Introdução ao Python

 ${\rm IV}$ Congresso de Administração e Tecnologia - Grambery - 2018

Lucas Arantes Berg Programa de Pós Graduação em Modelagem Computacional UFJF berg@ice.ufjf.br

Conteúdo

► Parte I

- Introdução e Motivação
- Sintaxe
- Tipos de Dados
- Construções básicas (if, while, for)
- Listas, Tuplas
- Funções

► Parte II

- Dicionário
- Orientação a Objetos
- Programação Funcional

► Parte III

- Computação científica com Python
- ► Parte IV
 - Bibliotecas e programas interessantes

Parte I Introdução à linguagem Python

Sobre a linguagem Python

- ► Criada por Guido van Rossum em 1991
- ► Linguagem de Alto Nível
- ► Interpretada
- ▶ Programação:
 - Modular
 - Orientada a objetos
 - Funcional
- ► Tipagem dinâmica e forte
- ▶ Vasta coleção de bibliotecas
- ► Código aberto (GPL)

Sobre a linguagem Python

- Diversas estruturas de dados nativas
 - lista, tupla, dicionário
- Gerenciamento de memória automático
- ► Tratamento de exceções
- ► Sobrecarga de operadores
- ► Indentação para estrutura de bloco
- ► Multiplataforma
- ► Bem documentada
- ► Muito usada
- ► Quem usa?
 - Blender, GIMP, Inkscape, YouTube, NASA, CERN
 - SPSS, ESRI, ArcGIS, Abaqus, OpenOffice
 - Google, YouTube
 - Battlefield 2, The Sims 4, Civilization IV, Overwatch

Porque usar Python?

- ► Fácil, simples
- ► Sintaxe limpa
- Diversas bibliotecas já inclusas
- ► Mais expressiva do que muitas linguagens (C/C++, Perl, Java)
- ► Interativa
- Protótipos rápidos
- ► Alta produtividade
- ► Interfaces para outras linguagens como C/C++ e Fortran

Vamos começar

- ► Python é uma linguagem interpretada
- ▶ Não existe uma etapa de compilação do código, como em C/C++, Fortran
- ➤ Você simplesmente executa o comando python e pode começar a executar código de forma interativa

```
berg@machine:~/Desktop\$ python
Python 3.6.6 (default, Jul 19 2018, 14:25:17)
[GCC 8.1.1 20180712 (Red Hat 8.1.1-1)] on linux2
Type help, copyright, credits ...
>>>
>>> print(2 + 2)
4
>>> print('lucas' + 'berg')
lucasberg
>>> x = 2**3
```

Alguns detalles

- ► Não é preciso terminar comandos com ;
- Não é preciso declarar o tipo de dado das variáveis

```
>>> a = 2**3
>>> a
8

>>> x = 2.9 + 6.5 + 1.1
>>> x
10.5

>>> print(type(a))
<class ' int' >
>>> print(type(x))
<class ' float'>
```

Podemos executar códigos:

- de forma interativa usando o interpretador python, como no exemplo acima
- ou através da linha de comando (mostrar no Spyder):
- \$ python3 programa.py

Tipos de dados

- ► Tipos de dados básicos: int, long, float, complex, bool
- ► O tipo de uma variável muda conforme o valor atribuído

```
>>> x = 8
>>> x / 2
4.0
>>> type(x)
<class 'int'>
>>> x = 10.5
\Rightarrow \Rightarrow type(x)
>>> m = (6.8 + 9.4 + 8.4)/3
>>> m
8.20000000000001
>>> m > 6.0
True
>>> (m >= 9.0) and (m <= 10.0)
False
>>> c1 = 3 + 1j
\Rightarrow \Rightarrow c2 = complex(-3,2)
>>> c1 + c2
3 ј
```

Tipos de dados - bool

- ► Tipo de dados bool
- ► Valores: True, False e None
- ► Operadores: is, not, and, or

```
>>> x = 11
>>> x > 0
True
>>> x % 2 == 0
False
>>> y = True
>>> not y
False
>>> x is not None
True
```

Tipagem forte

```
>>> c = "5"
>>> q = 4
>>> print(c, q)
5 4
>>> print(c + q)

Traceback (most recent call last):
File "<stdin>", line 1, in <module>
TypeError: must be 'str', not 'int'
```

- ➤ Isto é, Python é uma linguagem dinâmica, mas com tipagem forte, ao contrário de outras linguagens como Perl que é dinâmica e com tipagem fraca.
- ► Tipagem forte costuma ser a característica que não permite um mesmo dado ser tratado como se fosse de outro tipo.
- ► Isto dá mais robustez ao código.

- ▶ Python define um tipo de dados nativo para strings (str)
- Strings podem ser delimitadas por aspas simples, dupla ou tripla

```
>>> 'simples'
>>> "dupla"
>>> """ tripla """
>>> """ tripla possui uma propriedade especial:
elas ignoram quebra de linha, portanto a string
aparece como ela eh escrita""
```

```
>>> print("C:\diretorio\novo\nada.exe")
C:\diretorio
ovo
ada.exe
```

► Como evitar a quebra de linha?

```
print("C:\diretorio\\novo\\nada.exe")
```

- ► Modos especiais de strings:
 - raw string
 - unicode string

```
>>> print(r' C:\diretorio\novo\nada. exe')
C:\diretorio\novo\nada.exe
>>> print(u" \u2192")
```

► Strings são imutáveis

```
>>> "hello" + "world" # concatenacao
>>> s = 'hello'
>>> s[0] = 'j'
Traceback (most recent call last):
File " <stdin>" , line 1, in <module>
TypeError: 'str' object does not support
item assignment
>>> sn = 'j' + s[1:]
>>> sn
```

▶ O operador '+' não converte automaticamente números ou outros tipos em strings. A função str() converte valores para sua representação em string.

```
>>> pi = 3.14
>>> text = 'o valor de pi eh = ' + pi
Traceback (most recent call last):
File " <stdin>" , line 1, in <module>
TypeError: cannot concatenate ' str' and ' float'
>>> text = ' o valor de pi eh = ' + str(pi)
```

► Formatadores especiais

```
>>> text = 'o valor de pi eh = %f' % pi
>>> text
>>> a = 10.2
>>> i = 100
>>> s = 'oi'
>>> text = "float=%f int=%d string=%s" % (a,i,s)
```

- ► Acesso sequencial, em fatias ou direto (índice)
- ► Slice: s[start:end]

```
>>> s = "hello"
>>> s[0]
'h'
>>> s[1:]
'ello'
>>> s[1:4]
'ell'
>>> s[:]
'hello'
>>> s[1:100]
'ello'
```

- ► Strings possuem uma grande variedade de métodos:
 - lower, upper, capitalize
 - split, strip, join
 - , find, replace
 - startswith, islower, ...

```
>>> ". ".join("PYTHON IS POWERFUL".lower().split()
'python. is. powerful!!! s'
```

