



# Estática y Dinámica: Interrogación 1.

Facultad de Física      Facultad de Ingeniería

Lunes 5 de Septiembre de 2016

Nombre:

#Alumno:

Rut:

---

## Instrucciones:

- Tiene 150 minutos para resolver los siguientes problemas.
  - Marque con una cruz solo la alternativa que considere correcta en la hoja de respuesta.
  - Todos los problemas tienen el mismo peso en la nota final.
  - Las respuestas incorrectas descuentan 1/4 de pregunta correcta.
  - No está permitido utilizar calculadora ni teléfono celular.
-

**Enunciado para problemas 1-4:**

Considere un misil que despegue desde el reposo en el punto  $A$  y sube verticalmente durante 4 segundos hasta llegar al punto  $B$ , donde se acaba su combustible. El módulo de la aceleración durante el tramo  $A - B$  está dada por  $a_y = 6t$ , donde  $a_y$  está en  $\text{m/s}^2$  y  $t$  en s. En el punto  $B$  el misil se inclina bruscamente (mediante un mecanismo interno) de manera tal que forma un ángulo de  $45^\circ$  con respecto a la horizontal, y desde  $B$  se mueve solamente influenciado por la gravedad.

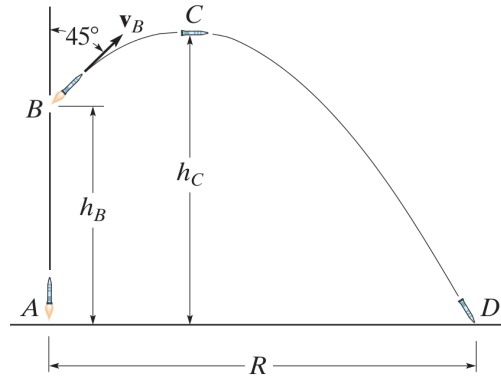


Figura 1: Problemas 1-4.

**Problema 1:** Determine la rapidez  $v_B$  del proyectil en el punto B.

- a)  $v_B = 12 \text{ m/s}$
- b)  $v_B = 24 \text{ m/s}$
- c)  $v_B = 48 \text{ m/s}$
- d)  $v_B = 96 \text{ m/s}$

**Problema 2:** Determine la altura que alcanza el misil ( $h_B$ ) en el punto B.

- a)  $h_B = 12 \text{ m}$
- b)  $h_B = 30 \text{ m}$
- c)  $h_B = 64 \text{ m}$
- d)  $h_B = 40 \text{ m}$

**Problema 3:** En términos de la altura  $h_B$  y la rapidez  $v_B$  determinadas en las preguntas anteriores, ¿cuál es la altura máxima ( $h_C$ ) que alcanza el proyectil?

a)  $h_C = h_B + \frac{v_B^2}{2g}$

b)  $h_C = h_B + \frac{v_B^2}{4g}$

c)  $h_C = h_B + \frac{2v_B^2}{g}$

d)  $h_C = h_B + \frac{v_B}{\sqrt{2g}}$

**Problema 4:** En términos de la altura  $h_B$  y la rapidez  $v_B$  determinadas en las preguntas anteriores, ¿cuál es la distancia horizontal desde el punto de lanzamiento ( $R$ ) a la cual el misil se estrella con el suelo?

a)  $R = \frac{v_B^2}{2g} \left[ 1 + \sqrt{1 + \frac{4gh_B}{v_B^2}} \right]$

b)  $R = \frac{v_B^2}{g} \left[ 1 + \sqrt{1 + \frac{4gh_B}{v_B^2}} \right]$

c)  $R = \frac{v_B^2}{g} \left[ 1 + \sqrt{1 + \frac{2gh_B}{v_B^2}} \right]$

d)  $R = \frac{v_B^2}{2g} \left[ 1 + \sqrt{1 + \frac{8gh_B}{v_B^2}} \right]$

**Enunciado para los problemas 5-6:**

Se tiene un bloque  $A$  de masa  $m_A$  encima de un carro  $C$  de masa  $m_C$ . El carro se tira con una fuerza horizontal  $F$ , tal como se muestra en la figura. Considere que  $A$  y  $C$  parten del reposo, y que puede despreciar cualquier tipo de roce en los engranes de las ruedas del carro.

