



Programmierung und Deskriptive Statistik

BSc Psychologie WiSe 2024/25

Belinda Fleischmann

Datum	Einheit	Thema	Form
15.10.24	R Grundlagen	(1) Einführung	Seminar
22.10.24	R Grundlagen	(2) R und Visual Studio Code	Seminar
29.10.24	R Grundlagen	(2) R und Visual Studio Code	Übung
05.11.24	R Grundlagen	(3) Vektoren, (4) Matrizen	Seminar
12.11.24	R Grundlagen	(5) Listen und Dataframes	Seminar
	<i>Leistungsnachweis 1</i>		
19.11.24	R Grundlagen	(6) Datenmanagement	Seminar
26.11.24	R Grundlagen	(2)-(6) R Grundlagen	Übung
03.12.24	Deskriptive Statistik	(7) Häufigkeitsverteilungen	Seminar
10.12.24	Deskriptive Statistik	(8) Verteilungsfunktionen und Quantile	Seminar
	<i>Leistungsnachweis 2</i>		
17.12.24	Deskriptive Statistik	(9) Maße der zentralen Tendenz und Datenvariabilität	Seminar
	Weihnachtspause		
07.01.25	R Grundlagen	(10) Strukturiertes Programmieren: Kontrollfluss, Debugging	Seminar
14.01.25	Deskriptive Statistik	(11) Anwendungsbeispiel	Übung
	<i>Leistungsnachweis 3</i>		
21.01.25	Deskriptive Statistik	(11) Anwendungsbeispiel	Seminar
28.01.25	Deskriptive Statistik	(11) Anwendungsbeispiel, Q&A	Seminar

(3) Vektoren

Übersicht und Erzeugung

Charakterisierung

Indizierung

Arithmetik

Attribute

Programmierungsübungen und Selbstkontrollfragen

Übersicht und Erzeugung

Charakterisierung

Indizierung

Arithmetik

Attribute

Programmierübungen und Selbstkontrollfragen

Übersicht

- R operiert mit *Datenstrukturen* (z.B. Vektoren, Matrizen, Listen und Dataframes).
- Die einfachste dieser Datenstrukturen ist ein Vektor.
- Vektoren sind geordnete Folgen von Datenwerten, die in einem Objekt zusammengefasst sind und einem Variablenamen zugewiesen sind.
- Die einzelnen Datenwerte eines Vektors heißen *Elemente* des Vektors.
- Vektoren, deren Elemente alle vom gleichen Datentyp sind, heißen **atomar**.
- Die zentralen Datentypen sind **numeric (double, integer)**, **logical**, **character**



- Mit dem Begriff **Vektor** ist hier immer ein **atomarer Vektor** gemeint.

Elementarwerte

Numeric (double, integer)

Per default werden numerische Werte (mit oder ohne Dezimalstellen) als double initialisiert. Dezimalzahlen können in Dezimalnotation oder wissenschaftlicher Notation spezifiziert werden. Weitere mögliche Werte sind Inf, -Inf, und NaN (Not-a-Number).

```
h <- 1           # Einelementiger Vektor vom Typ double (1)
i <- 2.1e2       # Einelementiger Vektor vom Typ double (210)
j <- 2.1e-2      # Einelementiger Vektor vom Typ double (0.021)
k <- Inf         # Einelementiger Vektor vom Typ double (unendlich)
l <- NaN         # Einelementiger Vektor vom Typ double (NaN)
```

Integer werden wie double ohne Dezimalstellen spezifiziert, gefolgt von einem L (long integer).

```
x <- 1L          # Einelementiger Vektor vom Typ integer
y <- 200L        # Einelementiger Vektor vom Typ integer
```

Logical

TRUE oder FALSE, abgekürzt T oder F.

```
x <- TRUE        # Einelementiger Vektor vom Typ logical
y <- F           # Einelementiger Vektor vom Typ logical
```

Character

Anführungszeichen ("a") oder Hochkommata ('a').

```
x <- "a"         # Einelementiger Vektor vom Typ character
y <- 'test'      # Einelementiger Vektor vom Typ character
```

