

SEMESTRÁLNÍ PRÁCE KIV-SU **Strojové učení**

Jakub Zíka - A15N0087P zikaj@students.kiv.zcu.cz

3. února 2017

Obsah

1	Zadání			4
	1.1	Vybra	né zadání	4
2	Teoretický úvod			4
	2.1	Support Vector Machines		4
		2.1.1	Lineární rozhodovací hranice	5
		2.1.2	Cenová funkce lineární hranice	6
		2.1.3	Nelineární rozhodovací hranice	7
		2.1.4	Cenová funkce nelineární hranice	7
	2.2	Seque	ntial minimal optimization	8
3	Imp	Implementace		
	3.1	Přípra	ava dat	10
		3.1.1	Analýza a čištění	10
		3.1.2	Konverze	11
	3.2	3.2 Trénování		11
		3.2.1	Škálování a matice podobnosti \hdots	11
		3.2.2	Minimalizace cenové funkce	12
4	Záv	ěr		14
5	5 Uživatelská příručka			14
		5.0.1	Požadavky	14
		5.0.2	Načtení dat	14
		5.0.3	Spuštění	15

6 Testování 16

1 Zadání

Navrhněte téma zadání semestrální práce související s oblastí strojového učení. Cílem práce je prohloubit znalosti studenta v oblasti kognititvníchsystémů pomocí nabytých zkušeností ze semetrální práce.

1.1 Vybrané zadání

Sestrojte klasifikátor Support Vector Machines, dále už jen SVM, který bude skrze osobní údaje pasažérů lodi Titanic klasifikovat, zda daná osoba přežije či nepřežije potopení lodi. Dále se pokuste najít souvislosti mezi jednotlivými údaji o pasažérech a z nich zjistit či odvodit, které mají na přežití největší vliv. Data obsahují následující příznaky:

```
1. survived : přežil/nepřežil (0=nepřežil, 1=přežil)
```

```
2. pclass : socio-ekonomická třída pasažéra (1=vyšší, 2=střední, 3=nižší)
```

```
3. name : jméno
```

4. sex : pohlaví

5. age: věk

6. sibsp: počet sourozenců, partnerů na palubě (příbuzní stejné generace)

7. parch : počet rodičů, dětí na palubě (příbuzní odlišné generace)

8. ticket : ID lístku

9. fare : cena lístku

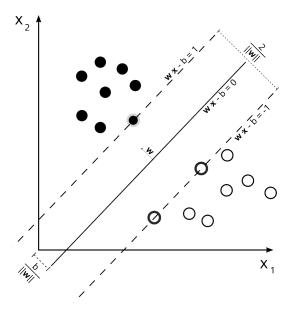
10. cabin: číslo kajuty

11. embarked : přístav nalodění (C=Cherbourg, Q=Queenstown, S=Southampton)

2 Teoretický úvod

2.1 Support Vector Machines

Algoritmy strojového se skládají z *trénovací množiny* a *rozhodovací hranice*. Rozhodovací hranici můžeme též nazývat *hypotéza*. Trénovací množina může obsahovat i správné odpovědi. Algoritmy tedy dělíme na *učení s učitelem* (máme



Obrázek 1: Maximální pás bez bodů trénovací množiny [?]

odpovědi) a učení bez učitele (nemáme odpovědi).

Každý vzorek \mathbf{x} trénovací množiny je tvořen množinou příznaků

$$x_1, x_2, ...x_n,$$

kde n je počet příznaků. Hypotéza má tvar $h:x-\dot{g}y$ což znamená, že hypotéza je zobrazení x do y. Hypotézu tvoří modelovací parametry

$$\Theta_n$$
,

které nám umožňují nastavit rozumnou rozhodovací hranici. Jejich hodnoty předem neznáme a získáme je trénováním.

