

# Ablaufplanung („Scheduling“)

$\alpha$  Produktionsprozessstruktur

$\beta$  Auftragszugang

$\beta$  Bearbeitungsprozess

$\gamma$  Zielsetzungen

## Notation von Graham, Lawler, Lenstra und Rinnooy Kan

$\alpha|\beta|\gamma$

## Produktionsprozessstruktur

1 eine Maschine (Single-Machine Scheduling)

$P_m$  mehrere parallele Maschinen (Parallel-Machine Scheduling)

$F_m$  Reihenproduktion (Flow-Shop Scheduling)

$J_m$  Werkstattproduktion (Job-Shop Scheduling)

- ▷ general job shop

- ▷ re-entrant flow

$O_m$  Open-Shop Scheduling

## Auftragseingang

- ▶ statisch
- ▶ dynamisch
  - ▷ deterministisch
  - ▷ stochastisch

## Bearbeitungszeiten

- ▶ deterministisch
- ▶ stochastisch

## Zielsetzung

- ▶ auftragsbezogen
  - ▷ Durchlaufzeiten
  - ▷ Wartezeiten
  - ▷ Lagerdauern
  - ▷ Transportzeiten
  - ▷ Liefertermine
  - ▷ Terminüberschreitungen
  - ▷ Terminabweichungen
- ▶ ressourcenbezogen
  - ▷ Kapazitätsauslastung
  - ▷ Gesamtbelegungsdauer
  - ▷ Rüstzeiten
  - ▷ Leerzeiten

## Durchlaufzeit eines Auftrags $p$

$$\begin{aligned} D_p &= \text{Fertigstellungstermin}_p - \text{Ankunftszeitpunkt}_p \\ &= \sum_{m=1}^M (t_{pm} + w_{pm} + a_{pm}) \end{aligned} \quad (p = 1, \dots, P)$$

## Gesamtdurchlaufzeit aller Aufträge

$$D = \sum_{p=1}^P \sum_{m=1}^M (t_{pm} + w_{pm} + a_{pm})$$

## mittlere Durchlaufzeit aller Aufträge

$$\overline{D} = \frac{D}{P}$$

## Durchlaufzeit eines Auftrags $p$

$$\begin{aligned} D_p &= \text{Fertigstellungstermin}_p - \text{Ankunftszeitpunkt}_p \\ &= \sum_{m=1}^M (t_{pm} + w_{pm} + a_{pm}) \end{aligned} \quad (p = 1, \dots, P)$$

## Gesamtwartezeit aller Aufträge

$$W = \sum_{p=1}^P \sum_{m=1}^M w_{pm}$$

## mittlere Wartezeit aller Aufträge

$$\overline{W} = \frac{W}{P}$$

## Durchlaufzeit eines Auftrags $p$

$$\begin{aligned} D_p &= \text{Fertigstellungstermin}_p - \text{Ankunftszeitpunkt}_p \\ &= \sum_{m=1}^M (t_{pm} + w_{pm} + a_{pm}) \end{aligned} \quad (p = 1, \dots, P)$$

## Zykluszeit (Makespan)

$$C = \max_p \{D_p\}$$

## Terminüberschreitung (Verspätung, Tardiness)

$$V_p = \max \{ \text{Fertigstellungstermin}_p - \text{Plantermin}_p, 0 \} \quad (p = 1, \dots, P)$$

## Gesamt-Terminüberschreitung (Summe der Verspätungen)

$$V = \sum_{p=1}^P V_p = \sum_{p=1}^P \max \{ \text{Fertigstellungstermin}_p - \text{Plantermin}_p, 0 \}$$



## Kapazität der Ressourcen

$$G = \sum_{m=1}^M \sum_{p=1}^P a_{pm} + \sum_{m=1}^M \text{Leerzeit an Maschine } m$$

## produktiv genutzte Zeit

$$B = \sum_{m=1}^M \sum_{p=1}^P a_{pm}$$

## Auslastung

$$U = \frac{B}{G}$$

## Gesamt-Leerzeit

$$L = \sum_{m=1}^M \text{Leerzeit an Maschine } m$$

- ▶ Bestand  $\Rightarrow$  Kapitalbindung
- ▶ termingerechte Auslieferung  $\Rightarrow$  Kundenservice
- ▶ Auslastung  $\Rightarrow$  Kapazitätsnutzung

## Little's Gesetz

mittlerer Bestand = Abgangsrate · mittlere Durchlaufzeit

## „Dilemma der Ablaufplanung“ (Gutenberg)

Bei dynamisch-stochastischem Auftragseingang steigt die Durchlaufzeit (und damit der Bestand, s. Little's Gesetz), wenn die Auslastung maximiert werden soll.

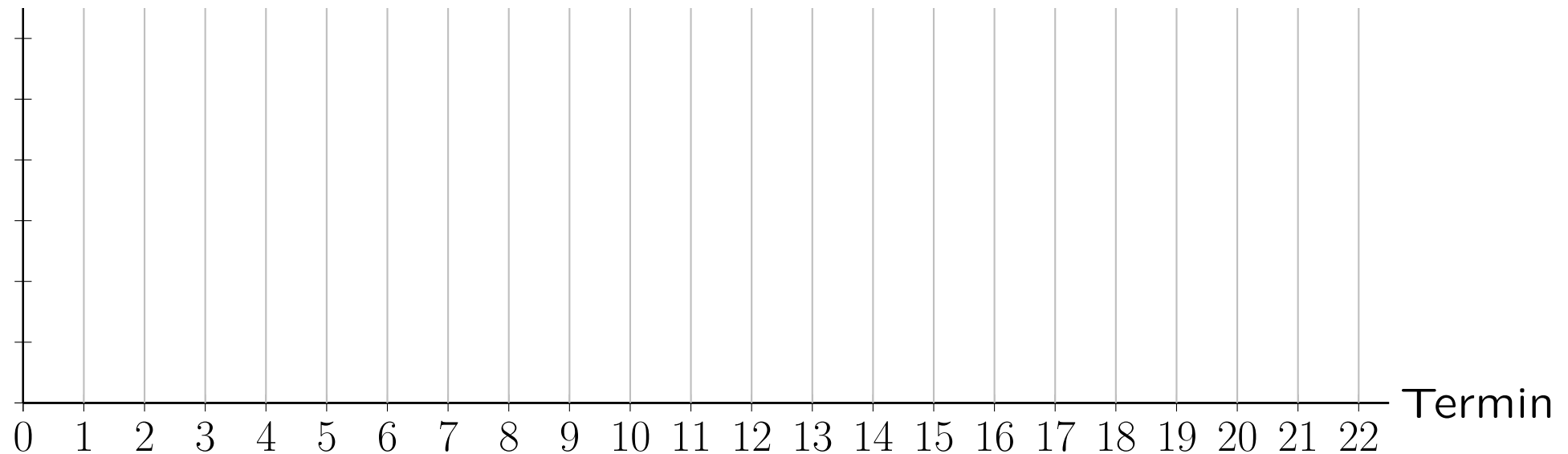
# Ablaufplanung für nur eine Maschine

Planungssituation:

- ▶ deterministische Bearbeitungszeiten
- ▶ Notation der Kurzbeschreibung des jeweils betrachteten Spezialproblems:  
 $1|[\text{Anzahl Aufträge}]/[\text{Auftragseingang}]|[\text{Zielgröße}]$

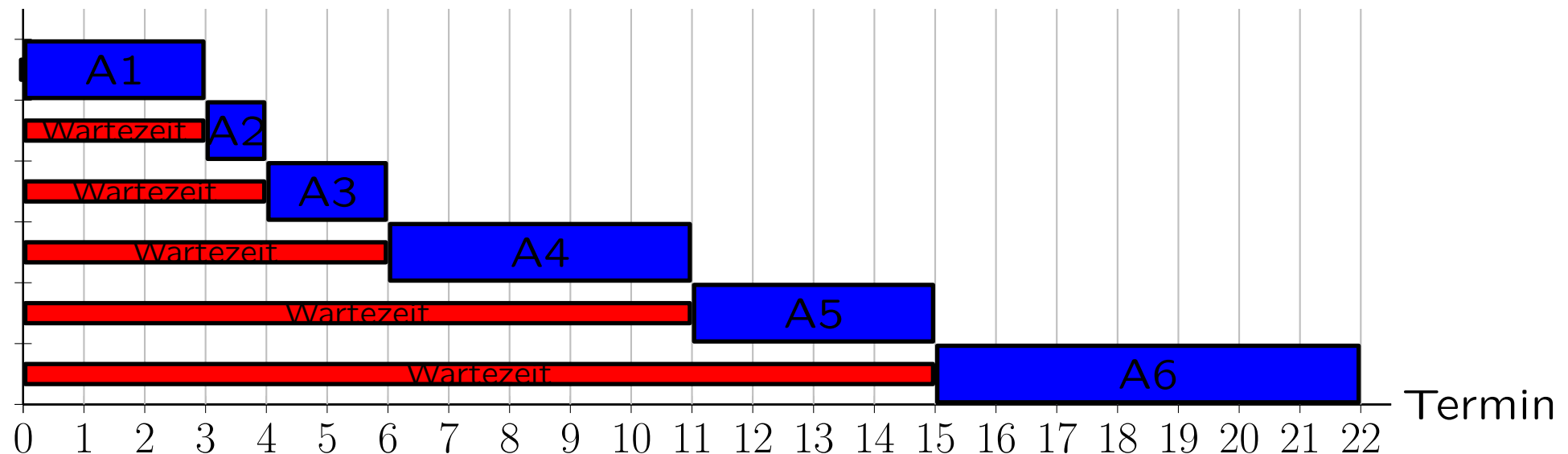
**Beispiel 6 Aufträge**

Auftrag $p$	A1	A2	A3	A4	A5	A6
Bearbeitungszeit $a_p$	3 ZE	1 ZE	2 ZE	5 ZE	4 ZE	7 ZE



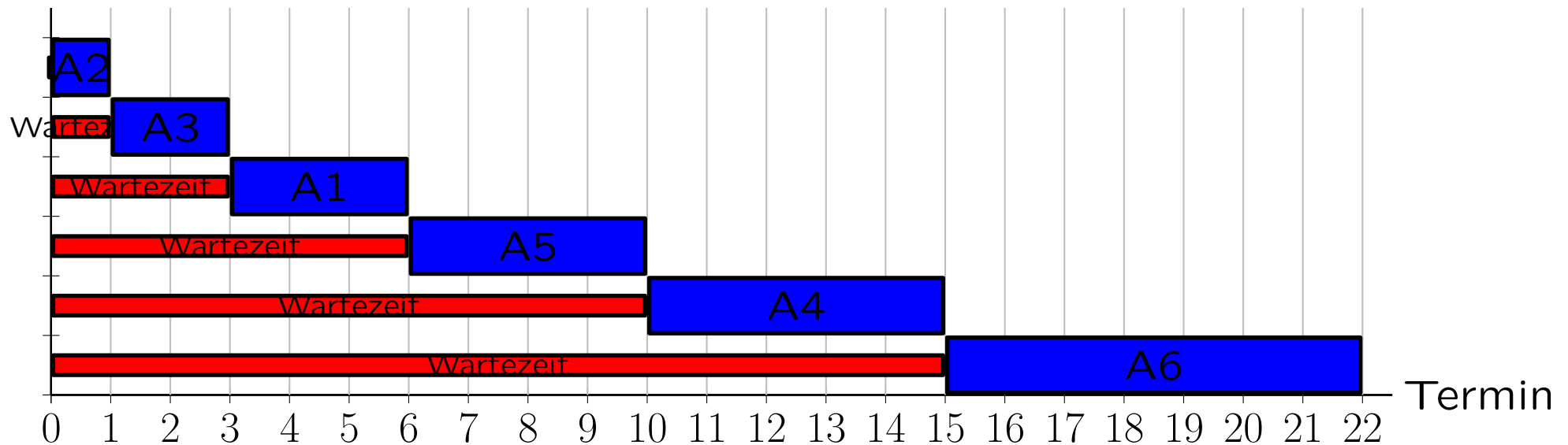
**Beispiel 6 Aufträge**

Auftrag $p$	A1	A2	A3	A4	A5	A6
Bearbeitungszeit $a_p$	3 ZE	1 ZE	2 ZE	5 ZE	4 ZE	7 ZE



**Beispiel 6 Aufträge**

Auftrag $p$	A1	A2	A3	A4	A5	A6
Bearbeitungszeit $a_p$	3 ZE	1 ZE	2 ZE	5 ZE	4 ZE	7 ZE



