

Estudo de Redes Neurais para Classificação em Fraude de Cartão de Crédito

Benício Ramos Magalhães

Base de dados e motivação fornecidos por Moacir Antonelli Pontti - CEMEIA - ICMC/USP São Carlos

Dados `creditcard.csv` que contém 31 colunas (não disponibilizado no `gfi`, devido ao tamanho do arquivo). Esse problema é o de **decalcar fraude em transações em cartões de crédito**. Vamos assumir um cenário com alta disponibilidade de exemplos não rotulados, e baixa de exemplos rotulados. Para tal, pré-treinaremos camadas de uma rede neural com dados não anotados, a qual posteriormente será usada para compor um modelo inicial de classificação.

Conforme código abaixo, use como características de entrada as 28 colunas de posição 1 até 28 (marcadas no arquivo como V1-V28), e como classe a última coluna (Class). Não utilize a coluna Amount.

Assistará a realizar são as seguintes:

- Separar os dados em:
 - conjunto $S = 2.5\%$ dos dados iniciais como treinamento com rótulo (assumiremos que temos rótulos apenas para esses 2.5%, ou 7120 exemplos), no formato par (x,y)
 - conjunto $U = 50\%$ dos dados iniciais como treinamento não anotado (note que S está contido em U),
 - conjunto $T =$ o restante dos 50% para teste, no formato par (x,y).
- Modelo A: denoising overcomplete autoencoder para pré-treino baseado em auto-supervisão
 - Arquitetura com as seguintes camadas:
 - entrada com 28 valores
 - normalização em batch
 - densa 32 neurônios, relu
 - densa 32 neurônios, relu
 - densa 32 neurônios, relu
 - dropout 0.2
 - normalização em batch
 - densa 32 neurônios, relu (camada de código/bottleneck)
 - densa 32 neurônios, relu
 - densa 32 neurônios, relu
 - densa 28 neurônios, tanh
 - Interpoe de ruído aleatório uniforme ponderado a 0.2 (insira ruído nos dados de treinamento fornecidos por entrada, mas mantenha a comparação com a saída sem ruído, como num denoising autoencoder)
 - Taxa de aprendizado inicial de 0.003 e com decaimento a partir da época 5, exponencial a -0.2
 - Treinar com perda MSE por 20 épocas com batch size 16 utilizando o conjunto U
- Análise de projeção das características: visualize um scatterplot com os 2 principais componentes obtidos do PCA com as classes dos exemplos atribuídas com cores ou marcadores diferentes:
 - Scatterplot com projeção PCA do conjunto de S original
 - Scatterplot com projeção PCA do conjunto S após processado pelo "encoder", ou seja resultado da saída da camada de código
- Modelo B: rede neural profunda densa, utilizando como base o encoder do modelo A, inserindo uma nova camada densa de classificação com ativação sigmóide.
 - Taxa de aprendizado inicial de 0.001 e com decaimento em todas as épocas exponencial a -0.3
 - Uso de pesos para as classes: 0.1 para classe 0 (maioritária), e 0.9 para a classe 1 (minoritária)
 - Trainer com perda MSE por 8 épocas com batch size 16
 - Compute com métricas, além da perda, precisão e revocação (precision / recall)
- Avaliando a rede neural de classificação:
 - Exiba o gráfico da precisão e revocação no treinamento calculada ao longo das épocas
 - Exiba precisão e revocação calculada no treinamento S e teste T
 - Exiba um scatterplot do conjunto S obtendo sua representação do código da rede de classificação (saída da camada com 28 exemplos)
- Extra: Comparar a solução com duas outras possibilidades que não envolvam uso do conjunto U não rotulado
 - Rede neural profunda com a mesma arquitetura e estratégias usadas no modelo B, mas sem usar os pesos pré-treinados, inicializando e treinando com os dados em S por 15 épocas. Avalie precisão e revocação no treinamento S e teste T.
 - Classificador SVM treinado nos dados originais S. Avalie precisão e revocação no treinamento S e teste T.
 - Classificador SVM treinado nos dados S obtendo sua representação do código da rede de classificação (modelo B). Avalie precisão e revocação no treinamento S e teste T.

```
In [1]: #realizando as importações
import random
import numpy as np
import seaborn as sns
import tensorflow as tf
from sklearn.svm import SVC
from tensorflow import keras
from numpy.random import seed
import matplotlib.pyplot as plt
from tensorflow.keras import layers
from sklearn.decomposition import PCA
from tensorflow.random import seed
from keras.models import Model, Sequential
from sklearn.metrics import precision_score, recall_score
from keras.layers import Input, Conv2D, AveragePooling2D, Flatten, Reshape, UpSampling2D, Conv2DTranspose, Dense, BatchNormalization, Dropout

#conjunto S = 2,5% dos dados iniciais como treinamento não anotado (note que S está contido em U),
U = df.iloc[0:int(len(df)/2), 1:-1]
#conjunto T = o restante dos 50% para teste, no formato par (x,y),
Tx, Ty = df.iloc[int(len(df)/2), 1:-1], df[['Class']].iloc[int(len(df)/2):]

print('Tamanho das bases:')
print('Sk:', len(Sx))
print('Sy:', len(Sy))
print('Tx:', len(Tx))
print('Ty:', len(Ty))

Tamanho das bases:
Sx: 7120
Sy: 7120
Tx: 142403
Ty: 142403
```

