# תרגיל בית 1 - מבוא לבינה מלאכותית 236501

בני נזימוב 314862129 ליעד ארם 315695783

.1

$$\underbrace{k!}_{(1)} \cdot \underbrace{(m+1)^k}_{(2)} \cdot \underbrace{m}_{(3)}$$

- .מתן סדר לדירות: (1)
- . מספר האופציות לביקור\חוסר ביקור במעבדות בין כל שתי דירות ולפני הדירה הראשונה. (2)
  - מספר האופציות לסיים במעבדה. (3):

#### **.2** הביטוי:

$$\underbrace{k!}_{\textbf{(1)}} \cdot \underbrace{\sum_{i_1=0}^{m} P_m^{i_1}}_{\textbf{(2)}} \left( \cdot \underbrace{\sum_{i_2=0}^{m-i_1} (i_1+1) \cdot P_m^{i_2}}_{\textbf{(3)}} \underbrace{\left( \cdot \sum_{i_3=0}^{m-i_1-i_2} (i_1+i_2+1) \cdot P_m^{i_2} \left( \dots \sum_{i_k=0}^{m-i_1-i_2-\dots-i_{k-1}} (i_1+i_2+\dots+i_{k-1}+1) \cdot P_m^{i_k} \right) \dots \right)}_{\textbf{(5)}} \right) \cdot \underbrace{m}_{\textbf{(5)}}_{\textbf{(5)}} = \underbrace{\left( \cdot \sum_{i_3=0}^{m-i_1} (i_1+1) \cdot P_m^{i_2} \left( \dots \sum_{i_3=0}^{m-i_1-i_2} (i_1+i_2+1) \cdot P_m^{i_3} \left( \dots \sum_{i_k=0}^{m-i_1-i_2-\dots-i_{k-1}} (i_1+i_2+\dots+i_{k-1}+1) \cdot P_m^{i_k} \right) \dots \right)}_{\textbf{(5)}} \right) \cdot \underbrace{m}_{\textbf{(5)}}_{\textbf{(5)}} = \underbrace{\left( \cdot \sum_{i_3=0}^{m-i_1-i_2} (i_1+1) \cdot P_m^{i_2} \left( \dots \sum_{i_3=0}^{m-i_1-i_2-\dots-i_{k-1}} (i_1+i_2+\dots+i_{k-1}+1) \cdot P_m^{i_k} \right) \dots \right)}_{\textbf{(5)}}$$

$$\stackrel{(*)}{=} k! \cdot m \cdot \sum_{i_1+i_2+\ldots+i_k \leq m} \left( \prod_{j=1}^k P_m^{i_j} \cdot (i_1+1) \cdot (i_1+i_2+1) \cdot \ldots \cdot (i_1+\ldots+i_{k-1}+1) \right) =$$

$$\stackrel{(*)}{=} k! \cdot m \cdot \sum_{\sum^k, i_k \leq m} \left( \prod_{j=1}^k P_m^{i_j} \cdot \prod_{l=1}^{k-1} \left( \left( \sum_{t=1}^l i_t \right) + 1 \right) \right)$$

- (1) מתן סדר לדירות.
- (2) קביעת המעבדות לביקור לפני הביקור בדירה הראשונה וסידורן.
- (3) קביעת המעבדות לביקור מבין המעבדות שעוד לא ביקרנו בהן אחרי הביקור בדירה הראשונה ולפני הביקור בדירה השניה וסידורן, והחלטה האם לבקר במעבדה שכבר ביקרנו בה בתור המעבדה הראשונה בסדר הביקור, או לא.
  - .k-המשך באינדוקציה עד הדירה ה-(4)
  - (5) קביעת המעבדה האחרונה לביקור.
    - (\*) כינוס איברים וצמצום הביטוי.

### :הסבר

לפני הביקור בדירה הראשונה, נוכל לבקר בm מעבדות (או לא לבקר במעבדה) עם חשיבות לסדר הביקור (ביטוי 2). לאחר הביקור בדירה הראשונה ולפני הדירה השניה, ניתן לבקר באחת מ $i_1$  המעבדות שכבר ביקרנו בהן (או לא לבקר), ולאחר מכן לבקר ב $m-i_1$  מעבדות (או לא לבקר במעבדה) עם חשיבות לסדר הביקור (ביטוי 3). נמשיך באינדוקציה עד הדירה הk, נכפיל בביטוי 1 ובביטוי 5, ונקבל את הביטוי המלא.

		T .	1
K	M	#possiblePaths	Estimated calculation
			time
7	2	22.04 × 10 <sup>6</sup>	18.47[s]
7	3	$24.77 \times 10^{7}$	3.8[mins]
8	3	$79.27 \times 10^{8}$	2.3[hours]
8	4	63 × 10 <sup>9</sup>	19.6[hours]
9	3	$28.54 \times 10^{10}$	3.7[days]
10	3	$11.42 \times 10^{12}$	5.3[months]
11	3	$50.27 \times 10^{13}$	20.8[years]
12	3	$24.11 \times 10^{15}$	1.1[thousand years]
12	4	$46.78 \times 10^{16}$	22.1[thousand years]
13	4	$30.41 \times 10^{18}$	1.5[million years]

.4

. א ביקרנו באף מעבדה ובאף דירה, מספר המטושים באמבולנס גדול מספיק כדי לבקר בכל הדירות וקטן ממספר המטושים המקסימלי. k+m:  $\max$ 

. ביקרנו בכל המטושים שנשארו ובכל המעבדות, וכעת אנו במצאים במעבדה האחרונה שלה העברנו את כל המטושים שנשארו באמבולנס. min

.5

נראה כי לא ייתכנו מעגלים במרחב המצבים. תחילה נשים לב לאבחנה: מצב עבורו ה-curLoc מתאר דירה לא יכול להיות חלק ממעגל, כי לפי תניח בשלילה כי קיים מעגל בגרף. לפי האבחנה הוא מכיל מצבים שמתארים מעבדות בלבד. על תנאי התרגיל לא ניתן לבקר באותה דירה פעמיים. נניח בשלילה כי קיים מעגל בגרף. לפי האופרטור התאפשרה בגלל שהתנאי השני התקיים שהוא פי הגדרת האופרטור  $l_i$  (s) נקבל כי לכל המצבים מתקיים s) s. s1 (ניח בארם באר באר ביקור על המעגל: s2 ביקור באר ביקור באר ביקור במעבדה s3 ביקור באר ביקור במעבדה s4 ביקור באר ביקור במעבדה s5 ביקור באר ביקור במעבדה s7 ביקור במעבדה s7 ביקור במעבדה s8 ביקור במעבדה בערף.

.6

מרחב המצבים כפי שהוגדר הוא אינסופי, כיוון שאחד האיברים בחמישיה שמגדירה מצב הוא מספר מטושים באמבולנס (Matoshim), ומספר זה מוגדר להיות מספר טבעי כלשהו. בפועל, לא כל המצבים ישיגים, למשל מצבים בהם הערך Matoshim גדול מסכום כל המטושים בכל המעבדות שמספר טבעי כלשהו. בפועל, לא כל המצבים ישיגים, למשל מצבים בהם הערך מסיפר המטושים ההתחלתי, אינם ישיגים. זאת מכיוון שלקחנו את כל המטושים הזמינים במעבדות ואין לנו מאיפה לקבל עוד מטושים.

