

Université de Lille, Sciences Humaines et Sociales UFR Mathématiques, Informatique, Management, Économie

Devoir maison : Applications des Méthodes de prévision

# Indicateurs synthétiques du climat des affaires en France



Préparé par :

Ben Yassine Mohamed

02 Janvier 2020

# Table des matières

| I   | <b>Pré</b><br>0.1 | esentation de série chronologique  Source de la série chronologique: | <b>2</b><br>4 |
|-----|-------------------|--|---------------|
|     | 0.1               | bource de la serie emonorogique.                                     | •             |
| II  | A                 | pplicartions des méthodes de lissage                                 | 5             |
| 1   | mét               | hode de lissage simple   | 6             |
|     | 1.1               | Définition   | 6             |
|     | 1.2               | Formules de mise à jour  | 6             |
|     | 1.3               | Choix de la valeur initiale  | 6             |
|     | 1.4               | Erreur de prévision  | 7             |
|     | 1.5               | Résultats  | 8             |
| 2   | mét               | hode de holt   | 10            |
|     | 2.1               | Formules de mise à jour  | 10            |
|     | 2.2               | Choix de la valeur initiale  | 10            |
|     | 2.3               | Erreur de prévision  | 10            |
|     | 2.4               | Résultats  | 11            |
| 3   | Mét               | hode de winter   | 12            |
|     | 3.1               | additive   | 12            |
|     | 3.2               | Multiplicatif  | 14            |
| III | т т               | a méthodologie de Box et Jenkins                                     | 16            |
| 111 | 3.3               | Présentation de la méthode   | 17            |
|     | 3.4               | Les Données  | 17            |
|     | 3.5               | Stabiliser la série  | 18            |
|     | 3.6               |  | 20            |
|     | 3.7               | Autocorrélation et L'Autocorrélation partielle                       | 20            |
|     | 3./               | Estimation du modèle   | 20            |
| IV  | C                 | conclusion   | 26            |

# Première partie Présentation de série chronologique

L'indicateur synthétique mensuel présenté dans cet série constitue un résumé de l'information contenue dans l'enquête de conjoncture dans les services. Il est obtenu par extraction d'un signal commun à trois séries de fréquence mensuelle et trois de fréquence trimestrielle. L'indicateur synthétique est le résultat de l'estimation d'un modèle à composantes inobservables.

L'indicateur synthétique comprennent et appliqué aux trois sous-secteurs couverts par l'enquête de conjoncture dans les services :

- Services aux entreprises.
- Services aux particuliers et activités immobilières.

Cet indicateur contient une information spécifique par rapport à l'indicateur synthétique du climat des affaires dans l'industrie manufacturière et contribue ainsi à la prévision du Pib.

L'enquête a été réalisée pour la première fois en 1962. Jusqu'en 2007, l'enquête avait lieu chaque mois sauf au mois d'août. Depuis 2008, elle a lieu tous les mois.

La série chronologique étudiée comporte 331 observations ( sans compter les douze dernières observation qui ont été conservé pour vérifier ), ce sont des données mensuelles de 1991-01 jusqu'au mois d'août 2018.

| 102,1 |
|-------|
| 100,7 |
| 99,2  |
| 98    |
| 94,7  |
| 91    |
| 87,2  |
| 88    |
| 88,7  |
| 89,2  |
| 90,4  |
| 90,6  |
| 90,9  |
| 89,7  |
| 88,5  |
| 88    |
| 88,2  |
| 89,2  |
| 90,1  |
| 88,3  |
|       |

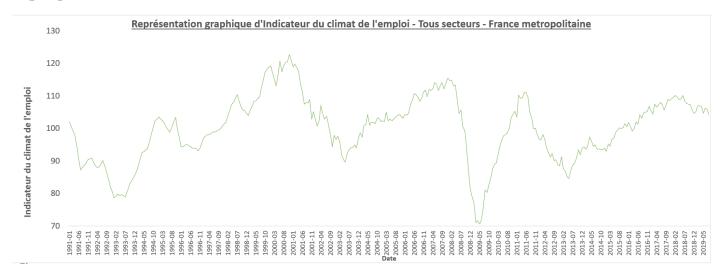
Un Extrait du tableau des données

### 0.1 Source de la série chronologique :

Les données proviennent de l'Institut national de la statistique et des études économiques (INSEE), l'enquête a été réalisée pour la première fois en 1962. Jusqu'en 2007, l'enquête avait lieu chaque mois sauf au mois d'août. Depuis 2008, elle a lieu tous les mois.

Identifiant:001796629.

#### Graphique



# Deuxième partie Applicartions des méthodes de lissage

## Chapitre 1

# méthode de lissage simple

#### 1.1 Définition

Le lissage exponentiel simple (LES) s'applique à des séries chronologiques sans saisonnalité et à tendance localement constante.

Le principe consiste à donner plus d'importance aux dernières observations.

#### 1.2 Formules de mise à jour

La formule est la suivante :

$$\hat{Y}_{T}(h) = \hat{Y}_{T-1}(h) + \alpha \left(Y_{T} - \hat{Y}_{T-1}(h)\right)$$

La prévision  $\hat{Y}_{T}\left(h\right)$  peut aussi s'écrire sous la forme suivante :

$$\hat{Y}_T(h) = \alpha Y_T + (1 - \alpha) \,\hat{Y}_{T-1}$$

Le coefficient  $\alpha$ , compris entre 0 et 1, s'applique à la dernière réalisation. Le coefficient  $(1 - \alpha)$  s'applique à la prévision précédente.

#### 1.3 Choix de la valeur initiale

On peut choisir pour valeur initiale :

- La moyenne de la série chronologique
- La première observation de la série chronologique

Dans ce cas la valeur initiale est la première observation de la série chronologique.

|         | t | $Y_T$ | valeur prédite pour $\mathbf{Y}_t$ |
|---------|---|-------|------------------------------------|
| 1991-01 | 1 | 102,1 | 102,1                              |
| 1991-02 | 2 | 100,7 | 102,1                              |
| 1991-03 | 3 | 99,2  | 100,71                             |
| 1991-04 | 4 | 98    | 99,22                              |
| 1991-05 | 5 | 94,7  | 98,01                              |
| 1991-06 | 6 | 91    | 94,73                              |
| 1991-07 | 7 | 87,2  | 91,04                              |
| 1991-08 | 8 | 88    | 87,24                              |
| 1991-09 | 9 | 88,7  | 87,99                              |