Erzeugung mehrerlementiger Vektoren

Direkte Konkatenation von Elementarwerten mit `c()`

```
x <- c(1, 2, 3)           # numeric vector [1,2,3]
y <- c(0, x, 4)           # numeric vector [0,1,2,3,4]
s <- c("a", "b", "c")     # character vector ["a", "b", "c"]
l <- c(TRUE, FALSE)       # logical vector [TRUE, FALSE]
```

- Beachte: `c()` konkateniert die Eingabeargumente und erzwingt einen einheitlichen Datentyp (vgl. coercion)

```
x <- c(1, "a", TRUE)      # character vector ["1", "a", "TRUE"]
```

Erzeugen "leerer" Vektoren mit `vector()`

```
v <- vector("double", 3)  # double vector [0,0,0]
w <- vector("integer", 3) # integer vector [0,0,0]
l <- vector("logical", 2) # logical vector [FALSE, FALSE]
s <- vector("character", 4) # character vector ["", "", "", ""]
```

Erzeugen "leerer" Vektoren mit `double()`, `integer()`, `logical()`, `character()`

```
v <- double(3)            # double vector [0,0,0]
w <- integer(3)           # integer vector [0,0,0]
l <- logical(2)           # logical vector [FALSE, FALSE]
s <- character(4)         # character vector ["", "", "", ""]
```


Erzeugung von Vektoren als Sequenzen

Erzeugen von ganzzahligen Sequenzen mithilfe des **Colonoperators** :

`a:b` erzeugt ganzzahlige Sequenzen von `a` (inklusive) bis `b` (maximal)

```
x <- 0:5          # [0, 1, 2, 3, 4, 5]
y <- 1.5:6.1      # [1.5, 2.5, 3.5, 4.5, 5.5]
```

Erzeugen von Sequenzen mit `seq()`

`seq(from, to, by = ((to - from)/(len - 1), len = NULL, ...))`

```
x_1 <- seq(0, 5)          # wie `0:5`, ganzzahlige Sequenz zw. 0 (inkl.) und 5 (max)
                             # [0, 1, 2, 3, 4, 5]
x_2 <- seq(0, 1, len = 5)  # 5 Zahlen zwischen 0 (inkl.) und 1 (inkl.), equidistant
                             # [0.00, 0.25, 0.50, 0.75, 1.00]
x_3 <- seq(0, 2, by = .15) # 0.15 Schritte zwischen 0 (inkl.) und 2 (max.)
                             # [0.00, 0.15, 0.30, ..., 1.50 1.65 1.80 1.95]
x_4 <- seq(1, 0, by = -.1) # -0.1 Schritte zwischen 1 (inkl.) und 0 (min.)
                             # [1.0 0.9 0.8 0.7 0.6 0.5 0.4 0.3 0.2 0.1 0.0]
```

`seq.int()`, `seq_len()`, `seq_along()` als weitere Varianten

```
x_1 <- seq.int(0, 5)      # wie `0:5`, ganzzahlige Sequenz zw. 0 (inkl.) und 5 (max)
                             # [0, 1, 2, 3, 4, 5]
x_2 <- seq_len(5)         # Natürliche Zahlen bis 5, [1, 2, 3, 4, 5]
x_3 <- seq_along(c("a", "b")) # wie `seq_len(length(c("a", "b")))`
```

Übersicht und Erzeugung

Charakterisierung

Indizierung

Arithmetik

Attribute

Programmierübungen und Selbstkontrollfragen

Vektoreigenschaften ausgeben

`length()` gibt die Anzahl der Elemente eines Vektors aus

```
x <- 0:10      # Vektor
length(x)      # Anzahl der Elemente des Vektors
```

```
[1] 11
```

`typeof()` gibt den elementaren Datentyp eines Vektors aus

```
x <- 1:3L      # Vektor
typeof(x)      # Datentyp des atomic vectors
```

```
[1] "integer"
```

```
y <- c(T, F, T) # Vektor
typeof(y)       # Der Datentyp des atomic vectors
```

```
[1] "logical"
```

Anmerkung: `mode()` und `storage.mode()` werden nicht empfohlen, sie existieren für S Kompatibilität.

