

Guião Teórico-Prático Tópicos de Inteligência Artificial

Ano Lectivo de 2017/2018

©Luís Seabra Lopes

Departamento de Electrónica, Telecomunicações e Informática
Universidade de Aveiro

Última actualização: 2018-01-02

I Objectivos

O presente guião centra-se em exercícios que através dos quais o aluno pode testar a sua compreensão das matérias teóricas (conceitos, algoritmos). A maior parte destes exercícios podem ser realizados sem recurso ao computador.

Este guião é usado nas disciplinas de *Inteligência Artificial*, da *Licenciatura em Engenharia Informática*, e *Introdução à Inteligência Artificial*, do *Mestrado Integrado em Engenharia de Computadores e Telemática*.

II Agentes Reactivos

1. Está a ser desenvolvido um robô para pesca submarina, o Nautilus, pedindo-se a sua colaboração no desenvolvimento do módulo de controlo. Este robô transporta um máximo de 10 arpões e um depósito com capacidade para 20 peixes. Quando sente um peixe em frente lança imediatamente um arpão (acção *Disparar*). Se o arpão atingir um peixe, o robô guarda o peixe no depósito (acção *Agarrar*), podendo neste caso recuperar o arpão. Caso contrário, o arpão perde-se. Quando perder todos os arpões, o Nautilus pode reabastecer-se (acção *Reabastecer*), ficando novamente com 10 arpões. Quando o depósito de peixes estiver cheio, estes devem ser descarregados (acção *Descarregar*), ficando o depósito novamente vazio. Quando não tem mais nada para fazer, limita-se a vaguear (acção *Vaguear*).
 - (a) Identifique as variáveis de estado, se necessárias.
 - (b) Identifique e caracterize um conjunto de predicados que possam ser usados para descrever situações em que se encontre o Nautilus.
 - (c) Especifique o conjunto de regras situação-acção que regem o comportamento do Nautilus. Pode fazê-lo na forma de uma tabela com as seguintes colunas:
 - Situação - uma conjunção de condições em lógica de primeira ordem

exercício 1

- (a) numero_de_arpoes, numero_de_peixes
- (b) PeixeEmFrente, PeixeAtingido.
- (c) Fazer em tabela:

Situacao: PeixeEmFrente & numero_de_arpoes > 0 & numero_de_peixes < 20

Atualizacao: numero_de_arpoes - -

Accao: Disparar

Situacao: numero_de_arpoes == 0

Atualizacao: numero_de_arpoes = 10

accao: reabastecer

Situacao: peixeeAtingido

atualizacao: Numero_de_peixes + +, numero_de_arpoes + +

accao: agarraR.

Situacao: numero_de_peixes == 20

Atualizacao: numero_de_peixes = 0

Accao: Vaguear.

Situacao: ~PeixeEmFrente & ~PeixeAtingido & numero_de_arpoes > 0 & Numero-de_peixes < 20

Atualizacao:

accao: Vaguear

- Actualização - actualização das variáveis de estado, caso existam
 - Acção - acção a executar pelo agente na situação indicada
2. Considere o comportamento das formigas na sua tarefa de arrumar provisões no formigueiro. A formiga procura provisões (acção *Procurar-provisão*). Quando encontra uma provisão, agarra-a (acção *Agarrar-provisão*) e vai procurar o local (acção *Procurar-local*) de arrumação das provisões. A formiga tem sempre uma noção da distância percorrida desde que começou a procurar a arrumação. Se a formiga acha que já percorreu mais de 5 metros sem ter encontrado a arrumação, e vê outra formiga, vai atrás dela (acção *Seguir-formiga*). Quando encontra o local onde estão as outras provisões, liberta a provisão que trás consigo (acção *Libertar-provisão*). Cabe-lhe a si implementar um conjunto de regras situação-acção com base nas quais a formiga simulada se irá comportar. Com vista ao desenvolvimento de um programa de simulação do comportamento das formigas, realize os seguintes passos de análise e especificação:
- (a) Identifique as variáveis de estado, se necessárias.
 - (b) Identifique e caracterize um conjunto de predicados que possam ser usados para descrever as situações em que uma formiga se pode encontrar.
 - (c) Especifique o conjunto de regras situação-acção que regem o comportamento de uma formiga. Pode fazê-lo na forma de uma tabela como no exercício anterior.

