# תרגיל בית 1 - מבוא לבינה מלאכותית 236501

## בני נזימוב 314862129 ליעד ארם 315695783

.1

$$\underbrace{k!}_{(1)} \cdot \underbrace{(m+1)^k}_{(2)} \cdot \underbrace{m}_{(3)}$$

- . מתן סדר לדירות:
- . מספר האופציות לביקור\חוסר ביקור במעבדות בין כל שתי דירות ולפני הדירה הראשונה. (2)
  - (3): מספר האופציות לסיים במעבדה.

.2

.3

K	М	#possiblePaths	Estimated calculation
			time
7	2	$22.04 \times 10^{6}$	18.47[s]
7	3	$24.77 \times 10^7$	3.8[mins]
8	3	$79.27 \times 10^{8}$	2.3[hours]
8	4	63 × 10 <sup>9</sup>	19.6[hours]
9	3	$28.54 \times 10^{10}$	3.7[days]
10	3	$11.42 \times 10^{12}$	5.3[months]
11	3	$50.27 \times 10^{13}$	20.8[years]
12	3	$24.11 \times 10^{15}$	1.1[thousand years]
12	4	$46.78 \times 10^{16}$	22.1[thousand years]
13	4	$30.41 \times 10^{18}$	1.5[million years]

#### 4

. א ביקרנו באף מעבדה ובאף דירה, מספר המטושים באמבולנס גדול מספיק כדי לבקר בכל הדירות וקטן ממספר המטושים המקסימלי. k+m: m

. מביקרנו בכל הדירות ובכל המעבדות, וכעת אנו נמצאים במעבדה האחרונה שלה העברנו את כל המטושים שנשארו באמבולנס. min

.5

נראה כי לא ייתכנו מעגלים במרחב המצבים. תחילה נשים לב לאבחנה: מצב עבורו ה-curLoc מתאר דירה לא יכול להיות חלק ממעגל, כי לפי תנאי התרגיל לא ניתן לבקר באותה דירה פעמיים. נניח בשלילה כי קיים מעגל בגרף. לפי האבחנה הוא מכיל מצבים שמתארים מעבדות בלבד. על פי הגדרת האופרטור (s)0 נקבל כי לכל המצבים מתקיים (s)1 ב(s)2 בי הגדרת האופרטור התאפשרה בגלל שהתנאי השני התקיים שהוא (s)3 בי הגדרת האופרטור על (s)4 התאפשרה מפני ב(s)5 בי הוא המעגל: (s)5 בי האר המסלול בביקור במעבדה (s)5 בי הגרף. אך זאת **סתירה** מכיוון שהתחלנו את המסלול בביקור במעבדה (s)5 בי לא ייתכנו מעגלים בגרף.

.6

מרחב המצבים כפי שהוגדר הוא אינסופי, כיוון שאחד האיברים בחמישיה שמגדירה מצב הוא מספר מטושים באמבולנס (Matoshim), ומספר זה מוגדר להיות מספר טבעי כלשהו. בפועל, לא כל המצבים ישיגים, למשל מצבים בהם הערך Matoshim גדול מסכום כל המטושים בכל המעבדות מספר טבעי כישיגים. זאת מכיוון שלקחנו את כל המטושים הזמינים במעבדות ואין לנו מאיפה לקבל עוד מטושים.

.8

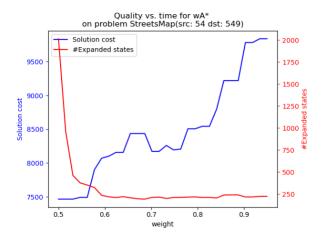
.9

 $Succ_{MDA}(s) = \{(l_i, \emptyset, s. Taken \cup s. Transferred, s. Matoshim + l_i. matoshim \cdot \mathbb{I}_{\{l_i \notin s. Visited Labs\}}, \{l_i\} \cup s. Visited Labs) \mid i \in [m] \land CanVisit(s, l_i))\} \\ \cup \{(d_i, \{d_i\} \cup s. Taken, s. Transferred, s. Matoshim - d_i. roomates, s. Visited Labs) \mid i \in [k] \land CanVisit(s, d_i)\}$ 

.14

$$\#dev\_saved\_percentage = \frac{\#dev\_blind - \#dev\_heuristic}{\#dev\_blind} = \frac{17354 - 2015}{17354} \cdot 100\% = 88.3888\%$$

.16



הגרף האדום מתאר את מספר הפיתוחים, וככל שיש יותר פיתוחים זמן הריצה גבוה יותר. הגרף הכחול מתאר את איכות הפתרון. ניתן לראות כי ככל שנותנים לפונקציה היוריסטית משקל גבוה יותר כך זמן הריצה למציאת פתרון קטן, אך הפתרון פחות איכותי (יותר יקר). האזור הכדאי על פי הגרף הוא שנותנים לפונקציה היוריסטית משקל גבוה יותר כך זמן הריצה אך איכות הפתרון לא מתרחקת בהרבה מהפתרון האופטימלי. (בערך)  $0.53 \le w \le 0.57$  מכיוון שבאזור יש ירידה חדה בזמן הריצה אך איכות הפתרון שמתקבלת עבור  $w_1 \approx 0.67$  ממוכה יותר מאיכות הפתרון עבור  $w_2 > w_1$  כפי שנאמר מתכל על  $w_1 = 0.67$  מותנים כי  $w_2 = 0.57$  אך איכות הפתרון שמתקבלת עבור  $w_1 = 0.67$ 

נסתכל על  $0.07 = 0.00 <math>m_1$  מתקיים כי  $w_2 > w_1$  אך איכות הפתרון שמתקבלת עבור  $w_1 \approx 0.07$  נמוך יותר ממספר הפיתוחים עבור  $w_1 \approx 0.08$  וישר ממספר הפיתוחים כי  $w_1 \approx 0.08$  אך מספר הפיתוחים שמתקבל עבור  $w_3 \approx 0.8$  נמוך יותר ממספר הפיתוחים עבור  $w_4 \approx 0.8$ , פני שנאמר בדגש.

.19

החסרון של הפתרון היה מתבטא בשימוש לא יעיל ב-cache. במימוש הנוכחי בבעיית המדא כאשר אנו פותרים את בעיית המפה כ"בעיית ביניים" אנו מאחסנים ב-cache רק את המיקומים של שני הצמתים ושומרים את הפתרון לשימוש עתידי. אם היינו במרחב המוצע, כל נקודה על המפה הייתה מיוצגת כמצב (חמישייה) והיינו צריכים התאמה מדויקת של המצב כדי להשתמש ב-cache, מה שלרוב לא היה קורה, וכך זמן הריצה היה גדל משמעותית.

