

POUTRE EN TRACTION COMPRESSION

1 Traction Pure

Question 1

Pour une sollicitation de traction pure, le critère de résistance élastique s'écrit : $\sigma = \sigma_N = \frac{N}{S} \leq R_{pe} = \frac{R_e}{s}$

$$\text{d'où } S \geq \frac{N \cdot s}{R_e} = \frac{5000 \cdot 1,2}{370} = 16,22 \text{ mm}^2$$

Attention à ne pas confondre la surface S avec le coefficient de sécurité s.

Question 2

Cf cours

Question 3

La contrainte est plus grande dans les extrémités filetées. Le critère de résistance élastique devient : $k_t \cdot \sigma_N \leq R_{pe}$.

$$\text{Soit } S_{\text{filet}} \geq \frac{k_t \cdot N \cdot s}{R_e} = 40,6 \text{ mm}^2$$

Question 4

La loi de Hooke donne : $\sigma = E \cdot \varepsilon$. Pour une sollicitation uniforme de traction, $\varepsilon = \frac{\Delta L}{L}$.

$$\text{d'où : } \Delta L = L \cdot \frac{\sigma}{E} = L \cdot \frac{R_{pe}}{E} = 1,8 \text{ mm}$$

2 Solide d'égale contrainte

Question 5

1. Calcul de la contrainte normale :

$$T_{coh} = +T(\text{ext} \rightarrow S+) \text{ d'où } N = -F - \text{Poids}(S+) = -F - \mu \cdot g \cdot V(S+) = -F - \mu \cdot g \cdot V(z)$$

où $V(S+) = V(z)$ est le volume du tronçon de pilier 'après G'

$$\text{On a donc : } \sigma = \frac{N}{S} = \frac{-F - \mu \cdot g \cdot V(z)}{S(z)} \text{ où } S(z) \text{ est la section en G}$$

2. Calcul de la loi de variation de la section S(z)

$$\sigma_c \cdot S(z) = -F - \mu \cdot g \cdot V(z)$$

$$\text{par différentiation : } \sigma_c \cdot \frac{dS(z)}{dz} = -\mu \cdot g \cdot \frac{dV(z)}{dz} \text{ Or } V(z) = \int_z^h S(t) dt \text{ donc } \frac{dV(z)}{dz} = S(z)$$

$$\sigma_c \cdot \frac{dS(z)}{dz} = -\mu \cdot g \cdot S(z) \Rightarrow \frac{dS(z)}{S(z)} = \frac{-\mu \cdot g}{\sigma_c} \cdot dz \Rightarrow [\ln(S(t))]_0^z = \frac{-\mu \cdot g}{\sigma_c} \cdot z$$

$$\text{donc } \ln(S(z)) - \ln(S(0)) = \ln\left(\frac{S(z)}{S(0)}\right) = \frac{-\mu \cdot g}{\sigma_c} \cdot z \Rightarrow S(z) = S_0 \cdot e^{\frac{-\mu \cdot g}{\sigma_c} \cdot z}$$

3. Calcul de S_0 :

$$\text{en } z=h, \sigma_c = \frac{F}{S(h)} \Rightarrow S(h) = S_0 \cdot e^{\frac{-\mu \cdot g}{\sigma_c} \cdot h} = \frac{F}{\sigma_c} \Rightarrow S_0 = \frac{F}{\sigma_c} e^{\frac{\mu \cdot g}{\sigma_c} \cdot z} \Rightarrow S(z) = \frac{F}{\sigma_c} e^{\frac{\mu \cdot g}{\sigma_c} \cdot (h-z)}$$