III Representação do Conhecimento

1. Represente as seguintes frases em lógica de primeira ordem:
 - (a) Todos em Oxford são espertos.
 - (b) Alguém em Oxford é esperto.
 - (c) Existe uma pessoa que gosta de toda a gente.
 - (d) Só um aluno chumbou a História.
 - (e) Nem todos os estudantes se inscreveram simultaneamente a Introdução à Inteligência Artificial e Sistemas de Operação.
 - (f) Só um aluno chumbou a História e a Biologia.
 - (g) A melhor nota a História foi mais elevada do que a melhor nota a Biologia.
 - (h) Todos os Portistas gostam do Pinto da Costa.
 - (i) Existe um Sportinguista que gosta de todos os Benfiquistas que não são espertos
 - (j) Existe um Barbeiro que barbeia toda a gente menos ele próprio.
2. Considere o mundo dos blocos com n blocos representados pelas constantes (B_1, B_2, \dots, B_n) , predicado $On(x, y)$ que indica que o bloco x está em cima do objecto y e o predicado $Clear(x)$ que indica que o bloco x não tem nenhum bloco em cima. Indique qual o número mínimo de blocos para que cada uma das fórmulas seguintes seja verdadeira:
 - (a) $\neg Clear(B_1) \wedge \neg Clear(B_2) \wedge \exists x(On(B_3, x) \wedge x \neq Floor)$
 - (b) $Clear(B_1) \Rightarrow Clear(B_2)$

exercicio2

(a) no caderno

(b)

caderno

3. Considere o seguinte mundo composto por uma torneira, dois tanques ($T1$ e $T2$) e um recipiente (R). A torneira pode estar aberta para um dos dois tanques mas nunca para os dois ao mesmo tempo. O recipiente pode ser colocado dentro de um tanque, desde que este esteja sem água. Se a torneira estiver aberta, então o tanque respectivo ou o recipiente (se estiver dentro do tanque) ficam com água. Se o recipiente estiver dentro de um tanque, e a torneira estiver aberta para esse tanque, então o recipiente fica com água, mas o tanque não. Tanto os tanques como o recipiente podem ter água mesmo que a torneira não esteja aberta para eles.

Considere os seguintes predicados:

- $Water(x)$ indica que x (recipiente ou tanque) tem água;
 - $Open(x)$ que indica que a torneira está aberta para o tanque x ;
 - $Over(x, y)$ que indica que o recipiente x está colocado sobre o tanque y .
- (a) Para cada uma das observações seguintes, apresente os valores lógicos possíveis para $Water(T1)$, $Water(T2)$ e $Water(R)$.
- i. $Open(T2) \wedge Over(R, T2)$
 - ii. $Open(T2) \wedge Over(R, T1)$
 - iii. $\neg Open(T2) \wedge Over(R, T1)$
 - iv. $\neg Open(T1) \wedge \neg Open(T2) \wedge Over(R, T1)$
- (b) Diga se cada uma das seguintes fórmulas é satisfatível, e caso seja, se é uma tautologia:
- i. $\forall x (\neg(\neg Open(x) \Rightarrow Water(x)))$
 - ii. $\forall x (\neg(Open(x) \Rightarrow Water(x)))$
 - iii. $\forall x (Open(x) \Rightarrow \exists y Water(y))$
 - iv. $\exists x \exists y (Open(x) \wedge Open(y) \wedge x \neq y)$

4. Considere o mapa apresentado na figura 1. Neste mapa estão representados algumas ruas, edifícios e o estado de algumas ruas. A rua *descanso* tem um comprimento de 6. Do mesmo modo a rua *sul* encontra-se com a rua *descanso* a 2 unidades do edifício *casa*. Tanto a rua *norte* como a *sul* têm um comprimento de 8. A rua *artes* intersecta as duas anteriores no ponto médio. A rua *norte* está fechada nos pontos 5, 6 e 7.

- (a) Proponha um conjunto de predicados que permita representar conhecimento deste tipo.
- (b) Usando os predicados que propôs, represente o conhecimento acima descrito.

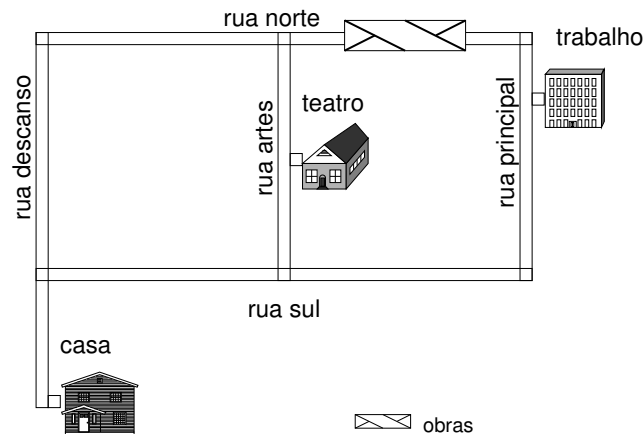


Figura 1: Mapa de uma cidade.

