## MECÁNICA GENERAL Fuerzas externas en el enfoque Lagrangiano

## 1. Barra que pende de un carro

Obtenga las ecuaciones que describen la dinámica del sistema. El momento de inercia para una barra de masa m y longitud lpara una rotación desde uno de sus extremos es  $\frac{m}{12}l^2$ .

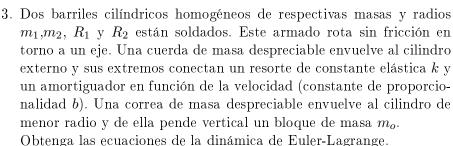
- a) Calcule la descomposición en fuerzas generalizadas de las no conservativas que actúan sobre el sistema:
  - el forzado externo  $\vec{F}(t)$ .
  - ullet y la que hace ejerce amortiguador de constante b en función de la velocidad del carro,  $-b\dot{x}\hat{x}$ .
- b) Genere el Lagrangiano.
- c) Calcule las ecuaciones de Euler-Lagrange.
- 2. Dos pesos de masa idéntica m están unidos al extremo de brazos de masa despreciable. Uno de los brazos describe una inclinación fija con la horizontal de  $\phi$ . Descartamos la fricción con los rodamientos que mantiene vertical el eje de donde parten los brazos. Este puede rotar libremente a cualquier ángulo  $\theta$  pues un resorte de torsión de constante elástica  $K_t$  opone un torque cada vez que  $\theta \neq 0$ . En adición a este torque se ejerce uno externo variable en el tiempo:  $\vec{\tau} = \tau(t)\hat{z}$ .

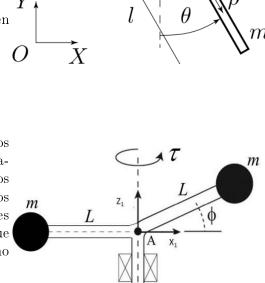
Pregunta conceptual: ¿Cuales es la unidad de la fuerza generalizada?

- a) N

- b)  $\frac{N}{m}$  c) Nm d) Otra

Obtenga las ecuaciones de la dinámica de Euler-Lagrange.

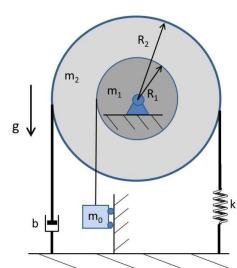




**→** X

 $m_1$ 

F(t)



- 4. Sobre la superficie inclinada en  $\theta_0$  del carro de masa  $m_0$  rueda sin deslizar un disco de radio R y masa m. Este no se sale de la superficie a pesar de que al centro del mismo se aplica una fuerza  $\vec{F} = F(t)\hat{x}$  gracias a un resorte de constante elástica  $K_1$  que une este centro con el carro. Limita el alcance de este un resorte de constante elástica  $K_2$  fijado a la pared y un amortiguador proporcional a la velocidad de constante proporcional b. Ambos resortes tienen originalmente su longitud de equilibrio  $l_{10}$  y  $l_{20}$ . Se descarta la fricción del carro con el suelo. Todo el sistema está sometido a la aceleración gravitatoria  $\vec{g} = -g\hat{y}$ . Pregunta conceptual: ¿Qué es la fuerza generalizada asociada al desplazamiento virtual  $\delta x$  debida a  $\vec{F}$ ?
- $K_2$   $K_1$   $K_1$   $K_1$   $K_2$   $K_2$   $K_3$   $K_4$   $K_1$   $K_2$   $K_2$   $K_3$   $K_4$   $K_4$   $K_4$   $K_4$   $K_4$   $K_4$   $K_4$   $K_5$   $K_5$   $K_5$   $K_5$   $K_6$   $K_7$   $K_8$   $K_9$   $K_9$

- a)  $F(t)\cos(\theta)$
- b) F(t)
- c)  $F(t)\delta x$
- d) 0

Obtenga las ecuaciones de la dinámica de Euler-Lagrange.