

### 高频数据结构——哈希表与堆

一手微信主讲及令狐冲ffer都有课程版本 v7.0

### 数据结构类面试问题的三种考法



数据结构可以认为是一个数据存储集合以及定义在这个集合上的若干操作(功能)他有如下的三种考法:

考法1: 问某种数据结构的基本原理,并要求实现

例题: 说一下 Hash 的原理并实现一个 Hash 表

一手微信study322 九章来offer都有

考法2: 使用某种数据结构完成事情

例题: 归并 K 个有序数组

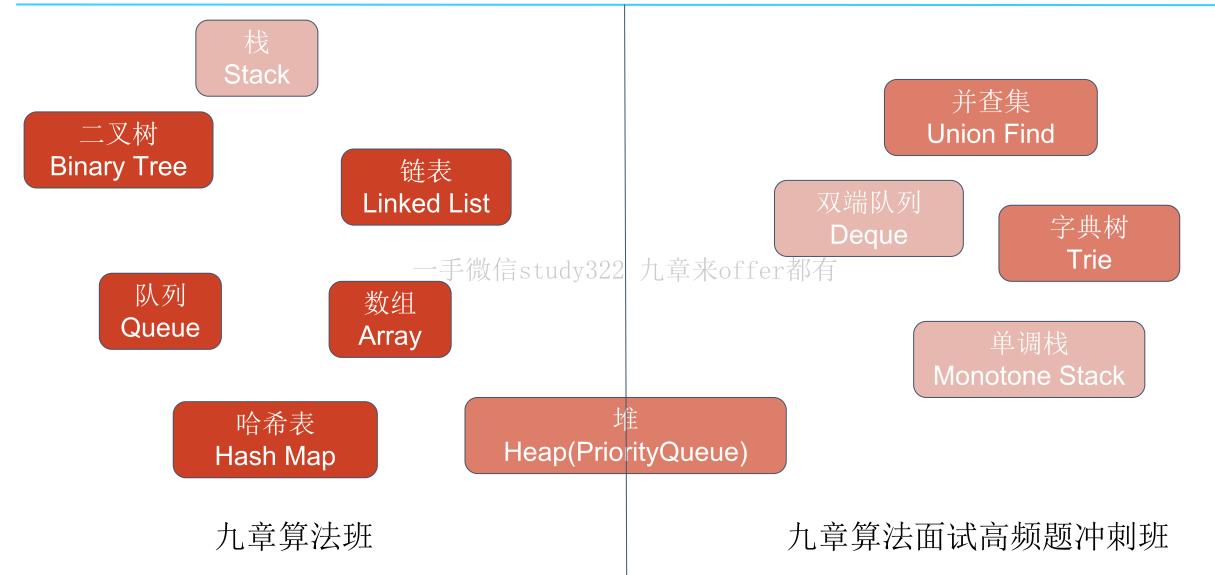
考法3: 实现一种数据结构,提供一些特定的功能

例题:最高频 K 项问题

通常需要一个或 者多个数据结构 配合在一起使用

### 面试中可能会考察的数据结构







## 数据结构时间复杂度的衡量方法

数据结构通常会提供"**多个**"对外接口 只用一个时间复杂度是很难对其进行正确评价的 所以通常要对每个接口的时间复杂度进行描述



比如你需要设计一个 Set 的数据结构,提供 lowerBound 和 add 两个方法。lowerBound 的意思是,找到比某个数大的最小值

#### 算法1: O(n) lowerBound O(1) add

使用数组存储,每次打擂台进行比较,插入就直接插入到数组最后面

一手微信study322 九章来offer都有

#### 算法2: O(logn) lowerBound O(logn) add

使用红黑树(Red-black Tree)存储,Java 里的 TreeSet,C++ 里的 map

上面两个算法谁好谁坏呢?



#### 不一定谁好谁坏! 要看这两个方法被调用的频率如何。

如果 lowerBound 很少调用, add 非常频繁, 则算法1好。

如果 lowerBound 和 add 调用的频率都差不多,或者 lowerBound 被调用得更多,则算法2好

不过通常来说,在面试中的问题,我们会很容易找到一个像算法1这样的实现方法,其中一个操作时间复杂度很大,另外一个操作时间复杂度很低。

通常的解决办法都是让快的操作慢一点,让慢的操作快一点,这样总体得到一个更快的复杂度。



## 哈希表 Hash

支持操作: O(1) Insert / O(1) Find / O(1) Delete 问: 这些操作都是 O(1) 的前提条件是什么?