## 1.4 Erreur de prévision

L'erreur utilisé ici c'est l'erreur moyennne absolue en pourcentage définie par :

$$MAPE = \frac{1}{T} \sum_{i=1}^{T} \left| \frac{e-t}{Y_t} \right|$$

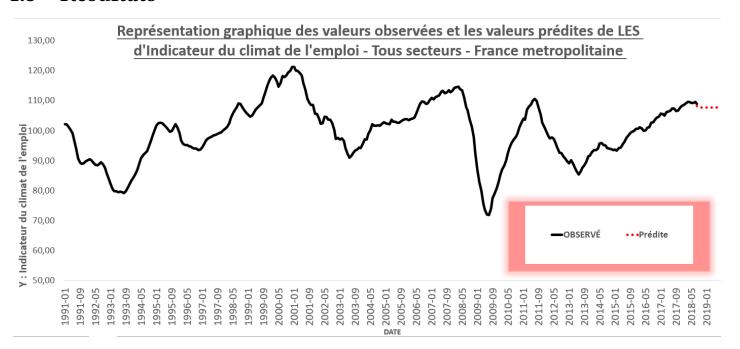
Avec  $\alpha=0.5$  le MAPE obtenu est égale à 2,22%.

|       |        |        |                | Lissa   | Lissage exponentiel simple |  |       |  |
|-------|--------|--------|----------------|---------|----------------------------|--|-------|--|
| •     | Y_chap | Erreur | Erreur Absolue | E carré | Erreur /Y                  |  |       |  |
| 402.4 | 402.40 | 0.00   | 0.00           | 0.00    | 0.000                      |  | ALPHA |  |
| 102,1 | ·      |        |                | 0,00    | 0,00%                      |  |       |  |
| 100,7 |        |        |                | 1,96    | 1,39%                      |  | 0,5   |  |
| 99,2  |        |        |                | 4,84    | 2,22%                      |  |       |  |
| 98    | 100,30 | -2,30  | 2,30           | 5,29    | 2,35%                      |  |       |  |
| 94,7  | 99,15  | -4,45  | 4,45           | 19,80   | 4,70%                      |  |       |  |
| 91    | 96,93  | -5,93  | 5,93           | 35,11   | 6,51%                      |  | MAPE  |  |
| 87,2  | 93,96  | -6,76  | 6,76           | 45,73   | 7,76%                      |  | 2,22% |  |
| 88    | 90,58  | -2,58  | 2,58           | 6,66    | 2,93%                      |  |       |  |
| 88,7  | 89,29  | -0,59  | 0,59           | 0,35    | 0,67%                      |  |       |  |
| 89,2  | 89,00  | 0,20   | 0,20           | 0,04    | 0,23%                      |  |       |  |
| 90,4  | 89,10  | 1,30   | 1,30           | 1,70    | 1,44%                      |  |       |  |
| 90,6  | 89,75  | 0,85   | 0,85           | 0,72    | 0,94%                      |  |       |  |

En utilisant le solver : la valeur de  $\alpha$  qui minimise le MAPE est  $\alpha=0,99$  ce qui donne une valeur de MAPE qui est égale à 1,55%

|       |        |        |                | Lissa   | age expon | onentiel simple |       |  |  |  |  |
|-------|--------|--------|----------------|---------|-----------|-----------------|-------|--|--|--|--|
| Υ     | Y_chap | Erreur | Erreur Absolue | E carré | Erreur /Y |                 |       |  |  |  |  |
| 102,1 | 102,10 | 0,00   | 0,00           | 0,00    | 0,00%     |                 | ALPHA |  |  |  |  |
| 100,7 | 102,10 | -1,40  | 1,40           | 1,96    | 1,39%     |                 | 0,99  |  |  |  |  |
| 99,2  | 100,71 | -1,51  | 1,51           | 2,29    | 1,53%     |                 |       |  |  |  |  |
| 98    | 99,22  | -1,22  | 1,22           | 1,48    | 1,24%     |                 |       |  |  |  |  |
| 94,7  | 98,01  | -3,31  | 3,31           | 10,97   | 3,50%     |                 |       |  |  |  |  |
| 91    | 94,73  | -3,73  | 3,73           | 13,94   | 4,10%     |                 | MAPE  |  |  |  |  |
| 87,2  | 91,04  | -3,84  | 3,84           | 14,73   | 4,40%     |                 | 1,55% |  |  |  |  |
| 88    | 87,24  | 0,76   | 0,76           | 0,58    | 0,87%     |                 |       |  |  |  |  |
| 88,7  | 87,99  | 0,71   | 0,71           | 0,50    | 0,80%     |                 |       |  |  |  |  |
| 89,2  | 88,69  | 0,51   | 0,51           | 0,26    | 0,57%     |                 |       |  |  |  |  |
| 90,4  | 89,19  | 1,21   | 1,21           | 1,45    | 1,33%     |                 |       |  |  |  |  |
| 90,6  | 90,39  | 0,21   | 0,21           | 0,04    | 0,23%     |                 |       |  |  |  |  |

#### 1.5 Résultats



En Rouge : la courbe des valeurs prédites par la méthode de lissage exponentiel simple

|         | t  | $Y_T$ | valeur prédite pour $\mathbf{Y}_t$ | $\mathbf{e}_t$ |
|---------|----|-------|------------------------------------|----------------|
| 1991-01 | 1  | 102,1 | 102,1                              | 0,00           |
| 1991-02 | 2  | 100,7 | 102,1                              | -1,40          |
| 1991-03 | 3  | 99,2  | 100,71                             | -1,51          |
| 1991-04 | 4  | 98    | 99,22                              | -1,22          |
| 1991-05 | 5  | 94,7  | 98,01                              | -3,31          |
| 1991-06 | 6  | 91    | 94,73                              | -3,73          |
| 1991-07 | 7  | 87,2  | 91,04                              | -3,84          |
| 1991-08 | 8  | 88    | 87,24                              | 0,76           |
| 1991-09 | 9  | 88,7  | 87,99                              | 0,71           |
| 1991-10 | 10 | 89,2  | 88,69                              | 0,51           |
| 1991-11 | 11 | 90,4  | 89,19                              | 1,21           |
| 1991-12 | 12 | 90,6  | 90,39                              | 0,21           |
| 1991-13 | 13 | 90,9  | 90,60                              | 0,30           |
| 1991-14 | 14 | 89,7  | 90,90                              | -1,20          |
| 1991-15 | 15 | 88,5  | 89,71                              | -1,21          |
| 1991-16 | 16 | 88    | 88,51                              | -0,51          |
| 1991-17 | 17 | 88,2  | 88,01                              | 0,19           |
| 1991-18 | 18 | 89,2  | 88,20                              | 1,00           |
| 1991-19 | 19 | 90,1  | 89,19                              | 0,91           |
| 1991-20 | 20 | 88,3  | 90,09                              | -1,79          |

Extrait des résultats

## **Chapitre 2**

#### méthode de holt

Le lissage exponentiel de Holt s'applique aux séries chronologiques sans composante saisonnière et à tendance localement linéaire.