5. Enquadre a linguagem KIF no contexto da engenharia do conhecimento, comparando-a com outros formalismos seus conhecidos e comentando a sua relevância para a construção de agentes.
6. Represente o seguinte conhecimento através de uma rede semântica: **caderno**

“Os robôs são máquinas. Há robôs com pernas, que podem ou não ser humanoides, e robôs que se movem sobre rodas ou até usando lagartas. O Nautilus é um robô com 3 rodas que obtém energia de 4 baterias de 12V / 7Ah. Os robôs humanoides têm 2 pernas e 2 braços.”
7. Considere o circuito electrónico apresentado na Figura 2, no qual pode encontrar uma porta AND (a1), uma porta OR (o1) e uma porta XOR (x1). O circuito tem três entradas (e1, e2, e3) e uma saída (s1). Para se poder calcular a saída em função das entradas, é necessário levar em conta o seguinte conhecimento geral sobre circuitos electrónicos:
 - O sinal em cada terminal é On ou Off
 - Dois terminais que estejam ligados um ao outro têm o mesmo sinal
 - A relação de ligação entre terminais é comutativa
 - A saída de uma porta OR é On se pelo menos uma das entradas for On
 - A saída de uma porta AND é On se todas as entradas forem On
 - A saída de uma porta XOR é On se as suas entradas forem diferentes
 - A saída de uma porta NOT é diferente da sua entrada
 - (a) Identifique os tipos de objectos presentes no domínio dos circuitos electrónicos, bem como as funções e relações relevantes
 - (b) Represente em lógica de primeira ordem o conhecimento geral do domínio
 - (c) Represente em lógica de primeira ordem o circuito da Figura 2.
8. Considere a rede de Bayes identificada pela seguinte atribuição de probabilidades: $p(a) = 0.2$, $p(b|a) = 0.3$, $p(b|\neg a) = 0.2$, $p(c|b) = 0.2$, $p(c|\neg b) = 0.9$, $p(d|b) = 0.1$, $p(d|\neg b) = 0.2$. Calcule a probabilidade conjunta $p(a \wedge b \wedge \neg c \wedge \neg d)$.

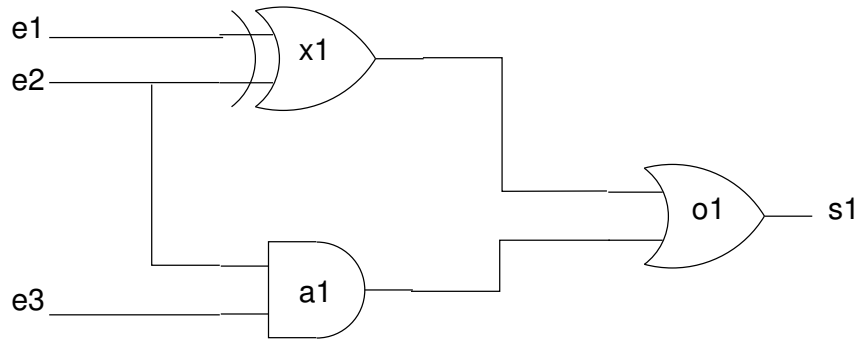
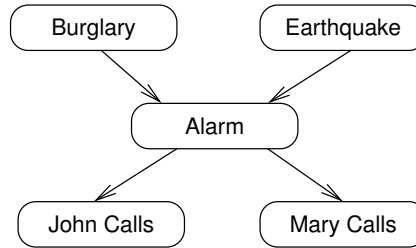


Figura 2: Exemplo de circuito electrónico.

9. Considere o cenário em que um alarme de uma casa pode disparar por causa de um assaltante, mas também por ocorrência de um terramoto. Se o alarme dispara, os ocupantes da casa podem efectuar uma chamada de telefone. Este cenário é exemplificado pela seguinte Rede Bayesana:



Os eventos *Burglary* e *Earthquake* não dependem de nenhum outro evento: são independentes de todos os outros. Assim, só é necessário especificar as suas probabilidades:

$$P(\text{Burglary}) = 0.001$$

$$P(\text{Earthquake}) = 0.02$$

O evento *Alarm* depende da ocorrência dos eventos *Burglary* e *Earthquake*: os eventos *Alarm* e *Burglary* não são independentes (tal como os eventos *Alarm* e *Earthquake*). É necessário especificar a probabilidade condicional de *Alarm* dado as várias combinações de *Burglary* e *Earthquake*:

$$P(\text{Alarm} | (\text{Burglary} \wedge \text{Earthquake})) = 0.9$$

$$P(\text{Alarm} | (\text{Burglary} \wedge \neg \text{Earthquake})) = 0.9$$

$$P(\text{Alarm} | (\neg \text{Burglary} \wedge \text{Earthquake})) = 0.1$$

$$P(\text{Alarm} | (\neg \text{Burglary} \wedge \neg \text{Earthquake})) = 0.001$$

Quanto aos eventos *MaryCalls* e *JohnCalls* são ambos dependentes do evento *Alarm*. As suas probabilidades condicionais são:

$$P(\text{MaryCalls} | \text{Alarm}) = 0.95$$

$$P(MaryCalls|\neg Alarm) = 0.001$$

e

$$P(JohnCalls|Alarm) = 0.9$$

$$P(JohnCalls|\neg Alarm) = 0.0$$

Calcule as seguintes probabilidades:

- (a) $P(A)$
- (b) $P(M)$
- (c) $P(J)$

10. Considere um domínio composto por animais, espécies e intervalos de tempo, no qual o conhecimento pode ser descrito através dos seguintes predicados:

- $Animal(a)$: a é um animal
- $Espécie(a,e)$: o animal a é da espécie e
- $Vivo(a,t)$: o animal a está vivo no intervalo t
- $Extinta(e,t)$: a espécie e está extinta no intervalo t
- $Progenitor(p,a)$: o animal p é progenitor do animal a

(a) Represente as seguintes frases em lógica de primeira ordem:

- Qualquer animal tem um progenitor
- Qualquer animal pertence a uma espécie
- Apenas os animais pertencem a espécies
- Se p é o progenitor de a e a pertence a uma espécie e , então p também pertence a e
- Uma espécie e está extinta no intervalo t se nenhum animal dessa espécie está vivo nesse intervalo
- Não existiam mamutes vivos no ano de 1918

(b) Demonstre que os mamutes estavam extintos em 1918 a partir das fórmulas que escreveu.

11. A nova empresa “SOF – Sistemas Operativos do Futuro”, sediada na Costa Nova, comercializa actualmente o sistema operativo SOF2018h, mas este sistema ainda tem alguns problemas. A empresa pretende desenvolver um assistente que determina automaticamente se o utilizador precisa de ajuda, e, quando tal acontece, toma a iniciativa de fazer alguns sugestões ao utilizador. Após análise exaustiva dos problemas sentidos pelos utilizadores, verificou-se que há essencialmente dois sintomas da necessidade de ajuda. Um deles é o utilizador fazer uma “cara preocupada”, o que pode ser detectado por um sistema de reconhecimento de expressões faciais previamente desenvolvido. O outro sintoma é o utilizador aumentar a frequência de utilização do rato, por estar a navegar através de diferentes menus à procura da solução para algum problema.

Q ou \forall : quantificador universal, E ou \exists : quantificador existencial, - ou negacao

exercicio 10a

(1) $\forall a A(a) \Rightarrow \exists p P(p, a)$

(2) $\forall a A(a) \Rightarrow \exists e E(a, e)$

(3) $\forall a \neg A(a) \Rightarrow \neg \exists e E(a, e)$ ou podemos fazer:

$$\neg \exists x \neg A(x) \ \& \ \exists e E(x, e) \implies \forall x A(x) \vee \neg \exists e E(x, e) \implies \forall x A(x) \vee \forall e \neg E(x, e)$$

(4) $\forall a \forall p \exists e P(p, a) \ \& \ E(a, e) \Rightarrow E(p, e)$

(5) $\exists e \forall t (\neg \exists a (E(a, e) \ \& \ V(a, t))) \Rightarrow \exists x (e, t)$

$$\exists e \forall t (\forall a \neg (E(a, e) \ \& \ V(a, t))) \Rightarrow \exists x (e, t)$$

(6) $\forall m E(m, M) \Rightarrow \neg V(m, 1918) \iff \forall m \neg E(m, M) \vee \neg V(m, 1918)$ ou
 $\neg \exists m E(m, M) \ \& \ V(m, 1918) \iff \forall m \neg E(m, M) \vee \neg V(m, 1918)$

exercicio 10b

$$\exists e (\forall a \neg (E(a, e) \vee \neg V(a, 1918))) \Rightarrow \exists x (1918)$$

$$(\forall a \neg (E(a, M) \vee \neg V(a, 1918))) \Rightarrow \exists x (M, 1918)$$

Aplicamos o modus ponens:

$\exists x (M, 1918)$ Modus Ponens das duas formulas anteriores

Entretanto, após análise, sabe-se que 60% dos utilizadores têm sobrecarga de trabalho, o que pode também causar uma cara preocupada. Cerca de 1% dos utilizadores sobrecarregados mostram cara preocupada, caso não precisem de ajuda. Já no caso de precisarem de ajuda, essa percentagem sobe para 2%. Os utilizadores não sobrecarregados, que não precisam de ajuda, apenas em 0.1% dos casos mostram cara preocupada. Este valor sobe para 1.1% caso precisem de ajuda.

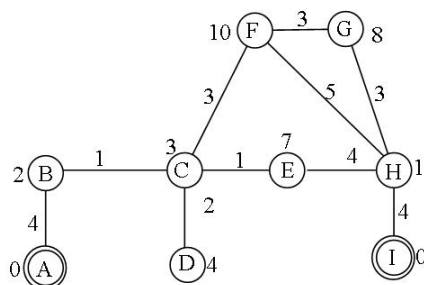
Sabe-se também que utilizadores com sobrecarga de trabalho tendem a acumular correio electrónico não lido. Apenas 0.1% dos utilizadores sem sobrecarga de trabalho acumulam correio não lido. Pelo contrário, 90% dos utilizadores com sobrecarga de trabalho acumulam correio electrónico não lido.