A: 没有哈希冲突

B: key是O(1)大小



# O(size of key)

哈希表(HashMap / unordered\_map / dict) 任何操作的时间复杂度从严格意义上来说 都是 O(size of key) 而不是 O(1)

你不可能在 O(1) 的时间内判断 2 个 1m 长的字符串是否相等

### 请在互动课中学习如下先修知识



Hash Table, Hash Map 和 Hash Set 的区别是啥什么是 Hash Function (产生HashCode的函数),作用以及实现原理什么是 Open Hashing 什么是 Closed Hashing 什么是 Rehashing(重哈希)

一手微信study322 九章来offer都有



### LRU Cache

http://www.lintcode.com/problem/lru-cache/

http://www.jiuzhang.com/solutions/lru-cache/

Example: [2 1 3 2 5 3 6 7]

#### LRU Cache



- Java 中有一个 LinkedHashMap,本质上是 DoublyLinkedList + HashMap
- HashMap<key, DoublyListNode> DoublyListNode {
- prev, next, key, value;
- }
- Python 里是 OrderedDict

一手微信study322 九章来offer都有

- 新节点从尾部加入
- 老节点从头部移走

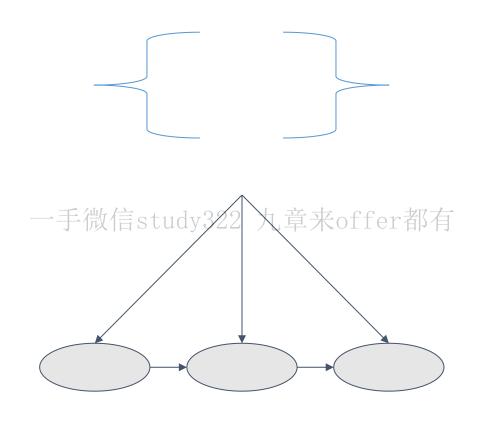
问: Singly List 是否可行?



## Singly List 是否可行?

可以,在 Hash 中存储 Singly List 中的 prev node 即可如 linked list = dummy->1->2->3->null 时 hash[1] = dummy, hash[2] = node1 ...







```
class LinkedNode {
                                                                                // change "prev->node->next->...->tail"
   public int key, value;
                                                                                // to "prev->next->...->tail->node"
   public LinkedNode next;
                                                                                private void kick(LinkedNode prev) { // 将数据移动至尾部
   public LinkedNode(int key, int value, LinkedNode next) {
                                                                                    LinkedNode node = prev.next;
       this.key = key;
                                                                                    if (node == tail) {
       this.value = value;
                                                                                         return;
       this.next = next;
                                                                                    // remove the current node from linked list
private int capacity;
                                                                                    prev.next = node.next;
private LinkedNode dummy, tail;
                                                                                    // update the previous node in hash map
private Map<Integer, LinkedNode> keyToPrev;
                                                                                    keyToPrev.put(node.next.key, prev);
   this.keyToPrev = new HashMap<Integer, LinkedNode>(); 信study322 九章来Cthis.dummy = new LinkedNode(2) 2
public LRUCache(int capacity) {
                                                                                    node next = null;
                                                                                    pushBack(node);
   this.tail = this.dummy;
   this.capacity = capacity;
                                                                                public int get(int key) {
private void pushBack(LinkedNode node) {
                                                                                    if (!keyToPrev.containsKey(key)) {
   keyToPrev.put(node.key, tail);
                                                                                         return -1;
   tail.next = node;
   tail = node:
                                                                                    LinkedNode prev = keyToPrev.get(key);
private void popFront() {
                                                                                    LinkedNode current = prev.next;
   // 删除头部
   LinkedNode head = dummy.next;
                                                                                    kick(prev);
   keyToPrev.remove(head.key);
                                                                                    return current.value;
   dummy.next = head.next;
   keyToPrev.put(head.next.key, dummy);
```

