Revisão: gramáticas (parte 2)

Relações em uma gramática

Prof. Thiago A. S. Pardo

1

Relações em uma gramática

- Dada uma gramática, podem-se identificar certas relações entre seus elementos
 - Necessárias para a construção de compiladores
- Relações
 - Cabeça
 - Último
 - □ Primeiro (first)
 - □ Seguidor (follow)

Cabeça

- É uma das mais simples de identificar e seu nome deve-se ao fato de que um de seus elementos é a cabeça do lado direito de uma regra
 - □ Cabeça(A) = β , onde A $\rightarrow \beta \gamma$ é uma regra de produção, com A ∈ Vn, $\beta \in (Vn \ U \ Vt)$ e $\gamma \in (Vn \ U \ Vt)^*$
- Exemplo

```
P: S \rightarrow AB
```

 $A \rightarrow aA \mid a$

 $B \rightarrow bB \mid b$

 $Cabeça(S) = \{A\}$

 $Cabeça(A) = \{a\}$

Cabeça(B) = $\{b\}$

3

Último

- Esta relação relaciona um dado não terminal, existente do lado esquerdo de uma certa regra, com o último elemento que aparece do lado direito desta regra
 - $\begin{tabular}{ll} \square & \acute{U}ltimo(A) = β, onde $A \to \gamma \beta$ \'e uma regra de produção, com $A \in Vn$, β $\in (Vn\ U\ Vt)$* $$
- Exemplo

 $P: S \rightarrow AB$

 $A \rightarrow aA \mid a$

 $B \rightarrow bB \mid b$

 $\text{Último}(S) = \{B\}$

 $\text{Último}(A) = \{A,a\}$

 $Último(B) = \{B,b\}$

.

Primeiro

- Relação próxima a relação cabeça; entretanto, deve conter somente terminais
 - □ Primeiro(A) = x, onde A produz x como seu símbolo mais a esquerda com n derivações, com $A \in Vn \ e \ x \in Vt^*$
 - x pode ser a cadeia nula
- Exemplo

 $P: S \rightarrow AB$

 $A \rightarrow aA \mid a$

 $B \rightarrow bB \mid b$

 $Primeiro(S) = \{a\}$

 $Primeiro(A) = \{a\}$

Primeiro(B) = $\{b\}$

5

Primeiro

- Regras para determinar o conjunto primeiro
 - Se x é terminal, então primeiro(x)=x
 - Se x é não-terminal e x→aα é uma produção, então se acrescenta a ao conjunto primeiro de x
 - Se x é não-terminal e x→λ é uma produção, então se acrescenta λ ao conjunto primeiro de x
 - Se x→Y₁Y₂Y₃...Y_k é uma produção, então para todo i tal que todos Y₁...Y_{i-1} são não-terminais e primeiro(Y_j) contém λ, para j = 1,2,...,i-1, acrescente todo símbolo diferente de λ de primeiro(Y_i) em primeiro(x). Se λ ∈ primeiro(Y_i) para todo i = 1,2,...,k, então acrescente λ a primeiro(x)

Primeiro

Exemplo

```
\begin{array}{ll} \text{P:} \dot{E} \Rightarrow \text{TE'} \\ \text{E'} \Rightarrow +\text{TE'} \mid \lambda \\ \text{T} \Rightarrow \text{FT'} \\ \text{T'} \Rightarrow \text{*FT'} \mid \lambda \\ \text{F} \Rightarrow (E) \mid \text{id} \\ \\ \text{onde Vn} = \{E, T, F, E', T'\}, \ \text{Vt} = \{(,), \text{id}, +, *\}, \ \text{S} = E \\ \\ \text{então:} & \text{primeiro}(E) = \text{primeiro}(T) = \text{primeiro}(F) = \{(, \text{id}\}), \ \text{primeiro}(T') = \{*, \lambda\}, \ \text{primeiro}(T') = \{*, \lambda\}, \\ \\ \text{primeiro}(T') = \{*, \lambda\}, \ \text{primeiro}(
```