Há uma aplicação no SOF2018h especialmente causadora de problemas, o processador de texto SOF2018h Pal, no qual os utilizadores passam 5% do seu tempo de utilização do SOF2018h. Na verdade, quando o utilizador está a usar esta aplicação, tenderá a precisar de mais ajuda, o que acontece em 25% dos casos. Já quando não usa o processador de texto, a probabilidade de precisar de ajuda é 0.4%. Se o utilizador não está a usar o SOF2018h Pal, a existirá uma frequência exagerada de utilização do rato em 10% dos casos em que o utilizador precisa de ajuda e em 1% dos restantes casos. Quando o utilizador está a usar o SOF2018h Pal, ele fará uma utilização exagerada do rato em 90% dos casos, independentemente de precisar de ajuda ou não.

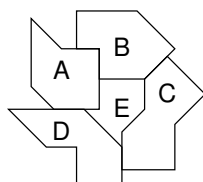
Com vista ao desenvolvimento do assistente de ajuda, pretende-se representar este conhecimento através uma rede de Bayes, tarefa que acaba de lhe cair em cima!... Identifique as variáveis da rede, desenhe a rede e apresente a tabela de probabilidades condicionadas.

IV Técnicas de resolução automática de problemas

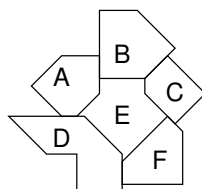
1. Considere o espaço de estados apresentado na Figura 4, em que os valores nas ligações correspondem ao respectivo custo e os valores nos nós são os da função heurística. Nos exercícios, considere os nós *A* e *I* como soluções possíveis.



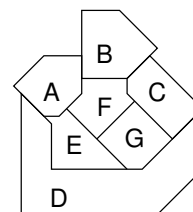
- (a) A heurística apresentada é admissível? Justifique a sua resposta e, em caso negativo, faça as alterações necessárias por forma a que passe a sê-lo.
 - (b) Desenhe a árvore de pesquisa gerada pela estratégia A* tomando com estado inicial o estado *F*. Indique o valor da função de avaliação em cada nó e numere os nós pela ordem em que são criados. Considere que a pesquisa em árvore se faz sem repetição de estados. Em caso de empate no valor da função de avaliação, o nó escolhido para expansão será o que vem antes na ordem alfabética dos estados. Use os valores originais da heurística.
 - (c) Calcule o factor de ramificação médio da árvore gerada.
 - (d) Calcule o factor de ramificação efectivo da árvore gerada.
2. Considere uma árvore de pesquisa com factor de ramificação r . Suponha que a solução mais próxima da raiz se encontra a uma profundidade g . Qual o número mínimo e máximo de nós visitados numa pesquisa em profundidade, com limite d ?
 3. Que heurística admissível sugere que seja usada com a pesquisa A* para planeamento de caminhos óptimos em redes viárias? Justifique.
 4. Pretende-se colorir os seguintes mapas de forma a que regiões adjacentes fiquem com cores diferentes. Apresente o grafo de restrições para cada um dos mapas e indique o número mínimo de cores necessário para cada um deles.



(a)



(b)

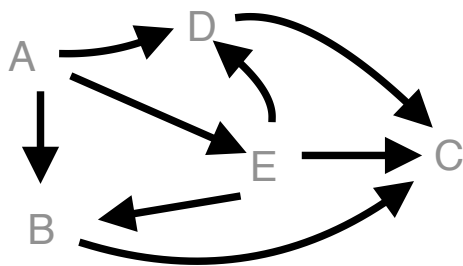


(c)

5. Considere o seguinte problema:

exercicio 4a

grafo: nos sao variaveis e arestas ligam as variaveis com restricoes.



3 cores
todos sao bidireccionais.

T

neste caso o numero de arcos em cada estado representa o numero de cores diferentes que a vizinhança tem que ter

exercicio 1

(a) nao é admissivel (sobreestima). o F e o G, por exemplo.

(b) (ver no caderno.)

(d) $((B^{(d+1)})/(B-1)) = N$

fazer uma tabela:

B	N
2	15
1.5	8

ou seja, $B \approx 1.75$

André, Bernardo e Cláudio dão um passeio de bicicleta. Cada um anda na bicicleta de um dos amigos e leva o chapéu de um dos outros. O que leva o chapéu de Cláudio anda na bicicleta de Bernardo. Que bicicleta e que chapéu levam cada um dos amigos? (Retirado de Pierre Berloquin. *100 Jogos Lógicos*. Gradiva, 1990.)

