Расчёт выделения тепла в бухте-удлинителе

Бенкевич Л. В.

13 марта 2025 г.

 $3a\partial a 4a$. Нагреватель воды nacnopmhoй мощностью $P_{\rm H}^*=2200\,{\rm Bt}$ подсоединён к сети напряжением $U=220\,{\rm B}$ через удлинитель, длинный двужильный кабель длиной $l=50\,{\rm m}$ и сечением каждой из двух жил $a=0.75\,{\rm mm}^2$. Кабель-удлинитель смотан в бухту (размеры и число витков не имеют значения, пусть будет диаметр $20-30\,{\rm cm}$).

Найти тепловую мощность, выделяемую в бухте кабеля.

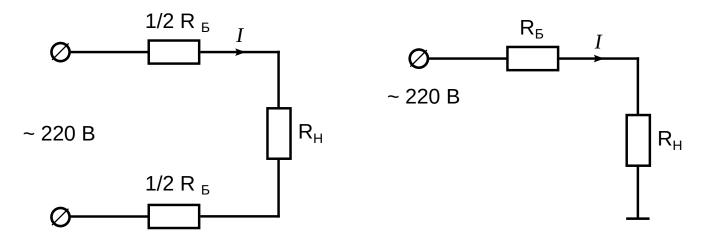


Рис. 1: Сопротивления одной жилы кабеля, $\frac{1}{2}R_{\rm B}$, нагрузки (нагревателя воды), $R_{\rm H}$, и другой жилы кабеля, $\frac{1}{2}R_{\rm B}$, в бухте.

Рис. 2: Сопротивления обеих жил кабеля в бухте, $R_{\rm B}$, и нагрузки (нагревателя воды), $R_{\rm H}$.

Решение. Заметим, что ток последовательно протекает через три сопротивления (Рис. 1): жилу кабеля, $\frac{1}{2}R_{\rm B}$, сопротивление нагревателя воды, $R_{\rm H}$, и возвращается через другую жилу кабеля, $\frac{1}{2}R_{\rm B}$. Поскольку последовательные сопротивления складываются, мы можем эту схему упростить, заменив эквивалентной, состоящей из полного сопротивления бухты, $R_{\rm B}$, и нагревателя, $R_{\rm H}$ (Рис. 2).

Сначала найдём все сопротивления, затем ток через них, а потом – мощность $P_{\rm B}$, выделяемую этим током в бухте.

Сопротивление провода определяется удельным сопротивлением меди, $\rho=0.0172\frac{{\rm Om\ mm}^2}{{\rm M}},$ его сечением a и длиной l:

$$R = \rho \frac{l}{a}.\tag{1}$$

Полное сопротивление кабеля в бухте, то есть последовательное сопротивление обеих жил $R_{\rm E}$, требует умножения длины кабеля на 2:

$$R_{\rm E} = \rho \frac{2l}{a} = (0.0172 \frac{{\rm Om}\,{\rm mm}^2}{{\rm m}}) \times (2 \cdot 50{\rm m})/(0.75{\rm mm}^2) = 2.293\,{\rm Om}. \tag{2}$$

Найдём сопротивление нагревателя $R_{\rm H}$ по его паспортной мощности $P_{\rm H}^*$, то есть той его мощности, которую нагреватель развивает, когда к его клеммам приложено ровно 220 В. При напряжении U на концах сопротивления R в нём выделяется тепловая мощность P в соответствии с формулой

$$P = \frac{U^2}{R}$$
; тогда $R = \frac{U^2}{P}$. (3)

Подставим наши числа:

$$R_{\rm H} = \frac{(220\,{\rm B})^2}{2200\,{\rm Br}} = 22\,{\rm Om}.$$
 (4)

По закону Ома, ток I через наши два сопротивления будет

$$I = \frac{U}{R_{\rm B} + R_{\rm H}} = \frac{220 \,\text{B}}{2.293 \,\text{Om} + 22 \,\text{Om}} = (220/24.293) \,A = 9.056 \,A. \tag{5}$$

Хоть это в задаче и не спрашивается, но ради интереса можно найти теперь *реальное* напряжение на нагревателе,

$$U_{\rm H} = R_{\rm H}I = (22 \,\text{Om}) \times (9.056 \,A) = 199.234 \,\text{B}.$$
 (6)

и его реальную выделяемую тепловую мощность:

$$P_{\rm H} = I^2 R_{\rm H} = (9.056~A)^2 \times (22~{\rm Om}) = (82.013 \cdot 22)~{\rm Bt} = 1804.287~{\rm Bt}. \tag{7}$$

Точно так же (хоть это и не спрашивалось в задаче) находим сумму напряжений, падающих на одну и другую жилы кабеля в бухте,

$$U_{\rm B} = R_{\rm B} I = (2.293~{\rm Om}) \times (9.056~A) = 20.766~{\rm B}. \tag{8}$$

И, наконец, вычисляем тепловую мощность, выделяемую в бухте сетевого удлинителя:

$$P_{\rm B} = I^2 R_{\rm B} = (9.056~A)^2 \times (2.293~{\rm Om}) = (82.013 \cdot 22)~{\rm Bt} = 188.055~{\rm Bt}.$$
 (9)

Таким образом, длинный и компактно смотанный сетевой кабель выделяет почти 200 Вт в своём небольшом объёме, что и приводит к его перегреву.

Можно добавить, что на этом длинном кабеле падает десятая часть напряжения, почти 21 В из 220 В, и до нагревателя доходит лишь 199 В вместо 220 В "паспортных".