# תרגיל בית 1 - מבוא לבינה מלאכותית 236501

# בני נזימוב 314862129 ליעד ארם 315695783

.1

$$k! \cdot (m+1)^k \cdot m$$

כאשר k! זה מתן סדר לדירות,  $(m+1)^k$  מספר האופציות לביקור\חוסר ביקור במעבדות בין כל שתי דירות ולפני הדירה  $(m+1)^k$  זה מספר האופציות לסיים במעבדה.

.2

.3

K	М	#possiblePaths	Estimated calculation
			time
7	2	$22.04 \times 10^{6}$	18.47[s]
7	3	$24.77 \times 10^7$	3.8[mins]
8	3	$79.27 \times 10^{8}$	2.3[hours]
8	4	63 × 10 <sup>9</sup>	19.6[hours]
9	3	$28.54 \times 10^{10}$	3.7[days]
10	3	$11.42 \times 10^{12}$	5.3[months]
11	3	$50.27 \times 10^{13}$	20.8[years]
12	3	$24.11 \times 10^{15}$	1.1[thousand years]
12	4	$46.78 \times 10^{16}$	22.1[thousand years]
13	4	$30.41 \times 10^{18}$	1.5[million years]

.4

ערך הקיצון המקסימלי הוא k+m והוא יתקבל במצב בו לא ביקרנו באף אחת מהמעבדות ומספר המטושים באמבולנס לדול מספיק כדי שנוכל קטן ממספר המטושים המקסימלי, וגם לא ביקרנו באף אחת מהדירות ומספר המטושים באמבולנס גדול מספיק כדי שנוכל לבקר בכל אחת מהן.

ערך הקיצון המינימלי הוא 0, והוא יתקבל במצב בו ביקרנו בכל הדירות, וביקרנו בכל המעבדות, וכעת אנו נמצאים במעבדה האחרונה שלה העברנו את כל המטושים שנשארו באמבולנס.

.5

נראה כי לא ייתכנו מעגלים במרחב המצבים. תחילה נשים לב לאבחנה : מצב עבורו ה-curLoc מתאר דירה לא יכול להיות חלק ממעגל, כי לפי תנאי התרגיל לא ניתן לבקר באותה דירה פעמיים.

 $o_{l_i}(s)$  נניח בשלילה כי קיים מעגל בגרף. לפי האבחנה הוא מכיל מצבים שמתארים מעבדות בלבד. על פי הגדרת האופרטור  $s.Taken=\emptyset$  נקבל כי לכל המצבים מתקיים  $s.Taken=\emptyset$  לכן הפעלת האופרטור התאפשרה בגלל שהתנאי השני התקיים שהוא  $s.Taken=\emptyset$ . נסמן את המעגל:  $s.Taken=\emptyset$ . נסמן את המעגל:  $s.Taken=\emptyset$ . נסמן את המעגל:  $s.Taken=\emptyset$ . ונבחן את הצומת  $s.Taken=\emptyset$ . נסמן את המעגל:  $s.Taken=\emptyset$ . נסמן את המעגל: s.Tak

.6

מרחב המצבים כפי שהוגדר הוא אינסופי, כיוון שאחד האיברים בחמישיה שמגדירה מצב הוא מספר מטושים באמבולנס מרחב המצבים כפי שהוגדר להיות מספר טבעי כלשהו. בפועל, לא כל המצבים ישיגים, למשל מצבים בהם הערך (Matoshim), ומספר זה מוגדר להיות מספר טבעי כלשהו. בפועל, לא כל המצבים ישיגים. זאת מכיוון שלקחנו Matoshim אדול מסכום כל המטושים בכל המעבדות ואין לנו מאיפה לקבל עוד מטושים.

.7

כן. לדוגמא מצב S כך ש- s כך ש- s כך ש- s כל המטושים (כלומר ביקרנו בל המעבדות ולקחנו את כל המטושים s כן. לדוגמא מצב s כך ש- s כל s כל s לכל s עבורו לא ביקרנו בדירה s

.8

וגם  $initialNrMatoshimAmb \geq \sum_{i=1}^k d_i.roomates$  אורך המסלול המינימלי הוא k+1 קשתות, יתקבל כאשר אורך המסלול המינימלי הוא k+1 קשתות) ובסוף נסיים במעבדה אורך המסלול נעבור על כל הדירות (k קשתות) ובסוף נסיים במעבדה מדירות (k קשתות) במעבדה לכן נעבור על כל הדירות (k קשתות) ובסוף נסיים במעבדה כלשהי. סך הכל k+1 קשתות

אורך המסלול המקסימלי (שמסתיים במצב סופי) מתקבל כאשר נבקר תחילה בכל המעבדות וניקח את כל המטושים הזמינים (שמסתיים במעבדה כלשהי פעם נוספת לאחר ביקור בכל דירה (2k קשתות) כדי לשים את הבדיקות שאספנו מהדירה במעבדה. סך הכל נקבל מסלול באורך 2k+m.

2k+mסך הכל הטווח הוא בין k+1 ל-

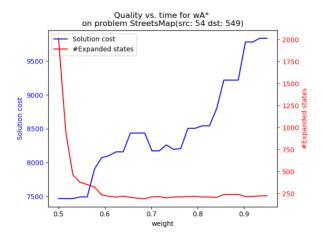
.9

$$Succ_{MDA}(s) = \{(l_i,\emptyset,s.Taken \cup s.Transferred,s.Matoshim + l_i.matoshim,\{l_i\} \cup s.VisitedLabs) \mid i \in [m] \land s.Taken \neq \emptyset)\}$$
 
$$\cup \{(l_i,\emptyset,s.Transferred,s.Matoshim + l_i.matoshim,\{l_i\} \cup s.VisitedLabs) \mid i \in [m] \land l_i \notin s.VisitedLabs \land s.Taken = \emptyset)\}$$
 
$$\cup \{(d_i,\{d_i\} \cup s.Taken,s.Transferred,s.Matoshim - d_i.roomates,s.VisitedLabs) \mid i \in [k] \land d_i \notin s.Taken \cup s.Transferred \land d_i.roomates \leq s.matoshim \land d_i.roomates \leq ambulanceTestCapcitiy - \sum_{d \in s.Taken} d.roomates)\}$$

.14

$$\#dev\_saved\_percentage = \frac{\#dev\_blind - \#dev\_heuristic}{\#dev\_blind} = \frac{17354 - 2015}{17354} \cdot 100\% = 88.3888\%$$

.16



הגרף האדום מתאר את מספר הפיתוחים, וככל שיש יותר פיתוחים זמן הריצה גבוה יותר. הגרף הכחול מתאר את איכות הפתרון. ניתן לראות כי ככל שנותנים לפונקציה היוריסטית משקל גבוה יותר כך זמן הריצה למציאת פתרון קטן, אך הפתרון פחות איכותי (יותר יקר). האזור הכדאי על פי הגרף הוא (בערך)  $0.57 \leq w \leq 0.57$  מכיוון שבאזור יש ירידה חדה בזמן הריצה אך איכות הפתרון לא מתרחקת בהרבה מהפתרון האופטימלי.

