

ma oddeta

Definitions

Equations d'ondes

particulières aux équations d'onde

Rais sistilique

Resolution

Atténuation d ondes

Références

GEO1303 – Méthodes sismiques 1 - Les ondes sismiques

Bernard Giroux (bernard.giroux@ete.inrs.ca)

Institut national de la recherche scientifique Centre Eau Terre Environnement

> Version 1.0.12 Automne 2019



Introduction

éfinition

quations d'ondes

Solutions

équations d'onde

Kais sisiffiqui

Resolution

Atténuation des ondes

éférences

Introduction



Généralités

Introduction

) éfinitior

Equations d'onde

Solutions particulières aux équations d'onc

rais sismiqu

Résolution

Atténuation d ondes

Reference

- Les méthodes sismiques sont des techniques d'imagerie basées sur la mesure de la propagation des ondes sismiques.
- Les ondes sismiques sont de nature mécanique.
- On peut dire d'une onde que
 - c'est une perturbation du milieu qui se propage dans l'espace et le temps;
 - sa propagation est fonction des propriétés physiques du milieu.
- On peut décrire le phénomène de la propagation des ondes sismiques à partir de
 - la loi de Hooke : reliant contrainte et déformation ;
 - la 2^e loi de Newton : reliant force et accélération.



Caractéristiques élastiques des solides

Introduction

éfinition

Equations d'onde

Solutions particulières aux équations d'ond

ais sismiqu

Résolutio

Atténuation d ondes

Référence

- Les relations entre contrainte et déformation pour un matériau permettent de décrire les propriétés élastiques de ce matériau, ainsi que les caractéristiques (tel que la vitesse) des ondes qui s'y propagent.
- Définitions :

```
contrainte \tau: force par unité de surface (F/A) en N/m<sup>2</sup>; déformation \epsilon: déformation unitaire \frac{\Delta L}{I} ou \frac{\Delta V}{V}.
```

 À l'intérieur des limites d'élasticité, la contrainte est proportionnelle à la déformation (loi de Hooke).



Introductio

Définitions

Contrainte Déformation en

compression/dilatation
Déformation en

Équations d'ondes

Solutions particulières aux équations d'onde

Rais sismiques

ésolution

Atténuation des ondes

Références

Définitions

Définitions

Déformation en compression/dilatatio Déformation en cisaillement

Equations d'ondes

Solutions particulières au équations d'ond

rear bibiriiqe

Résolution

Atténuation des ondes

Références

Module d'Young ou module d'élasticité (E)

$$E = \frac{F/A}{\Delta l/l} = \frac{\text{contrainte uniaxiale}}{\text{d\'eformation parall\`ele \'a la contrainte}}$$

avec F/A = P.

Module d'élasticité volumique, ou bulk modulus (K)

Une contrainte hydrostatique P dans les trois axes orthogonaux entraîne une changement de volume ΔV .

$$K = \frac{\text{contrainte volumique}}{\text{déformation volumique}} = \frac{F/A}{\Delta V/V} = \frac{P}{\Delta V/V}$$

1/*K* est appelé compressibilité.

B (C . W

Définitions

Déformation en compression/dilatation Déformation en cisaillement

quations d'onde

Solutions particulières aux équations d'onde

Rais sismique

Atténuation des

Références

Module (d'élasticité) de cisaillement ou rigidité (µ)

Mesure du rapport contrainte / déformation dans le cas d'un cisaillement simple tangentiel. Déformation sans changement de volume.

$$\mu = \frac{P}{\Delta l/l} = \frac{P}{\phi};$$

 ϕ est l'angle de déformation.

2^e constante de Lamé (incompressibilité du fluide)

$$\lambda = K - 2\mu/3$$

oduction

Définitions

Déformation en compression/dilatation Déformation en cisaillement

Équations d'onde

Solutions particulières aux équations d'ond

Rais sisifiiqu

Décolution

Atténuation de ondes

Référence

Coefficient de Poisson (σ)

 σ est la mesure du changement géométrique dans la forme du corps élastique (dans les directions orthogonales à la direction de la contrainte)

$$\sigma = \frac{\text{déformation transversale}}{\text{déformation longitudinale}} = \frac{\Delta W/W}{\Delta l/l}$$

- σ est toujours inférieur à 0.5.
- Pour la plupart des roches, $\sigma \approx 0.25$.
- Le coefficient de Poisson est relié au module d'Young par la 2^e constante de Lamé λ :

$$\lambda = \frac{E\sigma}{(1+\sigma)(1-2\sigma)}.$$



Les constantes élastiques sont indépendantes deux par deux.

Contrainte
Déformation en compression/dilata
Déformation en cisaillement
Équations d'onc
Solutions particulières aux équations d'ond
Rais sismiques
Résolution
Atténuation des

Définitions

Résolution	
Atténuation ondes	des

ondes	
Références	

K	Е	λ	σ	μ
$\lambda + 2\mu/3$	$\mu \frac{3\lambda + 2\mu}{\lambda + \mu}$	_	$\frac{\lambda}{2(\lambda+\mu)}$	_
_	$9K\frac{K-\lambda}{3K-\lambda}$	_	$\frac{\lambda}{3K-\lambda}$	$3(K-\lambda)/2$
_	$\frac{9K\mu}{3K+\mu}$	$K-2\mu/3$	$\frac{3K-2\mu}{2(3K+\mu)}$	_
$\frac{E\mu}{3(3\mu-E)}$	_	$\mu \frac{E-2\mu}{3\mu-E}$	$\frac{E}{2\mu}-1$	_
-	_	$3K\frac{3K-E}{9K-E}$	$\frac{3K-E}{6K}$	$\frac{3KE}{9K-E}$
$\lambda \frac{1+\sigma}{3\sigma}$	$\lambda \tfrac{(1+\sigma)(1-2\sigma)}{\sigma}$	_	_	$\lambda \frac{1-2\sigma}{2\sigma}$
$\mu_{\frac{3(1-2\sigma)}{3(1-2\sigma)}}$	$2\mu(1+\sigma)$	$\mu \frac{2\sigma}{1-2\sigma}$		_
_	$3K(1-2\sigma)$	$3K\frac{\sigma}{1+\sigma}$		$3K\frac{1-2\sigma}{2+2\sigma}$
$\frac{E}{3(1-2\sigma)}$	_	$\frac{E\sigma}{(1+\sigma)(1-2\sigma)}$	_	$\frac{E}{2+2\sigma}$

Contrainte

oduction

Définition

Déformation en compression/dilat

Déformation en cisaillement

Equations a ondes

particulières aux équations d'ond

Rais sismique

Distriction

Atténuation des

Références

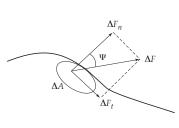
La contrainte est définie comme le rapport de la force sur la surface

$$\vec{\tau} = \frac{\Delta \vec{F}}{\Delta A}$$

Lorsque *A* tend vers zéro,

$$\vec{\tau} = \frac{\partial \vec{F}}{\partial A}$$

La contrainte normale (compression ou dilatation) s'exprime par $\partial F_n/\partial A$, la contrainte de cisaillement par $\partial F_t/\partial A$.





