mathbf{a}\mathbf{P}]$$

шамасы қосылады. Бул жерде  $\mathbf{P}$  арқалы системаның толық импульсы белгиленген. Бирақ туйық система ушын  $\mathbf{P}$  турақлы шама. Солай етип биз координата басын сайлап алыўдың өзгерисиниң туйық системаның толық моментиниң өзгериўине алып келмейтуғынлығын көремиз.

!детте бөлекшелер системасының моментин анықлағанда есаплаў басы ретинде системаның инерция орайын алыў қабыл етилген. Тап усындай сайлап алыўды биз буннан кейин нәзерде тутамыз.

Бөлекшениң импульс моментинен ўақыт бойынша алынған туўындыны анықлаймыз Көбеймени дифференциаллаў қәдесинен мынаны аламыз:

$$\frac{d\mathbf{L}}{dt} = \frac{d}{dt}[\mathbf{r}\mathbf{p}] = \left[\frac{d\mathbf{r}}{dt}\mathbf{p}\right] + \left[\mathbf{r}\frac{d\mathbf{p}}{dt}\right]$$

 $\frac{d\mathbf{r}}{dt}$  бөлекшениң тезлиги  $\mathbf{v}$  болып табылады, ал  $\mathbf{p}=m\mathbf{v}$ . Олай болса биринши ағза  $m[\mathbf{v}\mathbf{v}]$  ға тең (себеби вектордың өзине векторлық көбеймеси нолге тең). Туўындының екинши ағзасы болған  $\frac{d\mathbf{p}}{dt}$  да биз күш « ти көремиз. Солай етип

$$\frac{d\mathbf{L}}{dt} = [rF].$$

 $[\mathbf{r}\mathbf{F}]$  векторлық көбеймесин берилген 0 ноқатына салыстырғандағы *күш моменти* деп атаймыз. Оны  $\mathbf{K}$  ҳәрипи менен белгилеймиз:

$$\mathbf{K} = [\mathbf{r}\mathbf{F}].$$

Жоқарыда импульс моменти ҳаққында айтқанымыздай бул жағдайда да мынаған кеўил бөлемиз: күш моментиниң шамасы күш « тиң «ийинге» көбеймесине тең (0 ноқатынан күштиң бағытына түсирилген перпендикулярдың узынлығы):

$$K = Fh_F$$
.

Солай етип материаллық ноқаттың импульс моментиниң өзгериў тезлиги усы бөлекшеге тәсир ететуғын күштиң моментине тең екен:

$$\frac{d\mathbf{L}}{dt} = \mathbf{K}.$$

Туйық системаның импульсиниң толық моменти сақланады, бул системаға кириўши бөлекшелердиң моментлериниң қосындысынан ўақыт бойынша алынған туўындының нолге тең болатуғынлығын көрсетеди:

$$\frac{d}{dt}(\mathbf{L}_2 + \mathbf{L}_2 + ...) = \frac{d\mathbf{L}_1}{dt} + \frac{d\mathbf{L}_2}{dt} + ... = 0.$$

Буннан

$$\mathbf{K}_1 + \mathbf{K}_2 + \ldots = 0$$

екенлиги келип шығады.

Биз бул жерде туйық системадағы бөлекшелерге тәсир ететуғын күшлердиң қосындысы (7параграф) ғана емес, ал күшлердиң моментлериниң қосындысының да нолге тең екенлигин көремиз. Усы тастыйықлаўлардың бириншиси импульстың сақланыў нызамына, ал екиншиси импульс моментиниң сақланыў нызамына тийисли. Туйық системаның усындай қәсийетлери менен кеңисликтиң өзиниң тийкарғы қәсийетлери арасында терең байланыс бар.

Кеңислик бир текли. Бул туйық системаның қәсийетиниң кеңисликтиң қай жеринде турғанлығына байланыссыз екенлиги билдиреди. Кеңисликте бөлекшелер системасы шексиз киши аралыққа жылыссын ҳәм усының менен бирге системадағы бөлекшелердиң барлығы да бирдей бағытта бирдей аралыққа жылыссын. Усы жылысыў векторын  $d\mathbf{R}$  арқалы белгилейик. Усындай жағдайда і-бөлекше үстинен  $\mathbf{F}_i d\mathbf{R}$  жумысы исленеди. Барлық жумыслардың қосындысы системаның потенциал энергиясының өзгерисине тең болыўы керек. Бирақ системаның кеңисликтиң қай жеринде турғанлығынан ғәрезсизлигине байланыслы потенциал энергияның бул өзгериси нолге тең болыўы керек. Солай етип

$$\mathbf{F}_1 d\mathbf{R} + \mathbf{F}_2 d\mathbf{R} + \ldots = (\mathbf{F}_1 + \mathbf{F}_2 + \ldots) d\mathbf{R} = 0.$$

Бул теңлик d $\mathbf{R}$  векторының қәлеген бағытында орынланатуғын болғанлықтан күшлердиң қосындысы  $\mathbf{F}_1 + \mathbf{F}_2 + \dots$  ның нолге тең екенлиги келип шығады.

Солай етип биз импульстың сақланыў нызамының кеңисликтиң бир теклилигине байланыслы екенлигин көрдик.

Тап сондай байланыс импульс моментиниң сақланыў нызамы ҳәм кеңисликтиң және де бир қәсийети болған изотроплылығы (яғный кеңисликтеги барлық бағытлардың эквивалентлилиги) арасында орын алады. Усындай изотроплылықтың бар болыўының салдарынан туйық системаның қәсийетлери усы системаны тутасы менен бурғанда өзгермейди. Сонлықтан усындай бурыўларда исленген жумыс нолге тең болыўы керек. Соның менен бирге усындай шәрттен туйық системадағы күшлердиң моментлериниң қосындысының нолге тең екенлиги келип шығады (усы мәселеге биз 28-параграфта қайтып келемиз).

# § 16. Орайлық майдандағы қозғалыс

Моменттиң сақланыў нызамы туйық система ушын орынланып, усы системаның қурамына кириўши айырым бөлекшелер ушын орынланбайды. Бирақ усы нызамның күш майданында қозғалыўшы бир бөлекше ушын да орынланатуғын жағдай бар. Бул ушын майданның орайлық майдан болыўы керек.

*Орайлық майдан* деп потенциал энергиясы тек ғана майданның орайы деп аталатуғын ноқатқа шекемги г аралығынан ғәрезли болған функция болып табылатуғын майданға айтамыз: U=U(r). Усындай майданда бөлекшеге тәсир ететуғын күш те г қашықлығына ғәрезли болып, кеңисликтиң ҳәр бир ноқатында усы ноқатқа майданның орайынан жүргизилген радиус бағытында болады.

Усындай майданда қозғалыўшы бөлекше туйық системаны пайда етпесе де бул бөлекше ушын егер момент майданның орайына қарата анықланған болса импульс моментиниң сақланыў нызамы орынланады. Ҳақыйқатында да, бөлекшеге тәсир ететуғын күштиң бағыты майданның орайы арқалы өтетуғын болғанлықтан усы ноқатқа салыстырғандағы күштиң ийини нолге тең ҳәм

сонлықтан күш моменти де нолге тең. Буннан  $\frac{d\mathbf{L}}{dt} = K$  теңлемесине сәйкес  $\mathbf{L} = \text{const}$  екенлиги келип шығады.

Момент  $\mathbf{L} = \mathbf{m}[\mathbf{r}\mathbf{v}]$  радиус-вектор  $\mathbf{r}$  ге перпендикуляр болғанлықтан  $\mathbf{L}$  диң бағытының турақлылығынан бөлекше қозғалғанда оның радиус-векторының барлық ўақытта да  $\mathbf{L}$  диң бағытына перпендикуляр болған тегисликте қалыўының кереклиги келип шығады. Солай етип орайлық майданда бөлекшелер тегис орбиталар бойынша қозғалады. Бул орбиталар майданның орайы арқалы өтетуғын тегисликлерде жатады.

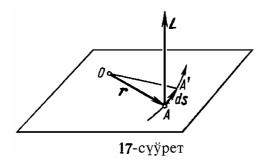
Усындай «тегис» қозғалыста импульс моментиниң сақланыў нызамына көргизбели түр бериў мүмкин. Бул ушын L ди былайынша жазамыз:

$$L = m[rv] = \left[ r \frac{ds}{dt} \right] = m \frac{[rds]}{dt}.$$

Бул жерде ds материаллық ноқаттың dt ўақыты ишиндеги орын алмастырыўы. Еки вектордың векторлық көбеймеси геометриялық жақтан усы векторлар тәрепинен дүзилген параллелограммның майданына тең. Ал ds ҳәм r векторларында дүзилген параллелограммның майданы dt ўақыты ишинде қозғалыўшы ноқаттың радиус векторы басып өткен шексиз киши ОАА' секторының еки еселенген майданына тең (17-сүўрет). Бул майданды dS арқалы белгилеп моменттиң шамасын былайынша жаза аламыз:

$$L = 2m \frac{dS}{dt}.$$

 $\frac{dS}{dt}$  шамасы секторлық тезлик деп аталады.



Солай етип импульс моментиниң сақланыў нызамын секторлық тезликтиң турақлылығы түринде айтыў мүмкин екен: қозғалыўшы ноқаттың радиус-векторы бирдей ўақытлар ишинде бирдей майданды басып өтеди. Усы түрдеги бул тастыйықлаў *Кеплердиң екинши нызамы* деп аталады.

Орайлық майдандағы қозғалыс ҳаққындағы мәселениң әҳмийети соннан ибарат, бир бири менен тәсир етисетуғын материаллық ноқатлардың бир бирине салыстырғандағы қозғалысы ҳаққындағы мәселе (еки дене мәселеси деп аталыўшы мәселе) усы мәселеге алып келинеди.

Бундай қозғалысты еки бөлекшениң инерция орайы системасында қараймыз. Бундай системада бөлекшелердиң импульсларының қосындысы ноге тең:

$$m_1 \mathbf{v}_1 + m_2 \mathbf{v}_2 = 0.$$

Бул жерде  $\mathbf{v}_1$  хәм  $\mathbf{v}_2$  лер бөлекшелердиң тезликлери. Бөлекшелердиң салыстырмалы тезлигин киритемиз:

$${\bf v} = {\bf v}_1 - {\bf v}_2$$
.

Бул теңликлерден ҳәр бир бөлекшениң тезлигин олардың салыстырмалы тезлиги арқалы аңлататуғын мына формулаларды аңсат аламыз:

$$\mathbf{v}_1 = \frac{\mathbf{m}_2}{\mathbf{m}_1 + \mathbf{m}_2} \mathbf{v}, \qquad \mathbf{v}_2 = -\frac{\mathbf{m}_1}{\mathbf{m}_1 + \mathbf{m}_2} \mathbf{v}.$$

Бул формулаларды бөлекшениң толық энергиясы аңлатпаларына қоямыз:

$$E = \frac{m_1 v_1^2}{2} + \frac{m_2 v_2^2}{2} + U(r).$$

Бул жерде U(r) бөлекшелер арасындағы салыстырмалы қашықлықтың функциясы түринде жазылған бөлекшелердиң өз-ара потерциал энергиясы (яғный  ${\bf r}={\bf r}_1{\bf -r}_2$  векторының абсолют шамасынан). Ағзаларды әпиўайы келтириўден кейин  $E=\frac{mv^2}{2}+U(r)$  аңлатпасын аламыз, бул жерде

$$\mathbf{m} = \frac{\mathbf{m}_1 \mathbf{m}_2}{\mathbf{m}_1 + \mathbf{m}_2}$$

бөлекшелердиң келтирилген массасы деп аталады.

Биз бул жерде еки бөлекшениң бир бирине салыстырғандағы қозғалыс энергиясының массасы m болған бөлекшениң  $\mathbf{v}=\frac{d\mathbf{r}}{dt}$  тезлиги менен потенциал энергиясы  $\mathbf{U}(\mathbf{r})$  болған орайлық майданда қозғалғанындағы бир бөлекшениң энергиясындай болатуғынлығын көремиз. Басқа сөз бенен айтқанда еки бөлекшениң қозғалысы ҳаққындағы мәселе сыртқы майдандағы бир «келтирилген» бөлекшениң қозғалысына алып келинеди.

Егер усы мәселе шешилген болса (яғный «келтирилген» бөлекшениң траекториясы r=r(t) анықланған болса)

$$r_1 = \frac{m_2}{m_1 + m_2} r$$
,  $r_2 = -\frac{m_1}{m_1 + m_2} r$ .

формулалары жәрдеминде  $m_1$  ҳәм  $m_2$  бөлекшелериниң траекторияларын анықлаўға болады. Бул формулалар бөлекшелердиң инерция орайына салыстырғандағы радиус-векторлары  $\mathbf{r}_1$  менен  $\mathbf{r}_2$  лерди анықлайды ( $\mathbf{r} = \mathbf{r}_1$ - $\mathbf{r}_2$ , бул формулалар  $m_1\mathbf{v}_1 + m_2\mathbf{v}_2 = 0$  теңлемесинен келип шығады ҳәм жоқарыда тезликлер ушын келтирилген  $\mathbf{v}_1 = \frac{d\mathbf{r}_1}{dt}$  ҳәм  $\mathbf{v}_2 = \frac{d\mathbf{r}_2}{dt}$  формулаларына сәйкес). Бул жерде еки бөлекшениң де системаның инерция орайына салыстырғанда тек өлшемлери бойынша бир биринен айрылатуғын ҳәм бөлекшелердиң массаларына кери пропорционал болған геометриялық уқсас орбиталар бойынша қозғалатуғынлығын көринип тур:

$$\frac{\mathbf{r}_1}{\mathbf{r}_2} = \frac{\mathbf{m}_2}{\mathbf{m}_1}.$$

Қозғалыстың барысында бөлекшелер инерция орайы арқалы өтиўши бир туўрының еки ушында жайласады.

### II Бап. МАЙДАН

### § 17. Электр тәсирлесиўи

Жоқарыдағы бапта биз күшке анықлама бердик ҳәм оны потенциал энергия менен байланыстырдық. Енди биз ҳәр қыйлы физикалық қубылыслардың тийкарында жататуғын базы бир тәсирлесиўлерди айқын түрде таллаўға өтемиз.

Тәбияттағы ең әҳмийетли болған тәсирлесиўлердиң бири электрлик тәсирлесиў болып табылады. Мысалы атомлар менен молекулалардағы тәсирлесиў келип шығыўы бойынша тийкарынан электрлик тәсирлесиў болып табылады; сонлықтан бундай тәсирлесиў ҳәр қыйлы денелердиң ишки қурылысын анықлайды.

Электр тәсирлесииў күшлери бөлекшелердиң айрықша физикалық характеристикасы болған электр зарядының бар екенлиги менен байланыслы. Электр заряды жоқ денелер бир бири менен электрлик жақтан тәсирлеспейди.

Егер денелерди материаллық ноқатлар деп қарай алатуғын болсақ, онда олар арасындағы электрлик тәсирлесиў күши бул денелердиң зарядларының көбеймесине туўры пропорционал хәм олар арасындағы қашықлықтың квадратына кери пропорционал. Бундай аўхал *Кулон нызамы* деп аталады. Электрлик тәсирлесиў күшин F ҳәрипи менен, денелердиң зарядларын e<sub>1</sub> ҳәм e<sub>2</sub> ҳәриплери менен, ал олар арасындағы қашықлықты r ҳәрипи менен белгилесек Кулон нызамын былайынша жазамыз:

$$F = const * \frac{e_1 e_2}{r^2}.$$

Е күши зарядларды тутастырыўшы туўры бағытында бағытланған ҳәм тәжирийбелердиң көрсетиўинше бар қанша жағдайларда зарядланған денелердиң тартысыўына, бир қанша жағдайларда ийтерисиўине сәйкес келеди. Усы себепли ҳәр қыйлы белгиге ийе зарядлар ҳаққында айтылады: бирдей белгиге ийе зарядлар менен зарядланған денелер бир биринен ийтериледи, ал ҳәр қыйлы зарядлар менен зарядланған денелер бир бирине тартысады. Усының менен бирге Кулон нызамындағы күштиң оң белгиси ийтерисиўге, терис белгиси тартысыўға сәйкес келеди. Қандай зарядларды оң белгиге ийе, ал қандай зарядларды терис белгиге ийе деп есаплаўдың бир биринен парқы жоқ. Ал ҳәзирги ўақытлары физикадағы зарядларды сайлап алыў шәрти әййемги греклер тәрепинен қабыл етилген. Сөзсиз есапқа алыў керек болған нәрсе сол зарядлардың белгилериниң ҳәр қыйлылығы ямаса бирдейлиги болып табылады. Егер биз барлық оң белгиге ийе зарядларды терис белгиге ийе, ал терис белгиге ийе зарядлары бар бөлекшелерди оң зарядланған денелер деп есапласақ физика илими нызамларында ҳеш қандай өзгерис болмаған болар еди.

Биз электр зарядлары менен биринши рет ушырастық ҳэм усыған байланыслы олардың өлшем бирликлери ҳаққында еле ҳеш нәрсе билмейтуғын болғанлықтан Кулон нызамындағы пропорционаллық коэффициентин бирге тең етип алыўымызға болады:  $F = \frac{e_1 e_2}{r^2}$ . Усының менен бирге биз зарядтың анық бир бирлигин пайда етемиз: бул бир биринен бир сантиметр қашықлықта турған ҳәм усындай қашықлықта бир динаға тең күш пенен зарядтың бирлиги болады. Бул бирлик зарядтың электростатикалық бирлиги деп аталады. Кулон нызамындағы пропорционаллық коэффициентти бирге тең алыўға тийкарланған бирликлер системасын электростатикалық система ямаса СГСЭ системасы деп аталады. Бундай системадағы зарядтың өлшеми:

[e] = 
$$([F][r]^2)^{1/2} = \left(\frac{2 * CM}{ce\kappa^2} cM^2\right) = z^{1/2} cM^{3/2} ce\kappa^{-1}$$
.

СИ системасында *кулон* деп аталыўшы зарядтың төмендегиге тең үлкен өлшеми пайдаланылады:

1 кулон = 1 
$$\kappa$$
 =  $3*10^9$  зарядтың СГСЭ бирлиги.

Электр тәсирлесиўи ушын жазылған аңлатпаға ийе бола отырып еки  $e_1$  ҳәм  $e_2$  зарядлары арасындағы электрлик тәсирлесиўге сәйкес келетуғын потенциал энергияны табыўға болады. Егер усы еки заряд арасындағы қашықлық dr шамасына өзгеретуғын болса  $dA = \frac{e_1 e_2}{r^2} dr$  жумысы исленеди. Екинши тәрептен бул жумыс U потенциал энергияның кемейиўиниң есабынан исленеди. Сонлықтан

$$-dU = \frac{e_1 e_2}{r^2} dr = -e_1 e_2 d \left(\frac{1}{r}\right).$$

Буннан

$$U = \frac{e_1 e_2}{r} .$$

Дурысын айтқанда бул жерде биз және бир турақлы қосылыўшыға ийе болыўымыз керек; бөлекшелерди бир биринен шексиз үлкен аралықларға қашықластырғанда потенциал энергияны нолге тең болады деп есаплап бул турақлыны биз нолге тең етип алдық Солай етип еки зарядтың бир бири менен тәсир етисиўиниң потенциал энергиясы усы зарядлар арасындағы қашықлыққа кери пропорционал екен.

# § 18. Электр майданының кернеўлилиги

Кулон нызамына зарядлардың көбеймеси киретуғын болғанлықтан қандай да бир е зарядына басқа е<sub>1</sub> заряды тәрепинен тәсир ететуғын күшти былайынша жазыў мүмкин:

$$F = eE$$
.

Бул жерде E арқалы е зарядының шамасынан ғәрезсиз, ал тек  $e_1$  заряды менен е ҳәм  $e_1$  зарядлары арасындағы қашықлықтан ғәрезли болған вектор. Бул векторды электр майданының

 $\kappa$ ернеўлилиги ямаса е $_1$  майданы тәрепинен пайда етилген электр майданы деп атаймыз. Шамасы жағынан ол мынаған тең

$$E = \frac{e_1}{r^2}$$

хэм e<sub>1</sub> менен е зарядлары арасын тутастырыўшы туўры бойлап бағытланған. е зарядына e<sub>1</sub> зарядына тәсир етиўши күш е заряды турған орындағы e<sub>1</sub> заряды пайда еткен электр майданының кернеўлилиги менен е зарядының көбеймесине тең деп айтыўға болады.

Солай етип биз электрлик тәсирлесиўди тәриплеўдиң басқа усылына келемиз. 1-бөлекше 2-бөлекшени тартады ямаса ийтереди деп айтыўдың орнына биз биринши бөлекше е<sub>1</sub> электр зарядына ийе бола отырып қоршаған әтирапында айрықша күш майданы болған электр майданын пайда етеди; екинши бөлекше болса 1-бөлекше менен тәсир етиспейди, ал оған тек 1-бөлекше тәрепинен пайда етилген электр майданы тәсир етеди деп айтамыз.

Усындай етип еки түрли усыл менен тәриплеўдиң тек ғана формал айырмаға ийедей болып көриниўи мүмкин. Ҳақыйқатында бул ондай емес ҳәм электр майданы түсиниги формал характерге ийе емес. ?ақыт бойынша өзгермели болған электр (ҳәм магнит) майданларын үйрениў усы майданлардың электр зарядлары болмаса да бар бола алатуғынлығын көрсетеди. Сонлықтан тәбияттағы бөлекшелердиң ҳақыйқый екенлигиндей майдан да физикалық ҳақыйқатлық болып табылады. Бирақ бул мәселелер усы жерде баянланатуғын бөлекшелердиң тәсирлесиўи ҳаққындағы тийкарғы мағлыўмалар шеклеринен сыртта жайласқан.

Көп сандағы электр зарядлары тәрепинен пайда етилген электр майданы электрлик тәсирлесидиң төмендегидей фундаменталлық қәсийетиеге ийе: еки заряд арасындағы тәсирлесиў үшинши зарядтың қатнасыўынан ғәрезли емес. Буннан әҳмийетли жуўмақ шығарамыз: егер көп сандағы зарядланған денелер бар болатуғын болса, онда олар тәрепинен пайда етилген электр майданы ҳәр биз заряд тәрепинен пайда етилген электр майданларының векторлық қосындысына тең. Басқа сөз бенен айтқанда ҳәр қыйлы зарядлар тәрепинен пайда етилген электр майданларының қосындысына тең екен. Электр майданының бул әҳмийетли қәсийети суперпозиция қәсийети деп аталады.

Электр майданының суперпозиция қәсийетин электр тәсирлесиўи фактинен тиккелей келип шығатуғын нәтийже деп қараўға болмайды. Ҳақыйқатында электр майданының бул терең қәсийети тәбияттың нызамы болып табылады. Бул қәсийеттиң болыўы тек ғана электр майданына тийисли болып қоймайтуғынлығын ҳәм физикада жүдә әҳмийетли орын ийелейтуғынлығын аңғарыўымыз керек.

Суперпозиция қәсийетин қурамалы денениң усы денеден алыс қашықлықлардағы электр майданын табыўға қолланамыз. Егер денени қурайтуғын бөлекшелердиң зарядлары  $e_1$ ,  $e_2$ , . . . болса, онда г қашықлығында пайда болатуғын майданлар былай жазылады:

$$E_1 = \frac{e_1}{r^2}, \quad E_2 = \frac{e_2}{r^2}, \dots$$

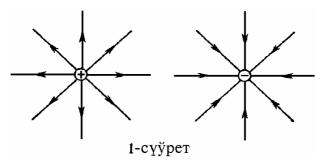
Денеден үлкен қашықлықларда барлық қашықлықларды бирдей деп, ал усы айырым бөлекшелерден берилген ноқатқа қараған бағытларды да бирдей деп қараўға болады. Сонлықтан суперпозиция қәсийетин Е қосынды майданды табыў ушын пайдаланып  $E_1, E_2, \ldots$  майданларын алгебралық қосамыз:

$$E = \frac{e_1 + e_2 + ...}{r^2}.$$

Биз қурамалы денениң зарядының заряды

$$e = e_1 + e_2 + \dots$$

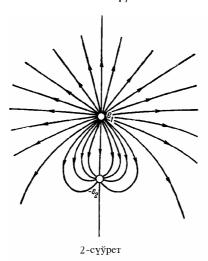
болған денениң зарядынан айырмасының жоқ екенлигин көремиз. Басқа сөз бенен айтқанда курамалы денениң заряды усы денени қурайтуғын бөлекшелердиң зарядларының қосындысына тең ҳәм бул зарядлардың өз-ара жайласыўларына ҳәм қозғалысына байланыслы емес екен. Бул тастыйықлаў зарядтың сақланыў нызамы деп аталады.



Улыўма жағдайда электр майданы ноқаттан ноқатқа өткенде шамасы жағынан да, бағыты бойынша да өзгерип қурамалы характерге ийе болыўы мүмкин. Майданды графикалық түрде сүўретлеў ушын электр күш сызықларынан пайдаланыў мүмкин. Бул кеңисликтиң ҳәр бир ноқатында бар болған, усы ноқатқа тәсир етиўши электр майданының бағытына ийе сызық болып табылады.

Егер майдан бир заряд тәрепинен пайда етилетуғын болса, онда күш сызықлары зарядтың белгисине байланыслы усы зарядтан басланатуғын ямаса усы зарядқа келип киретуғын туўры сызықлар болып табылады (1-сүўрет).

Күш сызықларының анықламасынан кеңисликтиң ҳәр бир ноқатынан (бул ноқатта зарядтың болмаўы керек) усы ноқатта электр майданының тәсир етиў бағытында тек ғана бир күш сызығы өтетуғынлығы өз-өзинен түсиникли. Басқа сөз бенен айтқанда кеңисликтиң электр зарядлары жоқ ноқатларында күш сызықлары бир бири менен кесилиспейди.



Турақлы майдандағы электр күш сызықларының туйық болыўы мүмкин емес. Ҳақыйқатында да күш сызығын бойлап зарядты көширгенде күш жол бағдарында болғанлықтан майдан күшлери тәрепинен оң мәнисли жумыс исленеди. Сонлықтан егер туйық күш сызықлары болғанда усындай сызықларды бойлап зарядты көширип дәслепки аўҳалға алып келингенде исленген жумыс нолге тең болмаған болар еди. Бул энергияның сақланыў нызамына қайшы келеди.

Солай етип күш сызықларының қандай да бир орында басланыўы ямаса үзилиўи яки шексизликке кетиўи керек. Күш сызықларының басланыў ямаса үзилиў ноқатлары майданды пайда етиўши электр зарядлары болып табылады. Ал шексизликке келетуғын болсак, майдан күш сызықларының еки ушының да шексизликке кетиўи мүмкин емес. Егер усындай болмағанда зарядты күш сызығы бойлап шексизликтен шексизликке шекем көширгенде майдан күшлери тәрепинен базы бир жумыс исленген болар еди. Бундай жағдайдың орын алыўының мүмкиншилиги жок, себеби шексизликте потенциал энергияның мәниси нолге тең.

Сонлықтан күш сызығының бир ушы заряд болып табылады, ал екинши ушы яки шексизликке кетеди, яки басқа бир зарядта орналасады. Усы жағдайда иллюстрациялаў ушын 2-сүўретте белгилери қарама-қарсы болған еки  $+e_1$  ҳәм  $-e_2$  зарядларының майданы келтирилген. Сүўрет  $e_1$  зарядының  $e_2$  ден үлкен болған жағдайына сәйкес келеди. Сонлықтан  $+e_1$  зарядынан шыққан күш сызықларының бир бөлеги  $-e_2$  зарядында тамам болады, ал басқа бөлеги шексизликке кетеди.

# § 19. Электростатикалық потенциал

Күш сыяқлы қандай да бир электр майданыда турған е зарядының потенциал энергиясы U да усы зарядтың шамасына туўра пропорционал, яғный

$$U = e_{-}$$

Бул аңлатпаға кириўши ҳәм бир бирлик зарядтың потенциал энергиясы болған - шамасы электр майданының потенциалы деп аталады.

Усы анықламаны электр майданының кернеўлигиниң анықламысы ( $\mathbf{F}$ =e $\mathbf{E}$ , бул жерде  $\mathbf{F}$  арқалы е зарядына тәсир ететуғын күш белгиленген) менен салыстырсақ ҳәм күш пенен потенциал

энергия арасындағы қатнастың  $F_s = -\frac{dU}{ds}$  екенлигин еске түсирсек, тап сондай аңлатпа бойынша

майданның кернеўлилиги менен потенциалының байланысқанлығын көремиз:

$$E_s = -\frac{d\phi}{ds}$$
.

Бир биринен г қашықлығында турған еки е1 ҳәм е2 зарядларының потенциал энергиясының

$$U = \frac{e_1 e_2}{r}$$

ге тең екенлигин билемиз. Сонлықтан  $e_1$  заряды тәрепинен пайда етилген майданның усы зарядтан r қашықлығындағы потенциалы

$$-=\frac{\mathbf{e}_1}{\mathbf{r}}$$

болады. Зарядтан қашықласқанда потенциал қашықлықтың биринши дәрежесине кери пропорционал кемейеди.

Егер майдан бир емес, ал көп сандағы  $e_1, e_2, \dots$  зарядлары тәрепинен пайда етилетуғын болса, суперпозиция принципинен кеңисликтиң қандай да бир ноқатындағы потенциалдың

$$-=\frac{e_1}{r_1}+\frac{e_2}{r_2}+\dots$$

формуласы менен анықланатуғынлығы келип шығады.

е зарядын кеңисликтиң потенциалы -<sub>1</sub> болған ноқатынан потенциалы -<sub>2</sub> болған ноқатына көширгенде исленген жумыс зырядтың басланғыш ҳәм ақырғы ноқатлардағы потенциаллардың айырмасына көбеймесине тең:

$$A_{12} = e(-1--2).$$

Кеңисликтиң потенциаллары бирдей болған ноқатлары базы бир бетти пайда етеди. Усындай бетлер эквипотенциал бетлер деп аталады.

Зарядты эквипотенциал бет бойынша көширгенде майдан күшлери тәрепинен исленген жумыс нолге тең. Жумыстың нолге теңлиги күштиң орын алмастырыўға перпендикуляр екенлигин билдиреди. Сонлықтан кеңисликтиң ҳәр бир ноқатындағы электр майданының кернеўлилиги эквипотенциал бетке перпендикуляр деп тастыйықлаўға болады. Басқа сөз бенен айтқанда күш сызықлары эквипотенциал бетлерге перпендикуляр. Мысалы ноқатлық заряд жағдайында күш сызықлары заряд арқалы өтетуғын туўрылар болады, ал эквипотенциал бетлер болып орайы усы ноқатлық заряд болған концентрлик бетлер хызмет етеди.

Электр потенциалы төмендегидей өлшемге ийе:

$$[-] = [U]/[e] = e^{1/2} c M^{1/2} c e \kappa^{-1}$$
.

 $1~e^{J/2}~cm^{-1/2}~ce\kappa^{-1}$  шамасы СГСЭ бирликлер системасындағы потенциалдың бирлиги болып табылады. СИ системасында вольт (в) деп аталатуғын  $1~e^{J/2}~cm^{-1/2}~ce\kappa^{-1}$  шамасынан 300 есе киши болған басқа бирлик қолланылады.

1 в = 
$$\frac{1}{300}$$
 потенциалдың СГСЭ бирлиги.

Егер шамасы 1 кулонға тең заряд потенциаллар айырмасы 1  $\epsilon$  болған бир ноқаттан екинши ноқатқа көширилгенде майдан күшлери тәрепинен исленген жумыс  $3910^9 \frac{1}{300} = 10^7$  э $p\epsilon$ , яғный бир джоулге тең жумыс исленеди:

$$1 \kappa 9e = 1 \partial \mathcal{H}$$
.

### § 20. Гаусс теоремасы

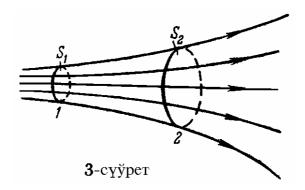
Енди эҳмийети жоқары болған электр майданының *ағысы* түсинигин киргиземиз. Бул түсиникке көргизбели түр бериў ушын майдан тәрепинен ийеленген кеңисликтиң кеўлимизде ҳәр ноқатында тезлиги усы ноқаттағы электр майданының кернеўлигиниң шамасы менен тең келетуғын базы бир суйықлық пенен толтырылған деп қабыл етемиз. ?ақыт бирлигиндеги қандай да бир бет арқалы ағып өтетуғын суйықлықтың көлеми усы бет арқалы ағып өтиўши электр майданының ағысын береди.

Ноқатлық е заряды тәрепинен радиусы r болған сфералық бет арқалы ағып өтиўши электр майданының ағысын анықлаймыз (е заряды усы сфераның орайында жайласқан деп есаплаймыз). Кулон нызамы бойыша бул жағдайдағы майданның кернеўлилиги  $E=e/r^2$  қа тең. Сонлықтан кеўлимиздеги суйықлықтың да ағысы да  $e/r^2$  қа тең болады, ал ағыс болса усы шаманы сфераның бети  $4\pi r^2$  қа көбейткенге тең. Солай етип майданның ағысы мынаған тең:

$$E*4\pi r^2 = 4\pi e$$
.

Бул жерде ағыстың сфераның радиусынан ғәрезсиз, ал тек заряд бойынша анықланатуғынлығын көремиз. Егер сфераны басқа бир туйық бет пенен алмастырғанда да электр майданының ағысының өзгермей қалатуғынлығын ҳәм 4πе ге тең болатуғынлығын көрсетиўге болады. Бул жағдай Кулон нызамында қашықлықтың квадратына кери пропорционаллықтың турғанлығының нәтийжеси болып табылады.

Енди бир емес, ал бир қанша зарядлар тәрепинен пайда етилген электр майданының ағысын қараймыз. Бул ағысты электр майданының суперпозиция қәсийетин қолланыў арқалы табыўға болады. Ықтыярлы түрдеги туйық бет арқалы ағыс усы бет ишинде жайласқан айырым зарядлардан келетуғын ағыслардың қосындысына тең екенлиги өз-өзинен түсиникли. Ҳәр бир ағыс зарядты  $4\pi$  ге көбейткенге тең болатуғын болғанлықтан туйық бет арқалы толық ағыс усы беттиң ишинде жайласқан зарядлардың алгебралық суммасын  $4\pi$  ге көбейткенге тең. Бундай жағдай  $\Gamma$ аусс теоремасы деп аталады.



Егер туйық беттиң ишинде зарядлар болмаса ямаса зарядлардың қосындысы нолге тең болса, онда бул бет арқалы өтиўши электр майданының ағысы нолге тең болады.

Күш сызықларының киши дәстесин қарайық ҳәм усы дәстениң өзи күш сызықларынан туратуғын бет пенен шекленген болсын (3-сүўрет). Усындай дәстени (бундай дәстени күш найы деп те атаймыз) 1 менен 2 арқалы белгиленген еки эквипотенциал бетлери менен кесемиз және күш найының қаптал бети ҳәм сол эквипотенциал бетлер арқалы пайда етилген туйық бет арқалы ағысты анықлаймыз. Екинши тәрептен қаптал бетлер арқалы ағыс та нолге тең екенлиги айқын; сонлықтан 1 ҳәм 2 бетлери арқалы ағыслар өз-ара тең болыўы керек. Көргизбелилик ушын бизиң күш сызықларымыздың дәстесин суйықлықтың ағысы менен салыстырамыз.

1 ҳәм 2 кесе-кесимлердеги майданның қернеўлиликлерин  $E_1$  ҳәм  $E_2$  арқалы, ал сол кесе-кесимлердиң майданларын сәйкес  $S_1$  ҳәм  $S_2$  арқалы белгилеймиз. Күш найын киши деп есаплағанлықтан кесе-кесимлер бойынша  $E_1$  менен  $E_2$  лер өзгермейди деп болжаўға болады. Сонлықтан 1 ҳәм 2 бетлери арқалы ағыслардың теңлигин былайынша жазамыз:

$$S_1E_1 = S_2E_2$$

(майдан эквипотенциал бетлерге перпендикуляр болғанлықтан ағыс майдан кернеўлилиги менен беттиң майданының көбеймесине тең). Демек  $S_1$  кесе-кесими арқалы өтетуғын күш сызықларының саны  $N_1$  диң шамасы  $S_2$  кесе-кесими арқалы өтетуғын күш сызықларының саны  $N_2$  ге тең хәм сонлықтан мына аңлатпаны жаза аламыз:

$$\frac{N_1}{S_1 E_1} = \frac{N_2}{S_2 E_2}.$$

 $n_1=N_1/S_1$  менен  $n_2=N_2/S_2$  шамалары күш сызықларына перпендикуляр болған 1 ҳәм 2 бетлерининиң бир бирлиги арқалы өтиўши күш сызықларының саны. Солай етип күш сызықларының тығызлығының ямаса жийилигиниң майданның кернеўлилигине пропорционал екенлигин көремиз:

$$\frac{\mathbf{n}_1}{\mathbf{n}_2} = \frac{\mathbf{E}_1}{\mathbf{E}_2}.$$

Солай етип майданды күш сызықлары жәрдеминде графикалық сүўретлеў майданның бағытын да көрсетеди ҳәм оның шамасы ҳаққында айтыўға мүмкиншилик береди. Күш сызықлары жийи орынларда электр майданының кернеўлилиги үлкен, ал күш сызықлары сийрек орынларда электр майданы әззи.

### § 21. Әпиўайы жағдайлардағы электр майданлары

Бир қатар жағдайларда Гаусс теоремасы қурамалы зарядланған денелер тәрепинен пайда етилген майданды табыўға мүмкиншилик береди. Бундай жағдайларда усы қурамалы денелердеги зарядлар жеткиликли дәрежеде симметриялы болып жайласқан болыўы шәрт.

Биринши мысал ретинде биз симметриялы зарядланған шардың майданын анықлаймыз. Бундай шардың майданы оның радиуслары бойынша бағытланған болып, тек шардың орайына шекемги қашықлықтан ғәрезли болады. Буннан шардың сыртындағы майданды аңсат есаплаўға болады. Орайы зарядланған шардың орайы менен бир ноқатта жайласқан радиусы r болған сфералық бет арқалы майданның ағысын анықлаймыз. Бул ағыстың  $4\pi r^2 E$  екенлиги өз-өзинен айқын. Екинши тәрептен Гаусс теоремасы бойынша ағыс r етең (е арқалы шардың заряды белгиленген). Сонлықтан r

$$E = \frac{e}{r^2}.$$

Демек шардың сыртындағы майдан заряды шардың зарядына тең ҳәм усы шардың орайында жайласқан ноқатлық зарядтың майданындай болады екен. Усыған сәйкес усындай майданның потенциалы ноқатлық зарядтың потенциалындай болады:

$$-=\frac{e}{r}$$
.

Шардың ишиндеги майдан усы шарда зарядлардың қалай жайласқанлығына байланыслы. Егер зарядлар шардың тек бетинде жайласқан болса шардың ишиндеги майдан нолге тең болады.

Егер заряд шардың ишинде ρ тығызлығы менен тең өлшеўли тарқалған болса (ρ дегенимиз шардың көлем бирлигиниң заряды болып табылады). Онда шардың ишиндеги майдан шардың ишинде жайласқан радиусы r болған шарға қолланылған Гаусс теориясы жәрдеминде анықланады:

$$E4\pi r^2 = 4\pi e_r$$
.

Бул жерде  $e_r$  арқалы сфералық беттиң ишинде жайласқан заряд белгиленген. Бул заряд зарядтың тығызлығы менен r радиуслы сфераның көбеймесине тең, яғный  $e_r = \frac{4\pi}{3} r^3 \rho$ . Солай етип

$$E4\pi r^2 = 4\pi \frac{4\pi}{3} r^3 \rho.$$

Буннан

$$E = \frac{4\pi}{3} r \rho.$$

Биз көлеми бойынша тең өлшемли зарядланған шардың ишиндеги майданның оның орайына шекемги аралықтан пропорционал, ал шардың сыртында болса қашықлықтың квадратына кери пропорционал екенлиги көрдик. 4-сүўретте усындай шардың майданының шардың орайына шекемги қашықлыққа ғәрезлилиги көрсетилген сүўретте а арқалы шардың радиусы белгиленген).

Екинши мысал ретинде туўры сызықлы сымның майданын анықлаймыз. Бул сым бойынша зарядлар тең өлшеўли тарқалған болсын. Сымның узынлығын жеткиликли дәрежеде узын деп есаплап оның ушларының тәсирин есапқа алмаймыз, яғный сымды шексиз узын деп есаплаймыз.

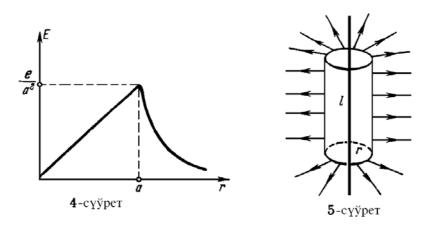
Симметрия көз-қарасы бойынша усындай сым тәрепинен пайда етилген майданның сымның узынлығы бағытында қураўшыларға ийе болыўы мүмкин емес (себеби төмен ямаса жоқары қараған еки тәреп те бир бирине эквивалент). Сонлықтан майдан барлық ноқатларда да сымға перпендикуляр бағытланған болыўы керек. Усы жағдайлардан пайдаланып сымның майданын аңсат анықлаймыз. Буның ушын радиусы г ҳәм узынлығы 1 болған көшери усы сым болған цилиндрдиң бети арқалы ағысты анықлаймыз (5-сүўрет). Майдан цилиндрдиң көшерине перпендикуляр болғанлықтан цилиндрдиң ултанлары арқалы ағыслар нолге тең. Сонлықтан толық ағысты анықлаў цилиндрдиң қаптал бетлери арқалы ағысты анықлаўға алып келинеди. Бул ағыстың  $E92\pi$ г1 ге тең екенлиги айқын көринип тур. Екинши тәрептен  $\Gamma$ аусс теоремасы бойынша бул ағыс  $4\pi$ e ге тең (е арқалы 1 узынлығындағы сымның заряды белгиленген). Егер 10 арқалы сымның узынлығының бир бирлигиндеги заряд белгиленген болса 11 екенлигин түсиниў аңсат. Солай етип

$$2\pi r l E = 4\pi e = 4\pi q l$$
.

Буннан

$$E = \frac{2q}{r}$$
.

Солай етип тең өлшеўли зарядланған сымның майданының усы сымнан қашықлық г ге кери пропорционал екенлигин көремиз.



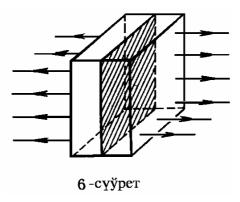
Eнди бул майданның потенциалын анықлаймыз. E ниң радиал бағыттағы проекциясы  $E_{\rm r}$  усы E ниң мәниси менен бирдей. Кернеўлилик пенен потенциал арасындағы улыўмалық қатнастан

$$-\frac{\mathrm{d}\varphi}{\mathrm{d}r} = E = \frac{2q}{r}.$$

Буннан

$$- = -2q \ln r + const.$$

Бул жағдайда потенциалдың сымға шекемги қашықлықтан логарифлик ғәрезлиликке ийе болатуғынлығы көремиз. Бул формуладағы константаны анықлаў ушын потенциалдың шексизликте нолге тең болыў шәртин қоллана алмаймыз. Себеби жазылған аңлатпа rЌ¢ те шексизликке айланады. Бул жағдай сымды шексиз узын деп алғанның нәтийжеси болып табылады ҳәм алынған формуладан сымның узынлығынан r киши болған жағдайларда ғана пайдаланыўдың мүмкин екенлигин билдиреди.



Енди бир текли зарядланған шексиз тегисликтиң майданын табамыз. Симметрия көзкарасынан бундай тегисликтиң майданының тегисликке перпендикуляр ҳәм усы тегисликтиң еки тәрепинде де бирдей қашықлықларда бирдей мәниске ийе (бирақ бағытлары бир бирине қарсы) болатуғынлығы өз-өзинен түсиникли.

6-сүўретте көрсетилгендей туўры мүйешли параллелопипедтиң туйық бети арқалы майданның ағысын қараймыз. Паралелопипедтиң еки қапталы зарядланған тегисликке параллал болсын. Тек усы қапталлары ғана ағыс нолге тең болмайды. Сонлықтан Гаусс теоремасы бойынша

$$2SE = 4\pi e = 4\pi Si$$
.

Бул жерде S қапталдың майданы, ї арқалы тегисликтиң майдан бирлигине сәйкес келиўши заряд белгиленген (буны зарядтың бетлик тығызлығы деп атаймыз). Солай етип

$$E = 4\pi i$$
.

Биз шексиз үлкен тегисликтиң майданының усы тегисликке шекемги қашықлықтан ғәрезли емес екенлиги көремиз. Басқа сөз бенен айтқанда зарядланған тегислик еки тәрепинде де бир текли майдан пайда етеди. Ал усындай тегисликтиң потенциалы болса сол тегисликке шекемги қашықлық г диң сызықлы функциясы болады:

$$- = -2\pi \ddot{i}x + const.$$

# § 22. Гравитациялық майдан

Электрлик тәсир етисиў менен бир қатар тәбиятта *гравитациялық тәсирлесиў* үлкен әҳмийетке ийе. Гравитациялық тәсирлесиў денелердиң электрлик зарядларынан ямаса нейтраллығынан ғәрезсиз болып, бул тәсирлесиў бәрше денелерге тән ҳәм денелердиң массалары

бойынша анықланады. Гравитациялық тәсир етисиўдиң мәниси мынадан ибарат: барлық денелер бир бири менен тартысады, ал тәсир етисиў күши сол денелердиң массаларының көбеймесине туўра пропорционал.

Егер денелерди материаллық ноқатлар деп қарайтуғын болсақ гравитациялық тәсир етисиў күши усы ноқатлар арасындағы қашықлықтың квадратына кери пропорционал, ал олардың массаларының көбеймесине туўра пропорционал болады. Денелердиң массаларын  $m_1$  ҳәм  $m_2$  арқалы, ал олар арасындағы қашықлықта r арқалы белгилесек, онда усы еки дене арасындағы гравитациялық күшти былай жазамыз:

$$F = -G \frac{m_1 m_2}{r^2}.$$

Бул жерде G тәсирлесиўши денелердиң тәбиятына байланыслы емес универсаллық пропорционаллық коэффициенти. Минус белгиси F күшиниң тартысыў күши екенлигин билдиреди. Жазылған формула *Ньютонның тартылыс нызамын* аңлатады.

G шамасы гравитациялық турақлы деп аталады. Жоқарыда жазылған формула бойынша G шамасының массалары 1 г болған денелер бир биринен 1 см қашықлықта турғандағы гравитациялық тартысыў күши екенлиги көринип тур. Гравитациялық турақлы төмендегидей өлшемге ийе:

$$[G] = \frac{[F][r]^2}{[m]^2} = \frac{(\varepsilon * c M * c e \kappa^{-2}) c M^2}{\varepsilon^2} = \frac{c M^3}{\varepsilon * c e \kappa^2}$$

ҳәм

$$G = 6.67910^{-8} \frac{c M^3}{c * ce \kappa^2}.$$

G ның жүдә киши мәниси тек массалар үлкен болғанда ғана гравитациялық күшлердиң шамасының сезилерликтей болатуғынлығын көрсетеди. Усындай себеплерге байланыслы гравитациялық тәсирлесиў атомлар менен молекулалардың механикасында ҳеш қандай әҳмийетке ийе болмайды. Массаның өсиўи менен гравитациялық тәсирлесиўдиң тутқан орнының әҳмийети жоқарылайды ҳәм Ай, планеталар ҳәм басқа да аспан денелериниң қозғалыслары толығы менен гравитациялық күшлер тәрепинен анықланады.

Ньютонның тартылыс нызамының математикалық жазылыўы ноқатлық зарядлар ушын Кулон нызамының математикалық жазылыўы менен уқсас. Гравитациялық күш те, электрлик күш те материаллық ноқатлар арасындағы қашықлықтың квадратына кери пропорционал. Гравитациялық тәсирлесиўдеги массаның орнында электрлик тәсирлесиўде заряд турады. Бирак зарядлардың белгисине ғәрезли тартысыў да, ийтерисиў де күши болып табылатуғын электрлик күшлерден парқы, гравитациялық күшлер барлық ўақытта да тартылыс күшлери болып табылады.

Кулон нызамындағы пропорционаллық коэффициентин биз бирге тең етип алдық ҳәм усындай жоллар менен зарядтың бирлигин сайлап алдық. Ньютонның тартылыс нызамында да усындай жол менен жүриўимиз мүмкин. Гравитациялық турақлыны бирге тең етип алып масса ушын базы бир бирликти алған болар едик. Әлбетте бул бирлик см ҳәм сек ларға салыстырғанда

туўынды бирлик болып шыққан ҳәм массаның өлшеми  $\frac{c M^3}{ce\kappa^2}$  болар еди. Массасы массаның

бундай жаңа бирлигине тең болған дене 1  $c_M$  қашықлықта турған тап сондай денеге 1  $\frac{c_M}{ce\kappa^2}$  тезлениў береди. Массаның усындай бирлиги  $\mu$  арқалы белгилеп биз былайынша жазамыз:

$$G = 6.67910^{-8} \frac{cm^3}{\epsilon^* ce\kappa^2} = 1 \frac{cm^3}{\mu^* ce\kappa^2}.$$

Буннан  $\mu = 1.5910^7$   $\varepsilon = 15$  тонна. Бул бирликтиң қолайсыз екенлиги түсиникли ҳәм сонлықтан ол қолланылмайды. Бирақ биз принципинде бирден бир ықтыярлы бирликлер узынлық пенен ўақыт болған бирликлер системасын дүзиўдиң мүмкин екенлигин көрдик. Бундай жағдайда басқа шамалар ушын (масса ушын да) туўынды бирликлер дүзиледи. Бирликлердиң усындай системасы практикада қолланылмайлы, бирақ сондай системаны дүзиўдиң мүмкиншилиги СГС системасының шәртли түрде сайлап алынғанлығын және бир рет көрсетеди.

Гравитациялық тәсирлесиўдеги күш ушын аңлатпаға ийе бола отырып оның потенциал энергиясы U ды аңсат анықлаўға болады. Ҳақыйқатында да U менен F ти байланыстыратуғын

$$-\frac{dU}{dr} = F = -G \frac{m_1 m_2}{r^2}$$

улыўмалық қатнасын жазып

$$U = -G \frac{m_1 m_2}{r}$$

екенлиги аламыз. Биз бул жерде шексиз үлкен қашықлықта потенциал энергияны нолге тең деп алып ықтыярлы турақлы қосылыўшыны нолге теңедик. Бул алынған формула электрлик тәсирлесиўдеги потенциал энергия ушын жазылған

$$U = \frac{e_1 e_2}{r}$$

формуласына уқсас.

Биз жоқарыда еки материаллық ноқаттың гравитациялық тәсирлесиўдеги күш хәм потенциал энергиялар ушын формулаларды жаздық. Бул формулалар егер ара қашықлықлары өлшемлеринен әдеўир үлкен болған қәлеген формадағы денелер ушын дурыс. Ал сфералық формаға ийе денелер жағдайында жазылған формулалар қәлеген қашықлықлар ушын дурыс болады (бундай жағдайда г сфералардың орайлары арасындағы қашықлыққа тең).

Бөлекшеге тәсир етиўши күштиң усы бөлекшениң массасына туўры пропорционаллығы электр майданындағыдай *гравитациялық майданның кернеўлилиги* ҳаққындағы түсиникти киргизиўге мүмкиншилик береди. Массасы т болған денеге тәсир етиўши Ғ күшин былайынша көз алдымызға келтиремиз:

$$F = mg$$
.

Бул жерде g арқалы майданды пайда етиўши денелердиң массаларынан ҳәм өз-ара орналасыўларынан ғәрезли болған майданның кернеўлилиги белгиленген.

Гравитациялық майдан математикалық жақтан электр майданының Кулон нызамыны уқсас Ньютонның нызамына бағынатуғын болғанлықтан гравитациялық майдан ушын да Гаусс теоремасы дурыс болады. Бул жердеги айырма соннан ибарат, Кулон нызамындағы зарядтың орнына массаның гравитациялық турақлыға көбеймеси турады. Солай етип туйық бет бойынша гравитациялық майданның ағысы -4πmG ға тең болып. Бул жерде m арқалы беттиң ишиндеги барлық массалардың қосындысы белгиленген; минус белгиси тартысыў күшиниң тартысыў характерине ийе болыўының салдарынан пайда болған.

Усы теоремадан пайдаланып, мысалы, бир текли шардың ишиндеги гравитациялық майданның кернеўлилигин анықлаў мүмкин. Бул мәселе 21-параграфта гәп етилген бир текли зарядланған шар ҳаққындағы мәселеге сәйкес келеди. Сол жерде алынған нәтийжелерди пайдаланып дәрҳәл былайынша жаза аламыз:

$$g = -\frac{4\pi}{3}G\rho r$$
.

Бул жерде р арқалы шардың массасының тығызлығы белгиленген.

Жер бетиниң қасындағы тартылыс күшин *денениң салмағы* деп атайды (оны Р арқалы белгилеймиз). Денеден Жердиң орайына шекемги қашықлықты R + z арқалы белгилеймиз (R Жердиң радиусы, z денениң Жер бетинен бийиклиги). Егер денениң бийиклиги z Жердиң радиусы R ден салыстырмас дәрежеде киши болса, онда z ти есапқа алмаўға болады ҳәм денениң салмағы

$$P = G \frac{mM}{r^2},$$

бул жерде М арқалы Жердиң массасы белгиленген.

Егер бул формуланы

$$P = mg$$

түринде жазсақ

$$g = -\frac{GM}{R^2}.$$

Бул жағдайдағы g турақлы шамасын *салмақ күшиниң тезлениўи* деп атайды. Бул Жердиң тартылыс майданындағы *еркин түсиўдеги тезлениўге* (*еркин түсиў тезлениўи* деп те атаймыз) тең.

Салмақ күши турақлы деп есапланатуғын анық бир z бийиклигиндеги денениң потенциал энергиясы

$$U = Pz = mgz$$

формуласы менен аңлатылады. Бул бир текли майдандағы потенциал энергия ушын 10-параграфта алынған формуладан көринип тур. Бул жағдайда күш төменге, яғный z тиң кемейиў бағытына қарай бағытланған.

Хақыйқатында салмақ күши тезлениў g Жер бетиниң ҳәр қыйлы ноқатларында ҳәр қыйлы. Себеби Жер дәл сфералық формаға ийе емес. Буннан басқа мыналарды да еске алыў керек: Жердиң өз көшери дөгерегинде айланыўының салдарынан денеге салмақ күшине қарама-қарсы бағытта орайдан қашыўшы күш те тәсир етеди. Сонлықтан бизиң түсиниклеримизге қосымша

салмақ күшиниң эффективлик тезлениўин киргизиўимиз керек. Бул тезлениўдиң мәниси гипотезалық тыныш турған Жердеги тезлениўден киши болады. Жер полюсларында бул тезлениў

$$g = 983.2 \ \frac{c_M}{ce\kappa^2}$$
, ал экваторда  $g = 978.0 \ \frac{c_M}{ce\kappa^2}$ .

Гейпара жағдайларда g физикалық шамалардың бирликлерин анықлаўда қатнасады (мысалы күштиң ҳэм жумыстың бирликлерин анықлаўда). Бундай мақсетлерде стандарт мәниси болған

$$g = 980.665 \frac{cM}{ce\kappa^2}$$

мәнисинен пайдаланады. Салмақ күшиниң тезлениўи болған g ның бундай мәниси 45° кеңисликте алынады.

### § 23. Эквивалентлик принципи

Тартылыс күшиниң усы күш тәсир ететуғын бөлекшениң массасына пропорционаллығы ( $\mathbf{F}$ = $\mathbf{mg}$ ) оғада терең физикалық мәниске ийе.

Бөлекше тәрепинен алынатуғын тезлениў усы бөлекшеге тәсир етиўши күшти бөлекшениң массасына бөлгенге тең болғанлықтан гравитациялық майдандағы бөлекшениң тезлениўи w усы майданның кернеўлилиги менен сәйкес келеди:

$$\mathbf{w} = \mathbf{g}$$

яғный бөлекшениң массасынан ғәрезли емес. Басқа сөз бенен айтқанда гравитациялық майдан оғада әҳмийетли қәсийетке ийе болады: бундай майданда барлық денелер массаларынан ғәрезсиз бирдей тезлениў алады (бул қәсийет биринши рет Галилей тәрепинен Жердиң салмақ майданындағы денелердиң қулап түсиўин изертлеўдиң нәтийжесинде анықланды).

Денелердиң тап сол сыяқлы қәсийетин егер олардың қозғалысларын инерциал емес есаплаў системасы көз-қарасында қарағанда сыртқы күшлер тәсир етпейтуғын кеңисликте де бақлаған болар едик. Жулдызлар аралық кеңисликте еркин қозғалатуғын ракетаны көз алдымызға келтирейик. Бундай жағдайларда ракетаға тәсир ететуғын тартысыў күшлерин есапқа алмаўға болады. Усындай ракетаның ишиндеги барлық денелер ракетаның өзине салыстырғанда қозғалмай тынышлықта турған болар еди (ракетаның ортасында ҳеш нәрсеге тиймей-ақ тынышлықта турған болар еди). Егер ракета w тезлениўи менен қозғала басласа барлық денелер ракетаның артына қарай –w тезлениўи менен «қулап» түсер еди. Ракетаның ишиндеги денелер ракетаның тезлениўсиз-ақ, бирақ кернеўлилиги –w ға тең болған гравитациялық майданда қозғалғанда да –w тезлениўи менен тап жоқарыдағыдай тақлетте «қулаған» болар еди. \*еш бир эксперимент бизиң тезлениўши ракетада ямаса турақлы гравитациялық майданда турғанымызды айыра алмаған болар еди.

Денелердиң гравитациялық майдан менен инерциал емес есаплаў системасындағы қәсийетлери арасындағы уқсаслық эквивалентлик принципи деп аталатуғын принциптиң мазмунын

курайды (бул уқсаслықтың фундаменталлық мәниси салыстырмалылық теориясына тийкарланған тартылыс теориясында түсиндириледи).

Жоқарыдағы баянлаўдың барысында тартылыс майданынан еркин болған кеңисликте қозғалатуғын ракета ҳаққында гәп еттик. Бул талқылаўларды, мысалы, Жердиң гравитациялық майданында қозғалыўшы ракетаны қараў арқалы даўам еттириўимиз мүмкин. Усындай майданда «еркин» (яғный двигателсиз) қозғалатуғын ракета майданның кернеўлилиги **g** ға тең болған тезлениў алады. Бундай жағдайда ракета инерциал емес есаплаў системасы болып табылады. Бул жағдайда ракетаға салыстырғандағы қозғалысқа инерциал емесликтиң тәсирин тартылыс майданының тәсири компенсациялайды. Нәтийжеде «салмақсызлық» ҳалы жүзеге келеди, яғный ракетадағы предметлер тартылыс майданы жоқ жағдайдағы инерциал есаплаў системасында қозғалғандай болып қозғалады. Солай етип сайлап алынған инерциал емес есаплаў системасын сайлап алыў арқалы (биз қараған жағдайда тезлениў менен қозғалыўшы ракетаға салыстырғанда) гравитациялық майданды «жоқ» қылыў мүмкин. Бул жағдай сол эквивалентлик принципиниң басқа аспекти болып табылады.

Тезлениўши қозғалыстағы ракетаның ишиндеги тартылыс майданы бир текли, яғный ракетаның ишиндеги барлық орынларда кернеўлилик w бирдей мәниске ийе. Бирақ усыған қарамастан ҳақыйқый гравитация майданы барлық ўақытта бир текли емес. Сонлықтан инерциал емес есаплаў системаларына өтиў арқалы гравитациялық майданды жоқ етиў майдан жүдә киши өзгериске ушырайтуғын кеңисликтиң үлкен емес бөлимлеринде әмелге асырылады. Бундай мәнисте гравитациялық майдан менен инерциал емес есаплаў системасының эквивалентлилиги «жергиликли» («локаллық») характерге ийе.

#### § 24. Кеплер қозғалысы

Бир бирине Ньютонның тартылыс нызамы бойынша тартысатуғын еки денениң қозғалысын қараймыз. Денелердиң биреўиниң массасы М екинши денениң массасы m нен әдеўир үлкен деп болжаймыз. Егер усы еки дене арасындағы қашықлық r сол денелердиң өлшемлеринен үлкен болса, онда биз m материаллық ноқатының қозғалмайтуғын M ноқаты пайда еткен орайлық гравитациялық майданындағы қозғалысы ҳаққындағы мәселеге ийе боламыз.

Орайы майданның орайында болған (яғный M денесиниң орайында) шеңбер бойынша тең өлшемли қозғалыс бундай майдандағы ең әпиўайы қозғалыс болып есапланады. Бундай жағдайда тезлениў (бизлер тезлениўдиң  $v^2/r$  ге тең екенлигин билемиз, v арқалы m ноқатының тезлиги белгиленген) орайға қарай бағытланған. Егер усы тезлениўди m ге көбейтсек бөлекшеге M массалы дене тәрепинен тәсир ететуғын күшти аламыз:

$$\frac{mv^2}{r} = G \frac{mM}{r^2}.$$

Буннан

$$v = \sqrt{\frac{GM}{r}} \ .$$

Бул формуланы пайдаланып Жер дөгерегинде айланып жүрген Жердиң жасалма жолдасының тезлигин табыў мүмкин. Бул жағдайда r ди Жердиң радиусы R менен алмастырып,  $\frac{GM}{R^2}$  тың салмақ күшиниң тезлениўи g екенлиги еске түсирсек Жердиң жасалма жолдасы ушын (спутник ушын) аңлатпа аламыз (биринши космослық тезлик деп аталатуғын тезликти табамыз):

$$v_1 = \sqrt{\frac{GM}{R}} \, = \sqrt{gR} \; .$$

Бул аңлатпаға  $g=980~\frac{cM}{ce\kappa^2}$ ,  $R=6500~\kappa M$  мәнислерин қойсақ  $v_1=8~\frac{\kappa M}{ce\kappa}$  екенлигине ийе боламыз.

Тезлик v ушын алынған формула орбитаның радиусы r ҳәм айланыў дәўири T арасындағы қатнасты анықлаўға мүмкиншилик береди.

$$v = \frac{2\pi r}{T}$$

деп есаплап

$$T^2 = \frac{4\pi^2}{GM} r^3.$$

Биз бул жерде айланыў дәўириниң квадратының орбита радиусының кубына пропорционал екенлигин көремиз. Бундай қатнас *Кеплердиң ұшинши нызамы* деп аталады (астроном И.Кеплер XVII әсирдиң басында планеталардың қозғалысларын бақлаў арқалы гравитациялық тәсиресиўдиң салдарынан еки денениң қозғалысының тийкарғы нызамларын ашты, бундай қозғалысларды Кеплер қозғалыслары деп атайды). Бул нызамлар (орайлық майдандағы қозғалыстағы секторлық тезликтиң турақлылығы нызамы 16-параграфта қаралды ҳәм ол Кеплердиң екинши нызамы деп аталады). Ньютон тәрепинен пүткил дұньялық тартылыс нызамының ашылыўында әҳмийетли орын тутты.

Енди массасы m болған бөлекшениң энергиясын анықлаймыз. Бизлердиң билиўимизше оның потенциал энергиясы

$$U = -\frac{GMm}{r}$$
.

U ға  $\frac{mv^2}{2}$  кинетикалық энергияны қосып ўақыт бойынша өзгермейтуғын бөлекшениң толық энергиясын аламыз:

$$E = \frac{mv^2}{2} - \frac{GMm}{r}.$$

Шеңбер бойынша қозғалғанда

$$mv^2 = \frac{GMm}{r}$$

хәм сонлықтан

$$E = -\frac{mv^2}{2} = -\frac{GMm}{2r}.$$

Бул жерде биз шеңбер бойынша қозғалғанда бөлекшениң толық энергиясының терис мәниске ийе болатуғынлығын көремиз. Бул 13-параграфта алынған нәтийжелер менен толық сәйкес келеди (егер шексизликте потенциал энергия нолге тең болса, онда E<0 де қозғалыс финитлик, ал E>0 де қозғалыс инфинитлик болады деген нәтийже).

Биз

$$F = G \frac{mM}{r^2}$$

тартысыў күшиниң тәсириндеги әпиўайы шеңбер тәризли қозғалысты қарадық. бирақ бундай майданда бөлекше эллипс, гипербола ҳәм парабола тәризли орбиталар бойынша да қозғала алады. Бул конуслық кесе-кесимлердиң барлығы ушын фокуслардың бири (парабола ушын бирден бир фокус) күшлердиң орайында жайласады (*Кеплердиң биринши нызамының* мазмуны усыннан ибарат). Эллипс тәризли орбиталар ушын толық энергияның терис мәниси сәйкес келеди Е<0 (бул жағдайда қозғалыс финитлик). Гиперболалық орбиталарға толық энергияның оң мәниси сәйкес келеди (Е>0). Парабола тәризли орбита бойынша қозғалғанда Е = 0. Бундай жағдайда шексизликтеги бөлекшениң тезлиги нолге тең болды.

Бөлекшениң толық энергиясы ушын жазылған формуланы пайдаланып спутниктиң параболалық орбита бойынша қозғалыўы ушын (яғный спутниктиң Жердиң тартысынан шығып кетиўи ушын) зәрүрли болған минималлық тезликтиң мәнисин есаплаў мүмкин.

$$E = \frac{mv^2}{2} - \frac{GMm}{r}$$

формуласында r = R деп есаплап ҳәм E ни нолге теңеп *екинши космослық тезлик* деп аталатуғын тезликти аламыз:

$$v_2 = \sqrt{2\frac{GM}{R}} = \sqrt{2gR} .$$

Биринши космослық тезлик ушын жазылған формула менен салыстырыў мынаны көрсетеди:

$$v_2 = \sqrt{2} \ v_1 = 11.2 \ \frac{\text{KM}}{\text{cek}} \, .$$

Енди эллипс тәризли орбиталардың параметрлериниң қалай анықланатуғынлығын көрсетемиз. Шеңбер тәризли орбитаның радиусын бөлекшениң энергиясы арқалы аңлатыў мүмкин:

$$R = \frac{\alpha}{2|E|} \, .$$

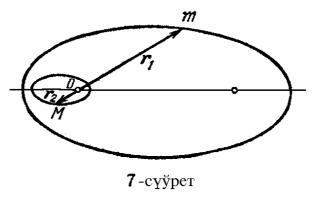
Бул жерде  $\alpha = GmM$  белгилеўи қабыл етилген. Эллипс тәризли орбита бойынша қозғалғанда эллипстиң үлкен ярым көшери а да тап сондай формула бойынша анықланады:

$$a = \frac{\alpha}{2|E|}.$$

Ал киши ярым көшер b тек энергияға емес, ал момент L ге де ғәрезли:

$$b = \frac{L}{\sqrt{2m|E|}}.$$

L қаншама киши болса эллипс те соншама созылған болады (турақлы энергияның мәнисинде).



Эллипс бойынша айланыў дэўири тек энергиядан ғәрезли болып эллипстиң үлкен ярым көшери арқалы аңлатылады:

$$T^2 = \frac{4\pi^2 m}{\alpha} a^3$$
.

Усы ўақытқа шекем бир денениң массасы М екинши денениң массасы m нен әдеўир үлкен болған жағдайды қарадық. Сонлықтан М массалы денени қозғалмайды деп есапладық. Ҳақыйқатында еки дене де қозғалады. Қала берсе инерция орайы системасында еки дене де геометриялық жақтан бир бирине уқсас болған инерция орайында улыўмалық фокусқа ийе конуслық кесе-кесимлерге сәйкес келиўши орбиталар бойынша қозғалады. 7-сызылмада өлшемлери денелердиң массаларына кери пропорционал болған геометриялық жақтан бир бирине уқсас эллипслер көрсетилген. Жоқарыда жазылған а ҳәм b ярым көшерлери ушын жазылған аңлатпалар «келтирилген» бөлекшелердиң траекториясына тийисли болып, тек олардығы m ди

$$\mu = \frac{mM}{m+M}$$

ге алмастырыў керек. Ал  $\alpha$  ның мәниси бурынғысынша қалады ( $\alpha = GmM$ ).

#### III Бап. Катты денениң қозғалысы

### § 25. Қатты денениң қозғалысының түрлери

Усы ўақытларға шекем берилген жағдайларда материаллық ноқат деп қараўға болатуғын денелердиң қозғалысын көрдик. Енди шекли өлшемлери әҳмийетли болған денелердиң қозғалысларын көремиз. Бундай жағдайда денелерди *қаты денелер* деп қараймыз. Механикада қатты дене деп қозғалыстың барысында бөлекшелериниң арасындағы қашықлықлар өзгермейтуғын денеге айтады. Қозғалыста бундай дене бирден бир пүтин түринде қалады.

Қатты денениң қозғалыстың барысында өз-өзине параллель болып қалатуғын қозғалысы ең әпиўайы қозғалысы болып табылады. Бундай қозғалыс *илгерилемели қозғалыс* деп аталады. Мысалы компасты горизонталлық тегислик бойынша әсте ақырын қозғалтатуғын болсақ, онда оның стрелкасы түсликтен арқаға қарай барлық ўақытта да бағытын сақлап илгерилемели қозғалады.

Қатты денениң илгерилемели қозғалысында оның барлық ноқатлары бирдей тезликке, бир биринен базы бир аралықларға аўысқан бирдей формадағы траекторияларға ийе болады.

Қатты денениң басқа түрдеги әпиўайы қозғалысы денениң көшер дөгерегиндеги айланысы болып табылады. Айланыў барысында денениң ҳәр қыйлы ноқатлары айланыў көшерине перпендикуляр болған тегисликлерде шеңберлер сызады.

Егер dt ўақыты ишинде дене d $\phi$  мүйешине бурылатуғын болса, онда денениң қандай да бир P ноқаты жүрип өтетуғын жол ds = rd $\phi$ . Бул аңлатпада r арқалы P ноқатынан айланыў көшерине шекемги аралық белгиленген. P ноқатының тезлиги v ны ds ти dt ға бөлип табамыз:

$$v = r \frac{d\varphi}{dt}$$

 ${d\phi\over dt}$  шамасы денениң барлық ноқатлары ушын бирдей ҳәм денениң ўақыт бирлигиндеги мүйешлик аўысыўын береди. Бул шама денениң мүйешлик тезлиги деп аталады ҳәм оны  $\Omega$  арқалы белгилеймиз.

Солай етип базы бир көшер дөгерегинде айланыўшы денениң ҳәр қыйлы ноқатларының тезликлери мына формула менен анықланады екен:

$$\mathbf{v} = \mathbf{r} \Omega$$
.

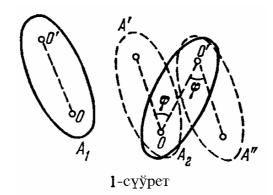
Бул жерде r арқалы ноқаттан айланыў көшерине шекемги қашықлық; тезлик усы қашықлыққа туўры пропорционал.

Улыўма жағдайларда  $\Omega$  ўақыттың өтиўи менен өзгереди. Егер айланыў тең өлшеўли өзгеретуғын болса (яғный турақлы мүйешлик тезлик пенен), онда айланыў дәўири T ны биле отырып мынаны аламыз:

$$\Omega = \frac{2\pi}{T}.$$

Қатты денениң айланыўы айланыў көшериниң бағыты ҳэм мүйешлик тезликтиң шамасы менен характерленеди. Усы айтылғанларды мүйешлик тезлик векторы  $\Omega$  шамасын киргизиў менен бириктириў мүмкин. Бул вектордың бағыты айланыў көшериниң бағытына сәйкес келеди, ал сан шамасы мүйешлик тезликтиң мәнисине тең. айланыў көшериниң еки бағытынан бир

бағытты сайлап алыў төмендегише болады: қатты дене менен бирликте айланатуғын винтти көз алдымызға келтиремиз, усындай жағдайда винттиң алға жылжыў бағыты  $\Omega$  векторының бағытына сәйкес келеди.



Жоқарыда қарап шығылған қатты денениң қозғалысының әпиўайы түрлери (илгерилемели ҳәм айланбалы) айрықша әҳмийетке ийе. Себеби қатты денениң қәлеген қозғалысы сол қозғалысларға алып келинеди.

Буны базы бир тегисликке параллел қозғалатуғын денениң мысалында көрсетиў мүмкин. Денениң избе-из  $A_1$  ҳәм  $A_2$  аўҳалларын қараймыз.  $A_1$  аўҳалынан  $A_2$  аўҳалына денени былайынша өткеремиз: дәслеп денени  $A_1$  аўҳалынан A' аўҳалына параллель көшириў менен алып келемиз. Усындай жағдайда денениң қандай да бир O ноқаты өзиниң ең кейинги аўҳалына келеди. Егер усыннан кейин денени O ноқатының дөгерегинде белгили бир - мүйешине бурсақ, онда дене өзиниң ақырғы  $A_2$  аўҳалына келип жетеди.

Демек денениң улыўмалық орын алмастырыўы денени  $A_1$  ноқатынан A' ноқатына көшириўши илгерилемели қозғалыстан хәм O ноқатындағы бурыўдың нәтийжесинде A' аўхалынан акырғы  $A_2$  аўхалына өткеретуғын бурыўдан туратуғынлығын биз көрдик. O ноқатының пүткиллей ықтыярлы түрде алынғанлығын биз көрдик:  $A_1$  аўхалынан денени A'' аўхалына параллель күшириў мүмкин. Бундай жағдайда O' ноқаты (O ноқаты емес) өзиниң ақырғы аўхалына келип жетеди хәм денениң ақырғы  $A_2$  аўхалына келип жетиўи ушын усы O' ноқатының дөгерегинде денени бурыў керек болады. Бирақ O ноқатының дөгерегинде  $A_2$  аўхалына өткериў ушын денени қандай мүйешке бурыў керек болған болса O' ноқатының дөгерегинде де денени тап сондай мүйешке бурыў керек болады; ал O хәм O' ноқатларының илгерилемели қозғалысында өткен жоллары ҳәр қыйлы.

Жоқарыда келтирилген мысалларда қатты денениң ықтыярлы қозғалысын усы қатты денеде алынған О ноқатының илгерилемели қозғалысы ҳәм усы ноқат арқалы өтиўши көшер дөгерегиндеги айланбалы қозғалыстың қосындысы түриндей қараўдың мүмкин екенлигин көрсетеди. Ҳақыйқатында бул жағдай улыўмалық қағыйда болып табылады. Бул жағдайда илгерилемели қозғалыстың тезлиги (оны V ҳәрипи менен белгилеймиз) денениң қайсы ноқатының тийкарғы ноқат етип қабыл етилгенлигине байланыслы. Ал мүйешлик тезлик  $\Omega$  болса бундай сайлап алыўдан ғәрезли емес: О ноқатын қай орында сайлап алсақ та усы ноқат арқалы өтетуғын көшер бир бағытқа ийе болады ҳәм усы көшер дөгерегинде айланыўдың мүйешлик тезлиги  $\Omega$ 

бирдей мәниске ийе болады. Бундай мәнисте  $\Omega$  мүйешлик тезликти абсолют мәниске ийе болады деп есаплаўға болады. Демек қатты денениң айланыўын тәриплегенде айланыў көшериниң қайсы ноқаттан өтетуғынлығы әҳмийетке ийе емес деген сөз. Ал илгерилемели тезлиги болса бундай абсолют характерге ийе емес.

!детте «тийкарғы» О ноқатын сайлап алғанда денениң инерция орайын сайлап алады. Бундай жағдайдағы илгерилемели тезлик V болса инерция орайының тезлиги болып табылады. Усындай етип сайлап алыўдың басқа түрде сайлап алыўлардан артықмашлығы келеси параграфта айқынласады.

V ҳәм  $\Omega$  векторларының ҳәр қайсысының мәнислери өзиниң қураўшылары арқалы бериледи (базы бир координаталар системасына қарата алынған қураўшылар ҳаққында айтылып атыр). Соның ушын қатты денениң қәлеген ноқатының тезлигин билиў ушын бир биринен ғәрезсиз алты шаманың берилиўи керек. Усындай тийкарда қатты денени алты еркинлик дәрежесине ийе механикалық система түринде қаралады.

### § 26. Қозғалыўшы қатты денениң энергиясы

Илгерилемели қозғалатуғын қатты денениң кинетикалық энергиясы жүдә әпиўайы түрде алынады. Бундай қозғалыста денениң барлық ноқатлары бирдей тезликке ийе болатуғын болғанлықтан кинетикалық энергия мынаған тең:

$$E_{\text{\tiny KUH}} = \frac{1}{2} \, \text{MV}^2.$$

Бул жерде V арқалы денениң тезлиги, ал M арқалы оның толық массасы белгиленген. Бул аңлатпа массасы M болған V тезлиги менен қозғалыўшы материаллық ноқаттың кинетикалық энергиясы ушын жазылған аңлатпа менен бирдей. Қатты денениң илгерилемели қозғалысының материаллық ноқаттың қозғалысынан парқының жоқ екенлиги өз-өзинен түсиникли.