נסתכל על  $w_1 \approx 0.67$  ו- $w_2 \approx 0.7$  מתקיים כי  $w_2 > w_1$  אך איכות הפתרון שמתקבלת עבור  $w_1 \approx 0.67$  מחלכה יותר מאיכות הפתרון עבור  $w_1 \approx 0.67$  שנאמר בדגש.

כמו כן, נסתכל על  $w_3\approx 0.8$  ו- $w_4\approx 0.8$  ו- $w_4\approx 0.8$  מתקיים כי  $w_4>w_3$  מחספר הפיתוחים שמתקבל עבור  $w_3\approx 0.8$  ממספר הפיתוחים עבור  $w_4\approx 0.8$  נמוך יותר ממספר הפיתוחים עבור  $w_4\approx 0.8$ 

#### .19

החסרון של הגישה מבחינת יעילות הפתרון היה מתבטא בחוסר שימוש ב-cache. במימוש הנוכחי בבעיית המדא כאשר אנו פותרים את בעיית המפה כ"בעיית ביניים" יתכן כי הפתרון כבר נמצא ב-cache ונוכל להביאו ולחסוך את עלות החישוב. אם היינו במרחב משולב שהוצע בשאלה, לא היינו יכולים להשתמש ב-cache מכיוון שכל פעם היינו פותרים בעיה אחרת.

### .20

.i

```
@dataclass(frozen=True)
```

ii

השרכים את נוכל לשנות אינה מספיקה, שכן אם אחד מהשדות הוא מבנה נתונים (למשל set או list) אז נוכל לשנות את הערכים בתוך המבנה.

כדי לשנות את שהם מבני נתונים הוגדרו כ-frozenset, שזהו שהם מבני נתונים הוגדרו כ-frozenset, שזהו שהם מבני נתונים הוגדרו איבריו.

```
current_site: Union[Junction, Laboratory, ApartmentWithSymptomsReport]
tests_on_ambulance: FrozenSet[ApartmentWithSymptomsReport]
tests_transferred_to_lab: FrozenSet[ApartmentWithSymptomsReport]
nr_matoshim_on_ambulance: int
visited_labs: FrozenSet[Laboratory]
```

iii

כן, צומת יכול לעבור מ-close ל-open אם מצאנו מסלול יותר זול אליו מהמסלולים שמצאנו עד כה.

## $OPEN \leftarrow OPEN \cup \{ old node \} \}$ ; Move old node from CLOSED to OPEN

.iv

State\_to\_expand.tests\_on\_ambulance = state\_to\_expand.tests\_on\_ambuland : א למימוש שגוי של המתודה expand\_state\_with\_costs א למימוש שגוי של המתודה {apartment}

כלומר עדכון של שדה ספציפי ב־MDAState בקחם יצירת MDAState חדש לגמרי בעזרת . מימוש זה בעייתי מכיוון שאנו עלולים להיתקל במצב מסוים בשנית גם לאחר שפיתחנו אותו כבר בעבר, כפי שצוין בסעיף לעיל. במקרה זה, אם ננסה שאנו עלולים להיתקל במצב מסוים בשנית גם לאחר שפיתחנו אותו כבר בעבר, כפי שצוין בסעיף לעיל. במקרה זה, אם ננסה לעדכן את MDAState מבלי ליצור אחד חדש מה שיקרה בפועל הוא שנדרוס את השדות של המצב בו כבר נתקלנו מכיוון שבפייתון אנחנו מחזיקים מצביע לאובייקט ולא מעתיקים אותו. כלומר, המצב שכרגע נמצא ב-close לא נמצא אותו.

.23

```
נוכיח כי לכל צומת n מתקיים לכל h(n) \leq h^*(n) מתקיים מחוץ צומת שמדובר במרחק, ברור כי h(n) \geq 0 לכל צומת n
```

h(n)=nנקבל: h נקבל אפי ולכן פי ולכן פי הגדרת לבקר בה, המרחק האווירי שלה מעצמה הוא n ולכן לפי הגדרת לבקר בה, המרחק יהי מצב n

 $0 \le h^*(n)$ 

אחרת, יהיו לי המרחק האווירי המקסימלי בהן בשלב כלשהו בתכנית. נניח כי המרחק האווירי המקסימלי אחרת, יהיו  $\delta_{max}(d_i,d_j)$  הזירות מכל זוגות הדירות הוא בין שתי דירות מכל אונות הדירות הוא

 $d_i$ נשים לב כי לכל מסלול ממצב n למצב מטרה המוביל למחיר אופטימלי ( $h^*(n)$ , האמבולנס יעבור במסלול שלו ב- $d_i$  וב- $d_i$  ביים לבן בי לכל מסלול ממצב  $d_i$  בדרך כלשהי, נסמנה  $d_i$ , נסמנה לכן:

$$0 \le h(n) \stackrel{(1)}{=} \delta_{max}(d_i, d_j) \stackrel{(2)}{\le} dist(d_i, d_j) \stackrel{(3)}{\le} h^*(n)$$

כאשר מעבר (1) נובע מהגדרת הפונקציה היוריסטית h(n), מעבר (2) נובע מאי-שוויון המשולש, ומעבר (3) נובע מכך ש- $dist(d_i,d_i)$  הוא חלק מהמסלול האופטימלי. לכן היוריסטיקה קבילה.

### .26

היוריסטיקה אינה קבילה, נפריך בעזרת דוגמא נגדית:

sנסתכל על המרחב הבא במצב s: יש 4 דירות והאמבולנס נמצא בנקודה (0,0).

בנקודה (4,0) שבא האמבולנס נמצא כרגע, דירה B בנקודה (2,0), דירה D בנקודה (4,0) ודירה D בנקודה (6,3) בנקודה (1,3) בנ

$$h(s) \stackrel{(1)}{=} cost_{MDA}^{dist}(A \rightarrow B \rightarrow C \rightarrow D) = 9 > 8.6 = cost_{MDA}^{dist}(A \rightarrow D \rightarrow B \rightarrow C) \stackrel{(2)}{=} h^*(s)$$

מעבר (1) נובע מהגדרת היוריסטיקה שבונה את המסלול כך שהיא תמיד בוחרת את הדירה הבאה במסלול בתור הדירה הקרובה ביותר באותו רגע.

מעבר (2) נובע מכך שזה המסלול שעובר בכל ארבעת הדירות (כאשר מתחילים ב-A ) במחיר האופטימלי. סרטוט להמחשה :

### .29

 $0 \le h(n) \le h^*(n)$  נוכיח כי לכל צומת n מתקיים

n מכיוון שמדובר במרחק, ברור כי  $\hat{h}(n) \geq 0$  לכל צומת

h(n)=:h הגדרת לפי הגדרת ערכו 0 . נקבל ערכו לבקר בה, העץ הפורש מכיל האחת לבקר לפי הגדרת לבקר אם נשארה אחת לבקר בה, העץ הפורש מכיל האחת לבקר לפי הגדרת d לבקר לפי הגדרת d לבקר לפי הגדרת מכיל האותה, ולכן ערכו d

. בתכנית אשר בשלב בשלב בהן לבקר לאמבולנס לשאר אשר אשר דירות ל $d_1, d_2, ... d_k$  אחרת, יהיו

נסמן ב-G את הגרף המלא שצמתיו הן הדירות שנשאר לאמבולנס לעבור בהן, ומשקלי הקשתות הן המרחק האווירי בין הצמתים שהן מחברות.