#### 2.1 Formules de mise à jour

La formule est donnée par

$$\hat{Y}_T(h) = S_T + hT_T$$

où

$$\begin{cases} S_T = \alpha Y_t + (1 - \alpha) (S_{t-1} + T_{t-1}) \\ T_t = \gamma (S_t - S_{t-1}) + (1 - \gamma) T_{t-1} \end{cases}$$

#### 2.2 Choix de la valeur initiale

Ici la valeur initial pour T est zéro et pour  $S_t$  c'est la première valeur de la série chronologique. Pour  $\alpha$  et  $\gamma$  on a donné une valeur arbitraire qui vaut 0.5.

|         |       |        |       |        |        |           |  | ALPHA | GAMMA |
|---------|-------|--------|-------|--------|--------|-----------|--|-------|-------|
| Horizon | Υ     | St     | Tt    | Y_chap | Erreur | Erreur /Y |  | 0,5   | 0,5   |
|         |       | 102,10 | 0,00  |        |        |           |  |       |       |
|         | 102,1 | 102,10 | 0,00  | 102,10 | 0,00   | 0,00%     |  |       |       |
|         | 100,7 | 101,40 | 50,70 | 102,10 | -1,40  | 1,39%     |  |       |       |
|         | 99,2  | 125,65 | 62,48 | 152,10 | -52,90 | 53,33%    |  |       |       |

#### 2.3 Erreur de prévision

L'erreur utilisé est MAPE. avec  $\alpha = \gamma = 0.5$  on a obtenu MAPE = 99,26%

| 2  |         |         |       |        |       |        |         |           |  |        |       |
|----|---------|---------|-------|--------|-------|--------|---------|-----------|--|--------|-------|
| 3  |         |         |       |        |       |        |         |           |  | ALPHA  | GAMMA |
| 4  | Date    | Horizon | Υ     | St     | Tt    | Y_chap | Erreur  | Erreur /Y |  | 0,5    | 0,5   |
| 5  |         |         |       | 102,10 | 0,00  |        |         |           |  |        |       |
| 6  | 1991-01 |         | 102,1 | 102,10 | 0,00  | 102,10 | 0,00    | 0,00%     |  |        |       |
| 7  | 1991-02 |         | 100,7 | 101,40 | 50,70 | 102,10 | -1,40   | 1,39%     |  |        |       |
| 8  | 1991-03 |         | 99,2  | 125,65 | 62,48 | 152,10 | -52,90  | 53,33%    |  |        |       |
| 9  | 1991-04 |         | 98    | 143,06 | 58,31 | 188,13 | -90,13  | 91,96%    |  |        |       |
| 10 | 1991-05 |         | 94,7  | 148,03 | 51,49 | 201,37 | -106,67 | 112,64%   |  | MAPE   |       |
| 11 | 1991-06 |         | 91    | 145,26 | 45,96 | 199,52 | -108,52 | 119,25%   |  | 99,26% | 5     |
| 12 | 1991-07 |         | 87,2  | 139,21 | 42,48 | 191,22 | -104,02 | 119,29%   |  |        |       |
| 13 | 1991-08 |         | 88    | 134,84 | 41,42 | 181,69 | -93,69  | 106,46%   |  |        |       |
| 14 | 1991-09 |         | 88,7  | 132,48 | 42,82 | 176,26 | -87,56  | 98,71%    |  |        |       |
| 15 | 1991-10 |         | 89,2  | 132,25 | 44,23 | 175,30 | -86,10  | 96,52%    |  |        |       |
| 16 | 1991-11 |         | 90,4  | 133,44 | 45,20 | 176,48 | -86,08  | 95,23%    |  |        |       |
| 17 | 1991-12 |         | 90,6  | 134,62 | 45,79 | 178,64 | -88,04  | 97,17%    |  |        |       |
| 18 | 1992-01 |         | 90,9  | 135,65 | 45,82 | 180,41 | -89,51  | 98,47%    |  |        |       |
| 19 | 1992-02 |         | 89,7  | 135,59 | 45,42 | 181,47 | -91,77  | 102,31%   |  |        |       |

#### Avec solver : on abtenu :

| 2  |         |         |       |        |       |        |        |           |  |           |       |
|----|---------|---------|-------|--------|-------|--------|--------|-----------|--|-----------|-------|
| 3  |         |         |       |        |       |        |        |           |  | ALPHA     | GAMMA |
| 4  | Date    | Horizon | Υ     | St     | Tt    | Y_chap | Erreur | Erreur /Y |  | 0,8617927 | 0,99  |
| 5  |         |         |       | 102,10 | 0,00  |        |        |           |  |           |       |
| 6  | 1991-01 |         | 102,1 | 102,10 | 0,00  | 102,10 | 0,00   | 0,00%     |  |           |       |
| 7  | 1991-02 |         | 100,7 | 100,89 | -0,17 | 102,10 | -1,40  | 1,39%     |  |           |       |
| 8  | 1991-03 |         | 99,2  | 99,41  | -0,46 | 100,72 | -1,52  | 1,53%     |  |           |       |
| 9  | 1991-04 |         | 98    | 98,13  | -0,27 | 98,95  | -0,95  | 0,97%     |  |           |       |
| 10 | 1991-05 |         | 94,7  | 95,14  | -1,98 | 97,86  | -3,16  | 3,33%     |  | MAPE      |       |
| 11 | 1991-06 |         | 91    | 91,30  | -2,85 | 93,15  | -2,15  | 2,36%     |  | 1,87%     |       |

#### 2.4 Résultats



La méthode de Holt repose sur deux paramètres et suppose la tendance localement linéaire.

A chaque date, on remet à jour le niveau et la pente de la tendance.

La méthode de lissage simple s'adapte mieux à cette série en là comparant avec la méthode Holt. car cette méthode s'applique sur des série avec tendance.

Les résultats obtenues avec Holt ne sont pas bonnes.

## **Chapitre 3**

#### Méthode de winter

Le lissage de Winters concerne les séries chronologiques saisonnières La première étape consiste à choisir le modèle, additif ou multiplicatif, et à désaisonnaliser la série étudiée.

#### 3.1 additive

#### 3.1.1 Application du modèle

Appliquons la méthode à notre série mensuelle des indicateurs du Climat de l'emploi.

- On divise les données en un échantillon d'estimation et un échantillon de prévision.
- On crée 12 valeurs initiales de janvier 1990 à décembre 1990.

On initialise  $S_T$ = 93,32 la moyenne de 12 premiers observations de la série.

#### 3.1.2 Formules de mise à jour

La formule est donnée par

$$\hat{Y}_T(h) = S_T + hT_T + I_{T+h-s}$$

On complète le tableau à partir de t = 1, à l'aide des formules suivantes : où

$$\begin{cases} S_T = \alpha (Y_t - I_{T+h-s}) + (1 - \alpha) (S_{t-1} - T_{t-1}) \\ T_t = \gamma (S_t - S_{t-1}) + (1 - \gamma) T_{t-1} \\ I_t = \delta (Y_t - S_t) + (1 - \delta) I_{t-s} \end{cases}$$

 $S_T$  représente la composante de niveau,  $T_t$  la composante de tendance,  $I_t$  est un coefficient saisonnier et s la saison.

