# תרגיל בית 1 - מבוא לבינה מלאכותית 236501

## בני נזימוב 314862129 ליעד ארם 315695783

.1

$$k! \cdot (m+1)^k \cdot m$$

כאשר k! זה מתן סדר לדירות,  $(m+1)^k$  מספר האופציות לביקור\חוסר ביקור במעבדות בין כל שתי דירות ולפני הדירה  $(m+1)^k$  זה מספר האופציות לסיים במעבדה.

.2

.3

		#: - -D-#	Fationate desclavilation
K	M	#possiblePaths	Estimated calculation
			time
7	2	$22.04 \times 10^{6}$	18.47[s]
7	3	$24.77 \times 10^{7}$	3.8[mins]
8	3	79.27 × 10 <sup>8</sup>	2.3[hours]
8	4	63 × 10 <sup>9</sup>	19.6[hours]
9	3	$28.54 \times 10^{10}$	3.7[days]
10	3	$11.42 \times 10^{12}$	5.3[months]
11	3	$50.27 \times 10^{13}$	20.8[years]
12	3	$24.11 \times 10^{15}$	1.1[thousand years]
12	4	$46.78 \times 10^{16}$	22.1[thousand years]
13	4	$30.41 \times 10^{18}$	1.5[million years]

.4

ערך הקיצון המקסימלי הוא k+m והוא יתקבל במצב בו לא ביקרנו באף אחת מהמעבדות ומספר המטושים באמבולנס קטן ממספר המטושים המקסימלי, וגם לא ביקרנו באף אחת מהדירות ומספר המטושים באמבולנס גדול מספיק כדי שנוכל לבקר בכל אחת מהן.

ערך הקיצון המינימלי הוא 0, והוא יתקבל במצב בו ביקרנו בכל הדירות, וביקרנו בכל המעבדות, וכעת אנו נמצאים במעבדה האחרונה שלה העברנו את כל המטושים שנשארו באמבולנס.

.5

.6

מרחב המצבים כפי שהוגדר הוא אינסופי, כיוון שאחד האיברים בחמישיה שמגדירה מצב הוא מספר מטושים באמבולנס מרחב המצבים כפי שהוגדר להיות מספר טבעי כלשהו. בפועל, לא כל המצבים ישיגים, למשל מצבים בהם הערך (Matoshim), ומספר זה מוגדר להיות מספר טבעי כלשהו. בפועל, לא כל המצבים ישיגים. זאת מכיוון שלקחנו Matoshim אדול מסכום כל המטושים בכל המעבדות ואין לנו מאיפה לקבל עוד מטושים.

.7

כן. לדוגמא מצב  $s\in S$  כך ש-s כל המטושים הזמינים) ביקרנו בכל המעבדות ולקחנו את כל המטושים הזמינים) אך s.visitiedLabs=Labs=Labs אך ארכל  $s.Matoshim < d_i.roomates$  אך

.8

וגם  $initialNrMatoshimAmb \geq \sum_{i=1}^k d_i.roomates$  אורך המסלול המינימלי הוא k+1 קשתות, יתקבל כאשר אורך המסלול המינימלי הוא k+1 קשתות) ובסוף נסיים במעבדה אורך המסלול נעבור על כל הדירות (k קשתות) ובסוף נסיים במעבדה מדירות (k קשתות) במעבדה לכן נעבור על כל הדירות (k קשתות) ובסוף נסיים במעבדה כלשהי. סך הכל k+1 קשתות

אורך המסלול המקסימלי (שמסתיים במצב סופי) מתקבל כאשר נבקר תחילה בכל המעבדות וניקח את כל המטושים הזמינים (שמסתיים מכן נבקר במעבדה כלשהי פעם נוספת לאחר ביקור בכל דירה (2k קשתות) כדי לשים את הבדיקות שאספנו מהדירה במעבדה. סך הכל נקבל מסלול באורך 2k+m.