► Passo a passo

```
>>> s = "PYTHON IS POWERFUL"
>>> s.lower()
'python is powerful'
>>> s.lower().split()
['python', 'is', 'powerful']
>>> a = s.lower().split()
>>> " . " .join(a)
'python. is. powerful'
>>> " . " .join(a) + " !!! "
'python. is. powerful!!!'
```

```
# split()
>>> s = 'monty python and the flying circus'
>>> print(s.split())
['monty', 'python', 'and', 'the', 'flying', 'circu
# count()
>>> print(s.count("th"))
# join()
>>> s = "em busca do calice sagrado"
>>> s2 = s.split()
>>> print("/".join(s2))
em/busca/do/calice/sagrado
```

► Ainda é possível realizar diversas outras operações com strings

Listas e Tuplas

- ► Estruturas de dados nativas: list, tuple
- Coleções de objetos heterogêneos
- Crescem até o limite da memória
- ► Acesso sequencial, em fatias ou direto
- ► Métodos para adicionar, remover, ordenar, procurar, contar
- Listas são mutáveis e tuplas são imutáveis
- ► Tuplas não podem ser alteradas depois de criadas
- ► Listas são delimitadas por [e]
- ► Tuplas são delimitadas por (e)

Tuplas

▶ Uma tupla é uma coleção de objetos separados por vírgula

```
>>> primos = (2,3,5,7)
>>> print(primos[0], primos[-1])
2 7
>>> t_vazia = ()
>>> print(len(t_vazia))
0
>>> u_tupla = ('oi',)
>>> print(len(u_tupla))
1
```

▶ Para uma tupla com 1 elemento apenas é preciso usar (val,)

Tuplas

- ► Pode ter ou não parênteses para delimitar a tupla
- ► Tupla aninhada
- ► Heterogênea

```
>>> t = 12345, 54321, 'hello!' # ou
>>> t = (12345,54321, 'hello!')
>>> t[0]
12345
>>> t
(12345, 54321, 'hello!')
# tuplas podem ser aninhadas
>>> u = t, (1, 2, 3, 4, 5)
>>> 11
((12345, 54321, 'hello!'), (1, 2, 3, 4, 5))
# desempacotar tupla
>>> x,y,z = t
>>> print(y)
54321
```

Listas

► "Arrays flexíveis"

```
>>> a = [ 'spam', 'eggs', 100, 1234]
>>> a
[ 'spam', 'eggs', 100, 1234]
>>> a[0]
>>> a[3]
1234
>>> a[-2]
100
>>> a[1:-1]
[ 'eggs', 100]
>>> a[:2] + [ 'bacon', 2*2]
[ 'spam', 'eggs', 'bacon', 4]
>>> 2*a[:3] + ['Boo!']
['spam', 'eggs', 100, 'spam', 'eggs', 100, 'Boo!']
```

Listas - Métodos

```
>>> a = list(range(5))
>>> print(a)
>>> a.append(5)
>>> print(a)
>>> a.insert(0,42)
>>> print(a)
>>> a.reverse()
>>> print(a)
>>> a.sort()
>>> print(a)
```

▶ Saída

```
[0, 1, 2, 3, 4]

[0, 1, 2, 3, 4, 5]

[42, 0, 1, 2, 3, 4, 5]

[5, 4, 3, 2, 1, 0, 42]

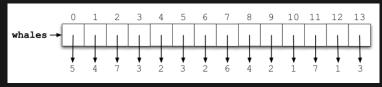
[0, 1, 2, 3, 4, 5, 42]
```

► Outros métodos:

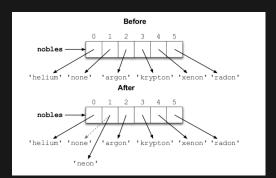
- remove(x): remove primeira ocorrência de x
- index(x): retorna o índice da primeira ocorrência de x na lista

Listas - Métodos

► As listas contém ponteiros para objetos que residem em algum lugar na memória



► Alterações



Listas

▶ Concatenação

```
>>> original = [ 'H', 'He', 'Li' ]
>>> temp = [ 'Be' ]
>>> final = original + temp
>>> final
[ 'H', 'He', 'Li', 'Be' ]
```

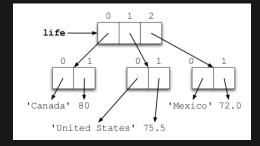
► Slice

```
>>> 1 = list(range(10))
>>> 1[2:6]
[2, 3, 4, 5]
```

Listas

▶ Lista aninhada

```
>>> la = [['a', 'b'],[1,2],[3,4]]
>>> la
[['a', 'b'], [1, 2], [3, 4]]
>>> la[0]
['a', 'b']
>>> la[1]
[1, 2]
>>> la[2][1]
4
```



Built-ins

- ▶ A linguagem Python automaticamente importa algumas funções, tipos e símbolos que são conhecidos como built-ins.
- ► Mecanismos básicos da linguagem.
- ► Alguns exemplos
 - range: para listas
 - dict, list, set e object tipos de estrutura de dados
 - min, max e sum para operações matemáticas em listas
 - help, dir
- ► Consulte a documentação completa:
 - http://docs.python.org/library/functions.html
 - http://docs.python.org/

'A função **range**

► help(range)

```
Help on built-in function range in module __builtin__:
range(...)
   range([start,] stop[, step]) -> list of integers

Return a list containing an arithmetic progression of integers.
range(i, j) returns [i, i+1, i+2, ..., j-1]; start (!) defaults to 0.
When step is given, it specifies the increment (or decrement).
For example, list(range(4)) returns [0, 1, 2, 3]. The end point is omitted!
These are exactly the valid indices for a list of 4 elements.
```

```
>>> list(range(10))
[0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9]
>>> list(range(10,20))
[10, 11, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 18, 19]
>>> list(range(10,20,2))
[10, 12, 14, 16, 18]
>>> list(range(20,10,-1))
[20, 19, 18, 17, 16, 15, 14, 13, 12, 11]
```

Indentação

- ► Aviso aos navegantes!
- ▶ Python não usa ; , begin, end para estrutura de bloco
- ► Código em C

► Em Python a estrutura de bloco é definida pela **indentação** do código!

Indentação

- ► Isso mesmo!
- ➤ Tudo que pertence a um mesmo bloco fica alinhado no mesmo nível do código fonte.

```
if num % 2 == 0:
    par = par + 1
    print('Par')
else:
    impar = impar + 1
    print('Impar')
```

► Erro de indentação

```
if x % 2 == 0:
print('par')

File " <stdin>", line 2
print('par')
IndentationError: expected an indented block
```

Estruturas de Controle

► If-Else

```
if exp:
    comandos
else:
    comandos
```

► If-else-if-else

```
if exp:
    comandos
elif exp:
    comandos
else:
    comandos
```

Estruturas de Controle

► Exemplos

```
>>> x = int( input("Numero: ") )
>>> if x < 0:
... print('Negativo')
... elif x == 0:
... print('Zero')
... else:
... print('Positivo')
>>> if ((x >= 0) \text{ and } (x <= 100)):
   print("OK")
... else:
        print("Fora do intervalo")
>>> if ((x<0) \text{ or } (x>100)):
        print("Fora do intervalo")
... else:
        print("OK")
```