2.1.1 Lineární rozhodovací hranice

Metoda strojového učení, která hledá v trénovací množině umístění optimální nadroviny. Tato nadrovina slouží k rozdělení bodů projekce na dvě třídy. V tomto rozdělení je požadováno aby minimum vzdáleností bodů od této nadroviny bylo co největší. Chceme tedy, aby nadrovina měla po obou stranách co nejširší pás bez bodů. K popisu těchto pásů slouží pomocné vektory (Support Vectors) (viz Obr.:1). [1]

2.1.2 Cenová funkce lineární hranice

Metoda SVM je vylepšenou verzí logistické regrese. Ovšem, na rozdíl od cenové funkce logistické regrese nám SVM nevrací pravděpodobnost, ale rovnou příslušnost klasifikovaného vzorku k třídě 1 nebo 0. Zde vidíme cenovou funkci logistické regrese:

$$\min_{\theta} \frac{1}{m} \left[\sum_{i=1}^{m} y^{(i)} \left(-\log h_{\theta}(x^{(i)}) \right) + (1 - y^{(i)}) \left(-\log(1 - h_{\theta}(x^{(i)})) \right) \right] + \frac{\lambda}{2m} \sum_{i=1}^{n} \theta_{j}^{2}$$

Cenová funkce SVM pak vypadá následovně:

$$\min_{\theta} C \sum_{i=1}^{m} [y^{(i)} Cost_1(\theta^T x^{(i)}) + (1 - y^{(i)}) Cost_0(\theta^T x^{(i)})] + \frac{1}{2} \sum_{j=1}^{n} \theta_j^2,$$

kde Cost funkce pro y = 1 je

$$\log \frac{1}{1 + e^{-\Theta^T x}}$$

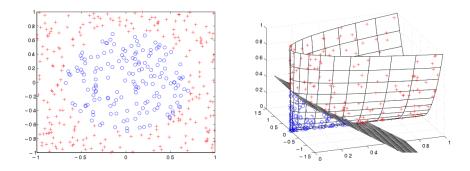
a funkce Cost funkce pro y = 0 je

$$\log(1 - \frac{1}{1 + e^{-\Theta^T x}}).$$

Optimalizací cenové funkce získáme hodnoty parametrů Θ , které určují tvar hypotézy.

Hodnota C je regularizační faktor, který ovlivňuje výběr hypotézy. Rozumně vybraná hodnota pak umožní dělat ve výběru hypotézy kompromisy v extrémních případech rodělení tříd v trénovací množině:

- 1. C vysoké = malá odchylka, velký rozptyl (malá λ), hrozí overfitting
- 2. C malé = velká odchylka, malý rozptyl (velká λ), hrozí undefitting



Obrázek 2: Ukázka lineárně neseparabilních a separabilních dat.[4]

2.1.3 Nelineární rozhodovací hranice

Máme-li trénovací množinu, pro kterou je rozhodovací hranice nelineární (viz. Obr.:2), musíme použít metodu jader (Kernels). Zavedeme si i pomocných bodů tzv. landmarky. Každý landmark $l^{(i)}$ nese hodnotu třídy, do které patří. Ke každému prvku $x^{(n)}$ trénovací množiny spočteme podobnost f_i s každým landmarkem $l^{(i)}$. Pro každý prvek trénovací množiny tak dostaneme vektor podobnosti $f^{(n)}$. Podobnost počítáme následovně:

$$f_i(x^{(n)}, l^{(i)}) = exp(-\frac{||x^{(n)} - l^{(i)}||}{2\sigma^2})$$

vektor podobnosti pak bude vypadat:

$$f^{(n)} = [f_1, f_2, f_3, ..., f_i]$$

Jádrem se nazývá funkce počítání podobnosti. V tomto případě je jádro *Gaussové*. Parametr *sigma* nám určuje míru podobnosti. Máme i jiné funkce jádra jako například *Polynomiální* nebo *Lineární*. Lineární jádro je předchozí případ lineárně separabilních dat.[5],[4]

2.1.4 Cenová funkce nelineární hranice

Při použití gaussového jádra máme předpočítaný vektor podobnosti pro každý prvek trénovací množiny. To znamená, že vektor podobnosti může reprezentovat daný prvek trénovací množiny. Cenouvou funkci tedy můžeme pozměnit do tvaru:

$$\min_{\theta} C \sum_{i=1}^{m} [y^{(i)} Cost_1(\theta^T f^{(i)}) + (1 - y^{(i)}) Cost_0(\theta^T f^{(i)})] + \frac{1}{2} \sum_{j=1}^{n} \theta_j^2$$

Pozor, gaussové jádro je citlivé na velké rozdíly hodnot mezi jednotlivými příznaky. Je dobré příznakový vektor nejdříve naškálovat a až poté počítat cenovou funkci.