Criação do Modelo A de RC

```
In [4]: #modelo A: denoising overcomplete autoencoder para pré-treino baseado em auto-supervisão
def denoising_over_AB(input_shape):
    input = Input(shape=input_shape)
    #encoder:
    encoder = BatchNormalization()(input)
    encoder = Dense(32, activation='relu')(encoder)
    encoder = Dropout(0.2)(encoder)
    encoder = BatchNormalization()(encoder)
    #decoder:
    decoder = Dense(32, activation='relu', name='input_decoder')(encoder)
    decoder = Dense(32, activation='relu')(decoder)
    decoder = Dense(28, activation='tanh')(decoder)
    #autoencoder:
    autoencoder = keras.models.Model(input, decoder)
    autoencoder.summary()
    return autoencoder

#inserção de ruído aleatório uniforme ponderado a 0.2
#insira ruído nos dados de treinamento fornecidos por entrada,
#mas mantenha a comparação com a saída sem ruído, como num denoising autoencoder)
noiseFactor = 0.2
SxNoise = Sx + noiseFactor * np.random.normal(0,1,Sx.shape)
UxNoise = U + noiseFactor * np.random.normal(0,1,U.shape)

#sementes:
seed(1)
set_seed(2)

#taxa de aprendizado inicial de 0.003 e com decaimento a partir da época 5, exponencial a -0.2
lr = 0.003

def scheduler_A(epoch, lr):
    if epoch < 5:
        return lr
    else:
        return np.round(lr * tf.math.exp(-0.2),4)

callbacklr = tf.keras.callbacks.LearningRateScheduler(scheduler_A)

#treinar: com perda MSE por 20 épocas com batch size 16 utilizando o conjunto U
batch_size = 16
epochs = 20

modelo_A = denoising_over_AB(28)
modelo_A.compile(loss='mse',
                  optimizer=keras.optimizers.Adam(lr=lr))

historyDenoising = modelo_A.fit(x=SxNoise, y=U,
                                epochs=epochs,
                                batch_size=batch_size,
                                callbacks=[callbacklr],
                                verbose=1)

Model: "Functional_1"
```

Layer (type)	Output Shape	Param #
input_1 (InputLayer)	(None, 28)	0
batch_normalization_1 (BatchNormal	(None, 28)	112
dense_1 (Dense)	(None, 32)	928
dense_1_1 (Dense)	(None, 32)	1056
dropout_1 (Dropout)	(None, 32)	0
batch_normalization_1_1 (Batch (None,	(None, 32)	128
code (Dense)	(None, 28)	924
input_decoder (Dense)	(None, 32)	928
dense_2 (Dense)	(None, 32)	1056
dense_3 (Dense)	(None, 28)	924
=====		
Total params:	6,056	
Trainable params:	5,936	
Non-trainable params:	120	

