



# Programmierung und Deskriptive Statistik

BSc Psychologie WiSe 2023/24

Belinda Fleischmann

Inhalte basieren auf Programmierung und Deskriptive Statistik von Dirk Ostwald, lizenziert unter CC BY-NC-SA 4.0

Datum	Einheit	Thema
11.10.23	Einführung	(1) Einführung
18.10.23	R Grundlagen	(2) R und Visual Studio Code
25.10.23	R Grundlagen	(2) R und Visual Studio Code
01.11.23	R Grundlagen	(3) Vektoren
08.11.23	R Grundlagen	(4) Matrizen
15.11.23	R Grundlagen	(5) Listen und Dataframes
22.11.23	R Grundlagen	(6) Datenmanagement
29.11.23	Deskriptive Statistik	(7) Häufigkeitsverteilungen
06.12.23	Deskriptive Statistik	(8) Verteilungsfunktionen und Quantile
13.12.23	Deskriptive Statistik	(9) Maße der zentralen Tendenz
20.12.23	<i>Leistungsnachweis Teil 1</i>	
20.12.23	Deskriptive Statistik	(10) Maße der Datenvariabilität
	Weihnachtspause	
10.01.24	Deskriptive Statistik	(11) Anwendungsbeispiel (Deskriptive Statistik)
17.01.24	<b>Inferenzstatistik</b>	<b>(12) Anwendungsbeispiel (Parameterschätzung, Konfidenzintervalle)</b>
24.01.24	Inferenzstatistik	(13) Anwendungsbeispiel (Hypothesentest)
25.01.24	<i>Leistungsnachweis Teil 2</i>	

## (11) Anwendungsbeispiel

Beispieldatensatz

Datenvorverarbeitung

Deskriptive Statistiken

Visualisierung

Parameterschätzung

Konfidenzintervalle

Hypothesentests

## **Beispieldatensatz**

Datenvorverarbeitung

Deskriptive Statistiken

Visualisierung

Parameterschätzung

Konfidenzintervalle

Hypothesentests

## Evidenzbasierte Evaluation von Psychotherapieformen bei Depression

Welche Therapieform ist bei Depression wirksamer?

### Online Psychotherapie



### Klassische Psychotherapie



## Beispiel: Evaluation von Psychotherapieformen bei Depression

Experimentelle Bedingung  
(Gruppen von  $n = 50$ )

Psychotherapie

Klassisch

Pre-BDI



Post-BDI



Online

Pre-BDI



Post-BDI



# Mittel der Datenerhebung

## Becks Depressions-Inventar (BDI) zur Depressionsdiagnostik

BDI-II Fragebogen			
Name	Wohnort	Bemerkungen	Status
<p><b>Anleitung:</b> Dieser Fragebogen enthält 21 Gruppen von Aussagen. Bitte lesen Sie jede dieser Gruppen von Aussagen sorgfältig durch und wählen Sie sich dann in jeder Gruppe eine Aussage heraus, die am besten beschreibt, wie Sie sich in den letzten zwei Wochen, einschließlich heute, gefühlt haben. Kreuzen Sie die Zahl neben der Aussage an, die Sie sich am besten beschreiben (0, 1, 2 oder 3). Falls in einer Gruppe mehrere Aussagen gleichwohl auf Sie zutreffen, kreuzen Sie die Aussage mit der höchsten Zahl an. Achten Sie bitte darauf, dass Sie in jeder Gruppe nicht mehr als eine Aussage ankreuzen, die gilt auch für Gruppe 16 (Veränderungen der Schlafgewohnheiten) oder Gruppe 18 (Veränderungen des Appetits).</p>			
<p><b>1.) Traurigkeit</b></p> <p>0 Ich bin nicht traurig. 1 Ich bin oft traurig. 2 Ich bin ständig traurig. 3 Ich bin so traurig oder unglücklich, dass ich es nicht aushalte.</p>			
<p><b>2.) Pessimismus</b></p> <p>0 Ich sehe nicht mutlos in die Zukunft. 1 Ich sehe mutlos in die Zukunft als sonst. 2 Ich bin müde und erwarte nicht, dass meine Situation besser wird. 3 Ich glaube, dass meine Zukunft hoffnungslos ist und nur noch schlechter wird.</p>			
<p><b>3.) Versagensgefühle</b></p> <p>0 Ich fühle mich nicht als Versager. 1 Ich habe häufiger Versagensgefühle. 2 Wenn ich zurückblicke, sehe ich eine Menge Fehlschläge. 3 Ich habe das Gefühl, als Mensch ein richtiges Versagen zu sein.</p>			
<p><b>4.) Verlust von Freude</b></p> <p>0 Ich kann die Dinge genauso gut genießen wie früher. 1 Ich kann die Dinge nicht mehr so genießen wie früher. 2 Dinge, die mir früher Freude gemacht haben, kann ich kaum mehr genießen. 3 Dinge, die mir früher Freude gemacht haben, kann ich überhaupt nicht mehr genießen.</p>			
<p><b>5.) Schuldgefühle</b></p> <p>0 Ich habe keine besonderen Schuldgefühle. 1 Ich habe ein Schuldgefühl wegen Dingen, die ich getan habe oder hätte tun sollen. 2 Ich habe die meiste Zeit Schuldgefühle. 3 Ich habe ständig Schuldgefühle.</p>			
<p><b>6.) Bestrafungsgefühle</b></p> <p>0 Ich habe nicht das Gefühl, für etwas bestraft zu sein. 1 Ich habe das Gefühl, vielleicht bestraft zu werden. 2 Ich erwarte, bestraft zu werden. 3 Ich habe das Gefühl, bestraft zu sein.</p>			
<p><b>7.) Selbstablehnung</b></p> <p>0 Ich habe von mir genauso viel wie immer. 1 Ich habe Vertrauen in mich verloren. 2 Ich bin von mir enttäuscht. 3 Ich lehne mich völlig ab.</p>			
<p><b>8.) Selbstvorwürfe</b></p> <p>0 Ich kritisiere oder tadle mich nicht mehr als sonst. 1 Ich bin mir gegenüber kritischer als sonst. 2 Ich kritisiere mich für all meine Mängel. 3 Ich gebe mir die Schuld für alles Schlechte, was passiert.</p>			
<p><b>9.) Selbstmordgedanken</b></p> <p>0 Ich denke nicht daran, mir etwas anzutun. 1 Ich denke manchmal an Selbstmord, aber ich würde es nicht tun. 2 Ich würde mich vielleicht unterbringen. 3 Ich würde mich umbringen, wenn ich die Gelegenheit dazu hätte.</p>			
<p><b>10.) Werten</b></p> <p>0 Ich werte nicht oft als früher. 1 Ich werte jetzt mehr als früher. 2 Ich werte dem geringsten Anreiz. 3 Ich werte gar nichts, aber ich kann nicht.</p>			

