

الصفحة 1 4	<h1 style="margin: 0;">الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا</h1> <h2 style="margin: 0;">المسالك الدولية - خيار فرنسية</h2> <h3 style="margin: 0;">الدورة الاستدراكية 2018</h3> <p style="margin: 0;">-الموضوع-</p>	<div style="display: flex; justify-content: space-between; align-items: center;"> <div style="font-size: small;">             +eXHAe+ I HCYOeO              +eCejJeO+ I eOXeC eLeO              A eOCe++X eJHSHe              A eOHC A eHXH#e A eOJH#e eLeOeOe           </div> <div style="text-align: center;"> </div> <div style="text-align: right; font-size: small;">             المملكة المغربية              وزارة التربية الوطنية              والتكوين المهني              والتعليم العالي والبحث العلمي           </div> </div> <div style="text-align: right; margin-top: 10px;"> <h2 style="margin: 0;">المركز الوطني للتقويم والامتحانات والتوجيه</h2> </div>
★★  <div style="border: 1px solid black; width: 40px; height: 20px; margin: 0 auto;"></div>	RS 22F	

3	مدة الإنجاز	الرياضيات	المادة
7	المعامل	مسلك علوم الحياة والأرض ومسلك العلوم الفيزيائية - خيار فرنسية	الشعبة أو المسلك

## INSTRUCTIONS GENERALES

- ✓ L'utilisation de la calculatrice non programmable est autorisée ;
- ✓ Le candidat peut traiter les exercices de l'épreuve suivant l'ordre qui lui convient ;
- ✓ L'utilisation de la couleur rouge lors de la rédaction des solutions est à éviter.

## COMPOSANTES DU SUJET

- ✓ L'épreuve est composée de quatre exercices et un problème indépendants entre eux et répartis suivant les domaines comme suit :

Exercice 1	Géométrie dans l'espace	3 points
Exercice 2	Nombres complexes	3 points
Exercice 3	Calcul des probabilités	3 points
Exercice 4	Calcul intégral	2 points
Problème	Etude d'une fonction numérique, et suites numériques	9 points

- ✓ In désigne la fonction logarithme népérien

<b>Exercice 1 : (3 points)</b>	
Dans l'espace rapporté à un repère orthonormé direct $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ , on considère la sphère $(S)$ de centre $\Omega(2, 1, 2)$ et de rayon 3 et le plan $(P)$ passant par le point $A(-1, 0, 3)$ et dont $\vec{u}(4, 0, -3)$ est un vecteur normal .	
0.5	1) Montrer qu'une équation de $(S)$ est $x^2 + y^2 + z^2 - 4x - 2y - 4z = 0$
0.5	2) Vérifier qu'une équation cartésienne du plan $(P)$ est $4x - 3z + 13 = 0$
0.5	3) a) Vérifier que $\begin{cases} x = 2 + 4t \\ y = 1 \\ z = 2 - 3t \end{cases} (t \in \mathbb{R})$ est une représentation paramétrique de la droite $(\Delta)$ passant par le point $\Omega$ et orthogonale au plan $(P)$
0.5	b) Déterminer les coordonnées de $H$ point d'intersection de la droite $(\Delta)$ et du plan $(P)$
0.25	4) a) Calculer $d(\Omega, (P))$
0.75	b) Montrer que le plan $(P)$ est tangent à la sphère $(S)$ en un point que l'on déterminera .
<b>Exercice 2 : (3 points)</b>	
0.75	1) Résoudre dans l'ensemble $\mathbb{C}$ des nombres complexes l'équation $z^2 - 2\sqrt{2}z + 4 = 0$
2) Dans le plan complexe rapporté à un repère orthonormé direct $(O, \vec{u}, \vec{v})$ , on considère le point $A$ d'affixe $a = \sqrt{2}(1 - i)$ et la rotation $R$ de centre $O$ et d'angle $\frac{\pi}{3}$	
0.25	a) Ecrire $a$ sous forme trigonométrique.
0.5	b) Vérifier que l'affixe du point $B$ image du point $A$ par la rotation $R$ est $b = 2\left(\cos\left(\frac{\pi}{12}\right) + i\sin\left(\frac{\pi}{12}\right)\right)$
0.5	3) a) On considère le point $C$ d'affixe $c = 1 + i$ , montrer que $b^2 - c^2 = 2\sqrt{3}$
0.5	b) Soit $t$ la translation de vecteur $\overrightarrow{OC}$ et $D$ l'image du point $B$ par la translation $t$ Montrer que $OD =  b + c $
0.5	c) En déduire que $OD \times BC = 2\sqrt{3}$
<b>Exercice 3 : (3 points)</b>	
Une urne contient 12 boules indiscernables au toucher : 3 boules de couleur rouge portant chacune le nombre 1 , et 3 boules de couleur rouge portant chacune le nombre 2 , et 6 boules de couleur verte portant chacune le nombre 2	
On tire au hasard et simultanément deux boules de l'urne. On considère les événements suivants :	
$A$ : "Obtenir deux boules portant le même nombre " ;	
$B$ : "Obtenir deux boules de couleurs différentes "	
$C$ : "Obtenir deux boules portant deux nombres dont la somme est égale à 3"	

