## Лекция 2: библиотека Pandas

Автор: Сергей Вячеславович Макрушин e-mail: SVMakrushin@fa.ru

Финансовый универсиет, 2020 г.

При подготовке лекции использованы материалы:

• Уэс Маккинли Python и анализ данных / Пер. с англ. Слипкин А.А. - М.: ДМК Пресс, 2015

V 0.4 10.09.2020

### Разделы:

- Серии (Series) одномерные массивы в Pandas
- Датафрэйм (DataFrame) двумерные массивы в Pandas
  - Введение
  - Индексация
- Обработка данных в библиотеке Pandas
  - Универсальные функции и выравнивание
  - Работа с пустыми значениями
  - Агрегирование и группировка
- Обработка нескольких наборов данных
  - Объединение наборов данных
  - GroupBy: разбиение, применение, объединение

• к оглавлению

```
In [2]: # загружаем стиль для оформления презентации
from IPython.display import HTML
from urllib.request import urlopen
html = urlopen("file:./lec_vl.css")
HTML(html.read().decode('utf-8'))
```

Out[2]:

**Pandas** - надстройка над библиотекой NumPy, обеспечивающая удобную инфраструкутуру для обработки панельных данных (Pandas - от panel data sets).

Основным классом Pandas является **DataFrame**, объекты DataFrame - многомерные массивы с метками для строк и столбцов. DataFrame позволяет хранить:

- разнородные данные в различных столбцах
- корректно работать с пропущенными данными.

Кроме операций, поддерживаемых NumPy, библиотека Pandas реализует множество операций для работы с данными, характерных для работы с электронными таблицами и базами данных.

## Серии (Series) - одномерные массивы в Pandas

• к оглавлению

```
In [3]:
    import numpy as np
    import pandas as pd
```

Фундаментальные структуры данных Pandas - классы Series, DataFrame и Index.

Объект **Series** - одномерный массив индексированных данных.

```
In [4]:
         # создание Series на основе списка Python:
         sr1 = pd.Series([5, 6, 2, 9, 12])
         sr1
Out[4]:
        1
              6
        3
             9
            12
        dtype: int64
In [5]:
        srl.values # атрибут values - это массив NumPy со значениями
        array([ 5, 6, 2, 9, 12], dtype=int64)
Out[5]:
In [5]:
         srl.index # index - массивоподобный объект типа pd.Index
        RangeIndex(start=0, stop=5, step=1)
Out[5]:
In [6]:
         # Обращение к элементу серии по индексу:
         sr1[2]
Out[6]:
In [7]:
         # Срез серии по индексу:
         sr1[:3]
Out[7]:
        1
             6
             2
        dtype: int64
```

Основное различие между одномерным массивом библиотеки NumPy и Series - наличие у Series индекса, определяющего доступ к данным массива.

Индекс массива NumPy:

- всегда целочисленный
- представлен последовательно идущими целыми числами начиная с 0
- описывается неявно (т.е. не подразумевается явное определение индекса т.к. не допускаются альтернативные варианты индексации)

Индекс объекта Series:

• может состоять из значений типа, выбранного разработчиком (например, строк)

• индекс может описываться явно (вариант по умолчанию совпадает со способом индексации в NumPy) и связывается со значениями

```
In [8]:
         # Создание серии с явным определением индекса:
         sr2 = pd.Series([5, 6, 2, 9, 12], index=['Cochise County', 'Pima County', 'Santa Cruz Cour
                                                  'Maricopa County', 'Yuma County'])
         sr2
        Cochise County
                             5
Out[8]:
        Pima County
        Santa Cruz County
        Maricopa County
        Yuma County
                            12
        dtype: int64
In [9]:
         # Обращение к элементу серии по нецелочисленному индексу:
         sr2['Pima County']
Out[9]:
In [10]:
         sr2['Pima County':]
        Pima County
Out[10]:
        Santa Cruz County
                             2
        Maricopa County
                              9
        Yuma County
                             12
        dtype: int64
```

Объект Series можно рассматривать как специализированный вариант словаря.

- Словарь структура, задающая соответствие произвольных ключей набору произвольных значений
- Объект Series:
  - структура, задающая соответствие типизированных ключей набору типизированных значений
  - кроме того, для ключей (значений индекса) задана последовательность их следования.

```
In [11]:
         # объект Series можно создавать непосредственно из словаря Python:
         # (т.к. словарь не определяет порядок обхода, то такая форма задания может привести
         # к созданию серии с иной последовательностью индекс-значение)
         sr3 = pd.Series({'California': 38332521,
                          'Texas': 26448193,
                          'New York': 19651127,
                          'Florida': 19552860,
                          'Illinois': 12882135})
         sr3
        California 38332521
Out[11]:
        Texas 26448193
                     19651127
        New York
        Florida
                     19552860
        Illinois
                     12882135
        dtype: int64
In [12]:
         # изменение индекса:
         sr3.index = ["Cochice", "Pima", "Santa Cruz", "Maricopa", "Yuma"]
         sr3
                   38332521
        Cochice
Out[12]:
        Pima
                      26448193
```

Santa Cruz 19651127 Maricopa 19552860 Yuma 12882135 dtype: int64

## Датафрэйм (DataFrame) - двумерные массивы в Pandas

• к оглавлению

### Введение

• к оглавлению

states['area']

**DataFrame** - аналог двухмерного массива с гибкими индексами строк и гибкими именами столбцов.

Аналогично тому, что двумерный массив можно рассматривать как упорядоченную последовательность выровненных столбцов, объект DataFrame можно рассматривать как упорядоченную последовательность выровненных объектов Series. Под «выравниванием» понимается то, что они используют один и тот же индекс.

```
      Out[13]:
      population
      area

      California
      38332521
      423967

      Texas
      26448193
      695662

      New York
      19651127
      141297

      Florida
      19552860
      170312

      Illinois
      12882135
      149995
```

```
In [14]: # для всех столбцов DataFrame имеется единый индекс: states.index

Out[14]: Index(['California', 'Texas', 'New York', 'Florida', 'Illinois'], dtype='object')

In [15]: # у объекта DataFrame есть атрибут соlumns, содержащий метки столбцов, - объект типа Index states.columns

Out[15]: Index(['population', 'area'], dtype='object')
```