2k+mסך הכל הטווח הוא בין k+1 ל-

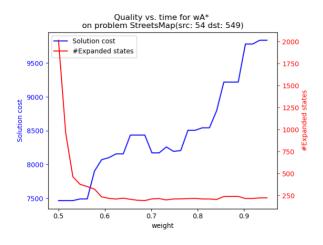
.9

$$Succ_{MDA}(s) = \{(l_i,\emptyset,s.Taken \cup s.Transferred,s.Matoshim + l_i.matoshim,\{l_i\} \cup s.VisitedLabs) \mid i \in [m] \land s.Taken \neq \emptyset)\}$$
 
$$\cup \{(l_i,\emptyset,s.Transferred,s.Matoshim + l_i.matoshim,\{l_i\} \cup s.VisitedLabs) \mid i \in [m] \land l_i \notin s.VisitedLabs \land s.Taken = \emptyset)\}$$
 
$$\cup \{(d_i,\{d_i\} \cup s.Taken,s.Transferred,s.Matoshim - d_i.roomates,s.VisitedLabs) \mid i \in [k] \land d_i \notin s.Taken \cup s.Transferred \land d_i.roomates \leq s.matoshim \land d_i.roomates \leq ambulanceTestCapcitiy - \sum_{d \in s.Taken} d.roomates)\}$$

.14

$$\#dev\_saved\_percentage = \frac{\#dev\_blind - \#dev\_heuristic}{\#dev\_blind} = \frac{17354 - 2015}{17354} \cdot 100\% = 88.3888\%$$

.16



הגרף האדום מתאר את מספר הפיתוחים, וככל שיש יותר פיתוחים זמן הריצה גבוה יותר. הגרף הכחול מתאר את איכות הפתרון. ניתן לראות כי ככל שנותנים לפונקציה היוריסטית משקל גבוה יותר כך זמן הריצה למציאת פתרון קטן, אך הפתרון פחות איכותי (יותר יקר). האזור הכדאי על פי הגרף הוא (בערך)  $0.57 \leq w \leq 0.57$  מכיוון שבאזור יש ירידה חדה בזמן הריצה אך איכות הפתרון לא מתרחקת בהרבה מהפתרון האופטימלי.

נסתכל על  $w_1 \approx 0.67$  ו- $w_2 \approx 0.7$  מתקיים כי  $w_2 > w_1$  אך איכות הפתרון שמתקבלת עבור  $w_1 \approx 0.67$  מחלכה יותר מאיכות הפתרון עבור  $w_1 \approx 0.67$  שנאמר בדגש.

כמו כן, נסתכל על  $w_3\approx 0.8$  ו- $w_4\approx 0.8$  ו- $w_4\approx 0.8$  מתקיים כי  $w_4>w_3$  מחספר הפיתוחים שמתקבל עבור  $w_3\approx 0.8$  ממספר הפיתוחים עבור  $w_4\approx 0.8$  נמוך יותר ממספר הפיתוחים עבור  $w_4\approx 0.8$ 

#### .19

החסרון של הגישה מבחינת יעילות הפתרון היה מתבטא בחוסר שימוש ב-cache. במימוש הנוכחי בבעיית המדא כאשר אנו פותרים את בעיית המפה כ"בעיית ביניים" יתכן כי הפתרון כבר נמצא ב-cache ונוכל להביאו ולחסוך את עלות החישוב. אם היינו במרחב משולב שהוצע בשאלה, לא היינו יכולים להשתמש ב-cache מכיוון שכל פעם היינו פותרים בעיה אחרת.

### .20

.i

```
@dataclass(frozen=True)
```

ii

השרכים את נוכל לשנות אינה מספיקה, שכן אם אחד מהשדות הוא מבנה נתונים (למשל set או list) אז נוכל לשנות את הערכים בתוך המבנה.

