Lycée Garçons Sousse Prof. Zied Fridhi

Série d'exercices n°11

Janvier 2023 Algorithmique et Programmation

4ème Sciences de l'Informatique

Durée: **H **** Coef: 3

Exercice n°01:

Écrire un programme qui permet de calculer et d'afficher les **n** premiers termes d'une suite **U** définie par :

$$U_1 = 1$$

$$U_2 = 3$$

$$U_n = 2 * U_{n-1} + 3 * U_{n-2}$$
 pour tout $n \ge 3$

Exemple:

Donner le nombre de termes à afficher: 5

Exercice n°02:

Écrire un programme qui permet de calculer et d'afficher les **n** premiers termes d'une suite **S** définie par :

$$S_0 = 8$$

$$S_n = S_{n-1} + \frac{1}{n}$$
 pour tout $n \ge 1$

Exercice n°03:

Écrire un programme qui permet de déterminer et d'afficher si les éléments d'un tableau \mathbf{t} de \mathbf{n} entiers ($2 \le n \le 100$) constituent ou non une suite géométrique.

Remarque : Une suite U est dite géométrique si et seulement si il existe un réel q tel que pour tout entier n, on a : $U_n = q * U_{n-1}$

Exercice n°04:

Écrire un programme qui permet de déterminer et d'afficher si les éléments d'un tableau \mathbf{t} de \mathbf{n} entiers ($2 \le n \le 100$) constituent ou non une suite arithmétique.

Remarque : Une suite $\bf U$ est dite géométrique si et seulement si il existe un réel $\bf r$ tel que pour tout entier $\bf n$, on a : $\bf U_n = \bf U_{n-1} + \bf r$

Exercice n°05:

Écrire un programme qui permet de calculer la valeur de l'expression **E** Sachant que :

$$E = (1+2) * (1+2+3) * (1+2+3+4) * ... * (1+2+3+...+ (n-2) + (n-1) + n),$$

 $avec (n \ge 2)$

Exercice n°06:

Écrire un programme qui permet de calculer et d'afficher les **i** premiers termes d'une suite **P** définie par :

$$\begin{cases} P_1 = 2 \\ P_i = P_{i-2} * \frac{i-1}{i} * \frac{i+1}{i} \text{ (i > 1 et i impair)} \end{cases}$$

Exercice n°07:

Écrire un programme qui permet la somme d'ordre n de S_n définie comme suit en utilisant seulement les opérateurs de base (sans l'utilisation de l'opérateur de puissance).

$$Sn = \sum_{i=0}^{n} \frac{(-1)^{i+1}}{x^i}$$

Exercice n°08:

Le premier terme de la suite de robinson est posé comme égal à 0.

Chaque terme de la suite se construit ensuite en comptant le nombre d'apparitions des différents chiffres de 9 à 0 (dans cet ordre) dans le terme précédent.

Si un chiffre n'apparaît pas, il n'est pas pris en compte.

Exemple:

$$U_0 = 0$$
 $U_2 = 1110$ $U_4 = 132110$ $U_6 = 23124110$ $U_1 = 10$ $U_3 = 3110$ $U_5 = 13123110$

Écrire un programme qui permet de calculer et d'afficher les **n** premiers termes de la suite de robinson.