Енди айланыўшы денениң кинетикалық энергиясын анықлайық. Бул ушын денени материаллық ноқатлар деп қараўға болатуғындай киши элементар бөлимлерге бөлемиз. Егер і- элементтиң массасы  $m_i$ , усы элементтиң айланыў көшеринен қашықлығы  $r_i$  болса, онда оның тезлиги  $v_i = r_i \Omega$  ге тең ( $\Omega$  арқалы денениң мүйешлик тезлиги белгиленген). Бул элементтиң кинетикалық энергиясы  $\frac{1}{2} m_i v_i^2$  шамасына тең. Бундай энергияларды бир бирине қосып шығып денениң кинетикалық энергиясын аламыз:

$$E_{\text{\tiny KHH}} = \frac{1}{2} \, m_1 {v_1}^2 + \frac{1}{2} \, m_2 {v_2}^2 + \ldots \, = \frac{1}{2} \, \Omega^{\, 2} (m_1 r_1^{\, 2} + m_2 r_2^{\, 2} + \ldots).$$

Қаўсырма ишинде турған қосындының мәниси қандай дене менен ис алып баратырғанлығымызға (оның формасына, өлшемлерине ҳәм ондағы массаның тарқалыўына) ҳәм усы денедеги көшердиң қалай орналасқанлығына ғәрезли. Қатты денени ҳәм сайлап алынған

көшерди тәриплейтуғын бул шама сол көшерге салыстырғандағы денениң *инерция моменти* деп аталады. Оны I арқалы белгилеймиз:

$$I = m_1 r_1^2 + m_2 r_2^2 + \dots$$

Егер қатты дене тутас болса, онда оны шексиз киши майда бөлимлерге бөлемиз: жоқарыда жазылған формуладағы қосынды алыў бул жағдайда интеграллаўға өтеди. Мысал ушын орайы арқалы өтиўши көшерге салыстырғандағы массасы M, радиусы R болған тутас шардың инерция моментиниң  $I = \frac{2}{5}\,\mathrm{MR}^2$  қа, узынлығы l болған жиңишке стерженниң инерция моментиниң оның ортасы арқалы өтетуғын көшерге салыстырғандағы инерция моментиниң  $\frac{1}{12}\,\mathrm{Ml}^2$  қа тең екенлигин атап өтемиз.

Солай етип айланыўшы денениң кинетикалық энергиясы мына түрде жазылады екен:

$$E_{\text{\tiny KMH}} = \frac{I\Omega^2}{2}$$
.

Бул аңлатпа формал түрде илгерилемели қозғалыстағы кинетикалық энергияның аңлатпасына уқсас (айырма соннан ибарат, тезлик V ның орнында мүйешлик тезлик  $\Omega$ , ал денениң массасының орнында денениң инерция орайы тур). Бул жерде айланбалы қозғалыстағы инерция моментиниң илгерилемели қозғалыстағы массаның орнын ийелейтуғынлығын көремиз.

Ықтыярлы түрде қозғалыўшы қатты денениң кинетикалық энергиясын илгерилемели ҳәм айланбалы қозғалыслардың қосындысы түринде көрсетиў мүмкин (тийкарғы О ноқатын денениң инерция орайында аламыз). Бундай жағдайда ноқатлардың инерция орайына салыстырғандағы айланбалы қозғалысы денениң айланбалы қозғалысы болып табылады. Олай болса 12-параграфтағы қарап өтилгендей бөлекшелер системасының қозғалысын екиге бөлемиз: бириншиси системаның тутасы менен алғандағы қозғалысы, екиншиси бөлекшелердиң инерция орайына салыстырғандағы қозғалысы. Сол параграфта системаның энергиясының да еки бөлимге бөлинетуғынлығын көрдик. «Ишки» қозғалыс орнын денениң инерция орайына салыстырғандағы қозғалысы ийелейди. Сонлықтан ықтыярлы түрде қозғалыўшы қатты денениң кинетикалық энергиясы ушын төмендегидей аңлатпаны жазамыз:

$$E_{\text{\tiny KUH}} = \frac{MV^2}{2} + \frac{I_0\Omega^2}{2} \, . \label{eq:Ekuh}$$

«0» индекси арқалы инерция орайы арқалы өтетуғын көшерге салыстырғанда алынған денениң инерция моменти екенлигин билдиреди [Денениң қозғалысының барысында айланыў көшери денеде турақлы түрде өзиниң бағытын сақлайтуғын болса усындай түрде жазылған формуланың мәниске ийе болатуғынлығын атап өтемиз. Егер бундай болмағанда инерция моменти турақлы шама болыўдан қалады ҳәм ўақыттың ҳәр бир моментинде ҳәр қыйлы көшерлерге салыстырғанда инерция моменти есапланады].

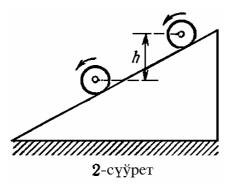
Инерция орайы арқалы өтпейтуғын Z көшери дөгерегинде айланыўшы қатты денени қараймыз. Бундай қозғалыстың кинетикалық энергиясы  $E_{\text{кин}}=\frac{1}{2}I\Omega^2$ , I арқалы Z көшерине салыстырғандағы инерция моменти белгиленген. Екинши тәрептен бундай қозғалысты денениң инерция орайының тезлиги V болған илгерилемели қозғалысы менен Z көшерине параллель болған инерция орайынан өтетуғын көшер дөгерегиндеги  $\Omega$  мүйешлик тезлигиндеги айланбалы қозғалысынан туратуғын қозғалыс деп қараўға болады. Егер a арқалы инерция орайынан Z көшерине шекемги аралық белгиленген болса, онда оның тезлиги  $V=a\Omega$ . Сонлықтан кинетикалық энергияны мына түрде жаза аламыз:

$$E_{\text{\tiny KHH}} = rac{MV^2}{2} + rac{I_0\Omega^2}{2} = rac{1}{2} (Ma^2 + I_0) \Omega^2.$$

Еки аңлатпаны салыстырып

$$I = I_0 + Ma^2$$

аңлатпасын аламыз. Бул формула денениң қандай да бир көшерге салыстырғандағы инерция моментин сол көшерге параллель хәм инерция орайы арқалы өтетуғын басқа бир көшерге салыстырғандағы инерция моменти менен байланыстырады. І диң  $I_0$  ден барлық ўақытта үлкен болатуғынлығы көринип тур. Басқа сөз бенен айтқанда берилген бағыттағы көшерге салыстырғандағы инерция моментиниң минималлық мәниси инерция орайы арқалы өтиўши көшер ушын алынады.



Егер дене салмақ майданында қозғалатуғын болса, онда оның толық энергиясы Е потенциал энергия менен кинетикалық энергиялардың қосындыларынан турады. Мысал ретинде шардың қыя тегислик бойынша қозғалысын қараймыз (2-сүўрет). Шардың потенциал энергиясы Mgz ке тең, бул жерде М шардың массасы, z оның орайының бийиклиги. Сонлықтан энергияның сақланыў нызамы мынадай түрге ийе болады:

$$E = \frac{1}{2}MV^2 + \frac{1}{2}I_0\Omega^2 + Mgz = const.$$

$$\Omega = \frac{V}{R}$$
.

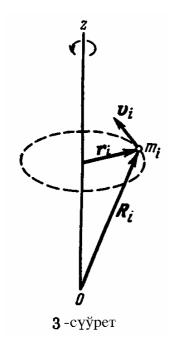
Бул аңлатпаны энергияның сақланыў нызамына қоямыз ҳәм ўақыттың басланғыш моментинде шардың тезлигиниң нолге тең екенлигин есапқа аламыз. Соның нәтийжесинде шардың инерция орайының h аралығына түскендеги тезлигин табамыз:

$$V = \sqrt{\frac{2gh}{1 + \frac{I_0}{MR^2}}}$$

Бул тезлик материаллық бөлекшениң ямаса айланбайтуғын денениң сондай h бийиклигинен еркин түсиўиндеги тезлигинен кем (жағдайдың бундай болатуғынлығын күтиў мүмкин). Себеби потенциал энергияның кемейиўи Mgh тек ғана илгерилемели қозғалыс тезлигиниң артыўына емес. ал шардың айланысының кинетикалық энергиясының өсиўине де жумсалады.

### § 27. Айланыў моменти

Денениң айланбалы қозғалысында оның импульсиниң моменти материаллық ноқат қозғалғандағы импульстың орнын ийелейди. Бекитилген көшер дөгерегинде айланыўшы дене жағдайында (бул ең әпиўайы жағдай) усындай орынды усы көшер (бул көшерди Z көшери деп есаплаймыз) бойлап бағытланған моменттиң қураўшысы ийелейди. Бул шаманы есаплаў ушын денени айырым элементар бөлеклерге бөлемиз (кинетикалық энергияны есаплағандағы денени элементар бөлеклерге бөлгенимиздей). Айырым (i-) элементтиң импульс моменти  $m_i[\mathbf{R}_i\mathbf{v}_i]$ . Бул жерде  $\mathbf{R}_i$  арқалы Z көшери бойындағы базы бир O ноқатынан есапланған усы элементтиң радиусвекторы белгиленген (3-сүўрет). Ҳәр бир ноқат айланыў көшери этирапында шеңбер тәризли орбита бойынша қозғалатуғын болғанлықтан тезлик  $\mathbf{v}_i$  усы шеңберге түсирилген урынба бағытында бағытланған.



 $\mathbf{R}_{i}$  векторын еки вектор $\epsilon$ а жиклеймиз: биреўи көшер бағытында, екиншиси  $(\mathbf{r}_i)$  көшерге перпендикуляр. Бундай жағдайда  $m_i[\mathbf{r}_i\mathbf{v}_i]$  көбеймеси Z көшерине параллель болған импульс моментин береди (еки вектордың көбеймесиниң усы еки вектор жатқан тегисликке перпендикуляр екенлигин еске түсиремиз).  $r_i$  менен  $v_i$  векторлары өз-ара перпендикуляр болғанлықтан (шеңбердиң радиусы хәм усы шеңберге тусирилген урынба)  $[\mathbf{r}_i \mathbf{v}_i]$  көбеймеси тек  $r_i \mathbf{v}_i$  болып табылады. Бул жерде гі арқалы ті элементиниң айланыў көшеринен қашықлығы белгиленген. Ең ақырында  $v_i = \Omega r_i$ болғанлықтан айланыў көшери бағытындағы импульс моментиниң  $m_i r_i^2 \Omega$  екенлигине көз жеткеремиз.

$$m_1 r_1^2 \Omega + m_2 r_2^2 \Omega + \dots$$

қосындысын пайда етип биз изленип атырылған импульстиң толық моментиниң Z көшерине түсирилген  $L_Z$  проекциясын аламыз. Буш шаманы берилген көшерге салыстырғандағы импульс моменти (ямаса айланыў моменти) деп атаймыз.

Қаўсырма ишиндеги улыўмалық  $\Omega$  көбейтиўшисин қаўсырмадан шығарсақ биз инерция моменти I ушын жазылған аңлатпаны аламыз. Солай етип ең ақырында

$$L_z = I\Omega$$

аңлатпасын аламыз, яғный денениң айланыў моменти мүйешлик тезлик пенен айланыў көшерине салыстырғандағы денениң инерция моментиниң көбеймесине тең. Усы аңлатпа менен бөлекшениң импульси mv арасындағы уқсаслыққа кеўил бөлемиз: тезлик v ның орнында мүйешлик тезлик, ал массаның орнында инерция моменти тур.

Егер денеге сыртқы күшлер тәсир етпесе, денениң айланыў моменти турақлы болып қалады: дене инерциясы бойынша турақлы  $\Omega$  мүйешлик пенен айланыўын даўам ете береди.  $\Omega$  ның турақлылығы  $L_Z$  тиң турақлылығына байланыслы (яғный денениң инерция моментиниң өзгермеслигине байланыслы). Егер денениң бөлимлериниң өз-ара жайласыўлары өзгериске ушырайтуғын болса (соның менен бирге инерция моменти өзгеретуғын болса), онда  $I\Omega$  көбеймесиниң турақлы болып қалыўы ушын еркин айланыста мүйешлик тезлик те өзгериске ушырайды. Мысал ушын, егер сүйкелиссиз айланып турған отырғышта қолларында гирлери бар адам отырған болса ҳәм бул адам қолларын қапталларына созып өзиниң инерция моментин үлкейтеди; бундай жағдайда  $I\Omega$  көбеймесиниң турақлылығы айланыстың мүйешлик тезлигин кемейтели.

#### § 28. Айланыўшы денениң қозғалыс теңлемеси

Бизлер материаллық ноқаттың қозғалыс теңлемесиниң оның тезлигиниң өзгериў тезлиги менен оған тәсир ететуғын күшти байланыстыратуғынлығын билемиз (7-параграф). Қатты денениң илгерилемели қозғалысының материаллық ноқаттың қозғалысынан парқы аз ҳәм бундай қозғалыстың теңлемеси толық импульс  $\mathbf{P} = \mathbf{M}\mathbf{V}$  пенен оған тәсир етиўши толық күш  $\mathbf{F}$  ти былайынша байланыстырады:

$$\frac{dP}{dt} = M \frac{dV}{dt} = F.$$

Айланбалы қозғалыс ушын усындай орынды денениң импульс моментиниң өзгериў тезлигин усы денеге тәсир етиўши күштиң моменти менен байланыстыратуғын теңлеме ийелейди. Бундай байланыстың қандай болатуғынлығын көремиз ҳәм бул жағдайда да бекитилген көшер дөгерегиндеги айланысты қараў менен шекленемиз (Z көшери).

Айланыў көшерине салыстырғандағы денениң импульс моментин биз анықладық. Енди денеге тәсир етиўши күшлерге кеўил бөлемиз. Айланыс көшерине параллель болған күшлердиң тек ғана денени усы көшер бағытында ысырыўы мүмкин, бирақ денени айландыра алмайды. Сонлықтан биз бундай күшлерди итибарға алмаймыз ҳәм тек айланыў көшерине перпендикуляр болған тегисликте жатқан күшлерди ғана инабатқа аламыз.

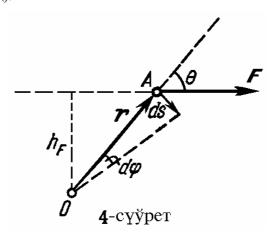
Z көшерине салыстырғандағы усындай  $\mathbf{F}$  күшиниң моменти  $K_Z$  векторлық көбейме болған  $[\mathbf{rF}]$  түринде бериледи (r күш түсирилген ноқат пенен көшер арасындағы қашықлық). Векторлық көбеймениң анықламасынан

$$K_z = Fr \sin \theta$$
.

екенлиги келип шығады. Бул жерде  $\theta$  арқалы  $\mathbf{r}$  менен « векторлары арасындағы мүйеш белгиленген (4-сүўретте Z сызылма тегислигине перпендикуляр хәм О ноқаты арқалы өтеди; А болса күштиң түсиў ноқаты). Басқаша былайынша жазамыз:

$$K_Z = h_F F$$
.

Бул жерде  $h_F = r sin \theta$  көшерге салыстырғандағы күштиң ийини (көшерден күш тәсир ететуғын бағытқа шекемги қашықлық).



15-параграфта анықланған импульс моментиниң өзгериў тезлиги менен тәсир етиўши күшлер моменти арасындағы байланыстан биз енди мынадай теңлик жаза аламыз:

$$\frac{dL_{Z}}{dt} = K_{Z}$$
 ямаса I  $\frac{d\Omega}{dt} = K_{Z}$ .

Бул айланыўшы денениң қозғалыс теңлемеси болып табылады.  $\frac{d\Omega}{dt}$  туўындысын мүйешлик тезлениў деп атаўға болады. Биз бул жерде илгерилемели қозғалыстың тезлениўиниң күш тәрепинен анықланатуғынлығы сыяқлы, мүйешлик тезлениўдиң денеге тәсир етиўши күштиң моменти тәрепинен анықланатуғынлығын көремиз.

Егер денеге бир неше күш тәсир ететуғын болса, онда  $K_Z$  ҳаққында гәп болғанда сол күшлердиң моментлериниң қосындысын түсиниўимиз керек. Соның менен бирге  $K_Z$  тиң келип шығыўының векторлық екенлигин ҳәм бир бирине қарама-қарсы бағытларда денени айланыўға ийтермелейтуғын күшлерге ҳәр қыйлы белги жазыўды умытпаймыз. Денени көшер дөгерегинде  $\omega$  диң өсиў бағытында бурыўға мәжбүрлейтуғын күш моментиниң мәниси оң белгиге ийе болады ( $\omega$  дегенимиз ўақыт бойынша алынған туўындысы денениң айланыўының мүйешлик тезлиги болып табылатуғын мүйеш:  $\Omega = \frac{d\phi}{dt}$ ).

Қатты денеде күш түсетуғын ноқатты усы күштиң бағытында қәлеген түрде өзгертсек те қозғалыстың қәсийетлериниң өзгермей қалатуғынлығын атап өтемиз. Күш түсирилген ноқатты усындай етип өзгерткен менен күштиң ийини өзгермейди ҳәм сонлықтан күштиң моменти де өзгериске ушырамайды.

Базы бир көшер дөгерегинде айлана алатуғын денениң теңсалмақлық шәрти усы денеге тәсир етиўши күшлердиң моментлериниң қосындысының нолге тең екенлигинде. Бул *моментлер нызамы* деп аталатуғын нызам болып табылады. Бул нызамның дара жағдайы белгили рычаг кәдеси болып табылады. Бул қәде өзиниң бир ноқаты дөгерегинде айлана алатуғын рычагтың тең салмақлықта турыўын анықлайды.

Денеге тәсир ететуғын күштиң моменти менен усы күш тәрепинен денени айландырыўда исленген жумыс арасында әпиўайы байланыс бар. Көшерде дөгерегинде денени шексиз киши  $d\omega$  мүйешине бурғанда  $\mathbf{F}$  күши тәрепинен исленген жумыс (4-сүўрет)  $\mathbf{A}$  ноқатының орын алмастырыўы  $d\mathbf{S} = rd\omega$  менен қозғалыс бағытындағы күштиң қураўшысы  $\mathbf{F}_s = \mathbf{F}\sin\theta$  тиң көбеймесине тең:

$$F_s ds = Fr \sin \theta d\omega = K_z d\omega$$
.

Бизлер көшерге салыстырғандағы күш моментиниң усы күш тәрепинен исленген жумыстың бирлик мүйешлик аўысыўға қатнасына тең екенлигин көремиз. Екинши тәрептен дене үстинен исленген жумыс оның потенциал энергиясының кемейиўине тең. Сонлықтан  $K_Z d\omega = -dU$ . Буннан

$$K_Z = -\frac{dU}{d\varphi}$$
.

Солай етип, кери белгиси менен алынған күш моменти потенциал энергияның берилген көшер дөгерегиндеги айланыў мүйеши бойынша алынған туўындысына тең. Усы жағдай ҳәм дене илгерилемели қозғалғандағы усы денеге тәсир ететуғын күшлердиң қосындысы менен потенциал

энергияның өзгерисин байланыстыратуғын  $F = -\frac{dU}{dx}$  формуласы арасындағы уқсаслықтың бар екенлигине кеўил бөлемиз.

Айланыўшы денениң қозғалыс теңлемесиниң энергияның сақланыў нызамы менен сәйкес келетуғынлығын аңсат көрсетиўге болады. Толық энергия мынаған тең:

$$E = \frac{I\Omega^2}{2} + U.$$

Ал оның сақланыўы

$$\frac{\mathrm{d}}{\mathrm{dt}}(\frac{\mathrm{I}\Omega^2}{2} + \mathrm{U}) = 0.$$

Функцияны дифференциаллаў қәдеси бойынша ийе боламыз:

$$\frac{dU}{dt} = \frac{dU}{d\varphi} \frac{d\varphi}{dt} = -K_Z \Omega.$$

Туўынды  $\frac{d}{dt}\,\Omega^2$  =  $2\,\Omega\,\frac{d\Omega}{dt}$  . Бул аңлатпаларды жоқарыдағы аңлатпаға қойып ҳәм улыўмалық

 $\Omega$  көбейтиўшисине бөлип бизге таныс болған I  $\frac{d\Omega}{dt}=K_Z$  теңлемесин аламыз.

15-параграфтың ақырында туйық системадағы импульс моментиниң сақланыў нызамы ҳәм кеңисликтиң изотропиясы арасында байланыстың бар екенлиги ҳаққында айтылған еди. Усындай байланыстың бар екенлигин анықлаў системадағы тәсир етиўши күшлердиң моментлериниң қосындысының нолге тең болыўы тутасы менен қәлеген мүйешлерге бурыўда туйық системаның қәсийетлериниң өзгермей қалатуғынлығының нәтийжеси болып табылатуғынлығының дәлилине алып келинеди (яғный бул система қатты дене болып табылатуғын болса). Егер  $\frac{dU}{d\phi} = - K_Z$  қатнасын системаның ишки потенциал энергиясына қолланатуғын болсақ ( $K_Z$  деп системаның барлық бөлекшелерине тәсир ететуғын күшлердиң моментлерин түсинемиз), онда туйық системаны қәлеген көшердиң дөгерегинде қәлеген мүйешке бурғандағы потенциал энергияның өзгермей қалатуғынлығы ҳақыйқатында да күшлердиң моментлериниң нолге тең екенлигин билдиреди.

# § 29. Тең тәсир етиўши күш

Егер қатты денеге көп сандағы күшлер тәсир ететуғын болса, онда бул денениң қозғалысы тек усы күшлердиң қосындысынан ҳәм сол күшлердиң моментлериниң қосындысынан ғәрезли болады. Бул жағдай денеге тәсир етиўши күшлердиң қосындысын бир күш пенен алмастырыўға мүмкиншилик береди. Бул бир күшти тең *тасир етиўши күш* деп атайды. Шамасы ҳәм бағыты бойынша тең тәсир етиўши күш барлық күшлердиң қосындысына тең. Ал бул тең тәсир етиўши

күштиң түсирилген ноқаты усы тең тәсир етиўши күштиң моменти барлық күшлердиң моментлериниң қосындысына тең болатуғындай етип сайлап алынады.

Усындай жағдайлардың ең әҳмийетлилериниң бири өз-ара параллель болған күшлерди қосыў болып табылады. Буған қатты денениң барлық бөлимлерине тәсир ететуғын салмақ күшин жатқарыўға болады.

Қандай да бир қатты денени қараймыз ҳәм ықтыярлы түрде сайлап алынған горизонт бағытындағы көшерге салыстырғандағы салмақ күшлериниң толық моментин анықлаймыз (5-сүўреттеги Z көшери). Қатты денеде алынған  $m_i$  элементине тәсир етиўши күш  $m_i$ g ға тең, ал усы күштиң ийини  $m_i$  элементиниң  $x_i$  координатасы болып табылады. Сонлықтан барлық күшлердиң қосынды моменти мынаған тең:

$$K_{Z} = m_{1}gx_{1} + m_{2}gx_{2} + \dots$$

$$Y$$

$$X_{i} \longrightarrow \square m_{i}$$

$$X_{i} \longrightarrow \square m_{i}$$

$$X_{i} \longrightarrow \square m_{i}$$

$$X_{i} \longrightarrow \square m_{i}$$

Тең тәсир етиўши күш шамасы жағынан денениң толық салмағына тең  $(m_1+m_2+...)$ g. Егер усы күш түскен ноқаттың координатасын X арқалы белгилесек, онда сол момент  $K_Z$  мына түрде жазылады:

$$K_Z = (m_1 + m_2 + ...)gX.$$

Еки аңлатпаны теңлестирсек

$$X = \frac{m_1 x_1 + m_2 x_2 + ...}{m_1 + m_2 + ...}$$

формуласын аламыз. Бул денениң инерция орайының х координатасы болып табылады.

Солай етип биз денеге тәсир етиўши барлық салмақ күшлериниң қосындысын оның инерция орайына түсирилген денениң толық салмағына тең күш пенен алмастырыўдың мүмкин екенлигин көрдик. Усыған байланыслы денениң инерция орайын денениң салмақ орайы деп те атайды.

Егер күшлердиң қосындысы нолге тең болмайтуғын болса, онда параллель күшлердиң системасын бир тең тәсир етиўши күшке алып келиў мүмкин емес. Күшлердиң бундай жыйнағының тәсири шамасы бойынша бирдей, ал бағыты бойынша қарама-қарсы еки күш болған *қос күшке* алып келиниўи мүмкин. Усындай еки күштиң тәсир етиў бағытына перпендикуляр болған Z көшерине салыстырғандағы моментлериниң қосындысы  $K_Z$  еки күшлердиң бағытлары арасындағы қашықлық h (қос қүштиң ийини) пенен F шамаларының көбеймесине тең:

$$K_Z = Fh$$
.

Қос күштиң денениң қозғалысына тәсири тек ғана усы қос күштиң моментинен ғәрезли.

### § 30. Гироскоп

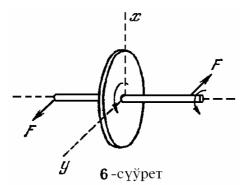
27-параграфта биз денениң импульс моменти  $L_Z$  тиң айланыў көшерине түсирилген проекциясын таптық. Бекитилген айланыў көшерине ийе дене ушын L векторының тек сол проекциясы ғана әҳмийетке ийе. Оның айланыўдың мүйешлик тезлигинен әпиўайы түрдеги ғәрезлилиги ( $L_Z$ = $I\Omega$ ) барлық қозғалыслардың да жүдә әпиўайы болатуғынлығына алып келеди.

Егер айланыў көшери бекитилмеген болса, онда L векторының барлық қураўшыларын ҳәм олардың мүйешлик тезлик векторы  $\Omega$  дан ғәрезлилигин қарап шығыў зәрүр болады. Бирақ бул ғәрезлилик қурамалы характерге ийе болады: L векторының қураўшылары  $\Omega$  векторының қураўшыларының сызықлы функциялары болады, бирақ улыўма жағдайларда бул векторлардың бағытлары ҳәр қыйлы. Бул жағдай денениң қозғалысын әдеўир қурамаластырады.

Биз бул жерде тек *гироскоп* деп аталыўшы денениң бир мысалын келтиремиз: гироскоп еркин бағытланатуғын көшерге ҳэм усы көшерге қарата симметрияға ийе болады ҳэм өзиниң геометриялық көшери дөгерегинде үлкен тезликте айланады.

Бундай айланыста момент векторы L де (мүйешлик тезлик векторы  $\Omega$  сыяқлы) денениң көшери бағытында бағытланған болады. Бул симметриялық көз-қараслардан-ақ түсиникли: бундай дене көшерге қарата симметрияға ийе болғанлықтан L векторы бағытланғандай басқа белгили бир бағыт жоқ.

Гироскопқа сырттан күшлер тәсир етпесе оның көшери кеңисликтеги бағытын сақлайды: моменттиң сақланыў нызамы бойынша **L** векторының бағыты да, шамасы да өзгериссиз қалады. Егер гироскопқа сырттан күшлер тәсир ететуғын болса, онда оның көшери аўыса баслайды. Атап айтқанда гироскоптың тап усындай қозғалысы бизди қызықтырады; бундай қозғалысты *прецессия* деп аталады.



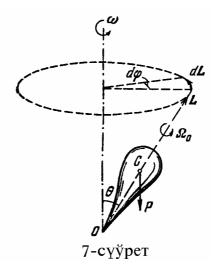
Гироскоптың көшериниң бағытының өзгериси оның басқа көшер дөгерегиндеги айланысын тәмийинлейди. Сонлықтан қосынды мүйешлик тезлик векторы енди денениң геометриялық көшери бағытында болмайды. Соның менен бирге усы (геометриялық) көшер менен момент векторы  $\mathbf L$  де параллель болмай қалады (соның менен  $\Omega$  векторы да). бирақ гироскоптың тийкарғы айланысының тезлиги үлкен хәм сыртқы күшлер онша үлкен емес болса, онда гироскоптың көшериниң бурылыў тезлиги салыстырмалы үлкен болмайды хәм  $\Omega$  векторы, ал

соның менен бирге L векторы да бағыты бойынша гироскоптың көшерине жақын болады. Сонлықтан L векторының өзгерисин биле отырып биз гироскоптың қалай қозғалатуғынлығын шама менен биле аламыз. Моменттиң өзгериси

$$\frac{d\mathbf{L}}{dt} = \mathbf{K}$$

теңлемеси бойынша анықланады, бул жерде  $\mathbf{K}$  арқалы денеге тәсир етиўши күшлердиң моменти белгиленген.

Мысал ретинде мейли гироскоптың көшерлериниң ушларына (6-сүўреттеги z көшери) уz тегислигинде тәсир ететуғын « қос күши түсирилсин. Бундай жағдайда қос күштиң моменти  $\mathbf{M}$  x көшери бағытында бағытланған,  $\frac{d\mathbf{L}}{dt}$  туўындысы да усы тәрепке бағытланған. Басқа сөз бенен айтқанда  $\mathbf{L}$  моменти, ал оның менен бирге гироскоптың көшери де x көшери бағытында бурылады.



Солай етип гироскопқа базы бир күш түсирилгенде гироскоптың көшери усы күштиң бағытына перпендикуляр бағытта бурылады екен.

Гироскопқа өзиниң төменги ноқатында сүйенип турған зырылдаўық (волчок) мысал бола алады (зырылдаўықтың сүйенип турған ноқатына сүйкелисин есапқа алмаймыз). Зырылдаўық барлық ўақытта да төмен қарай бағытланған салмақ күшиниң тәсиринде болады. Бул күш зырылдаўықтың салмағы Р=Мg ға (М арқалы оның массасы белгиленген) тең ҳәм оның салмақ орайына түсирилген (7-сүўреттеги С ноқаты). О ноқатына салыстырғанда бул күштиң моментиниң шамасы К = Р\*І\*sіпθ (І арқалы ОС қашықлығы, θ вертикаль бағыт пенен зырылдаўықтың көшери арасындағы мүйеш белгиленген), ал бағыты зырылдаўықтың көшери ҳәм вертикаль бағытлар жататуғын тегисликке перпендикуляр. Усы моменттиң тәсиринде L векторы (соның менен бирге зырылдаўықтың көшери де) шамасы бойынша өзгермей қалып ҳәм вертикаль бағыт пенен турақлы θ мүйешинде айланады, яғный усы бағыт дөгерегинде конуслық бет бойынша айланбалы қозғалады.

Зырылдаўықтың прецессиясының мүйешлик тезлигин аңсат есаплаўға болады. Бул мүйешлик тезликти  $\omega$  арқалы белгилеймиз (усыған байланыслы өзиниң меншикли көшери дөгерегиндеги зырылдаўықтың айланыўының мүйешлик тезлигин  $\Omega_0$  арқалы белгилеймиз.

Шексиз киши dt ўақыт аралығында L векторы горизонталлық тегисликте жататуғын dL=Kdt перпендикуляр өсим алады. Бул шаманы усы тегисликке түсирилген L векторының проекциясына бөлип усы проекция dt ўақыты ишинде бурылатуғын dw мүйешин аламыз:

$$d\omega = \frac{K}{L\sin\theta}dt.$$

do/dt туўындысы прецессияның биз излеген тезлиги болып табылады. Солай етип

$$\omega = \frac{K}{L\sin\theta}.$$

Бул аңлатпаға  $K = Mgl \sin\theta$  ҳәм  $L = I \Omega_0$  ты қойсақ кейинги аңлатпаны аламыз:

$$\omega = \frac{\mathrm{Kgl}}{\mathrm{I}\Omega_0}$$
.

Зырылдаўықты жеткиликли дәрежеде тез айланады деп есаплағанымызды еске түсиремиз. Енди биз усы шәртти айқынластыра аламыз:  $\Omega_0>>\omega$  шәртиниң орынланыўы керек.

$$\frac{\omega}{\Omega_0} = \frac{\mathrm{Kgl}}{\mathrm{I}\Omega_0^2}$$

болғанлықтан биз зырылдаўықтың салмақ майданындағы потенциал энергиясы (Mgl  $\cos\theta$ ) оның кинетикалық энергиясынан (I  $\Omega^2/2$ ) киши болыўы керек.

## § 31. Инерция күшлери

Усы ўақытларға шекем биз инерциаллық есаплаў системаларына салыстырғандағы денелердиң қозғалысларын қарадық. Тек 23-параграфта ғана тезлениўши илгерилемели қозғалыстағы есаплаў системасы ҳаққында гәп етилди (тезлениўши қозғалатуғын ракета). Ракета менен бирге қозғалыўшы бақлаўшының көз-қарасы бойынша системаның инерциаллық емеслиги бир текли салмақ майданына эквивалент болған күш майданының пайда болыўы сыпатында қабыл етиледи.

Инерциал емес есаплаў системаларында пайда болатуғын қосымша күшлер улыўма түрде *инерция күшлери* деп аталады. Бундай күшлердиң өзине тән өзгешеликлериниң бири усы күшлер тәсир ететуғын денелердиң массаларына пропорционаллығы болып табылады. Атап айтқанда тап усы қәсийет инерция күшлери менен салмақ күшлери арасында уқсаслық пайда етеди.

Енди айланыўшы системаға салыстырғанда қозғалыстың қалай жүзеге келетуғынлығын ҳәм бундай жағдайда пайда болатуғын инерция күшлериниң қандай екенлигин қараймыз. Жердиң өзи усындай есаплаў системасына мысал бола алады. Өз көшери дөгерегинде суткалық айланысының салдарынан Жер менен байланысқан есаплаў системасы инерциаллық емес есаплаў системасы

болып табылады. Тек ғана Жердиң өз көшери дөгерегинде айланыўының әстелигиниң салдарынан пайда болатуғын инерция күшлери салыстырмалы ҳәлсиз.

!пиўайылық ушын  $\Omega$  мүйешлик тезлиги менен тең өлшеўли айланыўшы диск есаплаў системасы болсын деп көз алдымызға келтирейик хәм дисктиң шети менен тең өлшеўли қозғалыўшы бөлекшени қараймыз. Усы бөлекшениң дискке салыстырғандағы тезлигин  $v_{ue}$  деп белгилейик («ие» индекси есаплаў системасының инерциаллық емес екенлигин билдиреди). Усы бөлекшениң қозғалмай турған бақлаўшыға салыстырғандағы тезлигин  $v_u$  деп белгилейик (бул жерде «и» индекси инерциаллық есаплаў системаға салыстырғандағы тезликти билдиреди). Бул  $v_u$  тезлиги  $v_{ue}$  тезлиги менен дисктиң шетиниң тезлигиниң қосындысына тең. Бул тезлик өз гезегинде  $\Omega$ г ге тең (г арқалы дисктиң радиусы белгиленген). Сонлықтан

$$\mathbf{v}_{\mathsf{u}} = \mathbf{v}_{\mathsf{n}} + \mathbf{\Omega} \, \mathbf{r}$$
.

Бөлекшениң инерциаллық есаплаў системасына салыстырғандағы  $w_u$  тезлениўин аңсат анықлаўға болады. Бөлекше радиусы r болған шеңбер бойынша  $v_u$  тезлиги менен тең өлшеўли қозғалатуғын болғанлықтан

$$w_{\text{H}} = \frac{v_{\text{H}}^2}{r} = \frac{v_{\text{He}}^2}{r} + 2\Omega v_{\text{He}} + \Omega^2 r.$$

Бул тезлениўди бөлекшениң массасы m ге көбейтсек инерциал есаплаў системасындағы бөлекшеге тәсир етиўши күш « ти табамыз:

$$F = mw_{u}$$

Енди дискте отырған бақлаўшының ҳәм сонлықтан дискти қозғалмайды деп есаплайтуғын бақлаўшының көз-қарасы бойынша қозғалыстың қалай жүзеге келетуғынлығын қараймыз. Оның ушын да бөлекше радиусы r болған шеңбер бойынша тең өлшеўли қозғалады, бирақ оның тезлиги  $v_{ue}$  ке тең. Сонлықтан бөлекшениң тезлениўи дискке салыстырғанда

$$W_{ue} = \frac{V_{ue}^2}{r}$$

шамасына тең ҳәм дисктиң орайына қарай бағытланған. Дискти қозғалмайды деп есаплап бақлаўшы  $w_{ue}$  ти бөлекшениң массасына көбейтеди ҳәм алынған

$$F_{\mu e} = m W_{\mu e}$$

күшин бөлекшеге тәсир етиўши күш деп есаплайды.

$$W_{\mu e} = W_{\mu} - 2\Omega V_{\mu e} - \Omega^2 r$$

екенлигин аңлап ҳәм  $mv_u = F$  екенлигин есапқа алып

$$F_{\text{He}} = F - 2m\Omega v_{\text{He}} - m\Omega^2 r$$

анлатпасына ийе боламыз.

Солай етип айланыўшы есаплаў системасында бөлекшеге «ҳақыйқый» F күшинен басқа еки қосымша - $m\Omega^2$ г ҳәм - $2m\Omega$   $v_{ue}$  күшлериниң тәсир ететуғынлығын көремиз. Инерция күшлериниң бириншисин *орайға умтылыўшы* күш деп, ал екиншисин *Кориолис күши* деп атаймыз. «Минус» белгилери усы еки күштиң де дисктиң айланыў көшеринен сыртқа қарай бағытланғанлығын көрсетеди.

Орайдан қашыўшы күш  $v_{\text{ие}}$  тезлигинен ғәрезли емес. Басқа сөз бенен айтқанда бундай күш бөлекше дискке салыстырғанда қозғалмаса да бар болады. Есаплаў системасының айланыў көшеринен г қашықлығында турған бөлекшеге тәсир етиўши бундай күш барлық ўақытта да т $\Omega^2$  г ге тең хәм айланыў көшеринен баслап радиустың бағытында бағытланған.

Орайдан қашыўшы күш түсиниги менен бирге биз орайдан қашыўшы майданы күшлериниң потенциал энергиясы сыпатында орайдан қашыўшы энергия түсинигин де киргизиўимиз мүмкин. Күш пенен потенциал энергияны байланыстырыўшы улыўмалық формуладан

$$-\frac{dU_{\text{орайданкаш}}}{dr} = m\Omega^2 r$$

ҳәм буннан

$$U_{\text{орайданкаш}} = -\frac{m\Omega^2 r^2}{2} + \text{const.}$$

Ықтыярлы турақлыны нолге тең етип алыў тәбийий. Бундай жағдайда потенциал энергия жерде орайдан қашыўшы күш нолге тең болған айланыў көшеринен баслап есапланады (r=0).

Орайдан қашыўшы күш арнаўлы түрде қурылған центрифугаларда жүдә үлкен мәнислерге шекем жетиўи мүмкин. Жер бетинде бул күштиң мәниси үлкен емес. Бул күштиң шамасы экваторда ең үлкен мәниске ийе. Бул жерде массасы 1 z болған бөлекше ушын (Жердиң радиусы R =  $6.3910^8 \, c_M$ )

$$\mathrm{m}\,\Omega^2 \,\mathrm{r} = 19 \left(\frac{2\pi}{24*60*60}\right)^2 9 \,6.3910^8 \,\partial u_H = 3.3 \,\partial u_H.$$

Бул күш денениң ҳәр бир граммының салмағын 3.3 динаға кемейтеди, яғный денениң салмағын шама менен 0.3 % ке кемейтеди.

Екинши инерция күши болған Кориолис күши өзиниң характери бойынша биз усы ўақытқа шекем танысқан күшлерден айрылады. Бул күш тек (берилген есаплаў системасына салыстырғанда) қозғалыўшы денелерге тәсир етеди ҳәм усы қозғалыстың тезлигине ғәрезли. Соның менен бирге бул күш бөлекшениң есаплаў системасына салыстырғандағы аўҳалына ғәрезсиз болып шықты. Биз жоқарыда көрген мысалда шамасы жағынан ол  $2m\Omega v_{ue}$  ке тең ҳәм бағыты бойынша дисктиң айланыў көшеринен сыртқа қарай бағдарланған. Улыўма жағдайларда ықтыярлы  $v_{ue}$  тезлиги менен айланыўшы есаплаў системасына салыстырғанда қозғалыўшы бөлекшеге тәсир етиўши инерцияның кориолис күши мынаған тең:

$$2m[v_{\mu e}\Omega].$$

Басқа сөз бенен айтқанда бул күш айланыў көшерине ҳәм бөлекшениң тезлигине перпендикуляр ҳәм шамасы бойынша  $2mv_{ue}\Omega\sin\theta$  ға тең ( $\theta$  арқалы  $\Omega$  менен  $v_{ue}$  арасындағы мүйеш белгиленген).  $v_{ue}$  тезлигиниң бағыты қарама-қарсы бағытқа өзгергенде Кориолис күшиниң де бағыты қарама-қарсы бағытқа өзгереди.

Кориолис күшиниң бағыты барлық ўақытта да бөлекшениң тезлигиниң бағытына перпендикуляр болғанлықтан ол бөлекшениң үстинен ҳеш қандай жумыс ислемейди. Басқа сөз

бенен айтқанда Кориолис күши тек бөлекшениң қозғалысының бағытын өзгертеди, бирақ қозғалыс тезлигиниң шамасын өзгертпейди.

Жер бетинде тәсир етиўши Кориолис күшиниң шамасы жүдә киши болса да, ол базы бир эффектлердиң жүзеге келиўине алып келеди. Усы күштиң тәсир етиўине байланыслы еркин түсиўши дене дәл вертикаль бойынша қозғалмайды, ал шығыс тәрепке аўысады. Бирақ бул аўысыўдың шамасы үлкен емес. Мысалы  $60^{\circ}$  кеңликте  $100 \, M$  бийикликтен қулап түсиўши денениң аўытқыўы шама менен  $1 \, cM$  ге тең.

Бир ўақытлары Жердиң суткалық айланысының дәлиллериниң бири болған Фуко маятнигиниң тербелисиниң өзгешеликлери де Кориолис күшине байланыслы. Егер Кориолис күши болмағанда Жерге салыстырғандағы маятниктиң тербелис тегислигиниң бағыты өзгермеген болар еди. Бул күштиң тәсиринде вертикаль бағыттың дөгерегинде тербелис тегислиги  $\Omega \sin\theta$  мүйешлик тезлиги менен айланады ( $\Omega$  Жердиң айланыўының мүйешлик тезлиги, - арқалы маятникти илдирилип қойылған ноқаттың кеңлиги белгиленген).

Кориолис күши метеорологиялық қубылысларда үлкен орынды ийелейди. Мысалы егер Жер өз көшери дөгерегинде айланбағанда тропиклерден экваторға қарап есиўи керек болған пассатлар деп аталыўшы самал арқа ярым шарда арқадан түсликке қарап, ал түслик ярым шарда түсликтен арқаға қарай ескен болар еди. Кориолис күшиниң тәсиринде бул самаллар батысқа қарай аўысады.

#### IV БАП

#### ТЕРБЕЛИСЛЕР

### § 32. Гармоникалық тербелислер

Биз 13-параграфта потенциал шуқырдағы бөлекшениң бир өлшемли қозғалысының дәўирли болатуғынлығы, яғный бирдей ўақыт аралығында қайталанатуғынлығын көрдик. Қозғалыс қайтадан қайталанатуғын сондай ўақыт аралығын *қозғалыстың дәўири* деп атаймыз. Егер Т қозғалыс дәўири болатуғын болса, онда t ҳәм t+Т ўақыт моментлеринде бөлекше бирдей аўҳалда ҳәм бирдей тезликке ийе болады.

Дәўирге кери болған шама жийилик деп аталады. V арқалы белгиленетуғын жийилик

$$v = \frac{1}{T}$$

бир секундта қозғалыстың неше рет қайталанатуғынлығын көрсетеди. Демек бул шама 1/cek өлшемине ийе. 1 cek дәўирге сәйкес келиўши жийиликти өлшеўдиң бирлиги repu (ru) деп аталады: 1 ru = 1 cek.

Әлбетте, гармоникалық қозғалыстың оғада көп сандағы түрлери бар. Тригонометриялық функциялар болған синус пенен косинустың ең әпиўайы дәўирлик функциялар екенлигин билемиз. Сонлықтан материаллық ноқаттың координаталары

$$x = A\cos(\omega t + \alpha)$$

нызамы бойынша өзгеретуғын қозғалыс ең әпиўайы дәўирли қозғалыс болып табылады. Бул аңлатпада A,  $\omega$ ,  $\alpha$  арқалы базы бир турақлы шамалар белгиленген. Усындай дәўирли қозғалыс гармоникалық тербелмели қозғалыс деп аталады.

А ҳәм  $\omega$  шамалары әпиўайы физикалық мәниске ийе. Косинустың дәўири  $2\pi$  ге тең болғанлықтан қозғалыс дәўири T  $\omega$  шамасы менен былай байланысқан

$$T=\frac{2\pi}{\omega}$$
.

Бул жерде  $\omega$  ның ½ шамасынан  $2\pi$  көбейтиўшиси менен айырмасының бар екенлиги көринип тур.  $\omega$  шамасын *цикллық жийилик* деп атайды. Физикада тербелислердиң характеристикасы ретинде әдетте усы шамадан пайдаланады хәм усы шаманы тек жийилик деп те атайды.

Косинустың ең үлкен мәниси бирге тең болғанлықтан x координатасының максималлық мәниси A ға тең. Бул максималлық мәнис *тербелистиң амплитудасы* деп аталады. x шамасы -A дан +A ға шекем өзгереди.

Косинустың аргументи  $\omega t + \alpha$  тербелислердиң фазасы деген атқа ийе;  $\alpha$  дәслепки фаза болып табылады (t=0 моментиндеги).

Бөлекшениң тезлиги мынаған тең:

$$v = \frac{dx}{dt} = -A\omega \cos(\omega t + \alpha).$$

Бизлер тезликтиң де гармоникалық нызам бойынша өзгеретуғынлығын көремиз (тек ғана косинустың орнында синус тур). Бул аңлатпаны

$$v = A\omega \cos(\omega t + \alpha + \frac{\pi}{2})$$

түринде жазып тезликтиң өзгерисиниң координатаның өзгерисинен  $\frac{\pi}{2}$  шамасына Ғалға кететуғынлығын» көремиз. Тезликтиң амплитудасы аўысыў амплитудасы менен жийилик  $\omega$  ның көбеймесине тен.

Енди бөлекшениң гармоникалық тербелиси ушын оған қандай күштиң тәсир етиўиниң кереклигин анықлаймыз. Соның ушын усындай қозғалыстағы бөлекшениң тезлениўин анықлаймыз:

$$\varpi = \frac{\mathrm{d}v}{\mathrm{d}t} = -\mathrm{A}\omega^2 \cos(\omega t + \alpha).$$

Бул шама да бөлекшениң координатасының өзгеретуғын нызамы бойынша өзгереди (бирақ фазасы бойынша  $\pi$  ге айрылады).  $\varpi$  ны бөлекшениң массасына көбейтип хәм A соs ( $\omega$ t+ $\alpha$ ) = x екенлигин есапқа алып күш ушын төмендегидей аңлатпаны аламыз:

$$F = -m\omega^2 x$$
.

Солай етип бөлекшениң гармоникалық тербелиўи ушын усы бөлекшеге тәсир етиўши күштиң шамасы бөлекшениң аўысыўына пропорционал, ал бағыты бойынша усы аўысыўға қарама-қарсы

болыўы керек екен. Әпиўайы мысал: созылған (ямаса қысылған) пружина тәрепинен денеге тәсир етиўши күш усы пружинаның узарыўына (ямаса қысқарыўына) туўры пропорционал ҳәм пружинаның өзиниң нормал узынлығына қайтыў бағытында болады. Бундай күшти қайта тиклеўши күш деп атайды.

Жоқарыда тәрипленгендей күштиң бөлекшениң аўхалынан (ийелеген орнынан) ғәрезлилиги физикалық мәселелерди шешкенде жүдә жийи ушырасады. Егер кандай да бир дене орныклы тең салмаклық аўхалда турған болса (бул x=0 ноқаты болсын) хәм кейнинен бул денени бир тәрепке (ямаса қарама-қарсы тәрепке) аўыстырсақ, онда усы денени дәслепки орнықлы тең салмақлық аўхалына қайтарыўшы F күши пайда болады. Денениң аўхалының функциясы x сыяқлы F=»(x) күши де координата басы менен кесисетуғын базы бир иймеклик пенен тәрипленеди: x=0 ноқатында F=0, ал усы ноқаттың бир бирине қарама-қарсы тәреплеринде күш хәр қыйлы белгилерге ийе. Координата x тың үлкен емес мәнислериниң интервалында бул кесинди жуўық түрде туўры сызықтың кесиндиси сыпатында қабыл етилиўи мүмкин. Демек бундай жағдайда күш аўысыў x қа пропорционал болады. Солай етип дене тең салмақлық аўхалынан азмаз аўыстырылған болса хәм буннан кейин усы дене өзинше қалдырылса, онда усы дене өзиниң тең салмаклық халына кайтқанда гармоникалық тербелислер пайда болады.

Денелер өзлериниң тең салмақлық аўҳалынан киши аралықларға аўысатауғын қозғалыслар киши тербелислер деп аталады. Биз киши тербелислердиң гармоникалық тербелислер болатуғынлығын көрдик. Бундай тербелислердиң жийиликлери күш пенен аўысыў арасындағы байланысты тәриплейтуғын денени бекитиўдиң қаттылығына ғәрезли. Егер күш ҳәм аўысыў арасында

$$F = -kx$$

түриндеги байланыс болса (k арқалы *қаттылық* деп аталатуғын базы бир коэффициент белгиленген), онда бул күшти гармоникалық тербелистеги F=- $m\omega^2 x$  аңлатпасы менен салыстырып тербелис жийилигиниң

$$\omega = \sqrt{\frac{k}{m}}$$

ге тең екенлигине ийе боламыз. Буннан жийиликтиң тек ғана тербелиўши системаның кәсийетлеринен (денени бекитиўдиң қаттылығы ҳәм усы денениң массасы) ғәрезли екенлигин көремиз. Жийилик тербелис амплитудасынан ғәрезсиз екен. Бирдей денелер ҳәр қыйлы амплитудалар менен тек бирдей жийиликлерде тербеледи. Бул киши тербелислердиң ең әҳмийетли қәсийети болып табылады. Ал тербелис амплитудасы болса тербелиўши системаның қәсийети бойынша емес, ал оның қозғалысының басланғыш шәртлерине байланыслы (яғный системаны тынышлық ҳалдан шығарыўшы басланғыш Ғтүрткиге» байланыслы). %з өзине қойылған системаның басланғыш түрткиниң салдарынан басланған тербелислери меншикли тербелислер деп аталады.

$$\frac{dU}{dx} = -F = kx$$

екенлигин еске түсирип тербелиўши бөлекшениң потенциал энергиясын аңсат табыўға болады. Жоқарыдағы аңлатпадан

$$U = \frac{kx^2}{2} + const.$$

Тең салмақлық ҳалда (x=0) потенциал энергия нолге тең деп есапласақ, онда

$$U = \frac{kx^2}{2}$$

екенлигине ийе боламыз. Бул жерде потенциал энергияның аўысыўдың квадратына пропорционал екенлиги көремиз.

Потенциал энергияны кинетикалық энергия менен қосып тербелиўши бөлекшениң толық энергиясын аламыз:

$$E = \frac{mv^2}{2} + \frac{kx^2}{2} = \frac{mA^2\omega^2}{2}\sin^2(\omega t + \alpha) + \frac{mA^2\omega^2}{2}\cos^2(\omega t + \alpha)$$

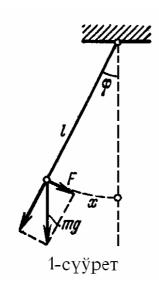
ямаса

$$E = \frac{mA^2\omega^2}{2}.$$

Солай етип толық энергия тербелислер амплитудасының квадратына пропорционал екен. Ал кинетикалық хәм потенциаллық энергиялар  $\sin^2(\omega t + \alpha)$  хәм  $\cos^2(\omega t + \alpha)$  бойынша өзгереди, яғный биреўи үлкейсе, екиншиси кемейеди. Басқа сөз бенен айтқанда тербелис процесси дәўирли түрде потенциал энергияның кинетикалық энергияға хәм қарама-қарсы өтиўлерге байланыслы екен. Тербелис дәўири ишиндеги потенциал ҳәм кинетикалық энергиялардың орташа мәнислери турақлы ҳәм E/2 ге тең.

### ¶ 33. Маятник

Киши тербелислердиң мысалы ретинде математикалық маятникти қараймыз. Математикалық маятник деп Жердиң салмақ майданында сабаққа илдирилген материаллық ноқатты айтамыз.



Маятникти тең салмақлық аўҳалынан базы бир - мүйешине аўыстырамыз ҳәм усындай жағдайлардағы маятникке тәсир етиўши күшти анықлаймыз. Маятникке тәсир етиўши улыўмалық күш mg ға тең (m маятниктиң массасы, g еркин түсиў тезлениўи). Бул күшти биз еки қураўшыға жиклеймиз (1-сүўрет): биреўи сабақ бойынша тәсир етеди, екиншиси оған перпендикуляр. Бириншиси сабақтың кериўи менен компенсацияланады, екиншиси маятникти қозғалысқа келтиреди. Бул қураўшының мәниси мынаған тең:

$$F = -mg \sin -.$$

Киши тербелислерде - мүйеши киши. Сонлықтан sin- диң мәниси шама менен - диң өзиниң мәнисине тең. Сонлықтан  $F \approx \text{mg-}.\ l$  арқалы маятниктиң узынлығы белгиленсе l - көбеймеси материаллық ноқат өткен жол x болып табылады ҳәм F күшин мына түрде жаза аламыз:

$$F = -\frac{mg}{l}x$$
.

Бул жерде маятниктиң киши тербелислериндеги қаттылық коэффициентиниң  $\frac{\text{mg}}{l}$  ге тең екенлиги көринип тур. Сонлықтан маятниктиң тербелис жийилиги мынаған тең:

$$\omega = \sqrt{\frac{g}{l}}$$
.

Маятниктиң тербелисиниң дәўири

$$T = \frac{2\pi}{\omega} = 2\pi \sqrt{\frac{l}{g}} .$$

Дәўири T=1 cek болған маятниктиң узынлығы l=24.8 cm ге тең (еркин түсиў тезлениўиниң стандарт мәниси ушын).

Маятниктиң дәўириниң оның узынлығы менен еркин түсиў тезлениўине ғәрезлилиги өлшем бирликлери көз-қарасы бойынша көз-қараслардан да әпиўайы түрде анықланыўы мүмкин. Бизиң қолымызда берилген механикалық системаны тәриплейтуғын өлшем бирликлери

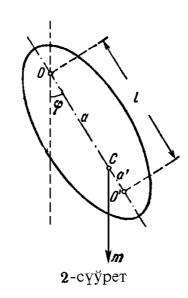
$$[m] = \varepsilon$$
,  $[l] = cM$ ,  $[g] = cM/ce\kappa^2$ .

болған m, l, g шамалары бар. Тек усы шамалардан ғана дәўир T ғәрезли болыўы керек. Бул шамалар ишинде z өлшемине тек m ийе, ал изленип атырған дәўир [T]=cek z ға ийе емес. Буннан T ның m нен ғәрезли емес екенлиги өз-өзинен түсиникли. Қалған еки l ҳәм g шамаларынан T да жоқ болған cm өлшемин жоқ қылыўға болады. Буның ушын l/g қатнасын аламыз. Ақырында l/g дан квадрат түбир шығарсақ биз cek өлшемин аламыз. Қала берсе жоқарыдағы талқылаўлардан cek ты пайда етиўдиң бул бирден-бир жолы екенлигин көремиз. Усы айтылғанларға байланыслы биз T ны  $\sqrt{1/g}$  ға пропорционал болыўы керек деп тастыйықлай аламыз. Бирақ пропорционаллық коэффициенттиң санлық мәнисин усындай жоллар менен анықлай алмаймыз.

Биз усы ўақытқа шекем материаллық ноқаттың тербелислери сыпатында киши тербелислер хаққында гәп еттик. Бирақ биз алған нәтийжелер әдеўир қурамалырақ болған системалардың тербелислери ушын да орынланады.

Мысал ретинде горизонталлық көшер дөгерегинде айлана алатуғын қатты денениң тербелисин қараймыз. Бундай денени *физикалық маятник* деп атаймыз.

Биз 28-параграфта айланыўшы денелердиң қозғалыс нызамларының материаллық ноқатлардың қозғалыс нызамларынан формаллық жақтан айрылмайтуғынлығын көрдик. Координатаның орнын денениң бурылыў мүйеши -, массаның орнын денениң инерция моменти I (айланыў көшерине салыстырғанда), ал күш F тиң орнын күш моменти  $K_Z$  ийелейди.



Бул жағдайда айланыў көшерине салыстырғандағы салмақ күшиниң моменти  $K_Z$ =-mga sin - (m денениң массасы, а арқалы оның салмақ орайы C менен айланыў көшери арасындағы қашықлық белгиленген, 2-сүўретте айланыў көшери O ноқаты арқалы сүўрет тегислигине перпендикуляр бағытта өтеди, - арқалы OC сызығының вертикаль бағыттан аўытқыўы белгиленген, минус белгиси  $K_Z$  моментиниң - мүйешин киширейтиўге қарай бағдарланғанлығын билдиреди). Киши тербелислерде - мүйеши киши мәниске ийе ҳәм сонлықтан  $K_Z \approx$  -mgf-. Бул аңлатпаны материаллық ноқаттың тербелиси жағдайындағы қайтарыўшы күш F = -kx пенен салыстырсақ қаттылық коэффициенти k ның орын енди mga шамасының ийелейтуғынлығын көремиз. Сонлықтан  $\omega = \sqrt{k/m}$  формуласына сәйкес физикалық маятниктиң тербелисиниң жийилиги ушын мынадай формуланы жаза аламыз:

$$\omega = \sqrt{\frac{mga}{I}} .$$

Бул аңлатпаны математикалық маятниктиң жийилиги ушын жазылған формула ( $\omega = \sqrt{g/1}$ ) менен салыстырсақ физикалық маятниктиң қозғалысының қәсийетиниң узынлығы

$$1 = \frac{I}{ma}$$

болған математикалық маятниктиң қозғалысының қәсийетлери менен бирдей болатуғынлығын көремиз. Бул узынлықты физикалық маятниктиң келтирилген узынлығы деп атаймыз.

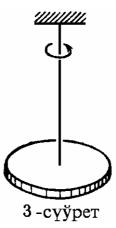
 $I=I_0+ma^2$  деп жазып ( $I_0$  арқалы маятниктиң салмақ орайы арқалы өтетуғын горизонталлық бағыттағы көшерге салыстырғандағы инерция моменти белгиленген) келтирилген узынлықты

$$1 = a + \frac{I_0}{ma}$$

деп жаза аламыз. Бул аңлатпадан мынадай әҳмийетли жуўмақ шығара аламыз: ОС туўрысының бойында (2-сүўрет) ОО'=І кесиндисин сайлап аламыз. Енди маятник О' ноқаты арқалы өтетуғын көшерге бекитилген деп көз алдымызға келтирейик. Усындай жоллар менен алынған жаңа маятниктиң келтирилген узынлығы мынаған тең болады:

$$l' = a' + \frac{I_0}{ma'}.$$

Бирақ a' = 1-a =  $I_0$ /ma. Солай етип бир биринен 1 қашықлықларында турған көшерлерге бекитилген маятниклердиң келтирилген узынлықлары (ҳәм сонлықтан) тербелис дәўирлери бирдей болады екен.



Енди ең ақырында серпимли сабақ пенен асып қойылған дисктиң айланбалы тербелисин қараймыз (3-сүўрет). Буралғанда дискти дәслепки орнына қайтарыўға бағдарланған сабақтың серпимлилик күшлериниң моменти бурылыў мүйеши  $\phi$  ге пропорционал:  $K_Z = -k\phi$  ( $\phi$  арқалы сабақтың қәсийетине байланыслы болған турақлы коэффициент). Егер дисктиң инерция моменти (оның орайына салыстырғандағы)  $I_0$  болса, онда тербелис жийилиги

$$\omega = \sqrt{\frac{k}{I_0}}$$
.

# § 34. Сөниўши тербелислер

Усы ўақытқа шекем бизлер денелердиң ҳеш қандай қарсылықсыз қозғалысларын ҳәм тербелислерин қарадық. Бирақ егер қозғалыс қандай да бир сыртқы орталықта орын алатуғын болса, онда бул орталық қозғалысты әстелетиўге қаратылған тәсир жасайды. Денениң қоршап алған орталық тәсирлесиўи қурамалы процесс болып табылады. Бул процесстиң ақыбетинде

козғалыўшы денениң энергиясы ақыр аяғында жыллылыққа айланады. Бундай қубылысты физикада энергияның шашыраўы ямаса энергияның диссипациясы деп атайды. Бул процесс таза механикалық қубылыс болып та табылмайды ҳәм сонлықтан оны тереңирек изертлеў ушын физиканың басқа да бөлимлерин қолланыўға туўра келеди. Ал механикалық көз-қараслар бойынша қоршаған орталықтың тәсири белгили бир қосымша күшти киргизиў менен анықланады. Бул күш қозғалыстың жүзеге келиўи менен пайда болады ҳәм барлық ўақытта қозғалысқа қарамақарсы бағытланған. Бул күшти сүйкелис күши деп атаймыз. Жеткиликли дәрежедеги киши тезликлерде сүйкелис күши тезликке пропорционал, яғный

$$F_{cyйk} = -bv.$$

Бул жерде b арқалы қоршаған орталық пенен денениң тәсирлесиўин тәриплейтуғын базы бир турақлы шама белгиленген, ал минус белгиси күштиң тезликтиң бағытына қарама-қарсы бағытланғанлығын көрсетеди.

Усындай сүйкелистиң тербелмели қозғалысқа қалай тәсир ететуғынлығын анықлаймыз. Тербелистиң бир дәўири ишиндеги энергияның жоғалыўы салыстырмалы киши болыўы ушын сүйкелис күшин киши деп есаплаймыз. Бундай жағдайдағы денениң энергиясының жоғалыўы сүйкелис күши тәрепинен исленген жумыс түринде анықланады. dt ўақыты ишинде исленген жумыс ҳәм соған сәйкес энергияның жоғалыўы dE сүйкелис күши  $F_{cүйk}$  пенен денениң аўысыўы dx = vdt тең көбеймесине тең:

$$dE = F_{cv\ddot{\mu}\kappa} dx = -bv^2 dt$$

Буннан

$$\frac{dE}{dt} = -bv^2 = -\frac{2b}{m} \frac{mv^2}{2}.$$

Сүйкелис күши киши мәниске ийе деп болжаўдан усы формуланы бир дәўир ишиндеги энергияның жоғалыўының орташа мәнисин табыў ушын қолланыў мүмкин. Бундай жағдайда кинетикалық энергия  $\frac{mv^2}{2}$  ны оның орташа мәниси менен алмастырыўымыз керек. Биз 32-параграфта тербелиўши денениң кинетикалық энергияның орташа мәнисиниң оның толық энергиясының ярымына тең екенлигин көрген едик. Сонлықтан былайынша жаза аламыз:

$$\frac{dE}{dt} = -2\gamma E.$$

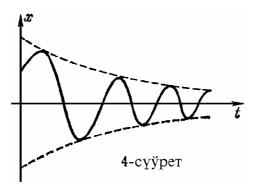
 $(\gamma = b/2m)$ . Биз бул жерде энергияның кемейиў тезлигиниң энергияның өзине пропорционал екенлигин көремиз. Бул аңлатпаны

$$\frac{dE}{E} = d(lnE) = -2\gamma dt$$

түринде көширип жазып ln  $E = -2\gamma t + const$  екенлиги аламыз. Буннан

$$E = E_0 e^{-2\gamma t}$$

екенлигине ийе боламыз. Бул жерде  $E_0$  энергияның ўақыттың басланғыш моментиндеги мәниси (t=0 деги).



Солай етип сүйкелиске байланыслы тербелислер энергиясы экспоненциаллық нызам бойынша кемейеди екен. Энергия менен бирге тербелислердиң амплитудасы да киширейеди. Энергия амплитуданың квадратына пропорционал болғанлықтан

$$A = A_0 e^{-2\gamma t}$$

Амплитуданың кемейиў дәрежеси  $c \theta h u y$   $k o э \phi \phi u u u e h m a талатуғын <math>\gamma$  шамасы менен анықланады.  $\tau = 1/\gamma$  ўақыты ишинде амплитуда e мәртебе киширейеди, бундай ўақыт тербелислердиң жасаў ўақты деп аталады. Жоқарыда биз қабыл еткен сүйкелис күшиниң кишилиги  $\tau$  дың дәўир  $T=2\pi/\omega$  дан үлкен екенлигин нәзерде тутады (яғный тербелислердиң жасаў ўақтында көп сандағы  $n=\tau$  /T тербелислер орын алады).  $n=\tau$  кери болған шаманы сөниўдиң логарифмлик декременти деп атайды.

4-сүўретте

$$x = A \cos(\omega t + \alpha) = A_0 e^{-2\gamma t} \cos(\omega t + \alpha)$$

сөниўши тербелислериндеги аўысыўдың ўақытқа ғәрезлилиги көрсетилген. Пунктир сызық амплитуданың киширейиў барысын сәўлелендиреди.

Сүйкелис тербелислердиң жийилигине де тәсир етеди. Қозғалысты әстелендириў менен бирге сүйкелис дәўирди үлкейтеди, яғный тербелислердиң жийилигин киширейтеди. Бирақ киши тербелислерде бундай өзгерислер жүдә киши (сонлықтан да биз буны жоқарыда есапқа алмадық): жийиликтиң салыстырмалы өзгерисиниң  $\gamma/\omega$  шамасына пропорционал екенлигин көрсетиў мүмкин. Керисинше, үлкен сүйкелислерде сезилерликтей әстелениў бақланады. Бундай жағдайда қозғалыстың сөниўи тербелиссиз жүзеге келеди. Бундай жағдайдағы сөниўди *дәўирли емес* (апериодлы) деп атайды.

## § 35. Мәжбүрий тербелислер

Қәлеген ҳақыйқый тербелмели системада қандай да бир сүйкелис процесси орын алады. Сонлықтан дәслепки түрткиниң нәтийжесинде пайда болған еркин тербелислер ўақыттың өтиўи менен сөнеди.

Системада сөнбейтуғын тербелислер қоздырыў ушын сүйкелиске байланыслы энергияның жоғалыўын компенсациялаў керек. Бундай компенсацияны энергияның сыртқы дереклери

(тербелмели системаға салыстырғандағы) тәрепинен әмелге асырыў мүмкин. Системаға ўақытқа байланыслы базы бир ω жийилиги менен гармоникалық

$$F_{control} = F_0 \cos \omega t$$

нызам бойынша тәсир жасаў ең әпиўайы мысал бола алады (усы жийиликтен айырыў ушын системаның меншикли, еркин тербелислериниң жийилигин енди  $\omega_0$  арқалы белгилеймиз). Усы күштиң тәсиринде системада тербелислер пайда болады ҳәм бул тербелислерди мәжбүрий тербелислер деп атаймыз. Бундай жағдайда системаның қозғалысы жийилиги  $\omega_0$  болған меншикли тербелислер менен жийилиги  $\omega$  болған мәжбүрий тербелислердиң қосындысынан турады.

Еркин тербелислерди бизлер үйрендик. Енди мәжбүрий тербелислерди үйренемиз ҳәм бул тербелислердиң амплитудасын анықлаймыз. Бул тербелислерди

$$x = B \cos(\omega t - \beta)$$

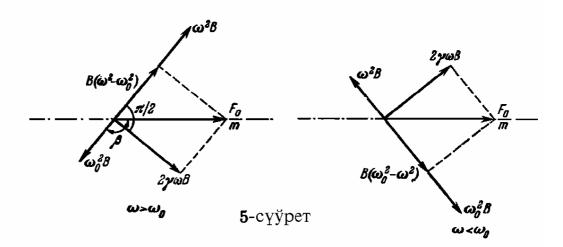
түринде жазамыз (В амплитудасы, β арқалы сыртқы күш пенен усы күш тәрепинен пайда етилген тербелислер арасындағы ҳәзирше белгисиз фазалар аўысыўы белгиленген). Биз β ның алдына минус белгисин қойдық, яғный фаза бойынша ҳақыйқатында да кешигиўдиң орын алатуғынлығын еске алдық (буның дурыслығын төменде көремиз).

Мәжбүрий тербелис жасаўшы денениң тезлениўи w үш түрли күштиң бир ўақытта тәсир етиўиниң нәтийжесинде орын алады: қайта тиклеўши күш -kx, сыртқы күш  $F_{\text{сыртқы}}$  хәм сүйкелис күши  $F_{\text{суйк}}$  = -bv. Сонлықтан

$$mw = -kx - bv + F_{countries}$$

Бул теңликтиң еки тәрепин де масса m ге бөлемиз,  $k/m = \omega_0^2$  екенлигин еске түсиремиз ҳәм және де  $b/m=2\gamma$  деп белгилеп мынадай теңлеме аламыз:

$$w = -\omega_0^2 x - 2\gamma v + \frac{1}{m} F_{\text{сырткы}}.$$



Енди тербелислерди сәўлелендириў ушын қолайлы болған графикалық усылдан пайдаланамыз.  $x = B \cos \phi$  (тербелислер фазасы  $\phi$  арқалы белгиленген) шамасын B узынлығына ийе радиус-вектордың горизонталлық көшерге түсирилген проекциясы деп геометриялық жақтан қараўға болады (векторлық duarpamma деп аталатуғын жәрдемши сызылмада, - горизонталлық

бағыт пенен сол вектор арасындағы мүйеш) [қәтеликлерге жол қоймаў мақсетинде бул радиусвектордың физикалық шамаға сәйкес келиўши векторға қатнасы жоқ екенлигин атап өтемиз].

Жоқарыда жазылған ең кейинги аңлатпа ҳәр бири жийилиги  $\omega$  ға тең дәўирли түрде өзгеретуғын, бирақ ҳәр қайсысы ушын ҳәр қыйлы фазалар аўысыўына ийе ағзалардан турады. Мысал ретинде  $F_{\text{сырткы}} = F_0 \cos \omega t$  сырткы күштиң фазасы нолге тең болатуғын t = 0 моментин қарайық. Бундай жағдайда  $F_{\text{сырткы}}$ /т шамасы узынлығы  $F_0$  болған горизонтал бағыттағы вектор менен сәўлелендириледи (5-сүўрет).  $\omega_0^2 x = \omega_0^2 \operatorname{Bcos} (\operatorname{wt-}\beta)$  шамасы фазасы бойынша b шамасына кешигип тербеледи ҳәм ол күш векторына салыстырғанда саат стрелкасы бағытына қарама-қарсы бағытта  $\beta$  мүйешине бурылған узынлығы  $\omega_0^2 \operatorname{B}$  ға тең вектор арқалы сүўретленеди. Тезлениў w (32-параграфта көргенимиздей)  $\omega^2 \operatorname{B}$  амплитудасына ҳәм x тың белгисине қарама-қарсы белгиге ийе болады. Тезлик v  $\omega$  B ға тең амплитудаға ийе болады ҳәм x тан фазасы бойынша  $\pi/2$  ге алда жүреди;  $2\gamma v$  шамасы x қа перпендикуляр, узынлығы  $2\gamma \omega \operatorname{B}$  ға тең болған вектор менен сүўретленеди.

$$\frac{\mathrm{F}_{\mathrm{сырткы}}}{\mathrm{m}} = \mathrm{w} + \omega_0^2 x + 2\gamma \mathrm{v}$$

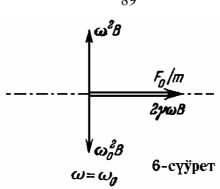
теңлигине сәйкес  $\frac{F_{\text{сырткы}}}{m}$  шамасының тербелиси теңликтиң оң тәрепиндеги үш ағзаның тербелислериниң қосындысынан турады. Бизиң графигимизде бул кейинги үш вектордың горизонталлық проекцияларының қосындысының  $F_0/m$  ге сәйкес келиўиниң кереклигин билдиреди. Усының менен бирге бул векторлардың векторлық қосындысының  $\frac{F_{\text{сырткы}}}{m}$  ға тең екенлиги өз-өзинен түсиникли. Сүўретте (бул жерде  $\omega > \omega_0$  хәм  $\omega < \omega_0$  жағдайлары өз алдына келтирилген) бундай теңликтиң

$$(2\gamma\omega B)^2 + B^2(\omega^2 - \omega_0^2)^2 = \left(\frac{F_0}{m}\right)^2$$

болған жағдайларда орынланатуғынлығы көринип тур. Буннан изленип атырған тербелислердиң амплитудасын табамыз:

B = 
$$\frac{F_0 / m}{\sqrt{(\omega^2 - \omega_0^2)^2 + 4\gamma^2 \omega^2}}$$
..

Сол графиклердиң жәрдеминде  $\beta$  фазалық аўысыўын да табыў мүмкин. Оның мәниси ушын арнаўлы түрде аңлатпа жазбаймыз, ал мәжбүрлеўши күшлерге салыстырғандағы x тербелислериниң кешигиў мүйеши  $\omega < \omega_0$  ҳәм  $\omega > \omega_0$  ге сәйкес сүйир ямаса доғал.



Биз мәжбүрий тербелислердиң амплитудасының мәжбүрлеўши күш  $F_0$  диң шамасына туўры пропорционал ҳәм усы күштиң жийилиги  $\omega$  менен системаның меншикли жийилиги  $\omega_0$  диң айырмасына байланыслы екенлигин көремиз. Егер сөниў  $\gamma$  киши болса, онда амплитуда өзиниң ең үлкен мәнисине  $\omega$  менен  $\omega_0$  жийиликлери шама менен бирдей болғанда жетеди. Бундай жағдайды резонанс деп атаймыз. Максималлық мәнис мынаған тең:

$$B_{\text{\tiny MAKC}} = \frac{F_0}{2m\omega_0\gamma} \, .$$

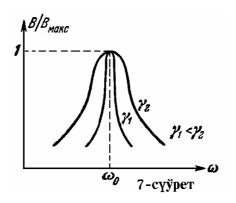
Бул мәнис сөниў коэффициенти  $\gamma$  ға кери пропорционал. Усыған байланыслы системадағы сүйкелис жүдә киши болса да резонанста оны есапқа алыў керек болады.

 $B_{\text{макс}}$  шамасын турақлы (статикалық)  $F_0$  болған күштиң тәсириндеги денениң алатуғын аўысыўы менен салыстырыў қызықлы. Бул аўысыўды (оны  $B_{\text{стат}}$  арқалы белгилеймиз) B ушын жазылған улыўмалық формуладан ала аламыз (бул жерде  $\omega$ =0 деп есаплаймыз):  $B_{\text{стат}} = F_0/m\omega_0^2$ . Резонанслық аўысыўдың статикалық аўысыўға қатнасы:

$$\frac{B_{\text{make}}}{B_{\text{ctat}}} = \frac{\omega_0}{2\gamma} \ . \label{eq:Bmake}$$

Биз резонанстағы (статикалық аўысыўға салыстырғандағы) тербелислердиң салыстырмалы үлкейиўи меншикли тербелислер жийилигиниң сөниў коэффициентине қатнасына тең екенлигин көремиз. Киши сөниўге ийе системалар ушын бул қатнас жүдә үлкен мәнислерге ийе болыўы мүмкин. Бул жағдай резонанстың илим менен техникадағы қаншама үлкен әҳмийетке ийе екенлигин айқын түсиндиреди. Егер тербелислерди күшейтиў керек болса бул жағдайдан кеңнен пайдаланады. Ал резонанс кереги жоқ ақыбетлерге алып келетуғын болса, онда оннан қутылыўға тырысады.

Тербелислерди резонанслық күшейтиўдиң пайда болыўын былайынша түсиниўге болады: мәжбүрлеўши күш  $F_{\text{мәжб}}$  пенен v тезлиги арасындағы фазалар айырмасына дыққат аўдарамыз.  $\omega$   $\omega$   $\omega$   $\omega$   $\omega$   $\omega$   $\omega$  жағдайында олар арасында фазалардың белгили бир аўысыўы орын алады. Сонлықтан тербелис дәўири ишинде қандай да бир ўақыт ишинде  $\omega$  күши тезликке қарама-қарсы бағытланған, яғный қозғалысты әстелетиўге бағдарланған болады. Резонанста болса күштиң фазасы менен тезликтиң фазасы бир бирине сәйкес келеди (6-сүўреттеги векторлық диаграммаға қараңыз), яғный күш барлық ўақытта да қозғалыс бағытында тәсир етеди.



Резонанс қасында (яғный  $|\omega-\omega_0|$  айырмасы резонанслық жийилик  $\omega_0$  ден киши болған жағдайларда) мәжбүрий тербелислердиң амплитудасы ушын жазылған формуланы әпиўайы түрге келтириў мүмкин. Бөлимдеги  $\omega^2-\omega_0^2=(\omega+\omega_0)(\omega-\omega_0)$  деп жазып  $\omega+\omega_0$  қосындысын жуўық түрде  $2\omega_0$  деп жазып,  $4\gamma^2\omega^2$  дағы  $\omega$  ны  $\omega_0$  менен алмастырып мынадай формуланы аламыз:

$$B = \frac{F_0}{2m\omega_0\sqrt{(\omega^2 - \omega_0^2)^2 + \gamma^2}}.$$

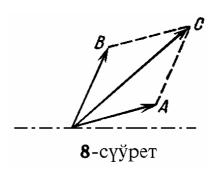
Бул формуланы былайынша да жаза аламыз:

$$B = \frac{B_{\text{Marc}} \gamma}{\sqrt{(\omega^2 - \omega_0^2)^2 + \gamma^2}}.$$

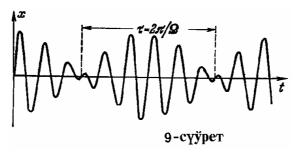
Бул жерде  $B_{\mbox{\tiny MAKC}} = \frac{F_0}{2m\omega_0\gamma}$  - резонанстағы амплитуданың максималлық мәниси.

7-сүўретте бул формулаға жуўап беретуғын резонанслық иймекликлер келтирилген (сөниў коэффициенти  $\gamma$  ның хәр қыйлы мәнислерине сәйкес келетуғын тербелис амплитудаларының жийиликтен ғәрезлилиги).  $\omega$ - $\omega_0$  айырмасының абсолют мәниси  $\gamma$  ға салыстырғанда киши болғанда В амплитудасы өзиниң максималлық мәнисинен аз айрылады. Амплитуданың сезилерликтей киширейиўи  $|\omega$ - $\omega_0|\approx \gamma$  болғанда бақланады. Усындай тийкарда «резонанслық иймекликтиң кеңлиги»  $\gamma$  шамасындай болады деп айтады. Берилген  $F_0$  диң мәнисинде максимумның шамасы  $\gamma$  ға кери пропорционал. Сонлықтан сөниў қаншама киши болса, резонанслық иймеклик бийик хәм өткир болады.

Жоқарыда биз дәўирли сыртқы күштиң тәсиринде туратуғын системаның қозғалысы мәжбүрий ҳәм меншикли тербелислердиң қосындысынан турады деп айтқан едик. Егер меншикли тербелислердиң ҳәлсиз сөниўине итибар бермейтуғын болсақ, онда жийиликлери  $\omega$  ҳәм  $\omega_0$ , амплитудалары A ҳәм B болған еки гармоникалық тербелислердиң қосылыўы орын алады. Егер биз резонансқа жақын жайласқан болсақ, онда  $\omega$  ҳәм  $\omega_0$  жийиликлери бир бирине жақын, яғный  $|\omega-\omega_0|$  айырмасы  $\omega$  ҳәм  $\omega_0$  ге салыстырғанда киши. Усындай жағдайдағы пайда болатуғын қозғалыстың характерин қараймыз.