כדי לשנות את שהם מבני נתונים הוגדרו כ-frozenset, שזהו שהם מבני נתונים הוגדרו כ-frozenset, שזהו שהם מבני נתונים הוגדרו איבריו.

```
current_site: Union[Junction, Laboratory, ApartmentWithSymptomsReport]
tests_on_ambulance: FrozenSet[ApartmentWithSymptomsReport]
tests_transferred_to_lab: FrozenSet[ApartmentWithSymptomsReport]
nr_matoshim_on_ambulance: int
visited_labs: FrozenSet[Laboratory]
```

iii

. כן, צומת יכול לעבור מclose ל-open אם מצאנו מסלול יותר זול אליו מהמסלולים שמצאנו עד כה

## $OPEN \leftarrow OPEN \cup \{ old node \} \}$ ; Move old node from CLOSED to OPEN

.iv

State\_to\_expand.tests\_on\_ambulance = state\_to\_expand.tests\_on\_ambuland : א למימוש שגוי של המתודה expand\_state\_with\_costs א למימוש שגוי של המתודה {apartment}

כלומר עדכון של שדה ספציפי ב־MDAState בקחם יצירת MDAState חדש לגמרי בעזרת . מימוש זה בעייתי מכיוון שאנו עלולים להיתקל במצב מסוים בשנית גם לאחר שפיתחנו אותו כבר בעבר, כפי שצוין בסעיף לעיל. במקרה זה, אם ננסה שאנו עלולים להיתקל במצב מסוים בשנית גם לאחר שפיתחנו אותו כבר בעבר, כפי שצוין בסעיף לעיל. במקרה זה, אם ננסה לעדכן את MDAState מבלי ליצור אחד חדש מה שיקרה בפועל הוא שנדרוס את השדות של המצב בו כבר נתקלנו מכיוון שבפייתון אנחנו מחזיקים מצביע לאובייקט ולא מעתיקים אותו. כלומר, המצב שכרגע נמצא ב-close לא נמצא אותו.

.23

נוכיח כי לכל צומת n מתקיים לכל  $h(n) \leq h^*(n)$  מתקיים מחול צומת שמדובר במרחק, ברור כי  $h(n) \geq 0$  לכל צומת מכיוון שמדובר במרחק, ברור כי

h(n)=nנקבל: h נקבל אפי ולכן פי ולכן פי הגדרת לבקר בה, המרחק האווירי שלה מעצמה הוא n ולכן לפי הגדרת לבקר בה, המרחק יהי מצב n

 $0 \le h^*(n)$ 

אחרת, יהיו לי המרחק האווירי המקסימלי בהן בשלב כלשהו בתכנית. נניח כי המרחק האווירי המקסימלי אחרת, יהיו  $\delta_{max}(d_i,d_j)$  הזירות מכל זוגות הדירות הוא בין שתי דירות מכל אונות הדירות הוא

 $d_i$ נשים לב כי לכל מסלול ממצב n למצב מטרה המוביל למחיר אופטימלי ( $h^*(n)$ , האמבולנס יעבור במסלול שלו ב- $d_i$  וב- $d_i$  ביים לבן בי לכל מסלול ממצב  $d_i$  בדרך כלשהי, נסמנה  $d_i$ , נסמנה לכן:

$$0 \le h(n) \stackrel{(1)}{=} \delta_{max}(d_i, d_j) \stackrel{(2)}{\le} dist(d_i, d_j) \stackrel{(3)}{\le} h^*(n)$$

כאשר מעבר (1) נובע מהגדרת הפונקציה היוריסטית h(n), מעבר (2) נובע מאי-שוויון המשולש, ומעבר (3) נובע מכך ש- $dist(d_i,d_i)$  הוא חלק מהמסלול האופטימלי. לכן היוריסטיקה קבילה.

#### .26

היוריסטיקה אינה קבילה, נפריך בעזרת דוגמא נגדית:

s נסתכל על המרחב הבא במצב s יש 4 דירות והאמבולנס נמצא בנקודה (0,0).