Contrainte

Définition

Définition

Déformation en compression/dilatation Déformation en cisaillement

Équations d'onde

Solutions particulières aux équations d'onc

Rais sisiffiqu

Dácalution

Atténuation de

Référence

- En 3D avec système de référence x_1 , x_2 , x_3 et une surface $du_2 du_3$ dont la normale est selon x_1 , les composantes de la contrainte seront en compression selon τ_{11} et en cisaillement selon τ_{21} et τ_{31} .
- Notation : le premier indice représente la direction de la contrainte, et le deuxième indice est la direction de la normale au plan sur lequel la contrainte agit.
- Ainsi, on trouvera neuf composantes totales possibles, soient:
 - \bullet trois contraintes de compression (ou dilatation) : $\tau_{11},\,\tau_{22}$ et τ_{33}
 - six contraintes de cisaillement : τ_{12} , τ_{21} , τ_{13} , τ_{31} , τ_{23} et τ_{32} ; avec $\tau_{12} = \tau_{21}$, $\tau_{13} = \tau_{31}$ et $\tau_{23} = \tau_{32}$.



Contrainte

IIIIIOddctioi

Dáfinitions

Définitions Contrainte

Deformation en compression/dilatation Déformation en

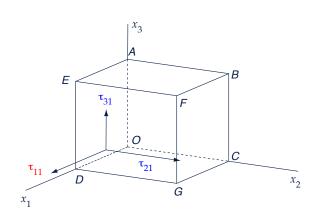
Équations d'ondes

Solutions particulières aux équations d'onde

Rais sismiques

Atténuation des

Références





Déformation en compression/dilatation

D / C 10

Définitions

Déformation en compression/dilatation

cisaillement

Équations d'onde

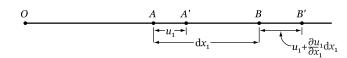
particulières aux équations d'ond

Rais sismique

Résolution

Atténuation des ondes

References



Définition : variation du déplacement subie par A et B sur la séparation originale entre A et B, i.e.

$$déformation = \frac{A'B' - AB}{AB}$$

ou encore

$$\epsilon_{11} = \frac{(dx_1 - u_1 + u_1 + \frac{\partial u_1}{\partial x_1} dx_1) - dx_1}{dx_1} = \frac{\partial u_1}{\partial x_1},$$

et de manière générale

$$\epsilon_{ii} = \frac{\partial u_i}{\partial x_i}, \qquad i = 1, 2, 3.$$



Déformation en compression/dilatation

Définition

C--4--|-4-

Déformation en compression/dilatation

cisaillement

Equations d'onde

Solutions particulières aux équations d'ond

Rais sismiques

Résolution

Atténuation des ondes

Références

La variation selon les trois dimensions de l'espace est

initialement sous contrainte
$$dx_i$$
 dx_i $(1 + \epsilon_{ii})$

Le volume résultant initial est donc $V = dx_1 dx_2 dx_3$ et le volume sous contrainte est

$$V' = dx_1 \, dx_2 \, dx_3 \, (1 + \epsilon_{11}) (1 + \epsilon_{22}) (1 + \epsilon_{33}).$$



Déformation en compression/dilatation

Déformation en compression/dilatation

Le coefficient de dilatation Δ sera

$$\begin{split} \Delta &= \frac{(V'-V)}{V} = \frac{\Delta V}{V} \\ &= \frac{dx_1 dx_2 dx_3 (1+\epsilon_{11})(1+\epsilon_{22})(1+\epsilon_{33}) - dx_1 dx_2 dx_3}{dx_1 dx_2 dx_3} \\ &= (1+\epsilon_{11})(1+\epsilon_{22})(1+\epsilon_{33}) - 1 \\ &= 1+(\epsilon_{11}+\epsilon_{22}+\epsilon_{33}) + (\epsilon_{11}\epsilon_{22}+\epsilon_{11}\epsilon_{33}+\epsilon_{22}\epsilon_{33} \\ &+\epsilon_{11}\epsilon_{22}\epsilon_{33}) - 1. \end{split}$$

En négligeant les produits des ϵ_{11} , ϵ_{22} et ϵ_{33} , on a

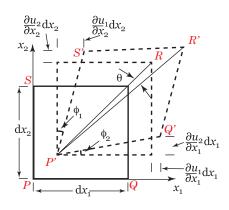
$$\Delta = \epsilon_{11} + \epsilon_{22} + \epsilon_{33}.$$

L'équation de l'onde P est exprimée en fonction de Δ .



Déformation en cisaillement

Déformation en cisaillement



$$\phi_1 \approx \tan(\phi_1) = \frac{\frac{\partial u_1}{\partial x_2} dx_2}{dx_2} = \frac{\partial u_1}{\partial x_2}$$
$$\phi_2 = \partial u_2 / \partial x_1$$



Déformation en cisaillement

Dáfinition

Définition

Déformation en compression/dilatation

Déformation en cisaillement

Equations a onue

particulières aux équations d'onc

Rais sismiques

Atténuation des

Référence:

On définit ϵ_{12} comme la déformation de cisaillement

$$\epsilon_{12} = \frac{\partial u_1}{\partial x_2} + \frac{\partial u_2}{\partial x_1}$$

L'angle de rotation autour de l'axe x_3 est

$$\theta = \frac{1}{2} \left(\frac{\partial u_2}{\partial x_1} - \frac{\partial u_1}{\partial x_2} \right) \equiv \theta_3.$$

En trois dimensions, on a

$$\epsilon_{12} = \epsilon_{21} = \frac{\partial u_2}{\partial x_1} + \frac{\partial u_1}{\partial x_2},$$

$$\epsilon_{23} = \epsilon_{32} = \frac{\partial u_3}{\partial x_2} + \frac{\partial u_2}{\partial x_3},$$

$$\epsilon_{31} = \epsilon_{13} = \frac{\partial u_1}{\partial x_3} + \frac{\partial u_3}{\partial x_1}.$$



Introduction

Définitions

Équations d'ondes

Ondo D

Onde S

particulières aux équations d'onde

Rais sismique

Résolution

Atténuation des

Références

Équations d'ondes



Définitions

Équations d'ondes

Onde P Onde S

particulières aux équations d'onde

Rais sismique

Résolution

Atténuation de ondes

Référence

- Soit une contrainte τ agissant sur un matériau *élastique* et provoquant une déformation ϵ .
- Suite à cette contrainte, le matériau est hors d'équilibre.
- Si τ est appliquée dans le plan \perp à x_1 , les forces par unité de volume selon x_1 , x_2 et x_3 s'écrivent comme

$$\frac{\partial \tau_{11}}{\partial x_1}$$
, $\frac{\partial \tau_{21}}{\partial x_2}$, $\frac{\partial \tau_{31}}{\partial x_3}$;

- Voyons comment ces forces peuvent être reliées à une quantité mesurable.
 - Définissons le vecteur de déplacement d'une particule (ou élément de volume) par

$$\mathbf{u} = u_1 \hat{\mathbf{x}}_1 + u_2 \hat{\mathbf{x}}_2 + u_3 \hat{\mathbf{x}}_3.$$



.....