`is.logical()`, `is.double()`, `is.integer()`, `is.character()` testen den Datentyp

```
is.double(x)    # Testen, ob der x vom Typ double ist
```

```
[1] FALSE
```

```
is.logical(y)   # Testen, ob der y vom Typ logical ist
```

```
[1] TRUE
```

Datentypangleichung (Coercion)

Bei Konkatination verschiedener Datentypen wird ein einheitlicher Datentyp erzwungen. Es gilt

character > double > integer > logical

```
x <- c(1.2, "a")    # Kombination gemischter Datentypen (character schlägt double)
x
```

```
[1] "1.2" "a"
```

```
typeof(x)          # Erzeugter Vektor ist vom Datentyp character
```

```
[1] "character"
```

```
y <- c(1L, TRUE)    # Kombination gemischter Datentypen (integer schlägt logical)
y
```

```
[1] 1 1
```

```
typeof(y)          # Erzeugter Vektor ist vom Typ integer
```

```
[1] "integer"
```

Datentypangleichung (Coercion)

Explizite Coercion mit `as.logical()`, `as.integer()`, `as.double()`, `as.character()`

```
x <- c(0, 1, 1, 0)      # double Vektor
y <- as.logical(x)      # Umwandlung in logical Vektor
y
```

```
[1] FALSE TRUE TRUE FALSE
```

Coercion geschieht aber auch oft **implizit**:

```
x <- c(T, F, T, T)      # logical Vektor
s <- sum(x)              # Summation wandelt logical Elemente automatisch in integer
s
```

```
[1] 3
```

Übersicht und Erzeugung

Charakterisierung

Indizierung

Arithmetik

Attribute

Programmierübungen und Selbstkontrollfragen

Grundlagen

- Einzelne oder mehrere Vektorkomponenten werden durch Indizierung adressiert.
- Indizierung wird auch Indexing, Subsetting, oder Slicing genannt.
- Zur Indizierung werden eckige Klammern [] benutzt.
- Indizierung kann zur Kopie oder Manipulation von Komponenten benutzt werden.
- Der Index des ersten Elements ist 1 (nicht 0, wie in anderen Sprachen).

Beispiel

```
x <- c("a", "b", "c") # character vector ["a", "b", "c"]  
y <- x[2]            # Kopie von "b" (neues Object), referenziert von x  
x[3] <- "d"          # Änderung von x zu x = ["a", "b", "d"]
```

Prinzipien der Indizierung in R

- Ein **Vektor positiver Zahlen** adressiert entsprechende Komponenten.
- Ein **Vektor negativer Zahlen** adressiert komplementäre Komponenten.
- Ein **logischen Vektor** adressiert die Komponenten mit TRUE.
- Ein **character Vektor** adressiert benannte Komponenten.

Indizierung mit einem **Vektor positiver Zahlen**

```
x <- c(1, 4, 9, 16, 25) # [1, 4, 9, 16, 25] = [1^2, 2^2, 3^2, 4^2, 5^2]
y <- x[1:3]             # `1:3` erzeugt Vektor [1, 2, 3], x[1:3] = x[c(1,2,3)] = [1,4,9]
z <- x[c(1, 3, 5)]      # `c(1, 3, 5)` erzeugt Vektor [1, 3, 5], x[c(1, 3, 5)] = [1, 9, 25]
```

Indizierung mit einem **Vektor negativer Zahlen**

```
x <- c(1, 4, 9, 16, 25) # [1, 4, 9, 16, 25] = [1^2, 2^2, 3^2, 4^2, 5^2]
y <- x[c(-2, -4)]       # Alle Komponenten außer 2 und 4, x[c(-2, -4)] = [1, 9, 25]
z <- x[c(-1, 2)]        # Gemischte Indizierung nicht erlaubt (Fehlermeldung)
```

Indizierung mit einem **logischen Vektor**

```
x <- c(1, 4, 9, 16, 25) # [1, 4, 9, 16, 25] = [1^2, 2^2, 3^2, 4^2, 5^2]
y <- x[c(T, T, F, F, T)] # TRUE Komponenten, x[c(T, T, F, F, T)] = [1, 4, 25]
z <- x[x > 5]           # x > 5 = [F, F, T, T, T], x[x > 5] = [9, 16, 25]
```