בנקודה (0,0) שבא האמבולנס נמצא כרגע, דירה B בנקודה (2,0), דירה D בנקודה (4,0) ודירה D בנקודה (6,1) בנקודה (1,0) עראה שמתקיים ( $h(s)>h(s^*)$ 

$$h(s) \stackrel{(1)}{=} cost_{MDA}^{dist}(A \rightarrow B \rightarrow C \rightarrow D) = 9 > 8.6 = cost_{MDA}^{dist}(A \rightarrow D \rightarrow B \rightarrow C) \stackrel{(2)}{=} h^*(s)$$

מעבר (1) נובע מהגדרת היוריסטיקה שבונה את המסלול כך שהיא תמיד בוחרת את הדירה הבאה במסלול בתור הדירה הקרובה ביותר באותו רגע.

מעבר (2) נובע מכך שזה המסלול שעובר בכל ארבעת הדירות (כאשר מתחילים ב-A ) במחיר האופטימלי. סרטוט להמחשה :

## .29

 $0 < h(n) < h^*(n)$  מתקיים מתקיים לכל צומת

n מכיוון שמדובר במרחק, ברור כי  $\hat{h}(n) \geq 0$  לכל צומת

h(n)=:h הגדרת לפי הגדרת ערכו 0 . נקבל ערכו לבקר בה, העץ הפורש מכיל האחת לבקר לפי הגדרת לבקר אם נשארה אחת לבקר בה, העץ הפורש מכיל האחת לבקר לפי הגדרת d לבקר לפי הגדרת d לבקר לפי הגדרת מכיל האותה, ולכן ערכו d

. בתכנית אשר בשלב בשלב בהן לבקר לאמבולנס לשאר אשר אשר דירות ל $d_1, d_2, ... d_k$  אחרת, יהיו

נסמן ב-G את הגרף המלא שצמתיו הן הדירות שנשאר לאמבולנס לעבור בהן, ומשקלי הקשתות הן המרחק האווירי בין הצמתים שהן מחברות.

נשים לב כי כל מסלול ממצב n למצב מטרה המוביל למחיר אופטימלי  $h^*(n)$  עובר בכל הדירות שנותרו, ובפרט פעם אחת בכל דירה. נניח כי הפתרון הוא  $d_k \to ... \to d_k$ 

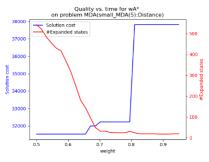
. G נסמן ב-T את הגרף המושרה המתקבל על ידי המסלול

: נקבל עץ פורש מינימום לגרף  $T^*$ . נסמן ב- $T^*$  עץ פורש לגרף לגרף בפרט עץ פורש לגרף הינו שרוך ולכן בפרט עץ פורש לגרף

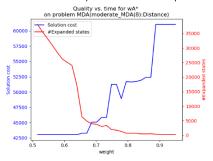
$$0 \le h(n) \stackrel{(1)}{=} w(T^*) \stackrel{(2)}{\le} w(T) \stackrel{(3)}{\le} w(P) = h^*(n)$$

כאשר מעבר (1) נובע מהגדרת הפונקציה היוריסטית h(n), מעבר (2) נובע ממינימליות (1) נובע מכך שלכל כאשר מובע מהגדרת הפונקציה היוריסטית  $\delta(d_i,d_{i+1}) \leq dist(d_i,d_{i+1})$  במסלול  $d_i$ , מתקיים כי  $d_i$  במסלול (1) במסלול לכן היוריסטיקה קבילה.

### .30



האזור הפתרון איכות הפתרון איכות הפתרון איכות הפתרון איכות הפתרון איכות הפתרון איכות הבאי על פי הגרף הוא (בערך)  $0.65 \leq w \leq 0.8$ מתרחקת בהרבה מהפתרון האופטימלי.