Définition

Équations d'ondes

Onde :

particulières aux équations d'onde

Rais sismique

Atténuation d

Référence

- u (ou sa dérivée dans le temps) est la quantité mesurée en sismique.
- La deuxième loi de Newton relie l'accélération $\frac{\partial^2 \mathbf{u}}{\partial t^2}$ à la force exercée

$$\rho \frac{\partial^2 u_1}{\partial t^2} = \text{Forces agissant sur le volume selon } x_1$$
$$= \frac{\partial \tau_{11}}{\partial x_1} + \frac{\partial \tau_{12}}{\partial x_2} + \frac{\partial \tau_{13}}{\partial x_3}$$

où ρ est la densité (constante) du matériau.



Définitions

Équations d'ondes

Onde P Onde S

particulières aux équations d'onde

Rais sismique

Résolution

Atténuation de ondes

Référence:

• Par ailleurs, les déformations sont exprimées en termes des composantes de **u**, i.e.

$$\epsilon_{ij} = \frac{1}{2} \left(\frac{\partial u_i}{\partial x_j} + \frac{\partial u_j}{\partial x_i} \right).$$

- La loi de Hooke relie contraintes et déformations.
- La forme générale de la loi de Hooke s'écrit

$$\tau_{ij} = c_{ijpq} \epsilon_{pq}, \tag{1}$$

où c_{ijpq} est un tenseur d'ordre 4 à 21 coefficients indépendants.

- Pour un milieu isotrope, on a $\tau_{ii} = \lambda \Delta + 2\mu \epsilon_{ii}$, et $\tau_{ij} = \mu \epsilon_{ij}$, $(i \neq j)$;
 - λ et μ sont les constantes de Lamé.



Définitions

Équations d'ondes

Onde 9

Solutions particulières aux équations d'ond

Rais sismique

Atténuation de

Référence:

On arrive ainsi a

$$\rho \frac{\partial^{2} u_{1}}{\partial t^{2}} = \lambda \frac{\partial \Delta}{\partial x_{1}} + 2\mu \frac{\partial \epsilon_{11}}{\partial x_{1}} + \mu \frac{\partial \epsilon_{12}}{\partial x_{2}} + \mu \frac{\partial \epsilon_{13}}{\partial x_{3}}
= \lambda \frac{\partial \Delta}{\partial x_{1}} + \mu \left[2 \frac{\partial^{2} u_{1}}{\partial x_{1}^{2}} + \left(\frac{\partial^{2} u_{2}}{\partial x_{1} \partial x_{2}} + \frac{\partial^{2} u_{1}}{\partial x_{2}^{2}} \right) \right]
+ \left(\frac{\partial^{2} u_{3}}{\partial x_{1} \partial x_{3}} + \frac{\partial^{2} u_{1}}{\partial x_{3}^{2}} \right) \right]
= \lambda \frac{\partial \Delta}{\partial x_{1}} + \mu \nabla^{2} u_{1} + \mu \frac{\partial}{\partial x_{1}} \left(\frac{\partial u_{1}}{\partial x_{1}} + \frac{\partial u_{2}}{\partial x_{2}} + \frac{\partial u_{3}}{\partial x_{3}} \right)
= (\lambda + \mu) \frac{\partial \Delta}{\partial x_{1}} + \mu \nabla^{2} u_{1}.$$
(2)



Définitions

Équations d'ondes

Solutions particulières aux

équations d'ond

.....

Atténuation de ondes

Reference

• Selon les axes x_2 et x_3 , on obtient

$$\rho \frac{\partial^2 u_2}{\partial t^2} = (\lambda + \mu) \frac{\partial \Delta}{\partial x_2} + \mu \nabla^2 u_2 \tag{3}$$

et

$$\rho \frac{\partial^2 u_3}{\partial t^2} = (\lambda + \mu) \frac{\partial \Delta}{\partial x_3} + \mu \nabla^2 u_3. \tag{4}$$

• On peut exprimer les équations (2), (3) et (4) sous forme vectorielle comme

$$\rho \frac{\partial^2 \mathbf{u}}{\partial t^2} = (\lambda + \mu) \nabla \Delta + \mu \nabla^2 \mathbf{u}.$$
 (5)

 Cette équation permet de décrire le mouvement des particules dans un milieu élastique, homogène et isotrope.

Onde P

Définition

Définition

Onde P

Solutions particulières aux équations d'onde

Rais sismique

Pásolution

Atténuation de ondes

Référence

• La forme générale de l'équation d'onde est

$$\frac{1}{V^2} \frac{\partial^2 \varphi}{\partial t^2} = \nabla^2 \varphi \tag{6}$$

avec *V* la vitesse de l'onde.

• En effectuant la divergence de (5) on obtient

$$\frac{1}{\alpha^2} \frac{\partial^2 \Delta}{\partial t^2} = \nabla^2 \Delta \tag{7}$$

qui décrit la propagation d'une perturbation se déplacant avec une vitesse $\alpha = \sqrt{(\lambda + 2\mu)/\rho}$.

- (7) est l'équation de l'onde P, qui se propage avec une vitesse α .
- On nomme parfois la quantité $M=\rho\alpha^2$ module de l'onde P.



Onde P

Onde P

particulières aux équations d'onde

Atténuation des

Références

©L. Braille

ıN	
RS	institut national de la recherche scientifique

Onde S

_

Définition

Équations d'ondes Onde P

particulières aux équations d'onde

Rais sismiques

Résolutio

ondes

Référence:

- S'il y a un mouvement de rotation, l'onde est décrite par le rotationel de (5).
- L'équation vectorielle pour les ondes S s'écrit alors

$$\frac{1}{\beta^2} \frac{\partial^2 \Theta}{\partial t^2} = \nabla^2 \Theta \tag{8}$$

en utilisant la définition des angles de rotation de la déformation tels que

$$\begin{split} \theta_1 &= \frac{1}{2} \left(\frac{\partial u_3}{\partial x_2} - \frac{\partial u_2}{\partial x_3} \right), \qquad \theta_2 = \frac{1}{2} \left(\frac{\partial u_1}{\partial x_3} - \frac{\partial u_3}{\partial x_1} \right), \\ \theta_3 &= \frac{1}{2} \left(\frac{\partial u_2}{\partial x_1} - \frac{\partial u_1}{\partial x_2} \right). \end{split}$$

et

$$\Theta = \theta_1 \hat{\mathbf{x}}_1 + \theta_2 \hat{\mathbf{x}}_2 + \theta_3 \hat{\mathbf{x}}_3 = \frac{\nabla \times \mathbf{u}}{2}.$$

Onde S

.....

Définition

Equations d'onde: Onde P Onde S

particulières aux équations d'onde

Rais sistilique

Atténuation des ondes

Référence

- Le terme Θ décrit le cisaillement que subit le volume de référence.
- L'onde S se propage avec une vitesse $\beta = \sqrt{\mu/\rho}$.
- Les constantes d'élasticité sont toujours positives \rightarrow la vitesse $\beta < \alpha$.
- L'expression reliant α et β est $\beta = \sqrt{\frac{1}{2} \left(\alpha^2 \frac{\lambda}{\rho}\right)}$, ou bien

$$\frac{\beta}{\alpha} = \left(\frac{0.5 - \sigma}{1 - \sigma}\right)^{1/2},$$

où σ est le coefficient de Poisson. Une autre expression pratique est

$$\sigma = \frac{1}{2} \frac{(\alpha/\beta)^2 - 2}{(\alpha/\beta)^2 - 1},$$

qui montre que σ =0.5 pour les liquides (β =0).



