

الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا
المسالك الدولية - خيار فرنسية
الدورة العادية 2008
- الموضوع -



المركز الوطني للتقدير
والامتحانات والتوجيه

3	مدة الإنجاز:	الفيزياء والكيمياء	: المادة :
7	المعامل:	مسلك العلوم الفيزيائية (الخيار فرنسي)	: الشعبة / المسلك :

L'usage de la calculatrice scientifique non programmable est autorisé

Le sujet comporte 4 exercices

Chimie : (7 pts) :

- ✚ Etude des propriétés d'un acide carboxylique.

Physique : (13 pts) :

Exercice 1 : (2 pts)

- ✚ Les transformations nucléaires - Applications dans le domaine médical.

Exercice 2 : (5 pts)

- ✚ Electricité - Les utilisations du condensateur.

Exercice 3 : (6 pts)

- ✚ Mécanique - Etude de la chute d'un corps solide dans un champ de pesanteur uniforme.

Les différentes parties des exercices sont indépendantes et peuvent être traitées dans un ordre différent.

Traduction : A. EL AAMRANI

CHIMIE

Propriétés d'un acide carboxylique

L'Ibuprofène est un acide carboxylique de formule brute $C_{13}H_{18}O_2$. Il est considéré parmi les médicaments anti-inflammatoires qui soulagent les douleurs et la fièvre. On le trouve dans les pharmacies sous forme de sachets qui portent la notation 200mg soluble dans l'eau.

On note l'acide Ibuprofène par $RCOOH$ et sa base conjuguée par $RCOO^-$.

Données :

- $M(RCOOH) = 206 \text{ g.mol}^{-1}$
- Toutes les mesures ont été effectuées à la température 25°C

Partie 1 : Détermination de la constante d'équilibre de l'acide Ibuprofène avec l'eau :

On dissout une masse $m=200\text{mg}$ d'acide $RCOOH$, contenu dans un sachet d'Ibuprofène, dans l'eau pure, pour obtenir une solution aqueuse (S_0) de concentration C_0 et de volume $V_0 = 100\text{ml}$.

1.1. Calculer C_0 (0.75pts)

1.2. La mesure du pH de la solution S_0 a donnée la valeur $pH=3,17$:

1.2.1. Vérifier, à l'aide du tableau d'avancement, que la réaction d'Ibuprofène avec l'eau est limitée. (1.25pts)

1.2.2. Donner l'expression du quotient de réaction Q_r de cette transformation. (0.5pts)

1.2.3. Montrer que l'expression de Q_r à l'équilibre, s'écrit sous la forme $Q_{r,eq} = \frac{x_{max} \cdot \tau^2}{V_0(1-\tau)}$, avec τ : le taux d'avancement final de la reaction et x_{max} : l'avancement maximal exprimé en mol. (1pt)

1.2.4. Déduire la valeur de la constante d'équilibre k de la réaction étudiée. (0.75pts)

Partie 2 : Vérification de la grandeur transcrise sur le sachet :

Pour vérifier la valeur de la masse transcrise sur le sachet, on dissout la même masse (200mg) dans un volume $V_B=60.0\text{mL}$ d'une solution aqueuse (S_B) d'hydroxyde de sodium ($Na^{+}_{aq} + HO^-_{aq}$) de concentration $C_B=3,0 \cdot 10^{-2} \text{ mol.L}^{-1}$, pour obtenir une solution aqueuse (S).

(on considère que le volume de la solution (S) est V_B)

2.1. Etablir l'équation de la réaction entre l'acide $RCOOH$ et la solution (S_B), en considérant que la réaction est totale. (0.75pts)

2.2. Montrer que la quantité de matière $n_i(HO^-)$ des ions HO^- , initialement présents dans la solution (S_B) est plus grande que la quantité de matière $n_i(RCOOH)$ dissoute. (On considère que la valeur transcrise sur le sachet est exacte). (0.5pts)

Traduction : A. EL AAMRANI

2.3. Pour doser les ions HO^- restants dans la solution (S), on ajoute à un volume $V=20,0\text{ml}$, de cette solution (S), une solution aqueuse (S_A) d'acide chloridrique de concentration $C_A=1,0 \cdot 10^{-2} \text{ mol.L}^{-1}$. On obtient l'équivalence après avoir versé $V_{AE}=27,7\text{ml}$ de la solution (S_A).