הפתרון איכות הריצה אד איכות יש ירידה אירידה מכיוון איכות מכיוון איכות בערך) איכות הבערן פי הגרף הוא איכות מכיוון שבאזור איכות מכיוון איכות בערך איכות הפתרון אי לא מתרחקת בהרבה מהפתרון האופטימלי.

## .31

MDAMSTAirDistHeuristic	MDASumAirDistHeuristic	MDAMaxAirDistHeuristic
לא	לא	לא
לא	לא	לא

## .32

## .34

. נשים לב כי עבור צומת  $h^st(n)$  היא הסכום המינימלי של כל הבדיקות מוכפלות במרחק שהן עברו עד שהגיעו למעבדה $h^st(n)$  $0 \leq h(n) \leq h^*(n)$  מתקיים n מוכיח כי לכל צומת

n מכיוון שמדובר במרחק, ברור כי  $h(n) \geq 0$  לכל צומת

 $.cost_{MDA}^{test\ travel}(P) = h^*(n)$  היי מצב חירו אופטימלי, למצב מטרה כך שמחירו מסלול Pלמצב מטרה יהי

לכל דירה מהרגע שנשאר לבקר את המרחק את ל $d_i.travelled$ בה נסמן בה שנשאר לבקר את שנשאר לכל לכל לכל המרחק את ל $d_i.travelled$ : מתקיים  $.d_i$ את המעבדה הקרובה ביותר ל $.d_i$  מתקיים

$$h(n) = \sum_{i=1}^{n} \delta(d_i, L_i) \cdot d_i.roomates \overset{(1)}{\leq} \sum_{i=1}^{n} d_i.travelled \cdot d_i.roomates \overset{(2)}{=} cost_{MDA}^{test\ travel} = h^*(n)$$

כאשר מעבר (1) נובע מכך שהמרחק המינימלי שבדיקה יכולה לעבור הוא בדיוק המרחק מהדירה בה היא נלקחה למעבדה הקרובה ביותר לדירה זו, ומעבר (2) הוא לפי הגדרה. לכן היוריסטיקה קבילה.

### .35

```
MDACost(dist= 43034.794m, money= 95.847NIS, tests-travel= 176505.013m)
distance

MDACost(dist= 54951.037m, money= 77.201NIS, tests-travel= 172922.318m)
monetary

MDACost(dist= 93355.782m, money= 127.001NIS, tests-travel= 131265.153m)
tests travel
```

### .36

#### נוכיח:

נניח בשלילה ש- $A_1$  לא החזיר פתרון. כלומר, הפעלת האופרטור לא הייתה חוקית עבור אף מצב.

מכך נובע שלכל מסלול P התקיים ש- $cost_{MDA}^{dist}(P)>(1+\varepsilon)\cdot C_{dist}^*$  אבל נתון כי היה קיים פתרון במרחב המקורי שלכל מסלול  $Cost_{MDA}^{dist}(P)=C_{dist}^*\leq (1+\varepsilon)\cdot C_{dist}^*$  ולכן נקבל סתירה לקבילות שעבורו  $Cost_{MDA}^{dist}(P)=C_{dist}^*\leq (1+\varepsilon)\cdot C_{dist}^*$  של  $Cost_{MDA}^{dist}(P)$ 

## .37

### נוכיח:

יהי P הפתרון האופטימאלי על פי הקריטריון המשולב, אז בפרט מתקיים כי  $cost_{MDA}^{dist}(P) \leq (1+arepsilon) \cdot C_{dist}^*$ , ולכן בשלב השלישי באלגוריתם  $A_1$  הפעלת האופרטור היא חוקית והמצב יפותח. מכיוון ש-P אופטימלי, מתקיים עבורו כי  $cost_{MDA}^{test\ travel}(P) \leq cost_{MDA}^{test\ travel}(P')$  את הפתרון האופטימלי עבור מחיר זה, כלומר את הפתרון P