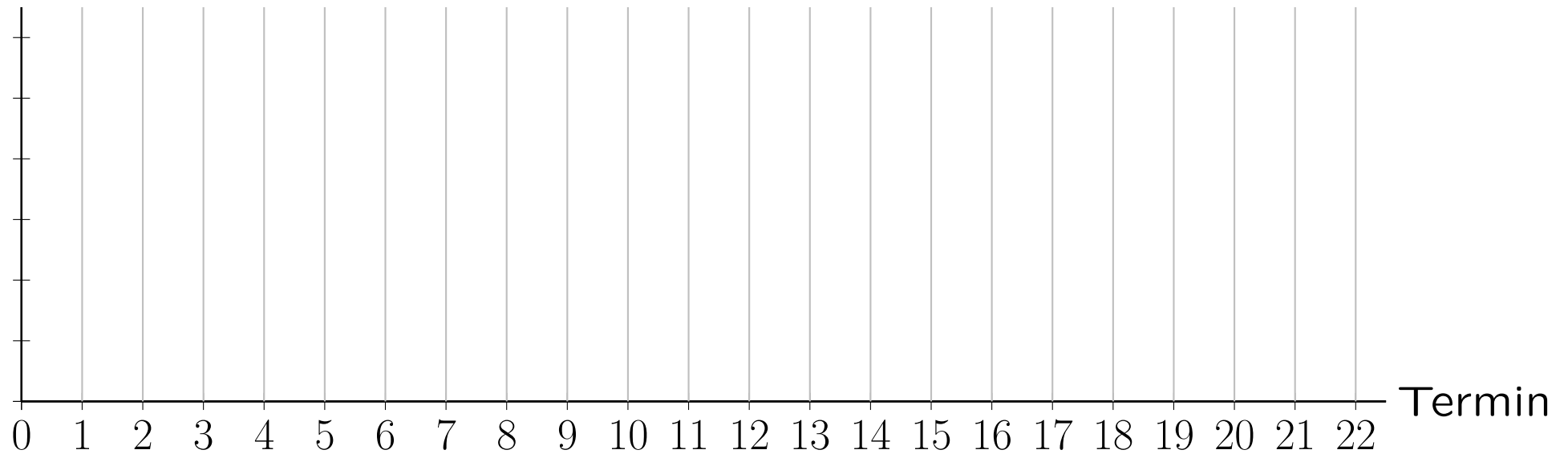
Optimalitätsbedingung:  $a_{[1]} \leq a_{[2]} \leq a_{[3]} \leq a_{[4]} \leq a_{[5]} \leq a_{[6]}$

⇒ Kürzeste-Operationszeit-Regel (KOZ-/SPT-Regel)



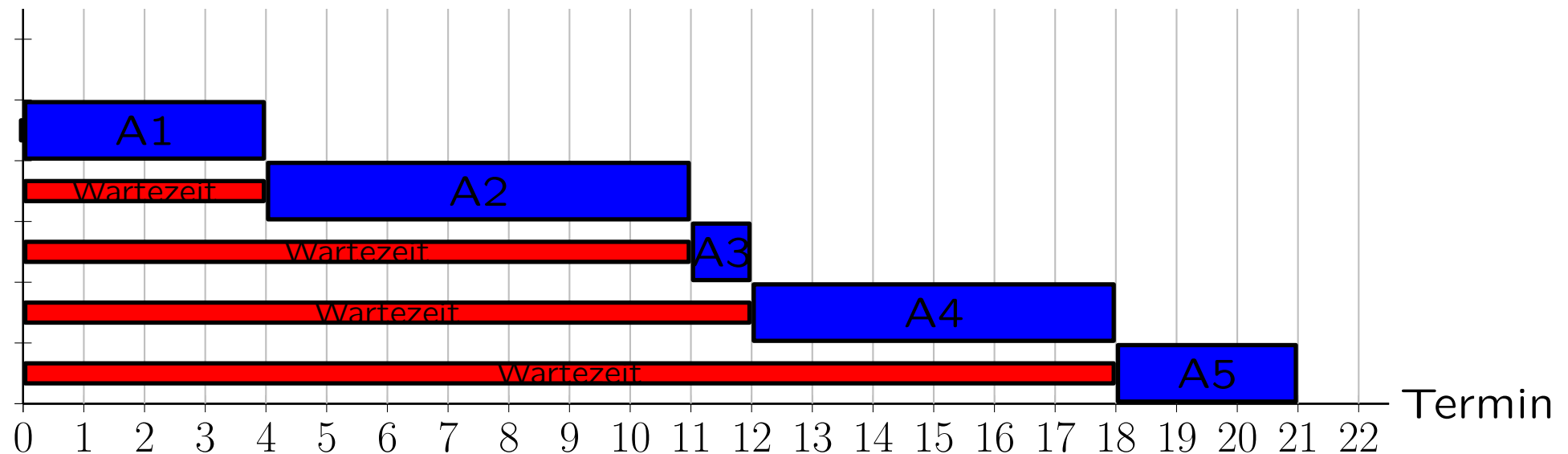
**Beispiel 5 Aufträge**

Auftrag $p$	A1	A2	A3	A4	A5
Bearbeitungszeit $a_p$	4 ZE	7 ZE	1 ZE	6 ZE	3 ZE
Plantermin $p = LT_p$	8	12	4	13	14



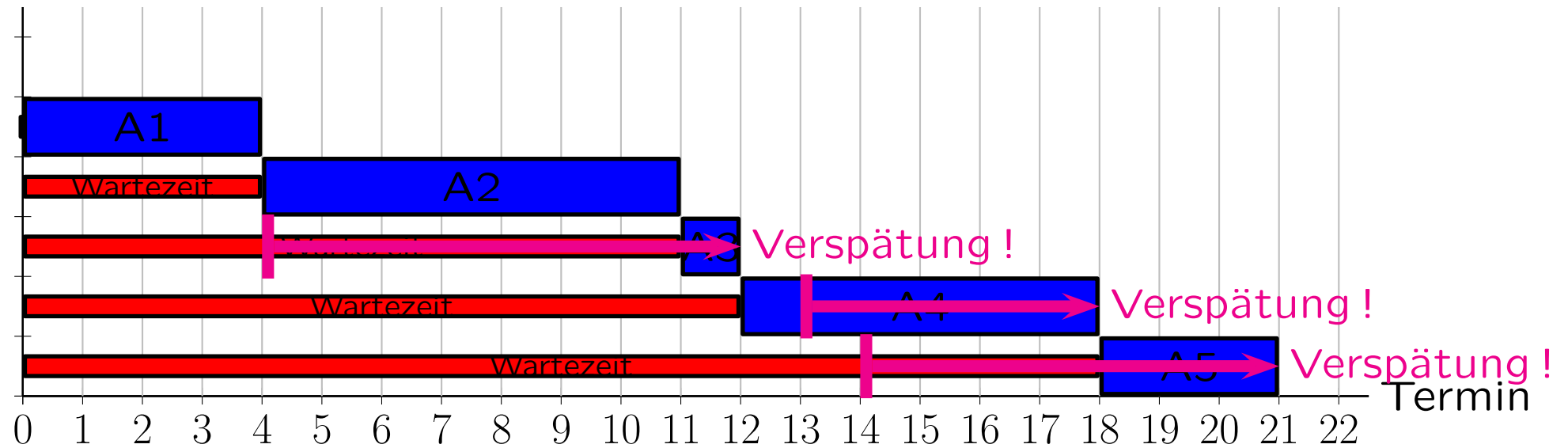
# Beispiel 5 Aufträge

Auftrag $p$	A1	A2	A3	A4	A5
Bearbeitungszeit $a_p$	4 ZE	7 ZE	1 ZE	6 ZE	3 ZE
Plantermin $p = LT_p$	8	12	4	13	14



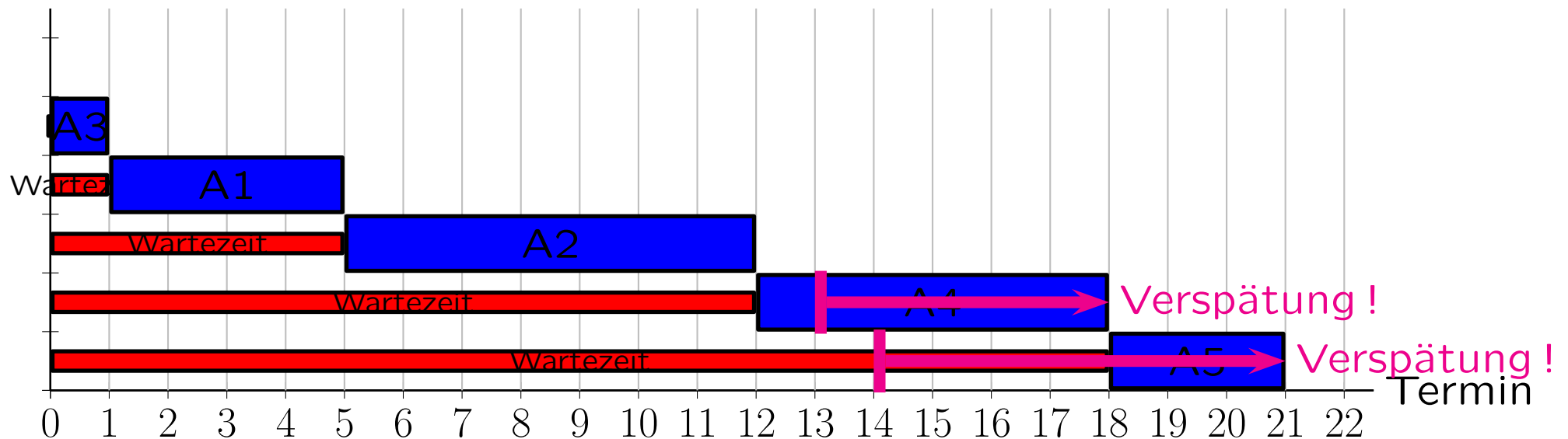
**Beispiel 5 Aufträge**

Auftrag $p$	A1	A2	A3	A4	A5
Bearbeitungszeit $a_p$	4 ZE	7 ZE	1 ZE	6 ZE	3 ZE
Plantermin $p = LT_p$	8	12	4	13	14



# Beispiel 5 Aufträge

Auftrag $p$	A1	A2	A3	A4	A5
Bearbeitungszeit $a_p$	4 ZE	7 ZE	1 ZE	6 ZE	3 ZE
Plantermin $p = LT_p$	8	12	4	13	14



Optimalitätsbedingung:  $LT_{[1]} \leq LT_{[2]} \leq LT_{[3]} \leq LT_{[4]} \leq LT_{[5]}$

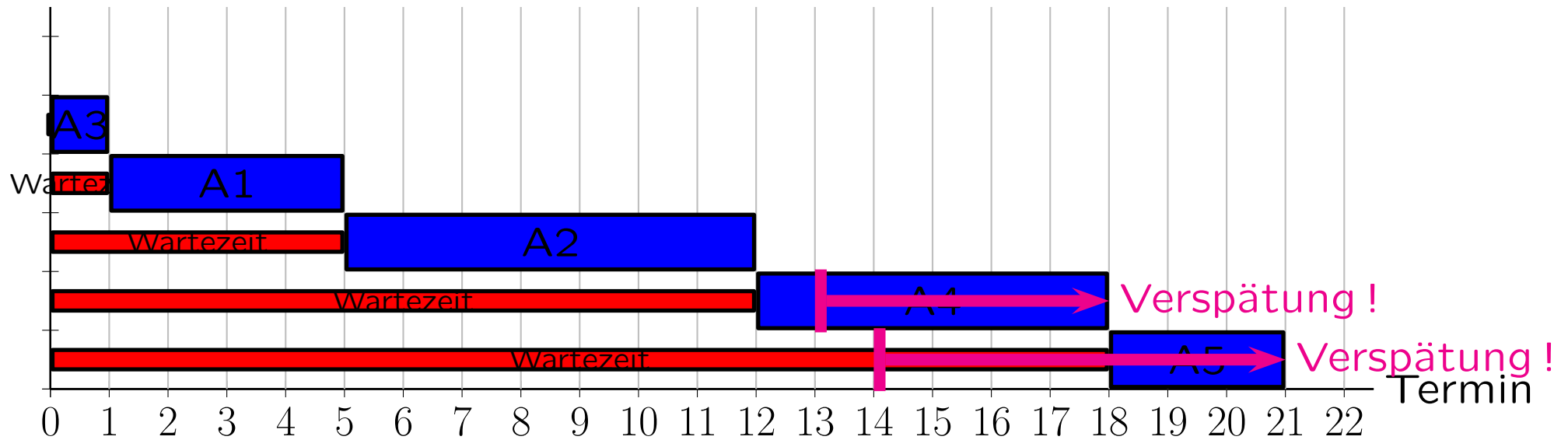
⇒ Liefertermin-Regel

## Verfahren von Hodgson (Moore)

1. Sortiere die Aufträge nach der Lieferterminregel! Speichere die Menge der Aufträge als geordnete Menge  $\mathcal{R}$ !
2. Suche den ersten verspäteten Auftrag, Auftrag  $\alpha$ , in  $\mathcal{R}$ ! Gibt es keinen, gehe zu Schritt 5!
3. Entferne aus den Aufträgen vor  $\alpha$  den Auftrag mit der längsten Bearbeitungsdauer aus der Menge  $\mathcal{R}$ ! Dadurch reduziert sich die Verspätung der Aufträge in  $\mathcal{R}$  in maximalem Ausmaß.
4. Wiederhole die Schritte 2 und 3, solange es noch Verspätungen in  $\mathcal{R}$  gibt!
5. Gibt es keinen verspäteten Auftrag mehr in  $\mathcal{R}$ , dann sortiere die Aufträge nach Lieferterminregel! Die aussortierten Aufträge können in beliebiger Reihenfolge, z. B. nach KOZ-Regel, eingeplant werden.