课程版权归属于九章算法(杭州)科技有限公司,贩卖和传播盗版将被追究刑事责任



```
public void set(int key, int value) {
    if (keyToPrev.containsKey(key)) {
        kick(keyToPrev.get(key));
        tail.value = value;
        return;
    }
        —手微信study322 九章来offer都有

pushBack(new LinkedNode(key, value, null)); // 如果key不存在,则存入新节点
    if (keyToPrev.size() > capacity) { // 如果缓存超出上限
        popFront(); // 删除头部
    }
}
```

### 代码



```
class LinkedNode:
   def init (self, key=None, value=None, next=None):
       self.kev = kev
       self.value = value
       self.next = next
class LRUCache:
   def __init__(self, capacity):
       self.key to prev = {}
       self.dummy = LinkedNode()
       self.tail = self.dummy
       self.capacity = capacity
   def push back(self, node):
       self.key to prev[node.key] = self.tail
       self.tail.next = node
       self.tail = node
   def pop_front(self):
       head = self.dummy.next
       del self.key_to_prev[head.key]
       self.dummy.next = head.next
       self.key to prev[head.next.key] = self.dummy
```

```
# to "prev->next->...->tail->node"
def kick(self, prev): # 将数据移动至尾部
   node = prev.next
   if node == self.tail:
    # remove the current node from linked list
   prev.next = node.next
   self.key to prev[node.next.key] = prev
   node.next = None
   self.push back(node)
   get(self, key):
   if key not in self.key to prev:
        return -1
    prev = self.key_to_prev[key]
   current = prev.next
   self.kick(prev)
   return current.value
 lef set(self, key, value):
   if key in self.key to prev:
       self.kick(self.key to prev[key])
       self.tail.value = value
    self.push_back(LinkedNode(key, value)) # 如果key不存在,则存入新节;
   if len(self.key_to_prev) > self.capacity: # 如果缓存超出上限
       self.pop front()
```



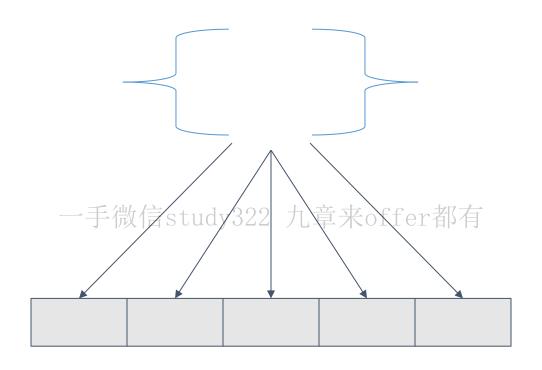
## Insert Delete GetRandom O(1)

http://www.lintcode.com/problem/insert-delete-getrandom-o1/

http://www.jiuzhang.com/solutions/insert-delete-getrandom-o1/

类似的题: <a href="http://www.lintcode.com/problem/load-balancer/">http://www.lintcode.com/problem/load-balancer/</a>







```
import java.util.Random;
public class RandomizedSet {
                                                                       // Removes a value from the set
                                                                       // Return true if the set contained the specified element or false
   ArrayList<Integer> nums;
                                                                       public boolean remove(int val) {
   HashMap<Integer, Integer> val2index;
                                                                            if (!val2index.containsKey(val)) {
   Random rand;
                                                                               return false;
   public RandomizedSet() {
       // do initialize if necessary
                                                                           int index = val2index.get(val);
       nums = new ArrayList<Integer>();
                                                                           int last = nums.get(nums.size() - 1);
       val2index = new HashMap<Integer, Integer>();
       rand = new Random();
                                                                          Inot the last one than swap the last one with this val
                                             一手微信study322
                                                                           nums.set(index, last);
                                                                           val2index.put(last, index);
   // Inserts a value to the set
   // Returns true if the set did not already contain the specified
                                                                           nums.remove(nums.size() - 1);
       element or false
                                                                           val2index.remove(val);
   public boolean insert(int val) {
                                                                           return true;
       if (val2index.containsKey(val)) {
           return false;
                                                                       // Get a random element from the set
       nums.add(val);
                                                                       public int getRandom() {
       val2index.put(val, nums.size() - 1);
                                                                           return nums.get(rand.nextInt(nums.size()));
       return true;
```