Análise da projeção das características

```
In [5]: #função de normalização, para aplicar a normalização nos dados para melhor visualização e comparação do s gráficos
def normalise(train):
    d_max = np.max(train)
    d_min = np.min(train)
    return (train - d_min) / (d_max-d_min)

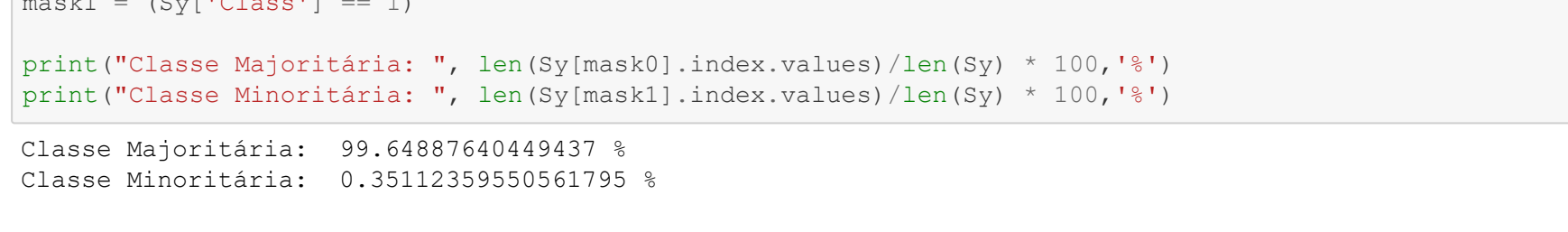
#normalizando o dado original Sx (sem ruído)
SxNorm = normalise(Sx)
```

Apenas para curiosidade, fiz uma simulação normalizando o dado Sx com ruído, mas no final, o resultado apresentado é sem ruído

```
In [6]: #realizando projeção PCA do conjunto original S
pca_S_Orig = PCA(n_components=2, random_state=1)
pca_S_Orig_result = pca_S_Orig.fit_transform(SxNorm)

#apenas para curiosidade, fiz um teste sem normalização para ver como ficaria o gráfico,
#mas no final, o resultado do gráfico está normalizado para melhor comparação dos resultados
pca_S_Orig_result = pca_S_Orig.fit_transform(Sx)
```

```
#realizando o plot
fig = plt.figure(figsize=(20,6))
sns.scatterplot(x=pca_S_Orig_result[:,0], y=pca_S_Orig_result[:,1], alpha='auto', hue=Sy['Class'], palette='plasma')
plt.title('Scatterplot com projeção PCA do conjunto de S original')
plt.show()
```