Estruturas de Controle

► Outras formas de if-else em Python

```
a = 10
b = 20
m = a if(a>b) else b
```

► Equivalente a

```
if (a>b):
    m = a
else:
    m = b
```

► Similar ao operador ternário da linguagem C

```
m = (a > b) ? a : b;
```

Estruturas de Controle For, While

▶ for

```
lst = [10,20,30, 'oi', 'ciao']
for item in lst:
    print(item)

for letra in "python":
    print(letra)

for k in range(100):
    print(k)
```

► while sintaxe

```
while exp:
    comandos

while exp:
    if exp2:
        comandos1
    comandos2
```

Estruturas de Controle For, While

► Outro exemplo

```
>>> a = [ 'cat', 'spider', 'worm']
>>> for x in a:
...    print(x, len(x))
...
cat 3
spider 6
worm 4
```

▶ De outra forma

Estruturas de Controle enumerate()

► A função enumerate() cria pares uteis

Estruturas de Controle zip()

► A função zip() recebe um par de sequências como entrada e cria uma tupla com os seus elementos

```
>>> nomes = [ 'C.Ronaldo' , 'G.Jesus', 'H.Kane' ]
>>> gols = [4,0,6]
>>> for n, g in zip(nomes,gols):
...     print('%s fez %d gols' % (n,g))
...
C.Ronaldo fez 4 gols
G.Jesus fez 0 gols
H.Kane fez 6 gols
```

Estruturas de Controle Switch

- ▶ Python não possui uma estrutura do tipo switch, como C, C++ e Java.
- ▶ Podemos contornar a situação com uma cadeia de if-elses

```
>>> if n == 0:
...    print('Voce digitou zero.')
... elif n == 1:
...    print('Voce digitou um.')
... elif n == 2:
...    print('Voce digitou dois.')
... elif n == 3:
...    print('Voce digitou tres.')
... else:
...    print('Voce digitou qualquer coisa.')
```

► Procedimento

```
def nome(arg1, arg2, ...):
    comandos
    return
```

▶ Função

```
def nome1(arg1, arg2, ...):
    comandos
    return expressao

def nome2(arg1, arg2, ...):
    comandos
    return exp1, exp2, exp3

def nome1(arg1, arg2, argx=valor):
    comandos
    return exp
```

► Exemplos

```
>>> def par(n):
        return (n % 2 == 0)
>>> def fib(n):
       """ Imprime ate n.
                            11 11 11
... a, b = 0, 1
\dots while a < n:
        print(a,)
            a, b = b, a+b
>>> par(6)
True
>>> fib(8)
0 1 1 2 3 5
```

- ► Passagem por referência depende do tipo de objeto
- ► Mutável (Lists)
- ► Imutável (Strings)

➤ Podemos criar funções com parâmetros opcionais que possuem um valor default pré-definido

```
>>> def mult(x, num=2):
... return x, x*num

>>> a,b = mult(2)
>>> print(a,b) # 2 4

>>> a,b = mult(2, num=10)
>>> print(a,b) # 2 20

>>> a,b = mult(3, 5)
>>> print(a,b) # 3 15
```

► Exemplo

```
def divide(a, b):
    """
    Divide operando a e b usando divisao inteira.
    Retorna o quociente e resto da divisao
    em uma tupla.
    """
    q = a / b
    r = a - q * b
    return q, r
```

► Uso

```
>>> divide(10,2)
(5, 0)
>>> mq, mr = divide(10,3)
>>> print(mq, mr)
3 1
>>> help(divide)
```

Hands on

- 1. Escreva uma função que dada uma string que representa uma URL de uma página da web, obter apenas o endereço da página principal.
- ► Exemplo

```
url_parse('http://www.facebook.com/fulano/photos')
'www.facebook.com'
```

2. Escreva uma função somaCumulativa() que recebe uma lista de inteiros como parâmetro e retorna uma lista com a soma cumulativa dos elementos. Exemplo:

```
1 = [1,2,3,4]
r = somaCumulativa(1)
print(r)
[1, 3, 6, 10]
```

Hands on

► Dicas:

- Crie um arquivo texto exercicio1.py para codificar sua solução.
- Use o exemplo a seguir como base.

```
def url_parse(url):
    """
    Implemente a funcao abaixo

def main ():
    urlteste = input()
    print(url_parse(urlteste))

if __name__ == "__main__":
    main()
```

Hands on

- ► Módulo
- ➤ Vamos supor que você tenha codificado a função url_parse() em um arquivo fonte chamado parser.py
- ► Como posso usar essa função em outros programas?
- ► Basta usar os comandos from e import da seguinte forma

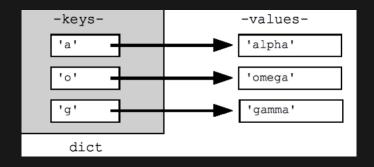
```
from parser import url_parse
a = url_parse("http://www.ufjf.br/deptocomputacao")
print(a)
www.ufjf.br
```

Parte II

Aspectos um pouco mais avançados

Dicionário

- ➤ Dicionário é uma estrutura de dados muito útil que permite armazenar e recuperar pares de chaves-e-valores.
- ► Arrays associativos.
- ➤ De forma grosseira podemos dizer que um dicionário é uma lista que podemos acessar seus elementos através de strings.



Dicionário

```
>>> d = {}
>>> d[ 'paulo' ] = 25
>>> d[ 'jose' ] = 16
>>> d[ 'alice' ] = 21
>>> print(d)
{'paulo' : 25, 'jose' : 16, 'alice' : 21}
>>> print(d[ 'alice'])
21
>>> d[ ' alice' ] = 'Paris'
>>> <u>print(d)</u>
{'paulo' : 25, 'jose' : 16, 'alice' : 'Paris' }
>>> ' jose' in d
True
>>> c = {'MG' : 25.0, 'SP' : 'rain' , 'RJ' : 40.0}
>>> print(c[ 'JF' ]) # KeyError
>>> if 'JF' in c: print(c[ 'JF' ]) # evita KeyError
>>> print(c.get( 'ES' )) # retorna None
None
>>> novo = dict(a=10, b=20, c=30)
>>> print(novo)
{ (a) : 10, c) : 30, b : 20 }
```

Dicionário

Percorrendo dicionários

```
>>> d = dict(c=10, b=20, a=30)
>>> for key in d:
... print(key)
>>> print(d.keys())
[ 'a', 'c', 'b']
>>> print(d.values())
[30, 10, 20]
# loop sobre as chaves de forma ordenadas
>>> for key in sorted(d.keys()):
... print(key, d[key])
# retorna uma lista onde cada elemento
# eh uma tupla (chave, valor)
>>> print(d.items())
[(3a^{2}, 10), (3c^{2}, 30), (3b^{2}, 20)]
>>> for k,v in d.items():
\dots print(k, '->', v)
```

List comprehension

► Como vimos podemos trabalhar com listas da seguinte forma

```
>>> lista = [2,4,6,8,10]
>>> nova = []
>>> for x in lista:
... nova.append(x*x)
```

Entretanto a linguagem Python fornece uma sintaxe mais compacta para realizar esse tipo de operação.

```
>>> nova = [ x*x for x in lista ]
>>> print(nova)
[4, 16, 36, 64]
```

List comprehension

 Vejamos agora como realizar a seguinte operação usando list comprehension

Podemos reescrever da seguinte forma

```
>>> nova = [ str(x) for x in lista if(x%2==0)]
```

- ► Essa nova versão introduz uma expressão que atua como uma espécie de filtro.
- ► Muito mais simples e elegante, não?

