## Mecánica Analítica Computacional

# DIT Department de Ingenieria Investigaciones Tecnológica:

 $\vec{g}$ 

# Fuerzas de ligadura | Multiplicadores de Lagrange

#### 1. Péndulo rígido ideal

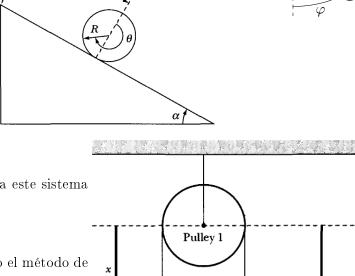
Calcule la tensión de la cuerda con el método de multiplicadores de Lagrange. La restricción es que la pesa se mantiene siempre en  $\vec{r} = \ell \hat{\rho}$ , ergo la función que expresa esto es  $f(\rho) = \rho - \ell = 0$ .

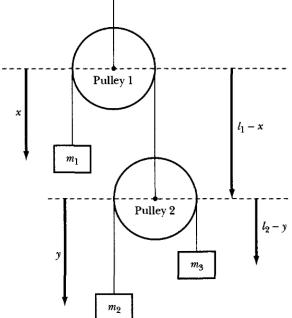
- 2. Cilindro que rueda por un plano inclinado [Marion (e) ex. 7.5]
  - a) Encuentre las ecuaciones de movimiento,
  - b) la aceleración angular,
  - c) y la fuerzas de ligadura.



[Marion (e) ex. 7.8 y ejercicio 7-37] Utilice el sistema de coordenadas indicadas. Para este sistema de poleas determine:

- a) las ecuaciones de movimiento,
- b) y las tensiones de ambas cuerdas utilizando el método de multiplicadores de Lagrange.





## 4. Pesos enlazados por una cuerda [Taylor 7.50]

Una partícula de de masa m posada sobre una mesa horizontal está atada a otra de masa M con una cuerda de longitud l que atraviesa un hueco en una mesa que no ofrece fricción. La última pende vertical con una distancia a la mesa y=l-r función de la distancia de la primera al hueco r.

- a) Asumiendo que  $\theta$  no necesariamente es constante escriba las ecuaciones de Lagrange para r e y.
- b) Resuélva el sistema para r, y y el multiplicador de Lagrange  $\lambda$  encontrando las fuerzas de tensión sobre ambas masas.
- 5. Partícula deslizando sobre una semi-esfera [Marion (e) ex. 7.10] La partícula de masa m, considerada puntual, desliza sobre una semi-esfera de radio R sin fricción. Encuentre:
  - a) la fuerza de la ligadura,
  - b) y el ángulo en que la partícula se despega de la semi-esfera.