<p><b>11.) Unruhe</b></p> <p>0 Ich bin nicht unruhiger als sonst. 1 Ich bin unruhiger als sonst. 2 Ich bin so unruhig, dass es mir schwerfällt, still zu sitzen. 3 Ich bin so unruhig, dass ich mich ständig bewege oder etwas tun muss.</p>	<p><b>12.) Interessenverlust</b></p> <p>0 Ich habe das Interesse an anderen Menschen oder an Tätigkeiten nicht verloren. 1 Ich habe weniger Interesse an anderen Menschen oder an Dingen als sonst. 2 Ich habe das Interesse an anderen Menschen oder Dingen zum größten Teil verloren. 3 Es fällt mir schwer, mich überhaupt für irgend etwas zu interessieren.</p>	<p><b>13.) Entscheidungsfähigkeit</b></p> <p>0 Ich bin so entscheidungsfähig wie immer. 1 Es fällt mir schwerer als sonst, Entscheidungen zu treffen. 2 Es fällt mir sehr viel schwerer als sonst, Entscheidungen zu treffen. 3 Ich habe Mühe, überhaupt Entscheidungen zu treffen.</p>	<p><b>17.) Reizbarkeit</b></p> <p>0 Ich bin nicht reizbarer als sonst. 1 Ich bin reizbarer als sonst. 2 Ich bin viel reizbarer als sonst. 3 Ich fühle mich dauernd gereizt.</p>
<p><b>18.) Veränderungen des Appetits</b></p> <p>0 Mein Appetit hat sich nicht verändert. 1a Mein Appetit ist etwas schlechter als sonst. 1b Mein Appetit ist viel schlechter als sonst. 2a Mein Appetit ist etwas größer als sonst. 2b Mein Appetit ist viel größer als sonst. 3a Ich habe überhaupt keinen Appetit. 3b Ich habe ständig Heißhunger.</p>	<p><b>19.) Konzentrationschwierigkeiten</b></p> <p>0 Ich kann mich so gut konzentrieren wie immer. 1 Ich kann mich nicht mehr so gut konzentrieren wie sonst. 2 Es fällt mir schwer, mich längere Zeit auf irgend etwas zu konzentrieren. 3 Ich kann mich überhaupt nicht mehr konzentrieren.</p>	<p><b>20.) Ermüdung oder Erschöpfung</b></p> <p>0 Ich fühle mich nicht müder oder erschöpfter als sonst. 1 Ich werde schneller müde oder erschöpft als sonst. 2 Für viele Dinge, die ich üblicherweise tue, bin ich zu müde oder erschöpft. 3 Ich bin zu müde oder erschöpft, dass ich fast nichts mehr tun kann.</p>	<p><b>21.) Verlust an sexuellem Interesse</b></p> <p>0 Mein Interesse an Sexualität hat sich in letzter Zeit nicht verändert. 1 Ich interessiere mich weniger für Sexualität als früher. 2 Ich interessiere mich jetzt viel weniger für Sexualität. 3 Ich habe das Interesse an Sexualität völlig verloren.</p>
<p><b>22.) Veränderungen der Schlafgewohnheiten</b></p> <p>0 Meine Schlafgewohnheiten haben sich nicht verändert. 1a Ich schlafe etwas mehr als sonst. 1b Ich schlafe viel mehr als sonst. 2a Ich schlafe viel weniger als sonst. 2b Ich schlafe fast den ganzen Tag. 3a Ich wache 1-2 Stunden früher auf als gewöhnlich und kann dann nicht mehr einschlafen.</p>			