Se na gramática anterior tivéssemos uma regra H → E'T então

```
\begin{aligned} & primeiro(H) = primeiro(E'T) = primeiro(E') \ U \ primeiro(T) = \{+\} \ U \ primeiro(T) = \\ & \{+,(,id\} \end{aligned}
```

7

Seguidor

- Conjunto de terminais que seguem um símbolo da gramática, ou seja, que aparecem imediatamente à direita deste símbolo
 - □ Seguidor(A) = x, para a regra S \rightarrow α A β e primeiro(β)=x, com A ∈ Vn, x ∈ Vt* e α e β ∈ (Vn U Vt)*
 - x pode ser a cadeia nula

Seguidor

- Regras para determinar o conjunto seguidor
 - 1. Se existe uma produção A → αBβ, e β é diferente de λ, então tudo o que estiver em primeiro(β), exceto λ, está em seguidor(Β)
 - Se existe uma produção A → αB, ou uma produção A → αBβ e λ está em primeiro(β), então tudo o que estiver em seguidor(A) está em seguidor(B)

9

Seguidor

```
Exemplo
```

```
\begin{array}{ll} \text{P:} \dot{\text{E}} \rightarrow \text{TE'} \\ & \text{E'} \rightarrow + \text{TE'} \mid \lambda \\ & \text{T} \rightarrow \text{FT'} \\ & \text{T'} \rightarrow * \text{FT'} \mid \lambda \\ & \text{F} \rightarrow (E) \mid \text{id} \\ \\ \text{onde Vn} = \{\text{E,T,F,E',T'}\}, \, \text{Vt} = \{(,),\text{id},+,^*\}, \, \text{S=E} \\ \\ \text{então:} \\ \\ \text{seguidor}(E) = \{\},\lambda\} \\ \\ \text{seguidor}(E') = \text{seguidor}(E) = \{\},\lambda\} \\ \\ \text{seguidor}(T) = \text{primeiro}(E') = \{+\} \, \text{U seguidor}(E) \, \text{U seguidor}(E') = \{+,\},\lambda\} \\ \\ \text{seguidor}(T') = \text{seguidor}(T) = \{+,\},\lambda\} \\ \\ \text{seguidor}(F) = \text{primeiro}(T') = \{^*\} \, \text{U seguidor}(T) \, \text{U seguidor}(T') = \{^*,+,\},\lambda\} \\ \\ \\ \text{seguidor}(F) = \text{primeiro}(T') = \{^*\} \, \text{U seguidor}(T) \, \text{U seguidor}(T') = \{^*,+,\},\lambda\} \\ \\ \end{array}
```

Exercícios

Calcule primeiro e seguidor

 $S \rightarrow AB$

 $A \rightarrow aA \mid a$

 $B \rightarrow bB \mid b$

11

Exercícios

Calcule primeiro e seguidor

 $S \rightarrow bAb$

 $A \rightarrow CB \mid a$

 $B \rightarrow Aa$

 $C \to c \mid \lambda$

Exercícios

Calcule primeiro e seguidor

```
S \rightarrow A \mid B \mid \lambda

A \rightarrow A+B \mid A-B \mid 1 \mid 2 \mid 3 \mid \lambda

B \rightarrow A \mid C

C \rightarrow (A)
```

13

Exercícios

Calcule primeiro e seguidor

```
S \rightarrow \lambda \mid abA \mid abB \mid abC
```

A → aSaa | b

B → bSbb | c

 $C \rightarrow cScc \mid d$

Primeiro e seguidor

- Até então, calculamos somente um símbolo para primeiro e seguidor
- Pode-se calcular os 2/3/.../n símbolos primeiros ou seguidores
- Exemplo

```
S \rightarrow AB

A \rightarrow aA \mid a

B \rightarrow bB \mid b

primeiro2(S)={aa,ab}
```