Au cours du dosage, seuls les ions HO^- restants dans la solution (S) réagissent avec les ions H_3O^+ issus de la solution (S_A), selon l'équation : $\text{H}_3\text{O}_{(\text{aq})}^+ + \text{HO}_{(\text{aq})}^- \rightarrow 2\text{H}_2\text{O}_{(\text{l})}$

2.3.1. Trouver la quantité de matière des ions HO^- qui ont réagis avec l'acide RCOOH contenu dans le sachet (1pt)

2.3.2. Calculer la masse d'acide d'Ibuprofène contenu dans le sachet. Conclure. (0.5pts)

PHYSIQUE Exercice 1 : Les transformations nucléaires - Applications dans le domaine médical

La médecine est l'un des principaux domaines dans lesquels sont appliquées de nombreuses activités nucléaires. Des substances radioactives sont associées au diagnostic des maladies et à la thérapie. Parmi les substances utilisées, on trouve le sodium $^{24}_{11}\text{Na}$ qui permet d'étudier le flux sanguin dans l'organisme humain.

1. Le sodium $^{24}_{11}\text{Na}$ est un nucléide radioactif, sa désintégration conduit à la formation du nucléide de magnésium $^{24}_{12}\text{Mg}$

1.1. Ecrire l'équation de la désintégration d'un nucléide de sodium $^{24}_{11}\text{Na}$ et préciser le type de cette radioactivité (0.5pts)

1.2. Calculer λ , la constante radioactive, de ce nucléide sachant que la demi-vie du sodium 24 est $t_{\frac{1}{2}} = 15 \text{ h}$ (0.25pts)

2. Suite à un accident de circulation, une personne a perdu un volume de sang. Afin de déterminer le volume sanguin perdu, on injecte au patient à l'instant $t_0 = 0$ un volume $v_0 = 5,00 \text{ ml}$ d'une solution de sodium 24 de concentration $c_0 = 10^{-3} \text{ mol.l}^{-1}$.

2.1. Déterminer n_1 la quantité de matière du sodium $^{24}_{11}\text{Na}$ restante dans le sang du patient à l'instant $t_1 = 3\text{h}$ (0.5pts)

2.2. Calculer l'activité a_1 de cet échantillon à l'instant t_1 .

(Constante d'Avogadro $N_a = 6,02 \cdot 10^{23} \text{ mol}^{-1}$) (0.25pts)

2.3. A l'instant $t_1 = 3\text{h}$, l'analyse d'une prise de sang du patient de volume $v_2 = 2,00\text{ml}$, indique la présence de $n_2 = 2,1 \cdot 10^{-9} \text{ mol}$ de sodium 24.

En déduire le volume V_p du sang perdu, en considérant que l'organisme humain contient 5L du sang, et que le sodium est uniformément réparti dans le sang. (0.5pts)