## .38

	Distance cost:	Tests travel cost:
$cost_{MDA}^{dist}$	43034.794m	176505.031m
$cost_{MDA}^{tests\ travel}$	93355.782m	131265.153m
$cost_{MDA}^{merged}$	66696.615m	134889.839m

arepsilon ניתן על פי הטבלה שקיבלנו מסלול יותר יקר מבחינת פונקציית המחיר  $cost_{MDA}^{dist}$  (אך עדיין בתחום הנדרש לפי לפי שנראה למטה) וכמו כן מסלול טיפה יותר יקר ביחס לפונקציית המחיר  $cost_{MDA}^{test\ travel}$  אך קרוב למדי לאופטימלי. כלומר אכן התקיים האיזון בין שני המדדים.

$$\frac{DistCost(ReturnedSolution)}{C^*_{dist}} - 1 = \frac{66696.615}{43034.794} - 1 = 0.5498 < 0.6 = \varepsilon$$

arepsilonניתן לראות כי אכן נשמר ערך ה-arepsilon הנקוב.

## .39

הטענה אינה נכונה. נפריך בעזרת דוגמא נגדית.

נסתכל על הסימולציה הבאה: האמבולנס נמצא בנקודת ההתחלה S(0,0) ללא מטושים כלל. דירה A בנקודה בנקודה S0,0) עם שני דיירים. מעבדה B2 בנקודה במלאי. ומעבדה C3,0) עם מטוש אחד במלאי. ומעבדה C4 במקודה מטוש אחד במלאי. ומעבדה  $S \to B \to C \to A$  הוא  $S \to B \to C \to A$ 1 שמחירו במללה נשים לב כי הפתרון האופטימלי שיוחזר עם פונקציית העלות  $S \to B \to C \to A$ 2 הוא  $S \to B \to C \to A$ 3. כעת נגדיר  $S \to B$ 4, כלומר  $S \to B$ 5, כלומר  $S \to B$ 5. כעת נגדיר  $S \to B$ 6, כלומר  $S \to B$ 7.

צעד	open	close	הצומת	הסבר
			הבא	
			לפיתוח	
1	$s_1 = \{S, \emptyset, \emptyset, 0, \emptyset\}$	Ø	$s_1$	מפתחים את $S$ לפי האלגוריתם
2	$s_2 = \{C, \emptyset, \emptyset, 1, \{C\}\}, g = 0, h = 2, f = 2$	$s_1$	$s_2$	מכיוון שערכי $f$ של שני הצמתים זהים,
	$s_3 = \{B, \emptyset, \emptyset, 1, \{B\}\}, g = 0, h = 2, f = 2$			ניתן לבחור איזה צומת האלגוריתם
				יפתח.
3	$s_4 = \{B, \emptyset, \emptyset, 2, \{B, C\}\}, g = 0, h = 2, f = 2$	$s_1$	$s_4$	עדיין אין $C$ כשבאנו לפתח את צומת
	$s_3 = \{B, \emptyset, \emptyset, 1, \{B\}\}, g = 0, h = 2, f = 2$	$s_2$		ברשותנו
				Aמספיק מטושים כדי ללכת לדירה
				לכן הצומת הבא
				.B היחיד שניתן להגיע אליו זה צומת
				$s_3$ נשים לב כי זה לא אותו מצב כמו
				שהוא מצב שמתאר מסלול שבו
				B מתחילים בצומת
				כמו כן, ערכי $f$ עדיין זהים ולכן נוכל
				$.s_4$ -לבחור להמשיך מ
4	$s_5 = \{A, \{A\}, \emptyset, 0, \{B, C\}\}, g = 0, h = 2, f = 2$	$s_1$	$s_2$	הגענו לדירה ולקחנו את הבדיקות.
	$s_3 = \{B, \emptyset, \emptyset, 1, \{B\}\}, g = 0, h = 2, f = 2$	$s_2$		ערכי $f$ בין המצבים עדיין זהים ולכן
		$s_4$		נמשיך
				A לפתח את צומת
5	$s_3 = \{B, \emptyset, \emptyset, 1, \{B\}\}, g = 0, h = 2, f = 2$	$s_1$	$s_3$	(*) הסבר מתחת לטבלה.
		$s_2$		
		$s_4$		
		$s_5$		
6	$s_8 = \{C, \emptyset, \emptyset, 2, \{B, C\}\}, g = 0, h = 2, f = 2$	$s_1$	$s_8$	מפתחים את $arepsilon_3$ לפי האלגוריתם
		$s_2$		
		$s_4$		
		$s_5$		
		$s_3$		
7	$s_9 = \{A, \{A\}, \emptyset, 0, \{B, C\}\}, g = 0, h = 2, f = 2$	$s_1$	$s_9$	הצומת הבא שהאלגוריתם יבוא לפתח
		$s_2$		הוא $s_9$ . אך נשים לב כי $s_9$ זהה ל- $s_5$ עם
		$s_4$		אותו ערך $f$ . ולכן האלגוריתם ייראה
		$s_5$		שהמצב הזה נמצא ב- $close$ ולא יפתח
		$s_3$		אותו פעם נוספת. האלגוריתם סיים
		$s_8$		לרוץ על כל המצבים ולא החזיר פתרון

