Đề thi CUỐI KỲ môn THUẬT TOÁN ỨNG DỤNG kỳ 20201 16/01/2021, Chỉ được phép truy cập vào trang nộp bài 202.191.56.251:18888/TTUD20201

Muc luc

CAP	1
LIS1	1
GROUPUP	2
ROUTE	

MỌI HÌNH THỰC COPY BÀI NHAU ĐỀU BỊ XỬ LÝ KỶ LUẬT NẶNG!

Bài A. CAP

Cho 2 tập số nguyên dương được biểu diễn bởi 2 dãy $a = a_1, \ldots, a_n$ và $b = b_1, \ldots, b_m$. Hãy tìm số phần tử thuộc giao của 2 tập hợp đã cho.

Dữ liệu vào

Dòng đầu chứa một số nguyên là số test case: T ($0 \le T \le 10$). Tiếp theo, mỗi test case được cho trên 4 dòng như sau:

- $\bullet\,$ Dòng đầu chứa số nguyên dương: n
- $\bullet\,$ Dòng tiếp theo chứa dãy a
: $a_1~a_2~...~a_n$
- $\bullet\,$ Dòng tiếp theo chứa số nguyên dương: m
- Dòng tiếp theo chứa dãy b: b_1 b_2 ... b_m

Dữ liệu đảm bảo các số trong cùng một dãy thì đôi một khác nhau.

Kết quả

Ghi ra T dòng, mỗi dòng là số phần tử của a giao b tương ứng cho từng testcase trong input.

Ví du

test	answer
1	2
4	
2 1 4 3	
3	
1 5 4	

Han chế

• $2 \le n \le 100, 1 \le a_i \le 10^9$

Bài B. LIS1

Cho dãy số nguyên a. Dãy con của a là dãy thu được bằng cách xóa đi một số phần tử của a (có thể không xóa phần tử nào, cũng có thể xóa hết tất cả). Một dãy con được gọi là đẹp nếu phần tử đứng sau lớn hơn phần tử đứng trước đúng một đơn vị.

Yêu cầu: Hãy tìm dãy con đẹp dài nhất của dãy a.

Dữ liêu vào

Dòng đầu chứa một số nguyên là số test case: T ($0 \le T \le 10$). Tiếp theo, mỗi test case được cho trên 2 dòng như sau:

Đề thi CUỐI KỲ môn THUẬT TOÁN ỨNG DỤNG kỳ 20201 16/01/2021, Chỉ được phép truy cập vào trang nộp bài 202.191.56.251:18888/TTUD20201

- $\bullet\,$ Dòng đầu chứa số phần tử của dãy $a{:}~n$
- $\bullet\,$ Dòng tiếp theo chứa dãy a

Kết quả

Ghi ra T dòng, mỗi dòng một số nguyên duy nhất là độ dài của dãy con đẹp dài nhất tìm được tương ứng với testcase trong input.

Ví dụ

test	answer
1	3
6	
3 1 2 4 3 5	

Giải thích

Dãy con đẹp dài nhất là: 3 4 5. Một dãy con khác cũng đẹp và dài nhất là: 1 2 3

Hạn chế

- Trong tất cả các test: $n \le 10^5$, $1 \le a_i \le 10^9$
- 25% test với n < 20
- 25% test tiếp theo với n < 1000
- 25% test tiếp theo với $1 \le a_i \le 10^6$
- $\bullet~25\%$ test còn lại không có ràng buộc gì thêm

Bài C. GROUPUP

Đêm Giao Thừa năm nay có n nhóm người tụ tập đứng dọc đường bờ hồ để xem pháo hoa. Các nhóm được đánh số từ 1 đến n theo thứ tự từ đầu đường đến cuối đường, nhóm thứ i có a_i người.

Sắp đến giờ xem pháo hoa, các nhóm này sẽ hợp nhất với nhau để tạo thành một nhóm duy nhất. Quá trình hợp nhất nhóm diễn ra như sau:

- Nếu chỉ còn một nhóm thì dừng quá trình.
- Ngược lại, hai nhóm kề nhau sẽ hợp lại với nhau: Nhóm 1 hợp lại với nhóm 2, nhóm 3 hợp lại với nhóm 4,
 ... Nếu có lẻ nhóm, nhóm sau cùng sẽ không phải làm gì.
- Đánh số lại các nhóm mới từ đầu đường đến cuối đường, bắt đầu từ 1.
- Lặp lại bước một.

Thời gian cần để hai nhóm hợp nhất với nhau bằng tổng số người trong hai nhóm. Mỗi lần hợp nhất, các nhóm sẽ thực hiện song song, sau đó chờ các nhóm khác thực hiện xong để tiếp tục lần hợp mới. Do đó thời gian cần cho mỗi lần hợp nhất (tức mỗi vòng lặp) sẽ là lượng thời gian lớn nhất trong số các cặp nhóm cần hợp. Cụ thể, thời gian mà k nhóm b_1, b_2, \ldots, b_k cần để thực hiện một lần hợp nhất là $\max(b_1 + b_2, b_3 + b_4, \ldots, b_{k-1} + b_k)$ nếu k chẵn, và $\max(b_1 + b_2, b_3 + b_4, \ldots, b_{k-2} + b_{k-1})$ nếu k lễ.