Traduction : A. EL AAMRANI

Exercice 2 : Electricité - Les utilisations du condensateur

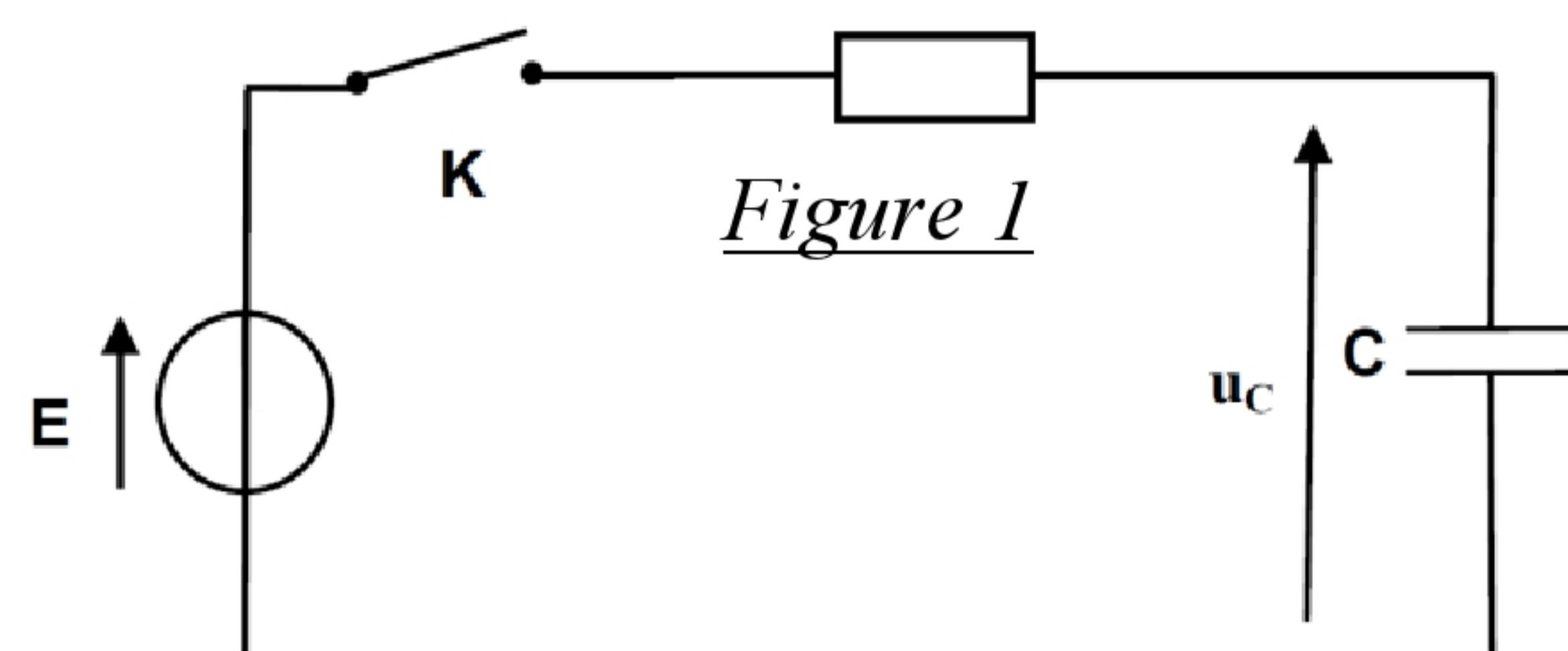
Les condensateurs sont caractérisés par leur aptitude à stocker l'énergie électrique et à la récupérer au besoin. Ce qui permet d'utiliser les condensateurs dans plusieurs appareils comme le fonctionnement de flash qui équipe quelques appareils photos.

Partie 1 : La charge du condensateur

On réalise le montage expérimental représenté dans la *figure 1* et qui est constitué d'un condensateur déchargé de capacité C et associé en série avec un conducteur ohmique de résistance R et un interrupteur K . Le dipôle RC subit un échelon de tension défini comme suit :

* Pour $t < 0$: $U=0$ * Pour $t \geq 0$: $U=E$ avec $E = 12V$.

On ferme le circuit à l'instant $t=0$ et on observe, à l'aide d'une interface d'acquisition, sur l'écran d'un ordinateur, les variations de la tension U_C aux bornes du condensateur en fonction du temps $U_C=f(t)$, comme le montre la *figure 2*.