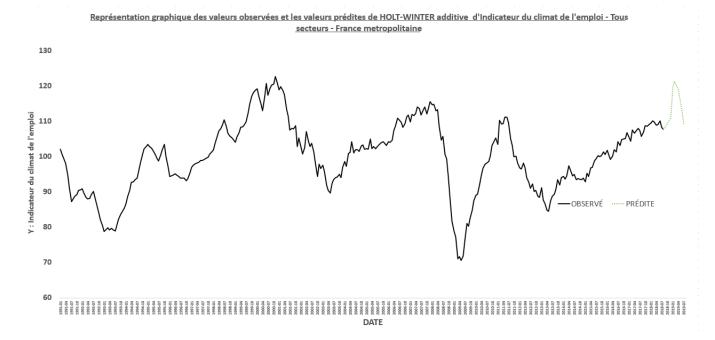
|      |           | t   | $Y_T$ | $S_t$  | $T_t$ | $T_t$  | valeur prédite pour $\mathbf{Y}_t$ | $\mathbf{e}_t$ | $ \mathbf{e}_t/Y_t $ |
|------|-----------|-----|-------|--------|-------|--------|------------------------------------|----------------|----------------------|
| 1990 | Janvier'  | -11 |       | 93,32  | 0,00  | 8,78   |                                    |                |                      |
|      | Février   | -10 |       | 93,32  | 0,00  | 7,38   |                                    |                |                      |
|      | Mars      | -9  |       | 93,32  | 0,00  | 5,88   |                                    |                |                      |
|      | Avril     | -8  |       | 93,32  | 0,00  | 4,68   |                                    |                |                      |
|      | Mai       | -7  |       | 93,32  | 0,00  | 1,38   |                                    |                |                      |
|      | Juin      | -6  |       | 93,32  | 0,00  | -2,32  |                                    |                |                      |
|      | Juillet   | -5  |       | 93,32  | 0,00  | -6,12  |                                    |                |                      |
|      | Août      | -4  |       | 93,32  | 0,00  | -5,32  |                                    |                |                      |
|      | Septembre | -3  |       | 93,32  | 0,00  | -4,62  |                                    |                |                      |
|      | Octobre   | -2  |       | 93,32  | 0,00  | -4,12  |                                    |                |                      |
|      | Novembre  | -1  |       | 93,32  | 0,00  | -2,92  |                                    |                |                      |
|      | Décembre  | 0   |       | 93,32  | 0,00  | -2,72  |                                    |                |                      |
| 1991 | Janvier   | 1   | 102,1 | 93,32  | 0,00  | 8,78   | 102,10                             | 0,00           | 0,00%                |
|      | Février   | 2   | 100,7 | 93,32  | 0,00  | 7,38   | 100,70                             | 0,00           | 0,00%                |
|      |           |     |       | '      | •     | •      | •                                  |                | '                    |
|      |           | ,   |       |        |       |        |                                    |                |                      |
|      |           | ,   |       |        |       |        |                                    |                |                      |
|      | •         | ,   |       |        |       |        |                                    |                |                      |
| 2017 | Septembre | 9   | 107   | 106,75 | 0,08  | 0,24   | 106,90                             | 0,10           | 0,10%                |
|      | Octobre   | 10  | 108,8 | 107,83 | 0,09  | 0,97   | 107,34                             | 1,46           | 1,34%                |
|      | Novembre  | 11  | 108,6 | 107,91 | 0,09  | 0,69   | 108,60                             | 0,00           | 0,00%                |
|      | Décembre  | 12  | 109,1 | 107,97 | 0,09  | 1,14   | 109,15                             | -0,05          | 0,05%                |
|      | Janvier   | 1   | 109,5 | 108,68 | 0,09  | 0,82   | 108,58                             | 0,92           | 0,84%                |
|      | Février   | 2   | 110,1 | 109,65 | 0,10  | 0,45   | 108,82                             | 1,28           | 1,17%                |
|      | Mars      | 3   | 109,8 | 109,30 | 0,10  | 0,50   | 110,45                             | -0,65          | 0,59%                |
|      | Avril     | 4   | 108,9 | 108,86 | 0,09  | 0,04   | 109,69                             | -0,79          | 0,72%                |
|      | Mai       | 5   | 109,1 | 108,81 | 0,09  | 0,29   | 109,31                             | -0,21          | 0,20%                |
|      | Juin      | 6   | 110,1 | 109,78 | 0,10  | 0,31   | 108,81                             | 1,29           | 1,17%                |
|      | Juillet   | 7   | 108,3 | 108,79 | 0,09  | -0,49  | 109,89                             | -1,59          | 1,47%                |
|      | Août      | 8   | 107,7 | 108,69 | 0,09  | -0,997 | 107,98                             | -0,28          | 0,26%                |
|      |           | 9   | 1     |        |       |        | 108,44                             |                |                      |
|      |           | 10  | 2     |        |       |        | 109,14                             |                |                      |
|      |           | 11  | 3     |        |       |        | 110,23                             |                |                      |
|      |           | 12  | 4     |        |       |        | 110,82                             |                |                      |
|      |           | 1   | 5     |        |       |        | 119,75                             |                |                      |
|      |           | 2   | 6     |        |       |        | 121,25                             |                |                      |
|      |           | 3   | 7     |        |       |        | 120,29                             |                |                      |
|      |           | 4   | 8     |        |       |        | 119,25                             |                |                      |
|      |           | 5   | 9     |        |       |        | 116,49                             |                |                      |
|      |           | 6   | 10    |        |       |        | 113,10                             |                |                      |
|      |           | 7   | 11    |        |       |        | 109,44                             |                |                      |
|      |           | 8   | 12    |        |       | 13     | 109,26                             |                |                      |

#### 3.1.3 Erreur de prévision

Avec  $\alpha = \gamma = \delta = 0.5$  on a obtenu MAPE = 13,30%.

En utilisant le solver on a obtenu : 2.36%, le solveur détermine un choix optimal des constantes.

