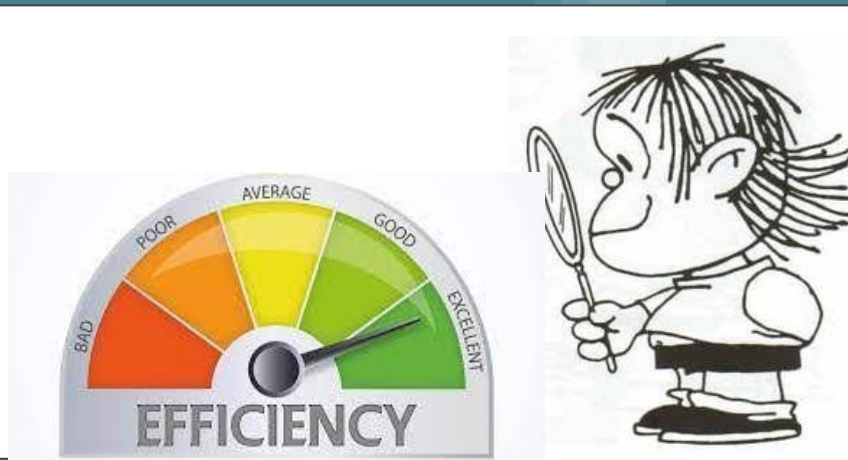




# Eficiencia



## *Objetivos de la materia:*

- *Maximizar el uso de recursos  
tiempo de ejecución y utilización de memoria*

## *Código debe ser:*

- *EFICAZ: Hacer lo que debe hacer y hacerlo bien*
- *EFICIENTE: Utilizar los recursos mínimos*





- *Resolver un problema implica:*
  - *Algoritmo o método de resolución*
  - *Codificación del método.*

## Analizar algoritmos

- *Puede haber muchos parámetros, pero los más usuales son:*
  - *TIEMPO DE EJECUCIÓN*
  - *MEMORIA UTILIZADA*





# Seudocódigo y java

```
ALGORITMO medirTiempo
ENTERO tiempo, n
n <- 100000
tiempo = calculaDuracion (n)
ESCRIBIR tiempo
FIN ALGORITMOS
```

1 Milisegundos = 1.000.000 Nanosegundos

1 Nanosegundos = 1.0 x 10<sup>-6</sup> Milisegundos

```
public static void main(String[] args) {
    long c = calculaDuracion(1000000)
    System.out.println("Duración : " + c/1e6 + " ms");
}

public static <E> long calculaDuracion(int cantRep) {
    long comienzo = System.nanoTime();
    //codigo con cantRep repeticiones a medir
    long tarda = System.nanoTime() - comienzo;
    return (tarda);
}
```

sout ("tiempo:" + **tarda** + " ns (nanosegundos), " **tarda/1e6** + " ms (milisegundos)");

# Cómo analizar un código en base al tiempo?

- Se necesita un modelo de computación:
- las instrucciones se ejecutan de modo secuencial
- cada instrucción sencilla tarda exactamente una unidad de tiempo
  - (asignación, comparación, adición)
- no se indica la unidad utilizada
- suponemos una memoria infinita
- Se analiza el tiempo de ejecución





## Tiempos de Ejecución - $T_i$

- Operación elemental: corresponde a un tiempo de ejecución acotado por una constante que depende de la implementación.
- Por convención se toma la unidad.
- Ejemplo de Operaciones Elementales

### Tiempo de una secuencia - $T_1 + T_2$

Sentencias

diametro  $\leftarrow$  Pi \* 2 \* radio

diametro  $\leftarrow$  diametro+1

→ 1 asignación, 2 multiplicaciones, Total 3 tiempos

→ 1 asignación, 1 suma, Total 2 tiempos

El tiempo de ejecución  $T_s(n) = T_1(n) + T_2(n) = 5$

# Tiempo de Ejecución en alternativas

- El tiempo de ejecución  $t_{si}$  nunca es mas grande que el tiempo empleado por la condición mas el mayor de los tiempos de  $S_1$  y  $S_2$ .
- La evaluación de la condición se llama  $t_{cond}$
- La evaluación del máximo de los tiempos de  $S_1$  y  $S_2$  se la muestra como  $\max(t_1, t_2)$