List comprehension

► Outro exemplo

```
>>> txt = "There is someone in my head".split()
>>> nova = [(p.upper(),p.lower(),len(p)) for p in txt]
>>> print(nova)
[('THERE', 'there', 5),
('IS', 'is', 2),
('SOMEONE', 'someone', 7),
...
]
```

► Lista com todos arquivos .py de um diretório

```
>>> import os
>>> from glob import glob
>>> files = [f for f in glob( '*.py' )]
[ 'plotPerfusionCoefs.py', 'findSurf.py', ...]
```

- ▶ Vamos apresentar de forma rápida como construir classes em Python através de alguns exemplos.
- ► Definindo o construtor

```
class Ponto:
    def __init__( self, x, y):
        self.xCoord = x
        self.yCoord = y
```

► Criando um objeto do tipo Ponto

```
p = Ponto(2.0, 1.0)
```

- ▶ self é um parâmetro especial que precisa ser incluído na definição de cada método e precisa ser o primeiro parâmetro.
- Quando um método é invocado, esse parâmetro é automaticamente preenchido com a referência ao objeto no qual o método foi invocado

```
class Ponto:
    def __init__( self, x, y):
        self.xCoord = x
        self.yCoord = y

    def getX( self):
        return self.xCoord

    def getY( self):
        return self.yCoord
```

```
p = Ponto(3.0, 1.5)
print(p.getX(), p.getY())
```

► Vamos criar um método para alterar o estado de um Ponto

```
class Ponto:
    # ...
    def shift(self, xInc, yInc):
        self.xCoord += xInc
        self.yCoord += yInc
```

► Calcular a distância

```
class Ponto:
    # ...
    def distancia(self, pt):
        dx = self.xCoord - pt.xCoord
        dy = self.yCoord - pt.yCoord
        return math.sqrt(dx**2 + dy**2)
```

Exemplo

```
p1 = Ponto(0,0); p2 = Ponto(1.0,1.0)
p2.shift(1.0, 1.0)
print("Distancia = ", p2.distancia(p1))
```

Classes Usando módulos

```
# Arguivo ponto.py
import math
class Point:
   def __init__( self, x, y ):
       self.xCoord = x
       self.yCoord = y
   def getX( self ):
       return self.xCoord
   def getY( self ):
       return self.yCoord
   def shift( self, xInc, yInc ):
       self._xCoord += xInc
       self._yCoord += yInc
   def distance( self, otherPoint ):
       xDiff = self.xCoord - otherPoint.xCoord
       yDiff = self.yCoord - otherPoint.yCoord
       return math.sqrt( xDiff**2 + yDiff**2 )
```

Classes Usando módulos

▶ Podemos usar a classe Ponto da seguinte forma:

```
from ponto import Ponto

p1 = Ponto(5,7)
p2 = Ponto(0,0)

x = p1.getX()
y = p1.getY()

print( "(" + str(x) + ", " + str(y) + ")" )

p1.shift(4, 12)
d = p1.distancia(p2)
```

Classes Escondendo atributos

- ➤ Ao contrário da maioria das linguagens que suportam orientação a objetos, Python não possui um mecanismo para esconder ou proteger os atributos de uma classe de acessos externos.
- ► Em C++ temos os modificadores: protected, public, private
- ➤ O responsável pela classe é que deve indicar quais atributos e quais métodos devem ser protegidos.
- ➤ E fica como responsabilidade do usuário da classe, não violar essa proteção.
- ➤ Ainda assim é possível "emular" esse tipo de proteção, basta acrescentar dois underlines na frente do nome de um atributo ou método.

Escondendo atributos

- ▶ Repare que na implementação anterior da classe Ponto não protegemos os atributos xCoord e yCoord.
- ► Isso permite que um usuário altere os atributos internos:

```
class Ponto:
    def __init__(self,x,y):
        self.xCoord = x
        self.yCoord = y

>>> p = Ponto(2.0,2.0)
>>> print(p.xcoord)
2.0

>>> p.xCoord = 'zebra'
>>> print(p.xCoord)
zebra
```

➤ O ideal é que o usuário só altere o estado do objeto através de métodos que operem sobre o mesmo, e não manipulando os seus atributos.

Escondendo atributos

Python permite emular esse ocultamento de informação da seguinte forma:

```
class Linha:
  def __init__(self, pA, pB):
    self.__pontoA = pA # atributo protegido
    self.__pontoB = pB # atributo protegido
  def pontoA(self):
    return self.__pontoA
  def pontoB(self):
    return self.__pontoB
  def comprimento(self):
    return self.__pontoA.distancia(self.__pontoB)
  def mesmoX(self):
    ax = self.__pontoA.getX()
    bx = self.__pontoB.getX()
    return ax == bx
```

Classes Sobrecarga de operadores

► Em Python podemos implementar e definir a funcionalidade de diversos operadores como +, *, == como parte de nossas classes.

```
class Ponto:
    # ...
    def __eq__(self, outroPonto):
        r = self.xCoord == outroPonto.xCoord and\
            self.yCoord == outroPonto.yCoord
        return r
```

Exemplo

```
>>> p1 = Ponto(1.0,1.0)

>>> p2 = Ponto(0.0,0.0)

>>> p2.shift(1.0,1.0)

>>> if p1 == p2:

... print("Os pontos sao iguais.")
```

Classes Sobrecarga de operadores

► Mais um exemplo

```
class Ponto:
    # ...
    def __str__(self):
        x,y = self.xCoord, self.yCoord
        return " ( %f , %f ) " % (x,y)

>>> p = Ponto(1.5, 2.5)
>>> print(p)
(1.500000, 1.500000)
```

str(obj)	str(self)	obj + rhs	add(self, rhs)
len(obj)	len(self)	obj - rhs	sub(self, rhs)
item in obj	contains(self, item)	obj * rhs	mul(self, rhs)
y = obj[ndx]	getitem(self, ndx)	obj / rhs	truediv(self, rhs)
obj[ndx] = value	setitem(self, ndx, value)	obj // rhs	floordiv(self, rhs)
obj == rhs	eq(self, rhs)	obj % rhs	mod(self, rhs)
obj < rhs	lt(self, rhs)	obj ** rhs	pow(self, rhs)
obj <= rhs	le(self, rhs)	obj += rhs	iadd(self, rhs)
obj != rhs	ne(self, rhs)	obj -= rhs	isub(self, rhs)
obj > rhs	gt(self, rhs)	obj *= rhs	imul(self, rhs)
obj >= rhs	ge(self, rhs)	obj /= rhs	itruediv(self, rhs)
		obj //= rhs	ifloordiv(self, rhs)
		obj %= rhs	imod(self, rhs)
		obj **= rhs	ipow(self, rhs)

- Além de suportar programação estruturada e orientação a objetos, Python também possui recursos de programação funcional.
- ▶ Vamos apresentar de forma prática alguns destes mecanismos:
 - Funções lambda
 - map e filter
- ► Existem muitos outros recursos de programação funcional como iterators e generators, que não teremos tempo de discutir.