**Beispiel 5 Aufträge**

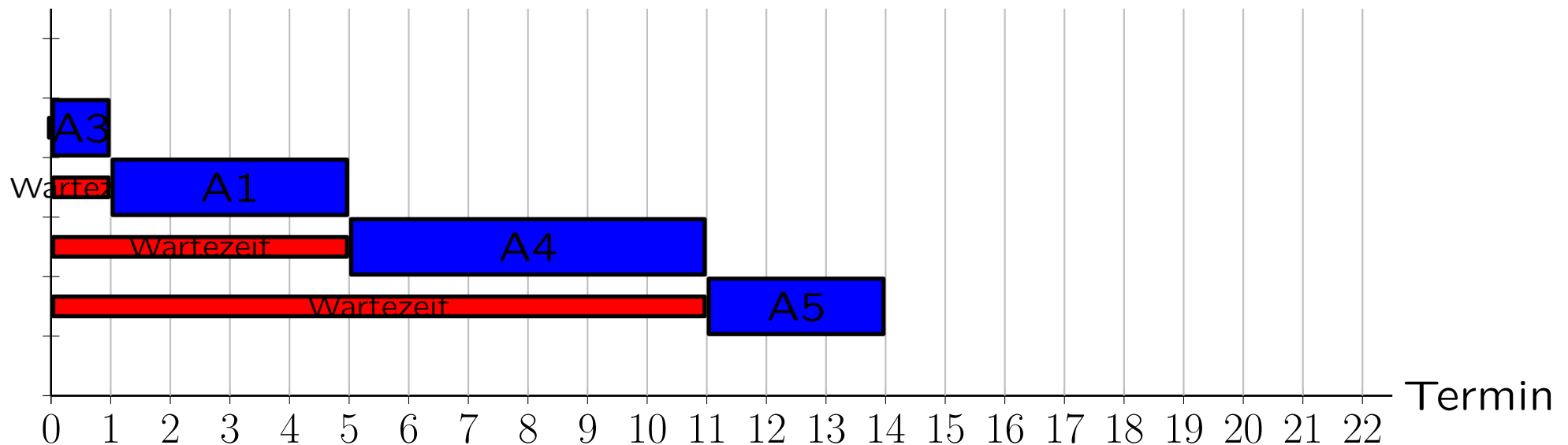
Auftrag $p$	A1	A2	A3	A4	A5
Bearbeitungszeit $a_p$	4 ZE	7 ZE	1 ZE	6 ZE	3 ZE
Plantermin $p = LT_p$	8	12	4	13	14



Hodgson-Verfahren, Schritt 1: Einplanung nach Liefertermin-Regel

**Beispiel 5 Aufträge**

Auftrag $p$	A1	A2	A3	A4	A5
Bearbeitungszeit $a_p$	4 ZE	7 ZE	1 ZE	6 ZE	3 ZE
Plantermin $p = LT_p$	8	12	4	13	14

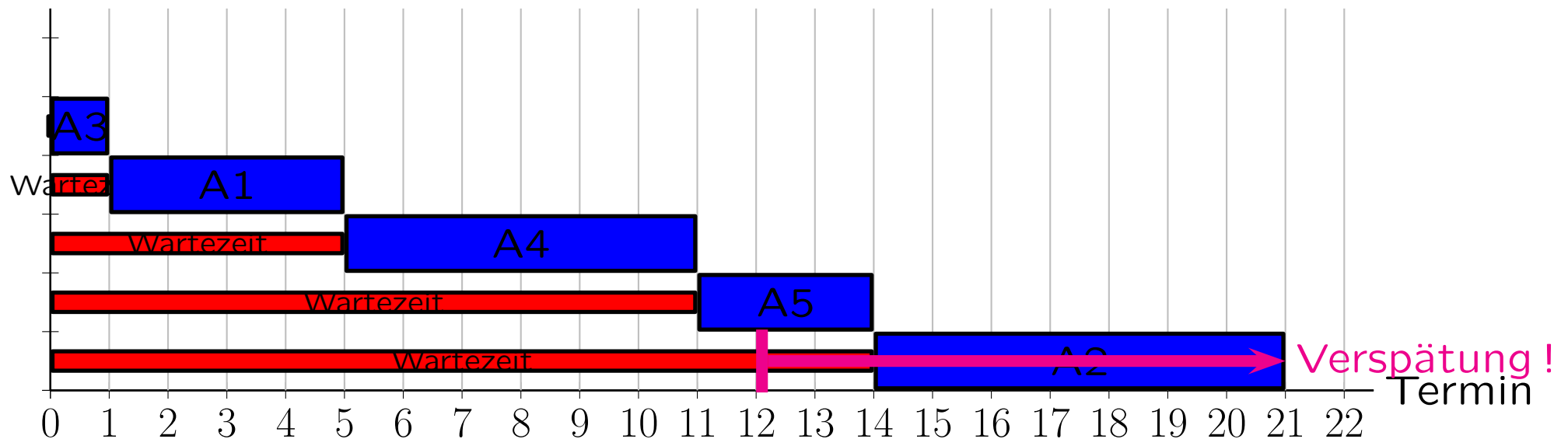


Hodgson-Verfahren, Schritt 1: Einplanung nach Liefertermin-Regel

Hodgson-Verfahren, Schritt 2 und 3: Entfernung von Auftrag A2

**Beispiel 5 Aufträge**

Auftrag $p$	A1	A2	A3	A4	A5
Bearbeitungszeit $a_p$	4 ZE	7 ZE	1 ZE	6 ZE	3 ZE
Plantermin $p = LT_p$	8	12	4	13	14



Hodgson-Verfahren, Schritt 1: Einplanung nach Liefertermin-Regel

Hodgson-Verfahren, Schritt 2 und 3: Entfernung von Auftrag A2

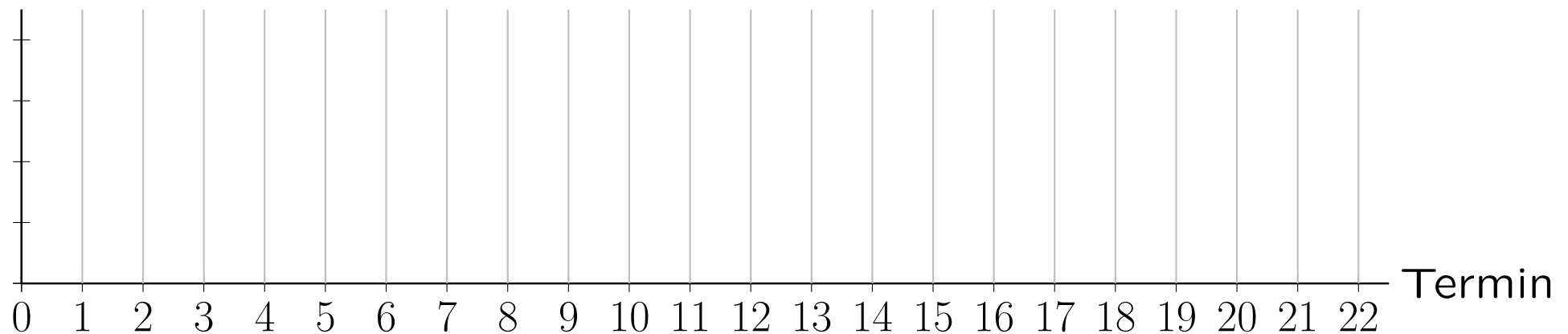
Hodgson-Verfahren, Schritt 5: Einplanung der aussortierten Aufträge



## Beispiel 3 Aufträge

Auftrag $p$	1	2	3
Bearbeitungszeit $a_p$	7	3	2
Auftragseingang $p$	0	1	3

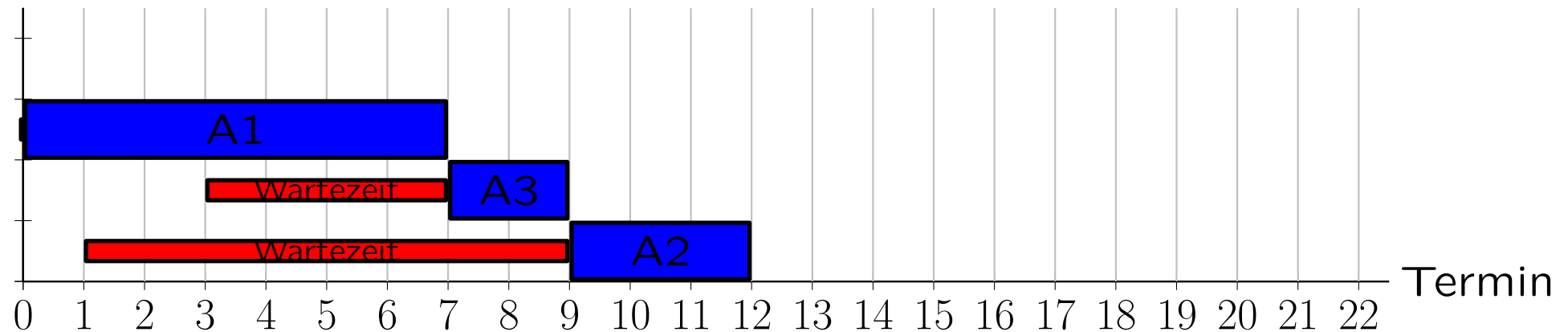
KOZ-Regel, keine Verdrängung:



## Beispiel 3 Aufträge

Auftrag $p$	1	2	3
Bearbeitungszeit $a_p$	7	3	2
Auftragseingang $p$	0	1	3

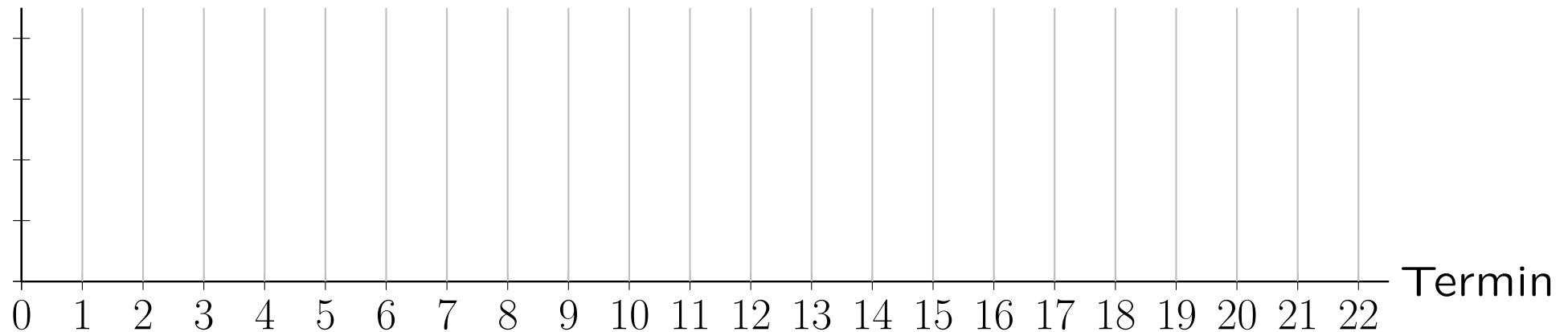
KOZ-Regel, keine Verdrängung:



## Beispiel 3 Aufträge

Auftrag $p$	1	2	3
Bearbeitungszeit $a_p$	7	3	2
Auftragseingang $p$	0	1	3

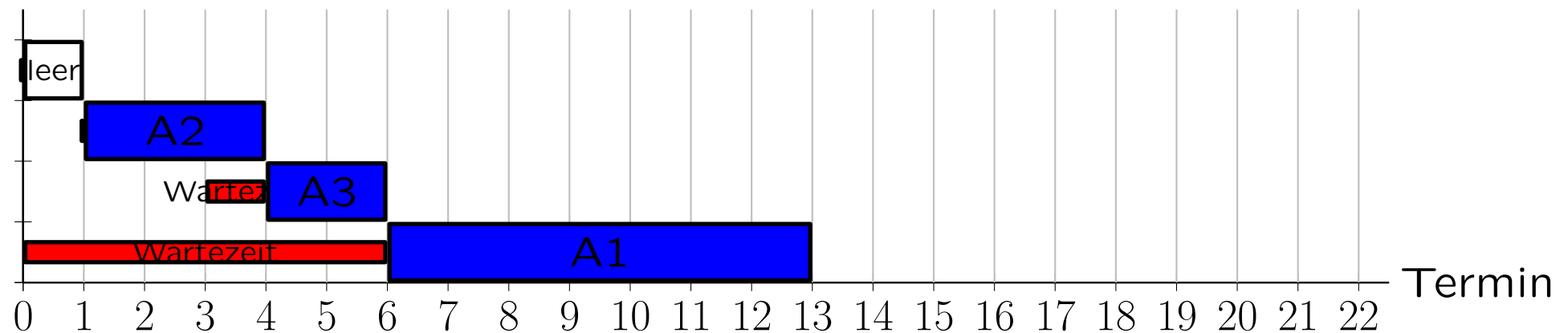
KOZ-Regel, keine Verdrängung, Stillstand möglich:



## Beispiel 3 Aufträge

Auftrag $p$	1	2	3
Bearbeitungszeit $a_p$	7	3	2
Auftragseingang $p$	0	1	3

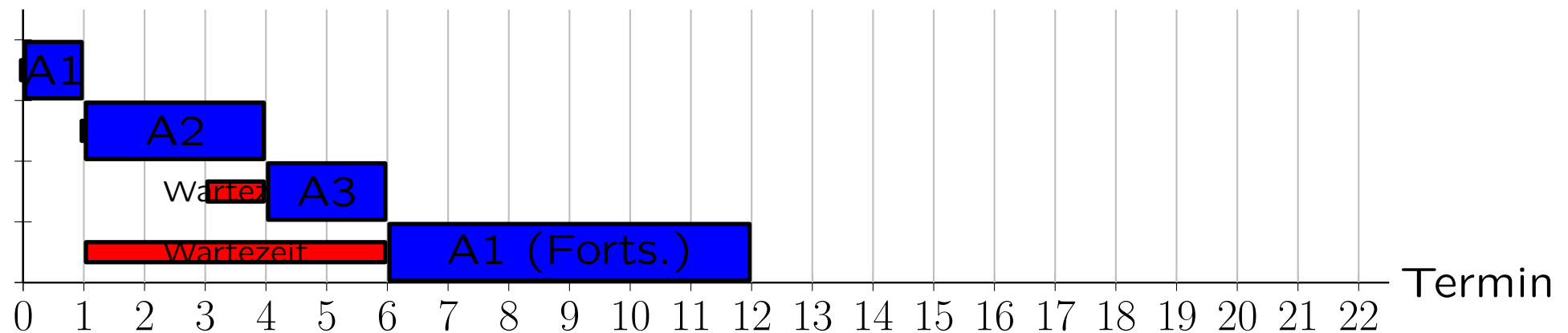
KOZ-Regel, keine Verdrängung, Stillstand möglich:



## Beispiel 3 Aufträge

Auftrag $p$	1	2	3
Bearbeitungszeit $a_p$	7	3	2
Auftragseingang $p$	0	1	3

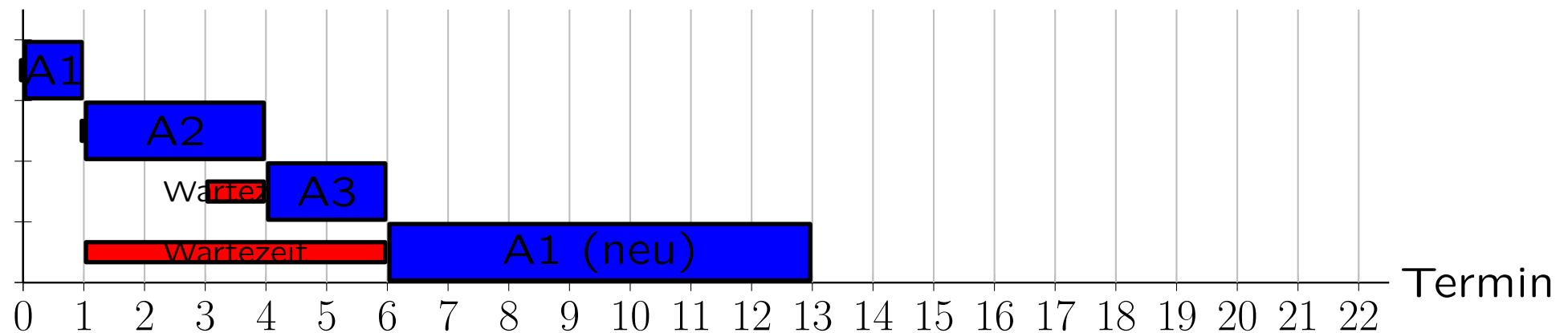
KRZ-Regel, Verdrängung möglich:



## Beispiel 3 Aufträge

Auftrag $p$	1	2	3
Bearbeitungszeit $a_p$	7	3	2
Auftragseingang $p$	0	1	3

KRZ-Regel, Verdrängung möglich, Wiederholung nötig:



Erkenntnisse:

- ▶ KOZ/KRZ-Regel minimiert die mittlere Durchlaufzeit
  - ⇒ Planungszeitpunkt und Menge der einzuplanenden Aufträge beeinflussen die Lösungsgüte
  - ⇒ hoher Anteil zu früh fertiggestellter Aufträge
  - ⇒ Aufträge mit langer Bearbeitungszeit bleiben liegen
  - ⇒ hohe Streuung der Durchlaufzeiten

Die Zyklusdauer ist nicht mehr gleich der Summe der Bearbeitungszeiten.

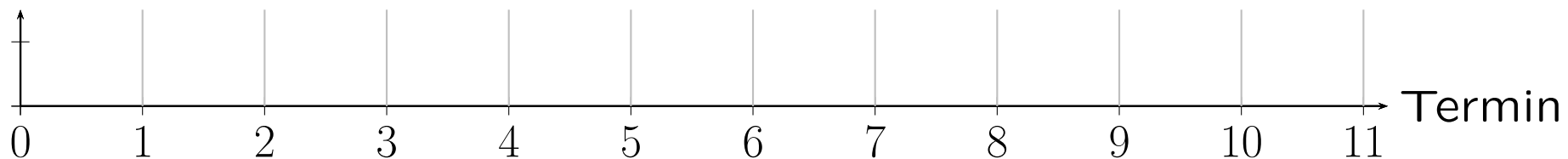
## Das Verfahren von Schrage

- Wähle als nächsten zu bearbeitenden Auftrag aus der Menge der aktuell einplanbaren Aufträge denjenigen mit der längsten Nachlaufzeit !

### Beispiel

(vgl. Küpper/Helber (2004))

Vorgang $j$	1	2	3
Vorlaufzeit $_j$	6	0	0
Bearbeitungszeit $_j$	3	1	2
Nachlaufzeit $_j$	0	9	5





Die Zyklusdauer ist nicht mehr gleich der Summe der Bearbeitungszeiten.

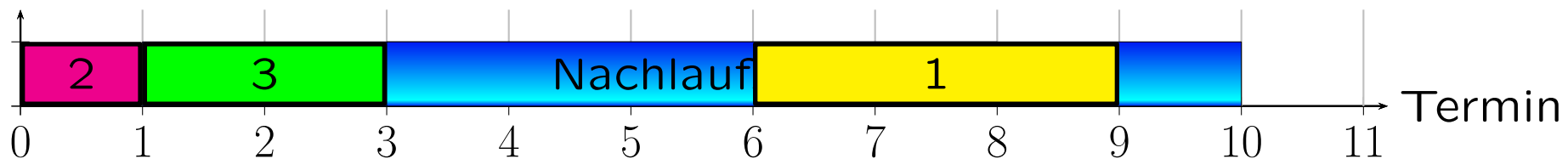
## Das Verfahren von Schrage

- Wähle als nächsten zu bearbeitenden Auftrag aus der Menge der aktuell einplanbaren Aufträge denjenigen mit der längsten Nachlaufzeit !

### Beispiel

(vgl. Küpper/Helber (2004))

Vorgang $j$	1	2	3
Vorlaufzeit $_j$	6	0	0
Bearbeitungszeit $_j$	3	1	2
Nachlaufzeit $_j$	0	9	5



Die Produktionsaufträge treffen in **zufälligen Abständen** ein.

Die **Durchlaufzeit** eines Auftrags ist eine Zufallsvariable.

Weitere stochastische Einflüsse auf die Durchlaufzeit eines Auftrags  $i$ :

- ▶ stochastische Bearbeitungszeit des Auftrags  $i$
- ▶ stochastische Bearbeitungszeiten der vor  $i$  wartenden Aufträge
- ▶ Verdrängung des Auftrags  $i$  zu einem zufälligen Zeitpunkt auf Grund der Ankunft eines wichtigeren Auftrags

## Warteschlangendisziplinen

- ▶ FCFS (first come first served)
- ▶ LCFS (last come first served)
- ▶ SRO (service in random order)
- ▶ PR (priority service)

## Prioritätsregeln

- ▶ KOZ-Regel (Kürzeste-Operationszeit-Regel)
- ▶ LOZ-Regel (Längste-Operationszeit-Regel)
- ▶ GRB-Regel (Größte-Restbearbeitungszeit-Regel)
- ▶ KRB-Regel (Kürzeste-Restbearbeitungszeit-Regel)
- ▶ Liefertermin-Regel
- ▶ ...

Erkenntnisse aus Simulationsuntersuchungen:

- ▶ KOZ-Regel minimiert die mittlere Durchlaufzeit
  - ⇒ hoher Anteil zu früh fertiggestellter Aufträge
  - ⇒ Aufträge mit langer erwarteter Bearbeitungszeit bleiben liegen
  - ⇒ hohe Streuung der Durchlaufzeiten
- ▶ Liefertermin-Regel reduziert die Streuung der Durchlaufzeit
- ▶ FCFS-Regel vermeidet hohen Anteil liegenbleibender Aufträge

# Ablaufplanung für parallele Maschinen

## Beispiel

(vgl. Jähn/Pesch (2014))

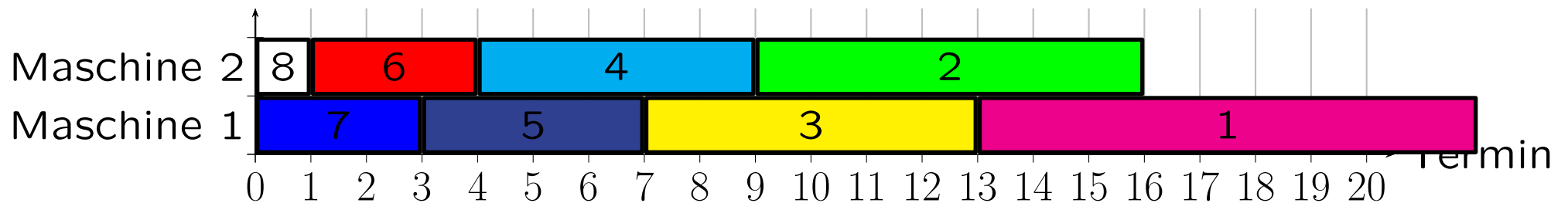
Vorgang $j$	1	2	3	4	5	6	7	8
Bearbeitungszeit $_j$	9	7	6	5	4	3	3	1

**Beispiel**

(vgl. Jähn/Pesch (2014))

Vorgang $j$	1	2	3	4	5	6	7	8
Bearbeitungszeit $t_j$	9	7	6	5	4	3	3	1

**KOZ-Regel**

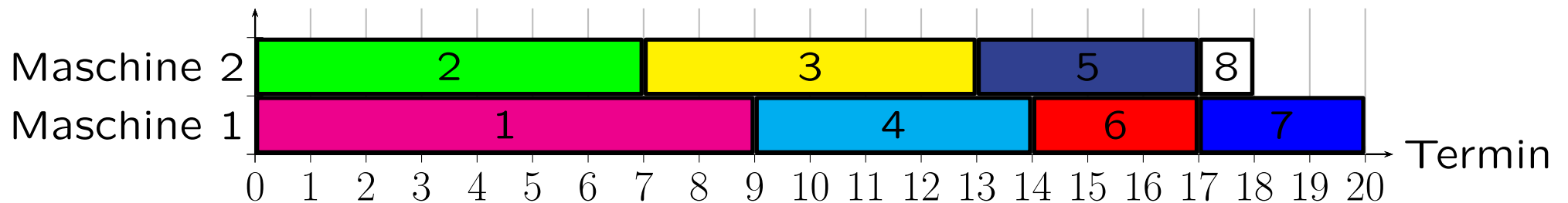


**Beispiel**

(vgl. Jähn/Pesch (2014))

