

תרגיל בית 1 - מבוא לבינה מלאכותית 236501

בני נזימוב 314862129

ליעד ארם 315695783

1.

$$\underbrace{k!}_{(1)} \cdot \underbrace{(m+1)^k}_{(2)} \cdot \underbrace{m}_{(3)}$$

- (1) : מתן סדר לדירות.
 (2) : מספר האופציות לביקור/חוסר ביקור במעבדות בין כל שתי דירות ולפני הדירה הראשונה.
 (3) : מספר האופציות לסיים במעבדה.

2.

3.

| K | M | #possiblePaths | Estimated calculation time |
|----|---|------------------------|----------------------------|
| 7 | 2 | 22.04×10^6 | 18.47[s] |
| 7 | 3 | 24.77×10^7 | 3.8[mins] |
| 8 | 3 | 79.27×10^8 | 2.3[hours] |
| 8 | 4 | 63×10^9 | 19.6[hours] |
| 9 | 3 | 28.54×10^{10} | 3.7[days] |
| 10 | 3 | 11.42×10^{12} | 5.3[months] |
| 11 | 3 | 50.27×10^{13} | 20.8[years] |
| 12 | 3 | 24.11×10^{15} | 1.1[thousand years] |
| 12 | 4 | 46.78×10^{16} | 22.1[thousand years] |
| 13 | 4 | 30.41×10^{18} | 1.5[million years] |

4.

$k + m : \max$. לא ביקרנו באף מעבדה ובאף דירה, מספר המטושים באמבולנס גדול מספיק כדי לבקר בכל הדירות וקטן ממספר המטושים המקסימלי.

$0 : \min$. ביקרנו בכל הדירות ובכל המעבדות, וכעת אנו נמצאים במעבדה האחרונה שלה העברנו את כל המטושים שנשארו באמבולנס.

5.

נראה כי לא ייתכנו מעגלים במרחב המצבים. תחילה נשים לב לאבחנה: מצב עבורו ה- $curLoc$ מתאר דירה לא יכול להיות חלק ממעגל, כי לפי תנאי התרגיל לא ניתן לבקר באותה דירה פעמיים. נניח בשלילה כי קיים מעגל בגרף. לפי האבחנה הוא מכיל מצבים שמתארים מעבדות בלבד. על פי הגדרת האופרטור $o_{l_i}(s)$ נקבל כי לכל המצבים מתקיים $s.Taken = \emptyset$. לכן הפעלת האופרטור התאפשרה בגלל שהתנאי השני התקיים שהוא $l_i \notin s.VisitedLabs$. נסמן את המעגל: $P = s_1 \rightarrow s_2 \rightarrow \dots \rightarrow s_n \rightarrow s_1$. ונבחן את הצומת s_n , הפעלת האופרטור על s_n התאפשרה מפני ש- $s_1 \notin s_n.VisitedLabs$, אך זאת **סתירה** מכיוון שהתחלנו את המסלול בביקור במעבדה s_1 . לכן לא ייתכנו מעגלים בגרף.

6.

מרחב המצבים כפי שהוגדר הוא אינסופי, כיוון שאחד האיברים בחמישיה שמגדירה מצב הוא מספר מטושים באמבולנס ($Matoshim$), ומספר זה מוגדר להיות מספר טבעי כלשהו. בפועל, לא כל המצבים ישיגים, למשל מצבים בהם הערך $Matoshim$ גדול מסכום כל המטושים בכל המעבדות + מספר המטושים ההתחלתי, אינם ישיגים. זאת מכיוון שלקחנו את כל המטושים הזמינים במעבדות ואין לנו מאיפה לקבל עוד מטושים.

7.

כן. כאשר $s.VisitedLabs=Labs$ (לקחנו את כל המטושים הזמינים מהמעבדות) אך $s.Matoshim < d_i.roomates$ לכל דירה d_i שעוד לא ביקרנו בה.

8.

אורך המסלול המינימלי הוא $k + 1$ קשתות, יתקבל כאשר $initialNrMatoshim.Amb \geq \sum_{i=1}^k d_i.roomates$ וגם $ambulanceTestCapacity \geq \sum_{i \in [k]} d_i.roomates$, לכן נעבור על כל הדירות (k קשתות) ובסוף נסיים במעבדה כלשהי. סך הכל $k + 1$ קשתות. אורך המסלול המקסימלי (שמסתיים במצב סופי) מתקבל כאשר נבקר תחילה בכל המעבדות וניקח את כל המטושים הזמינים (m קשתות), ולאחר מכן נבקר במעבדה כלשהי פעם נוספת לאחר ביקור בכל דירה ($2k$ קשתות), כדי לשים את הבדיקות שאספנו מהדירה במעבדה. סך הכל נקבל מסלול באורך $2k + m$. סך הכל הטווח הוא בין $k + 1$ ל- $2k + m$.

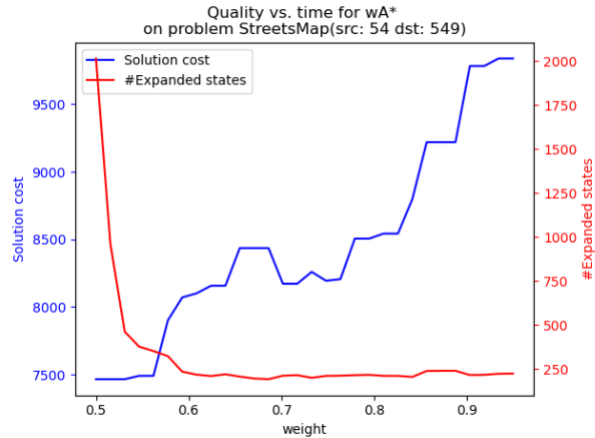
9.

$$Succ_{MDA}(s) = \{(l_i, \emptyset, s.Taken \cup s.Transferred, s.Matoshim + l_i.matoshim \cdot \mathbb{I}_{\{l_i \notin s.VisitedLabs\}}, \{l_i\} \cup s.VisitedLabs) \mid i \in [m] \wedge CanVisit(s, l_i)\} \\ \cup \{(d_i, \{d_i\} \cup s.Taken, s.Transferred, s.Matoshim - d_i.roomates, s.VisitedLabs) \mid i \in [k] \wedge CanVisit(s, d_i)\}$$

14.

$$\#dev_saved_percentage = \frac{\#dev_blind - \#dev_heuristic}{\#dev_blind} = \frac{17354 - 2015}{17354} \cdot 100\% = 88.3888\%$$

16.



הגרף האדום מתאר את מספר הפיתוחים, וככל שיש יותר פיתוחים זמן הריצה גבוה יותר. הגרף הכחול מתאר את איכות הפתרון. ניתן לראות כי ככל שנותנים לפונקציה היוריסטית משקל גבוה יותר כך זמן הריצה למציאת פתרון קטן, אך הפתרון פחות איכותי (יותר יקר). האזור הכדאי על פי הגרף הוא (בערך) $0.53 \leq w \leq 0.57$ מכיוון שבאזור יש ירידה חדה בזמן הריצה אך איכות הפתרון לא מתרחקת בהרבה מהפתרון האופטימלי. נסתכל על $w_1 \approx 0.67$ ו- $w_2 \approx 0.7$. מתקיים כי $w_2 > w_1$ אך איכות הפתרון שמתקבלת עבור w_1 נמוכה יותר מאיכות הפתרון עבור w_2 , כפי שנאמר בדגש. כמו כן, נסתכל על $w_3 \approx 0.8$ ו- $w_4 \approx 0.87$, מתקיים כי $w_4 > w_3$ אך מספר הפיתוחים שמתקבל עבור w_3 נמוך יותר ממספר הפיתוחים עבור w_4 , כפי שנאמר בדגש.