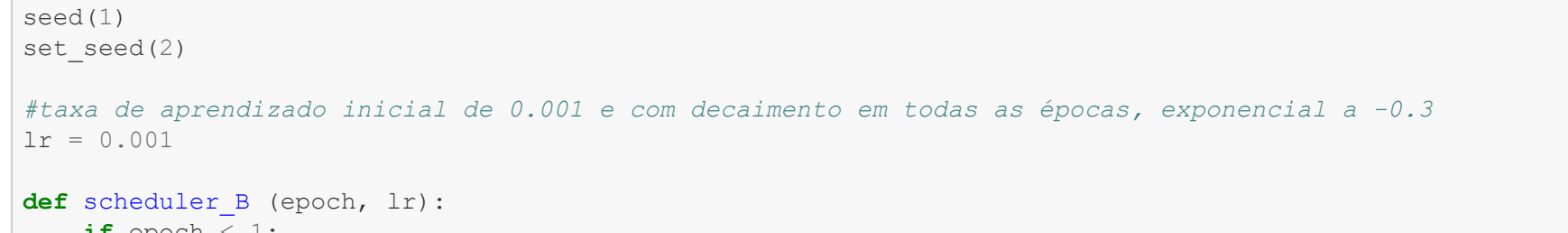


```
In [7]: #extrairndo a camada de código do modelo A para predição
extract = keras.models.Model(modelo_A.inputs, modelo_A.layers[-4].output)
codeB = extract.predict(SxNorm)

#apenas para curiosidade, fiz um teste sem normalização para ver como ficaria o gráfico,
#mas no final, o resultado do gráfico está normalizado para melhor comparação dos resultados
codeB = extract.predict(Sx)
```

```
#realizando projeção PCA do conjunto S processado pelo encoder (camada de código)
pca_S_Pred = PCA(n_components=2, random_state=1)
pca_S_Pred_result = pca_S_Pred.fit_transform(codeB)

#realizando o plot
fig = plt.figure(figsize=(20,6))
sns.scatterplot(x=pca_S_Pred_result[:,0], y=pca_S_Pred_result[:,1], alpha='auto', hue=Sy['Class'], palette='plasma')
plt.title('Scatterplot com projeção PCA do conjunto S após processado pelo "encoder", ou seja, resultado da saída da camada de código')
plt.show()
```



```
In [8]: #verificando o balanceamento dos dados, apenas por curiosidade, pois nos gráficos tivemos poucos pontos da classe 1
#este item não faz parte das questões da prova.
mask0 = (Sy['Class'] == 0)
mask1 = (Sy['Class'] == 1)

print("Classe Maioritária: ", len(Sy[mask0].index.values)/len(Sy) * 100, '%')
print("Classe Minoritária: ", len(Sy[mask1].index.values)/len(Sy) * 100, '%')
Classe Maioritária: 99.6488764049437 %
Classe Minoritária: 0.3511235950561735 %
```

Criação do Modelo B de RN

```
In [9]: #modelo B: rede neural profunda densa, utilizando como base o encoder do modelo A,
#e inserindo uma nova camada densa de classificação com ativação sigmóide.

#obtendo a saída da camada de encode do modelo A
base_saída = modelo_A.layers[-4].output

#criando nova camada de saída que recebe a anterior
saída_nova = Dense(1, activation='sigmoid')(base_saída)

#modelo B, com a nova camada de saída
modelo_B = keras.models.Model(modelo_A.inputs, saída_nova)
modelo_B.summary()

#sementes:
seed(1)
set_seed(2)

#taxa de aprendizado inicial de 0.001 e com decaimento em todas as épocas, exponencial a -0.3
lr = 0.001

def scheduler_B(epoch, lr):
    if epoch < 1:
        return lr
    else:
        return np.round(lr * tf.math.exp(-0.3),4)

callbacklr = tf.keras.callbacks.LearningRateScheduler(scheduler_B)

#ponderar o total de cada classe e formar o peso, pois as mesmas estão muito desbalanceadas
#Uso de pesos para as classes: 0.1 para classe 0 (maioritária), e 0.9 para a classe 1 (minoritária)
peso_0 = 0.1
peso_1 = 0.9
class_weight = {0: peso_0, 1: peso_1}

#treinar: com perda MSE por 8 épocas com batch size 16
batch_size = 16
epochs = 8

#compute com métricas, além da perda, precisão e revocação (precision / recall)
metrics = [
    keras.metrics.Precision(name='precision'),
    keras.metrics.Recall(name='recall'),
]

#compilando o modelo B
modelo_B.compile(loss='mse',
                  optimizer=keras.optimizers.Adam(lr=lr),
                  metrics=metrics)

#como não foi comentado nada nas questões referentes a este item, por padrão, fiz o treinamento com os dados sem ruído
#sem ruído
history = modelo_B.fit(x=Sx, y=Sy,
                       epochs=epochs,
                       batch_size=batch_size,
                       callbacks=[callbacklr],
                       class_weight=class_weight,
                       verbose=1)

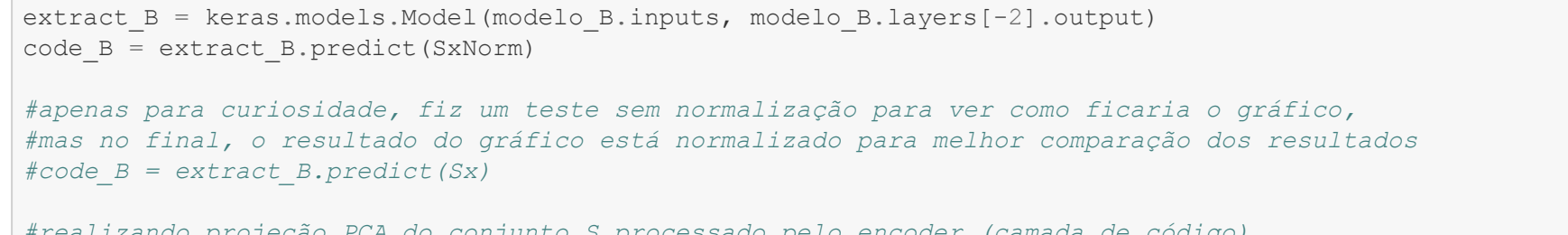
#com ruído
#history = modelo_B.fit(x=SxNoise, y=Sy,
#                       epochs=epochs,
#                       batch_size=batch_size,
#                       callbacks=[callbacklr],
#                       class_weight=class_weight,
#                       verbose=1)
```