Requiere: Tiempo Si  $t_{SI} = t_{cond} + t_1$

SI **cond** HACER  
 $S_1$   
FIN SI

SI **cond** HACER  
 $S_1$   
SINO  
 $S_2$   
FIN SI

El tiempo de ejecución del peor caso  $T_w(n)$  es el mayor tiempo de ejecución de  $S_1$  y  $S_2$

Requiere: Tiempo Si/Sino  $t_{SINO} = t_{cond} + \max(t_1, t_2)$





# Tiempo de Ejecución en Sentencias FOR

Se debe considerar

- La inicialización de la variable =  $t_{ini}$
- La evaluación de la condición =  $t_{cond}$
- La evaluación de las condiciones para decidir la finalización se realiza una cantidad de iteraciones  $cantIt$  de veces en true y la última en false.
- Los incrementos se evalúan con el tiempo  $t_{inc}$
- El tiempo interno del ciclo (Serie de sentencias internas -  $t_{int}$ )

```

PARA cond = 1 HASTA n
HACER
     $S_1$ 
FIN PARA
    
```

Serie  $S_1$  de sentencias ( $T_1$ )

```
for (int i= 0; i < N; i++)  $S_1$ ;
```

Inicialización

condición

incremento

$$\text{Tiempo para } t_{\text{PARA}} = t_{ini} + cantIt * (t_{cond} + t_{INTERNO} + t_{inc}) + t_{cond}$$





# Ejemplos de sentencias FOR

- Tiempo de inicialización  $t_{ini}$  ( $j = 0$ )  $\rightarrow$  1 asignación = 1 tiempo
- Tiempo de condición  $t_{cond}$  ( $j \leq n$ )  $\rightarrow$  1 operación = 1 tiempo
- Los incrementos  $t_{inc}$  ( $i++$ )  $\rightarrow$  1 operación matem = 2 tiempoa
- Tiempo interno  $t_{INTERNO}$ :
  - 1 asignación + 1 suma + 2 acceso al vector = 4 tiempos
- Cantidad de Itenaciones =  $n$  veces

```

PARA j = 0 HASTA n-1
HACER
    a[j]  $\leftarrow$  a[j] + 10
FIN PARA
    
```

```

for (j= 0; j < N; j++) S1;
    
```

$$\text{Tiempo para} = t_{ini} + cantIt*(t_{cond} + t_{int} + t_{inc}) + t_{cond}$$

- Tiempo Para  $t_{PARA} = t_{ini} + cantIt*(t_{cond} + t_{INTERNO} + t_{inc}) + t_{cond}$   

$$= 1 + n* \quad (1 + 4 + 2) \quad + 1 = 1 + 7n + 1 = 7n + 2$$

## Cálculo de tiempos

```
MODULO suma (ENTERO n) RETORNA ENTERO
    ENTERO sumaParcial
    PARA  $j = 1$  HASTA  $n$  HACER
        sumaParcial  $\leftarrow$  sumaParcial +  $j*j*j$ 
    FIN PARA
    RETORNAR sumaParcial
FIN MODULO
```

```
int suma (int n){
    int sumaParcial = 0; //1
    for (int j= 1; j<=N; j++) //2
        sumaParcial += j*j*j; //3
    return sumaParcial; //4
}
```

- Las instrucciones [1] y [4] valen una unidad.
- La línea [3] cuenta 4 unidades (dos \*, una + y una asignación) y se repite  $n$  veces.
- La línea [2] tiene el costo de inicialización de  $i$ , testeo de  $i \leq n$  y el incremento. Costo total: 1 para inicializar,  $n+1$  para comprobar,  $2n$  para el incremento. Resultado:  $3n+2$ .
- Resultando un total de  $1+(3n+2)+4n+1=7n+4$ .



## Tiempo de ejecución

$n$  es la cantidad de datos y se analiza en función de ese

El tiempo de ejecución de un programa en función de  $n$ , se denomina  **$t(n)$** .