19.

החסרון של הפתרון היה מתבטא בשימוש לא יעיל ב- $cache$. במימוש הנוכחי בבעיית המדא כאשר אנו פותרים את בעיית המפה כ"בעיית ביניים" אנו מאחסנים ב- $cache$ רק את המיקומים של שני הצמתים ושומרים את הפתרון לשימוש עתידי. אם היינו במרחב המוצע, כל נקודה על המפה הייתה מיוצגת כמצב (חמישייה) והיינו צריכים התאמה מדויקת של המצב כדי להשתמש ב- $cache$, מה שלרוב לא היה קורה, וכך זמן הריצה היה גדל משמעותית.

.20

i.

```
@dataclass(frozen=True)
```

ii.

השורה הזאת אינה מספיקה, שכן אם אחד מהשדות הוא מבנה נתונים (למשל *set* או *list*) אז נוכל לשנות את הערכים בתוך המבנה. כדי למנוע זאת השדות שהם מבני נתונים הוגדרו כ-*frozenset*, שזהו *immutable set*, כלומר *set* שלא ניתן לשנות את איבריו.

```
current_site: Union[Junction, Laboratory, ApartmentWithSymptomsReport]
tests_on_ambulance: FrozenSet[ApartmentWithSymptomsReport]
tests_transferred_to_lab: FrozenSet[ApartmentWithSymptomsReport]
nr_matoshim_on_ambulance: int
visited_labs: FrozenSet[Laboratory]
```

iii.

כן, צומת יכול לעבור מ-*close* ל-*open* אם מצאנו מסלול יותר זול אליו מהמסלולים שמצאנו עד כה.

$OPEN \leftarrow OPEN \cup \{old_node\};$ Move old node from CLOSED to OPEN

iv.

דוגמא למימוש שגוי: $State_to_expand.tests_on_ambulance = State_to_expand.tests_on_ambulance \cup \{d\}$. כלומר הוספת הדירה d לרשימת הבדיקות שעל האמבולנס ל- $MDAState$ הנוכחי, במקום יצירת $MDAState$ חדש. מימוש זה בעייתי מכיוון שעלול לפגוע בנכונות האלגוריתם. נראה זאת: כפי שצינו בסעיף לעיל אנו עלולים להיתקל במצב שכבר פיתחנו בעבר ונמצא כרגע ב-*close*, לכן אם נחזור למצב $state_to_expand$ (שעבר ל-*close* לאחר הפיתוח) האלגוריתם "יחשוב" שכבר ביקר בדירה d (מה שלא נכון) ונכונות האלגוריתם תיפגע. הסיבה לכך היא כי בפיתוח אנו מחזיקים מצביע לאובייקט ולכן כשאנו מריצים את השורה שצינו לעיל אנו משנים את האובייקט עצמו ולא יוצרים לו העתק כמו שהיינו רוצים.

.23

נוכיח כי לכל צומת n מתקיים $0 \leq h(n) \leq h^*(n)$. מכיוון שמדובר במרחק, ברור כי $h(n) \geq 0$ לכל צומת n .

יהי מצב n . אם נשארה דירה אחת d לבקר בה, המרחק האווירי שלה מעצמה הוא 0 ולכן לפי הגדרת h נקבל: $h(n) = 0 \leq h^*(n)$.

אחרת, יהיו d_1, d_2, \dots, d_k דירות אשר נשארו לאמבולנס לבקר בהן בשלב כלשהו בתכנית. נניח כי המרחק האווירי המקסימלי בין שתי דירות מכל זוגות הדירות הוא $\delta_{max}(d_i, d_j)$.

נשים לב כי לכל מסלול ממצב n למצב מטרה המוביל למחיר אופטימלי $h^*(n)$, האמבולנס יעבור במסלול שלו ב- d_i וב- d_j (נניח בה"כ שיעבור קודם ב- d_i בדרך כלשהי, נסמנה $dist(d_i, d_j)$. לכן:

$$0 \leq h(n) \stackrel{(1)}{=} \delta_{max}(d_i, d_j) \stackrel{(2)}{\leq} dist(d_i, d_j) \stackrel{(3)}{\leq} h^*(n)$$

כאשר מעבר (1) נובע מהגדרת הפונקציה היוריסטית $h(n)$, מעבר (2) נובע מאי-שוויון המשולש, ומעבר (3) נובע מכך ש- $dist(d_i, d_j)$ הוא חלק מהמסלול האופטימלי. לכן היוריסטיקה קבילה.

.26

היוריסטיקה אינה קבילה, נפריך בעזרת דוגמא נגדית:

נסתכל על המרחב הבא במצב s : יש 4 דירות והאמבולנס נמצא בנקודה $(0,0)$.

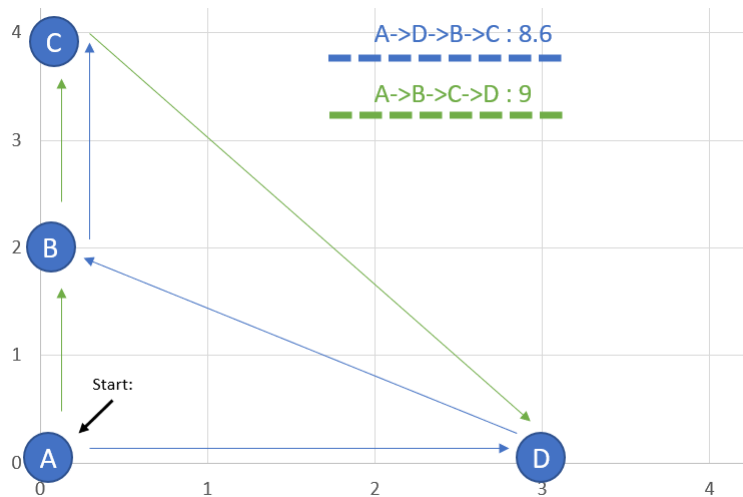
דירה A בנקודה $(0,0)$ שבא האמבולנס נמצא כרגע, דירה B בנקודה $(2,0)$, דירה C בנקודה $(4,0)$ ודירה D בנקודה $(0,3)$. נראה שמתקיים $h(s) > h^*(s)$.

$$h(s) \stackrel{(1)}{=} cost_{MDA}^{dist}(A \rightarrow B \rightarrow C \rightarrow D) = 9 > 8.6 = cost_{MDA}^{dist}(A \rightarrow D \rightarrow B \rightarrow C) \stackrel{(2)}{=} h^*(s)$$

מעבר (1) נובע מהגדרת היוריסטיקה שבונה את המסלול כך שהיא תמיד בוחרת את הדירה הבאה במסלול בתור הדירה הקרובה ביותר באותו רגע.

