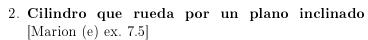
# Mecánica Analítica Computacional

# Fuerzas de ligadura | Multiplicadores de Lagrange

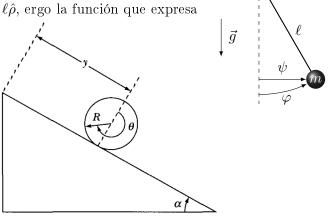
### 1. Péndulo rígido ideal

Calcule la tensión de la cuerda con el método de multiplicadores de Lagrange. La restricción es que la pesa se mantiene siempre en  $\vec{r} = \ell \hat{\rho}$ , ergo la función que expresa esto es  $f(\rho) = \rho - \ell = 0$ .





- b) la aceleración angular,
- c) y la fuerzas de ligadura.



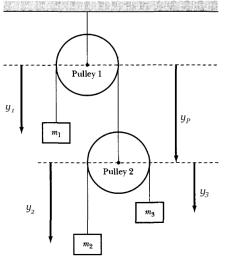
# 3. **Doble máquina de Atwood** [Marion (e) ej. 7.8 v 7-37]

Utilice el sistema de coordenadas indicadas. Para este sistema de poleas determine:

- a) las ecuaciones de movimiento,
- b) y las tensiones de ambas cuerdas utilizando el método de multiplica- $y_i$ dores de Lagrange.

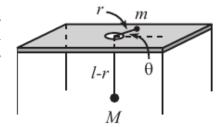
Resultados: 
$$Q_1 = \frac{g\left(32m_1m_2m_3 + 8m_1m_2m_p + 20m_1m_3m_p + 4m_1m_p^2 + 8m_2m_3m_p + 2m_2m_p^2 + 4m_3m_p^2 + m_p^3\right)}{4m_1m_2 + 4m_1m_3 + 2m_1m_p + 16m_2m_3 + 6m_2m_p + 14m_3m_p + 3m_p^2}$$

$$Q_2 = \frac{gm_3\cdot\left(16m_1m_2 + 6m_1m_p + 4m_2m_p - m_p^2\right)}{4m_1m_2 + 4m_1m_3 + 2m_1m_p + 16m_2m_3 + 6m_2m_p + 14m_3m_p + 3m_p^2}$$



## 4. Pesos enlazados por una cuerda [Taylor 7.50]

Una partícula de de masa m posada sobre una mesa horizontal está atada a otra de masa M con una cuerda de longitud l que atraviesa un hueco en una mesa que no ofrece fricción. La última pende vertical con una distancia a la mesa  $y = \ell - \rho$  función de la distancia de la primera al hueco  $\rho$ .



- a) Asumiendo que  $\theta$  no necesariamente es constante escriba las ecuaciones de Lagrange para  $\rho$  e y.
- b) Resuélva el sistema para  $\rho, y$  y el multiplicador de Lagrange  $\lambda$  encontrando las fuerzas de tensión sobre ambas masas.
- 5. Partícula deslizando sobre una semi-esfera [Marion (e) ex. 7.10] La partícula de masa m, considerada puntual, desliza sobre una semiesfera de radio R sin fricción. Encuentre:
  - a) la fuerza de la ligadura,
  - b) y el ángulo en que la partícula se despega de la semi-esfera.

