# Inhaltsverzeichnis

1	Längsschnittanalysen und Veränderungsmessung II	1
	1.1 Lernziele und Vorgehen	
	1.3 Datensatz	
	Quadratische Wachstumskurvenmodelle         2.1 Modellvergleiche	3
3	Aufnahme von Kovariaten	11

# 1 Längsschnittanalysen und Veränderungsmessung II

Im folgenden werden wir die im Skript zur Veränderungsmessung I betrachtetenen Wachstumskurvenmodelle im Rahmen der Mehrebenenanalyse erweitern. Zunächst werden wir eine Erweiterung auf nicht-lineares Wachstum betrachten. Im nächsten Schritt nehmen wir zeitinvariante und zeit-variierence Kovariaten in das Modell auf.

## 1.1 Lernziele und Vorgehen

Sie können Wachstumskurvenmodelle mit verschiedenen Formen der Veränderung und unter Berücksichtugng von Kovariaten spezifizieren und die Ergebnisse angemessen interpretieren.

Wir werden dafür wie folgt vorgehen:

#### Note

- 1. Betrachtung des Datensatzes (long-Format)
- 2. Wachstumskurvenmodelle im Rahmen der Mehrebenenalyse mit lme4
  - a) Lineares Wachstum
  - b) Quadratisches Wachstum
  - c) Zeitstabile Kovariaten
  - d) Zeit-variierende Kovariaten

## 1.2 Vorbereitung

Wir benötigen in dieser Sitzung die folgenden Pakete.

```
if (!require("lme4")) install.packages("lme4")
if (!require("ggplot2")) install.packages("ggplot2")
```

#### 1.3 Datensatz

Wir nutzen den long-Format Datensatz zur Stimmungsregulation aus der letzten Sitzung (für detaillierte Informationen siehe Skript zur Veränderungsmessung I). In dieser Sitzung nutzen wir jedoch alle 12 vorhandenen Messzeitpunkte pro Person. Der Datensatz im long-Format (affect.rda) enthält die Stimmungsitems gut (valence), wach (energetic arousal), und ruhig (tense arousal), zwei dichotome Variablen (pos und neg) welche jeweils kodieren ob ein positives oder negative Ereignis stattgefunden hat seit der letzten Abfrage, sowie ein Maß für die Depressivität der Probandinnen (BDI; stabiler Wert, einmalig erfasst). Die Variable ID kodiert die Person, die Variable MZP nummeriert die Messungen pro Person durch, und die Variable time kodiert die seit der ersten Beobachtung vergangene Zeit kontinuierlich in Stunden.

```
setwd("C:/Users/me/myworkingdirectory")
 load("affect.rda")
  str(affect)
'data.frame':
               797 obs. of 9 variables:
       : Factor w/ 73 levels "182001","182002",...: 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 ...
$ time : num
              0.283 1.117 2.083 2.983 4.15 ...
              5 2 3.5 2 5 4.5 5.5 5 3 3 ...
$ gut : num
              5.5 5 5.5 4.5 5.5 4.5 0 2.5 0 3.5 ...
$ wach : num
$ ruhig: num
              2.5 2.5 2.5 2 3 3.5 5 4 4 1.5 ...
$ pos
       : num
              0 0 0 0 1 0 1 0 1 1 ...
$ neg
       : num
              1 0 1 0 0 0 0 1 0 0 ...
$ BDI
              777777777...
       : num
$ MZP
       : int
              1 2 3 4 5 6 7 8 9 10 ...
```