# DataFrame можно рассматривать как специализированный словарь столбцов.

# DataFrame задает соответствие имени столбца объекту Series:

```
Texas
                        695662
         New York
                       141297
         Florida
                       170312
                       149995
         Illinois
         Name: area, dtype: int64
        NB! Важно понимать, что в NumPy элементы по оси 0 принято рассматривать как строки (т.е. считается,
        что np1[1] - вернет строку с индексом 1), тогда как в Pandas аналогичная конструкция ( pd1[1] )
        возвращает столбец типа Series.
In [17]:
          np1 = np.array([[1, 2, 3], [4, 5, 6]])
          np1, np1.shape
         (array([[1, 2, 3],
Out[17]:
                  [4, 5, 6]]),
          (2, 3))
In [18]:
          пр1[1] # строка с индексом 1
         array([4, 5, 6])
Out[18]:
In [19]:
          # первое измерение (axis=0) рассматривается как размерность серий (столбцов),
          # а вторая - как их количес
          pd1 = pd.DataFrame(data=np1)
          pd1
         0 1 2
Out[19]:
         0 1 2 3
         1 4 5 6
In [20]:
          pd1[1] # обращение к столбцу с именем (индексом) 1
              2
Out[20]:
         Name: 1, dtype: int32
        Т.е. индексация DataFrame (т.е. операция вида: pd1[...]) ориентирована на манипулирование
        столбцами. DataFrame можно рассматривать как серию серий:
In [21]:
          type (pd1[1])
         pandas.core.series.Series
Out[21]:
In [22]:
          # из этого понятно, почему:
          pd1[1][0]
Out[22]:
In [23]:
          # тогда как:
          np1[1][0]
Out[23]:
```

California

Out[16]:

423967

```
# создание DataFrame на базе массива NumPy с заданием индекса и имен столбцов
In [24]:
         pd2 = pd.DataFrame(data=np1, index=['la', 'lb'], columns=['cl1', 'cl2', 'cl3'] )
         pd2
Out[24]:
            cl1 cl2 cl3
                 2
                     3
             1
         la
                 5
         lb
             4
                     6
In [25]:
          # использование заданных индексов:
         pd2['cl2']
             2
         la
Out[25]:
         lb
               5
         Name: cl2, dtype: int32
In [26]:
         pd2['cl2']['la']
Out[26]:
In [27]:
          # создание DataFrame из списка словарей (ключи - имена столбцов):
         pd3 = pd.DataFrame([{'a': 1, 'b': 2, 'c':'Alpha'}, {'a':0, 'b': 3, 'c': 'Beta'}])
         pd3
Out[27]: a b
                    C
         0 1 2 Alpha
         1 0 3
                 Beta
In [28]:
          # явное задание индекса:
         pd3 = pd.DataFrame([{'a': 1, 'b': 2, 'c':'Alpha'}, {'a':0, 'b': 3, 'c': 'Beta'}], index=[
Out[28]:
                a b
                        C
           first 1 2 Alpha
         second 0 3
                      Beta
In [29]:
         # в Pandas допускаются пропуски данных
          # (и явная индексация упрощает задание данных с пропусками):
         pd3 = pd.DataFrame([{'a': 1, 'c':'Alpha'}, {'a':0, 'b': 3, 'c': 'Beta'}], index=['first',
Out[29]:
                a
                     C
           first 1 Alpha NaN
         second 0 Beta
                         3.0
In [30]:
          # создание DataFrame из словаря списков (ключи - имена столбцов):
         data = {'county': ['Cochice', 'Pima', 'Santa Cruz', 'Maricopa', 'Yuma'],
                  'year': [2012, 2012, 2013, 2014, 2014],
                  'reports': [4, 24, 31, 2, 3]}
```

```
Out[30]:
              county year reports
         0
              Cochice 2012
         1
                Pima 2012
                              24
         2 Santa Cruz 2013
                              31
             Maricopa 2014
                               3
         4
               Yuma 2014
In [31]:
          # явное определение порядка и состава столбцов и индекса:
          pd4 = pd.DataFrame(data, columns=['reports', 'county'], index=[chr(ord('a') + i) for i in
Out[31]:
          reports
                     county
                     Cochice
                4
         b
               24
                       Pima
               31 Santa Cruz
         C
                2
                    Maricopa
                3
                      Yuma
        Индексация
          • к оглавлению
        Индексация для серий
In [33]:
          sr4 = pd.Series([0.25, 0.5, 0.75, 1.0],
                          index=['a', 'b', 'c', 'd'])
          sr4
              0.25
Out[33]:
             0.50
              0.75
              1.00
         dtype: float64
        Серии поддерживают интерфейс, близкий к словарям Python
In [34]:
          # извлечение элемента серии по аналогии с использованием словаря:
          sr4['b']
         0.5
Out[34]:
In [35]:
          # аналогично словарям поддерживается проверка вхождения элемента в индекс серии:
         True
```

pd4 = pd.DataFrame(data)

pd4

Out[35]:

In [36]:

```
sr4.keys()
         Index(['a', 'b', 'c', 'd'], dtype='object')
Out[36]:
In [37]:
          # в отличие от словарей keys() нужно указывать явно:
          for i in sr4.keys():
               print(f'{i} -> {sr4[i]}')
         a \rightarrow 0.25
         b -> 0.5
         c \rightarrow 0.75
         d \rightarrow 1.0
In [38]:
          # итерация по значениям, а не по ключам!
          for i in sr4:
               print(f'{i}')
         0.25
         0.5
         0.75
         1.0
In [39]:
          list(sr4.items())
          [('a', 0.25), ('b', 0.5), ('c', 0.75), ('d', 1.0)]
Out[39]:
In [40]:
          for i, v in sr4.items():
               print(f'{i} -> {v}')
         a \rightarrow 0.25
         b -> 0.5
         c \rightarrow 0.75
         d \rightarrow 1.0
In [41]:
          # модификация (добавление) элемента серии:
          sr4['e'] = 1.25
          sr4
               0.25
Out[41]:
               0.50
         b
               0.75
         С
         d
               1.00
               1.25
         dtype: float64
In [42]:
          sr4['e'] = 1.75
          sr4
              0.25
Out[42]:
               0.50
         b
               0.75
         С
         d
              1.00
               1.75
         е
         dtype: float64
         Серии поддерживают механизмы индексации, аналогичные массивам NumPy: срезы, маскирование и
```

In [56]: # срез с использованием явных индексов (в срезах с явными использованием индексов правая :