מעבר (2) נובע מכך שזה המסלול שעובר בכל ארבעת הדירות (כאשר מתחילים ב- A) במחיר האופטימלי.

סרטוט להמחשה:



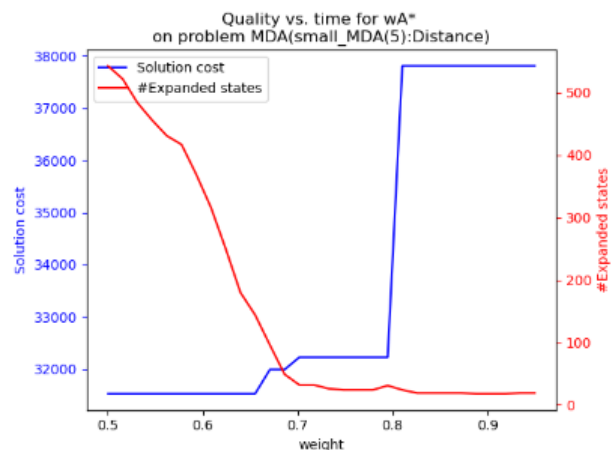
29.

נוכיח כי לכל צומת n מתקיים $0 \leq h(n) \leq h^*(n)$.
 מכיוון שמדובר במרחק, ברור כי $h(n) \geq 0$ לכל צומת n .
 יהי מצב n . אם נשארה דירה אחת d לבקר בה, העץ הפורש מכיל רק אותה, ולכן ערכו 0. נקבל לפי הגדרת h :
 $h(n) = 0 \leq h^*(n)$.
 אחרת, יהיו d_1, d_2, \dots, d_k דירות אשר נשאר לאמבולנס לבקר בהן בשלב כלשהו בתכנית.
 נסמן ב- G את הגרף המלא שצמתיו הן הדירות שנשארו לאמבולנס לעבור בהן, ומשקלי הקשתות הן המרחק האווירי בין הצמתים שהן מחברות.
 נשים לב כי כל מסלול ממצב n למצב מטרה המוביל למחיר אופטימלי $h^*(n)$ עובר בכל הדירות שנותרו, ובפרט פעם אחת בכל דירה. נניח כי הפתרון הוא $P: d_1 \rightarrow \dots \rightarrow d_k$.
 נסמן ב- T את הגרף המושרה המתקבל על ידי המסלול P בגרף G .
 מעצם בנייתו, T הינו שרוד ולכן בפרט עץ פורש לגרף G . נסמן ב- T^* עץ פורש מינימום לגרף G . נקבל:

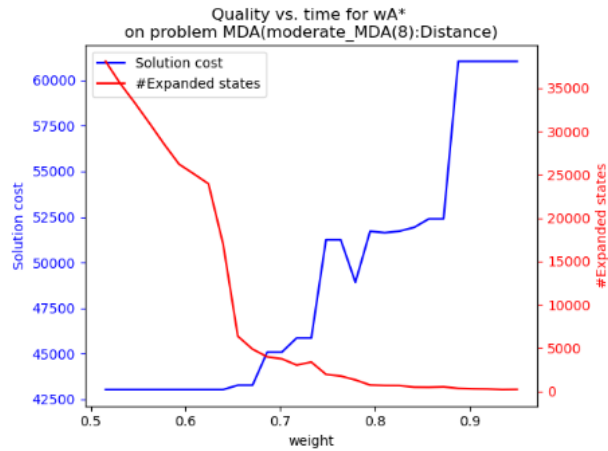
$$0 \leq h(n) \stackrel{(1)}{=} w(T^*) \stackrel{(2)}{\leq} w(T) \stackrel{(3)}{\leq} w(P) = h^*(n)$$

כאשר מעבר (1) נובע מהגדרת הפונקציה היוריסטית $h(n)$, מעבר (2) נובע ממינימליות T^* , ומעבר (3) נובע מכך שלכל $d_i \rightarrow d_{i+1}$ במסלול P , מתקיים $\delta(d_i, d_{i+1}) \leq \text{dist}(d_i, d_{i+1})$ כאשר δ הוא המרחק האווירי בין הצמתים ו- dist הוא המרחק במסלול. לכן היוריסטיקה קבילה.

30.



האזור הכדאי על פי הגרף הוא (בערך) $0.65 \leq w \leq 0.8$ מכיוון שבאזור יש ירידה חדה בזמן הריצה אך איכות הפתרון לא מתרחקת בהרבה מהפתרון האופטימלי.



האזור הכדאי על פי הגרף הוא (בערך) $0.65 \leq w \leq 0.725$ מכיוון שבאזור יש ירידה חדה בזמן הריצה אך איכות הפתרון לא מתרחקת בהרבה מהפתרון האופטימלי.

.31

| | | | |
|------------------------|------------------------|------------------------|-----------------------------|
| MDAMSTAirDistHeuristic | MDASumAirDistHeuristic | MDAMaxAirDistHeuristic | |
| לא | לא | לא | $cost_{MDA}^{test\ travel}$ |
| לא | לא | לא | $cost_{MDA}^{monetary}$ |

.32

```
MDACost(dist= 43034.794m, money= 95.847NIS, tests-travel= 176505.013m)
distance
MDACost(dist= 54951.037m, money= 77.201NIS, tests-travel= 172922.318m)
monetary
```

.34

נשים לב כי עבור צומת n , $h^*(n)$ היא הסכום המינימלי של כל הבדיקות מוכפלות במרחק שהן עברו עד שהגיעו למעבדה. נוכיח כי לכל צומת n מתקיים $0 \leq h(n) \leq h^*(n)$. מכיוון שמדובר במרחק, ברור כי $h(n) \geq 0$ לכל צומת n . יהי מצב n . ויהי מסלול P למצב מטרה כך שמחירו אופטימלי, כלומר $cost_{MDA}^{test\ travel}(P) = h^*(n)$. לכל דירה d_i שנשאר לבקר בה נסמן ב- $d_i.travelled$ את המרחק שעברו הבדיקות מ- d_i מהרגע שנאספו עד למסירתן למעבדה כלשהי, וב- L_i את המעבדה הקרובה ביותר ל- d_i . מתקיים:

$$h(n) = \sum_{i=1}^n \delta(d_i, L_i) \cdot d_i.roomates \stackrel{(1)}{\leq} \sum_{i=1}^n d_i.travelled \cdot d_i.roomates \stackrel{(2)}{=} cost_{MDA}^{test\ travel} = h^*(n)$$

כאשר מעבר (1) נובע מכך שהמרחק המינימלי שבדיקה יכולה לעבור הוא בדיוק המרחק מהדירה בה היא נלקחה למעבדה הקרובה ביותר לדירה זו, ומעבר (2) הוא לפי הגדרה. לכן היוריסטיקה קבילה.