נשים לב כי כל מסלול ממצב n למצב מטרה המוביל למחיר אופטימלי  $h^*(n)$  עובר בכל הדירות שנותרו, ובפרט פעם אחת בכל דירה. נניח כי הפתרון הוא  $d_k \to ... \to d_k$ 

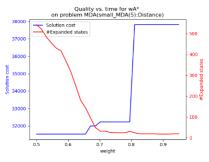
. G נסמן ב-T את הגרף המושרה המתקבל על ידי המסלול

. נקבל:  $T^*$ עץ פורש מינימום לגרף G. נקבל בפרט עץ פורש לגרף G. נקבל: פרט עץ פורש מינימום לגרף מעצם בנייתו, ו

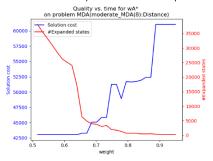
$$0 \le h(n) \stackrel{(1)}{=} w(T^*) \stackrel{(2)}{\le} w(T) \stackrel{(3)}{\le} w(P) = h^*(n)$$

כאשר מעבר (1) נובע מהגדרת הפונקציה היוריסטית h(n), מעבר (2) נובע ממינימליות (1) נובע מכך שלכל כאשר מובע מהגדרת הפונקציה היוריסטית  $\delta(d_i,d_{i+1}) \leq dist(d_i,d_{i+1})$  במסלול  $d_i$ , מתקיים כי  $d_i$  במסלול (1) במסלול לכן היוריסטיקה קבילה.

### .30



האזור הפתרון איכות הפתרון איכות הבאזור אירידה איכות מכיוון שבאזור איכות הפתרון איכות הפתרון איכות בערך) מכיוון שבאזור הכדאי על פי הגרף הוא (בערך) מתרחקת בהרבה מהפתרון האופטימלי.



האזור הכדאי על פי הגרף הוא (בערך)  $0.65 \leq w \leq 0.725$  מכיוון שבאזור יש ירידה חדה בזמן הריצה אך איכות הפתרון לא מתרחקת בהרבה מהפתרון האופטימלי.

### .31

MDAMSTAirDistHeuristic	MDASumAirDistHeuristic	MDAMaxAirDistHeuristic
לא	לא	לא
לא	לא	לא

### .32

MDACost(dist=	43034.794m,	money=	95.847NIS,	tests-travel=	176505.013m)
distance MDACost(dist=	54951.037m,	money=	77.201NIS,	tests-travel=	172922.318m)
monetary					

### .34

נשים לב כי עבור צומת  $h^*(n)$ , היא הסכום המינימלי של כל הבדיקות מוכפלות במרחק שהן עברו עד שהגיעו למעבדה.  $0 \le h(n) \le h^*(n)$  מוכיח כי לכל צומת n מתקיים מתקיים המינימלי של כל צומת n

n מכיוון שמדובר במרחק, ברור כי  $h(n) \geq 0$  לכל צומת

 $.cost_{MDA}^{test\ travel}(P)=h^*(n)$  היי מצב מטרה כך שמחירו אופטימלי, כלומר P למצב מטרה מסלול למצב מטרה כך שמחירו אופטימלי, כלומר  $d_i$  שנשאר לבקר בה נסמן ב $d_i$  את המרחק שעברו הבדיקות מ $d_i$  שנשאר לבקר בה נסמן ב

לכל דירה  $d_i$  שנשאר לבקר בה נסמן ב- $d_i.travelled$  את המרחק שעברו הבדיקות מ $d_i$  מהרגע שנאספו עד למסירו למעבדה כלשהי, וב $L_i$  את המעבדה הקרובה ביותר ל $d_i$ . מתקיים :

$$h(n) = \sum_{i=1}^{n} \delta(d_i, L_i) \cdot d_i.roomates \overset{(1)}{\leq} \sum_{i=1}^{n} d_i.travelled \cdot d_i.roomates \overset{(2)}{=} cost_{MDA}^{test\ travel} = h^*(n)$$

כאשר מעבר (1) נובע מכך שהמרחק המינימלי שבדיקה יכולה לעבור הוא בדיוק המרחק מהדירה בה היא נלקחה למעבדה הקרובה ביותר לדירה זו, ומעבר (2) הוא לפי הגדרה. לכן היוריסטיקה קבילה.

### .35

```
MDACost(dist= 43034.794m, money= 95.847NIS, tests-travel= 176505.013m)
distance

MDACost(dist= 54951.037m, money= 77.201NIS, tests-travel= 172922.318m)
monetary

MDACost(dist= 93355.782m, money= 127.001NIS, tests-travel= 131265.153m)
tests travel
```

### .36

#### נוכיח:

. נניח בשלילה ש- $A_1$  לא החזיר פתרון. כלומר, הפעלת האופרטור לא הייתה חוקית עבור אף מצב

מכך נובע שלכל מסלול P התקיים ש- $cost_{MDA}^{dist}(P)>(1+\varepsilon)\cdot C_{dist}^*$  אבל נתון כי היה קיים פתרון במרחב המקורי שלכל מסלול  $Cost_{MDA}^{dist}(P)=C_{dist}^*\leq (1+\varepsilon)\cdot C_{dist}^*$  ולכן נקבל סתירה לקבילות שעבורו  $S_{MDA}$  של  $A_1$  לכן  $A_1$  לכן  $A_1$  לכן המיד מחזיר פתרון.

### .37

### נוכיח:

יהי P הפתרון האופטימאלי על פי הקריטריון המשולב, אז בפרט מתקיים כי  $cost_{MDA}^{dist}(P) \leq (1+\varepsilon)\cdot C_{dist}^*$ , ולכן בפרט מתקיים בי האלישי באלגוריתם  $A_1$  הפעלת האופרטור היא חוקית והמצב יפותח. מכיוון ש-P אופטימלי, מתקיים עבורו כי  $cost_{MDA}^{test\ travel}(P) \leq cost_{MDA}^{test\ travel}(P')$  את הפתרון האופטימלי עבור מחיר זה, כלומר את הפתרון P

### .38

	Distance cost:	Tests travel cost:
$cost_{MDA}^{dist}$	43034.794m	176505.031m
$cost_{MDA}^{tests\ travel}$	93355.782m	131265.153m
$cost_{MDA}^{merged}$	66696.615m	134889.839m

arepsilon ניתן על פי הטבלה שקיבלנו מסלול יותר יקר מבחינת פונקציית המחיר  $cost_{MDA}^{dist}$  (אך עדיין בתחום הנדרש לפי לפי שנראה למטה) וכמו כן מסלול טיפה יותר יקר ביחס לפונקציית המחיר  $cost_{MDA}^{test\ travel}$  אך קרוב למדי לאופטימלי. כלומר אכן התקיים האיזון בין שני המדדים.

$$\frac{DistCost(ReturnedSolution)}{C_{dist}^*} - 1 = \frac{66696.615}{43034.794} - 1 = 0.5498 < 0.6 = \varepsilon$$

arepsilonניתן לראות כי אכן נשמר ערך ה-arepsilon הנקוב.