Indizierung mit einem **character Vektor**

```
x <- c(1, 4, 9, 16, 25) # [1,4,9,16,25] = [1^2, 2^2, 3^2, 4^2, 5^2]
names(x) <- c("a", "b") # Benennung der Komponenten als [a b <NA> <NA> <NA>]
y <- x["a"]             # x["a"] = 1
```


R hat eine (zu) hohe Flexibilität bei Indizierung

Out-of-range Indizes verursachen keine Fehler, sondern geben NA aus

```
x <- c(1, 4, 9, 16, 25) # [1, 4, 9, 16, 25] = [1^2, 2^2, 3^2, 4^2, 5^2]
y <- x[10]              # x[10] = NA (Not Applicable)
```

Nichtganzzahlige Indizes verursachen keine Fehler, sondern werden abgerundet

```
y <- x[4.9]             # x[4.9] = x[4] = 16
z <- x[-4.9]             # x[-4.9] = x[-4] = [1, 4, 9, 25]
```

Leere Indizes indizieren den gesamten Vektor

```
y <- x[]                # y = x
```

Übersicht und Erzeugung

Charakterisierung

Indizierung

Arithmetik

Attribute

Programmierübungen und Selbstkontrollfragen

Elementweise Auswertung

Unitäre arithmetische Operatoren und Funktionen werden elementweise ausgewertet

```
a <- seq(0, 1, len = 11) # a = [ 0.0, 0.1 , ..., 0.9, 1.0]
b <- -a                  # b = [-0.0, -0.1, ..., -0.9, -1.0]
v <- a^2                 # v = [ 0.0^2 , 0.1^2 , ..., 0.9^2, 1.0^2]
w <- log(a)              # w = [ln(0.0), ln(0.1), ..., ln(0.9), ln(1.0)]
```

Binäre arithmetische Operatoren werden elementweise ausgewertet

Vektoren gleicher Länge

```
a <- c(1, 2, 3)          # a = [1,2,3]
b <- c(2, 1, 4)          # b = [2,1,4]
v <- a + b                # v = [1,2,3] + [2,1,4] = [1+2,2+1,3+4] = [3,3,7]
w <- a - b                # w = [1,2,3] - [2,1,4] = [1-2,2-1,3-4] = [-1, 1, -1]
x <- a * b                # x = [1,2,3] * [2,1,4] = [1*2,2*1,3*4] = [2, 2, 12]
y <- a / b                # y = [1,2,3] / [2,1,4] = [1/2,2/1,3/4] = [0.50, 2, 0.75]
```

Vektoren und Skalare

```
a <- c(1, 2, 3)          # a = [1,2,3]
b <- 2                    # b = [2]
v <- a + b                # v = [1,2,3] + [2,2,2] = [1+2,2+2,3+2] = [3, 4, 5]
w <- a - b                # w = [1,2,3] - [2,2,2] = [1-2,2-2,3-2] = [-1, 2, 1]
x <- a * b                # x = [1,2,3] * [2,2,2] = [1*2,2*2,3*2] = [2, 4, 6]
y <- a / b                # y = [1,2,3] / [2,2,2] = [1/2,2/2,3/2] = [0.5, 1, 1.5]
```

Recycling

- R erlaubt (leider) auch Arithmetik mit Vektoren unterschiedlicher Länge
- Bei ganzzahligen Vielfachen der Länge wird der kürzere Vektor wiederholt.

```
x <- 1:2          # x = [1, 2], length(x) = 2
y <- 3:6          # y = [3, 4, 5, 6], length(y) = 4
v <- x + y        # v = [1, 2, 1, 2] + [3, 4, 5, 6] = [4, 6, 6, 8]
```

- Arithmetik von Vektoren und Skalaren ist ein Spezialfall dieses Prinzips.

```
x <- 1:3          # x = [1, 2, 3], length(x) = 3
y <- 2            # y = 2, length(y) = 1. y ist ein Skalar.
v <- x + y        # v = [1, 2, 3] + [2, 2, 2] = [3, 4, 5]
```

- Andernfalls werden die ersten Komponenten des kürzeren Vektors wiederholt.

```
x <- c(1, 3, 5)   # x = [1, 3, 5], length(x) = 3
y <- c(2, 4, 6, 8, 10) # y = [2, 4, 6, 8, 10], length(y) = 5
v <- x + y        # v = [1, 3, 5, 1, 3] + [2, 4, 6, 8, 10] = [3, 7, 11, 9, 13]
```

Generell sollten nur Vektoren gleicher Länge arithmetisch verknüpft werden!