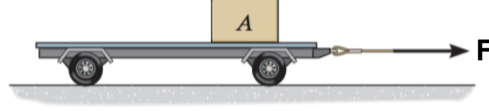


Figura 2: Problemas 5-6.

**Problema 5:** Determine el valor mínimo del coeficiente de roce estático  $\mu_s^{min}$  que se necesita para que  $A$  no deslice sobre  $C$ :

a)  $\mu_s^{min} = \frac{m_A m_C g}{F(m_C + m_A)}$

b)  $\mu_s^{min} = \frac{m_A}{m_C}$

c)  $\mu_s^{min} = \frac{m_A g}{F}$

d)  $\mu_s^{min} = \frac{F}{(m_A + m_C)g}$

**Problema 6:** Ahora asuma que el coeficiente de roce estático entre  $A$  y  $C$  es  $\mu_s < \mu_s^{min}$ , y que el coeficiente de roce cinético (dinámico) es  $\mu_k$ . Determine el módulo de la aceleración del bloque respecto al carro:

a)  $a_{A/C} = \frac{F(m_C + m_A) - m_C \mu_k g}{m_A m_C}$

b)  $a_{A/C} = \frac{\mu_k g(m_C + m_A) - F}{m_C}$

c)  $a_{A/C} = \frac{F - \mu_k m_A g}{m_C}$

d)  $a_{A/C} = \frac{F - \mu_k m_C g}{m_A}$

**Enunciado para los problemas 7-8:**

Se tiene un bloque de masa  $m$  unido a una varilla vertical con dos cordones de igual longitud y sin masa. Cuando el sistema gira con velocidad angular constante en torno al eje de la varilla, los cordones se extienden y quedan tensos.

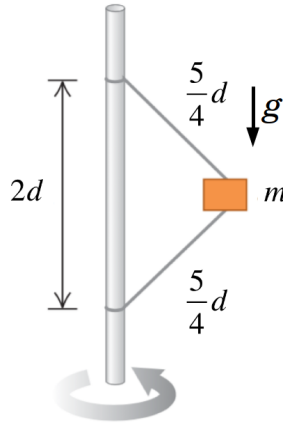


Figura 3: Problemas 7-8.

**Problema 7:** Determine la aseveración correcta:

- a) La tensión es la misma en los dos cordones
- b) La tensión es mayor en el cordón superior
- c) La tensión es mayor en el cordón inferior
- d) Se podría cortar el cordón inferior y la masa seguiría describiendo el mismo movimiento

**Problema 8:** Si la tensión en el cordón superior es  $T$ , determine la velocidad angular a la que el sistema está rotando:

- a)  $\dot{\theta} = \sqrt{\frac{5mg - 4T}{3md}}$
- b)  $\dot{\theta} = \sqrt{\frac{3T - mg}{4md}}$
- c)  $\dot{\theta} = \sqrt{\frac{4mg - 2T}{md}}$
- d)  $\dot{\theta} = \sqrt{\frac{8T - 5mg}{5md}}$

**Enunciado para los problemas 9-11:**

Considere el sistema de la Figura 4, en el cual ángulo  $\theta = \pi/4$ , la razón entre la masa de los bloques es  $m_1 = 2m_2$ , donde el valor de  $m_2$  se considera como conocido. El sistema de poleas, así como la cuerda inextensible poseen masa despreciable, y el coeficiente de roce para el plano inclinado es  $\mu_c$  ( $\mu_d$ ). Note que el bloque de masa  $m_1$  es solidario a la polea  $P_1$  mediante una barra ideal y que la polea  $P_2$  es solidaria a  $P_3$  también por una barra ideal. Para sus cálculos considere  $a_1 = \ddot{b}$  y  $a_2 = \ddot{s}$ .