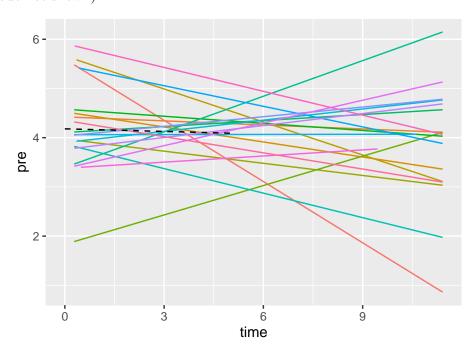
# 2 Quadratische Wachstumskurvenmodelle

Wir schätzen zunächst ein lineares Wachstumskurvenmodell mit der Variable Zeit (time) als Prädiktor. Lineare Wachstumskurvenmodelle oder auch sogenannte Latent-Growth-Curve Modelle nehmen in ihrer einfachsten Form an, dass der Wert einer Person über den Verlauf der Zeit kontinuierlich zu- oder abnimmt. Jede Person kann dabei eine individuelle Ausprägung (Betrag und Vorzeichen) des Anstiegs (bzw. der Abnahme) aufweisen.

```
linear_RS <- lmer(wach ~ 1 + time + (1 + time | ID), REML = T, data = affect)</pre>
```

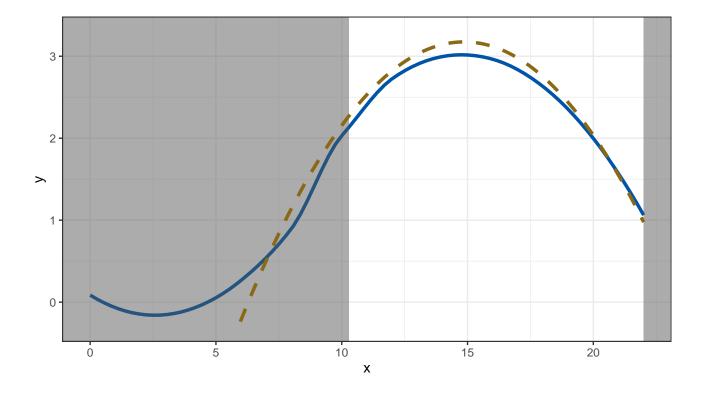
Wie bereits in der letzten Sitzung für die ersten 5 Messzeitpunkte gesehen, ist auch für die gesamten Daten eines Tages (alle 12 MZPe) ein Wachstumskurvenmodell mit individuell unterschiedlichen (random) Slopes für diese Daten angemessener als ein reines Variabilitätsmodell (Modellvergleich nicht gezeigt; siehe letzte Sitzung bzw. try it out!).

Wir plotten zur Veranschaulichung die Verläufe (einiger Personen) im random slopes Wachstumskurvenmodell (Code not shown):



Realistischer als der hier bisher modellierte lineare Verlauf über den Tag hinweg ist eine zirkadiane Verlaufsform, welche die Tageszeit berücksichtigt. Ein möglicher typischer Verlauf der Wachheit / Müdigkeit über den Tag hinweg könnte wie folgt aussehen (blaue Linie). Wenn man berücksichtigt, dass wir nur Daten während des Tages (nicht in der Nacht) erhoben haben, könnte aus theoretischer Perspektive ein quadratischer Verlauf approximativ ausreichend sein (gestrichelte Linie).





Um diesen Verlauf zu modellieren, erweitern wir das Modell um eine quadratische Komponente. Hierfür legen wir zunächst das Quadart der Variable time als neue Variable an und nehmen diese dann als zusätzlichen Prädiktor ins Modell auf.

```
affect$time_quad <- affect$time^2
  quad_RS_1 <- lmer(wach ~ 1 + time + time_quad + (1 + time | ID), REML = T, data = affect)
  summary(quad_RS_1)$coef
               Estimate Std. Error
                                      t value
             3.81887493 0.182640129 20.909287
(Intercept)
             0.17422137 0.045239855
time_quad
            -0.01631269 0.003328546 -4.900846
  summary(quad_RS_1)$var
Groups
                      Std.Dev. Corr
 ID
          (Intercept) 1.29740
                      0.17301
                               -0.784
          time
Residual
                      1.00670
  confint(quad_RS_1,method = "boot", n = 1000)
Computing bootstrap confidence intervals ...
                  2.5 %
                              97.5 %
.sig01
             1.01832680 1.566995699
.sig02
            -0.87343580 -0.648789581
.sig03
             0.13794433 0.209086612
             0.95354279
                         1.064249670
.sigma
```

Bedeutung der Parameter (siehe auch Unterlagen des Wintersemesters zu quadratischen Zusammenhängen):