.i

@dataclass(frozen=True)

השורה הזאת אינה מספיקה, שכן אם אחד מהשדות הוא מבנה נתונים (למשל set או list אז נוכל לשנות את הערכים בתוך המבנה. כדי למנוע זאת השדות שהם מבני נתונים הוגדרו כ-frozenset, שזהו set immutable set שלא ניתן לשנות את איבריו.

current\_site: Union[Junction, Laboratory, ApartmentWithSymptomsReport]
tests\_on\_ambulance: FrozenSet[ApartmentWithSymptomsReport]
tests\_transferred\_to\_lab: FrozenSet[ApartmentWithSymptomsReport]
nr\_matoshim\_on\_ambulance: int
visited\_labs: FrozenSet[Laboratory]

.iii

. כה. מסאנו שמצאנו מסלול אליו אליו אחר מפאנו מסלול לחפר. לחפר לחפר לרובו מספר לחפר לעבור מ-close

else: ; State not in OPEN - maybe in CLOSED old\_node ← find-state(s,CLOSED)

.iv

דוגמא למימוש שגוי: State\_to\_expand.tests\_on\_ambulance = State\_to\_expand.tests\_on\_ambulance | {d} לרשימת בנכונות האלגוריתם. נראה זאת: MDAState הבדיקות שעל האמבולנס ל-MDAState הנוכחי, במקום יצירת MDAState חדש. מימוש זה בעייתי מכיוון שעלול לפגוע בנכונות האלגוריתם. נראה זאת: MDAState הנוכחי, במקום יצירת שעבר ל-MDAState (שעבר ל-iose (שעבר ל-iose) לאחר למצב שכבר פיתחנו בעבר ונמצא כרגע ב-close, לכן אם נחזור למצב btict\_to\_expand. (שעבר ל-iose) לאובייקט האלגוריתם "יחשוב" שכבר ביקר בדירה d (מה שלא נכון) ונכונות האלגוריתם תיפגע. הסיבה לכך היא כי בפייתון אנו מחזיקים מצביע לאובייקט ולכן כשאנו מריצים את השורה שציינו לעיל אנו משנים את האובייקט עצמו ולא יוצרים לו העתק כמו שהיינו רוצים.

### .23

נוכיח כי לכל צומת n מתקיים  $h^*(n) \leq h(n) \leq 0$  מכיוון שמדובר במרחק, ברור כי  $h(n) \geq 0$  לכל צומת

יהי מצב n. אם נשארה דירה אחת d לבקר בה, המרחק האווירי שלה מעצמה הוא 0 ולכן לפי הגדרת d נקבל:

אחרת, יהיו  $d_1,d_2,...d_k$  דירות אשר נשאר לאמבולנס לבקר בהן בשלב כלשהו בתכנית. נניח כי המרחק האווירי המקסימלי בין שתי דירות מכל זוגות הארת, יהיו  $\delta_{max}(d_i,d_j)$ .

נשים לב כי לכל מסלול ממצב n למצב מטרה המוביל למחיר אופטימלי  $h^*(n)$ , האמבולנס יעבור במסלול שלו ב- $d_i$  וב- $d_i$  (נניח בה"כ שיעבור קודם  $d_i$ : בדרך כלשהי, נסמנה  $d_i$ : לכן למחיר אופטימלי ( $d_i$ : לכן  $d_i$ :

$$0 \le h(n) \stackrel{(1)}{=} \delta_{max}(d_i, d_j) \stackrel{(2)}{\le} dist(d_i, d_j) \stackrel{(3)}{\le} h^*(n)$$

כאשר מעבר (1) נובע מהגדרת הפונקציה היוריסטית h(n), מעבר (2) נובע מאי-שוויון המשולש, ומעבר (3) נובע מהגדרת הפונקציה היוריסטית h(n), מעבר (2) נובע מאי-שוויון המשולש, ומעבר היוריסטיקה קבילה.

.26

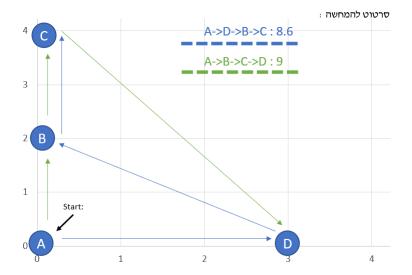
: היוריסטיקה אינה קבילה, נפריך בעזרת דוגמא

.(0,0) נסתכל על המרחב הבא במצב s: יש א דירות והאמבולנס נמצא בנקודה :s

.(0,3) דירה D בנקודה (4,0) בנקודה (2,0) בנקודה (2,0) בנקודה (2,0) ודירה בנקודה (3,3) בנקודה

$$h(s) \stackrel{(1)}{=} cost_{MDA}^{dist}(A \rightarrow B \rightarrow C \rightarrow D) = 9 > 8.6 = cost_{MDA}^{dist}(A \rightarrow D \rightarrow B \rightarrow C) \stackrel{(2)}{=} h^*(s)$$

מעבר (1) נובע מהגדרת היוריסטיקה שבונה את המסלול כך שהיא תמיד בוחרת את הדירה הבאה במסלול בתור הדירה הקרובה ביותר באותו רגע. מעבר (2) נובע מכך שזה המסלול שעובר בכל ארבעת הדירות (כאשר מתחילים ב-A ) במחיר האופטימלי.



 $0 \leq h(n) \leq h^*(n)$ מתקיים מתקיים נוכיח כי לכל צומת מתקיים

n מכיוון שמדובר במרחק, ברור כי  $h(n) \geq 0$  לכל צומת

 $\cdot h$  הגדרת לפי נקבל נקבל ערכו 0 . ולכן אחתה אחת לבקר בה, העץ הפורש מכיל רק אותה, ולכן ערכו d אחת אחת מצב n

 $.h(n) = 0 \le h$ 

. בתכנית בשלב כלשהו בחלב לבקר לאמבולנס לשאר אשר אשר דירות ל $d_1, d_2, ... d_k$  אחרת, יהיו

נסמן ב-G את הגרף המלא שצמתיו הן הדירות שנשאר לאמבולנס לעבור בהן, ומשקלי הקשתות הן המרחק האווירי בין הצמתים שהן מחברות. נטים לב כי כל מסלול ממצב n למצב מטרה המוביל למחיר אופטימלי  $h^*(n)$  עובר בכל הדירות שנותרו, ובפרט פעם אחת בכל דירה. נניח כי הפתרון הוא  $P:d_1 \to \ldots \to d_k$ .

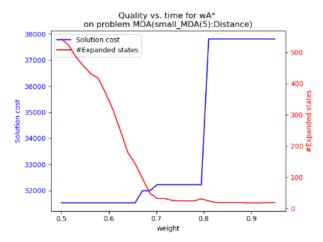
. G נסמן ב-T את הגרף המושרה המתקבל על ידי המסלול T בגרף

. נקבל: G עץ פורש מינימום לגרף  $T^*$ . נסמן ב-  $T^*$  עץ פורש לגרף לברט עץ פורט עץ פורש לגרף אינימום בנייתו, ו

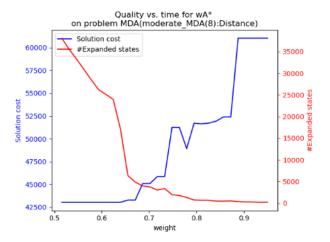
$$0 \le h(n) \stackrel{(1)}{=} w(T^*) \stackrel{(2)}{\le} w(T) \stackrel{(3)}{\le} w(P) = h^*(n)$$

כאשר מעבר (1) נובע מהגדרת הפונקציה היוריסטית h(n), מעבר (2) נובע ממינימליות  $T^*$ , ומעבר t במסלול t, במסלול t, מתקיים כי t, במסלול t, במסלול לכן היוריסטיקה קבילה. t במחלול הוא המרחק האווירי בין הצמתים וt בי t הוא המרחק האווירי בין הצמתים בי t הוא המרחק האווירי בין הצמתים ו

### .30



האזור שבאזור לש הרבה מהפתרון לא מתרחקת בהרבה מהפתרון שבאזור הכדאי על פי הגרף הוא (בערך)  $0.65 \leq w \leq 0.8$  מכיוון שבאזור שבאזור יש ירידה חדה בזמן הריצה אך איכות הפתרון לא מתרחקת בהרבה מהפתרון האופטימלי.