Fehlende Werte (NA)

- NA steht für “Not Available” und repräsentiert fehlende Werte in R
- Das Rechnen mit NAs ergibt (meist) wieder NA.

```
3 * NA           # Multiplikation eines NA Wertes ergibt NA
```

```
[1] NA
```

```
NA < 2          # Relationaler Vergleich eines NA Wertes ergibt NA
```

```
[1] NA
```

```
NA^0            # NA hoch 0 ergibt 1, weil jeder Wert hoch 0 eins ergibt (?)
```

```
[1] 1
```

```
NA & FALSE      # NA UND FALSE ergibt FALSE
```

```
[1] FALSE
```

Fehlende Werte (NA)

- Auf NA testet man mit `is.na()` oder `anyNA()`

```
x <- c(NA, 5, NA, 10) # Vektor mit NAs  
print(x)
```

```
[1] NA  5 NA 10
```

```
x == NA # Relationaler Vergleich mit NA ergibt NA
```

```
[1] NA NA NA NA
```

```
is.na(x) # Logisches Testen auf NA für jedes Element
```

```
[1] TRUE FALSE TRUE FALSE
```

```
anyNA(x) # Logisches Testen auf mind. 1 NA in gesamtem Objekt
```

```
[1] TRUE
```

Ungültige Zahlenwerte (NaN)

- **NaN** steht für “Not a Number” repräsentiert ungültige Zahlenwerte, z.B. durch undefinierte arithmetische Operationen

```
0/0          # 0 durch 0 teilen ist nicht definiert
```

```
[1] NaN
```

```
sqrt(-1)     # Wurzel einer negativen reellen Zahl ist nicht definiert
```

```
[1] NaN
```

- In Mathematik und Informatik ist Dividieren durch Null undefiniert. R verwendet jedoch das Konzept “Unendlichkeit”: positive Zahlen gehen bei Division durch Null gegen positive Unendlichkeit (**Inf**), negative gegen negative (**-Inf**), ähnlich wie Grenzwerte in der Analysis.

```
4/0          # Positive reelle Zahlen durch 0 teilen ist nicht definiert
```

```
[1] Inf
```

```
-3/0         # Negative reelle Zahlen durch 0 teilen ist nicht definiert
```

```
[1] -Inf
```

Ungültige Zahlenwerte (NaN)

- Das Rechnen mit NaN ergibt (meist) wieder NaN.

```
3 * NaN          # Multiplikation eines NaN Wertes ergibt NaN
```

```
[1] NaN
```

```
NaN^0           # NaN hoch 0 ergibt 1, weil jeder Wert hoch 0 eins ergibt (?)
```

```
[1] 1
```

```
NaN < 2         # Relationaler Vergleich eines NaN Wertes ergibt NA
```

```
[1] NA
```

```
NaN & FALSE     # NaN UND FALSE ergibt FALSE
```

```
[1] FALSE
```

```
NaN & TRUE      # NaN UND TRUE ergibt NA
```

```
[1] NA
```


Ungültige Zahlenwerte (NaN)

- Auf NaN testet man mit `is.nan()`

```
y <- c(NaN, 4, NaN, 3) # Vektor mit NaNs  
print(y)
```

```
[1] NaN    4 NaN    3
```

```
y == NaN # Relationaler Vergleich mit NaN ergibt NAs
```

```
[1] NA NA NA NA
```

```
is.nan(y) # Logisches Testen auf NaN für jedes Element
```

```
[1] TRUE FALSE TRUE FALSE
```

```
any(is.nan((y))) # Logisches Testen auf mind. 1 NaN in gesamtem Objekt
```

```
[1] TRUE
```