הסבר צעד 5: לאחר הפיתוח של  $s_5$ בשלב הבאים לאחר המצבים לאחר (\*)

$$s_6 = \{B, \emptyset, \{A\}, 0, \{B, C\}\}$$
  
$$s_7 = \{C, \emptyset, \{A\}, 0, \{B, C\}\}$$

:כי מתקיים ולכן איר איר איר איר איר פיים איר איר איר איר איר איר איר איר נשים לב כי המסלול שעברנו עד כה הוא

$$cost_{MDA}^{dist}(s_6) = cost_{MDA}^{dist}(C \to B \to A \to B) = 6 > 5.5$$
$$cost_{MDA}^{dist}(s_7) = cost_{MDA}^{dist}(C \to B \to A \to C) = 7 > 5.5$$

 $s_5$  את הפיתוח את יסיים האלגוריתם יסיים את יכנס ל- $s_6,s_7$  לא ייכנס את אחד אחד את הפיתוח את בלל ההגבלה שנתנו אף אחד מהמצבים אועביר אותו ל-close. הצומת הבא לפיתוח יהיה  $s_3$  שהוא היחיד שכרגע ב-close.

. ניתן לראות כי למרות שקיים הפתרון האלוגריתם החזיר שאין פתרון ניתן לראות כי למרות הפתרון הפתרון ה

.40

.41

נשים לב כי בשני השלבים הראשונים האלגוריתמים  $A_1$  ו $A_2$  זהים. היתרון הצפוי של  $A_2$  על פני  $A_2$  נובע מכך שב- $A_2$  בשלב השלישי אנו מריצים Astar על אותו מרחב כמו בשלב הראשון, ואילו ב- $A_3$  אנו מריצים Astar על "מרחב המסלולים" שגודלו הוא מסדר גודל  $A_3$  (כגודל  $A_3$ ) כאשר  $A_3$  הוא המרחב מהשלב הראשון, לכן זמן הריצה של  $A_3$  יהיה גדול משל  $A_3$ .

.44

כפי שניתן לראות מתוצאות ההרצה, אכן חסכנו במספר הפיתוחים, פיתחנו כ-10% פחות צמתים. הגמישות של  $A^* \varepsilon$  תעזור מתוצאות מתוצאות ההרצה, אכן חסכנו במספר הפיתוחים, פיתחנו כ-10% פחות צמתים. הגמישות שערך g גבוה יותר (לכל היותר ב-g) אך עם ערך g נמוך יותר למרות שערך ה-g שלהם בחיפוש שלנו נבדוק גם צמתים אשר הפונקציה היוריסטית תעריך אותם כיותר קרובים לפתרון, למרות שערך g אינו אופטימלי.