прихотливое индексирование.

```
sr4['a':'c']
              0.25
Out[56]:
              0.50
              0.75
         dtype: float64
In [44]:
          # прихотливое индексирование с использованием явных индексов:
         sr4[['b','a','c']]
              0.50
Out[44]:
              0.25
              0.75
         dtype: float64
In [45]:
          # срез с использованием НЕявных (целочисленных) индексов:
         sr4[0:2]
              0.25
Out[45]:
             0.50
         dtype: float64
In [46]:
          # прихотливое индексирование с использованием НЕявных индексов:
         sr4[[1, 0, 2]]
           0.50
Out[46]:
              0.25
              0.75
         dtype: float64
        NB! В случае использования НЕявного целочисленного индекса использование срезов может выглядеть
        неоднозначно и приводить к ошибкам.
In [47]:
         sr5 = pd.Series(['a', 'b', 'c'], index=[1, 3, 5])
In [48]:
          # при обычном индексировании используется явный индекс
         sr5[1]
         'a'
Out[48]:
In [49]:
          # при использовании среза используется НЕявный индекс:
```

Из-за этой потенциальной путаницы в случае целочисленных индексов в библиотеке Pandas предусмотрены специальные атрибуты-индексаторы, позволяющие явным образом применять определенные схемы индексации:

sr5[1:3] # этот результат может противоречить ожидаемому

b

dtype: object

Out[49]:

- атрибут loc позволяет выполнить индексацию и срезы с использованием явного индекса
- атрибут **iloc** дает возможность выполнить индексацию и срезы, применяя неявный индекс в стиле языка Python

```
In [51]: sr5
```

```
Out[51]: 1
              а
         3
              b
              С
         dtype: object
In [52]:
          sr5.loc[1] # явный индекс
Out[52]:
In [53]:
          sr5.iloc[1] # неявный индекс
Out[53]:
In [57]:
          sr5.loc[1:3] # в срезах с явными использованием индексов правая граница включается!
Out[57]:
              b
         dtype: object
In [58]:
          sr5.iloc[1:3]
             b
Out[58]:
              С
         dtype: object
In [59]:
          # Применение маскирования для серий аналогично NumPy:
          sr4[(sr4 > 0.3) & (sr4 < 0.8)]</pre>
              0.50
Out[59]:
             0.75
         dtype: float64
        Что происходит внутри:
In [60]:
          sr4 > 0.3
              False
Out[60]:
               True
               True
         С
         d
               True
               True
         dtype: bool
In [61]:
          (sr4 > 0.3) & (sr4 < 0.8)
              False
Out[61]:
               True
               True
             False
             False
         dtype: bool
        Индексация для DataFrame
In [62]:
          states
```

Out[62]:

	population	area
California	38332521	423967
Texas	26448193	695662
New York	19651127	141297
Florida	19552860	170312
Illinois	12882135	149995

DataFrame может рассматриваться как словарь (серия) серий:

```
In [63]:
          states['area']
         California
                        423967
Out[63]:
         Texas
                        695662
         New York
                        141297
         Florida
                        170312
         Illinois
                        149995
         Name: area, dtype: int64
In [64]:
          # для имен столбцов, не конфликтующих с методами DataFrame и синтаксисом Python, допустим
          states.area
         California
                        423967
Out[64]:
         Texas
                        695662
         New York
                        141297
         Florida
                        170312
         Illinois
                        149995
         Name: area, dtype: int64
In [65]:
          # синтаксис словаря допустим и для присвоения (создания новой серии-столбца):
          states['density'] = states['population'] / states['area']
          states
                                      density
Out[65]:
                  population
                              area
                    38332521
                            423967
         California
                                    90.413926
                    26448193 695662
                                    38.018740
            Texas
```

**NB!** Операции среза и маскирования **относятся к строкам (!)**, а не столбцам (это не очень логично, но удобно на практике):

```
In [66]: states[:'New York'] # прия явном использовании индекса правая граница включается!
```

```
        Out[66]:
        population
        area
        density

        California
        38332521
        423967
        90.413926

        Texas
        26448193
        695662
        38.018740

        New York
        19651127
        141297
        139.076746
```

19651127 141297

12882135 149995

19552860 170312 114.806121

139.076746

85.883763

**New York** 

**Florida** 

Illinois

```
states[:3] # при НЕявном использовании индекса граница не включается
In [67]:
Out[67]:
                   population
                                area
                                        density
         California
                     38332521 423967
                                      90.413926
                     26448193 695662 38.018740
             Texas
          New York 19651127 141297 139.076746
In [68]:
          # маскирование работает по строкам:
          states[states.density > 100]
Out[68]:
                   population
                                        density
                                area
                   19651127 141297 139.076746
         New York
            Florida
                    19552860 170312 114.806121
         DataFrame поддерживает двухмерный вариант loc, iloc
In [69]:
          states.loc[states.density > 100, ['population', 'density']]
Out[69]:
                   population
                                density
          New York 19651127 139.076746
            Florida
                   19552860 114.806121
In [70]:
          states.iloc[0, 2] = 90
          states
Out[70]:
                   population
                                        density
                              area
          California
                     38332521 423967 90.000000
             Texas
                     26448193 695662 38.018740
          New York 19651127 141297 139.076746
            Florida 19552860 170312 114.806121
```

## Обработка данных в библиотеке Pandas

• к оглавлению

Illinois

### Универсальные функции и выравнивание

12882135 149995 85.883763

• к оглавлению

Все универсальные функции библиотеки NumPy работают с объектами Series и DataFrame библиотеки Pandas.

```
In [71]: import numpy as np
```

```
In [72]:
          rs = np.random.RandomState (42)
          sr6 = pd.Series(rs.randint(0, 10, 4))
              6
Out[72]:
              3
              7
              4
         dtype: int32
        Результатом применения универсальной функции NumPy к объектам Pandas будет новый объект с
        сохранением индексов
In [73]:
          sr7 = np.exp(sr6)
          sr7
               403.428793
Out[73]:
                 20.085537
              1096.633158
                 54.598150
         dtype: float64
In [74]:
          sr6 # исходная серия осталась неизменной
               6
Out[74]:
              3
              7
              4
         dtype: int32
In [75]:
          pd5 = pd.DataFrame(rs.randint(0, 10, (3, 4)),
                             columns=['A', 'B', 'C', 'D'])
          pd5
Out[75]:
            ABCD
           6 9 2 6
         1 7 4 3 7
         2 7 2 5 4
In [76]:
          np.sin(pd5 * np.pi / 4)
Out[76]:
                               В
                                        C
                                                    D
           -1.000000
                     7.071068e-01
                                  1.000000 -1.000000e+00
         1 -0.707107
                     1.224647e-16
                                  0.707107
                                           -7.071068e-01
         2 -0.707107 1.000000e+00 -0.707107
                                            1.224647e-16
        При бинарных операциях над двумя объектами Series или DataFrame библиотека Pandas будет
        выравнивать индексы в процессе выполнения операции. Получившийся в итоге массив содержит
```