### .39

הטענה אינה נכונה. נפריך בעזרת דוגמא נגדית.

נסתכל על הסימולציה הבאה: האמבולנס נמצא בנקודת ההתחלה S(0,0) ללא מטושים כלל. ישנה מעבדה  $L_1$  בנקודה  $L_2$  מטוש אחד במלאי. דירה  $L_3$  בנקודה  $L_4$  בנקודה  $L_5$  בנקודה עם פונקציית העלות  $L_5$  בנקודה בי הפתרון האופטימלי שיוחזר עם פונקציית העלות  $L_5$  בער בי האלגוריתם מחזיר שאין פתרון. אין פונקציה יוריסטית ולכן  $L_5$  לכל מצב. כלומר, הערה: מכיוון שלפי האלגוריתם אנו מריצים  $L_5$  בערה.

. בחירת הצמתים מopen מתבצעת לפי הערך של בלבד

. כמו כן, אנו ממזערים באלגוריתם זה את TestsTravelDistance לכן ערך ה-g הוא המרחק שעברו הבדיקות על האמבולנס. טבלת המעקב העמוד הבא.

צעד	open	close	הצומת	הסבר
			הבא לפיתוח	
1	$s_1 = \{S, \emptyset, \emptyset, 0, \emptyset\}$	Ø	$s_1$	מפתחים את הצומת $s_1$ לפי האלגוריתם
2	$s_2 = \{L_2, \emptyset, \emptyset, 1, \{L_2\}\}, g = 0$	$s_1$	$s_2$	מכיוון שערך ה- $g$ של שני הצמתים זהה,
	$s_3 = \{L_1, \emptyset, \emptyset, 1, \{L_1\}\}, g = 0$			ניתן לבחור איזה צומת האלגוריתם יפתח.
3	$s_4 = \{L_1, \emptyset, \emptyset, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 0$	$s_1$	$s_4$	עדיין אין ברשותנו מספיק $s_2$ כשבאנו לפתח את הצומת
	$s_3 = \{L_1, \emptyset, \emptyset, 1, \{L_1\}\}, g = 0$	$s_2$		מטושים כדי ללכת לדירה $A,$ לכן היעד הבא היחיד
				שניתן להגיע אליו הוא $L_1$ . נשים לב כי זה לא אותו מצב
				כמו $s_3$ שהוא מצב שמתאר מסלול שבו מתחילים .
				במעבדה $L_1$ . כמו כן, ערכי $g$ עדיין זהים ולכן נוכל
4	a = (A (A) (A) (I I)) a = 0			לבחור להמשיך לפתח מ- $s_4$ .
4	$s_5 = \{A, \{A\}, \emptyset, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 0$ $s_3 = \{L_1, \emptyset, \emptyset, 1, \{L_1\}\}, g = 0$	$s_1$	$s_2$	הגענו לדירה $A$ ולקחנו את הבדיקות של הדיירים. ערכי $g$ בין המצבים עדיין זהים ולכן נבחר להמשיך לפתח את
	$S3 = \{L_1, \psi, \psi, 1, \{L_1\}\}, g = 0$	$s_2$ $s_4$		$g$ בין המצבים ער יין אוים דכם נברון להמשין לפונדראונ $s_5$
5	$s_3 = \{L_1, \emptyset, \emptyset, 1, \{L_1\}\}, g = 0$	$s_1$	$s_3$	ייבו מיני $s_5$ . לאחר הפיתוח של $s_5$ בשלב זה נוצרים שני המצבים
		$s_2$	93	יינו איים:
		$s_4$		
		$s_5$		$s_6 = \{L_1, \emptyset, \{A\}, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2$
				$s_7 = \{L_2, \emptyset, \{A\}, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2$
				: נשים לב כי המסלול שעברנו עד כה הוא
				ומתקיים כי $P=L_2 o L_1 o A$
				, לכן נקבל: $cost_{MDA}^{dist}(P)=6$
				$cost_{MDA}^{dist}(s_6) =$
				$cost_{MDA}^{dist}(L_2 \to L_1 \to A \to L_1) = 7 > 6$
				$cost_{MDA}^{dist}(s_7) =$
				$cost_{MDA}^{dist}(L_2 \to L_1 \to A \to L_2) = 7 > 6$
				אף $cost_{MDA}^{dist}$ , כתוצאה מכך, בגלל ההגבלה שנתנו על
				אחד מהמצבים $s_6, s_7$ לא ייכנס ל- $open$ . האלגוריתם
				יסיים את הפיתוח של $s_5$ ויעביר אותו ל- $close$ . הצומת
				$.open$ - הבא לפיתוח יהיה $s_3$ שהוא היחיד שכרגע ב
6	$s_8 = \{L_2, \emptyset, \emptyset, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 0$	$s_1$	$s_8$	מפתחים את $arepsilon_3$ לפי האלגוריתם
		$s_2$		
		$egin{array}{c} s_4 \ s_5 \end{array}$		
		$s_3$		
7	$s_9 = \{A, \{A\}, \emptyset, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 0$	$s_1$	$s_9$	הצומת הבא שהאלגוריתם יבוא לפתח הוא $s_9$ . אך נשים
		$s_2$		לב כי $s_9$ זהה ל- $s_5$ עם אותו ערך $g$ . ולכן האלגוריתם
		$s_4$		ייראה שהמצב הזה נמצא ב- $close$ ולא יפתח אותו פעם
		$s_5$		נוספת. האלגוריתם סיים לרוץ על כל המצבים ולא
		$s_3$		החזיר פתרון
		$s_8$		

. ניתן לראות שקיים הפתרון המשולב, האלוגריתם את הדרישה את המקיים את המקיים הפתרון ליים למרות פתרון ליים הפתרון מקיים את המקיים את החזיר שאין בתרון ליים למרות החזיר שאין החזיר שאין בתרון ליים ליים ליים ליים ליים החזיר החזיר החזיר שאין בתרון.

הטענה אינה נכונה. נפריך בעזרת דוגמא נגדית.

