

Übung 03

Mehrprodukt- & Mehrstufige Losgrößenplanung

Aufgabe 1: Planung mit Rüstzustandsübernahme (PLSP)

Ein Hersteller von Spezialgetrieben fertigt auf einer CNC-Maschine zwei verschiedene Getriebetypen: Typ A und Typ B. Die Maschine kann pro Woche nur für einen Typ eingerichtet sein, aber der Rüstzustand kann in die Folgewoche übernommen werden, wenn derselbe Typ weiterproduziert wird. Ein Rüstvorgang ist nur dann nötig, wenn von einem Typ zum anderen gewechselt wird oder nach einer Woche ohne Produktion neu gestartet wird.

Gegebene Daten:

- **Planungshorizont:** 4 Wochen
- **Wöchentliche Kapazität:** 60 Stunden

Produktdaten:

Parameter	Getriebe Typ A	Getriebe Typ B
Rüstkosten (s)	200 GE	150 GE
Lagerkosten (h)	5 GE/Stück	7 GE/Stück
Bearbeitungszeit (tb)	1,0 h/Stück	1,2 h/Stück
Rüstzeit (tr)	10 h	8 h

Nachfrage:

Woche (t)	1	2	3	4
Bedarf Typ A	20	55	0	0
Bedarf Typ B	0	0	35	20

Vorgegebener Produktionsplan:

Um das Konzept zu verstehen, analysieren Sie den folgenden, manuell erstellten Produktionsplan:

- **Woche 1:** Produziere $50 \times$ Typ A.
- **Woche 2:** Produziere $25 \times$ Typ A.
- **Woche 3:** Produziere $55 \times$ Typ B.
- **Woche 4:** Keine Produktion.

Ihre Aufgaben:

1. **Kostenberechnung:** Berechnen Sie die gesamten Rüst- und Lagerkosten für den vorgegebenen Plan. Identifizieren Sie, in welcher Woche Rüstkosten eingespart werden.
2. **Kapazitätsprüfung:** Überprüfen Sie für jede Woche, ob die Produktions- und Rüstzeiten die verfügbare Kapazität von 60 Stunden einhalten.
3. **Diskussion:** Erläutern Sie, warum die separate Anwendung des Wagner-Whitin-Algorithmus für jedes Produkt hier wahrscheinlich zu einem unzulässigen oder suboptimalen Gesamtplan führen würde.

Lösung:

💡 Tipps und wichtige Formeln

1. Kostenberechnung

- **Gesamtkosten:** Die Summe aus Rüst- und Lagerkosten über den gesamten Zeitraum.
- **Rüstkosten:** Fallen nur an, wenn in einer Woche ein Produkt hergestellt wird, das in der Vorwoche nicht hergestellt wurde. Bei Produktionsstart in Woche 1 oder nach einer Leerwoche fallen sie ebenfalls an. Bei Übernahme des Rüstzustands fallen keine Rüstkosten an.
- **Lagerkosten:** Werden am Ende jeder Woche auf den Endlagerbestand berechnet:
 $\text{Lagerkosten}_t = \text{Lagerbestand}_t * \text{Lagerkostensatz}_h$.

2. Kapazitätsprüfung

- Die wöchentliche Kapazitätsauslastung berechnet sich wie folgt: $\text{Kapazitätsbedarf}_t = \text{Produktionszeit}_t + \text{Rüstzeit}_t$
- $\text{Produktionszeit}_t = \text{Produktionsmenge}_t * \text{Bearbeitungszeit}_{\text{pro_Stück_tb}}$
- Die Rüstzeit fällt nur an, wenn auch Rüstkosten anfallen.
- Dieser Bedarf muss kleiner oder gleich der Wochenkapazität sein.

3. Wagner-Whitin vs. PLSP

- Denken Sie an die Kernannahmen des Wagner-Whitin-Algorithmus: Er optimiert für ein **einzelnes Produkt** und berücksichtigt **keine Kapazitätsgrenzen**. Das PLSP-Problem (Capacitated Lot Sizing Problem) ist hingegen genau für Mehrprodukt-Situationen unter Kapazitätsrestriktionen konzipiert.