Бул мақсетте 8-сүўретте көрсетилгендей векторлық диаграммадан пайдаланамыз. Сүўретте хәр бир тербелис өзиниң векторы A хәм B менен сәўлелендирилген. ?ақыттың өтиўи менен тербелислердиң фазалары өзгереди хәм бул векторлар  $\omega$  хәм  $\omega_0$  мүйешлик тезликлери менен тең өлшеўли айланады (бир дәўир T ишинде вектор толық бир рет айланады, яғный  $2\pi$  мүйешине бурылады; оның мүйешлик тезлиги  $2\pi/T$ , яғный тербелистиң цикллық тезлигине сәйкес келеди). Қосынды тербелис еки вектордың геометриялық қосындысы болған C векторы менен сәўлелендириледи. Бул векторлық узынлығы A хәм B векторларының узынлықларындай турақлы болып қалмайды, ал ўақытқа байланыслы өзгереди (себеби  $\omega$  хәм  $\omega$  мүйешлик тезликлериниң айырмасына байланыслы A хәм B векторлары арасындағы мүйеш өзгереди). С векторының узынлығының өзгериўиниң  $\omega$  В векторлары арасындағы мүйеш бағытлары бирдей) хәм  $\omega$  Смин | А-В (А хәм B векторларының бағытлары қарама-қарсы) шеклеринде болатуғынлығы өз-өзинен түсиникли. Бундай өзгерис дәўирли түрде  $\omega$  жийилиги менен болады (А ҳәм B векторларының бир бирине салыстырғандағы айланыўының мүйешлик тезлиги усы шамаға тең).



Биз қарап атырған бир бирине жақын болған  $\omega$  хәм  $\omega_0$  жийиликлеринде A хәм B векторлары тез айланады, усының менен бирге бир бирине салыстырғанда әсте-ақырынлық пенен бурылады. Қосынды вектор C ның өзгерисин жийилиги  $\omega \approx \omega_0$  болған жийиликте ( $\omega$  менен  $\omega_0$  арасындағы айырманы есапқа алмаймыз) тең өлшеўли айланыў менен оның узынлығының  $\Omega$  жийилигиндеги әсте-ақырынлық пенен өзгерисинен турады деп қараў мүмкин. Басқа сөз бенен айтқанда пайда болған қозғалыс амплитудасы әсте-ақырынлық пенен өзгеретуғын қозғалыс болып табылады.

Бир бирине жақын болған тербелислердиң қосылыўының нәтийжесинде пайда болған тербелистиң амплитудасының дәўирли түрде өзгериўин cosыў,  $\Omega$  жийилигин соғыўдың жийилиги деп атайды. 9-сүўретте A=B болған жағдайдағы соғыў келтирилген.

### § 36. Параметрлик резонанс

Сөнбейтуғын тербелислер тек ғана сыртқы дәўирли күшлердиң тәсиринде пайда болып қоймай, тербелиўши системаның параметрлери дәўирли түрде өзгергенде де пайда болады. Тербелислерди усындай етип қоздырыўды параметрлик резонанс деп атайды. Мысал ретинде әткөншекте тербелип атырған адамды көрсетиў мүмкин. Ол белгили бир избе-изликте отырады ҳәм тикленеди ҳәм сондай жол менен системаның салмақ орайын дәўирли түрде өзгертеди.

Усындай етип тербелислерди қоздырыўдың механизмин анықлаў ушын әпиўайы мысал ретинде узынлығын өзгертиў мүмкин болған маятникти қараймыз. Буны 10-сүўретте көрсетилгендей блок арқалы асылған жағдай жәрдеминде әмелге асырыў мүмкин. Мейли маятник өзиниң теңсалмақлық (вертикаллық) аўхалы арқалы өткенде маятник сыртқы Ғ күшиниң тәсиринде маятниктиң узынлығы l ден киши болған базы бир a аралығына көтерилсин ҳәм ең ақырғы аўхалларда сабақ сондай a узынлығына узартылатуғын болсын. Демек ҳәр бир дәўир ишинде маятник еки рет узарады ҳәм еки рет келтертиледи; басқа сөз бенен айтқанда параметрдиң (маятниктиң узынлығының) дәўирли өзгерисиниң жийилиги оның меншикли тербелисиниң жийилигинен еки есе үлкен болады.

Маятниктиң узарыўы оның қыя жағдайында жүзеге келетуғын болғанлықтан усы моментте ол  $a*\cos\omega_0$  узынлығына төмен түседи ( $\omega_0$  арқалы маятниктиң тербелисиниң мүйешлик амплитудасы белгиленген). Бул узынлық сабақ тартылғанда маятниктиң көтерилиў аралығы a дан киши. Сонлықтан ҳәр сабақты бир тартқанда ҳәм жаздырғанда сыртқы күшлер салмақ күшине қарсы

$$\operatorname{mgh}(1-\cos\varphi_0) \approx \frac{1}{2}\operatorname{mg}a\varphi_0^2$$

жумысын ислейди (бул жерде  $\omega_0$  мүйешин киши деп есаплаймыз хэм сонлықтан  $\cos \varphi_0 \approx 1 - \frac{1}{2} \, \varphi_0^{\ 2}$ ).

Буның менен бирге сыртқы күш F маятниктиң ең төменги аўхалында шамасы  $\frac{mv_0^2}{l}$  ге, ал шетки жағдайларда (бул аўхалда тезлик нолге тең) нолге тең болған орайдан қашыўшы (сабақты кериўши) күшке де қарсы жумыс ислейди. Солай етип маятниктиң бир тербелиў дәўири ишинде сыртқы күштиң ислеген жумысы мынаған тең болады:

$$\mathbf{A} = 2\left(\frac{1}{2}m\mathbf{g}\mathbf{a}\varphi_0^2 + \frac{mv_0^2}{1}\mathbf{a}\right).$$

Бирақ  $\mathbf{v}_0 = l \phi_0 \omega$ , маятниктиң тербелис жийилиги  $\omega = \sqrt{\frac{\mathbf{g}}{l}}$  . Сонлықтан

$$A = 6\frac{a}{1} \frac{m v_0^2}{2} \dots$$

Биз бул жерде сыртқы күшлер тәрепинен маятник үстинен исленген жумыстың оң мәниске ийе ҳәм оның энергиясына пропорционал болатуғынлығын көремиз. Сонлықтан маятниктиң энергиясы ҳәр бир тербелис дәўиринде системалы түрде өседи. Энергияның бул өсиминиң

шамасы энергияның өзине хәм  $\frac{a}{l}$  шамасына пропорционал. Параметрлик резонанстың механизминиң мәниси усылардан ибарат болады. Тербелиўши системаның параметрлериниң дәўирли өзгериси (усы системаның меншикли жийилигинен еки есе үлкен жийиликтеги) оның орташа энергиясы E ниң системалы түрде өсиўине алып келеди, соның менен бирге усы энергияның өсиў тезлиги E ге пропорционал:

$$\frac{dE}{dt} = 2\chi E.$$

Бул жерде  $\chi$  арқалы базы бир (киши) коэффициент белгиленген. Бул қатнас сөниўши тербелислердеги қатнасты еске түсиреди, бирақ хәзирги жағдайымызда  $\frac{dE}{dt}$  туўындысы оң мәниске ийе. Бул тербелис энергиясының (соның менен бирге амплитудасының да) ўақытқа байланыслы экспоненциал түрде өсетуғынлығын билдиреди.

Хақыйқатында тербелислерди сөндириўге қарай умтылатуғын базы бир сүйкелис барлық ўакытта да қатнасады. Сонлықтан тербелислердиң параметрлик қозыўының жүзеге келиўи ушын күшейтиў коэффициенти χ сүйкелистиң нәтийжесинде сөниў коэффициентинен үлкен болыўы керек.

Биз дәўирли түрде өзгеретуғын сырттан түсирилген тәсирде системадағы мәжбүрий тербелислердиң пайда болыўын қарадық. Соның менен бирге тербелислер дәўирли түрде өзгеретуғын күшлердиң тәсиринде емес, ал турақлы энергия дерегиниң тәсиринде де пайда болады. Бул дерек тербелислердиң сөниўине алып келетуғын энергияны турақлы түрде компенсациялап барады. Буған мысал ретинде механикалық саатты көрсетиўге болады. Саатта энергия дереги болып қысылған пружина ямаса көтерилген гирлер хызмет атқарады.

#### V БАП, ЗАТЛАРДЫН КУРЫЛЫСЫ

#### § 37. **Атомлар**

Биз бул жерде атом физикасының мәселелерин толық баянлаўды нәзерде тутпаймыз. Физиканы буннан кейин үйрениў ушын зәрүрли болған затлардың қурылысы ҳаққындағы тийкарғы мағлыўматларды баянлаймыз.

Мәлим, барлық денелер базы бир, көп санлы емес әпиўайы затлардан – *химиялық* э*лементлерден* турады. Ҳәр бир элементтиң ең киши бөлекшеси *атом* болып табылады.

Атомлардың массалары жүдә киши. Сонлықтан оны граммларда емес, ал арнаўлы бирликлерде өлшеген қолайлы болады. Усындай бирлик ретинде ең киши массаға ийе болған водород атомының массасын сайлап алған тәбийий. Бирақ атомлық салмақлардың дәл эталоны ретинде водород атомы емес, ал химиялық жақтан пайдаланыў аңсат болған кислород атомы алынады. Кислород атомы водород атомынан шама менен 16 есе салмақлырақ ҳәм атомның салмағының бирлиги ретинде бул атомның массасының 1/16 бөлеги алынады (бул анықламаға 38-

параграфта толығырақ анықлық ендириледи). Усындай бирликте аңлатылған қандай да бир элемент атомының массасын элементтиң атомлық салмағы деп аталады ҳэм әдетте A ҳәрипи менен белгиленеди. Водородтың атомлық салмағы 1.008 ге тең.

Граммларда аңлатылған атомның массасы оның атомлық салмағына пропорционал. Сонлықтан, егер қандай да бир элементтиң атомлық салмағына тең граммын алсақ (басқа сөз бенен айтқанда элементтиң *грамм-атомын*), онда заттың усындай муғдарындағы атомлардың саны барлық элементлер ушын бирдей болады. Бул сан *Авагадро саны* деп аталады ҳәм мынаған тен:

$$N_0 = 6.02 \times 10^{23}$$

Демек атомлық салмағы А ға тең атомның массасы

$$m_A = \frac{A}{N_0} = 1,66 * 10^{-24} \varepsilon.$$

Атом элементтиң ең киши бөлекшесин қурайтуғын болса да. оның өзи қурамалы қурылысқа ийе болады. Атом оң зарядланған салыстырмалы аўыр *атом ядросынан* ҳәм оның дөгерегинде айланып жүриўши терис зарядқа ийе бөлекшелер болған электронлардан турады. Электронлар атомның электронлық қабығын пайда етеди деп есаплайды. Ҳәр қыйлы атомлардың ядролары бир биринен айрылады, ал электронлар болса абсолют бирдей.

Электронның массасы ядроның массасынан мыңлаған есе киши. Сонлықтан атомның дерлик барлық массасы ядрода топланған. Ядролардың ишиндеги ең жеңили водород атомнының ядросы болып, ол тек бир протоннан турады ҳәм оның массасы электронның массасынан 1837 есе үлкен. Абсолют мәниси бойынша электронның массасы мынаған тең:

$$m = 9.11*10^{-28} e$$
.

Соның менен бирге ядро атомның оғада киши көлемин ийелейди. Атомның радиусы, яғный электрон қозғалып жүретуғын ядро дөгерегиндеги областтың радиусы шама менен  $10^{-8}$  см. Ядролардың радиусы атомның радиусынан онлаған мың есе киши,  $10^{-13}$  пенен  $10^{-12}$  ниң аралығында.

Абсолют шамасы бойынша электронның заряды

$$e = 4.80*10^{-10}$$
 СГСЭ заряд бирлиги =  $1.6*10^{-19}$  к.

Көп жағдайларда Авагадро саны менен электронның зарядының көбеймеси менен жумыс ислеўге туўры келеди (яғный бир «грамм-электронның» заряды). Бул көбейме *Фарадей турақлысы* деп аталады ҳэм мынаған тең:

$$F = eN_0 = 9.65*10^4 \kappa.$$

Атом тутасы менен алғанда электрлик жақтан нейтрал, оның толық заряды нолге тең. Басқа сөз бенен айтқанда ядроның оң заряды оның дөгерегинде айланыўшы электронлардың терис заряды менен толық компенсацияланады. Бул ядроның зарядының электронның зарядынан пүтин сан есе үлкен болатуғынлығын аңлатады. Электронның зарядының шамасы элементар заряд болып табылады~ ал тәбиятта бар зарядланған бөлекшелердиң зарядлары усы зарядтан пүтин сан есе үлкен болады. Бул жағдай материяның ең терең қәсийетлериниң бири болып табылады.

Электронның заряды бирлигинде анықланған ядроның заряды элементтиң *атомлық номери* деп аталады ҳәм әдетте Z ҳәрипи менен белгиленеди. Ядроның заряды электронлардың зарядлары менен толық компенсацияланатуғын болғанлықтан электрон қабығындағы электронлардың саны да Z ке тең. !деттеги жағдайларда атомлардың барлық қәсийетлери оның электронлық қабықлары менен анықланады. Бундай қәсийетлерге затлардың химиялық ҳәм оптикалық қәсийетлери жатады. Усыннан атомлық номердиң атомның тийкарғы қәсийетлерин тәриплейтуғынлығы өзөзинен түсиникли. Менделеевтиң дәўирлик системасындағы элементлердиң жайласыўы атомлардың номерлериниң үлкейиў барысында ҳәм бул системадағы атомлардың номерлери олардың қатар номерлери менен бирдей болады.

Атомлардың қурылысын анықлайтуғын өз-ара тәсирлесиў күшлери тийкарынан электронлардың ядролар ҳәм өз-өзи менен электрлик тәсирлесиўи болып табылады: электронлар ядро менен тартысады ҳәм бир бири менен ийтериседи. Басқа күшлер (мысалы магнитлик) атомда екинши дәрежели әҳмийетке ийе. Ядроның заряды, соның менен бирге электронлар қозғалатуғын электр майданы атомлық номер менен анықланады. бул жерде атомлық номердиң атомның қәсийетин анықлаўдағы фундаменталлық орты және бир рет көринеди.

Атомда гравитациялық тәсирлесиў ҳеш қандай орынды ийелемейди. Ҳақыйқатында да, мысалы, бир биринен r қашықлығында турған еки электронның электрлик тәсирлесиўиниң энергиясы  $e^2/r$  re, ал сол электронлар арасындағы гравитациялық тәсир етисиў энергиясы  $Gm^2/r$  re тең. Усы еки шаманың қатнасы

$$\frac{\mathrm{Gm}^2}{\mathrm{e}^2} = 2.3 * 10^{-43}.$$

Бул оғада киши сан. Сонлықтан атомдағы гравитациялық тәсирлесиў ҳаққында айтыў ҳеш бир мәниске ийе болмайды.

Атомлардың қәсийетлерин классикалық механиканың жәрдеминде анықлаў пүткиллей мүмкин емес. Бул механика атомның қурылысын ғана емес, ал оның орнықлы система екенлиги фактын да түсиндире алмайды. Классикалық механика жүдә киши массаға ийе болған электронлар сыяқлы бөлекшелердиң атомлардың аймағындағыдай сыяқлы киши көлемлердеги қозғалысларын түсиндириўге пүткиллей жарамайтуғын болып шықты. Атомлық қубылыслар квант механикасы деп аталыўшы басқа механиканың нызамлары тийкарында түсиндириледи.

№андай да бир сыртқы тәсирлерде атом электрон қабатынан бир ямаса бир неше электронын жоғалтыўы мүмкин. Бундай жағдайда биз электрлик жақтан нейтрал емес. ал зарядланған атомлық бөлекшени — оң зарядланған *ионды* аламыз. Атомдағы ең шетте турған биринши электронды атомнан бөлип алыў ушын зәрүрли болған энергияны атомның *ионизациялық потенциалы* деп атайды.

Атомлық қубылыслардағы энергияны өлшеў ушын әдетте айрықша бирликлерден пайдаланады, себеби бундай мақсетлер ушын эрг дым үлкен шама болып табылады. Бул шама потенциаллар айырмасы 1 вольт болған электр майданында өткенде электрон алатуғын энергияға тең. Энергияның усындай бирлиги электрон-вольт (эв) деп аталады. Электр майданы тәрепинен

исленген жумыс заряд пенен потенциаллар айырмасының көбеймесине тең болғанлықтан, ал 1 вольт болса потенциалдың СГСЭ бирлигиниң 1/300 ин қурайды, сонлықтан

1 
$$96 = 4.80910^{-10} \frac{1}{300}$$
  $9pc = 1.60910^{-12}$   $9pc$ .

Электрон-вольтларда атомның ионизациялық потенциалы да өлшенеди. Ионизациялық потенциаллардың мәнислери 3.89 эв тан (цезий атомында) 24.6 эв (гелий ушын) өзгереди. Водород атомының ионизациялық потенциалы 13.6 эв қа тең.

Егер атомның ионизациялық потенциалын атомлық номердиң потенциалы деп қарайтуғын болсақ, онда бул функцияның өзине тән дәўирли қәсийетиниң бар екенлигин көремиз. Бул шама Менделеев кестесиниң хәр бир дәўиринде шама менен бир текли болып монотонлы өседи ҳәм инерт газинде өзиниң үлкен мәнисине жетеди. Келеси дәўирдиң басында ионизациялық потенциалдың мәниси кескин түрде киширейеди. Бул атомлардың дәўирлик қәсийетлериниң көриниўиниң ең баслы мысалларының бири болып табылады ҳәм сонлықтан Менделеевтиң кестесиниң өзи де дәўирли кесте деп аталады.

Ионизациялық потенциалдың шамасы атомдағы сыртқы электронлардың байланыс энергиясын тәриплейди. Ишки электронлар (электрон қабығында тереңде жайласқан электронлар) үлкен байланыс энергияларына ийе болады. Терең электронлық қабықларда жайласқан электронларды атомнан жулып алыў ушын зәрүрли болған энергияның мәниси қурамалы атомларда  $10^4$ -  $10^5$  эв қа жетеди.

Оң зарядланған ионлардан басқа терис зарядлы атомлық ионлар болады. Олар өзине артық электронды қосып алады. Бирақ атомлардың барлығы да артық электронды қосып алыў қәбилетлилигине ийе бола алмайды. Бундай жағдайда атомды артық электронға туўыслық қәсийетине ийе деп айтады. Терис зарядланған ионды тек галоидлар топарының элементлери (F, Cl, Br, I), водород ҳәм кислород топарының элементлери (O, S, Se, Te) пайда ете алады. Бул элементлердеги электронға туўыслық ҳәр қыйлы – ең үлкени галоидларда, ең кишиси водородта. Водородта терис зарядланған иондағы байланыс энергиясы шама менен 0.1 эв ты қурайды.

Ионларды химиялық элементлердиң символына + ямаса - белгисин қосып белгилеў қабыл етилген. Соның менен бирге бул белгилер ионның заряды қаншама болса, сонша рет қайталанады:  $H^+$ ,  $Cl^-$  ҳ.т.б.

## § 38. Изотоплар

Атомлардың ядролары улыўма түрде айтқанда көп бөлекшелерден туратуғын қурамалы курылысқа ийе болады. Ядроның қурамлық бөлеклери водород атомнының ядросы протон ҳәм нейтрон болып табылады. Нейтронның массасы шама менен протонның массасындай, ал ол протоннан электр зарядының жоқлығы менен айрылады. Ядродағы протонлар менен нейтронлардың улыўмалық саны массалық сан деп аталады. Ядроның заряды усы ядродағы протонлардың заряды менен анықланатуғын болғанлықтан ҳәм, егер протонның зарядын е

элементар зарядында аңлатылса ядроның заряды протонлардың санына тең болады. Сонлықтан ядродағы протонлардың саны атомлық номер Z ке сәйкес келеди. Ядродағы бөлекшелердиң қалған бөлегин нейтронлар қурайды.

Ядродағы бөлекшелер электрлик тәбиятқа ийе болмаған спецификалық күшлер менен усласып турады. Бул тәсир етисиў оғада күшли, ал ядродағы бөлекшелердиң байланыс энергиясы онлаған миллион электрон-вольтлер менен өлшенеди, яғный атомдағы электронлардың энергиясына салыстырғанда жүдә үлкен. Сонлықтан ядролық жақтан келип шықпаған барлық кубылысларда атом ядролары ҳеш қандай өзгерислерге ушырамайды ҳәм өзлерин белгили бир массаға ҳәм зарядқа ийе бөлекше сыпатында көрсетеди.

Биз жоқарыда атомның қәсийетиниң ядроның заряды менен анықланатуғынлығын атап өткен едик. Ядроның массасы екинши дәрежели орынды ийелейди. Бул жағдай бирдей атомлық номерге, бирақ ҳәр қыйлы массаға ийе атомларда айқын көринеди.

Хәр бир химиялық элементтиң атомлары бирдей емес болып табылады~ бирдей сандағы электронларға ийе болыўы менен олар массалары ҳәр қыйлы, зарядлары бирдей ядроларға ийе болыўы мүмкин. Бир элементтиң усындай ҳәр қыйлы түрлери *изотоплар* деп аталады. Берилген элементтиң барлық изотоплары химиялық қәсийетлери бойынша бирдей, соның менен бирге физикалық қәсийетлери бойынша да олар бир бирине жақын. Ҳәр қыйлы элементлердеги тәбийий түрде бар изотоплардың саны да ҳәр қыйлы: бул сан бирден (Ве, Ғ, №, Аl ҳ.б.) онға (қалайыда) өзгереди¹.

Жерде бар элементлер белгили бир қатнаслардағы ҳәр қыйлы изотоплардың араласпасынан турады. Химиялық элементлердиң кестелеринде келтирилген атомлық салмақлар белгили бир изотоптың дәл салмағы емес, ал әдетте бул араласпалардың орташа салмағы болып табылады (бундай атомлық салмақ ҳаққында айтқанда химиялық атомлық салмақ нәзерде тутылады). Изотоплардың атомлық салмақларының мәнислери пүтин санларға жүдә жақын – олардан жүзден ямаса мыңнан бирге айрылады. Орташа (химиялық) атомлық салмақлардың мәнислери пүтин саннан ҳәр қыйлы болып айрылыўы мүмкин.

Усы айтылғанларға байланыслы жоқарыдағы атомлық салмақты кислородтың атомлық салмағының 1/16 бөлегиндей етип алыўға анықлық киргиземиз. Кислородтың үш изотопы бар:  $O^{16}$ ,  $O^{17}$  ҳәм  $O^{18}$  (атомлық салмақты, дәлиреги массалық санды химиялық элементтиң символындағы жоқарғы индекс сыпатында жазыў қабыл етилген). Бул изотоплардың ең көп тарқалғаны  $O^{16}$ , ал  $O^{17}$  ҳәм  $O^{18}$  болса тәбийий араласпаларда сәйкес 0.04 ҳәм 0.2 % муғдарында ушырасады. Бул муғдар киши болса да, атомлық салмақты дәл анықлағанда әҳмийетли болады.

Изотоплардың тәбийий аралыспасының орташа атомлық салмақларын 16 ға тең деп қабыл етилген тәбийий кислородтың атомлық салмағына салыстырып анықлаў қабыл етилген (атомлық салмақлардың бундай шкаласын химиялық атомлық салмақлар шкаласы деп те атайды). Ядролық физикада болса айырым изотоплардың дәл атомлық салмағын анықлаў ушын О<sup>16</sup> изотопынын

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Қәтелликке жол қоймаў ушын биз бул жерде тек тәбиятта бар тәбийий изотоплар ҳаққында гәп етип атырғанымызды атап өтемиз. Ал жасалма жоллар менен көп санлы изотопларды да алыў мүмкин. Олардың ядролары турақлы болмайды ҳәм өзинен өзи ыдырайды.

атомлық салмағын дәл 16 ға тең деп қабыл етеди ҳәм бул шаманы бирлик ретинде қабыл етеди (буны атомлық салмақлардың физикалық шкаласы деп атайды). Бул химиялық шкаладағыға қарағанда 0.027 % ке киши.

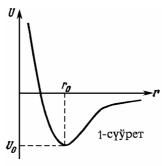
Атомлық салмақлардың еки шкаласын қолланыў бираз қолайсызлықларға алып келеди. Усыған байланыслы ҳәзирги ўақытлары жаңа шкалаға өтиў усынылған. Бул шкалада углеродтың  $C^{12}$  изотопының атомлық салмағы 12 ге тең деп қабыл етиледи. Бул шкалаға өтиў химиялық атомлық салмақларды киши шамаға - 0.0043% ке үлкейтиў менен ғана байланыслы.

Дэўирлик системаның биринши элементи водород тэбийий еки изотопқа ийе: атомлық салмағы 1 ге тең тийкарғы тәбийий изотопынан басқа водород атомлық салмағы 2 ге тең де изотопқа ийе. Тәбийий водородта бир атом  $H^2$  ге 6000  $H^1$  атомы сәйкес келеди. Водородтың «аўыр» изотопын D хәрипи менен белгилейди хәм *дейтерий*, ал бул изотоптың атомының ядросын *дейтрон* деп атайды. Водородтың усы еки изотопының массалары арасындағы қатнас 2 ге тең болғанлықтан (бул салыстырмалы үлкен шама) олардың физикалық қәсийетлери арасындағы айырма да басқа элементлердиң атомлық салмақлары бир бирине жақын изотопларының физикалық қәсийетлери арасындағы айырмадан үлкен болады. Мысалы қурамына водородтың аўыр изотопы болған «аўыр суў»  $D_2O$  3,8°C да қатады (0°C ның орнына) ҳәм 101,4°C да қайнайды (100°C ның орнына).

Келеси элемент гелий де еки изотопқа ийе:  $He^3$  хәм  $He^4$ . Олардың ишинде ең көп тарқалғаны  $He^4$  болып табылады.  $He^3$  атомлары болса тәбиятта жүдә сийрек ушырасады ( $He^3$  тиң бир атомнына  $He^4$  тиң шама менен  $10^6$  атомы сәйкес келеди). Бирақ  $He^3$  изотопы жасалма түрде ядролық физиканың усыллары жәрдеминде көп муғдарда алыныўы мүмкин.

# § 39. Молекулалар

Хәр қыйлы элементлердиң атомлары бир бири менен молекулаларды пайда етип биригиўи мүмкин. Молекулалардың пайда болыўына алып келетуғын атомлар арасындағы тәсир етисиў күшлери де (бундай тәсирлесиўди әдетте химиялық тәсирлесиў деп атайды) атомның өзиниң ишиндеги күшлердей электрлик тәбиятқа ийе. Бирақ атомлардың қурылысы сыяқлы, молекулалардың пайда болыўы да квант қубылыслары категориясына киреди ҳәм классикалық физиканың нызамлары тийкарында түсиндирилиўи мүмкин емес. Биз бул жерде усы тәсирлесиўдиң тәбиятына терең кирмей, тек базы бир тийкарғы қәсийетлерин тәриплеймиз.



Еки атомнан туратуғын молекула (еки атомның бирдей болыўы да ямаса ҳәр қыйлы болыўы да мүмкин) ең әпиўайы молекула болып табылады. Бундай молекуланың пайда болыўына алып келетуғын атомлар арасындағы тәсирлесиў потенциал энергия менен тәрипленеди. Усындай потенциал энергияның графиги 1-сүўретте келтирилген. Бул графикте бир бири менен тәсирлесиўши еки атомның потенциал энергиясы U олар арасындағы қашықлық (дурысырағы атомлардың ядролары арасындағы қашықлық) г диң функциясы сыпатында көрсетилген. Бул функция қашықлықтың г=г<sub>0</sub> мәнисинде терең ҳәм айқын көриниўши минимумға ийе болады. Киши аралықларда иймеклик дерлик тиккелей жоқары көтериледи~ бул область бир бирине жақынласыўшы ядролар арасындағы кулонлық ийтерисиўге жуўап беретуғын атомлар арасындағы тәсирлесиўге сәйкес келеди. :лкен аралықларда болса атомлар тартысады.

 $r_0$  аралығы молекуладағы ядролардың орнықлы тең салмақлық ҳалына сәйкес келеди. Ҳақыйқатында ядролар бул аўҳалларда турмайды, ал сол орынлар этирапында тербелисте болады. Бул тербелислердиң амплитудалары үлкен емес. Потенциал шуқырдың тереңлиги  $U_0$  атомлардың молекуладағы байланысының беккемлигин тәриплейди (дәлирек айтқанда молекуладағы атомларды бир биринен айырып жибериў ушын керек болған байланыс энергиясын береди $\sim$  бул энергияның мәниси ядроллардың тербелисиниң орын алыўының нәтийжесинде  $U_0$  ден азмаз өзгеше болады).

Келеси кестеде бир неше еки атомлы молекулалар ушын  $r_0$  диң (ангстремлерде,  $1\stackrel{\circ}{A}=10^{-8}$  см) хэм  $U_0$  (электрон-вольтлерде) мәнислери берилген.

Молекулалар	$H_2$	$O_2$	Cl <sub>2</sub>	N <sub>2</sub>
$r_0$	0.75	1.2	2.0	1.1
$U_0$	4.5	5.1	2.5	7.4

Eки атомлы молекулаларды узынлығы  $r_0$  болған гантель сыпатында қараўға болады. Көп атомлы молекулалар қурамалырақ қурылысқа ийе.

2-сүўретте базы бир үш өлшемли молекулалардағы ядролардың аўҳаллары келтирилген (олар арасындағы қашықлықлар ангстремлерде берилген). Бул молекулалардың биреўлери үш мүйешлик ( $H_2O$  ҳәм  $O_3$  молекулалары), басқалары туўры сызықтың бойында (углерод окиси  $CO_2$  ҳәм синил кислотасы HCN). 40 параграфта биз қурамалырақ болған молекулаларға бир неше мысаллар келтиремиз.

Биз молекулаларда ядролар арасындағы қашықлықтың шама менен 10<sup>-8</sup> см, яғный атомлардың өзлериниң өлшемлерине тең екенлигин көрдик. Басқа сөз бенен айтқанда молекулалардағы атомлар бир бирине тығыз жақынласқан. Сонлықтан молекулада ҳәр қыйлы атомлардың электронлық қабықларын шеклеўге болмайды. Электронлар қабығының ишки областлары атомлар молекулаларға бириккенде айтарлықтай өзгериске ушырамайтуғын болса да, сыртқы электронлардың қозғалысы күшли өзгереди. №ала берсе, атомлар тәрепинен бундай электронлар коллективлестириледи.

Базы бир молекулаларда электронлар қабығының сыртқы бөлимлери былайынша электронлардың тарқалыўы былайынша болады: базы бир ядролар этирапында электронлардың саны нейтрал атомлардағы электронлар санынан көп, ал базы бир ядролардың этирапында электронлар саны нейтрал атомлардағы электронлар санынан кемирек болады~ бундай молекулалар ионлардан турады (мысалы КСІ молекуласы оң зарядланған К<sup>+</sup> ҳэм терис зарядланған СІ ионынан турады). Басқа жағдайларда (мысалы Н<sub>2</sub>, О<sub>2</sub> НСІ) атомлар молекулаларда орташа электрлик жақтан нейтрал болып қалады). Бирақ бул айырма тек санлық характерге ийе болады ҳәм жоқарыда келтирилген еки ситуация аралығында оғада көп санлы аралықлық жағдайлардың орын алыўы мүмкин.

Химиялық тәсирлесиўдиң характерли айырмашылығының бири оның *тойыныўы* болып табылады. Бул бир бири менен байланыс дүзген атомлардың басқа атомлар менен байланыс дүзиў қәбилетлилигиниң толық жоғалыўын аңлатады.

Хәр қыйлы молекулалар да бир бири менен тәсир етиседи~ бундай тәсир етисиўди *ван-дер-ваальс тәсир етисиўи* деп атайды (молекулалардың пайда болыўына алып келетуғын химиялық байланыстан басқа).

Еки молекуланың тәсир етисиўин жоқарыда атомлар ушын көрсеткенимиздей эпиўайы түрде U=U(r) иймеклиги жәрдеминде көрсетиў мүмкин емес. Себеби молекулалардың бир бирине салыстырғандағы жайласыўлары көп сандағы параметрлерге байланыслы болыўы мүмкин: молекулалар арасындағы қашықлық r ден басқа бул жерде молекулалар арасындағы өз-ара ориентация да үлкен орын тутады. Егер молекулалар арасындағы тәсирлесиўди барлық ориентациялар бойынша орталастырылған деп алынған болса, онда тәсирлесиў U=U(r) түриндеги иймеклик жәрдеминде берилиўи мүмкин.

Бул иймеклик молекуладағы атомлар арасындағы тәсирлесиў иймеклигине тек ғана мынадай жағдайларға байланыслы уқсас: үлкен қашықлықларда молекулалар бир бирине тартылады, ал киши аралықларда ийтериседи. Молекулалар арасындағы тартылыс күшлери қашықлықтың өсиўи менен тез кемейеди. Молекулалар бир бирине жақынласқанда да ийтерисиў күшлери тез үлкейеди~ молекулалар жақынласқанда қатты, бириниң ишине бири кирмейтуғын денелердей қәсийет көрсетеди. Ван-дер-ваальс тәсирлесиўи иймеклигиндеги минимумның тереңлиги жүдә аз~ оның мәниси электрон-вольттиң оннан, ҳәтте жүзден бирине тең (68-параграфты қараңыз). Ал химиялық байланыстағы тәсирлесиў иймеклигиндеги потенциал шуқырдың тереңлиги бир неше электрон-вольтти қурайды.

Жоқарыда келтирилген еки түрли тәсирлесиўдеги ван-дер-ваальс тәсирлесиўиниң және бир айырмашылығы соннан ибарат, ван-дер-ваальс тәсирлесиўинде химиялық тәсирлесиўдегидей тойыныў орын алмайды. Ван-дер-ваальс тәсирлесиўи барлық молекулалар арасында орын алады (мысалы қәлеген еки молекула бир бирине жақынласса усындай тәсирлесиўдиң себебинен олар бир бирине тартылады). Сонлықтан молекулалық тартысыў күшлери «аса молекулалардың» пайда болыўына алып келмейди, ал тек молекулалардың бир бирине жақынласыўға тырысыўын (умтылыўын) тәмийинлейди. Бундай умтылыў затлардың конденсацияланған ҳалға (суйық ҳәм қатты) өтиўин тәмийинлейди.

#### **VI БАП.**

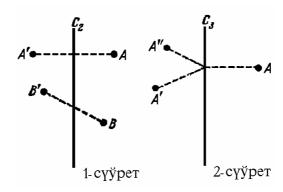
### СИММЕТРИЯ ХАҚҚЫНДАҒЫ ТӘЛИМАТ

# § 40. Молекулалардың симметриясы

Симметрия түсиниги физикада фундаменталлық орын ийелейди. Симметрия анаў ямаса мынаў физикалық объекттиң әҳмийетли сапалық характеристикаларының бири болып, көплеген жағдайларда усы объект пенен ямаса усы объектте жүретуғын қубылыслардың характерине тиккелей тәсир жасайды.

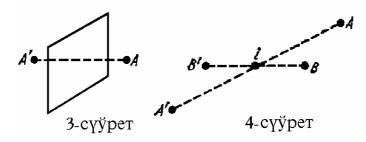
Айырым молекулалар ийе болатуғын симметрияны үйрениўди баслаймыз. Симметрия кәсийети ҳәр қыйлы *симметрия элементлеринен* қосылып пайда болады. Бизлер дәслеп соларды анықлаймыз.

Егер молекуланы өзи арқалы өтиўши бир көшердиң дөгерегинде  $2\pi/n$  мүйешине (n қандай да бир пүтин сан: n= 2, 3, 4, . . .) бурғанда өзиниң бурмастан бурынғы аўхалындай аўхалына келетуғын болса, онда молекуланы n-тәртипли симметрия көшерине ийе деп есаплаймыз. Бундай көшерди  $C_n$  белгиси менен белгилеў қабыл етилген. Молекулада 2-тәртипли симметрия көшери  $(C_2)$  бар деген сөз усы көшердиң дөгерегинде молекуланы 180 градусқа бурғанда молекула дәслепкидей аўхалына қайтып келеди дегенди билдиреди. Басқа сөз бенен айтқанда молекуладағы  $A, B, \ldots$  атомларың хәр бирине сәйкес 1-сүўретте көрсетилгендей  $A', B', \ldots$  атомлары да бар болады. Егер молекула 3-тәртипли симметрия көшерине ийе болса, онда ол менен 120 хәм 240 градусларға бурғанда өзи менен бетлеседи, яғный 2-сүўретте көрсетилгендей хәр бир A атомына сәйкес молекулада A' хәм A'' атомлары болады.



Молекула *симметрия тегислигине* де ийе бола алады. Бул жағдайда усы тегисликте шағылыстырғанда молекула өзиниң дәслепки аўҳалындай аўҳалына келиўи керек (бундай симметрия элементин ї ҳәрипи менен белгилеймиз). Бул молекуладағы ҳәр бир A атомына 3-сүўретте көрсетилгендей A' атомының бар болатуғынлығын билдиреди.

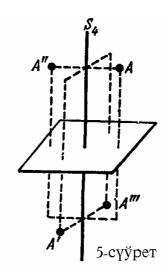
Тегисликтеги айналық шағылысыўдан басқа «ноқаттағы шағылысыў» түсинигин киргизиў мүмкин. Бундай ноқаттың болыўы молекуладағы жаңа симметрия элементи болған симметрия орайына (ямаса инверсия орайы) алып келеди; бул элементти і ҳәрипи менен белгилейди. Егер молекула қандай да бир і ноқатында симметрия орайын ийе болатуғын болса, онда ҳәр бир А атомына 4-сүўретте көрсетилгендей А' атомы бар болады (AiA' ноқатлары бир туўрының бойында болып Аі ҳәм іА' қашықлықлары бирдей мәниске ийе).



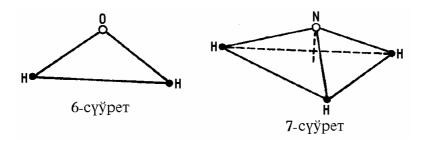
симметрия тегислиги кесилискен ноқатта симметрия орайы жайласқан менен эквивалент. Сонлықтан  $S_2$  жаңа симметрия элементи болып табылмайды].

Молекуланың симметриясын пайда ететуғын элементлер жоқарыдағылардан ибарат. Молекуланың симметриясын анықлаўшы элементлердиң комбинацияларының қалай пайда болатуғынын демонстрациялайтуғын бир неше мысаллар келтиремиз.

Суў молекуласы  $H_2O$  тең қапталлы үш мүйешлик формасына ийе (6-сүўрет). Оның симметриясы 2-тәртипли симметрия көшеринен (үш мүйешликтиң бийиклиги) ҳәм усы көшер арқалы өтиўши өз-ара перпендикуляр еки симметрия тегислигинен турады.

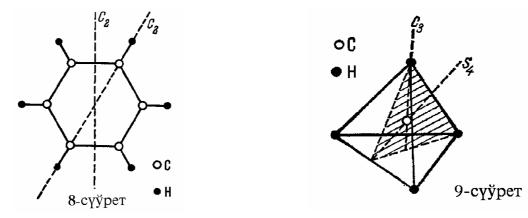


Аммиак молекуласы NH<sub>3</sub> дурыс үш қапталлы пирамиданың формасына ийе. Пирамиданың төбесинде N атомы, ал ултаны мүйешлеринде H атомлары жайласады (бул пирамида әдеўир тегис пирамида болып табылады, оның бийиклиги ултанының бир қапталының узынлығынан шама менен 4 есе киши). Оның симметриясы вертикаль жайласқан 3-тертипли симметрия көшеринен (7-сүўрет) ҳәм усы көшер арқалы өтетуғын, бир бири менен 60<sup>0</sup> лық мүйеш жасайтуғын үш симметрия тегислигинен турады. Ҳәр бир тегислик пирамиданың төбеси ҳәм H атомларының бири арқалы өтеди.



Бензол молекуласы  $C_6H_6$  көбирек симметрия элементлерине ийе болады. Бундай молекуланың атомлары дурыс алты мүйешлик пайда етип бир тегисликте жатады (8-сүўрет). Атомлардың жатыў тегислиги элбетте симметрия тегислиги болып табылады. Молекула сол симметрия тегислигинен басқа усы тегисликке перпендикуляр бағытланған хәм алты мүйешликтиң орайы арқалы өтиўши 6-тәртипли симметрия көшерине де ийе. Алты мүйешликтиң

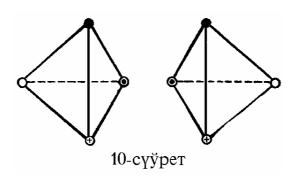
орайы симметрия орайы болып табылады. Булардан басқа алты 2-тәртипли симметрия көшери бар, олардың үшеўи диаметрлик жақтан қарама-қарсы орналасқан атомларды байланыстырады, ал қалған үшеўи алты мүйешликтиң қарама-қарсы тәреплерин теңдей екиге бөледи (8-сүўретте сол көшерлер бир бирден келтирилген). Ең ақырында усы сүўрет тегислигине перпендикуляр  $C_2$  көшерлери арқалы өтиўши алты тегислик алты симметрия тегислигин береди.



Дурыс тетраэдр формасына ийе болған СН<sub>4</sub> метан молекуласын қараймыз (жақлары төрт дана тең қапталлы бирдей үш мүйешликлерден туратуғын фигураны тетраэдр деп атайды). Н атомлары тетраэдрдиң төрт төбесинде, ал С атомы оның орайында жайласады (9-сүўрет). Бул молекула үш дана 3-тәртипли симметрия көшерине ийе, олардың хәр бири төбелердиң бири ҳәм тетраэдрдиң орайы арқалы өтеди. :ш дана 4-тәртипли айналық-бурылыў симметрия көшерлери тетраэдрдиң қарама-қарсы қабырғаларының ортасы арқалы өтеди. Бул айтылғанлардан басқа алты дана симметрия тегислиги болып, олардың ҳәр бири бир қабырға ҳәм қарама-қарсы қабырғаның ортасы арқалы өтеди (9-сүўретте жоқарыда айтылып өтилген симметрия элементлериниң ҳәр қайсысының биреўи келтирилген).

## § 41. Айналық изомерия

Молекулада жеткиликли дәрежедеги симметрияның бар болыўына ямаса жоқ болыўына өзине тән бир қубылыс байланыслы. Асимметриялық молекуланы айнада шағылыстырсақ, онда сол молекуладай, бирақ оның менен үйлеспейтуғын және бир молекула алынады. Мысалы СНСІВгІ молекуласы усындай қәсийетке ийе. Бул молекула метан СН<sub>4</sub> молекуласындағы үш дана Н атомларын ҳәр қыйлы болған үш С1, Вг ҳәм І атомлары менен алмастырған жағдайда алынады. 10-сүўретте вертикаль тегисликте шағылыстырғанда алынған усындай еки молекула көрсетилген (сүўретте С атомлары көрсетилмеген). Бул молекулалардың кеңисликтеги бурыўлардың жәрдеминде бир бири менен үйлеспейтуғынлығы айқын нәрсе. Сонлықтан усындай мәнисте бундай молекулалар бирдей емес.



Усындай бир бирине уқсас, бирақ бирдей емес молекулалар бир биринен айналық шағылыстырыўдың нәтийжесинде алынады ҳәм олар *айналық изомерлер* деп аталады (ямаса *стереоизомерлер* деп аталады). Соның менен бирге изомерлердиң бири оң, ал екиншиси шеп деп аталады.

Молекулалардың айырымлары ғана стереоизомерлерге ийе бола алады. Олардың бар яки жоқ болыўы молекуланың симметриясына байланыслы. Мысалы, егер молекула тек бир симметрия тегислигине ийе болатуғын болса, онда оның айналық сүўрети өзи менен бирдей болады: олар бир биринен тек кеңисликтеги базы бир көшердиң дөгерегиндеги бурыў менен парықланады. Сонлықтан стереоизомерлерге жүдә симметриялы болған CH<sub>4</sub> молекуласы ғана емес, ал төмен симметрияға ийе болған CH<sub>3</sub>Cl ҳәм ҳәтте симметрия тегислигине ийе болса да CH<sub>2</sub>ClВг молекуласы да ийе болмайды.

Тап сол сыяқлы стереоизомерлерге симметрия орайына яки айналық-бурылыў көшерине ийе болған молекулалар да ийе болмайды.

Дерлик барлық физикалық қәсийетлери бойынша стереоизомерлер бирдей болады. Олар арасындағы айырмалар, мысалы, усындай затлардың еритпелери арқалы жақтылық өткенде бақланады (усындай себеплерге байланыслы стереоизомерлерди әдетте *оптикалық изомерлер* деп те атайды).

Стереозомерлер арасындағы айырма олардың басқа асимметриялық молекулалар менен тәсирлескенинде айқын көринеди. Еки түрли заттың оң изомерлери арасындағы реакциялар, шеп изомерлер арасындағы реакциялардай болып жүреди: еки процессте бир биринен тек айналық шағылысыўы бойынша айрылады ҳәм сонлықтан физикалық қәсийетлери бойынша айрылмайды. Тап сол сыяқлы оң изомер менен шеп ҳәм шеп изомер менен оң изомер арасындағы реакциялар да бирдей болып жүреди. Бирақ биринши жағдайдағы реакциялардың барысы екинши жағдайдағы реакциялардың барысы екинши жағдайдағы реакциялардың барысынын анық айрылады. Изомерлердиң бир биринен айырмасы усыннан көринеди.

Егер химиялық реакцияның нәтийжесинде еки симметриялық (стереоизомерлери жоқ) затлардан асимметриялық молекулалар пайда болатуғын болса, онда айналық шағылысыў дәслепки затларды өзгерте алмайды, сонлықтан бундай симметрия реакцияның нәтийжесинде алынатуғын затларды да өзгертпейди. Бул реакцияның нәтийжесинде еки изомердиң де бирдей муғдардағы араласпасының алынатуғынлығын билдиреди.

### § 42. Кристаллық пәнжере

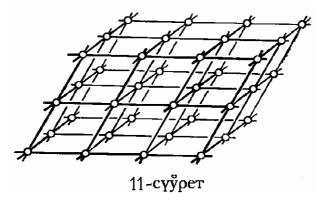
Атомларының тәртипли түрде жайласыўы кристаллардың тийкарғы қәсийети болып табылады. Кристаллардың ишиндеги атомлардың жайласыўының симметриясын (ал олардың сыртқы формаларының симметриясын емес) биз үйренемиз.

Атомлар жайласқан (дурысырағы атомлардың ядролары) жайласқан ноқатлардың жыйнағы ҳаққында гәп етилгенде *кристаллық пәнжере* ҳаққында айтады, ал сол ноқатлардың өзлерин *пәнжерениң түйинлери* деп атайды. Пәнжерениң симметриясын үйренгенде оны кеңисликте шексиз деп есаплаймыз, кристаллардың қаптал бетлериниң бар екенлигин итибарға алмаймыз.

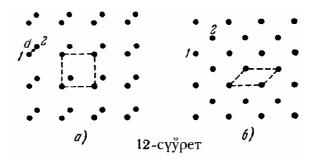
Кристаллық пәнжерениң тийкарғы характеристикасы болып оның қурылысының кеңисликтеги дәўирлилиги болып табылады: кристалды қайталанатуғын бөлимлерден туратуғындай етип көз алдымызға келтиремиз. Биз өз-ара параллель болған үш тегисликлердиң семействосының жәрдеминде кристаллық пәнжерени бирдей атомларға ийе бирдей параллелопипедлерге бөле аламыз. Бундай жағдайда кристаллық пәнжере бир бирине салыстырғанда параллель ысырылған усындай параллелопипедлердиң жыйнағы болып шығады. %з гезегинде бул кристаллық пәнжерени тутасы менен өзи-өзине параллель етип параллелопипедлердиң қандай да бир қабырғасының бағытында усы қабырғаның узынлығын путин санға көбейткендей аралықларға көширгенде пәнжерениң өзи менен үйлесетуғынлығын аңлатады. Бундай көшириўлерди трансляциялар деп атайды, ал пәнжерениң усындай көшириўлерге қарата симметриясын трансляциялық симметрия деп атайды.

№айталаўлардың нәтийжесинде кристаллық пәнжерени пайда етиўге болатуғын ең киши параллелопипедти кристалдың элементар қутышасы деп атайды. Усындай қутышаның өлшемлери, формасы ҳәм қутышадағы атомлардың жайласыўлары бойынша кристалдың структурасы толығы менен анықланады. Элементар қутышаның үш қабырғасының бағытлары менен узынлықлары үш векторды береди, бул векторларды пәнжерениң тийкарғы дәўирлери деп атайды; бул узынлықлар пәнжерениң өзи өзи менен үйлесетуғын ең киши аралықлар болып табылады.

№андай да бир элементар қутышаның төбесинде атом жайласқан болса, онда усы элементар қутышаның басқа төбелеринде де, басқа элементар қутышаларда да атомлар жайласқан болады. Бирдей ҳәм бирдей болып жайласқан атомлардың жыйнағы берилген кристалдың *Бравэ пәнжереси* деп аталады (11-сүўрет). Бравэ пәнжереси трансляциялық симметриясын (яғный кеңисликтеги дәўирлилигин) айқын түрде сәўлелендириўши кристаллық пәнжерениң скелетиниң орнын ийелейди. Оның барлық атомлары пәнжерениң анаў ямаса мынаў трансляциясының жәрдеминде бири бирине үйлеседи.



Бирақ Бравэ пәнжересиниң атомлары кристалдағы барлық атомларды береди деп ойламаў керек. №ала берсе олар бирдей сорттағы атомларды да толық бермейди. Бул әҳмийетли болған жағдайды түсиндириў ушын кеңисликтеги пәнжерени емес (ҳақыйқатында пәнжере кеңисликтеги пәнжере болып табылады), ал сызылмада аңсат сәўлелендириў мүмкин болған тегис пәнжерени қараймыз.

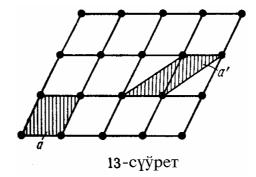


Мейли пәнжере 12-сүўретте ноқатлар арқалы көрсетилген бирдей атомлардан туратуғын болсын. Бул атомлар бирдей тәбиятқа ийе болғаны менен кристаллографиялық жақтан толық бирдей болып табылмайды (усыған байланслы ол атомларды эквивалент емес атомлар деп атаймыз). Ҳақыйқатында Бравэ пәнжересиндеги атомлардың жайласыўындағы бирдейлик мынаны аңлатады: егер оның қандай да бир атомы базы бир қашықлықта ҳәм базы бир бағытта қоңысы атомға ийе болатуғын болса, онда Бравэ пәнжересиниң барлық атомлары да тап сондай қашықлықларда ҳәм бағытларда қоңысы атомларға ийе болады. 12-сүўретте 1 типиндеги ноқатлар 2 типтеги ноқатлардай болып жайласпағанлығы көринип тур. 1 ноқаты d қашықлығында 2 қоңысысына ийе, бирақ 2 атомы тап сондай қашықлықта жайласқан қоңысыға ийе емес. Сонлықтан 1 ҳәм 2 ноқатлары бир бирине эквивалент емес ҳәм биргеликте Бравэ пәнжересин пайда етпейди. Бирақ усы еки типтеги ноқатлардың ҳәр қайсысы өз алдына бир бирине салыстырғанда d аралығына жылыстырылған еки Бравэ пәнжересин пайда етеди.

Егер 2 атомларын 1 атомлардан дүзилген квадратлардың орайларына ысырып қойсақ (12-б сүўрет), онда барлық атомлар бир бирине эквивалент атомларға айланады: 2 атомы 1 атомы менен қандай қоңысы болса, 1 атомы да 2 атомы менен сондай қоңысы болып жайласады. Бундай структурада барлық атомлар биргеликте бирден бир Бравэ пәнжересин пайда етеди.

Жоқарыда айтылғанлардан кристалдың бир бирине салыстырғанда белгили бир аралықларға ысырылған бир неше Бравэ пәнжерелеринен туратуғынлығы көринип тур. Ҳәр бир пәнжере

белгили бир сорттағы, ямаса қандай да болып жайласқан атомларға тийисли, ал сол пәнжерелердиң барлығы да бирдей.



Егер кристалдағы барлық атомлар бир Бравэ пәнжересин пайда ететуғын болса, онда бир элементар қутыша тек бир атомға ийе болады. Мысалы 12-б сүўретте ҳәр бир қутыша (тегис пәнжереде параллелограмм) бир бирден 1 ҳәм 2 атомларына ийе [Усыған байланыслы ҳәр бир элементар қутышаға сәйкес келиўши атомларды есаплағанда қутышаның төбелериниң тек биреўин усы қутышаға тийисли, ал қалған төбелерди басқа қутышаларғы тийисли деп есаплайды].

Егер кристаллық пәнжере бир неше Бравэ пәнжерелеринен туратуғын болса, онда элементар кутыша бир неше атомларға ийе болады (ҳәр бир Бравэ пәнжересинен бир атомнан). Мысалы 12-а сүўретте келтирилген пәнжереде элементар қутыша еки атомға ийе: бир 1 атомы ҳәм бир 2 атомы.

Кристалды тийкарғы параллелопипедлер болған элементар қутышаларға бөлиў бир мәнисли түрде әмелге асырылмайды. Принципинде элементар қутышаны шексиз көп усыллар жәрдеминде дүзиў мүмкин. Усы жағдайды айқынластырыў ушын 13-сүўретте көрсетилген тегис пәнжерени көремиз. Бул жерде элементар қутыша деп бирдей ҳуқық пенен а параллелограммын да, а' параллелограммын да алыў мүмкин.

Бирақ элементар қутышыны бир қандай етип алмайық, бул қутышада да бирдей сандағы атомларға ҳәм бирдей көлемге ийе болады (тегис пәнжереде бирдей майданға ийе болады: а ҳәм а' параллелограмлары бирдей майданға ийе). Бизлер қандай да бир сорттағы ҳәм белгили бир тәртипте жайласқан атомды қарайық. Жоқарыда айтылғанландан ҳәр бир қутышаға бир усындай атомнан сәйкес келетуғынлығы түсиникли: сонлықтан кристалдың базы бир V көлеминдеги элементар қутышалардың саны усы көлемдеги атомлардың саны N ге тең; демек сайлап алыўдың жолларының көп екенлигине қарамастан бир элементар қутышаның көлеми v=V/N ге тең болады.

## § 43. Кристаллық системалар

Бравэ пәнжереси кристалдың әҳмийетли характеристикасы болып табылады ҳәм кристаллардың симметриясының ҳәр қыйлы типлериниң классификациясы Бравэ пәнжерелериниң ҳәр қыйлы типлериниң классификациясына тийкарланады.

Барлық Бравэ пәнжерелери трансляциялық симметрияға ийе болады. Бундай симметрия менен бир қатарда олар 40-параграфта гәп етилген симметрия элементлерине де ийе болады (ҳәр

қыйлы симметрия көшерлери ҳәм симметрия тегисликлери). Тап усындай симметрия ҳаққында төмендеги классификацияда гәп етиледи.

Бравэ пәнжересиниң ҳәр бир түйини симметрия орайы болып табылады. Ҳақыйқатында да пәнжередеги ҳәр бир атомға усы атом менен бир туўрының бойында жайласқан басқа бир атом сәйкес келеди. Сонлықтан қәлеген Бравэ пәнжереси симметрия орайына ийе. Бирақ Бравэ пәнжерелери оннан да үлкен симметрияға ийе болыўы мүмкин.

Шекли өлшемлердеги фигура (мысалы молекула) принципинде кәлеген тәртиптеги симметрия көшерине ийе болыўы мүмкин. Ал дәўирли структура болған кристаллық пәнжере тек ғана 2-, 3-, 4- ҳәм 6-тәртипли симметрия көшерине ийе бола алады. Ҳақыйқатында да, егер пәнжереде 5-тәртипли симметрия көшери бар болғанда пәнжереде бес мүйешликлер бойынша жайласқан түйинлерге ийе тегисликлерди табыў мүмкин болар еди. Бундай жағдайдың орын алыўы мүмкин емес, себеби тегисликти тек ғана үш мүйешликлер, квадратлар ҳәм алты мүйешликлер менен ғана тығыз етип толтырыў мүмкин. Буны дәлиллеў ушын тегисликтеги қандай да бир ноқатты қарайық. Бул тегисликте усы тегисликти толтырып турған көп мүйешликлердиң қабырғалары тийисип туратуғын болсын. Толтырыўдың тығыз (бос орынлар қалмайтуғындай) болып әмелге асырылыўы ушын көп мүйешликтиң мүйеши (оның қоңысылас еки қабырғасы арасындағы мүйеш)  $2\pi$  диң пүтин бөлегине тең болыўы керек (яғный  $2\pi/p$  ға тең болыўы керек, р базы бир пүтин сан). Екинши тәрептен дурыс п мүйешликтеги мүйештиң  $\pi$ (n-2)/n ге тең екенлиги бәршемизге де белгили. Сонлықтан биз

$$\frac{\pi(n-2)}{n} = \frac{2n}{p}$$

теңлигин аламыз. Буннан

$$\frac{2n}{n-2}$$

шамасының пүтин санға тең болатуғынлығы келип шығады. Бул жағдай n=3, 4, 6 болғанда ғана орынланады.

Солай етип биз пәнжереде симметрияның барлық түрлериниң орын алмайтуғынлығын көремиз. Бул жағдай өз гезегинде Бравэ пәнжересиниң симметриясының тек белгили бир сандағы типиниң бар екенлигине алып келеди. Бул типлер *кристаллық системалар* деп аталады. Бул системалар менен танысамыз.

**1. Кублық система**. Бравэниң ең жоқары симметрияға ийе пәнжереси кублық симметрияға ийе болған пәнжере болып табылады (пәнжерениң симметрия көшерлери менен тегисликлерин биримлеп атап отырыўдың орнына биз сондай симметрияға ийе фигураны - кубты қараймыз).

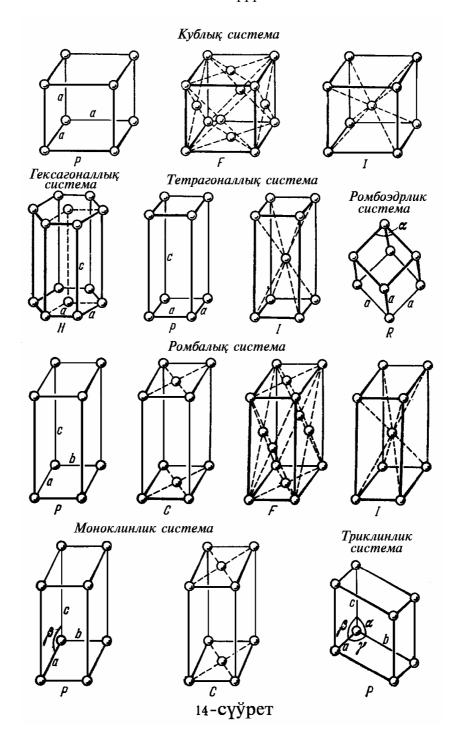
Бизлер бундай пәнжерени кублық қутышалардың төбелерине атомларды жайластырыў арқалы аламыз. Бирақ бул кублық симметрияға ийе Бравэ пәнжересин алыўдың бирден бир жолы емес. Кублық қутышаның орайына атомларды жайластырсақ та кублық симметрияны өзгермейтуғынлығы айқын. Соның менен бирге қутышаның орайындағы атомлар менен төбелериндеги атомлар өз-ара бирдей болып жайласады (бирдей қоңысыларға ийе), яғный бир

Бравэ пәнжересине тийисли болады. Бул айтылғанлардан басқа Бравэ пәнжересин атомларды кублық қутышаның төбелерине ҳәм оның қапталларының орайларына орналастырыў арқалы да алыўға болады.

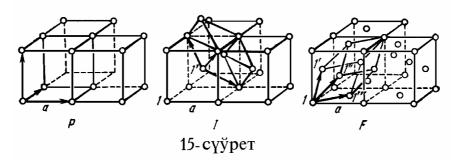
Солай етип кублық системаға тийисли үш түрли Бравэ пәнжереси болады екен. Оларды *эпиўайы, көлемде орайласқан* ҳәм *қапталда орайласқан* пәнжерелер деп атайды (оларды белгилеў ушын сәйкес Р, І ҳәм « символлары қолланылады). 14-сүўретте бул пәнжерелердиң қутышаларындағы атомлардың жайласыўлары көрсетилген.

!пиўайы Бравэ пэнжересиниң кублық қутышасы элементар қутыша болып табылады. І ҳэм « пәнжерелериниң қутышалары элементар қутышалар болып табылмайды; бул бундай қутышаларда бирден аслам атомлардың бар екенлигинен көринип тур. 15-сүўретте барлық үш типтеги кублық пәнжерелердиң элементар қутышалары көрсетилген (жуўан сызықлар менен). Кублық көлемде орайласқан қутышада еки атом жайласқан болады (15-сүўреттеги 1 ҳәм 1' атомлары), ал қапталда орайласқан қутышада төрт атом жайласады (сүўреттеги 1, 1', 1", 1"' атомлары). Басқа атомларды басқа элементар қутышаларға тийисли деп қараў керек. Буннан көлемде орайласқан ҳәм қапталда орайласқан элементар қутышалардың көлемлериниң  $a^3/2$  ҳәм  $a^3/4$  екенлиги көринип тур (а арқалы кубтың қабырғасының узынлығы белгиленген).

а узынлығы *пәнжере турақлысы* деп аталады. Бул кублық пәнжерени характерлеўши бирден бир санлық параметр болып табылады.

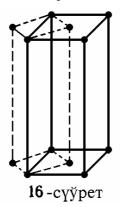


Көлемде ҳәм қапталда орайласқан пәнжерелердеги элементар қутышалар пәнжереге тән болған кубтың симметриясына өзинен өзи ийе болмайды. Бундай мағанада бундай қутышылардың жәрдеминде кристалдың структурасының сүўрети оның симметриясын көргизбели түрде сәўлелендире алмайды. Сонлықтан кристалдағы атомлардың жайласыўларын көрсеткенде әдетте элементар емес кублық қутышадан пайдаланады. Бундай жағдайда кублық қутышаның үш қабырғасы ушын көшерлери X, Y ҳәм Z болған туўры мүйешли координаталар системасынан пайдаланады, ал координатаның өлшеў бирлиги ретинде a турақлысы сайлап алынады. Кубтың орайында жайласқан атом үш  $\frac{1}{2}$ , $\frac{1}{2}$ , $\frac{1}{2}$  координаталары менен тәрипленеди, ал  $\frac{1}{2}$ , $\frac{1}{2}$ ,0 координатасы X: тегислигине параллель қапталдың орайындағы атомға сәйкес келеди x.т.б.



2. Тетрагоналлық (ямаса квадратлық) система. Егер кубты қабырғаларының бириниң бағытында созсақ. онда төменирек симметрияға ийе болған фигура - туўры мүйешли квадрат призма алынады. Оның симметриясы тетрагонал системаға кириўши Бравэ пәнжересиниң симметриясына сәйкес келеди.

Бундай пәнжерелердиң еки типи бар: әпиўайы ҳәм көлемде орайласқан (олардың қутышалары да 14-сүўретте сәўлелендирилген). Егер эпиўайы призманың ултанларының орайына бир бирден атом орналастырсак, тап сондай симметрияға ийе болған пәнжерени аламыз деген пикир пайда болады (16-сүўрет). Бирақ бундай жағдайда да ултаны квадрат болған призма тәризли қутышаны жаңаша сайлап алыў жолы менен әпиўайы тетрагоналлық Бравэ пәнжересине қайта келетуғынлығымызды аңсат көриўге болады. Демек призманың ултанларының орайларына атомларды жайластырыў менен бир жаңа ҳеш нәрсе ала алмайды екенбиз. Ҳақыйқатында да ултанлардың орайларындағы атомларды бир бири менен тутастырып 16-сүўретте көрсетилгендей дәслепки призманың симметриясынан парқы жоқ, ал атомлары призманың тек төбелеринде жайласқан призманы аламыз. Усындай себеплерге байланыслы қапталда орайласқан Бравэ пәнжереси болмайды, бундай пәнжере көлемде орайласқан пәнжереге алып келинеди.



Тетрагоналлық пәнжере еки турақлы менен тәрипленеди: ултанының бир тәрепиниң узынлығы a ҳәм призма тәризли қутышаның бийиклиги c.

**3. Ромбалық (ямаса ортогоналлық) система**. Егер кубты еки қабырғасы бойынша еки түрли етип созсақ биз қабырғаларының узынлықлары ҳәр қыйлы болған туўры мүйешли параллелопипед аламыз. Бул фигураның симметриясы ромбалық системадағы пәнжерелердиң симметриясына сәйкес келеди.

Ромбалық Бравэ пәнжерелериниң төрт типи бар: әпиўайы, көлемде орайласқан, қапталда орайласқан ҳәм орайласқан ултанларға ийе тип (кейинги тип С ҳәрипи менен белгиленеди). 14-сүўретте берилген системаның барлық симметриясына сәйкес келетуғын ромбалық

пәнжерелердиң тийкарғы параллелопипедлери келтирилген. Бул жерде тек әпиўайы Бравэ пәнжереси жағдайында ғана элементар қутышаға сәйкес келеди.

Ромбалық пәнжере үш параметр менен тәрипленеди: призма тәризли қутышаның қабырғаларының узынлықлары a, b, c. Бул шамалар қутышаның қабырғалары бойынша алынған туўры мүйешли координаталар системасындағы узынлықлардың бирлиги ретинде сайлап алынады.

**4. Моноклинлик система** төменирек симметрияға ийе болады. Бул туўры мүйешли параллелопипедти оның қабырғаларының бириниң бағытында майыстырғанда алынатуғын фигураның симметриясына сәйкес келеди; бул ықтыярлы ултанға ийе туўры параллелопипед болып табылады. Бундай системаға Бравэниң еки пәнжереси сәйкес келеди (14-сүўреттеги Р ҳәм С пәнжерелери).

Моноклинлик система төрт параметр менен тәрипленеди: қутышаның үш қабырғасының узынлықлары a, b, c ҳәм олардың екеўиниң арасындағы мүйеш  $\beta$  (басқа мүйешлер туўры мүйешлер болып табылады). Бул жерде де атомлардың ийелеген орынларын анықлаў ушын қутышаның үш қабырғасы бойынша жайластырылған координаталар системасы қолланылады. Бирақ бул система туўры мүйешли емес координаталар системасы болып табылады.

**5. Триклинлик система** ықтыярлы қыя паралелопипедтиң симметриясына сәйкес келеди. Бул ең төмен симметрия болып табылады (ол тек симметрия орайына ийе). Буған Бравэниң пәнжересиниң бир типи (Р типи) киреди ҳәм бул пәнжерениң элементар қутышасы узынлықлары a, b, c ҳәм олар арасындағы мүйешлер  $\alpha$ ,  $\beta$ ,  $\gamma$  лар менен тәрипленеди.

Және де еки кристаллық система өзлерине тән белгили бир айырмашылықларға ийе болады.

6. Гексагоналлық система. Бул системаның пәнжереси алты мүйешли туўры призманың симметриясына сәйкес келиўши жүдә жоқары симметрияға ийе. Бул системаның Бравэ пәнжереси (оны Н символы менен белгилеймиз) тек бир усыл менен дүзилиўи мүмкин: оның түйинлери алты мүйешли призманың төбелеринде ҳәм оның алты мүйешли ултанының орайларында жайласады.

Гексагоналлық пәнжере еки параметрдиң жәрдеминде анықланады: ултанының тәрепиниң узынлығы a ҳәм призма тәризли қутышаның бийиклиги c. Бул пәнжередеги элементар қутыша болып 14-сүўретте пунктир сызық пенен көрсетилген ултаны ромба тәризли параллелопипед болып табылады. Бул элементар қутышаның қабырғалары (бийиклиги c ҳәм ултанының еки тәрепи арасындағы мүйеш  $120^0$  қа, узынлығы a ға тең) пәнжередеги атомлардың ийелеген орынларын анықлаў ушын координата көшерлери сыпатында қабыл етиледи.

7. Ромбоэдрлик система ромбоэдрдиң симметриясына сәйкес келеди. Ромбоэдр деп кубты қабырғаларының узынлықларын өзгертпей көлемлик диагоналының бағытында созғанда (ямаса қысқанда) алынатуғын фигураны айтады. Оның барлық қаптал бетлери бирдей ромбалар болып табылады. Бул системадағы Бравэ пәнжересинидеги (оны R арқалы белгилеймиз) ромбоэдрлердиң төбелеринде жайласады. Бул пәнжере еки параметр менен тәрипленеди: қутышаның қабырғаларының узынлығы а ҳәм олар арасындағы мүйеш  $\alpha$  ( $\alpha$ =90 $^{0}$  та ромбоэдр кубқа айланады).

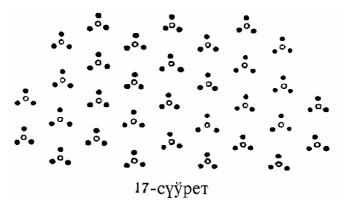
Усының менен ҳәр қыйлы Бравэ пәнжерелерин баянлаў тамам болады. Биз Бравэ пәнжерелериниң симметриясының дети типиниң – жети кристаллық системаның бар екенлигин көрдик. Бул системаларға Бравэ пәнжерелериниң ҳәр қыйлы 14 типи сәйкес келеди.

Кристаллық системалар кристалларды классификациялаўдың тийкары болып табылады ҳэм кристаллардың қәсийетлерин тәриплегенде биринши болып атап өтиледи. №ысқашалық ушын жийи қолланылатуғын «гексагоналлық кристалл», «кублық кристалл» ҳ.т.б. сөзлери оның кристаллық системасын көрсететуғын сөзлер сыпатында қабыл етиў керек (бул кристалдың сыртқы формалары ҳаққында мағлыўматларды бермейди).

Ромбоэдрлик, гексагоналлық ҳэм тетрагоналлық системадағы кристалларды *бир көшерли* (олардың пәнжерелери еки параметр менен тәрипленеди), ал триклинлик, моноклинлик ҳэм ромбалық системадағы кристалларды *еки көшерли* кристаллар деп аталатуғынлығын көрсетип өтемиз.

### § 44. Кеңисликтеги топарлар

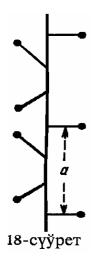
Жоқарыда қарап өтилген Бравэ пәнжерелери эквивалент, яғный бирдей ҳәм бирдей болып жайласқан атомлардың жыйнағы болып табылады. Биз Бравэ пәнжересиниң кристалдағы барлық атомларды өзиниң ишине қамтымайтуғынлығын атап өттик. Ал кристаллдың ҳақыйқый структурасы бир бирине салыстырғанда ысырылған бир неше Бравэ пәнжерелеринен турады. Бул пәнжерелердиң бирдей болыўына қарамастан олардың симметриясы, яғный ҳақыйқый кристалдың симметриясы бир Бравэ пәнжересиниң симметриясынан үлкен айырмаға ийе болыўы мүмкин.



Бул әҳмийетли жағдайды көргизбелилик ушын және де тегис пәнжере ушын көрсетемиз. 17-сүўретте жақты дөңгелеклер менен Бравэниң тегис «гексагоналлық» пәнжересиниң түйинлери көрсетилген. Бул пәнжерениң ҳәр бир түйини арқалы (сызылма тегислигине перпендикуляр) 6-тәртипли симметрия көшери өтеди. Мейли енди усы пәнжереге тап усындай болған үш пәнжере қосылсын. Олардың түйинлери 17-сүўретте қара ноқатлар жәрдеминде көрсетилген. Енди 6-тәртипли симметрия көшери жоғалып, 3-тәртипли симметрия көшериниң қалатуғынлығы айқын көринип тур.

Биз бул жерде ҳақыйқый пәнжерениң қурамаласыўының салдарынан оның Бравэ пәнжересиниң симметриясына салыстырғанда оның симметриясының төменлеўине алып келетуғынлығын көремиз.

Хақыйқый кристаллық пәнжерелерде бурыўлар менен айнада шағылыстырыўлардың параллель көшириўлер менен комбинациясын есапқа алыў зәрүр болады. Бундай болған жаңа элементлерди винтлик көшерлер ҳәм айналық жылжытыўшы тегислик деп атаймыз.



Егер пәнжере көшердиң дөгерегинде  $2\pi/n$  мүйешине бурылғанда ҳәм усы бурылыў менен бирге усы көшер бағытында базы бир аралыққа жылыстырылғанда өзи өзи менен үйлесетуғын болса, онда ол n-тәртипли винтлик көшерге ийе деп есапланады. Усындай жағдайды иллюстрациялаў ушын 18-сүўретте 3-тәртипли винтлик көшерге ийе атомлырдың сызықлы дизбеги көрсетилген (бул дизбектиң узынлығын шексиз үлкен деп есаплаймыз). Бул структура дәўирли, дәўири a ға тең, 120 градусқа бурғанда ҳәм усы бурыў менен бирге көшер бағытында a/3 ке жылыстырылғанда бул дизбек өзи өзи менен үйлеседи.

Егер пәнжере базы бир тегисликте шағылыстырғанда ҳәм соның менен бирге усы тегисликте жатырған бағытта белгили бир аралыққа жылыстырғанда өзи өзи менен үйлесетуғын болса, онда пәнжере айналық жылжытыўшы тегисликке ийе деп айтамыз.

Солай етип ҳақыйқый кристалл белгили бир трансляциялық симметрияға (бул симметрия Бравэ пәнжересиниң типи менен тәрипленеди) ийе болады, соның менен бирге әпиўайы ҳәм винтлик симметрия көшерлерине, айналық-бурылыў көшерине, әпиўайы ҳәм айналық шағылыстырыўшы симметрия тегисликлерине ийе бола алады. Бул элементлердиң барлығы да ҳәр қыйлы комбинацияларды бир бири менен бириге алады.

Хақыйқый кристаллық пәнжерениң барлық симметрия элементлериниң жыйнағы *кеңисликтеги топардың жәрдеминде* кристалдағы атомлардың жайласыўлары, яғный оның ишки структурасының симметриясы толығы менен анықланады.

Барлығы болып 230 кеңисликтеги топарлар бар (олар Е.С.Федоров тәрепинен табылған). Бул топарларды кристаллографиялық системалар бойынша бөлистириў қабыл етилген. Биз бул жерде барлық кеңисликтеги топарларды санап отырмаймыз, ал теп бул топарлар ҳәр қыйлы системалар бойынша қалай тарқалғанлығын көрсетип өтемиз:

Триклинлик	2	Тетрагоналлық	68
Моноклинлик	13	Гексагоналлық	45
Ромбалық	59	Кублық	36
Ромбоэдрлик	7		

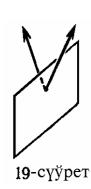
41-параграфта молекулалардағы айналық изомерия ҳаққында гәп етилип еди. Бул қубылыс кристалларда да орын алады (бул жерде оны энантиоморфизим деп атайды). Сондай кристаллар бар, олардың пәнжерелери бир бириниң айналық сәўлеси болып табылады, олар бир бири менен кеңисликтеги ҳеш бир көшириўлердиң жәрдеминде үйлеспейди. Молекулалардағыдай сыяқлы кристаллардың энантиоморфизми пәнжереде қандай да бир тегисликте шағылыстырыўды өз ишине алатуғын симметрия элементи болмаған жағдайда орын алады. Бундай структураның мысалы ретинде ромбоэдрлик системаға кириўши әдеттеги кварцты көрсетиўге болады (бул әдеттегидей температуралардағы кварцтың модификациясы болып табылады).

### § 45. Кристаллық класслар

Затлардың атомлық қурылысы тиккелей сезилмейтуғын көп санлы физикалық қубылыслар бар. Бундай қубылысларды изертлегенде затлар ишки қурылысы итибарға алынбай, тутас орталық деп қаралады. Мысал ретинде денелердиң жыллылықтан кеңейиўин, сыртқы күшлердиң тәсиринде олардың деформацияланыўын ҳ.т.б. көрсетиўге болады. Затлардың тутас орталық сыпатындағы қәсийетлери макроскопиялық қәсийетлер деп аталады.

Кристаллардың макроскопиялық қәсийетлери олардағы ҳәр қыйлы бағытлар бойынша ҳәр қыйлы. Мысалы жақтылықтың кристалл арқалы өтиўиниң өзгешеликлери нурдың бағытына байланыслы; жыллылықтан кеңейиў ҳәр қыйлы бағытлар бойынша ҳәр қыйлы; кристаллдың деформациясы да сыртқы күшлердиң ориентациясына байланыслы ҳ.т.б. №эсийеттиң бағытларға ғәрезли болыўы, әлбетте, кристаллдың қурылысына байланыслы. Мысалы кублық кристалды кублық қутышалардың қабырғалары бағытында созыў оның көлемлик диагоналының бағытнда созыў менен бирдей болмайтуғынлығы өзи өзинен тусиникли.

Денениң физикалық қәсийетлериниң бағыттан ғәрезлилиги *анизотропия* деп аталады. Кристалды анизотропиялық орталық деп қараўға болады. Бундай көз-қарас бойынша кристаллар қәсийетлери барлық бағытлар бойынша бирдей болған *изотропиялық орталықлардан* (суйықлықлар менен газлер) принципиаллық жақтан айрылып турады.



Кристаллардың қәсийетлери улыўма түрде айтқанда ҳәр қыйлы бағытлар бойынша ҳәр қыйлы болғаны менен айырым бағытларда қәсийетлер бирдей болыўы мүмкин; бундай бағытлар эквивалент бағытлар болып табылады. Мысалы, егер кристалл симметрия орайына ийе болса, онда ҳәр бир бағытқа қарама-қарсы бағыт эквивалент; кристалда симметрия тегислиги орын алған жағдайда ҳәр бир бағытқа усы бағытты сол тегисликте шашыратыўдың нәтийжесинде алынған бағыт эквивалент болып шығады (19-сүўрет) ҳ.т.б.