.35

```
MDACost(dist= 43034.794m, money= 95.847NIS, tests-travel= 176505.013m)
distance
MDACost(dist= 54951.037m, money= 77.201NIS, tests-travel= 172922.318m)
monetary
MDACost(dist= 93355.782m, money= 127.001NIS, tests-travel= 131265.153m)
tests travel
```

.36

נוכיח:

נניח בשלילה ש- A_1 לא החזיר פתרון. כלומר, הפעלת האופרטור לא הייתה חוקית עבור אף מצב. מכך נובע שלכל מסלול P התקיים ש- $cost_{MDA}^{dist}(P) > (1 + \varepsilon) \cdot C_{dist}^*$ אבל נתון כי היה קיים פתרון במרחב המקורי S_{MDA} ולכן בוודאות קיים מסלול P שעבורו $cost_{MDA}^{dist}(P) = C_{dist}^* \leq (1 + \varepsilon) \cdot C_{dist}^*$ ולכן נקבל סתירה לקבילות של A^* , לכן A_1 תמיד מחזיר פתרון.

.37

נוכיח:

יהי P הפתרון האופטימאלי על פי הקריטריון המשולב, אז בפרט מתקיים כי $cost_{MDA}^{dist}(P) \leq (1 + \varepsilon) \cdot C_{dist}^*$, ולכן בשלב השלישי באלגוריתם A_1 הפעלת האופרטור היא חוקית והמצב יפותח. מכיוון ש- P אופטימלי, מתקיים עבורו כי $cost_{MDA}^{test\ travel}(P) \leq cost_{MDA}^{test\ travel}(P')$ לכל $P \neq P'$, ומכיוון ש- UCS הוא אלגוריתם קביל, מובטח כי הוא יחזיר את הפתרון האופטימלי עבור מחיר זה, כלומר את הפתרון P .

.38

| | Distance cost: | Tests travel cost: |
|------------------------------|----------------|--------------------|
| $cost_{MDA}^{dist}$ | 43034.794m | 176505.031m |
| $cost_{MDA}^{tests\ travel}$ | 93226.428m | 131265.153m |
| $cost_{MDA}^{merged}$ | 65686.522m | 132209.981m |

ניתן לראות על פי הטבלה שקיבלנו מסלול יותר יקר מבחינת פונקציית המחיר $cost_{MDA}^{dist}$ (אך עדיין בתחום הנדרש לפי ε כפי שנראה למטה) וכמו כן מסלול טיפה יותר יקר ביחס לפונקציית המחיר $cost_{MDA}^{test\ travel}$ אך קרוב למדי לאופטימלי. כלומר אכן התקיים האיזון בין שני המדדים.

$$\frac{DistCost(ReturnedSolution)}{C_{dist}^*} - 1 = \frac{65686.522}{43034.794} - 1 = 0.526 < 0.6 = \varepsilon$$

ניתן לראות כי אכן נשמר ערך ה- ε הנקוב.

.39

הטענה אינה נכונה. נפריך בעזרת דוגמא נגדית.

נסתכל על הסימולציה הבאה: האמבולנס נמצא בנקודת ההתחלה $S(0, 0)$ ללא מטושים כלל. ישנה מעבדה L_1 בנקודה $(1, 0)$ עם מטוש אחד במלאי. דירה A בנקודה $(2, 0)$ עם שני דיירים. ומעבדה L_2 בנקודה $(3, 0)$ עם מטוש אחד במלאי. תחילה נשים לב כי הפתרון האופטימלי שיוחזר עם פונקציית העלות $cost_{MDA}^{dist}$ הוא $A \rightarrow L_1 \rightarrow L_2 \rightarrow S$ שמחירו $C_S^* = 5$. כעת נגדיר $\varepsilon = 0.2$, כלומר $max_distance_cost = 6$, ונראה כי האלגוריתם מחזיר שאין פתרון: **הערה:** מכיוון שלפי האלגוריתם אנו מריצים $UniformCost$, אין פונקציה יוריסטית ולכן $h = 0$ לכל מצב. כלומר, בחירת הצמתים מ- $open$ מתבצעת לפי הערך של g בלבד.

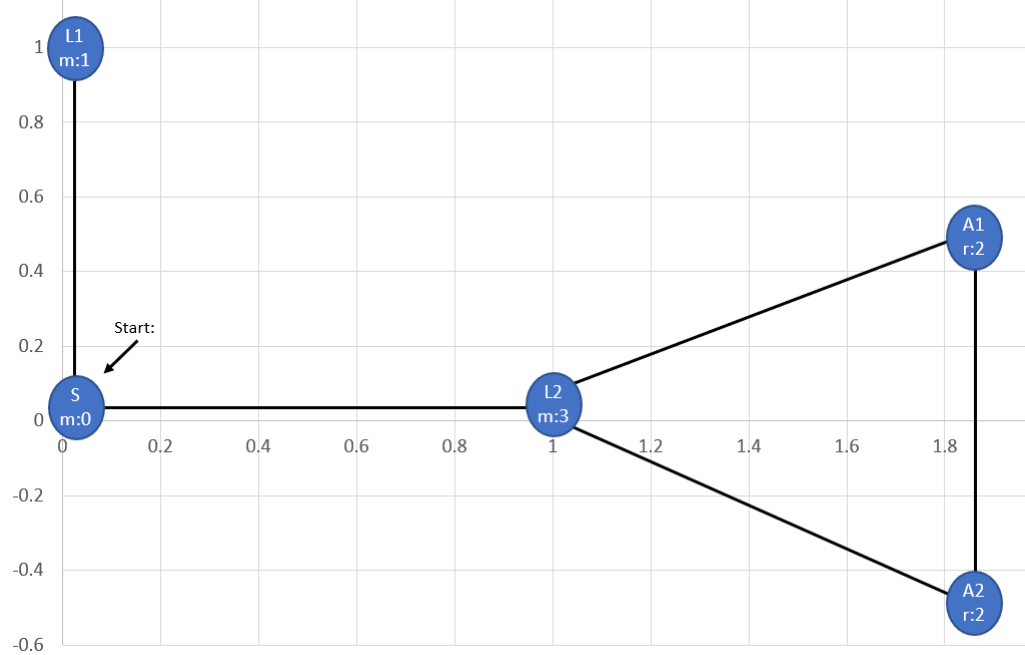
כמו כן, אנו ממוזערים באלגוריתם זה את $TestsTravelDistance$ לכן ערך ה- g הוא המרחק שעברו הבדיקות על האמבולנס. טבלת המעקב העמוד הבא.