1. Kostenberechnung:

Woche 1: Rüstvorgang für Typ A (Kosten: 200 GE)

Bestand Ende Woche 1: 30x Typ A, 0x Typ B

Lagerkosten Woche 1: 150 GE

Woche 2: Rüstzustand für Typ A übernommen (Kosten: 0 GE)

Bestand Ende Woche 2: 0x Typ A, 0x Typ B

Lagerkosten Woche 2: 0 GE

Woche 3: Rüstvorgang für Typ B (Kosten: 150 GE)

Bestand Ende Woche 3: 0x Typ A, 20x Typ B

Lagerkosten Woche 3: 140 GE

Woche 4: Keine Produktion, kein Rüstvorgang.

Bestand Ende Woche 4: 0x Typ A, 0x Typ B

Lagerkosten Woche 4: 0 GE

Gesamte Rüstkosten: 350 GE

Gesamte Lagerkosten: 290 GE

Gesamtkosten des Plans: 640 GE

2. Kapazitätsprüfung:

Woche	Prod. Typ A	Prod. Typ B	Kapazitätsbedarf (h)	Kapazitätslimit (h)
Einhaltung				
1	50	0	60.0	60
Ja				
2	25	0	25.0	60
Ja				
3	0	55	74.0	60
NEIN				
4	0	0	0.0	60
Ja				

3. Diskussion:

Der Wagner-Whitin-Algorithmus (WW) optimiert ein **Einproduktproblem ohne Kapazitätsgrenzen**. Die separate Anwendung würde zu folgenden Problemen führen:

1. **Ignorierte Kapazitäten:** WW für Produkt A könnte ein Los in Woche 1 planen, WW für Produkt B ebenfalls. Die Summe der benötigten Kapazitäten (Produktion + Rüstung) würde aber sehr wahrscheinlich die verfügbaren 60 Stunden überschreiten, was zu einem **unzulässigen Plan** führt.
2. **Ignorierte Rüstkopplung:** WW würde für jede Produktion Rüstkosten ansetzen. Er kann nicht das Konzept der **Rüzzustandsübernahme** berücksichtigen. Wenn WW für A in Woche 1 und 2 eine Produktion vorsieht und für B in Woche 3 und 4, würde er für alle vier Lose Rüstkosten berechnen. Ein intelligenterer, gekoppelter Plan (wie PLSP) würde erkennen, dass die Rüstung in Woche 2 und 4 eingespart werden kann, was zu **suboptimalen Kosten** bei separater Planung führt.

Das PLSP-Modell ist genau dafür konzipiert, diese beiden Aspekte – geteilte Kapazitäten und gekoppelte Rüstentscheidungen – simultan zu optimieren.

Aufgabe 2: Echelon Stock

Ein Hersteller von Smart-Home-Geräten produziert zwei Endprodukte: eine smarte Lampe (L1) und einen smarten Stecker (S1). Beide benötigen ein universelles Wifi-Modul (W1). Die Lampe benötigt zusätzlich ein spezifisches LED-Panel (P1).

Ihre Aufgaben:

1. **Echelon Stock Berechnung:** Angenommen, am Ende von Woche 4 sind die physischen Lagerbestände wie folgt: L1: 10, S1: 5, P1: 15, W1: 20. Berechnen Sie für diesen Zeitpunkt den **Echelon Stock** (systemweiten Bestand) für das Wifi-Modul W1 und das LED-Panel P1.

Lösung:

💡 Tipps und wichtige Formeln

1. Echelon Stock

- **Definition:** Der Echelon Stock einer Komponente i an einem Ort ist der gesamte Bestand dieser Komponente im System, der sich auf dieser Stufe oder *tiefer* befindet.
- **Formel:** $\text{Echelon Stock}_i = \text{Physischer Bestand}_i + \text{Physischer Bestand aller nachgelagerten Produkte, die } i \text{ enthalten}$
- **Beispiel:** $\text{Echelon Stock (W1)} = \text{Bestand(W1)} + \text{Bestand(L1)} + \text{Bestand(S1)}$

2. Nutzen des Echelon-Konzepts

- Der Hauptnutzen liegt in der **korrekten Bewertung von Lagerkosten** in mehrstufigen Systemen. Er vermeidet die Doppelzählung des Wertes von Komponenten, die bereits in Halbfabrikaten oder Endprodukten enthalten sind.