האזור מהפתרון לא מתרחקת בהרבה מהפתרון שבאזור שבאזור הידה אד איכות מכיוון שבאזור מכיוון שבאזור שבאזור מכיוון שבאזור שבאזור איכות בהרבה מהפתרון איכות בהרבה מהפתרון איכות בהרבה מהפתרון איכות הבערך) איכות הפתרון לא מתרחקת בהרבה מהפתרון שבאזור הידי איכות הבערך איכות הפתרון לא מתרחקת בהרבה מהפתרון שבאזור הידי איכות הבערך איכות הפתרון לא מתרחקת בהרבה מהפתרון שבאזור הכדאי על פי הגרף הוא (בערך) איכות הפתרון שבאזור הכדאי על פי הגרף הוא (בערך) איכות הברבה מהפתרון שבאזור הכדאי על פי הגרף הוא (בערך) איכות הפתרון שבאזור שבאזור הכדאי על פי הגרף הוא (בערך) איכות הפתרון שבאזור הכדאי על פי הגרף הוא (בערך) איכות הפתרון שבאזור שבאזור הכדאי על פי הגרף הוא (בערך) איכות הברבה מהפתרון שבאזור הכדאי על פי הגרף הוא (בערך) איכות הברבה מהפתרון שבאזור הכדאי על פי הגרף הוא (בערך) איכות הברבה מהפתרון שבאזור הכדאי על פי הברבה מהפתרון שבאזור הברבה מהפתרון שבאזור הכדאי על פי הברבה מהפתרון שבאזור הכדאי על פי הברבה מהפתרון שבאזור הכדאי על פי הברבה מהפתרון שבי הברבה מהפתרון שבאזור הכדאי על פי הברבה מהפתרון שבי הברבה מודים ברבה מהפתרון שבי הברבה מהפתרון שבי הברבה מהפתרון שבי הברבה מברבה מודים ברבבה מודים ב האופטימלי.

#### .31

MDAMSTAirDistHeuristic	MDASumAirDistHeuristic	MDAMaxAirDistHeuristic	
לא	לא	לא	$cost_{MDA}^{test\ travel}$
לא	לא	לא	$cost_{MDA}^{monetary}$

```
MDACost(dist= 43034.794m, money=
                                      95.847NIS, tests-travel= 176505.013m)
distance
MDACost(dist= 54951.037m, money=
                                     77.201NIS, tests-travel= 172922.318m)
monetary
```

#### .34

. נשים לב כי עבור צומת n,  $h^*(n)$  היא הסכום המינימלי של כל הבדיקות מוכפלות במרחק שהן עברו עד שהגיעו למעבדה.

 $0 \leq h(n) \leq h^*(n)$ מתקיים מתקיים לכל צומת מוכיח כי לכל

n מכיוון שמדובר במרחק, ברור כי  $h(n) \geq 0$  לכל צומת

 $cost_{MDA}^{test}$   $travel(P) = h^*(n)$  אופטימלי, כלומר P למצב מטרה כך שמחירו אופטימלי, כלומר  $travel(P) = h^*(n)$  היהי מצב  $travel(P) = h^*(n)$  את המעבדה  $travel(P) = h^*(n)$  את המעבדה לכל דירה  $travel(P) = h^*(n)$  את המעברו הבדיקות מ $travel(P) = h^*(n)$  את המעבדה כלשהי, וב- $travel(P) = h^*(n)$  את המעבדה המעבדה שנשאר לבקר בה נסמן ב- $travel(P) = h^*(n)$  את המעבדה הבייקות מ $travel(P) = h^*(n)$  את המעבדה המעבדה הבייקות מ

$$h(n) = \sum_{i=1}^{n} \delta(d_i, L_i) \cdot d_i.roomates \overset{(1)}{\leq} \sum_{i=1}^{n} d_i.travelled \cdot d_i.roomates \overset{(2)}{=} cost_{MDA}^{test\ travel} = h^*(n)$$

כאשר מעבר (1) נובע מכך שהמרחק המינימלי שבדיקה יכולה לעבור הוא בדיוק המרחק מהדירה בה היא נלקחה למעבדה הקרובה ביותר לדירה זו, ומעבר (2) הוא לפי הגדרה. לכן היוריסטיקה קבילה.

#### .35

```
MDACost(dist= 43034.794m, money=
                                      95.847NIS, tests-travel= 176505.013m)
distance
MDACost(dist= 54951.037m, money=
                                     77.201NIS, tests-travel= 172922.318m)
monetary
MDACost(dist= 93355.782m, money=
                                     127.001NIS, tests-travel= 131265.153m
tests travel
```

.36

:וכיח

יהי הקריטריון לפי הקריטריון במרחב פתרון במרחב פתרון המשולב.  $P=s_0\stackrel{o_0}{\to}s_1\stackrel{o_1}{\to}\dots\stackrel{o_{n-1}}{\to}s_n$ יהי

.נראה כי האלגוריתם  $A_1$  מחזיר פתרון

נראה כי הפעלת האופרטור חוקית בכל שלב במסלול:

 $.cost_{MDA}^{dist}$  את הפתרון האופטימלי לפי את ולכן מנכונותו מובטח כי יימצא את הפתרון האופטימלי לפי  $S_{MDA}$  ולכן מנכונותו

נסתכל על שני מצבים עוקבים בפתרון P(S). לכל  $s_i o s_i o s_i$  קיים האופרטור  $o_i(s_i) = s_{i+1}$  שני מצבים עוקבים בפתרון  $o_i(s_i) o s_i o s_i$ . לכל  $s_i o s_i o s_i$  האופרטור האופרטור מור  $o_i^p(p_i) = p_{i+1}$ 

 $p_i = s_0 \overset{o_0}{ o} s_1 \overset{o_1}{ o}$  מכיוןן ש- $cost_{MDA}^{dist}(P) \leq (1+arepsilon) \cdot C_{dist}^*$  מכיוןן ש- $cost_{MDA}^{dist}(P) \leq (1+arepsilon) \cdot C_{dist}^*$  מכיון ש- $cost_{MDA}^{dist}(P) \leq (1+arepsilon) \cdot C_{dist_{MDA}^{dist}(P)}$  מכיון ש- $cost_{MDA}^{dist}(P) = (1+arepsilon) \cdot C_{dist_{MDA}^{dist_{MD$ 

$$cost_{MDA}^{dist}(s_i, o_i) + \sum_{j=0}^{i-1} cost_{MDA}^{dist}(s_j, o_j) \le (1 + \varepsilon) \cdot C_{dist}^*$$

. הגדרה לפי במסלול שלב המצב אול חוקית על המצב ולכן חוקית חוקית על המצב ולכן הפעלת האופרטור חוקית אול המצב ו

 $p_n$  במרחב אומר מערה ולכן מנכונות UCS יוחזר הצומת מערה ולכן נקבל כי קיים המסלול החוקי  $p_n$  יוחזר הצומת במרחב יוחזר  $p_0 \stackrel{o_0^P}{\to} p_1 \stackrel{o_1^P}{\to} \dots \stackrel{o_{n-1}^P}{\to} p_n$  יוחזר הצומת לכן נקבל כי קיים המסלול החוקי

## .37

נוכיח:

במרחב  $P=s_0\stackrel{o_0}{\to}s_1\stackrel{o_1}{\to}...\stackrel{o_{n-1}}{\to}s_n$  באופן דומה כפי שהראינו בסעיף יהי מסלול  $P=s_0\stackrel{o_0}{\to}s_1\stackrel{o_1}{\to}...\stackrel{o_{n-1}}{\to}s_n$  במרחב  $P=s_0\stackrel{o_0}{\to}s_1\stackrel{o_1}{\to}...\stackrel{o_{n-1}}{\to}s_n$  במרחב  $P=s_0\stackrel{o_0}{\to}s_1\stackrel{o_1}{\to}...\stackrel{o_{n-1}}{\to}s_n$  במרחב  $P=s_0\stackrel{o_0}{\to}s_1\stackrel{o_1}{\to}...\stackrel{o_{n-1}}{\to}s_n$  במרחב  $P=s_0\stackrel{o_0}{\to}s_1\stackrel{o_1}{\to}...\stackrel{o_{n-1}}{\to}s_n$  במרחב  $P=s_0\stackrel{o_0}{\to}s_1\stackrel{o_1}{\to}...\stackrel{o_{n-1}}{\to}s_n$  במרחב  $P=s_0\stackrel{o_0}{\to}s_1\stackrel{o_1}{\to}...\stackrel{o_{n-1}}{\to}s_n$  נסתכל על הצומת  $P=s_0\stackrel{o_0}{\to}s_1\stackrel{o_1}{\to}...\stackrel{o_n}{\to}s_1\stackrel{o_n}{\to}s_1\stackrel{o_n}{\to}s_1$  במרחב  $P=s_0\stackrel{o_0}{\to}s_1\stackrel{o_1}{\to}...\stackrel{o_n}{\to}s_1\stackrel{o_n}{\to}s_1\stackrel{o_n}{\to}s_1$  במרחב  $P=s_0\stackrel{o_0}{\to}s_1\stackrel{o_1}{\to}s_1\stackrel{o_n}{\to}s_1$  במרחב  $P=s_0\stackrel{o_0}{\to}s_1\stackrel{o_1}{\to}s_1\stackrel{o_1}{\to}s_1$  במרחב  $P=s_0\stackrel{o_0}{\to}s_1\stackrel{o_1}{\to}s_1\stackrel{o_1}{\to}s_1$  במרחב  $P=s_0\stackrel{o_0}{\to}s_1\stackrel{o_1}{\to}s_1$  במרחב  $P=s_0\stackrel{o_0}{\to}s_1\stackrel{o_1}{\to}s_1$  במרחב  $P=s_0\stackrel{o_0}{\to}s_1\stackrel{o_1}{\to}s_1$  במרחב  $P=s_0\stackrel{o_0}{\to}s_1\stackrel{o_1}{\to}s_1$  במרחב  $P=s_0\stackrel{o_0}{\to}s_1\stackrel{o_1}{\to}s_1$  במרחב  $P=s_0\stackrel{o_0}{\to}s_1\stackrel{o_0}{\to}s_1$  במרחב  $P=s_0\stackrel{o_0}$ 

$$cost_{MDA}^{dist}(s_{i-1}',o_{i-1}') + \sum_{i=0}^{i-2} cost_{MDA}^{dist}(s_j',o_j') > (1+\varepsilon) \cdot C_{dist}^*$$

.P(S) במרחב (לא קיים במרחב (די, מסלול אינה חוקית. עקב כך, המסלול עקב (די, הפעלת האופרטור האופרטור אינה חוקית. במרחב (P(S) לא קיים במרחב (P(S) ולכן מקבילות האלגוריתם האנו שרק מסלולים המקיימים את אילוץ הקרטריון המשולב (מחירם קטן מP(S) נקבל את הפתרון האופטימלי מבין מסלולים אלו, שהוא האופטימלי לפי הקרטריון המשולב. UCS

## .38

	Distance cost:	Tests travel cost:	
$cost_{MDA}^{dist}$	43034.794m	176505.031m	
$cost_{MDA}^{tests\ travel}$	93226.428m	131265.153m	
$cost_{MDA}^{merged}$	65686.522m	132209.981m	

ניתן לראות על פי הטבלה שקיבלנו מסלול יותר יקר מבחינת פונקציית המחיר  $cost_{MDA}^{dist}$  (אך עדיין בתחום הנדרש לפי arepsilon כפי שנראה למטה) וכמו כן מסלול טיפה יותר יקר ביחס לפונקציית המחיר  $cost_{MDA}^{test\,travel}$  אך קרוב למדי לאופטימלי. כלומר אכן התקיים האיזון בין שני המדדים.

$$\frac{DistCost(ReturnedSolution)}{C_{dist}^*} - 1 = \frac{65686.522}{43034.794} - 1 = 0.526 < 0.6 = \varepsilon$$

. ניתן לראות כי אכן נשמר ערך ה- $\varepsilon$  הנקוב

הטענה אינה נכונה. נפריך בעזרת דוגמא נגדית.

נסתכל על הסימולציה הבאה: האמבולנס נמצא בנקודת ההתחלה S(0,0) ללא מטושים כלל. ישנה מעבדה בנקודה (1,0) עם מטוש אחד במלאי. בנקודה (2,0) עם שני דיירים. ומעבדה ב $L_1$  בנקודה (3,0) עם שני דיירים. ומעבדה ב $L_2$  בנקודה (2,0) עם מטוש אחד במלאי.

עת נגדיר  $S \to L_1 \to L_2 \to A \to L_1$  הוא האופטימלי שיוחזר עם פונקציית העלות האופטימלי הפתרון האופטימלי שיוחזר עם פונקציית העלות העלות העלות הפתרון האופטימלי שיוחזר ונראה כי האלגוריתם האלגוריתם  $max\_distance\_cost=6$  כלומר  $\varepsilon=0.2$ 

openים בחירת הצמתים לכל מצב. כלומר, בחירת אין פונקציה יוריסטית ולכן h=0 לכל מצב. כלומר, בחירת הצמתים מ-UniformCost מתבצעת לפי הערך של g בלבד.

. כמו כן, אנו ממזערים באלגוריתם זה את להאמבולנס. ארד לרביגד אנו את להאמבולנס. זה את את להאמבולנס. לאנו ממזערים באלגוריתם להאמבולנס.

: בוסף נניח כי קיימים כבישים רק מ-S ל-L, L, L, L, L ל-L, ומ-A ל-L, ומ-A ל-בישר ווא מספר הדיירים הא מספר הדיירים הא מספר המטושים בישים רק מ-L



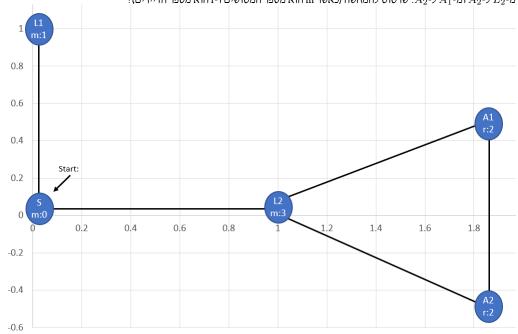
טבלת המעקב העמוד הבא.