In [77]: pd5

объединение индексов двух исходных массивов. Недостающие значения будут отмечены как NaN («нечисловое значение»), с помощью которого библиотека Pandas отмечает пропущенные данные.

```
Out[77]:
           A B C D
           6 9 2 6
         1 7 4 3 7
        2 7 2 5 4
In [78]:
         pd6 = pd.DataFrame(rs.randint(0, 10, (4, 4)), index=list(range(1,5)),
                           columns=['B', 'C', 'D', 'F'])
         pd6
Out[78]:
           B C D F
         1 1 7 5 1
         2 4 0 9 5
         3 8 0 9 2
         4 6 3 8 2
In [79]:
         sr8 = pd5['A'] + pd6['B'] # выполняется выравнивание по индексам (участвуют две серии)
         sr8
              NaN
Out[79]:
              8.0
         2
             11.0
         3
              NaN
         4
              NaN
        dtype: float64
In [80]:
         pd7 = pd5 + pd6 # выполняется выравнивание по столбцам и по индексам
         pd7
                                 F
Out[80]:
                       C
                            D
           NaN
                NaN NaN NaN
                              NaN
           NaN
                 5.0
                     10.0
                          12.0
                              NaN
         2 NaN
                 6.0
                      5.0
                          13.0
                              NaN
           NaN
                NaN
                    NaN
                         NaN
                              NaN
          NaN
                NaN NaN NaN NaN
```

### Работа с пустыми значениями

#### • к оглавлению

B Pandas в качестве пустых значений рассматривается значение NaN ("Not a Number"), поддерживаемое форматом чисел с плавающей точкой (np.nan в NumPy) и значением None для объектов Python.

```
In [81]: sr8

Out[81]: 0 NaN
1 8.0
2 11.0
3 NaN
```

```
dtype: float64
In [82]:
          # получение маски пустых значений
          sr8.isna()
         0
              True
Out[82]:
         1
              False
         2
              False
         3
               True
               True
         dtype: bool
In [83]:
          pd7.isna()
Out[83]:
              Α
                   В
                        C
                              D
                                   F
         0 True
                 True
                      True
                           True True
         1 True
                 False
                      False
                           False
                                True
         2 True
                 False False
                           False
                                True
         3 True
                 True
                      True
                           True True
         4 True
                 True
                      True
                           True True
In [84]:
          # очистка от пустых значений:
          sr8.dropna()
              8.0
Out[84]:
              11.0
         dtype: float64
In [85]:
          pd7.dropna() # default how='any'
Out[85]:
           ABCDF
In [86]:
          # default axis=0, удаляем строки, в которых все значения NaN:
          pd7.dropna(how='all')
                                 F
Out[86]:
                  В
                       C
                           D
              Α
         1 NaN
                5.0
                     10.0
                         12.0
                              NaN
         2 NaN 6.0
                      5.0 13.0 NaN
In [87]:
          # последовательное применение dropna:
          # сначала для строк (т.к. default axis=0),
          # потом для столбцов dropna(axis=1), помним: (default how='any'):
          pd7.dropna(how='all').dropna(axis=1)
Out[87]:
             В
                  C
                      D
         1 5.0 10.0 12.0
         2 6.0
                 5.0 13.0
```

NaN

```
In [88]:
Out[88]:
             Α
                 В
                     C
                          D
         0.0 0.0
                    0.0
                         0.0 0.0
         1 0.0 5.0
                   10.0 12.0 0.0
         2 0.0 6.0
                    5.0 13.0 0.0
         3 0.0 0.0
                    0.0
                         0.0 0.0
         4 0.0 0.0
                         0.0 0.0
                    0.0
        Агрегирование и группировка
          • к оглавлению
In [90]:
          pd75 = pd.DataFrame({'A': rs.rand(5), 'B': rs.rand(5)})
          pd75
Out[90]:
                 Α
                         В
         0 0.683264 0.182236
         1 0.609997 0.755361
         2 0.833195 0.425156
         3 0.173365 0.207942
         4 0.391061 0.567700
In [91]:
          pd75.values.mean(axis=0)
         array([0.53817607, 0.42767907])
Out[91]:
In [92]:
          # default axis=0, т.е. агрегируем значения вдоль оси 0
          # (т.е. при агрегировании меняем индекс элементов вдоль этой оси):
          pd75.mean()
             0.538176
Out[92]:
              0.427679
         dtype: float64
In [93]:
          pd75.mean(axis=1)
             0.432750
Out[93]:
              0.682679
         2
              0.629175
              0.190653
         3
              0.479380
         dtype: float64
In [96]:
          # агрегирование по всему DataFrame:
          pd75.values.mean()
         0.48292757127103964
Out[96]:
```

pd7.fillna(0.0) # заполнение NaN заданными значениями

```
In [97]:
          # aтрибут values:
          pd75.values, type(pd75.values)
          (array([[0.68326352, 0.18223609],
Out[97]:
                   [0.60999666, 0.75536141],
                   [0.83319491, 0.42515587],
                   [0.17336465, 0.20794166],
                   [0.39106061, 0.56770033]]),
           numpy.ndarray)
In [98]:
          pd.DataFrame({'sum':pd75.sum(), 'prod':pd75.prod(),
                          'mean':pd75.mean(), 'median':pd75.median(), 'std':pd75.std(), 'var':pd75.val
                          'min':pd75.min(), 'max':pd75.max()})
Out[98]:
                sum
                        prod
                                mean
                                       median
                                                   std
                                                                    min
                                                                            max
          A 2.690880 0.023543 0.538176
                                      0.609997 0.258832 0.066994 0.173365 0.833195
          B 2.138395 0.006909 0.427679 0.425156 0.242649 0.058879 0.182236 0.755361
In [99]:
          pd75.describe()
Out[99]:
                              В
          count 5.000000 5.000000
          mean 0.538176 0.427679
            std 0.258832 0.242649
           min 0.173365 0.182236
           25%
               0.391061 0.207942
           50%
               0.609997 0.425156
           75%
               0.683264 0.567700
           max 0.833195 0.755361
In [100...
           # квантиль:
          pd75.quantile(0.5)
               0.609997
Out[100...
               0.425156
         Name: 0.5, dtype: float64
In [101...
          pd75.quantile(np.arange(0.0, 1.1, 0.1))
Out[101...
                    Α
          0.0 0.173365 0.182236
          0.1 0.260443 0.192518
          0.2 0.347521 0.202801
          0.3 0.434848 0.251385
          0.4 0.522422 0.338270
          0.5 0.609997 0.425156
```

```
      A
      B

      0.6
      0.639303
      0.482174

      0.7
      0.668610
      0.539191

      0.8
      0.713250
      0.605233

      0.9
      0.773222
      0.680297

      1.0
      0.833195
      0.755361
```

