Informasjon

Oppgaven skal leveres inn som en .pdf-fil via Canvas. Dere kan godt skrive for hånd og scanne det dere har gjort. Dere må ha minst 50 % riktig for å få godkjent, og må ha prøvd på alle deloppgavene. Innleveringsfrist står på Canvas.

Oppgave 1

Vi skal løse integralet

$$\int \frac{3x^2 + 6}{x^3 + 3x^2 - 6x - 8} \, \mathrm{d}x. \tag{1}$$

(a) Vis at

$$x^{3} + 3x^{2} - 6x - 8 = (x - 2)(x + 1)(x + 4).$$
 (2)

(b) Forklar at det finnes tall A, B, og C som er slik at

$$\frac{3x^2 + 6}{x^3 + 3x^2 - 6x - 8} = \frac{A}{x - 2} + \frac{B}{x + 1} + \frac{C}{x + 4}.$$
 (3)

- (c) Finn tallene A, B, og C.
- (d) Løs integralet

$$\int \frac{3x^2 + 6}{x^3 + 3x^2 - 6x - 8} \, \mathrm{d}x. \tag{4}$$

Bonusspørsmål: Finn en funksjon f(x) slik at svaret på integralet kan skrives som

$$\int \frac{3x^2 + 6}{x^3 + 3x^2 - 6x - 8} \, dx = \ln|f(x)| + C \tag{5}$$