Onde S

Onde S

particulières aux équations d'onde

Atténuation des

©L. Braille



Solutions particulières aux équations d'onde

Atténuation des

Solutions particulières aux équations d'onde



Onde plane

IIIIOGGCIN

Définition

Equations d'onde

Solutions particulières équations d'o

Onde plane Potentiels de déplacement Ondes harmonique

Ondes de Raylei

.....

Atténuation o

ondes

- L'équation (5) n'est pas toujours pratique pour décrire certains phénomènes, en particulier le partitionnement de l'énergie à une interface.
- Par ailleurs, on s'intéresse souvent aux ondes P uniquement.
- Partant de l'équation (6), considérons le cas où φ est fonction de x_1 et de t seulement.
- Toute fonction $\varphi = f(x_1 \pm Vt)$ est alors une solution de l'équation d'onde, en autant que φ est ses deux premières dérivées soient finies et continues.
- Le choix d'une fonction donnée par rapport à une autre dépend principalement des conditions aux frontières du problème à résoudre.

Onde plane

D46-161--

Définition

Equations d'ondes

Solutions particulières au

équations d'onde

Onde plane

déplacement Ondes harmonic

Ondes de Raylei Fronts d'onde

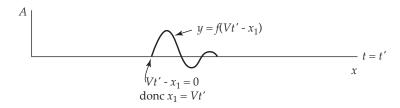
lais sismique

Resolution

Atténuation des

Référence:







Onde plane

....

Définition

Equations d'onde

Solutions particulières au équations d'onc

Onde plane

Ondes harmoniqu Ondes de Rayleig Fronts d'onde

Rais sismiqu

Resolution

Atténuation de ondes

Référence

- La quantité $x_1 \pm Vt$ est appelée la phase de l'onde.
- Les surfaces sur lesquelles la phase est constante sont les *fronts d'onde*.
- Dans le cas où la propagation se fait uniquement selon x_1 , ces surfaces sont planes et perpendiculaires à x_1 , et on a alors affaire à une onde plane.
- L'approximation de l'onde plane est valide pour étudier le comportement de l'onde au voisinage d'un objet de faible dimension par rapport à la courbure du front d'onde.



D (0

Définitions

Equations d'onde

Solutions particulières au équations d'ond Onde plane

Potentiels de déplacement Ondes harmonic

Ondes de Raylei Fronts d'onde

rais sismique

Resolution

Atténuation de ondes

Référence:

- Il est possible de trouver des solutions pour (7) et (8) en fonction de la dilatation Δ et du cisaillement Θ .
- Cependant, il est plus intéressant d'avoir une expression pour le déplacement (\mathbf{u}) ou la vitesse ($\partial \mathbf{u}/\partial t$) des particules constituants le milieu, ces quantités étant plus facilement mesurables.
- On introduit deux fonctions de potentiel $\varphi(x_1, x_2, x_3, t)$ et $\chi(x_1, x_2, x_3, t)$, solutions de l'équation d'onde (6), et à partir desquels le déplacement \mathbf{u} peut être obtenu.

Potentiels de déplacement

Atténuation des

• Si l'on pose φ et χ tel que

$$\mathbf{u} = \nabla \left(\varphi + \frac{\partial \chi}{\partial x_3} \right) - \nabla^2 \chi \hat{x}_3, \tag{9}$$

on peut montrer que

$$\Delta = \nabla \cdot \mathbf{u} = \nabla^2 \varphi \tag{10}$$

$$\Delta = \nabla \cdot \mathbf{u} = \nabla^2 \varphi$$
 (10)

$$2\Theta = \nabla \times \mathbf{u} = \nabla^2 \chi \hat{x}_2.$$
 (11)



Définitions

Équations d'onde

Solutions particulières au équations d'ond

Potentiels de déplacement Ondes harmonic

Ondes de Raylei Fronts d'onde

Rais sismique

Résoluti

Atténuation de ondes

Reference

- Considérons maintenant le cas simple où le potentiel χ est nul et que le potentiel φ ne varie que dans la direction x_1 (c.-à-d. $\varphi = \varphi(x_1, t)$).
- Le déplacement des particules en un point sera décrit par

$$\mathbf{u} = \nabla \varphi = \left(\frac{\partial \varphi}{\partial x_1}, 0, 0\right).$$

- Ce déplacement se fait donc dans la même direction que la propagation de l'onde.
- Cette onde est donc une onde P.



Dáfinition

.

Equations d'onde

Solutions particulières au équations d'on

Potentiels de déplacement

Ondes de Rayleigi Fronts d'onde

itais sisiriiqut

Résolut

Atténuation de ondes

Référence

• Si φ est nul en tout point et que χ varie seulement dans la direction x_1 (c.-à-d. $\chi = \chi(x_1,t)$), le déplacement des particules est décrit par

$$\mathbf{u} = \nabla \times \chi = \left(0, -\frac{\partial \chi_3}{\partial x_1}, \frac{\partial \chi_2}{\partial x_1}\right).$$

- Les particules se déplacent perpendiculairement à la direction de propagation de l'onde et nous sommes en présence d'une onde S.
- L'onde S est souvent décomposée en une composante verticale par rapport à la direction de propagation (SV) et en une composante horizontale (SH), c.-à-d. l'onde est polarisée.



Ondes harmoniques

- (4 11

Définitions

Equations d'onde

Solutions particulière

Onde plane Potentiels d

Ondes harmoniques Ondes de Rayleigh

Rais sismique

Résolution

Atténuation d ondes

Références

- Quelle forme peuvent prendre les potentiels de déplacement?
- Les ondes harmoniques constituent la solution la plus simple pour résoudre (9).
- Une onde harmonique monochromatique de vitesse *V* est décrite par

$$\psi = A\sin k(lx_1 + mx_2 + nx_3 - Vt)$$

ou bien

$$\psi = A \exp^{j\omega[\{lx_1 + mx_2 + nx_3)/V\} - t]}.$$
 (12)

- Cette onde se propage selon le cosinus directeur (l, m, n) et a une longueur d'onde égale à $\lambda = 2\pi/k$.
- La longueur d'onde est reliée à la vitesse et la fréquence f $(f = \omega/2\pi)$ par

$$V = f\lambda. \tag{13}$$



Ondes harmoniques

D/C ::

Delilitions

Equations d'onde

particulières aux équations d'ond

Onde plane Potentiels de

Ondes harmoniques

Ondes de Rayleigh Fronts d'onde

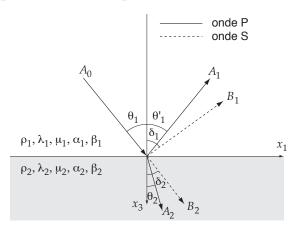
ais sismique

.

Atténuation de

Références

 Soit le cas simple d'une onde P incidente à la surface séparant deux demi-espaces.