Layer (type)	Output Shape	Param #
input_2 (InputLayer)	(None, 28)	0
batch_normalization_2 (BatchNormal	(None, 28)	112
dense_4 (Dense)	(None, 32)	928
dense_4_1 (Dense)	(None, 32)	1056
dropout_1 (Dropout)	(None, 32)	0
batch_normalization_1 (Batch (None,	(None, 32)	128
code (Dense)	(None, 28)	924
dense_4 (Dense)	(None, 1)	29
=====		
Total params:	3,177	
Trainable params:	3,057	
Non-trainable params:	120	

Epoch 1/8
445/445 [=====] - 1s 2ms/step - loss: 0.0035 - precision: 0.0111 - recall: 0.4800
Epoch 2/8
445/445 [=====] - 1s 2ms/step - loss: 5.7737e-04 - precision: 0.8148 - recall: 0.4800
Epoch 3/8
445/445 [=====] - 1s 2ms/step - loss: 3.9999e-04 - precision: 0.9200 - recall: 0.9200
Epoch 4/8
445/445 [=====] - 1s 2ms/step - loss: 3.9380e-04 - precision: 0.8846 - recall: 0.9200
445/445 [=====] - 1s 2ms/step - loss: 3.4933e-04 - precision: 0.8846 - recall: 0.9200
445/445 [=====] - 1s 2ms/step - loss: 2.3740e-04 - precision: 0.8571 - recall: 0.9600
Epoch 7/8
445/445 [=====] - 1s 2ms/step - loss: 2.9949e-04 - precision: 0.8519 - recall: 0.9200
445/445 [=====] - 1s 2ms/step - loss: 3.1542e-04 - precision: 0.8519 - recall: 0.9200

Avaliação da rede neural de classificação

```
In [10]: #Exiba o gráfico da precisão e revocação no treinamento calculada ao longo das épocas
fig = plt.figure(figsize=(20,6))
fig = plt.plot(history.history['precision'], label='precision', color='blue', linestyle='solid')
fig = plt.plot(history.history['recall'], label='recall', color='orange', linestyle='solid')
plt.title('Gráfico de Precisão e Revocação ao Longo das Épocas')
fig = plt.xlabel('Épocas')
fig = plt.legend(['precision', 'recall'], loc='upper left')
```