#### 3.1.4 Résultats



#### 3.2 Multiplicatif

#### 3.2.1 Formules de mise à jour

Dans le cas multiplicatif les prévisions sont de la forme :

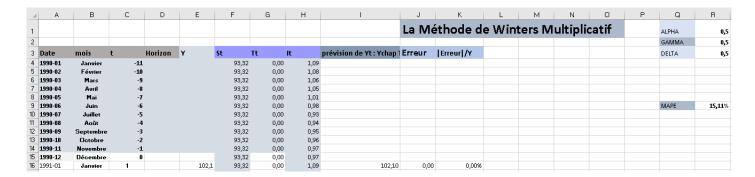
$$\hat{Y}_T = (S_T + hT_T) I_{T+h-s}$$

où

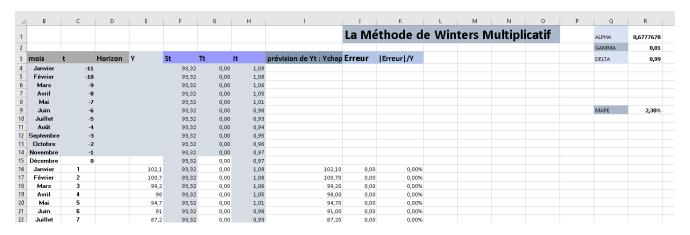
$$\begin{cases} S_T = \alpha \left( \frac{Y_t}{I_{t-s}} \right) + (1 - \alpha) \left( S_{t-1} - T_{t-1} \right) \\ T_t = \gamma \left( S_t - S_{t-1} \right) + (1 - \gamma) T_{t-1} \\ I_t = \delta \left( \frac{Y_t}{S_t} \right) + (1 - \delta) I_{t-s} \end{cases}$$

#### 3.2.2 Erreur de prévision

Avec  $\alpha = \gamma = \delta = 0.5$  on a trouvé : MAPE = 15,11%



Après utilisation du solveur, les valeurs de  $\alpha = \gamma = \delta$  qui minimisent le MAPE sont :



#### 3.2.3 Résultats



# Troisième partie La méthodologie de Box et Jenkins

Rappelons que la série chronologique étudiée concerne les Indicateurs synthétiques du climat des affaires en France, entre le mois de janvier 1991 jusqu'au mois d'août 2018.

#### 3.3 Présentation de la méthode

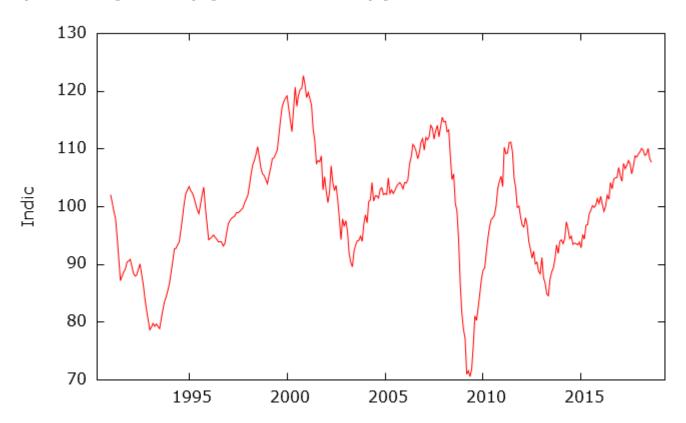
Dans la méthodologie d'analyse des séries chronologiques synthétisée par **Box et Jenkins** en 1976, on utilise trois types de processus pour construire un modèle restituant le mieux possible le comportement d'une série temporelle selon une procédure en trois étapes : identification, estimation et diagnostic, qu'il convient de réitérer jusqu'à ce que le résultat soit jugé satisfaisant.

Les trois processus sont :

- Les processus auto-régressifs.
- Les moyennes mobiles.
- Les processus intégrés. ]

#### 3.4 Les Données

La figure suivante présente le graphe de la série chronologique



L'identification des processus autorégressifs et de moyennes mobiles susceptibles d'expliquer le comportement de la série temporelle suppose de vérifier tout d'abord la stationnarité de la série.

On remarque que la série n'est pas stationnaire, pour s'assurer on fait le test de racine unitaire. **Dickey-Fuller**. Rappelons que les hypothèse du test de Dickey-Fuller sont :

- $-H_0$  La série comporte une racine unitaire.
- $-H_1$  La série ne comporte pas une racine unitaire. La série est stationnaire.

#### Sur **Gretl** on trouve le résultat suivant :

```
Test de Dickey-Fuller pour Indic
taille de l'échantillon 331
hypothèse nulle de racine unitaire : a = 1

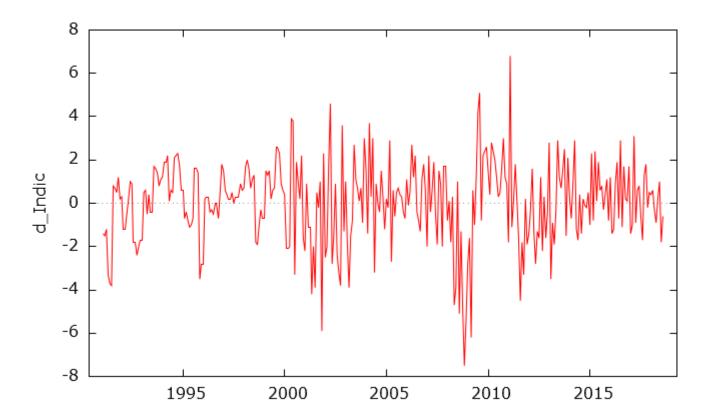
test avec constante
modèle: (1-L)y = b0 + (a-1)*y(-1) + e
valeur estimée de (a - 1): -0,0169428
statistique de test: tau_c(1) = -1,63567
p. critique 0,4632
Coeff. d'autocorrélation du ler ordre pour e: 0,241

avec constante et tendance temporelle
modèle: (1-L)y = b0 + b1*t + (a-1)*y(-1) + e
valeur estimée de (a - 1): -0,0180267
statistique de test: tau_ct(1) = -1,72234
p. critique 0,7394
Coeff. d'autocorrélation du ler ordre pour e: 0,241
```

Etant donné que la p-value calculé est supérieur au niveau de signification  $\alpha=0.05$  on doit accepter  $H_0$  donc la série n'est pas stationnaire.

#### 3.5 Stabiliser la série

Si la série n'est pas stationnaire il convient de transformer la série pour obtenir une série stationnaire. La transformation la plus courante est la différenciation de la série, opération où chaque valeur de la série est remplacée par la différence entre cette valeur et celle qui la précède ou faire une différence première. En applicant une différence première on obtient le graphe suivant :



```
Il faut tester la stationnarité de la nouvelle série :
```