0 - 8 keine Depression

9 - 13 minimale Depression

14 - 19 leichte Depression

20 - 28 mittelschwere Depression

29 - 63 schwere Depression



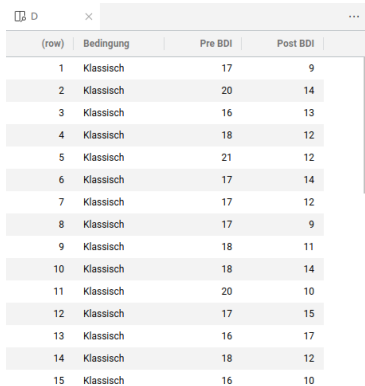
## Einlesen des Datensatzes mit `read.table()`

```
fname <- file.path(data_path, "psychotherapie_datensatz.csv")  
D <- read.table(fname, sep = ",", header = TRUE)
```

## Daten der ersten acht Proband:innen jeder Gruppe

	Bedingung	Pre.BDI	Post.BDI
1	Klassisch	17	9
2	Klassisch	20	14
3	Klassisch	16	13
4	Klassisch	18	12
5	Klassisch	21	12
6	Klassisch	17	14
7	Klassisch	17	12
8	Klassisch	17	9
51	Online	22	16
52	Online	19	15
53	Online	21	13
54	Online	18	15
55	Online	19	13
56	Online	17	16
57	Online	20	13
58	Online	19	16

## Datensatzübersicht mit View()



The screenshot shows a data viewer window with a table containing 15 rows of data. The columns are labeled (row), Bedingung, Pre BDI, and Post BDI. The data is as follows:

(row)	Bedingung	Pre BDI	Post BDI
1	Klassisch	17	9
2	Klassisch	20	14
3	Klassisch	16	13
4	Klassisch	18	12
5	Klassisch	21	12
6	Klassisch	17	14
7	Klassisch	17	12
8	Klassisch	17	9
9	Klassisch	18	11
10	Klassisch	18	14
11	Klassisch	20	10
12	Klassisch	17	15
13	Klassisch	16	17
14	Klassisch	18	12
15	Klassisch	16	10

## Exkurs: Datensimulation

```
# Seed setzen
set.seed(5)                                     # Startwert für den Zufallsgenerator setzen

# Simulationsparameter
n      <- 50                                     # Proband:innen pro Gruppe
mu     <- c(                                     # Erwartungswertparameter
  18, 12,                                       # Pre und Post der Gruppe Klassisch
  19, 14)                                     # Pre und Post der Gruppe Online
sigsqr <- 3                                     # Varianzparameter (gleich für alle Gruppen)

# Datensimulation
D <- data.frame(
  "Bedingung" = c(
    rep("Klassisch", n), rep("Online", n)), # n-mal "Klassisch", n-mal "Online"
  "Pre BDI" = c(
    round(rnorm(n, mu[1], sqrt(sigsqr))), # n Zufallswerte aus Normalverteilung mit mu[1]
    round(rnorm(n, mu[3], sqrt(sigsqr))), # n Zufallswerte aus Normalverteilung mit mu[3]
  "Post BDI" = c(
    round(rnorm(n, mu[2], sqrt(sigsqr))), # n Zufallswerte aus Normalverteilung mit mu[2]
    round(rnorm(n, mu[4], sqrt(sigsqr)))  # n Zufallswerte aus Normalverteilung mit mu[4]
  )
)

# Datenspeicherung
fname <- file.path(data_path, "psychotherapie_datensatz.csv")
write.csv(D, file = fname)
```

Beispieldatensatz

## **Datenvorverarbeitung**

Deskriptive Statistiken

Visualisierung

Parameterschätzung

Konfidenzintervalle

Hypothesentests

## Überlegungen für die Datenvorverarbeitung

- Studienfokus ist die **Veränderung** der Depressionsymptomatik durch Therapieformen.
- Für jede Proband:in ergibt sich diese Veränderung als **Differenz** zwischen Post.BDI und Pre.BDI.
- Eine Reduktion der Depressionssymptomatik ergibt dabei einen **negativen Wert**.
- Es ist intuitiver, Verbesserungen mit **positiven Zahlen** zu repräsentieren.
- Als Quantifizierung des Therapieeffekts bei Proband:in  $i$  bietet sich also folgendes Maß an

$$\Delta BDI[i] := -(Post.BDI[i] - Pre.BDI[i]) \quad (1)$$

- Wir betrachten in der Folge also das  $\Delta BDI$  Maß mit folgenden Interpretationen

$\Delta BDI > 0$	Verminderung der Depressionsymptomatik	Wirksame Therapie
$\Delta BDI = 0$	Keine Veränderung der Depressionsymptomatik	Wirkungslose Therapie
$\Delta BDI < 0$	Verstärkung der Depressionsymptomatik	Schädigende Therapie

## Hinzufügen einer $\Delta$ BDI Spalte zum Dataframe

```
fname      <- file.path(data_path, "psychotherapie_datensatz.csv")    # Einlesen
D          <- read.table(fname, sep = ",", header = TRUE)            # Rohdaten
D$Delta.BDI <- -(D$Post.BDI - D$Pre.BDI)                             # \Delta BDI Maß
```