Ondes harmoniques

Définition

etinitions

Equations d'ond

particulières aux équations d'ond Onde plane Potentiels de

Ondes harmoniques Ondes de Rayleigh Fronts d'onde

Rais sismique

Résolu

Atténuation de ondes

Référence:

• Les fonctions de potentiel peuvent s'écrire

$$\varphi_{1}(x_{1}, x_{3}, t) = A_{0} \exp^{i\omega\left(\frac{x_{1}\sin\theta_{1}}{\alpha_{1}} + \frac{x_{3}\cos\theta_{1}}{\alpha_{1}} - t\right)} + A_{1} \exp^{i\omega\left(\frac{x_{1}\sin\theta'_{1}}{\alpha_{1}} + \frac{x_{3}\cos\theta'_{1}}{\alpha_{1}} - t\right)}$$

$$(14)$$

$$\chi_1(x_1, x_3, t) = -B_1 \exp^{i\omega \left(\frac{x_1 \sin \delta_1}{\beta_1} - \frac{x_3 \cos \delta_1}{\beta_1} - t\right)} \hat{x}_2 \quad (15)$$

$$\varphi_2(x_1, x_3, t) = A_2 \exp^{i\omega \left(\frac{x_1 \sin \theta_1}{\alpha_1} + \frac{x_3 \cos \theta_1}{\alpha_1} - t\right)}$$
(16)

$$\chi_2(x_1, x_3, t) = -B_2 \exp^{i\omega \left(\frac{x_1 \sin \delta_2}{\beta_2} + \frac{x_3 \cos \delta_2}{\beta_2} - t\right)} \hat{x}_2.$$
 (17)

 Ces équations permettent de calculer le coefficient de réflexion en fonction de l'angle d'incidence : 1^{er} pas pour une interprétation *quantitative*.



Définition

Equations d'onde

particulières aux équations d'ond Onde plane Potentiels de déplacement Ondes harmonique Ondes de Rayleigh

Rais sismique

Résoluti

Atténuation de ondes

Référence:

- Les ondes de Rayleigh sont dues à l'interaction des ondes P et SV à une surface libre.
- Soit x_3 l'axe vertical et la surface libre dans le plan x_1 - x_2 à $x_3 = 0$, les contraintes τ_{13} , τ_{23} et τ_{33} y sont nulles.
- Considérons les potentiels de déplacement

$$\varphi = A \exp \left[i\omega(px_1 + \eta_{\alpha}x_3 - t)\right]$$

$$= A \exp \left[-\omega \hat{\eta}_{\alpha}x_3\right] \exp \left[i\omega(px_1 - t)\right];$$

$$\chi = B \exp \left[i\omega(px_1 + \eta_{\beta}x_3 - t)\right]$$

$$= B \exp \left[-\omega \hat{\eta}_{\beta}x_3\right] \exp \left[i\omega(px_1 - t)\right].$$

où p = 1/c est la lenteur (inverse de la vitesse) *horizontale*.



Définitions

Équations d'onde

Solutions particulières aux équations d'ond

Onde plane
Potentiels d
déplacement

Ondes harmonique

Ondes de Rayleigh

Rais sismique

Résolutio

Atténuation de

Références

• Les constantes η_{α} et η_{β} sont

$$\eta_{\alpha} = \sqrt{\frac{1}{\alpha^2} - p^2} = i\hat{\eta}^{\alpha}$$

$$= i\sqrt{p^2 - \frac{1}{\alpha^2}} = i\sqrt{\frac{1}{c^2} - \frac{1}{\alpha^2}}.$$

$$\eta_{\beta} = \sqrt{\frac{1}{\beta^2} - p^2} = i\hat{\eta}^{\beta}$$

$$= i\sqrt{p^2 - \frac{1}{\beta^2}} = i\sqrt{\frac{1}{c^2} - \frac{1}{\beta^2}}.$$



Définition

éfinition

Equations d'onde

Solutions particulières aux équations d'onde Onde plane Potentiels de déplacement

Ondes de Rayleigh

Fronts d'onde

Rais sismique

Résoluti

Atténuation de ondes

Référence

• En appliquant les conditions aux frontières, on trouve

$$u_{1} = -A\omega p \sin[\omega(px_{1} - t)] \left[e^{-\omega\hat{\eta}_{\alpha}x_{3}} + \frac{1}{2} \left(\frac{c^{2}}{\beta^{2}} - 2 \right) e^{-\omega\hat{\eta}_{\beta}x_{3}} \right]$$
(18)

et

$$u_{3} = -A\omega p \cos[\omega(p\mathbf{x}_{1} - t)] \left[c\hat{\eta}\alpha e^{-\omega\hat{\eta}_{\alpha}x_{3}} + \frac{1}{2c\hat{\eta}_{\beta}} \left(\frac{c^{2}}{\beta^{2}} - 2\right) e^{-\omega\hat{\eta}_{\beta}x_{3}}\right]. \quad (19)$$



D 441-141---

ć.....

Equations a onde

Solutions particulières aux équations d'ond Onde plane Potentiels de déplacement Ondes harmonique Ondes de Rayleigh Fronts d'onde

Rais sismiqu

....

Atténuation de ondes

Références

- Les déplacements ci-dessus ont une dépendance harmonique en x_1 , et exponentielle en x_3 .
- L'amplitude décroît exponentiellement en fonction de la profondeur, l'onde est dite *évanescente*.
- Les déplacements selon x_1 et x_3 sont déphasés de 90°, et se combinent pour produire un mouvement ellipsoidal.
- En sismique d'exploration, les ondes de Rayleigh sont souvent appelées *ground roll*.
- On peut par ailleurs montrer que c (la vitesse de l'onde de Rayleigh) est toujours inférieure à β .
- En générale, c vaut entre 0.9β et 0.95β .



Ondes de Rayleigh

Atténuation des

©L. Braille



Fronts d'onde

IIIIIOddctii

Définitions

Equations d'onde

Solutions

équations d'on

Onde plane Potentiels de

déplacemen

Ondes harmoniqu

Fronts d'onde

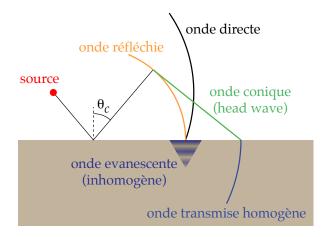
.....

Rais sisiriiqui

Atténuation o

Référence:

 L'interaction à une interface génère différents fronts d'onde :





Fronts d'onde

Introduction

éfinitions

Equations d'ondes

Solutions

particulières aux équations d'onde

Onde plane

Potentiels

Ondes harmonique

Ondes de Rayl

Fronts d'onde

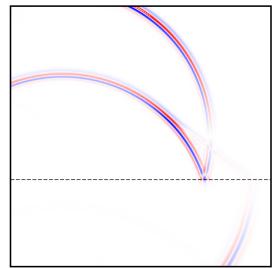
Rais sismiques

Resolution

Atténuation des ondes

Références

v_z ($\mu = 0$)





Fronts d'onde

IIIIIOductio

Définitions

Equations d'ondes

Solutions

particulières aux

Onde plan

otentiels

deplacement

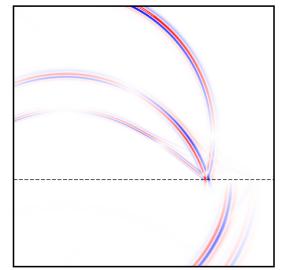
Ondes de Ray

Fronts d'onde

Atténuation des

Références

 $v_z \ (\mu \neq 0)$





Introduction

Définition

Equations d'ondes

Solutions particulières aux équations d'onde

Rais sismiques

plane
Réfraction d'une onde
plane

Équation de l'eikona

ésolution

Atténuation des ondes

Références

Rais sismiques



Rais sismiques

....