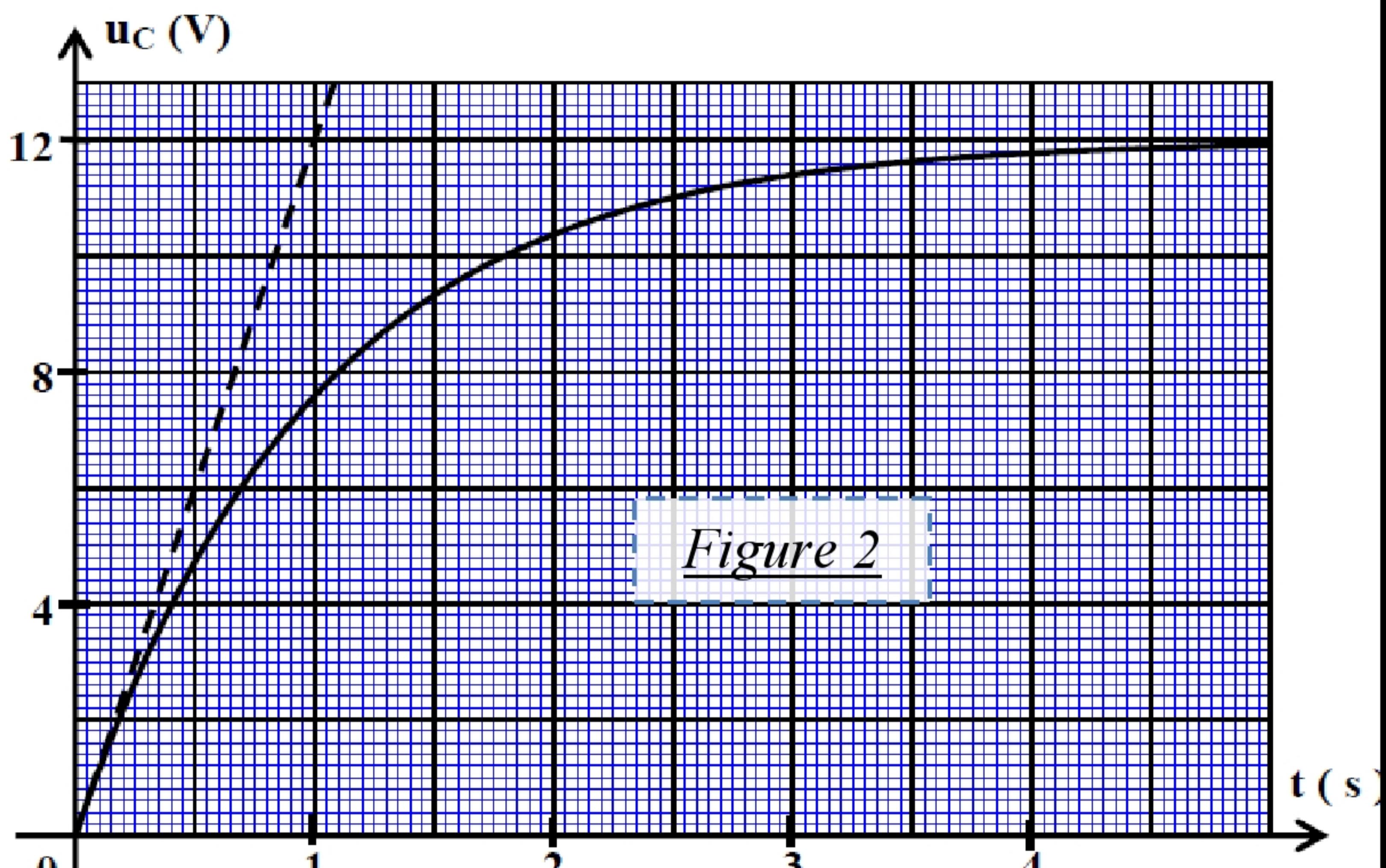


1.1. Etablir l'équation différentielle vérifiée par la tension $U_C(t)$ (1pt)

1.2. Monter que l'expression $U_C(t) = E(1-e^{-t/\tau})$ est la solution de l'équation différentielle pour $t \geq 0$; avec τ est la constante de temps. (0.5pts)