!лбетте, кристалдағы «бағытлар симметриясы» ҳәм соның менен бирге кристалдың макроскопиялық қәсийетлериниң симметриясы оның симметрия көшерлери ҳәм тегисликлери

менен анықланады. Бул жерде трансляциялық симметрияның тәсири аз, себеби пәнжерени өзи өзине параллель қалдырып көшириў ондағы бағытларды өзгертпейди. Сонлықтан макроскопиялық қәсийетлер ушын кристалдың қандай Бравэ пәнжересине ийе болғанлығы әҳмийетке ийе емес (берилген системада бар болған Бравэ пәнжерелери нәзерде тутылмақта). Бундай көз-қарастан кристалдағы берилген тәртиптеги әпиўайы ямаса винтлик симметрия көшерлериниң бар болыўы, тап сол сыяқлы бар симметрия тегислигиниң әпиўайы екенлиги ямаса айналық-жылжытыўшы тегислик екенлиги әҳмийетке ийе емес.

Кристаллардағы бағытлардың симметриясын тәриплейтуғын симметрия көшерлери менен тегисликлериниң мүмкин болған комбинацияларының саны шекли, ал атап айтқанда 32. Бул комбинациялар – кристалдың ямаса анизотропиялық орталықтың симметриясының типлери кристаллық класслар деп аталады.

Жоқарыда айтылғанлардан кеңисликтеги топарлар менен оның класслары арасында белгили бир байланыстың бар екенлиги өз өзинен түсиникли. Класслар кеңисликтеги топарлардан келип шығады. Бул жағдайда барлық трансляциялардың дыққатқа алынбаўы, әпиўайы ҳәм винтлик көшерлер, әпиўайы ҳәм жылжып шашыратыўшы тегисликлер арасындағы айырмалар есапқа алынбаўы керек.

Кристаллық класслар да кеңисликлердеги топарлар сыяқлы кристаллардағы Бравэ пәнжересиниң қандай екенлигине байланыслы системалар бойынша бөлистирилген. Триклинлик системаға 2, моноклинлик системаға 3, ромбалық системаға 5 ҳәм гексагоналлық системаға 7 класс (бул жерде ромбоэдрлик системаның барлық класслары Бравэниң гексагоналлық пәнжереси менен де, ромбоэдрлик пәнжереси менен де берилиўиниң мүмкин екенлигин атап өтемиз) киреди.

Берилген системаға кириўши класслардың ишинде системаның толық симметриясына ийе болатуғынлары да бар. №алған класслар төменирек симметрияға ийе болып сәйкес система ийе болған симметрияға қарағанда төменирек симметрияға ийе болады.

Кристалдың макроскопиялық қәсийетиниң симметрия менен байланыслылығының мысалы ретинде жыллылықтан кеңейиўин қараймыз.

Изотроп денелер болған суйықлық ямаса газ қыздырылғанда барлық тәреплерге бирдей болып кеңейеди; сонлықтан бир жыллылыққа кеңейиў коэффициентине ийе болады. Тап усындай қәсийеттиң кублық кристалларға да тийисли екенлигин аңсат көриўге болады. Ҳақыйқатында да кублық кристалл кеңейиўдиң нәтийжесинде кублық кристалл болып қалыўы керек. Сонлықтан бундай кристалл барлық тәреплерге бирдей болып кеңейеди ҳәм изотроплық денениң қәсийетине сәйкес қәсийетке ийе болады.

Тетрагоналлық кристалл қыздырыўдың нәтийжесинде тетрагоналлық кристалл болып қалатуғын болса да, оның қутышасының бийиклиги с ның ени а ға қатнасының турақлы болып қалыўы шәрт емес. Сонлықтан кристалл қутышасының бийиклиги ҳәм оған перпендикуляр бағытларда ҳәр қыйлы болып кеңейеди. Басқа сөз бенен айтқанда тетрагоналлық кристалдың жыллылықтан кеңейиўи еки коэффициент пенен тәрипленеди (бул айтылғанлар барлық бир көшерли кристаллар ушын да тән). Ал еки көшерли кристаллардың жыллылықтан кеңейиўи үш

коэффициент пенен тәрипленеди ҳәм бул коэффициентлер үш көшер бойынша кеңейиўге сәйкес келеди.

## § 46. Химиялық элементлердиң пәнжерелери

Базы бир ҳақыйқый кристаллардың қурылысын тәриплеўге өтиўдиң алдында биз жоқарыда пәнжерениң түйинлеринде атомлардың жайласатуғынлығын айтып өткенимизди, ал атомлардың орнына атом ядролары ҳаққында айтқанның дурысырақ болатуғынлығын атап өтемиз. Кристаллық пәнжередеги атомларды ноқат сыпатында қарай алмаймыз; олар пәнжерениң көлемин мәлим дәрежеде толтырып турады, бир бири менен қоңысылас атомлар бир бирине тийисип турады. Усының салдарынан молекулалардағы сыяқлы, олардың сыртқы электронлық қабықлары сезилерликтей майысады ҳәм изоляцияланған атомларға салыстырғанда «коллективлестириледи». Сонлықтан кристалдың қурылысын толық ҳәм дәлирек тәриплеўде пәнжерениң барлық көлеми бойынша «электронлық тығызлықтың» бөлистирилиўи гәп етиледи.

Химиялық элементлердиң кристаллық қурылысынан баслаймыз. Элементлер тәрепинен пайда етилетуғын пәнжерелердиң ҳәр қыйлы 40 лаған түри белгили. Усы пәнжерелер ишинде жүдә қурамалалары да бар. Мысалы марганецтиң модификацияларының бири Бравэниң кублық көлемде орайласқан пәнжересин пайда етип кристалланады, бир кублық қутышада 58 атом жайласады (элементар қутышада 29 атом), күкирттиң бир модификациясы қутышасында 128 атом жайласқан Бравэниң қапталда орайласқан пәнжересини ийе (элементар қутышада 32 атом). Бирақ усыған қарамастан элементлердиң басым көпшилиги әпиўайы пәнжерелерди пайда етип кристалланады.

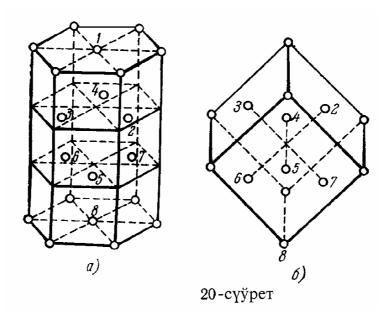
Шама менен жигирма элемент бир қапталда орайласқан Бравэ пәнжересин пайда етип кублық кристалларды пайда етеди. Буған көплеген металлар (Ag, Au, Cu, Al ҳәм бақалар) ҳәм инерт газлердиң кристаллары киреди. Он бестей элементтиң (металлардың) кристалларында атомлар Бравэниң бир көлемде орайласқан кублық пәнжересин пайда етеди. Силтили металлардың (Li, Na, K) кристаллары тап усындай қурылысқа ийе. Соның менен бирге ҳеш бир химиялық элемент әпиўайы кублық қурылысқа ийе емес.

Көлемде ҳәм қапталда орайласқан қурылыслардың артықмашлығын түсиндириў ушын терең физикалық мәниске ийе болмаса да бир мәселени қарап шығамыз. Бул мәселе өзиниң қойылыўы менен бирдей шарларды жайластырыўға байланыслы.

Дәслеп шарларды кублық пәнжере түринде жайластырыўды қараймыз. Бундай пәнжереде кублық қутышалардың бир бири менен қоңысылас төбелеринде жайласқан шарлар бир бирине тийиседи. Сонлықтан кубтың қабырғасы a шарлардың диаметри d ға тең. Ҳәр бир кублық кутышаға бир бирден шар сәйкес келетуғын болғанлықтан бир шарға  $a^3 = d^3$  көлеми сәйкес келеди

деп айта аламыз. Шардың өзиниң көлеми  $\frac{4\pi}{3} \frac{\mathrm{d}^3}{8} = 0.52 \mathrm{d}^3$  қа тең, яғный қутышаның көлеминиң 52 процентин қурайды.

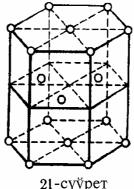
Тығызлыққа көбирек итибар беретуғын болсақ көлемде орайласқан кублық пәнжере дыққат орайында турады. Бундай жағдайда бир бирине тийисип туратуғын жақын қоңысылар қутышаның орайында ҳәм төбелеринде турған атомлар болып табылады. Кубтың кеңисликлик диагоналының узынлығы а  $\sqrt{3}$  ке тең болғанлықтан  $d=a\sqrt{3/2}$  теңлигиниң орынланыўы керек. Буннан кублық кутышаның көлеми  $a^3=8d^3/3\sqrt{3}$  ке тең. Бирақ көлемде орайласқан ҳәр бир элементар қутышаға еки атомнан сәйкес келеди. Ал бир шарды өз ишине алатуғын элементар қутышаның көлеми  $4d^3/3\sqrt{3}$  ке тең; сонлықтан шардың бул көлемниң 68 процентин толтырып туратуғынлығын аңсат есаплаўға болады.



Атомларды тығыз етип жайластырыўдың ең утымлы усылларының бири қапталда орайласқан кублық пәнжере болып табылады. (усы себепке байланыслы усындай курылысты *кублық тығыз етип жайластыры*ў деп те атайды). Бул жағдайда қутышаның қапталының орайында жайласқан атом қутышаның төбелеринде жайласқан атомлар менен тийисип турады. Сонлықтан кубтың кабырғасының узынлығы  $a=d\sqrt{2}$  ге тең. Элементар қутышаның көлеми кубтың көлеминен 4 есе киши хәм  $\frac{a^3}{4} = \frac{d^3}{\sqrt{2}}$  ге тең. Сонлықтан шар бул жағдайда бул көлемниң 73 процентин толтырып турады.

Егер усы пәнжереге кубтың диагоналы бағытында қарайтуғын болсақ, онда пәнжерени белгили бир избе-изликтеги қатламлардан турады деп тәриплеўге болады. Ҳәр бир қатламда түйинлер (шарлардың орайлары) дурыс үш мүйешликлерден туратуғын тор пайда етеди (20-а сүўрет). Ҳәр бир келеси қатламда түйинлер төмендеги қатламдағы үш мүйешликлердиң ортасында жайласады. Усындай болып түйинлерди (шарларды) избе-из жайластырыўдың үш усылы бар (20-а

ҳәм б сүўретлерде цифрлар жәрдеминде усы қатламлардың түйинлери менен кублық қутышаның түйинлери арасындағы сәйкеслик көрсетилген).



21-сүўрет

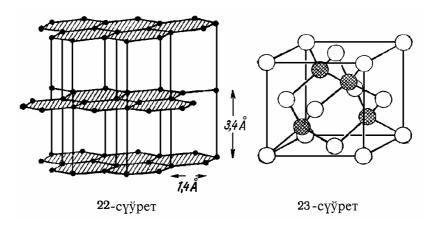
Сондай тығыз етип жайластырыўды қатламлардың тек еки түрин ғана дизиў арқалы пайда етиўге болады (21-сүўрет). Бундай жағдайда элементар қутышасында еки атом болатуғын гексагоналлық пәнжере қәлиплеседи. Бұндай пәнжерени гексагоналлық тығыз жайластырыў деп атайды. Шарлар жағдайында призма тәризли қутышаның бийиклиги c ның (бир бирине жақын болған бирдей қатламлар арасындағы қашықлық) оның ултанының узынлығы a ға қатнасы c/a=1.63 ке тең болыўының кереклигин аңсат есаплаўға болады.

Гексагоналлық тығыз жайластырылған типтеги пәнжереге шама менен он бес элемент (металл) ийе: Mg, Cd, Zn, Ni хэм баскалар. Бул элементлерде көшерлердин катнасы идеаллык мәнис болған 1.63 ке жүдә жақын. Бирақ буннан өзгеше жағдайлар да орын алған; Сd менен Zn те *c/а* қатнасы шама менен 1.9 ға тең, яғный пәнжере призманың узынлығы бағытында созылған. Бул жағдай бүл кристаллардың анизотроплылығының айқын көриниўине алып келеди.

Жоқарыда тәрипленген пәнжерелердиң үш түри элементлер арасындағы ең көп тарқалғаны болып табылады. Усылар менен қатар өзине тән пәнжерелер де бар. Бундай пәнжерелерге аз сандағы элементлер ийе. Солардың базы биреўлери хаққында айтып өтемиз.

Углеродтың ең көп тарқалған модификациясы графит гексагоналлық пәнжереге ийе. Бундай пәнжере пайда етиў менен графиттен басқа хеш бир элемент кристалланбайды. Бул пәнжере қатлмлық характерге ийе: пәнжере атомлар дурыс алты мүйешликлердиң төбелеринде жайласқан, тегис, бир бирине параллель болған қатламлардан турады (22-сүўрет). №оңысылас қатламлар арасындағы қашықлық қатлам ишиндеги атомлар арасындағы қашықлықтан 2.3 есе үлкен. Бул жағдай графиттиң аңсат қатламланыўына алып келеди.

Углеродтың басқа модификациясы алмаз кублық пәнжереге ийе. Бул кублық пәнжерени бир биринен кубтың диагоналының төрттен бирине жылыстырылған Бравэниң еки қапталдан орайласқан пәнжересинен турады деп қараўға болады. Усының нәтийжесинде углеродтың ҳәр бир атомы бирдей қашықлықларда тетраэдрдиң төбелеринде жайласқан төрт углерод атомы менен қоршалған болып шығады. Бул пәнжере 23-сүўретте келтирилген (бул сүўреттеги боялған ҳәм боялмаған дөңгелеклер Бравэниң ҳәр қыйлы пәнжерелерине сәйкес келиүши углерод атомларына сәйкес келеди). Алмаз типиндеги пәнжереге углеродтың гомологлары болған кремний менен германий ийе.



Висмуттың пәнжереси қызық характерге ийе. Ол ромбоэдрлик системаға жатады, бирақ кублыққа жақынлығы менен үлкен әҳмийетке ийе. Висмуттың пәнжересин азмаз деформацияланған әпиўайы кублық пәнжере сыпатында көз алдыға келтириў мүмкин: куб өзиниң көлемлик диагоналы бағытында созылған (яғный куб ромбоэдрге айланады) ҳәм соның менен бирге атомлардың киши қосымша аўысыўы орын алады.

Жоқарыда тәрипленген элементлердиң пәнжерелери *атомлық* характерге ийе: бул жерде айырым молекулаларды айырып алыў мүмкин емес. Базы бир элементлер *молекулалық пәнжерелерде* кристалланады. Мысалы водород, азот, кислород ҳәм галоидлар («, Cl, Br, I) еки атомлық молекуладан туратуғындай болып пәнжере пайда етеди. Бундай пәнжереде еки атом басқа атомларға қарағанда жақынырақ жайласады.

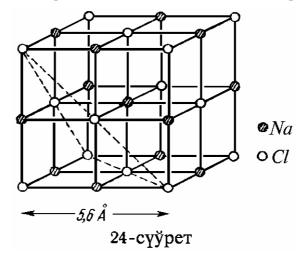
## § 47. Бирикпелердиң пәнжерелери

Химиялық бирикпелердиң өзлери қандай дәрежеде ҳәр түрли болса, олардың кристаллық пәнжерелери де соншама ҳәр түрли болады. Биз бул жерде солардың ишиндегилердиң ең әпиўайыларын тәриплеймиз.

Ең көп тарқалған структуралардың бири NaCl тас дузы типиндеги пәнжере болып табылады. Бул кублық пәнжере болып, оның ярымы Na атомлары, ал ярымы Cl атомлары менен ийеленген (24-сүўрет). Na дың ҳәр бир атомы симметриялы түрде Cl дың алты атомы менен қоршалған ҳәм Cl дың ҳәр бир атомы симметриялы түрде Na дың алты атомы менен қоршалған. NaCl дың Бравэ пәнжереси қапталда орайласқан кублық пәнжере болып табылады. Ҳәр бир элементар қутышады еки атом болып, олардың бири Na, екиншиси Cl.

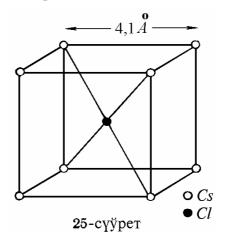
Кристаллық пәнжереде атомның қайсы орында турғанлығын олардың координаталарын бериў арқалы анықлаў қабыл етилген. Координаталар системасы 43-параграфта көрсетилген тәртипте сайлап алынады. Бундай жағдайда тек минимал сандағы атомларды көрсетиў керек, ал қалған атомлар ийелеген орынлардың координаталары сол атомлардың координаталарына пәнжерениң анаў ямаса мынаў дәўирин қосыў арқалы табылады. Мысалы NaCl дың структурасы кублық қутышаның көшерлерине салыстырғандағы төмендегидей координаталар менен тәрипленеди: Na (0,0,0), Cl  $(\frac{1}{2},\frac{1}{2},\frac{1}{2})$ . Басқ атомлардың координаталары усы координаталарға

тийкарғы дәўирлерге тең базы бир санларды қосыў (ямаса алыў) менен табылады. Бундай санлар ретинде координата басынан қаптал бетиниң ең жақын орайларына шекемги үш аралықты сайлап алыўға болады. Бул координаталары  $(0, \frac{1}{2}, \frac{1}{2}), (\frac{1}{2}, 0, \frac{1}{2}), (\frac{1}{2}, \frac{1}{2}, 0)$  ноқатлары болып табылады.



Хлорлы цезий CsCl диң типиндеги пәнжереге жүдә көп тарқалған (25-сүўрет). Ол әпиўайы Бравэ пәнжересине ийе. Кублық қутышалардың төбелеринде бир сорттағы, , ал орайларында екинши сорттаға атомлар жайласады.

Цинк обманкасы ZnS типиндеги пәнжерени де итибарға алып өтемиз. Ол 46-параграфта гәп етилген алмаз пәнжересинен алынады. Буның ушын бир бирине салыстырғанда жылыстырылған еки пәнжерениң түйинлерине (23-сүўреттеги боялған ҳәм боялмаған дөңгелеклер) Zn ҳәм S атомларын орналастырып шығыў керек. Ҳәр бир Zn атомы тетраэдрдиң төбелеринде жайласқан төрт S атомы менен қоршалған. Тап сол сыяқлы ҳәр бир S атомы сондай тетраэдрдиң төбелеринде жайласқан төрт Zn атомы менен қоршалған. Кублық қутышадағы атомлардың ийелеген орынлары төмендегидей координататар менен бериледи: Zn (0,0,0), S (1/4,1/4,1/4).



Жоқарыда тәрипленген пәнжерелердиң тийкарғы өзгешелиги болып олардағы айырым атомлар топарларын – бирикпелердиң молекулаларын айырып алыўдың мүмкиншилигиниң жоқлығында. Тутасы менен алынған кристалдың өзи гигант молекула болып табылады.

Бундай пәнжерелердеги электронлардың тарқалыўы төмендегидей: бир ядролар дөгерегинде нейтрал атомдағыға қарағанда көп, ал басқа ядролар дөгерегинде нейтрал атомдағыға қарағанда кем электронлар жайласады. Бундай пәнжерелерди ионлардан турады деп тәриплеген дурыс

болады, сонлықтан да оларды *ионлық* деп атайды. Мысалы NaCl дың пәнжереси оң зарядланған Na<sup>+</sup> ионларынан ҳәм терис зарядланған Cl<sup>-</sup> ионларынан турады.

Айырым молекулаларды атомлардың бир бирине жақын жайласқан топары деп қараўға болатуғын да бирикпелердиң пәнжерелери бар (буған көплеген органикалық кристаллар мысал бола алады). Бирақ кристалларды атомлық ямаса молекулалаық деп бөлиў шәртли характерге ийе ҳәм олар арасында ҳәр қыйлы аралықлық ҳаллардың болыўы мүмкин.

Бундай жағдайдағы кристалларға мысал ретинде  $CdI_2$  пәнжересин көрсетиўге болады. Ол қатламлық қурылысқа ийе. Ҳәр бир Cd атомларының қатламына еки тәрептен I атомларының қатламлары тийип турады; ал усындай «үшлик» қатламлар менен басқа «үшлик» қатламлар арасында әдеўир қашықлық бар. Бул жағдай бул заттың молекулалық қурамы ҳаққында айтқаны менен ҳәр бир қатламның ишиндеги айырым молекуланы бөлип алыў пүткиллей мүмкин емес.

### § 48. Кристаллық тегисликлер

Кристалларды үйренгенде оның бир бири менен кесисететуғын ҳәр қыйлы тегисликлерин қарап шығыўға туўра келеди. Бул кристалдың тәбийий қаптал бетине сәйкес келетуғын тегислик болыўы мүмкин. Соның менен бирге бул тегислик белгили бир физикалық қәсийетке ийе болыўы да мүмкин; мысалы пышақтың жәрдеминде айырым кристалларды шытнаттырсақ, онда бул кристаллар белгили бир тегисликлер бойынша бөлеклерге бөлинеди. Пәнжередеги айырым тегисликти қарап шығыў рентген нурларының жәрдеминде әмелге асырылатуғын структуралық анализдиң усыллары ушын да зәрүрли.

№андай да бир физикалық қәсийетке кристалдың атомлары арқалы өтиўши (яғный оның пәнжересиниң түйинлери арқалы) тегисликлердиң ийе болатуғынлығы өз өзинен түсиникли. Атап айтқанда усындай тегисликлерди бизлер қараймыз ҳәм оларды *кристаллық тегисликлер* деп атаймыз.

43-параграфта кристалларды үйренгенде көшерлери Бравэ пәнжересиниң қабырғалары менен байланысқан (улыўма жағдайда туўры мүйешли емес) координаталар системасынан пайдаланылатуғынлығы айтылып өтилген еди. №ала берсе бул жағдайда координаталар қабырғалардың узынлықлары (улыўма жағдайда ҳәр қыйлы болған) a, b, c шамаларының бирлигинде өлшенеди.

Бул координаталарды x, y, z арақалы белгилейик. Бравэ пәнжересиниң түйинлериниң координаталары пүтин санларға тең (ямаса ярымға ийе пүтин санлар менен, бирақ бул жағдайдың ҳеш нәрсени де өзгертпейтуғынлығын алдымызда көремиз).

Тегисликтиң улыўма теңлемеси (туўры мүйешли, туўры мүйешли емес координаталарда да бирдей) мынадай түрге ийе:

$$lx + my + nz = k$$
.

Егер l, m, n, k пүтин санлар болып табылатуғын болса, онда белгисиз үш x, y, z шамалары ушын жазылған бир теңлеме шексиз көп пүтин санлық шешимлерге ийе болады. Басқа сөз бенен

айтқанда тегисликте пәнжерениң шексиз көп түйинлери жайласады, яғный биз кристаллық тегисликке ийе боламыз.

 $l,\ m,\ n$  шамаларының мәнислерин аңсат анықлаўға болады. Теңлемеге y=z=0 мәнислерин койып биз x=k/l ди аламыз. Бул тегисликтиң x көшерин кесип өтиў ноқатының координатасы. Тап сондай жоллар менен тегисликтиң y ҳэм z көшерлерин кесип өтиў ноқатларының k/m ҳәм k/n ге тең екенлигин алыўымыз мүмкин. Буннан тегисликтиң үш координата көшерлерин кесип өтиў ноқатларының координаталары

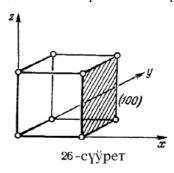
$$\frac{1}{l}:\frac{1}{m}:\frac{1}{n}$$

шамаларының қатнасларындай болады деп жуўмақ шығарамыз (яғный олар l, m, n санларына кери пропорционал екен). Биз бул жерде a, b, c бирликлериндеги өлшенетуғын узынлықлар ҳаққында айтып атырғанлығынмызды еске түсирип өтемиз. Ал әдеттеги бирликлер бул қатнаслар былай жазылады:

$$\frac{a}{1}:\frac{b}{m}:\frac{c}{n}$$
.

Солай етип *l, m, n* санларының жәрдеминде тегисликтиң пәнжерениң көшерлерине салыстырғандағы бағыты (ориентациясы) анықланады екен; *k* саны тегисликтиң бағытынан ғәрезли емес, ал сол тегисликтиң координата басынан қандай қашықлықтан өтетуғынлығына байланыслы. Усы *k* санына ҳәр қыйлы пүтин санларды бериў арқалы (*l, m, n* ниң берилген мәнислеринде) өз-ара параллель болған кристаллық тегисликлердиң семействосын аламыз. Кристаллық тегисликте бизди тек оның бағыты қызықтырады, ал пәнжередеги усы тегисликтиң абсолют аўҳалы керек болмайды. Усындай мәнисте тегислик *l, m, n* санлары жәрдеминде толығы менен бериледи. Соның менен бирге бул санларды улыўмалық бөлимге қысқартыў да мүмкин; бундай жағдайда тегисликтиң бағытының өзгермейтуғынлығы түсиникли. Усындай жоллар менен анықланған *l, m, n* санлары кристаллық тегисликлердиң *индекслери* деп аталады ҳәм қаўсырмаға алынып (*lmn*) түринде жазылады.

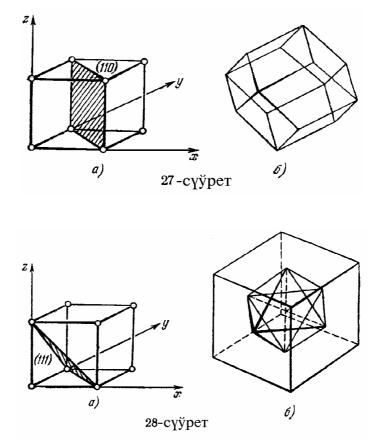
Мысал ретинде кублық пәнжередеги базы бир тегисликлерди қарап өтемиз.



26-сүўреттеги x көшерине перпендикуляр тегислик көшерлерде 1,  $\phi$ ,  $\phi$  кесиндилерин кесип өтеди; бул шамалардың кери мәнислери 1, 0, 0 болып табылады; сонлықтан тегисликтиң индекслери (100) ге тең. Тап сол сыяқлы y ҳәм z көшерлерине перпендикуляр болған тегисликлердиң индекслери сәйкес (010) ҳәм (001) болады. Усындай тегисликлердиң жыйнағы

кублық формадағы денени шеклеп турады, сонлықтан бул тегисликлерди *кубтың тегисликлери* деп атайды.

z көшерине параллель болған диагоналлық тегислик x ҳәм y көшерлери бойынша бирдей кесиндилерди кесип өтеди (27-а сүўрет). Сонлықтан ол (110) индекслерине ийе. Бундай диагоналлық тегисликлерди pomбалық dodekaədp тегисликлери деп атайды (себеби усындай тегисликлер додекаэдр деп аталатуғын он еки қапталға ийе фигураны шеклейди, 27-б сүўрет).



28-а сүўретте көрсетилген кубтың диагоналлық тегислиги барлық үш көшер бойынша да бирдей кесиндилерди кеседи ҳәм сонлықтан оның индекслери (111) болып табылады. Оны *октаэдр тегисликлери* деп атайды (усындай тегисликлер шеклеп туратуғын үш мүйешли қаптал бетлерине ийе сегиз мүйешли фигураны октаэдр деп атайды). 28-б сүўретте келтирилген октаэдр кубтың алты қапталарының орайларын бири бири менен тутастырыўдың нәтийжесинде алынады.

## § 49. Кристаллардың тәбийий қапталлары

Тәбийий кристалды шеклеп туратуғын тегисликлер барлық ўақытта да оның пәнжересиниң атомлары арқалы өтеди. Сонлықтан олар кристаллық тегисликлер болып табылады. Кристаллардың ҳәр қыйлы қаптал бетлериниң бағытлары ҳәм олардың бир бири менен пайда ететуғын мүйешлери пәнжерениң қурылысы менен байланыслы ҳәм сонлықтан берилген заттың характерли қәсийетлериниң бири болып табылады.

(lmn) ҳәм (l'm'n') индекслерине ийе кристалдың еки қаптал бетин қарайық. A, B, C ҳәм A', B', C' арқалы усы тегисликлердиң координата көшерин кескенде пайда ететуғын кесиндилерин

белгилейик. 48-параграфта сөз етилген усы узынлықлардың әдеттегидей узынлықлар бирлигиндеги қатнасымынаған тең:

A:B:C = 
$$\frac{a}{l}$$
:  $\frac{b}{m}$ :  $\frac{c}{n}$ , A':B':C' =  $\frac{a}{l'}$ :  $\frac{b}{m'}$ :  $\frac{c}{n'}$ .

Бул қатнаслардың бириншисин екиншисине бөлсек:

$$\frac{A}{A'}: \frac{B}{B'}: \frac{C}{C'} = \frac{l'}{l}: \frac{m'}{m}: \frac{n'}{n}$$

 $l,\ m,\ n$  шамаларының ортақ бөлимлерине көбейтиў арқалы бул аңлатпаны базы бир үш пүтин санлардың қатнасларына алып келиў мүмкин.

Солай етип биз кристалдың қандайда бир қаптал бети тәрепинен көшерлерде кесип алынатуғын кесиндилердиң қатнаслары барлық ўақытта да пүтин санлардың қатнасларындай болатуғынлығын көрдик. Бұл қағыйда *қапталлардың рационаллық нызамы* деп аталады.

Ионлық кристаллардың бетлери сөзсиз ҳәр қыйлы белгиге ийе ионлардан тураыўы керек. тек ғана бир белгиге ийе болған ионлардан туратуғын тегисликлер кристаллардың қаптал бетлери бола алмайды. Бул жағдай ҳәр қыйлы затлардың кристалланыўының өзгешеликлерин тусиндириўге мүмкиншилик береди.

Пәнжереси 24-сүўретте көрсетилген NaCl кристаллын қарап өтемиз. Бул сүўретте (100) ҳәм (111) тегисликлериндеги Na<sup>+</sup> ҳәм Cl<sup>-</sup> ионларының жайласыўлары көрсетилген. 24-сүўретте пунктир менен белгиленген диагоналлық (111) тегислиги арқалы тек бир сорттағы ионлар өтеди. Сонлықтан бул тегислик кристалдың қаптал бети бола алмайды ҳәм демек тас дузы октаэдрлер түринде кристаллана алмайды. (001) тегислиги болса (24-сүўреттеги кубтың қаптал бети) еки тәрептен де гезеклесетуғын ҳәр қыйлы белгиге ийе ионлардан турады, сонлықтан NaCl куб формасында кристаллана алады.

Ал 25-сүўретте көрсетилген CsCl кристалларында болса (100) тегислиги тек бир белгиге ийе ионлардан турады, сонлықтан бул зат куб формасында кристаллана алмайды.

Макроскопиялық қәсийетлери сыяқлы кристаллардың сыртқы формасының характери кристаллық классқа байланыслы Сонлықтан тәбийий кристаллардың формаларын үйрениў принципинде оның симметриясының классын анықлаўға мүмкиншилик береди. Ал эмелде болса кристалл өскенде тосыннан орын алатуғын ҳәр қыйлы сыртқы тәсирлерде сыртқы формасының өзгериске ушыраўынан классты анықлаў қыйыншылығы пайда болады. Бул бағыттағы қосымша мағлыўматларды кристаллардың жаңа бетлерин жасалма түрде пайда етиў менен эмелге асырылады (мысалы кристалдың қаптал бетине қандай да бир ериткишти пайдаланып химиялық тәсир етиўдиң нәтийжесинде).

#### VII БАП. ЖЫЛЛЫЛЫҚ

### § 50. Температура

Тәбияттағы барлық денелерди қураўшы бөлекшелер қозғалыста болады. Бул қозғалыс универсаллық характерге ийе: молекулалар барлық ўақытта да қозғалады, ал тап сол сыяқлы өз гезегинде молекулалар ишиндеги атомлар да қозғалыста болады. Бул қозғалыстың характерли өзгешеликлериниң бири тәртиптиң жоқлығында. Молекулалардың, атомлардың қозғалысында ҳеш қандай тәртип болмайды.

Усындай қозғалыслар ҳаққында айтқанда *жыллылық қозғалысы* сыпатында айтылады. Жыллылықтың ҳәм жыллылық қубылысларының тәбияты усы қозғалыслардың тәртипсизлигинде болып табылады.

Жыллылық қозғалыслары ҳаққында айтқанда әдетте атомлық масштаблардағы қозғалыслар айтылатуғын болса да (бундай жағдайларда микроскопиялық масштабларда деп те атайды), бундай қозғалысларға үлкен, макроскопиялық мастаблардағы бөлекшелер де қатнасады. Усы жағдайдың кеңнен белгили болған мысалы ретинде Броун қозғалысын (суйықлықтағы микроскоп аркалы көринетуғын майда бөлекшелердиң тәртипсиз қозғалысын) атап көрсетиўге болады.

Егер еки денени бир бирине тийгизсек, онда усы еки денениң атомлары өз-ара соқлығысып энергия алмасыў жүзеге келеди. Солай етип еки денениң бири екиншисине тийсе энергия биреўинен екиншисине өтеди; усындай жағдайда энергиясын жоғалтатугын денени жоқарырақ қыздырылған, ал энергия өткен денини төменирек қыздырылған деп атайды. Энергияның бир денеден екинши денеге өтиўи жыллылық тең салмақлық ҳалы деп аталатуғын анық бир ҳал пайда болғанша даўам етеди.

Денениң қыздырылғанлық дәрежесиниң характеристикасы ретинде температура тусиниги қолланылады. Принципинде бул шаманың (температураның) санлық денелердиң қәсийетлериниң тәриплемеси сыпатында қыздырылыў дәрежесине байланыслылығын алыў мүмкин. Мысалы температура шкаласын берилген дене менен жыллылық тең салмақлықлығында турған сынап бағанасының көлеми жәрдеминде анықлаўға болады. Бирақ ықтыярлы түрде алынған бундай температуралық шкала қандай да бир терең физикалық мәниске ийе бола алмайды. Усындай жоллар менен анықланған температура басқа қәлеген жыллылық қубылысын сапалық тәриплегенде үлкен қолайсызлықлар пайда еткен болар еди. Сонлықтан ең дәслеп терең физикалық мәниске ийе болған температуралық шкаланы сайлап алыўымыз керек. Бул шкала заттың анаў ямаса мынаў қәсийетине (мысалы пайдаланылған сынап пенен ыдыстың қәсийетине) байланыслы болмаўы шәрт.

Физикада температралық шкала сыпатында барлық денелердиң улыўмалық физикалық қәсийетлери менен терең байланысқа ийе *термодинамикалық* ямаса *абсолют шкала* деп аталатуғын температурлық шкала қолланылады. Оның дәл анықламасын бул

жерде бериў мүмкин емес. Себеби бундай анықлама бериў ушын бул китаптың шеклеринен шығып кетиў талап етилетуғын теориялық таллаў талап етиледи. Сонлықтан бул шкаланы оның екинши дәрежели қәсийетлери бойынша тәриплеймиз.

Температураны физикалық жақтан таллаў денениң ҳалын тәриплеўши ҳәм жыллылық тең салмақлығында барлық денелер ушын автомат түрде бирдей болатуғын физикалық шамаға тийкарланған болыўының кереклиги өз-өзинен түсиникли. Бундай оғада әҳмийетли қәсийетке денениң бөлекшелериниң (молекулалар менен атомлардың) илгерилемели қозғалысларының орташа кинетикалық энергиясы ийе болады екен. Егер еки денениң бөлекшелериниң орташа кинетикалық энергиялары тең болса, онда бул бөлекшелер бир бири менен энергия алмасады, бирақ бир денеден екинши денеге суммалық энергияның өтиўи орын алмайды.

Усындай себепке байланыслы денениң ишинидеги бөлекшелердиң илгерилемели қозғалысының орташа кинетикалық энергиясын температураның өлшеми рентинде сайлап алыў мүмкин. Температура Т ны усы энергияның 2/3 бөлеги сыпатында анықлаў қабыл етилген:

$$T = \frac{2}{3} \frac{\overline{mv^2}}{2} = \frac{1}{3} \overline{mv^2}$$

Бул жерде m арқалы денениң массасы, ал v арқалы оның тезлиги белгиленген. Аңлатпаның үстиндеги сызықша кинетикалық энергия бойынша орташа мәнистиң алыныўының кереклигин көрсетеди (орташа мәнис деп айтылғанда ҳәр қыйлы бөлекшелердиң бир ўақыт моментиндеги орташа кинетикалық энергиясы ямаса бир бөлекшениң ҳәр кыйлы ўақыт моментлериндеги орташа кинетикалық энергиясы нәзерде тутылады, усы еки анықлама да бир бирине эквивалент).

Жоқарыда келтирилген анықлама бойынша температура энергияның өлшеминдей өлшемге ийе болады. Сонлықтан температураны эрглерде өлшеў мүмкин. Бирақ температураның өлшем бирлиги сыпатында эрг қолайсыз бирлик болып табылады. Себеби бөлекшелердиң жыллылық қозғалысларының энергиясы эрг ке салыстырғанда жүдә киши шама болып табылады. Соның менен бирге бөлекшелердиң энергиясындай етип температураны тиккелей өлшеў дым кыйын болып табылады.

Усы себеплерге байланыслы физикада температураны өлшеў ушын эмелий жақтан колайлы болған өлшем бирлик *градустан* пайдаланады. Градус таза суўдың атмосфералық басымдагы қайнаў температурасы менен қатыў температурасының айырмасының жүзден бир бөлеги болып табылады.

Эргтиң кандай бөлегиниң бир градуста екенлигин анықлаўшы коэффициентти (бир өлшем бирликтен екинши өлшем бирликке өткеретуғын коэффициентти өткериў

коэффициенти деп атаймыз) Больцман турақлысы деп атайды ҳәм k ҳәрипи жәрдеминде белгиленели.

 $k = 1.38*10^{-16}$  эрг/град (аўдармашы келтирген дәл мәниси  $1.380658(12)*10^{-16}$  эрг/град).

Бул жерде биз градустың ҳақыйкатында да эргтен жүдә киши екенлигин көремиз. Градустың шамасының және бир характеристикасы ретинде заттың бир грамм-молекуласындағы барлық бөлекшелердиң кинетикалық энергияларының қосындысын келтиремиз; бул шама k ны k Авагадро саны k0 ға көбейткенге тең:

$$kN_0 = 1.38*10^{-16}*6.02*10^{23} \text{ spc} = 8.31 \text{ dec.}$$

Әдетте атом физикасында кеңнен қолланылатуғын энергияның өлшем бирлиги болған электрон-вольт пенен градус арасындағы өткериўши коэффициенттиң неге тең екенлигин де атап өтемиз:

1 
$$9\theta = 1.60*10^{-12} 9pz = \frac{1.60*10^{-12}}{1.38*10^{-16}} zpad = 11600 zpad.$$

Буннан кейин бизлер градусларда өлшенген температураны Т ҳәрипи жәрдеминде белгилеймиз. Бундай жағдайларда эрглерде өлшенген температура kT ға тең болып, жоқарыда жазылған анықламаны былайынша жазамыз:

$$kT = \frac{1}{3}\overline{mv^2}$$

Кинетикалық энергия оң мәниске ийе болатуғын болғанлықтан температура Т да барлық ўақытта оң мәниске ийе болады. Бирақ температураның мәнисиниң оң екенлигин тәбияттың нызамы сыпатында қараўға болмайды: бул тек температураның анықламасының салдары ғана.

Жоқарыда айтылып өтилгениндей етип алынған температура шкаласы абсолют температуралар шкаласы деп аталады. Бул шкаладағы нол жыллылық қозғалыслары пүткиллей тоқтайтуғын температура болып табылады. Усы нолди абсолют нол деп атайды. Ал абсолют нолден баслап есапланатуғын шкаланы *Кельвин шкаласы* деп те атайды, ал бул шкаладағы градусларды К ҳәрипин қойыў менен белгилейди.

Кельвин шкаласы менен бир қатар әмелде температураны суўдың катыў нокатынан баслап өлшейтуғын шкала да кеңнен қолланылады. Бундай шкаланы Цельсия шкаласы деп атайды. Ал бундай шкаладағы градусларды  ${}^{0}$ С арқалы белгилейди.

Температураны бир шкаладан екинши шкалаға өткериў ушын суўдың қатыў ноқатының абсолют температураның неге тең екенлигин билиў керек. Ҳэзирги ўақытлардағы өлшеўлердиң нәтийжеси бойынша бул температура 273.15 К ге тең. Басқа сөз бенен айтқанда Цельсия шкаласы бойынша абсолют нол -273.15 С да жайласқан.

Ендигиден былай биз абсолют температураны T хәрипи жәрдеминде, ал Цельсия шкаласындағы температураны (егер керек болып қалса) t хәрипи жәрдеминде белгилеймиз.  $T=t+273.15^0$  екенлиги өз-өзинен түсиникли.

Көп жағдайларда анаў ямаса мынаў эксперимент өжире температурасында өткерилди деп айтады. Бундай жағдайларда  $20^{0}$ С (яғный шама менен 293 K) нәзерде тутылады. Электрон-вольтлерде бул температураның шама менен 1/40 эв ке тең екенлигин билип койған пайдалы.

Бөлекшелердиң жыллылық козғалысларының тезлигиниң характеристикасы ретинде температураның анықламасына кириўши  $\overline{\mathbf{v}^2}$  тың квадрат коренинен пайдаланыў мүмкин. Бундай тезликти әдетте *жыллылық тезлиги* деп атайды ҳәм  $\mathbf{v}_{\mathtt{w}}$  арқалы белгилейди:

$$v_{_{\mathfrak{K}}} = \sqrt{\overline{v^2}} = \sqrt{\frac{3kT}{m}} \ .$$

Қандай массаның қойылыўына байланыслы бул формула атомның да, молекуланың да, Броун бөлекшесиниң де жыллылық тезлигин анықлайды. Егер молекулаларға қолланатуғын болсақ, онда формулаға басқаша түр бериледи: корен белгиси астындағы аңлатпаны Авагадро санына бөлемиз ҳәм көбейтемиз, буннан кейин  $mN_0$  диң заттың молекулалық салмағы  $\mu$  екенлигин есапқа аламыз:

$$v_{T} = \sqrt{\frac{3N_{0}kT}{\mu}} = 15.3*10^{3} \sqrt{\frac{T}{\mu}} \frac{cM}{ce\kappa}$$
.

Солай етип водород молекулаларының ( $H_2$ ,  $\mu$ =2) өжире температурасындағы жыллылық тезлиги  $1.9*10^5$  *см/сек*, яғный шама менен 2 *км/сек* екенлигине ийе боламыз.

Биз жыллылық тезлигиниң температураның квадрат коренине туўры пропорционал, ал бөлекшениң массасының квадрат коренине кери пропорционал екенлигин көремиз. Кейинги жағдай денелердиң молекулалары ушын интенсивли, Броун қозғалысындағы микроскопиялық киши бөлекшелер ушын сезилерликтей, ал массалы денелер ушын путкиллей сезилмейтуғынлығының себеби болып табылады.

Жоқарыда келтирилген температураның анықламасына қайта келемиз. Ол анықламаның классикалық механикаға тийкарланғанлығын атап өтемиз. Ол жердеги температура менен бөлекшелердиң жыллылық қозғалысларының энергиясы арасындағы санлық байланыс бул қозғалыстың классикалық механика жәрдеминде тәриплениўиниң мүмкинлигинен ғана келип шыққан. Температураның төменлеўи менен бөлекшелердиң энергиясы да кемейеди ҳәм классикалық механиканың пайдаланылыў шәртлери ертеликеш бузылады. Сонлықтан класикалық механиканы квант механикасы менен алмастырыў зәрүрлиги пайда болады. Бөлекшениң массасы қаншама киши болса ҳәм бөлекшениң

козғалысы оған тәсир етиўши күшлер тәсиринде шекленгенлик дәрежесине байланыслы квант механикасын пайдаланыў зәрүрлиги ертерек жүзеге келеди. Мысалы, молекулалар еркин бөлекшелер сыпатында илгерилемели қозғалады ҳам бул қозғалыс классикалық механика көз-қараслары тийкарында қаралыўы мүмкин. Ал атомлардың молекулалар ишиндеги қозғалысы анық бир тең салмақлық аўҳаллар этирапындағы «потенциал шуқырдағы» киши тербелислер характерине ийе. Классикалық механиканың бундай қозғалысларға қолланылыў шеклери әдеўир ертерек жүзеге келеди (бул мәселеге биз 57-58 параграфларда қайта келемиз).

Биз абсолют температурада жоқарыда нол жыллылық қозғалысларының тоқтайтуғынлығын айтып өтип едик. Бирақ бул тастыйықлаў денениң ишиндеги бөлекшелердиң қозғалысының тоқтайтуғынлығын аңғартпайды. кәлеген Квант механикасы бойынша бөлекшелердиң қозғалысы толығы менен хеш кашан да тоқтамайды. Хәтте абсолют нолде де молекулалар ишиндеги атомлардың базы бир тербелмели қозғалысы ямаса қатты денениң кристаллық пәнжересиниң түйинлери этирапындағы атомлардың тербелиси сақланады. Ноллик тербелислер деп аталатуғын бундай қозғалыслар квантлық қубылыс болып табылады. Бундай қозғалыстың энергиясы анаў ямаса мынаў объекттиң «квантлығы» ушын характерлик шама болып табылады. Бөлекшелердиң жыллылық қозғалысларының энергиясы менен олардың ноллик тербелислериниң энергияларын салыстырыў классикалық механиканы пайдаланылыўдың критерийи болып табылады. Егер бөлекшениң жыллылық энергиясы оның ноллик тербелислериниң энергиясынан үлкен болса классикалық механиканы пайдаланыў мүмкин.

Абсолют нолде де сақланатугын «ноллик қозгалыстың» ең белгили мысалларының бири атомлардығы ең жеңил болған бөлекшелер болған электронлардың қозгалысы болып табылады. Электронлардың атомлар ишиндеги қозғалыслары барлық ўакытта да квантлық характерге ийе. Электрон ушын усындай қозғалыстың энергиясы үлкен болғанлықтан денениң температурасы ол ушын сезилерликтей тәсир етпейди. Көплеген мың градус температураларда ғана атомлардың жыллылық қозғалыслары оның электронлық қабықларына сезилерликтей тәсир ете баслайды.

Газ (ямаса суйықлық) бөлекшелериниң жыллылық қозғалысларының нәтийжесинде ыдыстың дийўалларына басым түсиреди. Газдың молекулалары ыдыс дийўалларын менен соқлығысып, оған базы бир импульсын береди, ал денениң импульсының өзгериси (1 *сек* даўамындағы) оған тәсир ететуғын күшти анықлайды.

Егер газ тәрепинен ыдыс дийўалына тәсир ететугын күштиң дийўал бетине қатнасын алатуғын болсақ, онда ыдыс дийўалының бетине газ тәрепинен түсирилетуғын *басым*ды аламыз.

Басымды биз р ҳәрипи жәрдеминде белгилеймиз. Басымның өлшеми күштиң өлшеми бөлинген майданның өлшемине тең. Оны ҳәр қыйлы түрде жазыў мүмкин:

$$[p] = \frac{\partial uH}{cM^2} = \frac{3pz}{cM^3} = \frac{z}{cM*ce\kappa^2}.$$

Бул жерде биз басымның өлшеминиң көлемниң өлшемине бөлинген энергияның өлшемине тең екенлигин көремиз.

СГС системасындағы басымның өлшеми 1  $\partial uh/cm^2$  (1  $\partial uh$  күш 1  $cm^2$  майданға тәсир етеди). Бирақ бул бирлик жүдә киши, буннан  $10^6$  есе үлкен бирликти  $\delta ap$  деп атайды:

$$1 \, \textit{бар} = 10^6 \, \textit{дин/cm}^2 = 10 \, \textit{н/m}^2.$$

 $1 \ cm^2$  майданға  $1 \ \kappa \Gamma$  күш тәсир ететуғын басымды техникалық атмосфера деп атайды (am):

$$1 \ am = 1 \ \kappa \Gamma / c M^2 = 0.981 \ 6 ap.$$

Бул анықламадан басқа *әдеттегидей атмосфера* (*нормал атмосфера*, *атм*) деп 760 мм сынап бағанасының басымын алады (сынаптың анық тығызлығы ҳәм салмақ күшиниң стандарт мәнисинде). Бул бирлик мынаған таң:

$$1 \ amm = 1.013 \ бар = 1.033 \ am.$$

1 мм сынап бағанасының басымына сәйкес келиўши басымның

$$1$$
 мм сын.баг. =  $1.333*10^{-3}$  бар

екенлигин атап өтемиз.

Молекулалақ структураға итибар берилмей тутасы менен алынғандағы денелердиң касийетлери денелердиң макроскопиялық қәсийетлери деп аталады (ҳақыйқатында денелердиң қәсийетлери молекулалық структураға байланыслы). Ал температура менен басым денелердиң макроскопиялық қәсийетлерин характерлеўши әҳмийетли шамалар болып табылады. Усындай шамалар қатарына денениң көлеми де (оны V ҳарипи жәрдеминде белгилеймиз) киреди. Бирақ бул үш шамалар бир биринен ғәрезсиз емес. Мысалы, егер газдың базы бир муғдары белгили бир көлемдеги ыдыста жайласқан ҳәм белгили бир температураға ийе болса, онда ол автомат түрде белгили бир басымда да турған болады. Көлемин ямаса температурасын өзгертип газдиң басымын да өзгертемиз.

Солай етип p, V, T шамаларының екеўиниң ықтыярлы түрде берилиўи мүмкин, ал үшиншиси сол екеўиниң функциясы түринде анықланады. Усыған байланыслы денениң жыллылық кәсийети сол шамалардың екеўиниң берилиўи менен толық анықланады деп айтыўға болады.

Денениң басымын, көлемин ҳәм температурасын байланыстыратуғын функционаллық байланысты берилген денениң ҳал теңлемеси деп атайды ҳәм оны жылллық қәсийетлерин тәриплеўши әҳмийетли қатнаслардың бири болып табылады.

Бундай функционаллық байланыстың теориялық түрин анықлаў тек әпиўайы затлар жағдайында ғана әмелге асырылады (53-параграфты қараңыз). Сонлықтан әмелде нәтийжесин графикалық жол менен көрсетиў мүмкин болған эксперименталлық өлшеўлерди пайдаланыўға зәрүрлик туўылады. Гәп үш шаманың бир биринен ғәрезлилиги ҳаққында айтылып атырғанлықтан, алынған нәтийжелер көшерлери р,V ҳәм Т болған үш өлшемли кенисликте базы бир бет түринде сәўлеленеди. Бирақ әмелде кенисликтеги сүўретлерди салыў қолайсыз болғанлықтан сол беттиң координата тегисликлери менен кесилиспеси болған тегис графиклерди дүзиў менен шекленеди. Мысалы, бетти р, V координата тегислигине параллель болған тегисликлер менен кесип ҳәр қыйлы температураларға сәйкес келиўши басымның көлемге ғәрезлилигине сәйкес келиўши иймекликлердиң семействосын аламыз. Бундай иймеклер изотермалар деп аталады. Тап усындай жоллар менен изобаралардың (берилген басым р дағы көлем V менен температура Т арасындағы ғәрезлилик) ҳәм изохоралардың (көлем V турақлы болғандағы басым р менен температура Т арасындағы ғәрезлилик) семействоларын да алыў мүмкин.

50-параграфта биз бир бирине тийгизилген денелер арасындағы энергия алмасыўдың сол денелердиң температуралары бирдей болғанша даўам ететуғынлығын айтып өткен едик. Улыўма системаның жыллылық тең салмақлық ҳалы деп системада өзинше ҳеш ҳандай жыллылық процесслери жүрмейтугын, денениң барлық бөлимлери бир бирине салыстырғанда тынышлықта туратуғын, макроскопиялық қозғалыслар орын алмайтуғын ҳалына айтамыз (денениң ишиндеги бөлекшелердиң микроскопиялық қозғалысларынан басҳа). Енди биз усыған мынаны қосамыз: тең салмаҳлық ҳалында бир бирине тийип турған денелердиң температуралары ғана емес, ал олардың басымлары да тең болыўы керек деп айтамыз. Егер бундай болмағанда денеге нолге тең емес толық күш тәсир етип, ол қозғала баслаған болар еди.

Әдеттеги жағдайларда денениң басымы оң шама, яғный басым денениң кеңейиў бағытына қарай бағытланған. Бирақ бул шәрт емес хәм дене терис басым ҳалында да тура алады: бундай жағдайда дене "кеңейтилген" болып, ол қысылыўға тырысады. Мысалы суйықлықтың "кеңейтилген" ҳалын жүзеге келтириў мүмкин. Буның ушын қыздырылған

суйықлықты қалың дийўаллы капиллярға толтырып қуйып, буннан кейин бул капиллярдың аўызын дәнекерлеў керек. Солқынлағанда дийўаллары суйықлықтан әстерек кысылатуғын капиллярда суйықлық усы капиллярдың көлеминиң тек бир бөлимин ғана ийелеўи керек. Дийўалларға жабысып суйықлық капиллярдың барлық көлеми бойынша "кенейтилген" (ямаса "сийреклетилген") болып шығады. Басқа бир усылда суйықлық еки ушы ашық өз көшери дөгерегинде тез айланыўшы шийше капиллярда жайластырылады. Орайдан қашыўшы күшлердиң тәсиринде "кеңейип" тезликтиң белгили бир мәнислеринде суйықлық капиллярдан шығады. Усындай усыллар жәрдеминде әдеўир үлкен терис басымларды пайда етиў мүмкин: суўда (өжире температураларында) 280 атм ға шекем, спиртте 40 атм ға шекем, бензолда 160 атм ға шекем х.т.б. Бул шамалар суйықлықтың "үзилиўге" беккемлигин береди деп айтыўға болады.

### § 52. Затлардың агрегат халлары

Денелердиң жылылық қәсийетлериниң ең улыўмалық характеристикалары сыпатында *агрегат ҳаллар* - газ тәризли, суйық ҳәм қатты ҳаллар түсинигин қолланады.

Затлар газ тәризли ҳалда турғандағы сийреклигиниң нәтийжесинде оның молекулалары бир биринен әдеўир қашықлықта турады (өзлериниң меншикли өлшемлерине салыстырғанда әдеўир үлкен қашықлық). Сонлықтан газдеги молекулалар арасындағы тәсирлесиў екинши дәрежели орынды ийелейди; молекулалар ўақыттың көп бөлегинде еркин козғалады, тек салыстырмалы сийрек бир бири менен соқлығысады. Суйықлықларда болса молекулалар арасындағы қашықлық олардың өлшемлери менен барабар; усының нәтийжесинде молекулалар турақлы түрде күшли тәсирлеседи ҳәм олардың жыллылық козғалыслары қурамалы түрге ийе.

Әдеттеги жағдайларда газлер менен суйықлықлар арасында тығызлықлар бойынша айырма аз болып, оларды бир биринен айырыў үлкен қыйыншылықларды пайда етеди. Бирақ олар арасындағы айырма принципиаллық емес, ал тек санлық жақтан — тығызлықларының санлық айырмасы ҳәм соған байланыслы болған молекулалар арасындағы тәсирлесиўдиң айырмасынан көринеди. Олар арасындағы принципиаллық айырманың жоқлығы суйық ҳәм газ тәризли ҳаллар арасындағы өтиўде де көринеди. Бундай өтиў үзликсиз әмелге асады ҳәм биз ҳеш бир моментте бир ҳал теўсилди ҳәм екинши ҳалдың пайда болыўы басланды деп айта алмаймыз (бул ҳаққында 69-параграфта толық айталады).

Суйықлықлар менен *аморф денелер* (кристаллық емес) деп аталатуғын қатты денелер арасындағы айырма да санлық характерге ийе. Аморф денелер қатарына шийше, ҳәр

қыйлы смолалар (мысалы канифоль) ҳ.т.б. киреди. Принципиаллық айырманың жоқлығы бул жерде де бир ҳалдан екинши ҳалға ұзликсиз өткенде айқын көринеди. Бул жағдайда өтиў эпиўайы кыздырыў жолы менен эмелге асады. Мысалы шийше қыздырғанда кем-кемнен жумсарады ҳәм ең ақырында суйықлыққа айланады. Бул процесс пүткиллей ұзликсиз әмелге асып, ҳеш бир "өтиў моменти" бақланбайды. Өзиниң тығызлығы бойынша аморф дене усы денеден алынған суйықлықтың тығызлығынан ұлкен айырмаға ийе болмайды. Олар арасындағы тийкарғы айырма олардың жабысқақлығының (яғный олардың аққышлығының) айырмасынан көринеди (бул мәселеге биз 118-параграфта қайтып келемиз).

Гезлер, суйықлықлар ҳәм аморф денелер ушын улыўмалық қәсийет олардағы молекулалардың тарқалыўындағы тәртиптиң жоқлығында. Усы тәртиптиң жоқлығы бул денелердиң изотропиясын – барлық бағытлардағы олардың қәсийетлериниң бирдейлигин тәмийинлейди. Изотропиялық қәсийет бул денелерди атомлары тәртип пенен жайласқан анизотроприялық кристаллық қатты денелерден принципиаллық жақтан айырып турады.

Қатты денелердеги атомлардың жыллылық қозғалыслары олардың тең салмақлық ҳалларының әтирапындағы киши тербелислери болып табылады. Кристалларда бул ҳаллар кристаллық пәнжерелердиң түйинлери болып табылады (бундай мәнисте биз буннан алдыңғы бапта анық емес гәп етилди, ол жерде түйинлерде атом ядролары жайласады деп айтылды, ал түйинлер әтирапында тербелислер әмелге асатуғын ноқатлар деп айтылған жоқ). Қатты денелердеги жыллылық қозғалыслары газлер менен суйықлықлардағыға карағанда "тәртиплирек" болса да (атомлар түйинлерден алысқа қашықласып кетпейди) ҳәр қыйлы атомлардың тербелис амплитудалары менен фазалары ҳәр қыйлы ҳәм бир бирине байланыслы емес болғанлықтан бундай тербелислерди хаотик деп есаплаймыз.

Дерлик барлық қатты денелер кристаллық болып табылады. Бирақ олардың көлеминиң барлығы бойынша атомлардың тәртипли жайласыўы орын алмайды. Көлеминиң барлық бөлимлеринде де атомлар бирдей тәртипте жайласатугын кристалларды монокристаллар деп атайды ҳәм олар кристалдың өсиўиниң айрықша шараятларында жүзеге келеди.

Кристаллық денелер әдетте *поликристаллар* түринде болады (мысалы барлық металлар). Бундай денелер оғада көп сандағы майда кристаллардың жыйнағынан турып сол кристаллардың ҳәр бирин *кристаллит* ямаса *дән* (*зерно*) деп атайды. Кристаллитлер әдетте микроскопиялық өлшемлерге ийе болып, олардың сызықлы өлшемлери 10<sup>-5</sup>-10<sup>-3</sup> *см* әтирапында (бул шама металдың алыныў ҳәм қайта ислениў усылына тиккелей байланыслы).

Поликристаллық денедеги айырым кристаллитлердиң өз-ара жайласыўлары менен бағытлары пүткиллей тәртипсиз. Сонлықтан кристаллитлердиң өлшемлеринен үлкен болған поликристаллық затлар изотроп болып табылады. Жоқарыда айтылғанлардан поликристаллық денелердиң изотроплылығының екинши дәрежедеги характерге ийе екенлиги түсиникли. Бул ҳар бир кристаллиттиң анизоропиялығына пүткиллей қарамақарсы болып табылады.

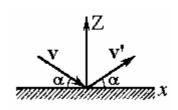
Анаў ямаса мынаў қайта ислеўдиң ямаса кристалды өсириўдиң усылының өзгешеликлерине байланыслы кристаллитлери тийкарынан бир бағытқа қарай бурылған поликристалларды алыў (өсириў) мүмкин. Бундай жағдайларда *текстураның* бар екенлиги ҳаққында айтады. Металларда текстура дефрмациялаўдың нәтийжесинде алыныўы мүмкин. Усындай материаллардың анизотропиялық қәсийетлерге ийе болыўы тәбийий.

### § 53. Идеал газ

Молекулалары арасындағы тәсирлесиў әмелий жақтан ҳеш қандай роль ойнамайтуғындай дәрежеде сийреклетилген газ ең әпиўайы қәсийетлерге ийе болады. Молекулалары арасындағы тәсирлесиў есапқа алынбайтуғын газ идеал газ деп аталады.

Бирақ идеал газдиң молекулалары арасындағы тәсирлесиў пүткиллей орын алмайды деп ойлаўға болмайды. Керисинше, бундай газдиң молекулалары бир бири менен соқлығысады ҳәм бул соқлығысыўлар газдиң белгили бир жыллылық қәсийетлериниң пайда болыўында үлкен әҳмийетке ийе болады. Бирақ соқлығысыўлар жүдә сийрек болып, газ молекулалары ўақыттың үлкен бөлиминде еркин бөлекшелердей болып қозғалады.

Идеал газдиң ҳалының теңлемесин келтирип шығарамыз (яғный басымы, көлеми ҳәм температурасы арасындағы байланысты анықлаймыз). Бул ушын газди туўры мүйешли параллелопипед түриндеги ыдыста жайласқан, ал ыдыстың дийўалларын "идеал шағылыстырғыш" деп есаплаймыз: дийўаллар соқлығыўшы молекулаларды келип урылған мүйештей мүйеш пенен, тезликлерин өзгертпей шығылыстыратуғын болсын (1-сүўретте молекуланың соқлығысқанға шекемги ҳәм соқлығысканнан кейинги тезликлери v ҳәм v' арқалы белгиленген, олардың шамалары бирдей ҳәм ыдыс дийўалы менен бирдей мүйеш жасайды). Бул болжаўлар тек әпиўайылық ушын исленген, ҳақыйқатында газдиң ишки қәсийетлери ыдыстың формасына, дийўалының қәсийетлерине ғәрезли бола алмайды.



1-сүўрет

Газдиң параллепипедтиң қаптаталларына түсиретуғын басамын анықлаймыз. Буның ушын 1 сек даўамында усы қапталға келип урылатуғын молекулалардың беретуғын импульсын анықлаў керек. Урылғанда импульстиң тек ғана дийўал бетине перпендикуляр болған қураўшысы  $v_z$  ғана өзгериске ушырайтуғын хәм бул жағдайда тезликтиң тек белгиси өзгеретуғын болғанлықтан бир урылыўда молекула тәрепинен ыдыс дийўалына берилетуғын импульс  $mv_z$ -(- $mv_z$ )=2  $mv_z$  ке тең (бул жерде m арқалы молекуланың массасы белгиленген). Еркин сыпатында қозғала отырып молекула қарама-қарсы дийўаллар арасындағы қашықлық белгиленген) хәм  $2h/v_z$  ўақыт аралығында қайтып келеди. Демек 1 cek ўакыт ишинде берилген дийўал менен хәр бир молекула  $v_z$ /2h рет соқлығысады хәм оған  $hv_z$ -( $hv_z$ -2h-1 $hv_z$ -2 $hv_z$ -2h-1 $hv_z$ -2 $hv_z$ -2h-1 $hv_z$ -2 $hv_z$ -2h-1 $hv_z$ -2 $hv_$ 

$$F_z = \frac{1}{h} \sum m v_z^2 .$$

Бул жердеги  $\sum$  белгиси барлық молекулалар бойынша сумманың алынатуғынлығын билдиреди.

Егер ыдыстағы молекулалар саны N ге тең болса, онда жоқарыдағы аңлатпадағы сумманы N менен орташа мәнис болған  $\overline{mv_z^2}$  тиң көбеймесине алмастырыў керек. Газдың өзине қатнасы бойынша барлық бағытлар бирдей  $\overline{mv_x^2} = \overline{mv_y^2} = \overline{mv_z^2}$  ҳәм  $v_x^2 + v_y^2 + v_z^2 = v^2$  болғанлықтан

$$\overline{mv_z^2} = \frac{1}{3}\overline{mv^2} .$$

Солай етип

$$F_z = \frac{1}{h} \frac{N}{3} \overline{mv^2} .$$

 $F_z$  ты pS пенен алмастырып (p газдиң басымы, S қаптал беттиң майданы) ҳәм hS тиң параллелопипедтиң көлеми екенлигине итибар берсек мынаны аламыз:

$$pV = \frac{1}{3} N \overline{mv^2} = \frac{2}{3} N \frac{\overline{mv^2}}{2}.$$

Анықлама бойынша молекуланың кинетикалық энергиясының орташа мәниси (3/2)kT ға тең. Сонлықтан *идеал газдиң ҳал теңлемесин* аламыз:

$$pV = NkT$$
.

Бул теңлеме универсаллық характерге ийе – бул теңлемеге газдиң тәбиятына байланыслы болған ҳеш бир шама кирмейди. Бул жағдай молекулалардың "индивидуаллығын" (жеке өзгешелигин) бийкарлап, олар арасындағы тәсирлесиўди есапқа алмағанның тәбийий ақыбети болып табылады.

Егер бирдей көлемде, бирдей басымда ҳәм бирдей температурада турған ҳәр қыйлы болған еки түрли идеал газды алатуғын болсақ, онда олардағы молекулалар саны бирдей болады. Бул Авагадро нызамы деп аталатуғын нызам болып табылады. Мысалы  $1~{\rm cm}^3$  идеал газ әдеттегидей шараятларда (яғный  $0^0{\rm C}$  температурада ҳәм 1~amm басымда)

$$L = \frac{pV}{kT} = \frac{1.013*10^6}{1.38*10^{-16}*273} = 2.7*10^{19}$$

молекула болады (бул санды Лошмидт саны деп те атайды).

Газдеги молекулалар саны N ди  $N = vN_0$  түринде де жазыў мүмкин. Бул жерде v арқалы газдиң грамм-молекулалары (моллери) саны белгиленген, ал  $N_0$  Авагадро саны. Бундай жағдайда былайынша жазамыз:

$$pV = \nu RT$$
.

 $R=kN_0$  газ турақлысы деп аталады. Дара жағдайда газдиң бир моли ушын ийе боламыз:

$$pV = RT$$
.

k менен N ниң мәнислерин көбейтип мынаған ийе боламыз:

$$R=8.314*10^7$$
 эрг/(град\*моль)= $8.314$  дж/(град\*моль).

(егер энергияның өлшем бирлиги ретинде калория пайдаланылатуғын болса R диң шамасы үлкен дәлликте 2 кал/(град\*моль) ге тең); өлшем бирликти аңлататуғын символдағы моль сөзи 1 грамм-молекуланы аңғартады.

Егер газдиң басымы атмосфераларда, ал көлеми литрлерде өлшенетуғын болса, онда

$$R=0.082 (\pi^*amm)/(град^*monb)$$

ге тең. Бул мәнисти пайдаланып газдиң грамм-молекуласының 1 атм басымдағы ҳәм  $0^0$ С дағы көлемин есаплаў мүмкин:

$$V=RT/p=(0.082*273)/1=22.4$$
 л.

Турақлы температурада белгили муғдардағы газдиң көлеми менен басымының көбеймеси турақлы шама болады:

$$pV = const.$$

Бул белгили Бойл-Мариотт нызамы болып табылады.

Идеал газ ҳалының теңлемесинен және бир әҳмийетли нәтийже алынады: егер белгили бир муғдардағы газ турақлы басымда жайласқан болса, онда оның көлеми абсолют температураға пропорционал. Яғный

$$p = const$$
 болганда  $\frac{V}{V_0} = \frac{T}{T_0}$ .

Бул аңлатпада V менен  $V_0$  температура T ҳәм  $T_0$  болғандағы газдиң көлемлери. Усындай жоллар менен мына аңлатпаны да аламыз:

$$V = const$$
 болганда  $\frac{p}{p_0} = \frac{T}{T_0}$ .

Бул әҳмийетли қатнас температуралардың абсолют шкаласын молекулалардың тезликлери менен энергияларын өлшемей-ақ идеал газдиң қәсийетлерин пайдаланып анықлаўдың мүмкин екенлигин көрсетеди.

Егер  $T_0$  арқалы суўдың қатыў температурасы белгиленген болса хэм абсолют температураның орнына Цельсия шкаласындағы температура t алынса (T=273+t), онда жоқарыда жазылған қатнас мына түрге енеди:

$$p = const$$
 болганда  $V = V_0 \left( 1 + \frac{t}{273} \right)$ .

Бул белгили  $\Gamma$ ей- $\Pi$ юссак нызамы болып табылады. Бул нызам бойынша  $1^0$  қа қыздырылғанда газдиң көлеми  $0^0$ С дағы көлеминиң 1/273 бөлегине артады.

Идеал газдиң ҳал теңлемесин келтирип шығарғанымызда бизлер молекулаларды бирдей деп шәрт қойғанымыз жоқ. Сонлықтан алынған теңлеме идеал газлердең араласпасы болған жағдай ушын да жарамлы болады, ал бул да өз гезегинде молекулалар арасындағы тәсирлесиўди есапқа алмағанымыздың нәтийжеси болып табылады. Усыған байланыслы N ди газ молекулаларының улыўмалық саны деп, яғный ҳәр қыйлы молекулалардың улыўмалық саны деп есаплаўымыз керек:  $N = N_1 + N_2 + N_3 + ...$ , бул жерде  $N_i$  арқалы i-сорт молекулалардың саны белгиленген. Дәслеп ҳал теңлемесин былайынша көширип жазамыз:

$$pV=N_1kT+N_2kT+N_3kT+...$$

Буннан кейин егер газдиң көлеминиң барлығын і-сорттағы молекулалар ийелейтуғын болса ҳал теңлемесин  $p_iV=N_ikT$  түринде жазыўымыздың кереклигин есапқа алып биз мынадай жуўмаққа келемиз:

$$p=p_1+p_2+p_3+...$$

Яғный газлердиң араласпасының басымы ҳәр бир газ тап сондай көлемде пайда еткен басымлардың қосындысына тең екен (Дальтон нызамы). Жоқарыдағы  $p_1$ ,  $p_2$ ,  $p_3$  басымларын сәйкес газлердиң парциаллық басымлары деп атаймыз.

### § 54. Сыртқы майдандағы идеал газ

Қандай да бир күш майданында, мысалы салмақ майданында турған идеал газди қараймыз. Бул жағдайда газ молекулаларына сыртқы күшлер тәсир ететуғын болғанлықтан оның басымы барлық орынларда бирдей болмайды, ал ноқаттан нокатка өткенде өзгереди.

Әпиўайылық ушын майдан күшлери өзгермейтуғын бағытқа ийе жағдайды қараймыз. Бул бағыт ретинде z бағытын қабыл етемиз. Шамасы бир биринен dz аралығына кашықласқан ҳәм ҳәр қайсысының бети 1 см² болған z ке перпендикуляр еки майданды аламыз. Егер газдиң басымы еки майданда р ҳәм dp болса, онда басымлар айырмасы ултаны 1 см² ҳәм бийиклиги dz болған параллелопипедтиң көлеминде жайластырылған газдиң бөлекшелерине тәсир ететуғын қосынды қүшке тең. Бул күш Fndz ке тең (молекулалардың тығызлығы n, F болса z ноқатында турған бир молекулаға тәсир ететуғын күш). Сонлықтан

$$dp = nFdz$$
.

F күши молекуланың потенциал энергиясы U(z) пенен F=-dU/dz түринде байланысқан ҳәм сонлықтан

$$dp = -ndz \frac{dU}{dz} = -ndU.$$

Газ идеал газ деп есапланғанлықтан pV=NkT. N/V=n екенлигин итибарға алып бул теңлемени p=nkT түринде көширип жазыў мүмкин. Газдиң температурасы барлық ноқатларда бардей деп болжаймыз. Онда

Бул аңлатпаны жоқарыда алынған dp=-ndU аңлатпасына теңеп

$$\frac{dn}{n} = d(\ln n) = -\frac{dU}{kT}$$

екенлигин табамыз. Буннан

$$\ln = -\frac{U}{kT} + const$$

хэм ең кейнинде мына формуланы аламыз:

$$n = n_0 e^{-\frac{U}{kT}}.$$

Бул жерде  $n_0$  арқалы U=0 ноқатындағы молекулалардың тығызлығына турақлы шама белгиленген.

Жоқарыда алынған газдиң тығызлыгын оның молекулаларының потенциал энергиясы менен байланыстыратуғын формула *Больцман формуласы* деп аталады. Басым тығызлықтан турақлы кобейме kT ға парық қылады ҳәм сонлықтан бундай теңлеме басым ушын да дурыс болып табылады:

$$p = p_0 e^{-\frac{U}{kT}}.$$

Жер бетиниң қасында z бийиклигиндеги молекуланың потенциал энергиясы U=mgh қа тең (m молекуланың массасы). Сонлықтан егер газдың температурасы бийикликтен ғәрезсиз деп есапланса, онда z бийиклигиндеги басым p Жер бетиндеги басым  $p_0$  менен былайынша байланысқан екенлигин аңсат келтирип шығарыўға болады:

$$p = p_0 e^{-\frac{mgz}{kT}}.$$

Бул формула *барометрлик формула* деп аталады. Бул формуланы былайынша көрсеткен қолайлырақ:

$$p = p_0 e^{-\frac{\mu g z}{kT}},$$

бул жерде µ арқалы газдиң молекулалық салмағы белгиленген, R газ турақлысы.

Бул формуланы газлердиң араласпасы ушын да пайдаланыў мүмкин. Идеал газлердиң молекулалары бир бири менен тәсирлеспейтуғын болғанлықтан ҳәр бир газди өз алдына қараўға болады, яғный сәйкес формуланы ҳар бир газдиң парциаллық басымы ушын пайдаланыўға болады.

Газдиң молекулалық салмағы канша үлкен болса оның басымы бийикликке байланыслы тезирек кемейеди. Сонлықтан бийиклик үлкейген сайын атмосфера жеңил газлер менен байыйды; мысалы атмосферада кислород азотқа салыстырганда тезирек кемейеди.

Бирақ ҳакыйқый атмосфера ушын барометрлик формуланың қолланылыўы шекленген. Себеби атмосфера ҳакыйқатында жыллылық тең салмақлығында болмайды ҳэм оның температурасы бийикликке байланыслы өзгереди.

Егер Жер бетинен қәлеген бийикликтеги атмосфераға қолланатуғын болсақ Больцман формуласынан қызықлы нәтийжелерди шығарыўға болады. Жер бетинен үлкен қашықлықларда U ушын mgz аңлатпасын емес, ал бөлекшениң потенциал энергиясының дәл мәниси болған

$$U = -G\frac{Mm}{r}$$

формуласын пайдаланамыз. Бул жерде G гравитация турақлысы, M Жердиң массасы, r Жердиң орайынан қашықлық (22-параграфты қараңыз). Бул формуланы Больцман формуласына қойыў газдиң тығызлығы ушын мынадай аңлатпаны береди:

$$n = n_{\infty} e^{GMm/kTr}$$

бул жерде биз U=0 болған орындағы (яғный Жердан шексиз үлкен аралыққа кашықласқан орындағы) газдиң тығызылығын  $n_{\infty}$  арқалы белгиледик. Бул аңлатпадағы r диң орнына Жердиң радиусы R ди қойсақ, онда шексизликтеги Жер атмосферасының тығызлығы  $n_{\infty}$  ти анықлай аламыз:

$$n_{\infty} = n_0 e^{GMm/RkT}$$
.

Бул формулада Жер атмосферасының Жерден шексиз үлкен қашықлықларда нолге тең болмайтуғынлығын көремиз. Бундай нәтийже абсурд (мәниссиз) болып табылады. Себеби атмосфераның пайда болыўы Жердиң өзи менен байланыслы ҳам газдиң шекли муғдары шексиз үлкен кеңисликте тығызлығы ҳеш бир жерде жоғалмайтуғындай болып тарқалған болыўы мүмкин емес. Бундай жуўмаққа келиўде биз атмосфераны жылылық тең салмаклығында турады деп үндеместен қабыл еттик. Бул ҳақыйқатлыққа сәйкес келмейди. Бирақ бул ңәтийже гравитациялык майданның тең салмақлықта тарған газди услап тура алмайтуғынлығын билдиреди. Егер жыллылық тең салмақлығында туратуғын болса, онда атмосфера кенисликте тарқалып кеткен болар еди. Жер жағдайында бул таркалыў жүдә әстелик пенен жүреди ҳәм Жер өзиниң өмириниң ишинде өз атмосферасының сезилерликтей бөлегин жағалтқан жоқ. Бирақ, мысалы, Ай жағдайында гравитациялық майдан әдеўир әззи болғанлықтан атмосфераны жоғалтыў әдеўир тезирек жүрген ҳәм усының акыбетинде Ай ҳәзирги ўақытлары атмосфераға ийе емес.

# § 55. Максвелл бөлистирилиўи

Жыллық тезлиги  $v_T$  бөлекшелердиң жыллылық қозғалысының орташа характеристикасын береди. Ҳақыйқатында ҳәр қыйлы молекулалар ҳәр қыйлы тезликлер менен қозғалады ҳәм молекулалардың тезликлер бойынша бөлистирилиўи ҳаққында мәселени қойыў мүмкин: денедеги молекулалардың нешеўи (орташа) анаў ямаса мынаў тезликке ийе болады?

Жыллылық тең салмақлығында турған идеал газ ушын бул мәселени шешемиз. Бул ушын бир текли салмақ майданыда турған газ бағанасын қараймыз. Дәслеп биз газ

молекулаларының тезлигиниң тек вертикаллық қураўшысы  $v_z$  бойынша молекулалардың тарқалыўын (бөлистирилиўин) караймыз.

Тезлигиниң қураўшысының мәниси базы бир  $v_z$  ҳәм  $v_z$ + $dv_z$  шамалары арасындағы шексиз киши интервалдағы жататуғын  $1~{\rm cm}^3$  газдеги молекулалар санын

$$nf(v_z)dv_z$$

арқалы белгилеймиз. Бул жерде n берилген көлемдеги молекулалардың улыўма саны. Сонлықтан  $f(v_z)$  тезлигиниң кураўшысының мәниси анаў ямаса мынаў  $v_z$  болған молекулалар санының үлеси болып табылады.

z бийиклигиндеги газдиң шексиз жуқа қатламындағы (қалыңлығы dz) тезликлери  $dv_z$  интервалында болған молекулаларды қараймыз. Бул қатламның көлеми dz ке сәйкес келеди (егер газ бағанасының ултанының майданы 1 см² болса). Сонлықтан қарап атырған молекуларадың саны мынаған тең:

$$n(z)f(v_z)dv_zdz$$
.