Définitions

Equations d'ondes

Solutions particulières aux

Rais sismiques

plane

Réfraction d'une ond

nlane

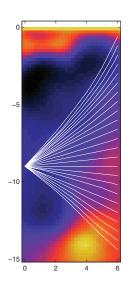
Équation de l'eikon

?ésolution

Atténuation de

Références

• Le rai sismique constitue une façon simple de se représenter la *trajectoire* de propagation de l'onde.





Réflexion d'une onde plane

introductio

- ----

Équations d'ondes

Solutions

particulières aux équations d'onde

Rais sismique

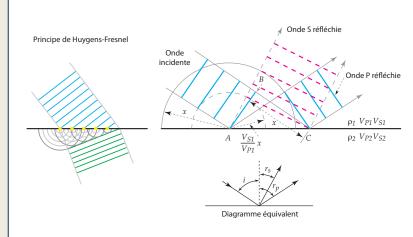
Réflexion d'une onde plane

plane

_

ondes

Référence:





Réflexion d'une onde plane

D 441-141---

Définition:

Equations d'onde

Solutions particulières aux équations d'onde

Rais sismiques Réflexion d'une onde plane Réfraction d'une onde

plane Équation de l'eikonal

ésolutio

Atténuation de ondes

Référence

- Soit un front d'onde *AB* incident avec un angle *i*;
- Le point A est la source d'une onde P et d'une onde SV convertie;
- Le temps requis pour aller de *B* à *C* est égal au rayon *x* pour l'onde P et à $\frac{V_{S1}}{V_{P1}}x$ pour l'onde S;
- Si on trace une tangente du point C au front d'onde P, on voit que l'angle de réflexion r_v est égal à l'angle i;
- Pour l'onde S, l'angle de réflexion r_s est donné par

$$\sin r_s = \frac{V_{S1}}{V_{P1}} \sin i. \tag{20}$$



Réflexion d'une onde plane

Définition

efinition

Equations d onde

Solutions particulières aux équations d'onde

Rais sismique

Réflexion d'une onde plane Réfraction d'une onde

plane Équation de l'eikonal

Résolution

Atténuation des ondes

Référence

• On a ainsi que

$$\frac{\sin i}{V_{P1}} = \frac{\sin r_p}{V_{P1}} = \frac{\sin r_s}{V_{S1}} = p,\tag{21}$$

où *p* est le paramètre du rai.

 Lorsque i = 0, le rapport entre l'énergie réfléchie et l'énergie incidente est donné par

$$\frac{E_r}{E_i}\Big|_0 = \frac{(\rho_2 V_{P2} - \rho_1 V_{P1})^2}{(\rho_2 V_{P2} + \rho_1 V_{P1})^2}.$$
 (22)

• Ce rapport dépend de l'impédance acoustique (ρV). Si $\rho_2 V_2 = \rho_1 V_1$, il n'y a pas de réflexion.



Réfraction d'une onde plane

....

Définitions

Équations d'ondes

Solutions particulières aux équations d'onde

Rais sismiques

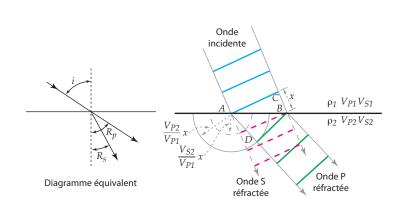
Réfraction d'une onde plane

Équation de l'eikon:

Dácolution

Atténuation de ondes

Référence





Réfraction d'une onde plane

Définitions

Equations d'onde

Solutions particulières aux équations d'onde

Réflexion d'une onde plane

Réfraction d'une onde

plane Équation de l'eikona

Résolution

Atténuation des ondes

Référence

- Le temps requis pour aller de B à C dans le milieu 1 est égal à $\frac{V_{P2}}{V_{P1}}x$ pour l'onde P dans le milieu 2, et à $\frac{V_{S2}}{V_{P1}}x$ pour l'onde S.
- La géométrie du problème nous dit également que

$$\sin i = \frac{BC}{AB} = \frac{x}{AB}$$
 et $\sin R_p = \frac{AD}{AB} = \frac{V_{P2}}{V_{P1}} \frac{x}{AB}$

d'où on tire la loi de Snell

$$\frac{\sin i}{\sin R_p} = \frac{V_{P1}}{V_{P2}}.\tag{23}$$

• Pour l'onde de cisaillement, on a

$$\frac{\sin i}{\sin R_s} = \frac{V_{P1}}{V_{S2}}.\tag{24}$$



Réfraction d'une onde plane

D 441-141---

Équations d'onde

Solutions

équations d'onde

Réfraction d'une onde plane

Équation de l'eikona

Resolution

Atténuation de ondes

Reference

- Lorsque $\sin i = \frac{V_{P1}}{V_{P2}}$, $\sin R_p = 1$ et $R_p = 90^\circ$, l'onde ne pénètre pas dans le deuxième matériau mais voyage à l'interface entre les deux milieux.
- L'angle critique est défini par

$$i_c = \sin^{-1}\left(\frac{V_{P1}}{V_{P2}}\right). \tag{25}$$

Pour tout angle d'incidence i plus grand que i_c , il n'y a pas de réfraction et l'onde est totalement réfléchie.

• Les lois de la réflexion et de la réfraction peuvent être synthétisés en statuant qu'à une interface, le paramètre du rai p (éq (21)) a la même valeur pour l'onde incidente, l'onde réfléchie, et l'onde réfractée. Il s'agit de la forme générale de la loi de Snell.



Définition

Equations d'onde

Solutions particulières aux équations d'onde

Réflexion d'une onde plane Réfraction d'une ond

Équation de l'eikonal

Résolution

Atténuation de ondes

Référence

- Point de départ : propagation d'une perturbation discontinue dans un milieu homogène.
- Cette discontinuité est définie comme le produit de deux fonctions, l'une du temps et l'autre de la position :

$$\mathbf{u}(\mathbf{x},t) = \mathbf{U}(t-T)f(\mathbf{x}) \tag{26}$$

où T correspond au temps de parcours (*travel time*) et dépend de la position, c.-à-d. $T = T(\mathbf{x})$ (problème non linéaire).

- U décrit la forme de l'ondelette sismique au voisinage du front d'onde:
- $\bullet\ f$ donne la variabilité spatiale de l'amplitude de l'ondelette.