Leere Werte (NULL)

- **NULL** zeigt die völlige Abwesenheit eines Werts an, oft genutzt für leere Objekte.

```
w <- c()           # Leerer Vektor
print(w)
```

NULL

```
z <- c(1, 2, NULL) # NULL als Vektorelement wird ignoriert
print(z)           # Vektor hat nur die Elemente (1, 2)
```

[1] 1 2

```
print(length(z))   # Die Länge des Vektors beträgt 2
```

[1] 2

Leere Werte (NULL)

- Das Rechnen mit NULL ergibt leere Objekte

```
3 * NULL          # Multiplikation mit NULL ergibt einen leeren numerischen Vektor
```

```
numeric(0)
```

```
NULL < 2          # Relationaler Vergleich mit NULL ergibt leeren logischen Vektor
```

```
logical(0)
```

- Auf NULL testet man mit is.null()

```
is.null(NULL)     # Logisches Testen auf NULL
```

```
[1] TRUE
```

```
is.null(logical(0)) # Leere Vektoren sind nicht äquivalent zu NULL
```

```
[1] FALSE
```

NA, NaN und NULL

- **NA** repräsentiert allgemein **fehlende** Werte.
- **NaN** repräsentiert spezifisch für **ungültige** numerische Zahlenwerte, etwa das Ergebnis undefinierter arithmetischer Operationen.
- **NULL** repräsentiert ein leeres Objekt.
- Alle drei Begriffe **NA**, **NaN** und **NULL** zählen zu den *reserved words* (siehe ?reserved).
- **NaN** wird auch von `is.na()` als fehlender Wert erfasst. Umgekehrt zählt `is.nan()` jedoch nur numerisch ungültige Werte (**NaN**) und schließt allgemeine fehlende Werte (**NA**) aus.

```
print(y)
```

```
[1] NaN    4 NaN    3
```

```
is.na(y)           # Logisches Testen auf NA für jedes Element
```

```
[1]  TRUE FALSE  TRUE FALSE
```

```
print(x)
```

```
[1] NA    5 NA   10
```

```
is.nan(x)          # Logisches Testen auf NaN für jedes Element
```

```
[1] FALSE FALSE FALSE FALSE
```

Übersicht und Erzeugung

Charakterisierung

Indizierung

Arithmetik

Attribute

Programmierübungen und Selbstkontrollfragen

Attribute

Attribute sind Metadaten von R Objekten in Form von Schlüssel-Wert-Paaren

Attribute ausgeben lassen mit `attributes()`

```
a <- 1:3           # Ein numerischer Vektor
attributes(a)      # Aufrufen aller Attribute
```

NULL

→ Atomic vectors haben per se keine Attribute

Attribute aufrufen und definieren mit `attr()`

```
attr(a, "S") <- "W"   # a bekommt Attribut mit Schlüssel S und Wert W
attr(a, "S")          # Das Attribut mit Schlüssel S hat jetzt den Wert W
```

```
[1] "W"
attributes(a)
```

```
$S
[1] "W"
```

Anmerkung

Attribute werden bei Operationen oft entfernt (Ausnahmen sind `names` und `dim`)

```
b <- a[1]           # Kopie des ersten Elements von a in Vektor b
attributes(b)       # Aufrufen aller Attribute von b
```

NULL

Vektor-Elemente bezeichnen

Spezifikation des Attributs `names` gibt den Elementen eines Vektors Namen

```
v <- c(x = 1, y = 2, z = 3) # Elementnamengeneration bei Vektorerzeugung
print(v)                   # Vektorausgabe
```

```
x y z
1 2 3
```

Die Namen können zur Indizierung benutzt werden

```
v["y"]                     # Indizierung per Namen
```

```
y
2
```

Zum Definieren und zum Aufrufen von Namen kann auch `names()` benutzt werden

```
y <- 4:6                   # Erzeugung eines Vektors
names(y) <- c("a", "b", "c") # Definition von Namen
names(y)                   # Elementnamenaufruf
```

```
[1] "a" "b" "c"
```