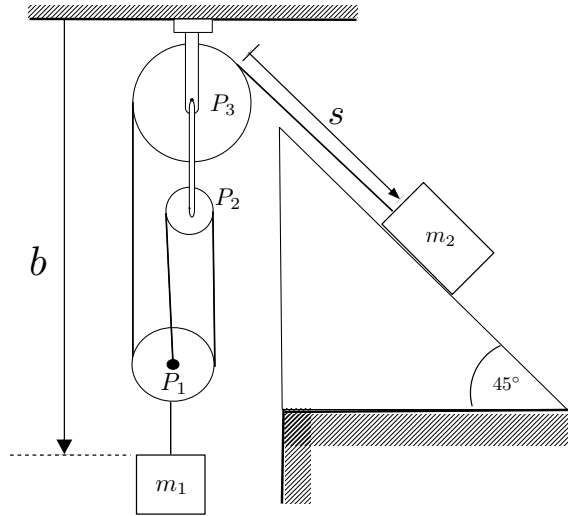


Figura 4: Problemas 9-11.

**Problema 9:** El valor mínimo del coeficiente de roce estático  $\mu_e$ , para que el sistema esté en reposo, está dado por:

a)  $\mu_e = \frac{3 + 2\sqrt{2}}{3}$

b)  $\mu_e = \frac{3}{3 + 2\sqrt{2}}$

c)  $\mu_e = \frac{3 - 2\sqrt{2}}{3}$

d)  $\mu_e = \frac{3}{3 - 2\sqrt{2}}$

**Problema 10:** La condición de ligazón para el sistema con roce y la ecuación de movimiento de Newton para el bloque de masa  $m_2$ , están dadas por:

- a)  $3a_1 - a_2 = 0$  ;  $-T + m_2g(\sin \theta - \mu_c \cos \theta) = m_2a_2$
- b)  $3a_1 + a_2 = 0$  ;  $-T/m_2 + g(\sin \theta + \mu_c \cos \theta) = -a_2$
- c)  $2a_1 + a_2 = 0$  ;  $-T + m_2g(\sin \theta - \mu_c \cos \theta) = m_2a_2$
- d)  $3a_1 + a_2 = 0$  ;  $-T + m_2g(\sin \theta - \mu_c \cos \theta) = m_2a_2$

**Problema 11:** Considere que el sistema se deja evolucionar libremente desde el reposo, de manera tal que los bloques se comienzan a mover. ¿Cuál es la aceleración del bloque de masa  $m_1$ ?

- a)  $a_1 = \frac{g}{11} (2 - 3(\sin \theta + \mu_c \cos \theta))$
- b)  $a_1 = \frac{g}{11} (2 + 3(\sin \theta - \mu_c \cos \theta))$
- c)  $a_1 = \frac{g}{11} (2 - 3(\sin \theta - \mu_c \cos \theta))$
- d)  $a_1 = \frac{g}{11} (2 + 3(\sin \theta + \mu_c \cos \theta))$

**Enunciado para los problemas 12-13:**

El brazo ranurado  $OA$  gira en sentido contrario al de las manecillas del reloj alrededor de  $O$ , de modo que cuando se encuentra formando un ángulo  $\theta$  respecto de la horizontal, el brazo  $OA$  gira con una velocidad angular de  $\dot{\theta}$  y una aceleración angular de  $\ddot{\theta}$ . El movimiento del pasador  $B$  está limitado a la superficie circular fija y a lo largo de la ranura en  $OA$ , como se muestra en la figura. Note que  $r$  es equivalente a coordenada radial  $\rho$ .

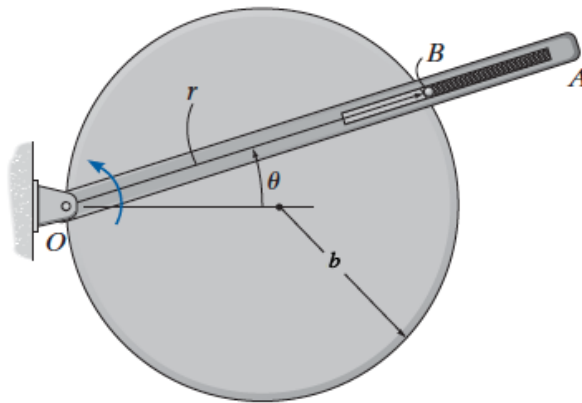


Figura 5: Problemas 12-13.