צעד	open	close	הצומת הבא לפיתוח	הסבר
1	$s_1 = \{S, \emptyset, \emptyset, 0, \emptyset\}$	Ø	$s_1$	מפתחים את הצומת $s_1$ לפי האלגוריתם
2	$s_2 = \{L_2, \emptyset, \emptyset, 1, \{L_2\}\}, g = 0$	$s_1$	$s_2$	,מכיוון שערך ה- $g$ של שני הצמתים זהה
	$s_3 = \{L_1, \emptyset, \emptyset, 1, \{L_1\}\}, g = 0$			ניתן לבחור איזה צומת האלגוריתם יפתח.
3	$s_4 = \{L_1, \emptyset, \emptyset, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 0$	$s_1$	$s_4$	עדיין אין ברשותנו מספיק מטושים כדי $s_2$ עדיין אין ברשותנו
	$s_3 = \{L_1, \emptyset, \emptyset, 1, \{L_1\}\}, g = 0$	$s_2$		$.L_1$ ללכת לדירה $A$ , לכן היעד הבא היחיד שניתן להגיע אליו הוא
				נשים לב כי זה לא אותו מצב כמו $s_3$ שהוא מצב שמתאר מסלול שבו
				מתחילים במעבדה $L_1$ . כמו כן, ערכי $g$ עדיין זהים ולכן נוכל לבחור
				$.s_4$ המשיך לפתח מ-
4	$s_5 = \{A, \{A\}, \emptyset, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 0$	$s_1$	$s_2$	בין $g$ בין את הבדיקות של הדיירים. ערכי $g$ בין
	$s_3 = \{L_1, \emptyset, \emptyset, 1, \{L_1\}\}, g = 0$	$s_2$		$.s_{5}$ המצבים עדיין זהים ולכן נבחר להמשיך לפתח את הצומת
		$s_4$		
5	$s_3 = \{L_1, \emptyset, \emptyset, 1, \{L_1\}\}, g = 0$	$s_1$	$s_3$	: לאחר הפיתוח של $s_5$ בשלב זה נוצרים שני המצבים הבאים
		$s_2$		$s_6 = \{L_1, \emptyset, \{A\}, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2$
		$s_4$		$s_7 = \{L_2, \emptyset, \{A\}, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2$
		$s_5$		נשים לב כי המסלול שעברנו עד כה הוא:
				$cost_{MDA}^{dist}(P)=6$ ומתקיים כי ומ $t_{MDA}^{dist}(P)=0$ , לכן נקבל:
				$cost_{MDA}^{dist}(s_6) =$
				$cost_{MDA}^{dist}(L_2 \rightarrow L_1 \rightarrow A \rightarrow L_1) = 7 > 6$
				$cost_{MDA}^{dist}(s_7) =$
				$cost_{MDA}^{dist}(L_2 \to L_1 \to A \to L_2) = 7 > 6$
				כתוצאה מכך, בגלל ההגבלה שנתנו על $cost_{MDA}^{dist}$ , אף אחד
				$n$ מהמצבים $s_6, s_7$ לא ייכנס ל- $open$ . האלגוריתם יסיים את הפיתוח
				של $s_3$ ויעביר אותו ל- $close$ . הצומת הבא לפיתוח יהיה $s_3$ שהוא
				.open-היחיד שכרגע ב
6	$s_8 = \{L_2, \emptyset, \emptyset, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 0$	$s_1$	$s_8$	מפתחים את $s_3$ לפי האלגוריתם
		$s_2$		
		$s_4$		
		$s_5$		
		$s_3$		
7	$s_9 = \{A, \{A\}, \emptyset, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 0$	$s_1$	$s_9$	$s_9$ אך נשים לב כי $s_9$ הצומת הבא שהאלגוריתם יבוא לפתח הוא
		82		אהה ל- $s_5$ עם אותו ערך $g$ . ולכן האלגוריתם ייראה שהמצב הזה נמצא
		\$4 \$5		ב-close ולא יפתח אותו פעם נוספת. האלגוריתם סיים לרוץ על כל
		$s_3$		המצבים ולא החזיר פתרון
		$s_8$		

. ניתן לראות שקיים המתרון המשולב, האלוגריתם של הדרישה את הדרישה את המקיים המתרון שקיים המתרון לישות כי למרות לישות המתרון לישות המתרון לישות המתרון לישות המתרון לישות המתרון המשולב, האלוגריתם החזיר שאין פתרון.

הטענה אינה נכונה. נפריך בעזרת דוגמא נגדית.

. נסתכל על הסימולציה הבאה: האמבולנס נמצא בנקודת ההתחלה S(0,0) ללא מטושים כלל. ישנה מעבדה  $L_1$  בנקודה  $L_1$  במלאי. . שני דיירים. עם  $A_1$  בנקודה  $A_2$  בנקודה (1,0) עם 3 שני דיירים שני דיירים. במלאי. דירה  $A_1$  בנקודה  $A_2$  בנקודה (1,0) עם שני דיירים במלאי. דירה  $A_1$  בנקודה (1,0) עם שני דיירים שני דיירים במשולש  $A_1$  בי $A_1$  בי $A_2$  הינו משולש שווה צלעות שאורך כל צלע היא  $A_1$ . כמו כן נניח כי קיימים כבישים רק מ- $A_1$  ל- $A_2$  הינו משולש שווה צלעות שאורך כל צלע היא  $A_1$  בים אורך כל צלע היא  $A_1$  בים אורף בים אורף כל צלע היא  $A_1$  בים אורף בים א : (כאשר  ${
m m}$  הוא מספר הדיירים). ארטוט ל- ${
m A}_1$  ומ- ${
m A}_2$  ל- ${
m A}_3$  ומ- ${
m A}_4$  ל-כאשר  ${
m A}_3$  ומ-



 $.C_S^*=6$  שמחירו  $S o L_1 o L_2 o A_1 o A_2 o L_2$  הוא הוא האופטימלי שיוחזר עם פונקציית העלות העלות הוא מיים לב כי הפתרון האופטימלי היוחזר עם העלות העלות העלות היירו

: נראה כי האלגוריתם מחזיר פתרון g=6>4 ולכן פתרון זה לא אופטימלי

openים בחירת הצמתים הלגוריתם אנו מריצים h=0 לכל אין פונקציה יוריסטית אין פונקציה מריצים מריצים מריצים מריצים האלגוריתם אנו מריצים אין פונקציה יוריסטית וולכן אין פונקציה מריצים האלגוריתם העו . בלבד g מתבצעת לפי הערך של

. כמו כן, אנו ממזערים באלגוריתם זה את TestsTravelDistance לכן ערך ה-g הוא המרחק שעברו הבדיקות על האמבולנס.

. אמינימלי. g מינימלי ערך פומת מ-open עומדת לרשותנו האופציה לבחור צומת שרירותי מבין כל הצמתים בעלי ערך בעלי ערך טבלת המעקב העמוד הבא.