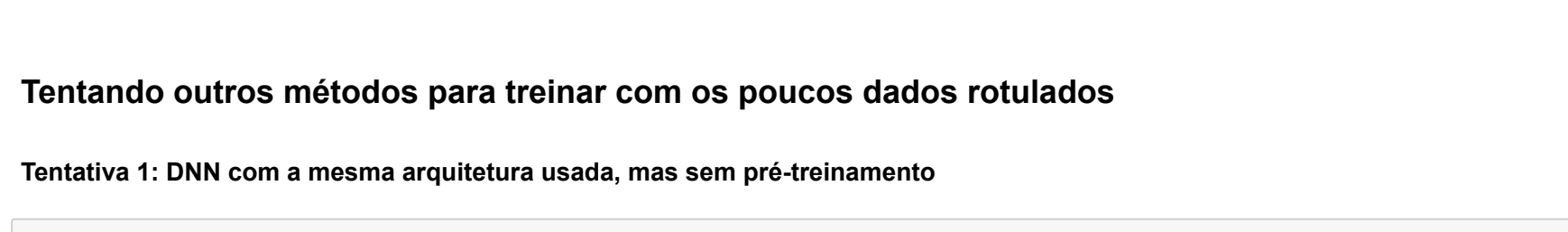
```
In [11]: #Exiba precisão e revocação calculada no treinamento S e teste T
score_S = modelo_B.evaluate(Sx, Sy, verbose=0)
score_T = modelo_B.evaluate(Tx, Ty, verbose=0)
print("S: Precisão = %.4f, Revocação = %.10f" % (precision_score(Sy, predict_Sy), recall_score(Sy, predict_Sy)))
print("T: Precisão = %.4f, Revocação = %.10f" % (precision_score(Ty, predict_Ty), recall_score(Ty, predict_Ty)))
S: Precisão = 0.8889, Revocação = 0.9599999785
T: Precisão = 0.8522, Revocação = 0.7757847309
```

```
In [12]: #Exiba um scatterplot do conjunto S obtendo sua representação do código da rede de classificação
#saída da camada com 28 exemplos
extract_B = keras.models.Model(modelo_B.inputs, modelo_B.layers[-2].output)
codeB = extract_B.predict(SxNorm)

#apenas para curiosidade, fiz um teste sem normalização para ver como ficaria o gráfico,
#mas no final, o resultado do gráfico está normalizado para melhor comparação dos resultados
codeB = extract_B.predict(Sx)
```

```
#realizando projeção PCA do conjunto S processado pelo encoder (camada de código)
pca_S_B = PCA(n_components=2, random_state=1)
pca_S_result_B = pca_S_B.fit_transform(predict_Sy_svm_B)

#realizando o plot
fig = plt.figure(figsize=(20,6))
sns.scatterplot(x=pca_S_result_B[:,0], y=pca_S_result_B[:,1], alpha='auto', hue=Sy['Class'], palette='prism')
plt.title('Scatterplot do conjunto S obtendo sua representação do código da rede de classificação.')
plt.show()
```



Tentando outros métodos para treinar com os poucos dados rotulados

Tentativa 1: DNN com a mesma arquitetura usada, mas sem pré-treino

```
In [13]: #modelo DNN com a mesma arquitetura usada no modelo B, mas sem pré-treino
def dnn(input_shape):
    input = Input(shape=input_shape)
    #encoder:
    encoder = BatchNormalization()(input)
    encoder = Dense(32, activation='relu')(encoder)
    encoder = Dropout(0.2)(encoder)
    encoder = BatchNormalization()(encoder)
    encoder = Dense(28, activation='relu', name='code')(encoder)
    #decoder:
    decoder = Dense(1, activation='sigmoid')(encoder)
    dnn = keras.models.Model(input, decoder)
    dnn.summary()
    return dnn

#modelo DNN:
modelo_DNN = dnn(28)

#treinando com os dados em S por 15 épocas e usando as MESMAS ESTRATÉGIAS do modelo B.

#sementes:
seed(1)
set_seed(2)

#taxa de aprendizado inicial de 0.001 e com decaimento em todas as épocas, exponencial a -0.3
lr = 0.001

def scheduler_BNN(epoch, lr):
    if epoch < 1:
        return lr
    else:
        return np.round(lr * tf.math.exp(-0.3),4)

callbacklr = tf.keras.callbacks.LearningRateScheduler(scheduler_BNN)

#ponderação
peso_0 = 0.1
peso_1 = 0.9
class_weight = {0: peso_0, 1: peso_1}

#treinar: com perda MSE por 15 épocas com batch size 16
batch_size = 16
epochs = 15

#compute com métricas, além da perda, precisão e revocação (precision / recall)
metrics = [
    keras.metrics.Precision(name='precision'),
    keras.metrics.Recall(name='recall'),
]

#compilando o modelo DNN
modelo_DNN.compile(loss='mse',
                    optimizer=keras.optimizers.Adam(lr=lr),
                    metrics=metrics)

#como não foi comentado nada nas questões referentes a este item, por padrão, fiz o treinamento com os dados sem ruído
#sem ruído
historyDNN = modelo_DNN.fit(x=Sx, y=Sy,
                             epochs=epochs,
                             batch_size=batch_size,
                             callbacks=[callbacklr],
                             class_weight=class_weight,
                             verbose=1)

#com ruído
#historyDNN = modelo_DNN.fit(x=SxNoise, y=Sy,
#                             epochs=epochs,
#                             batch_size=batch_size,
#                             callbacks=[callbacklr],
#                             class_weight=class_weight,
#                             verbose=1)
```

