LØST OPPGAVE 11.314

11.314

Når et proton med den kinetiske energien $E_k = 4,80 \cdot 10^{-14} \text{ J}$ treffer et litiumatom, kan vi få reaksjonen

$${}^{7}_{3}\text{Li} + {}^{1}_{1}\text{H} \rightarrow 2 {}^{4}_{2}\text{He}$$

der de to $\alpha\text{-partiklene}$ til sammen har den kinetiske energien $1.41\cdot 10^{-12}\,J.$

Finn massene til H- og He-atomene i fysikktabellen og beregn massen av litiumatomet.

Løsning:

Vi løser denne oppgaven ved å bruke energibevaring. Den totale energien er bevart i reaksjonen. Det betyr at summen av kinetisk energi (bevegelsesenergi) E_k og hvileenergi ($E = mc^2$) må være den samme før og etter reaksjonen. Siden nuklidemassene til H og He er oppgitt i u i tabellen starter vi med å regne dem om til kg:

$$m_{\rm H} = 1,007825048 \text{ u} = 1,007825048 \cdot 1,66 \cdot 10^{-27} \text{ kg}$$

= 1,6729896 \cdot 10^{-27} \text{ kg}
 $m_{\rm He} = 4,002603 \text{ u} = 4,002603 \cdot 1,66 \cdot 10^{-27} \text{ kg}$
= 6,644321 \cdot 10^{-27} \text{ kg}

(I oppgaver som dette bruker vi så mange siffer underveis som nuklidetabellen gir oss. Fordi massesvinnet er så lite, blir det fort galt hvis bruker for få siffer.)

Energibevaring gir da

$$E_{\text{Li}} + E_{\text{H}} + E_{\text{k,før}} + = 2E_{\text{He}} + E_{\text{k,etter}}$$

 $m_{\text{Li}}c^2 + m_{\text{H}}c^2 + E_{\text{k,før}} = 2m_{\text{He}}c^2 + E_{\text{k,etter}}$
 $m_{\text{Li}}c^2 = E_{\text{k,før}} - E_{\text{k,etter}} + 2m_{\text{He}}c^2 - m_{\text{H}}c^2$

$$\begin{split} m_{\mathrm{Li}} &= \frac{E_{\mathrm{k,før}} - E_{\mathrm{k,etter}}}{c^2} + 2m_{\mathrm{He}} - m_{\mathrm{H}} \\ &= \frac{1,48 \cdot 10^{-12} \, \mathrm{J} - 4,80 \cdot 10^{-14} \, \mathrm{J}}{(3,00 \cdot 10^8 \, \mathrm{m/s})^2} + 2 \cdot 1,6729896 \cdot 10^{-27} \, \mathrm{kg} - 6,644321 \cdot 10^{-27} \, \mathrm{kg} \\ &= 1,16 \cdot 10^{-26} \, \mathrm{kg} = 7,01 \, \mathrm{u} \end{split}$$