נסתכל על הסימולציה הבאה : האמבולנס נמצא בנקודת ההתחלה S(0,0) ללא מטושים כלל. ישנה מעבדה בהודירים. ביירים.  $L_2$  בנקודה במלאי. מעבדה  $L_2$  בנקודה  $L_2$  בנקודה במלאי. ביירים מטוש אחד במלאי. מעבדה בל בנקודה ביירים. נשים לב כי המשולש ב $L_1$  הינו משולש שווה צלעות שאורך כל צלע דיירים. נשים לב כי המשולש ב $L_1$  ל- $L_1$  הינו משולש שווה צלעות שאורך כל צלע היא 1. כמו נניח כי קיימים כבישים רק מ- $L_1$  ל- $L_2$ , מ- $L_1$ , מ- $L_2$ , מ- $L_2$ , מ- $L_1$  ל- $L_2$ , מ- $L_2$  ל- $L_1$  שרטוט היהיה שרטוט

 $S o L_1 o L_2 o A_1 o A_2 o$  הוא  $cost_{MDA}^{dist}$  תחילה נשים לב כי הפתרון האופטימלי שיוחזר עם פונקציית העלות  $cost_{MDA}^{dist}$  הוא  $cost_{MDA}^{dist}$  הנאים לב כי הפתרון האופטימלי לפי  $cost_{MDA}^{dist}$  שמקיים את הדרישה של  $cost_{MDA}^{dist}$  הוא:  $cost_{MDA}^{dist}$  שמקיים את הדרישה של  $cost_{MDA}^{dist}$  הוא:  $cost_{MDA}^{dist}$  שמחירו  $cost_{MDA}^{dist}$  בי המסלול האופטימלי לפי  $cost_{MDA}^{dist}$  שמחירו  $cost_{MDA}^{dist}$  בי האלגוריתם מחזיר פתרון לא אופטימלי ( $cost_{MDA}^{dist}$  האלגוריתם מחזיר פתרון לא אופטימלי  $cost_{MDA}^{dist}$ 

, כלומר, אין פונקציה ווריסטית אכן אנו מריצים אנו מריצים אנו מריצים אין פונקציה ווריסטית ולכן אלוריתם אנו מריצים אנו מריצים אין פונקציה יוריסטית ולכן מכב לכל מצב. כלומר, בחירת הצמתים מ-g מתבצעת לפי הערך של g

כמו כן, אנו ממזערים באלגוריתם זה את לכן ערך ה-g לכן ערך ה-g לכן ערך האמבולנס. זה את זה את אנו ממזערים באלגוריתם זה את לבחור צומת מ-open עומדת לרשותנו האופציה לבחור צומת שרירותי מבין כל הצמתים בעלי ערך g מינימלי.

טבלת המעקב העמוד הבא.

	open	close	הצומת	הסבר
	open		הבא	,2011
			לפיתוח	
1	$s_1 = \{S, \emptyset, \emptyset, 0, \emptyset\}$		$s_1$	מפתחים את הצומת $s_1$ לפי האלגוריתם
2	$s_2 = \{L_2, \emptyset, \emptyset, 3, \{L_2\}\}, g = 0, d = 1$	$s_1$	$s_2$	
	$s_3 = \{L_1, \emptyset, \emptyset, 1, \{L_1\}\}, g = 0, d = 1$			
3	$s_3 = \{L_1, \emptyset, \emptyset, 1, \{L_1\}\}, g = 0, d = 1$	$s_1, s_2$	$s_4$	
	$s_4 = \{L_1, \emptyset, \emptyset, 4, \{L_1, L_2\}\}, g = 0, d = 3$			
	$s_5 = \{A_1, \{A_1\}, \emptyset, 1, \{L_2\}\}, g = 0, d = 2$			
	$s_6 = \{A_2, \{A_2\}, \emptyset, 1, \{L_2\}\}, g = 0, d = 2$			
4	$s_3 = \{L_1, \emptyset, \emptyset, 1, \{L_1\}\}, g = 0, d = 1$	$s_1, s_2$	$s_7$	כשבאנו לפתח את הצומת $s_4$ כבר היינו
	$s_5 = \{A_1, \{A_1\}, \emptyset, 1, \{L_2\}\}, g = 0, d = 2$	$s_4$		בשתי המעבדות ולכן היעד הבא חייב
	$s_6 = \{A_2, \{A_2\}, \emptyset, 1, \{L_2\}\}, g = 0, d = 2$			להיות אחת הדירות.
	$s_7 = \{A_1, \{A_1\}, \emptyset, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 0, d = 6$			
	$s_8 = \{A_2, \{A_2\}, \emptyset, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 0, d = 6$			
5	$s_3 = \{L_1, \emptyset, \emptyset, 1, \{L_1\}\}, g = 0, d = 1$	$s_1, s_2$	$s_8$	כשבאנו לפתח את הצומת $s_7$ המסלול
	$s_5 = \{A_1, \{A_1\}, \emptyset, 1, \{L_2\}\}, g = 0, d = 2$	$s_4, s_7$		עד כה הוא:
	$s_6 = \{A_2, \{A_2\}, \emptyset, 1, \{L_2\}\}, g = 0, d = 2$			$P = L_2 \rightarrow L_1 \rightarrow A_1$
	$s_8 = \{A_2, \{A_2\}, \emptyset, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 0, d = 6$			ומתקיים $cost_{MDA}^{dist}(P)=6$ ולכן לא
	$s_9 = \{L_2, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$			$c$ ניתן להגיע ל- $L_1$ מפני ש- $cost_{MDA}^{dist}(P ightarrow L_1)=9>8.5$
6	$s_{10} = \{A_2, \{A_1, A_2\}, \emptyset, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$ $s_3 = \{L_1, \emptyset, \emptyset, 1, \{L_1\}\}, g = 0, d = 1$	0. 0.	6.0	$cost_{MDA}(F  ightarrow L_1) = 9 > 8.5$ כשבאנו לפתח את הצומת $s_8$ המסלול
0	$s_3 = \{L_1, \emptyset, \emptyset, 1, \{L_1\}\}, g = 0, d = 1$ $s_5 = \{A_1, \{A_1\}, \emptyset, 1, \{L_2\}\}, g = 0, d = 2$	$\begin{vmatrix} s_1, s_2 \\ s_4, s_7 \end{vmatrix}$	$s_3$	עד כה הוא:
	$s_6 = \{A_2, \{A_2\}, \emptyset, 1, \{L_2\}\}, g = 0, d = 2$ $s_6 = \{A_2, \{A_2\}, \emptyset, 1, \{L_2\}\}, g = 0, d = 2$	$s_4, s_7 $ $s_8$		$P = L_2 \rightarrow L_1 \rightarrow A_2$
	$s_0 = \{L_2, \emptyset, \{A_1\}, \emptyset, \{L_2\}\}, g = 0, w = 2$ $s_0 = \{L_2, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$	8		$cost_{MDA}^{dist}(P)=6$ ומתקיים
	$s_{10} = \{A_2, \{A_1, A_2\}, \emptyset, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$			$^{MDA}$ ניתן להגיע ל- $L_1$ מפני ש-
	$s_{11} = \{L_2, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$			$cost_{MDA}^{dist}(P \rightarrow L_1) = 9 > 8.5$
	$s_{12} = \{A_1, \{A_1, A_2\}, \emptyset, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$			MDA( 1)
7	$s_5 = \{A_1, \{A_1\}, \emptyset, 1, \{L_2\}\}, g = 0, d = 2$	$s_1, s_2$	$s_{13}$	כשבאנו לפתח את $s_3$ אין על האמבולנס
	$s_6 = \{A_2, \{A_2\}, \emptyset, 1, \{L_2\}\}, g = 0, d = 2$	$s_4, s_7$		מספיק מטושים כדי ללכת לאחת
	$s_9 = \{L_2, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$	$s_{8}, s_{3}$		הדירות ולכן היעד הבא חייב להיות
	$s_{10} = \{A_2, \{A_1, A_2\}, \emptyset, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$			$L_2$ המעבדה
	$s_{11} = \{L_2, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$			
	$s_{12} = \{A_1, \{A_1, A_2\}, \emptyset, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, dist = 2$			
	7			
_	$s_{13} = \{L_2, \emptyset, \emptyset, 4, \{L_1, L_2\}\}, g = 0, d = 3$ $s_5 = \{A_1, \{A_1\}, \emptyset, 1, \{L_2\}\}, g = 0, d = 2$			
8	$s_5 = \{A_1, \{A_1\}, \emptyset, 1, \{L_2\}\}, g = 0, d = 2$	$s_1, s_2$	$s_5$	כשבאנו לפתח את $s_{13}$ נוצרו המצבים
	$s_6 = \{A_2, \{A_2\}, \emptyset, 1, \{L_2\}\}, g = 0, d = 2$	$s_4, s_7$		: הבאים
	$s_9 = \{L_2, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$	$s_8, s_3$		$s_{14} = \{A_1, \{A_1\}, \emptyset, 2, \{L_1, L_2\}\}$
	$s_{10} = \{A_2, \{A_1, A_2\}, \emptyset, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$ $s_{11} = \{L_2, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$	$s_{13}$		$s_{14} = \{A_1, \{A_1\}, \emptyset, 2, \{L_1, L_2\}\}\$ $s_{15} = \{A_2, \{A_2\}, \emptyset, 2, \{L_1, L_2\}\}\$
	$s_{11} = \{L_2, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 1$ $s_{12} = \{A_1, \{A_1, A_2\}, \emptyset, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$			$s_{15} = \{A_2, \{A_2\}, \emptyset, 2, \{L_1, L_2\}\}$
	$\sigma_{12} = \{x_1, \{x_1, x_2\}, y, 0, \{D_1, D_2\}\}, y = 2, u = 1$			נשים לב כי $s_{14}$ זהה ל- $s_{15}$ ו- $s_{15}$ זהה
				ייי און איי המצבים ב- $close$ , לכן $t_8$
				האלגוריתם לא ימשיך לפתח אותם.
		l	1	,

