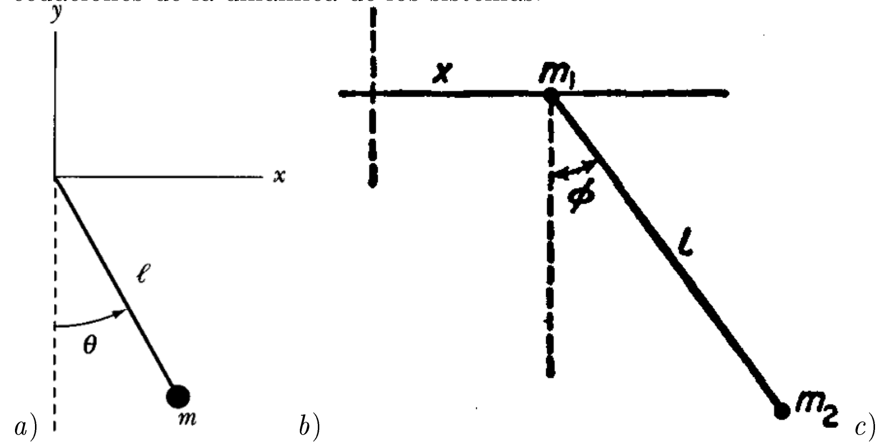
Mecánica general
Ecuación de Euler-Lagrange

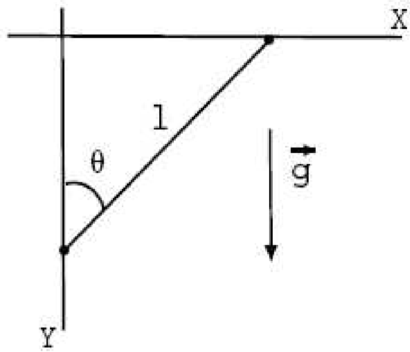
Los problemas marcados con (*) tienen alguna dificultad adicional, no dude en consultar.

1. **Péndulo rígido ideal** [Marion (english) ex. 7.2]
   Péndulo de punto de suspensión libre y péndulo doble [Landau §5 ejs. 1 y 2]
   Aplique en la ecuación de Euler-Lagrange los Lagrangianos obtenidos en la guía anterior para obtener las ecuaciones de la dinámica de los sistemas:



2. **Péndulo de masas acopladas en movimiento restringido**

   Dos partículas de masa m_1 y m_2 están unidas por un hilo inextensible de longitud l; m_1 se mueve solo sobre el eje x y m_2 solo sobre el y. Las condiciones iniciales son las que indica la figura.

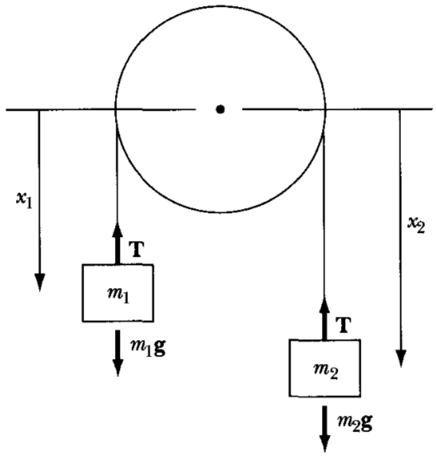


   a) Obtenga con la ecuación de Euler-Lagrange la ecuación de la dinámica en función de θ.

   b) ¿Cuál es el período de movimiento de θ para el caso $m_1 = m_2 = m$? Suponga que θ solo puede tomar valores pequeños.

   c) (*) Resuelva la ecuación de la dinámica para obtener $\theta(t)$ en el caso que el sistema parte del reposo con un $\theta_0 \neq 0$.

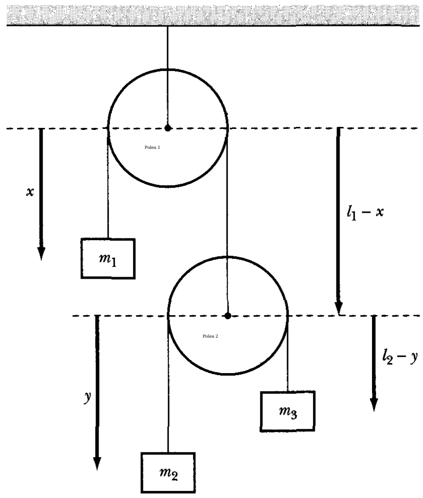
3. **Máquina de Atwood simple**



   a) Obtenga con la ecuación de Euler-Lagrange la ecuación de la dinámica. Simplifique el problema considerando que la poleas de radio R tiene masa nula ($M = 0$).

   b) Compare las aceleraciones con las obtenidas usando ecuaciones de Newton.

4. **Maquina de Atwood compuesta** [Marion (english) ex. 7.8]



a) Obtenga las aceleraciones en este sistema resolviendo las ecuaciones de Euler-Lagrange. Las coordenadas se reducen a dos, x e y, pues con el vínculo de las cuerdas establece la posición de todas las masas y de la polea inferior. Simplifique el problema considerando que las poleas de radio R tienen masa nula ($M = 0$).

b) (*) Contemple ahora la masa de las poleas. Recuerde que el momento de inercia de un cilíndro es $MR^2/2$

c) (*) Compare las aceleraciones con las obtenidas usando ecuaciones de Newton.