

Universidade Federal de Santa Maria

Departamento de Eletrônica e Computação

#### Exercícios

Redes de comunicação de dados

Carlos Henrique Barriquello barriquello@gmail.com

Um grupo de N estações compartilha um canal ALOHA puro de 56 kbps. Cada estação transmite em média um quadro de 1.000 bits a cada 100 s, mesmo que o anterior ainda não tenha sido enviado (as estações podem, por exemplo, armazenar em buffer os quadros enviados). Qual é o valor máximo de N?

No ALOHA puro a largura de banda útil é 0.184 × 56 kbps = 10.3 kbps.

Cada estação precisa de 10 bps, então N = 10300/10 = 1030 estações.

Compare o retardo do ALOHA puro com o do slotted ALOHA com uma carga baixa. Qual deles é menor? Explique sua resposta.

No ALOHA puro, uma transmissão pode iniciar instantaneamente. Para cargas baixas, praticamente não haverá colisões e a transmissão será bem sucedida.

Com o slotted ALOHA, ela deve esperar o próximo *slot*. Portanto, em média tem-se um retardo de meio tempo de *slot*.

Dez mil estações estão disputando o uso de um único canal slotted ALOHA. Uma estação faz em média 18 solicitações/hora. Um slot tem 125 µs. Qual é a carga total aproximada do canal?

Cada terminal faz uma requisição a cada 200 segundos, resultando em um total de 50 requisições/segundo.

Portanto, G = 50/8000 = 1/160.

Uma grande população de usuários do ALOHA tenta gerar 50 solicitações/s, incluindo os quadros originais e as retransmissões. O tempo é dividido em unidades de **40 ms**.

- (a) Qual é a chance de sucesso na primeira tentativa?
- (b) Qual é a probabilidade de haver exatamente k colisões antes de se obter sucesso?
- (c) Qual é o número esperado de tentativas de transmissão necessárias?

8

(a) Com G = 50/25 = 2, a lei de Poisson dá uma probabilidade de e<sup>-2</sup>.

(b) 
$$p=(1 - e^{-G})^k e^{-G} = 0.135 \times 0.865^k$$
.

(c) O número esperado de transmissões é  $R = e^G = 7.4$ .

A medição de um canal slotted ALOHA com um número infinito de usuários mostra que 10% dos slots estão ociosos.

- (a) Qual é a carga do canal, representada por G?
- (b) Qual é a capacidade (throughput)?
- (c) O canal está sobrecarregado ou subutilizado?

- (a) Usando a lei de Poisson,  $P_0 = e^{-G}$ , então  $G = -\ln P_0 = -\ln 0.1 = 2.3$ .
- (b) Usando  $S = Ge^{-G} com G = 2.3 e e^{-G} = 0.1, S = 0.23.$
- (c) Como G > 1, o canal está sobrecarregado.

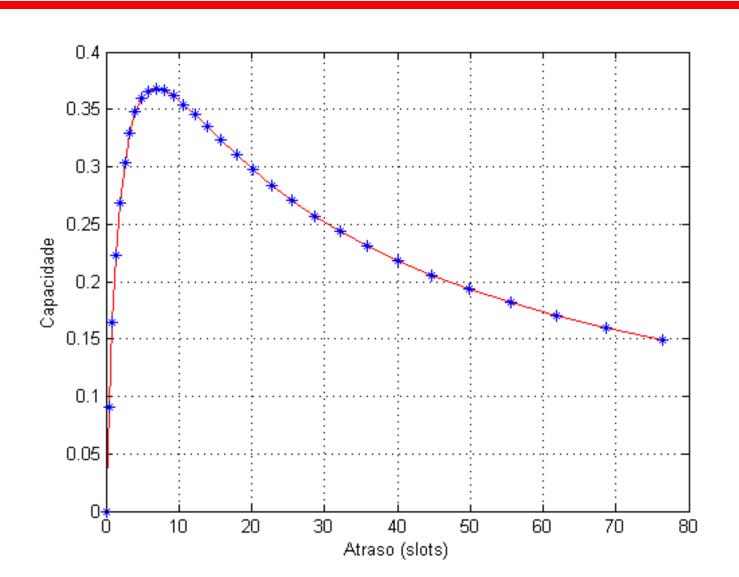
Em um sistema slotted ALOHA com uma população infinita, o número médio de slots que uma estação aguarda entre uma colisão e sua retransmissão é **4**. Represente em um diagrama a curva de variação do retardo (atraso) com a capacidade desse sistema.