1.3. Donner l'expression de τ et montrer, à l'aide de l'analyse dimensionnelle, que τ est homogène au temps. (0.5pts)

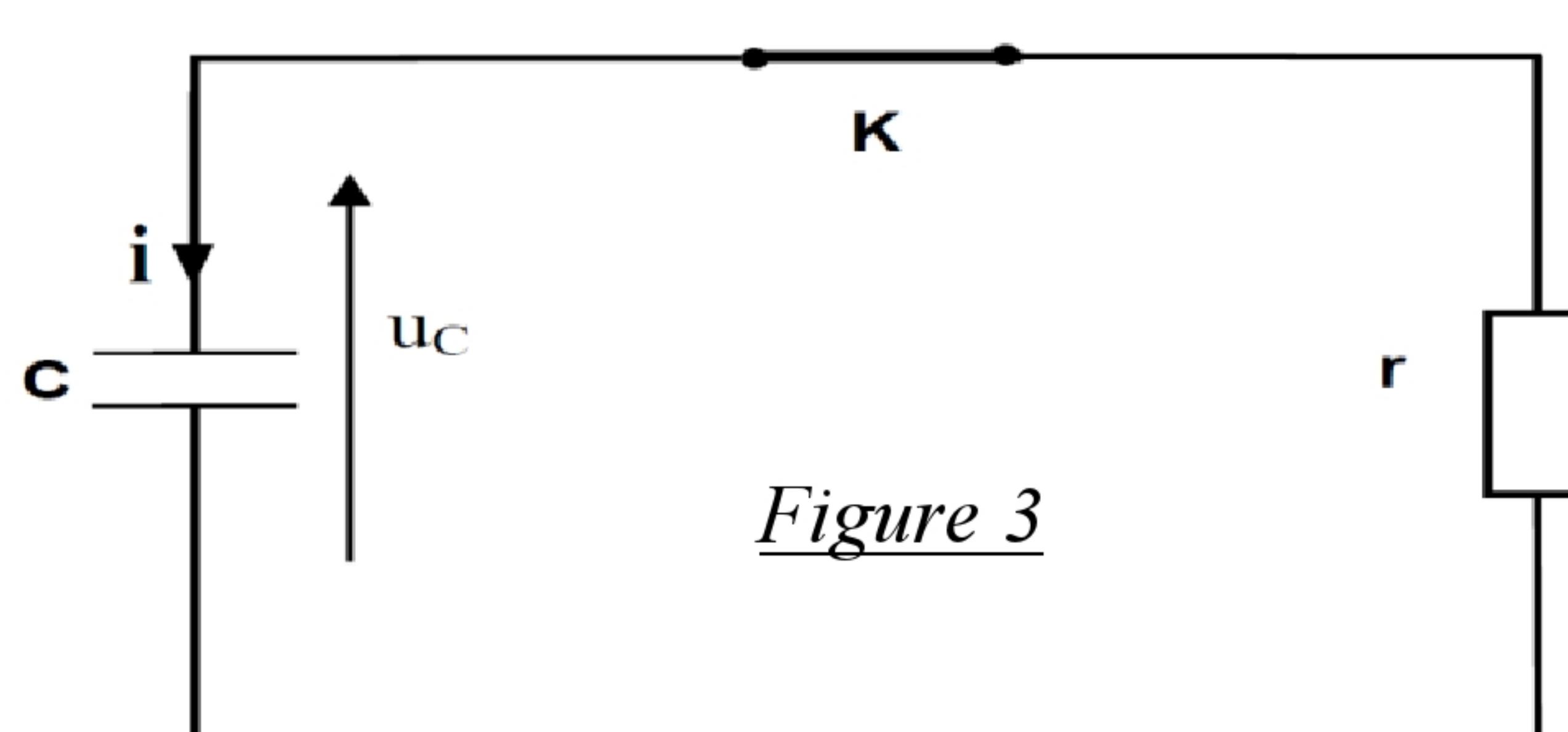
1.4. Déterminer τ graphiquement et déduire que la valeur de C est $C = 100\mu F$. On donne $R=10k\Omega$ (0.75pts)



1.5. Calculer l'énergie électrique emmagasinée par le condensateur en régime permanent. (0.75pts)

Partie 2 : La décharge du condensateur

Le fonctionnement normal du flash de l'appareil photo demande une importante énergie qui ne peut pas être délivrée en utilisant le générateur précédent. Pour trouver l'énergie nécessaire, le condensateur précédent se charge à l'aide d'un circuit électronique qui permet d'appliquer une tension constante, de valeur $U_C=360 V$, entre les bornes du condensateur.