## Daten der ersten acht Proband:innen jeder Gruppe

	Bedingung	Pre.BDI	Post.BDI	Delta.BDI
1	Klassisch	17	9	8
2	Klassisch	20	14	6
3	Klassisch	16	13	3
4	Klassisch	18	12	6
5	Klassisch	21	12	9
6	Klassisch	17	14	3
7	Klassisch	17	12	5
8	Klassisch	17	9	8
51	Online	22	16	6
52	Online	19	15	4
53	Online	21	13	8
54	Online	18	15	3
55	Online	19	13	6
56	Online	17	16	1
57	Online	20	13	7
58	Online	19	16	3

Beispieldatensatz

Datenvorverarbeitung

**Deskriptive Statistiken**

Visualisierung

Parameterschätzung

Konfidenzintervalle

Hypothesentests

## Bedingungsunabhängige Auswertung

```
# Initialisierung eines Dataframes
data      <- D$Delta.BDI
descr_stat <- data.frame(
  n      = length(data),
  Max     = max(data),
  Min     = min(data),
  Median  = median(data),
  Mean    = mean(data),
  Var     = var(data),
  Std     = sd(data)
)

print(descr_stat)
```

```
# Datenvektor aus Dataframe kopieren
# Dataframeerzeugung
# Stichprobengröße
# Maximum
# Minimum
# Mediane
# Mittelwert
# Varianz
# Standardabweichung

# Ausgabe
```

	n	Max	Min	Median	Mean	Var	Std
1	100	12	-1	6	5.54	5.826667	2.413849



# Exkurs: for-Schleifen (for-loops)

Mit for-loops können wir bestimmte Operationen mehrmals wiederholen.

Häufige Anwendungsfälle sind:

- Sequenzielle Iteration: Durchlaufen einer Sequenz von Werten

```
for (i in 1:3) {  
  print(i)  
}
```

```
[1] 1  
[1] 2  
[1] 3
```

- Listen/Vektoren-Iteration: Iteration über die Elemente einer Liste oder eines Vektors

```
fruits <- c("Orange", "Mango", "Kiwi")  
for (fruit in fruits) {  
  print(fruit)  
}
```

```
[1] "Orange"  
[1] "Mango"  
[1] "Kiwi"
```

- Wiederholung eines Codes für eine festgelegte Anzahl von Iterationen

```
for (wuerfelwurf in 1:3) {  
  print(sample(1:6, 1, replace = TRUE)) # Simulation eines Würfelwurfs  
}
```

```
[1] 2  
[1] 4  
[1] 3
```

## Bedingungsabhängige Auswertung

```
# Initialisierung eines Dataframes
th_bed      <- c("Klassisch", "Online")
n_th_bed    <- length(th_bed)
deskr_stat  <- data.frame(
  n      = rep(NaN, n_th_bed),
  Max    = rep(NaN, n_th_bed),
  Min    = rep(NaN, n_th_bed),
  Median = rep(NaN, n_th_bed),
  Mean   = rep(NaN, n_th_bed),
  Var    = rep(NaN, n_th_bed),
  Std    = rep(NaN, n_th_bed),
  row.names = th_bed)

# Therapiebedingungen
# Anzahl Therapiebedingungen
# Dataframeerzeugung
# Stichprobengrößen
# Maxima
# Minima
# Mediane
# Mittelwerte
# Varianzen
# Standardabweichungen
# Therapiebedingungen

# Iterationen über Therapiebedingungen
for (i in 1:n_th_bed){
  data      <- D$Delta.BDI[D$Bedingung == th_bed[i]] # Daten
  deskr_stat$n[i]      <- length(data)                # Stichprobengröße
  deskr_stat$Max[i]    <- max(data)                    # Maxima
  deskr_stat$Min[i]    <- min(data)                    # Minima
  deskr_stat$Median[i] <- median(data)                 # Mediane
  deskr_stat$Mean[i]   <- mean(data)                  # Mittelwerte
  deskr_stat$Var[i]    <- var(data)                    # Varianzen
  deskr_stat$Std[i]    <- sd(data)                    # Standardabweichungen
}
```

## Bedingungsabhängige Auswertung

```
# Ausgabe  
print(deskr_stat)
```

	n	Max	Min	Median	Mean	Var	Std
Klassisch	50	12	-1	6	6.16	7.075918	2.660060
Online	50	9	1	5	4.92	3.911837	1.977836

- Die Anzahl der Proband:innen in beiden Therapiegruppen ist gleich.
- Die Spannweite der  $\Delta$ BDI Daten ist in der klassischen Therapieform leicht erhöht.
- Median und Mittelwert nehmen für die klassische Therapieform leicht höhere Werte an.
- Ein  $\Delta$ BDI Mittelwertsunterschied von 1 ist klinisch wohl eher vernachlässigbar.
- Median und Mittelwert sind in beiden Therapieformen ähnlich (unimodale Verteilung).
- Die Variabilitätsmaße zeigen eine etwas erhöhte Variabilität in der klassischen Therapieform.