Бул жерде n(z) газдиң z бийиклигиндеги тығызлығы. Еркин бөлекшелер сыпатында қозғалып (идеал газлердеги соқлығысыўларды есапқа алмаўға болады) бул молекулалар базы бир ўақыт ишинде қалыңлығы dz' болған қатламды ийелеп z' бийиклигине өтеди хәм тезлиги базы бир  $v_z$ ' хәм  $dv_z$ ' аралығындағы интервалда жатқан шамаға қосылады. Молекулалардың санының өзгермеслиги мына теңлик жәрдеминде жазылады:

$$n(z)f(v_z)dv_zdz = n(z')f(v_z')dv_z'dz'$$
.

Салмақ майданындағы қозғалыста тезликтиң горизонт бағытындағы қураўшалары  $(v_x,v_y)$  өзгермейди, ал  $v_z$  тиң өзгериси энергияның сақланыў нызамы бойынша анықланады:

$$\frac{mv_z^2}{2} + mgz = \frac{mv_z'^2}{2} + mgz'.$$

Бул теңликти дифференциаллап (z пенен z' тың берилген турақлы мәнислеринде) мына катнасты аламыз:

$$v_z dv_z = v_z' dv_z'$$
.

Қатламлардың қалыңлықлары былайынша байланысқан:

$$\frac{\mathrm{dz}}{\mathrm{v}_{\mathrm{z}}} = \frac{\mathrm{dz'}}{\mathrm{v}_{\mathrm{z}'}}.$$

Бул аңлатпа мына жағдайды аңлатады:  $dt=dz/v_z$  ўақыт аралығында молекула z бийиклигиндеги dz қатламын кесип өтеди ҳәм z' бийиклигинде dz'= $v_z$ 'dt аралығын өтеди. Еки қатнасты да ағзама-ағза көбейтип мынаны табамыз:

$$dv_z dz = dv_z' dz'$$
.

Сонлықтан молекулалардың санының турақлылығы шәрти бойынша еки тәрептеги дифференциаллар өз-ара қысқарады ҳәм биз аламыз:

$$n(z)f(v_z) = n(z')f(v_z').$$

Барометрлик формуланың жәрдеминде мынаны табамыз:

$$\frac{f(v_z')}{f(v_z)} = \frac{n(v_z)}{n(v_z')} = e^{-\frac{mg}{kT}(z-z')}.$$

Енди

$$mg(z-z') = \frac{mv'_z^2}{2} - \frac{mv_z^2}{2}$$

екенлигин еске түсиремиз ҳәм

$$f(v_z)e^{rac{mv_z^2}{2kT}} = f(v_z)e^{rac{mv_z'^2}{2kT}}$$

екенлигине ийе боламыз. Бул жерде биз алынған көбеймениң константа екенлигин көремиз. Басқа сөз бенен айтқанда  $f(v_z)$  функциясы төмендегидей түрге ийе болады екен:

$$f(v_z) = const * e^{-\frac{mv_z^2}{2kT}}.$$

[Бул формулаға салмақ күшиниң тезлениўиниң кирмегенлигине итибар беремиз. Усындай болыўы керек, себеби газ молекулаларының тезликлер бойынша тарқалыў механизми молекулалардың бир бири менен соклығысыўына байланыслы ҳәм сырткы майданға ҳеш қандай қатнасы жоқ. Биз жоқарыда баянлаған формуланы келтирип шығарыўда сырткы майдан тек жәрдемши орынды ийелейди: бундай майданды пайдаланыўдың жәрдеминде тезликлер бойынша тарқалыўды бизге белгили Больцман формуласы менен байланыстырдық].

Биз тезликтиң бир қураўшысының мәниси бойынша молекулалардың тең салмақлық бөлистирилиўин (тарқалыўын) таптық. Ал тезликтиң барлық үш кураўшысына ийе молекулалардың саны былайынша анықланады:

$$f(v_x, v_y, v_z) = const * e^{-\frac{mv_x^2}{2kT}} e^{-\frac{mv_y^2}{2kT}} e^{-\frac{mv_z^2}{2kT}}.$$

Дәреже көрсеткишлерин қосып,  $v_x^2 + v_y^2 + v_z^2 = v^2$  екенлигин есапқа алсақ, онда изленип атырған бөлистириўдиң ең кейинги түрин аламыз:

$$f = const * e^{-\frac{mv^2}{2kT}}.$$

Солай етип газдеги тезликлериниң қураўшылары  $v_x$ ,  $v_y$ ,  $v_z$  хәм  $v_x$  + $dv_x$ ,  $v_y$ + $dv_y$ ,  $v_z$ + $dv_z$  арасындағы интервалдағы молекулалар саны dN мынаған тең:

$$dN = const * e^{-\frac{mv^2}{2kT}} dv_x dv_y dv_z.$$

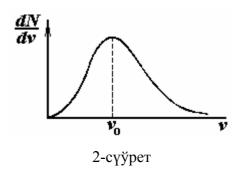
(турақлы коэффициент const ты алыў ушын тезликтиң барлық мүмкин болған мәнислерине ийе ийе молекулалардың саны газдеги молекулалар санына тең болыўы керек деп есапланады; биз ҳэзир бул коэффициенттиң мәнисин жазып отырмаймыз). Алынған формула Максвелл бөлистирилиўиниң формуласы деп аталады.

Жоқарыда алынған формуланың сыртқы майдандағы кеңистлик бойынша молекулалардың тығызлығының бөлистирилиўин беретуғын Больцман формуласына уқсаслығына дыққат аўдарамыз: еки жағдайда да биз

$$e^{-\frac{\mathcal{E}}{kT}}$$

түриндеги экспоненциал аңлатпаға ийе боламыз. Бул жерде  $\varepsilon$  аркалы молекуланың энергиясы белгиленген – тезликлер бойынша бөлистирилиўде кинетикалық энергия  $mv^2/2$ , ал кенислик бойынша бөлистирилиўде сырткы майдандағы потенциал энергия U(x,y,z). Бундай аңлатпаны көп жағдайларда *Больцман көбейтиўшиси* деп атайды.

Yш  $v_x$ ,  $v_y$ ,  $v_z$  қураўшыларын бериў молекуланың тезлигиниң шамасын да, бағытын да анықлайды. Бирақ молекулалардың тезликлериниң бағытлары бойынша бөлистирилиўи тең өлшеўли — барлық бағытларда орташа бирдей сандағы молекулалар ушады [Бул тезликлердиң тек абсолют мәниси киретуғын Максвелл бөлистирилиўинен де көринеди. Егер бағытлар бойынша бөлистирилиў тең өлшеўли болмағанда газде молекулалардың қозғалыўының базы бир артықмашлыққа ийе бағыты болған болар еди, бул газдиң тынышлық ҳалына емес, ал бир бағыттағы қозғалысына сәйкес келеди].



Максвелл формуласын молекулалардың тезликлериниң абсолют шамасы бойынша бөлистирилиўине жуўап беретуғындай етип түрлендириўге болады (тезликлериниң бағытлары бойынша емес). Бул ушын тезликлери  $\mathbf{v}^2 = \mathbf{v}_x^2 + \mathbf{v}_y^2 + \mathbf{v}_z^2$  бирдей, ал тезликлериниң қураўшылары  $\mathbf{v}_x$ ,  $\mathbf{v}_y$ ,  $\mathbf{v}_z$  лер хәр кыйлы болған молекуларадың санларын қосып шығыўымыз керек. Буны мынадай геометриялық аналогияны қолланып аңсат ислеўге болады: Егер координата көшерлери  $\mathbf{v}_x$ ,  $\mathbf{v}_y$ ,  $\mathbf{v}_z$  болған координата системасын енгизетуғын болсақ, онда  $\mathbf{d}\mathbf{v}_x\mathbf{d}\mathbf{v}_y\mathbf{d}\mathbf{v}_z$  көбеймеси тәреплериниң узынлықлары  $\mathbf{d}\mathbf{v}_x$ ,  $\mathbf{d}\mathbf{v}_y$ ,  $\mathbf{d}\mathbf{v}_z$  болған шексиз киши параллелопипедтиң көлемин береди. Бизлер енди координата басынан бирдей қашықлықларда турған усындай элементар көлемлерди бир бирине қосып

шығыўымыз керек (v ның усы координаталардығы «радиус-вектордың» узынлығын беретуғынлығы өз-өзинен түсиникли). Бул көлемлер радиуслары v ҳәм v+dv болған еки сфера арасындағы шар қатламын береди. Оның қөлеми сфералық беттиң майданы  $4\pi v^2$  менен қатлам қалыңлығы dv ның көбеймесине тең.

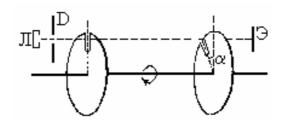
Солай етип Максвелл бөлистирилиўиндеги  $dv_x dv_y dv_z$  көбеймесин  $4\pi v^2 dv$  ге алмастырып биз тезликлери v менен v+dv аралығында болган молеулалар санын аламыз:

$$dN = const * e^{-\frac{mv^2}{2kT}} v^2 dv.$$

Бул формуладағы dv ның алдында турған аңлатпа тезлик бирлигиндеги молекулалар саны болып табылады. Аргумент v ның функциясы сыпатында ол 2-сүўретте көрсетилгендей түрге ийе болады. Бул функция v=0 де нолге тең, ал v= v0 мәнисинде максимумға жетеди, буннан кейин тезликтиң үлкейиўи менен тез нолге умтылады. Иймекликтиң максимумы тезликтиң  $v_0 = \sqrt{2kT/m}$  мәнисине сәйкес келеди. Бул тезликтиң шемесы 50-параграфта анықланған жыллылық тезлиги  $v_{\rm жыл}$  тың шамасынан бир канша киши.

Хәр қыйлы молекулалар ҳәр қыйлы тезликлерге ийе болатуғын болғанлықтан орташа характеристикаларды анықлағанда қандай шаманы орташалаў керек екенлиги үлкен әҳмийетке ийе. Мысалы тезликтиң биринши дәрежесиниң орташа мәниси  $\overline{v}$  ның мәниси  $\overline{v}$  ға сәйкес келмейди (бул тезликтиң келип шығыўына байланыслы орташа квадратлық тезлик деп атайды). Максвелл бөлистирилиўинен  $\overline{v} = 0.92v_{жыл}$  екенлиги көрсетиў мүмкин.

Бир атомлы газ ушын жоқарыда келтирилип шығарылған Максвелл бөлистирилиўи ҳақыйқатында әдеўир улыўмалырақ болған теориялық көз-қараслар бойынша да әмелге асырылыўы мүмкин ҳәм универсаллық ҳарактерге ийе. Бул бөлистирилиў қәлеген денениң атомлары ҳәм молекулалары ушын дурыс орынланады. Бирақ Максвелл бөлистирилиўиниң классикалық меҳаникаға тийкарланғанлығын атап өтемиз. Сонлықтан классикалық меҳаниканың жыллылық кызғалысларына қолланылыўы қандай болса, бул бөлистирилиўдиң де қолланылыў шеклери квантлық қубылыслар менен шекленген.



3-сүўрет

Жыллылық қозғалысларының бөлистирилиўин эксперименталлық жақтан үйрениў молеулалық дәстелерди пайдаланыўшы ҳәр қыйлы усыллар менен әмелге асырылады. Бундай дәстелер ишинде ҳаўасы сорып алынған камераға затларды арнаўлы түрде пуўландырыў жолы менен алынады. Молекулалардың соқлығыспай ушыўы ушын камерада жеткиликли дәрежедеги вакуумның алыныўы керек.

Усындай усыллардың бири тезликлердиң механикалық селекторы идеясына тийкарланған ҳәм мәниси төмендегилерден турады: Ҳаўасы сорылып алынған кеңисликте улыўмалық көшерге бекитилген радиал бағыттағы кесимлери бар бир биринен l қашықлығында турған еки дөңгелек диск айланады. Дисктеги кесимлер бир бирине салыстырғанда  $\alpha$  мүйешине бурылған (3-сүўрет). Бул дисклерге  $\Pi$  печинен D диафрагмасы арқалы молекулалар дәстеси жибериледи. Биринши дисктеги кесимнен v тезлиги менен өткен молекула t=l/v ўақты ишинде екинши дискке келип жетеди. Усы ўакыт ишинде диск  $\Omega t=\Omega l/v$  мүйешине бурылады ( $\Omega$  арқалы айланыўдың мүйешлик тезлиги белгиленген). Сонлықтан екинши дисктеги кесимнен өтетуғын молекулалардың (ҳәм  $\Theta$  экранында из қалдыратуғын) тезлиги тек  $\Omega l/v$  ни қанаатландыратуғын болыўы керек. Дисклердиң тезлигин  $\Theta$  экранға келип жеткен молекуларадың тығызлығын  $\Theta$  олыст хәр қыйлы тезликлерге сәйкес келиўши бөлекшелердиң санын анықлай аламыз.



4-сүўрет

Максвелл бөлистирилиўиниң экспериментте молекулалар дәстесиниң салмак майданындағы аўысыўын бақлаў жолы менен де эмелге асырылды. 1-печте қыздырылған цезий атомлары дәстеси (4-сүўрет) ҳаўасы сорылып алынған камераға өткериледи. 2- ҳәм 3-диафрагмалар жәрдеминде кесип алынған жиңишке дәсте салмақ майданының тәсиринде төмен карап бурылады ҳәм детектор жәрдеминде тутып алынады. Детектор болып 4-қыздырылған вольфрам сабағы ҳызмет етип, оны әсбаптың көшеринен h аралығына төменге қойыў мүмкин (сол қыздырылған вольфрам сабаққа келип урылған цезий атомлары оң зарядланған ионлар түринде сабақтан ушып шығады ҳәм терис зарядланған пластинка жәрдеминде кайтадан терип алынады). Атомның аўысыўы h оның тезлиги v ға ғәрезли болады (тәжирийбеде дәстениң жолы 2 м болғанда аўысыўдың шамасы миллиметрдиң оннан бирин қурады). Ҳәр кыйлы h ларда дәстениң

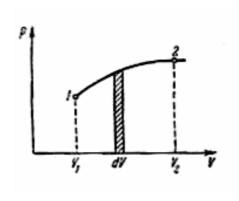
интенсивлилигин өлшеп биз дәстедеги атомлардың тезлик бойынша бөлистирилиўин аныклаймыз.

#### § 56. Жумыс хәм жыллылық муғдары

Кеңейгенде дене өзин қоршаған денелерди ысырады, яғный сол ысырылған денелер үстинен жумыс ислейди.

Цилиндер тәризли ыдыстағы поршенниң астында турған газди қараймыз. Егер газ кеңейсе, онда поршенди шексиз киши dh аралығына ысырады ҳәм Fdh қа тең болған dA жумысын ислейди. Бул жерде F арқалы поршенге газ тәрепинен тәсир ететуғын күш белгиленген. Бирақ басымның анықламасы бойынша F=pS, бул жерде р газдиң басымы, ал S поршенниң майданы. Сонлықтан dA=pSdh. Sdh шамасы бойынша газдиң көлеминиң өсими dV ға тең. Сонлықтан





5-сүўрет

Бул әпиўайы ҳәм әҳмийетли формула денениң көлеми шексиз киши шамаға өзгергендеги элементар процесстеги жумысты анықлайды. Биз бул жерде жумыстың тек ғана денениң басымы менен оның көлеминиң улыўмалық өзгерисине байланыслы екенлигин, ал денениң формасынан ғәрезсиз екенлигин көремиз (гүман пайда етпеў ушын бул тастыйықлаўдың қатты денелерге байланысының жоқ екенлиги атап өтемиз, 101-параграфты қараныз).

Жумыс dA ның шамасы дене кеңейгенде оң (dV>0), бул жағдайда дене қоршаған орталық үстинен жумыс ислейди. Ал дене кысылса (dV<0) жумыс қоршаған денелер тәрепинен дене үстинен исленеди. Бул жағдайда бизиң анықламамыз бойынша терис белгиге ийе жумыс исленеди.

Егер р ҳәм V координаталарын қолланатуғын болсақ анаў ямаса мынаў процесстеги исленген жумысты графикалық түрде сүўретлеў мүмкин. Мейли газ қеңейгенде оның басымының өзгериси 5-сүўреттеги 1-2 иймеклиги менен берилсин. Газдиң көлеми dV ға үлкейгенде газ тәреипнен исленген жумыс pdV ға тең (яғный сүўреттеги штрихланған шексиз енсиз туўры мүйешликтиң майданына тең). Сонлықтан газдиң көлеми  $V_1$  ден  $V_2$  ге үлкейгенде исленген жумыс иймекликтиң асты ҳәм шетки еки вертикал туўрылар менен шекленген  $12V_1V_2$  майданына тең. Солай етип диаграмманың майданы биз қарап атырған процесстеги жумысты дәрҳәл береди екен.

Айланбалы процесс деп аталатуғын процесс жийи ушырасады. Бундай процесстиң нәтийжесинде дене өзиниң дәслепки ҳалына қайтып келеди. Мейли газде 6-сүўретте көрсетилген туйық 1a2b1 иймеклиги бойынша процесс жүретуғын болсын. 1a2 участкасында газ кеңейеди ҳәм 1a2 иймеклигиниң төмениндеги майданға тең жумыс ислейди. Ал 2b1 участкасында газ қысылады, исленген жумыстың белгиси терис, ал шамасы бойынша 2b1 иймеклиги астындағы майданға тең. Газ тәрепинен исленген улыўмалық жумыс усы еки майданның айырмасына тең (сүўретте бул айырма штрихланған).

Турақлы басымда дене  $V_1$  көлеминен  $V_2$  көлемине шекем кеңейгенде исленген жумыс аңсат есапланады. Ол мынаған таң:

$$A=p(V_2-V_1).$$

Енди идеал газдиң изотремалық кеңейгениндеги исленген жумысын анықлаймыз. Газдиң бир грамм-молекуласы ушын басым p=RT/V. Сонлықтан

$$dA = pdV = \frac{RT}{V}dV = RTd \ln V.$$

Температура турақлы болғанлықтан dA=d(RTlnV) деп жаза аламыз. Буннан А жумысының процесстиң басы менен ақырындағы RTlnV шамаларының айырмасына тең екенлиги келип шығалы. Яғный

$$A = RT \ln \frac{V_2}{V_1}.$$

Егер дене сырттан ҳеш қандай энергия алмайтуғын болса, онда кеңейгендеги жумыс денениң ишки энергиясы есабынан исленеди. Е арқалы белгиленетуғын бул энергия заттың атомларының кинетикалық энергиялары менен олардың бир бири менен тәсирлесиўиниң потенциал энергияларының қосындысына тең болады.

Бирақ базы бир процесслердеги денениң ишки энергиясының өзгериси исленген жумыс пенен сәйкес келмейди. Себеби дене механикалық жумыс ислемей-ақ энергиянсын басқа денелерге бериуи (ямаса алыуы) мүмкин. Усындай жоллар менен алынған

энергияны *жыллылық муғдары* деп атайды. Егер дене жыллылық алатугын болса биз жыллылық муғдарынының мәнисин оң деп есаплаймыз,. Дене жыллылық беретуғын болса жыллылық муғдарының шамасы терис белгиге ийе болады.

Солай етип денениң ишки энрегиясының шексиз киши өзгериси еки бөлимнен турады: дене тәрепинен аныған энергияның (оны dQ арқалы белгилеймиз) есабынан ишки энергия өседи ҳәм дене тәрепинен исленген жумыстың есабынан ишки энергия кемейеди. Демек биз былайынша жаза аламыз:

$$dE=dQ-pdV$$
.

Бул эҳмийетли аңлатпа жыллық процесслериндеги энергияның сақланыў нызамын аңлатады (усыған байланыслы бул аңлатпаны *термодинамиканың биринши нызамы* деп те атайды).

Жумыс пенен жыллылық муғарының денениң дәслепки ҳәм ақырғы ҳалларына байланыслы болып қоймай, денениң ҳалы өзгеретуғын жолға да байланыслы екенлигин атап өтемиз. Усы себепке байланыслы «денедеги жыллылық муғдары» деп айтыўға ҳәм жыллылық эффектин дәслепки ҳәм ақырғы ҳаллардығы жыллылық муғарларының айырмасы деп қараўға болмайды. Бундай түсиниктиң мәниске ийе емес екенлиги дене өзиниң дәслепки ҳалына кайтып келетуғын айланбалы процеслерде көргизбели түрде көринеди. Ал жутылған (ҳәм шығарылған) жыллықтың улыўма муғдары нолге тең емес.

Тек еркин энергия E ғана *ҳал функциясы* болып табылады: ҳәр бир анық ҳалда дене белгили муғдардағы ишки энрегияға ийе. Сонлықтан денениң энергиясының процесстеги өзгериси тек дәслепки ҳәм ақырғы ҳалларға ғәрезли болған шама болып табылады (бул ҳаллардағы энергиялардың айырмасы  $E_2$ - $E_1$ ). Бул өзгеристи жыллық муғдары Q ға ҳәм жумыс A ға бөлиў бир мәнисли емес, ал дәслепки ҳалдан ақырғы ҳалға өткендеги жолға байланыслы. Дара жағдайда айланбалы процесстеги энергияның толық өзгериси нолге тең, ал дене тәрепинен жутылған энергия Q менен дене тәрепинен исленген жумыс A нолге тең емес ҳәм олар бир бири менен Q=A теңлиги менен байланысқан.

Жыллықты өлшеўлерде өлшем бирлик сыпатында жақын ўакытлаға шекем айрықша бирлик болған *калория* (*кал*) қолланылып келди. Бул бирликти 1 г суўды 1<sup>0</sup> қа кыздырыў ушын зәрүр болған жыллылық муғдары сыпатында анықлаў жеткиликли дәрежеде дәл емес. Себеби суўдың жыллылық сыйымлылығының өзи температураға ғәрезли. Усыған байланыслы шамасы бойынша бир биринен парық қылатуғын колорияның ҳәр қыйлы анықламалары бар еди. Калория менен джоульдиң шама менен алынған қатнасы төмендегидей:

 $1 \kappa a \pi = 4,18 \partial \pi c$ .

Егер dQ жыллылығын жутқанда денениң температурасы dT ға көтерилетуғын болса, онда

$$C = \frac{dQ}{dT}$$

денениң жыллылық сыйымлылығы деп аталады. Бирақ бундай анықлама жеткиликли емес. Себеби денени қыздырыў ушын жумсалатуғын жыллылық тек температураға ғәрезли емес, ал жыллылық берилетуғын басқа шараятларға да байланыслы. Денениң температурсынан басқа қандай шамалардың өзгеретуғынлығын есапқа алып өтиў керек. Усындай бир мәнислиликтиң жоқлығынан жыллылық сыйымлылығының ҳәр қыйлы анықламаларының болыўы мүмкин.

Физикада турақлы көлемдеги жыллылық сыйымлылығы  $C_V$  ҳәм турақлы басымдағы жыллылық сыйымлылығы  $C_p$  түсиниклерин көбирек қолланған дурыс болады. Бундай жағдайларда жыллықтың денеге қандай шараятларда берилгенлиги (турақлы басымда ямаса турақлы көлемде) анық көрсетиледи.

Егер көлем турақлы болып қалса, онда dV=0, dQ=dE, яғный жыллылықтың барлығы да денениң ишки энергиясын өсириў ушын жумсалады. Соның ушын былайынша жазамыз:

$$C_{V} = \left(\frac{dE}{dT}\right)_{V}$$

Туўындыдағы V индекси дифференциаллаўдың көлемниң турақлы мәниси V да жүргизилетуғынлығын билдиреди. Шараяттың усындай етип көрсетилиўи зәрүрли, себеби денениң энергиясы тек ғана температурадан ғәрезли болмай, денениң ҳалын ҳарактерлеўши басқа параметрлерге де байланыслы. Ал дифференциаллаўдың нәтийжеси сол шамалардың қайсысының турақлы болып қалатуғынлығына байланыслы.

Егер қыздырыўда денениң басымы турақлы болып қалатуғын болса, онда берилген жыллылық денениң ишки энергиясын арттырып ғана қоймай, жумыс ислеўге де жумсалады. Бул жағдайда басым p=const болғанлықтан жыллылық муғдарын былайынша жазамыз:

$$dQ=dE+pdV=d(E+pV)$$
.

Биз жллылык муғдарының

$$W = E + pV$$

шамасының өзгерисине тең екенлигин көремиз. Бул шама жыллылық функциясы (буннан басқа жыллылық сақлаў ямаса энтальпия атлары да қолланылады) деп аталады. Энергия менен бир қатар бул шама да денениң ҳалының анық функциясы болып табылады. Солай етип турақлы басымдағы жыллылық сыйымлылығы

$$C_{p} = \left(\frac{dW}{dT}\right)_{p}$$

туўындысы түринде есапланады.

 $C_{p}$  жыллылық сыйымлылығы барлық ўакытта да  $C_{V}$  жыллылық сыйымлылығынан үлкен:

$$C_{n}>C_{V}$$
.

Усы теңсизликтиң орын алыўы турақлы басымларда дене кеңейгенде жумыс ислейтуғынллығына байланыслы деп есаплаған дурыс емес. Бул теңсизлик қыздырғанда кеңейетуғын денелер ушын да, қысылатуғын денелер (бундай денелер көп емес) ушын да дурыс. Ҳакыйқатында бул теңсизлик мазмуны төмендегидей болған жыллылық ҳаққындағы тәлиматтың әҳмийетли нәтийжелериниң бири болып табылады:

Денени жыллылық тең салмақлығы ҳалынан шығарыўға бағдарланған сыртқы тәсирлер денеде усы сырқы тәсирлердиң нәтийжелерин әззилетиўге бағдарланған процесслерди жүзеге келтиреди. Денени кыздырыў жыллылықты жутыўға байланыслы процесслердиң пайда болыўына, ал салқынлатыў болса, керисинше, жыллылықтың бөлинип шығыўына байланыслы болған процесслердиң жүзеге келиўине алып келеди. Бул аўҳал Ле Шаталье принципи деп аталады.

Енди сыртқы орталық пенен тең салмақлықта турған денеге оның көлеми турақлы болып қалатуғындай жағдайда базы бир жыллылық берилсин деп көз алдымызға келтирейик. Бундай жағдайда температура базы бир ( $\Delta T$ ) $_{V}$  шамасына көтериледи. Усының нәтийжесинде денениң басымы да өзгереди ҳам тең салмақлық бузылады (тең салмақлық ҳалда денениң басымы қоршаған орталықтың басымына тең болыўы керек). Ле Шаталье принципи бойынша дәслепки басмының қайта тиклениўине алып келетуғын тең салмақлықтың тиклениўи базы бир салқынлаў менен жүриўи керек. Басқа сөз бенен айтқанда турақлы басымдағы денениң температурасының өзгериси ( $\Delta T$ ) $_{P}$  турақлы көлемдеги температураның өзгериси ( $\Delta T$ ) $_{V}$  ден киши болады (еки жағдайда да денеге бирдей жыллылық берилгенде). Бул өз гезегинде температураны бирдей шамаға көтериў ушын турақлы басымда турақлы көлемдегиге қарағанда көбирек жыллылықтың керек болатуғынлығын билдиреди.

Бир шама өзгергенде екинши шаманың қайсы бағдарда өзгеретуғынлығын анықлаў мақсетинде биз бир неше рет Ле Шаталье принципине кайтып келемиз.

# § 57. Газлердиң жыллылық сыйымлылығы

Идеал газдиң молекулалары бир бири менен тәсирлеспейди деп есапланады, сонлықтан газ кеңейгендеги олар арасындағы орташа қашықлықтың үлкейиўи оның ишки энергиясына тәсир жасамайды. Басқа сөз бенен айтқанда идеал газдиң ишки энергиясы тек температураның функциясы болып табылады (ал басым менен көлемниң фукнциясы емес). Сонлықтан газдиң жыллылық сыйымлылығы  $C_V$ =dE/dT да температурадан ғәрезли болады.

Тап сондай жағдай  $C_p$ =dW/dT жыллылық сыйымлылығы ушын да орын алады. Соның менен бирге сол еки жыллылық сыйымлылығы арасында жүдә әпиўайы байланыс бар.

Газ молекулаларының бир грамм-молекуласын қараймыз; сәйкес жыллылық сыйымлылығы моллик жыллылық сыйымлылығы деп аталады (оны киши с ҳәрипи жәрдеминде белгилеймиз). Ҳал теңлемеси pV=RT бойынша бир моль газдиң жыллылық функциясы оның ишки энергиясы менен былайынша байланысқан:

$$W=E+pV=E+RT$$
.

Бул теңликти температура бойынша дифференциаллап, аламыз:

$$c_p = c_V + R$$
.

Демек газдиң моллик жыллылық сыйымлылықларының айырмасы  $c_p$ - $c_V$  газ турақлысы тең екен:

$$R=8,3 \ \partial \mathcal{H}/(град*моль)=2 \ \kappa an/(град*моль).$$

Бир атомлы газдиң жыллылық сыйымлылығын аңсат есаплаўға болады (инерт газлер сондай). Бул жағдайда газдиң ишки энергиясы бөлекшелериниң илгерилемели қозғалысларының әпиўайы қосындысынан турады. Температураның анықламасы бойынша бир бөлекшениң орташа кинетикалы энергиясы (3/2)kT ға тең болғанлықтан бир моль газдиң ишки энергиясы

$$E = \frac{3}{2}N_0kT = \frac{3}{2}RT.$$

Сонлықтан жыллылық сыйымлылығы

$$c_{_{
m V}}=rac{3}{2}{
m R}=12{,}15rac{\partial\mathcal{H}}{\it град*моль}, \hspace{0.5cm} c_{_{
m p}}=rac{5}{2}{
m R}=20{,}8rac{\partial\mathcal{H}}{\it град*моль}.$$

Бул шамалардың температураға ғәрезли емес екенлигин атап өтемиз.

Биз төменде көп процесслерде газдың әҳмийетли характеристикасы болып  $\gamma$  арқалы белгиленетуғын жыллылық сыйымлылықлары  $c_p$  менен  $c_V$  ның қатнаслары болып табылатуғынлығын көремиз:

$$\gamma = \frac{c_p}{c_V}.$$

Бир атомлы газлер ушын

$$\gamma = 5/3 = 1,67$$
.

Көп атомлы газлердиң жыллылық сыйымлылықларының келип шығыўы қурамалырақ болып табылады. Олардың ишки энергиялары молекулалардың илгерилемели ҳәм айланбалы қозғалысларының энергияларынан ҳәм молекула ишиндеги атомларының тербелис энергияларынан турады. Солай етип қозғалыслардың сол үш түри де жыллылық сыйымлылығына белгили бир үлес қосады.

Усыған байланыслы 50-параграфқа кайтып келемиз. Молекула өзиниң илгерилемели қозғалысында үш еркинлик дәрежесине ийе болғанлықтан, сол еркинлик дәрежесиниң ҳәр бирине kT/2 энергия сәйкес келеди. Класскикалық механикаға сәйкес бундай нәтийже илгерилемели қозғалыс ушын да, тербелмели қозғалыс ушын да, айланбалы қозғалыс ушын да алыныўы керек. Соның менен бирге тербелмели қозғалыста потенциал энергияның орташа мәниси кинетикалық энергияның орташа мәнисине тең екенлигин де билемиз. Сонлықтан классикалық механикаға сәйкес молекула ишиндеги атомның жыллылық потенциал энергиясы да kT/2 ге тең болыўы керек. Нәтийжеде ҳәр бир газ толығы менен молекуласының еркинлик дәрежеси бойынша алынатуғын температурадан ғәрезсиз болған (молекуладағы атомлар саны менен анықланатуғын) турақлы жыллылық сыйымлылығының да болыўы кереклиги алынады.

Хакыйқатында молекулалардығы атомлардың тербелмели қозғалысының жыллылық сыйымлылығына үлеси тек жеткиликли дәрежедеги жоқары температураларда бақланады. Себеби бундай қозғалыслар өзлериниң «ноллик тербелислер» характерин тек төменги температураларда емес, ал салыстырмалы жоқары температураларда да сақлайды. Бул ноллик тербелислер энергиясының салыстырмалы үлкен мәнисине байланыслы. «Ноллик» энергия болса өзиниң мәниси бойынша температурадан ғәрезли емес ҳәм сонлықтан жыллылық сыйымлылығына үлеси жоқ. Еки атомлы газлердиң молекулаларында (азот, кислород, водород ҳ.б.) атомлардың молекулалар ишиндеги тербелислери шама менен бир неше мың градусларда жүзеге келеди. Төменирек температураларда олардың жыллылық сыйымлылыгына қосатуғын үлеси тез кемейеди ҳәм өжире температураларында әмелий жақтан путкиллей жоғалады.

Молекулалардың айланысының ноллик энергиясы жүдә аз. Сонлықтан бундай қозғалысқа классикалық механиканы ертерек қолланыў керек болады (еки атомлы молекулалар ушын Кельвин бойынша бир неше градусларда, ал ең жеңил молекула болған водородта болса 80 К температура зәрүр).

Өжире температураларында еки атомлы газлердиң жыллылық сыйымлылығы молекулалардың илгерилемели ҳәм айланбалы қозғалыслары менен байланыслы ҳәм өзиниң классикалық механикаға тийкарланған теориялық мәнисине жүдә жақын:

$$c_{_{
m V}}=rac{5}{2}$$
  $R=20.8rac{\partial \mathcal{H}}{\it град*моль}, \quad c_{_{
m p}}=rac{7}{2}$   $R=29.1rac{\partial \mathcal{H}}{\it град*моль}.$ 

Жыллылық сыйымлылықлараның катнаслары  $\gamma = 7/5 = 1,4$ .

«Квант областында» жыллылыққа байланыслы болған айланбалы ҳәм тербелмели қозғалыслардың орташа энергиялары (соның менен бирге газдиң жыллылық сыйымлылығы да) тек ғана температураға емес, ал молекуланың «индивидуаллық» қәсийетлери болған олардың инерция моменти менен тербелислер жийилигине де байланыслы болады (атап айтқанда усы себепке байланыслы илгерилемели қозғалыс энергиясындай болып температураны тиккелей анықлаў ушын жарамлы емес).

Буннан да қурамалы характерге көп атомлы газлердиң жыллылық сыйымлылығы ийе болады. Көп атомлы молекулада атомлар ҳәр қыйлы «ноллик» энергияға ийе көп санлы тербелислердиң типлерине ийе болыўы мүмкин. Температура жоқарылаған сайын бул тербелислер бир биринен кейин жыллылық қозғалысына «қосылады» ҳәм усыған сәйкес газдиң жыллылық сыйымлылығы артады. Бирақ барлық тербелислердиң толық иске қосылыўына шекем жетиў мүмкиншилиги болмайды. Себеби жоқары температураларда молекулалар бөлеклерге ыдырап кетеди.

Жоқарыда айтылғанлардың барлығы да идеал газ деп есаплаў мүмкин болған газлер ушын орынлы. Күшли кысыўларда газдиң қәсийетлери идеал газлердиң қәсийетлеринен үлкен айырмаға ийе болады ҳәм молекулалардың бир бири менен тәсирлесиўиниң ақыбетинде оның жыллылық сыйымлылығына қосатуғын үлеси артады.

## § 58. Конденсацияланған денелер

Барлық газлер ушын улыўмалық болған ҳал теңлемесин дүзиўге мүмкиншилик беретуғын идеал газдиң жыллылық қәсийетлериниң әпиўайылығы усы газдеги молекулалардың бир бири менен тәсирлесиўиниң ролиниң азлығына байланыслы. Конденсацияланған денелерде болса молекулалардың бир бири менен тәсирлесиўи әҳмийетли орын ийелейди. Усыған байланыслы бундай денелердиң жыллылық қасийетлери тийкарынан индивидуаллық (тек өзине тән) характерге ийе ҳәм олар ушын улыўмалық ҳал теңлемесин дүзиўдиң мүмкиншилиги болмайды.

Конденсацияланған денелер киши қысылыўшылыққа ийе (газлерде пүткиллей басқаша екенлигин еске түсиремиз). Олардың қысылыўшылығын тәриплеў ушын әдетте турақлы температурада көлемнен басым бойынша туўынды түринде анықланыўшы *қысылыўшылық коэффициентинен* пайдаланады:

$$\kappa = -\frac{1}{V} \left( \frac{dV}{dp} \right)_{T}.$$

Бул формуладан қысылыўшылық коэффициентиниң изотермалық қысылыўды тәриплейтуғынлығын көремиз (басым үлкейгенде көлем киширейетуғын болғанлықтан бул туўындының мәниси терис, соның ушын минус белгиси оң шаманы алыў ушын қойылған). Формуладан к ның басымның өлшем бирлигине кери өлшем бирлигине ийе болатуғынлығы көринип тур.

Мысал ушын базы бир суйықлықлардың қысылыўшылық коэффициентлериниң мәнислерин келтиремиз (1 *бар* басым ушын):

Сынап	0,4*10 <sup>-5</sup>	бар <sup>-1</sup>
Суў	4,9*10 <sup>-5</sup>	бар <sup>-1</sup>
Спирт	7,6*10 <sup>-5</sup>	бар <sup>-1</sup>
Эфир	14,5*10 <sup>-5</sup>	бар <sup>-1</sup>

Қатты денелердиң көпшилигиниң қысылыўшылық коэффициентиниң мәниси жоқарыда келтирилген шамалардан да киширек:

Алмаз	0,16*10 <sup>-6</sup>	бар <sup>-1</sup>
Темир	0,61*10 <sup>-6</sup>	бар <sup>-1</sup>
Мыс	$0,76*10^{-6}$	бар <sup>-1</sup>
Алюминий	1,4*10 <sup>-6</sup>	бар <sup>-1</sup>
Шийше	$2,7*10^{-6}$	бар <sup>-1</sup>
Цезий	62*10 <sup>-6</sup>	бар <sup>-1</sup>

Салыстырыў ушын газдың кысылыўшылығын табамыз. Изотремалық кысыўда газдиң көлеми V=RT/р басымға керип пропорционал киширейеди. Бул аңлатпаны жоқарыда келтирилген к ушын аңлатпаға қойып ҳәм дифференцаллаўды орынлап төмендегини аламыз:

$$\kappa = 1/p$$
.

1 бар басымда газдиң кысылыўшылығы к=1 бар $^{-1}$ .

Кондесацияланған денелердиң жыллылық қәсийетлерин тәриплеў ушын қолланылатуғын басқа шама *жыллылық кеңейиўи коэффициенти* болып табылады. Ол былайынша анықланады:

$$\alpha = \frac{1}{V} \left( \frac{dV}{dT} \right)_{n}$$

Туўындыдағы р белгиси денени қыздырыўдың турақлы басымда әмелге асырылатуғынлығын билдиреди.

Денелердиң көпшилиги қыздырғанда кеңейеди ( $\alpha$  коэффициентиниң мәниси оң). Бул тәбийий: жыллылық қозғалыслары күшейеди ҳәм молекулаларды бир биринен ийтереди. Бирақ бул қағыйда барлық ўақытлары орынланбайды. Мысалы 0 ден  $4^{0}$ С ға шекемги интервалда қыздырғанда суўдың көлеми киширейеди. Тап сол сыяқлы 2,19 К нен төменги температураларда гелийди қыздырғанда қысылады (бул 74-параграфта гәп етилетуғын гелий II болып табылады).

Мысал ретинде базы бир суйықлықлардың жыллылық кеңейиўи коэффициентин келтиремиз (өжире температураларындағы):

Сынап	1,8*10 <sup>-4</sup>	град <sup>-1</sup>
Суў	2,1*10 <sup>-4</sup>	град <sup>-1</sup>
Спирт	10,8*10 <sup>-4</sup>	град <sup>-1</sup>
Эфир	16,3*10 <sup>-4</sup>	град-1

[Салыстырыў ушын газлердиң жыллылық кеңейиўи коэффициентин келтиремиз: V=RT/p ны  $\alpha$  ның анықламасына қойып  $\alpha$ =1/T екенлигине ийе боламыз; T=273 K де  $\alpha$ =3,4\*10<sup>-3</sup> екенлигин көремиз].

Катты денелердиң жыллылық қеңейиўи коэффициенти жоқарыдағылардан да киши:

Темир	$3,5*10^{-5}$	град-1
Мыс	5,0*10 <sup>-5</sup>	$\Gamma pa\partial^{-1}$
Шийше	2,4-3,0*10 <sup>-5</sup>	$\Gamma pa\partial^{-1}$

Жүдә киши жыллылық кеңейиўи коэффициентине инвар (темир 64%, никель 36% болған қуйма) ийе ( $\alpha$ =1,2\*10<sup>-6</sup>). Бул материаллар температура өзгергенде өлшемлериниң өзгериўи мақсетке муўапық келмейтуғын әсбаплардың бөлеклерин соғыў ушын қолланылады.

45-параграфта кристаллардың (кублық емес кристаллардың) жыллылық кеңейиўиниң хәр қыйлы бағытларда ҳәр қыйлы болатуғынлығы айтылған еди. Бул айырманың шамасы әдеўир үлкен болыўы мүмкин. Мысалы цинк кристаллыдың жыллық кеңейиўинде гексагоналлық көшер бағытында сызықлы өлшемлер оған перпендикуляр бағыттағы сызықлы өлшемлерге салыстырганда 4,5 есе тезирек үлкейеди.

Кондансацияланған денелердиң жыллылық сыйымлылығы газлердиң жыллылық сыйымлылығы сыяқлы температураның өсиўи менен өседи.

Қатты денелердиң жыллылық сыйымлылығы атомларының тең салмақлық орынлары әтирапындағы киши тербелис энергиялары менен байланыслы. Температура жоқарылағанда бул жыллылық сыйымлылығы белгили бир анық шекке умтылады. Бул жағдай атомлардың тербелислерин классикалық механика жәрдеминде қараўға болатуғын жағдайға сәйкес келеди. Атомлардың барлық қозғалыслары тербелмели характерге ийе болғанлықтан, онда атомның ҳәр бир еркинлик дәрежесине орташа kT энергиясы сәйкес келеди: орташа кинетикалық энергия менен орташа потенциал энергияның ҳәр бири kT/2 ге тең (бул ҳаққында алдыңғы параграфта дағазаланды). Қатты денениң бир атомына сәйкес келиўши орташа энергия 3kT ға тең болыўы керек.

Бирақ бул шек қандай да бир қурамалы бирикпелер ушын ҳеш қашан да орынланбайды. Себеби бундай температураларға жетемен дегенше олар ерип ямаса ыдырап кетеди. Әдеттегидей температураларда көплеген элементлер ушын жыллылық сыйымлылығының шеклик мәниси орнайды. Сонлықтан қатты элементтиң бир грамматомының жыллылық сыйымлылығы шама менен мынаған тең:

$$c = 3R = 25 \frac{\partial \mathcal{H}}{\partial \rho \partial \phi} = 6 \frac{\kappa \alpha \Lambda}{\partial \rho \partial \phi} = 6 \frac{\kappa \alpha \Lambda}{\partial \rho \partial \phi}$$

(Бул тастыйықлаўды Дюлонг хәм Пти нызамы деп атайды).

Катты денениң жыллылық сыйымлылығы туўралы гәп етилгенде биз басым ямаса көлем турақлы болғандағы жыллылық сыйымлылығы екенлигин саналы түрде айтпаймыз. Әдетте жыллылық сыйымлылығы турақлы басымда өлшенеди, бирақ қатты денелерде  $c_p$  менен  $c_V$  лар арасындағы айырма жүдә аз (мысалы темир ушын  $\gamma = c_p/c_V = 1,02$ ). Бул жағдай қатты денелердиң жыллылық кеңейиўи коэффициентиниң киши екенлигине байланыслы.

Жыллылық сыйымлылықлары айырмасы  $C_p$ - $C_V$  ны жыллылық кенейиўи  $\alpha$  ҳәм қысылыўшылық к пенен байланыстыратуғын улыўмалық катнас бар:

$$C_p - C_V = \frac{T\alpha^2}{\rho\kappa}$$

(бул жерде  $\rho$  заттың тығызлығы,  $C_p$  менен  $C_V$  салыстырмалы жыллылық сыйымлылықлары, яғный 1  $\epsilon$  заттың жыллылық сыйымлылыгы). Бул жерде биз  $C_p$ - $C_V$  айырмасының  $\alpha$  коэффициентиниң квадратына пропорционал екенлигин көремиз.

Температура төменлегенде қатты денениң жыллық сыйымлылығы киширейеди ҳәм абсолют нолде нолге умтылады. Бул оғада әҳмийетли болған тастыйықлаўдың нәтийжеси болып табылады (оны *Нернст температураларда* конденсацияланған денени тәриплейтуғын барлық шамалардың температураға ғәрезлилиги жоғалады.

Дара жағдайда абсолют нолге жақынлағанда денениң энергиясы менен жыллылық функциясының температурадан ғәрезлиги жоғалады. Сонлықтан усы фукциялардан температура бойынша алынған туўындылар болған жыллылық сыйымлылықлары  $C_p$  менен  $C_V$  лар да нолге умтылады

Нернст теоремасы бойынша  $T \rightarrow 0$  де жыллық кеңейиўи де нолге умтылады. Себеби денениң көлеминиң температурадан ғәрезлиги тоқтайды.

# VIII БАП. ЖЫЛЛЫЛЫҚ ПРОЦЕССЛЕРИ

### § 59. Адиабаталық процесс

Енди базы бир эпиўпайы жыллылық процесслерин үйрениў менен шуғылланамыз.

Газдиң бослыққа кеңейиўи ең әпиўайы процесс болып табылады: газ дәслеп өткермейтуғын дийўал менен бекленген ыдыстың бөлиминде турған болсын, ал сол дийўалды алып таслаганнан кейин газ ыдыстың барлық бөлимлерин толтырады. Бундай кеңейиўде газ ҳеш қандай жумыс ислемейтуғын болғанлықтан оның энергиясы турақлы болып қалады: газдиң кеңейгенге шекемги энергиясы  $E_1$  кеңейгеннен кейинги энергиясы  $E_2$  ге тең

$$E_1=E_2$$
.

Идеал газдиң энергиясының тек температураға ғәрезли екенлигин биз билемиз. Сонлықтан энергияның турақлылығынан идеал газ бослыққа кенейгенде температурасының да турақлы болатуғынлығы келип шығады. Ал ҳакыйкый газлердиң энергиясы бослыққа кеңейгенде өзгереди.

Адиабаталық процесс деп аталыўшы процесс газдиң бослыққа кенейгенненинен пүткиллей басқаша болады. Процесслердиң бул түри әҳмийетли орын ийелейди. Сонлықтан адиабаталық процессти толығырақ қарап шығамыз.

Адиабаталық процесс ушын газдиң серпимлилигине тең сыртқы басымда туратуғынлығы характерли. Процесстиң адиабаталық болыўы ушын процесстиң барысында газ сыртқы орталықтан жыллылық изоляциясында болыўы керек, сонлықтан бундай процессте газ сырттан энергия алмайды ҳэм сыртқа энергия бермейди.

Поршенге ийе цилиндр тәризли ыдысты турған газдиң адиабаталық кеңейиўин (ямаса қысылыўын) көз алдымызға келтириў ең аңсаты болып табылады. Поршень жеткиликли дәрежеде ақырынлық пенен қозғалғанда газ поршенниң изинен ўакыттың ҳәр бир моментиндеги көлемге сәйкес басымға ийе болып кеңейеди. Усы жердеги «жеткиликли

дэрежеде ақырынлық пенен» деп айтылғанда поршенниң ҳәр бир бир заматлық аўҳалына сәйкес жыллылық тең салмақлығының орнап үлгериўи аңғартылады. Ал поршень үлкен тезлик пенен қозғалса газ оның изинен кеңейип үлгермеген ҳәм цилиндр ишинде киши басымға ийе болған область (поршень газди кысқанда керисинше аўҳал — үлкен басымға ийе область) пайда болған болар еди. Бундай процесс адиабаталық процесс болмаған болар еди.

Эмелий көз-қарас бойынша берилген жағдайларда акырынлық шәрти аңсат орынланады. Таллаўлар бундай шәрттиң поршень газдеги сестиң тезлиги менен салыстырғандай тезликлер пенен қозғалғанда ғана бузылатуғынлығын көрсетеди. Сонлықтан адиабаталық процессти эмелге асырғанда биринши планға «жеткиликли дәрежеде тез орнайтуғын» жыллылық изоляциясы шығады хәм. Бундай процесс даўамында газ сырткы орталық пенен жыллылық алмасып үлгермеген болыўы керек. Бул «жеткиликли дәрежеде тез орнайтуғын» шәрти жоқарыдағы ақырынлық шәрти менен тусиникли. Бул үйлесетугынлығы өз-өзинен ыдыстың жыллылық бойынша изоляцияланыўының пуқталығына байланыслы хәм сонлықтан екинши дәрежели эхмийетке ийе. Усы себепке байланыслы физикада адиабаталық процесс «жеткиликли дэрежеде ақырынлық» пенен жүретуғын процесс сыпатында тәрипленеди ҳам бул принципиаллық характерге ийе. Бул шәрттиң тутатуғын орна биз 62-параграфта қайта келемиз.

Адиабаталық процессте газдиң өзиниң ишки энергиясы турақлы болып қалады деп тастыйықлаўға болмайды. Себеби бул жағдайда газ жумыс ислейди (ямаса газ қысылғанда оның үстинен жумыс исленеди). Жыллылық изоляциясына сәйкес жыллылық муғдары dQ ды нолге тең деп есапласақ dQ=dE+pdV қатнасынан адиабаталық процесстиң улыўмалық теңлемесин аламыз. Солай етип адиабаталық процесстеги денениң ҳалының шексиз киши өзгериси

$$dE+pdV=0$$

теңлемеси менен тәрипленеди.

Бул теңлемени идеал газдиң адиабаталық кенейиўине (ямаса қысылыяына) қолланамыз ҳәм әпиўайылық ушын барлық шамаларды газдиң бир моли ушын аламыз.

Идеал газдиң энергиясы тек температураның функциясы болып табылады, ал dE/dT газдиң жыллылық сыйымлылығы  $c_V$  болып табылады. Сонлықтан адиабаталық процесстиң теңлемесиндеги dE ни  $c_VdT$  менен алмасытырыў мүмкин:

$$c_V dT + pdV = 0$$
.

Бул аңлатпаға p=RT/V ны қойып ҳәм теңликти Т ға бөлип мына аңлатпаны аламыз:

$$c_V \frac{dT}{T} + R \frac{dV}{V} = 0.$$

Температуралардың бизди қызықтыратуғын интервалында жыллылық сыйымлылығын турақлы болып қалады деп есаплап (бундай болжаўдың бир атомлы газлер ушын барлық ўақытларда да дурыс, ал еки атомлы газлерде температураның әдеўир үлкен интерваленда дурыс екенлигин еске түсирип өтемиз) алынған теңлемени былайынша көширип жазамыз:

$$d(c_v \ln T + R \ln V) = 0.$$

Буннан

$$c_v \ln T + R \ln V = const$$

екенлигин, ал потенциаллағаннан кейин

$$T^{c_V}V^R = const$$

аңлатпасын аламыз. Идеал газ ушын  $c_V$ - $c_p$ =R екенлигин еслеп, жоқарыда жазылған теңликти  $1/c_V$  дәрежесине көтерип ақырғы теңлемени аламыз:

$$TV^{\gamma-1} = \text{const.}$$

Бул жерде  $\gamma = c_p/c_V$ .

Биз адаиабаталық процессте идеал газдың температурасы менен көлеминиң  $TV^{\gamma-1}$  көбеймеси турақлы болып қалатуғындай болып өзгеретуғынлығын көремиз. Дареже көрсеткишиндеги  $\gamma$  барлық ўақытта да бирден үлкен болғанлықтан  $\gamma$ -1>0 ҳәм соған сәйкес адиабаталық кеңейиўде газ салқынлайды, ал қысылыўда газ кызады.

Жазылған теңлемени pV= RT формуласы менен комбинациялап адиабаталық процесстеги температура менен басымның өзгерислерин байланыстыратуғын

$$Tp^{\frac{-\gamma-1}{\gamma}} = const$$

хәм басымды көлем менен байланыстыратуғын

$$pV^{\gamma} = const$$

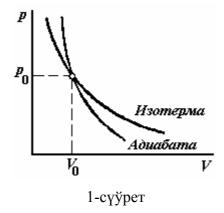
аңлатпаларын аламыз. Кейинги теңлемени *Пуассон адиабатасының* теңлемеси деп атайды.

Газдиң басымы изотермалық кеңейгенде көлем V ның биринши дәрежесине кери пропорционал өзгереди. Ал адиабаталық кенейгенде болса басымның  $V^{\gamma}$  ға кери пропорционал киширейетуғынлығын аңғардық (яғный тезирек киширейеди, себеби барлық ўақытлары  $\gamma>1$ ). Усы процесслерди р,V диаграммасында изотерма ҳәм адиабата түринде көрсететуғын болсақ (газдиң басланғыш ҳалына сәйкес келетуғын базы бир  $p_0$  ҳәм  $V_0$  ноқатында кесилисетуғын), онда адиабатаның изотермаға салыстырғанда бираз тик екенлигин көремиз.

Егер көлемниң өзгерисин басымның функциясы (яғный 1-сүўретти  $90^0$  қа бурсақ) ҳәм бул байланысты қысылыўшылық коэффициенти  $\kappa = -\frac{1}{V}\frac{dV}{dp}$  менен тәриплемекши болсақ бул қәсийетти басқаша да келтирип шығарыўға болады (биз изотремалық жағдайды нәзерде тутқан 58-параграфты қараңыз). Бундай жағдайда газдиң адиабаталық кысылыўшылыгының оның изотермалық қысылыўшылығынан киши екенлигин көремиз:

$$\kappa_{\text{алиаб}} < \kappa_{\text{изот}}$$
.

Газлер ушын алынған бул теңлик ҳақыйқатында барлық денелер ушын да дурыс. Бул Ла Шаталье принципиниң нәтийжеси болып табылады.



Ал буған керисинше газдеги адиабаталық процесстиң басқа қасийети болған қысылғандағы газдиң қызыўы қәлеген денениң адиабаталық қысылыўының универсаллық кәсийети болып табылмайды. Буның дурыслығы Ле Шаталье принципинен де көринип тур. Егер денени жыллылық бермей қысатуғын болсақ, онда денениң температурасы қысылыўға кесент жасайтуғындай болып өзгереди. Қыздырғанда кеңейетуғын денелер ушын (бундай денелер денелердиң басым көпшилигин қурайды) бул адиабаталық қысылыўда температураның жоқарылайтуғынлығын аңлатады (кеңейгенде кериси – температура төменлейди). Бирақ бул таллаўдан анық көринеди: егер қыздырғанда денениң көлеми киширейетугын болса, онда адиабаталық қысыў салқынлаў менен жүреди.

# § 60. Джоуль-Томсон процесси

Газ ямаса суйықлық жыллылық алмасыўсыз бир басымнан екинши басымға стационар түрде өтетуғын процесслер үлкен қызығыўшылық пайда ететуғын процесслерден болып есапланады. Бул жерде *процесстиң стационарлығы* барлық өтиў барысында еки басымның да өзгермей қалатуғынлығын аңлатады.

Улыўма айтқанда бундай процесс газдиң (ямаса суйықлықтың) тезлиги нолге тең болған ҳалынан ағыўы менен жүреди. Бирақ ағыў тезлигин жасалма жоллар менен жүдә

киширейтиўге болады (мысалы бир басымнан екинши басымға үлкен сүйкелис пайда ететуғын орталық арқалы газдиң өтиўин әмелге асырсақ; бундай орталық киши тесик ямаса майда тесикли өткел болып табылады).

Жыллылық изоляциясындағы газдиң тезлигин сезилерликтей өзгертпей бир басымнан басымнан екинши басымға стационар өтиўи *Джоуль-Томсон процесси* деп аталады.

Джоуль-Томсон процесси схемалық түрде 2- a ҳәм  $\delta$  сүўретлерде көрсетилген. Бул жерде газ майда тесикшелери бар  $\Pi$  өткели арқалы өтеди. Бул өткелдиң еки тәрепиндеги басымлардың турақлылығы ҳәм олардың  $p_1$  және  $p_2$  шамаларына тең болыўы 1- ҳәм 2- поршенлери жәрдеминде алынады.

Мейли газ дәслеп 1-поршен ҳәм  $\Pi$  өткели арасындағы  $V_1$  көлемине ийе болған болсын (2-а сүўрет). Енди  $p_1$  ҳәм  $p_2$  басымларын турақлы етип салап 1-поршенди өткелге қарай, ал 2-поршенди қарама-қарсы бағытта қозғалтамыз. Усының нәтийжесинде газ өткел арқалы киши тезликте өтип 2-поршен менен өткел арасындағы  $V_2$  көлемине ҳәм  $p_2$  басымына ийе болады.

Бул процессте газ сырттан энергия алмағанлықтан поршен тәрепинен исленген жумыс газдиң ишки энергиясының өзгерисине тең болады. Процесс барысында басым турақлы болып қалғанлықтан 1-поршенниң газди  $V_1$  көлеминен қысып шығаргандағы жумысы  $p_1V_1$  көбеймесине тең. Ал өткел арқалы өткен газ 2-поршен үстинен жумыс ислейди. Сонлықтан поршенлер тәрепинен исленген улыўмалық жумыс  $p_1V_1$ -  $p_2V_2$  ге тең. Жоқарыда айтылғанындай, бул жумыс газдиң ишки энергиясының өсимине тең:

$$p_1V_1$$
-  $p_2V_2$ = $E_2$ - $E_1$ .

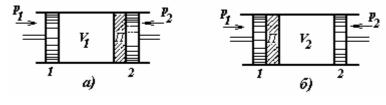
Бул жерде  $E_1$  ҳәм  $E_2$  арқалы берилген муғдардағы газдиң дәслепки ҳәм ақырғы ҳалларындағы ишки энергиясы. Сонлықтан

$$E_1 + p_1 V_1 = E_2 + p_2 V_2$$

Ямаса  $W_1=W_2$ . Бул жерде W=E+pV жыллылық функциясы болып табылады.

Солай етип Джоуль-Томсон процессинде газдиң жыллылық функциясы сақланады екен.

Идеал газде энергия сыяқлы жыллылық функциясы да тек температураға ғәрезли. Сонлықтан Джоуль-Томсон эффектине идеал газ қатнасатугын болса, онда оның температурасы өзгермей қалады.



2-сүўрет

Хакыйқый газлерде болса Джоуль-Томсон процессинде температура өзгереди. Қала берсе температураның өзгериси үлкен шамаларға тең болыўы мүмкин. Мысалы ҳаўа өжире температураларында  $200 \ amm$  басымнан  $1 \ amm$  ға шекем көлемин кеңейтсе, онда ол шама менен  $40^0$  ка салқынлайды.

Жеткиликли дәрежедеги жоқары температураларда барлық газлер Джоуль-Томсон процессинде кеңейгенде қызады, ал төменирек температураларда (ҳәм жүдә үлкен болмаған басымларда) салқынлайды. Соның ушын Джоуль-Томсон процессинде температуралар өзиниң белгисин өзгертетуғын температура (инверсия ноқаты) бар. Инверсия ноқатының шамасы басымға байланыслы ҳәм ҳәм ҳәр қыйлы газлер ушын ҳәр қыйлы. Мысалы ҳаўа өжире температураларында Джоуль-Томсон процессинде салқынлайды, ал усындай эффектти алыў ушын 200 К ге шекем, ал гелийди 40 К ге шекем алдын ала салқынлатыў керек.

Джоуль-Томсон процессиндеги температураның өзгериўи техникада газлерди суйылтыў ушын кеңнен қолланылады. Бундай жағдайларда газдиң тезлигин киширейтиў ушын жиңишке тесик қолланылады (оны дросселлик вентиль деп атайды), ал сол процесстиң барлығын *дросселлеў* процесси деп атайды.

## § 61. Стационар ағыс

Джоуль-Томсон процессинде газ стационар түрде бир басымнан екинши басымға өтеди, ал усы өтиўде газдиң тезлиги жасалма түрде сүйкелистиң жәрдеминде жоқ етиледи. Бирақ бул процессти талқылаўда алынған нәтийжелерди жыллылық бойынша изоляцияланған нолден өзгеше тезлик пенен қозғалыўшы қәлеген газ (ямаса суйықлық) ағысы ушын улыўмаластырыўға болады.

Айырма соннан ибарат, енди агыўшы газдиң кинетикалық энергиясын есапқал алмай кетиўге болмайды. Газ үстинен исленген жумыс газдиң энергиясын үлкейтиўге жумсалады, ал бул энергияға енди тек ишки энергия емес, ал ғаздиң тутасы менен қозғалыўына сәйкес келиўши кинетикалық энергия да киреди.

Басқа сөз бенен айтқанда газ ямаса суйықлықтың стационар ағысы ушын

$$\frac{Mv^2}{2} + E + pV = const$$

ямаса

$$\frac{Mv^2}{2} + W = const$$

теңлиги орынланады. Бул жерде W менен M заттың базы бир муғдарының жыллылық энергияы ҳәм массасы. Жазылған теңлеме  $Mv^2/2+W$  шамасының заттың берилген муғдары ушын ағыстағы қай орында жайласқанлығынан ғәрезсиз бирдей екенлигин аңғартады.

Салмақ майданындағы потенциал энергияны да есапқа алыў зәрүр болған жағдайларда (суйықлық аққанда, газ ушын салмақ әҳмийетли орын ийелемейди) сәйкес түрде былайынша жазамыз:

$$\frac{Mv^2}{2} + Mgz + E + pV = const.$$

Бул жерде z арқалы ағыстың берилген орнының бийиклиги белгиленген.

Енди ағыс сезилерликтей сүйкелиссиз қозғалады деп есаплайық (ағыўшы зат ишинде ямаса сыртқы тосықынлықлардың тәсириндеги сүйкелис, бул жағдай сүйкелис әҳмийетли орын ийелейтуғын Джоуль-Томсон процессиниң кериси болып табылады). Бундай шараятларда толығы менен ағыстың өзи емес (дәслеп усындай деп келисилген еди), ал заттың айырым учатскаларының қозғалысы да жыллылық бойынша изоляцияланған деп есапланады (сезилерликтей сүйкелис орын алғанда агыстың ишинде де жыллылық бөлинип шыққан болар еди). Басқа сөз бенен айтқанда қозғалыс процессинде заттың ҳәр бир участкасы адиабаталық кеңейеди (ямаса қысылады).

Тап усындай шараятлардагы ишиндеги басым р болған (сыртқы басым р<sub>0</sub>) ыдыстан газдиң шығыўын қараймыз. Егер газ жеткиликли киши тесикше аркалы шығатуғын болса, онда ыдыс ишиндеги газдиң тезлигин нолге тең деп есаплаўымызға болады. Шығыўшы ағыстың тезлиги v ны мына теңлик жәрдеминде анықлаймыз:

$$W_0 + \frac{v^2}{2} = W.$$

Бул жерде биз массаны 1 z ға тең деп алдық, сонлықтан W менен  $W_0$  газдиң 1 граммының ыдыс ишиндеги ҳәм сыртка шығып атырған ағыстағы жыллылық функциялары. Газды идеал, ал оның жыллылық сыйымлылығын температурадан ғәрезсиз деп есапласақ, онда  $C_p$ =dW/dT формуласынан ямаса dW= $C_pdT$  дан W- $W_0$ = $C_p(T$ - $T_0)$  екенлиги келип шығады, онда

$$v^2 = 2 C_p(T-T_0).$$

59-параграфтағы  $Tp^{-(\gamma-1)/\gamma}$  шамасының газдың адиабаталық кенейиўинде турақлы болып қалатугынлығын көрсететуғын теңлеме жәрдеминде ыдыстан шығып атырған заттың температурасы  $T_0$  ди ыдыс ишиндеги температура T менен арасындағы байланысты анықлаймыз:

$$T_0 = T \left(\frac{p_0}{p}\right)^{\frac{\gamma - 1}{\gamma}}.$$

Солай етип газдиң шығыў тезлигин анықлаўшы мынадай ақырғы формуланы аламыз:

$$\mathbf{v}^2 = 2\mathbf{C}_p \mathbf{T} \left[ 1 - \left( \frac{\mathbf{p}_0}{\mathbf{p}} \right)^{\frac{\gamma - 1}{\gamma}} \right].$$

Суйықлықлардың ағысы олардың киши кысылыўшылығының салдарынан көлеминиң сезилерликтей өзгериўи менен жүзеге келмейди. Басқа сөз бенен айтқанда ағып турған суйықлықты қысылмайтуғын, өзгермейтугын тығызлыққа ийе суйықлық деп қараў мүмкин.

Бундай суйықлықтың (сүйкелиссиз) стационар агысының теңлемеси жүдә әпиўайы. Бул жағдайда адиабаталық процесстиң улыўмалық теңлемеси (dE+pdV=0) суйықлық қысылмайды деп есапланғанлықтан dV=0 болғанлықтан dE=0 теңлемесине алып келинеди. Басқа сөз бенен айтқанда E энергиясы турақлы болып қалады, сонлықтан оны

$$\frac{Mv^2}{2} + Mgz + E + pV = const.$$

теңлигиниң шеп тәрепинен алып таслаўға болады. Бул теңлемени масса М ге бөлемиз ҳәм М/V ның тығызлық  $\rho$  екенлигин аңлаймыз. Бундай жағдайда сүйкелиссиз қозғалатуғын қысылмайтуғын жыллылықтан изоляцияланған ағыс бойынша мына шама турақлы болып калады:

$$\frac{v^2}{2} + \frac{p}{\rho} + gz = const.$$

Бул Бернулли теңлемеси деп аталыўшы теңлеме болып табылады.

Мысал ретинде өзгериўши кесе-кесимге ийе най аркалы суйықлықтың ағысын қараймыз. Әпиўайылық ушын найды горизонт бағытында жайластырылған деп есаплаймыз. Бундай жағдайда қозғалысқа салмақ күши тәсир етпейди ҳәм Бернулли теңлемеси мынаны береди:

$$\frac{v^2}{2} + \frac{p}{\rho} = \frac{v_0^2}{2} + \frac{p_0}{\rho}.$$

Бул жерде  $v_0$  хәм v аркалы найдың қандай да бир еки кесиминдеги ағыстың тезлиги, ал  $p_0$  менен p лар сәйкес тезликлер. Егер усы кесимлердиң майданлары  $S_0$  менен S ке тең болса, онда 1сек ишинде агып өткен суйықлықлардың көлемлери  $v_0S_0$  ҳәм vS ке тең. Суйықлық қысылмайтуғын деп есапланғанлықтан  $vS=v_0S_0$ , буннан

$$\mathbf{v} = \mathbf{v}_0 \, \frac{\mathbf{S}_0}{\mathbf{S}}$$

екенлиги келип шығады, яғный қандай да бир кесимдеги суйықлықтың тезлиги кесимниң майданфна керип пропорционал болып шығады. Бул аңлатпаны Бернулли теңлемесине қоямыз ҳәм басымды кесимниң майданы менен байланыстыратуғын аңлатпа аламыз:

$$p = p_0 + \frac{\rho}{2} \left( v_0^2 - v^2 \right) = p_0 + \frac{\rho v_0^2}{2} \left( 1 - \frac{S_0^2}{S^2} \right).$$

Биз бул жерде найдың жуўан жерлериндеги басымның жиңишке жерлериндеги басымнан үлкен болатуғынлығын көремиз.

Енди Бернулли теңлемесин ыдыстан киши тесикше арқалы шығып атырган суйықлықтың тезлигин анықлаў ушын пайдаланамыз. Тесикшениң кесе-кесимин ыдыстың кесе-кесиминиң майданынан киши деп есапланғанлықтан ыдыстагы суйықлықтың бетиниң төмен қарап түсиўиниң тезлигин есапқа алмаймыз. Ыдыстағы суўдың басымын тесикше аркалы агып атырған суйықлықтың басымы менен тең деп есаплап Бернулли теңлемесинен

$$\frac{\mathbf{v}^2}{2} + \mathbf{g}\mathbf{z}_1 = \mathbf{g}\mathbf{z}_2$$

аңлатпасын аламыз. Бул жерде v арқалы тесикше арқалы ағып атырған суйықлықтың тезлиги,  $z_1$  ҳәм  $z_2$  аркалы ыдыстағы суў бетиниң бийиклиги менен тесикшениң бийикликлери белгиленген. Буннан

$$v = \sqrt{2gh}$$
,

бул жерде  $h=z_2-z_1$ . Бул Торичелли формуласы деп аталатуғын формула суйықлықтың киши тесикше арқалы ағып шығыя тезлигиниң денени h бийикликтен таслап жибергенде алатуғын тезлигине тең болатугынлығын көрсетеди (бул бийиклик тесикшениң үстиндеги суў бағанасының бийиклигине тең).

# § 62. Жыллылық процесслериниң қайтымсызлығы

Механика нызамлары бойынша материаллық денелердиң механикалық қозғалыслары төмендегидей зор қәсийетке ийе болады. Денениң механикалық қозғалысының қандай болмағанлығына байланыссыз барлық ўақытта да кери қозғалыс мүмкин (яғный дене туўры қозғалыстағыдай барлық ноқатлардан сол ноқатларда ийе болған тезликлери менен қарама-қарсы бағытта өтеди). Мысалы, мейли салмақ майданында горизонтқа базы бир мүйеш пенен ылақтырылған болсын. Ол қандай да бир траектория бойынша барзы бир орныда Жерге келип түседи. Егер енди усы орыннан денени келип түскен мүйештей мүйеш ҳәм сондай тезлик пенен ылақтырсақ, онда дене дәслепкидей траектория менен

қарама-карсы бағытта қозғалып өзиниң биринши орнына келип түседи (егер ҳаўа менен сүйкелисти есапқа алмасақ).

Механикалық қозғалыслардаң бул *қайтымлылығын* болажақ пенен өтмиштиң симметриялылығынан, яғный ўақыттың белгисин өзгертиўге қарата симметриялылықтың орын алыўынан деп түсиндириледи. Механикалық қозғалыслардың симметриялылығы тиккелей қозғалыс теңлемелериниң өзинен келип шығады. Ҳақыйқатында да ўақыттың белгисин өзгертсек тезликтиң де белгиси өзгереди, ал теңлемеге кириўши тезлениў өзиниң белгисин сақлайды.

Пүткиллей басқаша ситуация жыллылық қубылыслары областында орын алады. Егер қандай да бир жыллылық процесси жүрсе, онда оған кери болған процесстиң (яғный тап сол жыллылық процесси кери бағыттағы жүретуғын) жүриўи мүмкин емес. Басқа сөз бнен айтқанда жыллылық процесслери кайтымсыз процесслер болып табылады.

Мысалы, егер ҳәр қыйлы температурадағы еки денени бир бирине тийгизсек, онда көбирек қыздырылған денен жыллылықты азырақ кыздырылған денеге береди. Бирақ керип процесс (азырақ кыздырылған денениң өзинше көбирек қыздырылған денеге жыллылық бериўи) ҳеш ўақытта бақланбайды.

59-параграфта айтылып өтилген газдиң бослыққа кенейиўи де тап сондай кайтымсыз болып табылады. Газ өткелдиң еки тәрепинде де таркалады, бирақ ол ҳеш ўақытта да өзинен-өзи (бул процесске сырттан ҳеш ким араласпаса) газ ҳеш кашан ыдыстың бир ярымына жыйналмайды.

Улыўма алғанда өз-өзине қойылган барлық денелер системасы бирдей температура менен басымға ийе болып жыллылық тең салмақлығы ҳалына өтиўге умтылады. Усы ҳалғат өткеннен кейин система өзинше бул ҳалдан шықпайды. Басқа сөз бенен айтканда жыллылық тең салмақлығы ҳалына жакыласатуғын процесслер менен бирге жүретуғын барлық жыллылық қубылыслары қайтымсыз.

Мысалы қозгасытағы денелер арасындағы сүйкелиске байланыслы барлық процесслер кайтымсыз. Сүйкелис қозғалыстың кем-кемнен әстелениўин болдырады (кинетикалық энергия жыллылыққа айланады). Бул жағдай қозғалыс орын алмайтуғын тең салмаклық ҳалына жакын. Усындай себеплерге байланыслы газ өткел арқалы үлкен сүйкелис пенен өтетуғын болғанлықтан Джоуль-Томсон процесси кайтымсыз болып табылады.

Улыўма айтканда тәбияттагы жыллылық процесслериниң барлығы да аная ямаса мынаў дәрежеде қайтымсыз болып табылады. Бирақ бир қатар жағдайларда қайтымсызлық дәрежеси сезилерликтей болмаўы мүмкин. Сонлықтан бундай жағдайларда процессти жеткиликли дәлликте кайтымлы деп есаплайды.

Жоқарыда айтылғанлардан қайтымлылыққа жетиў ушын системадағы жыллылық тең салмақлығына жақынлатыў характерине ийе барлық процесслерди жоқ кылыў керек. Мысалы көбирек кыздырылған денеден кемирек кыздырылған денеге жыллылықтың тиккелей өтиўин болдырмаў шәрт ҳәм денелер қозғалғанда сүйкелистиң болмаўы керек.

Жоқары дәрежедеги қайтымлы процесстиң мысалы ретинде 59-парагрфта қарап өтилген газдиң адиабаталық қысылыўын ямаса кеңейиўин көрсетиў мүмкин. Жыллылық бойынша изодяцияланғанлық қоршаган орталық пенен тиккелей жыллылық алмасыўын жоқ етеди. Поршенниң қозғалысының «жеткиликли әстелиги» газдиң бослыққа қайтымсыз кеңейиўин болдырмайды (бул поршен үлкен тезлик пенен қозғалганда орын алған болар еди). Бирақ, қалай деген менен әмелде ҳәм қарап өтилген жағдайда барлық ўакытта да қайтымсызлықтың қандай да бир дереклери сақланып қалады (ыдыстың жыллылық изоляциясының жақсы емеслиги, поршен қозғалғанда орын алатуғын сүйкелис).

Улыўма айтканда «Әсте-акырынлық» (ямаса «әстелик») қайтымлы процесслердиң характерли айрықшалықларының бири болып табылады: процесске қатнасыўшы денелер ўақыттың барлық моментлеринде сыртқы шәртлерге сәйкес келиўши тең салмақлық ҳалға жетип үлгериўи керек (газдиң кеңейиўи мысалында өзиниң көлеми бойынша бир теклиликтиң сақланыўы ушын газ поршенниң изине жетип үлгериўи шәрт). Ал толық қайтымлылық тек идеал жағдайда жүдә әстелик пенен жүретуғын процессте жетиледи. Сонлыктан шекти тезлик пенен жүретуғын қәлеген ҳакыйқый процесстиң толық кайтымлы болыўы мүмкин емес.

Биз жыллылық тең салмақлыгында турған денелер системасында сырттан араласыў болмағанда ҳеш кандай процесслердиң жүриўиниң мүмкин емес екенлигин айтып өттик. Бул жағдайдың басқа да аспекти бар: жыллылық тең салмақлығында турған денелер жәрдеминде ҳеш қандай жумыс жүргизиў мүмкин емес. Себеби жумыс механикалық қозғалыс пенен, яғный энергияның денениң кинетикалық энергиясына өтиўи менен байланыслы

Жыллылық тең салмақлығында турған денелер есабынан жумыстың ислениўиниң мүмкин емес екенлиги ҳаққындағы оғада әҳмийетли тастыйықтаўды термодинамиканың екинши басламасы деп атаймыз. Биз турақлы түрде тең салмақлық ҳалға жақын ҳалда турған көп муғдардағы жыллылық энергиясының запасына ийемиз. Термодинамиканың екинши басламасы тең салмалықта турған денелердиң есабынан жумыс ислейтуғын «екинши әўлад мәңги двигателдиң» болыўын бийкарлайды. Ал термодинамиканың биринши басламасы (энергияның сақланыў нызамы) болса энергияның сырткы дерегисиз

(яғный «ҳеш нәрсесиз») жумыс ислейтуғын «биринши әўлад мәңги двигателдиң» болыўын бийкарлайтуғын еди.

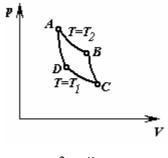
### § 63. Карно цикли

Солай етип жумыс тек бир бири менен жыллылық тең салмақлылығында турмаған денелер системасы тәрепинен ғана исленеди екен.

Енди температуралары ҳәр қыйлы болган еки денеден туратуғын системаны көз алдымызға елеслетейик. Егер усы еки денени бир бирине тийгизсек, онда жыллылық температурасы жоқары болған денеден температурасы төмен денеге өтеди ҳәм ҳеш қандай жумыс исленбейди. Қызған денеден салқын денеге жыллылықтың өтиўи қайтымсыз процесс болып табылады ҳәм бул мысал мынадай болған улыўмалық қағыйданы демонстрациялайды: қайтымсыз процесслер жумыстың ислениўине қарсылық жасайды.

Егер биз бизиң қолымыздағы денелер тәрепинен жумыс ислеткимиз келсе, онда процессти қайтымлы етип шөлкемлестириўимиз керек екен (барлық қайтымсыз процесслерден қутылыўға тырысыў, еки бағыт бойынша бирдей дәрежеде жүретуғын процесслерди пайдаланыў).

Бизиң еки денеден туратуғын системамызға кайтып келемиз: олардың температураларын  $T_1$  хәм  $T_2$  ( $T_2 > T_1$ ) болсын, температурасы жоқары денени *қыздырғыш*, ал температурасы оған салыстырғанда төмен болған денени *салқынлатқыш* деп атайық. Усы еки дене арасында жыллылықтың тиккелей өтиўин жүзеге келтириўге болмайтуғын болғанлықтан жумыс ислеў ушын және бир қосымша денениң зәрүрлиги өз-өзинен түсиникли. Бул денеди *жумыс ислеўши дене* деп атайық. Бундай дене сыпатында поршен астында турған гази бар цилиндр тәризли ыдысты көз алдыға келтириў мүмкин.



