



#### **Abschlusspräsentation Forschungspraxis**

# Validierung von Holomorphic Embedding Load Flow

Benedikt Schmidt (benediktibk@aon.at)

Sascha Altschäffl/16.09.2014

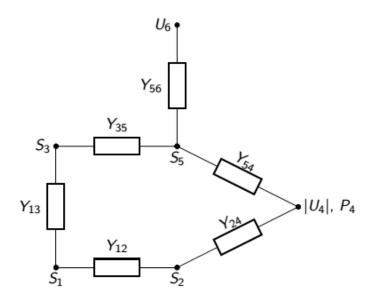
Technische Universität München, Fachgebiet Elektrische Energieversorgungsnetze

### **Gliederung**

- Holomporphic Embedding Load Flow (HELM)
- Implementierung
- Ergebnisse
- Fazit

#### Lastflussproblem

- Ausgangspunkt ist ein Netz, bestehend aus
  - Knoten mit Spannungen und Lastentnahmen (bzw. Einspeisungen)
  - Admittanzen zwischen den Knoten
- Beschreibung über einen Satz von Gleichungen



$$\sum_{j} Y_{ij} U_{j} = I_{j} + \frac{S_{j}^{\star}}{U_{j}^{\star}}$$

#### **Embedding**

- Einführung eines Parameter s
- Darstellung der Knotenspannungen als Funktionen in s

$$\sum_{j} Y_{ij} U_{j} = I_{j} + \frac{S_{j}^{\star}}{U_{j}^{\star}}$$

$$\sum_{j} Y_{ij} U_{j}(s) = sI_{j} + \frac{sS_{j}^{\star}}{U_{j}^{\star}} + (1 - s) \sum_{j} Y_{ij}$$

$$U_{i} \rightarrow U_{i}(s)$$

#### Berechnungsschritte

1. Einsetzen der Laurent-Reihe

$$U_i(s) = \sum_{n=0}^{\infty} c_{i,n} s^n$$

- 2. Berechnung der Koeffizienten durch Entwicklung an s = 0
- 3. Auswertung an s = 1 über analytische Fortsetzung, z.B.: Epsilon Wynn

#### **Implementierung**

- Entwickelt in C++ und C#
- Netze in SQL-Datenbank (Einspeisungen, Transformatoren, Lasten, ...)
- GUI um Netze zu bearbeiten
- Berechnung der Knotenspannungen



#### **Implementierung**

#### Implementierte Verfahren:

- Knotenpunktpotentialverfahren
- Stromiteration
- Newton-Raphson
- Fast-decoupled-load-flow (FDLF)
- HELM, 64 Bit Genauigkeit
- HELM mit Stromiteration
- HELM mit Newton-Raphson
- HELM, beliebige Genauigkeit

#### **Ergebnisse**

- Eigenes Tool zum Vergleich der Verfahren
- Konstruktion von Netzen über Admittanzmatrizen
- Vorgabe von allen Knotenspannungen und Berechnung der Lastflüsse daraus
- Zur Berechnung werden dann entweder die Spannungen oder die berechneten Leistungen vorgegeben (Slack-, PV- oder PQ-Knoten)