1. Echelon Stock Berechnung:

Der Echelon Stock eines Artikels ist sein eigener physischer Bestand plus alle Bestände von nachgelagerten Artikeln, in die er eingeht.

Berechnung für Wifi-Modul W1: - Physischer Bestand W1: 20 Stück - Bestand von L1 (enthält W1): 10 Stück - Bestand von S1 (enthält W1): 5 Stück

$$E_{W1} = y_{W1} + y_{L1} + y_{S1} \quad E_{W1} = 20 + 10 + 5 = 35$$

Der Echelon Stock von W1 ist 35. Er ist höher als der physische Bestand, da 15 Module bereits in den Endprodukten L1 und S1 verbaut sind.

Berechnung für LED-Panel P1: - Physischer Bestand P1: 15 Stück - Bestand von L1 (enthält P1): 10 Stück

$$E_{P1} = y_{P1} + y_{L1} \quad E_{P1} = 15 + 10 = 25$$

Der Echelon Stock von P1 ist 25. Er ist höher als der physische Bestand, da 10 Panels bereits im Endprodukt L1 verbaut sind.

Aufgabe 3: Rollierende Planung

Stellen Sie sich vor, Sie sind der Produktionsplaner. Der 6-Wochen-Plan wurde am Anfang von Woche 1 erstellt. Sie befinden sich nun am Ende von Woche 2. Die Produktion für die Wochen 1 und 2 wurde bereits freigegeben und kann nicht mehr geändert werden.

Produktdaten:

Artikel	Struktur	Vorlaufzeit	Lagerbestand	Lagerkostensatz (h)
L1	Endprodukt	1	20	10 GE
S1	Endprodukt	1	50	8 GE
P1	Benötigt für L1	2	30	4 GE
W1	Benötigt für L1 & S1	3	100	5 GE

Primärbedarf:

Woche	1	2	3	4	5	6
Bedarf L1	0	40	0	60	0	50
Bedarf S1	30	0	80	0	70	0

Für die kommende Neuplanung (beginnend in Woche 3 für die nächsten 6 Wochen) erhalten Sie aktualisierte Bedarfszahlen: Der Bedarf für die smarte Lampe (L1) in Woche 6 ist unerwartet von 50 auf 80 gestiegen.

Ihre Aufgaben:

Beantworten Sie die folgenden konzeptionellen Fragen:

1. **Eingefrorener Plan:** Welcher Teil des ursprünglichen Produktionsplans für die Komponenten (Ihre Bestellungen aus Aufgabe 2) ist nun mindestens “eingefroren” und muss als gegeben hingenommen werden?
2. **Planungsinstabilität:** Erklären Sie, warum der ursprüngliche Plan für die Wochen 3-6 wahrscheinlich nicht mehr optimal ist, selbst wenn sich nur ein einziger Bedarfswert in der Zukunft geändert hat. Beziehen Sie sich dabei auf die Losgrößenentscheidung für das Wifi-Modul (W1).
3. **Definitionen:** Überlegen Sie kurz, wie die Begriffe “Planungsinstabilität” und “Frozen Zone” im Kontext dieses Beispiels definiert werden können.

Lösung:

💡 Tipps und wichtige Formeln

1. Frozen Zone (Eingefrorener Horizont)

- **Definition:** Der Zeitraum am Anfang des Planungshorizonts, in dem keine Änderungen am Produktionsplan mehr vorgenommen werden.
- **Grund:** Die Produktions- und Beschaffungsaufträge wurden bereits freigegeben und sind in der Ausführung (z.B. Material ist schon bestellt, eine Maschine ist bereits gerüstet).
- **Identifikation:** Um die "eingefrorenen" Bestellungen zu finden, schauen Sie sich den ursprünglichen Plan aus Aufgabe 2 an. Alle Bestellungen, deren **Bestelltermin** in der Vergangenheit oder der aktuellen Periode liegt (hier: alles \leq Woche 2), sind Teil der Frozen Zone.