Vorgang $j$	1	2	3	4	5	6	7	8
Bearbeitungszeit $t_j$	9	7	6	5	4	3	3	1

**LOZ-Regel**



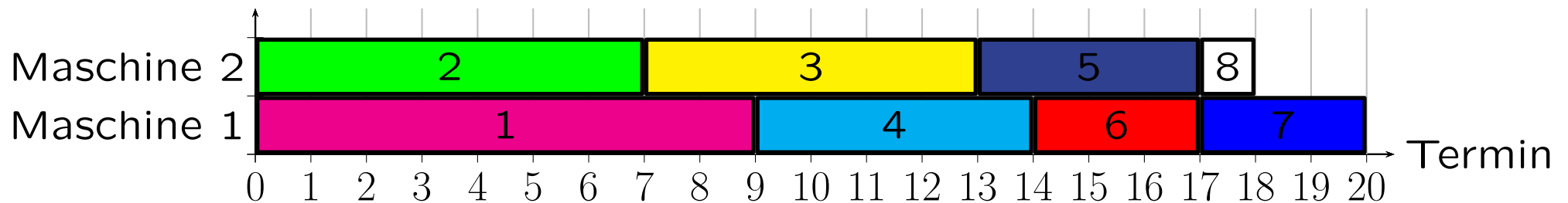


**Beispiel**

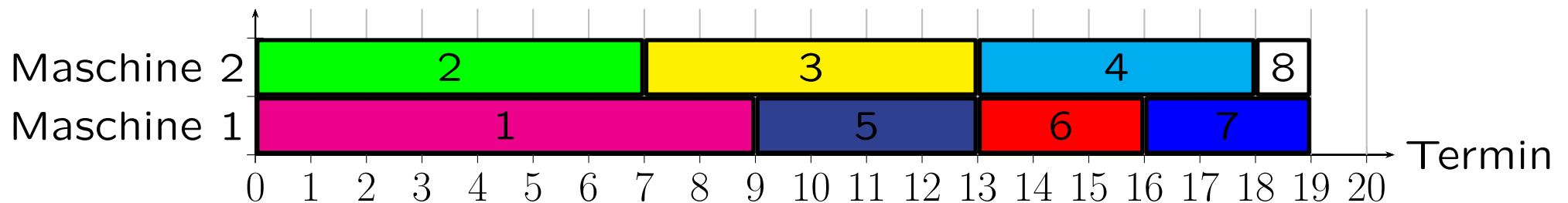
(vgl. Jähn/Pesch (2014))

Vorgang $j$	1	2	3	4	5	6	7	8
Bearbeitungszeit $t_j$	9	7	6	5	4	3	3	1

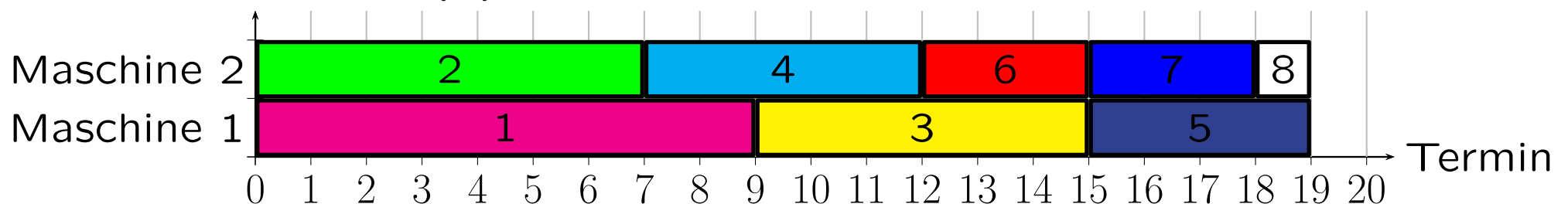
**LOZ-Regel**



**Optimale Lösung**



**Optimale Lösung (II)**



# Ablaufplanung für mehrere Produktionsstufen

# Identische Bearbeitungsreihenfolgen (Flow Shop)

## Johnson-Verfahren

1. Suche den kürzesten, noch nicht eingeplanten Arbeitsgang !
  - ▶ Ist dieser Arbeitsgang einer an der ersten Maschine, dann ordne diesen möglichst weit vorn in die Bearbeitungsreihenfolge ein !
  - ▶ Ist dieser Arbeitsgang einer an der zweiten Maschine, dann ordne diesen möglichst weit hinten in die Bearbeitungsreihenfolge ein !
2. Wiederhole Schritt 1 !

Optimalitätsbedingung:

Erledige Auftrag  $i$  vor  $j$ , falls  $\min\{a_{i1}, a_{j2}\} \leq \min\{a_{i2}, a_{j1}\}$  !

( $a_{pm}$  = Dauer des Auftrags  $p$  an Maschine  $m$ )

## Beispiel 5 Aufträge

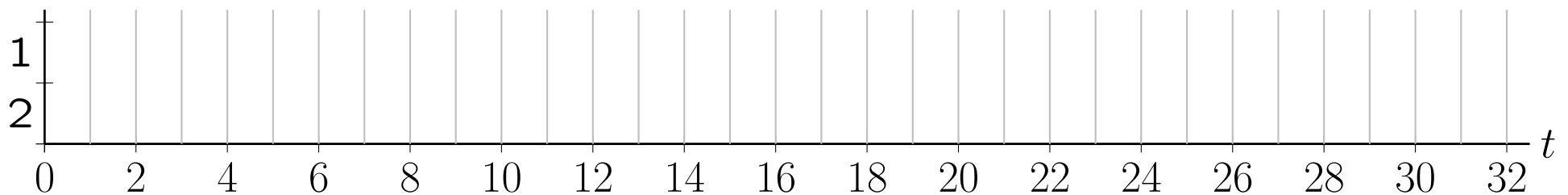
### Bearbeitungszeiten

Auftrag	A	B	C	D	E
Maschine 1	3	6	9	4	7
Maschine 2	2	3	8	6	4

### Auftragsreihenfolgeplanung nach dem Johnson-Verfahren

--	--	--	--	--	--

Maschine



## Beispiel 5 Aufträge

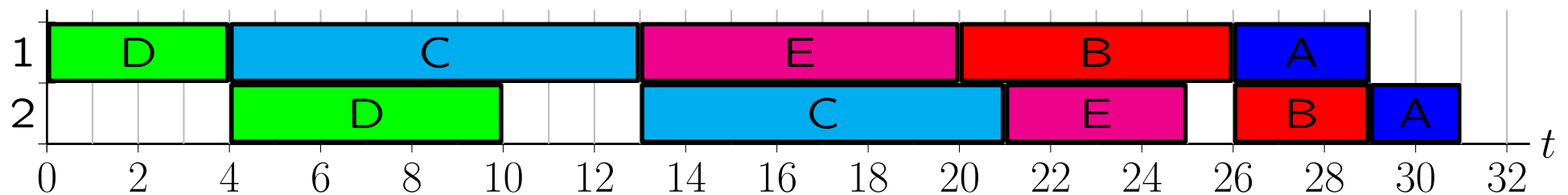
### Bearbeitungszeiten

Auftrag	A	B	C	D	E
Maschine 1	3	6	9	4	7
Maschine 2	2	3	8	6	4

### Auftragsreihenfolgeplanung nach dem Johnson-Verfahren

Schritt 1					A
Schritt 2				B	A
Schritt 3	D			B	A
Schritt 4	D		E	B	A
Schritt 5	D	C	E	B	A

Maschine

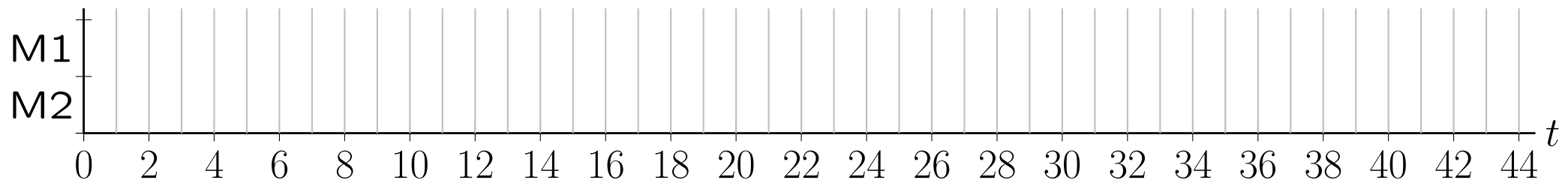
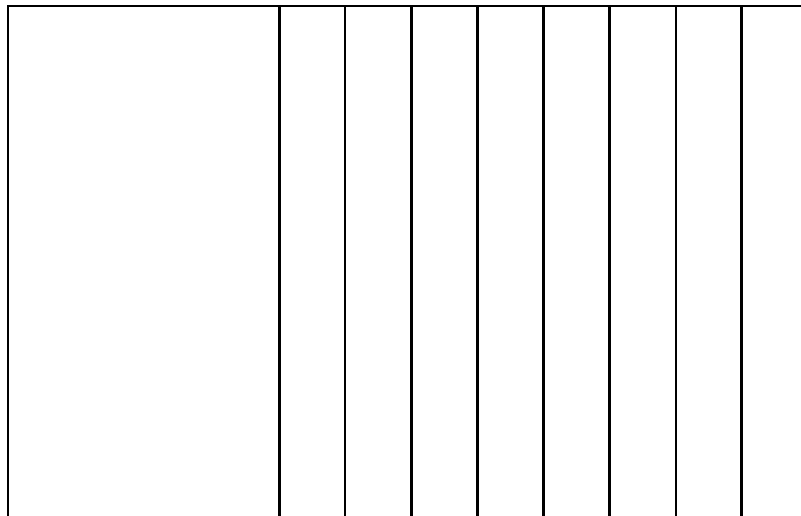


## Beispiel 8 Aufträge

### Bearbeitungszeiten

Auftrag	1	2	3	4	5	6	7	8
Maschine 1	4	8	7	8	2	1	3	9
Maschine 2	6	3	6	4	6	5	7	2

### Auftragsreihenfolgeplanung nach dem Johnson-Verfahren



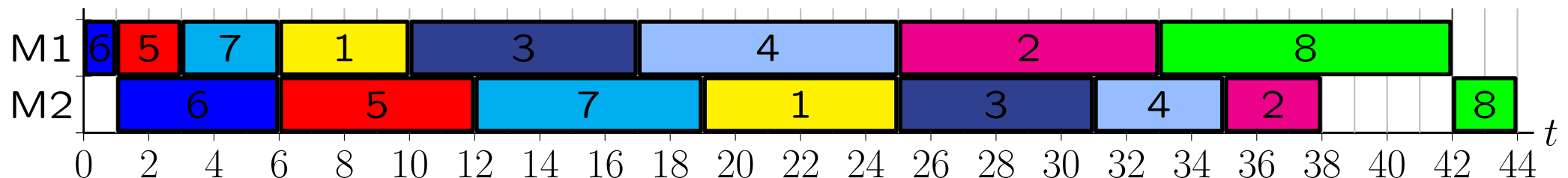
## Beispiel 8 Aufträge

### Bearbeitungszeiten

Auftrag	1	2	3	4	5	6	7	8
Maschine 1	4	8	7	8	2	1	3	9
Maschine 2	6	3	6	4	6	5	7	2

### Auftragsreihenfolgeplanung nach dem Johnson-Verfahren

Schritt 1	6	—	—	—	—	—	—	—
Schritt 2	6	5	—	—	—	—	—	—
Schritt 3	6	5	—	—	—	—	—	8
Schritt 4	6	5	—	—	—	—	2	8
Schritt 5	6	5	7	—	—	—	2	8
Schritt 6	6	5	7	1	—	—	2	8
Schritt 7	6	5	7	1	—	4	2	8
Schritt 8	6	5	7	1	3	4	2	8





# Job-Shop Scheduling

Kritische Größen:

- ▶ Staueffekte
  - ▷ hohe Lagerbestände
  - ▷ lange Wartezeiten
  - ▷ lange Durchlaufzeiten
- ▶ Termineinhaltung
  - ▷ Verspätungen
  - ▷ Terminabweichungen

## Prioritätsregeln zum Abbau der Staueffekte

### ▶ KOZ-Regel

- ▷ Maximierung der Anzahl fertig bearbeiteter Aufträge
- ▷ Minimierung der Durchlaufzeit
- ▷ Erhöhung der Varianz der Durchlaufzeit