## Обработка нескольких наборов данных

### Объединение наборов данных

• к оглавлению

**1** 3 4

```
In [102...
         pd8 = pd.DataFrame([[1, 2], [3, 4]], columns=list('AB'))
         А В
Out[102...
         0 1 2
         1 3 4
In [103...
         pd9 = pd.DataFrame([[5, 6], [7, 8]], columns=list('AB'))
Out[103... A B
         0 5 6
         1 7 8
In [104...
         # append создает новый объект DataFrame:
         pd8.append(pd9) # при конкатенации может происходить дублирование индекса
Out[104... A B
         0 1 2
         1 3 4
         0 5 6
         1 7 8
In [105...
          # автоматически создается новый индекс:
         pd8.append(pd9, ignore index=True)
Out[105... A B
         0 1 2
```

```
A B
2 5 6
3 7 8
```

Функция pd.merge() реализует множество типов соединений: «один-к-одному», «многие-к-одному» и «многие-ко-многим». Все эти три типа соединений доступны через один и тот же вызов pd.merge(), тип выполняемого соединения зависит от формы входных данных.

```
In [106...
          pd10 = pd.DataFrame({'employee': ['Bob', 'Jake', 'Lisa', 'Sue'],
                                 'group': ['Accounting', 'Engineering', 'Engineering', 'HR']})
          pd11 = pd.DataFrame({'employee': ['Lisa', 'Bob', 'Jake', 'Sue'],
                                 'hire date': [2004, 2008, 2012, 2014]})
In [107...
          pd10
Out[107...
            employee
                          group
         0
                 Bob
                      Accounting
          1
                 Jake
                      Engineering
         2
                 Lisa
                      Engineering
         3
                 Sue
                             HR
In [108...
          pd11
Out[108...
            employee hire_date
                          2004
         0
                 Lisa
         1
                 Bob
                          2008
         2
                          2012
                 Jake
         3
                          2014
                 Sue
In [131...
           # Функция pd.merge() распознает, что в обоих объектах DataFrame имеется столбец
          # employee, и автоматически выполняет соединение один-к-одному, используя этот столбец в
          pd.merge(pd10, pd11)
Out[131...
            employee
                          group hire_date
         0
                      Accounting
                 Bob
                                     2008
                 Jake
                      Engineering
                                     2012
         2
                      Engineering
                                     2004
                 Lisa
         3
                 Sue
                             HR
                                     2014
In [109...
          pd12 = pd.DataFrame({'group': ['Accounting', 'Engineering', 'HR'],
                                         'supervisor': ['Carly', 'Guido', 'Steve']})
```

Out[109...

pd12

```
supervisor
                  group
              Accounting
                               Carly
              Engineering
                              Guido
          2
                     HR
                               Steve
In [110...
            # соединение многие-к-одному по столбцу group:
           pd.merge(pd10, pd12)
Out[110...
             employee
                             group supervisor
          0
                   Bob
                                         Carly
                         Accounting
           1
                                         Guido
                   Jake
                        Engineering
          2
                                         Guido
                   Lisa
                        Engineering
          3
                   Sue
                                HR
                                         Steve
In [111...
           pd13 = pd.DataFrame({'group': ['Accounting', 'Accounting', 'Engineering', 'Engineering',
                                             'skills': ['math', 'spreadsheets', 'coding', 'linux', 'spreadsh
           pd13
Out[111...
                                skills
                  group
          0
              Accounting
                                math
                         spreadsheets
              Accounting
              Engineering
                               coding
              Engineering
                                 linux
                          spreadsheets
           4
           5
                     HR
                          organization
In [112...
            # соединение многие-ко-многим по столбцу group:
           pd.merge(pd10, pd13)
                                           skills
Out[112...
             employee
                             group
          0
                                           math
                   Bob
                         Accounting
           1
                   Bob
                         Accounting
                                    spreadsheets
          2
                   Jake
                        Engineering
                                          coding
          3
                   Jake
                        Engineering
                                           linux
          4
                        Engineering
                   Lisa
                                         coding
          5
                   Lisa
                        Engineering
                                           linux
          6
                   Sue
                                HR
                                    spreadsheets
```

Metog pd.merge() по умолчанию выполняет поиск в двух входных объектах соответствующих названий столбцов и использует найденное в качестве ключа. Однако, зачастую имена столбцов не совпадают, для

7

Sue

HR

organization

этого случая в методе pd.merge() имеются специальные параметры.

- оп для явного указания имени (имен) столбцов;
- left\_on и right\_on для явного указания имен столбцов, в случае, если у первого и второго DataFrame они не совпадают;
- left\_index и right\_index для указания индекса в качестве ключа слияния.

```
0
                                70000
        Bob Accounting
                           Bob
1
        Jake Engineering
                          Jake
                                80000
2
        Lisa Engineering
                          Lisa 120000
3
        Sue
                     HR
                          Sue
                               90000
```

```
In [114... # лишний столбец можно удалить:
pd15.drop('name', axis=1, inplace=True) # inplace=True - не создается новый DataFrame
pd15
```

```
Out[114...
                                     salary
             employee
                             group
           0
                                     70000
                   Bob Accounting
           1
                   Jake Engineering
                                     80000
           2
                   Lisa Engineering 120000
           3
                   Sue
                                HR
                                     90000
```

### GroupBy: разбиение, применение, объединение

#### • к оглавлению

Операцию GroupBy удобно представить в виде последовательного применения операций: разбиение, применение и объединение (**split, apply, combine**):

- **split** (шаг разбиения): включает разделение на части и группировку объекта DataFrame на основе значений заданного ключа.
- **apply** (шаг применения): включает вычисление какой-либо функции, обычно агрегирующей, преобразование или фильтрацию в пределах отдельных групп.
- **combine** (шаг объединения): во время шага выполняется слияние результатов предыдущих операций в выходной массив.