### 代码



```
port random
class RandomizedSet(object):
   def __init__(self):
       # do initialize if necessary
       self.nums, self.val2index = [], {}
   # @param {int} val Inserts a value to the set
   # Returns {bool} true if the set did not already contain the specified element or false
   def insert(self, val):
                                                                       # @param {int} val Removes a value from the set
        if val in self.val2index:
                                                                       # Return {bool} true if the set contained the specified element or false
                                                                       def remove(self, val):
           return False
                                                                          if val not in self.val2index:
       self.nums.append(val)
                                                                              return False
       self.val2index[val] = len(self.nums) - 1
       return True
                                                                           index = self.val2index[val]
                                                                          last = self.nums[-1]
                                                                          self.nums[index] = last
                                                                           self.val2index[last] = index
                                                                          self.nums.pop()
                                                                           del self.val2index[val]
                                                                          return True
                                                                       # return {int} a random number from the set
                                                                       def getRandom(self):
                                                                           return self.nums[random.randint(0, len(self.nums) - 1)]
```



# \* Follow up: 允许重复的数

http://www.lintcode.com/problem/insert-delete-getrandom-o1-duplicates-allowed/

http://www.jiuzhang.com/solutions/insert-delete-getrandom-o1-duplicates-allowed/

实现较为困难,看懂参考代码即可,不用太纠结

99%的人面试的时候都做不出来,面试时通常给个思路就可以了

### Insert Delete GetRandom O(1) 面试评分标准



#### **Strong Hire:**

Bug Free 的实现无重复版本的代码,并给出有重复版的基本思路即可 Hire / Weak Hire:

实现无重复版本的代码,无需太多提示或者较少提示,代码 Bug 不多 No Hire / Strong No:

无法无重复版本的给出正确算法,或者无法正确实现,代码 Bug 过多



### 休息 5 分钟

总结一道题的经验,胜过刷干道题 把你的代码和总结发到九章面试题交流社区 www.jiuzhang.com/solutions



### First Unique Number in Data Stream

http://www.lintcode.com/problem/first-unique-number-in-data-stream/

http://www.jiuzhang.com/solutions/first-unique-number-in-data-stream/

给一个连续的数据流,写一个函数返回终止数字到达时的第一个唯一数字 (包括终止数字),如果找不到这个终止数字,返回-1.



```
public int firstUniqueNumber(int[] nums, int number) {
   Map<Integer, Integer> counter = new HashMap<>();
    boolean isBreak = false;
                                                            for (int i = 0; i < nums.length; i++) {</pre>
   for (int i = 0; i < nums.length; i++) {</pre>
                                                                int num = nums[i];
        int num = nums[i];
                                                                if (counter.get(num) == 1) {
        if (!counter.containsKey(num)) {
                                                                    return num;
           counter.put(num, 1);
        } else {
           counter.put(num, counter.get(num) 432; 九章来offerin (num == number) {
                                                                    break;
        if (num == number) {
            isBreak = true;
            break;
                                                            return -1;
    if (!isBreak) {
        return -1;
```



```
def firstUniqueNumber(self, nums, number):
    counter = {}
    for num in nums:
        counter[num] = counter.get(num, 0) + 1
        if num == number:
            break
    else:
        return /-1+udv322 九音来off
    for num in nums:
        if counter[num] == 1:
            return num
        if num == number:
            break
    return -1
```



