

# Tabla de contenidos

---

- Heaps
- Hashing
- Grafos

## Heaps

---

Es un arbol binario , que se caracteriza por cumplir dos propiedades:

1. Un heap = **Arbol binario completo**
2. Para cada sub-arbol, la llave de la raiz es **mayor o igual** de sus hijos. *(Se dice que heap es un es un **Max-Heap**. Es posible cambiar es propiedad para tener **Min-Heap**. Sin embargo, sin perdoda de generalidad, aqui heap sera equivalente a Max-Heap)*

---

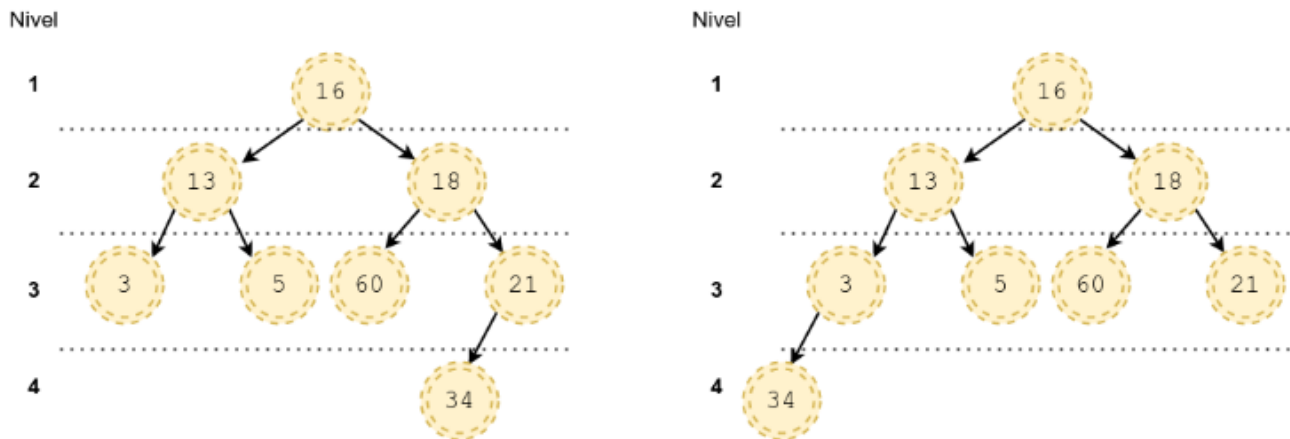
Recordar que el **Arbol Binario** de L niveles cumple:

- Todos los nodos hasta le nivel L-2 tienen 2 hijos, es decir tiene todos los nodos hasta el nivel L-1.
- Los nodos del nivel L se van insertando desde el nodo padre más a la izquierda. Así, un nodo del nivel L-1, no puede tener hijos si no se han completado los hijos de todos los nodos a su izquierda, en el nivel L-1.

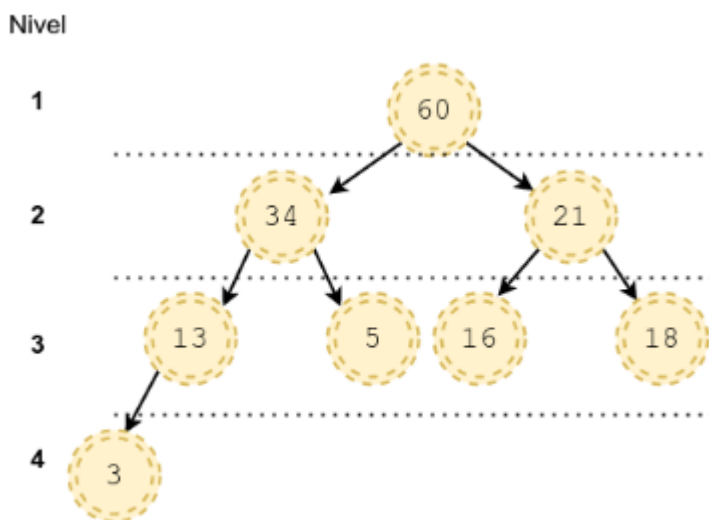
---

## Implementacion Heap

Aqui nos enfocaremos en **push**, **top**, **pop** y encómo mantener las **dos propiedades** definidas anteriormente.



**Figura 6.20:** Izquierda: árbol binario no completo. Derecha: árbol binario completo. Ninguno de los dos casos es un heap.



**Figura 6.21:** Ejemplo de un heap.

Operacion push

## Hashing

- Las búsquedas de datos se reducirán a un costo de  $O(1)$
- se usan los diccionarios, es decir se buscan los datos mediante las llaves

**Funciones hash:** permitirán mapear cualquier llave a una posición en el arreglo del objetivo

- Hashing Modulo:**  $f(k) = |ak + b| \bmod m$ 
  - En donde  $m$  es un número primo cercano a  $N$
  -

## Grafos

Estructura que permite representar relaciones entre pares de elementos.

## Definiciones

- **Grafo:**  $G=\langle V, E \rangle$  queda definido por un conjunto de vertices  $V$  y una coleccion de aristaas  $E$  que conectan ciertos pares de vertices.
- **Vertices:** se nombran con enteros que van desde 0 hasta  $N-1$ , donde  $N$  es la cantidad de vertices.
- **Aristas:** Son las que conectan los vertices, por lo que se suelen llamarse como un par  $(i,j)$ , que indica la conexion entre ellos.

## Arreglo de Listas de Adyacencia

es la representacion de todas las aristas de un grafo mediante una lista

Las opercaiones que se pueden hacer son:

- Insertar una arista dado un par de vertice
- Verificar si una arista existe
- Determinar si existe un camino entre dos vertices
- Obtener un camino entre dos vertices
- Obtener todos los caminos entre dos vertices
- Obtener el camino mas corto entre dos vertices
- Obtener el grado del grafo
- Determinar si el grafo esta conectado
- Otras dependen de la aplicacion en particular