O número de transmissões é  $E = e^{G}$ .

Estes E eventos são separados por E-1 intervalos de 4 slots cada. Logo, o atraso é  $4(e^G-1)$ .

A capacidade é dada por  $S = Ge^{-G}$ .

Então, há duas equações paramétricas, uma para o atraso e outra para a capacidade, ambas em relação a G. Para cada valor de G é possível encontrar o atraso e a capacidade, resultando em um determinado ponto da curva.



Quanto tempo uma estação **s** terá de esperar, na pior das hipóteses, antes de poder começar a transmitir seu quadro sobre uma LAN que use o protocolo de acesso ao meio com mapa de bits?

O pior caso é quando todas as estações querem transmitir e **s** é estação com a maior numeração.

Neste caso, **s** deverá esperar  $(N - 1) \times d$  bits para a transmissão dos quadros até a chegada do próximo período de disputa + N bits do período de disputa +  $(N - 1) \times d$  bits para realizar a transmissão do seu quadro.

O tempo total é N + 2(N - 1)d tempo de bits.

Dezesseis estações, numeradas de 1 a 16, estão disputando o uso de um canal compartilhado que emprega o protocolo de percurso em árvore adaptativo. Se todas as estações cujos endereços são números primos de repente ficarem disponíveis ao mesmo tempo, quantos slots de bits serão necessários para resolver a disputa?

Estações 2, 3, 5, 7, 11 e 13 ficam prontas. São necessários 11 slots, sendo cada slot disputado assim:

```
slot 1: 2, 3, 5, 7, 11, 13
slot 2: 2, 3, 5, 7
slot 3: 2, 3
slot 4: 2
slot 5: 3
slot 6: 5, 7
slot 7: 5
slot 8: 7
slot 9: 11, 13
slot 10: 11
slot 11: 13
```

Um conjunto de 2<sup>n</sup> estações usa o protocolo de percurso em árvore adaptativo para arbitrar o acesso a um cabo compartilhado. Em um determinado instante, duas delas se tornam disponíveis. Qual será o número máximo, mínimo e médio de slots do percurso em árvore, se 2<sup>n</sup> for muito maior que 1?

O número de slots depende de quão acima da raiz devese ir até encontrar um nó antecessor comum a ambas as estações.

- se ambas possuem um nó pai comum (no nível n), devese percorrer 2n+1 slots. Isto ocorre com probabilidade 2<sup>-n</sup>.
- se ambas possuem um nó avó comum (no nível n-1), deve-se percorrer 2n-1 slots. Isto ocorre com probabilidade 2<sup>-n+1</sup>. Os demais casos seguem a mesma lógica.

Portanto, no pior caso tem-se 2n+1 slots e no melhor caso, 3 slots (i.e. n=1). A média m é:

$$m = \sum_{i=0}^{n-1} 2^{-(n-i)} (2n+1-2i) \longrightarrow m = (1-2^{-n})(2n+1) - 2^{-(n-1)} \sum_{i=0}^{n-1} i 2^{i}$$

**Duas** estações CSMA/CD estão tentando transmitir arquivos longos (de vários quadros). Depois que cada quadro é enviado, elas disputam o canal usando binário algoritmo de recuo exponencial. Qual é a probabilidade de a disputa terminar na rodada de número k, e qual é o número médio de rodadas por período de disputa?

O número de tentativas de aquisição inicia em 1. A i-ésima tentativa está distribuída entre  $2^{(i-1)}$  slots. Então, a probabilidade de colisão na tentativa i é  $2^{-(i-1)}$ . A probabilidade de falharem as primeiras k-1 tentativas, seguidas pelo sucesso na rodada k é

$$P_k = (1 - 2^{-(k-1)}) \prod_{i=1}^{k-1} 2^{-(i-1)}$$

$$P_k = (1 - 2^{-(k-1)}) 2^{-(k-1)(k-2)/2}$$

Assim, o número médio de tentativas é  $\sum kP_k$ 

Considere a construção de uma rede CSMA/CD que funciona a 1 Gbps sobre um cabo de 1 km, sem repetidores. A velocidade do sinal no cabo é 200.000 km/s. Qual é o tamanho mínimo de quadro?

Se usar o tamanho mínimo de quadro do IEEE 802.3, qual deve ser o comprimento máximo de cabo?

Em um cabo de 1 km, o tempo de propagação é 5  $\mu$ s, então  $2\tau = 10 \mu$ s.