	open	close	הצומת	הסבר
			הבא לפיתוח	
9	$s_6 = \{A_2, \{A_2\}, \emptyset, 1, \{L_2\}\}, g = 0, d = 2$	$s_1, s_2$	$s_6$	מספיק אין לנו מספיק $s_5$ אין לנו מספיק
	$s_9 = \{L_2, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$	$s_4, s_7$		מטושים כדי ללכת לדירה $A_2$ ולכן היעד
	$s_{10} = \{A_2, \{A_1, A_2\}, \emptyset, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$	$s_8, s_3$		$.L_2$ או $L_1$ אויב להיות הבא חייב להיות
	$s_{11} = \{L_2, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$	$s_{13}, s_{5}$		
	$s_{12} = \{A_1, \{A_1, A_2\}, \emptyset, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$			
	$s_{16} = \{L_2, \emptyset, \{A_1\}, 1, \{L_2\}\}, g = 2, d = 3$			
10	$s_{17} = \{L_1, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$			
10	$s_9 = \{L_2, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$ $s_{10} = \{A_2, \{A_1, A_2\}, \emptyset, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$	$s_1, s_2$	$s_9$	כשבאנו לפתח את $s_6$ אין לנו מספיק $s_6$ מטושים כדי ללכת לדירה $A_1$ ולכן היעד
	$s_{10} = \{A_2, \{A_1, A_2\}, \emptyset, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$ $s_{11} = \{L_2, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$	$s_4, s_7 \\ s_8, s_3$		מטושים כוי לככונ לוידור $A_1$ ולכן וויעו $L_1$ או $L_2$ או $L_1$
	$s_{11} = \{L_2, \emptyset, \{L_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$ $s_{12} = \{A_1, \{A_1, A_2\}, \emptyset, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$	$s_{13}, s_{5}$		$E_2$ in $E_1$ map $E_2$ in $E_3$
	$s_{16} = \{L_2, \emptyset, \{A_1\}, 1, \{L_2\}\}, g = 2, d = 3$	$s_6$		
	$s_{17} = \{L_1, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$			
	$s_{18} = \{L_2, \emptyset, \{A_2\}, 1, \{L_2\}\}, g = 2, d = 3$			
	$s_{19} = \{L_1, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$			
11	$s_{10} = \{A_2, \{A_1, A_2\}, \emptyset, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$	$s_{1}, s_{2}$	$s_{20}$	כשבאנו לפתח את הצומת $s_9$ כבר
	$s_{11} = \{L_2, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$	$s_4, s_7$		ביקרנו בשתי המעבדות ולכן היעד הבא
	$s_{12} = \{A_1, \{A_1, A_2\}, \emptyset, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$	$s_8, s_3$		$A_2$ חייב להיות הדירה
	$s_{16} = \{L_2, \emptyset, \{A_1\}, 1, \{L_2\}\}, g = 2, d = 3$	$s_{13}, s_5$		
	$s_{17} = \{L_1, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$	$s_{6}, s_{9}$		
	$s_{18} = \{L_2, \emptyset, \{A_2\}, 1, \{L_2\}\}, g = 2, d = 3$ $s_{19} = \{L_1, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$			
	$s_{19} = \{L_1, \psi, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 0, u = 0$ $s_{20} = \{A_2, \{A_2\}, \{A_1\}, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 8$			
12	$s_{10} = \{A_2, \{A_1, A_2\}, \emptyset, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$	$s_1, s_2$	$s_{10}$	כשבאנו לפתח את הצומת $s_{20}$ המסלול
	$s_{11} = \{L_2, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$	$s_4, s_7$	010	עד כה הוא:
	$s_{12} = \{A_1, \{A_1, A_2\}, \emptyset, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$	$s_8, s_3$		$P = L_2 \rightarrow L_1 \rightarrow A_1 \rightarrow L_2 \rightarrow A_2$
	$s_{16} = \{L_2, \emptyset, \{A_1\}, 1, \{L_2\}\}, g = 2, d = 3$	$s_{13}, s_{5}$		$cost_{MDA}^{dist}(P)=8$ ולכן לא
	$s_{17} = \{L_1, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$	$s_6, s_9$		ניתן להגיע לאף מעבדה מפני שעבור
	$s_{18} = \{L_2, \emptyset, \{A_2\}, 1, \{L_2\}\}, g = 2, d = 3$	$s_{20}$		$:L_{1},L_{2}$
	$s_{19} = \{L_1, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$			acatdist (D . I ) O . C.F
				$cost_{MDA}^{dist}(P \to L_2) = 9 > 8.5$
				$cost_{MDA}^{dist}(P \to L_1) = 11 > 8.5$
13	$s_{11} = \{L_2, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$	$s_{1}, s_{2}$	$s_{11}$	כשבאנו לפתח את הצומת $s_{10}$ המסלול
	$s_{12} = \{A_1, \{A_1, A_2\}, \emptyset, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$	$s_4, s_7$		: עד כה הוא
	$s_{16} = \{L_2, \emptyset, \{A_1\}, 1, \{L_2\}\}, g = 2, d = 3$	$s_8, s_3$		$P = L_2 \rightarrow L_1 \rightarrow A_1 \rightarrow A_2$
	$s_{17} = \{L_1, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$	$s_{13}, s_5$		ומתקיים $cost_{MDA}^{dist}(P)=7$ ולכן לא
	$s_{18} = \{L_2, \emptyset, \{A_2\}, 1, \{L_2\}\}, g = 2, d = 3$	$s_6, s_9$		ניתן להגיע ל- $L_1$ מפני ש-
	$s_{19} = \{L_1, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$ $s_{21} = \{L_2, \emptyset, \{A_1, A_2\}, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 7$	$s_{20}, s_{10}$		$cost_{MDA}^{dist}(P \to L_1) = 9 > 8.5$
	$\delta_{21} - \chi_{L2}, \psi, \chi_{A1}, A_{23}, \psi, \chi_{L1}, L_{233}, g = 0, a = 1$			