## Bedingungsabhängige Visualisierung deskriptiver Statistiken

```
# Abbildungsparameter
par(
  mfcol      = c(1,2),
  family     = "sans",
  pty       = "m",
  bty       = "l",
  las       = 1,
  xaxs      = "i",
  yaxs      = "i",
  font.main  = 1,
  cex       = 1,
  cex.main   = 1.5
)

# für Details siehe ?par
# 1 x 2 Panelstruktur
# Serif-freier Fonttyp
# Maximale Abbildungsregion
# L-förmige Box
# Horizontale Achsenbeschriftung
# x-Achse bei y = 0
# y-Achse bei x = 0
# Non-Bold Titel
# Textvergrößerungsfaktor
# Titeltextrößerungsfaktor
```

## Bedingungsabhängige Visualisierung deskriptiver Statistiken

```
# Linkes Panel: Balkendiagramm mit Fehlerbalken
# -----

# Stichprobenmittelwert und Standardabweichung extrahieren
mw      <- desk_r_stat$Mean      # Gruppenmittelwert
sd      <- desk_r_stat$Std      # Gruppenstandardabweichung
names(mw) <- th_bed              # barplot braucht x-Werte als names

# Mit der Funktion barplot() ein Balkendiagramm plotten
x <- barplot(
  height = mw,                  # Speichern der der x-Ordinaten (?barplot für Details)
  col    = "gray90",           # Mittelwerte als Balkenhöhe
  ylim   = c(0,12),            # Balkenfarbe
  xlim   = c(0,3),             # y-Achsenbegrenzung
  xlab    = "Bedingung",        # x-Achsenbegrenzung
  main    = TeX("$\\Delta$ BDI$") # x-Achsenbeschriftung
)                                # Titel

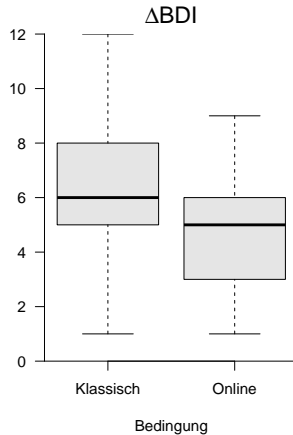
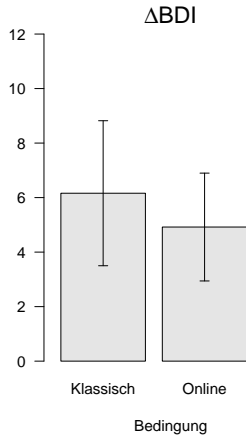
# Mit der Funktion arrows() Fehlerbalken zeichnen
arrows(
  x0      = x,                  # arrow start x-ordinate
  y0      = mw - sd,            # arrow start y-ordinate
  x1      = x,                  # arrow end x-ordinate
  y1      = mw + sd,            # arrow end y-ordinate
  code    = 3,                  # Pfeilspitzen beiderseits
  angle   = 90,                 # Pfeilspitzenwinkel -> Linie
  length  = 0.05                # Linielänge
)
```

## Bedingungsabhängige Visualisierung deskriptiver Statistiken

```
# Rechtes Panel: Boxplot
# -----

# Mit der Funktion boxplot() boxplots zeichnen
boxplot(
  D$Delta.BDI ~ D$Bedingung,           # Gruppierung der Delta.BDI Daten nach D$Bedingung mit "~"
  ylim = c(0, 12),                   # y-Achsenbegrenzung
  col = "gray90",                     # Boxfarbe
  ylab = "",                           # y-Achsenbeschriftung
  xlab = "Bedingung",                 # x-Achsenbeschriftung
  main = TeX("$\\Delta$ BDI$")        # Titel
)
```

## Bedingungsabhängige Visualisierung deskriptiver Statistiken



Beispieldatensatz

Datenvorverarbeitung

Deskriptive Statistiken

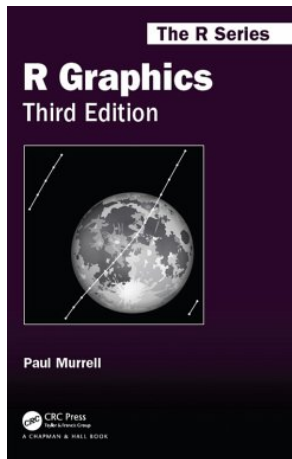
**Visualisierung**

Parameterschätzung

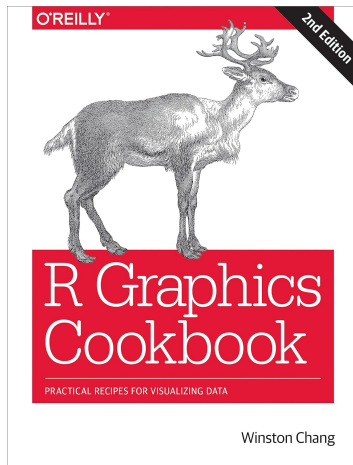
Konfidenzintervalle

Hypothesentests





Murrell (2019)



Online-Buch, Chang (2013)

## R Funktionalitäten für Abbildungen

### Base Graphics

- Erstellung und bedarfsgerechte Anpassung von Abbildungen
- Eher low-level, fine tuning orientiert

### Lattice und ggplot2

- Erstellung und bedarfsgerechte Anpassung von Abbildungen
- Eher high level, an der eigenen Philosophie orientiert

Base Graphics, lattice und ggplot2 können ähnliche Abbildungen generieren

LaTeX Typesetting ist in allen Paketen unterentwickelt

## R Funktionalitäten für Abbildungen

### Base Graphics

- **Erstellung und bedarfsgerechte Anpassung von Abbildungen**
- **Eher low-level, fine tuning orientiert**