Traduction : A. EL AAMRANI

A l'instant $t=0$, le condensateur est déchargé dans le flash de l'appareil photo que nous assimilons à un conducteur ohmique de résistance r (*figure 3*), la tension varie aux bornes du condensateur selon l'équation suivante : $U_c = 360 \cdot e^{-t/r'}$. Avec τ' la constante du temps et $U_c(t)$ est exprimée en Volt (V).

2.1. Trouver la valeur de r la résistance du flash de l'appareil photo, sachant que la tension entre les bornes du condensateur prend la valeur $U_c(t)=132.45$ V à l'instant $t=2\text{ms}$ (1pt)

2.2. Expliquer comment faut-il choisir la résistance du flash de l'appareil photo pour assurer une décharge rapide du condensateur. (0.5pts)

Exercice 3 : Mécanique - Étude de la chute d'un corps solide dans un champ de pesanteur uniforme

Parfois, les hélicoptères sont utilisés pour acheminer des aides humanitaires aux régions touchées par des désastres et qui sont inaccessibles par les voies routières.

Une caisse de matières alimentaires de centre d'inertie G_0 est lâchée depuis un hélicoptère s'élevant d'une hauteur constante H du sol avec une vitesse verticale constante \vec{v}_0 . La caisse tombe sur terre en un point T (*Figure 1*).

On étudie le mouvement de G_0 dans un repère orthonormé R (O, \vec{i}, \vec{j}) lié au référentiel terrestre, considéré galiléen.

On donne :

$g=10\text{m.s}^{-2}$ (l'intensité de pesanteur) et $H=405\text{m}$. On néglige les dimensions de la caisse.