Benannte Namen können hilfreich sein, wenn der Vektor eine Sinneinheit bildet

```
p <- c(age = 31,           # Alter (Jahre), Groesse (cm), Gewicht (kg) einer Person
      height = 198,
      weight = 75)
print(p)                   # Vektorausgabe
```

```
age height weight
31    198    75
```

Exkurs: Styleguide für Zeilenumbrüche in R Code

Es kommt häufig vor, dass der vollständige Befehl nicht in eine Zeile passt. Um Fehler zu vermeiden und die Lesbarkeit zu gewährleisten, gibt es gängige Formatierleitlinien, wenn Code auf mehrere Zeilen verteilt werden muss:

Funktionsaufrufe. Argumente über mehrere Zeilen verteilen und einrücken

```
print(  
  pi,                # Das Objekt, das ausgegeben werden soll; Komma da 2. Arg folgt!  
  digits=3           # Die Anzahl an digits  
)
```

```
[1] 3.14
```

Verschachtelte Funktionen. Funktionen und Argumente über mehrere Zeilen verteilen und einrücken

```
print(                # Äußere Funktion, auf Ebene 0  
  c(                  # Innere Funktion (=1. Argument der äußeren Funktion), auf Ebene 1  
    sieben = 7.421,    # 1. Argument der inneren Funktionen auf Ebene 2; Komma da 2. Arg folgt!  
    neun  = 9.234      # 2. Argument der inneren Funktionen auf Ebene 2  
  ),                  # Schließen der inneren Funktion auf Ebene 1; Komma, da 2. Arg folgt!  
  digits=1            # 2. Argument der äußeren Funktion, auf Ebene 1  
)                    # Schließen der äußerden Funktion auf Ebene 0
```

```
sieben  neun  
7       9
```


Übersicht und Erzeugung

Charakterisierung

Indizierung

Arithmetik

Attribute

Programmierübungen und Selbstkontrollfragen

1. Dokumentiere alle in dieser Einheit eingeführten R Befehle in einem R Skript.
2. Öffne die R Help Seite der Funktion `c()`. Zu welchem R-Paket gehört `c()`?
3. Erstelle einen Vektor mit den Zahlen 1, 2, 3 mit dem Colonoperator.
4. Überlege dir zum jedem der vier Prinzipien der Indizierung in R ein Beispiel und dokumentiere es im R Skript aus Aufg 1.
5. Erzeuge einen Vektor der Dezimalzahlen 0.0, 0.05, 0.10 , 0.15, ..., 0.90, 0.95, 1.0.
6. Wähle mithilfe positiver Indices die Elemente 0.0, 0.1,..., 0.9, 1.0 dieses Vektors aus.
7. Wähle mithilfe negativer Indizes die Elemente 0.0, 0.1,..., 0.9, 1.0 dieses Vektors aus.
8. Wähle die letzten 10 Elemente dieses Vektors aus.
9. Erstelle einen Vektor, der sowohl Zahlenwerte als auch fehlende Werte (NA) enthält, zum Beispiel (1, 2, NA, 19, NA, 41) und berechne die Summe aller Werte dieses Vektors mit der Funktion `sum()`.
 - Warum gibt die Funktion als Ergebnis **NA**? Recherchiere dazu auf der Help Page ("`?sum`").
 - Wie kannst du die Funktion `sum()` dazu veranlassen, die **NA**-Werte zu ignorieren und die Summe nur über die vorhandenen Zahlenwerte zu berechnen?

Selbstkontrollfragen

1. Beschreibe in einer Übersicht die R Datenstruktur "Atomarer Vektor".
2. Erläutere die Funktion des Colonoperators in R.
3. Nenne vier Prinzipien der Indizierung in R.
4. Erläutere den Begriff der Datentypangleichung (Coercion).
5. Erläutere den Begriff des (Vektor)Recyclings.
6. Erläutere die Bedeutung des R Datentyps `NA`.
7. Erläutere, wofür Attribute in R nützlich sind.
8. Erläutere, was im Zusammenhang mit der Indizierung in R mit „zu hoher Flexibilität“ gemeint ist.