.7

בה. א שעוד לא ביקרנו את כל המטושים הומינים הממעבדות) אך ארוא אר לכל דירה  $i_i$  שעוד לא ביקרנו בה.  $s.Matoshim < d_i.roomates$  כן. כאשר

.8

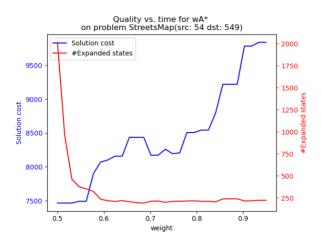
, $initialNrMatoshimAmb \geq \sum_{i=1}^k d_i.roomates$  אורך המסלול המינימלי הוא k+1 קשתות, יתקבל כאשר  $d_i.roomates$  הבדירות ( $d_i.roomates$  ובסוף נסיים במעבדה כלשהי. סך הכל  $d_i.roomates$  המקסימלי (שמסתיים במצב סופי) מתקבל כאשר נבקר תחילה בכל המעבדות וניקח את כל המטושים הזמינים ( $d_i.roomates$  קשתות. אורך המסלול המקסימלי (שמסתיים במצב סופי) מתקבל כאשר נבקר תחילה בכל המעבדות וניקח את כל המטושים הזמינים ( $d_i.roomates$  קשתות), כדי לשים את הבדיקות שאספנו מהדירה במעבדה. סך הכל נקבל בסלול באורך  $d_i.roomates$  בען  $d_i.roomates$  לאחר ביקור בכל דירה ( $d_i.roomates$  קשתות), כדי לשים את הבדיקות שאספנו מהדירה במעבדה. סך הכל הטווח הוא בין  $d_i.roomates$ 

.9

 $Succ_{MDA}(s) = \{(l_i, \emptyset, s. Taken \cup s. Transferred, s. Matoshim + l_i. matoshim \cdot \mathbb{I}_{\{l_i \not\in s. Visited Labs\}}, \{l_i\} \cup s. Visited Labs) \mid i \in [m] \land CanVisit(s, l_i))\} \\ \cup \{(d_i, \{d_i\} \cup s. Taken, s. Transferred, s. Matoshim - d_i. roomates, s. Visited Labs) \mid i \in [k] \land CanVisit(s, d_i)\}$ 

$$\#dev\_saved\_percentage = \frac{\#dev\_blind - \#dev\_heuristic}{\#dev\_blind} = \frac{17354 - 2015}{17354} \cdot 100\% = 88.3888\%$$

#### .16



הגרף האדום מתאר את מספר הפיתוחים, וככל שיש יותר פיתוחים זמן הריצה גבוה יותר. הגרף הכחול מתאר את איכות הפתרון. ניתן לראות כי ככל שנותנים לפונקציה היוריסטית משקל גבוה יותר כך זמן הריצה למציאת פתרון קטן, אך הפתרון פחות איכותי (יותר יקר). האזור הכדאי על פי הגרף הוא (בערך)  $0.53 \leq w \leq 0.57 \leq 0.57$  מכיוון שבאזור יש ירידה חדה בזמן הריצה אך איכות הפתרון לא מתרחקת בהרבה מהפתרון האופטימלי. נסתכל על  $0.67 \leq w \leq 0.67$  מתקיים כי  $0.57 \leq w \leq 0.57$  אך איכות הפתרון שמתקבלת עבור  $0.57 \leq w \leq 0.57$  מחקיים כי  $0.57 \leq w \leq 0.57$  אך מספר הפיתוחים שמתקבל עבור  $0.57 \leq 0.57$  מחקיים כי  $0.57 \leq 0.57$  אך מספר הפיתוחים שמתקבל עבור  $0.57 \leq 0.57$  מחקיים כי  $0.57 \leq 0.57$  אך מספר הפיתוחים שמתקבל עבור  $0.57 \leq 0.57$  מוך יותר ממספר הפיתוחים עבור  $0.57 \leq 0.57$ 

### .19

החסרון של הפתרון היה מתבטא בשימוש לא יעיל ב-cache. במימוש הנוכחי בבעיית המדא כאשר אנו פותרים את בעיית המפה כ"בעיית ביניים" אנו מאחסנים ב-cache רק את המיקומים של שני הצמתים ושומרים את הפתרון לשימוש עתידי. אם היינו במרחב המוצע, כל נקודה על המפה הייתה מיוצגת כמצב (חמישייה) והיינו צריכים התאמה מדויקת של המצב כדי להשתמש ב-cache, מה שלרוב לא היה קורה, וכך זמן הריצה היה גדל משמעותית.

## .20

.i

```
@dataclass(frozen=True)
```

השורה הזאת אינה מספיקה, שכן אם אחד מהשדות הוא מבנה נתונים (למשל set או list אז נוכל לשנות את הערכים בתוך המבנה. כדי למנוע זאת השדות שהם מבני נתונים הוגדרו כ-frozenset, שזהר  $immutable\ set$ , של איבריו.

.iii

. כה. שמצאנו שמצאנו מסלול יותר אליו מסלול מסלול הopenל-כוס ל-כוס מסלול אליו מסלול מסלול אליו אם מצאנו עד כה כוף ל-כוס ל-כוס מסלולים מסלולים אליו אליו מסלולים שמצאנו עד כה

else: ; State not in OPEN - maybe in CLOSED old\_node ← find-state(s,CLOSED)

.iv

דוגמא למימוש שגוי: State\_to\_expand.tests\_on\_ambulance = State\_to\_expand.tests\_on\_ambulance | {d} לרשימת הדירה b לרשימת הבדיקות שעל האמבולנס ל-MDAState הנוכחי, במקום יצירת MDAState חדש. מימוש זה בעייתי מכיוון שעלול לפגוע בנכונות האלגוריתם. נראה זאת: MDAState הבדיקות שעל האמבולנס ל-MDAState הנוכחי, במקום יצירת MDAState מימוש זה בעייתו בסעיף לעיל אנו עלולים להיתקל במצב שכבר פיתחנו בעבר ונמצא כרגע ב-close, לכן אם נחזור למצב bstate\_to\_expand (שעבר ל-olose) לאחר הפיתוח) האלגוריתם "יחשוב" שכבר ביקר בדירה b (מה שלא נכון) ונכונות האלגוריתם תיפגע. הסיבה לכך היא כי בפייתון אנו מחזיקים מצביע לאובייקט ולכן כשאנו מריצים את השורה שציינו לעיל אנו משנים את האובייקט עצמו ולא יוצרים לו העתק כמו שהיינו רוצים.

.23

 $0 \leq h(n) \leq h^*(n)$  מתקיים n מתקיים כי לכל צומת

n מכיוון שמדובר במרחק, ברור כי  $\hat{h(n)} \geq 0$  מכיוון שמדובר במרחק,

. אם נשארה דירה אחת לבקר בה, המרחק האווירי שלה מעצמה הוא 0 ולכן לפי הגדרת לבקר בה, המרחק האווירי היd

 $.h(n) = 0 \le h^*(n)$ 

אחרת, יהיו להמקסימלי בין שתי שאר לאמבולנס לבקר בהן בשלב כלשהו בתכנית. נניח כי המרחק האווירי המקסימלי בין שתי דירות מכל זוגות מכל  $d_1,d_2,...d_k$  הדירות הוא  $\delta_{max}(d_i,d_j)$ 

נשים לב כי לכל מסלול ממצב  $d_i$  וב- $d_i$  וב-d

$$0 \le h(n) \stackrel{(1)}{=} \delta_{max}(d_i, d_i) \stackrel{(2)}{\le} dist(d_i, d_i) \stackrel{(3)}{\le} h^*(n)$$

כאשר מעבר (1) נובע מהגדרת הפונקציה היוריסטית h(n), מעבר (2) נובע מאי-שוויון המשולש, ומעבר (3) נובע מהגדרת הפונקציה היוריסטית h(n), מעבר (2) נובע מאי-שוויון המשולש, ומעבר לכן היוריסטיקה קבילה.