	open	close	הצומת	הסבר
			הבא	
			לפיתוח	
1	$s_1 = \{S, \emptyset, \emptyset, 0, \emptyset\}$		$s_1$	מפתחים את הצומת $s_1$ לפי האלגוריתם
2	$s_2 = \{L_2, \emptyset, \emptyset, 3, \{L_2\}\}, g = 0, d = 1$	$s_1$	$s_2$	
	$s_3 = \{L_1, \emptyset, \emptyset, 1, \{L_1\}\}, g = 0, d = 1$			
3	$s_3 = \{L_1, \emptyset, \emptyset, 1, \{L_1\}\}, g = 0, d = 1$	$s_1, s_2$	$s_4$	
	$s_4 = \{L_1, \emptyset, \emptyset, 4, \{L_1, L_2\}\}, g = 0, d = 3$			
	$s_5 = \{A_1, \{A_1\}, \emptyset, 1, \{L_2\}\}, g = 0, d = 2$			
	$s_6 = \{A_2, \{A_2\}, \emptyset, 1, \{L_2\}\}, g = 0, d = 2$			
4	$s_3 = \{L_1, \emptyset, \emptyset, 1, \{L_1\}\}, g = 0, d = 1$	$s_1, s_2$	$s_7$	כשפיתחנו את הצומת $s_4$ כבר היינו בשתי
	$s_5 = \{A_1, \{A_1\}, \emptyset, 1, \{L_2\}\}, g = 0, d = 2$	$s_4$		המעבדות ולכן היעד הבא חייב להיות אחת
	$s_6 = \{A_2, \{A_2\}, \emptyset, 1, \{L_2\}\}, g = 0, d = 2$			הדירות.
	$s_7 = \{A_1, \{A_1\}, \emptyset, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 0, d = 6$			
_	$s_8 = \{A_2, \{A_2\}, \emptyset, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 0, d = 6$			
5	$s_3 = \{L_1, \emptyset, \emptyset, 1, \{L_1\}\}, g = 0, d = 1$ $s_5 = \{A_1, \{A_1\}, \emptyset, 1, \{L_2\}\}, g = 0, d = 2$	$s_1, s_2$	$s_8$	$s_7$ כשפיתחנו את הצומת $s_7$ המסלול עד כה הוא $P=S o L_2 o L_1 o A_1$
	$s_5 = \{A_1, \{A_1\}, \emptyset, 1, \{L_2\}\}, g = 0, d = 2$ $s_6 = \{A_2, \{A_2\}, \emptyset, 1, \{L_2\}\}, g = 0, d = 2$	$s_4, s_7$		$P=S o L_2 o L_1 o A_1$ ומתקיים $cost_{MDA}^{dist}(P)=6$ ולכן לא ניתן
	$s_6 = \{A_2, \{A_2\}, \emptyset, 1, \{L_2\}\}, g = 0, d = 2$ $s_8 = \{A_2, \{A_2\}, \emptyset, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 0, d = 6$			$t_{MDA}(1')=0$ ומונקיים $t_{MDA}(1')=0$ ומונקיים להגיע ל- $t_{L1}$ מפני ש
	$s_9 = \{L_2, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 0, d = 0$ $s_9 = \{L_2, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$			$cost_{MDA}^{dist}(P \rightarrow L_1) = 9 > 8.5$
	$s_{10} = \{A_2, \{A_1, A_2\}, \emptyset, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$			$Cost_{MDA}(I \rightarrow L_1) = 3 > 0.5$
6	$s_3 = \{L_1, \emptyset, \emptyset, 1, \{L_1\}\}, g = 0, d = 1$	$s_1, s_2$	$s_3$	: כשפיתחנו את הצומת s <sub>8</sub> המסלול עד כה הוא
	$s_5 = \{A_1, \{A_1\}, \emptyset, 1, \{L_2\}\}, g = 0, d = 2$	$s_4, s_7$		$P = S \to L_2 \to L_1 \to A_2$
	$s_6 = \{A_2, \{A_2\}, \emptyset, 1, \{L_2\}\}, g = 0, d = 2$	$s_8$		ומתקיים $cost_{MDA}^{dist}(P)=6$ ולכן לא ניתן
	$s_9 = \{L_2, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$			-להגיע ל $L_1$ מפני ש
	$s_{10} = \{A_2, \{A_1, A_2\}, \emptyset, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$			$cost_{MDA}^{dist}(P \to L_1) = 9 > 8.5$
	$s_{11} = \{L_2, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$			
	$s_{12} = \{A_1, \{A_1, A_2\}, \emptyset, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$			
7	$s_5 = \{A_1, \{A_1\}, \emptyset, 1, \{L_2\}\}, g = 0, d = 2$	$s_1, s_2$	$s_{13}$	כשפיתחנו את $arepsilon_3$ אין על האמבולנס מספיק
	$s_6 = \{A_2, \{A_2\}, \emptyset, 1, \{L_2\}\}, g = 0, d = 2$	$s_4, s_7$		מטושים כדי ללכת לאחת הדירות ולכן היעד הבא
	$s_9 = \{L_2, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$	$s_8, s_3$		$L_2$ חייב להיות המעבדה
	$s_{10} = \{A_2, \{A_1, A_2\}, \emptyset, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$			
	$s_{11} = \{L_2, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$			
	$s_{12} = \{A_1, \{A_1, A_2\}, \emptyset, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, dist = 7$			
8	$s_{13} = \{L_2, \emptyset, \emptyset, 4, \{L_1, L_2\}\}, g = 0, d = 3$ $s_5 = \{A_1, \{A_1\}, \emptyset, 1, \{L_2\}\}, g = 0, d = 2$	0: 0-	0	DN/22 D23/02 22/03 6 DV 22-D20/02
8	$s_5 = \{A_1, \{A_1\}, \emptyset, 1, \{L_2\}\}, g = 0, d = 2$ $s_6 = \{A_2, \{A_2\}, \emptyset, 1, \{L_2\}\}, g = 0, d = 2$	$s_1, s_2 \\ s_4, s_7$	$s_5$	: כשפיתחנו את $s_{13}$ נוצרו המצבים הבאים
	$s_6 = \{A_2, \{A_2\}, \emptyset, 1, \{L_2\}\}, g = 0, a = 2$ $s_9 = \{L_2, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$	$s_4, s_7 \\ s_8, s_3$		$s_{14} = \{A_1, \{A_1\}, \emptyset, 2, \{L_1, L_2\}\}\$
	$s_{10} = \{A_2, \{A_1, A_2\}, \emptyset, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$ $s_{10} = \{A_2, \{A_1, A_2\}, \emptyset, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$	$s_{13}$		$s_{15} = \{A_2, \{A_2\}, \emptyset, 2, \{L_1, L_2\}\}\$
	$s_{11} = \{L_2, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$	- 10		ושני $s_8$ ושני $s_{15}$ ו זהה ל- $s_{14}$ ושני
	$s_{12} = \{A_1, \{A_1, A_2\}, \emptyset, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$			המצבים ב-close, לכן האלגוריתם לא ימשיך
	( -/( -/ -/// -// -// -// -// -//			לפתח אותם.
		1	l	.==,