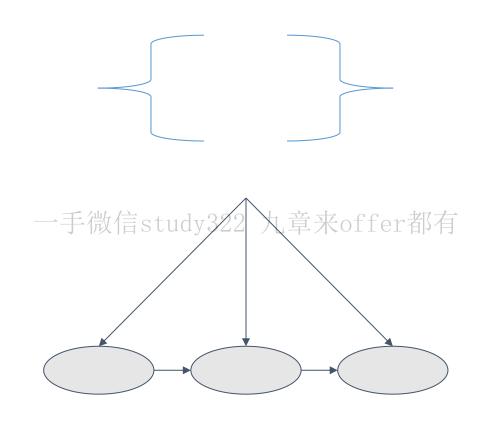
## Follow up: 只遍历一次

http://www.lintcode.com/problem/first-unique-number-in-data-stream-ii/

http://www.jiuzhang.com/solutions/first-unique-number-in-data-stream-ii/

实现一个具有加一个新的数和返回第一个独特的数两个方法的数据结构







```
private ListNode dummy, tail;
                                                          private void remove(int num) {
private Map<Integer, ListNode> numToPrev;
                                                             ListNode prev = numToPrev.get(num);
                                                             numToPrev.remove(num);
private Set<Integer> duplicates;
                                                             prev.next = prev.next.next;
public DataStream() {
                                                             if (prev.next != null) {
   dummy = new ListNode(0);
                                                                 numToPrev.put(prev.next.val, prev);
   tail = dummy;
                                                             } else {
    numToPrev = new HashMap<>();
                                                                 // if we removed the tail node, prev will be the new tail
    duplicates = new HashSet<>();
                                                                 tail = prev;
                                      一手微信study322 九章来offer都有
public void add(int num) {
   if (duplicates.contains(num)) {
                                                          private void pushBack(int num) {
        return;
                                                             // new num add to the tail
                                                             tail.next = new ListNode(num);
                                                             numToPrev.put(num, tail);
    if (!numToPrev.containsKey(num)) {
                                                             tail = tail.next;
        pushBack(num);
        return;
                                                          public int firstUnique() {
                                                             if (dummy.next == null) {
    // find duplicate, remove it from hash & linked list
                                                                 return -1;
    duplicates.add(num);
                                                             return dummy.next.val;
    remove(num);
```



```
init (self):
   self.dummy = ListNode(0)
   self.tail = self.dummy
   self.num_to_prev = {}
   self.duplicates = set()
                                                            else:
def add(self, num):
   if num in self.duplicates:
        return
   if num not in self.num_to_prev:
        self.push back(num)
       return
   # find duplicate, remove it from hash & linked list
   self.duplicates.add(num)
   self.remove(num)
```

```
remove(self, num):
    prev = self.num to prev.get(num)
    del self.num to prev[num]
    prev.next = prev.next.next
    if prev.next:
        self.num_to_prev[prev.next.val] = prev
        # if we removed the tail node, prev will be the new tail
        self.tail = prev
    push back(self, num):
    # new num add to the tail
    self.tail.next = ListNode(num)
    self.num to prev[num] = self.tail
    self.tail = self.tail.next
def firstUnique(self):
    if not self.dummy.next:
        return None
    return self.dummy.next.val
```



### Data Stream 相关问题

https://www.lintcode.com/problem/?tag=data-stream

数据流问题 = 数据只能遍历一次

Data Stream 大都和 Sliding Window 有关

这类问题我们将在《九章算法面试高频题冲刺班》中深入讲解

### 什么是 Data Stream 类问题?



#### 只允许遍历一次!

http://www.lintcode.com/problem/first-unique-number-in-a-stream-ii/

http://www.jiuzhang.com/solutions/first-unique-number-in-a-stream-ii/

其他 Data Stream 的相关问题:

http://www.lintcode.com/tag/data-stream/study322 九章来offer都有

### 哈希表的其他练习题



- http://www.lintcode.com/problem/subarray-sum/
- http://www.lintcode.com/problem/copy-list-with-random-pointer/
- http://www.lintcode.com/problem/anagrams/
- http://www.lintcode.com/problem/longest-consecutive-sequence/

一手微信study322 九章来offer都有



### Heap

支持操作: O(log N) Add / O(log N) Remove / O(log N) Pop / O(1) Min or Max

Heap 的基本原理详见互动课

Java: PriorityQueue

C++: priority\_queue

Python: heapq



## heapq / PQ vs Heap

一手微全要区别是佯委?fer都有



## heapq / PQ vs Heap

一手微全要区别是伴奏?ffer都有

heapq / PQ 是 Heap 的实现, Heap 是数据结构, PQ是具体实现 heapq / PQ 的 remove 操作是 O(n) 的



# 构建一个 heap 的时间复杂度?



# 构建一个 heap 的时间复杂度?

是 O(n), 用 Heapify

Python: heapq.heapify([...])