2. Planungsinstabilität (Planungsnervosität)

- **Definition:** Das Phänomen, dass kleine Änderungen in den Eingabedaten (z.B. ein einzelner Bedarfswert in der fernen Zukunft) zu großen, sprunghaften Änderungen in den geplanten Aufträgen führen, auch in naher Zukunft.
- **Ursache:** Die komplexe, oft nicht-lineare Logik von Losgrößenalgorithmen und die mehrstufigen Abhängigkeiten. Eine kleine Änderung kann eine Kettenreaktion auslösen, die den "optimalen" Plan komplett umwirft.
- **Management:** Die "Frozen Zone" ist eine der wichtigsten Maßnahmen, um diese Nervosität zu dämpfen und Stabilität in die Produktion zu bringen.

1. **Eingefrorener Plan:** Der "Frozen"-Teil des Plans umfasst alle Bestellungen, deren Bestelltermin in oder vor der aktuellen Periode (Ende Woche 2) liegt. Um diese zu identifizieren, führen wir zunächst eine MRP-Planung unter Berücksichtigung der gegebenen Lagerbestände durch:

MRP-Planung mit Lagerbeständen:

Endprodukte:

S1 (Vorlaufzeit: 1, Anfangsbestand: 50):

- Woche 1: Bruttobedarf 30, Bestand 50 \rightarrow Nettobedarf 0 (Endbestand: 20)
- Woche 3: Bruttobedarf 80, Bestand 20 \rightarrow Nettobedarf 60 \rightarrow **Produktion in Woche 2**
- Woche 5: Bruttobedarf 70, Bestand 0 \rightarrow Nettobedarf 70 \rightarrow Produktion in Woche 4

L1 (Vorlaufzeit: 1, Anfangsbestand: 20):

- Woche 2: Bruttobedarf 40, Bestand 20 \rightarrow Nettobedarf 20 \rightarrow **Produktion in Woche 1**
- Woche 4: Bruttobedarf 60, Bestand 0 \rightarrow Nettobedarf 60 \rightarrow Produktion in Woche 3
- Woche 6: Bruttobedarf 50, Bestand 0 \rightarrow Nettobedarf 50 \rightarrow Produktion in Woche 5

Komponenten:

P1 (Vorlaufzeit: 2, Anfangsbestand: 30, nur für L1):

- Woche 1: Bruttobedarf 20 (für L1), Bestand 30 \rightarrow Nettobedarf 0 (Endbestand: 10)

- Woche 3: Bruttobedarf 60 (für L1), Bestand 10 → Nettobedarf 50 → **Bestellung in Woche 1**
- Woche 5: Bruttobedarf 50 (für L1), Bestand 0 → Nettobedarf 50 → Bestellung in Woche 3

W1 (Vorlaufzeit: 3, Anfangsbestand: 100, für L1 und S1):

- Woche 1: Bruttobedarf 20 (für L1), Bestand 100 → Nettobedarf 0 (Endbestand: 80)
- Woche 2: Bruttobedarf 60 (für S1), Bestand 80 → Nettobedarf 0 (Endbestand: 20)
- Woche 3: Bruttobedarf 60 (für L1), Bestand 20 → Nettobedarf 40 → **Bestellung in Woche 0**
- Woche 4: Bruttobedarf 70 (für S1), Bestand 0 → Nettobedarf 70 → **Bestellung in Woche 1**
- Woche 5: Bruttobedarf 50 (für L1), Bestand 0 → Nettobedarf 50 → **Bestellung in Woche 2**

Eingefrorene Bestellungen (Bestelltermin \leq Woche 2):

- **W1:** Bestellungen von 40 Stück in Woche 0, 70 Stück in Woche 1, 50 Stück in Woche 2
- **L1:** Produktion von 20 Stück in Woche 1
- **P1:** Bestellung von 50 Stück in Woche 1
- **S1:** Produktion von 60 Stück in Woche 2

Die hohen Anfangsbestände reduzieren die Anzahl der notwendigen Bestellungen erheblich. Alle Produktions- und Beschaffungsvorgänge, die bereits gestartet wurden (Bestellzeitpunkt ≤ 2), sind fix und bilden die Ausgangsbasis für die Neuplanung.