3-сүүрет

Жумыс ислеўши дене менен жүретуғын процессти р, V диаграммасында көрсетемиз (3-сүўрет). Мейли газ дәслеп  $T_2$  температурасына ийе болсын хәм оның халы диаграммадагы A ноқатына сәйкес келсин. Жумыс ислеўши денеге қыздырғышты тийгиземиз хәм газди кенейтемиз. Бундай жағдайда газ қыздырганда базы бир муғдардагы

жыллылық алады ҳәм барлық ўақытта да қыздырғыштың  $T_2$  температурсына ийе болып қалады (қыздырғыштағы жыллылықтың запасын үлкен ҳәм газге жыллылық бергенде оның температурасы өзгермейди деп есаплаймыз). Солай етип газдиң изотремалық кенейиўи қайтымлы түрде жүргизиледи, себеби жыллылықтың өтиўи температуралары бирдей болған денелер арасында орын алады. 3-сүўретте бул процесс AB изотермасы менен сәўлелендирилген.

Енди жумыс ислеўши денени қыздырғыштан айырамыз ҳәм газды адиабаталық кеңейиўге ушыратамыз. Бундай кеңейиўде газ салқынлайды. Газдиң температурасы салқынлаткыштың температурасы Т<sub>1</sub> ге тең болғанша кеңейтиўди даўам етемиз. Бул процесс диаграммада ВС адиабатасы менен сәўлелендириледи. Бул иймеклик АВ иймеклигине салыстырғанда тиклеў болады. Себеби адиабаталық кенейиўде басымның төменлеўи изотермалық қеңейиўдеги басымның төменлеўинен тезирек жүреди.

Буннан кейин жумыс ислеўши денени салқынлаткыш пенен тутастырамыз ҳәм газди  $T_1$  температурасында изотремалық түрде кысамыз. Бул жағдайда газ базы бир муғдардағы жыллылықты салқынлатқышқа береди.

Ең кейнинде жумыс ислеўши денени салкынлатқыштан ажыратамыз ҳәм газди адиабаталық қысып, оны өзиниң дәслепки ҳалына қайтып алып келемиз. Бул ушын D нокатын дурыс сайлап алыўымыз керек (яғный CD изотермалық қысыўдың нәтийжесинде алып келинетугын көлемниң дурыс сайлап алыныўы керек).

Солай етип жумыс ислеўши дене өзиниң дәслепки ҳалына қайтып келип айланбалы процессти басынан кеширди. Усының нәтийжесинде ол иймек сызықлы ABCD төрт мүйешлигиниң майданына тең жумыс ислейди. Бул жумыс жоқарыдағы изотермада жумыс ислеўши денениң қыздырғыштан алынған жыллылықтың төменги изотермада салқынлаткышқа берилген жыллылық муғдарынан үлкенлигиниң есабынан исленди. Бул айланбалы процесстиң барлық этаплары кайтымлы ҳәм сонлықтан исленген жумыс ислениўи мүмкин болған ең максимумы болып табылады (қыздырғыш тәрепинен жумсалған жыллылық муғдарында).

Жоқарыда тәрипленген процесс *Карно цикли* деп аталады. Бул цикл температуралары хәр қыйлы болған еки дене болғанда қайтымлы түрде жумыстың исленетуғынлығын көрсетеди. Ислениўи максималлық маниске ийе болған бул жумыстың муғдары жумыс ислеўши денениң қәсийетлерине байланыслы емес.

Исленген жумыстың шамасының кыздырғыштан алынған энергияға қатнасы жыллылық машинасының пайдалы тәсир коэффициенти (п.т.к.) деп аталады (оны η менен белгилеймиз).

Жоқарыда айтылғанлардан Карно циклиниң пайдалы тәсир коэффициентиниң қыздырғыш пенен салқынлатқыштың температураларының берилген температураларында ислейтугын басқа машинаның пайдалы тәсир коэффициентлеринен үлкен болатуғынлығы түсиникли. Бул коэффициеттиң

$$\eta_{\text{\tiny MAKC}} = \frac{T_2 - T_1}{T_2}$$

шамасына тең екенлигин көрсетиўге болады.

Солай етип ҳәтте жыллылық машинасының толық қайтымлы идеал шеклеринде де пайдалы тәсир коэффициентиниң мәниси бирден киши; қыздырғыш тәрепинен берлиген жыллылықтың  $T_1/T_2$  бөлеги жыллылық түринде пайдасыз салкынлаткышқа бериледи. Бул бөлимниң шамасы  $T_2$  каншама жоқары болса (берилген  $T_1$  де) соншама киши болады.  $T_1$  температурасы болса сырткы орталықтың температурасы болып табылады ҳәм оны төменлетиўдиң мүмкиншилиги жоқ. Сонлықтан пайдасыз жумсалған жыллылықтың муғдарын азайтыў ушын әмелде мүмкин боғанынша жоқары температураларда ( $T_2$  де) ислейтугын двигателлерди ислеўге умтылады.

Хақыйқый жыллылық машиналарының пайдалы тасир коэффициенти бул машиналарда кайтымсыз процесслердиң де орын алыўының ақыбетинде барлық ўакытта да  $\eta_{\text{макс}}$  нан киш. Двигателдиң характерлик жетилискенлигиниң характеристикасы болып оның идеал машинаға жакынлығы -  $\eta/\eta_{\text{макс}}$  болып табылады (ҳақыйқый машинаның пайдалы тәсир коэффициентиниң идеал машинаның пайдалы тәсир коэффициентине қатнасы, екеўинде де кыздырғыш пенен салкынлаткышлардың температуралары бирдей болыўы керек). Басқа сөз бенен айтқанда бул қатнас жыллылық машинасының ислеген жумысының двигатель толық қайтымлы ислейтуғын болғандағы максималлық жумысқа катнасына тең.

### § 64. Қайтымсызлықтың тәбияты

Ақырғы есапта барлық жыллылық қозғалыслары денениң молекулалары менен атомларының механикалық қозғалысларына алып келинеди. Сонлықтан биринши рет қарағанда жыллылық процесслериниң қайтымсызлығы механикалық қозғалыслардың қайтымлылығына қайшы келетуғындай болып көринеди. Ал бул тек биринши рет карағанда ғана көринетугын қарама-карсылық болып табылады.

Мейли қандай да бир денен екинши денениң бети бойынша сырғанайтугын болсын. Сүйкелистиң тәсиринде бул қозғалыс кем-кемнен әстеленеди ҳәм акыр-аяғында система жыллылық тең салмақлығы ҳалына келеди, қозғалыс тоқтайды. Қозғалыўшы денениң

кинетикалық энергиясы жыллылық энергиясына, яғный еки денениң молекулаларының тәртипсиз қазгалысларының кинетикалық энергиясына айланады. Энергияның бундай болып жыллылыққа айланыўы шексиз көп усыллар менен эмелге асыўы мүмкин: денениң тутасы менен қозғалысының кинетикалық энергиясы оғада көп санлы молекулалар арасында оғада көп усыллар менен бөлистириледи. Басқа сөз бенен айтқанда макроскопиялық қозгалыс орын алмайтуғын тең салмақлық ҳалы тәртипли қозғалыстың (денениң тутасы менен қозғалысының) кинетикалық энергиясы түринде жыйналған ҳалына салыстырғанда оғада көп санлы усыллар менен жүзеге келди.

Солай етип тең салмақлы емес ҳалдан тең салмақлы ҳалға өтиў аз санлы усыллар жәрдеминде пайда етилетуғын ҳалдан салыстырмас дәрежеде көп санлы усыллар менен пайда етилетугын ҳалға өтиў болып табылады. Ең көп усыллар менен жүзеге келетуғын денениң (ямаса денелер системасының) ең итимал ҳалының жыллылық тең салмақлығы ҳалы екенлиги түсиникли. Сонлықтан қандайда бир ўақыт моментинде тең салмақлық ҳалында турмаған өзи озине қойылған системаниң (яғный туйық системаның) ўақыттың өтиўи менен оғада көп усыллар менен жүзеге келетуғын ҳалға, яғный тең салмақлыққа өтиўи ең итимал болып табылады.

Ал, керисинше, туйық система тең салмақлық ҳалға келген болса, онда усы системаның өзинше бул ҳалдан шығыўының тималлылығы оғада аз болған болар еди.

Солай етип жыллылық процесслериниң қайтымсызлығы итималлылық характерине ийе. Анық айтканда денениң тең салмақлық халдан өзинше тең салмақлық емес ҳалға өтиўин мүмкин емес деп айтпаймыз, ал тең салмақлы емес ҳалдан тең салмақлық ҳалға өтиўине қарағанда салыстырмас дәрежеде итималлылығы аз деп есаплаймыз. Ақырғы есапта жыллылық процесслериниң қайтымсызлығы денелер туратугын молекулалардың санларының оғада көплигинде болып табылады.

Газдиң бослыққа кенейгениндеги тең салмақлық ҳалдан аўысыўы ҳаққында түсиникке ийе бола аламыз. Мейли газ дәслеп дийўал менен теңдей екиге бөлинген ыдыстың бир бөлиминде жайласқан болсын. Дийўал алынғаннан кейин газ ыдыстың барлық көлеми бойынша тең өлшеўли тарқалады. Ал ыдыстың бир бөлимине газдиң өзинше қайтып өтиўи ҳеш қашан әмелге аспайды. Буның себебин әпиўайы есаплаў менен анықлаўға болады. Газдиң ҳәр бир молекуласы өзиниң қозғалысында орташа ыдыстың еки бөлиминде де бирдей ўакыт ишинде болады. Соның ушын молекуланы ыдыстың ҳәр бөлиминде табыўдың итималлылығы ½ ге тең. Егер газди идеал газ деп есапласақ. Онда оның молекулалары бир биринен ғәрезсиз. Соның ушын берилген еки молекуланы ыдыстың бир бөлиминде табыўдың итималлылықы ½\*½=1/2², ал газдиң N дана молекуласын ыдыстың бир бөлиминде табыўдың итималлылығы 2-N ге тең болады. Солай

етип, мысалы,  $10^{20}$  молекуласы бар газдиң көп емес муғдары ушын итималлылық оғада киши санға тең  $2^{-10^{20}} \approx 10^{-3*10^{19}}$ . Басқа сөзлер менен айтқанда бундай кубылысты  $10^{-3*10^{19}}$  саны менен аңлатылатуғын секунд ямаса жыл (бул санға салыстырғанда жыл менен секундтың ҳеш бир айырмасы жоқ, себеби ол ўакыт Жердиң пайда болған берли ўақыттан салыстырмас дәрежеде үлкен) ишинде бир рет бақлаў мүмкин.

 $10^{-3*10^{19}}$  ға тең тап усындай оғада киши сан менен температурасы  $0^0$ С болған денеден температурасы  $1^0$ С болған денеге 1 эрг ке тең жыллылықтың өтиўи де сәўлелендириледи.

Келтирилген мысаллардан жыллылық процессиниң өзинен өзи бағытын сезилерликтей өзгертиўиниң абстрактлық характерге ийе екенлиги көринип тур; оның итималлылығы оғада киши. Сонлықтан жыллылық процесслериниң кайтымлы емеслиги принципиаллық мағанаға ийе деп есаплаўға болады.

Бирақ (бәри бир) қайтымлы емесликтиң итималлылық тәбиятыны мынадан ибарат: тәбиятта жүдә аз ҳәм қысқа ўакытлар ишинлде тең салмақлылықтан өзинше аўысыўлар бәри бир бақланып турады. Бундай аўысыўларды флуктуациялар деп атайды. Флуктуациялардың ақыбетинен денениң тең салмақлықта турған үлкен емес участкаларында тығызлық пенен температура дәл турақлы мәниске ийе болып қалмай, базы бир шама әтирапында (киши болса да) тербелиске ушырайды. Мысалы өжире температурасында турған 1 миллиграмм суўдың температурасы шама менен  $10^{-8}$  градусқа тербеледи. Соның менен бирге флуктуациялар үлкен орын ийелейтугын қубылыслар бар.

# § 65. Энтропия

Денениң баска ҳалға отиўге умтылыўын тәриплейтугын жыллылық ҳалының санлық ҳарактеристикасы болып усы ҳал жүзеге келетуғын микроскопиялық усыллардың саны болып табылады. Бул сан ҳалдың *статистикалық салмағы* деп аталады. Олны Г ҳәрипи жәредминде белгилеймиз. Өз өзине қойылған дене статистикалық салмағы үлкен болған ҳалға өтиўге умтылады.

Бирақ  $\Gamma$  санының орнына усы санның логарифмин k ға көбеймесин қолланыў қабыл етилген. Усындай жоллар менен анықланган

S=klnΓ

шамасын денениң энтропиясы деп атаймыз.

Мысалы, еки денеден туратуғын системаны пайда етиўдиң усылларының саны усы денелердиң ҳәр бирин пайда етиўши усыллар  $\Gamma_1$  менен  $\Gamma_2$  лердиң көбеймесине тең:  $\Gamma=\Gamma_1\Gamma_2$ . Сонлықтан

#### $S=kln\Gamma=kln\Gamma_1+kln\Gamma_2=S_1+S_2$ .

Биз бул жерде курамалы системасының энтропиясының оның бөлеклериниң энтропияларының қосындысына тең екенлигин көремиз.

Жыллылық процесслериниң бағытын анықлаўшы нызамды энтропияның өсиў нызамы деп айтыў мүмкин: жабық системада жүретуғын барлық жыллылық процесслеринде энтропия өседи; энтропияның максималлык мүмкин болған мәниси жыллылық тең салмақлығында алынады. Бул тастыйықлаў термодинамиканың екинши нызамының ең дәл айтылыўы болып табылады. Бун нызам Клаузиус тәрепинен ашылды, ал оның молекулалық-кинетикалык талқыланыўы Больцман тәрепинен берилди.

Кери түрде былайынша айта аламыз: жабық системаның энтропиясының осиўи менен жүретуғын қалеген процесс қайтымсыз процесс болып табылады, энтропия өскен сайын қайтымсызлық дәрежеси де өседи. Толық кайтымлы процесстиң идеаллық мысалына жабық системаның энтропиясының өзгермей қалыўы сәйкес келеди.

Денениң жыллылық ҳалының «пайда етиўдиң микроскопиялық саны» дегенниң дәл мәниси *статистикалық физикада* бериледи. Сол жерде ғана ҳәр қыйлы денелердиң энтропиясын есаплаўға ҳәм оның басқа да жыллылық шамалары менен байланысын анықлаўға мүмкиншилик туўылады.

Тереңирек теориялық таллаў энтропия түсинигин термодинамикалық жақтан қолланыў ушын қатнасларды дүзиўге мүмкиншилик береди. Бул қатнас денениң шамасының шексиз киши кайтымлы өзгерисинде денениң энтропиясының өзгериси dS шамасын усы процессте алынған жыллылық муғдары dQ менен байланыстырыўға мүмкиншилик береди (бул жағдайда гэп жабық емес система ҳаққында айтылады, сонлықтан процесстиң қайтымлылығы энтропияның турақлылығын талап етпейди!). Гэп етилип атырған қатнас dS=dQ/T түринде болады (Т аркалы денениң температурасы белгиленген).

dS пенен dQ арасындағы байланыстың бар екенлиги тәбийий. Денеге жыллылық бериў оның атомларының жыллылық қозғалысларының қушейиўине, яғный ҳәр қыйлы микроскопиялық қозғалыслар ҳаллары бойынша бөлистириўдиң ҳаотиклилигиниң өсиўине алып келеди. Бул статистикалық салмақтың өсиўин тәмийинлейди. Буннан басқа берилген жыллылық муғдарының денениң жыллылық ҳалының өзгерисине тәсири усы муғдардың денениң толық ишки энергиясына қатанасы менен ҳарактерленеди. Сонлықтан оның температурасының өсиўи менен кемейеди.

Дара жағдайда dQ=TdS қатнасы 63-параграфта келтирилген Карно циклиниң пайдалы тәсир коэффициенти ушын алынған аңлатпаға алып келеди. Биз бул процессте үш денениң қатнасатуғынлығын көрдик: қыздырғыш, салқынлатқыш ҳәм жумыс ислеўши

дене. Жумыс ислеўши дене циклдың нәтийжесинде өзиниң дәслепки ҳалындай ҳалға ҳәм сонлықтан сонлықтан оның энтропиясы да өзиниң дәслерпки шамасына қайтып келеди. Процесстиң қайтымлылық шәрти (баска сөзлер менен айтқанда системаның толық энтропиясының өзгермеўине қойылған талап) бул жағдайда қыздырғыштың энтропиясы  $S_1$  менен салқынлаткыштың энтропиясыны  $S_2$  ниң энтропияларының қосындысының өзгермеслигине келип тиреледи. Мейли цикл барысында салқынлаткыш базы бир киши  $\Delta Q_1$  жыллығын алатуғын, ал қыздырғыш  $\Delta Q_2$  жыллығын беретуғын болсын. Онда

Буннан

$$\Delta Q_1 = \frac{T_1}{T_2} \Delta Q_2.$$

Бир циклдеги жумыс  $A = \Delta Q_2 - \Delta Q_1$ . Сонлықтан

$$\eta = \frac{A}{\Delta Q_2} = 1 - \frac{T_1}{T_2}.$$

#### ІХ БАП

# ФАЗАЛЫҚ ӨТИЎЛЕР

# § 66. Фазалық өтиўлер

Суйықлықтың пуўланыўы ямаса қатты денениң ериўи физикада фазалық өтиўлер деп аталатуғын процесслердиң категориясына киреди. Бул процесслердиң характерли айрықшалығының бири олардың секирмелилигинде. Мысалы муз қыздырылғанда оның жыллылық ҳалы кем-кемнен өзгереди, ал температура  $0^{0}$ С ға көтерилгенде муз бирден қәсийетлери пүткиллей басқаша болған суўға айлана баслайды.

Арасында фазалық өтиў орын алатуғын затлардың ҳаллары оның *фазалары* деп аталады. Бундай мәнисте затлардың агрегат (газ тәризли, суйық ҳәм қатты) ҳаллары ҳәр қыйлы фазалар болып табылады. Бирақ фаза түсиниги агрегат ҳал түсинигине салыстырғанда кеңирек, биз бир агрегат ҳалдың өзинде ҳәр қыйлы фазалардың бар бола алатуғынлығын көремиз.

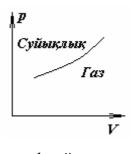
Заттың суйық фазадан басқа айрықша фазасы болған қатты ҳал ҳаққында айтқанымызда бизиң қатты кристаллық ҳалды нәзерде тутатуғынымызды атап өткенимиз зәрүрли. Қыздырғанда аморф катты дене әсте ақырынлық пенен жумсарып секириўсиз суйық ҳалға өтеди (бул ҳаққында 52-параграфта айтылды). Сонлықтан аморф ҳал заттың

айрықша фазасы болып табылмайды. Мысалы қатты ҳәм суйық шийше ҳәр қыйлы фазалар болып табылмайды.

Берилген басымда бир фазаның екинши фазаға өтиўи барлық ўақытлары белгили бир температурада жүреди. Мысалы атмосфералық басымда муз  $0^{0}$ С температурада ерий баслайды ҳәм қыздырыўды даўам еткенде толық ерип болғанша температурасы өзгермей калады. Усы процесстиң даўамында муз бенен суў бир бирине тийип биргеликте жасайды.

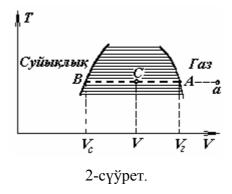
Бул жерде фазалық өтиў температурасының басқа аспекти көринеди: бул еки фаза жыллылық тең салмақлығында туратуғын температура болып табылады. Сыртқы тәсирлер болмаса (соның ишинде жыллылықтың берилиўи де орын алмаса) усы температурада еки фаза шексиз көп ўақыт биргеликте жасайды. Ал фазалық өтиў температурасынан (өтиў ноқатынан) киши ямаса жоқары температураларда тек бир фаза (фазалардың екеўиниң бири) бар болады. Мысалы  $0^{\circ}$ С дан төменги температураларда ҳам әдеттеги атмосфералық басымларда тек музға, ал  $0^{\circ}$ С дан жоқары температураларда тек суўға ийе боламыз.

Басым өзгерсе фазалық өтиў температурасы да өзгереди. Басқа сөзлер менен айтқанда фазалық өтиў тек заттың басымы менен температурасы арасында қатаң ғәрезлилик бар болғанда ғана орын алады. Бул ғәрезлиликти координата көшерлерине р менен V қойылған фазалық диаграммада (ямаса ҳаллар диаграммасында) графикалық иймеклик түринде сүўретлеў мүмкин.



1-сүўрет.

Анықлық ушын суйықлық пенен оның пуўы арасындағы фазалық өтиў ҳаққында айтамыз. Бул жағдайда фазалық өтиў иймеклиги (усы мысал қаралғанда *пуўланыў иймеклиги* деп те аталады) суйықлық пенен оның пуўының қандай жағдайларда тең салмақлықта туратуғынлығының шәртлерин анықлайды. Иймеклик тегисликти еки бөлимге бөледи: оның биреўи бир фазаның ҳалына, екиншиси екинши фазаның ҳалына сәйкес келеди (1-сүўрет). Бул жағдайда берилген басымға ҳәм жоқарырақ температураларға пуў, ал төменирек температураларға суйықлық сәйкес келгенликтен иймектиктиң оң тәрепиндеги областқа газ тәризли, ал оң тәрепиндеги областқа суйық фаза сәйкес келеди. Ал иймектиктиң ұстинде жатқан ноқатлар еки фаза бир ўақытта жасайтуғын ҳалларға сәйкес келеди.



Фазалық диаграмманы тек p,T тегислигинде емес, ал p,V ямаса T,V координаталарында да дүзиў мүмкин. Бул жерде V арқалы заттың қандай да бир муғдарына сәйкес келиўши көлем белгиленген. Мысалы V арқалы салыстырмалы көлем, яғный заттың бир граммының көлеми белгиленген болыўы мүмкин (бундай жағдайда 1/V заттың тығызлығы болып табылады).

Енди V,Т тегислигиндеги фазалық диаграмманы қараймыз. Мейли бизде 2-сүўреттеги a ноқатына сәйкес келиўши температураға ҳәм салыстырмалы көлемге ийе газ бар болсын. Егер газди өзгермейтуғын температурада қыссақ, онда газдиң ҳалын сәўлелендиретуғын ноқат V көшерине параллель бағытта оңға қарай қозғалады.  $V_c$  салыстырмалы көлемине сәйкес келетуғын басымда (A ноқаты) газдиң суйықлығына конденсациясы басланады. Системаны қысыўды даўам еткенде суйықтықтың муғдары көбейеди, ал газдиң муғдары кемейеди. Ал анық бир В ноқатына жеткенде барлық зат салыстырмалы көлеми  $V_c$  болған суйықлыққа айланады.

Бир биринен алынатуғын суйықлық пенен газдиң салыстырмалы көлемлери ( $V_{e}$  ҳэм  $V_{e}$ ) фазалық өтиў жүретуғын температураның функциялары болып табылады. Бул еки функцияны сәйкес иймекликлер жәрдеминде сүўретлеп биз 2-сүўретте көрсетилген түрдеги фазалық диаграмманы аламыз. Диаграммадағы штрихланнған областтың оң ҳәм шеп тәреплери газ тәризли ҳәм суйық фазаларға сәйкес келеди. Еки иймекликтиң ортасындағы штрихланған область еки фаза бир ўакытта жасайтуғын область болып табылады. Диаграмманың бул бөлиминиң горизонталлық штрихланыўы анық мәниске ийе: базы бир C ноқаты арқалы өткерилген горизонт бағытындағы туўрының сол иймкликлер менен кесилисиў ноқатлары A менен B усы ноқатка сәйкес келиўши суйыклық пенен пуўдың салыстырмалы көлемлерин анықлайды.

АВ кесиндисиниң ҳәр қыйлы ноқатлары ҳәр қыйлы салыстырмалы муғдарлардағы бир суйықлық пенен бир пуўдың тең салмақлығына сайкес келеди. Базы бир С ноқатындагы пуў менен суйықлықтың салыстырмалы муғдарын х ҳәм 1-х арқалы белгилейик. Бундай жағдайда системаның улыўмалық көлеми мынаған тең (1 г ға қатнасы):

$$V=xV_r+(1-x)V_c$$
.

Буннан

$$x = \frac{V - V_c}{V_r - V_c}, \quad 1 - x = \frac{V_r - V}{V_r - V_c},$$

Бул шамалардың қатнасы

$$\frac{x}{1-x} = \frac{V - V_c}{V_c - V} = \frac{BC}{AC}.$$

Биз бул жерде пуў менен суйықлықтың муғдарының С ноқатынан пуў менен суйықлыққа сәйкес келиўши А ҳәм В ноқатларына шакемги аралықларға кери пропорционал екенлигин көремиз (бул қатнас *рычаг қәдеси* деп аталады).

Егер координата көшерине температура емес, ал басым қойылған диаграммаларда да жоқарыда тәрипленгендей жағдайға ийе боламыз. Биз бул диаграмманың р,Т көшерлеринде дүзилген диаграммаға уқсас емес екенлигин көремиз. Бурынғы р,Т диаграммасында бир сызыққа қысылған еки фазаның қатламласыў областы V,Т ямаса V,р диаграммасында пүтин областқа айланады. Буның келип шығыўы мынаған байланыслы: жыллылық тең салмақлығы шәрти бойынша тең салмақлықта турған фазалар бирдей температура менен басымға ийе болады, ал бул фазалардың салыстырмалы көлемлери ҳәр қыйлы.

Енди базы бир затлардың атмосфера басымындағы ериўи менен қайнаўы ушын кесте келтиремиз:

	Ериў ноқаты, ${}^{0}$ С.	Қайнаў ноқаты, ${}^{0}$ С.
Гелий (He <sup>3</sup> изотопы)	-	-270,0 (3,2 K)
Гелий (He <sup>4</sup> изотопы)	-	-268,9 (4,2 K)
Водород	-259,2 (14 K)	-252,8 (20,4 K)
Кислород	-219	-183
Этил спирти	-117	78,5
Этил эфири	-116	34,5
Сынап	-38,9	356,6
Қорғасын	327	1750
Алюминий	660	2330
NaCl	804	1413
Гүмис	961	2193
Мыс	1083	2582
Темир	1535	2800

Кварц	1728	2230
Платина	1769	4000
Вольфрам	3380	6000

Тәбияттағы бар затлардың ишинде гелий ең төменги температурада суйықлыққа айланады (гелийдиң қатты ҳалға өтиўи ҳаққында 72-параграфта айтылады). Химиялық элементлердиң ишинде вольфрам ең үлкен ериў ҳәм қайнаў температураларына ийе.

#### § 67. Клапейрон-Клаузиус формуласы

Заттың бир фазасының екинши фазаға өтиўи барлық ўақытта да базы бир муғдардағы жыллылықтың жутылыўы ямаса шығарылыўы менен эмелге асады. Бундай жыллылық муғдарын жасырын жыллылық ямаса өтиў жыллылығы деп атайды. Суйықлық газ ҳалына өткенде пуў пайда болыўдың жыллылығы, ал катты дене суйық ҳалға өткенде ериў жыллылығы ҳаққында айтады.

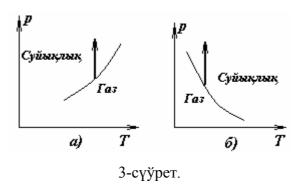
Фазалық өтиў турақлы басымда жүретуғын болғанлықтан 1-фазаның 2-фазаға өтиў жыллылығы  $q_{12}$  заттың усы фазалардығы жыллылық функцияларының айырмасына тең (56-параграфты қараңыз):

$$q_{12} = W_2 - W_1$$
.

 $q_{12} = -q_{21}$  екенлиги өз-өзинен түсиникли, яғный базы бир фазалық өтиўде жыллылық жутылатуғын болса, онда кери өтиў жыллылықты бөлип шығарыў менен жүреди.

Ериўде ямаса пуўланыўда жыллылық жутылады. Бул улыўмалық қәдениң дара жағдайы болып табылады (бул қәде бойынша қыздырылғанда болатуғын фазалық өтиў жыллылықтың жутылыўы менен жүзеге келди). Өз гезегинде бул қағыйда Ле Шаталье принципиниң нәтийжеси болып табылады: қыздырыў жыллылықтың жутылыў процессиның жүзеге келиўине алып келеди хәм усының менен сыртқы тәсирге қарсылық жасалады.

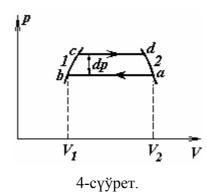
Сол принципитиң жәрдеминде фазалық өтиўде бақланатуғын көлемниң өзгериси менен р,Т тегислигиндеги фазалық тең салмақлық иймеклигиниң бағытын байланыстырыў мүмкин.



Мысал ретинде суйықлық пенен пуўдан туратуғын тең салмақлы систманы аламыз хәм бул системаны қысамыз. Сонлықтан оның басымы артады. Бундай жағдайда системанын көлемин киширейтетуғын хәм соның салдарынан басымның тәсирин әззилетиўши процеслер жүреди. Буның ушын пуўдың конденсацияланыўы керек. Себеби пуўдың суйықлыққа айланыўы барлық ўақытта көлемниң киширейиўине алып келеди. Сонлықтан тең салмақлық иймектигинен жоқары қарай жылжысақ бизиң суйық фаза областына кириўимиз керек (3-сүўрет). Екинши тәрептен бул жағдайда суйықлық «төменги температуралы фаза» болып табылады (яғный төменирек температураларда жасайтуғын фаза). Усылардың барлығын есапқа алсақ суйықлық пенен газдиң тең салмақлық иймеклиги 3-б сүўреттегидей емес, ал 3-а сүўретте көрсетилгендей болыўы керек деп жуўмақ шығарамыз: басым өскен сайын өтиў температурасының жоқарылаўы керек.

«Жоқары температуралы фазаға» өткенде көлем үлкейетуғын барлық жағдайларда температураның басымнан жоқарыда келтирилгендей ғәрезлилигиниң бақланыўының кереклиги өзинен өзи түсиникли. Көпшилик жағдайларда еригенде заттың көлеми үлкейеди, сонлықтан басымның үлкейиўи менен ериў ноқаты да әдетте жоқарылайды. Бирақ бираз затларда ериў көлемниң киширейиўи менен де жүреди (муз, шойын, висмут). Бул затларда басым улкейгенде ериў ноқаты төменлейди.

Усы сапалық нәтийжелердиң барлығы да фазалық тең салмақлық иймеклигиниң қыялығын өтиў жыллылығы ҳәм өткендеги көлемниң өзгериўи менен байланыстыратуғын формулада өзиниң санлық аңлатпасын табады.



Бул формуланы келтирип шығарыў ушын заттың базы бир муғдары менен жүдә тар Карно цикли әмегле асырылатуғын болсын. Бул циклдеги изотермалық процессте базы бир р басымында алынған зат 2-фазадан 1-фазаға өтсин. Ал 1-фазадан 2-фазаға кери өтиў р+dp басымында жүзеге келтирилсин. Бул өтиўлер р,V диаграммасында (4-сүўрет) аb ҳәм сd кесиндилери менен сүўретленеди. Ал bc ҳәм da қаптал тәреплерине келетуғын болсақ, онда усы кесиндилердиң орнына адиабаталарды алыў керек болады. Бирақ шексиз киши цикл шеклеринде бул айырма есапқа алғандай үлкен емес, ол айырма бизди қызықтыратуғын цикл майданы  $(V_2-V_1)$ dp ға тәсир жасамайды (яғный орынланған айланбалы процесстеги жумыста). Екинши тәрептен бул жумыстың шамасы сd изотермасында жумсалған жыллылық муғдары  $q_{12}$  менен Карно циклиниң пайдалы тәсир коэффициентиниң көбеймесине тең.  $Q_{12}$  ниң шамасы 1-фазадан 2-фазаға өтиў жыллылығы, ал п.т.к. dT/T қатнасына тең (dT) еки изотермадағы температуралар айырмасы). Сонлықтан

$$(V_2-V_1)dp=q_{12}dT/T.$$

Буннан

$$\frac{\mathrm{dp}}{\mathrm{dT}} = \frac{\mathrm{q}_{12}}{\mathrm{T}(\mathrm{V}_2 - \mathrm{V}_1)}.$$

Бул фазалық тең салмақлық иймеклиги p=p(T) ның қыялығын анықлайтуғын формула Клапейрон-Клаузиус формуласы деп аталады. Оны былайынша да жазыўға болады:

$$\frac{\mathrm{dT}}{\mathrm{dp}} = \frac{\mathrm{T}(\mathrm{V}_2 - \mathrm{V}_1)}{\mathrm{q}_{12}}.$$

Бул жерде өтиў температурасы басымның функциясы сыпатында берилген. Бул формулалардығы  $V_1$  менен  $V_2$  еки фазаның көлемлери ҳәм  $q_{12}$  жыллылығы бир заттың тек бирдей муғдарына тийисли (мысалы 1  $\Gamma$  затқа ямаса бир грамм-молекулаға).

Жоқарыдағы формуладағы dp/dT туўындысының көлемлер айырмасы  $(V_2-V_1)$  ге кери пропорционал екенлигин көремиз. Пуўланыўда көлемниң өзгериси үлкен, ал ериўде киши болғанлықтан ериў иймеклиги пуўланыў иймеклигине салыстырғанда тик болып келеди. Мысалы суўдың қайнаў ноқатын  $1^0$  қа төменлетиў ушын басымды 27 мм сын.бағ. басымындай басымға киширейтиў жеткиликли, ал муздың ериў температурасын  $1^0$  қа төменлетиў ушын басымды 130 атм ға үлкейтиў керек.

## § 68. Пуўланыў

Өзиниң суйықлығы менен тең салмақлықта турған пуў *тойынған пуў* деп аталады. Ал оның басымы ҳаққында *тойынған пуўдың серпимлилигин* гәп етеди. Суйықлық-пуўдың

тең салмақлық иймеклигин (1-сүўрет) бул серпимлиликтиң температураға ғәрезлилиги сыпатында қараў мүмкин.

Тойынған пуўдың серпимлилиги температураның өсиўи менен барлық ўақытта да артады. Биз жоқарыда ғәрезлиликтиң бундай характериниң пуўланыўда заттың көлеминиң үлкейиўине байланыслы екенлигин көрдик. Әдетте бундай үлкейиў жүдә сезилерликтей болады. Мысалы  $100^{\circ}$ C дағы суў пуўының көлеми суўдың көлеминен 1600 есе үлкен, -  $183^{\circ}$ C да суйық кислород қайнағанда оның көлеми шама менен 300 есе үлкейеди.

Жеткиликли төмен температураларда тойынған пуўдың тығызлығы соншама кемейеди, ол идеал газдиң қәсийетлерине ийе болады. Бундай шараятларда пуўдың серпимлилигиниң температураға ғәрезлилиги ушын әпиўайы формула алыўға болады. Буның ушын Клапейрон-Клаузиус формуласынан пайдаланамыз:

$$\frac{\mathrm{dp}}{\mathrm{dT}} = \frac{\mathrm{q}}{\mathrm{T}(\mathrm{V}_{\mathrm{r}} - \mathrm{V}_{\mathrm{c}})}.$$

Бул жерде  $V_r$  менен  $V_c$  пуў менен суйықлықтың моллик көлемлери, q арқалы пуўланыў жыллылығы белгиленген.  $V_r$  ның шамасы  $V_c$  ның шамасынан жүдә үлкен болғанлықтан кейингисин есапка алмай кетиўге де болады. Газдиң бир грамммолекуласының көлеми  $V_r$ =RT/p. Сонлықтан

$$\frac{dp}{dT} = \frac{pq}{RT^2}$$
 ямаса  $\frac{1}{p}\frac{dp}{dT} = \frac{d \ln p}{dT} = \frac{q}{RT^2}$ .

Пуўланыў жыллылығының өзи де температураға ғәрезли болса да әдеўир үлкен температуралар интервалларында оны әмелий жақтан турақлы деп есаплаўға болады (мысалы суўдың пуўланыў жыллылығы  $0^0$  тан  $100^0$  қа шекемги интервалда тек 10% ке ғана өзгереди). Бундай жағдайда алынған формуланы мына түрде қайтадан жазыўға болады:

$$\frac{d \ln p}{dT} = -\frac{d}{dt} \left( \frac{q}{RT} \right).$$

Буннан

$$\ln p = \operatorname{const} - \frac{q}{RT}$$

хәм ең ақырында

$$p = ce^{-\frac{q}{RT}}.$$

Бул жерде с арқалы туралы коэффициент белгиленген. Бул формула бойынша тойынған пуўдың серпимлилиги температураға байланыслы (экспоненциал нызам бойынша) тез өзгереди.

Бундай экспоненциаллық ғәрезлиликтиң пайда болыў себебин көргизбели түрде былайынша түсиндириўге болады. Суйықлық молекулалары бир бири менен күши арқалы байланысқан. Бул күшлерди жеңиў ҳәм қандай да бир молекуланы пуўға өткериў ушын белгили бир жумыстың ислениўи керек. Молекуланың суйықлықтағы потенциал энергиясын газдеги потенциал энергиясынан бир молекулаға сәйкес келиўши пуўланыў жыллылығына кем деп айтыўға болады. Егер q арқалы пуўланыўдың моллик жыллылығы белгиленген болса, онда потенциал энергиялардың айырмасы q/N<sub>0</sub> ге тең (N<sub>0</sub> арқалы Авагадро саны белгиленген).

Биз енди Больцман формуласынан пайдалана аламыз (54-параграф) ҳәм оның тийкарында молекуланың потенциал энергиясының  $q/N_0$  шамасына үлкейиўи газдиң тығызлығының суйықлықтың тығызлығына салыстырғанда

$$e^{-q/N_0kT} = e^{-q/RT}$$

қатнасындай болады деп айта аламыз. Усы аңлатпаға пуўдың басымы да пропорционал болады.

Атмосфералық басымлардағы базы бир затлардың пуўланыў жыллылығы менен ериў жыллылықларының мәнислерин келтиремиз:

	q <sub>пуўланыў</sub>	q <sub>ериў</sub>
Гелий	80	-
Суў	40500	5980
Кислород	6800	442
Этил спирти	39000	4800
Этил эфири	59000	7500
Сынап	28000	2350

[Пуўланыў жыллылығы бойынша (критикалық ноқаттан алыста, 69-параграфты қараңыз) молекулалар арасындағы Ван-дер-Ваальс тәсирлесиў күшиниң шамасын анықлаўдың мүмкин екенлигин атап өтемиз. 39-параграфта айтылғандай усы күшлер затлардың конденсациясына алып келеди. Сонлықтан q<sub>ериў</sub> ди Авагадро санына бөлип (яғный бир молекулаға сәйкес келиўши пуўлыныў жыллылығын анықлап) Ван-дер-Ваальс тәсилесиўиниң иймеклигиндеги минимумның тереңлигин анықлаймыз. Усындай жоллар менен гелий ушын шама менен жүзден бир электрон-вольт, ал кестеде келтирилген басқа суйықлықлар ушын бирден онлаған электрон-вольтке шекемги мәнислерди аламыз].

Әдеттеги шараятларда суйықлықтың үстинде өзиниң пуўы менен бир катарда басқа газ – ҳаўа да бар болады. Бул жағдай фазалық тең салмақлыққа аз тәсирин жасайды:

пуўдың парциалық басымы суйықлық температурасындағы тойынған пуўдың серпимлилигине тең болғанға шекем пуўланыў даўам етеди.

Бирақ атмосфера пуўланыў процессиниң барысына үлкен тәсир етеди. Берилген температурадағы суйықлықтың басымынан тойынған пуўының серпимлилигиниң кишилигине ямаса үлкенлигине ғәрезли бул процесстиң картинасы пүткиллей ҳәр қыйлы болады.

Биринши жағдайда суйықлықтың бети арқалы әсте-ақырынлық пенен пуўланыўы орын алады. Беттиң тиккелей үстинде пуўдың парциаллық басымы дерлик бирден тойынған пуўдың басымына тең болады. Бирақ бул тойынған пуў тек әсте-ақырынлық пенен (диффузия жолы менен) қоршаған орталыққа тарайды ҳәм ол ҳаўа менен араласып кеткеннен кейин ғана суйықлықтың жаңа порциялары пуўланады. Суйықлықтың бетиндеги пуўды жасалма түрде үрлегенде пуўланыў тезлигиниң артыўы тәбийий нәрсе.

Тойынған пуўдың серпимлилиги қоршаған орталықтың басымына тең болғанда (ямаса қоршаған орталықтың басымынан үлкенирек бола басласа) процесстиң характери өзгереди – суйықлықтың тез қайнаўы басланады. Қайнаў бетте газ көбиклериниң бурқып пайда болыўы менен характерленеди. Бул көбиклер суйықлықтың ишинде пайда болып, суйықлықты араластырып көтериледи. Усындай жағдайда суйықлықтың еркин бетинен қоршаған атмосфераға пуў көтериледи.

Кейинирек түсиндирилетуғын себеплерге байланыслы улыўма айтқанда суйықлықтың пуўға айланыўы таза суйықлықтың түбинде (ямаса теренде) пуў көбикшелериниң өзинен өзи пайда болыўы менен жүрмейди. Ыдыстың дийўалларында бурыннан-ақ бар ямаса қызғанда суйықлықтан кысып шығарылыўдың нәтийжесинде пайда болатуғын басқа газлердиң көбикшелери (ямаса суйықлықта жүзип жүрген) газ тәризли фазаның пайда болыў орайлары болып табылады. Қайнаў ноқатынан төменги температураларда (қайнаў температурасында тойынған пуўдың серпимлилиги сыртқы басымға тең болады) қоршаған суйықлықтың басымы бул көбикшелердиң үлкейиўине кесент жасайды.

Суйықлық алдын-ала ықшамлы етип тазартылғанда ямаса суйықлықтың курамындағы басқа газлер жоқ қылынғанда *пуў пайда болыў орайлары* эмелий жақтан жоқ ҳалға келемиз. Бул суйықлықтың *аса қызыўына* алып келеди (бундай жағдайда суйықлық қайнаў температурасынан жоқары температураларда да суйықлық болып қалады). Аса кызыўды болдырмаў ушын суйықлық куйылған ыдысқа алдын-ала пуў пайда болыўдың орайланын киргизеди (тесикшелери бар денелер, шийше капиллярлардың кесиндилери ҳ.т.б.)

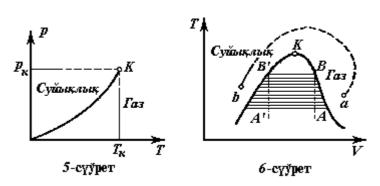
Аса қыздырылған суйықлық (яғный берилген температурада пуўға айланып кетиўи керек болған суйықлық) метастабиллик ҳаллар деп аталатуғын ҳалларға мысал болады. Бул турақлығы шекли болған ҳал болып табылады. Абайлап шараятлар дөретилгенде белгили бир ўакытлар даўамында сақланатуғын болса да, бундай ҳаллардың тең салмақлығы аңсат бузылады ҳәм зат басқа турақлы болған ҳалға өтеди. Мысалы аса кыздырылған суйықлық оған пуў пайда болыў орайлары киритилгенде бир заматта қайнап болады.

Тап сол сыяқлы қубылыслар кери процесс болған пуўдың кондесациясында да бақланады. Бул жерде де фазалық өтиўдиң жүриўи ушын (пуўға тийип турған суйықлық болмаған жағдайларда) пуўда кенденсацияланыў орайларының бар болыўы талап етиледи. Бундай орайлар орнын сырттан ендирилген ҳәр қыйлы майда киритпелер ийелейди (бул ҳаққында 99-параграфта толығырақ гәп етиледи). Усыған байланыслы пуўдың аса салқынлатылған ҳалы жүзеге келеди (ямаса аса тойынған пуў деп те атайды). Аса салқынлатылған ҳалда басым берилген температурадағы тойынған пуўдың серпимлилигинен үлкен болады. Бундай ҳалды, мысалы, оғада жақсылап тазаланған пуўды адиабаталық кеңейтиўде алыў мүмкин.

# § 69. Критикалық ноқат

Температура жақарылаған сайын тойынған пуўдың серпимллилиги тез өседи. Соның менен бирге пуўдың тығызлығы да артады ҳәм суйықлықтың тығызлығына жақынласады. Базы бир температурада пуўдың тығызлығы суйықлықтың тағызлығындай болады ҳәм пуў менен суйықлықтың арасындағы айырма жоғалады. Басқа сөз бенен айтқанда р,Т диаграммасындағы суйықлық пенен газдиң таң салмақлық иймеклиги тамам болады (5-сүўреттеги К ноқаты). Бундай ноқат критикалық ноқат деп аталады. Критикалық ноқаттың координаталары заттың критикалық температурасы Т<sub>к</sub> менен критикалық басымы р<sub>к</sub> ны анықлайды.

V, T диаграммада (хәм соған сәйкес V, p диаграммада) критикалық ноқатка жакынлаў температура жоқарылағанда суйықлық пенен пуўдың салыстырмалы көлемлериниң бир бирине жақынласыўында көринеди (яғный 2-сүўреттеги штрихланған областты шеклейтуғын еки иймекликтиң бир бирине жакынласыўы).  $T=T_{\kappa}$  ноқатында еки иймеклик бир бири менен қосылады. Соның нәтийжесинде K ноқатында максимумға ийе болған тек бир ұзликсиз иймекликке ийе боламыз (6-сүўрет). Бул ноқат сол критикалық ноқат болып табылады: оның координаталары критикалық температура  $T_{\kappa}$  менен критикалық салыстырмалы көлем  $V_{\kappa}$  болып табылады.



Суйықлық пенен газдиң қәсийетлериниң жакынласыўы менен олар арасындағы q өтиў жыллылығы да киширейеди. Критикалық ноқатта өтиў жыллылығы нолге айланады.

Критикалық ноқаттың бар екенлиги заттың суйық ҳәм газ тәризли ҳаллары арасындағы принципиаллық айырмашылықтың жоқ екенлигин анық көрсетеди. Қақыйқатында да биз қарап атырған жағдайдағы өзлериниң тығызлықлары менен күшли айрылатуғын еки ҳалдың (6-сүўреттеги a ҳәм b ҳаллары) тығызлығы жоқарысын суйық, ал тығызлығы кемин газ тәризли ҳал деп есаплаймыз. Турақлы температурада еки фазалық област арқалы өтпей-ақ a газин қысып b суйықлығына айландыра аламыз. Бирақ a менен b ҳаллары арасындағы өтиўди басқаша да әмелге асыра аламыз: көлемди киширейтиў менен бирге дәслеп температураны көтеремиз, кейин түсиремиз, усындай жоллар менен V, V тегислигинде критикалық ноқатты жоқарыдан айланып өтиўши жол менен жүремиз (6-сүўретте бул жол пунктир менен белгиленген). Бундай жағдайда ҳалдың секирип өзгериси орын алмайды, зат барлық ўакытта да бир текли болып калады ҳәм биз заттың газ ҳалынан суйық ҳалына қашан өткенлигин айта алмаймыз.

V,Т тегисликтеги диаграммадан ишинде базы бир муғдардағы суйықлық ҳәм оның үстинде оның пуўы бар жабық ыдыста (мысалы дәнекерленген найда) нениң бақланатуғынлығын аңсат табыўға болады. Заттың толық көлеми турақлы болғанлықтан биз V,Т тегислигиндеги вертикал сызық бойынша жоқарыға карай қозғаламыз. Егер найдың көлеми (заттың берилген муғдарына сәйкес келиўши) критикалық көлемнен үлкен болатуғын болса бул туўры (сызық) критикалық ноқаттың оң тәрепинде жайласады (б-сүўреттеги АВ), қыздырыў барысында пуўға айланып болман дегенше (В ноқатында) суйықлықтың муғдары кемейеди. Бундай жағдайда суйықлық пенен пуўдың арасындағы шегара найдың төменги шетинде жоғалады. Ал найдың көлеми критикалық көлемнен киши болса (А' ноқаты) қыздырыў даўам етилгенде суйықлықа айланып болғанша (В' ноқатында) пуў конденсацияланады. Бундай жағдайда суйықлық пенен пуў арасындағы шегара найдың ең жоқарғы бөлиминде жоғалады. Найдың көлеми критикалық колемге тең болған жағдайда шагара найдың ишинде жоғалады, бул жоғалыў критикалық температура Т<sub>к</sub> де орын алады.

Бир катар затлар ушын абсолют критикалық температуралар  $T_{\kappa}$ , басымлар  $p_{\kappa}$  ҳәм тығызлықлар  $\rho_{\kappa}$  лердиң мәнислерин беремиз:

Зат	Т <sub>к</sub> , К	<b>р</b> к, <i>атм</i>	$\rho_{\kappa}$ , $\epsilon/c M^3$
Суў	647,2	218,5	0,324
Спирт	516,6	63,1	0,28
Эфир	467,0	35,5	0,26
Углекислый газ, CO <sub>2</sub> .	304,2	73,0	0,46
Кислород	154,4	49,7	0,43
Водород	33,2	12,8	0,031
$\Gamma$ елий (изотоп $He^4$ )	5,25	2,26	0,069
$\Gamma$ елий (изотоп $He^3$ )	3,33	1,15	0,041

Биз 52-параграфта кристаллық денелердиң өзлериниң анизотропиясы менен суйықлықлар және газлерден принципиаллық айырмаға ийе болатуғынлығын айтып өткен едик. Сонлықтан суйықлық пенен газ арасындағы үзликсиз өтиўдей кристал менен суйықлық арасындағы өтиўдиң үзликсиз жүриўи мүмкин емес. Бул жағдайда еки фазаның кайсысының кристаллық, қайсысының суйықлық екенлигин анық айта аламыз. Усының салдарынан ериў процесси ушын критикалық ноқаттың орын алыўы мүмкин емес.

### § 70. Ван-дер-Ваальс теңлемеси

Газдың тығызлығының артыўының барысында оның қәсийетлери идеал газдиң қәсийетлеринен айрыла баслайды ҳәм ақыр-аяғында газдиң суйықлыққа конденсациясы басланады. Бул кубылыслар қурамалы молекулалық тәсирлесиўлер менен байланыслы ҳәм бул тәсирлесиўди санлық жақтан тәриплеўдиң мүмкиншилиги жоқ. Сонлықтан затлардың ҳал теңлемесин теориялық жақтан дәл дүзиў үлкен қыйыншылық пенен әмелге асыўы мүмкин. Бирақ молекулалык тәсирлесиўдиң тийкарғы өзгешеликлерин есапқа алып ҳал теңлемесин дүзиўди әпиўайыластырыўға болады.

Биз 39-параграфта молекулалардың тәсирлесиўиниң характерин тәриплеген едик. Киши аралықлардағы ийтерисиў күшлериниң тез артыўы (турпайы түрде айтқанда) молекулалардың белгили бир көлемге ийе болыўы менен байланыслы (бундай көлемлерден киши көлемлерге газдиң кысылыўы мүмкин емес). Тәсирлесиўдиң екинши тийкарғы қәсийети үлкен қашықлықлардағы тартысыўдың орын алыўында болып табылады. Усы тартысыўдың орын алыўының нәтийжесинде газ суйықлыққа айланады.

Биз заттың бир моли ушын ҳал теңлемесин жазыўды газдың қысылыўшылығының шекеленгенлигин есапқа алыў менен баслаймыз. Бул ушын идеал газ теңлемеси p=RT/V да V ны V-b менен алмастырыўымыз керек (молекулалардың өлшемлерин есапқа алатуғын базы бир оң мәниске ийе турақлы b ҳәрипи арқалы белгиленген).

$$p = \frac{RT}{V - b}$$

теңлемеси көлемниң b дан кем болмайтуғынлығын көрсетеди, себеби V=b да басым шексизликке айланалы.

Енди молекулалар арасындағы тартысыўды есапқа аламыз. Бул тартысыў газдиң басымының кемейиўине алып келеди. Себеби ыдыстың дийўалының қасында турған молекулаға басқа молекулалар тәрепинен ыдыстың ишине карай бағытланған күш тәсир етеди. Турпайы түрде жуўықлағанда бул күштиң маниси газдиң көлем бирлигиндеги молекулалар санына (яғный газдиң тығызлығына) пропорционал болады. Екинши тәрептен басымның өзи де усы санға пропорционал. Сонлықтан молекулалардың бир бирин тартысыўының ақыбетинен басымның улыўма кемейиўи газдың тығызлығының квадратына (яғный оның көлеминиң квадратына кери пропорционал) туўры пропорционал болады. Усыған сәйкес жоқарыда басым ушын жазылған аңлатпадан а/V² түриндеги ағзаны алып таслаўымыз керек (а арқалы молекулалық тартысыўды тәриплейтуғын базы бир жаңа турақлы белгиленген). Солай етип

$$p = \frac{RT}{V - b} - \frac{a}{V^2}$$

теңлемесин аламыз. Басқаша жазсақ

$$\left(p - \frac{a}{V^2}\right)(V - b) = RT$$

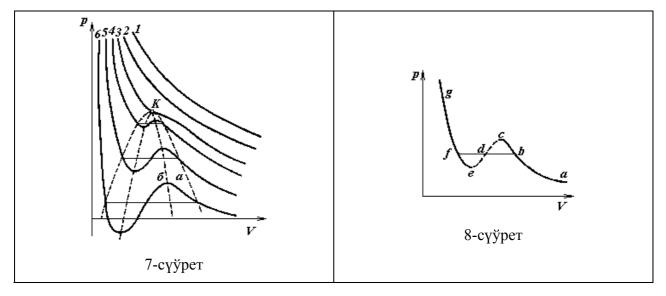
теңлемесине ийе боламыз. Бул *Ван-дер-Ваальс теңлемеси* деп аталатуғын теңлеме болып табылады. Газ сийреклетилген болса (үлкен V көлемлери) а ҳәм b шамаларын есапқа алмаўға болады. Бундай жағдайда идеал газ ҳалының теңлемесине қайтып келемиз. Биз төменде үлкен кысыўлар жағдайында да алынған теңлемениң қубылыслардың характерин дурыс тәриплейтуғынлығын көремиз.

Ван-дер-Ваальс теңлемеси менен тәрипленетуғын газдиң қәсийетлерин тәриплеў ушын бул теңлемелер жәрдеминде тәрипленетуғын изотермаларды — T ның берилген мәнислериндеги p ның V ға ғәрезлилигиниң иймекликлерин қараймыз. Усындай мақсетте теңлемени былайынша көширип жазамыз:

$$V^{3} - \left(b + \frac{RT}{p}\right)V^{2} + \frac{a}{p}V - \frac{ab}{p} = 0.$$

Т менен р ның берилген мәнислеринде бул белгисиз V ның үшинши дәрежесине қарата теңлеме болып табылады.

Ушинши дәрежели теңлемениң үш корениниң болатуғынлығы мәлим. Олардың үшеўи де бир ўақытта ямаса тек биреўи ҳақыйқый болады (екинши жағдайда теңлеме еки комплексли түйинлес коренге де ийе). Тек ҳақыйқый ҳәм оң мәнисли коренлер ғана физикалық мәниске ийе бола алады (себеби көлем V барлық ўақытта да оң ҳәм ҳақыйқый мәниске ийе). Биз қарап атырған жағдайда теңлемениң терис мәнисли коренлерге ийе болыўы пүткиллей мүмкин емес (р ның оң мәнислеринде). Егер V терис мәниске ийе болғанда теңлемениң барлық ағзалары бирдей (терис) мәниске ийе болған ҳәм қосынды нолге тең болар еди. Сонлықтан температура менен басымның берилген мәнислеринде Ван-дер-Ваальс теңлемесине көлемниң үш ҳәр қыйлы ямаса тек бир мәниси сәйкес келеди.



Екинши жағдай (көлемниң тек бир мәниси бар жағдай) тек жеткиликли дәрежедеги жоқары температураларда орын алады. Сәйкес изотермалар идеал газдиң изотермаларынан формасының бир қанша майысқанлығы менен айрылады ҳәм монотон түрде төменге түсетуғын иймеклик болып қалады (7-сүўреттеги 1- ҳәм 2-иймеклер, бул сүўреттеги иймекликлердиң номерлериниң өсиўи температураның төменлеўине сәйкес келеди). Төменирек температураларда болса изотремалар максимумға ҳәм минимумға ийе болады (4-6 иймекликлер). Бул жағдайда басымның бир мәнисине көлемниң ҳәр қыйлы үш мәниси сәйкес келеди (изотреманың горизонталлық туўры менен кесилисиўиниң үш ноқаты).

8-сүўретте усындай изотермалардың биреўи келтирилген. Енди усы изотерманың ҳәр ҳыйлы участкаларының ҳандай мәниске ийе болатуғынлығын аныҳлаймыз. Басымның көлемге ғәрезлилиги де ҳәм са участкаларында нормал характерге ийе (көлем

киширейгенде басым артады). Тәбийий емес аўҳалға ес участкасы сәйкес келеди (бул участкада басымның үлкейиўи колемниң киширейиўина алып келиўи керек еди). Бирақ оған қарама-қарсы аўҳал орын алады. Бундай ҳалдың тәбиятта пайда болмайтуғынлығын аңсат көриўге болады. Усындай қәсийетке ийе затты көз алдымызға келтирип көрейик. 64-параграфта гәп етилген флуктуацияның салдарынан усындай зат қандай да бир участка қысылды деп көз алдымызға келтирейик. Бундай жағдайда оның басымы да киширейеди, яғный қоршаған орталықтың басымынан киши болып қалады. Бул болса өз гезегинде буннан былай жүретуғын қасылыўды болдырады. Сонлықтан берилген участка үлкейиўши тезлик пенен қысылыўы керек. Бул заттың пайда болған ҳалының пүткиллей турақсыз болатуғынлығын билдиреди ҳәм усыған байланыслы ҳакыйқатта жүзеге келмейди.

Изотермадағы жүзеге келиўи мүмкин емес ес участкасының пайда болыўы көлем кемкемнен өзгергенде заттың бир текли орталық түринде болып қалмайтуғынлығын билдиреди. Усының ақыбетинде базы бир моментте ҳалдың секирмели түрде өзгериўи ҳәм заттың еки фазаға бөлиниўиниң орын алыўы керек. Басқа сөз бенен айтқанда ҳакыйқый изотерма abfg түриндеги сынық сызық түринде болыўы керек. Оның ab бөлими заттың газ тәризли ҳалына, ал fg бөлими суйық ҳалға, горизонталлық bf туўры сызықлы бөлими еки фазалық ҳалға сайкес келеди. Бул участкада (берилген температурада) белгили бир турақлы басымда газ суйықлыққа айланады [bf туўрысының bcd ҳәм def учаскаларының майданлары бирдей болатуғындай болып жайласатуғынлығын көрсетиўге болады].

Изотерманың bc ҳэм ef участкалары метастабиллик ҳаллар болған аса салқынлатылған пуўға ҳәм аса кыздырылған суйықлыққа сәйкес келеди (68-параграф). Енди биз пуўды аса салқынлатыў ҳәм суйықлықты аса кыздырыўдың мүмкин емес участкаларының бар екенлигин (с ҳәм е участкалары менен сүўретленген) көремиз. Температура жоқарылағанда туўры сызықлы участка киширейеди ҳәм критикалық ноқатта бир ноқатқа жыйналады (7-суўреттеги К ноқаты). Усы ноқат арқалы өтиўши изотерма барлық изотремаларды екиге айырады: 1- ҳам 2-монотон изотермалар, минимумлары ҳәм максимумлары бар изотермалар (4-6 изотермалар). Кейинги жағдайларда заттың еки фазаға бөлиниўи орын алады.

Изотремалардың туўры сызықлы участкасының басы менен ушын тутастырғанда (7-сүўреттеги *а* иймеклиги) алынған иймеклик p,V диаграммасындағы суйықлық пенен пуўдың тең салмақлық иймеклиги болып табылады. Бул иймекликтиң максимумы К критикалық ноқат болып табылады. 8-сүўреттеги с ҳәм е сыяқлы ноқатларды бир бири менен тутастырып биз жаңа иймеклик аламыз (7-сүўреттеги б иймеклиги). Бул иймеклик

фазаларға бөлинбеген зат ҳәтте метастабиллик ҳалда да тура алмайтуғын участканы шеклеп турады.

Критикалық ноқатта үш ноқат бир ноқатқа келип биригеди. Бул ноқатта туўры сызықлы участка Ван-дер-Ваальс изотермасын кесип өтеди. Демек критикалық ноқатта изотермаға түсирилген урынба горизонталлық бағытқа ийе болады ҳәм сонлықтан бул ноқатта басымнан көлем бойынша алынған туўынды нолге тең болады (турақлы температурада екенлигин атап өтемиз):

$$\left(\frac{\mathrm{d}p}{\mathrm{d}V}\right)_{\mathrm{T}} = 0.$$

Бул туўындыға кери болған шама заттың қысылыўшылығы болып табылады. Сонлықтан критикалық ноқатта қысылыўшылық шексизликке айланады деп жуўмақ шығарамыз.

Аса қыздырылған суйықлыққа сәйкес келиўши изотерманың участкасының бөлими абсцисса көшериниң төменинде де жайласыўы мүмкин (7-сүўреттеги 6-изотремадай). Бул участка «созылған» суйықлықтың метастабиллик ҳалына сәйкес келеди (бул ҳаққында 51-параграфтың кейнинде гәп етилди).

### § 71. Сәйкес ҳаллар нызамы

Көлемниң, температураның ҳәм басымның критикалық мәнислерин Ван-дер-Ваальс теңлемесине кириўши a ҳәм b параметрлери менен байланыстырыў мүмкин.

Бундай максетте  $T=T_{\kappa}$  хэм  $p=p_{\kappa}$  де

$$V^{3} - \left(b + \frac{RT_{\kappa}}{p_{\kappa}}\right)V^{2} + \frac{a}{p_{\kappa}}V - \frac{ab}{p_{\kappa}} = 0.$$

Ван-дер-Ваальс теңлемесиниң барлық үш корени де бирдей және  $V_{\kappa}$  ға тең болыўы керек. Сонлықтан жазылған теңлеме

$$(V - V_{\kappa})^3 = V^3 - 3V^2V_{\kappa} + 3VV_{\kappa}^2 - V_{\kappa}^3 = 0$$

теңлемеси менен бирдей. Дәрежелери бирдей V лардың алдындағы коэффициентлерди салыстырыў үш теңликке алып келеди:

$$b + \frac{RT_{\kappa}}{p_{\kappa}} = 3V_{\kappa}, \quad \frac{a}{p_{\kappa}} = 3V_{\kappa}^2, \quad \frac{ab}{p_{\kappa}} = V_{\kappa}^3.$$

Бул  $V_{\kappa}$ ,  $p_{\kappa}$ ,  $T_{\kappa}$  лар ушын жазылған теңлемелерди шешемиз ҳәм бул бизге мыналарды береди:

$$V = 3b$$
,  $p = \frac{a}{17b^2}$ ,  $T = \frac{8a}{27bR}$ .

Бул қатнаслар жәрдеминде Ван-дер-Ваальс теңлемесин төмендегидей етип түрлендириў мүмкин. Бул теңлемеге р, V, T өзгериўшилериниң орнына олардың критикалық мәнислерине қатнасын киргиземиз:

$$p^* = p/p_K$$
,  $T^* = T/T_K$ ,  $V^* = V/V_K$ 

Бул шамалар келтирилген басым, температура ҳәм көлем деп аталады. Әпиўайы түрлендириўлерден кейин Ван-дер-Ваальс теңлемесиниң мына түрге ийе болатуғынлығын аңсат көрсетиўге болады:

$$\left(p^* + \frac{3}{V^{*2}}\right)(3V^* - 1) = 8T^*.$$

Бул теңлемениң дәл сыртқы түри бизди қызықтырмайды. Оның әҳмийети соннан ибарат, соңғы теңлемеге газдиң тәбиятына байланыслы болған a және b шамалары кирмейди. Басқа сөз бенен айтканда егер газдиң басымының, көлеминиң ҳәм температурасыны өлшеми ретинде олардың критикалық мәнислерин алатуғын болсақ ҳал теңлемеси барлық затлар ушын бирдей түрге енеди. Бул жағдай сәйкес ҳаллар нызамы деп аталады.

Бул нызамды ҳал теңлемеси ушын қолланатуғын болсақ, онда ол ҳал теңлемеси менен байланысқан барлық қубылыслар ушын (соның ишинде газ ҳәм суйықлық арасындағы өтиўге де) жарамлы болады. Мысалы

$$\frac{p}{p_{\kappa}} = f\left(\frac{T}{T_{\kappa}}\right)$$

түриндеги теңлеме менен тәрипленетуғын тойынған пуўдың серпимлилигиниң температурага ғәрезлилиги тәриплейтугын сәйкес келтирилген шамаларды байланыстыратуғын теңлеме универсаллық характерге ийе.

Тап сол сыяқлы жуўмақты пуўланыў жыллылығы q ушын да ислеў мүмкин. Бундай жағдайда жыллылықтың өлшем бирлиги сондай болған шамаға қатнасын қараў керек (энергия/моль). Бундай шама ретинде  $RT_{\kappa}$  ны алыў мүмкин. Сәйкес ҳаллар нызамы бойынша  $q/RT_{\kappa}$  қатнасы барлық затлар ушын бирдей келтирилген температураның функциясы болыўы керек:

$$\frac{q}{RT_{\kappa}} = F\left(\frac{T}{T_{\kappa}}\right).$$

Экспериментлердиң нәтийжелерине муўапық критикалық температуралардан төменги температураларда бул функцияның шама менен 10 ға тең турақлы шекке умтылатуғынын атап өтемиз.

Сәйкес ҳаллар нызамының жуўық характерге ийе екенлигин атап өтиўимиз керек. Бирақ соған карамастан оның жәрдеминде пайдаланыў мүмкин болған нәтийжелердиң шамаларын алыў мүмкин.

Сәйкес ҳаллар нызамын биз Ван-дер-Ваальс теңлемеси жәрдеминде алған болсақ та, нызам бул теңлемеге карағанда әдеўир дәл. Себеби нызам ҳал теңлемесиниң айқын түрине байланыслы емес, ал Ван-дер-Ваальс теңлемесине тек еки а ҳәм b шамаларының болыўының нәтийжеси. Еки параметри бар басқа ҳал теңлемеси де сайкес ҳаллар нызамына алып келген болар еди.

## § 72. Үшлик ноқат

Биз еки фазаның тең салмақлықта турыўы температура менен басым арасында анық қатнас жүзеге келгенде ғана әмелге асатуғынлығын көрдик. Бул ғәрезлилик р,Т тегислигиндеги белгили бир иймеклик пенен тәрипленеди. Бир заттың үш фазасының бир ўақытта бир бири менен пүтин сызық бойынша тең салмақлықта тура алмайтуғынлығы өзөзинен түсиникли. Бундай тең салмақлық р,Т диаграммасындағы анық бир ноқатта жүзеге келеди (яғный басым менен температураның белгили бир мәнислеринде). Бул үш фазаның хәр екеўиниң тең салмақлықта турыў иймеклиги кесискен ноқат болып табылады. Үш фазаның тең салмақлықта турыў ноқаты *үшлик ноқат* деп аталады. Мысалы суў ушын муздың, суўдың ҳәм пуўдың бир ўақытта болыўы 4,62 мм сын.бағ. басымында ҳәм +0,01°С да мүмкин.

Үш фазаның бир бири менен бир ўакытта тең салмақлықта тек бир ноқатта тура алатуғын болғанлықтан төрт ямаса төрттен зыят фазалар бир бири менен ҳеш ўакытта тең салмақлықта тура алмайды.

Үшлик ноқатқа температураның анық мәниси сәйкес келгенликтен, бул жағдай температуралық шкаланың стандарт ноқатларын сайлап алыўға мүмкиншилик береди. Бундай сайлап алыўда белгили бир басымды услап турыў зәрүрлиги болмағанлықтан базы бир кемшиликлерге ийе емес (мысалы атмосфералық басымдағы муздың ериў температурасының стандарт ноқатын сайлап алғандағыдай емес).

Хәзирги ўақытлары қабыл етилген абсолют градустың анықланыўы усындай сайлап алыўға тийкарланған: суўдың үшлик ноқаты дәл 273,16 К деп қабыл етилген. Бирақ температура менен басымды өлшеўдиң хәзирги ўақытлардағы дәллигинде муздың ериў температурасы 273,15 К деп есапланғанға туўры келеди.

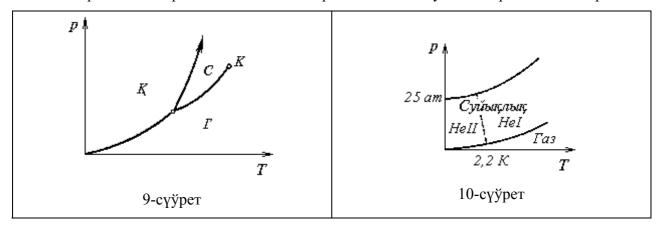
9-сүўретте үш фазаға (қатты, суйық ҳәм газ тәризли) ийе заттың фазалық диаграммасының схемалық түри келтирилген. Бул қатты, суйық ҳәм газ тәризли үш

фазаға диаграммадағы Қ, С ҳәм Г ҳәриплери менен белгиленген участкалар сәйкес келеди. Ал бөлип турыўшы сызықлар болса сәйкес еки фазаның тең салмақлық иймекликлери болып табылады. Ериў иймеклигиниң қыялығы әдетте денелер еригендеги кеңейиўге сәйкес келетуғындай етип көрсетилген (67-параграфты караңыз). Ериў заттың қысылыўы менен жүретуғын көп емес жағдайларда иймеклик басқа (қарама-карсы) тәрепке қарай қыяланған.

Фазалық диаграммадан қызғанда қатты денелердиң газге айланыўы ушын суйық ҳалдан өтиўиниң шәрт емес екенлиги көринип тур. Ұшлик ноқаттан киши басымларда қыздырылғанда қатты денелер тиккелей газге айланады. Бундай фазалык өтиў *сублимация* (ямаса *возгонка*) деп аталады. Мысалы қатты көмир кислотасы атмосфералық басымда сублимацияға ушырайды. Себеби оның ұшлик ноқатына 5,1 *атм* басым (ҳәм -56,6°C температура) сәйкес келеди.

Суйықлық пенен газдиң тең салмақлық иймеклиги критикалық ноқатта тамам болады (9-сүўреттеги К ноқаты). Суйық ҳәм қатты фазалар арасындағы өтиў ушын критикалық ноқаттың бар болыўы мүмкин емес (бул 69-параграфта атап айтылды). Сонлықтан ериў иймеклиги бир ноқатта тоқтамайды, ал шексиз даўам ете береди.

Қатты денениң газ бенен тең салмақлық иймеклиги координата басына қарай кетеди (яғный температураның абсолют нолинде затлар қәлеген басымда қатты ҳалда болады). Бул нәтийже классикалық механикаға тийкарланған температура ҳаққындағы көз-қарастың тийкарында жатады. Усындай көз-қарас бойынша абсолют нолде атомлардың кинетикалық энергиялары нолге айланады (яғный атомлардың қозғалысы тоқтайды). Денениң тең салмақлық ҳалы атомлардың жайласыўларына сәйкес келиўши тәсирлесиў энергиясы минимум болатуғын жағдай болып табылады. Бундай жайласыўлар тәртиплескен болыўы ҳәм базы бир кенисликлик пәнжерени пайда етиўи керек. Усы жағдай барлық денелердиң абсолют нолде кристаллық болыўының кереклигин аңғартады.



Бирақ тәбиятта бир жағдай усы қәдеге бағынбайды: гелий барлық температураларда да (абсолют нолге шекем салқынлатқанда да) суйық болып қалады. Гелийдиң фазалық

диаграммасы (He<sup>4</sup> изотопы ушын) 10-сүўретте келтирилген (диаграммадағы пунктир сызықтың мәниси 74-параграфта айтылады). Бул жерде пуўланыў менен ериў иймекликлериниң ҳеш жерде де кесилиспейтуғынлығын көремиз (яғный үшлик ноқат жоқ). Ериў иймеклиги ордината көшерин p=25 *атм* да кеседи. Бул гелийди катты ҳалға өткериў ушын температураны абсолют нолге жеткериўдин жеткиликли емес екенлигин, соның менен бирге басымды да кеминде 25 *атм* ға жеткериўдиң зәрүрлигин билдиреди.

Жоқарыда айтылғанлардан гелийдиң усындай қәсийетиниң классикалық көз-караслар менен түсиндириўдиң мүмкин емес екенлиги келип шығады. Ҳақыйқатында бул квантлық қубылыслар менен байланыслы. 50-парагрфта айтылғанындай квант механикасы бойынша атомлардың қозғалыслары абсолют нолде де тоқтамайды. Усыған байланыслы жоқарыда биз келген абсолют нол температурадагы барлық затлардың қатты ҳалға айланыўының зәрүрлиги жоғалады. Затлардың квантлық қәсийетлери көпшилик жағдайларда тек төменги температураларда көринеди. Бундай жағдайларда квантлық кәсийетлер жыллылық қозғалыслары тәрепинен жасырынып қала алмайды. Гелийден басқа барлық денелер бундай қәсийетлер көринбестен бурын қатты ҳалға өтеди. Тек гелий ғана «квантлық суйықлық» болыўға үлгереди. Сонлықтан оның катты ҳалға өтиўи шәрт емес. Бул суйықлықтың әдеттегидей емес басқа да қәсийетлери ҳаққында 124-параграфта және де айтылады.

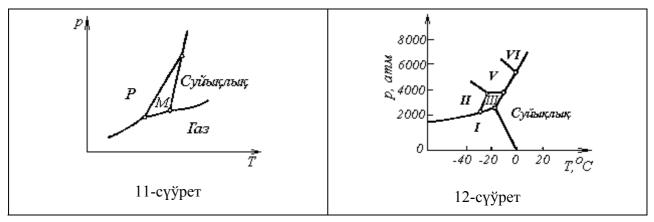
## § 73. Кристаллық модификациялар

Қатты ҳал областының барлығы әдетте бир фаза болып табылмайды. Ҳәр қыйлы басымлар менен температураларда зат ҳәр қыйлы кристаллық ҳалларда тура алады. Бул кристаллық ҳаллардың ҳәр бири өзиниң кристаллық қурылысына ийе болады. Бул ҳәр қыйлы ҳаллардың өзлери заттың ҳәр қыйлы фазалары болып табылады. Оларды кристаллық модификациялар деп атайды, ал заттың ҳәр кыйлы модификацияларға ийе болыў қәсийети ҳаққында айтқанда полиморфизм сыпатында айтады.

Полиморфизм жүдә кең тарқалған. Дерлик барлық затлар (элементлер, бирикпелер) бир неше модификацияға ийе болады (элементлер жағдайында бул модификациялар аллотропиялық модификациялар деп аталады). Ең белгили мысаллар ретинде углеродтың (графит ҳәм алмаз), күкирттиң (ромбалык ҳәм моноклинлик кристаллар пайда етиўши), кремнеземниң (кварц, тридимит, кристобалит сыяқлы ҳәр кыйлы минераллар) модификацияларын атап өтиўге болады.

Хәр қыйлы фазалар сыяқлы ҳар кыйлы модификациялар да бир бири менен p,T диаграммадағы белгили бир сызықлар бойынша тең салмақлықта тура алады. Ал бир

модификацияның екиншисине өтиўи (бул өтиў әдетте *полиморфлық айланыс* деп те аталады) жыллылықтың жутылыўы ямаса шығарылыўы менен әмелге асады. Мысалы  $\alpha$ -темир деп аталыўшы (көлемде орайласқан кублық пәнжереге ийе) темирдиң  $\gamma$ -темирге (кублық қапталда орайласқан пәнжере) айланыўы атмосфералық басымда  $910^{0}$ C да шама менен  $1600 \ \partial ж/моль$  муғдарындағы жыллылықты жутыў менен әмелге асады.



11-сүўретте мысал ретинде күкирттиң фазалық диаграммасы схема түринде келтирилген. Р ҳэм М ҳэриплери жэрдеминде еки қатты фазаның (ромбалық эдеттеги сары күкирт ҳэм моноклинлик) орнықлы жасайтуғын областлары көрсетилген. Бул жерде биз үш үшлик ноқаттың бар екенлигин көремиз.

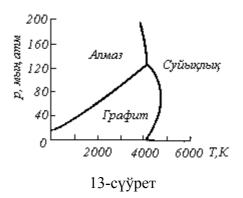
12-сүўретте суўдың ҳал диаграммасы келтирилген. Муздың бес кристаллық модификациясы І, ІІ, ІІІ, V, VІ санлары менен белгиленген. Әдеттеги музға І областы сәйкес келеди, басқа модификациялар мыңлаған атмосфера басымында алынады. Пуўдың областы соншама киши басымларға сәйкес келгенликтен сүўретте көрсетилмей қалған.

Хэр кыйлы кристаллық модификациялар арасындағы фазалық өтиўлер ушын метастабиллик ҳаллардың аңсат пайда болыўы характерли. Пуў менен суйықлықтың аса қызыўы ямаса аса салқынлаўын эмелге асырыў ушын тэжирийбениң жүдэ пуқталық пенен өткерилиўи шэрт. Ал қатты ҳалда болса фазалық өтиўди «кешиктириў» ҳэм кристаллық модификацияларды олар ушын сәйкес келмейтуғын шараятларда услап турыў аңсат эмалге асырылады. Бул жағдайды түсиниў аңсат: кристаллардығы атомлардың тығыз жайласыўы ҳэм олардың жыллылық қозғалысларының киши тербелислер менен шеклениўи пэнжерениң бир модификациядан екенишисине өтиўине тосқынлық жасайды. Температура көтерилгенде жыллылық тербелислери күшейип, бундай өтиўлерди тезлестиреди.

Усы айтылғанларға байланыслы қатты денениң поликристаллық курылысының да (монокристаллық қурылыска салыстырғанда) турақлы емес (метастабиллик) болып табылатуғынлығын еске алып кетемиз. Сонлықтан қыздырғанда майда кристаллық дене копшилик жағдайларда бир кристаллардың екинши кристаллар есабынан өсиўиниң

салдарынан ири кристаллық денеге айланады (бул қубылысты *рекристаллизация* деп атайды). Денениң аморфлык ҳалы да метастабиллик болып есаплана алады; жүдә ески шийшелердиң гүңгиртлениўи өзинен-өзи жүретуғын кристалланыўдың ақыбети болып табылады.