# 遍历一个 heap 的时间复杂度?

将 heap 中的元素按大小顺序拿出来 比如 Java 中可以用 Iterator 来遍历



# 遍历一个 heap 的时间复杂度?

将 heap 中的元素按大小顺序拿出来 比如 Java 中可以用 Iterator 来遍历 O(nlogn)



## Ugly Number II

http://www.lintcode.com/problem/ugly-number-ii/

http://www.jiuzhang.com/solutions/ugly-number-ii/

设计一个算法,找出只含素因子2,3,5的第 n 小的数。



## 方法1: 三个指针法

用三个指针分别指向没有乘过2,没有乘过3,没有乘过5的第一个数

优点: 时间复杂度低 O(n)

缺点: 思维复杂度比较高



```
public int nthUglyNumber(int n) {
   List<Integer> uglys = new ArrayList<Integer>();
   uglys.add(1);
   int p2 = 0, p3 = 0, p5 = 0;
   // p2, p3 & p5 share the same queue: uglys
   for (int i = 1; i < n; i++) {
       int lastNumber = uglys.get(i - 1);
       while (uglys.get(p2) * 2 <= lastNumber) {</pre>
            p2++;
       while (uglys.get(p3) * 3 <= lastNumber) 微信study322 九章
           p3++;
       while (uglys.get(p5) * 5 <= lastNumber) {</pre>
           p5++;
       uglys.add(Math.min(
           Math.min(uglys.get(p2) * 2, uglys.get(p3) * 3),
           uglys.get(p5) * 5
       ));
   return uglys.get(n - 1);
```

```
nthUglyNumber(self, n):
uglys = []
uglys.append(1)
p2, p3, p5 = 0, 0, 0
# p2, p3 & p5 share the same queue: uglys
for i in range(1, n):
    last_number = uglys[i - 1]
    while uglys[p2] * 2 <= last_number:</pre>
        p2 += 1
    while uglys[p3] * 3 <= last_number:</pre>
         p3 += 1
    while uglys[p5] * 5 <= last number:</pre>
        p5 += 1
    uglys.append(min(
        uglys[p2] * 2,
        uglys[p3] * 3,
        uglys[p5] * 5
    ))
return uglys[n - 1]
```



## 方法2: 堆

每次都去找堆里最小的数

优点: 思维复杂度低

缺点:时间复杂度略低,但是可以接受 O(nlogn)



```
public int nthUglyNumber(int n) {
   Queue<Long> heap = new PriorityQueue<Long>();
   HashSet<Long> visited = new HashSet<Long>();
   heap.add(Long.valueOf(1));
   visited.add(Long.valueOf(1));
   Long[] primes = new Long[3];
   primes[0] = Long.valueOf(2);
   primes[1] = Long.valueOf(3);
   primes[2] = Long.valueOf(5);
                                      一手微信studi
   Long val = null;
   for (int i = 0; i < n; i++) {
       val = heap.poll();
       for (int j = 0; j < 3; j++) {
            if (!visited.contains(val * primes[j])) {
               heap.add(val * primes[j]);
               visited.add(val * primes[j]);
   return val.intValue();
```

```
import heapq
class Solution:
    def nthUglyNumber(self, n):
        heap = [1]
        visited = set([1])
        val = None
        for i in range(n):
            val = heapq.heappop(heap)
            for factor in [2, 3, 5]:
                if val * factor not in visited:
                    visited.add(val * factor)
                    heapq.heappush(heap, val * factor)
        return val
```



## 在线算法 vs 离线算法

在线算法=数据结构设计类问题=数据流问题=数据不可二次访问=多次输入和输出

离线算法 = 一次输入输出 = 数据是一开始给定的 = 数据可以多次访问



# Top K 问题离线算法

http://www.lintcode.com/problem/k-closest-points/

http://www.jiuzhang.com/solutions/k-closest-points/

Microsoft / Apple / Facebook



### **Quick Select**

- 0. 计算所有的点到原点的 distance -- O(n)
- 1. Quick Select 去找到 kth smallest distance -- O(n)
- 3. 遍历所有 distance 找到 top k smallest distance -- O(n)
- 4. 找到的 top k smallest points 按 distance 排序并返回 -- O(klogk) 总体时间复杂度 -- O(n + klogk)