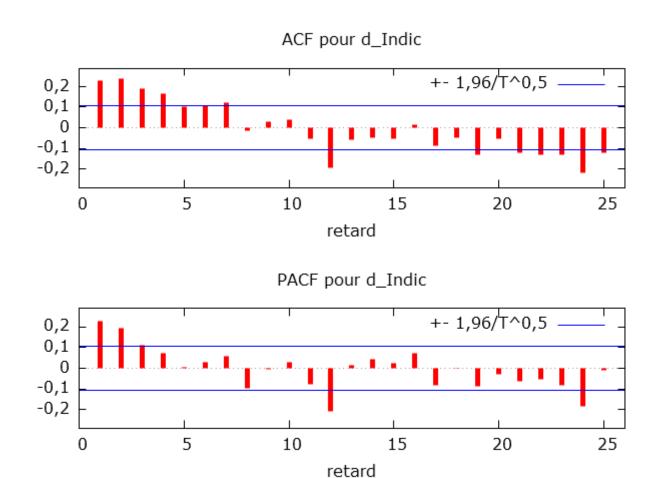
```
Test de Dickey-Fuller pour d_Indic
taille de l'échantillon 330
hypothèse nulle de racine unitaire : a = 1

test avec constante
modèle: (1-L)y = b0 + (a-l)*y(-1) + e
valeur estimée de (a - 1): -0,765404
statistique de test: tau_c(1) = -14,2703
p. critique 5,239e-027
Coeff. d'autocorrélation du ler ordre pour e: -0,049

avec constante et tendance temporelle
modèle: (1-L)y = b0 + b1*t + (a-1)*y(-1) + e
valeur estimée de (a - 1): -0,765925
statistique de test: tau_ct(1) = -14,2541
p. critique 3,065e-028
Coeff. d'autocorrélation du ler ordre pour e: -0,049
```

La valeur de la p-value est très petite pour cela on rejette  $H_0$  donc la différence première de la série est stationnaire. Une fois obtenue la stationnairé de la série, l'étape suivante consiste à analyser le graphe de la fonction d'autocorrélation (FAC) et celui de la fonction d'autocorrélation partielle (FAP) afin d'estimer notre modèle.

#### 3.6 Autocorrélation et L'Autocorrélation partielle



#### 3.7 Estimation du modèle

En analysant le corrélogramme on voit que les valeurs de ACF sont décroissantes et significativement différentes de zéro, et que les valeurs de PACF sont nulles à partir du rang 5 .

On utilisant un processus autoregressive d'orde 2.

Évaluations de la fonction : 24 Évaluations du gradient : 6

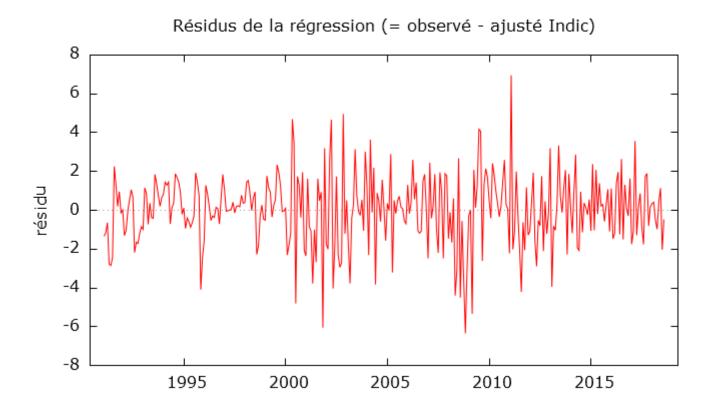
Modèle 22: ARIMA, utilisant les observations 1991:02-2018:08 (T = 331)

Estimated using AS 197 (MV exacte) Variable dépendante: (1-L) Indic

Écarts type basés sur la matrice hessienne

|         | coefficient      | erreur std.   | z        | p. critique |     |
|---------|------------------|---------------|----------|-------------|-----|
| const   | 0,00970661       | 0,162807      | 0,05962  | 0,9525      |     |
| phi 1   | 0,187178         | 0,0537246     | 3,484    | 0,0005      | * * |
| phi_2   | 0,202215         | 0,0538006     | 3,759    | 0,0002      | **  |
| Moy. va | r. dép.          | 0,016918      |          |             |     |
| Éc. typ | e var. dép.      | 1,908423      |          |             |     |
| Moyenne | des innovations  | 0,003061      |          |             |     |
| Ec. typ | e des innovation | s 1,813774    |          |             |     |
| Log de  | vraisemblance    | -666,8193     |          |             |     |
| Critère | d'Akaike         | 1341,639      |          |             |     |
| Critère | de Schwarz       | 1356,847      |          |             |     |
| Hannan- | Quinn            | 1347,704      |          |             |     |
|         | R                | éel Imaginair | e Modulo | Fréquence   |     |
| AR      |                  |               |          |             |     |
| Racine  | 1 1,8            | 086 0,0000    | 1,8086   | 0,0000      |     |
| Racine  | •                | •             | 2,7343   | *           |     |

#### vérification de la blancheur de l'erreur



On peut voir de ce graphe que l'espérance des erreurs est null, pour s'assurer on peut appliquer le test dans le cour, en calculant la statistique du test on trouve que  $t=\sqrt{T}$   $\frac{\bar{e}}{\hat{\sigma}}=0.03<1,96$  donc on ne rejette pas  $H_0$  donc l'espérance des erreurs est nulle.

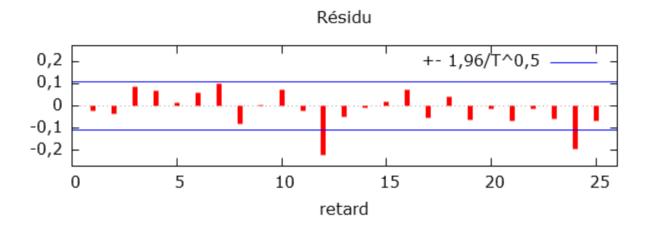
#### **Test PORTMANTEAU:**

```
Test d'autocorrélation jusqu'à l'ordre 12

Ljung-Box Q' = 32,624,

avec p. critique = P(Chi-deux(10) > 32,624) = 0,0003150
```

La statistique Ljung-Box Q permet de déterminer si une série d'observations dans le temps sont aléatoires et indépendantes. Si les observations ne sont pas indépendantes, une obser- vation peut être corrélée avec une autre observation k unités de temps après, établissant ainsi une relation appelée autocorrélation. d'après le test portmanteau on a la p-critique très petite donc on ne retient pas le modèle. Il faut estimer un autre modèle, en regardant le corrélogramme des résidus on remarque qu'il faut ajouter d'autre coefficients significative : 12 et 24.