Для DataFrame операцию "разбить, применить, объединить" можно реализовать с помощью метода groupby(), передав в него имя желаемого ключевого столбца. Функция groupby() возвращает не набор объектов DataFrame, а объект DataFrameGroupBy, который можно рассматривать как специальное представление объекта DataFrame, готовое к группировке, но не выполняющее никаких фактических вычислений до этапа применения агрегирования (используется принцип отложенных вычислений).

Для получения результата нужно вызвать один из агрегирующих методов объекта DataFrameGroupBy, что приведет к выполнению соответствующих шагов применения/объединения.

```
In [117...
          pd16 = pd.DataFrame({'key': ['A', 'B', 'C', 'A', 'B', 'C'],
                                'data': range(1, 7)}, columns=['key', 'data'])
In [118...
          pd16
Out[118...
             key
                 data
          0
              Α
                    1
          1
                    2
          2
          3
                    5
          5
In [119...
          pd16.groupby('key')
          <pandas.core.groupby.generic.DataFrameGroupBy object at 0x000002DEAD6A49C8>
Out[119...
In [120...
          pd16.groupby('key').sum()
Out[120...
               data
          key
                 5
           Α
           В
                 7
            C
                 9
In [121...
           # загружаем набор данных об открытии экзопланет:
          import seaborn as sns
          planets = sns.load dataset('planets')
          planets.shape
          (1035, 6)
Out[121...
In [122...
           # заголовок таблицы
          planets.head()
Out[122...
                 method number orbital_period mass distance year
            Radial Velocity
                                                              2006
                               1
                                       269.300
                                                7.10
                                                        77.40
```

56.95 2008

19.84 2011

110.62 2007

Radial Velocity

**Radial Velocity** 

3 Radial Velocity

1

1

1

874.774

763.000

326.030 19.40

2.21

2.60

```
methodnumberorbital_periodmassdistanceyear4Radial Velocity1516.22010.50119.472009
```

In [123...

# подсчитываем количество не NaN значений в каждой группе: planets.groupby('year').count()

Out[123...

	method	number	$orbital\_period$	mass	distance
year					
1989	1	1	1	1	1
1992	2	2	2	0	0
1994	1	1	1	0	0
1995	1	1	1	1	1
1996	6	6	6	4	6
1997	1	1	1	1	1
1998	5	5	5	5	5
1999	15	15	15	14	15
2000	16	16	16	14	16
2001	12	12	12	11	12
2002	32	32	32	31	31
2003	25	25	25	22	24
2004	26	26	22	15	23
2005	39	39	38	34	37
2006	31	31	28	20	28
2007	53	53	52	32	45
2008	74	74	69	43	64
2009	98	98	96	74	83
2010	102	102	96	41	93
2011	185	185	184	91	155
2012	140	140	132	24	91
2013	118	118	107	30	71
2014	52	52	51	5	6

In [124...

# группировка экзопланет по методу их идентификации: planets.groupby('method').count()

Out[124...

	number	$orbital\_period$	mass	distance	year
method					
Astrometry	2	2	0	2	2
<b>Eclipse Timing Variations</b>	9	9	2	4	9

```
number orbital_period mass distance year
                    method
                                   38
                                                                  32
                                                                        38
                    Imaging
                Microlensing
                                   23
                                                                  10
                                                                        23
Orbital Brightness Modulation
                                                                         3
               Pulsar Timing
                                    5
                                                   5
                                                                         5
```

```
Pulsation Timing Variations
                                      1
                                                  1
                                                                0
                                                                    1
                     Radial Velocity
                                     553
                                                 553
                                                      510
                                                              530
                                                                   553
                           Transit
                                     397
                                                 397
                                                              224
                                                                   397
                                                  3
                                                        0
                                                              3
             Transit Timing Variations
                                      4
                                                                     4
In [125...
          # сколько орбитальных периодов было обнаружено каждым из методов:
         planets.groupby('method')['orbital period'].count()
Out[125... method
                                             2
        Astrometry
         Eclipse Timing Variations
                                            12
         Imaging
         Microlensing
                                             7
         Orbital Brightness Modulation
         Pulsar Timing
         Pulsation Timing Variations
                                            1
                                           553
         Radial Velocity
         Transit
                                           397
         Transit Timing Variations
         Name: orbital period, dtype: int64
In [126...
          # медианное значение орбитальных периодов (в днях), выявленных каждым из методов:
         planets.groupby('method')['orbital period'].median()
         method
Out[126...
        Astrometry
                                            631.180000
         Eclipse Timing Variations
                                          4343.500000
         Imaging
                                          27500.000000
         Microlensing
                                          3300.000000
         Orbital Brightness Modulation
                                             0.342887
                                            66.541900
         Pulsar Timing
         Pulsation Timing Variations 1170.000000
         Radial Velocity
                                            360.200000
                                              5.714932
         Transit
         Transit Timing Variations
                                              57.011000
         Name: orbital period, dtype: float64
In [222...
          # по группам, выделенным с помощью groupby, можно итерироваться:
         for (method, group) in planets.groupby('method'): # тип group - DataFrame
             print(f"{method} shape={group.shape}")
         Astrometry shape=(2, 6)
         Eclipse Timing Variations shape=(9, 6)
         Imaging shape=(38, 6)
         Microlensing shape=(23, 6)
         Orbital Brightness Modulation shape=(3, 6)
```

Pulsar Timing shape=(5, 6)

Radial Velocity shape=(553, 6)

Pulsation Timing Variations shape=(1, 6)

```
Transit shape=(397, 6)
Transit Timing Variations shape=(4, 6)
```

На этапе применения у объектов GroupBy кроме обычных агрегирующих методов, таких как sum(), median() и т. п., имеются методы aggregate(), filter(), transform() и apply(), эффективно выполняющие множество полезных операций до объединения сгруппированных данных.