2. **Verlust der Optimalität:** Der ursprüngliche Plan basierte auf einer Stück-für-Stück-Politik unter Berücksichtigung der Lagerbestände. Die Erhöhung des L1-Bedarfs in Woche 6 von 50 auf 80 Stück hat folgende Kaskade von Effekten:

- Der **zusätzliche L1-Bedarf von 30 Stück** in Woche 6 erfordert eine zusätzliche L1-Produktion von 30 Stück in Woche 5.
- Dies führt zu einem **zusätzlichen P1-Bedarf von 30 Stück** in Woche 5, was eine zusätzliche P1-Bestellung von 30 Stück in Woche 3 erfordert.
- Gleichzeitig entsteht ein **zusätzlicher W1-Bedarf von 30 Stück** in Woche 5, was eine zusätzliche W1-Bestellung von 30 Stück in Woche 2 erfordert.
- **Problem:** Die W1-Bestellung in Woche 2 ist bereits "eingefroren" und kann nicht mehr angepasst werden. Die ursprünglich geplante Bestellmenge von 50 Stück müsste auf 80 Stück erhöht werden.
- **Konsequenz:** Da die eingefrorene Bestellung nicht mehr geändert werden kann, muss eine **neue, zusätzliche W1-Bestellung** für die fehlenden 30 Stück in einer späteren Woche aufgegeben werden, was zu höheren Gesamtkosten führt (zusätzliche Rüstkosten oder Eilbestellungen).
- **Fazit:** Selbst eine kleine Änderung in der fernen Zukunft kann durch die mehrstufigen Abhängigkeiten und die Frozen Zone die Optimalität des gesamten Plans beeinträchtigen und zu kostspieligen Anpassungen zwingen.

3. **Definitionen:**

- **Frozen Zone:** Dies ist der unmittelbar bevorstehende Zeitraum des Plans (hier: Woche 1-2), in dem keine Änderungen mehr vorgenommen werden. Die Produktionsaufträge

sind bereits freigegeben, Material ist unterwegs. Dies schafft Stabilität in der Produktion. Die Länge der Frozen Zone orientiert sich oft an der kumulierten Vorlaufzeit der Produkte, kann aber aus strategischen Gründen (z.B. zur Kapazitätsglättung oder aufgrund von Lieferantenverträgen) bewusst länger gewählt werden.

- **Planungsinstabilität (Nervosität):** Dies beschreibt das Phänomen, dass kleine Änderungen der Eingabedaten (z.B. ein einzelner Bedarfswert) in einer Neuplanung zu signifikanten Änderungen der Produktions- und Bestellaufträge führen, auch in naher Zukunft. Im Beispiel könnte der neue Plan für Woche 3 und 4 komplett anders aussehen als der alte Plan für dieselben Wochen. Diese "Nervosität" ist oft unerwünscht, da sie Unruhe in die Fertigung und Beschaffung bringt. Die Frozen Zone ist eine Maßnahme, um diese Instabilität zu dämpfen.

Aufgabe 4: Analyse eines Produktionsplans

Ein Produktionsplaner hat für die Produkte “Sirius” und “Vega” einen unvollständigen Plan hinterlassen. Beide Produkte werden auf derselben Maschine gefertigt, die pro Woche nur für **einen** Produkttyp eingerichtet sein kann. Ein negativer Lagerbestand ist nicht zulässig.