- *Si utilizamos arreglos o matrices,  $n$  es el nro. de elementos que la componen*

*Se puede medir:*

- *Ejecutando el programa, reloj en mano,*
- *Contando instrucciones a ejecutar sobre el código y multiplicando por el tiempo requerido por cada instrucción*



# Otras repetitivas

- Tiempo de inicialización  $t_{ini}$  ( $j = 0$ )  $\rightarrow$  1 asignación = 1 tiempo
- Tiempo de condición  $t_{cond}$  ( $j \leq n$ )  $\rightarrow$  1 operación = 1 tiempo
- Los incrementos  $t_{inc}$  ( $i++$ )  $\rightarrow$  1 operación matem = 2 tiempoa
- Tiempo interno  $t_{INTERNO}$ :
  - 1 asignación + 1 suma + 2 acceso al vector = 4 tiempos
- Cantidad de Itenaciones = n veces

```

PARA j = 0 HASTA n-1
HACER
    a[j] ← a[j] + 10
FIN PARA
  
```

```

for (j= 0; j < N; j++) S1;
  
```

$$\text{Tiempo para} = t_{ini} + cantIt*(t_{cond} + t_{int} + t_{inc}) + t_{cond}$$

- Tiempo Para  $t_{PARA} = t_{ini} + cantIt*(t_{cond} + t_{INTERNO} + t_{inc}) + t_{cond}$   

$$= 1 + n* \quad (1 + 4 + 2) \quad + 1 = 1 + 7n + 1 = 7n + 2$$



# Otras repetitivas

Ciclos REPETIR HASTA (while y repeat).

- Se calcula el tiempo de ejecución de las instrucciones internas, mas el costo de evaluar la condicion por el numero maximo de iteraciones (peor caso)

$$\text{Tiempo RepetirHasta} = \text{maxIt}(\tau_1 + t_{\text{cond}})$$

REPETIR  
S1  
HASTA **cond**

Ciclos MIENTRAS

- Se calcula el tiempo de ejecución de las instrucciones internas, mas el costo de evaluar la condicion por el numero maximo de iteraciones (peor caso), y una evaluacion mas de

$$\text{Tiempo Mientras} = \text{maxIt}(\tau_1 + t_{\text{cond}}) + t_{\text{cond}}$$

MIENTRAS **cond** HACER  
S1  
FIN MIENTRAS

- El análisis de algoritmos es una estimación teórica de la cantidad de recursos necesarios para ejecutarlos.
- El tiempo de funcionamiento de un algoritmo se expresa como una función de la longitud de entrada en relación con un número de pasos o ubicaciones de almacenamiento.
- Estas estimaciones dan una idea de instrucciones razonables de búsqueda de algoritmos eficientes.
- Se estima su complejidad en sentido asintótico, para un  $n$  muy grande



# Tipos de análisis....

- El tiempo de ejecución del peor caso,  $T_w(n)$  - worst case -  $T_{peor}(n)$ 
  - El máximo tiempo de ejecución sobre todas las entradas de tamaño  $n$
  - Puede no ser muy fiel
- El tiempo promedio de ejecución:  $T_a(n)$  - average -  $T_{promedio}(n)$ 
  - promedio de tiempos sobre todas las entradas de tamaño  $n$
  - Puede ser más fiel
  - En algunas ocasiones puede ser difícil de determinar
- El tiempo de ejecución del mejor caso:  $T_b(n)$  - best case -  $T_{mejor}(n)$ 
  - El menor de los tiempos sobre todas las entradas de tamaño  $n$
  - Puede ser engañoso en un algoritmo lento que trabaja rápido sobre algunas entradas

Independiente de la computadora ....ASINTOTICO

## *Tipos de análisis*

*Peor Caso:* se considera el máximo uso de recursos

*Caso Promedio:* se considera un promedio de uso de recursos.

*Análisis probabilístico:* se considera el uso de recursos de cada instancia en función de su probabilidad de ser ejecutada.

