КОРІНЬ *n*-го СТЕПЕНЯ. АРИФМЕТИЧНИЙ КОРІНЬ *n*-го СТЕПЕНЯ ТА ЙОГО ВЛАСТИВОСТІ.

Урок алгебри і початків аналізу. 10 клас (рівень стандарту)

А. В. Бегерська, м. Монастирище, Черкаська обл.

Мета уроку: повторити та систематизувати знання учнів про квадратний корінь; сформулювати означення кореня n-го степеня й арифметичного кореня n-го степеня, властивості кореня n-го степеня; формувати вміння застосовувати ці знання під час перетворення виразів.

Тип уроку: засвоєння нових знань.

ХІД УРОКУ:

- І. ОРГАНІЗАЦІЙНИЙ ЕТАП
- II. ПЕРЕВІРКА ДОМАШНЬОГО ЗАВДАННЯ —
- III. АКТУАЛІЗАЦІЯ ОПОРНИХ ЗНАНЬ =

Математичний диктант

- **1.** Закінчіть речення: «Квадратним коренем із числа a називають число b таке, що ...».
- 2. Чому дорівнює квадратний корінь із 16?
- **3.** Чи існує квадратний корінь із від'ємного числа?
- 4. Чи існує квадратний корінь із нуля?
- **5.** Закінчіть речення: «Арифметичним квадратним коренем із невід'ємного числа *а* називають...».
- **6.** При яких значеннях a і b виконується рівність $\sqrt{a} = b$?
- **7.** Чому дорівнює $2(\sqrt{x})^2$?
- **8.** Чому дорівнює $2\sqrt{x^2}$?
- **9.** Знайдіть значення виразу $\sqrt{100.49}$.
- **10.** Обчисліть: $\sqrt{1\frac{9}{16}}$.
- **11.** Обчисліть: $\sqrt{27} \cdot \sqrt{3}$.

12. Знайдіть значення частки $\frac{\sqrt{5}}{\sqrt{125}}$.

За технологією «Асоціативний кущ» учні згадують слова та словосполучення, які асоціюються зі словами «квадратний корінь із числа a», а потім більш детально повторюють усі відомості.



IV. ФОРМУЛЮВАННЯ МЕТИ
І ЗАВДАНЬ УРОКУ.
МОТИВАЦІЯ НАВЧАЛЬНОЇ ДІЯЛЬНОСТІ —

Практика розв'язування завдань з арифметичним квадратним коренем і квадратним коренем свідчить, що необхідно узагальнити й розширити ці поняття — ввести більш загальне поняття «корінь *n*-го степеня» і вивчити його властивості.

ПРОГРАМНА «КЛАСИКА»

V. СПРИЙНЯТТЯ Й ОСМИСЛЕННЯ НОВОГО МАТЕРІАЛУ

Учитель пропонує учням, об'єднавшись у групи, вивчити самостійно означення кореня n-го степеня та його властивості.

Перша група (парти 1, 3, 5) одержує завдання: скласти «юридичну шпаргалку» (коротку наочну таблицю-схему), у якій потрібно відобразити всі відомості про корінь n-го степеня з числа a, умови його існування, арифметичний корінь n-го степеня та властивості коренів. Учні працюють самостійно з підручником.

Друга група (парти 2, 4, 6) працюють із текстом підручника в тому ж обсязі, однак завдання у них таке: скласти запитання до означення та властивостей кореня n-го степеня, тобто створити так званий «опитувальник».

Через певний час учні першої та другої груп об'єднуються в новостворені групи і демонструють один одному свої схеми та «опитувальники», разом знаходячи відповіді на всі запитання.

Далі вчитель пропонує представникам груп відповісти на запитання вчителя біля дошки.

