Mecánica Analítica Computacional



Cuerpo rígido | Tensores de inercia

- 1. Se tiene una barra de m=1 kg de sección despreciable frente a l=1 m. De alinear un eje (\hat{z}) con ella,
 - a) ¿cuales son sus momentos de inercia?,
- b) ¿existen los productos de inercia?
- 2. Dibuje sistemas de ejes conveniente para calcular momentos de inercia.











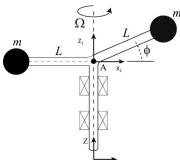




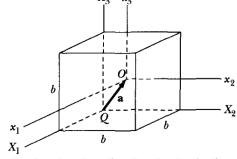


3. Péndulo de torsión desbalanceado

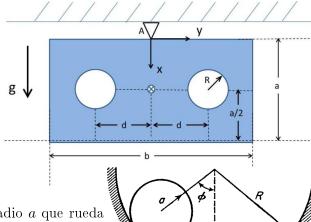
El sistema que se muestra en la ilustración para t=0 presenta pesos en los extremos de dos brazos. La barra dispuesta verticalmente se mantiene en tal dirección con rulemanes que posibilitan que el eje rote sin fricción con velocidad angular Ω constante respecto el marco inercial O_{xyz} . Para este análisis la masa de brazos y ejes es despreciable frente a la de los pesos m. Calcule:



- a) tensor de inercia $\overline{I}(t)$ en función del tiempo respecto a A,
- b) momento angular \vec{L} $(t) = \overline{\bar{I}}(t)\vec{\Omega}$ y torque $\vec{\tau}(t) = \dot{\vec{L}}(t)$.
- 4. Calcule los momentos de infercia para una molécula de H₂O. En CNPT se abre con un ángulo de 104,5° y median 95,84 pm entre O y H.
- 5. [Marion (e) ex. 11-3] Tensor de inercia de un cubo con arista b.
 - a) Calcule el tensor de inercia desde el sistema de ejes x_i con origen en el centro de masa O.
 - b) Use la forma general del teorema de ejes paralelos de Steiner para calcularlo en el sistema X_i con origen en el vértice Q



6. En una plancha metálica homogénea se calaron dos aberturas en forma simétrica. Esta penduléa desde el punto A manteniendose siempre en el plano x, y por lo que es relevante conocer su momento de inercia I_{zz} . Por pesado se determinó la m de la planchuela calada y se midieron todas las dimensiones que indica la figura. Calcule I_{zz} desde A en función de esos datos.



7. Landau §32 6

Hallar la energía cinética de un cilindro homogéneo de radio a que rueda en el interior de una superficie cilíndrica de radio R.

8. Landau §32 2e y Landau §32 7 Calcule:

> a) En un sistema de ejes conveniente calcule el tensor de inercia de este cono homogéneo de altura h y radio en su base R.

b) Energía cinética de dicho cono rodando sobre el x plano XY. El contacto instantáneo \overline{OA} forma un ángulo de θ con X.