Meтод aggregate() может принимать на входе строку, функцию или список и вычислять все сводные показатели сразу.

```
In [229... planets.groupby('method')['orbital_period'].aggregate(['min', np.median, max])
```

Out[229... median min max method 246.360000 631.180000 1016.000000 **Astrometry Eclipse Timing Variations** 4343.500000 10220.000000 1916.250000 4639.150000 27500.000000 730000.000000 **Imaging** 3300.000000 5100.000000 Microlensing 1825.000000 **Orbital Brightness Modulation** 0.240104 0.342887 1.544929 **Pulsar Timing** 0.090706 66.541900 36525.000000 **Pulsation Timing Variations** 1170.000000 1170.000000 1170.000000 **Radial Velocity** 0.736540 360.200000 17337.500000 **Transit** 0.355000 5.714932 331.600590

22.339500

**Transit Timing Variations** 

Операция фильтрации filter дает возможность опускать данные в зависимости от свойств группы. Например, нам может понадобиться оставить в результате все группы

160.000000

57.011000

```
In [263... def filter_func(x):
    return x['orbital_period'].max()/x['orbital_period'].min() > 1000

In [264... gr1 = planets.groupby('method').filter(filter_func)
    gr1.shape
Out[264... (558, 6)
```

В то время как агрегирующая функция должна возвращать сокращенную версию данных, преобразование transform может вернуть версию полного набора данных, преобразованную ради дальнейшей их перекомпоновки. При подобном преобразовании форма выходных данных совпадает с формой входных. Распространенный пример - центрирование данных путем вычитания среднего значения по группам.

```
In [267...
    planets['cntr_orbital_period'] = planets.groupby('method')['orbital_period'].transform(lar
    planets
```

Out [ 267... method number orbital\_period mass distance year cntr\_orbital\_period

O Radial Velocity 1 269.300000 7.100 77.40 2006 -554.054680

	method	number	orbital_period	mass	distance	year	cntr_orbital_period
1	Radial Velocity	1	874.774000	2.210	56.95	2008	51.419320
2	Radial Velocity	1	763.000000	2.600	19.84	2011	-60.354680
3	Radial Velocity	1	326.030000	19.400	110.62	2007	-497.324680
4	Radial Velocity	1	516.220000	10.500	119.47	2009	-307.134680
5	Radial Velocity	1	185.840000	4.800	76.39	2008	-637.514680
6	Radial Velocity	1	1773.400000	4.640	18.15	2002	950.045320
7	Radial Velocity	1	798.500000	NaN	21.41	1996	-24.854680
8	Radial Velocity	1	993.300000	10.300	73.10	2008	169.945320
9	Radial Velocity	2	452.800000	1.990	74.79	2010	-370.554680
10	Radial Velocity	2	883.000000	0.860	74.79	2010	59.645320
11	Radial Velocity	1	335.100000	9.880	39.43	2009	-488.254680
12	Radial Velocity	1	479.100000	3.880	97.28	2008	-344.254680
13	Radial Velocity	3	1078.000000	2.530	14.08	1996	254.645320
14	Radial Velocity	3	2391.000000	0.540	14.08	2001	1567.645320
15	Radial Velocity	3	14002.000000	1.640	14.08	2009	13178.645320
16	Radial Velocity	1	4.230785	0.472	15.36	1995	-819.123895
17	Radial Velocity	5	14.651000	0.800	12.53	1996	-808.703680
18	Radial Velocity	5	44.380000	0.165	12.53	2004	-778.974680
19	Radial Velocity	5	4909.000000	3.530	12.53	2002	4085.645320
20	Radial Velocity	5	0.736540	NaN	12.53	2011	-822.618140
21	Radial Velocity	5	261.200000	0.172	12.53	2007	-562.154680
22	Radial Velocity	3	4.215000	0.016	8.52	2009	-819.139680
23	Radial Velocity	3	38.021000	0.057	8.52	2009	-785.333680
24	Radial Velocity	3	123.010000	0.072	8.52	2009	-700.344680
25	Radial Velocity	1	116.688400	NaN	18.11	1996	-706.666280
26	Radial Velocity	1	691.900000	NaN	81.50	2012	-131.454680
27	Radial Velocity	1	952.700000	5.300	97.18	2008	129.345320
28	Radial Velocity	1	181.400000	3.200	45.52	2013	-641.954680
29	Imaging	1	NaN	NaN	45.52	2005	NaN
•••							
1005	Transit	1	3.693641	NaN	200.00	2012	-17.408432
1006	Transit	1	4.465633	NaN	330.00	2012	-16.636440
1007	Transit	1	4.617101	NaN	255.00	2012	-16.484972
1008	Transit	1	2.838971	NaN	455.00	2012	-18.263102
1009	Transit	1	5.017180	NaN	300.00	2012	-16.084893
1010	Transit	1	7.919585	NaN	125.00	2012	-13.182488

	method	number	orbital_period	mass	distance	year	cntr_orbital_period
1011	Transit	1	4.305001	NaN	400.00	2012	-16.797072
1012	Transit	1	3.855900	NaN	480.00	2012	-17.246173
1013	Transit	1	4.411953	NaN	160.00	2012	-16.690120
1014	Transit	1	4.378090	NaN	330.00	2012	-16.723983
1015	Transit	1	1.573292	NaN	350.00	2012	-19.528781
1016	Transit	1	2.311424	NaN	310.00	2013	-18.790648
1017	Transit	1	4.086052	NaN	380.00	2012	-17.016021
1018	Transit	1	4.614420	NaN	225.00	2012	-16.487653
1019	Transit	1	2.903675	NaN	345.00	2012	-18.198398
1020	Transit	1	2.216742	NaN	340.00	2012	-18.885331
1021	Transit	1	2.484193	NaN	260.00	2013	-18.617880
1022	Transit	1	1.360031	NaN	93.00	2012	-19.742042
1023	Transit	1	2.175176	NaN	550.00	2012	-18.926896
1024	Transit	1	3.662387	NaN	240.00	2012	-17.439686
1025	Transit	1	3.067850	NaN	60.00	2012	-18.034222
1026	Transit	1	0.925542	NaN	470.00	2014	-20.176531
1027	Imaging	1	NaN	NaN	19.20	2011	NaN
1028	Transit	1	3.352057	NaN	3200.00	2012	-17.750016
1029	Imaging	1	NaN	NaN	10.10	2012	NaN
1030	Transit	1	3.941507	NaN	172.00	2006	-17.160566
1031	Transit	1	2.615864	NaN	148.00	2007	-18.486209
1032	Transit	1	3.191524	NaN	174.00	2007	-17.910549
1033	Transit	1	4.125083	NaN	293.00	2008	-16.976990
1034	Transit	1	4.187757	NaN	260.00	2008	-16.914316

1035 rows × 7 columns

Out[147...