Yêu cầu: Hãy tính tổng thời gian hợp nhất của tất cả các nhóm người.

Dữ liệu vào

Dòng đầu chứa một số nguyên là số test case: T ($0 \le T \le 10$). Tiếp theo, mỗi test case được cho trên 2 dòng như sau:

 \bullet Dòng đầu chứa số nguyên dương: n

• Dòng tiếp theo chứa dãy a: $a_1 \ a_2 \ \dots \ a_n$

Kết quả

Ghi ra T dòng, mỗi dòng là tổng thời gian tìm được tương ứng với testcase trong input.

Ví dụ

test	answer
1	36
6	
3 1 2 5 4 3	

Giải thích

Lần 1 mất $\max(3+1,2+5,4+3)=7$ đơn vị thời gian. Các nhóm sau đó: 4 7 7 Lần 2 mất 4+7=11 đơn vị thời gian. Các nhóm sau đó: 11 7 Lần 3 mất 11+7=18 đơn vị thời gian. Tổng là 36

Hạn chế

- $2 \le n \le 10^5, 1 \le a_i \le 100$

Bài D. ROUTE

Trong kho có n điểm $1, 2, \ldots, n$ chứa hàng. Biết rằng điểm i có lượng hàng là $a_i (i = 1, \ldots, n)$. Nhân viên kho vận đứng tại cửa kho (điểm 0) và cần lấy 1 lượng hàng là Q. Biết d(i,j) là khoảng cách giữa điểm i và j $(i,j = 0,1,\ldots,n)$. Hãy tìm lộ trình cho nhân viên kho xuất phát từ cửa kho (điểm 0), đi qua 1 số điểm chứa hàng để lấy đủ lượng hàng Q và quay trở ra cửa kho với tổng độ dài quãng đường là nhỏ nhất. Lưu ý là đến mỗi điểm lấy hàng i thì không nhất thiết phải lấy hết toàn bộ lượng hàng a_i .

Đây là bài toán NP-khó có dạng Output-Only, nghĩa là bạn sẽ được cung cấp toàn bộ input chuẩn và bạn chỉ cần nộp lên chấm output bạn tìm được. Kết quả output càng tốt thì điểm của bạn càng cao với cách tính điểm cho 1 test như sau:

- Gọi GK là tổng quãng đường cần đi theo kết quả của Ban giám khảo (giá trị này thí sinh không được biết, chỉ dùng khi chấm), TS là tổng quãng đường cần đi theo kết quả của thí sinh.
- Đặt $x = \frac{TS GK}{GK}$.
- Nếu x < 0 bạn được 10 điểm cho test này.
- Nếu $x \ge 0$ bạn được $\frac{1}{1+10*x}$ điểm cho test này.

Điểm của bài thi là tổng điểm của từng test, mỗi test đều tự động lấy điểm cao nhất của tất cả các lần nộp. Bạn có thể nộp output từng test hoặc nén nhiều output thành file submission.zip rồi nộp (cần đặt tên các file là output_0.txt, output_1.txt, ..., output_9.txt). Các input được cho sẽ đính kèm trên mục đề bài của hệ thống. Bạn cũng được cho sẵn một file output ví dụ (output_0.txt) là một output hợp lệ cho input_0.txt.

Dữ liệu vào

Dữ liệu đầu vào có cấu trúc như sau:

- Dòng 1 ghi giá trị nguyên dương $n,Q~(1\leq n\leq 50)$
- Dòng 2 chứa n số nguyên không âm a_1, a_2, \ldots, a_n $(a_i \leq 10^4, \forall i = 1, \ldots n)$
- Dòng i + 3(i = 0, ..., n) ghi các phần tử ở hàng thứ i của ma trân d (1 < d(i, j) < 100)

Đề thi CUỐI KỲ môn THUẬT TOÁN ỨNG DỤNG kỳ 20201 16/01/2021, Chỉ được phép truy cập vào trang nộp bài 202.191.56.251:18888/TTUD20201

Kết quả

Nếu không có hành trình nào lấy đủ lượng hàng Q thì in ra -1, ngược lại:

- Dòng đầu tiên ghi giá trị tổng quãng đường của lộ trình tìm được.
- $\bullet\,$ Dòng tiếp theo chứa k là số lượng điểm lấy hàng
- $\bullet\,$ Dòng tiếp theo ghi k số là vị trí các điểm lấy hàng theo thứ tự sẽ lấy

Ví dụ

test	answer
5 10	12
3 6 2 4 1	4
0 3 6 4 6 2	1 5 4 3
3 0 7 8 2 1	
670149	
4 8 1 0 3 4	
6 2 4 3 0 1	
2 1 9 4 1 0	

Giải thích

Hành trình ngắn nhất lấy đủ lượng hàng là 0 - 1 - 5 - 4 - 3 - 0 với độ dài là 3+1+1+3+4=12 và tổng lượng hàng của các điểm đi qua là 3+1+4+2=10

Hạn chế

- Có 30% số test với $n \le 10$
- $\bullet~$ Có30%số test với $n\leq 20$