Ески фазада жаңа фазаның киши областлары бар болса (бундай областлар жаңа фазаның зародышлары болып есапланады) полиморфлык фазалық өтиў аңсатласады. Бул жағдайды демонстрациялаўшы мысал ретинде әдеттеги (тетрагоналлық қурылысқа ийе) ақ қалайының унтақ сур қалайыға (кублық пәнжереге ийе модификация) айланыўын атап өтиўге болады. Атмосфера басымында бул еки модификация 18°C да тең салмақлықта турады. Бул температурадан жоқары температураларда ақ, ал киши температураларда сур қалайы орнықлы. Бирақ ақ калайы суўықта да жасай алады, ал оған сур модификацияның кишкене киши дәнешеси қосылса дәрҳәл сур қалайыға айланып унталып кетеди.



Пәнжерениң кайтадан қурылыўы төменги температураларда кыйыншылық пенен жүретуғын болғанлықтан бул жағдай төменги температураларда орнықлы фаза болып табылмайтуғын модификациялардың жасаўына алып келеди. Бундай модификациялар затлардың орнықлы ҳалларын тәриплейтуғын фазалық диаграммада пүткиллей болмайды. Мысалы бундай жағдай полаттың закалка процессинде айқын көринеди. ү-темирдеги углеродтың қатты еритпеси (аустенит деп аталыўшы) углеродтың муғдарына байланыслы тек 700-900°С температураларда орнықлы. Ал төменирек температураларда аустениттиң ыдыраўы керек. Бирақ аустенитти тез салқынлатса (бул закалка деп аталады) металлда оғада қатты болған жаңа фазаның ийне тәризли кристаллары пайда болады (бул мартенсит деп аталады ҳәм тетрагоналлық пәнжереге ийе). Бул «аралықлық» фаза барлық ўақытта да метастабил болып әсте-ақырынлық пенен 250-300°С ға шекем қыздырғанда ыдырайды (бул отпуск деп аталады).

13-сүўретте углеродтың фазалық диаграммасы келтирилген (газ тәризли фаза сүўретте қабыл етилген масштабларда сезилмейтуғын киши басымлар областында жатады). Бул сүўретте әдеттеги басымлар менен температураларда графиттиң орнықлы модификация екенлиги көринип тур. Бирақ усыған қарамастан графит те, алмаз да

әдеттеги шараятларда орнықлы кристаллар сыпатында жасайды. Бул усы еки кристалдың қурылысларының айырмасының үлкенлигинде болып табылады. Сонлықтан графиттиң алмазға ямаса алмаздың графитке айланыўы ушын кристаллық қурылыс үлкен кайта қурыўға ушыраўы керек (алмаздын тығызлығының графиттиң тығызлығынан 1,5 есе улкен екенлиги характерли). Бирақ жоқары температураларға қыздарғанда алмаз графитке айланады: 1700 К дан жоқары температураларда алмаз унтақ графитке тез айланады (жанып кетпеўи ушын кыздырыўды вакуумде эмелге асырады). Диаграммадан графиттиң алмазға айланыўының тек жүдә үлкен басымларда әмелге асыўының мүмкин екенлиги көринип тур. Алмаздың орнықлылық областы 10 000 атм нан жоқары басымларды жатады. Соның менен бирге процесстиң тез жүриўи ушын жоқары температуралар да керек. Хақыйқатында графиттиң алмазға айланыў процесси 50 000-100 000 атм басымларда хэм 1500-3000 К температураларда журеди. Кала берсе усы процесстин жүриўи ушын металл катализатор да керек болады. Графиттиң өзинен-өзи алмазға айланыўы шама менен 130 000 атм басымда хэм 3300 К ден жоқары температураларда бақланған. Бундай жағдайда биз графиттиң тек ғана орнықлы областының сыртында емес, ал метастабиллик областының да сыртында (яғный графиттиң пүткиллей орнықлы емес областында) турамыз.

## § 74. Екинши әўлад фазалық өтиўлери

Биз жоқарыда ҳәр қыйлы симметрияға ийе фазалар арасындағы өтиўдиң суйықлықлар менен газлердегидей үзликсиз жүзеге келиўиниң мүмкин емес екенлигин көрдик. Ҳәр бир ҳалда дене биринши ямаса екинши симметрияға ийе болып, биз барлық ўақытта да оның қайсы фазада екенлигин айта аламыз.

Хәр қыйлы кристаллық модификациялар арасындағы өтиў әдетте фазалық өтиў менен жүреди. Фазалық өтиў ўақтында кристаллық пәнжерениң секирмели қайтадан дүзилиўи орын алады ҳәм денениң ҳалы да секирмели өзгереди. Бирақ усындай секирмели өтиўлер менен бир қатар симметрияның өзгериўи менен жүретуғын басқа типтеги өтиўлер де орын алады.

Денелердиң кристаллық структурасының деталларына қатнасы бойынша бундай өтиўлердиң реаллық мысаллары салыстырмалы қурамалы. Сонлықтан бул өтиўлердиң тәбиятын түсиндириў ушын қыялымызда мысал келтиремиз.

Төменги температураларда тетрагоналлық қурылыска ийе болған денени көз алдымызға келтирейик. Бундай дене ултаны квадрат болған туўры мүйешли параллелопипедлерден турады. Квадраттың тәрепи a хәм бийиклиги c арасындағы айырма

улкен емес деп есаплаймыз (яғный кристалл тетрагоналлық болса да оның пәнжереси кублық пәнжереге жақын). Және жыллылық кеңейиўи барысында а кабырғасы с кабырғасынан тезирек үлкейетуғын болсын. Бундай жағдайларда температураның өсиўи параллелопипедтиң тәреплериниң узынлықлары жақынлайды ҳәм белгили бир температурада бирдей болып қалады. Қыздырыўды даўам етсек барлық үш қабырға бирдей болып узарады хәм өз-ара тең болып калады деп есаплаймыз. a=c теңлиги орынланыўдан пәнжерениң симметриясы дәрхәл өзгереди хәм тетрагоналлықтан кублыққа Бундай жағдайда биз айланады. заттың баска модификациясын аламыз.

Биз көрген мысалда денениң ҳалының секирмели өзгериўи орын алмайды. Кристалдағы атомлардың орынлары ұзликсиз өзгереди. Бирақ кублық симметрияға ийе пәнжередеги атомның қәлеген киши аралыққа жылысыўы (температура кери бағытта өзгергенде) пәнжерениң симметриясының өзгериўи ушын толық жеткиликли. Пәнжерениң барлық үш кабырғасы өз-ара тең болса пәнжере кублық болып қалады. Бирақ а менен с арасындағы оғада киши айырманың пайда болыўы пәнжерени тетрагонал пәнжереге айландырады.

Усындай жоллар менен бир кристаллық модификацияның екинши модификацияға өтиўи *екинши әўлад фазалық* өтиўи деп аталады. Ал әдеттеги фазалық өтиўлер *биринши әўлад фазалық* өтиўлери деп аталады<sup>2</sup>.

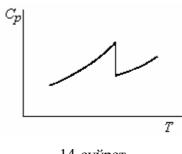
Солай етип екинши әўлад фазалық өтиўлерде денениң ҳалы үзликсиз өзгереди екен ҳәм усы көз-қараста екинши әўлад фазалык өтиўлерин үзликсиз деп айтамыз. Бирақ кристалдың симметриясы секирмели өзгереди ҳәм усыған байланыслы кристалдың кайсы фазаға тийисли екенлигин барлық ўақытта да айта аламыз. Биринши әўлад фазалық өтиўи ноқатында дене ҳәр кыйлы еки ҳалларды тең салмақлықта тура алады, ал екинши әўлад фазалық өтиўи ноқатында еки фазаның ҳаллары бирдей болады.

Екинши әўлад фазалық өтиўинде ҳалдың өзгерисиниң секириўиниң орын алмаўы денениң жыллылық ҳалын ҳарактерлеўши шамалардың да секирмели өзгериўин болдырмайды (көлеми, ишки энергиясы, жыллылық функциясы ҳ.т.б.). Усының салдарынан бундай өтиўде жыллылықтың шығарылыўы ямаса жутылыўы болмайды.

Усы айтылғанлар менен бир катарда өтиў ноқатында сол шамалардың температураға ғәрезлилиги секирмели өзгереди. Жоқарыда келтирилген мысалда егер пәнжерениң

 $<sup>^2</sup>$  Жоқарыда тәрипленген мысал толығы менен қыялымыздағы мысал емес. Усындай өзгерислерге уқсас өзгерислер барий титанаты (BaTiO<sub>3</sub>) кристаллында орын алады. Өжире температураларында оның пәнжереси тетрагоналлық курылысқа ийе. a ҳәм c лар бир биринен 1 % ке айрылады. Температура жоқарылағанда a ның узынлығы артады, ал c киширейеди.  $120^{0}$ С да кублық модификацияға фазалық өтиў бақланады. Бирақ реал жағдайда өтиў ноқатында a менен c бәри бир секирмели өзгереди. Сонлықтан өтиў биринши әўлад фазалық өтиўи болып табылады.

көлеминиң улыўмалық өзгериси (кристалл кублық симметрияға ийе болғанда) ямаса қыздырылғанда қутышалардың формасы деформацияланатуғын болғанда (тетрагоналлық симметрияда қутышалардың бийиклиги менен ултанының тәрепиниң ҳәр қыйлы болып өзгериси) кристалдың жыллылықта кенейиўи ҳәр қыйлы болады. Тап сол сыяқлы усындай шараятлардағы бирдей кыздырыў ушын зәрүр болған жыллылық муғдары да ҳәр кыйлы болады.



14-сүўрет.

Бул айтылғанлардың барлығы да екинши әўлад фазалық өтиўи ноқатында денениң жыллылық ҳарактеристикаларынан алынған туўындылардың секирмели өзгеретуғынлығын билдиреди:  $\left(\frac{dV}{dT}\right)_p$  туўындысы, яғный денениң жыллылықта кеңейиў

коэффициенти,  $\left(\frac{dW}{dT}\right)_p$  туўындысы, яғный денениң жыллылық сыйымлылығы  $C_p$  секирмели өзгереди ҳ.т.б.

Усы секириўлердиң бар екенлиги жыллылық өлшеўлеринде көринетуғын екинши әўлад фазалық өтиўлериниң характерли қәсийетлеринен болып табылады. 14-сүўретте жыллылық сыйымлылығының температураға ғәрезлилиги көп ушырасатуғын мысал ретинде келтирилген: жыллылық сыйымлылығының кем-кемнен үзликсиз түрдеги өсиўи секириў менен болатуғын киширейиў менен үзилиске түседи ҳәм буннан кейин жыллылық сыйымлылығы қайтадан өсе баслайды.

Екинши әўлад фазалық өтиўлеринде жыллылық шамаларынан басым бойынша алынған туўындылар да секирмели өзгереди. Мысалы денениң кысылғышлығы  $\left(\frac{dV}{dp}\right)_T$  туўындысы да секирип өзгереди.

Кеўлимиздеги екинши әўлад фазалық өтиўине қайта келемиз ҳәм бундай өтиўдеги симметрияның өзгериўиниң төмендегидей қәсийетин атап өтемиз: кублық модификацияның пәнжереси тетрагоналлық модификацияның барлық симметрия элементлерине, соның менен бирге басқа да симметрия элементлерине ийе болады. Бундай мәнисте биреўиниң симметриясы жоқары болған фазадан симметриясы төмен

болған фазаға өтеди деп айта аламыз. Ҳақыйқатында бул қәсийет улыўмалық характерге ийе болып, екинши әўлад фазалық өтиўлериниң барлығына да тийисли.

Бул жағдай екинши әўлад фазалық өтиўлери ушын шек те қояды (ҳақыйқатында тек жалғыз шек емес). Мысалы кублық ҳәм гексагоналлық системалар арасындағы өтиўдиң болыўы мүмкин емес: бул симметриялардың биреўиниң екиншисинен үлкенлиги ҳаққында ҳеш нәрсе айтыў мумкин емес (бириншисинеде екиншисинде жоқ 4-тәртипли симметрия көшери бар, бирақ 6-тәртипли симметрия көшерине ийе емес).

Кристал менен суйықлық арасында екинши тәртипли фазалық өтиўиниң мүмкин емес екенлигин де көрсетиў мүмкин.

Екинши әўлад фазалық өтиўиндеги жыллылық сыйымлылығының өзгериў бағыты симметрияның өзгериў бағыты менен байланыслы: жыллылық сыйымлылығы төмен симметриялы фазадан жоқары симметриялы фазаға өткенде киширейеди. Көпшилик жағдайларда жоқары симметриялы фаза жоқары температуралы фаза болып табылады ҳәм бундай жағдайда жыллылық сыйымлылығының өзгериси 14-сүўретте көрсетилгендей түрге ийе болады. Бирақ фазалардың бундай температуралық избе-излигиниң орын алыўы шәрт емес. Мысалы сегнет дузы [NaK(C<sub>4</sub>H<sub>4</sub>O<sub>6</sub>)\*4H<sub>2</sub>O] еки фазалық өтиў ноқатына ийе (-18°C ҳәм 23°C температураларда). Усы ноқатлар ишинде бул кристал моноклинлик системаға киреди, ал усы ноқатлардың сыртында сегнет дузы ромбалық кристал болып табылады. 23°C дағы температура жоқарылағандағы фазалық өтиў симметрияның жоқарылаўы менен, бирақ төменги ноқат арқалы өтиў симметрияның тап сондай төменлеўи менен байланыслы.

Биз жоқарыда әдеттеги фазалық өтиўлердиң аса кыздырыў ямаса аса салкынлатыў менен жүретуғынлығын айттық. Бул бир фаза орнықлы шараятларда екинши фазаның метастабил түрде жасаўының даўам етиўине көринеди. Бул қубылыслардың тәбияты жаңа фаза өсетуғын орайлардың зәрүрлигинде болып табылады. Екинши әўлад фазалық өтиўлеринде болса бундай зәрүрлик жоғалады, бундай өтиўде бир фаза екиншисине үзликсиз түрде тутасы менен өтеди. Бул жоқарыда келтирилген мысалда айқын көринеди: бунда өтиў жыллылық кенейиўиндеги атомлардың жалысыўларының характериниң өзгериўине алып келинди.

Екинши әўлад фазалық өтиўлери тек ғана кристаллық модификациялар арасындағы өтиўлер менен таўысылмайды. Бирақ бундай өтиў барлық ўакытта да ҳал үзликсиз түрде өзгергенде денеде қандай да бир қәсийетлердиң пайда болыўы менен байланыслы. Бул симметрияның қандай да баска бир қәсийети болыўы мүмкин (заттың магнитлик қәсийетлери менен байланыслы болған), сонын менен бирге бул аса өткизгишликтиң (электрлик қарсылықтың жоғалыўы) пайда болыўы болып та табылады.

Ең ақырында суйық гелийдеги 2,2 К деги өзине тән екинши әўлад фазалық өтиўди атап өтемиз. Бул өтиўде суйықлық суйықлық болып қалады, бирақ пүткиллей басқа қәсийетлерге ийе болады (124-параграфты караңыз). 10-сүўретте келтирилген гелийдиң ҳал диаграммасындағы пунктир сызық гелий І ҳәм гелий ІІ деп аталатуғын усы еки фазаның жасаў областларын бөлип турады.

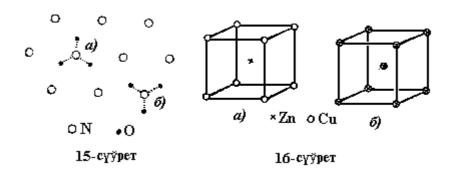
### § 75. Кристаллардың тәртиплескенлиги

47-параграфта қаралған кристаллық структураларда ҳәр бир атом белгили бир орынларда жайласқан болып, пәнжерениң ҳәр бир түйининде қандый да бир атом турады. Ҳәр бир түрге тийисли атомлар ушын кристаллық пәнжереде қанша орын ажыратылған болса, кристалда соншама атом болады деп есаплаўға болады.

Бирақ бундай қәсийетлерге ийе болмайтуғын да структуралар болады. Мысалы натрий силитрасы  $NaNO_3$  тиң структурасы усындай. Оның деталларын терең талқыламай, мыналарды атап өтемиз: бул кристалда  $NO_3$  топары қатламларды пайда етеди, N атомлары дурыс үш мүйешликлердиң төбелеринде жайласады, ал O атомлары болса a ямаса b аўхалларын ийелеп (15-сүўрет) N атомларының дөгерегинде жайласады.  $NO_3$  топарларының усындай еки ориентациясының болыўы O атомлары турыўы мүмкин болған орынларының санының бундай атомлардың санынан еки есе көп екенлигин билдиреди.

Жеткиликли төмен температураларда кислород атомлары анық бир орынларды ийелейди. Бундай кристал *төртиплескен кристал* деп аталады (ҳәр бир қатламда барлық  $NO_3$  топарлары бирдей ориентацияға ийе болады, қала берсе a ориентациясына ийе болған қатламлар  $\delta$  типиндеги қатлармлар менен гезеклеседи).

Бирақ температура жоқарылағанда тәртип бузылады: өзиниң «дурыс» орынларын ийелеген  $NO_3$  топарлары әтирапында «басқа» орынларды ийелеген дурыс емес ориентациядағы топарлар пайда болады.



«Тәртиплесиў» дәрежесиниң төменлеўи менен (яғный «дурыс емес» бағытланған  $NO_3$  топарларының көбейиўи менен)  $275^{0}$ С да «өзиниң» ҳәм «басқаның» ориентациясы пұткиллей араласып кеткен момент жүзеге келеди:  $NO_3$  топарларының ҳәр бири бирдей итималлықта биринши ямаса екинши аўҳалда турған болып шығады. Бундай ҳалдағы кристалды *«тәртиплеспеген»* деп атайды.  $NO_3$  тиң барлық катламлары кристаллографиялық жақтан бир бирине эквивалент болып симметрияның өзгериси (жоқарылаўы) орын алады.

Кристаллардың тәртиплесиў қубылысы куймаларда кеңнен тарқалған. Мысалы латун кристаллары (СuZn куймасы) төменги температураларда кублық пәнжереги ийе болады (Сu атомлары кублық кутышаның төбелеринде, Zn атомлары ортасында, 16-а сүўрет). Бундай структура толық тәртиплескен кристалға сәйкес келеди. Бирақ Сu ҳәм Zn атомлары бир бири менен орынларын алмастырыўы мүмкин. Бундай мәнисте кристалдағы ҳәр бир атом ушын арналған орынлар саны атомлары санынан көп деп айтыўға болады. Темперура жоқарылаған сайын «дурыс емес» жайласқан атомлардың саны артады ҳәм 450°С да толық тәртипсизлик орын алады: ҳәр бир түйинде бирдей итималлықта Сu ямаса Zn атомын табыўға болады (яғный барлық түйинлер эквивалент болады, 16-6 сүўрет). Усы температурада кристалдың симметриясы өзгереди: оның Бравэ пәнжереси әпиўайы кублық пәнжереден көлемде орайласқан пәнжереге айланады.

Жоқарыда қаралған еки мысалда да тәртипсиз ҳалга өтиў екинши әўлад фазалық өтиў жолы менен әмелге асады. Белгили бир температурада толық жоғалғанша тартиплилик дәрежеси үзликсиз кемейеди. Сол температура фазалық өтиў ноқаты болып табылады.

Бирақ тәртипсиз ҳалға өтиўдиң усындай усылы бирден бир қәде болып табылмайды: бундай өтиў әдеттеги фазалық өтиўлердегидей секирмели түрде де эмелге асыўы мүмкин. Бундай жағдайларда кристалдағы атомлардың тәртиплескен орналасыўлары температура жоқарылағанда дәслеп киши дәрежеде бузылады, ал белгили бир температурада кристал секирмели түрде атомлары араласып кеткен толық тәртипсиз ҳалға өтеди. Мысалы, усындай өтиў Си<sub>3</sub>Аи қуймасында 390°С да бақланады. Оның тәртипсиз фазасында Си менен Аи атомлары қапталда орайласкан пәнжерениң барлық түйинлери бойынша араласып жайласқан, ал тәртиплескен фазада Аи атомлары қутышаның төбелериндеги, ал Си атомлары қапталларының орайларындағы орынларды ийелейди.

## § 75. Суйық кристаллар

Затлар кристаллық ҳәм изотроп суйық ҳаллардан басқа *суйық кристаллық* деп аталатуғын ҳалда да бола алады. Өзиниң механикалық қәсийетлери бойынша затлар бул

халда суйықлыққа уқсас: олар аққышлық қәсийетке ийе, кала берсе суйық кристаллар арасында жеңил қозғалатуғын (киши жабысқақлыққа ийе) ҳәм аўыр қозғалатуғынлары да (үлкен жабысқақлыққа ийе) бар. Соның менен бир ўақытта бул суйықлықлар әдеттеги суйықлықлардан анизотропиясы менен айрылады. Анизотропия оптикалық қәсийетлерде айқын көринеди.

Суйық кристаллық ҳал узын формаға ийе үлкен молекулалары бар қурамалы органикалық затларда бақланады. Олардың ушырасыўы онша сийрек емес: ҳәр бир еки жүзинши органикалық зат суйық кристалды пайда етеди.

Көринип турғанындай суйық кристаллық халдың физикалық тәбияты төмендегидей. Әдеттеги суйықлықта молекулалардың бир бирине салыстырғандағы орналасыўы хәм ориентациялары путкиллей хаотик. Басқа сөз бенен айтқанда молекулалар өзлериниң жыллылық қозғалысында хаотик илгерилемели қозғалғанындай хаотик айланбалы да Ал суйык кристалларда болса молекулалар тутасы менен кеңисликте козғалады. тәртипсиз жайласатуғын болса да, олардың өз-ара ориентациясы тәртиплескен болады. Басқа сөз бенен айтқанда молекулалардың тек жыллылық илгерилемели қозғалыслары тәртипсиз, ал олардың айланыўлары тәртиплескен. Бундай структураны әпиўайы хәм көргизбели түрде таяқша тәризли молекулалардан турады деп қараўға болады. Бундай молекулалар бир бирине салыстырғанда ықтыярлы, бирақ бир бирине параллел түрде жайласады. Бундай молекулаларда илгерлемели қозғалыс мүмкиншилиги болғанлықтан зат суйықлыққа тән болған аққышлық қәсийетине ийе болады. Молекулалардың тәртиплескен ориентациясы болса заттың анизотропиясын тәмийинлейди. Сонлықтан заттың қәсийетлери таяқша тәризли молекулалардың ориентациясы бағытында басқа бағытларға қарағанда басқаша болатуғынлығы өз-өзинен түсиникли.

Әдетте затлар суйық кристаллық ҳалда «монокристал» болып табылмайды, ал бир бирине салыстырганда ҳәр қыйлы болып ориентацияланған тамшы тәризли суйық кристаллардан туратуғын «поликристаллық» агрегат болып табылады. Усының себебинен суйық кристаллық зат әдеттеги жағдайларда гүңгирт түрге ийе болады. Бул ҳәр қыйлы тамшылардың шегараларында жақтылықтың тәртипсиз шашыраўының салдарынан жүзеге келеди. Базы бир жағдайларда күшли электр ямаса магнит маданларының тәсиринде барлық тамшылардың бирдей оринетацияға келиўин болдырыў мүмкин. Нәтийжеде мөлдир суйық «монокристал» алынады.

Егер суйық кристалды бул кристал араласпайтугын қандай да бир суйықлыққа қуйсақ, онда айырым суйық кристаллық тамшылар базы бир жағдайларда сфералық, базы бир жағдайларда айқын қөринип туратуғын мүйешлери ҳәм тәреплери бар реңли көп мүйешликлердиң формаларындай формаларға ийе болады.

Суйық кристаллық ҳалда жасай алатуғын затлар әдеттегидей қатты кристаллық ҳәм изотроплық суйық фазаларға да ийе болады. Бундай жағдайлардағы фазалардың пайда болыўының избе-излиги мынадай: төменги температураларда зат қатты кристаллық ҳалда болады, температура жоқарылағанда зат суйық кристаллық ҳалға өтеди, ал температураның буннан кейинги жоқарылаўында әдеттеги суйықлық пайда болады. Көп затлар бир неше суйық кристаллық модификацияларда тура алады. Басқа фазалық өтиўлердей суйық кристаллық фазалардың бир бирине ямаса басқа фазаларға өтиўи анық бир температураларда жыллылықтың жутылыўы ямаса шығарылыўы менен жүреди.

#### Х БАП

#### ЕРИТПЕЛЕР

### § 77. Ериўшилик

Еритпе деп айтқанда еки ямаса бир неше затлардың усы затлардың молекулалар кәддиндеги араласпасын түсинеди. Бундай жағдайларда ҳәр қыйлы затлардың араласпадағы салыстырмалы муғдары кең шеклерде өзгериўи мүмкин. Егер араласпадағы базы бир заттың муғдары басқа затлардың муғдарынан көп болса, онда сол затты ериткиш, ал қалған затларды ериген затлар деп атаймыз.

Еритпениң курамы концентрация менен тәрипленеди. Концентрация аралыспадагы затлардың муғдарлары арасындағы қатнасқа тең (араласпаның қураўшысы ямаса компонентасы деп те атайды) ҳәм оның ҳар қыйлы усыллар менен анықланыўы мүмкин. Физикалық көз-қарастан ең көргизбелиреги молекулалар санлары арасындағы қатнас болған моллик концентрация болып табылады (ямаса моллерде алынған муғдарлар арасындағы қатнас). Соның менен бирге салмақлық, көлемлик ҳәм басқа да катнаслардан да пайдаланады.

Ериў процесси жыллылықтың шыгарылыўы ямаса жутылыўы менен жүреди. Бул жыллылықтың муғдары ериген заттың да, еритиўшиниң де муғдарына байланыслы.

*Ериў жыллылығы* деп заттың бир грамм-молекуласы үлкен муғдардағы ериткиште (ериўши заттың ендиги грамм-молекуласы еригенде жыллылық эффектиниң өзгермеўи керек) еригендеги бөлип шығарылған ямаса жутылған жыллылықтың муғдарына айтамыз. Масылы күкирт кислотасының ( $H_2SO_4$ ) суўдағы ериў жыллылығы  $+75\,000\,$   $\partial \mathcal{M}$  (плюс белгиси жыллылықтың бөлинип шығатуғынлығын аңлатады), нашатырдың ( $NH_4CI$ ) ериў

жыллылығы -16 500  $\partial \mathcal{H}$  ға (минус белгиси жыллылықтың жутылатуғынлығын аңлатады) тен.

Еки заттың бир биринде еригишлиги әдетте белгили бир шеклерге ийе: еритиўшиниң берилген муғдарында тек белгили бир муғдардан көп болмаған ериўши заттың ериўи мүмкин. Ериўши заттың муғдары ең көп болған еритпе *тойынған еритпе* деп аталады. Егер усындай еритпеге заттың базы бир муғдарын және қоссақ, онда ол еримейди. Сонлықтан тойынған еритпени таза ериўши зат пенен жыллылық тең салмақлығында турған еритпе деп атаўға болады.

Тойынған еритпениң концентрациясы берилген заттың берилген ериткиштеги ериў қәбилетлилигин тәриплейди, оны берилген заттың *еригишлиги* деп те атайды.

Улыўма айтқанда еригишлик температураға ғәрезли. Ле Шаталье принципи бул ғәрезлиликтиң бағытын ериў жыллылығының белгиси менен байланыстырыўға мүмкиншилик береди.

Мейли ериў жыллылықтың жутылыўы менен жүрсин (мысалы суўдағы нашатырдың ериўи). Еле еримеген нашатыр менен тең салмақлықта турған нашатырдың еритпесине ийе болайық. Егер бул системаны кыздырсақ, ол тең салмақлық ҳалынан шығады. Бундай жағдайда системада усы системаны тең салмақлық ҳалдан шығарыўға бағдарланған процесслер басланады (қыздырыў). Бундай жағдайда нашатырдың еригишлиги жыллылықтың жутылыўы менен қосымша еригишликтиң пайда болатуғыныдай болып улкейеди.

Солай етип, егер ериў жыллылықтың жутылыўы менен жүретуғын болса, онда еригишлик температураның өсиўи менен жоқарылайды. Керисинше, егер еригенде жыллылық жутылатуғын болса, онда температураның жоқарылаўы еригишликти кемейтеди.

Газдың суйықлықтағы ериўи әдетте көлемниң киширейиўи менен жүреди: ериптениң көлеми ериткиш пенен ериўши газдың дәлепки көлемлеринен әдеўир киши болады (мысалы молекулаларының бир моли көп муғдардағы азот суўда өжире температураларында ҳәм атмосфералық басымларда еригенде бул суйықлықтың көлеминиң 40 см<sup>3</sup> қа ғана үлкейиўине алып келеди, ал ериген газдиң көлеми болса 22 400  $cm^3$  ка тең). Ле Шаталье принципи бойынша басымның өсиўи менен (берилген температурада) суйықлықтың бетинде турған газдиң суйықлықтағы еригишлиги улкейеди.

Газдың еригишлигиниң оның басымына ғәрезлилигиниң характерин газдиң аззи еритпелери ушын аңсат табыўға болады [Аззи (ямаса суйылтылған) еритпе деп еритилген заттың молекулаларының саны ериткиштиң молекулаларының санына салыстырғанда

киши болған жағдайларда айтады]. Бундай жағдайлардағы газ бенен оның тойынған еритпеси арасындағы жыллылық тең салмақлығы өзиниң молекулалық тябияты бойынша *қозғалмалы* характерге ийе болатуғынлығынан пайдаланамыз. Бул тең салмақлық орнағаннан кейин де газдиң еритпеге ямаса қарама-карсы бағыттағы өтиўиниң сақланып қалатуғынлығын билдиреди. Бирақ газден еритпеге (1 сек ўакыт ишиндеги) еритпеге ҳәм еритпеден газге өтетуғын молекулалардың муғдары бирдей болады. Суйықлыққа келип ерийтуғын газ молекулаларының саны (1 сек ўакыт ишиндеги) газ молекулаларының суйықлық бетине келип урылыяының жийилигине пропорционал болады. Өз гезегинде бул сан (берилген температурадағы) газдиң тығызлығына ҳәм сонлықтан басымына пропорционал. Тап сол сыяқлы еритпени таслап кететуғын газ молекулаларының саны оның концентрациясына пропорционал. Сонлықтан еки санның таңлигинен тойынған еритпениң концентрациясының (яғный газдиң еригишлигиниң) еритпе үстиндеги газдың басымына пропорционал екенлиги келип шығады (Генри нызамы).

Бул нызамның тек эззи еритплер ушын ғана дурыс екенлигин умытпаў керек (қарамақарсы жағдайларда жоқарыда кетлирилген таллаўымыз дурыс емес болып шығады: еритпадеги молекулалардың бир бири менен тәсирлесиўиниң салдарынан еритпени таслап кетип атырған молекулалардың санын концентрацияға пропорционал деп айтыўға болмайды). Сонлықтан (мысалы) Генри нызамы суўда жаман ерийтуғын кислород пенен азот ушын дурыс, ал суўда жақсы ерийтуғын углекислота менен аммиак ушын дулыс болмайды.

Басым көпшилик жағдайларда газлер еригенде жыллылық бөлинип шығады. Бул молекулалар эззи тәсирлесетуғын областтан (газден) ериткиш молекулалары менен күшли тәсирлесиў орын алатуғын орталыққа өтиўиниң тәбийий нәтийжеси болып табылады. Усыған байланыслы газлердиң суйықлықлардағы еригиншлиги (берилген басымда) температураның жоқарылаўы менен төменлейди.

## § 78. Суйықлықлардың араласыпалары

Молекулалары арасындағы тәсирлесиўлер жүдә әззи болатуғындай дәрежеде сийреклескен затлар бир бири менен еркин араласады. Бундай жағдай орын алғанлықтан барлық газлер бир бири менен қәлеген муғдарда араласады деп есаплаўға болады.

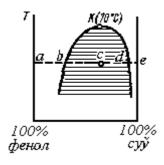
Суйықлақлар араласқанда болса ҳәр қыйлы жағдайлардың орны алыўы мүмкин. Бир бири менен қәлеген муғдарда араласытуғын суйықлықлар бар (мысалы спирт пенен суў). Басқа суйықлықлардың бири бири менен араласыўы ҳәр қыйлы дәрежелерде шекленген. Мысалы суў менен керосин бир бири менен пүткиллей араласпайды, өжире

температуралардында суўда эфирдиң 8 % (салмағы бойынша) муғдарында ғана ерийди ҳәм басқалар.

Суйықлықлардың бир биринде ериў қәсийетлерин диаграмманың жәрдеминде сәўлелендирген қолайлы. Бул жағдайда абсцисса көшерине араласпаның концентрациясы с (мысалы салмақлық процентлерде), ал ордината көшерине температура (егер бизди берилген температурадағы еригишликтиң басымға ғәрезлилиги қызықтыратуғын болса) қойылады.

1-сүўретте суў менен фенолдың ( $C_6H_5OH$ ) араласпасы ушын усындай диаграмма келтирилген. Вертикаллық көшерлердиң бири суўдың 0 процентине (яғный таза фенолға), екиншиси таза суўға сәйкес келеди.

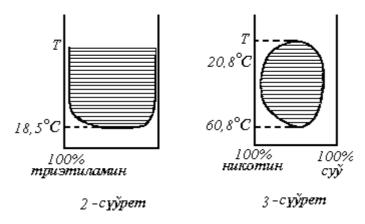
Диаграманың штрихланбаған областларының барлық ноқатлары еки компонентаның бир текли араласпасына сәйкес келеди, ал штрихланған областты шеклеўши иймеклик болса, олардың араласыў шеклерин анықлайды. Мысалы, ае горизонталлық туўрысына сәйкес келиўши температурада b ноқаты суўдың фенолдағы ериўиниң шегине, ал d ноқаты фенолдың суўдағы ериўиниң шегине сәйкес келеди. Егер штрихланған областтың ишинде жатқан қандай да бир с ноқатына сәйкес келетуғындай етип суў менен фенолды араластырсақ, онда суйықлықтың еки қатламға айрылыўы орын алады. Бул қатламлардың бири екиншисиниң астында жатады (тығызырығы төменинде, тығызлығы төмени жоқарысында). Бир бири менен тең салмақлықта турған бул еки суйық катлам хәр қыйлы еки фаза болып табылады. Олырдың бириншиси суўдың фенолдағы тойынған еритпеси (b ноқаты менен сүўретленген), ал екиншиси фенолдың суўдағы тойынған еритпеси (d ноқаты) болып табылады. Бундай жағдайда да еки фазаның муғдарының рычаг кағыйдасы менен анықланатуғынлығын аңсат көрсетиўге болады (тап сондай жағдай 66-параграфта суйықлық хәм пуў ушын көрсетлген еди). Бул муғдарлардың шамасы сb ҳәм сd кесиндилериниң узынлығына кери пропорционал.



1-сүўрет

Егер температураның жоқарылаўы менен еки суйықлықтың бир биринде ериўи жоқарылайтуғын болса, онда олардың араласыўының шексиз үлкен болатуғын моменти жүзеге келеди. Бундай жағдай (мысалы) суў менен фенолда 70°С дан жоқары

температурада басланады. Бундай температурада бул еки суйықлық бир биринде ықтыярлы түрде араласа алады. Температураның бул шегин *араласыўдың критикалық температурасы*, ал фазалық диаграммадағы сәйкес К ноқатын (1-сүўрет) *араласыўдың критикалық ноқаты* деп аталады. Бул ноқат өзиниң қәсийетлери менен суйықлық пенен газдиң тең салмақлығы ушын критикалық ноқатқа уқсас.



Критикалық ноқат еки суйықлықтың шекли араласыў областының ең төменги ноқаты болатуғын жағдайлар да орын алады. Усындай қәсийетке суў менен триэтиламин  $[N(C_2H_5)_3]$  ийе. Бул еки суйықлық белгили бир критикалық ноқаттан төменги температураларда ғана ықтыярлы муғдарда араласады (2-сүўрет). Ал базы бир жағдайларда еки критикалық температура орын алады — жоқарыдағы ҳәм төменги. Бул еки ноқат арасында еки суйықлықтың бир биринде ериўи шекли. Усындай аўҳалға мысал ретинде суў менен никотинниң араласпасын көрсетиў мүмкин (3-сүўрет).

### § 79. Қатты еритпелер

Базы бир затлар бир бири менен аралас кристалларды пайда етиў қәсийетине ийе. Бундай кристалларда биринши заттың да, екинши заттың да атомлары болады. Бундай аралас кристалларды *қатты еритпелер* деп атайды. Қатты еритпелерди пайда етиў қәбилетлилик әсиресе металлар (қуймалар) арасында жийи ушырасады.

Биз аралас кристалларды қатты еритпелер түринде айтатуғын болсақ кристаллардың курамының үлкен интервалларда өзгере алатуғынлығын нәзерде тутамыз. Усы өзгешелиги менен олар қурамы анық болған «химиялық бирикпелер» болып табылатуғын кристаллардан айрылады. Соның менен бирге қатты еритпениң кристаллық қурылысы оның қураўшыларының бириниң қурылысы менен байланыслы, ал химиялық бирикпеге өзине тән қурылыс болады.

Қатты еритпелердиң басым көпшилиги *алмастырыў типине* жатады. Бундай еритпе кристаллық пәнжередеги бир заттың атомларын екинши заттың атомлары менен

алмасытырыў жолы менен алынады. Бундай алмастырыўдың кристалға киритилетуғын заттың атомларының өлшемлери кристалдағы атомлардың өлшемлери менен шама менен бирдей болғанда мүмкин екенлиги тәбийий. Алмастырыў типиндеги еритпелерге металлық қуймалардың көпшилиги киреди. Ҳәтте қуйманың қураўшылары арасындағы шексиз еригишлик аўҳалы да орын алады (мысалы мыс пенен алтынның қуймасы). Буның ушын еки қураўшы да бирдей типтеги кристаллық пәнжереге ийе болыўы керек.

Аўмастырыў типиндеги қатты еритпелери тек элементлер тәрепинен емес, ал химиялық бирикпелер менен де пайда етилиўи мүмкин. Бундай жағдайда бул кубылыс изоморфизм деп аталады. Бундай аралас кристалларда затлардың биреўиниң атомлары басқа бирикпенең қурамына киретуғын атомлар тәрепинен алмастырылған.

Қатты еритпениң пайда болыўы ушын еки бирикпениң де химиялық жакынлығының болыяы шәрт емес. Бирақ еки заттың да молекулалық қурылысының бирдей типте болыўы керек. Сонлықтан химиялық жақтан уқсас изоморф затлар (мысалы ZnSO<sub>4</sub> ҳәм MgSO<sub>4</sub>) менен бир қатар химиялық жақтан жүдә уқсас болмаған затлардың изоморфлық жуплары ушырасады: BaSO<sub>4</sub> ҳәм KMnO<sub>4</sub>, PbS ҳәм NaBr ҳәм басқалар.

Изоморфизм ушын молекулалық қурылыстың бир типлилиги менен бир қатар кристаллық пәнжерелердиң бир типлилиги менен олардың өлшемлериниң жақынлығы да зәрүрли. Өлшемлердиң туткан орны КСІ, КВг, КІ бирикпелериниң мысалында айкын көринеди. Олардың барлығы да бирдей типтеги пәнжереге ийе (NaCl типиндеги), бирақ қоңысылас атомлар арасындағы қашықлықлар ҳәр қыйлы (сәйкес 3,14; 3,29 ҳәм 3,52 Å). КСІ менен КВг дағы салыстырмалы үлкен емес айырманың орын алыўының салдарынан бул бирикпелер қәлеген қурамдағы еритпени пайда ете алады. Ал КСІ менен КІ арасындағы үлкенирек айырма олардың бир биринде ериўине шек қояды. Өлшемлердеги оннан да үлкен айырма изоморфизмди путкиллей болдырмайды.

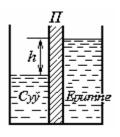
Қатты еритпелердең баска типи *ендириў типиндеги* еритпелер болып табылады. Бунда йкристалларда ериген заттың атомлары еритиўши заттың атомлары арасына киреди ҳэм оларды жылыстырады. Баска сөз бенен айтқанда олар таза ериткиште ийеленбеген орынларды ийелейди. Әлбетте бундай еритпелер ериўши заттың атомларының өлшемлери ериткиштиң атомларынан әдеўир киши болғанда ғана пайда болады.

Ендириў типиндеги катты еритпелерди базы бир металларда водород, азот ҳәм углерод пайда етеди. Мысалы углерод жоқары температураларда ү-темир деп аталыўшы кублық тығыз жайласқан темирдиң модификациясында ерий алады. Алынған еритпеде (бул еритпени аустенит деп атайды) углерод атомлары темир атомлары кублық кутышалардың төбелеринде ҳәм қаптал бетлериниң орайында, ал ериген углерод атомлары болса кристаллық қутышалардың қабырғаларының ортасында жайласады.

Усындай орынлардың (қутышалардың қабырғаларының орталарының) 10 процентине шекем углерод атомлары менен толыўы мүмкин.

### § 80. Осмослық басым

Егер концентрациясы ҳәр қыйлы болған еки еритпе тесикшелери бар өткел арқалы бир биринен ажыратылған болса ериткиш те, ериген зат та усы өткел арқалы пүткиллей араласып кеткенше өтеди. Бирақ сайлап алыўшылық қәсийетке ийе да өткеллер бар. Бундай өткеллер бир затты өткереди, ал екинши затты өткермейди. Бундай өткеллерди ярым сиңиргиш өткеллер деп атайды. Бундай өткеллерге өсимликлерден ямаса ҳайўанлардан алынатуғын перде тәризли материаллар, тесикшелеринде мыстың ферроцианиди [Cu<sub>2</sub>Fe(CN)<sub>6</sub>] пленкасы бар ылай ямаса фарфор ҳәм басқалар киреди. Олардың барлығы да суўды өткереди, ал басқа затларды иркип қалады. Усындай өткел арқалы ериткиштиң өтиўин осмос деп атайды.



4-сүўрет

Егер еки ыдыс (биреўинде таза суў еикншисинде қанттың суўдағы еритпеси болсын) ярым өткизгиш өткел менен ажыратылған болса (4-сүўреттеги П) суў еритпе бар ыдысқа карай өте баслайды. Бул жағдай еритпениң өзине ериткишти тартып атырғанына сәйкес келеди. Бул қубылыс суў менен еритпенаң қәддилери арасында белгили бир айырма пайда болғанша даўам етеди.

Енди еки ыдыстағы басымлар бирдей болмайды. Енди еритпе бар ыдыста артық басым пайда болады. Бул артық басымды *осмослық басым* деп атайды.

Бул қубылыстың пайда болыўын аңсат түсиниўге болады. Ярым өткизгиш өткел арқалы тек суў өтетуғын болғанлықтан еки ыдыстағы суйықлықтың тең салмақлығы өткелдиң еки тәрепиндеги толық басымлардың теңлигин талап етпейди. Турпайы түрде айтқанда таза суўы бар ыдыстағы басым еритпе бар ыдыстағы суў тәрепинен өткелге түсирилетуғын басымға тең болыўы керек. Демек бир ыдыстағы басым менен екинши ыдыстығы басымлар айырмасы тек ғана қант молекулалары тәрепинен пайда етилетуғын басымға тең болады. Бул басым еритпениң осмослык басымы деп аталады.

Егер еритпе ҳәлсиз болса ериген заттың молекулалары бир биринен алыста жайласады ҳәм сонлықтан бир бири менен ҳәлсиз тәсир етиседи (бирақ ериткиштиң молекулалары менен тәсир етисетуғынлығы анык). Усыған байланыслы ҳәлсиз еритпелердеги ериген заттың молекулалары идеал газ молекулаларына уқсас болады. Буннан идеал газ бенен ҳәлсиз еритпелер арасындагы бир қанша уқсаслықлар көринеди.

Идеал газдиң басымының p=NkT/V формуласы менен анықланатуғынлығын билемиз. Хәлсиз еритпениң басымы  $p_{ocm}$  да соған сәйкес формула менен анықланады:

$$p_{\text{\tiny OCM}} = \frac{nkT}{V} \, .$$

Бул жерде V аркалы еритпениң көлеми, n арқалы ериген заттың молекулалары саны белгиленген (Вант Гофф формуласы).

Қәлеген еритпениң осмослық басымының (берилген температура менен басымдағы) ериген бөлекшелердиң саны менен анықланатуғынлығын, ал сол бөлекшелердиң тәбиятына пүткиллей байланыссыз екенлигин атап өтемиз (идеал газдың басымының да оның тәбиятынан ғәрезсизлигиндей). Мысал ретинде төмендеги мағлыўматларды келтиремиз: концентрациясы 0,1 моль/л болған еритпениң осмослық басымы 2,24 атм ға тең. Ал теңиз суўының да осмослық басымы шама менен 2,7 атм ға тең.

Егер бир ериткиштеги бир неше заттың еритпесине ийе болсак, онда жоқарыда айтылғанларға байланыслы бундай еритпениң осмослық басымы ериген затлардың молекулаларының улыўмалық саны менен анықланады. Басқа сөз бенен айтқанда бул жағдайдағы осмослық басым ериген затлардың ҳәр қайсысының «парциаллық» осмослық басымларының қосындысына тең болады (газлер ушын Дальтон нызамына уқсас жағдай орын алады). Бул жағдайдың еригенде ериўши заттың молекулалары бөлеклерге ыдырағанда (диссоциация орын алатуғын болғанда) ғана орын алатуғынлығын атап өтемиз (бул қубылыс ҳаққында 89-90 параграфларда гәп етиледи). Бундай еритпениң осмослық басымы тек ғана ериген заттың муғарына ғана емес, ал оның молекулаларының қандай дәрежеде ыдырағанлығына да байланыслы.

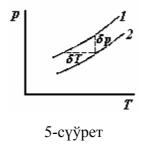
Хәлсиз еритпе менен идеал газ арасындағы уқсаслық басқа да қубылысларды көринеди. Салмақ майданындағы ериген заттың молекулаларының бөлистирилиўи (тарқалыўы) 54-параграфтағы барометрлик формулаға сәйкес формула менен анықланады. Бул қубылысты аңсат бақлаўға болады. Бул жағдайда әдеттеги еритпениң орнына қандай да бир заттың суйықлық ишинде жүзип жүретуғын майда бөлекшелеринен туратуғын эмульсиядан пайдаланыў керек. Бул жағдайдағы бөлекшелердиң массалары айырым молекулардың массаларынан әдеўир үлкен болғанлықтан олардың концентрациясының бийикликке байланыслы өзгериўи барометрлик формулаға сәйкес анық көринеди ҳәм

бақлаў ушын аңсат болады [Әлбетте бундай жағдайда эмульсия бөлекшесиниң массасының орнына Архимед нызамы бойынша суйықлықтың қысып шығарыўының салдарынан кемейген массаны қойыў керек].

### § 81. Раул нызамы

Суйықлық пуўға айланатуғын берилген басым ушын белгили бир температураның бар екенлигин биз билемиз (қайнаў ноқаты). Енди суйықлықта қандай да бир ушпайтуғын зат еритилген болсын (яғный ериткиш пуўланып кеткенде де ушпай калатуғын зат, мысалы суўдағы қанттың еритпеси). Еритпениң қайнаў ноқаты таза ериткиштиң қайная ноқатынан өзгеше болады екен (тап сондай басымдағы).

Ле Шаталье принципи бойынша еригенде қайнаў ноқаты жоқарылайды деп жуўмақ шығарыў аңсат. Пуўы менен тең салмақлықта турған канттың суўдағы еритпесин қараймыз. Еритпеге канттың белгили бир муғдарын қосамыз. Еритпениң концентрациясы өзгереди ҳәм система тең салмақлық ҳалдан шығады. Бул системада сыртқы тәсирди ҳәлсиретиўге қаратылған, яғный концентрациялы азайтыўға қаратылған процесслердиң басланыўы керек. Буның ушын пуўдың бир бөлиминиң суўға концентрацияланыўы ушын қайнаў температурасының жоқарылаўы керек.



Диаграммада (р,Т-диаграммада) еритпениң қайнаў ноқатының жоқарылаўы былай аңлатылады: еритпениң қайнаў иймеклиги (5-сүўреттеги 2-иймеклик) таза ериткиштиң пуўланыў иймеклиги 1 ден оң тәрепке карай бираз аўысқан болады. Бирақ сүўретте 2-иймекликтиң 1-иймекликтен төменде жайласатуғынлығы көринип тур. Бул еритпе үсиндеги ериткиштиң тойынған пуўының серпимлилигиниң таза ериткиштиң пуўының серпимлилигинен төмен екенлигин билдиреди (сол температурадағы). Тойынған пуўдың басымының төменлеўи бр ҳәм еригендеги қайнаў температурасының жоқарылаўы бТ диаграммада еки иймеклик арасындағы кесиндилер менен бериледи (сәйкес вертикаллык ҳәм горизонталлық кесиндилер).

Егер еритпе ҳәлсиз болса бул өзгерислерди есаплаўға болады (еритпени ҳәлсиз деп есаплаймыз).

4-сүўретте сәўлелендирилген ярым өткизгиш дийўал арқалы бөлинген таза суў менен еритпе арасындағы тең салмақлықты қараймыз. Приборымыз толығы менен суўдың тойынған пуўы толған жабық кенисликте жайласқан деп есаплаймыз. Салмақ майданында бийикликке байланыслы кемейетуғын болғанлықтан еритпе үстиндеги пуўдың серпимлилиги ыдыстағы таза суў үстиндеги тойынған пуўдың серпимлилигинен киши болады. басымлар айырмасы бр бийиклиги h қа тең бағананың салмағына тең болады:

$$\delta p = \rho_p g h$$
,

 $(\rho_p \ apқалы \ nyўдың тығызлығы белгиленген). Екинши тәрептен h бийиклиги еритпениң осмослық басымы <math>p_{ocm}$  пенен анықланады: найдағы суйықлықтың салмағы  $p_{ocm}$  басымын теңлестирип турады. Осмослық басым ушын формуладан мына катнасты аламыз:

$$\rho_{\rm c} gh = p_{\rm ocm} = \frac{nkT}{V_{\rm o}}$$
.

Бул жерде n арқалы 1 z заттағы ериген зат молекулаларының саны белгиленген. Бундай жағдайда  $V_c$  болса суйықлықтың салыстырмалы көлеми болып табылады, яғный  $V_c$ =1/ $\rho_c$ . Буннан gh=nkT екенлигин табамыз ҳәм буны  $\delta$ р ушын аңлатпаға қойып мынаны аламыз:

$$\delta p = \rho_{\Pi} nkT = \frac{nkT}{V_{\Pi}}.$$

Ең кейнинде пуўды идеал газ сыпатында қарап оның салыстырмалы көлеми ушын  $V_n$ =NkT/p аңлатпасын аламыз, бул жерде N арқалы 1  $\varepsilon$  пуўдағы ямаса 1  $\varepsilon$  суўдағы (екеўиниң де бирдей екенлигине итибар беремиз) молекулалар саны. Нэтийжеде мынаны аламыз:

$$\frac{\delta p}{p} = \frac{n}{N}$$
.

Бул биз излеп атырған формула болып табылады: пуўдың серпимлилигиниң салыстырмалы киширейиўи еритпениң колекулалаық концентрациясына тең (яғный ериген заттың молекулалары санының ериткиштиң молекулаларының санына қатнасына тең). Бул тастыйықлаў *Раул нызамы* деп аталады. Биз еритпе үстиндеги пуўдың серпимлилигиң өзгерисиниң ериткиш пенен ериген заттың қәсийетлеринен ғәрезсиз ҳәм тек олардың молекулаларының санына байланыслы екенлигин көремиз.

Бундай қәсийет кайнаў температурасының жоқарылаўы  $\delta T$  ға тийисли емес. Буны  $\delta p$  хәм  $\delta T$  шамалары бир бири менен

$$\delta p = \frac{dp}{dT} \delta T$$

түриндеги формула менен байланыслы екенлигин еске түсириў аркалы аңсат табыўға болады.

$$\frac{dp}{dT} = \frac{qp}{RT^2}$$

Клапейрон-Клаузиус формуласынан пайдаланып (q арқалы моллик пуўланыў жыллылығы белгиленген, 68-параграфты қараңыз)

$$\delta T = \frac{RT^2}{qp} \delta p$$

аңлатпасын аламыз. Бул аңлатпаға бр/p=n/N ди қойып ақырғы

$$\delta T = \frac{RT^2n}{qN}$$

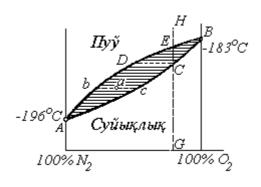
формуласына ийе боламыз.

Ериў суйықлықтың қатыў ноқатына да тәсир етеди. Жүдә көп жағдайларда риген зат қатты фазаға өтпейди, яғный еритпеден таза ериткиш қатады. Пуўланғанға Ле Шаталье принципин қолланған жағдайдағыдай жағдай алынады: ериў қатыў ноқатын төменлетеди. Жоқарыда алынған қайнаў ноқатының өзгериси бТ ушын алынған формула қатыўға да дурыс болып шығады. Бундай жағдайда бул формуладағы q ериткиштиң ериўиниң моллик жыллылығы болып табылады.

Қатыў температурасының төменлеўин молекулалык салмақты анықлаў ушын пайдаланады (*криоскопиялық усыл*). Изертлениўши заттың базы бир муғдарын еритип δТ ны анықлайды. Буннан кейин жоқарыда келтирилген формула бойынша ериген молекулалардың саны, ал оннан кейин молекулалық салмақ анықланады. Тап усындай жоллар менен қайнаў температурасының жоқарылаўын пайдаланып та молекулалық салмақты анықлаў мүмкин.

## § 82. Суйықлықлардың араласпасының қайнаўы

Еки суйықлықтың араласпасы кайнағанда араласпаның еки кураўшысы да пуў ҳалына өтеди. Сонлықтан бул жағдайда екеўи де араласпадан туратуғын суйық ҳәм газ тәризли фазалардың тең салмақлығына ийе боламыз. Усындай жағдайларда пайда болатуғын кубылысты көргизбелирек түрде ҳал диаграммасының жәрдеминде сәўлелендириў мүмкин.



6-сүўрет

Бундай диаграммалардың бир көшерине араласпаның концентрациясы c, ал екинши координатаға температура T ямаса басым p қойылады. Анықлық ушын биз басымның белгили бир мәнисине сәйкес келиўши c, T диаграммасы ҳаққында айтамыз.

Суйық араласпаның кайнаўы ушын фазалық диаграммалардың ҳәр қыйлы типлери бар. Биз бул жерде суйық ҳалда ықтыярлы пропорцияларда араласа алатуғын затларға тийисли болған диаграмманы қараймыз.

Биринши мысал ретинде суйық кислород пенен азоттың араласпасын караймыз (6сүўрет). Диаграммадағы вертикаллық туўрылардың бири таза кислородқа, ал екиншиси таза азотқа тийисли. Олар арасында аралықлық концентрациялардың барлығы да бар.

A ҳәм B ноқатлары таза азот пенен таза кислородтың қайнаў температуралары болып табылады. Мейли бизде 6-сүўреттеги GH вертикалына сәйкес келиўши қурамдағы араласпа болсын. Қыздырыў барысында арласпаның ҳалы C ноқатына жеткенимизше GH вертикалы бойынша өзгереди. Усы температурада суйықлықтың қайнаўы басланады. Бирақ қайнап кетиўши пуўдың қурамы суйықлықтың қурамынан өзгеше болады. Атап айтқанда усы температурада суйықлық пенен тең салмақлықта туратуғын пуў қайнайды

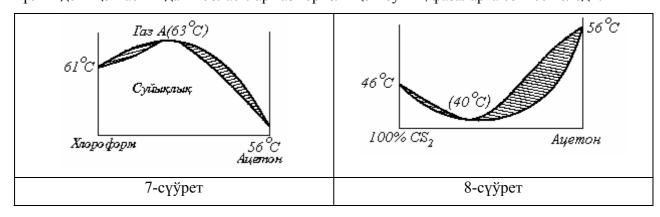
(бул пуўдың концентрациясы D ноқаты менен анықланады). Солай етип суйықлықтан азоттың концентрациясы жоқары болған пуў кайнап шығады. Усыған сәйкес суйықлықтың қурамы кислородтың концентрациясы үлкен болған тәрепке карай жылысады. Демек қыздырыў даўам етилгенде суйықлықтың ҳалын сәўлелендириўши ноқат жоқары карай CB иймеклиги бойынша жылысады. Қайнап шығыўшы пуў болса жоқары қарай DB иймеклиги бойынша жылжыйтуғын ноқат жәрдеминде сәўлелендириледи.

Биз араласпаның турақлы емес температурада қайнайтуғынлығын көремиз (таза суйықлық болса белгили бир температурада қайнайды). Қайнаўдың тамам болыў моменти қайнаў жүретуғын шараятларға байланыслы. Егер қайнап шыққан пуў суйықлық пенен тийисип туратығын болса суйықлық пенен пуўдың қосынды қурамы турақлы болып қалады. Басқа сөз бенен айтқанда суйықлық+пуў системасының ҳалы барлық ўақытта GH туўрысының бойындағы ноқатлар менен бериледи. Бул жерде биз C ноқатында басланған қайнаўдың GH туўрысының «сигараның» жоқарғы иймеклигиниң E ноқатындағы температурада тамам болатуғынлығын көремиз.

Егер қайнаў ашық ыдыста жүретуғын ҳэм пуў сыртқа шығатуғын болса, онда суйықлық пенен тек сол үақытта қайнап шығатуғын пуў тең салмақлықта турады. Ең соңғы қайнап шыққан пуўдың порциясы қайнап атырған суйықлықтың қурамындай курамға ийе болады. Бул қайнаўдың суйықлық пенен пуўдың қурамлары бирдей болған ноқатта (яғный В ноқатында) тамам болатуғынлығын билдиреди.

Тап усындай қубылыслар пуўдың суйықлыққа конденсациияланыўында да орын алады.

Хлороформ менен ацетонның араласпасы ҳал диаграммасының басқа типине ийе (7-сүўрет). Дәселпки келтирилген ҳал диаграммасының типинен айырма соннан ибарат, бул жағдайда еки иймеклик те А максимум ноқатына ийе болады. Бул жерде де иймекликлер арасындағы область суйықлық пенен пуўдың тең салмақлығына, ал иймекликлердиң устиндеги ҳәм астындағы областлар газ тәризли ҳәм суйық фазаларға сәйкес келеди.



Қайнаў менен конденсация жоқарыда келтирилген жағдайға сайкес өтеди. Ашық ыдыстагы қайнаўда суйықлық пенен пуўдың ҳалын тәриплеўши ноқатлар еки иймеклик бойынша жоқарыға карай жылжыйды. Бирақ бул жағдайда ноқатлар таза кураўшалырдың бириниң кайнаў ноқатында емес, ал сол иймекликлердиң бир бири менен тийисиў ноқаты болған А ноқатында тоқтайды. Бул ноқатта суйықлық пенен пуўдың курамлары бирдей. Сонлықтан А ноқатына сәйкес келиўши қурамдағы араласпа (бундай араласпаны азеотропиялық араласпа деп атайды) таза зат сыяқлы турақлы температурада толығы менен қайнап кетеди.

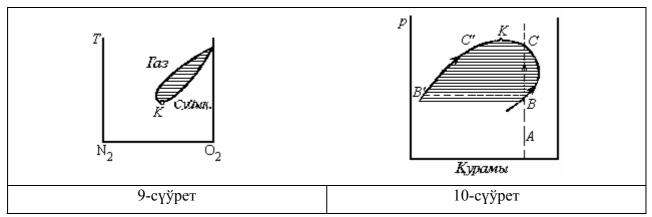
8-сүўретте иймекликлери максимумға емес, ал минимумға ийе ҳал диаграммасының типи келтирилген. Мысал ретинде ацетон менен күкиртли углеродтың араласпасы жағдайында алынатуғын бундай диаграмма 8-сүўретте келтирилген.

кубылыслар Жоқарыда тәрипленген амелле хәр қыйлы араласпалардың қураўшыларын бир биринен айырыў пайдаланылады. ушын кен түрде Фракционластырылған айдаў деп аталатуғын усылдың идеясы суйықлықтан кайнап шыққан пуўдың араласпасының биринши порцияларын (фракцияларын) жыйнаўдан хәм конденсациясынан ибарат. Мысалы спирт пенен суўдың араласпасы қайнағанда дәслеп пуўдың қурамында жеңил қайнайтуғын спирт суйықлықтың курамына қарағанда көп болады. Бул пуўдың биринши порцияларын қайтадан конденсациялап, алынған суйықлықты кайтадан кайнатады. Усындай жоллар менен спиртти суўдан әдеўир айырыў мүмкин. 6-суўретте көрсетилген хал диаграммасы жағдайында процессти көп рет қайталап принципинде араласпаның кураўшыларын бир биринен путкиллей айырып алыў мүмкин. Ал 7- хәм 8-сүўретлерде көрсетлиген хал диаграммалары орын алатуғын жағдайларда толық айырыўдың орын алыўы мүмкин емес. Бул жағдайларда араласпының дәслепки қурамына байланыслы тек азеотроплық араласпаны бөлип алыў мүмкин. Бул жағдайға жоқарыда еслетип өтилген спирт пенен суўдың араласпасы жатады. Бундай араласпаның қайнаў температурасының ең киши мәниси спирттиң 95,6 салмақлық процентине сәйкес келеди. Фракционластырылған айдаў арқалы спиртти буннан былай тазалаў мүмкин емес.

# § 83. Кери конденсация

Таза затлардағы суйықлық-газ өтиўи ушын критикалық ноқаттың болыўы араласпаларда да критикалық кубылыслардың орын алыўына алып келеди. Бул жағдайлардағы мүмкин болған барлық вариантларды талқыламай, бул кубылыслардың тек характерли айырмашылықларын қарап өтемиз.

6-сүўретте көрсетилген кислород пенен азоттың араласпасы ушын ҳал диаграммасы 1 атм болған басым ушын дүзилген. Ал араласпаның таза қураўшыларының бири ушын басым критикалық басымға жеткенге шекем (бул жағдайда дәслеп 33,5 атм басымда азот ушын алынады, ал кислород ушын 49,7 атм) диаграмма өзиниң характерин сақлайды. Буннан кейин таза азотта фазаларға бөлиниў мүмкин емес болғанлықтан фазалық диаграммадағы сигараның вертикаллық көшерден 9-сүўретте көрсетилгендей болып «айрылыўының» керек екенлиги өз-өзинен түсиникли. Бул жерде де критикалық ноқаттың бар екенлиги суйықлық пенен газ ортасында үзликсиз өтиўдиң мүмкиншилигин пайда етип, бул фазалар арасындағы айырма және де шәртли характерге ийе болады.



Диаграммада критикалық ноқаттың болыўы газ араласпасының конденсациясында да базы бир кубылыслардың жүзеге келиўине алып келеди. Биз бул кубылысларды p, c (температураның берилген мәнисине сәйкес келиўши) координаталарындағы ҳал диаграммасында иллюстрациялаймыз. Бул жағдай сол кубылысларды баклаўдың ҳақыйқый шараятларына сәйкес келеди.

10-сүўретте усындай диаграмманың критикалық ноқат К ға жакын участкасы сәўлелендирилген (биз буннан бурын келтирилген c, T диаграммалардағыдан өзгешелиги соннан ибарат, бул жағдайда газ тәризли фазаға штрихланған областтың астындағы область сәйкес келеди, бул область төменги басымларға сәйкес келеди).

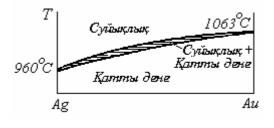
Курамы АС вертикалына сәйекес келиўши араласпаны қараймыз. Араласпаны изотермалық кысыўдың барысында В ноқатына жеткенде В' фазасының пайда болыўы менен конденсация басланады. Басым үлкейгенде суйықлықтың муғдары дәслеп үлкейеди, бирақ кейин үлкейиў кемейиў менен алмасады. Суйықлық (усы моментте С' ноқаты менен берилетуғын суйықлық) С ноқатына жеткенде пүткиллей жоғалады. Бул кубылыс кери конденсация деп аталады.

## § 84. Суйықлықлардың араласпасының қатыўы

Суйықлық пенен газдиң фазалық диаграммаларындай суйықлық пенен қатты денениң де фазалық диаграммасын сүўретлеў мүмкин. Бул жағдайда да биз абсцисса көшерине араласпаның концентрациясының (атомлық процентлерде), ал ордината көшерине температураның мәнислерин қоямыз ҳам басымның белгили бир мәниси ушын диаграмманы дуземиз.

Егер еки зат бир бири менен суйық ҳалда да, қатты ҳалда да ықтыярлы түрдеги муғдарларда араласа алатуғын болса, онда алынатуғын диаграмма 82-параграфта гәп етилген суйықлық пенен газ ушын дүзилген ҳал диаграммадай болады. Мысалы гүмис пенен алтынның қуймасы 11-сүўретте көрсетилгендей фазалық диаграммаға ийе болады. Иймекликлердиң жоқарысындағы область еки металдың да суйық фазасына, ал иймекликлердиң төмениндеги область қатты қуймаға сәйкес келеди. Қуйманың ериў процесси 6-сүўретте келтирилген фазалық диаграммадай диаграммаға ийе суйық араласпаның кайнаў процессине уқсас болады.

12-сүўретте көрсетилген висмут-кадмий системасы ушын көрсетилген фазалық диаграмма фазалық диаграмманың пүткиллей баска типине жатады. Бул системада еки кураўшы да аралас кристалларды пайда етпейди ҳәм бул қәсийет усы системаның характерли өзгешеликлериниң бири болып табылады.

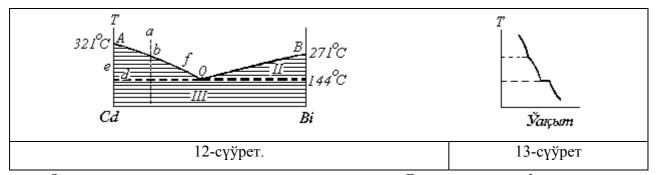


11-сүўрет.

Штрихланбаған область суйық араласпаға тийисли. Басқа барлық областлар ҳәр қыйлы фазаларға бөлиниў областлары болып табылады. І областта таза кадмийдиң қатты кристаллары еки фаза (шеп тәрептеги вертикаллық көшер менен сәўлелендирилиўши) ҳәм суйық араласпа болып табылады (АО иймеклиги менен сәўлелендирилген). Усы областтағы қандай да бир d ноқатында усы ноқат арқалы өтиўши ef туўрысының координата көшери менен (таза кадмий) ҳәм АО иймеклиги (суйық араласпа) менен кесилиў ноқатылары менен сәўленендирилетуғын фазалар тең салмақлықта турады. Бул фазалардың муғдарлары de ҳәм df кесиндилериниң узынлықларына кери пропорционал. Тап сондай жағдайларда ІІ областта суйық еритпе менен (оның курамы ОВ иймеклиги менен анықланады) тең салмақлықта туратуғын висмут қатты фаза болып табылады. ІІІ областында кадмий менен висмуттың қатты кристалларының араласпасы жайласады.

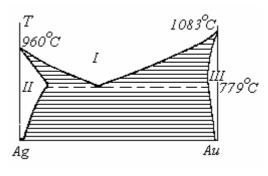
A ҳәм B ноқатлары таза кадмий менен висмуттың ериў ноқатлары болып табылады. AOB иймеклиги болса еки қураўшының да суйық араласпасының қата баслаўының басы болып табылады.

Мысал ушын қурамы *ab* вертикалы менен анықланыўшы суйық араласпаның қатыў процессин көремиз. Қатыў усы вертикалдың *AO* иймеклиги менен кесилисиў *b* ноқатының температурасында басланады. Усының менен суйықлықтан кадмий кристаллары бөлинип шыға баслайды. Салқынлатыўдың барасында суйық араласпа висмут пенен байыйды ҳәм оны сәўлелендириўши ноқат *O* ноқатына жетемен дегенше *bO* иймеклиги бойынша төмен қарай қозғалады. Буннан кейин барлық суйықлық қалпып болмағанша температура өзгермей қалады. О ноқатының температурасында суйықлықтан қалған кадмий ҳәм висмуттың барлыға да бөлинип шығады.



О ноқаты эвтектикалық ноқат деп аталады. Бул ноқат үш фазаның: қатты кадмийдиң, қатты висмуттың ҳәм суйық араласпаның тең салмақлықта турыў ноқаты болып табылады. Эвтектикалық ноқатта кататуғын кристаллық араласпа еки кураўшының майда кристалларынан турады (бундай араласпаны эвтектикалық араласпа деп атайды). ІІІ областтағы О ноқатынан оң тәрепте араласпада дәслеп висмуттың ирирек кристаллары көринеди. Ал шеп тәрепте кадмийдиң кристаллары көзге түседи.

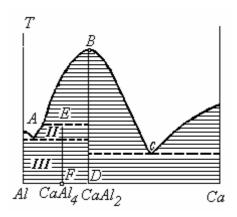
13-сүўретте (бул сүўрет арнаўлы түрде 12-сүўрет пенен бир катарға қойылған) белгили бир қурамдағы (бул жағдайда аb ветрикалына сәйкес келиўши қурамдағы) суйықлық ушын системаның температурасын ўақыттың функциясы сыпатында сәўлелендириўши «салқынлаў иймеклиги» көрсетилген. b ноқатына жеткенде иймекликте сынық пайда болады: жыллылықтың бөлинип шығыўы менен жүретуғын қатыўдың басланыўы менен салкынлаў бираз әстеленеди. Эвтектикалық ноқаттың температурасында «жыллылық тоқтаўы» орын алады (қуйманың қатыўының турақлы температурада тамамланыўына сәйкес келиўши иймекликтеги горизонталлық майданша). Усындай салқынлаў иймекликлерин түсириў жыллылық анализи (термический анализ) жолы менен фазалық диаграммаларды дүзиў усылының тийкарында жатады.



14-сүўрет.

14-сүўретте гүмис-мыс системасы ушын фазалық диаграмма келтирилген. Бул диаграмманың баска диаграммалардан айырмасы соннан ибарат, бул системадағы қураўшылардың бири екиншисинде тек белгили бир муғдарда ғана ерий алады. Усыған байланыслы диаграммада үш бир фазалы область орын алады: І суйық араласпалар областы менен бир катарда ІІ Ад деги Си ның қатты еритпеси ҳәм ІІІ Ад дағы Си ның қатты еритпеси областлары бар болады.

Ең ақырында 15-сүўретте келтирилген алюминий-кальций системасының фазалық диаграммасын қараймыз. Бул жағдайда еки қурашы қатты еритпелерди пайда етпейтуғын болса да белгили бир химиялық бирикпелер орын алады. Баска сөз бенен айтқанда тек анық бир қурам ушын аралас кристаллар бар болады. В вертикалы CaAl<sub>2</sub> бирикпесине сәйкес келеди. В ноқаты бул бирикпениң ериў нокаты болып табылады. Бул ноқатта АВС иймеклиги максимумға ийе. Қурамы CaAl<sub>4</sub> болған баска бирикпе ериместен бурын ыдырайды. Сонлықтан бул бирикпеге жуўап беретуғын ЕҒ туўрысы суйық ҳалдың АВ шегарасына шекем келип жетпейди. Штрихланған областлардың барлығы да еки фазаға бөлиниў областы болып табылады. Бул жерде бир бири менен тең салмақлықта турған еки фаза барлық ўақытта да горизонталлық сызықтың диаграмманың жақын болған сызығы менен кесилисиў ноқатлары арқалы анықланады. Мысалы І областта суйықлық пенен CaAl<sub>2</sub> бирикпеси кристаллары тең салмақлықта турады; ІІ областта болса суйықлық ҳәм СаAl<sub>4</sub> бирикпесиниң кристаллары, ІІІ областта Al кристаллары менен CaAl<sub>4</sub> кристаллары тең салмақлықта турады (ҳ.т.б.).



#### 15-сүўрет.

Жыллылық анализи усылы менен фазалық диаграммаларды үйрениўдиң аныў ямаса мынаў затлар арасындағы қатты химиялық бирикпелердың бар екенлиги ҳаққында мағлыямат беретуғын дерек екенлигин аңлаўымыз керек. Бирикпениң бар екенлиги ериў иймеклигинде максимумның (15-сүўреттеги B ноқатындай) ямаса сынықтың (A ноқатындағыдай) пайда болыўы менен белгили болады.

Хәр қыйлы араласпалардың фазалық диаграммалары ҳәр қыйлы болады. Жоқарыда тәрипленген диаграммалар ең әпиўайы диаграммалар қатарына жатады. Бул диаграммаларда қурамалы диаграммалардан да билиў мүмкин болған характерли қәсийетлер менен типлерди билиўге болады.

## § 85. Фазалар қәдеси

Улыўмаластырыў максетинде соңғы еки бапта тәрипленген фазалық тең салмақлықлардың қәсийетлерин еске түсиремиз.

Бир заттан туратуғын бир текли денениң жллылық ҳалы бир биринен ғәрезсиз еки шама болған температура T менен басым p мәнислери менен анықланады. Егер бул денеге сол заттың және бир фазасын қоссақ (мысал ретинде суўға музды қосайық дейик), онда олардың бирге жасаўы T менен p ның қәлеген мәнислеринде емес, ал сол шамалар арасында белгили бир қатнаслар орын алғанда ғана әмелге асады (бул p,T диаграммадағы иймеклик пенен сәўлелендириледи). Муз бенен тең салмақлықта турыў суўдың ҳал теңлемесине белгили бир қосымша шәртлер қояды деп айтыўға болады. Усының нәтийжесинде ғәрезсиз шамалардың саны екиден (p ҳәм p) бирге (p ямаса p) шекем кемейеди.

Бир заттың үш қураўшысы — суў, муз ҳәм пуў p менен T ның анық бир мәнислеринде, суўдың муз бенен ҳәм суўдың пуў менен тең салмақлығы иймеклериниң кесилискен ноқатларында ғана тура алады. Суўға және бир фазаның қосылыўы және бир қосымша шәрт қояды деп айтыўға болады. Усының салдарынан бир биринен ғәрезсиз шамалардың саны нолге шекем кемейеди.

Бул айтылғанлар биз заттың төрт фазасының (мысалы суў, пуў ҳәм муздың еки фазасы) бир бири менен тең салмақлықта тура алмайтуғынлығын билдиреди. Бундай тең салмақлық үш қосымша шәртлердиң орынланыўын талап еткен болар еди. Бизиң ықтыярымыздағы еки p ҳәм T өзгериўшилериниң жәрдеминде бундай шәртлерди қанаатландырыў мүмкин емес.

Енди еки заттан туратуғын денени карайық. Мысал ретинде суйық еритпени аламыз. Оның ҳалы бир биринен ғәрезсиз болған үш өзгериўши (температура T басым p ҳәм концентрация c) менен анықланады. Мейли бул еритпе өзиниң пуўы менен тең салмақлықта турған болсын (демек бул пуў да еки заттан турады). Усы жағдайға байланыслы қосымша базы бир шәрт қойылады ҳәм еритпениң ҳалын ҳарактерлеўши үш шаманың тек екеўи ықтыярлы және бир биринен ғәрезсиз болып қалады. Сонлықтан (мысалы) басым менен температураның мәнислерин ықтыярлы түрде алғанда суйық еритпе менен пуўдың тең салмақлылығының орын алыўы мүмкин, бирақ усындай жағдайларда еритпениң концентрациясы (соның менен бирге пуўдың да концентрациясы) анық бир мәниске ийе болыўы керек. Биз усы жағдайды бул бапта фазалық диаграммаларды қарағанымызда айқын түрде көрдик.

Егер сол еки заттан туратуғын және де бир фазаны қоссақ тағы бир қосымша шәрт қосылады ҳәм тек бир шама ғана ықтыярлы өзгериўши болып қалады. Сонлықтан берилген басымда үш фазаның үшеўи де тек бир ноқатта ғана — температура менен концентрацияның белгили бир мәнислеринде бирге жасай алады. 84-парагафта гәп етилген фазалық диаграммалардағы эвтектикалық ноқат усындай ноқат болып табылады.

Ең ақырында еки қураўшадын туратығын төрт фазаның барлық шамалар болған басымның, температураның ҳәм концентрацияның аның бир мәнислеринде тең салмақлықта тура алатуғынлығына көз жеткеремиз. Ал бес ямаса оннан да көп фазалардың тең салмақлықта турыўы пүткиллей мүмкин емес.

Бул тастыйықлаўды қалеген сандағы кураўшыға ийе фазалардың тең салмақлығы ушын улыўмаластырыўға болады.

Мейли қураўшылар саны n, ал бир ўақытта жасайтуғын фазалар саны r болсын. Бул фазалардың биреўин қараймыз. Оның қурамы концентрацияның n-1 мәниси менен анықланады (мысалы n-1 кураўшының ҳәр бириниң муғдарының n-қураўшының муғдарына қатнасы менен). Сонлықтан фазаның ҳалы n+1 шама менен анықланады. Олар р, Т ҳәм n-1 дана концентрация. Екинши тәрептен бул фаза r-1 фаза менен тең салмақлықта турыўы керек, ал бал жағдай ҳал теңлемесине қосымша r-1 шәрт қояды. Бул шәртлердиң саны өзгериўшилердиң санынан артық бола алмайды, яғный n+1 диң мәниси r-1 ден үлкен ямаса r-1 ге тең болыўы керек. Яғный n+1≥r-1. Буннан

$$r < n+2$$
.

Солай етип n заттан туратуғын n+2 фазадан артық фазаның тең салмақлықта турыўы мүмкин емес екен. Бул қәдени *фазалар қәдеси* деп атаймыз.

Егер мүмкин болған n+2 фазаның барлығы да бирге жасайтуғын болса олардың халларын характерлеўши барлық шамалар (p, T) хәм барлық фазалардың

концентрациялары) анық мәнислерге ийе болыўы керек. r фаза тең салмақлықта турса (n+1)-(r-1) = n+2- r шаманың мәнисин ықтыярлы түрде бериў мүмкин.

#### ХІ БАП

# ХИМИЯЛЫҚ РЕАКЦИЯЛАР

#### § 86. Реакция жыллылығы

Бул бап физикалық көз-қарастан химиялық реакцияларды үйрениўге бағышланған. Биз реакцияға кирисиўши затлардың химиялық өзгешелигинен ғәрезсиз болған ҳәм барлық химиялық реакцияларға тән болған қәсийетлерди нәзерде тутамыз.