Meтoд apply() позволяет применять произвольную функцию к результатам группировки. В качестве параметра эта функция должна получать объект DataFrame, а возвращать или объект библиотеки Pandas (например, DataFrame, Series), или скалярное значение, в зависимости от возвращаемого значения будет вызвана соответствующая операция объединения.

```
In [146... def norm_by_min_in_year(x):
# x - объект DataFrame сгруппированных значений
x['orbital_period_normalized'] = x['orbital_period']/x['orbital_period'].min()
return x

In [147... planets.groupby('year').apply(norm_by_min_in_year)
```

method number orbital\_period mass distance year orbital\_period\_normalized

	method	number	orbital_period	mass	distance	year	orbital_period_normalized
0	Radial Velocity	1	269.300000	7.100	77.40	2006	149.944321
1	Radial Velocity	1	874.774000	2.210	56.95	2008	801.498594
2	Radial Velocity	1	763.000000	2.600	19.84	2011	8411.765050
3	Radial Velocity	1	326.030000	19.400	110.62	2007	249.604610
4	Radial Velocity	1	516.220000	10.500	119.47	2009	654.403935
5	Radial Velocity	1	185.840000	4.800	76.39	2008	170.273121
6	Radial Velocity	1	1773.400000	4.640	18.15	2002	1463.299236
7	Radial Velocity	1	798.500000	NaN	21.41	1996	240.983854
8	Radial Velocity	1	993.300000	10.300	73.10	2008	910.096269
9	Radial Velocity	2	452.800000	1.990	74.79	2010	373.325067
10	Radial Velocity	2	883.000000	0.860	74.79	2010	728.016859
11	Radial Velocity	1	335.100000	9.880	39.43	2009	424.800974
12	Radial Velocity	1	479.100000	3.880	97.28	2008	438.968209
13	Radial Velocity	3	1078.000000	2.530	14.08	1996	325.335748
14	Radial Velocity	3	2391.000000	0.540	14.08	2001	380.975143
15	Radial Velocity	3	14002.000000	1.640	14.08	2009	17750.114092
16	Radial Velocity	1	4.230785	0.472	15.36	1995	1.000000
17	Radial Velocity	5	14.651000	0.800	12.53	1996	4.421609
18	Radial Velocity	5	44.380000	0.165	12.53	2004	30.981339
19	Radial Velocity	5	4909.000000	3.530	12.53	2002	4050.601076
20	Radial Velocity	5	0.736540	NaN	12.53	2011	8.120054
21	Radial Velocity	5	261.200000	0.172	12.53	2007	199.971549
22	Radial Velocity	3	4.215000	0.016	8.52	2009	5.343289
23	Radial Velocity	3	38.021000	0.057	8.52	2009	48.198621
24	Radial Velocity	3	123.010000	0.072	8.52	2009	155.937833
25	Radial Velocity	1	116.688400	NaN	18.11	1996	35.216056
26	Radial Velocity	1	691.900000	NaN	81.50	2012	931.274900
27	Radial Velocity	1	952.700000	5.300	97.18	2008	872.897126
28	Radial Velocity	1	181.400000	3.200	45.52	2013	510.985915
29	Imaging	1	NaN	NaN	45.52	2005	NaN
•••							
1005	Transit	1	3.693641	NaN	200.00	2012	4.971521
1006	Transit	1	4.465633	NaN	330.00	2012	6.010597
1007	Transit	1	4.617101	NaN	255.00	2012	6.214468
1008	Transit	1	2.838971	NaN	455.00	2012	3.821163
1009	Transit	1	5.017180	NaN	300.00	2012	6.752961

	method	number	orbital_period	mass	distance	year	$orbital\_period\_normalized$
1010	Transit	1	7.919585	NaN	125.00	2012	10.659504
1011	Transit	1	4.305001	NaN	400.00	2012	5.794391
1012	Transit	1	3.855900	NaN	480.00	2012	5.189916
1013	Transit	1	4.411953	NaN	160.00	2012	5.938345
1014	Transit	1	4.378090	NaN	330.00	2012	5.892767
1015	Transit	1	1.573292	NaN	350.00	2012	2.117600
1016	Transit	1	2.311424	NaN	310.00	2013	6.511054
1017	Transit	1	4.086052	NaN	380.00	2012	5.499693
1018	Transit	1	4.614420	NaN	225.00	2012	6.210859
1019	Transit	1	2.903675	NaN	345.00	2012	3.908252
1020	Transit	1	2.216742	NaN	340.00	2012	2.983663
1021	Transit	1	2.484193	NaN	260.00	2013	6.997727
1022	Transit	1	1.360031	NaN	93.00	2012	1.830557
1023	Transit	1	2.175176	NaN	550.00	2012	2.927717
1024	Transit	1	3.662387	NaN	240.00	2012	4.929453
1025	Transit	1	3.067850	NaN	60.00	2012	4.129227
1026	Transit	1	0.925542	NaN	470.00	2014	1.382830
1027	Imaging	1	NaN	NaN	19.20	2011	NaN
1028	Transit	1	3.352057	NaN	3200.00	2012	4.511760
1029	Imaging	1	NaN	NaN	10.10	2012	NaN
1030	Transit	1	3.941507	NaN	172.00	2006	2.194603
1031	Transit	1	2.615864	NaN	148.00	2007	2.002674
1032	Transit	1	3.191524	NaN	174.00	2007	2.443392
1033	Transit	1	4.125083	NaN	293.00	2008	3.779545
1034	Transit	1	4.187757	NaN	260.00	2008	3.836970

1035 rows × 7 columns

# Технический раздел

next **Q**: qs line next **A**: an line next **Def**: df line next **Ex**: ex line next + pl line next - mn line

```
next ± plmn line
next ⇒ hn line
```

#### ⇒ Home

- News red and green and blue and \_selected\_
- A ⇒ b ⇒ c ► Contact
- ≈ ~ ≈ ± About
- **Def**: Определение
- Ех: пример (кейс)
- Q: вопрос (проблема)
- A: ответ
- Алгоритм:
  - **S1**: Шаг 1
  - **S2:** Шаг 2
- Свойства:
  - P1: Свойство 1
  - **Р2:** Свойство 2
- Утверждение
  - ⇒ следствие
- Свойства:
  - + положительные
  - отрицательные
  - ± смешанные