Означення й властивості	Приклади
I. Означення	
Коренем n -го степеня із числа a називають таке число, n -й степінь якого дорівнює числу $a, n \in \mathbb{N}$, $n \ge 2. \sqrt[n]{a}$ — корінь, n — показник, a — підкореневий вираз	$\sqrt[5]{243} = 3$, оскільки $3^5 = 243$; $\sqrt[4]{625} = 5$, оскільки $5^4 = 625$; $\sqrt[3]{-27} = -3$, оскільки $(-3)^3 = -27$
Арифметичним коренем n -го степеня з невід'ємного числа називають таке невід'ємне число, n -й степінь якого дорівнює a	$\sqrt[6]{64} = 2$ — арифметичний корінь; $\sqrt[3]{-125} = -5$ — неарифметичний корінь

$$egin{aligned} rac{2k}{\sqrt[3]{a^{2k}}} = & |a|, \ ^{2k+1}\!\!\!\sqrt{a^{2k+1}} = a \,, \ k \in \mathbb{N} \,; \ & \left(rac{2k}{\sqrt[3]{a}}
ight)^{2k} = a \,, \ k \in \mathbb{N} \,, \ a \geq 0; \ & \left(rac{2k+1}{\sqrt[3]{a^{2k+1}}}
ight) = a \,, \ k \in \mathbb{N} \,, \ a \in \mathbb{R} \end{aligned}$$

II. Властивості кореня n -го степеня ($n \neq 1$, $n \in \mathbb{N}$)

- $1 \sqrt[n]{0} = 0$.
- 2. $\sqrt[n]{1} = 1$.
- 3. $\sqrt[n]{a} \cdot \sqrt[n]{b} = \sqrt[n]{ab}$.
- 4. $\sqrt[n]{ab} = \sqrt[n]{a} \cdot \sqrt[n]{b}$, $a \ge 0$, $b \ge 0$.
- 5. $\frac{\sqrt[n]{a}}{\sqrt[n]{b}} = \sqrt[n]{\frac{a}{b}}$.
- 6. $\sqrt[n]{\frac{a}{h}} = \frac{\sqrt[n]{a}}{\sqrt[n]{h}}, a \ge 0, b > 0.$
- 7. $(\sqrt[n]{a})^k = \sqrt[n]{a^k}$ (якщо $k \in \mathbb{N}$, k > 1, то рівність правильна і при a=0).
- 8. $\sqrt[m]{\sqrt[k]{a}} = \sqrt[k]{\sqrt[m]{a}} = \sqrt[km]{a}$, a > 0, $m \in \mathbb{N}$, $k \in \mathbb{N}$, m > 1, k > 1. $8. \sqrt[5]{6\sqrt{2}} = \sqrt[30]{2}$.
- 9. $\sqrt[mq]{a^{nq}} = \sqrt[m]{a^n}$, $a \ge 0$, $m \in \mathbb{N}$, $q \in \mathbb{N}$, $m \ne 1$, $q \ne 1$

- $3. \sqrt[6]{32} \cdot \sqrt[6]{2} = \sqrt[6]{64} = 2$
- 4. $\sqrt[4]{48 \cdot 27} = \sqrt[4]{16 \cdot 3 \cdot 27} = \sqrt[4]{2^4 \cdot 3^4} = 2 \cdot 3 = 6$.
- 5. $\frac{\sqrt[3]{16}}{\sqrt[3]{2}} = \sqrt[3]{8} = 2$.
- 6. $\sqrt[3]{\frac{8}{27}} = \frac{\sqrt[3]{8}}{\sqrt[3]{27}} = \frac{2}{3}$.
- 7. $(2\sqrt[3]{0,3})^3 = 2^3 \cdot (\sqrt[3]{0,3})^3 = 8 \cdot 0,3 = 2,4$.
- 9. $\sqrt[15]{3^5} = \sqrt[3]{3}$

VI. ПЕРВИННЕ ЗАКРІПЛЕННЯ НОВОГО МАТЕРІАЛУ

» Виконання усних вправ

1. Знайдіть значення виразу:

1)
$$\sqrt[3]{64}$$
; 2) $\sqrt[5]{-32}$; 3) $\sqrt[3]{-0,001}$; 4) $\sqrt[6]{(-2)^6}$;

- 5) $(\sqrt[4]{4})^2$.
- 2. Розв'яжіть рівняння:

1)
$$x^4 = 16$$
; 2) $x^3 = -8$; 3) $x^7 = 8$; 4) $x^8 = 1$;

5)
$$x^{10} = 0$$
: 6) $x^6 = -64$.

3. Розв'яжіть рівняння:

1)
$$\sqrt[3]{x} = 2$$
; 2) $\sqrt[5]{x} = -1$; 3) $\sqrt[4]{x} = -3$.

» Виконання письмових вправ

1. Знайдіть значення виразу:

1)
$$\left(-\sqrt[4]{5}\right)^4$$
; 2) $\left(2\sqrt[5]{-3}\right)^5$; 3) $\left(\sqrt[3]{9}\right)^9$.