Para que CSMA/CD funcione, deve ser impossível transmitir um quadro inteiro neste intervalo.

A 1 Gbps, todos os quadros menores que 10.000 bits podem ser completamente transmitidos em menos de  $10 \mu s$ , então o quadro mínimo é de  $10.000 \mu s$  bits ou  $1250 \mu s$ .

A 1Gbps e com quadro de 64 bytes, o comprimento máximo do cabo é  $L = (64 \times 8/(10^9)) \times (2x(10^8)/2) = 51.2m$ 

O comprimento do cabo de uma rede IEEE 802.3 (10 Mbps) é 500 metros (velocidade de propagação: 2 x 10^8 m/s) e o tamanho do quadro médio é 500 bits. Assume-se que a probabilidade "p" de uma estação usar um "slot" não varia durante o período de contenção ("p" é constante).

- a) Determine a máxima eficiência do canal se o número médio de estações tentando enviar um quadro é fixo em 3. Qual é o número médio de slots perdidos durante o período de contenção?
- b) Responda a questão "a" considerando um número muito grande de estações tentando enviar um quadro.

a) A eficiência máxima ocorre quando a probabilidade "A" de uma estação utilizar o canal com sucesso é máxima. Sendo  $A=kp(1-p)^{(k-1)}$ , A é maximizado para p=1/k. Portanto, p=1/3 e  $A=(1-1/3)^2=4/9$ .

Portanto, o número médio de slots perdidos no período de contenção é 1/A = 9/4 = 2.25.

O atraso de propagação  $\tau = 500/(2x10^8) = 2.5$  us

Logo, a máxima eficiência é  $U = P/(P+2\tau/A) = >$ 

 $U = (500/10^7)/(500/10^7 + 2x2.5x10^(-6) \times 2.25) = 81.6\%$ 

b) Quando  $k \rightarrow \infty$ , o número médio de slots perdidos é 1/A = e.

Portanto, a máxima eficiência é  $U = P/(P+2\tau e) = >$ 

 $U = (500/10^7)/(500/10^7 + 2x2.5x10^(-6) \times 2.71) = 78.7\%$ 

**Duas** estações em uma rede CSMA/CD usam o **algoritmo de recuo binário exponencial** quando ocorrem colisões. Considerando o caso em que ambas enviam um quadro simultaneamente, causando a primeira colisão, responda:

- a) Qual é a probabilidade de que não ocorram mais do que duas colisões sucessivas após a primeira colisão?
- b) Qual é o período médio de contenção se cinco (5) colisões sucessivas acontecerem?

a) Se não ocorrem mais do que duas colisões sucessivas após a primeira colisão, deve haver nenhuma, uma ou duas retransmissões ?

$$P = P1 + P2 + P3 = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} \times (1 - \frac{1}{4}) + \frac{1}{2} \times \frac{1}{4} \times (1 - \frac{1}{8}) =$$

$$P = 0.5 + 0.375 + 0.109375 = 0.98 = 98\%$$

b) Se 5 colisões sucessivas acontecerem após a primeira colisão, o período médio de contenção será:

Contenção = primeira colisão + 4 colisões sucessivas + tempo médio de espera antes de enviar o quadro sem colisão

O número médio de slots perdidos em um intervalo de contenção de n slots quando ocorre uma colisão é:

Soma de j=1 até n P("perder j slots") x j = 1/n x soma de j=1 até n = 1/n x n(n+1)/2 = (n+1)/2

Após "i" colisões,  $n = 2^i$ . Então,

Contenção = 1 + soma i = 1 até  $4(2^i + 1)/2 + (2^5 - 1)/2 = 33.5$  slots

**Duas** estações compartilham um segmento de uma rede IEEE 802.3 (10 Mbps). Cada estação quer enviar exatamente 2 quadros de 1000 bits cada e ambas começam a enviar simultaneamente. Considerando que o atraso de um slot de contenção (2x o atraso de propagação) é igual a 2 us e que a probabilidade "p" de retransmissão em um determinado slot é constante e igual a 1/2, responda:

- a) Qual é o tempo médio de envio dos dois primeiros quadros?
- b) Qual é o tempo médio de envio dos 4 quadros?

a)O atraso médio de contenção é  $C = 2x10^{(-6)}/A$ , sendo  $A=kp(1-p)^{(k-1)} = 1/2$ , para k=2 e p=1/2.

Portanto,  $C = 4x10^{(-6)} s$ .

