Utsatt eksamen matematikk 3-termin sommeren 2017

Oppgave 1

En linje har stigningsforhold ¾. Den passerer gjennom punktet (4,9).

Finn linjens skjæringspunkter med x-aksen og y-aksen.

Oppgave 2

- a) Finn den deriverte av funksjonen $y = \frac{1}{24}x\sqrt{x} + \frac{2}{\sqrt{x}}, x > 0$.
- b) Funksjonen har et lokalt minimumspunkt. Finn dette.

Oppgave 3

En linje tangerer parabelen $y = \sqrt{x}$, x > 0. Den skjærer y-aksen i $y = \frac{1}{4}$.

Finn tangeringspunktet.

Oppgave 4

Beregn integralene

a)
$$I_1 = \int \frac{\cos x}{\sqrt{\sin x}} dx$$
.

b)
$$I_2 = \int x^3 \ln x \, dx$$
,

c) Vis ved å bruke delvis integrasjon at
$$\int e^x \sin x \, dx = \frac{1}{2} e^x \left(\sin x - \cos x \right) + C$$
.

Oppgave 5

- a) Finn x-verdiene til ekstremalpunktene av funksjonene $f(x) = x^3 + x^2 3x + 4$ og $g(x) = x^2 2x + 4$ og undersøk hvor det er maksima og minima. Finn også skjæringspunktene til funksjonenes grafer og plott grafene i området fra x = -1 til x = 1.
- b) Finn arealet mellom kurvene til venstre for y-aksen og til høyre for y-aksen.

Oppgave 6.

Finn volumet av rotasjonslegemet som dannes ved å rotere flaten mellom x-aksen og kurven $y = \cos x$, $0 \le x \le \pi/2$, om x-aksen. Hint: Du får bruk for integralet $\int \cos^2 x \, dx = \frac{1}{2} \left(\sin x \cos x + x \right) + C$.

Oppgave 7

Finn en enhetsvektor parallell med linjen 5y-12x=60.

Oppgave 8

Punktene A = (1, -2, 0), B = (2, 1, -2), C = (6, -1, -3) danner en rettvinklet trekant.

- a) Hvilken av vinklene er rett?
- b) Finn trekantens areal.

Oppgave 9

Finn volumet av parallellepipedet utspent av vektorene $\vec{A} = \begin{bmatrix} 1, 2, -1 \end{bmatrix}$, $\vec{B} = \begin{bmatrix} 0, 1, 1 \end{bmatrix}$ og $\vec{C} = \begin{bmatrix} 3, -1, 2 \end{bmatrix}$.