(Intercept)

time\_quad

time

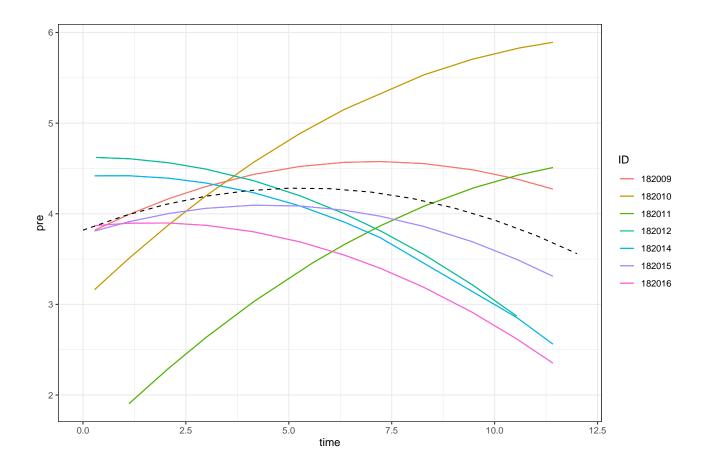
3.45494274 4.198536636 0.07994702 0.259991765

-0.02292230 -0.009759218

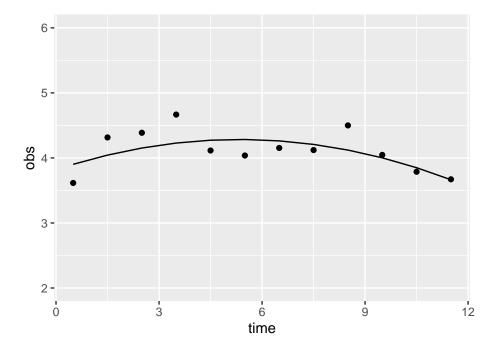
- (Intercept): (mittlerer) Erwartungswert zum Zeitpunkt 0 (E[wach | time = 0]) und Streuung der personenspezifischen Erwartungswerte über Personen
- time: Mittlere lineare Komponente des Wachstums über Personen hinweg sowie Streuung der personen-spezifischen linearen Komponenten
- time\_quad: Quadratische Kruemmung des Wachstums (fix über Personen)
- Corr: Korrelation der beiden personenspezifischen zufaelligen Effekte (Intercepts und lineare Slopes)

Den fixed effects entsprechend können wir sehen, dass im Mittel über alle Personen hinweg die Wachheit zu Beginn des Tages (time=0) bei 3.82 liegt (auf der entsprechenden Skala). An den Vorzeichen und Werten der fixed effects der linearen und der quadratischen Komponente können wir ablesen, dass wir im Mittel über alle Personen hinweg erwarten, dass die Wachheit am morgen zunächst zunimmt und dann diese Zunahme aber kontinuierlich abflacht und schließlich zu einer Abnahme der Wachheit wird (siehe auch Grafik unten). Die Slopes des Prädiktors time variieren über Personen mit einer Standardabweichung von 0.173 mit einem 95% Bootstrap-KI=[0.138; 0.209] welches nicht die Null überdeckt. Es scheinen inter-individuelle Unterschiede im der linearen Komponente des Verlaufs der Wachheit über den Tag hinweg vorzuliegen. Die Wachheit mit der die Personen in den Tag starten (Intercept; time = 0) hängen zudem negativ mit ihrem linearen Wachstum über die Zeit zusammen (r = -0.78), das heißt, Personen, die wacher in den Tag starten zeigen tendenziell eher einen geringeren Anstieg bzw. einen Abfall der Wachheit über den Tag hinweg, während Personen die weniger wach in den Tag starten tendenziell einen höheren Anstieg der Wachheit über den Tag zeigen. Exemplarische Veranschaulichung der Verläufe einiger Personen (die schwarz gestrichelte Linie zeigt den mittleren Verlauf (beschrieben durch die fixed effects)):