- ▶ A função map recebe uma sequência (ex: lista) e aplica uma função a cada um de seus elementos e retorna uma sequência com o resultado da aplicação da função.
- ► Calcular o quadrado dos elementos de uma lista

```
>>> def square(num): return num*num
>>> print list( map(square, range(5)) )
[0, 1, 4, 9, 16]
```

► Somar elemento a elemento de duas listas

```
>>> def sum(a,b): return a + b
>>> print(list(range(5)))
[0, 1, 2, 3, 4]
>>> print(list(range(10,15)))
[10, 11, 12, 13, 14]
>>> print(list(map(sum, range(5), range(10,15))))
[10, 12, 14, 16, 18]
```

Programação Funcional filter

➤ A função filter recebe um predicato e retorna apenas os elementos da sequência para os quais o predicado resulta no valor True.

```
>>> def is_even(num): return num % 2 == 0
>>> print(list(filter(is_even, range(5))))
[0, 2, 4]
```

► Compare com as seguintes versões

```
# map
seq = []
for num in range(5):
    seq = seq + [num * num]
print seq

# filter
seq = []
for num in range(5):
    if num % 2 == 0:
        seq = seq + [num]
print seq
```

▶ Python suporta a criação de funções anônimas (i.e: funções que não estão ligadas a um nome) em tempo de execução, usando uma construção através da palavra chave lambda.

Funções lambda não precisam de usar a palavra chave return

► Vejamos um exemplo mais interessante

```
>>> def make_incrementor (n):
...    return lambda x: x + n

>>> f = make_incrementor(2)
>>> g = make_incrementor(6)

>>> print(f(42), g(42))
44 48
```

▶ O uso de funções lambda com map e filter é muito prático

```
>>> print(list(map(lambda x: x**2, range(5))))
[0, 1, 4, 9, 16]
>>> print(list(filter(lambda x: x % 2 == 0, range(5)))
[0, 2, 4]
```

► No Python 2

```
>>> def square(num):
... return num*num

>>> print map(square, range(5))
[0, 1, 4, 9, 16]
```

► No Python 3

```
>>> def square(num):
...     return num*num

>>> print( list(map(square, range(5)) )
[0, 1, 4, 9, 16]
```

Arquivos

- ► Arquivos são um tipo built-in do Python que são representados por objetos.
- ▶ Ou seja, não é preciso de importar módulos para trabalhar com arquivos em seu programa.
- ➤ Antes de um arquivo ser usado é preciso primeiro criar um objeto que representa o arquivo e então abrir o mesmo.

```
infile = open('dados.txt', 'r')
outfile = open('notas.txt', 'w')
```

- ► Processamento (lê do arquivo/escreve no arquivo)
- ▶ Depois que o processamento com os arquivos termina, é preciso fechar os mesmos

```
infile.close()
outfile.close()
```

Arquivos

► Escrevendo em arquivos

```
ofile = open('notas.txt', 'w')
ofile.write('Notas da Prova\n')
ofile.write(' - ' * 40 + '\n')

for e in estudantes:
    ofile.write('%s \t %6.2f\n' % (e.nome, e.nota))
ofile.write(' - ' * 40 + '\n')
ofile.close()
```

► É preciso colocar explicitamente a quebra de linha n no comando write, diferentemente do print

Arquivos

► Lendo de arquivos

```
with open("dados.txt") as infile:
    read_data = infile.read()
    print(read_data)
```

► Conferindo se o arquivo esta aberto ou fechado

Arquivos

► Lendo um arquivo linha por linha:

```
with open("pontos.txt") as infile:
    lines = infile.read().splitlines()
    for i in range(len(lines)):
        line = lines[i]
        print(line)
```

▶ Podemos quebrar a linha em várias partes

```
# linhas no formato: x y z
temp = line.split()
x, y, z = temp[0], temp[1], temp[2]
```

Hands on

1. Dada uma lista com palavras (strings), escreva um programa que crie uma lista de inteiros que corresponda ao tamanho das palavras. Escreva duas versões do programa: (i) usando um loop for e (ii) usando a função map().

Hands on

2. Vamos implementar uma função le_pontos() que recebe a string com o nome de um arquivo texto, contendo as coordenadas de um conjunto de pontos 2D, lê o seu conteúdo e retorna uma listas com objetos Ponto.

Teremos que usar a classe Ponto definida anteriormente. Exemplo:

Hands on

► Considere arquivos de entrada no formato

```
9
0.0 0.0
1.0 0.0
2.0 0.0
0.0 1.0
1.0 1.0
2.0 1.0
0.0 2.0
1.0 2.0
2.0 2.0
```

Parte III Computação Científica com Python

Workflow Científico

- ► Gerar dados (simulação, experimentos)
- ► Manipular e processar os dados
- ► Visualizar os resultados
 - Para entender, interpretar e validar o que estamos fazendo
- ► Comunicar os resultados
 - Produzir figuras para relatórios e publicações
 - Apresentações
- ▶ Objetivo: apresentar os elementos básicos da linguagem Python para escrever programas para solução computacional de problemas científicos, manipular, processar e visualizar os dados.

O que é NumPy?

- ► Numerical Python
- ▶ Biblioteca para manipulação de arrays multidimensionais e matrizes.
- ▶ Operações rápidas em arrays (funções vetorizadas)
- ▶ Diferença com relação a listas tradicionais do Python
 - Vetor homogêneo
 - Muito mais eficientes do que as listas
 - Número de elemento deve ser conhecido a priori.
 - O array pode ser redimensionado posteriormente.
 - Muito eficiente (implementado em C)



Python Puro VS NumPy

```
Tempo: 2.46 s
```

```
# NumPy
import time
import numpy as np
l = 10000000
start = time.time()

a = np.arange(1)
b = np.arange(1)
c = a * b

t = time.time() - start
print( " Tempo: %s" % t)
```

Tempo: 0.13 s

Criando vetores NumPy

➤ Arrays NumPy podem ser criados a partir de estruturas de dados do Python (listas, tuplas) ou a partir de funções específicas para criação de arrays.

zeros((M,N))	vetor com zeros, M linhas, N colunas		
ones((M,N))	vetor com uns, M linhas, N colunas		
empty((M,N))	vetor vazio, M linhas, N colunas		
zeros_like(A)	vetor com zeros, mesmo formato de A		
ones_like(A)	vetor com uns, mesmo formato de A		
empty_like(A)	vetor vazio, mesmo formato de A		
random.random((M,N))	vetor com numeros aleatorios, MxN		
identity(N)	matriz identidade NxN, ponto flutuante		
array([[1.5,2,3],[4,5,6]])	cria a partir de lista ou tupla		
arange(I, F, P)	vetor com inicio I, fim F, passo P		
linspace(I, F, N)	vetor com N números de I até F		

Criando vetores NumPy

```
>>> import numpy as np
# np.float64
\Rightarrow \Rightarrow a = np.array( [36.4, 21.6, 15.6, 27.5] )
>>> a
array([ 36.4, 21.6, 15.6, 27.5])
# np.float64
>>> az = np.zeros(4)
>>> az
array([ 0., 0., 0., 0.])
# np.int32
>>> a = np.arange(10)
>>> a
array([0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9])
# np.float64
>>> a = np.arange(0.0, 1.0, 0.2)
>>> a
array([0., 0.2, 0.4, 0.6, 0.8])
```

