



#### 4ª Aula prática: roteiro

**Título:** Roteamento com o algoritmo de caminho mais curto de Edsger Dijkstra

**Objetivo:** Responder a seguinte questão: **a) Qual é caminho mais curto entre dois vértices quaisquer com o maior custo no grafo e quanto é o custo?**

#### Roteiro:

- 1) O arquivo de simulação “grafo\_de\_rede.m” está disponível no Moodle. Abra-o no MATLAB e execute-o para gerar um grafo com pontos aleatórios.
- 2) Implemente o algoritmo de Dijkstra para responder a questão “a”.
- 3) Escreva um relatório respondendo a pergunta “a”, com sua implementação do algoritmo, e faça *upload* do relatório da aula no Moodle.
- 4) Modifique o código da simulação para implementar também o algoritmo de Bellmann-Ford.

#### Algoritmo de Dijkstra

**1º passo:** iniciam-se os valores:

```
para todo  $v \in V[G]$   
   $d[v] \leftarrow \infty$   
   $\pi[v] \leftarrow -1$   
 $d[s] \leftarrow 0$ 
```

$V[G]$  é o conjunto de vértices( $v$ ) que formam o Grafo  $G$ .  $d[v]$  é o vetor de distâncias de  $s$  até cada  $v$ . Admitindo-se a pior estimativa possível, o caminho infinito.  $\pi[v]$  identifica o vértice de onde se origina uma conexão até  $v$  de maneira a formar um caminho mínimo.

**2º passo:** temos que usar o conjunto  $Q$ , cujos vértices ainda não contém o custo do menor caminho  $d[v]$  determinado.

$Q \leftarrow V[G]$

**3º passo:** realizamos uma série de relaxamentos das arestas, de acordo com o código:

```
enquanto  $Q \neq \emptyset$   
   $u \leftarrow \text{extrair-mín}(Q)$  //  $Q \leftarrow Q - \{u\}$   
  para cada  $v$  adjacente a  $u$   
    se  $d[v] > d[u] + w(u, v)$  //relaxe  $(u, v)$   
      então  $d[v] \leftarrow d[u] + w(u, v)$   
       $\pi[v] \leftarrow u$   
       $Q \leftarrow Q \cup \{v\}$ 
```

$w(u, v)$  é o peso(weight) da aresta que vai de  $u$  a  $v$ .

$u$  e  $v$  são vértices quaisquer e  $s$  é o vértice inicial.

Para *extrair-mín*( $Q$ ), pode-se usar uma lista ou vetor de vértices onde se extrai o elemento  $u$  com menor valor  $d[u]$ . No final do algoritmo teremos o menor caminho entre  $s$  e qualquer outro vértice de  $G$ .