- (a) Represente o problema através de um grafo de restrições.
 - (b) Utilize o módulo `constraintsearch` para resolver o problema.
6. Considere o seguinte puzzle Su Doku em que cada linha, coluna e quadrado de 3 por 3 deve ser preenchido com os números de 1 a 9 e sem repetições. Apresente uma abordagem à resolução deste puzzle utilizando Pesquisa por Propagação de Restrições. Indique quais as variáveis, o seu domínio e as restrições a considerar.

			5		7			3
		5				8		2
	4			6				
	7	6	3		2	5		
	8							
	3	9	1		8	2		
	6			3				
		1				6		7
			8		6			9

Retirado de Yukio Suzuki. *Su Doku para especialistas e outros puzzles japoneses*. Editorial Estampa, 2005.

7. O caso particular da pesquisa por recozimento simulado (simulated annealing) com temperatura $T = 0$ tem semelhanças significativas com alguma outra técnica de pesquisa sua conhecida? Nesse caso, identifique as principais semelhanças e diferenças.
8. Com vista à sua resolução através de pesquisa com propagação de restrições, formule problema de escalonar quatro tarefas (A , B , C e D) tendo em conta as seguintes informações:
 - As tarefas começam às horas certas, a partir das 8h de um dia, terminam o mais tardar às 19h desse mesmo dia.
 - A duração das tarefas é a seguinte: A - 1h, B - 2h, C - 3h, D - 4h.
 - A tarefa A deverá terminar antes das tarefas B e C começarem.
 - A tarefa D deverá começar depois de terminarem as tarefas B e C .
 - As tarefas não podem ser realizadas simultaneamente.
9. Um macaco está numa sala. Na mesma sala, pendurado num cabide e fora do alcance do macaco, está também um cacho de bananas. Se o macaco subir para cima de uma caixa, conseguirá alcançar as bananas. Inicialmente, o macaco está na posição A , as bananas na posição B e a caixa na posição C . As acções que o macaco pode executar são: deslocar-se de uma posição para outra; empurrar um dado objecto de uma posição para outra; subir para cima de um dado objecto; agarrar o cacho de bananas.
 - (a) Identifique um conjunto de condições com as quais seja possível descrever os vários estados do mundo neste problema.

\in == a pertence.

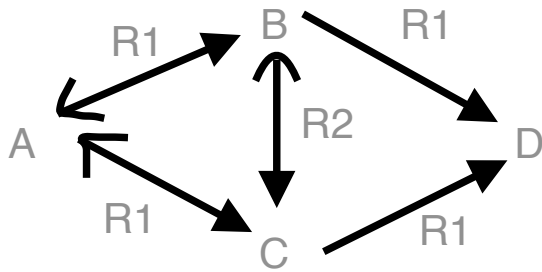
exercicio 8

$A \in \{8, \dots, 18\}$

$B \in \{8, \dots, 17\}$

$C \in \{8, \dots, 16\}$

$D \in \{8, \dots, 15\}$



$R1 == \lambda v1, x1, v2, x2: x2 \geq x1 + d[v1]$

$R2 == \lambda v1, x1, v2, x2: x1 \geq x2 + d[v2] \vee x2 \geq x1 + d[v1]$

- (b) Descreva o estado inicial do problema usando as condições que propôs.
 - (c) Identifique e descreva as acções possíveis de acordo com o formato STRIPS.
 - (d) Que sequência de acções deverá o macaco executar?
 - (e) Apresente uma estimativa para o tamanho aproximado que a árvore de pesquisa poderá atingir. Justifique.
10. O robô VG-10 deixado recentemente em Marte pela Agência Espacial Portuguesa (AEP) precisa de planejar as suas expedições entre várias estações anteriormente construídas pela AEP nesse planeta do sistema solar. Para cada estação, o VG-10 sabe quais as estações adjacentes, ou seja, aquelas para as quais se pode deslocar com o equivalente a um depósito de combustível. Além de encher o depósito, o VG-10 pode transportar dois bidões de combustível para recarga.

Os tipos de acções que o VG-10 pode executar são:

- $ir(E_1, E_2)$ - ir da estação E_1 para a estação adjacente E_2 .
- $carregar(E, B, X)$ - carregar o bidão B da estação E para o espaço X no robô.
- $encher(B, X)$ - encher o depósito com o combustível do bidão B que está carregado no robô na posição X .
- $descarregar(E, B, X)$ - descarregar o bidão B do espaço X para a estação E .