O tempo de transmissão de um quadro é

$$T=1000/10x10^6 = 10^(-4) s.$$

Como o envio de cada quadro é precedido pelo tempo médio de contenção, o tempo médio de envio dos dois primeiros é

$$C+T+C+T = 2.08 \times 10^{(-4)} \text{ s}^{C} \xrightarrow{T} \xrightarrow{C} \xrightarrow{T}$$

b) Como o tempo de envio dos dois primeiros já foi calculado, é necessário determinar o tempo médio dos dois próximos quadros. Porém, só haverá contenção se ambas as estações tiverem quadros para transmitir. Portanto, há duas situações possíveis com probabilidade ½ cada.

**Três** estações compartilham um segmento de uma rede IEEE 802.3 (10 Mbps). A estação A quer enviar 2 quadros de 250 bytes cada e as estações B e C querem enviar um quadro 125 bytes cada. Todas começam a enviar simultaneamente. Considerando que o atraso de um slot de contenção (2x o atraso de propagação) é igual a 2 us e que a probabilidade "p" de retransmissão em um determinado slot é constante e igual a 0.3, responda:

- a) Qual é o tempo médio de envio do primeiro quadro?
- b) Qual é o tempo médio de envio dos 4 quadros?

a) O atraso médio de contenção é  $C = 2x10^{(-6)}/A$ , sendo  $A=kp(1-p)^{(k-1)} = 0.441$ , para k=3 e p=0.3.

Portanto,  $C = 4.535 \times 10^{(-6)} s$ .

O tempo de transmissão de quadro para A é

$$T_a = \frac{250 * 8 \text{ b}}{10 \times 10^6 \text{ b/s}} = 2 \times 10^{-4} \text{ s}$$

E para B e C

$$T_{bc} = \frac{125 * 8 \text{ b}}{10 \times 10^6 \text{ b/s}} = 10^{-4} \text{ s}$$

a) A primeira transmissão é precedida de um período de contenção e demora mais o tempo médio de transmissão de um quadro.

$$C + 1/3T_a + 2/3T_{bc} = 4.535 \times 10^{-6} + 1.333 \times 10^{-4} \text{ s}$$
  
= 1.37868... × 10<sup>-4</sup> s

Seja uma rede A com as seguintes características: capacidade de transmissão = 5 Mbps; comprimento do cabo = 1 Km; número de terminais = M e comprimento de pacote = b bits. Uma outra rede B possui o mesmo número de terminais, o mesmo comprimento de pacote e um cabo de 50 Km de comprimento. Atraso de propagação = a segs/Km.

Se as redes A e B utilizam o esquema de acesso CSMA/CD, calcule a capacidade de transmissão da rede B para que se tenha a mesma eficiência de A.

A eficiência de uma rede CSMA/CD pode ser aproximada por:

$$U=1/(1+2\tau/AP)$$

Portanto para se ter a mesma eficiência, deve-se ter:

 $\tau_A/P_A = \tau_B/P_B$  ou, equivalentemente,

 $\tau_A \times R_A = \tau_B \times R_B$ . Portanto,  $R_B = \tau_A \times R_A/\tau_B = a \times 5M/(50 \times a) = 0.1 Mbps$ 

Seja uma rede em barramento de 1 km com o esquema de acesso CSMA/CD. O total de número de terminais é 10. O comprimento médio do pacote é 1000 bits e o atraso de propagação é 10 µs/km.

- a) Calcule o valor aproximado da capacidade de transmissão do barramento para que a rede possa operar com uma eficiência de 50%.
- b) Para o valor de capacidade encontrado em (a), qual é o novo valor de comprimento de pacote para que a eficiência seja 60%?

a) A eficiência de uma rede CSMA/CD pode ser aproximada por:

$$U=1/(1+2\tau/AP)$$

Para U=0.5, deve-se ter  $2\tau/AP = 2\tau R/AL = 1$ 

Portanto R =  $AL/2\tau = (1-1/M)^(M-1)xL/2\tau = 0.9^(0.9) x$ 1000/(2x10u)

Então, R = 19.37 Mbps

b) A eficiência de uma rede CSMA/CD pode ser aproximada por:

$$U = 1/(1 + 2\tau/AP)$$

Para U=0.6, deve-se ter P= L/R =  $3\tau/A$ 

Portanto L =  $3\tau R/(1-1/M)^{(M-1)}$  =  $3x10u \times 19.37M \times 0.9^{(0.9)}$ 

Então, L = 1500 bits.