## DIIT Departamento de Ingenieria e Investigaciones Tecnológicas

## Cuerpo rígido | Tensores de inercia

- 1. Se tiene una barra de m=1 kg de sección despreciable frente a l=1 m. De alinear un eje  $(\hat{z})$  con ella,
  - a) ¿cuales son sus momentos de inercia?,
- b) ¿existen los productos de inercia?
- 2. Dibuje sistemas de ejes conveniente para calcular momentos de inercia.

















- 3. El sistema que se muestra en la ilustración para t=0 presenta pesos en los extremos de dos brazos. La barra dispuesta verticalmente se mantiene en tal dirección con rulemanes que posibilitan que el eje rote sin fricción con velocidad angular  $\Omega$  constante respecto el marco inercial  $O_{xyz}$ . Para este análisis la masa de brazos y ejes es despreciable frente a la de los pesos m. Calcule
  - a) tensor de inercia  $\overline{\overline{I}}(t)$  en función del tiempo respecto a A ,
  - b) momento angular  $\vec{L}\Big|_A(t)=\overline{\bar{I}}(t)\vec{\Omega}$  y torque  $\vec{\tau}(t)=\dot{\bar{L}}(t)$ .
- 4. Calcule los momentos de inercia para una molécula de  $H_2O$ . En CNPT se abre con un ángulo de  $104,5^{\circ}$  y median 95,84 pm entre O y H.
- 5. Marion (e) ex. 11-3 Tensor de inercia de un cubo con arista b.
  - a) Calcule el tensor de inercia desde el sistema de ejes  $x_i$  con origen en el centro de masa O.
  - b) Use la forma general del teorema de ejes paralelos de Steiner para calcularlo en el sistema  $X_i$  con origen en el vértice Q
- $x_1$   $x_2$   $x_3$   $x_4$   $x_4$   $x_5$   $x_5$   $x_6$   $x_8$   $x_8$
- 6. En una plancha metálica se calaron dos aberturas en forma simétrica. Esta pendul'ea desde el punto A manteniendose siempre en el plano x,y por lo que es relevante conocer su momento de inercia  $I_{zz}$ . Por pesado se determinó la m de la planchuela calada y se midieron todas las dimensiones que indica la figura. Calcule  $I_{zz}$  desde A en función de esos datos.
- g  $\downarrow$   $\chi$  g  $\downarrow$  g  $\downarrow$

## 7. Landau §32 6

Hallar la energía cinética de un cilindro homogéneo de radio a que rueda en el interior de una superficie cilíndrica de radio R.

8. Landau  $\S32$  2e y Landau  $\S32$  7

Calcule:

- a) En un sistema de ejes conveniente calcule el tensor de inercia de este cono homogéneo de altura h y radio en su base R.
- b) Energía cinética de dicho cono rodando sobre el plano XY. El contacto instantáneo  $\overline{OA}$  forma un ángulo de  $\theta$  con  $\hat{X}$ .