Wir berechnen die zeitpunktspezifischen Erwartungswerte (für ausgewählte Messzeitpunkte), die im quadratischen Modell erwartet werden und vergleichen diese mit den beobachteten Mittelwerten (für dieselben MZPe) (taballerisch und gemeinsam Darstellung mit der vorhergesagten Verlaufksurve in einer Grafik).



```
library(ggplot2)
tmp <- data.frame(time,obs,pred)
ggplot(tmp,aes(x=time,y=obs)) + geom_point() + geom_line(aes(y=pred)) + ylim(2,6)</pre>
```



Wir könnten uns nun fragen, ob auch personenspezifische Unterscheide in den quadratischen Komponenten des Wachstums vorliegen. Um dies zu überprüfen könnten wir einen random effect für den Prädiktor time\_quad in das Modell aufnehmen:

```
quad_RS_1 <- lmer(wach ~ 1 + time + time_quad + (1 + time + time_quad | ID), REML=T, data=aff
```

Warnung: Model failed to converge with max|grad| = 0.0917663 (tol = 0.002, component 1)
Warnung: Model is nearly unidentifiable: very large eigenvalue
 - Rescale variables?

Die Warnungen die auftreten könnten auf Probleme hiweisen, die durch das Varianzenverhaeltnis von wach (2.005) zu time\_quad (1856.017) entstehen. Ein erster Lösungsansatz besteht darin, die Zeitvariable zu reskalieren und die Modelle dann erneut anzupassen. Wir reskalieren die Variable time so, dass sie Zeit nicht mehr in Stunden, sondern zweistündig kodiert und wiederholen die Berechnung

von time\_quad und Schätzung der Modelle entsprechend. Die Standardeinstellungen der Konvergenzkriterien (Toleranzen) der Optimizer in 1me4 sind zudem teilweise sehr streng, ggf. kann ein anderer Optimizer getestet werden:

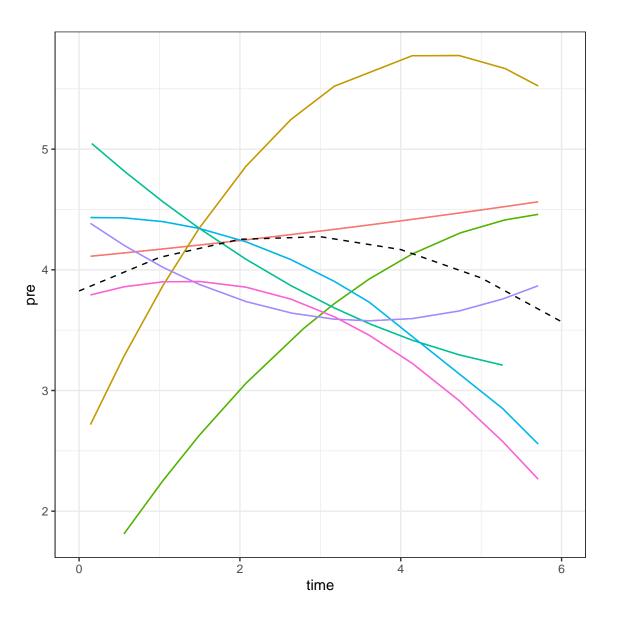
Die Warnung verschwindet. Zufällige quadratische Trends:

## 2.1 Modellvergleiche

Wir möchten nun Modellvergleiche heranziehen, um zu untersuchen, ob wir die quadratische Trend-Komponente und die zufälligen Effekte für diese Komponente im Modell brauchen, ein Modell ohne diese Komponenten also einen schlechteren Modell-Fit aufweist. Generell könnten wir unsere Modelle schrittweise aufbauen und gegeneinander testen, z.B. mit folgendem Vorgehen (Achtung, Modelle von oben nochmal geschätzt wegen anderer Skalierung der Zeit):

```
line <- lmer(wach ~ 1 + time + (1 | ID), affect)
quad <- lmer(wach ~ 1 + time + time_quad + (1 | ID), affect)
quad_RS_1 <- lmer(wach ~ 1 + time + time_quad + (1 + time | ID), affect)
quad_RS_2 <- lmer(wach ~ 1 + time + time_quad + (1 + time + time_quad | ID), affect)</pre>
```

Modellvergleich line vs. quad mit FIML estimation:



Der quadratische Effekt der Zeit reduziert als zusätzlicher Prädiktor die Devianz bedeutsam, die Nullhypothese wird verworfen,  $\chi^2(1) = 16, 2; p < 0,001$ .

