Mecánica Analítica Computacional



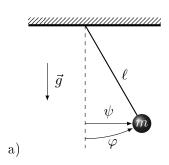
Simulación de la dinámica | Resolución numérica de la ecuación de Euler-Lagrange

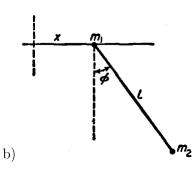
En los siguientes problemas resolverá numericamente cada ecuación de Euler-Lagrange que corresponda a cada coordenada generalizada. Graficando tales soluciones, en el rango de tiempos y con las condiciones iniciales indicadas, estará simulando la dinámica de tales sistemas.

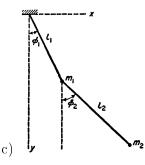
La aceleración gravitatoria tiene por magnitud $|\vec{q}| = 9.81 \,\mathrm{m \, s^{-2}}$.

Los problemas marcados con (*) tienen alguna dificultad adicional, no dude en consultar.

- 1. a) **Péndulo rígido ideal** [Marion (english) ex. 7.2]
 - b) Péndulo de punto de suspensión libre [Landau §5 ej. 2]
 - c) **Péndulo doble** [Landau §5 ej. 1]







Rango de tiempo t = 0 a 10 s. Parámetros físicos y condiciones iniciales:

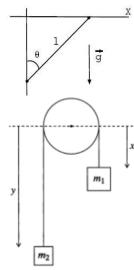
a)
$$m = 3 \text{ kg}, \ \ell = 2 \text{ m}, \ \varphi(t = 0) = \frac{\pi}{4}, \ \dot{\varphi}(t = 0) = 0.$$

b)
$$m_1 = 3 \text{ kg}, m_2 = 1 \text{ kg}, \ell = 2 \text{ m}, x(t=0) = 1 \text{ m}, \dot{x}(t=0) = 0.5 \text{ m s}^{-1}, \phi(t=0) = \frac{\pi}{8}, \dot{\phi}(t=0) = 0.$$

c)
$$m_1 = 3 \text{ kg}, m_2 = 1 \text{ kg}, \ell_1 = 1 \text{ m}, \ell_2 = 1 \text{ m}, \phi_1(t=0) = \frac{\pi}{8}, \dot{\phi}_1(t=0) = 0, \phi_2(t=0) = \frac{\pi}{4}, \dot{\phi}_2(t=0) = -\frac{\pi}{16} \text{s}^{-1}.$$

2. Péndulo de masas acopladas en movimiento restringido $\,$

Rango de tiempo t=0 a 10 s. Parámetros físicos y condiciones iniciales: $m_1=m_2=m=2$ kg, l=2 m, $\theta(t=0)=\frac{\pi}{4}$, $\dot{\theta}(t=0)=0$.



3. Máquina de Atwood simple

Rango de tiempo t=0 a 10 s. Parámetros físicos y condiciones iniciales: $\ell_{\rm cuerda}>150\,{\rm m},\,R_{\rm polea\,1}=0.5\,{\rm m},$

$$m_1 = 8 \,\mathrm{kg}, \, m_2 = 1 \,\mathrm{kg}, \, M_{\mathrm{polea}} = 4 \,\mathrm{kg},$$

$$x(t=0) = 25 \,\mathrm{m}, \, \dot{x}(t=0) = -10 \,\mathrm{m \, s^{-1}}.$$

4. (*) Maquina de Atwood compuesta [Marion (english) ex. 7.8] Rango de tiempo t=0 a 5 s. Parámetros físicos y condiciones iniciales: $\ell_1=15\,\mathrm{m},\ R_{\mathrm{polea}\,1}=0.5\,\mathrm{m},\ \ell_2=15\,\mathrm{m},\ R_{\mathrm{polea}\,2}=0.5\,\mathrm{m},\ m_1=1\,\mathrm{kg},\ m_2=2\,\mathrm{kg},\ m_3=3\,\mathrm{kg},\ M_{\mathrm{polea}\,1}=4\,\mathrm{kg},\ M_{\mathrm{polea}\,2}=4\,\mathrm{kg},\ x(t=0)=1\,\mathrm{m},\ \dot{x}(t=0)=0,\ y(t=0)=2\,\mathrm{m},\ \dot{y}(t=0)=0$