	open	close	הצומת	הסבר
			הבא	
			לפיתוח	
9	$s_6 = \{A_2, \{A_2\}, \emptyset, 1, \{L_2\}\}, g = 0, d = 2$	$s_{1}, s_{2}$	$s_6$	כשפיתחנו את $s_5$ אין לנו מספיק מטושים כדי
	$s_9 = \{L_2, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$	$s_4, s_7$		$L_1$ ללכת לדירה $A_2$ ולכן היעד הבא חייב להיות
	$s_{10} = \{A_2, \{A_1, A_2\}, \emptyset, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$	$s_8, s_3$		$.L_2$ או
	$s_{11} = \{L_2, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$	$s_{13}, s_{5}$		
	$s_{12} = \{A_1, \{A_1, A_2\}, \emptyset, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$			
	$s_{16} = \{L_2, \emptyset, \{A_1\}, 1, \{L_2\}\}, g = 2, d = 3$			
	$s_{17} = \{L_1, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$			
10	$s_9 = \{L_2, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$	$s_{1}, s_{2}$	$s_9$	אין לנו מספיק מטושים כדי $s_6$ אין אין לנו
	$s_{10} = \{A_2, \{A_1, A_2\}, \emptyset, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$	$s_4, s_7$		$L_1$ ולכת לדירה $A_1$ ולכן היעד הבא חייב להיות
	$s_{11} = \{L_2, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$	$s_8, s_3$		$.L_2$ או
	$s_{12} = \{A_1, \{A_1, A_2\}, \emptyset, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$	$s_{13}, s_{5}$		
	$s_{16} = \{L_2, \emptyset, \{A_1\}, 1, \{L_2\}\}, g = 2, d = 3$	$s_6$		
	$s_{17} = \{L_1, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$			
	$s_{18} = \{L_2, \emptyset, \{A_2\}, 1, \{L_2\}\}, g = 2, d = 3$			
	$s_{19} = \{L_1, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$			
11	$s_{10} = \{A_2, \{A_1, A_2\}, \emptyset, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$	$s_{1}, s_{2}$	$s_{20}$	כשפיתחנו את הצומת $s_9$ כבר ביקרנו בשתי
	$s_{11} = \{L_2, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$	$s_4, s_7$		$A_2$ המעבדות ולכן היעד הבא חייב להיות הדירה
	$s_{12} = \{A_1, \{A_1, A_2\}, \emptyset, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$	$s_8, s_3$		
	$s_{16} = \{L_2, \emptyset, \{A_1\}, 1, \{L_2\}\}, g = 2, d = 3$	$s_{13}, s_{5}$		
	$s_{17} = \{L_1, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$	$s_6, s_9$		
	$s_{18} = \{L_2, \emptyset, \{A_2\}, 1, \{L_2\}\}, g = 2, d = 3$			
	$s_{19} = \{L_1, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$			
	$s_{20} = \{A_2, \{A_2\}, \{A_1\}, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 8$			
12	$s_{10} = \{A_2, \{A_1, A_2\}, \emptyset, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$	$s_1, s_2$	$s_{10}$	: כשפיתחנו את הצומת $s_{20}$ המסלול עד כה הוא
	$s_{11} = \{L_2, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$	$s_4, s_7$		$P = S \to L_2 \to L_1 \to A_1 \to L_2 \to A_2$
	$s_{12} = \{A_1, \{A_1, A_2\}, \emptyset, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$	$s_8, s_3$		ומתקיים $cost_{MDA}^{dist}(P)=8$ ולכן לא ניתן
	$s_{16} = \{L_2, \emptyset, \{A_1\}, 1, \{L_2\}\}, g = 2, d = 3$	$s_{13}, s_{5}$		$:\!L_1,L_2$ להגיע לאף מעבדה מפני שעבור
	$s_{17} = \{L_1, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$	$s_{6}, s_{9}$		$cost_{MDA}^{dist}(P \to L_2) = 9 > 8.5$
	$s_{18} = \{L_2, \emptyset, \{A_2\}, 1, \{L_2\}\}, g = 2, d = 3$	$s_{20}$		$cost_{MDA}^{dist}(P \to L_1) = 11 > 8.5$
	$s_{19} = \{L_1, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$			
13	$s_{11} = \{L_2, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$	$s_1, s_2$	$s_{11}$	$s_{10}$ כשפיתחנו את הצומת $s_{10}$ המסלול עד כה הוא
	$s_{12} = \{A_1, \{A_1, A_2\}, \emptyset, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$	$s_4, s_7$		$P = S \to L_2 \to L_1 \to A_1 \to A_2$
	$s_{16} = \{L_2, \emptyset, \{A_1\}, 1, \{L_2\}\}, g = 2, d = 3$	$s_8, s_3$		ומתקיים 7 $t_{MDA}^{dist}(P)=7$ ולכן לא ניתן
	$s_{17} = \{L_1, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$	$s_{13}, s_{5}$		-להגיע ל- $L_1$ מפני ש
	$s_{18} = \{L_2, \emptyset, \{A_2\}, 1, \{L_2\}\}, g = 2, d = 3$	$s_6, s_9$		$cost_{MDA}^{dist}(P \to L_1) = 9 > 8.5$
	$s_{19} = \{L_1, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$	$s_{20}, s_{10}$		1/1 1/2 1 /
	$s_{21} = \{L_2, \emptyset, \{A_1, A_2\}, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 7$			

	open	close	הצומת	הסבר
			הבא	
			לפיתוח	
14	$s_{12} = \{A_1, \{A_1, A_2\}, \emptyset, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$	$s_1, s_2$	$s_{12}$	כשפיתחנו את הצומת $s_{11}$ כבר ביקרנו בשתי
	$s_{16} = \{L_2, \emptyset, \{A_1\}, 1, \{L_2\}\}, g = 2, d = 3$	$s_4, s_7$		$A_1$ המעבדות ולכן היעד הבא חייב להיות הדירה
	$s_{17} = \{L_1, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$	$s_8, s_3$		
	$s_{18} = \{L_2, \emptyset, \{A_2\}, 1, \{L_2\}\}, g = 2, d = 3$	$s_{13}, s_{5}$		
	$s_{19} = \{L_1, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$	$s_6, s_9$		
	$s_{21} = \{L_2, \emptyset, \{A_1, A_2\}, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 8$	$s_{20}, s_{10}$		
	$s_{22} = \{A_1, \{A_1\}, \{A_2\}, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 8$	$s_{11}$		
15	$s_{16} = \{L_2, \emptyset, \{A_1\}, 1, \{L_2\}\}, g = 2, d = 3$	$s_1, s_2$	$s_{16}$	: כשפיתחנו את הצומת $s_{12}$ המסלול עד כה הוא
	$s_{17} = \{L_1, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$	$s_4, s_7$		$P = S \to L_2 \to L_1 \to A_2 \to A_1$
	$s_{18} = \{L_2, \emptyset, \{A_2\}, 1, \{L_2\}\}, g = 2, d = 3$	$s_8, s_3$		ומתקיים 7 $cost_{MDA}^{dist}(P)=7$ ולכן לא ניתן להגיע
	$s_{19} = \{L_1, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$	$s_{13}, s_{5}$		$cost_{MDA}^{dist}(P ightarrow A_{1})=9>8.5$
	$s_{21} = \{L_2, \emptyset, \{A_1, A_2\}, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 8$	$s_6, s_9$		101 1011
	$s_{22} = \{A_1, \{A_1\}, \{A_2\}, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 8$	$s_{20}, s_{10}$		כמו כן המצב החדש שנוצר הוא:
		$s_{11}, s_{12}$		$s_{23} = \{L_2, \emptyset, \{A_1, A_2\}, 0, \{L_1, L_2\}\}$
				נשים לב כי מצב זה זהה למצב $s_{21}$ עם אותו $g$ . לכן
				.open-לא נכניס אותו שוב ל
16	$s_{17} = \{L_1, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$	$s_1, s_2$	$s_{18}$	כשפיתחנו את $s_{16}$ אין לנו מספיק מטושים כדי
	$s_{18} = \{L_2, \emptyset, \{A_2\}, 1, \{L_2\}\}, g = 2, d = 3$	$s_4, s_7$		$L_1$ לעבור לדירה $A_2$ ולכן היעד הבא חייב להיות
	$s_{19} = \{L_1, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$	$s_8, s_3$		כדי לאסוף עוד מטושים.
	$s_{20} = \{L_2, \emptyset, \{A_1, A_2\}, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 8$	$s_{13}, s_{5}$		
	$s_{24} = s_{21} = \{A_1, \{A_1\}, \{A_2\}, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 8$	$s_6, s_9$		
	$\{L_1, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 5$	$s_{20}, s_{10}$		
		$s_{11}, s_{12}$		
		$s_{16}, s_{18}$		
17	$s_{17} = \{L_1, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$	$s_1, s_2$	$s_{22}$	כשפיתחנו את $s_{18}$ אין לנו מספיק מטושים כדי
	$s_{19} = \{L_1, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$	$s_4, s_7$		$L_1$ לעבור לדירה $A_1$ ולכן היעד הבא חייב להיות
	$s_{21} = \{L_2, \emptyset, \{A_1, A_2\}, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 8$	$s_{8}, s_{3}$		כדי לאסוף עוד מטושים.
	$s_{24} = s_{22} = \{A_1, \{A_1\}, \{A_2\}, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 8$	$s_{13}, s_{5}$		
	$\{L_1, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 5$	$s_6, s_9$		
	$s_{25} = \{L_1, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 5$	$s_{20}, s_{10}$		
		$s_{11}, s_{12}$		
		$s_{16}, s_{18}$		
		$s_{22}$		