**Problema 12:** ¿Cuál es la magnitud de la velocidad (i.e. rapidez) del pasador B en ese instante?

- a)  $b\dot{\theta}$
- b)  $2b\dot{\theta} \sin \theta$
- c)  $2b\dot{\theta} \cos \theta$
- d)  $2b\dot{\theta}$

**Problema 13:** ¿Cuál es la magnitud de la aceleración del pasador B en ese instante?

- a)  $2b\ddot{\theta}$
- d)  $2b\ddot{\theta} \sin \theta$
- c)  $2b\sqrt{\ddot{\theta}^2 + 4\dot{\theta}^4}$
- d)  $2b\ddot{\theta} \cos \theta$

**Enunciado para los problemas 14-17:**

La masa  $M$  de la figura está adosada al extremo de un resorte de largo natural  $\ell_0$  y constante elástica  $k$ . El otro extremo del resorte está fijo a un pivote que permite al sistema girar libremente sobre una mesa horizontal sin roce.

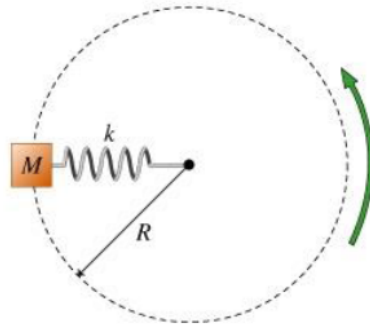


Figura 6: Problemas 14-17

Supongamos primero que la masa está rotando en movimiento circular uniforme con una velocidad angular fija  $\dot{\theta} = \omega$  y con un radio de giro  $R$ .

**Problema 14:** En este caso, la aceleración de  $M$  en coordenadas polares es:

- a)  $\vec{a} = -R\omega^2 \hat{\theta}$
- b)  $\vec{a} = -R\omega^2 \hat{\rho}$
- c)  $\vec{a} = R\omega^2 \hat{\theta}$
- d)  $\vec{a} = R\omega^2 \hat{\rho}$



**Problema 15:** Entonces el largo  $R$  del resorte está dado por:

a)  $R = \frac{\ell_0 k}{k - M\omega^2}$

b)  $R = \frac{\ell_0 k}{M\omega^2 - k}$

c)  $R = \frac{\ell_0 M\omega^2}{k - M\omega^2}$

d)  $R = \frac{\ell_0 M\omega^2}{M\omega^2 - k}$

En cierto instante comienza a actuar sobre la masa una fuerza de magnitud constante  $T$ .

**Problema 16:** Considere  $\Delta\ell$  como el estiramiento del resorte (con respecto a su largo natural). Entonces, si la fuerza de magnitud constante  $T$  es aplicada en la dirección  $\hat{\theta}$ , justo en el instante de su aplicación la aceleración está dada por:

a)  $\vec{a} = -\frac{k\Delta\ell - T}{M}\hat{\rho} + \frac{T}{M}\hat{\theta}$

b)  $\vec{a} = -\frac{k\Delta\ell}{M}\hat{\rho} + \frac{T}{M}\hat{\theta}$

c)  $\vec{a} = \frac{k\Delta\ell}{M}\hat{\rho} + \frac{T}{M}\hat{\theta}$

d)  $\vec{a} = \frac{k\Delta\ell - T}{M}\hat{\rho} + \frac{T}{M}\hat{\theta}$

**Problema 17:** Considere  $\Delta\ell$  como el estiramiento del resorte (con respecto a su largo natural). Entonces, si la fuerza de magnitud constante  $T$  es aplicada en la dirección  $\hat{\rho}$ , justo en el instante de su aplicación la aceleración está dada por:

a)  $\vec{a} = -\frac{k\Delta\ell + T}{M}\hat{\rho}$

b)  $\vec{a} = -\frac{k\Delta\ell - T}{M}\hat{\theta}$

c)  $\vec{a} = -\frac{k\Delta\ell + T}{M}\hat{\theta}$

d)  $\vec{a} = -\frac{k\Delta\ell - T}{M}\hat{\rho}$