Définition

Equations d'onde

Solutions particulières aux équations d'onde

Rais sismique

plane Réfraction d'une ond

Équation de l'eikonal

Dásolution

Atténuation de ondes

Références

- L'équation (26) est une solution de l'équation (5) valide en tout point à l'exception de la position de la source, considérée ponctuelle.
- Considérons la composante selon x_1 , on a que

$$\rho \frac{\partial^2 U_1}{\partial t^2} f \ = \ (\lambda \ + \ \mu) \frac{\partial}{\partial x_1} \left(\frac{\partial U_1 f}{\partial x_1} + \frac{\partial U_2 f}{\partial x_2} + \frac{\partial U_3 f}{\partial x_3} \right) + \mu \nabla^2 U_1 f.$$

Équation de l'eikonal

• En distribuant les dérivées partielles et le Laplacien, on obtient

$$\rho \frac{\partial^{2} U_{1}}{\partial t^{2}} f = (\lambda + \mu) \left[f \frac{\partial^{2} U_{1}}{\partial x_{1}^{2}} + \frac{\partial f}{\partial x_{1}} \frac{\partial U_{1}}{\partial x_{1}} + U_{1} \frac{\partial^{2} f}{\partial x_{1}^{2}} + \frac{\partial f}{\partial x_{1}} \frac{\partial U_{1}}{\partial x_{1}} \right.$$

$$+ f \frac{\partial^{2} U_{2}}{\partial x_{1} \partial x_{2}} + \frac{\partial f}{\partial x_{1}} \frac{\partial U_{2}}{\partial x_{2}} + U_{2} \frac{\partial^{2} f}{\partial x_{1} \partial x_{2}} + \frac{\partial f}{\partial x_{2}} \frac{\partial U_{2}}{\partial x_{1}}$$

$$+ f \frac{\partial^{2} U_{3}}{\partial x_{1} \partial x_{3}} + \frac{\partial f}{\partial x_{1}} \frac{\partial U_{3}}{\partial x_{3}} + U_{3} \frac{\partial^{2} f}{\partial x_{1} \partial x_{3}} + \frac{\partial f}{\partial x_{3}} \frac{\partial U_{3}}{\partial x_{1}} \right]$$

$$+ \mu \left[f \frac{\partial^{2} U_{1}}{\partial x_{1}^{2}} + \frac{\partial f}{\partial x_{1}} \frac{\partial U_{1}}{\partial x_{1}} + U_{1} \frac{\partial^{2} f}{\partial x_{1}^{2}} + \frac{\partial f}{\partial x_{1}} \frac{\partial U_{1}}{\partial x_{1}} \right.$$

$$+ f \frac{\partial^{2} U_{1}}{\partial x_{2}^{2}} + \frac{\partial f}{\partial x_{2}} \frac{\partial U_{1}}{\partial x_{2}} + U_{1} \frac{\partial^{2} f}{\partial x_{2}^{2}} + \frac{\partial f}{\partial x_{2}} \frac{\partial U_{1}}{\partial x_{2}}$$

$$+ f \frac{\partial^{2} U_{1}}{\partial x_{3}^{2}} + \frac{\partial f}{\partial x_{3}} \frac{\partial U_{1}}{\partial x_{3}} + U_{1} \frac{\partial^{2} f}{\partial x_{3}^{2}} + \frac{\partial f}{\partial x_{3}} \frac{\partial U_{1}}{\partial x_{3}} \right].$$

$$(27)$$



Définitions

Equations d'onde

Solutions particulières aux équations d'onde

Rais sismiques Réflexion d'une onde plane

plane

Équation de l'eikonal

Résolution

Atténuation de ondes

Référence

- Or, **U** dépend de *T* qui à son tour dépend de la position.
- ullet On trouve ainsi une relation du type suivant pour les composantes de ullet

$$\frac{\partial}{\partial x_2} \left(\frac{\partial U_i}{\partial x_1} \right) = \frac{\partial^2 U_i}{\partial t^2} \frac{\partial T}{\partial x_1} \frac{\partial T}{\partial x_2} - \frac{\partial U_i}{\partial t} \frac{\partial^2 T}{\partial x_1 \partial x_2}.$$
 (28)

• Il faut maintenant combiner les composantes U_1 , U_2 et U_3 , ce qui donne une expression complexe reliant les dérivées secondes temporelles de \mathbf{U} , les dérivées premières spatiales et temporelles de \mathbf{U} , \mathbf{U} ainsi que f et ses gradients.



D 441-141--

Définition

Equations d'onde

Solutions particulières aux équations d'onde

Rais sismiques
Réflexion d'une onde

Réfraction d'une onde plane

Équation de l'eikonal

ésolution

Atténuation de ondes

Références

- Or, au voisinage du front d'onde, U fluctue plus rapidement que f, ce qui fait que $\frac{\partial U}{\partial t}$ et $\frac{\partial^2 U}{\partial t^2}$ fluctuent d'autant plus vite.
- On peut alors dégager la condition suivante

$$\left(\nabla T \cdot \nabla T - \frac{\rho}{\lambda + 2\mu}\right) \left(\nabla T \cdot \nabla T - \frac{\rho}{\mu}\right) = 0. \tag{29}$$



.

Définition

Equations d'onde

Solutions particulières aux équations d'onde

Rais sismiques Réflexion d'une onde plane Réfraction d'une ond

Équation de l'eikonal

Dásolution

Atténuation de ondes

Référence

 De l'équation précédente, on peut extraire l'équation de l'eikonal

$$\nabla T \cdot \nabla T \equiv \left(\frac{\partial T}{\partial x_1}\right)^2 + \left(\frac{\partial T}{\partial x_2}\right)^2 + \left(\frac{\partial T}{\partial x_3}\right)^2 = s^2$$

où $s = s(\mathbf{x})$ est la lenteur (inverse de la vitesse).

 Cette équation est la base de plusieurs algorithmes de tracé de rai, très utilisés en inversion/tomographie.



Introduction

Définition

ations d'ondes

. . . .

particulières aux équations d'onde

iis sismique

Résolution

Atténuation des ondes

éférences

Résolution



Zone de Fresnel

D 44:-:4:---

Équations d'ondes

Equations a ondes

particulières aux

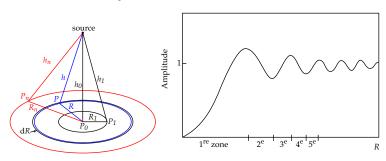
Rais sismique

Résolution

ondes

Reference

- Une réflexion est en réalité constituée d'énergie réfléchie par une aire relativement étendue.
- Considérant un front d'onde sphérique, la zone de Fresnel est la surface à partir de laquelle l'énergie réfléchie n'est pas déphasée de plus d'un quart de cycle, i.e. l'énergie interfère de façon constructive.





Zone de Fresnel

Résolution

- Pour une onde de longueur d'onde λ , l'amplitude retournée au point source en fonction du rayon est maximum à $\bar{R}_1 = (\lambda h_0/2)^{1/2}$;
- La contribution principale provient de la surface définie par le cercle de rayon R_1 , que l'on nomme première zone de Fresnel, ou simplement zone de Fresnel.
- La première zone de Fresnel est souvent utilisée comme mesure de la résolution horizontale.
- Si le réflecteur est de dimension inférieure à cette zone, sa réponse est essentiellement celle d'un point diffractant.



Longueur d'onde

Définitions

Equations d'ondes

Solutions particulières aux

Rais sismigu

Résolution

Atténuation d ondes

Référence

- Le signal mesuré est une ondelette, de fréquence dominante *f* donnée (bande passante donnée);
- Pour une vitesse de propagation V donnée, la longueur d'onde est $\lambda = V/f$;

Longueur d'onde (m)

Fréquence	Vitesse (m/s)					
(Hz)	1000	2000	3000	4000	5000	
1	1000	2000	3000	4000	5000	
40	25	50	75	100	125	
100	10	20	30	40	50	
500	2	4	6	8	10	



Vitesses sismiques des roches

D / C . W

.