2.2 Sequential minimal optimization

SMO je algoritmus objevený Johnem Plattem v roce 1998. Tento algoritmus se osvědčil v SVM když jím nahradíme klasickou cenovou funkci. Za pomoci Lagrangoevých multiplikátorů můžeme říct, že $\theta(\alpha) = \sum_i \alpha_i y_i z_i$, kde α_i jsou Lagrangeovy multiplikátory a $z_i = \phi(x_i)$.

Platt toto vylepšení poté využije jako:

$$F_i = w(\alpha).z_i - y_i = \sum_j \alpha_j y_j k(x_i, x_j) - y_i,$$

kde $k(x_i, x_j)$ je jádro. Dostáváme tvar parciální derivace:

$$L = \frac{1}{2}w(\alpha).w(\alpha) - \sum_{i} \alpha_{i} - \sum_{i} \alpha_{i}\delta_{i} + \sum_{i} \mu_{i}(\alpha_{i} - C) - \beta \sum_{i} \alpha_{i}y_{i}$$
$$\frac{\partial L}{\partial \alpha_{i}} = (F_{i} - \beta)y_{i} - \delta_{i} + \mu_{i} = 0$$

Podle Karush-Kuhn-Tucker (KKT) dostaneme podmínky, které musí daný výraz splňovat:

$$(F_i - \beta)y_i >= -\tau => \alpha_i = 0$$
$$|(F_i - \beta)| <= \tau => 0 < \alpha_i < C$$
$$(F_i - \beta)y_i <= \tau => \alpha_i = C$$

Platt poté definuje výstupní chybu i-tého prvku jako:

$$E_i = F_i - \beta$$
,

kde β je prahový paramter. V Plattově pseudokódu po určení chyby vybíráme dva indexy i_1 a i_2 pro výběr multiplikátorů α_{i_1} a α_{i_2} . Metody, jak správně vybrat indexy, jsou popsány v originálním článku z roku 1998. Celý algoritmu tedy funguje ve dvou smyčkách. Vnější smyčka vybírá index i_2 a pro index i_2 vybírá vnitřní smyčka index i_1 .

Vnější smyčka jde přes všechny prvky trénovací množiny, které narušily podmínky optimality. Nejprve pouye přes ty, které nanerušili horní ani dolní hranici. Každém průběhu, je-li to vyžadováno, je chyba E_i aktualizována.[6],[3]

Dále je nutné si spočítat horní a dolní hranici. Pokud se y_{i_1} nerovná y_{i_2} pak:

$$L = max(0, \alpha_2 - \alpha_1); H = min(C, C + \alpha_2 - \alpha_1)$$

jinak:

$$L = max(0, \alpha_2 + \alpha_1 - C); H = min(C, \alpha_2 + \alpha_1)$$

Druhá derivace cílové funkce podél diagonály může být vyjádřena jako:

$$\eta = K(\vec{x_1}, \vec{x_1}) + K(\vec{x_2}, \vec{x_2}) - 2K(\vec{x_1}, \vec{x_2})$$

Za normálních okolností bude cílová funkce pozitivně definitní, bude existovat minimum ve směru lineárního omezení rovnosti, a η bude větší než nula. V tomto případě, SMO vypočítá minimum ve směru omezení:

$$\alpha_2^{new,cliped} = \alpha_2 + \frac{y_2(E_1 - E_2)}{\eta}$$

Teď si vyjádříme $s = y_1 y_2$. Potom se α_1 počítá:

$$\alpha_1^{new} = \alpha_1 + s(\alpha_2 - \alpha_2^{new, clipped}).$$

Dále si musíme vytvořit vzorce pro výpočet prahu. Práh b je počítán po každém provedeném vnitřním cyklu. Celkový práh je složen z b_1 , který je ovlivněn chybou E_1 , a b_2 , který je ovlivněn chybou E_2 . Následující práh b_1 je platný, pokud nová α_1 není v mezích, protože nutí výstup z SVM být y_1 , když vstup je x_1 :

$$b_1 = E_1 + y_1(\alpha_1^{new} - \alpha_1)K(\vec{x_1}, \vec{x_1}) + y_2(\alpha_2^{new} - \alpha_2)K(\vec{x_1}, \vec{x_2}) + b.$$