### Lattice und ggplot2

- Erstellung und bedarfsgerechte Anpassung von Abbildungen
- Eher high level, an der eigenen Philosophie orientiert

Base Graphics, lattice und ggplot2 können ähnliche Abbildungen generieren

LaTeX Typesetting ist in allen Paketen unterentwickelt

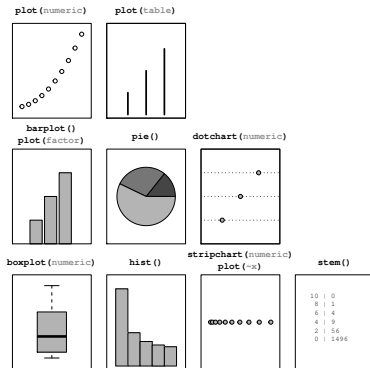


Figure 2.5

High-level base graphics plotting functions for producing plots of a single variable. Where the function can be used to produce more than one type of plot, the relevant data type is shown (in gray). For example, `plot(numeric)` means that this is what the `plot()` produces when it is given a single numeric argument.

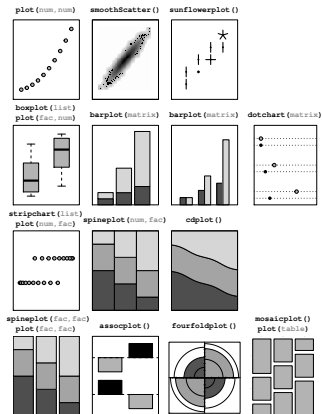
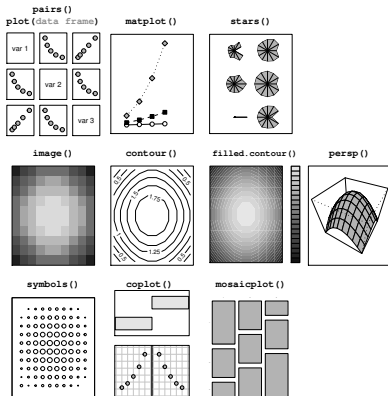


Figure 2.6

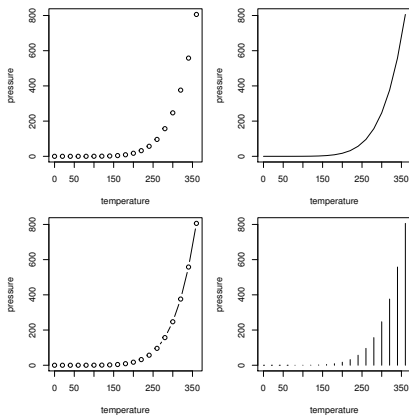
High-level base graphics plotting functions for producing plots of two variables. Where the function can be used to produce more than one type of plot, the relevant data type is shown (in gray). For example `plot(num, fac)` represents calling the `plot()` function with a numeric vector as the first argument and a factor as the second argument.



**Figure 2.7**

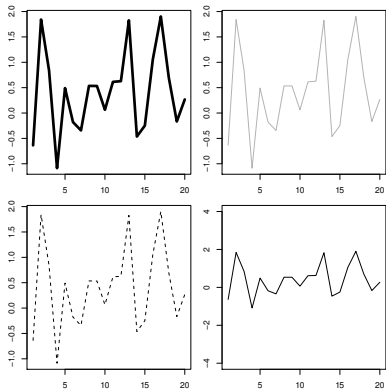
High-level base graphics plotting functions for producing plots of many variables. Where the function can be used to produce more than one type of plot, the relevant data type is shown (in gray).

Murrell (2019)



**Figure 2.2**

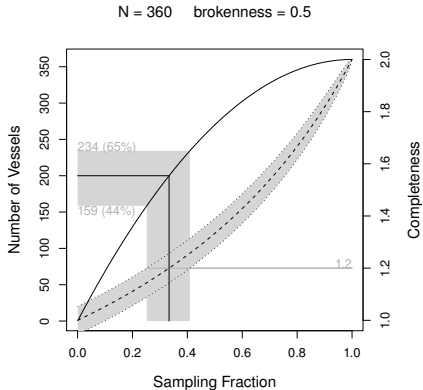
Four variations on a scatterplot. In each case, the plot is produced by a call to the `plot()` function with the same data; all that changes is the value of the `type` argument. At top-left, `type="p"` to give points (data symbols), at top-right, `type="l"` to give lines, at bottom-left, `type="b"` to give both, and at bottom-right, `type="h"` to give histogram-like vertical lines.



**Figure 2.9**

Standard arguments for high-level functions. All four plots are produced by calls to the `plot()` function with the same data, but with different standard plot function arguments specified: the top-left plot makes use of the `lwd` argument to control line thickness; the top-right plot uses the `col` argument to control line color; the bottom-left plot makes use of the `lty` argument to control line type; and the bottom-right plot uses the `ylim` argument to control the scale on the y-axis.





**Figure 1.3**

A customized scatterplot produced using R. This is created by starting with a simple scatterplot and augmenting it by adding an additional y-axis and several additional sets of lines, polygons, and text labels.