Ist es notwendig, Unterschiede in den Regressionsgewichten der Zeiteffekte zuzulassen? Da es sich bei den zusätzlichen Parametern um zufällige Effekte handelt, soll die REML-Schätzung für den Vergleich beibehalten werden (refit = FALSE). Modellvergleich quad vs. quad\_RS\_1 vs. quad\_RS\_2 mit REML Schätzung:

```
Data: affect
Models:
quad: wach ~ 1 + time + time_quad + (1 | ID)
quad_RS_1: wach ~ 1 + time + time_quad + (1 + time | ID)
quad_RS_2: wach ~ 1 + time + time_quad + (1 + time + time_quad | ID)
```

anova(quad,quad\_RS\_1,quad\_RS\_2, refit = FALSE)

AIC

npar

quad 5 2678.8 2702.2 -1334.4 2668.8
quad\_RS\_1 7 2565.0 2597.7 -1275.5 2551.0 117.8572 2 < 2e-16
quad\_RS\_2 10 2562.6 2609.4 -1271.3 2542.6 8.3683 3 0.03898</pre>

BIC logLik deviance

Die Aufnahme der zufälligen linearen Regressionsgewichte reduziert die Devianz ( $\chi^2(2) = 118; p < 0,001$ ). Die zusätzliche Aufnahme der zufälligen quadratischen Regressionsgewichte über den zufälligen linearen Effekte hinaus reduziert die Devianz noch weiter ( $\chi^2(3) = 8,37; p = 0,039$ ).

Chisq Df Pr(>Chisq)

(Wieder Achtung: Varianzen werden bei diesen Tests auf Randwerte gesetzt, aber der kritische  $\chi^2$ - Wert nach Snijders & Bosker (2012) für  $\alpha = 0,05$  in einem Modell mit einem random slope (~5.14) bzw. zwei random slopes (~7.05) wird in beiden Fällen überschritten, und auch AIC und BIC sprechen für das quad\_RS\_1 Modell im Vergleich zum quad Modell (sind sich jedoch uneinig bzgl. quad\_RS\_2.)

# 3 Aufnahme von Kovariaten

das (quadratische) Wachstumskurvenmodell integrieren:

Im nächsten Schritt möchten wir Kovariaten in das Modell aufnehmen, die potentiell inter-individuelle Unterschiede in den Verläufen über die Zeit erklären können. Wir betrachten zunächst eine zeitvariierende Kovariate. Als solche liegt uns im Datensatz unter anderem die Variable pos vor, welche kodiert, ob die Person zu diesem Zeitpunkt ein positives Ereignis erlebt hat. Es handelt sich also um einen dichotomen Prädiktor, welcher die Werte 0 (kein pos. Ereignis) und 1 (pos. Ereignis hat stattgefunden) annehmen kann (Dummy Variable). Wir können diese direkt als Level-1 Prädiktor in



```
pred_L1 <- lmer(wach ~ 1 + time + time_quad + pos + (1 + time + time_quad | ID), affect)
summary(pred_L1)$coef</pre>
```

```
Estimate Std. Error t value (Intercept) 3.77198766 0.18315610 20.594388 time 0.33276475 0.10753352 3.094521 time_quad -0.06283112 0.01635682 -3.841279 pos 0.27755143 0.09829427 2.823679
```