| צעד | <i>open</i> | <i>close</i> | הצומת הבא לפיתוח | הסבר |
|-----|---|--|------------------------|--|
| 1 | $s_1 = \{S, \emptyset, \emptyset, 0, \emptyset\}$ | \emptyset | s_1 | מפתחים את הצומת s_1 לפי האלגוריתם |
| 2 | $s_2 = \{L_2, \emptyset, \emptyset, 1, \{L_2\}\}, g = 0$ $s_3 = \{L_1, \emptyset, \emptyset, 1, \{L_1\}\}, g = 0$ | s_1 | s_2 | מכיוון שערך ה- g של שני הצמתים זהה, ניתן לבחור איזה צומת האלגוריתם יפתח. |
| 3 | $s_4 = \{L_1, \emptyset, \emptyset, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 0$ $s_3 = \{L_1, \emptyset, \emptyset, 1, \{L_1\}\}, g = 0$ | s_1 s_2 | s_4 | כשבאנו לפתח את הצומת s_2 עדיין אין ברשותנו מספיק מטושים כדי ללכת לדירה A , לכן היעד הבא היחיד שניתן להגיע אליו הוא L_1 . נשים לב כי זה לא אותו מצב כמו s_3 שהוא מצב שמתאר מסלול שבו מתחילים במעבדה L_1 . כמו כן, ערכי g עדיין זהים ולכן נוכל לבחור להמשיך לפתח מ- s_4 . |
| 4 | $s_5 = \{A, \{A\}, \emptyset, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 0$ $s_3 = \{L_1, \emptyset, \emptyset, 1, \{L_1\}\}, g = 0$ | s_1 s_2 s_4 | s_2 | הגענו לדירה A ולקחנו את הבדיקות של הדיירים. ערכי g בין המצבים עדיין זהים ולכן נבחר להמשיך לפתח את הצומת s_5 . |
| 5 | $s_3 = \{L_1, \emptyset, \emptyset, 1, \{L_1\}\}, g = 0$ | s_1 s_2 s_4 s_5 | s_3 | לאחר הפיתוח של s_5 בשלב זה נוצרים שני המצבים הבאים: $s_6 = \{L_1, \emptyset, \{A\}, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2$ $s_7 = \{L_2, \emptyset, \{A\}, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2$ נשים לב כי המסלול שעברנו עד כה הוא: $P = L_2 \rightarrow L_1 \rightarrow A$ ומתקיים כי $cost_{MDA}^{dist}(P) = 6$, לכן נקבל: $cost_{MDA}^{dist}(s_6) = cost_{MDA}^{dist}(L_2 \rightarrow L_1 \rightarrow A \rightarrow L_1) = 7 > 6$ $cost_{MDA}^{dist}(s_7) = cost_{MDA}^{dist}(L_2 \rightarrow L_1 \rightarrow A \rightarrow L_2) = 7 > 6$ כתוצאה מכך, בגלל ההגבלה שנתנו על $cost_{MDA}^{dist}$, אף אחד מהמצבים s_6, s_7 לא ייכנס ל- <i>open</i> . האלגוריתם יסיים את הפיתוח של s_5 ויעביר אותו ל- <i>close</i> . הצומת הבא לפיתוח יהיה s_3 שהוא היחיד שכרגע ב- <i>open</i> . |
| 6 | $s_8 = \{L_2, \emptyset, \emptyset, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 0$ | s_1 s_2 s_4 s_5 s_3 | s_8 | מפתחים את s_3 לפי האלגוריתם |
| 7 | $s_9 = \{A, \{A\}, \emptyset, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 0$ | s_1 s_2 s_4 s_5 s_3 s_8 | s_9 | הצומת הבא שהאלגוריתם יבוא לפתח הוא s_9 . אך נשים לב כי s_9 זהה ל- s_5 עם אותו ערך g . ולכן האלגוריתם ייראה שהמצב הזה נמצא ב- <i>close</i> ולא יפתח אותו פעם נוספת. האלגוריתם סיים לרוץ על כל המצבים ולא החזיר פתרון |

ניתן לראות כי למרות שקיים הפתרון C_S^* המקיים את הדרישה של הקריטריון המשובל, האלגוריתם החזיר שאין פתרון.

הטענה אינה נכונה. נפריך בעזרת דוגמה נגדית.

נסתכל על הסימולציה הבאה: האמבולנס נמצא בנקודת ההתחלה $S(0, 0)$ ללא מטושים כלל. ישנה מעבדה L_1 בנקודה $(0, 1)$ עם מטוש אחד במלאי. מעבדה L_2 בנקודה $(1, 0)$ עם 3 מטושים במלאי. דירה A_1 בנקודה $(1 + \frac{\sqrt{3}}{2}, \frac{1}{2})$ עם שני דיירים. ודירה A_2 בנקודה $(1 + \frac{\sqrt{3}}{2}, -\frac{1}{2})$ עם שני דיירים. נשים לב כי המשולש $L_2 A_1 A_2$ הינו משולש שווה צלעות שאורך כל צלע היא 1. כמו נניח כי קיימים כבישים רק מ- L_1 ל- S , מ- S ל- L_2 , מ- L_2 ל- A_1 , מ- L_2 ל- A_2 ומ- A_1 ל- A_2 . שרטוט להמחשה (כאשר m הוא מספר המטושים ו- r הוא מספר הדיירים):



תחילה נשים לב כי הפתרון האופטימלי שיוחזר עם פונקציית העלות $cost_{MDA}^{dist}$ הוא $S \rightarrow L_1 \rightarrow L_2 \rightarrow A_1 \rightarrow A_2 \rightarrow L_2$ שמחירו $C_S^* = 6$. כעת נגדיר $\varepsilon = \frac{5}{12}$, כלומר $max_distance_cost = 8.5$.

נשים לב כי המסלול האופטימלי P^* לפי $cost_{MDA}^{test\ travel}$ שמקיים את הדרשה $cost_{MDA}^{dist}(P^*) \leq (1 + \varepsilon)C_S^*$ הוא: $P^* = S \rightarrow L_1 \rightarrow L_2 \rightarrow A_1 \rightarrow L_2 \rightarrow A_2 \rightarrow L_2$ שמחירו $cost_{MDA}^{dist} = 7 \leq 8.5$ וערכו הוא $g = 4$. נראה כי האלגוריתם מחזיר פתרון $g = 6 > 4$ ולכן פתרון זה לא אופטימלי:

הערה: מכיוון שלפי האלגוריתם אנו מריצים $UniformCost$, אין פונקציה יוריסטית ולכן $h = 0$ לכל מצב. כלומר, בחירת הצמתים מ- $open$ מתבצעת לפי הערך של g בלבד.

כמו כן, אנו ממזערים באלגוריתם זה את $TestsTravelDistance$ לכן ערך ה- g הוא המרחק שעברו הבדיקות על האמבולנס. בכל שלב באלגוריתם בו מוציאים צומת מ- $open$ עומדת לרשותנו האופציה לבחור צומת שרירותי מבין כל הצמתים בעלי ערך g מינימלי. טבלת המעקב העמוד הבא.