.26

: היוריסטיקה אינה קבילה, נפריך בעזרת דוגמא נגדית

(0,0) נסתכל על המרחב הבא במצב s : יש 4 דירות והאמבולנס נמצא בנקודה

בנקודה (0,0) שבא האמבולנס נמצא כרגע, דירה B בנקודה בנקודה (0,4) דירה D בנקודה (0,4) דירה בנקודה בנקודה (0,4), דירה D בנקודה (0,4.1)

 $h(s) > h^*(s)$ נראה שמתקיים

$$h(s) \stackrel{(1)}{=} cost_{MDA}^{dist}(A \rightarrow B) + cost_{MDA}^{dist}(B \rightarrow C) + cost_{MDA}^{dist}(C \rightarrow D) \stackrel{(2)}{=} 9 > 8.7 \stackrel{(3)}{=} cost_{MDA}^{dist}(A \rightarrow D \rightarrow B \rightarrow C \rightarrow L) \stackrel{(4)}{=} h^*(s)$$

מעבר (1) נובע מהגדרת היוריסטיקה שבונה את המסלול כך שהיא תמיד בוחרת את הדירה הבאה במסלול בתור הדירה הקרובה ביותר באותו רגע. מעברים (2) ו-(3) נובעים מחישוב המסלול לפי פוקנציית העלות  $cost_{MDA}^{dist}$ 

. מעבר (4) מובע מכך שזה המסלול שעובר בכל ארבעת הדירות (כאשר מתחילים ב-A ) ומסיים במעבדה, במחיר האופטימלי

: סרטוט להמחשה



.29

 $0 \leq h(n) \leq h^*(n)$  נוכיח כי לכל צומת n מתקיים

n מכיוון שמדובר במרחק, ברור כי  $h(n) \geq 0$  לכל צומת

 $\cdot h$  הגדרת פבי .0 נקבל ערכו הכיל הק הפורש מכיל בה, העץ הפורש לבקר לפי הגדרת אחת הדירה אחת מצב .n

 $.h(n) = 0 \le h^*(n)$ 

. בתכנית בשלב כלשהו בהן לבקר לאמבולנס שאר אשר אשר דירות ל $d_1, d_2, ... d_k$ יהיו אחרת, יהיו

נסמן ב-G את הגרף המלא שצמתיו הן הדירות שנשאר לאמבולנס לעבור בהן, ומשקלי הקשתות הן המרחק האווירי בין הצמתים שהן מחברות. נטים לב כי כל מסלול ממצב n למצב מטרה המוביל למחיר אופטימלי  $h^*(n)$  עובר בכל הדירות שנותרו, ובפרט פעם אחת בכל דירה. נניח כי הפתרון הוא  $P:d_1 \to \ldots \to d_k$ .

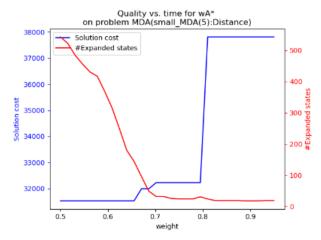
. G נסמן ב-T את הגרף המושרה המתקבל על ידי המסלול בגרף נסמן

. נקבל: G עץ פורש מינימום לגרף  $T^*$ . נסמן ב- $T^*$  עץ פורש לגרף ולכן בפרט עץ פורש לגרף מעצם בנייתו, ו

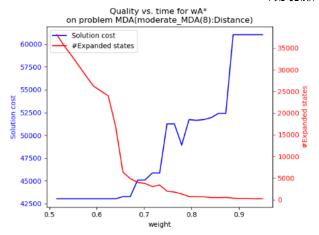
$$0 \le h(n) \stackrel{(1)}{=} w(T^*) \stackrel{(2)}{\le} w(T) \stackrel{(3)}{\le} w(P) = h^*(n)$$

כאשר מעבר (1) נובע מהגדרת הפונקציה היוריסטית h(n), מעבר (2) נובע ממינימליות  $T^*$ , ומעבר t במסלול t, מתקיים מחלינת הפונקציה היוריסטית t במסלול t, מתקיים כי t, מתקיים t באשר t הוא המרחק האווירי בין הצמתים וt באשר t הוא המרחק האווירי בין הצמתים וt

#### .30



האזור מהפתרון לא מתרחקת החרצה אך איכות חדה הדב מיוון שבאזור שה מכיוון שבאזור שב מכיוון שבאזור א מערדן א מערדן א מערדן מהפתרון שבאזור שה אוור שבאזור שה מהפתרון לא מתרחקת בהרבה מהפתרון האופטימלי.



האזור הכדאי על פי הגרף הוא (בערך) 2.725  $w \leq 0.725$  מכיוון שבאזור יש ירידה חדה בזמן הריצה אך איכות הפתרון לא מתרחקת בהרבה מהפתרון האזור הכדאי על פי הגרף הוא (בערך) האופטימלי.

### .31

MDAMSTAirDistHeuristic	MDASumAirDistHeuristic	MDAMaxAirDistHeuristic	
לא	לא	לא	cost <sub>MDA</sub> cost
לא	לא	לא	cost <sub>MDA</sub> monetary

MDACost(dist= distance	43034.794m,	money=	95.847NIS,	tests-travel=	176505.013m)
MDACost(dist= monetary	54951.037m,	money=	77.201NIS,	tests-travel=	172922.318m)

### .34

. נשים לב כי עבור צומת  $h^st(n)$ , היא הסכום המינימלי של כל הבדיקות מוכפלות במרחק שהן עברו עד שהגיעו למעבדה.  $0 \leq h(n) \leq h^*(n)$  מתקיים מתקיים נוכיח כי לכל צומת

n מכיוון שמדובר במרחק, ברור כי  $h(n) \geq 0$  לכל צומת

 $.cost_{MDA}^{test\ travel}(P)=h^*(n)$  ניהי מסלול למצב מטרה כך שמחירו אופטימלי, כלומר רPלמצב מסלול למצב מטרה יהי

את המעבדה לבקר בה נסמן ב $d_i$  את המרחק שעברו הבדיקות מ $d_i$  מהרגע שנאאר לבקר בה נסמן ב $d_i$  את המרחק שעברו הבדיקות מ $d_i$  מהרגע שנאאר לבקר בה נסמן ב

$$h(n) = \sum_{i=1}^{n} \delta(d_i, L_i) \cdot d_i.roomates \overset{(1)}{\leq} \sum_{i=1}^{n} d_i.travelled \cdot d_i.roomates \overset{(2)}{=} cost_{MDA}^{test\ travel} = h^*(n)$$

כאשר מעבר (1) נובע מכך שהמרחק המינימלי שבדיקה יכולה לעבור הוא בדיוק המרחק מהדירה בה היא נלקחה למעבדה הקרובה ביותר לדירה זו, ומעבר (2) הוא לפי הגדרה. לכן היוריסטיקה קבילה.

### .35

MDACost(dist=	43034.794m,	money=	95.847NIS,	tests-travel=	176505.013m)
distance					
MDACost(dist=	54951.037m,	money=	77.201NIS,	tests-travel=	172922.318m)
monetary					
MDACost(dist=	93355.782m,	money=	127.001NIS,	tests-travel=	131265.153m)
tests travel					

### .36

נוכיח: יותי אורים את פורטריון המשולב. אחרון במרחב המקורי א $P=s_0\stackrel{o_0}{\to}s_1\stackrel{o_1}{\to}\dots\stackrel{o_{n-1}}{\to}s_n$  לפי הקריטריון המשולב. נראה כי האלגוריתם  $A_1$  מחזיר פתרון.

 $.cost_{MDA}^{dist}$  על איז הפתרון האופטימלי כי יימצא את מובטח ולכן ולכן איז אלגוריתם מריץ איז אלגוריתם ולכן אלכן איז אלגוריתם מריץ נסמן  $s_0$  ביית המרחב לכל של  $p_i = s_0 \overset{o_0}{\to} s_1 \overset{o_1}{\to} \dots \overset{o_{i-1}}{\to} s_i$  מוגדר המצב  $i \leq n$  מוגדר מסלול של א תת מסלול של  $i \leq n$  מוגדר המצב  $i \leq n$  מוגדר המצב ( $i \leq n$  מוגדר המצב המצר ב- $i \leq n$  מוגדר המצב המצר אונים וואס מסלול של המצר מסלול של א מוגדר המצב המצר מסלול של מסלול של

נסתכל על שני מצבים עוקבים בפתרון P(S). לכל  $s_{i+1}$  לכל  $s_{i+1}$  לכל  $s_{i+1}$  לכל  $s_{i+1}$  לכל על שני מצבים עוקבים בפתרון  $s_i$  לכל א קיים האופרטור .  $o_i^p(p_i) = p_{i+1}$  האופרטור האופרטור האופרטור האופרטור הפעלת האופרטור הוקית בכל שלב במסלול:

 $p_i = s_0 \overset{o_0}{ o} s_1 \overset{o_1}{ o}$  אולכן לכל תת מסלול ככל  $cost_{MDA}^{dist}(P) \leq (1+arepsilon) \cdot C_{dist}^*$  במכיוןן ש-P הינו פתרון לפי הקריטריון המשולב מתקיים בהכרח על אב כן יתקיים כי P של  $\dots \stackrel{o_{i-1}}{
ightarrow} s_i$ 

$$cost_{MDA}^{dist}(s_i, o_i) + \sum_{j=0}^{i-1} cost_{MDA}^{dist}(s_j, o_j) \leq (1+\varepsilon) \cdot C_{dist}^*$$

. הגדרה לפי שלב במסלול אולכן על חוקית על חוקית אופרטור הפעלת הפעלת ולכן ולכן המצב ו

 $p_n$  במרחב אומר מטרה ולכן מנכונות UCS יוחזר הצומת מטרה ולכן נקבל כי קיים המסלול החוקי  $p_n$  יוחזר הצומת במרחב במרחב ישר במרחב במרחב ולכן מנכונות  $p_n$  יוחזר הצומת מטרה ולכן נקבל כי קיים המסלול החוקי ווחזר הצומת אומר במרחב במרחב ווחזר הצומת מטרה ולכן מנכונות יוחזר הצומת מסרה ולכן נקבל כי קיים המסלול החוקי ווחזר הצומת המסלול החוקי ווחזר הצומת מסרה ווחזרת מ

### .37

:וכיח

במרחב  $P=s_0\stackrel{o_0}{\to}s_1\stackrel{o_1}{\to}...\stackrel{o_{n-1}}{\to}s_n$  באופן דומה כפי שהראינו בסעיף יהי מסלול  $P=s_0\stackrel{o_0}{\to}s_1\stackrel{o_1}{\to}...\stackrel{o_{n-1}}{\to}s_n$  במרחב  $P=s_0\stackrel{o_0}{\to}s_1\stackrel{o_1}{\to}...\stackrel{o_{n-1}}{\to}s_n$  במרחב  $P=s_0\stackrel{o_0}{\to}s_1\stackrel{o_1}{\to}...\stackrel{o_{n-1}}{\to}s_n$  במרחב  $P=s_0\stackrel{o_0}{\to}s_1\stackrel{o_1}{\to}...\stackrel{o_{n-1}}{\to}s_n$  במרחב  $P=s_0\stackrel{o_0}{\to}s_1\stackrel{o_1}{\to}...\stackrel{o_{n-1}}{\to}s_n$  במרחב  $P=s_0\stackrel{o_0}{\to}s_1\stackrel{o_1}{\to}...\stackrel{o_{n-1}}{\to}s_n$  במרחב  $P=s_0\stackrel{o_0}{\to}s_1\stackrel{o_1}{\to}...\stackrel{o_{n-1}}{\to}s_n$  נסתכל על הצומת  $P=s_0\stackrel{o_0}{\to}s_1\stackrel{o_1}{\to}...\stackrel{o_n}{\to}s_1\stackrel{o_n}{\to}s_n$  במרחב  $P=s_0\stackrel{o_0}{\to}s_1\stackrel{o_1}{\to}...\stackrel{o_n}{\to}s_n$  במרחב  $P=s_0\stackrel{o_0}{\to}s_1\stackrel{o_1}{\to}s_n$  במרחב  $P=s_0\stackrel{o_0}{\to}s_1\stackrel{o_0}{\to}s_1$  במרחב  $P=s_0\stackrel{o_0}{\to}s_1\stackrel{o_0}{\to}s_1\stackrel{o_0}{\to}s_1$  במרחב  $P=s_0\stackrel{o_0}{\to}s_1\stackrel{o_0}{\to}s_1$  במרחב  $P=s_0$ 

$$cost_{MDA}^{dist}(s_{i-1}^{\prime},o_{i-1}^{\prime}) + \sum_{i=0}^{i-2} cost_{MDA}^{dist}(s_{j}^{\prime},o_{j}^{\prime}) > (1+\varepsilon) \cdot C_{dist}^{*}$$

.P(S) במרחב (.P(S) במרחב (.P(S) במרחב (לומר עקב כך, המסלול עקב כך, המסלול (.V(S) במרחב (.V(S) ולכן הפעלת האופרטור אינה חוקית. עקב כך, המסלול (.V(S) אינמים במרחב (.V(S) ולכן מקבילות האלגוריתם האנו שרק מסלולים המקיימים את אילוץ הקרטריון המשולב (מחירם קטן מ.V(S) נקבל את הפתרון האופטימלי מבין מסלולים אלו, שהוא האופטימלי לפי הקרטריון המשולב.

#### .38

	Distance cost:	Tests travel cost:
$cost_{MDA}^{dist}$	43034.794m	176505.031m
$cost_{MDA}^{teststravel}$	93226.428m	131265.153m
$cost_{MDA}^{merged}$	65686.522m	132209.981m

ניתן לראות על פי הטבלה שקיבלנו מסלול יותר יקר מבחינת פונקציית המחיר  $\cos t_{MDA}^{dist}$  (אך עדיין בתחום הנדרש לפי arepsilon כפי שנראה למטה) וכמו כן מסלול טיפה יותר יקר ביחס לפונקציית המחיר  $\cos t_{MDA}^{test\ travel}$  אך קרוב למדי לאופטימלי. כלומר אכן התקיים האיזון בין שני המדדים.

$$\frac{DistCost(ReturnedSolution)}{C_{dist}^*} - 1 = \frac{65686.522}{43034.794} - 1 = 0.526 < 0.6 = \varepsilon$$

. ביקוב  $\varepsilon$ - מנקוב ניתן לראות כי אכן נשמר ערך

### .39

. הטענה אינה נכונה. נפריך בעזרת דוגמא נגדית

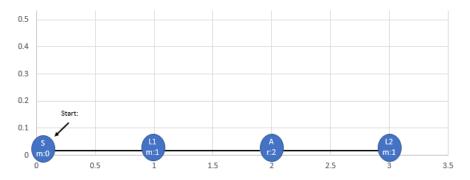
נסתכל על הסימולציה הבאה: האמבולנס נמצא בנקודת ההתחלה S(0,0) ללא מטושים כלל. ישנה מעבדה  $L_1$  בנקודה (1,0) עם מטוש אחד במלאי. דירה  $L_2$  בנקודה  $L_2$  בנקודה  $L_2$  בנקודה  $L_2$  בנקודה (2,0) עם שני דיירים. ומעבדה  $L_2$  בנקודה (1,0) עם מטוש אחד במלאי.

כעת נגדיר  $S o L_1 o L_2 o A o L_1$  הוא האופטימלי שיוחזר עם פונקציית העלות האופטימלי הפתרון האופטימלי שיוחזר עם פונקציית העלות האלוריתם מחזיר שאין פתרון פארון.  $cost_{MDA}^{dist}$  ונראה כי האלגוריתם  $max\_distance\_cost=6$  כלומר  $\varepsilon=0.2$ 

openה בחירת הצמתים כלומר, בחירת לכל מצב. לכל האלגוריתם מ-וון פונקציה יוריסטית ולכן האלגוריתם אנו מריצים אנו מריצים לעומר, אין פונקציה יוריסטית ולכן h=0 לכל מצב. כלומר, בחירת הצמתים מ-חספית מתבצעת לפי הערך של g בלבד.