Realize os seguintes exercícios:

- (a) Proponha um conjunto de condições que permitam descrever os estados de planeamento das expedições do VG-10. Explique o seu significado.
 - (b) Especifique os operadores de planeamento necessários para representar as acções do VG-10.
 - (c) Se pretender que um planeador das missões do VG-10, baseado na estratégia A*, encontre uma solução óptima quando ela existe, que função de avaliação/estimação de custos sugere que seja utilizada? Justifique.
 - (d) Considere agora que uma *estação adjacente* é uma estação para a qual existe uma ligação (trilho ou caminho) que o robô pode seguir. As distâncias entre todos os pares de estações adjacentes são conhecidas. Além disso, sabe-se que distância o VG-10 pode percorrer com o combustível de um depósito. Que adaptações à representação das acções seria necessário introduzir para levar em consideração estas restrições. Ilustre para o caso do operador $ir(E_1, E_2)$. Assuma que o combustível do depósito dá para chegar a qualquer estação adjacente, embora possa sobrar.
11. No contexto da resolução automática de problemas usando técnicas de pesquisa, defina os seguintes termos por palavras suas: *estado*, *espaço de estados*, *acção*, *árvore de pesquisa*, *restrição*.
12. Considere o problema do Caixeiro Viajante, que consiste em descobrir um caminho óptimo que passe por determinadas cidades A_1, \dots, A_n , partindo, por exemplo, de A_1 , passando por todas as outras apenas uma vez, e regressando a A_1 . Considere que são conhecidas as distâncias entre todos os pares de cidades. Como formularia este problema para o resolver através de pesquisa A*? Indique em particular em que consistiriam os estados, qual seria o estado inicial, qual o método para gerar as transições de estados, qual a função de avaliação dos custos das transições e qual a função heurística.

exercicio 10

(a)

Estado(x, estado) - $x \in \{\text{Deposito}, B1, B2, \dots\}$, estado $\in \{\text{Cheio}, \text{Vazio}\}$
NoRobot(bidao, posicao) - bidao $\in \{B1, B2, \dots\}$, pos $\in \{\text{Pos1}, \text{Pos2}\}$
NaEstacao(x, estacao) - $x \in \{\text{VG-10}, B1, B2, \dots\}$, estacao $\in \{E1, \dots\}$
Adjacente(e1, e2) - e1 e e2 são estações
Livre(p) - p é uma posição no robô, p \in

EP: efeito positivo

EN: efeito negativo

(b)

ir (E1, E2)

Operador: Ir(e1, e2):

PC: [NaEstacao(VG-10, e1), Estado(Deposito, Cheio), Adjacente(e1, e2)]

EN: [NaEstacao(VG-10, E1), Estado (deposito, cheio)]

EP: [NaEstacao(VF-10, e2), Estado (deposito, Vazio)]

Carregar(E, B, X): Carregar o bido B da estacao E para o espaco X do robô.

Operador: Carregar(e, b, p)

PC: [Naestacao(b, e), NaEstacao(VG-10, e), Livre(p)]

EN: [NaEstacao(b, e), Livre (p)]

EP: [NoRobot(b, p)]

Encher(B, X): encher o deposito com o combustivel do bido B que esta carregado no robot na posicao X

Operador: Encher(b, p)

PC : [Estado(Deposito, vazio), Estado(b, Cheio), NoRobot(b, p)]

EN: [Estado(deposito, vazio), Estado(b, Cheio)]

EP: [Estado(Deposito, Cheio), Estado(b, Vazio)]

Descarregar(E, B, X): descarregar o bido B do estaco X para a estacao E

Operador: Descarregar (e, b, p)

PC : [NoRobot(b, p), NaEstacao(VG-10, e)]

EN: [NoRobot(b, pt)]

EP: [Libre(p), NaEstacao(b, e)]

(c) usando a a^* custo acumulado das estações anteriores + heurística entre a atual e a final

(d)

(Temos que criar alguns pressupostos adicionais para o resolver.).

PC: [NaEstacao(VG-10, e1), Estado(Deposito, Cheio), Adjacente(e1, e2)]

EN: [NaEstacao(VG-10, e1), Estado (DEposito, Cheio)]

EP: [NaEstacao(VG-10. e2), estado (Deposito , Vazio)]

13. Considere um jogo em que as 8 primeiras letras do alfabeto (A a H) são colocadas de forma aleatória numa matriz de 3x3, ficando portanto uma posição por preencher. Uma letra (verticalmente ou horizontalmente) adjacente à posição livre pode ser deslocada para essa posição. O objectivo é determinar uma sequência de movimentos para gerar uma outra configuração da matriz. No exemplo da figura incluída abaixo, são necessários 6 movimentos, mas em média são precisos muitos mais.