### ▶ FCFS-Regel

- ▷ Abbau des Bestands an liegengebliebenen Aufträgen

## Anwendung der Prioritätsregeln

### ▶ simultan: KOZ-Regel bis kritische Wartezeit, dann FCFS

### ▶ abwechselnd $\Rightarrow$ **geringerer Anstieg der Durchlaufzeiten**

- ▷ situationsabhängig: FCFS bis kritischer Bestand, dann KOZ-Regel bis untere Grenze beim Auftragsbestand, dann wieder FCFS usw.
- ▷ regelmäßig: fester Rhythmus zwischen KOZ- und FCFS-Regel

„globale“, bestandsorientierte Prioritätsregeln zum Abbau der Staueffekte

- ▶ WINQ-Regel (*work in next queue*): Der Auftrag mit der kleinsten Warteschlange vor der nächsten anzulaufenden Maschine hat höchste Priorität.
- ▶ XWINQ-Regel (*expected work in next queue*): Der Auftrag mit der kleinsten Warteschlange – zuzüglich der bis dahin erwarteten zusätzlichen Aufträge – vor der nächsten anzulaufenden Maschine hat höchste Priorität.

kombinierte Anwendung der Prioritätsregeln zum Abbau der Staueffekte

Prioritätsregelkombination	mittlere Anzahl wartender Aufträge
KOZ	23.25
WINQ	40.43
XWINQ	34.03
$0.5 \cdot \text{KOZ} + 0.5 \cdot \text{WINQ}$	30.14
$0.9 \cdot \text{KOZ} + 0.1 \cdot \text{WINQ}$	23.76
$0.95 \cdot \text{KOZ} + 0.05 \cdot \text{WINQ}$	23.00
$0.97 \cdot \text{KOZ} + 0.03 \cdot \text{WINQ}$	22.83
$0.94 \cdot \text{KOZ} + 0.06 \cdot \text{XWINQ}$	23.26
$0.96 \cdot \text{KOZ} + 0.04 \cdot \text{XWINQ}$	22.67
$0.98 \cdot \text{KOZ} + 0.02 \cdot \text{XWINQ}$	22.74

⇒ komplizierte Anwendung, aber nur geringe Effekte

## Prioritätsregeln zur Einhaltung der Termine

- ▶ Liefertermin-Regel (DDATE): Der Auftrag mit dem nächsten Liefertermin hat höchste Priorität.
- ▶ Schlupfzeit-Regel (SLACK): Der Auftrag mit der geringsten Differenz aus Liefertermin und aktuellem Datum abzüglich der noch verbleibenden Bearbeitungszeiten hat höchste Priorität.
- ▶ Schlupfzeit-pro-Arbeitsgang-Regel (SLACK/OPN): Der Auftrag mit dem geringsten Quotienten aus Schlupfzeit und Anzahl noch verbleibender Bearbeitungsvorgänge hat höchste Priorität.

## Conways Simulationsergebnisse (9 Maschinen, 8700 Aufträge)

Prioritätsregel	Anzahl Aufträge mit Verspätung	mittlere Terminabweichung	Varianz der Terminabweichungen	mittlere Durchlaufzeit
DDATE	15.75 %	−15.5	432	63.7
SLACK	22.02 %	−13.1	433	65.8
SLACK/OPN	3.71 %	−12.8	266	66.1
KOZ	5.02 %	−44.9	2878	34.0
FCFS	44.79 %	−4.5	1686	74.4

# Zusammenhang zwischen Losgröße und Durchlaufzeit



## Modell von Karmarkar

Man betrachtet eine Werkstatt als ein M/M/1-Warteschlangensystem:

- ▶ exponentialverteilte Zwischenankunftszeit von Aufträgen
- ▶ exponentialverteilte Bearbeitungszeiten
- ▶ ein Server (eine Maschine)
- ▶ unbegrenzter Warteraum
- ▶ FCFS

## Modell von Karmarkar

Ankunftsrate von Werkstücken:  $D$

Losgröße:  $Q$

Ankunftsrate von Losen:  $\lambda = \frac{D}{Q}$

Produktionsrate:  $P$

Rüstzeit:  $\tau$

mittlere Bearbeitungszeit eines Loses:  $\tau + \frac{Q}{P}$

Bearbeitungsrate von Losen:  $\mu = \frac{1}{\tau + \frac{Q}{P}} = \frac{P}{P \cdot \tau + Q}$

Auslastung:  $\rho = \frac{\lambda}{\mu} = \frac{\frac{D}{Q}}{\frac{P}{P \cdot \tau + Q}} = \frac{D}{P} \cdot \frac{P \cdot \tau + Q}{Q} = \frac{D}{P} \cdot \left( \frac{P}{Q} \cdot \tau + 1 \right) = \frac{D \cdot \tau}{Q} + \frac{D}{P}$

## Modell von Karmarkar

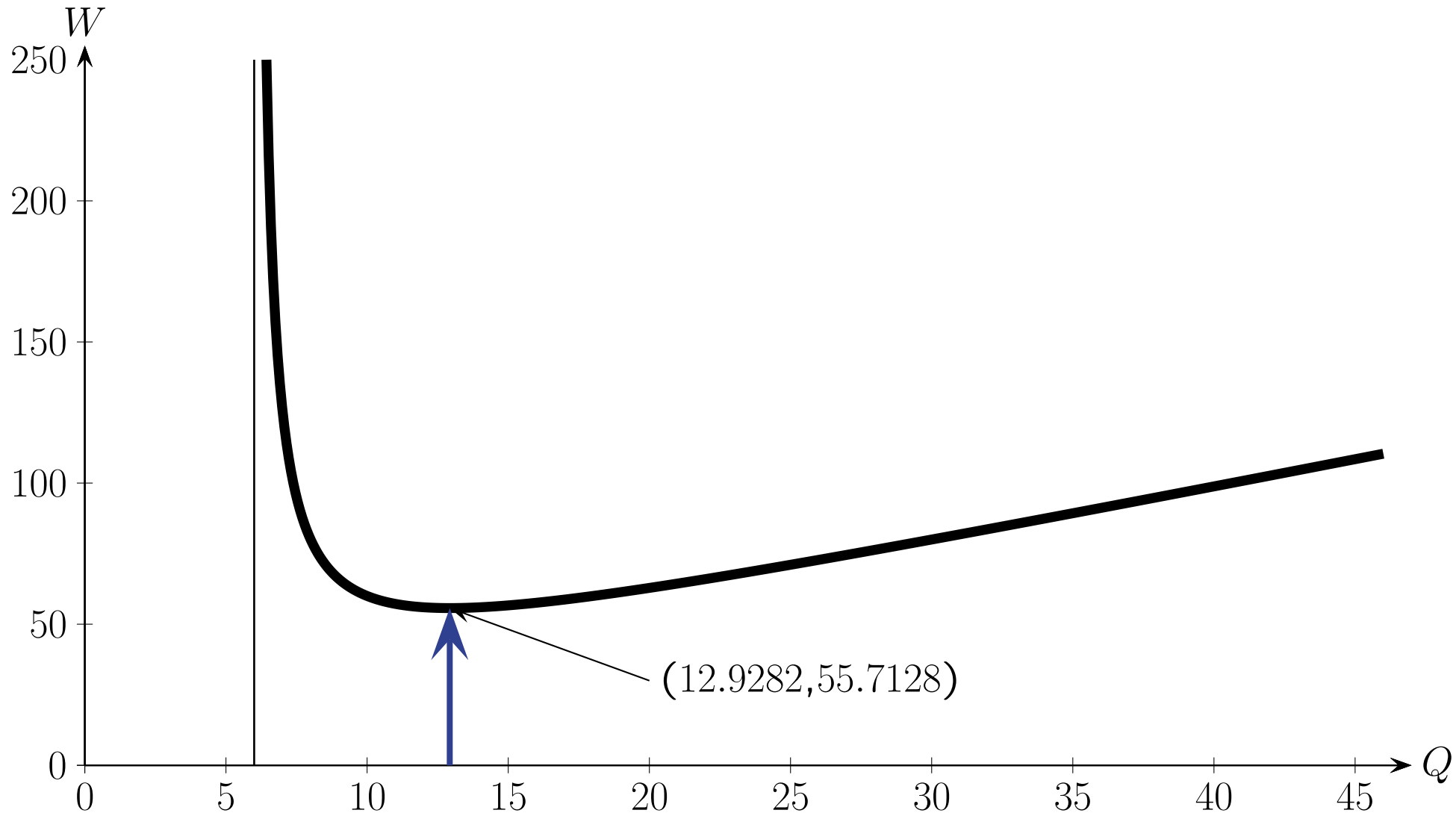
Wegen  $\rho = \frac{D \cdot \tau}{Q} + \frac{D}{P} < 1 \iff 1 - \frac{D}{P} > \frac{D \cdot \tau}{Q}$  muss gelten:

$$Q > \frac{D \cdot \tau}{1 - \frac{D}{P}} \quad (\text{Untergrenze für die Losgröße})$$

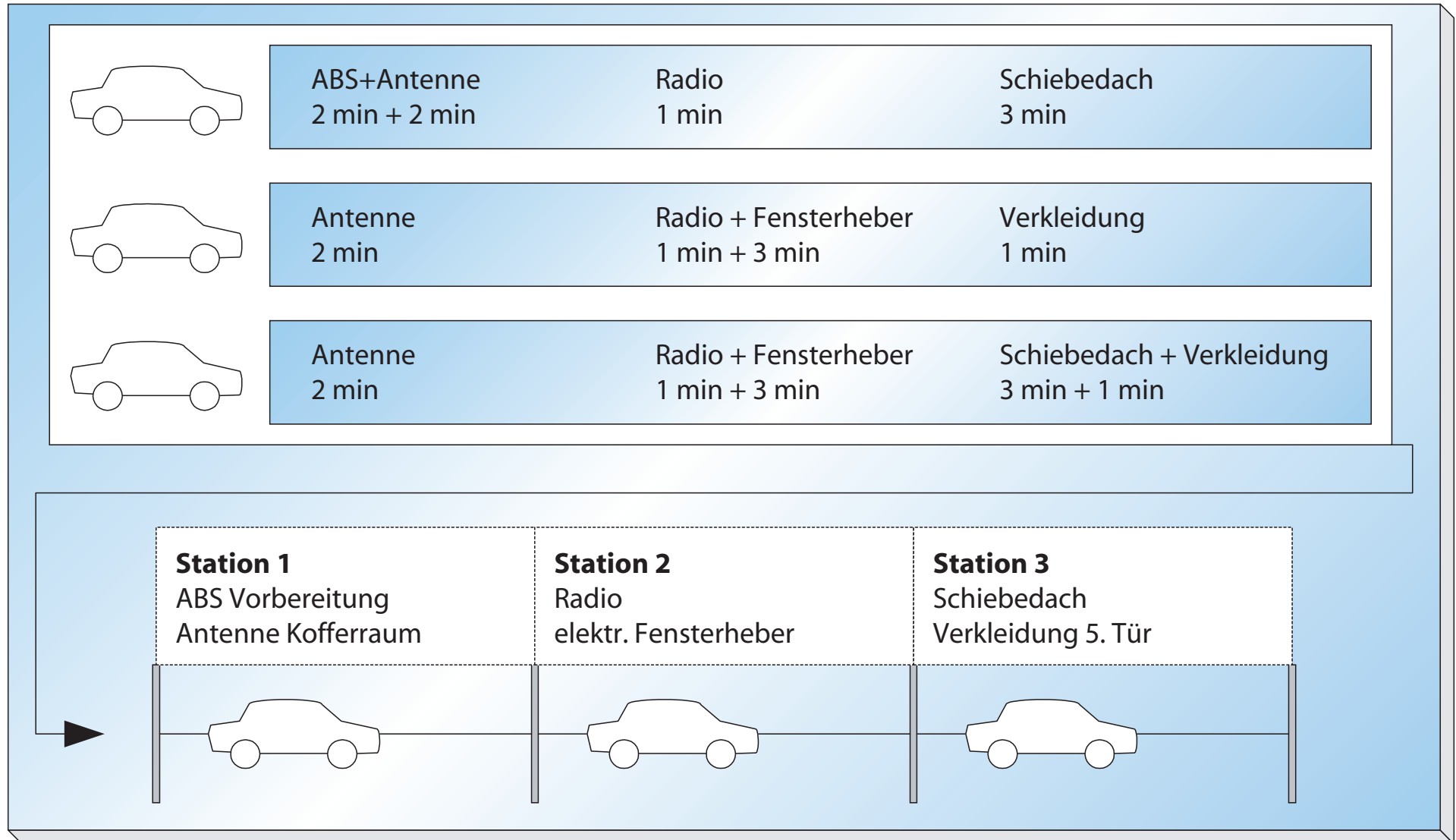
## mittlere Durchlaufzeit

$$\begin{aligned} W &= \frac{1}{\mu - \lambda} = \frac{1}{\frac{P}{P \cdot \tau + Q} - \frac{D}{Q}} = \frac{1}{\frac{P - \frac{D}{Q} \cdot (P \cdot \tau + Q)}{P \cdot \tau + Q}} = \frac{P \cdot \tau + Q}{P - \frac{D}{Q} \cdot (P \cdot \tau + Q)} \\ &= \frac{\tau + \frac{Q}{P}}{1 - \frac{D \cdot \tau}{Q} - \frac{D}{P}} \end{aligned}$$