- 2. Знайдіть значення виразу:
 - 1) $\sqrt[4]{80.125}$; 2) $\sqrt[3]{0.8.3430}$.
- 3. Знайдіть значення виразу:

1)
$$\sqrt[5]{16} \cdot \sqrt[5]{2}$$
; 2) $\frac{\sqrt[3]{625}}{\sqrt[3]{5}}$; 3) $\frac{\sqrt[5]{9}}{\sqrt[5]{288}}$; 4) $\sqrt[4]{3\frac{3}{8} \cdot 1\frac{1}{2}}$.

- **5.** Спростіть:
 - 1) $\sqrt[4]{z}$; 2) $\sqrt[32]{m^8}$, $m \ge 0$; 3) $\sqrt[9]{a^6}$.
- 6. Знайдіть значення виразу:

1)
$$0.6\sqrt[3]{8000} - \frac{5}{3}\sqrt[4]{81}$$
;

2)
$$\sqrt[3]{-216} + 4(\sqrt[6]{5})^6 - 3\sqrt[9]{512}$$
.

VII. ПІДБИТТЯ ПІДСУМКІВ

Запитання до класу

- **1.** Сформулюйте означення кореня n-го степеня з числа a.
- **2.** Сформулюйте означення арифметичного кореня n-го степеня з числа a.
- **3.** При яких значеннях a існують вирази $\sqrt[2k]{a}$, $\sqrt[2k+1]{a}$, $k \in \mathbb{N}$?
- **4.** Назвіть основні властивості кореня n-го степеня для невід'ємних значень підкореневих виразів.

VIII. ДОМАШН€ ЗАВДАННЯ

- **1.** Вивчити означення і властивості кореня n-го степеня.
- 2. Виконати вправи.

Середній рівень

1. Знайдіть значення виразу:

1)
$$\sqrt[3]{0,125 \cdot 216};$$
 2) $\frac{\sqrt[6]{2}}{\sqrt[6]{128}};$

3)
$$\sqrt[4]{125} \cdot \sqrt[4]{5}$$
; 4) $\sqrt[3]{\frac{27}{1000}}$

5) $\sqrt[5]{(0,2)^{10}}$.

Достатній рівень

- 2. Спростіть вираз:
 - 1) $\sqrt[6]{(x+1)^6}$, де x > 0;
 - 2) $\sqrt[10]{(x-10)^{10}}$, $\text{ge } x \le 10$; 3) $\sqrt[27]{p^9}$.

Високий рівень

3. Спростіть вираз: $\frac{\sqrt[3]{a^9b^5c^8}}{\sqrt[6]{a^{24}b^{12}c^{42}}}$, де c < 0.

ЛІТЕРАТУРА

- 1. *Державний* стандарт базової і повної загальної середньої освіти.
- 2. *Навчальна* програма з математики для учнів 10–11 класів загальноосвітніх навчальних закладів. Рівень стандарту.
- 3. Афанасьєва О. М., Бродський Я. С., Павлов О. Л., Сліпенко А. К. Математика. 11 клас. Підручник для загальноосвітніх навчальних закладів. Тернопіль : Навчальна книга Богдан, 2011.
- 4. Бевз Г. П., Бевз В. Г. Математика. 10 клас. Підручник для загальноосвітніх навчальних закладів. К. : Ґенеза, 2011.
- 5. *Бевз Г. П., Бевз В. Г.* Математика. 11 клас. Підручник для загальноосвітніх навчальних закладів. К. : Ґенеза, 2011.
- 6. Бурда М. І., Колесник Т. В., Мальований Ю. І., Тарасенкова Н. А. Математика. Підручник для 10 класу загальноосвітніх навчальних закладів. К.: Зодіак-ЕКО, 2010.
- 7. Захарийченко Ю. А., Школьный А. В., Захарийченко Л. И., Школьная Е. В. Полный курс математики в тестах. X.: Издательство «Ранок», 2013.
- 8. *Крамор В. С.* Повторяем и систематизируем школьный курс алгебры и начал анализа. М.: Просвещение, 1990.
- 9. Сборник задач по математике для поступающих во втузы / В. К. Егерев, Б. А. Кордемский, В. В. Зайцев и др. / Под ред. М. И. Сканави.— М.: Высшая школа, 1988.