Criando vetores NumPy

```
>>> a = np.linspace(0.0, 1.0, 6)
>>> print(a)
[ 0. 0.2 0.4 0.6 0.8 1. ]
>>> print(a.size, a.ndim, a.shape)
6 1 (6.)
>>> m = a.reshape(2,3)
>>> print(m)
[[0. 0.2 0.4]
[ 0.6 0.8 1. ]]
>>> print (m.size, m.ndim, m.shape)
6 2 (2, 3)
>>> Z = np.zeros((3,3))
>>> print(Z)
[[0. 0. 0.]
[ 0. 0. 0.]
[ 0. 0. 0.]]
```

► Exemplo com array bidimensional

```
>>> a = np.arange(24)
>>> a = a.reshape((4,6))
>>> a[2,4]
16
```

```
>>> a = np.arange(24)
>>> a = a.reshape((4,6))
>>> a[2,4]
16
>>> a[1]
array([6, 7, 8, 9, 10, 11])
```

```
>>> a = np.arange(24)
>>> a = a.reshape((4,6))
>>> a[2,4]
16
>>> a[1]
array([6, 7, 8, 9, 10, 11])
>>> a[-1]
array([18, 19, 20, 21, 22, 23])
```

```
>>> a = np.arange(24)

>>> a = a.reshape((4,6))

>>> a[2,4]

16

>>> a[1] # ou a[1,:]

array([6, 7, 8, 9, 10, 11])

>>> a[-1]

array([18, 19, 20, 21, 22, 23])

>>> a[:,1]

array([1, 7, 13, 19])
```

```
>>> a = np.arange(24)
\Rightarrow \Rightarrow a = a.reshape((4,6))
>> a[2,4]
16
>>> a[1] # ou a[1,:]
array([ 6, 7, 8, 9, 10, 11])
>>> a[-1]
array([18, 19, 20, 21, 22, 23])
>>> a[:,1]
array([ 1, 7, 13, 19])
>>> a[1:3,:]
array([[ 6, 7, 8, 9, 10, 11],
[12, 13, 14, 15, 16, 17]])
```

```
>>> a = np.arange(24)
>>> a = a.reshape((4,6))
>>> a[2.4]
16
>>> a[1] # ou a[1,:]
array([ 6, 7, 8, 9, 10, 11])
>>> a[-1]
array([18, 19, 20, 21, 22, 23])
>>> a[:,1]
array([ 1, 7, 13, 19])
>>> a[1:3,:]
array([[6, 7, 8, 9, 10, 11],
        [12, 13, 14, 15, 16, 17]])
>>> a[1:4,2:5]
array([[ 8, 9, 10],
           [14, 15, 16],
           [20, 21, 22]])
```

```
>>> a = np.arange(24)
>>> a = a.reshape((4,6))
>>> a[2.4]
16
>>> a[1] # ou a[1,:]
array([ 6, 7, 8, 9, 10, 11])
>>> a[-1]
array([18, 19, 20, 21, 22, 23])
>>> a[:,1]
array([ 1, 7, 13, 19])
>>> a[1:3,:]
array([[ 6, 7, 8, 9, 10, 11],
[12, 13, 14, 15, 16, 17]
>>> a[::2,::3]
array([[ 0, 3],
[12, 15]
```

Operações com arrays

► NumPy suporta operações aritméticas entre arrays sem o uso de loops com for (implementado em C)

```
>>> import numpy as np
>>> a,b = np.arange(1,11), np.arange(1,11)
>>> a
array([ 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10])
>>> a + 1
array([ 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11])
>>> a * 2
array([ 2, 4, 6, 8, 10, 12, 14, 16, 18, 20])
>>> a * b
array([ 1, 4, 9, 16, 25, 36, 49, 64, 81, 100])
>>> a ** 3
array([ 1, 8, 27, 64, 125, 216, 343, 512, 729, 1000])
```

Operações com arrays

Outras operações

```
>>> a=np.array([1,0,1])
        >>> b=np.array([2,2,4])
        >>> np.dot(a,b)
        6
        >>> a = np.array([1,0,0])
        >>> b = np.array([0,1,0])
        >>> np.cross(a,b)
        array([0, 0, 1])
>>> a,b = np.array([1,2,3]), np.array([1,2,3])
>>> np.outer(a,b)
array([[1, 2, 3],
       [2, 4, 6],
       [3, 6, 9]])
```

Funções e Arrays NumPy

- Avaliar funções usando arrays NumPy
- Exemplo: $f(x) = e^{\sin(x)}$
- ► Loops em vetores NumPy muito grandes são lentos
- ► Alternativas:
 - Vectorization
 - NumPy oferece diversas funções prontas

```
from math import exp, sin
import numpy as np

def f(x):
    return exp(sin(x))

x = np.linspace(0.0, 6.0, 100)
y = np.zeros(x.size)

for i in range(x.size):
    y[i] = f(x[i])
```

Alguns métodos dos vetores

```
a.sum()
                  soma todos elementos
                  menor elemento
a.min()
a.max()
                  maior elemento
                  média aritmética
a.mean()
a.std()
                  desvio padrão
a.var()
                  variância.
a.trace()
                  traço
a.copy()
                  retorna cópia
                  complexo conjugado
a.conjugate()
```

```
>>> notas = np.array([6., 7.5, 8., 9.2, 4.3])
>>> notas.mean()
7.0
>>> notas.max()
9.2
>>> notas.min()
4.3
```

Copiando Arrays

▶ A expressão a = x faz com que a aponte para o mesmo array que x. Logo, mudanças em a também irão afetar x

```
>>> x = np.array([1., 2., 3.5])
>>> a = x
>>> a[-1] = 3 \# tambem altera x[-1]
>>> x
array([1., 2., 3.])
>>> x = np.array([1.,2.,3.5])
>>> a = x.copy()
>>> a[-1] = 9
>>> a
array([ 1., 2., 9.])
>>> x
array([ 1. , 2. , 3.5])
```

Matrizes

- ▶ Os arrays usados até então são do tipo **ndarray**
- NumPy também possui um tipo chamado matrix
- ► Sempre bidimensional
- ► Algumas propriedades especiais de matrizes:
 - matrix.I (inversa)
 - matrix.T (transposta)
 - matrix.H (conjugada)
 - matrix.A (converte para array)
- ► Operador de multiplicação (*) efetua as operações usuais da Álgebra Linear
 - matriz-matriz
 - matriz-vetor
 - vetor-matriz

Matrizes

Matrizes

```
\Rightarrow \Rightarrow b = np.array([2,1])
>>> b = np.matrix(b)
>>> b
                     # vetor linha
matrix([[2, 1]])
>>> b * m
                     # vet * mat
matrix([[5, 8]])
>>> b = b.T
                    # vetor coluna
>>> h
array([[2],
        \lceil 1 \rceil \rceil \rangle
>>> m * b
                     # mat * vet
matrix([[ 4],
         [10]]
>>> m * m.I # mat * mat
matrix([[1.0000e+00, 1.1102e-16],
         [0.0000e+00. 1.0000e+00]])
```

