LISTA DE EXERCÍCIOS - SEMANA 3

- 1. O número de ovos colocados na folha de uma árvore por um inseto é uma variável aleatória com distribuição de Poisson com parâmetro λ. Entretanto, tal variável aleatória pode ser observada apenas se for positiva, já que se ela é igual a zero, o inseto pode não ter passado por tal folha. Se Y denota o número de ovos, então P(Y = i) = P(X = i|X > 0), onde X tem distribuição de Poisson com parâmetro λ. Encontre E[Y].
- 2. Gafanhotos distribuem-se aleatoriamente em um vasto campo, de acordo cm uma distribuição de Poisson, com parâmetro 2 por metro quadrado. Qual é o tamanho do raio R (em metros) de uma região amostral circular para que a probabilidade de se encontrar pelo menos um gafanhoto na região seja de 0,99? Use $\pi = 3,14$ e lemre que a área do círculo é πR^2 .
- 3. A quantidade de um certa substância em uma reação química pode ser representada por uma variável aleatória seguindo distribuição normal com média 12g. Qual deve ser o desvio padrão da quantidade da substância inserida na reação para que o técnico do experimento químico possa estabelecer que 99,9% delas contenham menos do que 13g da substância?
- 4. O tempo de espera, em horas, entre sucessivos motoristas flagrados por um radar que ultrapassam o limite de velocidade, é uma variável aleatória contínua com distribuição exponencial de média 1/8 horas. Qual a probabilidade de o tempo de espera entre sucessivos motoristas ser menor que 12 minutos?
- 5. O número de vezes que um indivíduo tem gripe em determinado ano é uma variável aleatória de Poisson com $\lambda = 5$. Suponha que um novo medicamento reduz o parâmetro = 3 para 60% da população. Para os 40% restantes a droga não tem efeito. Se um indivíduo toma o medicamento durante um ano e tem duas gripes, qual a probabilidade de que o medicamento seja benéfico para ele?
- 6. Suponha que a probabilidade de que um item produzido por um máquina seja defeituoso é de 0,01. Se 1000 itens produzidos por essa máquina são selecionados ao acaso, a probabilidade de que não mais do que dois itens defeituosos sejam encontrados foi calculada por três alunos de formas diferentes, listadas a seguir. (Defina X como o número de itens defeituosos encontrados.) Solução do aluno 1: P(X ≤ 2) = P(Z ≤ (2-10)/√9,9) = 0,0055 Solução do aluno 2: P(X ≤ 2) = 0,99¹¹000 + 1000.0,01.0,99³99 + 499500.0,01².0,99³98 = 0,0027 Solução do aluno 3: P(X ≤ 2) = e⁻¹0(1 + 10 + 50) = 0,0028. Quais distribuições de probabilidade cada aluno está assumindo para a variável X? As soluções estão corretas? Simule em Python cada distribuição e compare.