Cependant c'est ce pas un bon modèle car les autocorrélations ne forment pas un bruit blanc. En ajoutant les deux coefficient on obtient le modèle suivant : Évaluations de la fonction : 40 Évaluations du gradient : 9

Modèle 44: ARIMA, utilisant les observations 1991:02-2018:08 (T = 331)

Estimated using AS 197 (MV exacte) Variable dépendante: (1-L) Indic

Écarts type basés sur la matrice hessienne

|           | coefficient     | erreur std. | Z      | p. critique |     |
|-----------|-----------------|-------------|--------|-------------|-----|
| const     | 0,0324588       | 0,0841087   | 0,3859 | 0,6996      |     |
| phi_1     | 0,146117        | 0,0511556   | 2,856  | 0,0043      | *** |
| phi_2     | 0,191645        | 0,0511023   | 3,750  | 0,0002      | *** |
| phi 12    | -0,253127       | 0,0514859   | -4,916 | 8,81e-07    | *** |
| phi_24    | -0,231684       | 0,0518210   | -4,471 | 7,79e-06    | *** |
| Moy. var. | dép.            | 0,016918    |        |             |     |
| Éc. type  | var. dép.       | 1,908423    |        |             |     |
| Moyenne d | les innovations | -0,018071   |        |             |     |
| Ec. type  | des innovations | 1,716841    |        |             |     |
| Log de vr | aisemblance     | -649,6215   |        |             |     |
| Critère d | l'Akaike        | 1311,243    |        |             |     |
| Critère d | le Schwarz      | 1334,056    |        |             |     |
| Hannan-Qu | inn             | 1320,342    |        |             |     |
|           |                 |             |        |             |     |

On passe après au modèle suivant car le test Portmanteau implique qu'il ne faut pas retenir le modèle.

Évaluations de la fonction : 48 Évaluations du gradient : 13

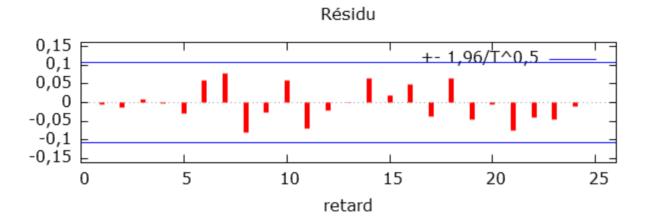
Modèle 48: ARIMA, utilisant les observations 1991:02-2018:08 (T = 331)

Estimated using AS 197 (MV exacte) Variable dépendante: (1-L) Indic

Écarts type basés sur la matrice hessienne

|                          | coefficient | erreur std. | z      | p. critique |     |
|--------------------------|-------------|-------------|--------|-------------|-----|
| const                    | 0,0101964   | 0,0289907   | 0,3517 | 0,7251      |     |
| phi_1                    | 0,379371    | 0,112721    | 3,366  | 0,0008      | *** |
| phi_2                    | 0,315094    | 0,106301    | 2,964  | 0,0030      | *** |
| theta_1                  | -0,279315   | 0,103415    | -2,701 | 0,0069      | *** |
| theta_2                  | -0,179926   | 0,0877109   | -2,051 | 0,0402      | **  |
| theta 12                 | -0,318910   | 0,0555658   | -5,739 | 9,51e-09    | *** |
| theta_24                 | -0,183421   | 0,0494952   | -3,706 | 0,0002      | *** |
| Moy. var.                | dép.        | 0,016918    |        |             |     |
| Éc. type var. dép.       |             | 1,908423    |        |             |     |
| Moyenne des innovations  |             | 0,008816    |        |             |     |
| Ec. type des innovations |             | 1,671471    |        |             |     |
| Log de vraisemblance     |             | -641,9694   |        |             |     |
| Critère d'Akaike         |             | 1299,939    |        |             |     |
| Critère de Schwarz       |             | 1330,356    |        |             |     |
| Hannan-Quinn             |             | 1312,070    |        |             |     |

Le modèle estimé est correct. Je l'ai comparé avec d'autre modèles valides, mais celui-ci est le meilleur car il a le plus petit AIC et le plus petit SBIC.



On a les autocorrélations et les autocorrélations partielle qui sont tous à l'intérieur de la barre bleu et donc on ne rejette pas l'hypothèse nulle.

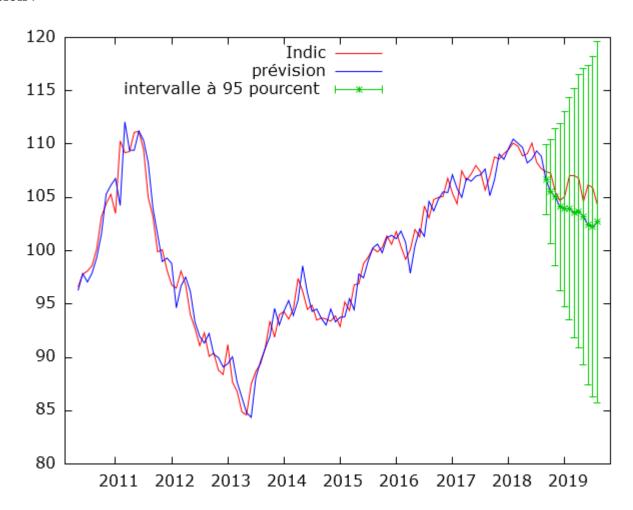
C'est un modèle dont les erreurs sont un bruit blanc.

En appliquant différent modèle on a pu trouver un bon modèle pour cette série . Le modèle à retenir s'écrit donc sous la forme suivante :

#### Modèle 1:

$$(1-B)(1-\phi_1B-\phi_2B^2)(X_t-\mu) = (1-\theta_1B-\theta_2B^2-\theta_{12}B^{12}-\theta_{24}B^{24})\epsilon_t$$

#### Prévision:



En faisant les prévisions pour les 12 dernières données conservées, on trouve un MAPE de 1,9493%

| Statistiques d'évaluation des prédictions |          |  |  |  |
|---|----------|--|--|--|
| Erreur Moyenne                            | 2,0707   |  |  |  |
| Racine de la moyenne des erreurs au carré | 2,3974   |  |  |  |
| Erreur absolue moyenne                    | 2,0707   |  |  |  |
| Mean Percentage Error 1,9493              |          |  |  |  |
| Mean Absolute Percentage Error            | 1,9493   |  |  |  |
| U de Theil                                | 1,9637   |  |  |  |
| Proportion de biais, UM                   | 0,74602  |  |  |  |
| Proportion des régressions, UR            | 0,096331 |  |  |  |
| Proportion des perturbations, UD          | 0,15765  |  |  |  |