| | <i>open</i> | <i>close</i> | הצומת הבא לפיתוח | הסבר |
|---|---|--|------------------------|--|
| 1 | $s_1 = \{S, \emptyset, \emptyset, 0, \emptyset\}$ | | s_1 | מפתחים את הצומת s_1 לפי האלגוריתם |
| 2 | $s_2 = \{L_2, \emptyset, \emptyset, 3, \{L_2\}\}, g = 0, d = 1$ $s_3 = \{L_1, \emptyset, \emptyset, 1, \{L_1\}\}, g = 0, d = 1$ | s_1 | s_2 | |
| 3 | $s_3 = \{L_1, \emptyset, \emptyset, 1, \{L_1\}\}, g = 0, d = 1$ $s_4 = \{L_1, \emptyset, \emptyset, 4, \{L_1, L_2\}\}, g = 0, d = 3$ $s_5 = \{A_1, \{A_1\}, \emptyset, 1, \{L_2\}\}, g = 0, d = 2$ $s_6 = \{A_2, \{A_2\}, \emptyset, 1, \{L_2\}\}, g = 0, d = 2$ | s_1, s_2 | s_4 | |
| 4 | $s_3 = \{L_1, \emptyset, \emptyset, 1, \{L_1\}\}, g = 0, d = 1$ $s_5 = \{A_1, \{A_1\}, \emptyset, 1, \{L_2\}\}, g = 0, d = 2$ $s_6 = \{A_2, \{A_2\}, \emptyset, 1, \{L_2\}\}, g = 0, d = 2$ $s_7 = \{A_1, \{A_1\}, \emptyset, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 0, d = 6$ $s_8 = \{A_2, \{A_2\}, \emptyset, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 0, d = 6$ | s_1, s_2 s_4 | s_7 | כשבאנו לפתח את הצומת s_4 כבר היינו בשתי המעבדות ולכן היעד הבא חייב להיות אחת הדירות. |
| 5 | $s_3 = \{L_1, \emptyset, \emptyset, 1, \{L_1\}\}, g = 0, d = 1$ $s_5 = \{A_1, \{A_1\}, \emptyset, 1, \{L_2\}\}, g = 0, d = 2$ $s_6 = \{A_2, \{A_2\}, \emptyset, 1, \{L_2\}\}, g = 0, d = 2$ $s_8 = \{A_2, \{A_2\}, \emptyset, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 0, d = 6$ $s_9 = \{L_2, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$ $s_{10} = \{A_2, \{A_1, A_2\}, \emptyset, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$ | s_1, s_2 s_4, s_7 | s_8 | כשבאנו לפתח את הצומת s_7 המסלול עד כה הוא: $P = S \rightarrow L_2 \rightarrow L_1 \rightarrow A_1$ ומתקיים $cost_{MDA}^{dist}(P) = 6$ ולכן לא ניתן להגיע ל- L_1 מפני ש- $cost_{MDA}^{dist}(P \rightarrow L_1) = 9 > 8.5$ |
| 6 | $s_3 = \{L_1, \emptyset, \emptyset, 1, \{L_1\}\}, g = 0, d = 1$ $s_5 = \{A_1, \{A_1\}, \emptyset, 1, \{L_2\}\}, g = 0, d = 2$ $s_6 = \{A_2, \{A_2\}, \emptyset, 1, \{L_2\}\}, g = 0, d = 2$ $s_9 = \{L_2, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$ $s_{10} = \{A_2, \{A_1, A_2\}, \emptyset, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$ $s_{11} = \{L_2, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$ $s_{12} = \{A_1, \{A_1, A_2\}, \emptyset, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$ | s_1, s_2 s_4, s_7 s_8 | s_3 | כשבאנו לפתח את הצומת s_8 המסלול עד כה הוא: $P = S \rightarrow L_2 \rightarrow L_1 \rightarrow A_2$ ומתקיים $cost_{MDA}^{dist}(P) = 6$ ולכן לא ניתן להגיע ל- L_1 מפני ש- $cost_{MDA}^{dist}(P \rightarrow L_1) = 9 > 8.5$ |
| 7 | $s_5 = \{A_1, \{A_1\}, \emptyset, 1, \{L_2\}\}, g = 0, d = 2$ $s_6 = \{A_2, \{A_2\}, \emptyset, 1, \{L_2\}\}, g = 0, d = 2$ $s_9 = \{L_2, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$ $s_{10} = \{A_2, \{A_1, A_2\}, \emptyset, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$ $s_{11} = \{L_2, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$ $s_{12} = \{A_1, \{A_1, A_2\}, \emptyset, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, dist = 7$ $s_{13} = \{L_2, \emptyset, \emptyset, 4, \{L_1, L_2\}\}, g = 0, d = 3$ | s_1, s_2 s_4, s_7 s_8, s_3 | s_{13} | כשבאנו לפתח את s_3 אין על האמבולנס מספיק מטושים כדי ללכת לאחת הדירות ולכן היעד הבא חייב להיות המעבדה L_2 |
| 8 | $s_5 = \{A_1, \{A_1\}, \emptyset, 1, \{L_2\}\}, g = 0, d = 2$ $s_6 = \{A_2, \{A_2\}, \emptyset, 1, \{L_2\}\}, g = 0, d = 2$ $s_9 = \{L_2, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$ $s_{10} = \{A_2, \{A_1, A_2\}, \emptyset, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$ $s_{11} = \{L_2, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$ $s_{12} = \{A_1, \{A_1, A_2\}, \emptyset, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$ | s_1, s_2 s_4, s_7 s_8, s_3 s_{13} | s_5 | כשבאנו לפתח את s_{13} נוצרו המצבים הבאים: $s_{14} = \{A_1, \{A_1\}, \emptyset, 2, \{L_1, L_2\}\}$ $s_{15} = \{A_2, \{A_2\}, \emptyset, 2, \{L_1, L_2\}\}$ נשים לב כי s_{14} זהה ל- s_7 ו- s_{15} זהה ל- s_8 ושני המצבים ב- <i>close</i> , לכן האלגוריתם לא ימשיך לפתח אותם. |