Layer (type)	Output Shape	Param #
input_2 (InputLayer)	(None, 28)	0
batch_normalization_2 (Batch (None,	(None, 28)	112
dense_5 (Dense)	(None, 32)	928
dense_5_1 (Dense)	(None, 32)	1056
dropout_1 (Dropout)	(None, 32)	0
batch_normalization_3 (Batch (None,	(None, 32)	128
code (Dense)	(None, 1)	29
dense_7 (Dense)	(None, 1)	924
=====		
Total params:	3,177	
Trainable params:	3,057	
Non-trainable params:	120	

Epoch 1/15
445/445 [=====] - 1s 2ms/step - loss: 0.0032 - precision: 0.2000 - recall: 0.5200
Epoch 2/15
445/445 [=====] - 1s 2ms/step - loss: 5.4550e-04 - precision: 0.8846 - recall: 0.9200
Epoch 3/15
445/445 [=====] - 1s 2ms/step - loss: 5.1146e-04 - precision: 0.7778 - recall: 0.8400
Epoch 4/15
445/445 [=====] - 1s 2ms/step - loss: 2.8841e-04 - precision: 1.0000 - recall: 0.9200
Epoch 5/15
445/445 [=====] - 1s 2ms/step - loss: 3.7671e-04 - precision: 0.8462 - recall: 0.9600
Epoch 6/15
445/445 [=====] - 1s 2ms/step - loss: 2.1792e-04 - precision: 0.8571 - recall: 0.9600
Epoch 7/15
445/445 [=====] - 1s 2ms/step - loss: 2.1484e-04 - precision: 0.9231 - recall: 0.9200
Epoch 8/15
445/445 [=====] - 1s 2ms/step - loss: 2.7893e-04 - precision: 0.9200 - recall: 0.9200
Epoch 9/15
445/445 [=====] - 1s 2ms/step - loss: 1.8849e-04 - precision: 0.8889 - recall: 0.9600
Epoch 10/15
445/445 [=====] - 1s 2ms/step - loss: 2.3009e-04 - precision: 0.8846 - recall: 0.9200
Epoch 11/15
445/445 [=====] - 1s 2ms/step - loss: 1.4469e-04 - precision: 0.9231 - recall: 0.9600
Epoch 12/15
445/445 [=====] - 1s 2ms/step - loss: 2.9707e-04 - precision: 0.8800 - recall: 0.8800
Epoch 13/15
445/445 [=====] - 1s 2ms/step - loss: 2.0294e-04 - precision: 0.9231 - recall: 0.9600
Epoch 14/15
445/445 [=====] - 1s 2ms/step - loss: 1.4788e-04 - precision: 0.9231 - recall: 0.9600
445/445 [=====] - 1s 2ms/step - loss: 9.2967e-05 - precision: 0.9259 - recall: 1.0000

```
In [14]: #Avalie precisão e revocação no treinamento S e teste T
score_S_DNN = modelo_DNN.evaluate(Sx, Sy, verbose=0)
score_T_DNN = modelo_DNN.evaluate(Tx, Ty, verbose=0)
print("S: Precisão = %.4f, Revocação = %.10f" % (precision_score(Sy, predict_Sy), recall_score(Sy, predict_Sy)))
print("T: Precisão = %.4f, Revocação = %.10f" % (precision_score(Ty, predict_Ty), recall_score(Ty, predict_Ty)))
S: Precisão = 0.9231, Revocação = 0.9599999785
T: Precisão = 0.6899, Revocação = 0.7982026297
```