. כמו כן, אנו ממזערים באלגוריתם זה את לכן ערך ה-g לכן ערך ה-g לכן ערך האמבולנס. זה את זה את בדיקות על האמבולנס

: בנוסף נניח כי קיימים כבישים רק מ-S ל- $L_1$ ,  $L_2$ , A-ל, A-ל, ומ-A-ל, ומ-A-ל ל-A-, ומ-A-ל מ-A-ל מ-A-A-



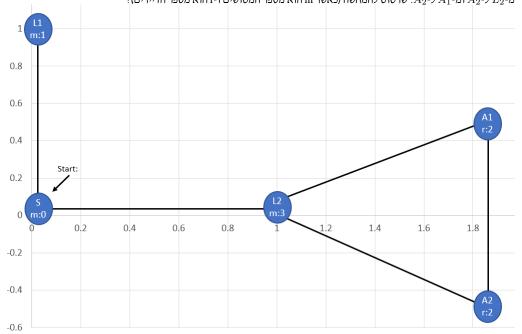
: טבלת המעקב

צעד	open	close	הצומת הבא לפיתוח	הסבר
1	$s_1 = \{S, \emptyset, \emptyset, 0, \emptyset\}$	Ø	$s_1$	מפתחים את הצומת $s_1$ לפי האלגוריתם
2	$s_2 = \{L_2, \emptyset, \emptyset, 1, \{L_2\}\}, g = 0$	$s_1$	$s_2$	מכיוון שערך ה- $g$ של שני הצמתים זהה,
	$s_3 = \{L_1, \emptyset, \emptyset, 1, \{L_1\}\}, g = 0$			ניתן לבחור איזה צומת האלגוריתם יפתח.
3	$s_4 = \{L_1, \emptyset, \emptyset, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 0$	$s_1$	$s_4$	עדיין אין ברשותנו מספיק מטושים כדי $s_2$ כשפיתחנו את הצומת
	$s_3 = \{L_1, \emptyset, \emptyset, 1, \{L_1\}\}, g = 0$	$s_2$		$.L_1$ ללכת לדירה $A$ , לכן היעד הבא היחיד שניתן להגיע אליו הוא
				נשים לב כי זה לא אותו מצב כמו $s_3$ שהוא מצב שמתאר מסלול שבו
				מתחילים במעבדה $L_1$ . כמו כן, ערכי $g$ עדיין זהים ולכן נוכל לבחור
				$.s_4$ - להמשיך לפתח מ
4	$s_5 = \{A, \{A\}, \emptyset, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 0$	$s_1$	$s_2$	הגענו לדירה $A$ ולקחנו את הבדיקות של הדיירים. ערכי $g$ בין
	$s_3 = \{L_1, \emptyset, \emptyset, 1, \{L_1\}\}, g = 0$	$s_2$		$.s_{5}$ המצבים עדיין זהים ולכן נבחר להמשיך לפתח את הצומת
		$s_4$		
5	$s_3 = \{L_1, \emptyset, \emptyset, 1, \{L_1\}\}, g = 0$	$s_1$	$s_3$	: לאחר הפיתוח של $s_5$ בשלב זה נוצרים שני המצבים הבאים
		$s_2$		$s_6 = \{L_1, \emptyset, \{A\}, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2$
		84		$s_7 = \{L_2, \emptyset, \{A\}, 0, \{L_1, L_2\}\}, q = 2$
		$s_5$		נשים לב כי המסלול שעברנו עד כה הוא:
				$cost_{MDA}^{dist}(P)=6$ ומתקיים כי $P=L_2 o L_1 o A$ , לכן נקבל:
				$cost_{MDA}^{dist}(s_6) =$
				$cost_{MDA}^{dist}(L_2 \to L_1 \to A \to L_1) = 7 > 6$
				$cost_{MDA}^{dist}(s_7) =$
				$cost_{MDA}^{dist}(L_2 \to L_1 \to A \to L_2) = 7 > 6$
				כתוצאה מכך, בגלל ההגבלה שנתנו על $cost_{MDA}^{dist}$ , אף אחד
				מהמצבים $s_6, s_7$ לא ייכנס ל- $open$ . האלגוריתם יסיים את הפיתוח
				של $s_3$ ויעביר אותו ל- $close$ . הצומת הבא לפיתוח יהיה $s_3$ שהוא
				.open-היחיד שכרגע ב
6	$s_8 = \{L_2, \emptyset, \emptyset, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 0$	$s_1$	$s_8$	מפתחים את $s_3$ לפי האלגוריתם
		$s_2$		
		$s_4$		
		$s_5$		
	(4 (4) (4 0 (1 1 1))	<i>s</i> <sub>3</sub>		
7	$s_9 = \{A, \{A\}, \emptyset, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 0$	$s_1$	<b>s</b> 9	$s_9$ אך נשים לב כי אוא הצומת הבא שהאלגוריתם יבוא לפתח הוא בי
		S2		אה ל- $s_5$ עם אותו ערך $g$ . ולכן האלגוריתם ייראה שהמצב הזה נמצא
		\$4 \$5		ב-close ולא יפתח אותו פעם נוספת. האלגוריתם סיים לרוץ על כל
		$s_3$		המצבים ולא החזיר פתרון
		$s_8$		

. ניתן לראות שקיים המתרון המשולב, האלוגריתם של הדרישה את הדרישה את המקיים המתרון שקיים המתרון לישות כי למרות לישות המתרון לישות המתרון לישות המתרון לישות המתרון לישות המתרון המשולב, האלוגריתם החזיר שאין פתרון.

הטענה אינה נכונה. נפריך בעזרת דוגמא נגדית.

. נסתכל על הסימולציה הבאה: האמבולנס נמצא בנקודת ההתחלה S(0,0) ללא מטושים כלל. ישנה מעבדה  $L_1$  בנקודה  $L_1$  במלאי. . שני דיירים. עם  $A_1$  בנקודה  $A_2$  בנקודה (1,0) עם 3 שני דיירים שני דיירים. במלאי. דירה  $A_1$  בנקודה  $A_2$  בנקודה (1,0) עם שני דיירים במלאי. דירה  $A_1$  בנקודה (1,0) עם שני דיירים שני דיירים במשולש  $A_1$  בי $A_1$  בי $A_2$  הינו משולש שווה צלעות שאורך כל צלע היא  $A_1$ . כמו כן נניח כי קיימים כבישים רק מ- $A_1$  ל- $A_2$  הינו משולש שווה צלעות שאורך כל צלע היא  $A_1$  בים אורך כל צלע היא  $A_1$  בים אורף בים אורף כל צלע היא  $A_1$  בים אורף כל צלע היא  $A_1$  בים אורף בים אורף בים אורף כל צלע היא  $A_1$  בים אורף בים אור : (כאשר  ${
m m}$  הוא מספר הדיירים). ארטוט ל- ${
m A}_1$  ומ- ${
m A}_1$  הוא מספר הדיירים. ארטוט ל- ${
m A}_2$  ומ-



 $.C_S^*=6$  שמחירו  $S o L_1 o L_2 o A_1 o A_2 o L_2$  הוא הוא האופטימלי שיוחזר עם פונקציית העלות העלות הוא מיים לב כי הפתרון האופטימלי היוחזר עם העלות העלות העלות היירו

: נראה כי האלגוריתם מחזיר פתרון g=6>4 ולכן פתרון זה לא אופטימלי

openים בחירת הצמתים הלגוריתם אנו מריצים h=0 לכל אין פונקציה יוריסטית אין פונקציה מריצים מריצים מריצים מריצים האלגוריתם אנו מריצים אין פונקציה יוריסטית וולכן אין פונקציה מריצים האלגוריתם העו . בלבד g מתבצעת לפי הערך של

. כמו כן, אנו ממזערים באלגוריתם זה את TestsTravelDistance לכן ערך ה-g הוא המרחק שעברו הבדיקות על האמבולנס.