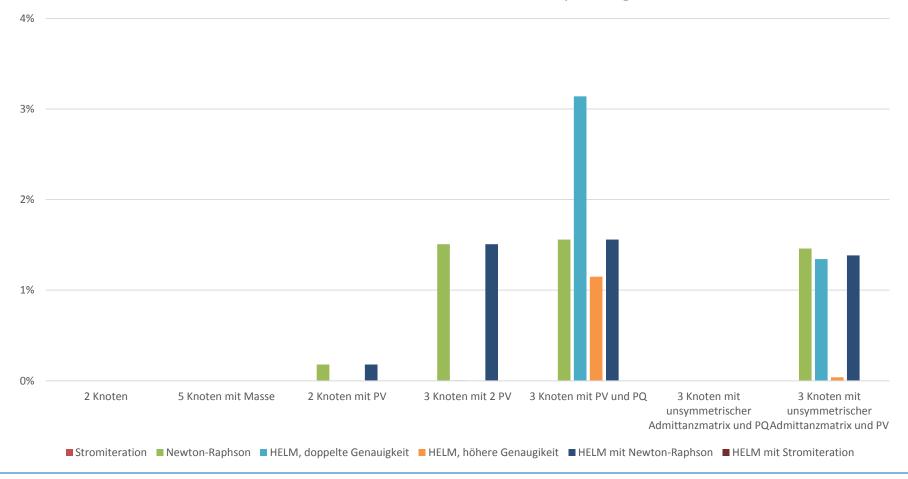


Exakte Ergebnisse sind bekannt



## **Ergebnisse**

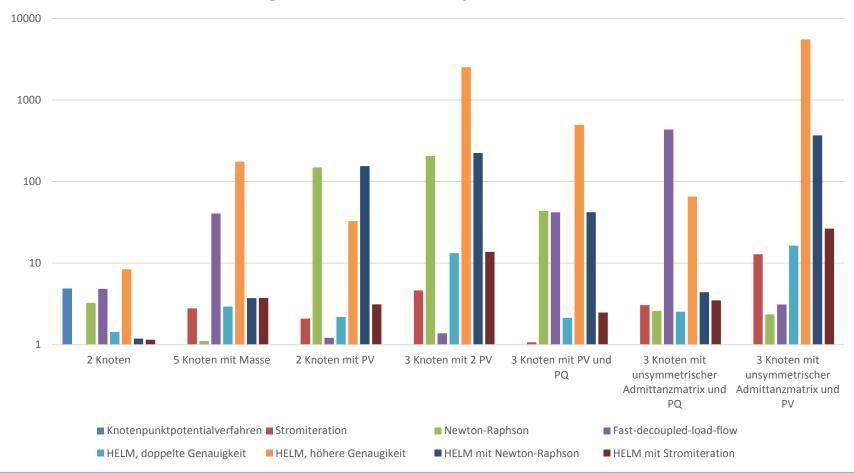
#### Relativer maximaler Fehler der Knotenspannungen



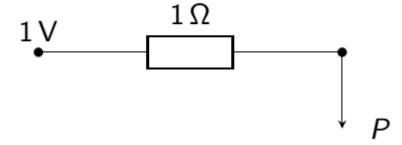


### **Ergebnisse**

#### Berechnungsdauer normiert auf das jeweils schnellste Verfahren



#### Ermittlung der Konvergenzgrenze



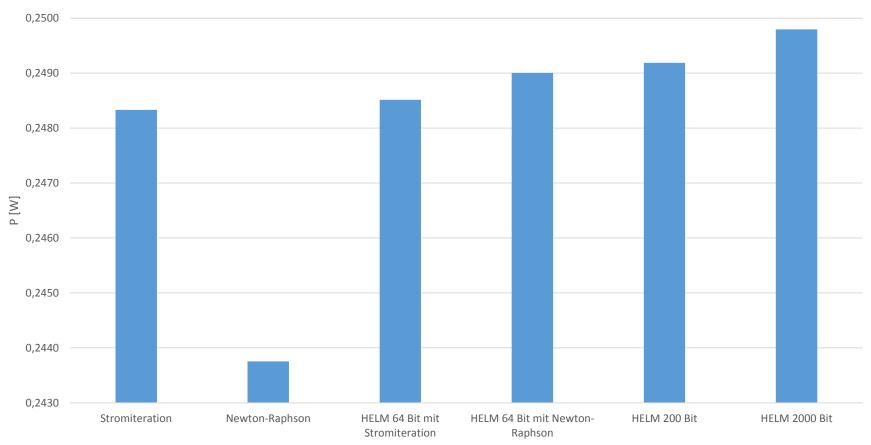
- Bisektion zur Ermittlung der maximalen Last, für den die Verfahren noch konvergieren
- Maximum liegt bei P = 0.25W





# Ermittlung der Konvergenzgrenze





#### **Fazit**

- Deutlich langsamer als iterative Verfahren
- + Besseres Konvergenzverhalten in der Nähe des Spannungszusammenbruchs
- Alternative zu iterativen Verfahren
- Kombination mit iterativen Verfahren bietet sich an

### Vielen Dank für Ihre Aufmerksamkeit.