

---

## *Eddig mi volt?*

---

- **Írjuk fel az alábbi definíciót, illetve állítást:**

---

- (a) Mikor nevezzük az  $X_1, \dots, X_n$  valószínűségi változókat (együttesen) függetlennek? ( $n > 0$ )
- (b) Írjuk fel az  $Y$  valószínűségi változó  $X$ -re vett lineáris regresszióját, és az abban szereplő (tipikusan  $\alpha$ -val és  $\beta$ -val jelölt) együtthatókat az  $X$  és  $Y$  változók kovarianciája, várható értékei, és szórásai segítségével.

- **Írjuk fel az alábbi definíciót, illetve állítást:**

---

- (a) Hogyan, és milyen feltételek mellett definiáljuk az  $X$  és  $Y$  valószínűségi változók korrelációját, az  $X$  és  $Y$  kovarianciájának és szórásainak segítségével?
- (b) Milyen feltétel(ek)e)t kell teljesítsen egy  $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  függvény ahhoz, hogy létezzen egy  $X$  folytonos valószínűségi változó, aminek  $f$  a sűrűségfüggvénye? (Feltesszük, hogy  $f$  Riemann-integrálható.)

- **Írjuk fel az alábbi definíciót, illetve állítást:**

---

- (a) Hogyan definiáljuk egy egyszerű valószínűségi változó várható értékét?
- (b) Milyen feltétel esetén, és hogyan fejezhető ki az  $X$  és  $Y$  valószínűségi változók szorzatának várható értéke  $E(X)$  és  $E(Y)$  segítségével, az előadáson elhangzott állítás szerint?

- **Írjuk fel az alábbi definíciót, illetve állítást:**

---

- (a) Legyen  $(X, Y)$  együttesen folytonos valószínűségi vektorváltozó. Hogyan definiáljuk az  $Y$ -nak az  $X$ -re vett feltételes sűrűségfüggvényét?
- (b) Legyen  $X$  egyszerű (diszkrét) valószínűségi változó, és  $g: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  függvény, amire  $E g(X)$  létezik. Fejezzük ki  $E g(X)$  értékét az  $X$  eloszlásának segítségével