. בכל שלב באלגוריתם בו מוציאים צומת מ-open עומדת לרשותנו האופציה לבחור צומת שרירותי מבין כל הצמתים בעלי ערך g מינימלי טבלת המעקב העמוד הבא.

	open	close	הצומת	הסבר
			הבא	
			לפיתוח	
1	$s_1 = \{S, \emptyset, \emptyset, 0, \emptyset\}$		$s_1$	מפתחים את הצומת $s_1$ לפי האלגוריתם
2	$s_2 = \{L_2, \emptyset, \emptyset, 3, \{L_2\}\}, g = 0, d = 1$	$s_1$	$s_2$	
	$s_3 = \{L_1, \emptyset, \emptyset, 1, \{L_1\}\}, g = 0, d = 1$			
3	$s_3 = \{L_1, \emptyset, \emptyset, 1, \{L_1\}\}, g = 0, d = 1$	$s_1, s_2$	$s_4$	
	$s_4 = \{L_1, \emptyset, \emptyset, 4, \{L_1, L_2\}\}, g = 0, d = 3$			
	$s_5 = \{A_1, \{A_1\}, \emptyset, 1, \{L_2\}\}, g = 0, d = 2$			
	$s_6 = \{A_2, \{A_2\}, \emptyset, 1, \{L_2\}\}, g = 0, d = 2$			
4	$s_3 = \{L_1, \emptyset, \emptyset, 1, \{L_1\}\}, g = 0, d = 1$	$s_1, s_2$	$s_7$	כשפיתחנו את הצומת $s_4$ כבר היינו בשתי
	$s_5 = \{A_1, \{A_1\}, \emptyset, 1, \{L_2\}\}, g = 0, d = 2$	$s_4$		המעבדות ולכן היעד הבא חייב להיות אחת
	$s_6 = \{A_2, \{A_2\}, \emptyset, 1, \{L_2\}\}, g = 0, d = 2$			הדירות.
	$s_7 = \{A_1, \{A_1\}, \emptyset, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 0, d = 6$			
_	$s_8 = \{A_2, \{A_2\}, \emptyset, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 0, d = 6$			
5	$s_3 = \{L_1, \emptyset, \emptyset, 1, \{L_1\}\}, g = 0, d = 1$ $s_5 = \{A_1, \{A_1\}, \emptyset, 1, \{L_2\}\}, g = 0, d = 2$	$s_1, s_2$	$s_8$	$s_7$ כשפיתחנו את הצומת $s_7$ המסלול עד כה הוא $P=S o L_2 o L_1 o A_1$
	$s_5 = \{A_1, \{A_1\}, \emptyset, 1, \{L_2\}\}, g = 0, d = 2$ $s_6 = \{A_2, \{A_2\}, \emptyset, 1, \{L_2\}\}, g = 0, d = 2$	$s_4, s_7$		$P=S o L_2 o L_1 o A_1$ ומתקיים $cost_{MDA}^{dist}(P)=6$ ולכן לא ניתן
	$s_6 = \{A_2, \{A_2\}, \emptyset, 1, \{L_2\}\}, g = 0, d = 2$ $s_8 = \{A_2, \{A_2\}, \emptyset, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 0, d = 6$			$t_{MDA}(1')=0$ ומונקיים $t_{MDA}(1')=0$ ומונקיים להגיע ל- $t_{L1}$ מפני ש
	$s_9 = \{L_2, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 0, d = 0$ $s_9 = \{L_2, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$			$cost_{MDA}^{dist}(P \rightarrow L_1) = 9 > 8.5$
	$s_{10} = \{A_2, \{A_1, A_2\}, \emptyset, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$			$Cost_{MDA}(I \rightarrow L_1) = 3 > 0.5$
6	$s_3 = \{L_1, \emptyset, \emptyset, 1, \{L_1\}\}, g = 0, d = 1$	$s_1, s_2$	$s_3$	: כשפיתחנו את הצומת s <sub>8</sub> המסלול עד כה הוא
	$s_5 = \{A_1, \{A_1\}, \emptyset, 1, \{L_2\}\}, g = 0, d = 2$	$s_4, s_7$		$P = S \to L_2 \to L_1 \to A_2$
	$s_6 = \{A_2, \{A_2\}, \emptyset, 1, \{L_2\}\}, g = 0, d = 2$	$s_8$		ומתקיים $cost_{MDA}^{dist}(P)=6$ ולכן לא ניתן
	$s_9 = \{L_2, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$			-להגיע ל $L_1$ מפני ש
	$s_{10} = \{A_2, \{A_1, A_2\}, \emptyset, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$			$cost_{MDA}^{dist}(P \to L_1) = 9 > 8.5$
	$s_{11} = \{L_2, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$			
	$s_{12} = \{A_1, \{A_1, A_2\}, \emptyset, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$			
7	$s_5 = \{A_1, \{A_1\}, \emptyset, 1, \{L_2\}\}, g = 0, d = 2$	$s_1, s_2$	$s_{13}$	כשפיתחנו את $arepsilon_3$ אין על האמבולנס מספיק
	$s_6 = \{A_2, \{A_2\}, \emptyset, 1, \{L_2\}\}, g = 0, d = 2$	$s_4, s_7$		מטושים כדי ללכת לאחת הדירות ולכן היעד הבא
	$s_9 = \{L_2, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$	$s_8, s_3$		$L_2$ חייב להיות המעבדה
	$s_{10} = \{A_2, \{A_1, A_2\}, \emptyset, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$			
	$s_{11} = \{L_2, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$			
	$s_{12} = \{A_1, \{A_1, A_2\}, \emptyset, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, dist = 7$			
8	$s_{13} = \{L_2, \emptyset, \emptyset, 4, \{L_1, L_2\}\}, g = 0, d = 3$ $s_5 = \{A_1, \{A_1\}, \emptyset, 1, \{L_2\}\}, g = 0, d = 2$	0. 0-	0	DN/22 D23/02 22/03 6 DV 22-D20/02
8	$s_5 = \{A_1, \{A_1\}, \emptyset, 1, \{L_2\}\}, g = 0, d = 2$ $s_6 = \{A_2, \{A_2\}, \emptyset, 1, \{L_2\}\}, g = 0, d = 2$	$s_1, s_2 \\ s_4, s_7$	$s_5$	: כשפיתחנו את $s_{13}$ נוצרו המצבים הבאים
	$s_6 = \{A_2, \{A_2\}, \emptyset, 1, \{L_2\}\}, g = 0, a = 2$ $s_9 = \{L_2, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$	$s_4, s_7 \\ s_8, s_3$		$s_{14} = \{A_1, \{A_1\}, \emptyset, 2, \{L_1, L_2\}\}\$
	$s_{10} = \{A_2, \{A_1, A_2\}, \emptyset, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$ $s_{10} = \{A_2, \{A_1, A_2\}, \emptyset, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$	$s_{13}$		$s_{15} = \{A_2, \{A_2\}, \emptyset, 2, \{L_1, L_2\}\}\$
	$s_{11} = \{L_2, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$	- 10		ושני $s_8$ ושני $s_{15}$ ו זהה ל- $s_{14}$ ושני
	$s_{12} = \{A_1, \{A_1, A_2\}, \emptyset, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$			המצבים ב-close, לכן האלגוריתם לא ימשיך
	( -/( -/ -/// -// -// -// -// -//			לפתח אותם.
		1	l	.==,