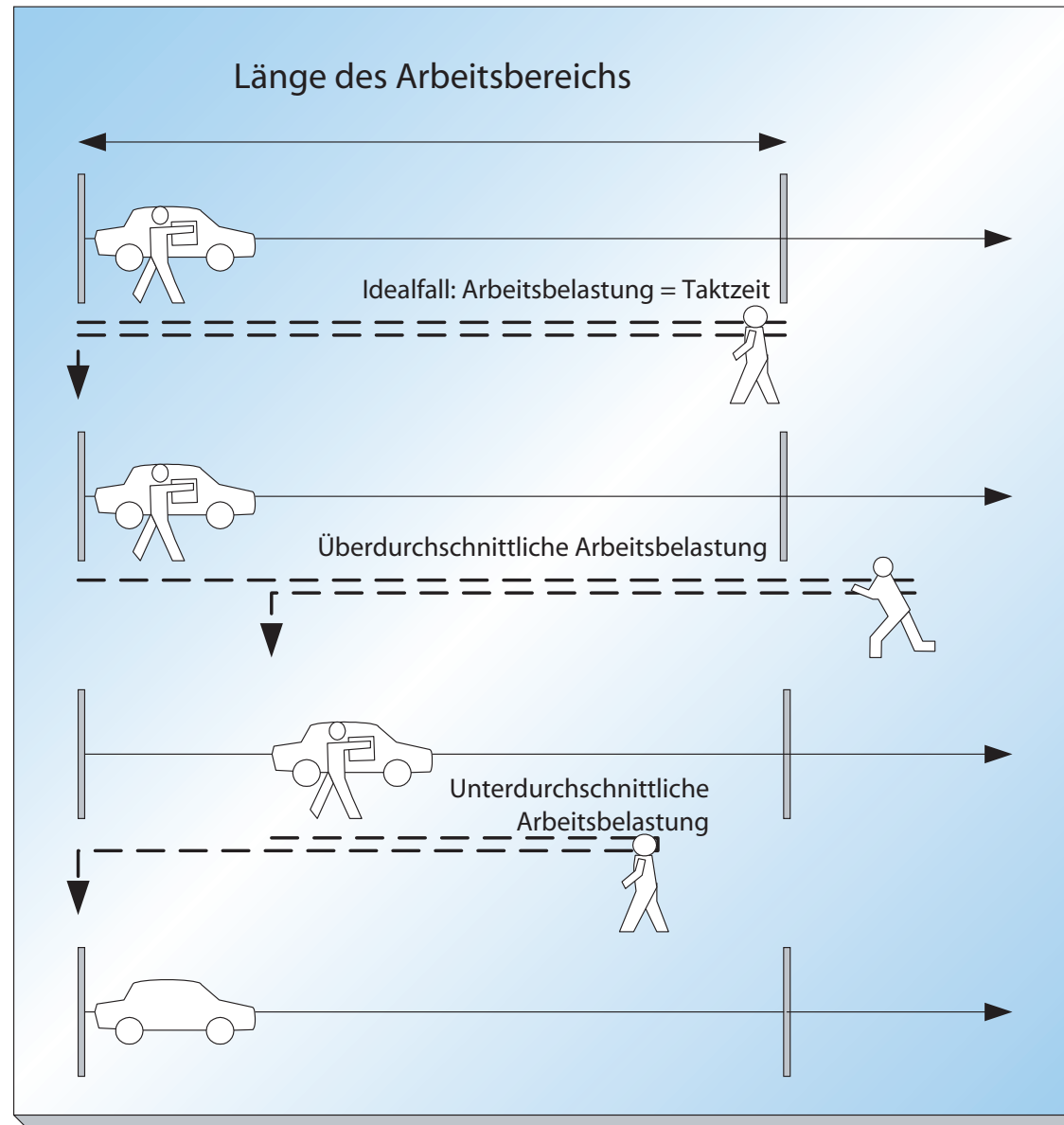
$$D = 1.5, \tau = 1, P = 2$$



# Einlastungsplanung bei Variantenfließproduktion

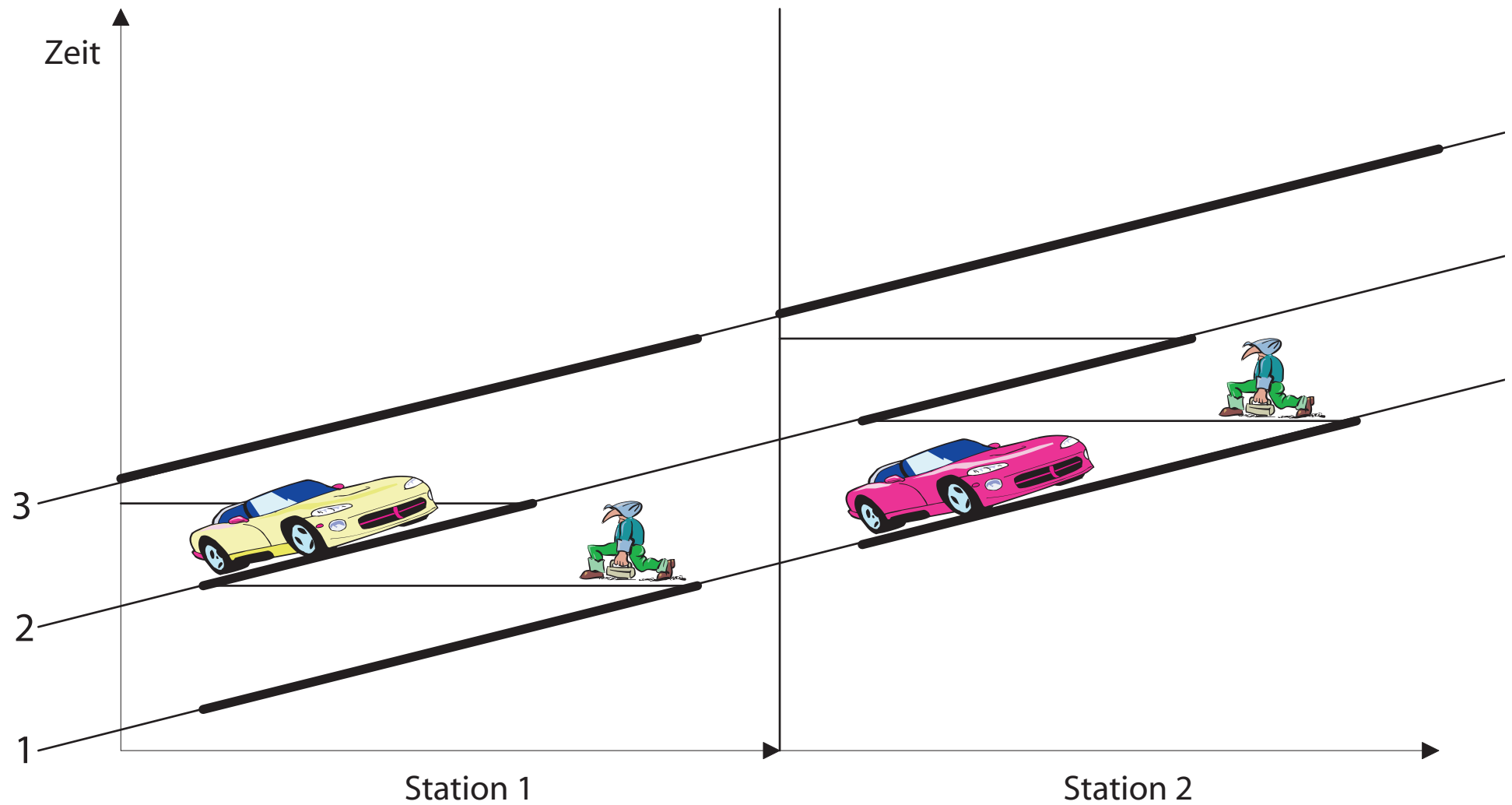


(Quelle: Günther/Tempelmeier (2005))



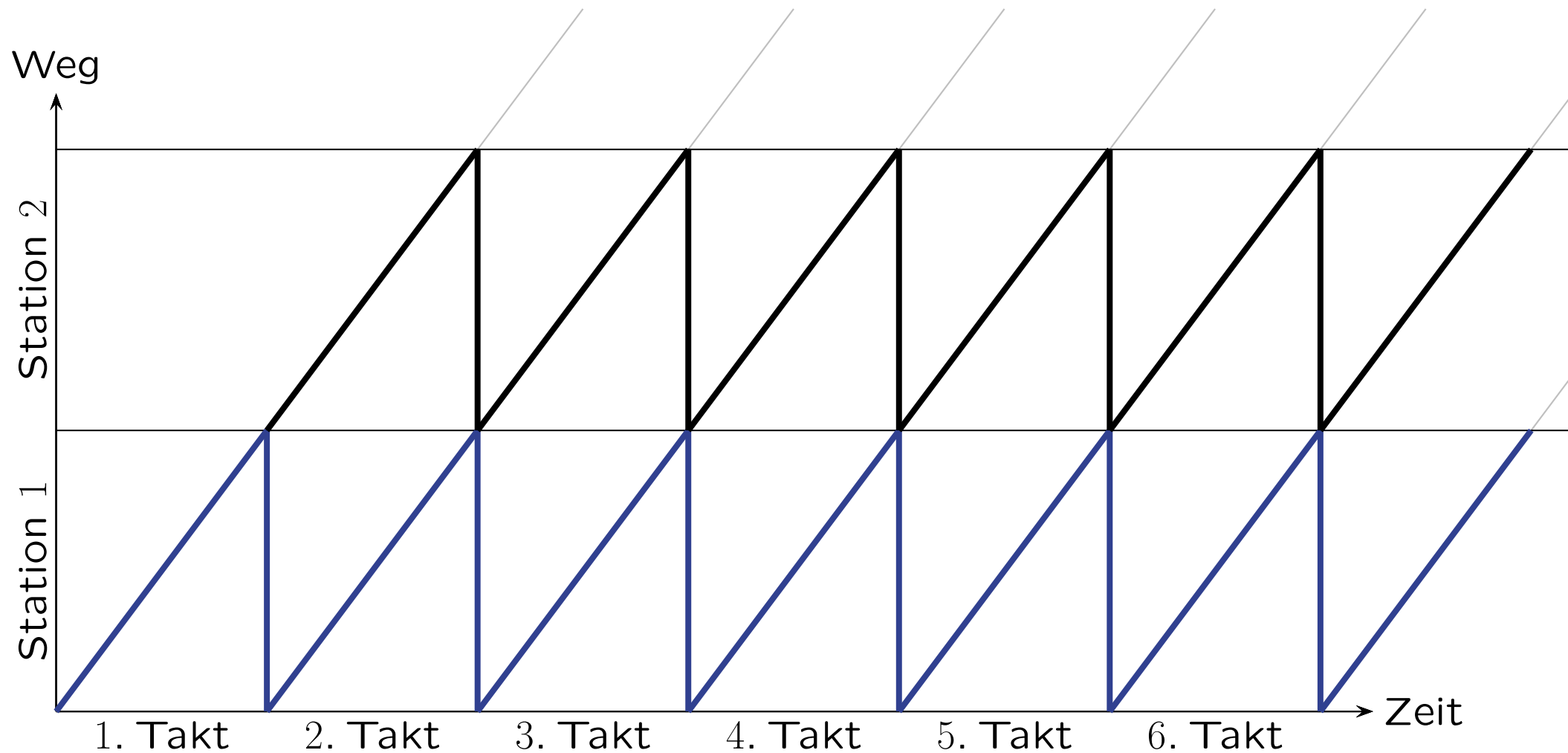
(Quelle: Günther/Tempelmeier (2005))