Equations a ondes

Solutions particulières aux équations d'onde

Rais sismique

Résolution

ondes

Reference

Nature des terrains	V_p [m/s]	V_s [m/s]	ρ [g/cm ³]
éboulis, terre végétale	300-700	100-300	1.7-2.4
sable sec	400-1200	100-500	1.5-1.7
sable humide	1500-4000	400-1200	1.9-2.1
argiles	1100-2500	200-800	2.0-2.4
marnes	2000-3000	750-1500	2.1-2.6
grès	3000-4500	1200-2800	2.1-2.4
calcaires	3500-6000	2000-3300	2.4-2.7
craie	2300-2600	1100-1300	1.8-2.3
sel	4500-5500	2500-3100	2.1-2.3
anhydrite	4000-5500	2200-3100	2.9-3.0
dolomie	3500-6500	1900-3600	2.5-2.9
granite	4500-6000	2500-3300	2.5-2.7
basalte	5000-6000	2800-3400	2.7-3.1
charbon	2200-2700	1000-1400	1.3-1.8
eau	1450-1500	-	1
glace	3400-3800	1700-1900	0.9
huile	1200-1250	-	0.6-0.9



Résolution et détection

madadada

Définitions

Equations d'onde

Solutions particulières aux équations d'onde

rais sismique

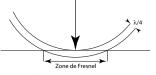
Résolution

Attenuation de ondes

Reference

Pouvoir de résolution

- capacité de séparer en profondeur deux horizons;
- de l'ordre de $\lambda/4$ à $\lambda/2$ selon la largeur de bande et le niveau de bruit.
- Pouvoir de détection
 - la plus petite couche qui puisse donner naissance à une réflexion;
 - se situe entre $\lambda/30$ et $\lambda/10$.
- Résolution latérale
 - capacité d'individualiser latéralement deux événements;
 - reliée à la zone de Fresnel;



 Bref: plus la longueur d'onde est courte (et la fréquence élevée), meilleure est la résolution.



Fréquence centrale et largeur de bande

introductio

Définitions

Équations d'ondes

.....

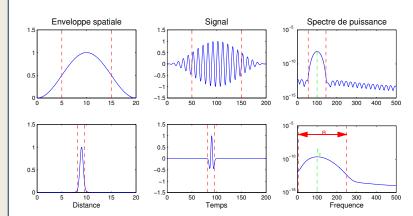
particulières aux équations d'ond

ais sismique

Résolution

Atténuation de

Référence:





introductio

Définition

Equations d'ondes

Solutions particulières aux équations d'onde

ais sismique

Résolution

Atténuation des ondes

Origine et cause Le facteur de qualité sismimque

Divergence géométrique

divergence

Atténuation des ondes



Origine et cause

D / C . W

Définitions

Equations d'onde

Solutions particulières aux

Rais sismiqu

Resolution

Attenuation d ondes

Origine et cause

Divergence géométrique Absorption vs

Référence

- L'atténuation peut être définie comme la diminution de l'amplitude et une perte préférentielle des hautes fréquences du signal sismique, en fonction de la distance de propagation ou du temps.
- C'est un phénomène aux causes multiples.
- Un des facteurs principaux en est l'absorption, c'est-à-dire la transformation de l'énergie sismique en chaleur par friction interne ou granulaire dans un milieu inélastique, ou entre un fluide et la matrice poreuse le contenant.
- Un autre facteur important est la diffusion (scattering) de l'énergie sismique occasionnée par des hétérogénéités de faibles dimensions.



Le facteur de qualité sismique Q

576.00

Définitions

Equations d'onde

Solutions particulières aux équations d'onde

ais sismiqu

Resolution

ondes

Le facteur de qualité sismimque

géométrique Absorption v

Référence

- Le facteur de qualité Q (adimensionnel) est généralement utilisé pour quantifier l'atténuation propre à un matériau;
- Le facteur *Q* est inversement proportionnel à l'énergie absorbée par le milieu lors d'un cycle d'oscillation de l'onde

$$Q = 2\pi/(\text{fraction d'énergie perdue par cycle})$$
$$= 2\pi/(\Delta E/E)$$
(30)

• Plus le matériau est de piètre qualité du point de vue sismique, plus l'énergie de l'onde sismique dissipée (ΔE) est grande, plus le facteur de qualité sera faible.



Divergence géométrique

Dáfinition

Definitions

Equations d'onde

particulières aux équations d'onc

Rais sismiqu

Attópustion

ondes Origine et cause

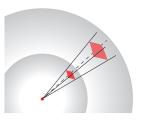
sismimque

Divergence

géométrique Absorption v

Référence

- Phénomène dû à une redistribution de l'énergie en fonction de la surface occupée par le front d'onde.
- Son effet varie selon le type d'onde se propageant, soit qu'elle est plane, cylindrique ou sphérique.
- Décrite par un rapport d'intensité, l'intensité I étant la quantité d'énergie se propageant à travers une surface normale à la direction de propagation par unité de temps.
- Onde sphérique : surface = $4\pi r^2 \rightarrow$ décroissance de l'intensité par l'inverse du carré de la distance à la source.
- Onde plane : divergence nulle et intensité constante.
- On utilise souvent une relation en 1/r pour corriger la divergence géométrique (choix arbitraire).





Absorption vs divergence

Absorption vs divergence

• L'absorption est souvent décrite par une exponentielle décroissante

$$A = A_0 e^{-\alpha x}$$

où α est le coefficient d'atténuation et x la distance parcourue.

• Considérons une onde de vitesse *V*=2000 m/s et un milieu où α =0.1 dB/ λ (A_0 est évaluée à 200 m de la source)

		Freq	<i>x</i> =1200 m	<i>x</i> =2200 m	<i>x</i> =4200 m	<i>x</i> =8200 m
		(Hz)	(dB)	(dB)	(dB)	(dB)
	Absorption	1	0.22	0.43	0.86	1.7
		3	0.64	1.3	2.6	5.2
		10	2.2	4.3	8.6	17
		30	6.4	13	26	52
		100	22	43	86	170
	Divergence	A	16	21	26	32

Divergence géométrique en 1/r



meroduce

éfinition

ons d'ondes

Equations a ondes

particulières aux équations d'onde

Rais sismiqu

Resolution

Atténuation des ondes

ondes Références

Références



Références

D (0

Définition

Equations d'onde

Solutions particulières

Rais sismigu

Atténuation d

Références

Référence générale

 Sheriff, R. E. and Geldart, L. P. (1995). Exploration Seismology. Cambridge University Press, 2nd edition

Pour aller plus loin

- Aki, K. and Richards, P. G. (2002). *Quantitative Seismology*. University Science Books, Sausalito, CA, 2nd edition
- Carcione, J. M. (2007). Wave Fields in Real Media: Wave Propagation in Anisotropic, Anelastic, Porous and Electromagnetic Media, volume 38 of Handbook of Geophysical Exploration: Seismic Exploration. Elsevier, 2nd edition
- Červený, V. (2005). Seismic Ray Theory. Cambridge University Press



Références

D 441-141--

Définition

Equations d'onde

Solutions particulières aux équations d'onde

Rais sismiqu

Resolution

Attenuation

Références

- Dahlen, F. A. and Tromp, J. (1998). Theoretical Global Seismology. Princeton University Press
- Mavko, G., Mukerji, T., and Dvorkin, J. (2009). The Rock Physics Handbook. Cambridge University Press, 2nd edition
- Lay, T. and Wallace, T. C. (1995). Modern Global Seismology, volume 58 of International Geophysics Series. Academic Press, San Diego