	open	close	הצומת	הטבר
			הבא	
			לפיתוח	
9	$s_6 = \{A_2, \{A_2\}, \emptyset, 1, \{L_2\}\}, g = 0, d = 2$	$s_1, s_2$	$s_6$	אין לנו מספיק מטושים כדי $s_5$ אין כשפיתחנו את
	$s_9 = \{L_2, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$	$s_4, s_7$		$L_1$ ללכת לדירה $A_2$ ולכן היעד הבא חייב להיות
	$s_{10} = \{A_2, \{A_1, A_2\}, \emptyset, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$	$s_{8}, s_{3}$		$.L_2$ או
	$s_{11} = \{L_2, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$	$s_{13}, s_{5}$		
	$s_{12} = \{A_1, \{A_1, A_2\}, \emptyset, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$			
	$s_{16} = \{L_2, \emptyset, \{A_1\}, 1, \{L_2\}\}, g = 2, d = 3$			
	$s_{17} = \{L_1, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$			
10	$s_9 = \{L_2, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$	$s_1, s_2$	$s_9$	כשפיתחנו את $s_6$ אין לנו מספיק מטושים כדי
	$s_{10} = \{A_2, \{A_1, A_2\}, \emptyset, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$	$s_4, s_7$		$L_1$ ללכת לדירה $A_1$ ולכן היעד הבא חייב להיות
	$s_{11} = \{L_2, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$	$s_8, s_3$		$.L_2$ או
	$s_{12} = \{A_1, \{A_1, A_2\}, \emptyset, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$	$s_{13}, s_{5}$		
	$s_{16} = \{L_2, \emptyset, \{A_1\}, 1, \{L_2\}\}, g = 2, d = 3$	$s_6$		
	$s_{17} = \{L_1, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$			
	$s_{18} = \{L_2, \emptyset, \{A_2\}, 1, \{L_2\}\}, g = 2, d = 3$			
	$s_{19} = \{L_1, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$			
11	$s_{10} = \{A_2, \{A_1, A_2\}, \emptyset, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$	$s_1, s_2$	$s_{20}$	כשפיתחנו את הצומת $s_9$ כבר ביקרנו בשתי
	$s_{11} = \{L_2, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$	$s_4, s_7$		$A_2$ המעבדות ולכן היעד הבא חייב להיות הדירה
	$s_{12} = \{A_1, \{A_1, A_2\}, \emptyset, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$	$s_{8}, s_{3}$		
	$s_{16} = \{L_2, \emptyset, \{A_1\}, 1, \{L_2\}\}, g = 2, d = 3$	$s_{13}, s_{5}$		
	$s_{17} = \{L_1, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$	$s_6, s_9$		
	$s_{18} = \{L_2, \emptyset, \{A_2\}, 1, \{L_2\}\}, g = 2, d = 3$			
	$s_{19} = \{L_1, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$			
	$s_{20} = \{A_2, \{A_2\}, \{A_1\}, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 8$			
12	$s_{10} = \{A_2, \{A_1, A_2\}, \emptyset, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$	$s_1, s_2$	$s_{10}$	: כשפיתחנו את הצומת $s_{20}$ המסלול עד כה הוא
	$s_{11} = \{L_2, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$	$s_4, s_7$		$P = S \rightarrow L_2 \rightarrow L_1 \rightarrow A_1 \rightarrow L_2 \rightarrow A_2$
	$s_{12} = \{A_1, \{A_1, A_2\}, \emptyset, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$	$s_8, s_3$		ומתקיים $cost_{MDA}^{dist}(P)=8$ ולכן לא ניתן $t_{MDA}(P)=8$ להגיע לאף מעבדה מפני שעבור
	$s_{16} = \{L_2, \emptyset, \{A_1\}, 1, \{L_2\}\}, g = 2, d = 3$	\$13,85		
	$s_{17} = \{L_1, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$	s <sub>6</sub> , s <sub>9</sub>		$cost_{MDA}^{dist}(P \to L_2) = 9 > 8.5$
	$s_{18} = \{L_2, \emptyset, \{A_2\}, 1, \{L_2\}\}, g = 2, d = 3$	s <sub>20</sub>		$cost_{MDA}^{dist}(P \to L_1) = 11 > 8.5$
	$s_{19} = \{L_1, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$			
13	$s_{11} = \{L_2, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$	$s_1, s_2$	s <sub>11</sub>	$s_{10}$ המסלול עד כה הוא:
-	$s_{12} = \{A_1, \{A_1, A_2\}, \emptyset, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$	$s_4, s_7$	- 11	$P = S \to L_2 \to L_1 \to A_1 \to A_2$
	$s_{16} = \{L_2, \emptyset, \{A_1\}, 1, \{L_2\}\}, g = 2, d = 3$	$s_8, s_3$		ומתקיים 7 $\cot^{dist}_{MDA}(P)=7$ ולכן לא ניתן
	$s_{17} = \{L_1, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$	$s_{13}, s_{5}$		$MDA$ י שור ל-הגיע ל- $L_1$ מפני ש
	$s_{18} = \{L_2, \emptyset, \{A_2\}, 1, \{L_2\}\}, g = 2, d = 3$	$s_{6}, s_{9}$		$cost_{MDA}^{dist}(P \rightarrow L_1) = 9 > 8.5$
	$s_{19} = \{L_1, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$	$s_{20}, s_{10}$		MDA.
	$s_{21} = \{L_2, \emptyset, \{A_1, A_2\}, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 7$			

	open	close	הצומת	הסבר
			הבא	
			לפיתוח	
14	$s_{12} = \{A_1, \{A_1, A_2\}, \emptyset, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$	$s_1, s_2$	$s_{12}$	כשפיתחנו את הצומת $s_{11}$ כבר ביקרנו בשתי
	$s_{16} = \{L_2, \emptyset, \{A_1\}, 1, \{L_2\}\}, g = 2, d = 3$	$s_4, s_7$		$A_1$ המעבדות ולכן היעד הבא חייב להיות הדירה
	$s_{17} = \{L_1, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$	$s_8, s_3$		
	$s_{18} = \{L_2, \emptyset, \{A_2\}, 1, \{L_2\}\}, g = 2, d = 3$	$s_{13}, s_{5}$		
	$s_{19} = \{L_1, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$	$s_6, s_9$		
	$s_{21} = \{L_2, \emptyset, \{A_1, A_2\}, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 8$	$s_{20}, s_{10}$		
	$s_{22} = \{A_1, \{A_1\}, \{A_2\}, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 8$	$s_{11}$		
15	$s_{16} = \{L_2, \emptyset, \{A_1\}, 1, \{L_2\}\}, g = 2, d = 3$	$s_1, s_2$	$s_{16}$	: כשפיתחנו את הצומת $s_{12}$ המסלול עד כה הוא
	$s_{17} = \{L_1, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$	$s_4, s_7$		$P = S \to L_2 \to L_1 \to A_2 \to A_1$
	$s_{18} = \{L_2, \emptyset, \{A_2\}, 1, \{L_2\}\}, g = 2, d = 3$	$s_8, s_3$		ומתקיים 7 $cost_{MDA}^{dist}(P)=7$ ולכן לא ניתן להגיע
	$s_{19} = \{L_1, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$	$s_{13}, s_{5}$		ל-ב $L_1$ מפני ש- $cost_{MDA}^{dist}(P o A_1)=9>8.5$
	$s_{21} = \{L_2, \emptyset, \{A_1, A_2\}, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 8$	$s_6, s_9$		M D II
	$s_{22} = \{A_1, \{A_1\}, \{A_2\}, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 8$	$s_{20}, s_{10}$		כמו כן המצב החדש שנוצר הוא:
		$s_{11}, s_{12}$		$s_{23} = \{L_2, \emptyset, \{A_1, A_2\}, 0, \{L_1, L_2\}\}\$
				נשים לב כי מצב זה זהה למצב $s_{21}$ עם אותו $g$ . לכן
				.open- לא נכניס אותו שוב ל
16	$s_{17} = \{L_1, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$	$s_1, s_2$	$s_{18}$	כשפיתחנו את $s_{16}$ אין לנו מספיק מטושים כדי
	$s_{18} = \{L_2, \emptyset, \{A_2\}, 1, \{L_2\}\}, g = 2, d = 3$	$s_4, s_7$		$L_1$ לעבור לדירה $A_2$ ולכן היעד הבא חייב להיות
	$s_{19} = \{L_1, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$	$s_8, s_3$		כדי לאסוף עוד מטושים.
	$s_{20} = \{L_2, \emptyset, \{A_1, A_2\}, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 8$	$s_{13}, s_{5}$		
	$s_{24} = s_{21} = \{A_1, \{A_1\}, \{A_2\}, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 8$	$s_{6}, s_{9}$		
	$\{L_1, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 5$	$s_{20}, s_{10}$		
		$s_{11}, s_{12}$		
		$s_{16}, s_{18}$		
17	$s_{17} = \{L_1, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$	$s_{1}, s_{2}$	$s_{22}$	כשפיתחנו את $s_{18}$ אין לנו מספיק מטושים כדי
	$s_{19} = \{L_1, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$	$s_4, s_7$		$L_1$ לעבור לדירה $A_1$ ולכן היעד הבא חייב להיות
	$s_{21} = \{L_2, \emptyset, \{A_1, A_2\}, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 8$	$s_8, s_3$		כדי לאסוף עוד מטושים.
	$s_{24} = s_{22} = \{A_1, \{A_1\}, \{A_2\}, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 8$	$s_{13}, s_{5}$		
	$\{L_1, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 5$	$s_6, s_9$		
	$s_{25} = \{L_1, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 5$	$s_{20}, s_{10}$		
		$s_{11}, s_{12}$		
		$s_{16}, s_{18}$		
		$s_{22}$		