Předchozí trvrzení pro b_1 platí i pro b_2 . Následující práh b_2 je platný, pokud nová α_2 není v mezích, protože nutí výstup z SVM být y_2 , když vstup je x_2 :

$$b_2 = E_2 + y_1(\alpha_1^{new} - \alpha_1)K(\vec{x_1}, \vec{x_2}) + y_2(\alpha_2^{new} - \alpha_2)K(\vec{x_2}, \vec{x_2}) + b.$$

Pokud oba b_1 i b_2 jsou platné, jsou si rovny. Když oba nové Lagrangeovy multiplikátory jsou v mezích a pokud L není rovno H, pak se interval mezi b_1 a b_2 je práh, který je v souladu s podmínkami KKT. SMO zvolí prahovou hodnotu polovinou vzdálenosti mezi b_1 a b_2 .[7]

3 Implementace

Výsledný program je naprogramovaný v matematickém jazyce Octave. Tuto variantu jsem zvolil z důvodu velkého množství matematických operací v úloze. Jelikož výsledný program slouží pouze k vyzkoušení dané problematiky, je tento jazyk optimální pro jeho realizaci.

Program se spouští v hlavní části main.m. Hlavní část je pak rozdělena na settings.m, preprocessing.m, trainManual.m, predictManual.m, statistics.m a evaluateSample.m.

3.1 Příprava dat

Před načtením dat jsem analyzoval jednotlivé příznaky všech prvků trénovací množiny pomocí programu Weka-3.8.1.

3.1.1 Analýza a čištění

Příprava prostředí, načtení a čištění dat probíhá v částech settings.m a preprocessing.m. Po prozkoumání jednotlivých příznaků jsem zjistil, že sloupce *embarked, cabin* a *age* mají některá pole nevyplněná. V příznaku embarked chybí 2 hodnoty, proto je jednodušší tyto řádku smazat než vymýšlet postup nahrazení. Naopak příznaku cabin chybí 687 z 891, což je 77%. Pokud bychom chtěli tyto mezery v datech nahradit například střední hodnotou nebo generátorem náhodných čísel, výsledné zkreslení hypotézy by bylo příliš velké a stala by se tato operace spíše nevýhodou. Proto sloupec cabin odstraníme úplně. Posledním příznakem s chybějícími hodnotami je age. Zde chybí 177 z 891, což je 20%. To není zase tak mnoho, chybějící hodnoty nahradím střdními hodnotami příznaku. Výslednou hypotézu mi to může zkreslit, ale myslím si že ne tolik, jako by se tomu stalo v případě příznaku cabin.

Příznak cabin bych odstranil i z jiného důvodu. Sice obsahuje pouze 147 hodnot, ale z toho je 101 unikátních. Pokud mám velké množství unikátních hodnot, výsledný sloupec mi poté slouží jako množina identifikátorů. Identifikátory

do trénovací množiny nepřináší žádnou přidanou hodnotu a jsou tudíž zbytečné. Odstraním tedy i sloupec name, který je jednoznačným identifikátorem, protože má 100% unikátních hodnot.

3.1.2 Konverze

Jelikož nejsou všechny příznaky číselné hodnoty, je nutné je konvertovat. Patří sem sloupce age, ticket a embarked. U sloupců ticket a embarked nevím, jaké jiné hodnoty se zde mohou vyskytovat, takže převod na určitou řadu čísel zde nejde použít. Znaky každé buňky tedy převedu podle ASCII tabulky na znaky a sečtu. Náhled konverze pro sloupec embraked:

```
# preprocessing.m
# line 43
# EMBARKED to NUMBER
for i = 1:countRow
  data(i, 8) = sum(cell2mat (toascii(data(i, 8))));
endfor
```

Příznak sex lze konertovat tak, aby jsme z toho dostaly lepší hodnotu. Jelikož víme, že pohlaví u lidí jsou pouze dvě, převedeme hodnoty male a female na binární klasifikaci, tedy hodnoty 0 a 1. Převod vypadá následovně:

```
# preprocessing.m
# line 26
# Convert MALE/FEMALE to BINARY
for i = 1:countRow
   if (strcmpi(data(i, 2), 'female'))
     data(i, 2) = 1;
   else
     data(i, 2) = 0;
   endif
endfor
```