Matrizes e Álgebra Linear

- ► O módulo numpy.linalg possui diversas funções de Álgebra Linear
- ➤ Solução de Sistema de Equações Lineares

```
3x + 2y + 4z = 1

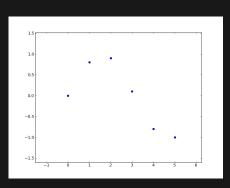
1x + 1y + 2z = 2

4x + 3y - 2z = 3
```

```
>>> import numpy.linalg as linalg
>>> A = np.matrix([[3.,2.,4.],
                     [1.,1.,2.],
                     [4.,3.,-2.]
>>> A
matrix([[ 3., 2., 4.],
        [ 1., 1., 2.],
[ 4., 3., -2.]])
>>> b = np.matrix([[1.],[2.],[3.]])
>>> b
matrix([[ 1.],
        [ 2.],
         [3.11)
>>> x = linalg.solve(A,b)
>>> x
matrix([[-3.],
         [ 5.],
         [0.11)
```

Ajuste de Curvas

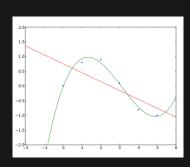
- ▶ Dado os valores de uma função f(x) em um conjunto de pontos, encontrar uma função g(x) que melhor se aproxime de f(x).
- Aproximação polinomial pelo método dos mínimos quadrados
- ► $g(x) \Rightarrow$ combinação de funções polinomiais
- ► numpy.polyfit(x,y,degree)



x	0.0	1.0	2.0	3.0	4.0	5.0
f(x)	0.0	0.8	0.9	0.1	-0.8	-1.0

Ajuste de Curvas

```
>>> import numpy as np
>>> x=np.array([0.0, 1.0, 2.0,
3.0, 4.\overline{0}, 5.0
>>> y=np.array([0.0, 0.8, 0.9,
0.1, -0.8, -1.0
>>> c1 = np.polyfit(x, y, 1)
>>> c1
array([-0.30285714,
0.75714286])
>>> p1 = np.poly1d(c1)
>>> c3 = np.polyfit(x, y, 3)
>>> c3
array([ 0.08703704, -0.81349206,
1.69312169, -0.03968254])
>>> p1 = np.poly1d(c3)
```



SciPy

- ► Coleção de algoritmos matemáticos e funções utilitárias
- ► Implementado em cima do NumPy
- Dividido em sub-módulos
 - constants: Constantes físicas
 - fftpack: Transformada Rápida de Fourier
 - integrate: Integração numérica e ODE solvers
 - interpolação (Splines)
 - stats: Distribuições e funções estatísticas
 - optimize: Otimização
 - sparse: Matrizes esparsas
 - linalg: Álgebra Linear
 - io: Entrada e Saída
 - signal: Processamendo digital de sinais
 - ndimage: Processamento digital de imagens

Integração Numérica com SciPy

 \blacktriangleright Exemplo: $\int_0^4 x^2 \ dx$

```
>>> from scipy import integrate
>>> def fx2(x):
>>> return x*x

>>> integrate.quad(fx2, 0.0, 4.0)
(21.333333333333332, 2.3684757858670003e-13)
>> print(4.**3/3)
21.333333333333
```

▶ integrate.quad usa um método de quadratura adaptativa implementado em Fortran no pacote QUADPACK

Integração Numérica com SciPy

- Mais métodos disponíveis
 - fixed_quad: quadratura Gaussiana
 - odeint: integrar Equações Diferenciais Ordinárias
- ► Integrar dados discretos
 - trapz, simps e romb

```
>>> x = linspace(0.0, 4.0, 25)

>>> y = fx2(x)

array([0.0, 0.16667, 0.3333, ..., 4.0])

>>> integrate.trapz(y, dx=x[1]-x[0])

21.351851851851851
```

Visualização de dados com matplotlib

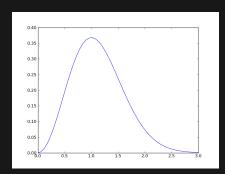
- ➤ A biblioteca matplotlib permite a visualização de dados 2D seguindo o estilo do MATLAB
- ► Gráficos de qualidade para publicações
- ► Exporta para diversos formatos
- ► Possibilidade de embutir em interfaces gráficas (Qt, GTK, ...)
- ► Baseado no NumPy e SciPy
- pylab: módulo com diversas funções para plotar gráficos de forma fácil



matplotlib

- \triangleright Exemplo mais simples de uso: $\mathbf{plot}(\mathbf{x}, \mathbf{y})$
- ▶ Gráficos são gerados sucessivamente, i.e., cada chamada a função plot altera o gráfico

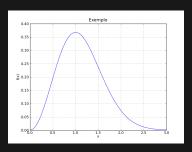
```
>>> import numpy as np
>>> from pylab import *
>>> x = np.linspace(0,3,51)
>>> y = x**2 * np.exp(-x**2)
>>> plot(x,y)
>>> show()
```



matplotlib

► Decorando o gráfico

```
>>> import numpy as np
>>> from pylab import *
>>> x = np.linspace(0,3,51)
>>> y = x**2 * np.exp(-x**2)
>>> plot(x,y)
>>> grid(True)
>>> xlabel('x')
>>> ylabel('f(x)')
>>> title("Exemplo")
>>> show()
```

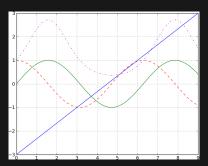


matplotlib

▶ Várias curvas

```
>>> y = np.linspace(-3, 3, 10)
>>> plot(y)

>>> x = np.linspace(0, 9, 100)
>>> plot(x,sin(x))
>>> plot(x,cos(x),linestyle='--',color='r')
>>> plot(x,exp(sin(x)),linestyle='--',color='m')
>>> grid(True)
>>> show()
```



- ► Controlando o estilo do plot
- ➤ A função plot aceita uma string especificando o estilo da linha e do símbolo usando o seguinte formato:

'<color><linestyle><marker>'

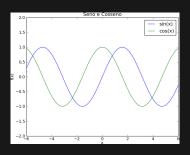


Símbolos (marker)						
	pontos	0	circulo	·	triangulo baixo	
	quadrados		cruz	v	triangulo cima	
	"xis"		estrela	<	triangulo esq	
D	diamante	d	diamante peq.	>	triangulo dir	

Estilo da Linha (linestyle)					
-	solid line				
- 1	dashed line				
	dash-dot line				
:	dotted line				

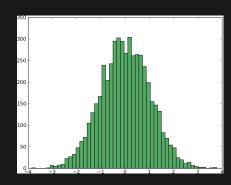
```
import numpy as np
from pylab import *

x = np.linspace(-6, 6, 500)
plot(x,sin(x), label='sin(x)')
>>> plot(x,cos(x), label='cos(x)')
>>> title('Seno e Cosseno')
>>> xlabel('x')
>>> ylabel('f(x)')
>>> axis([-6,6,-2,2])
>>> legend(loc="upper right")
```



- Histogramas
- \blacktriangleright hist(x, bins=10)
- ightharpoonup Distribuição normal N(0,1)

```
>>> import numpy as np
>>> from pylab import *
>>> y = np.random.randn(1000)
>>> hist(y,bins=50)
```



- ► Gráfico de barras
- ► bar(x, height): plota um gráfico de barras com retângulos
- ► xticks(x, labels): posiciona rótulos dos retângulos

```
>>> import numpy as np
>>> from pylab import *

>>> x=[1,2,3,4,5,6]
>>> y=[5,8,15,20,12,18]

>>> bar(x,y,align='center',
color='#2090AA')
>>> lab = ("D1","D2","D3","D4","D5","D6")
>>> xticks(x, lab)
```

- Salvando os gráficos em figuras
- ► savefig(filename):

Salva a figura atual usando o formato.