	open	close	הצומת	הסבר
			הבא	
			לפיתוח	
14	$s_{12} = \{A_1, \{A_1, A_2\}, \emptyset, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 7$	$s_{1}, s_{2}$	$s_{12}$	כשבאנו לפתח את הצומת $s_{11}$ כבר
	$s_{16} = \{L_2, \emptyset, \{A_1\}, 1, \{L_2\}\}, g = 2, d = 3$	$s_4, s_7$		ביקרנו בשתי המעבדות ולכן היעד הבא
	$s_{17} = \{L_1, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$	$s_8, s_3$		$A_1$ חייב להיות הדירה
	$s_{18} = \{L_2, \emptyset, \{A_2\}, 1, \{L_2\}\}, g = 2, d = 3$	$s_{13}, s_{5}$		
	$s_{19} = \{L_1, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$	$s_6, s_9$		
	$s_{21} = \{L_2, \emptyset, \{A_1, A_2\}, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 8$	$s_{20}, s_{10}$		
	$s_{22} = \{A_1, \{A_1\}, \{A_2\}, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 8$	$s_{11}$		
15	$s_{16} = \{L_2, \emptyset, \{A_1\}, 1, \{L_2\}\}, g = 2, d = 3$	$s_1, s_2$	$s_{16}$	כשבאנו לפתח את הצומת $s_{12}$ המסלול
	$s_{17} = \{L_1, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$	$s_4, s_7$		עד כה הוא:
	$s_{18} = \{L_2, \emptyset, \{A_2\}, 1, \{L_2\}\}, g = 2, d = 3$	$s_8, s_3$		$P = L_2 \rightarrow L_1 \rightarrow A_2 \rightarrow A_1$
	$s_{19} = \{L_1, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$	$s_{13}, s_{5}$		ומתקיים $cost_{MDA}^{dist}(P)=7$ ולכן לא
	$s_{21} = \{L_2, \emptyset, \{A_1, A_2\}, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 8$	$s_6, s_9$		-ניתן להגיע ל $L_1$ מפני ש
	$s_{22} = \{A_1, \{A_1\}, \{A_2\}, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 8$	$s_{20}, s_{10}$		$cost_{MDA}^{dist}(P \to A_1) = 9 > 8.5$
		$s_{11}, s_{12}$		: כמו כן המצב החדש שנוצר הוא
				$s_{23} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 1 \end{bmatrix}$
				$\{L_2,\emptyset,\{A_1,A_2\},0,\{L_1,L_2\}\}$ עם $s_{21}$ עם נשים לב כי מצב זה זהה למצב
				$s_{21}$ נשים עב כי מצב או אווון למצב $s_{21}$ עם $open$ . אותו $g$ לכן לא נכניס אותו שוב ל
16	$s_{17} = \{L_1, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$	$s_1, s_2$	$s_{18}$	יאונו $g$ . כן כא נכניט אוונו טוב $s_{16}$ אין לנו מספיק
	$s_{18} = \{L_2, \emptyset, \{A_2\}, 1, \{L_2\}\}, g = 0, d = 0$	$s_1, s_2 \\ s_4, s_7$	318	פסבאנו לכונוראונ $A_1$ ה אין לנו נוסביק $A_2$ מטושים כדי לעבור לדירה
	$s_{19} = \{L_1, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$	$s_4, s_7$ $s_8, s_3$		הבא חייב להיות $L_1$ כדי לאסוף עוד
	$s_{20} = \{L_2, \emptyset, \{A_1, A_2\}, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 8$	$s_{13}, s_5$		מטושים.
	$s_{21} = \{A_1, \{A_1\}, \{A_2\}, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 1\}$	$s_6, s_9$		
	$s_{24} = \{L_1, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 58$	$s_{20}, s_{10}$		
		$s_{11}, s_{12}$		
		$s_{16}, s_{18}$		
17	$s_{17} = \{L_1, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$	$s_{1}, s_{2}$	$s_{22}$	כשבאנו לפתח את $s_{18}$ אין לנו מספיק
	$s_{19} = \{L_1, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$	$s_4, s_7$		מטושים כדי לעבור לדירה $A_1$ ולכן היעד
	$s_{21} = \{L_2, \emptyset, \{A_1, A_2\}, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 8$	$s_8, s_3$		הבא חייב להיות $L_1$ כדי לאסוף עוד
	$s_{22} = \{A_1, \{A_1\}, \{A_2\}, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d =$	$s_{13},s_5$		מטושים.
	$s_{24} = \{L_1, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 58$	$s_6, s_9$		
	$s_{25} = \{L_1, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 5$	$s_{20}, s_{10}$		
		$s_{11}, s_{12}$		
		$s_{16}, s_{18}$		
		$s_{22}$		