## Code Outline

```
# Initialisierung einer neuen Abbildung
dev.new()

# Abbildungsparameter
par(
  z.B. Arrangement von Panels, Begrenzungsstile, Schriftfonts, etc
)

# Higher-level Abbildungsfunktion wie plot(), hist(), barplot(), ...
plot(
  z.B. x- und y-Daten, Achsenlimits, Achsenbeschriftungen, Titel, Farben, etc.
  Jeder Aufruf einer higher-level Graphikfunktion belegt ein neues Subpanel!
)

# Hinzufügen weiterer Daten mit lower-level Abbildungsfunktionen zum aktuellen Panel
z.B. points(), lines(), abline()

# Weitere Graphikannotation zu aktuellem Panel
z.B. legend(), text()

# Speichern der Abbildung (Größenverhältnisse erst hier final festgelegt)
z.B. dev.copy2pdf()
```

# Visualisierung

## Histogramme

```
# Histogrammparameter
h      <- 1
b_0    <- min(D$Delta.BDI)
b_k    <- max(D$Delta.BDI)
k      <- ceiling((b_k - b_0) / h)
b      <- seq(b_0, b_k, by = h)
ylimits <- c(0, .25)
xlimits <- c(-2, 14)
therapie <- c("Klassisch", "Online")
labs   <- c("Klassische Therapie", "Online Therapie")

# Abbildungsparameter
par(
  mfcol      = c(1, 2),
  family     = "sans",
  pty        = "m",
  bty        = "n",
  las        = 1,
  xaxs       = "i",
  yaxs       = "i",
  font.main  = 1,
  cex        = 1,
  cex.main   = 1
)

# Iteration über Therapiebedingungen
for(i in 1:2){
  hist(
    D$Delta.BDI[D$Bedingung == therapie[i]],
    breaks = b,
    freq   = F,
    xlim   = xlimits,
    ylim   = ylimits,
    xlab    = TeX("$\\Delta$ BDI"),
    ylab    = "",
    main    = labs[i]
  )
}

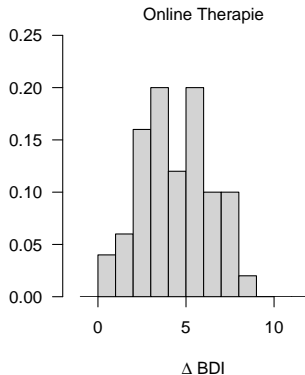
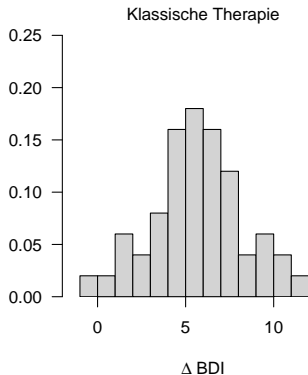
# PDF Speicherung
dev.copy2pdf(
  file      = file.path(abb_dir, "pds_11_histogramm.pdf"),
  width     = 8,
  height    = 4
)
```

```
# gewünschte Klassenbreite
# b_0
# b_0
# Anzahl der Klassen
# Klassen [b_{j-1}, b_j[
# y-Achsenlimits
# x-Achsenlimits
# Therapiebedingungen
# Abbildungslabel

# für Details siehe ?par
# 1 x 2 Panelstruktur
# Serif-freier Fonttyp
# Maximale Abbildungsregion
# L förmige Box
# Horizontale Achsenbeschriftung
# x-Achse bei y = 0
# y-Achse bei x = 0
# Non-Bold Titel
# Textvergrößerungsfaktor
# Titeltextrvergrößerungsfaktor

# Delta.BDI Werte von Therapiebedingung i
# Histogrammklassen
# normierte relative Häufigkeit
# x-Achsenlimits
# y-Achsenlimits
# x-Achsenbeschriftung
# y-Achsenbeschriftung
# Titelbeschriftung
```

## Histogramme



Beispieldatensatz

Datenvorverarbeitung

Deskriptive Statistiken

Visualisierung

**Parameterschätzung**

Konfidenzintervalle

Hypothesentests

## Modellannahmen für Parameterschätzung und Konfidenzintervalle

Motiviert durch die therapieabhängige Visualisierung der  $\Delta$ BDI Daten und unseren wissenschaftssoziologischen Kontext legen wir nun das Normalverteilungsmodell zugrunde.

Wir nehmen also an, dass die  $\Delta$  BDI Werte Realisierungen von unabhängig verteilten Zufallsvariablen

$$v_{ij} \sim N(\mu_i, \sigma_i^2), i = 1, 2, j = 1, \dots, 50 \quad (2)$$

sind, wobei  $i$  die Therapiebedingung (1 = Klassisch, 2 = Online) und  $j$  den Proband:innen Index in der  $i$ ten experimentellen Bedingung bezeichnen. Innerhalb einer Bedingung sind diese Zufallsvariablen also unabhängig und identisch verteilt.

Dies entspricht der Annahme, dass sich der  $\Delta$ BDI Wert einer Proband:in durch Addition einer normalverteilten Fehlervariable mit Erwartungswertparameter 0 und Varianzparameter  $\sigma_i^2$  zu den innerhalb einer Therapiebedingung identischen Wert  $\mu_i$  ergibt.