1.5	1)	Montrer que $p(A) = \frac{13}{22}$ et $p(B) = \frac{6}{11}$ et calculer $p(C)$
0.5	2) a)	Montrer que $p(A \cap B) = \frac{3}{11}$
0.5	b)	Les événements $A$ et $B$ sont-ils indépendants ? Justifier la réponse.
0.5	3)	Sachant que l'événement $B$ est réalisé, calculer la probabilité d'obtenir deux boules portant le même nombre.
<b>Exercice 4 : (2 points)</b>		
0.5	1)a)	Montrer que la fonction $H : x \mapsto xe^x$ est une primitive de la fonction $h : x \mapsto (x+1)e^x$ sur $\mathbb{R}$
0.5	b)	En déduire que $\int_0^1 (x+1)e^x dx = e$
1	2)	En utilisant une intégration par parties, calculer $\int_0^1 (x^2 + 2x - 1)e^x dx$
<b>Problème : (9 points)</b>		
I) Soit $g$ la fonction numérique définie sur $]0, +\infty[$ par : $g(x) = x^3 - 1 - 2\ln^2 x + 2\ln x$		
Le tableau ci-contre est le tableau de variations de la fonction $g$ sur l'intervalle $]0, +\infty[$		
0.25	1)	Calculer $g(1)$
0.5	2)	A partir de ce tableau, déterminer le signe de $g(x)$ sur chacun des intervalles $]0, 1]$ et $[1, +\infty[$
II) On considère la fonction numérique $f$ définie sur l'intervalle $]0, +\infty[$ par : $f(x) = x - \frac{1}{2} + \frac{1}{2x^2} + \left(\frac{\ln x}{x}\right)^2$		
Soit $(C)$ la courbe représentative de la fonction $f$ dans un repère orthonormé $(O, \vec{i}, \vec{j})$		
0.5	1) a)	Vérifier que $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$
0.5	b)	Montrer que la droite $(D)$ d'équation $y = x - \frac{1}{2}$ est asymptote à la courbe $(C)$ au voisinage de $+\infty$
0.25	c)	Déterminer la position relative de la droite $(D)$ et de la courbe $(C)$
0.75	2)	Montrer que $\lim_{\substack{x \rightarrow 0 \\ x > 0}} f(x) = +\infty$ et interpréter géométriquement le résultat.
1	3) a)	Montrer que $f'(x) = \frac{g(x)}{x^3}$ pour tout $x$ appartenant à l'intervalle $]0, +\infty[$
0.5	b)	Montrer que la fonction $f$ est décroissante sur $]0, 1]$ et croissante sur $[1, +\infty[$
0.5	c)	Dresser le tableau de variations de la fonction $f$ sur l'intervalle $]0, +\infty[$
1	4)	Construire dans le repère $(O, \vec{i}, \vec{j})$ la droite $(D)$ et la courbe $(C)$ (unité : 1 cm)

$x$	0	$+\infty$
$g'(x)$	+	
$g(x)$	$-\infty$	$+\infty$

0.25		<p><b>III) On considère la fonction numérique <math>h</math> définie sur <math>]0, +\infty[</math> par : <math>h(x) = f(x) - x</math></b></p> <p><b>1) a) Vérifier que <math>h(1) = 0</math></b></p>	
0.75		<p><b>b) Dans la figure ci-contre (<math>C_h</math>) est la représentation graphique de la fonction <math>h</math></b></p> <p><b>Déterminer le signe de <math>h(x)</math> sur chacun des intervalles <math>]0, 1]</math></b></p> <p><b>et <math>[1, +\infty[</math> puis en déduire que <math>f(x) \leq x</math> pour tout <math>x</math> de <math>[1, +\infty[</math></b></p>	
0.75		<p><b>2) On considère la suite numérique <math>(u_n)</math> définie par :</b></p> <p><b><math>u_0 = e</math> et <math>u_{n+1} = f(u_n)</math> pour tout <math>n</math> de <math>\mathbb{N}</math></b></p>	
0.75		<p><b>a) Montrer par récurrence que <math>1 \leq u_n \leq e</math> pour tout <math>n</math> de <math>\mathbb{N}</math></b></p>	
0.75		<p><b>b) Montrer que la suite <math>(u_n)</math> est décroissante .</b></p> <p><i>( On pourra utiliser le résultat de la question III)1)b))</i></p>	
0.75		<p><b>c) En déduire que la suite <math>(u_n)</math> est convergente et déterminer sa limite .</b></p>	