| | <i>open</i> | <i>close</i> | הצומת הבא לפיתוח | הסבר |
|----|--|---|------------------------|--|
| 9 | $s_6 = \{A_2, \{A_2\}, \emptyset, 1, \{L_2\}\}, g = 0, d = 2$ $s_9 = \{L_2, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$ $s_{10} = \{A_2, \{A_1, A_2\}, \emptyset, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$ $s_{11} = \{L_2, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$ $s_{12} = \{A_1, \{A_1, A_2\}, \emptyset, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$ $s_{16} = \{L_2, \emptyset, \{A_1\}, 1, \{L_2\}\}, g = 2, d = 3$ $s_{17} = \{L_1, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$ | s_1, s_2 s_4, s_7 s_8, s_3 s_{13}, s_5 | s_6 | כשבאנו לפתח את s_5 אין לנו מספיק מטושים כדי ללכת לדירה A_2 ולכן היעד הבא חייב להיות L_1 או L_2 . |
| 10 | $s_9 = \{L_2, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$ $s_{10} = \{A_2, \{A_1, A_2\}, \emptyset, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$ $s_{11} = \{L_2, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$ $s_{12} = \{A_1, \{A_1, A_2\}, \emptyset, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$ $s_{16} = \{L_2, \emptyset, \{A_1\}, 1, \{L_2\}\}, g = 2, d = 3$ $s_{17} = \{L_1, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$ $s_{18} = \{L_2, \emptyset, \{A_2\}, 1, \{L_2\}\}, g = 2, d = 3$ $s_{19} = \{L_1, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$ | s_1, s_2 s_4, s_7 s_8, s_3 s_{13}, s_5 s_6 | s_9 | כשבאנו לפתח את s_6 אין לנו מספיק מטושים כדי ללכת לדירה A_1 ולכן היעד הבא חייב להיות L_1 או L_2 . |
| 11 | $s_{10} = \{A_2, \{A_1, A_2\}, \emptyset, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$ $s_{11} = \{L_2, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$ $s_{12} = \{A_1, \{A_1, A_2\}, \emptyset, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$ $s_{16} = \{L_2, \emptyset, \{A_1\}, 1, \{L_2\}\}, g = 2, d = 3$ $s_{17} = \{L_1, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$ $s_{18} = \{L_2, \emptyset, \{A_2\}, 1, \{L_2\}\}, g = 2, d = 3$ $s_{19} = \{L_1, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$ $s_{20} = \{A_2, \{A_2\}, \{A_1\}, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 8$ | s_1, s_2 s_4, s_7 s_8, s_3 s_{13}, s_5 s_6, s_9 | s_{20} | כשבאנו לפתח את הצומת s_9 כבר ביקרנו בשתי המעבדות ולכן היעד הבא חייב להיות הדירה A_2 . |
| 12 | $s_{10} = \{A_2, \{A_1, A_2\}, \emptyset, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$ $s_{11} = \{L_2, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$ $s_{12} = \{A_1, \{A_1, A_2\}, \emptyset, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$ $s_{16} = \{L_2, \emptyset, \{A_1\}, 1, \{L_2\}\}, g = 2, d = 3$ $s_{17} = \{L_1, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$ $s_{18} = \{L_2, \emptyset, \{A_2\}, 1, \{L_2\}\}, g = 2, d = 3$ $s_{19} = \{L_1, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$ | s_1, s_2 s_4, s_7 s_8, s_3 s_{13}, s_5 s_6, s_9 s_{20} | s_{10} | כשבאנו לפתח את הצומת s_{20} המסלול עד כה הוא: $P = S \rightarrow L_2 \rightarrow L_1 \rightarrow A_1 \rightarrow L_2 \rightarrow A_2$ ומתקיים $cost_{MDA}^{dist}(P) = 8$ ולכן לא ניתן להגיע לאף מעבדה מפני שעבור L_1, L_2 : $cost_{MDA}^{dist}(P \rightarrow L_2) = 9 > 8.5$ $cost_{MDA}^{dist}(P \rightarrow L_1) = 11 > 8.5$ |
| 13 | $s_{11} = \{L_2, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$ $s_{12} = \{A_1, \{A_1, A_2\}, \emptyset, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$ $s_{16} = \{L_2, \emptyset, \{A_1\}, 1, \{L_2\}\}, g = 2, d = 3$ $s_{17} = \{L_1, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$ $s_{18} = \{L_2, \emptyset, \{A_2\}, 1, \{L_2\}\}, g = 2, d = 3$ $s_{19} = \{L_1, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$ $s_{21} = \{L_2, \emptyset, \{A_1, A_2\}, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 7$ | s_1, s_2 s_4, s_7 s_8, s_3 s_{13}, s_5 s_6, s_9 s_{20}, s_{10} | s_{11} | כשבאנו לפתח את הצומת s_{10} המסלול עד כה הוא: $P = S \rightarrow L_2 \rightarrow L_1 \rightarrow A_1 \rightarrow A_2$ ומתקיים $cost_{MDA}^{dist}(P) = 7$ ולכן לא ניתן להגיע ל- L_1 מפני ש- $cost_{MDA}^{dist}(P \rightarrow L_1) = 9 > 8.5$ |

| | <i>open</i> | <i>close</i> | הצומת הבא לפיתוח | הסבר |
|----|---|---|------------------------|---|
| 14 | $s_{12} = \{A_1, \{A_1, A_2\}, \emptyset, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$ $s_{16} = \{L_2, \emptyset, \{A_1\}, 1, \{L_2\}\}, g = 2, d = 3$ $s_{17} = \{L_1, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$ $s_{18} = \{L_2, \emptyset, \{A_2\}, 1, \{L_2\}\}, g = 2, d = 3$ $s_{19} = \{L_1, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$ $s_{21} = \{L_2, \emptyset, \{A_1, A_2\}, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 8$ $s_{22} = \{A_1, \{A_1\}, \{A_2\}, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 8$ | s_1, s_2 s_4, s_7 s_8, s_3 s_{13}, s_5 s_6, s_9 s_{20}, s_{10} s_{11} | s_{12} | כשבאנו לפתח את הצומת s_{11} כבר ביקרנו בשתי המעבדות ולכן היעד הבא חייב להיות הדירה A_1 . |
| 15 | $s_{16} = \{L_2, \emptyset, \{A_1\}, 1, \{L_2\}\}, g = 2, d = 3$ $s_{17} = \{L_1, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$ $s_{18} = \{L_2, \emptyset, \{A_2\}, 1, \{L_2\}\}, g = 2, d = 3$ $s_{19} = \{L_1, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$ $s_{21} = \{L_2, \emptyset, \{A_1, A_2\}, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 8$ $s_{22} = \{A_1, \{A_1\}, \{A_2\}, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 8$ | s_1, s_2 s_4, s_7 s_8, s_3 s_{13}, s_5 s_6, s_9 s_{20}, s_{10} s_{11}, s_{12} | s_{16} | <p>כשבאנו לפתח את הצומת s_{12} המסלול עד כה הוא: $P = S \rightarrow L_2 \rightarrow L_1 \rightarrow A_2 \rightarrow A_1$ ומתקיים $cost_{MDA}^{dist}(P) = 7$ ולכן לא ניתן להגיע ל-L_1 מפני ש- $cost_{MDA}^{dist}(P \rightarrow A_1) = 9 > 8.5$ כמו כן המצב החדש שנוצר הוא: $s_{23} = \{L_2, \emptyset, \{A_1, A_2\}, 0, \{L_1, L_2\}\}$ נשים לב כי מצב זה זהה למצב s_{21} עם אותו g. לכן לא נכניס אותו שוב ל-$open$.</p> |
| 16 | $s_{17} = \{L_1, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$ $s_{18} = \{L_2, \emptyset, \{A_2\}, 1, \{L_2\}\}, g = 2, d = 3$ $s_{19} = \{L_1, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$ $s_{20} = \{L_2, \emptyset, \{A_1, A_2\}, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 8$ $s_{24} = s_{21} = \{A_1, \{A_1\}, \{A_2\}, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 8$ $\{L_1, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 5$ | s_1, s_2 s_4, s_7 s_8, s_3 s_{13}, s_5 s_6, s_9 s_{20}, s_{10} s_{11}, s_{12} s_{16}, s_{18} | s_{18} | כשבאנו לפתח את s_{16} אין לנו מספיק מטושים כדי לעבור לדירה A_2 ולכן היעד הבא חייב להיות L_1 כדי לאסוף עוד מטושים. |
| 17 | $s_{17} = \{L_1, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$ $s_{19} = \{L_1, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$ $s_{21} = \{L_2, \emptyset, \{A_1, A_2\}, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 8$ $s_{24} = s_{22} = \{A_1, \{A_1\}, \{A_2\}, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 8$ $\{L_1, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 5$ $s_{25} = \{L_1, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 5$ | s_1, s_2 s_4, s_7 s_8, s_3 s_{13}, s_5 s_6, s_9 s_{20}, s_{10} s_{11}, s_{12} s_{16}, s_{18} s_{22} | s_{22} | כשבאנו לפתח את s_{18} אין לנו מספיק מטושים כדי לעבור לדירה A_1 ולכן היעד הבא חייב להיות L_1 כדי לאסוף עוד מטושים. |