## Weg-Zeit-Diagramm



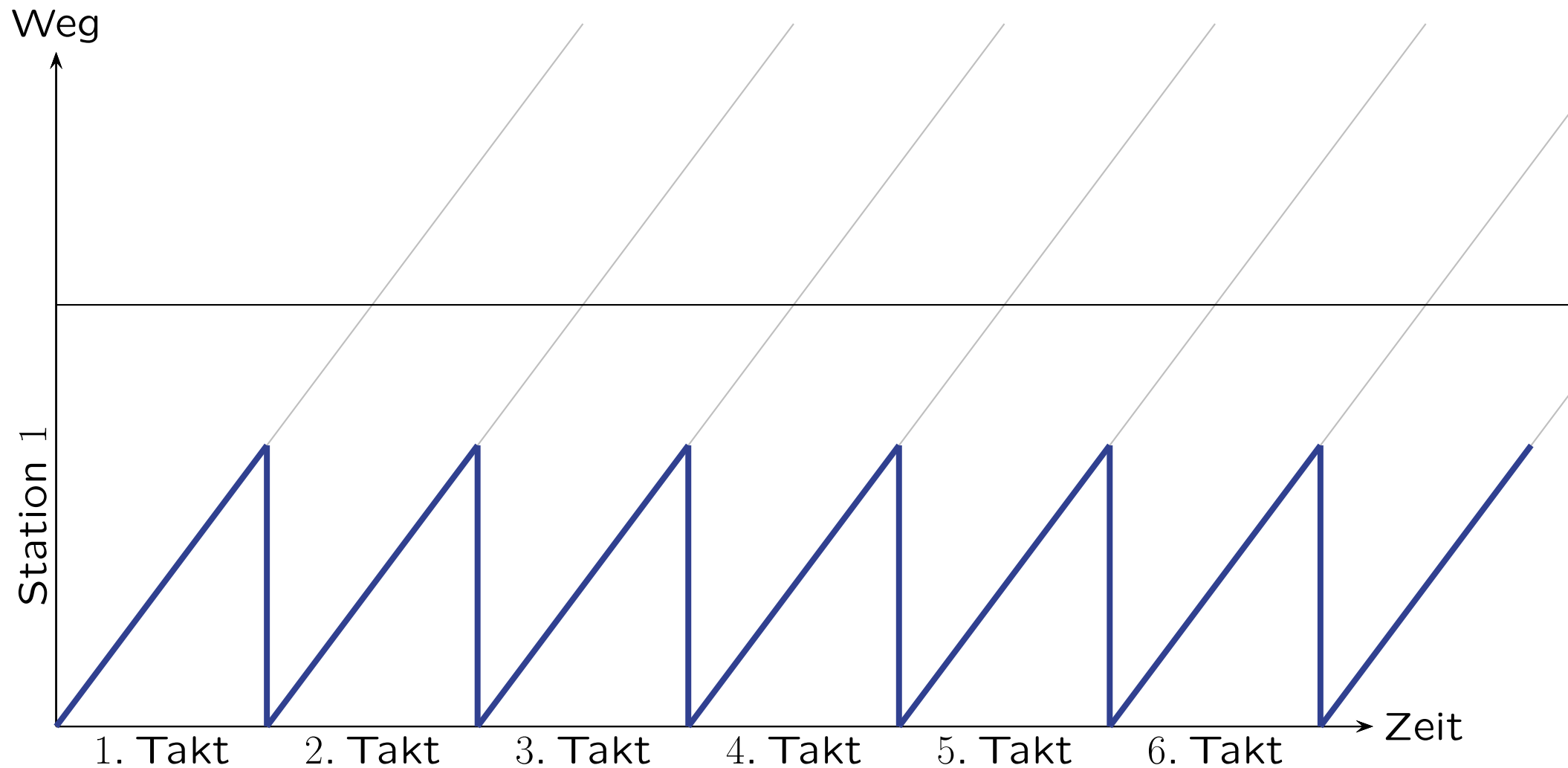


Idealfall: gleiche Arbeitsbelastung für alle in Höhe der Taktzeit



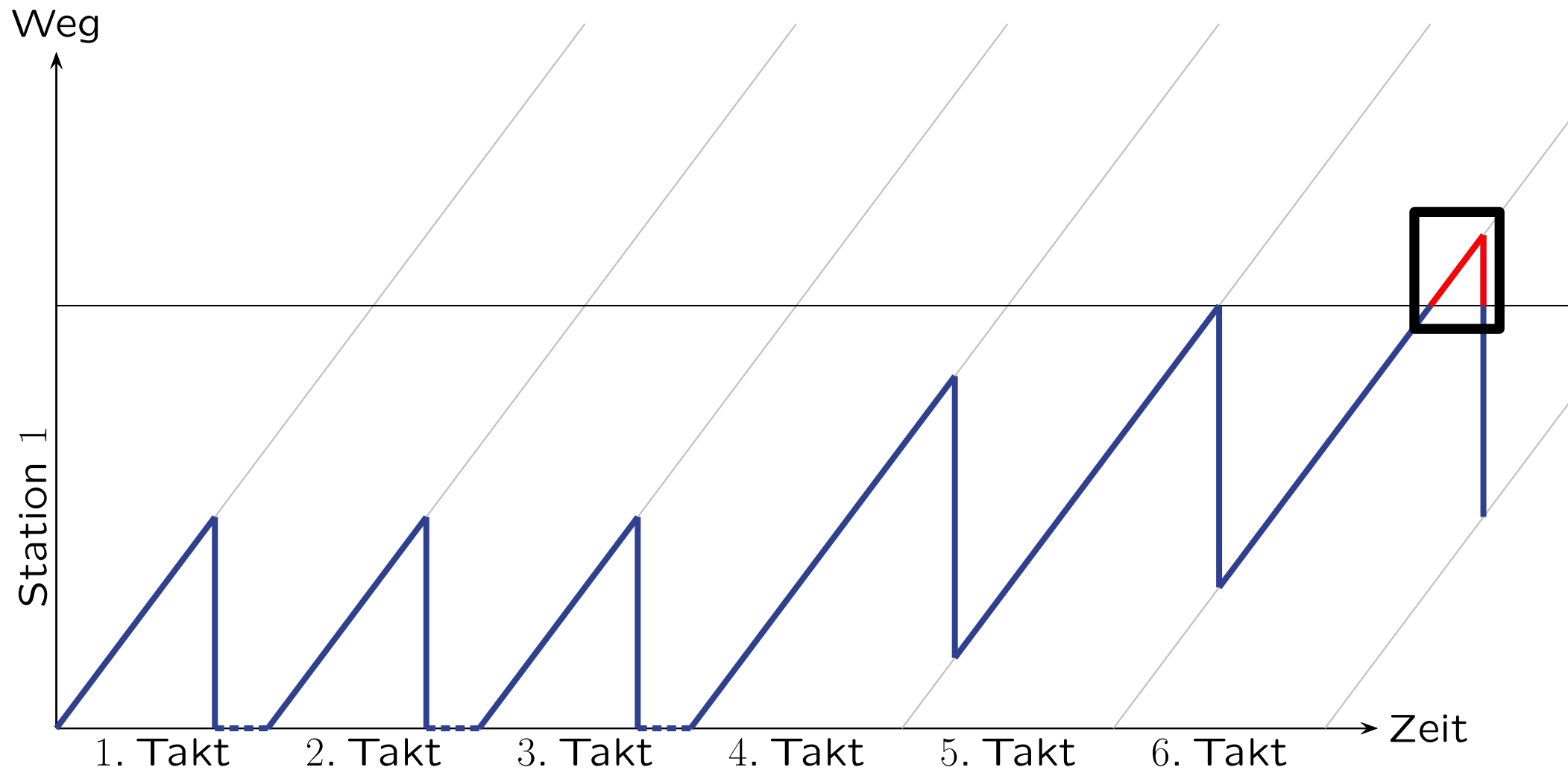
## Zeit-Weg-Diagramm

Idealfall: gleiche Arbeitsbelastung für alle in Höhe der Taktzeit



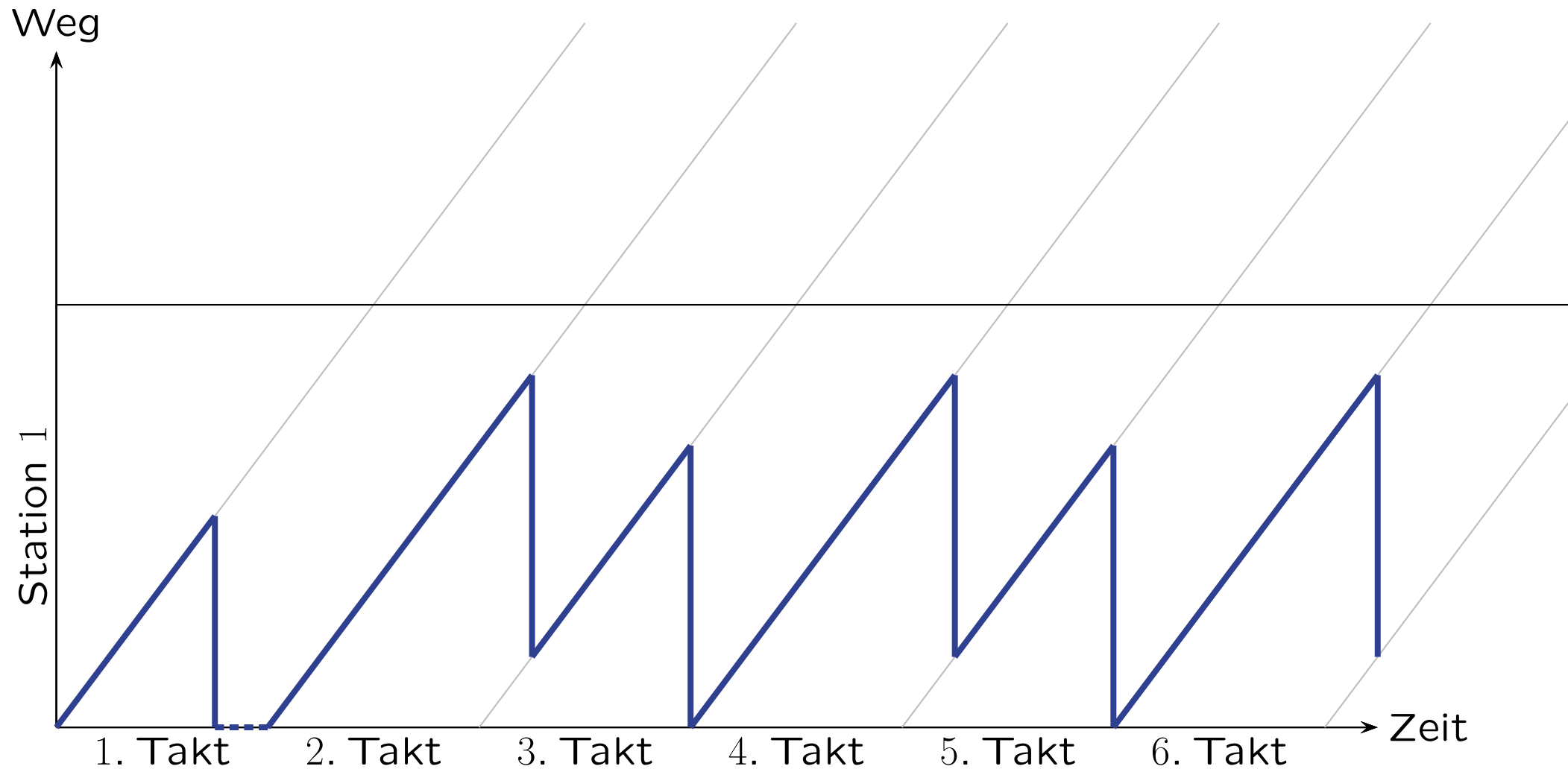
## Zeit-Weg-Diagramm

Reihenfolge: A-A-A-B-B-B



## Zeit-Weg-Diagramm

Reihenfolge: A-B-A-B-A-B



Ziel: **Glättung der Arbeitsbelastung** an den einzelnen Stationen

► **Level Scheduling** (variantenbezogen-bedarfsorientiert)

- ▷ möglichst gleichmäßige zeitliche Verteilung der einzuplanenden Ausstattungsvarianten
- ▷ Reduktion von Lagerbeständen

► **Car Sequencing** (variantenbezogen-kapazitätsorientiert)

- ▷ alternierende Auflage von Varianten mit über- und unterdurchschnittlicher Arbeitsbelastung an den Engpassstationen
- ▷ zulässige Einlastungsreihenfolgen in bezug auf gewisse Abstandsregeln

► **Mixed-Model Sequencing** (werkstückbezogen-kapazitätsorientiert)

- ▷ optimale Reihenfolge der einzelnen Werkstücke mit möglichst wenig überdurchschnittlicher Arbeitsbelastung an den einzelnen Stationen
- ▷ Reduktion der Taktzeitüberschreitungen