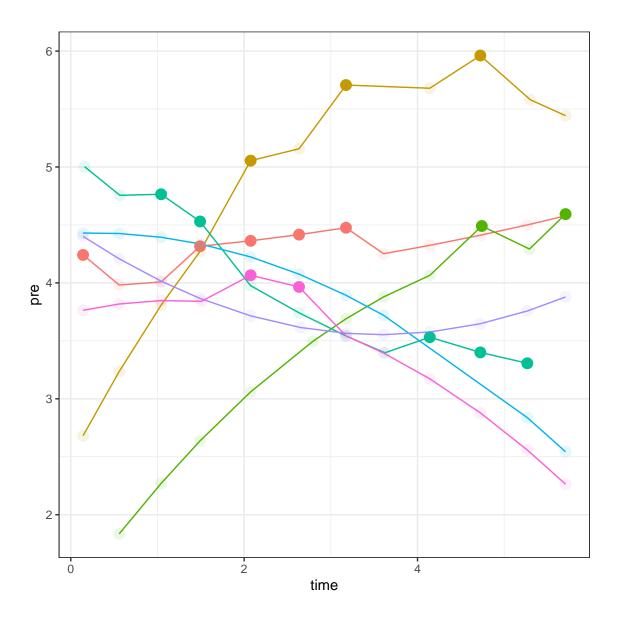
Im Mittel über alle Personen hinweg erwarten wir, dass der Eintritt eines positiven Ereignisses mit einer erhöhten Wachheit zu diesem Zeiptunkt einhergeht (Differenz in erwarteter Wachheit wenn pos. Ereignis vorliegt vs. nicht vorliegt = 0.278). In der grafischen Veranschaulichung des Modells kann man erkennen, dass der dichtomoe zeit-variable Prädiktor "Sprünge" in den vorhergesagten Trajektorien bewirkt.

Wir möchten nun überprüfen, ob Personen mit hohen vs. niedrigen Ausprägungen der Depressivität (zeitstabile Kovariate BDI), sich in ihren mittleren Werten oder ihren Verläufen der Wachheit / Müdigkeit über den Tag hinweg voneinander unterscheiden.

```
Estimate Std. Error t value (Intercept) 3.96873301 0.19799059 20.045059 time 0.34330213 0.10688746 3.211809 time_quad -0.06424264 0.01619789 -3.966112 BDI -0.07298852 0.03721478 -1.961278
```

Der BDI (Summenscore) scheint kein bedeutsamer Prädiktor für Unterschiede im Ausgangsniveau der Wachheit zu sein. Ein negativer Effekt hätte hier z.B. bedeutet, dass, umso größr der BDI ist, desto geringer im Mittel die Wachheit einer Person (bzw. größerr die Müdigkeit; im LST-Kontext: Zusammenhang auf Trait-Ebene).

Modell mit Cross-Level Interaction:



## summary(cross)\$coef

```
Estimate Std. Error t value
(Intercept) 3.8234303469 0.18492157 20.67595682
time 0.3434546571 0.10707560 3.20759024
BDI -0.0703463335 0.06341293 -1.10933745
time_quad -0.0642574308 0.01619851 -3.96687283
time:BDI -0.0009055944 0.01739647 -0.05205622

confint(cross,method = "boot", n = 1000)
```

### Computing bootstrap confidence intervals ...

```
2.5 %
                              97.5 %
.sig01
             1.03501465
                         1.61331693
.sig02
            -0.82550351 -0.33552778
.sig03
            -0.36814918
                         0.59326571
.sig04
             0.36662183
                         0.81575695
.sig05
            -0.92679043 -0.48595429
.sig06
             0.03375066 0.11542647
.sigma
             0.92427511 1.03271420
(Intercept)
             3.43080052 4.17259093
time
             0.13994728 0.56265823
BDI
            -0.19442619
                         0.05264723
time_quad
            -0.09533017 -0.03434531
time:BDI
                         0.03493696
            -0.03447421
```

### Interpretation der Koeffizienten:

- time: Lineare Wachstumskomponente bei mittlerem BDI (zentriert)
- BDI: Einfluss des BDI auf die wache vs. müde Stimmung zum Referenzzeitpunkt
- time\*BDI: Veränderung der linearen Wachstumskomponente pro Einheit in BDI
  - Der BDI scheint keinen Einfluss auf den linearen Verlauf der Wachheit über den Tag zu haben
  - ein negativer Effekt hätte hier z.B. bedeutet, dass, umso größer der BDI ist, desto schwächer der lineare Anstieg der Wachheit über den Tag ist
  - J. Holtmann, K. Koslowski, B. Lugauer | Multivariate Statistik & Evaluation | SS 23