	open	close	הצומת	הסבר
			הבא	
			לפיתוח	
18	$s_{17} = \{L_1, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$	$s_{1}, s_{2}$	$s_{24}$	כשבאנו לפתח את הצומת $s_{22}$ המסלול עד
	$s_{19} = \{L_1, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$	$s_4, s_7$		: כה הוא
	$s_{21} = \{L_2, \emptyset, \{A_1, A_2\}, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 6$	$s_8, s_3$		$P = L_2 \to L_1 \to A_1 \to L_2 \to A_2$
	$s_{24} = \{L_1, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 58$	$s_{13}, s_{5}$		$\mid$ ומתקיים $cost_{MDA}^{dist}(P)=8$ ולכן לא ניתן
	$s_{25} = \{L_1, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 5$	$s_6, s_9$		$:\!L_1,L_2$ להגיע לאף מעבדה מפני שעבור
		$s_{20}, s_{10}$		dist (-
		$s_{11}, s_{12}$		$cost_{MDA}^{dist}(P \to L_2) = 9 > 8.5$
		$s_{16}, s_{18}$		$cost_{MDA}^{dist}(P \rightarrow L_1) = 11 > 8.5$
		$s_{22}$		MDII ( -)
19	$s_{17} = \{L_1, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$	$s_{1}, s_{2}$	$s_{25}$	כשבאנו לפתח את $s_{24}$ קיבלנו את המצב
	$s_{19} = \{L_1, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$	$s_4, s_7$		: הבא
	$s_{21} = \{L_2, \emptyset, \{A_1, A_2\}, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 8$	$s_8, s_3$		$s_{26} = \{A_2, \{A_2\}, \{A_1\}, 0, \{L_1, L_2\}\}$
	$s_{25} = \{L_1, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 2, d = 5$	$s_{13}, s_{5}$		נשים לב כי מצב זה זהה למצב $s_{22}$ שכבר
		$s_6, s_9$		ולכן לא נוסיף את המצב ר $close$ ולכן
		$s_{20}, s_{10}$		.open-ל
		$s_{11}, s_{12}$		
		$s_{16}, s_{18}$		
		$s_{22}, s_{24}$		
20	$s_{17} = \{L_1, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$	$s_{1}, s_{2}$	$s_{21}$	כשבאנו לפתח את $s_{25}$ קיבלנו את המצב
	$s_{19} = \{L_1, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$	$s_4, s_7$		הבא:
	$s_{21} = \{L_2, \emptyset, \{A_1, A_2\}, 0, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 8$	$s_8, s_3$		$s_{27} = \{A_1, \{A_1\}, \{A_2\}, 0, \{L_1, L_2\}\} $
		$s_{13}, s_5$		נשים לב כי מצב זה זהה למצב $s_{21}$ שכבר
		$s_6, s_9$		נמצא ב-close ולכן לא נוסיף את המצב
		$s_{20}, s_{10}$		.open-ל
		$s_{11}, s_{12}$		
		$s_{16}, s_{18}$		
		$s_{22}, s_{24}$		
		$s_{25}$		
21	$s_{17} = \{L_1, \emptyset, \{A_1\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$			הינו צומת מטרה ולכן נחזיר את המחיר $s_{21}$
	$s_{19} = \{L_1, \emptyset, \{A_2\}, 2, \{L_1, L_2\}\}, g = 6, d = 5$			.g=6 שמצאנו

ניתן לראות כי למרות שקיים מסלול  $P^*$  אשר גם כן עונה על הדרישות ומקיים כי g=4 האלגוריתם החזיר פתרון לא פועימלי שעבורו g=6

### .4:

נשים לב כי בשני השלבים הראשונים האלגוריתמים  $A_1$  ו $A_2$  זהים. היתרון הצפוי של  $A_2$  על פני בע מכך שב- $A_2$  בשלב השים לב כי בשני השלבים אנו מרחב המסלולים מרחב לאותו מרחב כמו בשלב הראשון, ואילו ב- $A_1$  אנו מריצים  $A_1$  על "מרחב המסלולים" שגודלו הוא מסדר גודל  $A_1$  (כגודל  $A_2$ ) כאשר  $A_3$  הוא המרחב מהשלב הראשון, לכן זמן הריצה של  $A_1$  יהיה גדול משל  $A_2$ .

### .44

תעזור  $A^*arepsilon$  הגמישות ההרצה, אכן חסכנו במספר הפיתוחים, פיתחנו כ-10% פחות צמתים. הגמישות של

לנו בכך שהיא תיתן אופציה לצמתים עם ערך g גבוה יותר (לכל היותר ב- $\varepsilon$ ) אך עם ערך h נמוך יותר להיכנס ל-open. כלומר, בחיפוש שלנו נבדוק גם צמתים אשר הפונקציה היוריסטית תעריך אותם כיותר קרובים לפתרון, למרות שערך ה-g שלהם אינו אופטימלי.

חלק\_י':

א'.

המדד הביצועי שאנו משפרים הוא **זכרון.** הסיבה לכך היא שהאלגוריתם  $IDA^*$  הוא אלגוריתם איטרטיבי המחפש לעומק, ולכן בעל דרישות זכרון נמוכות.

ב'.

- ו זמן ריצה. i
- עבור פונקציות יוריסטיות מסוימות יכול להיות שנרוויח קצת מאוד צמתים בעומק כל איטרציה, ולכן הריצה תהיה. aii מאוד ארוכה.
- יוות פגע פחות ביחס מהאופן שבו הוא נפגע ב-ID-DFS לעומת שבור  $IDA^*$  קיימות פונקציות מדד זה נפגע פחות ביחס מהאופן שבו הוא נפגע ב-ID-DFS לעומת איגרם ונקבל זמן ריצה טוב יותר. לעומת זאת ריצה של זמן ריצה שלבורן הבעיה שתיארנו בסעיף הקודם לא תיגרם ונקבל זמן ריצה טוב יותר. לעומת זמן הריצה של ID-DFS תמיד מכילה באיטרציה האחרונה שלה ריצה של BFS ולכן זמנה יהיה לכל הפחות כמו זמן הריצה של BFS

ړ'.

. במקרה הגרוע ביותר, כל איטרציה נגדיל את ב $\frac{1}{k}$  ב-  $\frac{1}{k}$  כאשר ערכו ההתחלתי הוא כפי שהוגדר. נמדיל איטרציות לכל היותר איטרציות לכל היותר יהיה Cost(A(S)) ברגע ש- f יגיע לערך

$$\#max\_iterations = \left\lceil \frac{Cost(A(S)) - Q_k(h(I))}{\frac{1}{k}} \right\rceil = \left\lceil k \cdot (Cost(A(S)) - Q_k(h(I))) \right\rceil$$

$$nextFLimit = max\{prevFLimit + \frac{1}{k}, Q_k(origNextFLimit)\} = prevFLimit + \frac{1}{k}$$

כעת, באיטרציה האחרונה האלגוריתם יכול למצוא כל פתרון בטווח  $[C_S^*,prevFLimit+rac{1}{k}]$  נשים לב כי כאשר כל באיטרציה האחרונה האלגוריתם יכול למצוא כל פתרון בטווח באיטרציה המקסימלית מהפתרון חסומה ע"י ל $\frac{1}{k}$  נקבל את הטווח לכך את הטווח ולכן הסטייה המקסימלית מהפתרון חסומה ע"י לבי האחרון חסומה ע"י באיטרציה האחרון הטווח ולכן הארבים ביינות האלגוריתם יכול למצוח ביינות האלגוריתם יכול למצוח ביינות לביינות ביינות האלגוריתם יכול למצוח ביינות לביינות האלגוריתם האלגוריתם יכול למצוח ביינות לביינות האלגוריתם ביינות האלגוריתם ולביינות האלגוריתם ביינות האלגוריתם ביינות לביינות האלגוריתם ביינות ביינות האלגוריתם ביינות ביינות ביינות האלגוריתם ביינות ביינות האלגוריתם ביינות ביינות ביינות ביינות האלגוריתם ביינות ביינות