Gegebene Daten:

- Anfangslagerbestand (Ende Woche 0) für beide Produkte ist 0.
- Produkt Sirius: Rüstkosten $s_S = 250$ GE, Lagerkostensatz $h_S = 4$ GE/Stück/Woche.
- Produkt Vega: Rüstkosten $s_V = 200$ GE, Lagerkostensatz $h_V = 5$ GE/Stück/Woche.
- Rüstkosten fallen an, wenn die Produktion für ein Produkt in einer Woche stattfindet, in der zuvor ein anderes Produkt (oder nichts) hergestellt wurde.

Die unvollständige Tabelle:

Woche (t)	Prod. Typ	Be- darf Sirius	Prod. Sirius	Lager Sirius (Ende)	Be- darf Vega	Prod. Vega	Lager Vega (Ende)	Rüstk.	Lagerk. (Summe)
0	-	-	-	0	-	-	0	-	-
1	Sirius	20	50	(a)	0	0	0	(b)	(c)
2	Vega	10	0	(d)	30	50	(e)	200	180
3	Vega	5	0	15	20	(f)	20	(g)	(h)
4	Sirius	30	(i)	35	10	0	(j)	(k)	(l)
5	• (Keine)	10	0	(m)	5	0	(n)	(o)	125
SUMME -				-			-	(p)	(q)

Ihre Aufgaben:

1. **Schrittweise Berechnung:** Berechnen Sie schrittweise die fehlenden Werte (gekennzeichnet mit Buchstaben) in der Tabelle. Begründen Sie Ihre Berechnungen für jede Zelle kurz.
2. **Summe der Rüst- und Lagerkosten:** Ermitteln Sie die Summe der Rüstkosten und der Lagerkosten für den gesamten Planungszeitraum.

Lösung:

💡 Tipps und wichtige Formeln

Die entscheidende Formel: Die Lagerbilanzgleichung

Der Schlüssel zur Lösung dieser Aufgabe ist die Lagerbilanzgleichung, die für jedes Produkt und jede Woche gilt:

$$\text{Lagerbestand (Ende)}_t = \text{Lagerbestand (Ende)}_{t-1} + \text{Produktionsmenge}_t - \text{Bedarf}_t$$

- Der Lagerbestand $(\text{Ende})_{t-1}$ ist der Anfangsbestand der Periode t .
- Diese Gleichung enthält alle wichtigen Variablen. Wenn eine davon unbekannt ist (z.B. die Produktionsmenge (f) oder (i)), können Sie die Gleichung einfach nach dieser Unbekannten umstellen.

Rüstkosten-Logik

- Vergleichen Sie die Spalte Produzierter Typ von einer Woche zur nächsten.
- $\text{Rüstkosten}_t = 0$ wenn $\text{Typ}_t == \text{Typ}_{t-1}$ (Rüstkosten werden übernommen).
- $\text{Rüstkosten}_t > 0$ wenn $\text{Typ}_t \neq \text{Typ}_{t-1}$ (Produktwechsel) oder wenn in Woche $t-1$ nichts produziert wurde.

Lagerkosten-Logik

- Die Summe der Lagerkosten in einer Zeile berechnet sich aus den Endbeständen beider Produkte: $\text{Lagerkosten (Summe)}_t = \text{Lager Sirius (Ende)}_t \cdot h_S + \text{Lager Vega (Ende)}_t \cdot h_V$

1. Schrittweise Berechnung der fehlenden Werte:

Wir verwenden die Lagerbilanzgleichung: $y_t = y_{t-1} + q_t - d_t$

• Woche 1:

- ▶ (a) Lager Sirius (Ende): $y_{S,1} = y_{S,0} + q_{S,1} - d_{S,1} = 0 + 50 - 20 = 30$
- ▶ (b) Rüstkosten: Erster Produktionslauf, daher fallen Rüstkosten für Sirius an. Kosten = 250 GE.
- ▶ (c) Lagerkosten: $y_{S,1} \cdot h_S + y_{V,1} \cdot h_V = 30 \cdot 4 + 0 \cdot 5 = 120$ GE.