Partie 1 : Etude de la chute libre

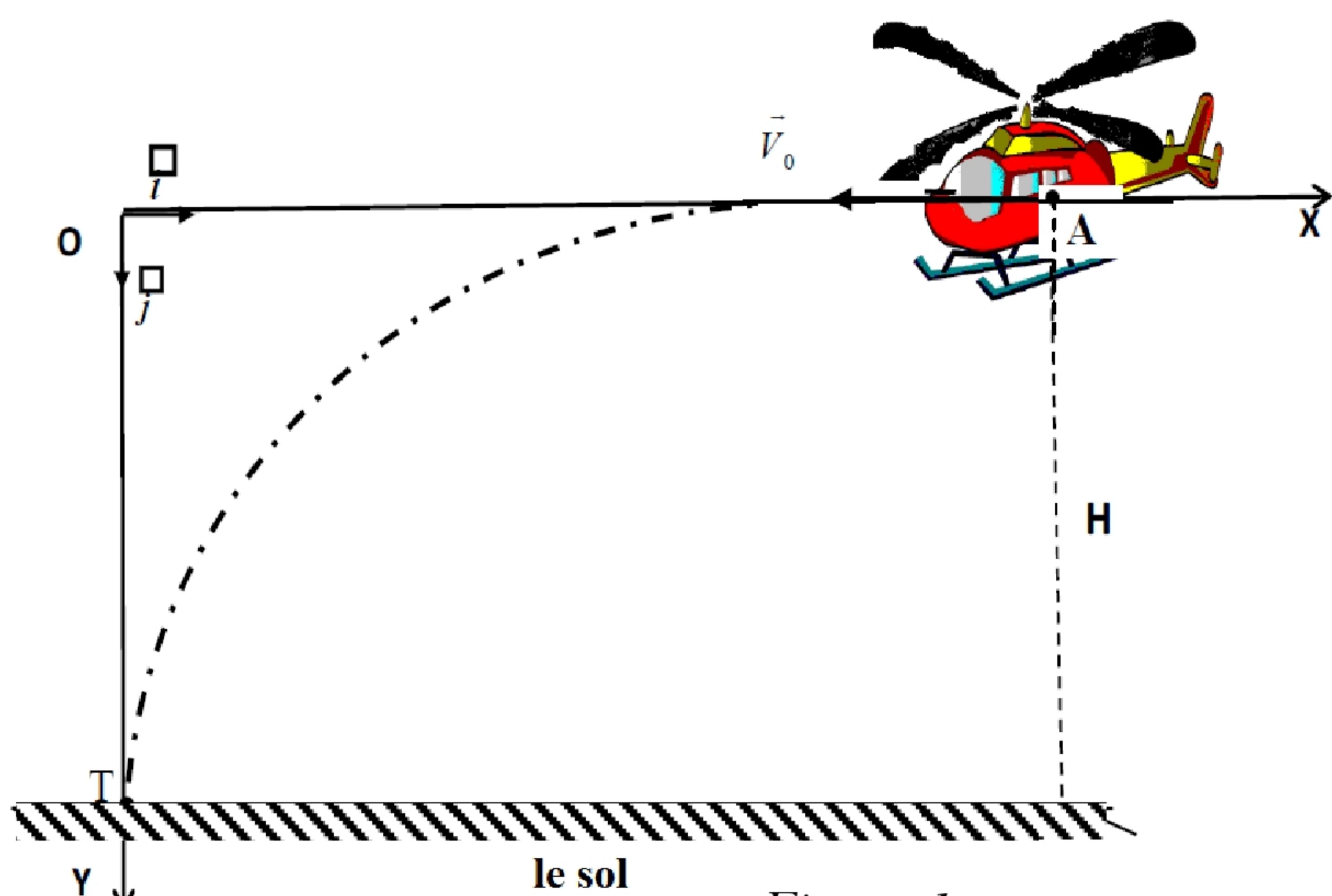


Figure 1

On néglige les frottements de l'air sur la caisse.

La caisse tombe à l'instant $t=0$ à partir du point A ($x_A=450\text{m}$; $y_A=0$) avec une vitesse initiale verticale \vec{V}_0 d'une valeur $V_0=50 \text{ m.s}^{-1}$.

1.1. Trouver, en appliquant la 2ème loi de Newton, les deux équations horaires $x(t)$ et $y(t)$ du mouvement de G_0 dans le repère $R(O, \vec{i}, \vec{j})$. (1.5pts)

1.2. Préciser l'instant où la caisse arrive au sol. (0.75pts)

1.3. Trouver l'équation de la trajectoire du mouvement de G_0 . (0.5 pts)

Traduction : A. EL AAMRANI

Partie2 : Etude de la chute avec frottement

Pour ne pas détruire les matières alimentaires quand elles arrivent au sol, la caisse est attachée à un parachute afin de ralentir sa chute. L'hélicoptère reste immobile à la même hauteur H qu'auparavant au point O. La caisse tombe avec son parachute verticalement sans vitesse initiale à l'instant $t_0=0$.

Les forces de frottements avec l'air sont données par la relation $\vec{f} = -100 \cdot \vec{v}$, avec \vec{v} le vecteur vitesse de la caisse à l'instant t.

On néglige la poussée d'Archimède pendant la chute.

On donne la masse du système {La caisse et le parachute} : $m=150 \text{ kg}$

2.1. Trouver l'équation différentielle dans le repère $R(O, \vec{i}, \vec{j})$ que vérifie la vitesse de G_1 le centre d'inertie du système. (1.25pts)

2.2. La courbe de la *figure 2* représente la variation de la vitesse de G_1 en fonction du temps; préciser la vitesse limite V_{\lim} et le temps caractéristique τ de la chute. (0.5pts)

2.3. Donner une valeur approximative de la durée du régime transitoire. (0.5pts)

2.4. En se basant sur la méthode d'Olère et le tableau suivant, préciser la valeur de la vitesse v_4 et celle de l'accélération a_4 . (1pt)

$t_i(s)$	0	0,1	0,2	0,3	0,4	0,5	0,6
$v_i(\text{m.s}^{-1})$	0	1,00	1,93	2,80	v_4	4,37	5,08
$a_i(\text{m.s}^{-2})$	10,00	9,33	8,71	8,12	a_4	7,07	6,60