*Mejor Caso:* se considera el mínimo uso de recursos

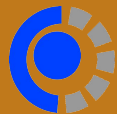




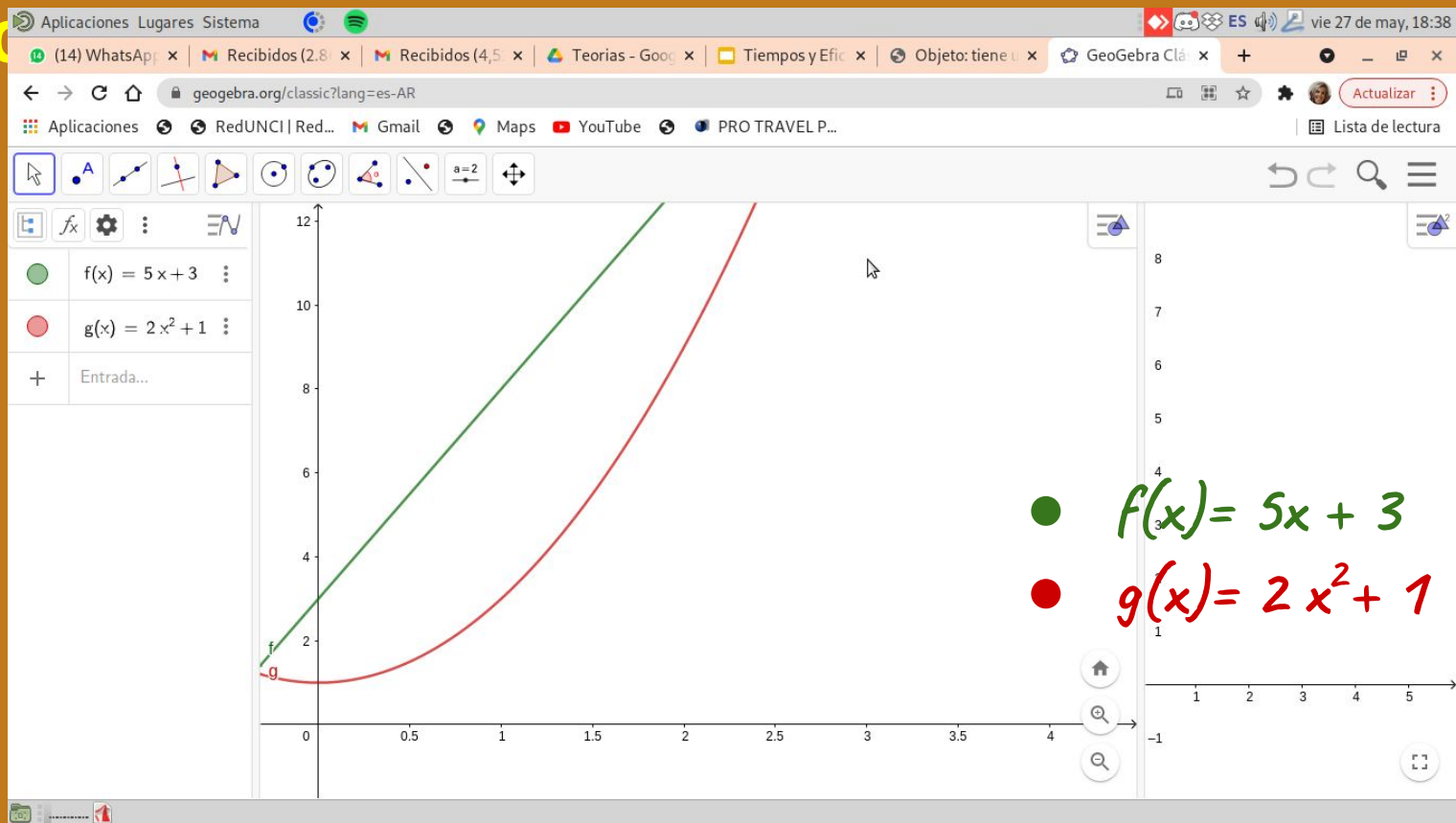
- *Cómo sabemos qué algoritmo es más eficiente?*

Se utilizan representaciones gráficas del tiempo en función del tamaño de los datos de entrada.