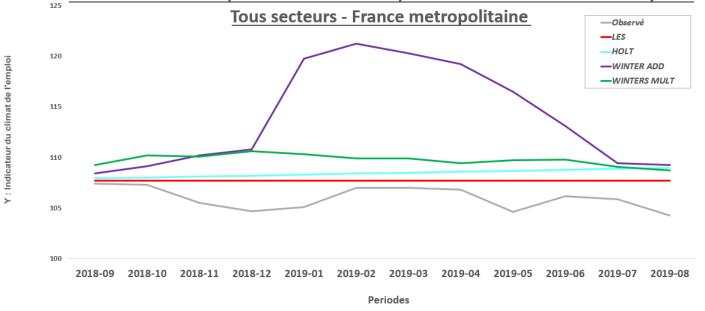
# Quatrième partie Conclusion

#### - Méthodes de lissage :

#### Comparaison des méthodes (12 dernieres valeurs) :

|         |       | Lissage exponentiel simple         |                  | Méthode de holt      |                                     |                |                      |
|---------|-------|------------------------------------|------------------|----------------------|-------------------------------------|----------------|----------------------|
| Période | Y     | valeur prédite pour $\mathbf{Y}_t$ | $e_t$            | $ \mathbf{e}_t/Y_t $ | valeur prédite pour $\mathbf{Y}_t$  | $\mathbf{e}_t$ | $ \mathbf{e}_t/Y_t $ |
| 2018-09 | 107,4 | 107,71                             | -0,31            | 0,00                 | 107,93                              | -0,53          | 0,00                 |
| 2018-10 | 107,3 | 107,71                             | -0,41            | 0,00                 | 108,02                              | -0,72          | 0,01                 |
| 2018-11 | 105,5 | 107,71                             | -2,21            | 0,02                 | 108,12                              | -2,62          | 0,02                 |
| 2018-12 | 104,7 | 107,71                             | -3,01            | 0,03                 | 108,21                              | -3,51          | 0,03                 |
| 2019-01 | 105,1 | 107,71                             | -2,61            | 0,02                 | 108,31                              | -3,21          | 0,03                 |
| 2019-02 | 107   | 107,71                             | -0,71            | 0,01                 | 108,41                              | -1,41          | 0,01                 |
| 2019-03 | 107   | 107,71                             | -0,71            | 0,01                 | 108,50                              | -1,50          | 0,01                 |
| 2019-04 | 106,8 | 107,71                             | -0,91            | 0,01                 | 108,60                              | -1,80          | 0,02                 |
| 2019-05 | 104,6 | 107,71                             | -3,11            | 0,03                 | 108,69                              | -4,09          | 0,04                 |
| 2019-06 | 106,2 | 107,71                             | -1,51            | 0,01                 | 108,79                              | -2,59          | 0,02                 |
| 2019-07 | 105,9 | 107,71                             | -1,81            | 0,02                 | 108,88                              | -2,98          | 0,03                 |
| 2019-08 | 104,3 | 107,71                             | -3,41            | 0,03                 | 108,98                              | -4,68          | 0,04                 |
|         |       | $\sum$                             | -20,67           |                      | $\sum$                              | -29,65         |                      |
|         |       | MAPE                               | 0,016361092      |                      | MAPE                                | 0,023428886    |                      |
|         |       | La Méthode de V                    | Winters additive |                      | La Méthode de Winters Multiplicatif |                |                      |
| Période | Y     | valeur prédite pour $\mathbf{Y}_t$ | $\mathbf{e}_t$   | $ \mathbf{e}_t/Y_t $ | valeur prédite pour $\mathbf{Y}_t$  | $\mathbf{e}_t$ | $ \mathbf{e}_t/Y_t $ |
| 2018-09 | 107,4 | 108,44                             | -1,04            | 0,01                 | 109,25                              | -1,85          | 0,02                 |
| 2018-10 | 107,3 | 109,14                             | -1,84            | 0,02                 | 110,22                              | -2,92          | 0,03                 |
| 2018-11 | 105,5 | 110,23                             | -4,73            | 0,04                 | 110,08                              | -4,58          | 0,04                 |
| 2018-12 | 104,7 | 110,82                             | -6,12            | 0,06                 | 110,62                              | -5,92          | 0,06                 |
| 2019-01 | 105,1 | 119,75                             | -14,65           | 0,14                 | 110,34                              | -5,24          | 0,05                 |
| 2019-02 | 107   | 121,25                             | -14,25           | 0,13                 | 109,93                              | -2,93          | 0,03                 |
| 2019-03 | 107   | 120,29                             | -13,29           | 0,12                 | 109,92                              | -2,92          | 0,03                 |
| 2019-04 | 106,8 | 119,25                             | -12,45           | 0,12                 | 109,45                              | -2,65          | 0,02                 |
| 2019-05 | 104,6 | 116,49                             | -11,89           | 0,11                 | 109,70                              | -5,10          | 0,05                 |
| 2019-06 | 106,2 | 113,10                             | -6,90            | 0,06                 | 109,77                              | -3,57          | 0,03                 |
| 2019-07 | 105,9 | 109,44                             | -3,54            | 0,03                 | 109,08                              | -3,18          | 0,03                 |
| 2019-08 | 104,3 | 109,26                             | -4,96            | 0,05                 | 108,75                              | -4,45          | 0,04                 |
|         |       | $\sum$                             | -95,67           |                      | Σ                                   | -45,30         |                      |
|         |       | MAPE                               | 0,075262384      |                      | MAPE                                | 0,03572601     |                      |





En comparant les méthodes précedentes celon le MAPE obtenu , on retient **la méthode de lissage simple.** La Méthode de Lissage Simple donne un MAPE de 1,55%. Et donc en comparant la méthode de LES avec les autres méthodes, on constate que cette méthode donne le MAPE le plus petit en ajustement et en prévision. et en comparant aussi la somme des erreurs de prévisons on remarque que ça donne aussi la plus petite valeur ( voir le tableau des comparaisons ) Et donc ce résultat nous amène à préférer cette méthode par rapport aux autres.

La méthode du lissage exponentiel simple a permis de mettre en évidence l'importance du choix du paramètre :

Un paramètre proche de 1 donne plus d'importance aux observations récentes, tandis qu'un paramètre proche de 0 renforce l'importance du passé plus lointain (D'après le Solveur).

Parmi les méthodes de prévisions appliquées à la série des indicateurs synthétiques du climat des affaires en France, celle qui fournit le MAPE le plus faible est la méthode de lissage exponentiel simple avec un MAPE de prévision de 1,64

Le tableau ci-dessous résume les prévisions de la méthode de lissage exponentiel simple et celui de de la méthode Box et Jenkins :

|         |                   | Lissage exponentiel simple         | Box-Jenkis                |
|---------|-------------------|------------------------------------|---------------------------|
| Dates   | valeurs observées | valeur prédite pour $\mathbf{Y}_t$ | valeur prédite pour $Y_t$ |
| 2018-09 | 107,4             | 107,71                             | 106,647                   |
| 2018-10 | 107,3             | 107,71                             | 105,557                   |
| 2018-11 | 105,5             | 107,71                             | 105,042                   |
| 2018-12 | 104,7             | 107,71                             | 104,092                   |
| 2019-01 | 105,1             | 107,71                             | 103,919                   |
| 2019-02 | 107               | 107,71                             | 103,943                   |
| 2019-03 | 107               | 107,71                             | 103,532                   |
| 2019-04 | 106,8             | 107,71                             | 103,673                   |
| 2019-05 | 104,6             | 107,71                             | 103,202                   |
| 2019-06 | 106,2             | 107,71                             | 102,410                   |
| 2019-07 | 105,9             | 107,71                             | 102,252                   |
| 2019-08 | 104,3             | 107,71                             | 102,681                   |
|         |                   | MAPE                               | MAPE                      |
|         |                   | 1,64 %                             | 1,9493%                   |