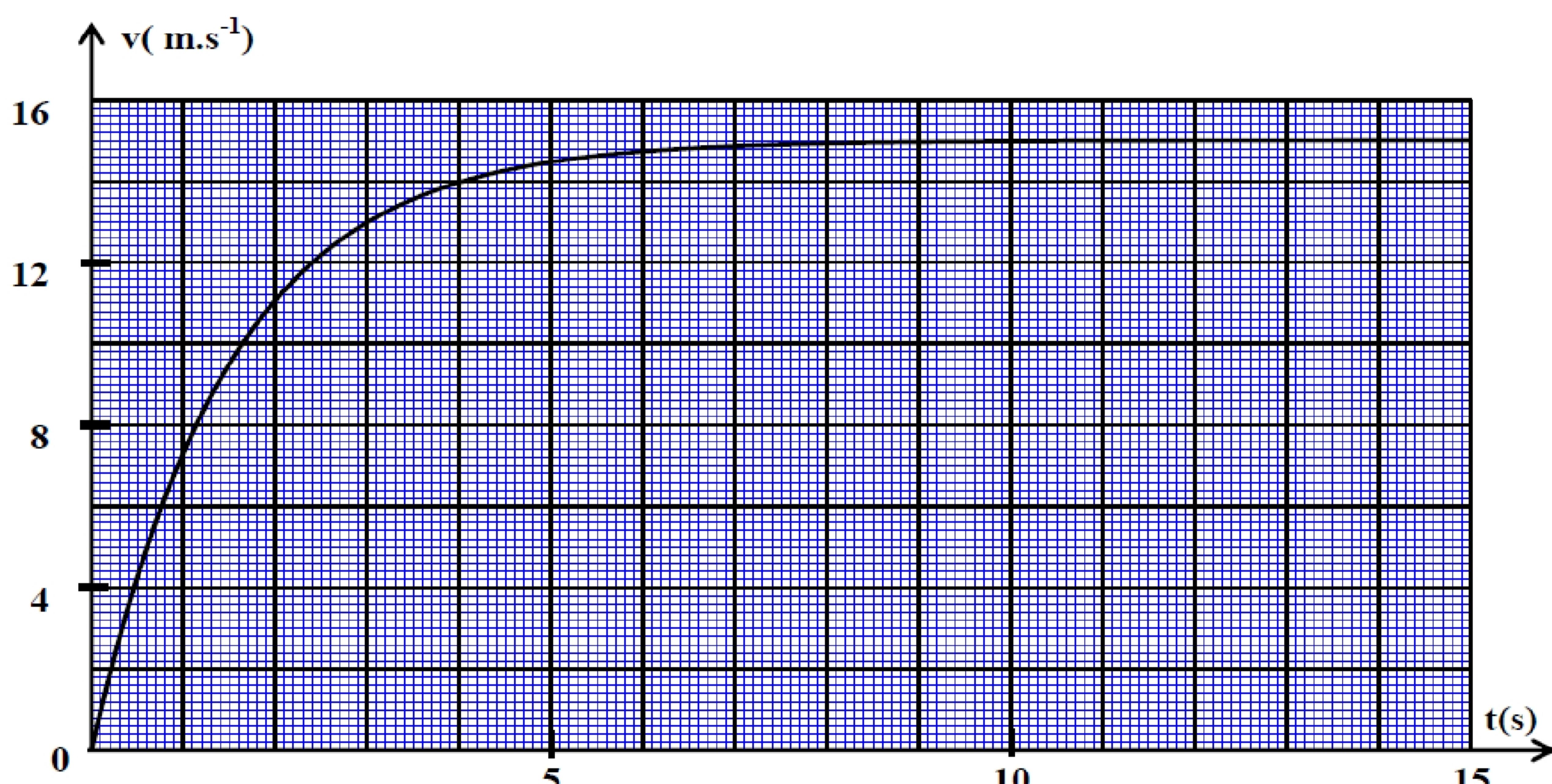


Figure 2