Барлық химиялық реакциялар жыллылықтың жутылыяы ямаса шығарылыяы менен жүреди. Биринши жағдайда реакцияны эндотермалық, ал екиншисинде экзотремалық деп атайды. Қандай да бир реакция экзотермалық болса, оған кери болган реакцияның эндотермалық болатуғынлығы өз-өзинен түсиникли.

Улыўма алғанда реакцияның жыллылық эффекти оның қандай шараятларда өтип атырғанлығына байланыслы. Сонлықтан реакцияның жыллылық эффекти ҳаққында гәп етилгенде бул реакцияның турақлы басымда ямаса турақлы көлемде өтип атырғанлығын айырыў керек. Ал эмелде бул айырма онша үлкен емес.

Реакцияның жыллылығын реакция теңлемесинде былайынша көрсетеди: егер жыллылық бөлинип шығатуғын болса, онда жыллылық муғдарын оң белги менен (жыллылық жутылатуғын болса, онда жутылган жыллылық мүғдары терис белгиси менен) теңлемениң жыллылық бөлинип шығатуғын тәрепине жазады. Мысалы

$$C + O_2 = CO_2 + 400$$
 кдж.

Теңлемеси бир гармм-атом углерод (графит) жанғанда 400 килоджоул жыллылықтың бөлинип шығатуғынлығын аңлатады. Және де еки мысал келтиремиз:

$$\frac{1}{2}H_2 + \frac{1}{2}Cl_2 = HCl + 92,$$

$$\frac{1}{2}N_2 + \frac{3}{2}H_2 = NH_3 + 46.$$

(усы жерде ҳәм ендигиден былай келтирилетуғын мысалларда реакцияға кирисиўши затлардың моли ушын жыллылық килоджоуллерде бериледи).

Жоқарыда келтирилген мысалларда барлық затлар (графиттен басқасы) өжире температурасында ҳәм атмосфералық басымда газ тәризли ҳалда турады деп есапланды.

Реакцияға түсиўши затлардың агрегат ҳалларының көрсетилиўи керек, себеби реакция жыллылығының муғдары ҳалдан күшли ғәрезли. Мысал ретинде газ тәризли кислород пенен водородтан суйық суў менен пуўдың пайда болыўы жыллылықлары арасындағы айырманы табамыз.  $20^{\circ}$ C да суўдың грамм-молекуласының пуўланыў жыллылығы  $44 \ \kappa \partial \mathcal{M}$  ға тең, яғный

$$H_2O^{(пуў)} = H_2O^{(суйықлық)} + 44.$$

Бул теңликти суў пуўының пайда болыўы

$$H_2 + \frac{1}{2}O_2 = H_2O^{(nyy)} + 240$$

теңлемесинен суйық суўдың пайда болыў теңлемесин аламыз:

$$H_2 + \frac{1}{2}O_2 = H_2O^{(\text{сууйыклык})} + 284.$$

Реакция жыллылығы усы реакция жүретуғын температураға да байланыслы. Егер реакцияға кирисиўши затлардың жыллылық сыйымлылықлары белгили болса, онда ракция жыллылығын есаплаўды бир температурадан екинши температураға өткериў бир агрегат ҳалдан екинши агрегат ҳалға өткенде ислеген ееаплаўларымыздай аңсатлық пенен эмелге асырылады. Буның ушын реакцияға кирисиўши затлардың барлығын да бир температурадан екинши температураға шекем қыздырыў ушын керек болатуғын жыллылықты есаплаў керек.

Егер биринен кейин бири бир неше реакция жүретуғын болса, онда энергияның сақланыў нызамынан барлық реакциялардың жыллылық эффектиниң избе-из болатуғын ҳәр бир реакцияның жыллылық эффектлериниң қосындысынан туратуғынлығы келип шығады. Қала берсе, егер бизде базы бир затлар болып, олар бир қатар аралықлық реакциялардың нәтийжесинде басқа зат алынатуғын болса, онда қосынды жыллылық эффекти реакциялардың қандай аралықлық стадиялардан өткенлигине ғәрезли емес болып шығады.

Усы қәдениң жәрдеминде (дара жағдайда) өтиўи мүмкин болмаған реакциялардың да жыллылығын есаплаў мүмкин. Мысал ретинде углерод (графит) ҳәм водород атомларынан тиккелей  $2C+H_2=C_2H_2$  реакциясында ацетиленниң алыныў жыллылығын есаплаймыз. Бул реакция усындай туўры жол менен жүрмейди ҳәм практикада ацетилен басқа жол менен алынады. Сонлықтан оның жыллылық эффектин өлшеў мүмкин емес. бирақ бул жыллылықты тиккелей өлшенетуғын углеродтың, водородтың ҳәм ацетиленниң өзиниң жаныў жыллылығы бойынша есаплаўға болады:

$$2C + 2O_2 = 2CO_2 + 800,$$
  
 $H_2 + \frac{1}{2}O_2 = H_2O + 240,$   
 $C_2H_2 + \frac{5}{2}O_2 = 2CO_2 + H_2O + 1300.$ 

Биринши еки теңликти бир бирине ағзама-ағза қосып ҳәм оннан үшиншини алып тасласақ мынаны алдамыз:

$$2C + H_2 = C_2H_2 - 260$$
.

Элементлерден олардың бирикпелериниң алыныў жыллылығы олардың ҳалларынан ғәрезли болады. Физика ушын тәбийий түрдеги элементлерден затлардың алыныўыны жыллылығы емес, ал тиккелей атомлардан алыныўының жыллылығы үлкенирек әҳмийетке ийе. Бул бирикпениң ишки энергиясын есаплаўға мумкиншилик береди ҳәм дәслепки затлардың ҳалларынан ғәрезли емес. Бир неше мысаллар келтиремиз:

$$2H=H_2+435,$$
  
 $2O=O_2+500,$   
 $C_{ar}=C_{rpa\phiur}+720,$   
 $2C_{ar}+2H=C_2H_2+1600.$ 

Элементлерден бирикпелердиң алыныў реакцияларының оң болыўы да, терис болыўы да ммкин. Ал атомлардан бирикпелердиң алыныў жыллылығы барлық ўықытта да оң мәниске ийе. Қарама-қарсы жағдайларда алынған бирикпе турақсыз, ал реакцияның жүриўи жүзеге келмеген болар еди.

# § 86. Химиялық тең салмақлық

Химиялық реакцияның жүриў барысында дәслепки затлардың муғдары кемейеди ҳәм реакцияның өними көбейеди. Ақыр-аяғында реакция барлық затлардың муғдарлары өзгермейтуғындай ҳалға алып келеди. Бул ҳал химиялық тең салмақлық деп аталады ҳәм жыллылық тең салмақлығының көринислериниң бири болып табылады.

Улыўмаластырып айтқанда химиялық тең салмақлықта реакцияның нәтийжесинде алынған затлар менен бирге дәслепки затлардың да белгили бир муғдары сақланып қалады. Көпшилик жағдайларда сақланып қалган затлардың муғдарлары оғада киши болса да, бул жағдай мәселениң принципиаллық тәрепин өзгертпейди.

Дәслепки затлар ҳәм реакцияның нәтийжесинде пайда болған затлар арасында химиялық тең салмақлықтың орнаўы төмендегидей себептиң салдарынан болады.

Мысал ушын газ тәризли водород пенен йод арасындагы йодлық водород пайда болатуғын реакцияны қараймыз:

$$H_2 + I_2 = 2HI$$
.

 $H_2$  менен  $I_2$  дан HI диң пайда болыўы менен кери болған процессте жүреди (HI диң водород пенен йодқа ыдыраўы): туўры реакция менен бир ўақытта кери реакция да жүреди. HI диң муғдарының артыўы хәм  $H_2$  менен  $I_2$  ниң муғдарларының кемейиўи менен туўры реакция эстеленеди, ал кери реакция тезленеди. Ақыр-аяғында еки реакциялардың тезликлери теңдей болатуғын момент жүзеге келеди: қаншама жана HI молекуласы пайда болса, соншама HI молекуласы ыдырайды; буннан кейин барлық затлардың муғдарлары өзгермей қалады.

Солай етип молекулалық көз-қарастан (қала берсе жыллылық тең салмақлығының басқа да түрлери) қозғалмалы характерге ийе – реакцияның жүриўи тоқтамайды ҳәм туўры және кери реакциялары бир бирин компенсациялаўшы тезликлер менен жүреди.

Әлбетте, биз жоқарыда көрген мысалда реакция водород пенен йиодтың араласпасынан басланған жағдайда пайда болатуғын тең салмақлық ҳалдағы сол үш заттың салыстырмалы муғдарлары НІ ыдыраған жағдайда пайда болатуғын тең салмақлық ҳалда алынатуғын сол үш заттың салыстырмалы муғдарлаы менен бирдей болады. Химиялық тең салмақлықтың тутқан орны усы тең салмақлыққа қай тәрептен жеткенге пүткиллей байланыссыз.

Жоқарыда айтылғанлар менен бирге химиялық тең салмақлық реакциялардың жүриў шараятларына ҳәм қандай арылықлық этаплар арқалы өткенлигенен пүткиллей ғәрезсиз. Тең салмақлықтың тутқан орны усы тең салмақлы ҳалда заттың кандай ҳалда турғанлығына (тең салмақлық араласпаның температурасына ҳәм басымына) байланыслы.

Температураның өзгериўи менен химиялық тең салмақлықтың турған орны да өзгереди. Бул өзгеристиң бағыты реакцияның жыллылық эффекти менен тығыз байланыслы. Буның дурыслығына Ле Шаталье принципи тийкарында аңсат исениўге болады. Қандай да бир экзотермалық реакцияны, мысалы азот пенен водородтан аммиактың пайда болыў реакциясын (N<sub>2</sub>+3H<sub>2</sub>=2NH<sub>3</sub>) қараймыз. Реакция тең салмақлық ҳалға жетти деп болжайық ҳәм тең самақлықта турған араласпаны қыздырайық. Бундай жағдайда араласпада оны салқынлатыўға бағдарланған процесслердиң жүриўи керек: аммактың базы бир муғдарының ыдыраўы ҳәм усының салдарынан жыллылықтың жутылыўы керек. Бул химиялық тең салмақлықтың аммиактың муғдарының кемейиў бағытында жылысатуғынлығын билдиреди.

Солай етип экзотермалық реакциялардың «өними» температура жоқарылағанда кемейеди,ал эндотермалық реакциялардың өниминиң муғдары температура жоқарылағанда артады.

Тең салмақлықтың турған ортының басымнан ғәрезлилиги де реакция жүретуғын қолемниң өзгериўи менен тап сондай байланыслы. Басымның артыўы реакцияланыўшы араласпаның көлемниң үлкейиўи менен жүретуғын реакциялардың өнимин кемейтеди ҳәм көлемниң киширейиўи менен жүретуғын реакциялардың өнимин арттырады. Кейинги жағдай (мысалы) газ тәризли аммиактың пайда боыўында орын алады: пайда болатуғын NH<sub>3</sub> молекулаларының саны реакцияға кирисиўши N<sub>2</sub> ҳәм H<sub>2</sub> молекулаларының санынан киши болғанлықтан реакциядағы газ араласпасының көлеми кемейеди.

# § 87. Тәсир етиўши массалар нызамы

Енди химиялық тең салмақлық пүсинигине санлық формулировка беремиз. Дәслеп газ араласпасындағы химиялық реакцияны қараймыз, бул жерде реакцияға катнасыўшы барлық затлар газ тәризли ҳалда турады.

Мысал ретинде және де НІ тың пайда болыў реакциясын қараймыз. Водород пенен йод арасындағы реакция  $H_2$  хәм  $I_2$  молекулалары бир бири менен соқлығысқанда жүреди. Сонлықтан НІ диң пайда болыў реакциясының тезлиги (яғный 1 cek та пайда болатуғын НІ молекулалары саны) усындай соқлығысыўлардың санына пропорционал. Ал бул өз гезегинде араласпадағы водород пенен йодтың тығызлықларына, яғный 1  $cm^3$  көлемдеги молекулалар санына пропорционал. Газдың тығызлыгы болса оның басымына пропорционал. Сонлықтан НІ диң пайда болыў реакциясының тезлиги араласпадағы бул газлердиң парциаллық басымларына, яғный  $k_1p_{H_2}p_{I_2}$  көбеймесине пропорционал. Бул жердеги k коэффициенти тек температурадан ғәрезди. Тап сол сыяқлы НІ молекулаларының ыдыраў реакциясының тезлиги усы молекулалардың бир бири менен соқлығысыў санына пропорционал хәм соған сәйкес НІ диң араласпадағы парциаллық басымының квадраты болған  $k_3p_{HI}^2$  шамасына пропорционал.

Тең салмақлықта туўры ҳәм кери реакциялардың тезликлери бирдей

$$k_1 p_{H_2} p_{I_2} = k_2 p_{HI}^2.$$

 $k_2/k_1$ =К(Т) деп белгилеп

$$\frac{p_{H_2}p_{I_2}}{p_{HI}^2} = K(T)$$

екенлигине ийе боламыз. Бул теңлик тең салмақлық ҳалындағы барлық үш газдиң парциаллық басымларын бир бири менен байланыстырады. К(Т) шамасы берилген реакция ушын *тең салмақлық константасы* деп аталады. Бул коэффициенттиң мәниси реакцияға кирисиўши затлардың муғдарынан ғәрезли емес. Жоқрыда келтирилген формала менен аңлатылған байланыс *тәсир етиўши массалар* нызамы деп аталады.

Бул нызам газлер арасындағы қәлеген реакция ушын жоқарыда кетлирилгендей етип жазылады. Улыўма түрде бул нызам төмендегидей тәқлетте жазылыўы мүмкин.

Реакцияның химиялық теңлемесинде барлық ағзаларды шәртли түрде теңлемениң бир тәрепинен өткериў мүмкин. Мысалы

$$H_2 + I_2 - 2PI = 0$$
.

Улыўма түрде барлық ракцияларды былайынша жазыў мүмкин:

$$v_1A_1 + v_2A_2 + \ldots = 0.$$

Бул аңлатпада  $A_1$ ,  $A_2$ , ... лер арқалы реакцияға кирисиўши затлардың символлары берилген, ал  $n_1$ ,  $n_2$ , ... лер болса оң ямаса терис пүтин санлар (мысалы жазылган мысалда  $v_{\rm H_2} = v_{\rm I_2} = 1$ ,  $v_{\rm HI} = -2$ ). Бундай жағдайда тәсир етиўши массалар нызамы былайынша жазылалы

$$p_1^{\nu_1}p_2^{\nu_2}...=K(T).$$

Бул жерде  $p_1, p_2, \dots$  лер арқалы ҳәр қайлы газлердиң парциаллық басымлары белгиленген.

Парциаллық басымларға қарағанда араласпадағы затлардың концентрацияларын пайдаланыған жийи түрде қолайлырақ болдып шығады. Араласпадағы і-заттың концентрациясын  $c_i=N_i/N$  формуласының жәрдеминде оның молекулаларының саны  $N_i$  диң араласпадағы барлық молекулалар саны  $N_i$  ге қатнасы түринде жазамыз (ямаса оның моллериниң моллердиң толық санына қатнасы, бәри бир). Газ араласпасының толық басымы p=NkT/V (V арқалы араласпаның көлеми белгиленген), ал парциаллық басым  $p_i=N_ikT/N$  болғанлықтан

$$p_i = c_i p$$
.

Бул аңлатпаларды тәсир етиўши массалар нызамының теңлемесине қойып мына формуланы аламыз:

$$c_1^{\nu_1}c_2^{\nu_2}...=K(T)p^{-(\nu_1+\nu_2+...)}.$$

Бул теңлеме барлық затлардың тең салмақлық концентрацияларын бир бири менен байланыстырады. Бул теңлемениң оң тәрепинде турған шама да тең салмақлық константасы деп аталады. Бирақ енди ол тек температураға ғана емес, ал басымға да ғәрезли бола алады. Егер тек  $v_1+v_2+...=0$  болғанда ғана басымға ғәрезлилик орын алмайды

(яғный реакция молекулалардың толық санын өзгертпесе, мысалы  $H_2+I_2=2HI$  реакциясында).

Ал, мысалы, аммиактың пайда болыў реакциясы

$$N_2 + 3H_2 = 2NH_3$$

жағдайында болса мынаған ийе боламыз:

$$\frac{c_{N_2} * c_{H_2}^3}{c_{NH_2}^2} = \frac{K(T)}{p^2}.$$

Басым үлкейгенде бул теңлемениң оң тәрепи киширейеди, сонлықтан теңлемениң шеп тәрепиниң де кемейиўи керек. Басқа сөз бенен айтқанда бизиң жоқарыда Ле Шаталье принципи тийкарында тапқанымыздай, дәслепки затлардың тең салмақлық концентрациясы киширейеди ҳәм аммиактың концентрациясы үлкейеди. Биз және бул реакцияның өниминиң температура жоқарылағанда кемейетуғынлығын көрдик. Енди биз температура көтерилген жағдайда тең салмақлық константасы К(Т) да үлкейеди деп айта аламыз.

Жоқарыда баянланған тәсир етиўши массалар нызамын келтирип шығарыў бойынша мынадай ескертиў керек болады. Бизиң талқылаўларымызда реакцияның барысы химиялық теңлемеде сәўлеленеди деп болжанды. НІ диң пайда болыў реакциясында тап усы жағдай орын алады, бирақ көпшилик реакциялар олардың теңлемелеринен күтилгениндей пүткиллей басқаша өтеди (мысалы аммиактың молекуласының пайда болыўы N2 молекуласының үш H2 молекуласы менен соқлығысыўдың нәтийжесинде пайда болмайды). Реакцияны бир теңлеме менен сәўлелендириў бир қатар аралықлық этаплардың қосындсынан туратуғын мағлыўмат болып табылады ҳәм сонлықтан бул мағлыўматта тек заттың басланғыш ҳәм ақырғы ҳаллары дыққатқа алынады (бул ҳаққында бул бапта және де гәп етиледи). Бирақ химиялық тең салмақлықтың қәсийети мене оларды тәриплейтуғын тәсир етиўши массалар нызамы реакцияның ҳақыйқый механизминен ғәрезли емес.

Тәсир етиўши массалар нызамының қолланылыўын иллюстрациялаў сыпатында водородтың диссоциациясы реакциясын ( $H_2 = 2H$ ) мысалын акырына шекем таллаймыз ҳәм тең салмақлықта жетиў мүмкин болған диссоциация дәрежесин анықлаймыз. Мейли (H түриндеги де,  $H_2$  түриндеги де) водород атомларының толық саны A болсын. Диссоциация дәрежеси x ты атом түриндеги водородтың (оны  $N_H$  арқалы белгилеймиз) атомлардың толық саны A ға қатнасы түринде анықлаймыз. Онда

$$N_H = Ax$$
,  $N_{H_2} = \frac{A(1-x)}{2}$ ,  $N = N_H + N_{H_2} = \frac{A(1+x)}{2}$ .

Усы шамалар арқалы концентрациялар  $c_H$  пенен  $c_{H_2}$ ты аңлатып ҳәм тәсир етиўши массалары нызамының теңлемесине қойып мынаны аламыз

$$\frac{c_{H_2}}{c_H^2} = \frac{1 - x^2}{4x^2} = pK.$$

Буннан

$$x = \frac{1}{\sqrt{1 + 4pK}}.$$

Бул аңлатпа арқалы, мысалы, диссоциация дәрежесинниң басымнан ғәрезлилиги нызамы анықланады.

Егер газ араласпада ҳәр қыйлы болған бир неше реакция жүретуғын болса, онда тәсир етиўши массалар нызамын ҳәр бир реакцияға бөлек өз алдына қолланыў керек. Мысалы  $H_2$ ,  $O_2$ , CO,  $CO_2$ ,  $H_2O$  газлериниң араласпасында мына реакциялардың жүриўи мүмкин:

$$2H_2O = 2H_2 + O_2$$
,  $2CO + O_2 = 2CO_2$ .

Олар ушын

$$\frac{p_{H_2O}^2}{p_{H_2}^2 p_{O_2}} = K_1, \qquad \frac{p_{CO}^2}{p_{CO_2}^2} = K_2$$

аңлатпаларына ийе боламыз ҳәм химиялық тең салмақлық ҳалы усы теңлемелерди биргеликте шешиў арқалы анықланады. Бул араласпада

$$H_2O + CO = CO_2 + H_2$$

түриндеги басқа да реакциялардың өтиўиниң мүмкин екенлигин аңғарамыз. Бирақ бул реакцияны итибарға алмасақта болады. Себеби бул реакция жоқарыда жазылған еки реакцияның қосындысына алып келинеди ҳәм тәсир етиўши массалар нызамы ол теңлеме ушын сол еки теңлемениң көбеймеси болған теңлемени барген болар еди.

Енди газлерден басқа қатты дене де катнасатуғын реакцияны қараймыз. Қатты дене менен газ арасынлдағы реакция газ молекулалары қатты денениң бетине келип урылғанда жүре алады. Беттиң 1 см² да жүретуғын реакцияны қараймыз. Газ молекулаларының усы бет пенен соқлығысыў саны тек газдың тығызлығына ғәрезли болып, қатты денениң муғдарына байланыслы емес. Усыған сәйкес денениң 1 см² беттиндеги реакцияның тезлиги тек газдың парциаллық басымларынан ғәрезли болады ҳәм қатты денениң муғдарына байланыслы емес. Усыннан тәсир етиўши массалар нызамының қатты денелер қатнасатуғын реакциялар ушын да дурыс екенлиги дурыслығы түсиникли болады. Айырма соннан ибарат, бул жағдайда теңлемеде тек газлердең концентрацияларын көрсетиў ҳәм қатты денениң муғдарын есапқа алмаў керек. Ал қатты денениң қәсийетлери тең салмақлық константасының температуралық ғәрезлилигине тәсир етеди.

Мысалы ҳәк тастан углекислоталы газдың бөлинип шығыў

$$CaCO_3 = CaO + CO_2$$

реакциясында тек CO<sub>2</sub> газ болып табылады, ал кальций окиси CaO қатты түрде қалады. Сонлықтан тәсир етиўши массалар нызамы әпиўайы түрде мынаны береди:

$$p_{CO_2} = K(T)$$
.

Бул тең салмақлық ҳалда (берилген температурада) ҳәк тасының үстинде белгили бир парциаллық басымға ийе углекислоталы газдиң болатуғынлығын билдиреди ҳәм ҳәк тастан углекислоталы газдың бөлинип шығыўының пуўланыўға уқсаслығы өзине дыққаты аўдарады: пуўланыўда да денениң бетиниң үстинде газ турады, бул газдиң басымы тек температура менен анықланады ҳәм пуўдың да, басқа денениң де муғдарына байланыслы емес.

Егер еритпе эззи болса тәсир етиўши массалар нызамын еритпе ишиндеги затлар арасындаға реакциялар ушын да пайдаланыў мүмкин. Бул жерде де 80-параграфта гэп етилген газлердиң кәсийетлери менен эззи еритпелердың кәсийетлери арасындағы уқсаслық және де көринеди. Газлердеги реакцияолар ушын тәсир етиўши массалар нызамының келтирилип шығарылыўы молекалалар арасындағы соқлығысыўларды есаплаўға тийкарланған. Тап усындай есаплаўды еритпедеги реакция ушын да ислеўге болады. Реакцияға кирисиўши молекулалардың бос кеңисликте емес, ал базы бир орталықта (ериткиште) турғанлығы тек тең салмақлық константасының температурадан ҳәм басымнан ғәрезлилигине тәсир етеди. Сонлықтан

$$c_1^{\nu_1}c_2^{\nu_2}...=K(p,T)$$

тәсир етиўши массалар нызамында К ның температурадан да, басымнан да ғәрезлилиги белгисиз болып қалады. Енди бул теңлемедеги  $c_1, c_2, \ldots$  концентрациялары ериткиштиң белгили бир муғдарына (ямаса көлеминиң бирлигине) сәйкес келиўши ериген затлардың муғдары сыпатында анықланады.

Тап сол сыяқлы форма тек ғана ериген затлар емес, ал ериткиштиң өзи де қатнасатуғын реакциялар ушын да дурыс болады. Мысалы тростник қантының гидролизи реакциясы тап усындай:

тростник қанты 
$$+ H_2O = глюкоза + фруктоза$$
.

Бундай реакция қаннтың суўдағы еритпесинде орын алады. Суў молекулаларының саны қант молекулаларының санынан әдеўир көп болғанлықтан (еритпени әззи деп болжаймыз) реакцияның барысында суўдың консентрациясы әмелий жақтаң өзгермей қалады. Сонлықтан тәсир етиўши массалар нызамының аңлатпасына тек ериген затлардың концентрацияларын жазыў керек:

$$\frac{\text{[тростник\_канты]}}{\text{[глюкоза][фруктоза]}} = K(T,p)$$

(квадрат қаўсырмаларда моллик концентрациялар – бир литр суўдағы берилген заттың моллериниң саны берилген).

### § 88. Күшли электролитлер

Затлардың бир қатары еригенде ериткиш ишинде молекулалар түринде емес, ал молекулалардың зарядланған бөлими — ионлар түринде жасайды (оң зарядланған ионларды *катионлар*, ал терис зарядланған ионларды *анионлар* деп атайды). Бундай затларды *күшли электролитлер* деп атайды. Ионлар түринде ериген затлар ҳаққында гәп еткенде оларды еригенде *диссоциацияға* ушырайды, ал қубылыстың өзин электролитлик диссоциация деп атайды.

Дерлик барлық дузлар, базы бир кислоталар (мысалы HCl, HBr, HI, HNO<sub>3</sub>), базы бир тийкарлар (NaOH, KOH) лар суўда еригенде күшли электролитлер пайда етеди. Дузларда металл катион, ал кислота қалдығы анион болып табылады (мысалы NaCl $\rightarrow$ Na<sup>+</sup>+Cl<sup>-</sup>). Кислоталар катион H<sup>+</sup> ҳәм анион – кислота қалдығына диссоциацияланады (мысалы HNO<sub>3</sub> $\rightarrow$ H<sup>+</sup>+NO<sup>-</sup><sub>3</sub>). Ал силтилер болса металлық катион менен OH<sup>-</sup> анионына диссоциацияланады (NaOH $\rightarrow$ Na<sup>+</sup>+OH<sup>-</sup>, OH<sup>-</sup>болса *гидроксил* деп аталады).

Электролитлик диссоциация қубылысы басқа да ериткишлерде бақланады. Бирақ ол суўдағы еритпелерде күшли түрде көринеди.

Егер суўда бир ўақытта қандай да еки күшли электролит ериген болса (мысалы NaCl ҳәм HBr), онда қайсы электролиттиң еритпеси (NaCl тики ме ямаса HBr тики ме?) ҳаққында айтыў мәниске ийе болмайды. Ҳақыйкатында еритпеде айырым K<sup>+</sup>, Na<sup>+</sup>, Cl<sup>-</sup>, Br ионлары болады. Сонлықтан бундай еритпени ҳәм NaCl дың ҳәм HBr дың еритпеси деп айтыўға болар еди. Бирақ олардың екеўи де мазмунға ийе емес.

Хақыйқатында пүтин молекулалар болмайтуғын болғанлықтан еритпеде күшли электролитлер арасындағы реакцияларда тек айырым ионлар қатнасады. Сонлықтан күшли электролитлер арасындағы реакцияның жыллылығы реакцияғы тиккелей қатнасатуғын ионларға ғәрезли болып, еритпеде және кандай ионлардың бар екенлигине байланыслы емес (әлбетте еритпе әззи болса). Мысал ретинде күшли кислоталарды силти менен нейтралластырыў реакциясын қарайық. Және бир мысал ретинде NaOH тың HCl менен нейтрализациясын NaOH+PCl=NaCl+H<sub>2</sub>O деп жазыў дәл емес екенлигин айтып өтемиз. Ҳақыйқатында реакцияда тек H<sup>+</sup> ҳәм OH<sup>-</sup> ионлары қатнасады ҳәм олар суўды (H<sup>+</sup> + OH<sup>-</sup> =H<sub>2</sub>O) пайда етеди. Метал менен кислота қалдығынан ғәрезсиз бул реакцияның

барлық күшли кислоталар ҳәм силтилер ушын бирдей екенлиги өз-өзинен түсиникли. Сонлықтан бул реакцияның жылллығы қәлеген күшли кислотаны қәлеген күшли силти менен нейтралластырыў ушын бирдей болып табылады. Кислотаның 1 моли менен силтиниң 1 моли ушын реакция жыллылығы  $57 \ \kappa \partial \mathcal{M}$  ға тең, яғный

$$H^+ + OH^- = H_2O + 57 \kappa \partial \mathcal{H}$$
.

Аз ерийтуғын күшли электролиттиң тойынған еритпесин қараймыз (мысал ретинде суўдағы AgCl дың еритпесин аламыз). Тойыныў түсинигиниң анықламасы бойынша бул еритпе қатты AgCl менен тең салмақлықта турады. Бул тең салмақлықты

$$Ag^+ + Cl^- = AgCl$$

Реакциясының химиялық тең салмақлығы деп караўға болады. Бул жердеги Ag<sup>+</sup> ҳам Cl<sup>-</sup> еритпеде жайласады, ал AgCl қатты ҳалда болады. Соның менен бирге 1 *сек* даўамында AgCl дың канша молекуласы еритпеге өтсе, тап соншама молекула еритпедеги ионлардың биригиўи нәтийжесинде төменге шөгеди. Екинши тәрептен еритпе ҳәлсиз болғанлықтан (себеби AgCl дың еригишлиги төмен) тәсир етиўши массалар нызамын қолланыў мүмкин. Бул нызамда тек ериген затлардың концентрациясын есапқа алыўдың кереклигин еске түсирсек

$$[Ag^+][Cl^-] = K$$

екенлигине ийе боламыз. Бул жерде квадрат қаўсырмаларда коллик концентрациялар берилген (суўдың 1 литриндеги моллер саны). К тураклысы (бул тураклы элбетте температураның функциясы болып табылады) берилген электролит ушын *еригишликтиң көбеймеси* деп аталады. AgCl ушын өжире температурасында  $K=1*10^{-10} (мол/л)^2$ , CaCO<sub>3</sub> ушын  $K=1*10^{-8} (мол/л)^2$ .

Солай етип аз ерийтуғын күшли электролиттиң тойынған еритпесиндеги анионлар менен катионлардың концентрацияларының көбеймеси турақлы шама болады екен. Егер суўда AgCl дан басқа Ag ямаса Cl дың ионларына ийе ҳеш бир дуз етимеген болса, онда  $[Ag^+]$  ҳэм  $[Cl^-]$  дың концентрациялары хлорлы гүмистиң еригишлиги  $c_0$  ге тең болады. Буннан

$$K = c_0^2$$

екенлиги келип шығады.

Мейли, енди AgCl дың тойынған еритпесине (жақсы ерийтуғын) дуз кислотасының қандай да бир басқа дузының (мысалы NaCl) белгили бир муғдары қосылған болсын. Бундай жағдайда AgCl ның белгили бир муғдары еритпеден шөгинди түринде бөлинип шыгады. Ҳакыйқатында да NaCl ды қосыў Cl ионларының концентрациясын үлкейтеди, ал  $Ag^+$  ионларының концентрациясы болса өзгериссиз калады. Сонлықтан  $[Ag^+][Cl^-]$ 

көбеймесиниң турақлы болып қалыўы ушын белгили бир муғдардағы AgCl дың еритпеден бөлинип шығыўы керек.

#### § 89. Хәлсиз электролитлер

Күшли электрлитлер менен бир катарда еригенде диссоциацияланатуғын, бирақ аз диссоциацияланатуғын затлар да бар. Бундай затлардың еритпесинде ионлар менен бир катарда нейтрал молекулалар да болады. Бундай затларды *эззи электролитлер* деп атаймыз.

Суўдағы ҳәлсиз электролитлер қатарына кислоталардың көпшилиги ҳәм базы бир дузлар киреди (мысалы  $HgCl_2$ ).

Хэлсиз электролитлердиң ҳэлсиз еритпелерине тәсир етиўши массалар нызамын қолланыў мүмкин. Мысал ушын суўда

$$HAc=H^{+}+Ac^{-}$$

теңлемесине сәйкес диссоциацияланыўшы уксус кислотасының ( $\mathrm{CH_3*COOH}$ ) еритпесин қараймыз. Бул теңлемедеги Ас белгиси кислота қалдығы  $\mathrm{CH_3*COO}$  ны аңлатады. Диссоциация тең салмақлық ҳалы орнағанша жүреди, ал тең салмақлық ҳалда ионлардың концентрациясы

$$\frac{[Ac^{-}][H^{+}]}{[HAc]} = K$$

теңлемеси менен аңлатылады. Бул жерде K арқалы *диссоциация константасы* деп аталатуғын константа белгиленген. Мысал өжире температураларында уксус кислотасы ушын  $K=2*10^{-5}$  *мол/л*.

Диссоциация реакциясы эндотермалық болып табылады, яғный жыллылықтың жутылыўы менен байланыслы. Басқа эндотермалық реакциялардағы сыяқлы температура жоқарылағанда оның «өними» артады, яғный диссоциация константасы өседи.

Диссоциация константасы ериген электролиттиң муғдарына ғәрезли емес (еритпе ҳәлсиз болған жағдайларда) ҳәм оның тийкарғы ҳарактеристикасы болып табылады. Ал диссоциация дәрежеси (яғный ыдыраған молекулалар санының электролиттеги барлық молекулалар санына қатнасы) еритпениң концентарциясынан ғәрезли.

Мейли 1 n суўда электролиттиң с моли ериген болсын. Диссоциация дәрежесин  $\alpha$  арқалы белгилеймиз. Бундай жағдайда диссоциацияланған молекулалардың саны с $\alpha$  ге тең. Егер электролиттиң молекуласы бир анион менен бир катионға ыдырайтуғын болса (уксус кислотасы мысалындағыдай) онда олардың ҳәр бириниң концентрациясы с $\alpha$  ге тең

болады. Диссоциацияланбаған молекулалардың концентарциясы болса c(1-а) ге тең. Демек тәсир етиўши массалар нызамы мынаны береди:

$$\frac{\alpha^2}{1-\alpha}c = K.$$

Буннан еритпениң концентрациясы арқалы анықланған диссоциация дәрежесин табамыз:

$$\alpha = \frac{-K + \sqrt{K^2 + 4Kc}}{2c} = \frac{2K}{K + \sqrt{K^2 + 4Kc}}.$$

Бул формуладан концентрация кемейгенде диссоциация дәрежеси с ның үлкейетуғынлығы ҳәм шексиз суйылғанда (яғный с→∞ де) бирге умтылатуғынлағы көринип тур. Солай етип еритпе көбирек еритпе қаншама суйытылған болса электролит күшлирек диссоциацияланған болады. Бул болса молекуланың диссоциациясының барлық орныларда да суў молекулаларының тәсиринде жүретуғынлығының бирден бир нәтийжеси болып табылады. Ал кери рекомбинацияның болыўы ушын ҳәр қыйлы болған еки ионлардың бир бирине жақын келиўи керек. Бундай ўақыя суйытылған еритпелерде жүдә сийрек жүзеге келеди.

Суўдың өзи жүдә әззи электролит болып табылады. Оның молекулаларының базы бир (оғада аз) бөлеги

$$H_2O = H^+ + OH^-$$

теңлемесине сәйкес диссоциацияланған. Усының менен бирге  $H_2O$  ның өзи  $H^+$  ҳәм  $OH^-$  ионларына қатнасы бойынша ериткиш болып табылатуғын болғанлықтан тәсир етиўши массалар нызамының формуласында тек бул ионлардың концентрацияларын жазыўымыздың керек екенлигин биз билемиз:

$$[H^{+}][OH^{-}] = K.$$

таза суў ушын 25°С да

$$K = 10^{-14} (моль/л)^2$$
.

Таза суўда  $H^+$  ҳәм  $OH^-$  ионларының концентрациялары бирдей болғанлықтан биз олардың ҳәр қайсысының  $10^{-7}$  ге тең екенлигин табамыз. Солай етип 1 литр суўда  $H^+$  ионларының молиниң  $10^{-7}$  си бар (тап соншама  $OH^-$  ионы). Басқа сөз бенен айтқанда суўдың 1 моли (18  $\varepsilon$ ) тек 10 миллион литр суўда диссоциацияға ушырайды екен.

Терис белги менен алынған Н<sup>+</sup> ионларының концентрациясының онлық логарифмин рН деп белгилейди хәм *водородлық көрсеткиш* деп атайды:

$$pH = -lg_{10}[H^+].$$

Таза суў ушын 25°С да рН=7.0 (0°С да рН=7.5; 60°С да рН=6.5).

Кислоталар еритилгенде олардан  $H^+$  ионлары бөлинип шығады. Бирақ концентрациялардың көбеймеси  $[H^+][OH^-]$  ниң шамасы  $10^{-14}$  ке тең болып өзгериссиз қалыўы керек. Сонлықтан  $OH^-$  ионларының бир бөлими  $H^+$  ионлары менен биригип суўдың нейтраллық молекулаларына айланыўы керек. Нәтийжеде  $[H^+]$  тың концентрациясы оның суўдағы концентрациясынан  $(10^{-7})$  үлкен болады. Басқа сөз бенен айтқанда кислоталық еритпедеги водородлық көрсеткиш рН тың шамасы 7 ден киши болады. Тап сол сыяқлы  $(OH^-$  ионын жулып алыўшы) силтилердиң еритпесинде рН тың мәниси 7 ден үлкен болады. Демек еритпениң водоролдық көрсеткиши оның кислоталылығының ямаса силтилилигиниң көрсеткиши болып табылады.

Қандай да бир әззи кислотаға (мысалы уксус кислотасы НАс ға) ҳәм күшли электролит болып табылатуғын оның дузына (мысалы уксус кислоталы натрий NaAc) ийе еритпелер қызықлы қәсийетлерге ийе болады. Толық диссоциацияға ушыраған дуз еритпеде көп муғдардағы Ас ионларын пайда етеди. Кислотаның диссоциациясының теңлемеси

$$\frac{[H^+][Ac^-]}{[HAc]} = K$$

ге сәйкес еритпедеги  $Ac^-$  ионларының бар екенлиги  $H^+$  ионлары санының кемейиўин талап етеди (яғный кислотаның диссоциациясын тоқтатыўға алып келеди). Сонлықтан кислотаның диссоциацияланбаған молекулаларының концентрациясы [HAc] оның толық концентрациясы менен бирдей болады (оны  $c_k$  арқалы белгилеймиз). Толығы менен дуз тәрепинен алып келинетуғын  $Ac^-$  ионларының концентрациясы сол дуздың концентрациясы менен бирдей болады (оны  $c_c$  арқалы белгилеймиз). Солай етип  $[H^+]$ = $Kc_k/c_c$  ҳәм еритпениң водородляқ көрсеткиши мынаган тең:

$$pH = -lg[H^+] = -lgK + lg\frac{c_c}{c_k}$$
.

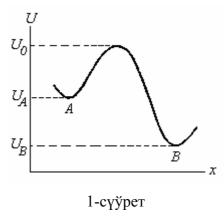
Бул шама болса дуз бенен кислотаның концентрацияларының қатнасынан ғәрезли болып шығады. Солай етип еритпени суйылтыў ямаса усы еритпеге қандай да бир басқа кислоталарды яки силтилерди қосыў еритпениң рН ын эмелий жақтан өзгертпейди. Еритпениң водородлық корсеткишин усындай етип сақлаў қәсийетин буферлик тәсир деп атаймыз.

## § 91. Активация энергиясы

Усы ўақытларға шекем биз тек химиялық тең салмақлық ҳалын карап, реакциялардың механизмлери менен жүриў тезликлерин дыққаттан тыста қалдырдық. 88-параграфтағы

молекулалардың соқлығысыў санын есаплаў тең салмақлық шәртлерин келтирип шығарыў ушын ғана исленди ҳәм көрсетилип өтилгениндей реакциялардың ҳақыйқый механизмлерине жуўап бериўи талап етилмейди.

Енди биз реакциялардың жүриў тезликлерин үйрениў менен шуғылланамыз. Айырым молекулалар бир бири менен соқлығысқан жағдайларда реакцияға кирисе алады. Бирақ соқлығысыўлардың барлығы да реакциялардың жүриўине алып келмейди. Ҳақыйқатында болса сол соқлығысыўлардың жүдә аз бөлеги ғана молекулалар арасындағы реакциялардың жүзеге келиўине алып келеди.



Бул төмендегидей түрде түсиндириледи.

Реакцияда соклығысыўшы атомлардың белгили бир қайтадан топарласыўы орын алады. Көргизбелилик ушын реакция барысында атомның бир молекуладан (А) екинши молекулаға (В) өтиўи менен жүреди деп есаплаймыз. Бул атомның потенциал энергиясы еки молекулаға салыстырғандағы жайласыўына байланыслы. Бул энергияның өзгериси атомның жүрип өтетуғын жолынын үстиндеги координата х тың функциясы сыпатында схемалық түрде 1-сүўретте көрсетилген. Бул иймекликтиқ шәртли түрде алынғанлығы өзөзинен түсиникли. Ҳакыйқатында потенциал энергия бир емес, ал коп санлы параметрлерден (координаталардан) ғәрезли. Потенциал энергияның өзгерисиниң дәл барысы үлкен әхмийетке ийе емес, ал атомның еки молекулада турғанына сәйкес келиўши еки минимумның бар екенлиги тийкарғы орынды ийелейди. Бул еки аўхал бир биринен потенциал баръер менен бөлинген.

Бир бири менен соқлығысқан молекулаллардағы атом барьер арқалы бир молекуладан екинши молекулаға өте алғандай өте алғандай энергияға ийе болса ғана химиялық реакция жүреди. Бирақ көпшилик молекулаларда атом мәниси сол минимумға сәйкес келтуғындай энергияға жақын энергияға ийе болады. Сонлықтан молекула  $U_0$ - $U_A$  ға теңдей артық энергияға ийе болған жағдайда ғана молекула реакцияға кирисе алады ( $A \rightarrow B$  өтияи менен, 1-сүўрет). Газдеги усындай молекулалар санының бундай энергияға ийе емес молекулалар санына қатнасы Больцман көбейтиўшилериниң катнасына тең:

$$e^{-U_0/kT}:e^{-U_A/kT}=e^{-(U_0-U_A)/kT}$$
.

Бул аңлатпадағы  $U_0$ - $U_A$  энергиясы берилген реакцияның *активация* энергиясы деп аталады. Әдетте авагадро санына көбейтип бул энергияның мәнисиниң заттың бир молине тийислисин алады:  $N_0(U_0$ - $U_A$ )=E.

Солай етип реакцияға кирисиўши молекулалардың саны ҳәм соның менен бирге реакцияның тезлиги активация көбейтиўшиси

$$e^{-E/RT}$$

ға туўры пропорционал. Бул көбейтиўши реакция тезлигиниң температураға ғәрезлилигиндеги тийкарғы фактор болып табылады. Биз реакция тезлигиниң температураға байланыслы тез өсетуғынлығын көремиз.

Егер реакция тезлигин υ арқалы белгилесек, онда жоқарыда айтылғанлардан мына формула келип шығады:

$$lnv = const - E/RT$$
.

яғный реакция тезлигиниң логарифми 1/Т ның функциясы сыпатында туўры сызық пенен сәўлеленеди. Бул туўрының қыялық мүйеши активация энергиясы Е ни анықлайды.

Хәр қыйлы молекулалық процесслердиң активация энергиясы пүткиллей ҳәр қыйлы болады. Бақланатуғын көпшилик реакциялар ушын оның мәнислери 10-150 кдж интервалында жатады.

Температура базы бир Т мәнисинен оған жақын болған Т+∆Т мәнисине шекем өзгергенде реакцияның тезлигиниң өзгериси мына формула менен анықланады:

$$\ln v_2 - \ln v_1 = \ln \frac{v_2}{v_1} = -\frac{E}{R(T + \Delta T)} + \frac{E}{RT} \approx \frac{E}{RT^2} \Delta T.$$

Егер Е=80  $\kappa \partial \mathscr{H}$ , Т=300 К,  $\Delta T$ =10<sup>0</sup> болғанда  $v_2/v_1\approx$ 3. Тезликтиң усындай өзгериўи характерли болып табылады. Газлер менен араласпалардағы ҳәр қыйлы реакцияларда температура  $10^0$  қа көтерилгенде (реакция сезилерликтей тезлик пенен жүретуғын областларда) реакцияның тезлиги 2-4 есе үлкейеди.

Реакцияның тезлигиниң температураға ғәрезлилигиниң күшлилигиниң қандай екенлилин  $2HI \rightarrow H_2 + I_2$  реакциясы мысалында да анық көринеди (оның ушын активация энергиясы  $185 \ \kappa \partial \mathscr{H}$ ).  $200^{0}$ C да реакия пүткиллей жүрмейди — HI диң сезилерликтей муғдары жүзлеген жыллар ишинде ыдыраған болар еди.  $500^{0}$ C температурада реакция секундлар ишинде өтип болады. Бирақ жоқары температуралардың өзинде де HI молекулаларының бир бири менен соқлығысыўларының шама менен  $10^{12}$  синиң биреўи ғана олардың ыдыраўын болдырады.

Молекулаларға жеткиликли дәрежедеги үлкен энергияға ийе болыў зәрүрлиги соқлығысыўлардың реакциялық эффективлилигиниң тийкарғы себеби болып табылады.

Усының менен бирге артық энергия молекулалардағы анық бир атомларда ямаса атомлар топарында жыйналған болыўы керек. Бул жағдай реакцияның тезлигиниң белгили бир мәниске жетиўинде белгили бир орныды ийелейди. Қурамалы молекулалар қатнасатуғын реакцияларда және геометриялық фактор да белгили бир орын ийелейди. Бул жағдайда молекулалар соқлығысқанда олардың реакцияға қәбилетли бөлимлериниң ушырасыўы керек.

1-схемалық сүўретке кайтып келемиз.  $U_A$ - $U_B$  айырмасы A хәм B молекулаларының ишки энергияларының айырмасына сәйкес келеди (бул  $A \rightarrow B$  экзотремалық реакциясында бөлинип шығатуғын ямаса кери  $B \rightarrow A$  эндотермалық реакциясында жутылатуғын жыллыққа тең). Бул айырманың потенциал барьердиң бийиклигине тиккелей қатнасы жоқ, яғный реакция жыллылығы менен активация энергиясы арасында тиккелей байланыс жоқ. Бирақ туўры хәм кери реакциялардың активация энергиялары арасындағы айырма менен реакция жыллылығы арасында белгили бир байланыс бар. Сүўретте көрсетилгендей  $A \rightarrow B$  хәм  $B \rightarrow A$  реакцияларының активация энергиялары арасындағы айырма  $U_0$ - $U_A$  хәм  $U_0$ - $U_B$  шамалары менен бериледи, ал олар арасындағы айырма реакция жыллылығына сәйкес келеди:

$$(U_0-U_B) - (U_0-U_A) = U_A-U_B.$$

88-параграфта реакциялардың әдетте қосынды химиялық теңлемесине сәйкес өтпейтуғынлығы айтылып өтилген еди. Қақыйкатында химиялық реакциялардың көпшилиги қурамалы механизмге ийе болады. Бул механизмлер айырым әпиўайы элементар болған процесслерден (бар екенлигин анықлаў қыйын болған реакциялардың аралықлық басқышлары) ибарат болады. Реакция өзиниң тезирек жүриўи мүмкин болған жолды сайлап алғандай жол менен болып жүреди. Реакциялардың аралықлық басқышларының активация энергиясының киши мәнислерине ийе болатуғынлығы тәбийий, ал бул болса реакцияның жүриў жолын анықлаўшы тийкарғы физикалық факутор болып табылады. Усының менен бирге ҳәр қыйлы басқышлардың өтиў тезликлериниң ҳәр қыйлы болыўы мүмкин. Усындай жағдайларда қосынды процесстиң тезлигиниң суммасының аң әстелик пенен жүретуғын баскыштың тезлиги менен анықланатуғынлығы өз-өзинен түсиникли (конвейрлик өндиристиң тезлигиниң ең әстелик пенен жүретуғын операцияның тезлигинен жоқары болмайтуғынлығы сыяқлы).

Реакцияның аралықлық этаплары ушын активация энергиясының мәнисин киширейтиў *катализ* процесслериниң тийкарында жатады. Катализ деп реакцияланыўшы араласпаға базы бир өзге затты – *катализаторды* қосыў арқалы реакцияларды тезлетияди айтады. Бул тезлениўдиң шамасы әдеўир үлкен болыўы мүмкин. Көпишилик жағдайларда өзинен-өзи жүрмейтуғын реакциялар катализаторлар қосылғанда үлкен тезлик пенен жүре

баслайды. Катализатордың турқан орыны соннан ибарат, ол аралықлық реакцияларда қандай да бир формада қатнасып, барлық процесстиң ақырында ҳеш қандай өзгериске ушырамағандай болып қайтадан тикленеди.

Катализатордың реакцияның өтиўинен пүткиллей ғәрезсиз болған химиялық тең салмақлық ҳалын жылжыта алмайтуғынлығын атап өтиў зәрүрли. Катализатордың қосылыўы тең салмақлықтың орнаў тезлигинде ғана көринеди.

# § 92. Реакциялардың молекулалығы

Реакцияның жүриў ушын бир бири менен соқлығысыўы зәрүрли болған молекулалардың санына байланыслы газлер ямаса эззи еритпелердеги барлық химиялык реакцияларды бир неше типлерге бөлиў мүмкин. Ҳэзир гэптиң ҳақыйқый түрде өтетуғын молекулалық процесслер ҳаққында айтылып атырғанлығын атап өтемиз. Төменде келтирилетуғын мысаллардағы реакциялар олардың химиялық теңлемесине сәйкес өтеди. Ал көпшилик жағдайларда реакциялардың бул классификациясы реакцияның қурамалы механизминиң айырым элементлерине тийисли болады.

Мономолекулалык реакция деп дәслепки заттың молекулалары еки ямаса бир неше бөлимлерге бөлинетуғын реакцияны айтады. Мысалы бромлы этилдиң ыдыраў реакциясы усындай реакция болып табылады:

$$C_2H_5Br \rightarrow c_2H_4 + HBr$$
.

Бундай реакциялардың жүриўи ушын молекулалардың соқлығысыўының зәрүрлилиги жоқ. Сонлықтан ыдыраўшы заттың муғдарынын кемейиўи менен бирге реакцияның тезлиги концентрацияның биринши дәрежесине пропорционал кемейеди.

Тап усындай мәнисте әззи еритпелердеги реакциялар жоқарыдағы жағдайға уқсас болып келеди. Бундай еритпелердеги реакцияларда ериген заттың бир молекуласынан басқа ериткиштиң молекулалары да қатнасады. Мысал ретинде жоқарыда еслетилип өтилген тростник қантының гидролизи реакциясын көрсетиў мүмкин:

тростник қанты 
$$+ H_2O \rightarrow глюкоза + фруктоза$$
.

Бул реакцияға ҳақыйқатында еки молекула катнасады, бирақ қант молекуласы әтирапында реакция барысында оғада көп санлы суў молекулалары болғанлықтан реакцияның тезлигиниң өзгериси тек ериген қанттың концентрациясының өзгериси менен байланыслы.

Еки молекуладан еки ямаса оннан да көп басқа молекулалар алынатуғын реакциялар бимолекулалық реакциялар деп аталады. Мысал ретинде мынадай реакцияларды келтириў мүмкин:

$$H_2 + I_2 \leftrightarrow 2HI$$
,

$$NO_2 + CO \leftrightarrow NO + CO_2$$
.

Бул реакциялар еки бағытта да бимолекулалық реакциялар болып табылады. Бундай реакцияның жүриўи ушын еки молекуланың соқлығысыўы зәрүр. Сонлықтан олардың тезлиги реакцияға кирисиўши затлардың концентрацияларының көбеймесине пропорционал (егер бир бири менен еки бирдей молекулалалар реакцияға кирисетуғын болса, онда концентрацияның квадратына пропорционал). Усы типке элементар процесслердин басым көпшилиги киреди. процесслердин Αл сол элементар қосындысынан қурамалы реакциялардың механизми жүзеге келеди.

Ең ақырында *тримолекулалық* деп аталыўшы реакцияларды қараймыз. Бундай реакцияларға үш молекула кириседи ҳәм олар еки ямаса оннан да көп сандағы молекулаға айланады. Тримолекулалы реакциялар салыстырмалы түрде сийрек ушырасады. Себеби бундай реакцияның жүриўи ушын бир ўақытта үш молекуланың бир бири менен соқлығысыўы керек. Ал үш молекуланың бирден соқлығысыўы еки молекуланың соқлығысыўынан әдеўир сийрек жүзеге келеди.

Газдеги молекулалардың үшлик ҳәм екилик соқлығысыўларының қатнасын аңсат анықлаўға болады. Берилген молекуланың үшлик соқлығысыўы деп оның қандай да бир үшинши молекула менен қатар турып соқлығысыўын айтыў мүмкин. Газ тәрепинен ийеленген көлемди V арқалы, ал газ молекулаларының көлемлеринин қосындысын b арқалы белгилеймиз. Әлбетте молекула баска бир молекула менен бир қатарда турған көлем де b ға тең. Демек молекуланың бисқа бир молекула менен қатар турыў итималлылығы b/V ға тең. Сонлықтан үшлик соқлығысыўлар санының екилик соқлығысыўлар санына қатнасы да b/V шамасындағы сан болады. Әдетте бул шама жүдә киши; мысалы ҳаўа ушын нормал шараятларда шама менен 10<sup>-3</sup> ке тең.

Төртлик соқлығысыўлар саны үшлик соқлығысыўлар санынан сонша шамаға киши болады. Бундай соқлығысыўлардың жүдә сийреклигинен жоқары тәртиптеги реакциялар (төртлик ҳ.т.б. молекулалық реакциялар) тәбиятта жүрмейди.

Гейпара бимолекулалық болып көринетуғын реакциялар ҳақыйқатында тримолекулалық жоллар менен жүреди. Бул еки бөлекшениң бир бөлекшеге биригиў реакциясы болып табылады:

$$H + H \rightarrow H_2$$
.

Егер  $H_2$  молекуласы еки H атомларының соқлығысыўының нәтийжесинде пайда болғанда молеукула дәрҳәл ыдырап кеткен болар еди (бир бири менен соқлығысыўшы еки атом барлық ўақытта да тарқасып кете алады). Турақлы  $H_2$  молекуласы терис мәнисли ишки энергияға ийе болыўы керек. Сонлықтан водородтың еки атомы турақлы

молекуланы тек және бир бөлекше қатнасқанда ғана пайда ете алады. Ал молекула пайда болғандағы бөлинип шығатуғын энергия усы бөлекше тәрепинен алып берилиўи керек. Бул жоқарыда келтирилигнен реакцияның ҳақыйқатында да тек үш бөлекшениң соқлығысыўының салдарынан жүретуғынлығын билдиреди.

Анық монолмолекулалық процесслердиң белгили бир шараятларды бимолекулалық процесслердей болып жүриўи жүдә қызық. Ыдыраўы ушын молекула сол ыдыраўдың нәтийжесинде пайда болған бөлекшелер потенциал баръер арқалы өте алатуғындай энергияларға ийе болыўы керек. Усындай етип «активлестирилген» молекула белгили бир «өмириниң узақлығына» да ийе болыўы керек (соның менен бирге сол артық энергия ыдырая ушын керекли болған орында жыйналған болыўы да керек). Ал жллылық қозғалысларындағы молекулалардың соқлығысыўлары активлескен молекулалардың дереги болып табылады. Соқлығысыўлар сийрек орын алатуғын жеткиликли дәрежеде сийреклетилген газде активлестирилген молекулалардың ыдыраўы жаңа активлескен молекулалардың пайда болыўына қарағанда тезирек жүреди. Бундай шараятларда реакция тезлиги тийкарынан молекулалардың соқлығысыўларын талап етиўши (яғный бимолекулалық) активация процессиниң тезлиги менен анықланады.

# § 93. Шынжырлы реакциялар

Көпшилик реакциялардиң механизми төмендегидей характерли өзгешеликке ийе болады: бундай реакцияларда орнықлы ҳалда жасай алмайтуғын аралықлық затлар, молекулалардың сынығы (оскалкалары - айырым атомлар ямаса *еркин радикаллар* деп аталыўшы атомлар топарлары) пайда болады. Мысалы қыздырылған азот закиси газиниң ыдыраў реакциясында (бундай реакцияның формал түриндеги теңлемеси  $2N_2O=2N_2+O_2$ )  $N_2O$  молекулалары  $N_2O\rightarrow N_2+O$  теңлемесине муўапық ыдырайды. Нәтийжеде кислородтың еркин атомлары пайда болады, ал бул атомлар кейин және бир  $N_2O$  молекуласы менен реакцияға түседи:  $O+N_2O\rightarrow N_2+O_2$ .

Бул мысалда аралықлық бөлекшелер (бул жағдайда О атомлары) корсетилген еки элементар актлердиң нәтийжесинде және де жоғалады. Бирақ басқа көп санлы реакциялар болып, усындай реакциялардың барысында аралықлық продуктлер үзликсиз түрде регенерацияланады (қайтадан пайда болады). Солай етип олар катализатордың тутқан орнындай орынды ийелейди.

Реакциялардың механизминиң усындай әҳмийетли типин водород пенен бромның пуўындағы НВг ның пайда болыўы мысалында түсиндиремиз ҳам бул реакцияның араласпаны жақтыландырғанда жүретуғынлығын еслетип өтемиз.

Бул реакция ҳақыйқатында  $H_2$  молекулалары менен Br молекулалары соқлығысканда жүрмейди. Егерде соқлығысыўлардың нәтийжелеринде реакция жүргенде  $H_2+Br_2=2HBr$  химиялық теңлемеси орнылы болган болар еди. Ал бул реакцияның ҳақыйкый механизми мынадан ибарат:

Жақтылықтың тәсиринде базы бир Br<sub>2</sub> молекулалары еки атомға ыдырайды:

$$Br_2 \rightarrow Br + Br$$
.

Бул *шынжырдың пайда болыўы* деп аталады, ал пайда болған бром атомлары *актив орайлардың* орнын ийелейди. Бундай атомлар  $H_2$  молекулалары менен соқлығысып, олар менен мынадай реакцияға кириседи:

$$Br+H_2 \rightarrow HBr+H$$
.

Алынған Н атомлары өз гезегинде Вг<sub>2</sub> молекулалары менен реакцияға кириседи:

$$H+Br_2\rightarrow HBr+Br$$
.

Усындай реакцияның нәтийжесинде Вг атомлары және де пайда болады, ал олар болса  $H_2$  молекулалары менен реакцияға кириседи ҳәм сондай процесс даўам етеди. Солай етип избе-из реакциялардың ұзликсиз шынжыры пайда болады. Бундай реакцияларды Вг атомлары катализатордың орнын ийелейди (олар еки НВг молекуласы пайда болғаннан кейин өзгериске ушырамаған түрде қайтадан тикленеди). Усындай реакцияларды шынжырлы реакциялар деп атаймыз. Шынжырлы реакциялардың тийкарлары Н.Н.Семенов ҳәм К.Хиншельвудлар тәрепинен ислеп шығылған.

Биз егер қандай да бир усыл менен актив орайлар пайда болса, онда реакцияның буннан былай өзинен-өзи даўам ететуғынлығын көремиз ҳәм реакция сыртқы тәсирлерсиз ақырына жететуғындай болып көринеди. Ал ҳақыйқатында *шынжырдың ұзилиўи* менен де есапласыўға туўра келеди. Жоқарыдағы мысалдағы бир актив орай — Вг атомы жүзлеген мың  $H_2$  ҳәм  $Br_2$  молекулаларының реакциясын болдыра алады. Бирақ ақыраяғында ол «өледи» ҳәм шынжырдың буннан былайғы жүрисин тоқтатады.

Мысалы бундай қубылыс еки Вг атомы бир  $Br_2$  молекуласына рекомбинацияланса орын алады. 92-параграфта болса усындай еки атомның орнықлы болған бир молекулаға биригиўиниң тек үшлик соқлығысыўда ғана эмелге асатуғынлығының мүмкин екенлиги көрсетилген еди. Сонлықтан шынжырдың үзилисиниң усындай механизми газдиң көлеминде үшлик соқлығысыўлар жийи түрде эмелге асатуғын жоқары басымларда ғана әҳмийетке ийе болыўы мүмкин

Шынжырдың үзилисиниң басқа механизми реакциялық ыдыстың дийўалына соқлығысқанда актив орайлардың набыт болыўынан ибарат болады. Бул фактор актив орайлар газдиң көлеми бойынша жеңил қозғала алатуғын киши басымларында тийкарғы орынды ийелейди.

Екинши тәрептен *шынжырлардың тарқалыўы* деп аталыўшы жағдай орны алғандағы реакциялар бар болады. Мысалы водород пенен кислородтың жарылғыш араласпасындағы водородтың (жоқары температуралардағы) жаныўы улыўма түрде төмендегише жүреди.

Сыртқы тсирден (мысалы электр ушқынын пайда еткенде)

$$H_2+O_2\rightarrow 2OH$$

схемасы бойынша шынжыр пайда болады. Пайда болган актив орайлар — OH радикаллары  $H_2$  молекулалары менен тәсир етисип суўды береди:

$$OH+H_2\rightarrow H_2O+H$$
.

Усының нәтийжесинде пайда болған Н атомлары буннан былай

$$H+O_2 \rightarrow OH+O$$
,

$$O+H_2\rightarrow OH+H$$

схемасы бойынша реакцияға кириседи. Бул реакциялардың нәтийжесинде суўдың пайда болыўы менен бирге H, O, OH актив орайларының санлары артады (HBr ның пайда болыў реакциясында H ҳәм Br еркин атомларының санлары үлкейген жоқ еди).

Егер шынжырлардың тарқалыўының нәтийжесинде пайда болатуғын актив орайлардың саны орайлардың үзилиўлериниң санынан артық болса актив орайлар саны оғада үлкен тезликлер менен артады (геометриялық прогрессия бойынша) ҳәм усының ақыбетинде реакцияның жедел түрде өзинен өзиниң тезлениўи – партланыў орын алады.

Бул партланыўдың шынжырлы механизминиң принципинде турақлы температураларда да орын алыўы характерли. Усыны менен бир қатарда партланыўдың жыллылық механизми де бар. Бул жағдайда реакцияның тезлигиниң температурадан күшли ғәрезлилиги орын алады. Жыллылық үлкен тезликлер менен бөлинип шығатуғын экзотермалық реакцияларда болса бул тезликлердиң шамасы жыллылықтың сыртқы орталыққа тарқалыў тезлигине салыстырғанда әдеўир үлкен мәниске ийе болыўы мүмкин. Усындай жағдайда реакция болып атырған араласпаның кызыўы орын алып, бул өз гезегинде реакцияның өз өзинен тезлениўин болдырады.

#### ХІІ БАП

### Бетлик қубылыслар

#### § 94. Бет керими

Усы ўақытларға шекем биз жыллылық қәсийетлери менен көлемлик характерге ийе болган қубылысларды қарадық: бул қубылысларда денениң барлық массасы катнасты. Денелерде еркин бетлердиң болыўы *бетлик* ямаса *капиллярлық қубылыслары* деп аталатуғын қубылыслардың айрыкша категориясының жүзеге келиўине алып келеди.

Қатаң түрде айтканда қәлеген дене ваккумде емес, ал қандай да бир орталықта, (мысалы атмосферада) жайласқан. Сонлықтан денелердиң бетлери ҳаққында емес, ал еки орталықты айырып туратуғын бетлер ҳаққында айтыў керек.

Бетлик қубылысларда денелердиң тиккелей бетинде жайласқан молекулалар қатнасады. Егер денелердиң өлшемлери жүдә киши болмаса, онда бундай молекулалардың саны тийкарғы көлемде жайласқан молекулалар санынан әдеўир аз болады. Сонлықтан әдетте бетлик қубылыслар үлкен орын ийелемейди. Бирақ киши өлшемлерге ийе денелерде бул қубылыслар әҳмийетли орынларды ийелейди.

Беттеги базы бир жуқа бетлик қатламда жайласқан молекулалар денениң ишинде шараятлардын басқа шараятларда турады. Денинин ишиндеги молекулалар барлық тәреплерде өзиндей молекулалар менен қоршалған. Ал бетке жақын жайласқан молекулалар болса өзиндей қоңысыларға тек бир тәрепте ғана ийе болады. Бул бетке жакын жайласқан молекулалардың энергияларының денениң ишиндеги молекулалардың энергияларынан басқа екенлигин билдиреди. Бетке жакын жайласқан барлық молекулалардың энергиясының егер усы молекулалар денениң ишинде жайласқан болгандағы ийе болыўы керек энергиясы арасындағы айырма бетлик энергия деп аталады.

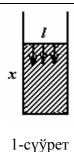
Бетлик энергияның бөлип турыўшы беттиң майданы S ке пропорционал екенлиги анық:

 $U_{\text{бет}} = \alpha S$ .

Бул аңлатпадағы α коэффициенти бир бирине тийисип турған орталықлардың тәбиятынан ҳәм олардың ҳалларынан ғәрезли болады. Бул коэффициенти бет керими коэффициенти деп атайды.

Биз механикадан күшлердиң барлық ўақытта да денениң ең киши болған энергияға ийе болатуғын ҳалға қарай бағытланатуғынлығын билемиз. Усыған сәйкес бетлик энергия да мүмкин болған ең киши мәниске ийе болыўға умтылады. Буннан α коэффициентиниң барлық ўақытта да оң мәниске ийе болатуғынлығы келип шығады. Қарама-қарсы жағдайларда бир бирине тийисип туратуғын орталықлар айырым түрде жасай алмаған болар еди — оларды бөлип туратуғын бет шексиз үлкейген, яғный еки орталық бир бири менен араласыўға умтылған болар еди.

Бет керими кроэффициентиниң оң мәниске ийе болатуғынлығынан еки орталықты айырып турыўшы беттиң барлық ўақытта да кемейиўге умтылатуғынлығы келип шығады. Суйықтың тамшыларының (ямаса газ көбикшелериниң) сфера формасына ийе болыўы тап усы қубылыс пенен байланыслы. Себеби берилген көлемдеги шар басқа барлық фигуралар арасында ең киши бетке ийе болады. Тамшының сфералық формаға ийе болыяына салмақ күши кесент жасайды, бирақ киши тамшылар ушын бут тәсир жүдә эззи ҳәм сонлықтан олардың формалары сфералыққа жақын.



Салмақсызлық жағдайында суйықлықтың қәлеген еркин массасының формасы сфералық болады. (май менен) салыстырмалы салмағы бирдей болған спирт пенен суўдың араласпасындағы өсимлик майының шар тәризли тамшыға түринде жүзип жүретуғынлығын көрсететуғын көпшиликке белгили тәжирийбеде бундай шараятларды жасалма түрде пайда етиўге болады.

Бет керими төмендеги әпиўайы мысалда өзин куш түринде көрсетеди: Сым рамкаға керилген суйықлықтың пленкасын көз алдымызға келтиремиз. Рамканың тәреплериниң бири l ге тең болсын ҳәм ол қозғала алатуғын болсын (1-сүўрет). Беттиң киширейиўге умтылатуғынлығынан сымға күш тәсир етеди. Рамканың қозғалыўшы бөлиминдеги бул күшти тиккелей өлшеў мүмкин. Механиканың улыўмалық қағыйдалары бойынша күш F энергиядан (бул жағдайда бетлик энергия) күш тәсир ететугын бағыт x бойынша алынған туўындыға тең:

$$F = -\frac{\mathrm{d}U_{\text{fer}}}{\mathrm{d}x} = -\alpha \frac{\mathrm{d}S}{\mathrm{d}x}.$$

Пленканың бетиниң майданы S=lx болғанлықтан

$$F = -\alpha l$$
.

Бул рамканың l кесиндисине бет кериминың нәтийжесинде пленканың бир бети тәрепинен түсетугын күш болып табылады (пленка бети еки тәрепке ийе болғанлықтан l кесиндисине еки есе үлкен күш тәсир етеди). Минус белгиси бул күштиң пленка бетиниң ишине қарай бағытланғанлығын билдиреди.

Солай етип денениң бетин шеклеўши сызыққа (ямаса бул беттиң қандай да бир участкасына) бул сызыққа перпендикуляр, бетке урынба бағытта ҳәм беттиң ишине қарай бағытланған күшлер тәсир етеди. Сызықтың узынлығының бир бирлигине сәйкес келиўши күш бет керими коэффициенти  $\alpha$  ге тең.

Бет керими коэффициенти α ның өлшемлери оның анықламасынан келип шығады ҳәм ҳәр қыйлы түрде берилиўи мүмкин: майданның бир бирлигине сәйкес келиўши энергия ямаса узынлықтың бир бирлигине сәйкес келиўши күш:

$$[\alpha] = \frac{\Im p \varepsilon}{c M^2} = \frac{\partial u H}{c M}.$$

Жоқарыда айтылғанлардан бет кериминиң мәниси ҳаққында айтылғанда атап айтқанда қандай еки орталықтың бир бирине тийисип турғанлығын көрсетиўдиң кереклиги келип шығады. Әдетте суйықлықтың бет крими дегенде (екинши орталықты көрсетпей) усы суйықлық пенен оның пуўы арасындағы шегарадағы бет керимин нәзерде тутады. Бул шама температураның жоқарылаяы менен барлық ўақытта да киширейеди ҳэм суйықлық ҳәм пуў арасындағы айырма жоғалатуғын критикалық ноқатта нолге тең болады.

Бир неше суйықлықлар ушын олардың ҳаўа менен шегарасындағы бет керим коэффициентлерин келтиремиз (эрг/см² бирликлеринде):

Суў (20°С)	73
Этил спирти (20 <sup>0</sup> C)	17
Бензол (20 <sup>0</sup> C)	29
Сынап (20 <sup>0</sup> C)	480
Алтын (1130 <sup>0</sup> C)	1100

Суйық гелийдиң пуўы менен шегарасындағы бет керими жүдә киши шама болады. Абсолют нол жанында оның шамасы  $0.35 \ {\rm ppc/cm^2}$  ка тең.

Әлбетте қатты денелердиң бетлеринде де бет керими орын алады. Бирақ ол әдеттеги шараятларда жүдә аз сезиледи: салыстырмалы киши бет керимлери денениң формаларын өзгерте алмайды. Усыган байланыслы қатты денелердиң бет керимин тиккелей өлшеў оғада кыйын болып табылады ҳәм олардың бет керимлери ҳаққында исенимли мағлыўматлар жоқ.

Анизотроп дене болған кристалдың бет керими оның ҳәр қыйлы қапталларында ҳәр ыйлы болыўы керек. Себеби кристалдың ҳәр қыйлы қапталында атомлар ҳәр қыйлы болып жайласқан. Усы себепке байланыслы егер кристал өзиниң формасын еркин өзгерте алған жағдайда ол шар тәризли форманы ийелемеген болар еди (барлық бети бойынша бирдей керимге ийе болатуғын изотрпоп денелер (суйықлық) шар тәризли форманы

ийелейди). Бундай шараятлардағы кристалдың тең салмақлық формасының өзине тән түрге ийе болатуғынлығын көрсетиўге болады: бул форма көп емес санлы тегис қапталлардан ибарат болып, бул капталлар белгили бир мүйеш пенен емес, ал иймейген участкалар пайда етип кесилиседи.

Бул қубылысты бақлай мүмкин. Оның ушын, мысалы, тас дузы монокристалынан жонып алынған шариклерди шама менен  $750^{\circ}$ С температурада узақ ўақыт кыздырғанда атомлар беттиң бир участкаларынан екиши бир участкаларына жылысып өтеди ҳәм жоқарыда айтылып өтилгендей фигура формасына ийе болады.

# § 95. Адсобция

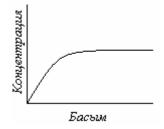
Суйык ҳәм қатты денелердиң бетлерине баска бир (өзге) затлардың (усыған байланыслы бул затларды адсорбентлер деп атайды) жыйналыўынан ибарат болған адсорбция кубылысы менен көп санлы бетлик кубылыслар байланыслы. Адсобция газлерден, суйықлықлардан болыўы, соның менен бирге еритпедеги ериген затларда адсобцияланыўы мүмкин. Мысалы көпшилик газлер көмирдиң, силикагелдиң, металлардың көпшилигиниң бетинде адсобцияланады, комир еритпелерден ҳәр қыйлы органикалық бирикпелерди адсорциялайды. Адсорбция дәрежеси бетлик концентрация менен характерленеди, ал бетлик концентрация деп адсорбенттиң бетиниң 1 см² да жыйналыған басқа заттың муғдарына айтамыз.

Адсорбция кубылыс тәбиятта кеңнен тарқалған ҳәм техникада пайдаланыўда үлкен орын ийелейди. Көп муғдардағы затты адсорбциялаў ушын бети мүмкин болғанынша үлкен болған (берилген массадағы), мысалы геўек ямаса пуқта түрде майдаланған заттан пайдаланған макул. Адсорбентлердиң бул кәсийетттиң характеристикасы ретинде олардың *салыстырмалы бети* түсинигинен пайдаланады (салыцстырмалы бети деп 1  $\varepsilon$  затқа сәйкес келиўши бетти айтады). Жақсы адсорбентлерде (мысалы арнаўлы геўеклерге ийе көмирде) бул беттиң майданы жүзлеген квадрат метрге шекем жетеди. Егер денениң ишинде геўеклер пайда еткенде ямаса оларды пукта түрде майдалағанда салыстырмалы беттиң бундай үлкен мәнислерге шекем үлкейиўи таң қаларлық емес. Мысалы радиусы г болған шариклерге майдаланған 1  $\varepsilon$  зат шамасы  $\frac{4\pi r^2}{4\pi r^3/3} = \frac{3}{r}$  ге тең бетке ийе болады; егер г $\sim$ 10 $^{-6}$   $\varepsilon$  м болса беттиң шамасы жүзлеген квадрат метрге тең.

Адсорбцияланған газдиң концентрациясы (берилген температурада) адсорбенттиң үстиндеги газдиң басымына байланыслы. Бул ғәрезлилик 2-сүўретте көрсетлгендей типтеги иймеклик пенен сәўлеленеди. Дәслеп басымның өсиўи менен бетлик

концентрация тез өседи. Басымның буннан былай өскенинде концентрацияның өсиўи әстеленеди ҳәм ақыр-аяғында базы бир шекке ямаса басқа сөз бенен айтқанда тойыныўға умтылады. Тәжирийбе адсорбцияның тойыныўының адсорбенттиң бетиниң адсорбцияланған молекулалардың бирдей болған (мономолекулярлық деп аталатуғын) бети менен толық жабылыўына байланыслы екенлигин көрсетеди.

Бир бири менен тийисип турған орталықлардың шегарасындағы бет кериминиң өзгериси адсорбцияның оғада әҳмийетли қәсийети болып табылады (әдетте бул жағдайда суйықлықтың бети ҳаққында гәп кетеди). Адсорбция барлық ўақытта да бет керими коэффициентитиң мәнисин кемейтеди. Егер бундай болмағанда адсорбция пүткиллей орын алмаған болар еди. Бул жерде де бетлик энергияның кемейиўге умтылыўы көринеди: беттиң майданының киширейиўи менен бул кемейиў беттиң физикалық қәсийетлериниң өзгериўи менен де байланыслы болыўы мүмкин. Солардың бет керимине тәсирине байланыслы (берилген суйықлықтың бетинде) адсорцияланыў кәсийетлерине ийе болған затлар бетлик-актив затлар деп аталады. Мысал ретинде ҳәр қыйлы сабынлардың суў ушын усындай затлар болып табылатуғынлығын атап өтемиз.



Суйықлықтың бетинде адсорбциялана алатуғын затлардың улыўмалық муғдары жүдә киши. Сонлықтан бетлик-актив затлардың араласпасының оғада аз муғдары да суйықлықтың бетинде жыйналып оның бет керимин әдеўир шамаларға өзгерте алады. Суйықлықтың бет керими тазалыққа да күшли ғәрезли. Мысалы суўға аз муғдардағы сабын қосылғанда оның бет керими 3 есе ден де артық шамаға киширейеди.

Суйылық бетиндеги адсорбциияланған мономолекулалық пленкалар өзине тән қәсийетлерге ийе болған объект болып табылады: бундай пленкалар заттың еки өлшемли ҳаллары болып табылады, бул жерде молекулалар үш өлшемли көлемде емес, ал еки өлшемли бетте тарқалған. Бундай ҳалда үш өлшемли фазаларға сәйкес ҳәр қыйлы «газ тәризли», «суйық» ҳәм «қатты» фазалардың болыўы мүмкин.

«Газ тәризли» пленкада адсорбцияланған молекулалар суйықлықтың бетинде салыстырмалы сийрек жайласқан болып, олар усы суйықлықтың бети бойынша еркин козғала алады. "Конденсацияланған» пленкаларда болса молекулалар бир бирине тийисип турады, соның менен бирге молекулаларға бир бирине салыстырғанда қозғалыўға базы бир еркинлик бериледи (суйық пленкаға ағыўға мүмкиншилик бериледи) ямаса

молекулалар бир бири менен беккем байланысқан болып, пленка қатты дене сыяқлы қасийетке ийе болады. Конденсацияланган пленкалар анизотроп болыўы мүмкин Бул жағдайда пленка суйық ямаса катты кристаллардың аналогы болып табылады. Биринши жағдайда абсорбенттиң бети бойынша молекулалар дурыс ориентацияланады, ал екинши жағдайда молекулалардың бир бирине салыстырғанда дурыс жайласыўлары орын алатуғын еки өлшемли кристаллық пәнжереге уқсас жағдайдың пайда болыўына ийе боламыз.

Суў бетинде суўда еримейтуғын, молекулалары ушларының биринде СООН, ОН топарларына ийе узын углеводород шынжырын пайда етиўши органикалық кислоталар, спиртлер ҳ.т.б.тәрепинен пайда етилген мономолекулалық пленкалар бул қубылысларды үйрениў ушын қолайлы объектлер болып табылады. Бул топарлар су