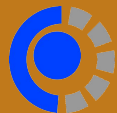
**Geogebra**



- *Cómo sabemos qué algoritmo es más eficiente?*







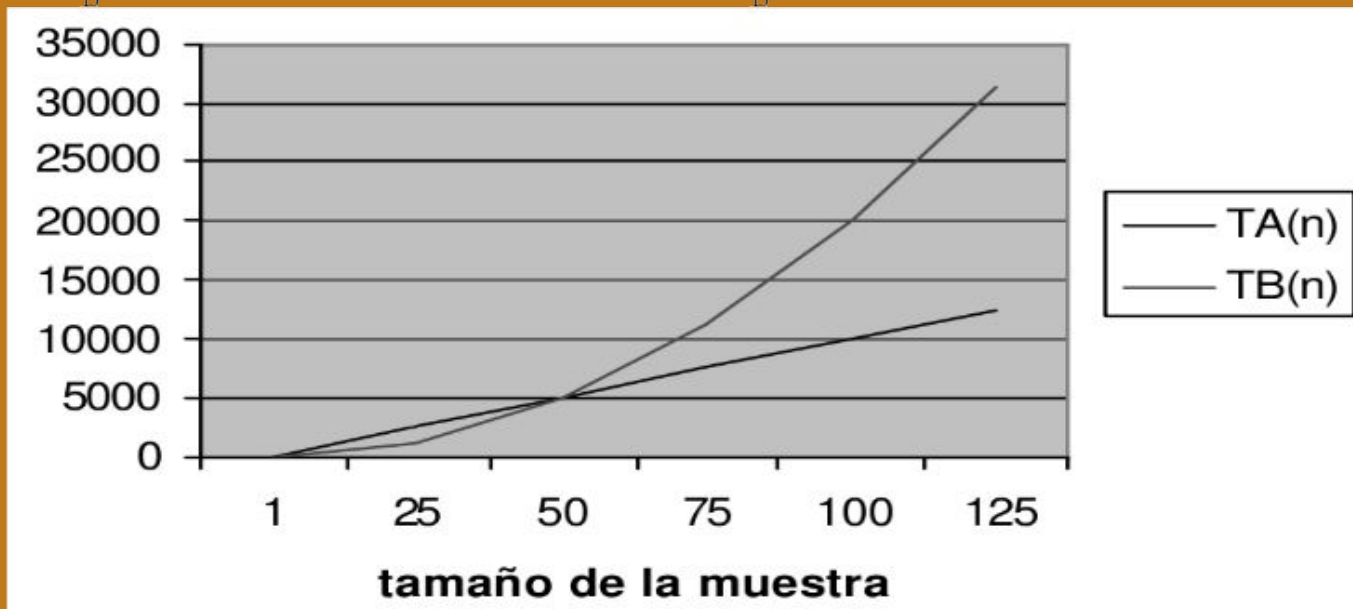
- *Qué algoritmo es más eficiente?*

- Ejemplo Si consideramos una cantidad  $n = 10$  y  $n = 100$

- $T_A(10) = 100 * n = 1000$ ;  $T_A(100) = 10000$

- $T_B(10) = 2 * n^2 = 200$ ;  $T_B(100) = 20000$

¿Para qué valores  
de  $n$  lo pienso?