## Top K 问题在线算法

http://www.lintcode.com/problem/top-k-largest-numbers-ii/

http://www.jiuzhang.com/solutions/top-k-largest-number-ii/

Follow up: Top K Frequent Elements



```
Queue < Integer > minHeap;
                                             import heapq
int k;
                                              class Solution:
                                                 def __init__(self, k):
public Solution(int k) {
                                                     self.k = k
   this.k = k;
                                                      self.min heap = []
   minHeap = new PriorityQueue<Integer>();
                                                 def add(self, num):
                                                      heapq.heappush(self.min heap, num)
public void add(int num) {
   minHeap.add(num);
                                                     if len(self.min_heap) > self.k:
   heapq.heappop(self.min_heap)
       minHeap.poll();
                                                 def topk(self):
                                                      return sorted(self.min_heap, reverse=True)
public List<Integer> topk() {
   Iterator it = minHeap.iterator();
   List<Integer> result = new ArrayList<Integer>();
   while (it.hasNext()) {
       result.add((Integer) it.next());
   Collections.sort(result, Collections.reverseOrder());
   return result;
课程版权归属于九章算法(杭州)科技有限公司,贩卖和传播盗版将被追究刑事责任
```

### Top K Largest Number II 面试评分标准



### **Strong Hire:**

能完整实现代码,时间复杂度最优,代码没有大 Bug,无需提示能够对 Follow up 问题提出解决方案(不一定要实现)

#### **Hire / Weak Hire:**

能够完整实现代码,代码 Bug 不多

无需提示或者很少需要提示做出最优复杂度的版本 九章来offer都有

### No Hire / Strong No:

无法用最优的算法实现出来

### **Related Questions**



- http://www.lintcode.com/en/problem/high-five/
- http://www.lintcode.com/problem/merge-k-sorted-arrays/
- http://www.lintcode.com/problem/data-stream-median/
- http://www.lintcode.com/problem/top-k-largest-numbers/
- <a href="http://www.lintcode.com/problem/kth-smallest-number-in-sorted-matrix/一手微信study322 九章来offer都有">http://www.lintcode.com/problem/kth-smallest-number-in-sorted-matrix/一手微信study322 九章来offer都有</a>



# 独孤九剑——破掌式

高级数据结构 Cheat Sheet

高级数据结构	各类操作时间复杂度	能够解决哪些问题	考察频率	学习难度	哪里可以学到
Heap 堆	O(logn) push, pop O(1) top	全局动态找最大找最小	高	低(掌握应用)	九章算法班,强化班
Hash Map 哈希表	O(1) insert, find, delete	查询元素是否存在, key-value 查 询问题	高	低(掌握应用)	九章算法班
Trie 前缀树	O(L) insert, find, delete	和哈希表解决问题类似,查询元素是否存在,key-value 查询问题	中	低	九章算法面试高频题冲刺班
UnionFind 并查集	O(1) union, find	动态合并集合并判断两个元素是 否在同一个集合,MST	中	低	九章算法面试高频题 冲刺班
Balanced BST 平 衡排序二叉树(如 红黑树 Red-black Tree)	O(logn) insert, find, delete, max, min, lower, upper	动态增删查改并支持同时找全局 最大最小值y322 九章来off 找比某个数大的最小值和比某个 数小的最大值时可以用(尽可能 接近)	低 er都有	高	Google
Skip List 跳跃表	O(logn) insert, find, delete, max, min, lower, upper	和 Balanced BST 解决的问题一样,并能一直维持一个有序链表	低	高	系统设计班
Binary Indexed Tree 树状数组	O(logn) insert, delete, range sum	增删改的同时,解决区间求和问题	低	中	树状数组与线段树
Segment Tree 线 段树	O(logn) insert, delete, find, range max, range min, range sum, lower, upper O(1) global max, global min 算法(杭州)科技有限公司,贩卖	增删改的同时,解决区间求值问题,max/min/sum 等等可以完全替代	低	中	树状数组与线段树

·课程版权归属于九章算法(杭州)科技有限公司,贩卖和传播盗版将被追究刑事责任

### 后续学习



- 在互动课中继续学习栈和队列的相关面试题
  - 最大栈 / 最小栈
  - 两个队列实现栈/两个栈实现队列
- 在互动课中继续学习外排序算法与数组合并类问题
  - 外排序算法与 K 路归并算法
  - 数组合并的相关问题

一手微信study322 九章来offer都有