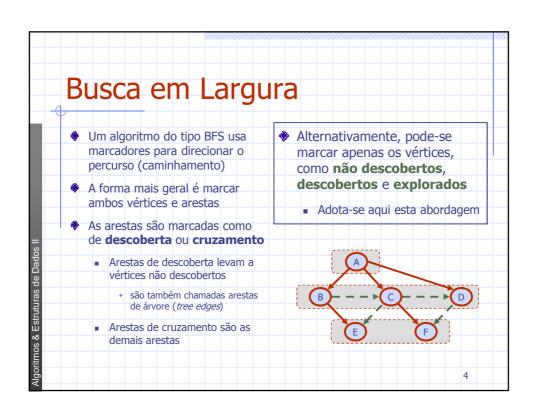
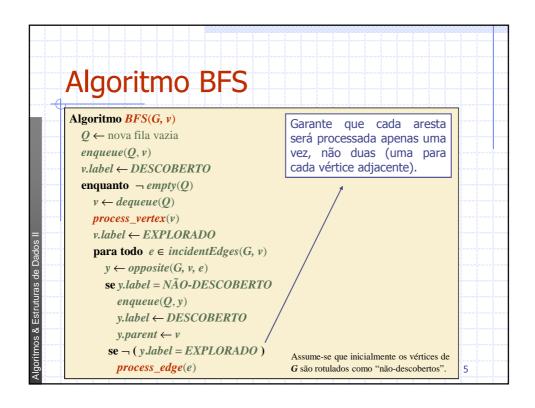


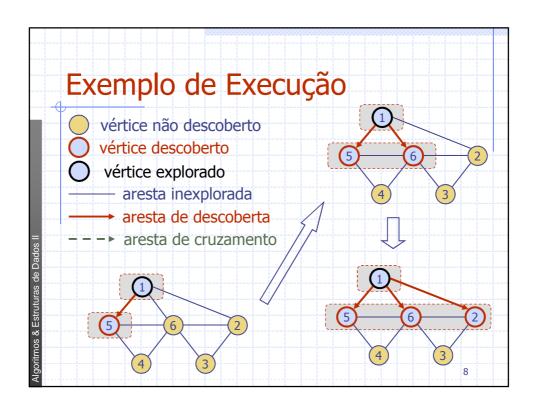
Busca em Largura Busca em Largura (BFS) é BFS pode ser estendida para uma estratégia geral de resolver outros problemas em caminhamento em grafos grafos: BFS em um grafo G: Encontrar um caminho entre um dado par de vértices, Visita todos os vértices e com a menor quantidade de arestas de G arestas, caso exista Descobre os componentes Encontrar um ciclo simples, conexos de Gcaso exista logo, se G é conexo ou não Encontrar uma floresta Para percorrer todo um grafo geradora de Gnão conexo, BFS deve ser executada múltiplas vezes, árvore geradora p/ G conexo sempre a partir de um vértice não visitado nas anteriores 3