## חלק\_י':

א'.

המדד הביצועי שאנו משפרים הוא **זכרון.** הסיבה לכך היא שהאלגוריתם  $IDA^*$  הוא אלגוריתם איטרטיבי המחפש לעומק, ולכן בעל דרישות זכרון נמוכות.

ב'.

- i. זמן ריצה.
- .ii עבור פונקציות יוריסטיות מסוימות יכול להיות שנרוויח קצת מאוד צמתים בעומק כל איטרציה, ולכן הריצה תהיה מאוד ארוכה.
- יוות פונקציות שעבור  $IDA^*$  קיימות פונקציות שד וווחס מדד ההוא נפגע ב-ID-DFS לעומת לעומת היוחס מהאופן שבו הוא נפגע ב-ID-DFS יוריסטיות קבילות שעבורן הבעיה שתיארנו בסעיף הקודם לא תיגרם ונקבל זמן ריצה טוב יותר. לעומת זאת ריצה של ID-DFS תמיד מכילה באיטרציה האחרונה שלה ריצה של BFS ולכן זמנה יהיה לכל הפחות כמו זמן הריצה של BFS

،'،

. במקרה הגרוע ביותר, כל איטרציה נגדיל את ב $\frac{1}{k}$  ב- nextFlimit ב $\frac{1}{k}$  כפי שהוגדר. פפי שהוגדר, כל איטרציות לכל היותר יהיה Cost(A(S)) ברגע שf יגיע לערך לערך מאלגוריתם ימצא פתרון ויעצור. לכן מספר האיטרציות לכל היותר יהיה

$$\#max\_iterations = \left\lceil \frac{Cost(A(S)) - Q_k(h(I))}{\frac{1}{k}} \right\rceil = \left\lceil k \cdot \left(Cost(A(S)) - Q_k(h(I))\right) \right\rceil$$

 $arepsilon(A_1,S)<rac{1}{k}$  החסם ההדוק על  $arepsilon(A_1,S)$  הוא החסם לנומר מתקיים ל $arepsilon_k$  כלומר מתקיים ל $arepsilon_k$  המקיים כי  $arepsilon_k$  המקיים כי  $arepsilon_k$  האינוריתם עד מציאת פתרון, מכיוון שמובטח לנו עוכיח: מתקיים כי  $arepsilon_k$  האינוריתם עד מציא אותנו לפתרון האופטימלי שערכו  $arepsilon_k$ , ולכן ערך ה- $arepsilon_k$  שלו יהיה קטן שווה מ- $arepsilon_k$ . נסתכל על  $arepsilon_k$  האיטרציה האחרונה לפני שאנו מוצאים את הפתרון בה נקראת הפונקציה  $arepsilon_k$  כאשר  $arepsilon_k$  נקבל ש- $arepsilon_k$  בלומר מתקיים לומר מתקיים לכל שלומר מתקיים לומר מתקיים ליים אות באומר מתקיים לומר מתקיים ליים לערכו  $arepsilon_k$  האיטרציה האחרונה לפני שאנו מוצאים את הפתרון בה נקראת הפונקציה בקצוא על מומר מתקיים ליים לומר מתקיים ליים לומר מתקיים לומר מתקיים לומר מתקיים ליים ליים לומר מתקיים לומ

$$nextFLimit = max\{prevFLimit + \frac{1}{k}, Q_k(origNextFLimit)\} = prevFLimit + \frac{1}{k}$$

כעת, באיטרציה האחרונה האלגוריתם יכול למצוא כל פתרון בטווח לב פתרון ניכול (נשים האלגוריתם יכול למצוא כל פתרון בטווח (כעת, באיטרציה האלגוריתם יכול למצוא י"י לב את הטווח (כ $[C_S^*,C_S^*+\frac{1}{k}]$  ולכן הטטייה המקסימלית מהפתרון חסומה ע"י לב כי כאשר  $(C_S^*-prevFLimit)$