Revisão: gramáticas (parte 1)

Definições Hierarquia de Chomsky

Prof. Thiago A. S. Pardo taspardo@icmc.usp.br

Definições

- Alfabeto ou vocabulário: conjunto finito não vazio de símbolos; símbolo é um elemento qualquer de um alfabeto
 - □ Exemplo: {a,b}, {0,1,2,3,4,5}
- Cadeia: concatenação de símbolos de um alfabeto; define-se como cadeia vazia ou nula uma cadeia que não contém símbolo algum
 - Exemplo: aab, 12304, λ (cadeia nula)

Definições

- Comprimento da cadeia: número de símbolos da cadeia
 - □ Exemplo: |aab|=3, |12304|=5, $|\lambda|=0$
- Linguagem: coleção de cadeias de comprimento finito; cada cadeia é uma "sentença" da linguagem
 - □ Exemplo: {ab, bc}, {abⁿ, aⁿb: n>=0}

3

Definições

- Representação de linguagens: 3 mecanismos básicos
 - Enumeração exaustiva das cadeias
 - Viável somente para conjuntos pequenos
 - Regras de aceitação de cadeias
 - Reconhecedores, autômatos
 - Leis de formação: gramática

Gramáticas

- Formalmente, as gramáticas são definidas por quádruplas
 - □ G=(Vn, Vt, P, S)
 - Vn: conjunto de símbolos não-terminais da gramática
 - Vt: conjunto de símbolos terminais da gramática, os quais constituem as sentenças da linguagem
 - P: regras de produção, responsáveis por produzir as sentenças da linguagem
 - S: símbolo inicial da gramática, por onde se começa a derivação de sentenças

5

Gramáticas

- Exemplo
 - $\ \ \Box \ \ G=(\{S,A,B\},\ \{a,b\},\ P,\ S)$

 $P: S \rightarrow AB$

 $A \rightarrow a$

 $B \rightarrow bB \mid b$

- Qual a linguagem produzida por essa gramática?
- □ Faça a árvore de derivação para a cadeia abb

Gramáticas

- Exercício: qual a linguagem da gramática abaixo?
 - □ $G=({A,B}, {0,1}, P, A)$ P: $A \to 0A \mid B$ B $\to 1B \mid \lambda$

7

Gramáticas

 Duas gramáticas G1 e G2 são equivalentes se produzem a mesma linguagem

□ L(G1)=L(G2)

- Uma sentença é ambígua se existem duas ou mais seqüências de derivação que a define
- Uma gramática é ambígua se possui alguma sentença ambígua
- Exemplo: essa gramática é ambígua?

 $S \rightarrow AB$ $A \rightarrow AA|B|a$

 $B \rightarrow B c d | A$

Teste para a sentença aaacd

Classes de gramáticas

- Conforme as restrições impostas ao formato das produções de uma gramática, a classe de linguagens que tal gramática gera varia correspondentemente
- A teoria mostra que há quatro classes de gramáticas capazes de gerar quatro classes correspondentes de linguagens, de acordo com a denominada Hierarquia de Chomsky
 - Gramáticas com Estrutura de Frase ou Tipo 0
 - Gramáticas Sensíveis ao Contexto ou Tipo 1
 - Gramáticas Livres de Contexto ou Tipo 2
 - Gramáticas Regulares ou Tipo 3

9

Gramáticas com estrutura de frase ou irrestritas

- Nenhuma restrição é imposta
- Produções são da forma
 α→β, α ∈ (Vn U Vt)+, β ∈ (Vn U Vt)*
- Exemplo: qual a linguagem?

```
    G = ({A, B, C}, {a, b}, P, A)
    P: A → BC
    BC → CB
    B → b
    C → a
```

 $L(G)=\{ba,ab\}$

Gramáticas sensíveis ao contexto

- Restrição: nenhuma substituição pode reduzir o comprimento da forma sentencial
- βAγ → βaγ
- Produções são da forma
 - $\ \ \ \alpha \rightarrow \beta, \ \alpha \in \beta \in (Vn \ U \ Vt)^+, \ |\alpha| <= |\beta|$

11

Gramáticas sensíveis ao contexto

- Exemplo: qual a linguagem?
 - $G = (\{S, B, C\}, \{a, b, c\}, P, S)$

P: S → aSBC

S → aBC

CB → BC

aB → ab

bB → bb

bC → bc

 $cC \rightarrow cc$

 $L(G)=\{a^nb^nc^n\}$

Gramáticas livres de contexto

- Restrição: no lado esquerdo da regra há apenas um símbolo não-terminal
- Exemplo: qual a linguagem?
 - $G = (\{S,A,B\},\{a,b\},P,S)$ P: S → AB $A \rightarrow aA \mid a$ B → bB | b

 $L(G)=\{a^nb^m\}$

13

Gramáticas regulares

- Produções restritas a:
 - \Box A \rightarrow aB
 - \Box A \rightarrow a
 - $A \rightarrow \lambda$

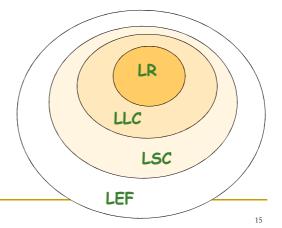
 $A,\,B\in\,Vn,\,a\in\,Vt$

- Exemplo: qual a linguagem?
 - $G = ({S},{a,b},P,S)$ P: S → aS
 S → b

 $L(G)=\{a^nb\}$

Gramáticas

- Hierarquia de Chomsky
 - Uma linguagem de qualquer tipo pode ser também de tipo menor



Gramáticas

Qual o tipo das linguagens de programação?