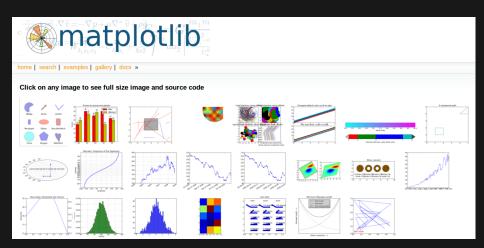
Alguns parâmetros opcionais:

```
- format: 'png', 'pdf', 'ps', 'eps', 'svg'
```

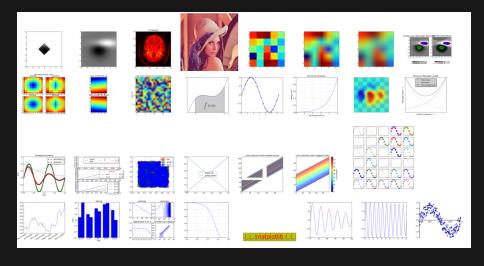
- transparent: True ou False

```
>>> import numpy as np
>>> from pylab import *
>>> x = np.linspace(-3,3,1000)
>>> y = sin(1/x)
>>> plot(x,y)
>>> savefig("senoisx", format="eps")
```

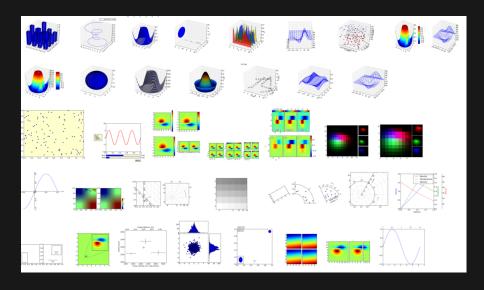
Galeria do matplotlib



Galeria do matplotlib



Galeria do matplotlib



Parte IV

Outras bibliotecas e projetos com Python

Sympy



- Computação Simbólica
- ► Alternativa livre aos softwares Maple, Mathematica e Matlab.
- ➤ Aritmética básica, expansões, funções, derivadas, integrais, substituições, limite, matrizes, etc.

```
>>> from sympy import *
>>> x = Symbol('x')
>>> f = 2 * cos(x)
>>> diff(f, x)
-2*sin(x)
```

```
>>> x = Symbol("x")
>>> limit(sin(x)/x, x, 0)
1
>>> limit(1/x, x, oo)
0
```

Sage

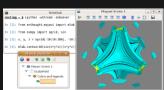


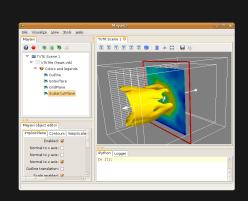
- ► Software matemático livre com liçenca GPL.
- ► Alternativa livre aos softwares Maple, Mathematica e Matlab.
- ► Re-utiliza pacotes como Maxima, GAP, Pari/GP, softwares de renderização de imagens e outros.
- ▶ Disponível para uso online via browser.

Visualização Científica

► MayaVi



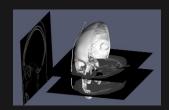




Computação Gráfica, Visualização



- ► Computação gráfica, processamento de imagens e visualização.
- ► Escrito em C++ com interface em Tcl/Tk, Java e Python.







- ➤ PyOpenGL: binding de OpenGL para Python
- OpenGL: API livre utilizada na computação gráfica
- ► Aplicativos gráficos, ambientes 3D, jogos.

Álgebra Linear Computacional



- ► Algebraic Multigrid Solvers in Python
- ▶ Diversas implementações do AMG
- ► Fácil de usar, rápido, eficiente
- ► http://code.google.com/p/pyamg/



- ► PySparse: Biblioteca de matrizes esparsas
- Diversos formatos e métodos para conversão
- ► Solvers iterativos (CG)
- ▶ Precondicionadores

Solução Numérica de Equações Diferenciais





- ► FEniCS Project
- Solução automatizada de EDPs usando o método dos elementos finitos
- Alto nível de abstração (Muito próximo da formulação matemática)
- ► Paralelismo, adaptatividade, estimativa de erro, etc

- ➤ FiPy (A finite volume PDE solver written in Python)
- ➤ Solver de EDPs usando o método dos volumes finitos
- ► Orientado a objetos
- ► Computação paralela

Apredizagem de Máquina



- ► Shogun: A Large Scale Machine Learning Toolbox
- ► SVM (Support Vector Machines)
- ► http://www.shoguntoolbox.org/



- ► Construído sobre NumPy, SciPy e Matplotlib
- ► Diversas técnicas como p. ex. SVM, K-Means, etc
- ► http://scikitlearn.sourceforge.net

Python para Física

- ► Astropysics: http://packages.python.org/Astropysics/
 - Utilitários de astrofísica em Python
- ► PyFITS: http://packages.python.org/pyfits/
 - Manipulação de imagens FITS em Python
- ► YT: http://yt-project.org/
 - yt é um toolkit para manipular dados de simulações astrofísicas com suporte para análise e visualização.







Python para Química

- ► Cheminformatics: OpenBabel (Pybel), RDKit, OEChem, Daylight (PyDaylight), Cambios Molecular Toolkit, Frowns, PyBabel and MolKit
- ► Computational chemistry: OpenBabel, cclib, QMForge, GaussSum, PyQuante, NWChem, Maestro/Jaguar, MMTK
- ► Visualisation: CCP1GUI, PyMOL, PMV, Zeobuilder, Chimera, VMD



Referências

- ➤ Hans Petter Langtangen "A Primer on Scientific Computing with Python"
- ► Hans Petter Langtangen "Python Scripting"
- ► Mark Lutz "Learning Python"
- ► Slides de Rafael Sachetto Oliveira (UFSJ)
- ▶ Slides de Felix Steffenhagen (Uni Freiburg)
- ► Mais informações:
 - http://www.python.org
 - http://numpy.org
 - http://ark4n.wordpress.com/python/
 - http://fperez.org/py4science/
- ► Equipe da Semana da Computação/Prof. Rafael Sachetto



Pós-Graduação em Modelagem Computacional

- ► UFJF
- ► Mestrado e Doutorado
- www.ufjf.br/pgmc



Agradecimentos

- ▶ Profa. Tatiane Ornelas Martins Alves
- ▶ Prof. Rafael Sachetto Oliveira UFSJ
- ▶ Prof. Bernardo Martins Rocha UFJF
- ▶ Departamento de Ciência da Computação UFSJ
- Departamento de Ciência da Computação UFJF
- ▶ Departamento de Sistemas de Informação Grambery

Fim