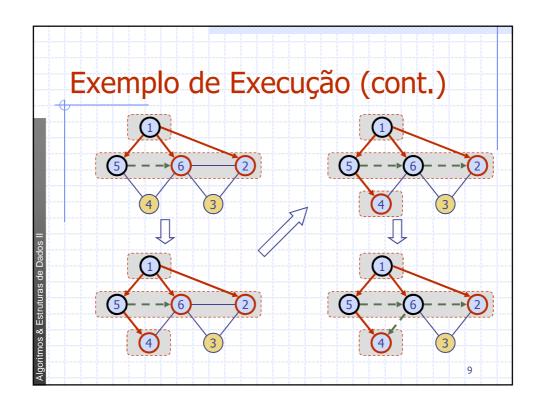


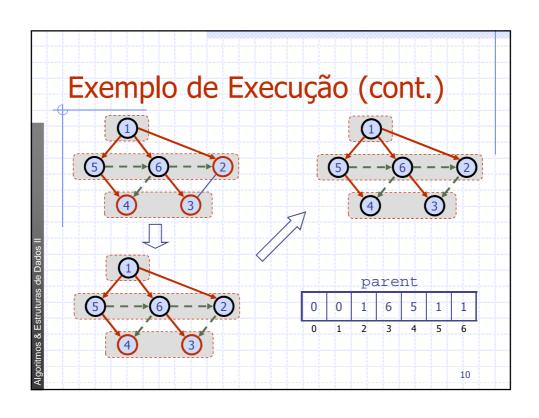


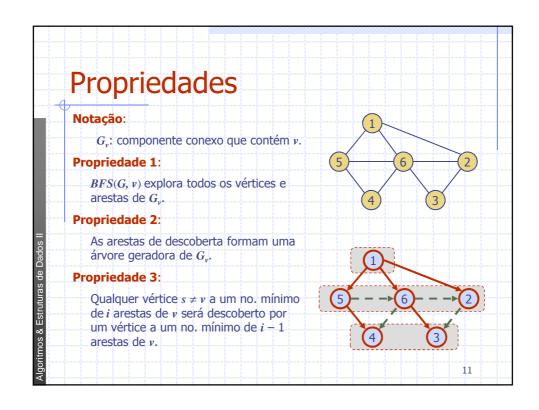
```
Implementação C (Skiena & Revilla, 2003)
                                                       bool processed[MAXV];
bfs(graph *g, int v) {
                                                       bool discovered[MAXV];
    queue q;
                /* queue of vertices to visit */
                                                       int parent[MAXV];
    int y;
                /* adjacent vertex */
                /* counter */
                                               /* graph.h */
    int i:
    init_queue(&q);
    enqueue(&q,v);
                                               typedef struct {
    discovered[v] = TRUE;
                                                   tipo_elem vertices[MAXV+1];
    while (empty(&q) == FALSE) {
                                                   int edges[MAXV+1][MAXDEGREE];
        v = dequeue(&q);
                                                   int degree[MAXV+1];
        process_vertex(v);
                                                   int nvertices;
        processed[v] = TRUE;
                                                   int nedges;
        for (i=0; i<g->degree[v]; i++) {
                                               } graph;
            y = g->edges[v][i];
            if (discovered[y] == FALSE) {
                  enqueue(&q,y);
                  discovered[y] = TRUE;
            if (processed[y] == FALSE) process_edge(v,y);
            /* Assume-se inicialização tal que parent[i] = 0 e
            processed[i] = discovered[i] = FALSE i=0,..., MAXV */
                                                                         6
```