• Woche 2:

- ▶ (d) Lager Sirius (Ende): $y_{S,2} = y_{S,1} + q_{S,2} - d_{S,2} = 30 + 0 - 10 = 20$
- ▶ (e) Lager Vega (Ende): $y_{V,2} = y_{V,1} + q_{V,2} - d_{V,2} = 0 + 50 - 30 = 20$
- ▶ Die Lagerkosten sind gegeben (180 GE) und stimmen mit unserer Berechnung überein: $20 \cdot 4 + 20 \cdot 5 = 80 + 100 = 180$.
- ▶ Die Rüstkosten sind gegeben (200 GE), was den Wechsel von Sirius auf Vega bestätigt.

• Woche 3:

- ▶ (f) Prod. Vega: Aus der Lagerbilanzgleichung für Vega: $y_{V,3} = y_{V,2} + q_{V,3} - d_{V,3} \Rightarrow 20 = 20 + q_{V,3} - 20 \Rightarrow q_{V,3} = 20$.
- ▶ (g) Rüstkosten: In Woche 2 wurde Vega produziert, in Woche 3 ebenfalls. Der Rüstkosten wird übernommen. Kosten = 0 GE.
- ▶ (h) Lagerkosten: $y_{S,3} \cdot h_S + y_{V,3} \cdot h_V = 15 \cdot 4 + 20 \cdot 5 = 60 + 100 = 160$ GE.
- ▶ (g) Lager Sirius (Ende): $y_{S,3} = y_{S,2} + q_{S,3} - d_{S,3} = 20 + 0 - 5 = 15$.

• **Woche 4:**

- (i) Prod. Sirius: $y_{S,4} = y_{S,3} + q_{S,4} - d_{S,4} \Rightarrow 35 = 15 + q_{S,4} - 30 \Rightarrow q_{S,4} = 50$.
- (j) Lager Vega (Ende): $y_{V,4} = y_{V,3} + q_{V,4} - d_{V,4} = 20 + 0 - 10 = 10$.
- (k) Rüstkosten: Wechsel von Vega auf Sirius. Kosten = 250 GE.
- (l) Lagerkosten: $y_{S,4} \cdot h_S + y_{V,4} \cdot h_V = 35 \cdot 4 + 10 \cdot 5 = 140 + 50 = 190$ GE.

• **Woche 5:**

- (m) Lager Sirius (Ende): $y_{S,5} = y_{S,4} + q_{S,5} - d_{S,5} = 35 + 0 - 10 = 25$.
- (n) Lager Vega (Ende): $y_{V,5} = y_{V,4} + q_{V,5} - d_{V,5} = 10 + 0 - 5 = 5$.
- Die Lagerkosten sind gegeben (125 GE): $25 \cdot 4 + 5 \cdot 5 = 100 + 25 = 125$.
- (o) Rüstkosten: Keine Produktion, daher keine Rüstkosten. Kosten = 0 GE.

• **Summen:**

- (p) Summe Rüstkosten = 250 (W1) + 200 (W2) + 0 (W3) + 250 (W4) + 0 (W5) = 700 GE.
- (q) Summe Lagerkosten = 120 (W1) + 180 (W2) + 160 (W3) + 190 (W4) + 125 (W5) = 775 GE.

2. Vervollständigte Tabelle & Code-Verifikation:

Vervollständigte Tabelle:

Produzierter Typ		Bedarf Sirius	Prod. Sirius	Lager Sirius (Ende)
Bedarf Vega	Prod. Vega	Lager Vega (Ende)	Rüstkosten	Lagerkosten (Summe)
Woche				
1	Sirius	20	50	30
0	0	0	250	120
2	Vega	10	0	20
30	50	20	200	180
3	Vega	5	0	15
20	20	20	0	160
4	Sirius	30	50	35
10	0	10	250	190
5	- (Keine)	10	0	25
5	0	5	0	125
SUMME	SUMME	75	100	125
65	70	55	700	775

Gesamtkosten (Rüst- + Lagerkosten): 1475 GE