3.2 Trénování

3.2.1 Škálování a matice podobnosti

Před trénováním jsou data ještě škálována aby se srazili rozdíly mezi jednotlivými příznaky a došlo tak ke správnému natrénování. Příznaky se škálují odečtením maxima příznaku přes všechny vzorky trénovací množiny.

```
s_n^i = x_n^i - \max_i x_n \; ; \; i \in <1; m >
```

Kód škálování pak vypadá následovně:

```
# scale.m
# line 7
for i = 1:countColumn
   for j = 1:countRow
      scaledTrainingSet(j,i) = trainingSet(j,i) / maxFeature(i);
   endfor
endfor
```

Před začátkem trénování vytvořím matici podobnosti f. Jako landmarky označím všechny prvky trénovací množiny. Matice podobnosti tedy bude obsahovat podobnost všech prvků trénovací množiny vůči ostatním prvkům. Matice f bude symetrická. Kód pro výpočet podobnosti je kód gaussového jádra.

```
# gaussianKernel.m
# line 5
function f = gaussianKernel(x1, x2, sigma)
   f = exp(-norm(x1 - x2)^2 / 2 * sigma^2);
end
```

3.2.2 Minimalizace cenové funkce

Samotné trénování probíhá v části trainManual.m. Na začátku proběhne nastavení proměnných a změna odpovědí učitele z 0/1 na -1/1. Dává nám to širší rozhodovací pásmo. Učení pak probíhá ve dvou cyklech, vnitřním (pracuje s j-tým prvkem) a vnějším (pracuje s i-tým prvkem). V obou cyklech se počítají výstupní chyby i/j-tého prvku. Ve vnějším se i generuje iteračně přes for i = 1:m, kde m je velikost trénovací množiny, ve vnitřním je výběr j-tého prvku realizován náhodou:

```
# trainManual.m
# line 55
j = ceil(m * rand());
while j == i,
    j = ceil(m * rand());
end
```

Dále si podle vzorců z [7] spočítám hodnoty L, H, eta, b, b1, b2 a alphas. Zastavovací podmínka se řídí parametrem passes. Pokud se po průběhum celým

vnějším cyklem for i = 1:m nezmění žádný z parametrů alphas, zvedne se hodnota proměnné num_changed_alphas o 1. Jakmile je splněna podmínka $passes < max_passes$, trénování končí a přejde se k zápisu výsledků trénování do proměnné model. Zápis výsledků:

```
# trainManual.m
# line 153
model.y = Y;
model.alphas = alphas;
model.w = ((alphas.*Y)'*X)';
```

V modelu hodnota model. Y představuje odpovědi učitele. Hodnota model. alphas je podle teorie α_i , což jsou Lagrangeovi multiplikátory. Pole model. w jsou pro nás hodnoty modelovacích parametrů Θ .

4 Závěr

5 Uživatelská příručka

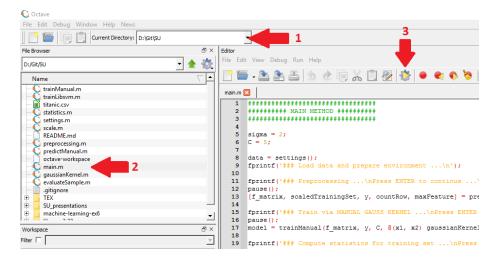
5.0.1 Požadavky

Aby bylo možné program spustit, je nutné mít nainstalovaný program GNU Octave ve verzi 4.2.0.

5.0.2 Načtení dat

Program na načítá data ze souboru .csv. Počítá také s tím, že data jsou ve stejné složce jako všechny potřebné moduly programu (*.m). Pokud jsou tedy data uloženy jinde, je nutné změnit cestu k souboru v modulu settings.m na řádce 25.

```
# settings.m
# line 25
data = csv2cell('titanic.csv');
```



Obrázek 3: 1. Nastavení cesty do složky programu, 2. Hlavní program (rozkliknout do záložky), 3. Spuštění programu

5.0.3 Spuštění

Máme dvě možnosti spuštění:

- Octave (GUI): Máme-li Octave ve verzi s GUI, tak po spuštění programu navedeme Octave do správné složky s programem a spustíme modul main.m (viz Obr.:3)
- 2. Octave (CLI): Spouštíte-li Octave v příkazové řádce, je nutné se přesunout do složky programu s moduly a zadat pouze příkaz main (viz Obr.:4.

```
GNU Octave, version 4.2.0
Copyright (C) 2016 John W. Eaton and others.
This is free software; see the source code for copying conditions.
There is ABSOLUTELY NO WARRANTY; not even for MERCHANTABILITY or
FITNESS FOR A PARTICULAR PURPOSE. For details, type 'warranty'.

Octave was configured for "x86_64-w64-mingw32".

Additional information about Octave is available at http://www.octave.org.

Please contribute if you find this software useful.
For more information, visit http://www.octave.org/get-involved.html

Read http://www.octave.org/bugs.html to learn how to submit bug reports.
For information about changes from previous versions, type 'news'.

octave:1> cd D:\Git\SU
octave:2> main
```

Obrázek 4: Spuštění Octave (CLI)

Dále už průběh pokračuje v obou prostředí stejně. Uživatel stiskem klávesy ENTER načtení a úpravu dat. Jakmile jsou data připravena, spustí se výpočet matice podobnosti indikovaný hláškou Similarity Dokončení výpočtu je značeno hláškou ... Done!. Následovně je uživatel vyzván k potvrzení trénování hypotézy. Chvilku se nic neděje, protože se matice podobnosti vektorizuje. Trénování začíná v okamžiku vyskočení hlášky Training ... a dokončení opět poznáme přes ... Done!.

Program tedy přejde k výpočtu statistik a zobrazí uživatel v procentech, jak moc hypotéza natrénovaná pomocí křížové validace.

6 Testování

Reference

- [1] EKŠTEIN, Kamil. Support Vector Machines [online]. Plzeň, 2012 [cit. 2017-01-31]. Dostupné z: https://portal.zcu.cz/CoursewarePortlets2/DownloadDokumentu?id=123920. Přednášky k předmětu Strojové učení. Západočeská univerzita v Plzni.
- [2] NG, Andrew. CS229 Lecture notes SVM [online]. Standford, 2016 [cit. 2017-01-31]. Dostupné z: http://cs229.stanford.edu/notes/cs229-notes3.pdf. Přednášky k předmětu Machine Learning CS229. Stanford University.
- [3] NG. Andrew. SupportMachines Vectoronline. Standford. [cit. 2016 2017-01-31]. Dostupné https://d3c33hcgiwev3. z: cloudfront.net/_246c2a4e4c249f94c895f607ea1e6407_ Lecture12.pdf?Expires=1485993600&Signature= MGhCSj6vnfSMVWpDERGUz8fc2312duxtjEpe2o4R0vhRA9KQQuPnZ0PulQy5I0mCrICpxj3M0efe1TXkmFFQsKB8 &Key-Pair-Id=APKAJLTNE6QMUY6HBC5A. Přednášky k předmětu Machine Learning. Stanford University.
- [4] Support vector machine. In: Wikipedia: the free encyclopedia [online]. San Francisco (CA): Wikimedia Foundation, 2016 [cit. 2017-01-31]. Dostupné z: https://cs.wikipedia.org/wiki/Support_vector_machines.
- [5] ZISSERMAN, Andrew. In: SVM dual, kernels and regression [online]. Oxford, 2015 [cit. 2017-01-31]. Dostupné z: http://www.robots.ox.ac.uk/~az/lectures/ml/lect3.pdf.
- [6] KEERTHI,S.S.;SHEVADE,S. K.;BHATTACHARYYA,C.;MURTHY,K.R.K.. Improvements to Platt's SMO Algorithm for SVM Classifier Design [online]. Singapore, 2000 [cit. 2017-02-03]. Dostupné z: http://citeseerx.ist.psu.edu/viewdoc/download?doi=10.1.1. 115.5266&rep=rep1&type=pdf.
- [7] PLATT, John C.. Sequential MinimalOptimizationonline. Microsoft Research, cit. 2017-02-03]. Dohttps://pdfs.semanticscholar.org/8b5e/ stupné ab2c9fefe2fb1cc15e755cf7382ffc638f7c.pdf. Α for Training Support Vector Machines - Microsoft Research.