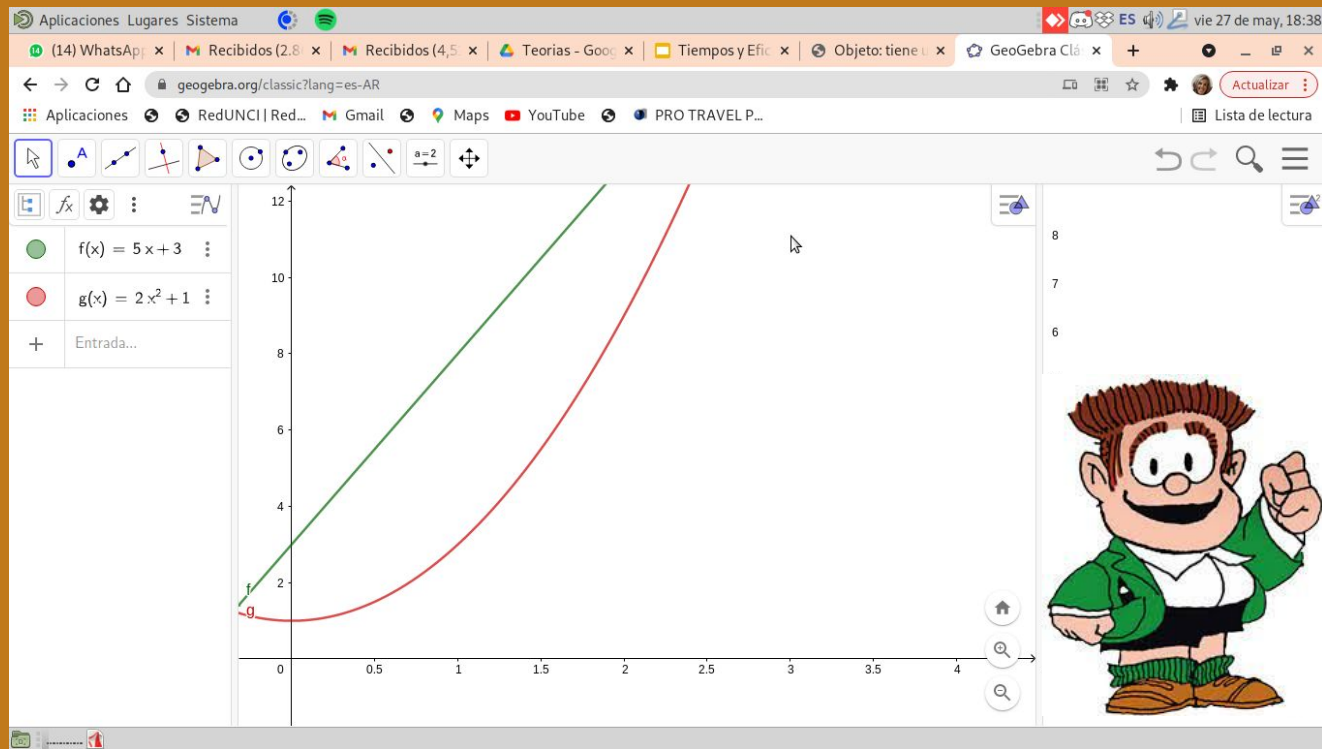




- *Cómo sabemos qué algoritmo es más eficiente?*

Se utilizan representaciones gráficas del tiempo en función del tamaño de los datos de entrada.

**Geogebra**





# Menor tiempo de ejecución?

1. Supongamos un problema y dos algoritmos A y B para resolverlo.

$$T_A(n) = 100 * n$$

$$T_B(n) = 2 * n^2$$



¿Cuál es más eficiente?

Si consideramos una cantidad  $n = 10$

$$T_A(10) = 100 * 10 = 1000$$

$$T_B(10) = 2 * 10^2 = 200$$

## Eficiencia?



# Comparemos gráfico

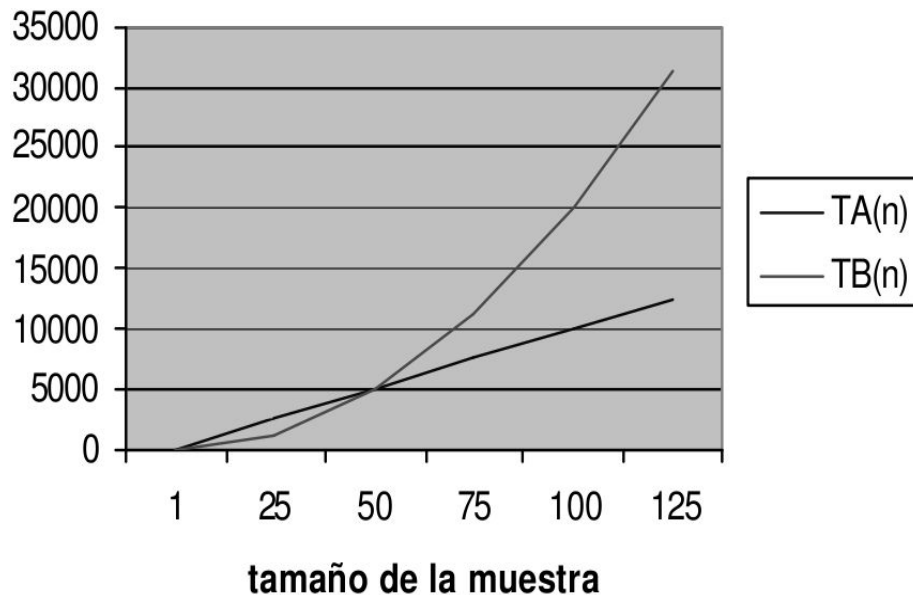
Si consideramos una cantidad  $n = 10$  y  $n = 100$

$$T_A(10) = 100 * n = 1000;$$

$$T_A(100) = 10000$$

$$T_B(10) = 2 * n^2 = 200;$$

$$T_B(100) = 20000$$





# Notación Asintótica $O$

- Los algoritmos estiman su complejidad en el **sentido asintótico**, (para un cantidad muy grande de datos de entrada).
- El **análisis de algoritmos** proporciona **estimaciones teóricas** de recursos necesarios.
- Sirve para dar una idea de instrucciones razonables en la búsqueda de **algoritmos eficientes**.
- A veces se requiere de **ciertas suposiciones** acerca de la implementación particular del algoritmo (llamado modelo de computación).





## Notación asintótica $O$ ,

La notación **asintótica superior**, es una función que sirve de cota superior o techo de un conjunto de funciones y es de gran utilidad para clasificar la eficiencia de los algoritmos.