| | <i>open</i> | <i>close</i> | הצומת הבא לפיתוח | הסבר |
|----|--|---|------------------------|--|
| 18 | $s_{17} = \{L_1, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$ $s_{19} = \{L_1, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$ $s_{24} = s_{21} = \{L_2, \emptyset, \{A_1, A_2\}, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 8$ $\{L_1, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 5$ $s_{25} = \{L_1, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 5$ | s_1, s_2 s_4, s_7 s_8, s_3 s_{13}, s_5 s_6, s_9 s_{20}, s_{10} s_{11}, s_{12} s_{16}, s_{18} s_{22} | s_{24} | <p>כשבאנו לפתח את הצומת s_{22} המסלול עד כה הוא:</p> $P = L_2 \rightarrow L_1 \rightarrow A_1 \rightarrow L_2 \rightarrow A_2$ <p>ומתקיים $cost_{MDA}^{dist}(P) = 8$ ולכן לא ניתן להגיע לאף מעבדה מפני שעבור L_1, L_2:</p> $cost_{MDA}^{dist}(P \rightarrow L_2) = 9 > 8.5$ $cost_{MDA}^{dist}(P \rightarrow L_1) = 11 > 8.5$ |
| 19 | $s_{17} = \{L_1, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$ $s_{19} = \{L_1, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$ $s_{21} = \{L_2, \emptyset, \{A_1, A_2\}, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 8$ $s_{25} = \{L_1, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 5$ | s_1, s_2 s_4, s_7 s_8, s_3 s_{13}, s_5 s_6, s_9 s_{20}, s_{10} s_{11}, s_{12} s_{16}, s_{18} s_{22}, s_{24} | s_{25} | <p>כשבאנו לפתח את s_{24} קיבלנו את המצב הבא:</p> $s_{26} = \{A_2, \{A_2\}, \{A_1\}, 0, \{L_1, L_2\}\}$ <p>נשים לב כי מצב זה זהה למצב s_{22} שכבר נמצא ב-<i>close</i> ולכן לא נוסיף את המצב ל-<i>open</i>.</p> |
| 20 | $s_{17} = \{L_1, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$ $s_{19} = \{L_1, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$ $s_{21} = \{L_2, \emptyset, \{A_1, A_2\}, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 8$ | s_1, s_2 s_4, s_7 s_8, s_3 s_{13}, s_5 s_6, s_9 s_{20}, s_{10} s_{11}, s_{12} s_{16}, s_{18} s_{22}, s_{24} s_{25} | s_{21} | <p>כשבאנו לפתח את s_{25} קיבלנו את המצב הבא:</p> $s_{27} = \{A_1, \{A_1\}, \{A_2\}, 0, \{L_1, L_2\}\}$ <p>נשים לב כי מצב זה זהה למצב s_{21} שכבר נמצא ב-<i>close</i> ולכן לא נוסיף את המצב ל-<i>open</i>.</p> |
| 21 | $s_{17} = \{L_1, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$ $s_{19} = \{L_1, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$ | | | <p>s_{21} הינו צומת מטרה ולכן נחזיר את המחיר שמצאנו $g = 6$.</p> |

ניתן לראות כי למרות שקיים מסלול P^* אשר גם כן עונה על הדרישות ומקיים כי $g = 4$ האלגוריתם החזיר פתרון לא אופטימלי שעבורו $g = 6$.

41.

נשים לב כי בשני השלבים הראשונים האלגוריתמים A_1 ו- A_2 זהים. היתרון הצפוי של A_2 על פני A_1 נובע מכך שב- A_2 בשלב השלישי אנו מריצים *Astar* על אותו מרחב כמו בשלב הראשון, ואילו ב- A_1 אנו מריצים *Astar* על "מרחב המסלולים" שגודלו הוא מסדר גודל $2^{|S|}$ (כגודל $P(S)$) כאשר S הוא המרחב מהשלב הראשון, לכן זמן הריצה של A_1 יהיה גדול משל A_2 .

44.

```
A* (h=MDA-MST-AirDist, w=0.500) time: 0.42 #dev: 543 |space|: 877
A*eps (h=MDA-MST-AirDist, w=0.500) time: 1.17 #dev: 492 |space|: 821
```

חסכנו, פיתחנו כ-10% פחות צמתים. בזכות הגמישות של $A^* \epsilon$ נבדוק בחיפוש שלנו גם צמתים שהפונקציה היוריסטית תעריך כיותר קרובים לפתרון, למרות שה- g שלהם לא אופטימליץ הוספנו מידע על המרחב על ידי שימוש ביוריסטיקה, לא קבילה אמנם, אך יותר מיועדת ולכן נצפה להאצת הפתרון.

חלק י':

א'.

המדד הביצועי שמשפר הוא זכרון. הסיבה לכך היא שהאלגוריתם IDA^* הוא אלגוריתם איטרטיבי המחפש לעומק, ולכן בעל דרישות זכרון נמוכות מפני שאינו צריך לשמור את כל חזית החיפוש.

ב'.

i. זמן ריצה.

ii. ייתכן שנוויח מעט צמתים בעומק כל איטרציה, וכל התקדמות לעומק גוררת פיתוח חוזר של כל הצמתים בדרך, מה שעלול להגדיל את זמן הריצה.

iii. מדד זה נפגע פחות ביחס מהאופן שבו הוא נפגע ב-ID-DFS לעומת BFS מכיוון שעבור IDA^* קיימות פונקציות יוריסטיות קבילות שעבורן הבעיה שתיארנו בסעיף הקודם לא תיגרם ונקבל זמן ריצה טוב יותר. לעומת זאת ריצה של ID-DFS תמיד מכילה באיטרציה האחרונה שלה ריצה של BFS ולכן זמנה יהיה לכל הפחות כמו זמן הריצה של BFS ולרוב אף גבוה יותר.

ג'.

i. במקרה הגרוע ביותר, כל איטרציה נגדיל את $nextFlimit$ ב- $\frac{1}{k}$ כאשר ערכו ההתחלתי הוא $Q_k(h(I))$ כפי שהוגדר. ברגע ש- f יגיע לערך $Cost(A(S))$ האלגוריתם ימצא פתרון ויעצור. לכן מספר האיטרציות לכל היותר יהיה

$$\#max_iterations = \left\lceil \frac{Cost(A(S)) - Q_k(h(I))}{\frac{1}{k}} \right\rceil = \lceil k \cdot (Cost(A(S)) - Q_k(h(I))) \rceil$$

ii.

$\varepsilon(A_1, S) < \frac{1}{k}$. בכל שלב בריצה $C_S^* \leq Q_k(origNextFlimit)$, כי קיים הצומת בפתרון האופטימלי. מכיוון ש- $prevFlimit$ גדל לכל הפחות ב- $\frac{1}{k}$, המצב הגרוע ביותר יהיה כשבאיטרציה הלפני אחרונה הוא יקבל ערך $C_S^* - \varepsilon$ כאשר $\varepsilon \rightarrow 0$ (מה שיגרור איטרציה נוספת). ואז $nextFlimit$ יהיה $C_S^* + \frac{1}{k} - \varepsilon$. כעת, יכול להימצא כל פתרון בטווח $[C_S^*, C_S^* + \frac{1}{k} - \varepsilon]$ ולכן נקבל כי החסם ההדוק ל- $\varepsilon(A_1, S)$ הוא $\frac{1}{k}$.