Tentativa 2: SVM nos dados originais

```
In [15]: #Classificador SVM treinado nos dados originais S.

#aplicando ponderação das classes
peso_0 = 0.1
peso_1 = 0.9
class_weight = {0: peso_0, 1: peso_1}

#definindo modelo SVM
model = SVC(kernel='linear', C=0.5,
            class_weight=class_weight)

#como não foi comentado nada nas questões referentes a este item, por padrão, fiz o treinamento com os dados sem ruído
#aplicando reshape do S, apenas para manter o formato sem warning do sklearn de array de 1d
#sem ruído
model.fit(Sx, np.asarray(Sy).reshape(-1))

#com ruído
#model.fit(SxNoise, np.asarray(Sy).reshape(-1))

#predizendo as classes para S e T:
predict_Sy = model.predict(Sx)
predict_Ty = model.predict(Tx)
```

Avalie precisão e revocação no treinamento S e teste T.
print("S: Precisão = %.4f, Revocação = %.10f" % (precision_score(Sy, predict_Sy), recall_score(Sy, predict_Sy)))
print("T: Precisão = %.4f, Revocação = %.10f" % (precision_score(Ty, predict_Ty), recall_score(Ty, predict_Ty)))
S: Precisão = 0.9615, Revocação = 1.0000000000
T: Precisão = 0.5162, Revocação = 0.784753632

```
In [16]: #Classificador SVM treinado nos dados S obtendo sua representação do código da rede de classificação (m código B).

#como era necessário escolher 2 itens dos 3 apresentados, esta tentativa de resolução é apenas por questão de aprendizado.
extract_svm_B = keras.models.Model(modelo_B.inputs, modelo_B.layers[-2].output)

#como não foi comentado nada nas questões referentes a este item, por padrão, fiz o treinamento com os dados sem ruído
#sem ruído
predict_Sy_svm_B = extract_svm_B.predict(Sx)

#com ruído
#predict_Sy_svm_B = extract_svm_B.predict(SxNoise)
```

```
#realizando projeção PCA do conjunto S processado pelo encoder (camada de código) para manter as mesmas dimensões de S
pca_S_B = PCA(n_components=1, random_state=1)
pca_S_result_B = pca_S_B.fit_transform(predict_Sy_svm_B)

#definindo modelo SVM
svm_S_B = SVC(C=0.5,
              class_weight=class_weight)
```

Como não foi comentado nada nas questões referentes a este item, por padrão, fiz o treinamento com os dados sem ruído
#como necessário converter para int, por conta de um erro falando que o tipo float não estava conseguindo
#faça a classificação de forma correta nos dados
#sem ruído
svm_S_B.fit(Sx, np.asarray(pca_S_result_B).reshape(-1).astype('int'))

```
#com ruído
#svm_S_B.fit(SxNoise, np.asarray(pca_S_result_B).reshape(-1).astype('int'))

#predizendo as classes para S e T:
predict_svm_Sy = svm_S_B.predict(Sx)
predict_svm_Ty = svm_S_B.predict(Tx)
```

Avalie precisão e revocação no treinamento S e teste T.
print("S: Precisão = %.4f, Revocação = %.10f" % (precision_score(Sy, predict_svm_Sy), recall_score(Sy, predict_svm_Sy)))
print("T: Precisão = %.4f, Revocação = %.10f" % (precision_score(Ty, predict_svm_Ty), recall_score(Ty, predict_svm_Ty)))
S: Precisão = 0.9985, Revocação = 0.7908707865
T: Precisão = 0.9983, Revocação = 0.7316227072