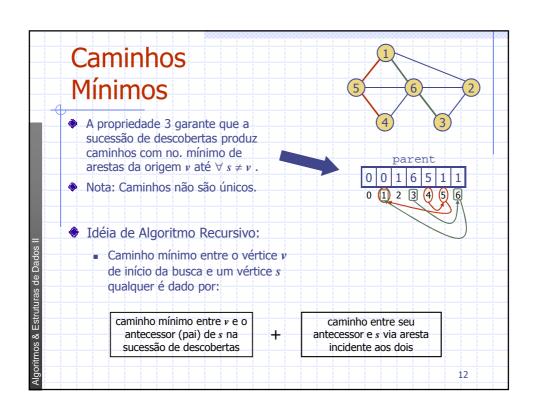


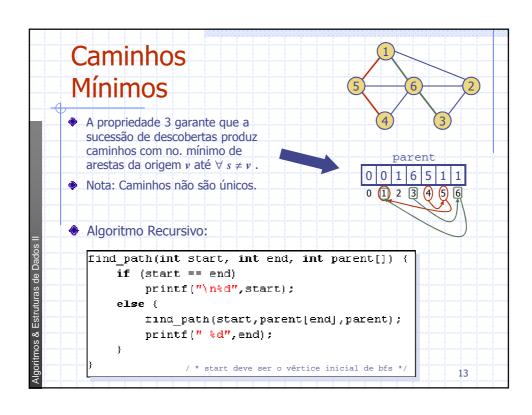


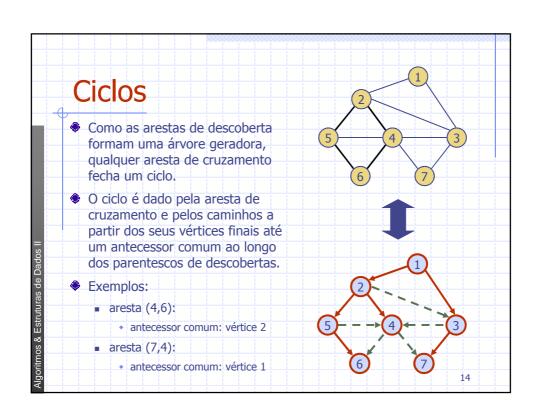






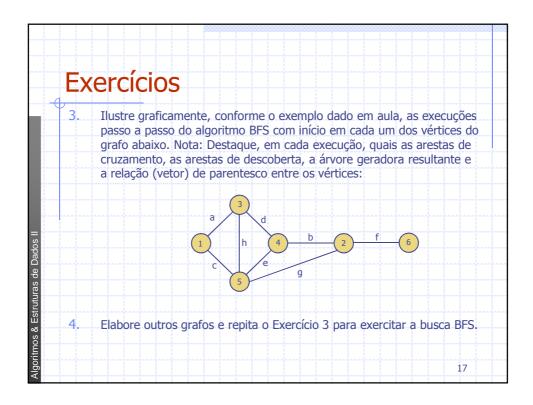


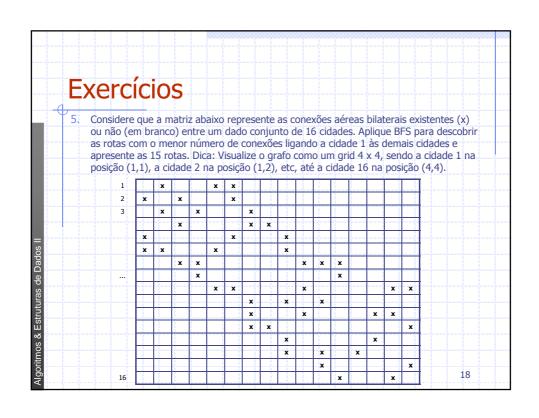




Análise A rotulação de um vértice leva tempo O(1). Cada um dos n vértices é rotulado três vezes: NÃO DESCOBERTO - DESCOBERTO - EXPLORADO $\Rightarrow O(n)$. Inserir ou remover um vértice da fila leva tempo O(1). Cada vértice é inserido e removido uma vez da fila $Q \Rightarrow O(n)$. Para cada vértice, cada uma de suas arestas incidentes e o respectivo vértice adjacente é verificado: Para um vértice v tem-se que isso leva tempo $O(\deg(v))^*$. Logo, lembrando que $\sum_{v \in G} \deg(v) = 2m$, tem-se O(m) no total. Portanto, assumindo que $Process_vertex(v)$ e $Process_edge(v)$ executam em tempo O(1), tem-se que BFS executa em tempo O(n+m). *PS. Esse tempo é válido para as implementações de grafos em lista de adjacências e estrutura alternativa.

Exercícios Na implementação de grafos em C discutida na aula de EDs para grafos, vimos que as rotinas de inserção e remoção de arestas já atualizam o contador nedges de forma apropriada, assim como devem fazer as rotinas de inserção e remoção de vértices com relação ao contador nvertices. Suponha, apenas hipoteticamente, que essas rotinas não disponham desse mecanismo de atualização simples e implemente as rotinas process_vertex e process_edge para que a execução de bfs atualize esses contadores. O teorema das quatro cores declara que qualquer mapa planar pode ser colorido utilizando apenas quatro cores sem que qualquer região seja colorida com a mesma cor de uma região vizinha. Após permanecer aberto como uma conjectura por mais de 100 anos, esse teorema foi provado em 1976 com a ajuda de um computador. Um problema mais simples que este é determinar se um grafo qualquer que seja não direcionado, simples e conexo pode ser bicolorido, isto é, ter seus vértices pintados com duas cores sem que vértices adjacentes sejam pintados com uma mesma cor. Explique como resolver esse problema com BFS e modifique o pseudo-código BFS para tal. 16





Referências M. T. Goodrich and R. Tamassia, Data Structures and Algorithms in C++/Java, John Wiley & Sons, 2002/2005. N. Ziviani, Projeto de Algoritmos, Thomson, 2a. Edição, 2004. T. H. Cormen, C. E. Leiserson, and R. L. Rivest, Introduction to Algorithms, MIT Press, 2nd Edition, 2001. S. Skiena e M. Revilla, Programming Challenges: The Programming Contest Training Manual, Springer-Verlag, 2003.