선형 벡터 공간 정의 후 차원 증

तिश्र तिमा प्रता

那片에서 백日記 V는 다리 은 법을 만하는 두엔, 백日 합과 스칼라 蹬 가지는 접합이다.

- ·합: 2+y 로 至71 (X, y EV)
- · 3: ax 3 371 (aef)

(행)

理: マナソ = ソナン (スナソモリ)

夏智: (なり)ナス= x+(y+z) (なりなとい)

Hell: a(x+y) = ax+ay (ax+ay EV)

BUH: (a+b) z = ax+bx (b∈F, ax+bx∈V)

質時: 2+0=2 (OEV)

역制: て+(-z)=0 (-x EV)

V가 이 차원이라면 선형독립인 벡터의 최대 이개를 수용한다. 삼 필드라면 R, 복와 필드라면 C로 표현한다. R^2 라는 실수 필드 R에서 정의된 선형 벡터 관련 차원은 2Ct. 식미에 n=2 대입 $\longrightarrow a(1)+a_2(2)=0$ 여기서, $|1\rangle=(x,y)$, $|2\rangle=(w,z)$ 라고 한다면

 $\begin{bmatrix} a_1 x + a_2 w = 0 \\ a_1 y + a_2 z = 0 \end{bmatrix}$

위 방정식이 $a_1 = 0$ 이고 $a_2 = 0$ 일 때만 성립 하는지 확인하기 위해 행렬 형돈에로 표현하면

 $\begin{pmatrix} x & w \\ y & z \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \alpha_1 \\ \alpha_2 \end{pmatrix} = 0$

위 행렬을 행렬식으로 표현하면

 $\det \begin{pmatrix} x & w \\ y & z \end{pmatrix} = \chi Z - W y \cdots 4(2)$

행렬식이 이 이 아니라면 유일하게 이와 오는 이이다.

.'. 식(2) 가 이미아니면 두벡터는 선형특립, 이미먼 선형종속 R²의 임의의 벡터 V= (n.m)가 있고 아래와 같이 표현한다. V= Q, (x,y) + Q₂(w,z)

위 방정식을 행렬로 표현하면

 $\begin{pmatrix} \chi & W \\ \gamma & Z \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \alpha_1 \\ \alpha_2 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \Omega \\ m \end{pmatrix}$

위 행렬을 줄기 위해 식(2)와 관비 쥸현 여기서 건Z-WY = 0 이므로 a,와 a를 구할 수 있다.

··· (X,Y) 5+ (W,Z) 두번617+

 R^2 의 모든 벡터를 생성할 수 있어 기계를 형성한다. R^2 의 차원은 2Ch.

선형 벡터 공간 정의 후 차원 증