	open	close	הצומת	הסבר
			הבא	
			לפיתוח	
18	$s_{17} = \{L_1, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$	$s_1, s_2$	s <sub>24</sub>	: כשפיתחנו את הצומת $s_{22}$ המסלול עד כה הוא
	$s_{19} = \{L_1, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$	$s_4, s_7$		$P = L_2 \to L_1 \to A_1 \to L_2 \to A_2$
	$s_{24} = s_{21} = \{L_2, \emptyset, \{A_1, A_2\}, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 8$	$s_{8}, s_{3}$		ומתקיים $cost_{MDA}^{dist}(P)=8$ ולכן לא ניתן להגיע
	$\{L_1, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 5$	$s_{13}, s_{5}$		$:\!L_1,L_2$ לאף מעבדה מפני שעבור
	$s_{25} = \{L_1, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 5$	$s_6, s_9$		$cost_{MDA}^{dist}(P \to L_2) = 9 > 8.5$
		$s_{20}, s_{10}$		$cost_{MDA}^{dist}(P \rightarrow L_1) = 11 > 8.5$
		$s_{11}, s_{12}$		$COOT_{MDA}(1 + E_1) = 11 > 0.0$
		$s_{16}, s_{18}$		
		$s_{22}$		
19	$s_{17} = \{L_1, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$	$s_1, s_2$	$s_{25}$	: כשפיתחנו את $s_{24}$ קיבלנו את המצב הבא
	$s_{19} = \{L_1, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$	$s_4, s_7$		$s_{26} = \{A_2, \{A_2\}, \{A_1\}, 0, \{L_1, L_2\}\}\$
	$s_{21} = \{L_2, \emptyset, \{A_1, A_2\}, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 8$	$s_8, s_3$		נשים לב כי מצב זה זהה למצב $s_{22}$ שכבר נמצא
	$s_{25} = \{L_1, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 5$	$s_{13}, s_{5}$		.openי ולכן לא נוסיף את המצב ל- $close$
		$s_6, s_9$		
		$s_{20}, s_{10}$		
		$s_{11}, s_{12}$		
		$s_{16}, s_{18}$		
		$s_{22}, s_{24}$		
20	$s_{17} = \{L_1, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$	$s_{1}, s_{2}$	$s_{21}$	: קיבלנו את קיבלנו את המצב הבא $s_{25}$ קיבלנו
	$s_{19} = \{L_1, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$	$s_4, s_7$		$s_{27} = \{A_1, \{A_1\}, \{A_2\}, 0, \{L_1, L_2\}\}\$
	$s_{21} = \{L_2, \emptyset, \{A_1, A_2\}, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 8$	$s_{8}, s_{3}$		נשים לב כי מצב זה זהה למצב $s_{21}$ שכבר נמצא
		$s_{13}, s_{5}$		.open-ב- $close$ ולכן לא נוסיף את המצב ל
		$s_6, s_9$		
		$s_{20}, s_{10}$		
		$s_{11}, s_{12}$		
		$s_{16}, s_{18}$		
		$s_{22}, s_{24}$		
		$s_{25}$		
21	$s_{17} = \{L_1, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$			הינו צומת מטרה ולכן נחזיר את המחיר שמצאנו $s_{21}$
	$s_{19} = \{L_1, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$			.g = 6

 $m{.}g=m{6}$  ניתן לראות כי למרות שקיים מסלול  $m{P}^*$  אשר גם כן עונה על הדרישות ומקיים כי g=4 האלגוריתם החזיר בתרון לא אפוטימלי שעבורו

נשים לב כי בשני השלבים הראשונים האלגוריתמים  $A_1$  ו-ב $A_2$  זהים. היתרון הצפוי של  $A_2$  על פני  $A_1$  נובע מכך שב- $A_2$  בשלב השלישי אנו מריצים  $A_3$  על אותו מרחב כמו בשלב הראשון, ואילו ב- $A_3$  אנו מריצים  $A_3$  על "מרחב המסלולים" שגודלו הוא מסדר גודל  $A_3$  (כגודל  $A_3$ ) כאשר  $A_3$  הוא המרחב מהשלב הראשון, לכן זמן הריצה של  $A_3$  הייה גדול משל  $A_3$ 

### .44

, תחכנו, פיתחנו כ-10% פחות צמתים. בזכות הגמישות של  $A^*\varepsilon$  נבדוק בחיפוש שלנו גם צמתים שהפונקציה היוריסטית תעריך כיותר קרובים לפתרון, למרות שה-g שלהם לא אופטימליץ הוספנו מידע על המרחב על ידי שימוש ביוריסטיקה, לא קבילה אמנם, אך יותר מיודעת ולכן נצפה להאצת הפתרון.

### חלק\_י':

א'.

המדד הביצועי שמשתפר הוא זכרון. הסיבה לכך היא שהאלגוריתם  $IDA^*$  הוא אלגוריתם איטרטיבי המחפש לעומק, ולכן בעל דרישות זכרון נמוכות מפני שאינו צריך לשמור את כל חזית החיפוש.

ב'.

- ו זמן ריצה. i.
- ii. ייתכן שנרוויח מעט צמתים בעומק כל איטרציה, וכל התקדמות לעומק גוררת פיתוח חוזר של כל הצמתים בדרך, מה שעלול להגדיל את זמן הריצה.
- .iii. מדד זה נפגע פחות ביחס לאופן שבו הוא נפגע ב-ID-DFS לעומת BFS . זאת מכיוון שעבור האיטרציות תלוי גם במרחב, וקיימים מדחבים שעבורם הבעיה שתיארנו בסעיף הקודם לא תיגרם ונקבל זמן ריצה טוב יותר. לעומת זאת ריצה של ID-DFS תמיד מכילה באיטרציה האחרונה שלה ריצה של BFS ולכן זמנה יהיה לכל הפחות כמו זמן הריצה של BFS ולרוב אף גבוה יותר.

،'۵

Cost(A(S)) במקרה הגרוע ביותר, כל איטרציה נגדיל את f-יגיע לערך  $\frac{1}{k}$  כאשר ערכו ההתחלתי הוא  $Q_k(h(I))$  כפי שהוגדר. ברגע שיI יגיע לערך יגיע לערך .I במקרה האיטרציות לכל היותר יהיה האלגוריתם ימצא פתרון ויעצור. לכן מספר האיטרציות לכל היותר יהיה

$$\#max\_iterations = \left\lceil \frac{Cost(A(S)) - Q_k(h(I))}{\frac{1}{k}} \right\rceil + 1 = \left\lceil k \cdot (Cost(A(S)) - Q_k(h(I))) \right\rceil + 1$$

.ii

prevFLimit בכל שלב בריצה  $C_S^*$ , בכל שלב בריצה  $Q_k(origNextFLimit) \leq C_S^*$ , בכל שלב בריצה  $\varepsilon(A_1,S) < \frac{1}{k}$ , בכל שלב בריצה  $\varepsilon(A_1,S) < \frac{1}{k}$ , המצב הגרוע ביותר יהיה כשבאיטרציה הלפני אחרונה הוא יקבל ערך  $\varepsilon(S_S^*) = \varepsilon(S_S^*)$  כאשר  $\varepsilon(S_S^*) = \varepsilon(S_S^*)$ , המצב הגרוע ביותר יהיה כשבאיטרציה הלפני אחרונה הוא יקבל ערך  $\varepsilon(S_S^*) = \varepsilon(S_S^*)$ . כעת, יכול להימצא כל פתרון בטווח ביותר  $\varepsilon(S_S^*) = \varepsilon(S_S^*)$  ולכן נקבל כי החסם ההדוק ל- $\varepsilon(S_S^*) = \varepsilon(S_S^*)$  הוא  $\varepsilon(S_S^*) = \varepsilon(S_S^*)$  היהיה  $\varepsilon(S_S^*) = \varepsilon(S_S^*)$  ולכן נקבל כי החסם ההדוק ל- $\varepsilon(S_S^*) = \varepsilon(S_S^*)$