A	E	
C	B	D
F	G	H

Configuração inicial

	A	B
C	D	E
F	G	H

Objectivo

- (a) No caso de ser utilizada pesquisa em árvore, indique uma estimativa para o factor de ramificação médio das árvores de pesquisa neste domínio.
- (b) Tendo em vista a possível resolução de problemas deste tipo através de A*, considere as seguintes heurísticas:
- (h_1) Número de letras fora da sua posição final. (4 no exemplo acima)
 - (h_2) Soma das distâncias horizontais e verticais das várias letras às respectivas posições finais. (6 no exemplo acima)
- Estas heurísticas são admissíveis? Qual delas espera que funcione melhor?
14. Considere o problema de construir automaticamente passatempos de "palavras cruzadas". Como entrada, o processo recebe uma lista de palavras que podem ser utilizadas, e uma matriz, com informação de quais as posições a preencher (brancas) e quais as posições a não preencher (pretas). Qualquer sequência não interrompida de letras, seja na horizontal, seja na vertical, deve corresponder a uma palavra válida. O resultado é uma selecção das palavras a incluir na matriz e respectivas posições na matriz. Note que o problema aqui colocado é o da geração de uma matriz de palavras cruzadas, e não o da resolução do passatempo com base em sinónimos fornecidos como pistas.
- (a) No pressuposto de utilizar pesquisa em árvore, como representaria os estados e o que seriam as transições de estados? Indique uma estratégia de pesquisa em árvore adequada ao problema bem como, se necessário, uma heurística.
- (b) No pressuposto de utilizar pesquisa com propagação de restrições, que variáveis utilizaria, e quais os seus valores?
- (c) Qual das duas aproximações, pesquisa em árvore ou pesquisa com propagação de restrições, seria mais adequada?

exercicio13.

(a) $4 \cdot 2 + 4 \cdot 3 + 1 \cdot 4 == 24$

$$24/9$$

(b) a H2 é admissível. no mínimo,
tem que (se) movimentar aquilo,.

São ambas admissíveis,

exercicio 14.

V Aprendizagem automática¹

1. Sabe-se que a doença D ocorre em $1/4$ de todos os casos. Sabe-se também que o sintoma S é observado em $3/4$ dos pacientes que sofrem da doença D e em $1/8$ da restante população. Suponha que, se está a iniciar a construção de uma árvore de decisão com o objectivo de diagnosticar a referida doença. Temos portanto duas classes, D e $\neg D$, e S é um dos atributos.

Nas alíneas seguintes, pode apresentar cálculos aproximados, desde que indique as simplificações que efectuou.

- (a) Qual o ganho de informação associado ao atributo S ?
 - (b) Qual a razão do ganho associada ao atributo S ?
2. Nunca se testa um atributo mais do que uma vez ao longo de um caminho numa árvore de decisão. Porquê?
 3. Considere o seguinte conjunto de dados, com três atributos binários ($A1$, $A2$ e $A3$) e uma saída também binária (duas classes).

Tabela 1: Dados de treino

A1	A2	A3	Classe
1	0	0	0
1	0	1	0
0	1	0	0
1	1	1	1
1	1	0	1

Use o algoritmo TDIDT para gerar uma árvore de decisão com base nestes dados. A escolha do atributo para cada nó deve basear-se no critério do ganho de informação.

4. Suponha que um conjunto de exemplos, E , é dividido em subconjuntos E_i de acordo com os valores de um atributo. Em cada E_i existem p_i exemplos positivos e n_i exemplos negativos. Mostre que o ganho de informação será positivo, excepto se $p_i/(p_i + n_i)$ for igual para todos os atributos.

¹Matéria não abrangida em Inteligência Artificial da Licenciatura em Engenharia Informática.

(a) Tenho que calcular a entropia a priori:

Classes $C = \{D, \sim D\}$

Atributo $A = \{S, \sim S\}$

$$p(D) = 1/4$$

$$p(\sim D) = 3/4$$

$$H(C) = -p(D) \cdot \log(p(D)) - p(\sim D) \cdot \log(p(\sim D)) =$$

$$= -1/4 \log(1/4) - 3/4(\log(3/4)) =$$

$$= 0.5 - 0.75 \cdot (\log(3) - \log(4)) =$$

$$= 0.5 - 0.75 \cdot (1.5 - 2) =$$

$$= 0.5 + 0.375$$

$$H(C | S) = -p(D | S) \log(p(D | S)) - p(\sim D | S) \log(p(\sim D | S))$$

$$H(C | a(jx)) = -\sum p(c_i | a(jx)) \cdot \log(p(c_i | a(jx))) =$$

$$p(S | D) = 3/4$$

$$p(S | \sim D) = 1/8$$

$$= H(C | \sim S) = -p(D | \sim S) \cdot \log(p(D | \sim S)) - p(\sim D | \sim S) \cdot \log(p(\sim D | \sim S)) =$$

$$= -(2/23) \cdot \log(2/23) - 21/23(\log(21/23)) = (\text{terminar em casa a}).$$

$$p(A | B) = p(A \wedge B) / p(B) \quad \text{e}$$

$$p(A \wedge B) = p(A | B) \cdot p(B) =$$

$$p(B | A) \cdot p(a)$$

$p(A | C)$

$C \backslash A$	$\sim S$	S
$\sim D$	7/8	1/8
D	1/4	3/4

	$\sim S$	S
$\sim D$	21/32	3/32
D	1/16	3/16

$p(A \wedge C)$

fazer para $p(C | A)$