# Parameterschätzung

Zur Parameterschätzung im vorliegenden Modell nutzen wir

- den Maximum Likelihood Schätzer für  $\mu_i$
- den Varianzschätzer für  $\sigma_i^2$

```
# Initialisierung eines Dataframes
th_bed      <- c("Klassisch", "Online")
n_th_bed    <- length(th_bed)
theta_hats  <- data.frame(
  mu_ML      = rep(NA, n_th_bed),
  sigsqr_VAR = rep(NA, n_th_bed)
)

# Iterationen über Therapiebedingungen
for(i in 1:n_th_bed){
  data      <- D$Delta.BDI[D$Bedingung == th_bed[i]] # Daten
  theta_hats$mu_ML[i] <- mean(data)                  # ML Schätzer für \mu_i
  theta_hats$sigsqr_VAR[i] <- var(data)               # Varianzschätzer für \sigma^2_i
}

# Ausgabe
print(theta_hats)
```

```
mu_ML sigsqr_VAR
1  6.16  7.075918
2  4.92  3.911837
```

Tipps für  $\mu_i$  und  $\sigma_i^2$  auf Grundlage dieser unverzerrten Schätzer sind also

$$\hat{\mu}_1 = 6.16, \quad \hat{\mu}_2 = 4.92, \quad \hat{\sigma}_1^2 = 7.08, \quad \hat{\sigma}_2^2 = 3.91. \quad (3)$$

Die mit diesen Tipps assoziierte Unsicherheit ist hier nicht angegeben.

Beispieldatensatz

Datenvorverarbeitung

Deskriptive Statistiken

Visualisierung

Parameterschätzung

**Konfidenzintervalle**

Hypothesentests



# Konfidenzintervalle

## Konfidenzintervalle für die Erwartungswertparameterschätzer

```
# Analyseparameter
th_bed <- c("Klassisch", "Online")
n_th_bed <- length(th_bed)
n      <- 50

C <- data.frame(
  G_u      = rep(NaN, n_th_bed),
  mu_hat   = rep(NaN, n_th_bed),
  G_o      = rep(NaN, n_th_bed),
  row.names = th_bed
)

# Konfidenzintervallparameter
delta <- 0.95
psi_inv <- qt((1 + delta) / 2, n - 1)

# Konfidenzintervallevaluation
for(i in 1:n_th_bed){
  data <- D$Delta.BDI[D$Bedingung == th_bed[i]]
  X_bar <- mean(data)
  S <- sd(data)
  C$G_u[i] <- X_bar - (S / sqrt(n)) * psi_inv
  C$mu_hat[i] <- X_bar
  C$G_o[i] <- X_bar + (S / sqrt(n)) * psi_inv
}

# Ausgabe
print(C)
```

# Therapiebedingungen  
# Anzahl an Therapiebedingungen  
# Anzahl von Beobachtungen pro Therapiebedingung  
  
# Dataframeerzeugung  
# untere KI Grenze  
# Erwartungswertparameterschätzer  
# obere KI Grenze  
# Therapiebedingungen  
  
# Konfidenzlevel  
#  $\psi^{-1}((\delta + 1)/2, n-1)$

	G_u	mu_hat	G_o
Klassisch	5.404019	6.16	6.915981
Online	4.357905	4.92	5.482095

# Konfidenzintervalle

## Konfidenzintervalle für die Varianzparameterschätzer

```
# Analyseparameter
th_bed <- c("Klassisch", "Online")
n_th_bed <- length(th_bed)
n <- 50

C <- data.frame(
  G_u      = rep(NaN, n_th_bed),
  sigsq_r_hat = rep(NaN, n_th_bed),
  G_o      = rep(NaN, n_th_bed),
  row.names = th_bed
)

# Konfidenzintervallparameter
delta <- 0.95
xi_1 <- qchisq((1 - delta) / 2, n - 1)
xi_2 <- qchisq((1 + delta) / 2, n - 1)

# Konfidenzintervallevaluation
for(i in 1:n_th_bed){
  data <- D$Delta.BDI[D$Bedingung == th_bed[i]]
  S2 = var(data)
  C$G_u[i] = (n - 1) * S2 / xi_2
  C$sigsq_r_hat[i] = S2
  C$G_o[i] = (n-1) * S2 / xi_1
}

# Ausgabe
print(C)
```

	G_u	sigsq_r_hat	G_o
Klassisch	4.937455	7.075918	10.987828
Online	2.729613	3.911837	6.074489

1. Simulieren Sie einen Beispieldatensatz mit Daten einer Evaluation von 3 verschiedenen Psychotherapieformen bei Depression mit 100 Versuchspersonen pro Gruppe und zwei Messzeitpunkten (vor Intervention und nach Intervention).
2. Variieren Sie die Parameter der Simulationen für zwei Szenarien, in denen jeweils in *nur einer* Gruppe im Mittel ein Unterschied zwischen Pre- und Post-BDI-Werten besteht.
3. Berechnen Sie die bedingungsabhängigen deskriptive Statistiken und visualisieren Sie diese.
4. Berechnen Sie die ML-Parameterschätzer und bestimmen Sie die deren Konfidenzintervalle.

- Chang, Winston. 2013. *R Graphics Cookbook*. Beijing Cambridge Farnham Köln Sebastopol Tokyo: O'Reilly.
- Murrell, Paul. 2019. *R Graphics*. Third edition. The R Series. Boca Raton: CRC Press, Taylor & Francis Group.