	open	close	הצומת	הסבר
			הבא	
			לפיתוח	
18	$s_{17} = \{L_1, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$	$s_1, s_2$	s <sub>24</sub>	$s_{22}$ המסלול עד כה הוא כשפיתחנו את הצומת $s_{22}$
	$s_{19} = \{L_1, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$	$s_4, s_7$		$P = L_2 \to L_1 \to A_1 \to L_2 \to A_2$
	$s_{24} = s_{21} = \{L_2, \emptyset, \{A_1, A_2\}, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 8$	$s_8, s_3$		ומתקיים $cost_{MDA}^{dist}(P)=8$ ולכן לא ניתן להגיע
	$\{L_1, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 5$	$s_{13}, s_{5}$		$:\!L_1,L_2$ לאף מעבדה מפני שעבור
	$s_{25} = \{L_1, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 5$	$s_6, s_9$		$cost_{MDA}^{dist}(P \to L_2) = 9 > 8.5$
		$s_{20}, s_{10}$		$cost_{MDA}^{dist}(P \rightarrow L_1) = 11 > 8.5$
		$s_{11}, s_{12}$		MDA(
		$s_{16}, s_{18}$		
		$s_{22}$		
19	$s_{17} = \{L_1, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$	$s_1, s_2$	$s_{25}$	: קיבלנו את המצב הבא $s_{24}$ קיבלנו את המצב הבא
	$s_{19} = \{L_1, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$	$s_4, s_7$		$s_{26} = \{A_2, \{A_2\}, \{A_1\}, 0, \{L_1, L_2\}\}\$
	$s_{21} = \{L_2, \emptyset, \{A_1, A_2\}, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 8$	$s_8, s_3$		נשים לב כי מצב זה זהה למצב $s_{22}$ שכבר נמצא
	$s_{25} = \{L_1, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 5$	$s_{13}, s_{5}$		.open- ולכן לא נוסיף את המצב ל $close$
		$s_6, s_9$		
		$s_{20}, s_{10}$		
		$s_{11}, s_{12}$		
		$s_{16}, s_{18}$		
		$s_{22}, s_{24}$		
20	$s_{17} = \{L_1, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$	$s_1, s_2$	$s_{21}$	$\cdot$ כשפיתחנו את $s_{25}$ קיבלנו את המצב הבא
	$s_{19} = \{L_1, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$	$s_4, s_7$		$s_{27} = \{A_1, \{A_1\}, \{A_2\}, 0, \{L_1, L_2\}\}\$
	$s_{21} = \{L_2, \emptyset, \{A_1, A_2\}, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 8$	$s_8, s_3$		נשים לב כי מצב זה זהה למצב $s_{21}$ שכבר נמצא
		$s_{13}, s_{5}$		.open- ולכן לא נוסיף את המצב ל $close$
		$s_6, s_9$		
		$s_{20}, s_{10}$		
		$s_{11}, s_{12}$		
		$s_{16}, s_{18}$		
		$s_{22}, s_{24}$		
		$s_{25}$		
21	$s_{17} = \{L_1, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$			הינו צומת מטרה ולכן נחזיר את המחיר שמצאנו $s_{21}$
	$s_{19} = \{L_1, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$			g = 6

 $m{.}g=m{6}$  ניתן לראות כי למרות שקיים מסלול  $m{P}^*$  אשר גם כן עונה על הדרישות ומקיים כי g=4 האלגוריתם החזיר בתרון לא אפוטימלי שעבורו

נשים לב כי בשני השלבים הראשונים האלגוריתמים  $A_1$  ו-בA אהים. היתרון הצפוי של  $A_2$  על פני  $A_1$  נובע מכך שב- $A_2$  בשלב השלישי אנו מריצים  $A_3$  על אותו מרחב כמו בשלב הראשון, ואילו ב- $A_3$  אנו מריצים  $A_3$  על "מרחב המסלולים" שגודלו הוא מסדר גודל  $2^{|S|}$  (כגודל (P(S)) כאשר  $A_3$  הוא המרחב מהשלב הראשון, לכן זמן הריצה של  $A_3$  היה גדול משל  $A_3$ 

#### .44

חסכנו, פיתחנו כ-10% פחות צמתים. בזכות הגמישות של  $A^* \varepsilon$  נבדוק בחיפוש שלנו גם צמתים שהפונקציה היוריסטית תעריך כיותר קרובים לפתרון, למרות שה-g שלהם לא אופטימליץ הוספנו מידע על המרחב על ידי שימוש ביוריסטיקה, לא קבילה אמנם, אך יותר מיודעת ולכן נצפה להאצת הפתרון.

## חלק\_י':

א'.

המדד הביצועי שמשתפר הוא זכרון. הסיבה לכך היא שהאלגוריתם  $IDA^*$  הוא אלגוריתם איטרטיבי המחפש לעומק, ולכן בעל דרישות זכרון נמוכות מפני שאינו צריך לשמור את כל חזית החיפוש.

ב'.

- זמן ריצה. **i**
- ii. ייתכן שנרוויח מעט צמתים בעומק כל איטרציה, וכל התקדמות לעומק גוררת פיתוח חוזר של כל הצמתים בדרך, מה שעלול להגדיל את זמן הריצה.
- הבעיה ביחס מהאופן שבו הוא נפגע ב-ID-DFS לעומת BFS מכיוון שעבור  $IDA^*$  קיימות פונקציות יוריסטיות קבילות שעבורן הבעיה ווס מדד זה נפגע פחות ביחס מהאופן שבו הוא נפגע ב-ID-DFS לעומת זאת ריצה של שתיארנו בסעיף הקודם לא תיגרם ונקבל זמן ריצה טוב יותר. לעומת זאת ריצה של ID-DFS תמיד מכילה באיטרציה האחרונה שלה ריצה של BFS ולרוב אף גבוה יותר.

،'۵

Cost(A(S)) במקרה הגרוע ביותר, כל איטרציה נגדיל את f-יגיע לערך  $\frac{1}{k}$  כאשר ערכו ההתחלתי הוא  $Q_k(h(I))$  כפי שהוגדר. ברגע שיI יגיע לערך יגיע לערך .I במקרה האיטרציות לכל היותר יהיה האלגוריתם ימצא פתרון ויעצור. לכן מספר האיטרציות לכל היותר יהיה

$$\#max\_iterations = \left\lceil \frac{Cost(A(S)) - Q_k(h(I))}{\frac{1}{k}} \right\rceil + 1 = \left\lceil k \cdot (Cost(A(S)) - Q_k(h(I))) \right\rceil + 1$$

.ii

prevFLimit ש- $\mathcal{E}(A_1,S)$  בכל שלב בריצה:  $\mathcal{E}(A_1,S)$  בכל שלב בריצה:  $\mathcal{E}(A_1,S)$  בל  $\mathcal{E}(A_1,S)$  בל שלב בריצה:  $\mathcal{E}(A_1,S)$  בל שלב בריצה:  $\mathcal{E}(A_1,S)$  בל שלב בריצה:  $\mathcal{E}(A_1,S)$  בל שלב בריצה:  $\mathcal{E}(A_1,S)$  באשר  $\mathcal{E}(A_1,S)$  (מה שיגרור איטרציה נוספת). ואז הפחות ב- $\frac{1}{k}$ , המצב הגרוע ביוותר יהיה כשבאיטרציה הלפני אחרונה הוא יקבל ערך  $\mathcal{E}(A_1,S)$  כאשר  $\mathcal{E}(A_1,S)$  בי החסם ההדוק ל- $\mathcal{E}(A_1,S)$  בי הוא  $\mathcal{E}(A_1,S)$  הוא  $\mathcal{E}(A_1,S)$  הוא  $\mathcal{E}(A_1,S)$  בי החסם ההדוק ל- $\mathcal{E}(A_1,S)$  בי החסם החדוק ל- $\mathcal{E}(A_1,S)$  בי החסם החדוק ל- $\mathcal{E}(A_1,S)$  הוא  $\mathcal{E}(A_1,S)$  הוא  $\mathcal{E}(A_1,S)$