



Fundamentos Computacionais

Fundamentos Computacionais

Aula anterior – revisão

Negação

Negação de Proposição

A negação de uma proposição em lógica proposicional, pode ser simples ou composta e gera a tabela verdade inversa à proposição que está sendo negada.

- Proposição: Hoje é domingo.
- Negação: Hoje não é domingo.
- Proposição: p
- Negação: ¬p

Negação da Conjunção

Para negar uma conjunção deve-se negar as proposições e "inverter" o conectivo de ∧ para ∨

- Proposição: Pedro é alto e magro.
- Negação: Pedro não é alto **ou** não é magro.
- Proposição: p ∧ q
- Negação: ¬p ∨ ¬q

Negação da Disjunção

Para negar uma disjunção deve-se negar as proposições e "inverter" o conectivo de ∨ para ∧

- Proposição: Amanhã vai chover ou fazer frio.
- Negação: Amanhã não vai chover e não vai fazer frio.
- Proposição: p ∨ q
- Negação: ¬p ∧ ¬q

Negação da Condição / Implicação

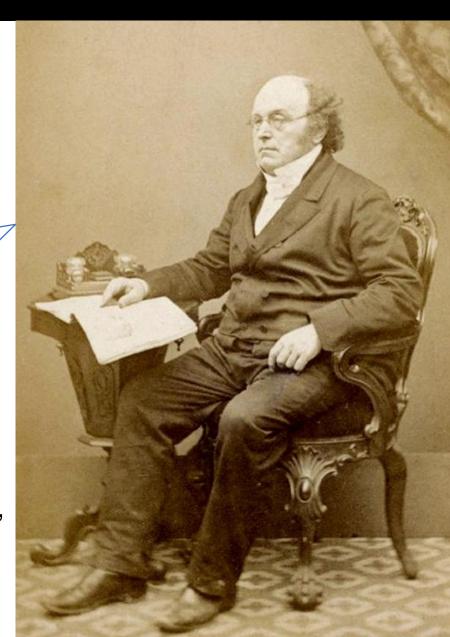
Para negar uma condição deve-se repetir a primeira proposição e negar a segunda unindo elas pelo conectivo ∧.

- Proposição: Se bebo, então fico furioso.
- Negação: Bebo e não fico furioso.
- Proposição: $p \rightarrow q$
- Negação: p ∧ ¬q

Negação Composta

| Proposição | Negação |
|-------------------|------------------------|
| p \ q | ¬p ∨ ¬q |
| p∨q | $\neg p \wedge \neg q$ |
| $p \rightarrow q$ | p ∧ ¬q |

Obs.: As duas primeiras, são conhecidas como as leis de De Morgan, em honra ao matemático inglês do século XIX Augustus De Morgan, primeiro a enunciá-las.



Negação de Quantificadores

| Quantificadores | Negação | |
|-----------------|-----------------------------|--|
| Todo / Todos | Existe, Algum, alguém (não) | |
| Existe, Alguém | Todo / Todos (não) | |
| Nenhum | Algum | |

Hoje

Correção dos exercícios da aula anterior

1) Qual o valor lógico de cada uma das proposições a seguir? Apresente o desenvolvimento.

- a) Se 8 for ímpar, então 6 é ímpar.
- b) Se 8 for par, então 6 é ímpar.
- c) Se 8 for ímpar, então 6 é par.
- d) Se 8 for impar e 6 for par, então 8<6.

2) Determine o "p" em cada um dos seguintes casos:

a)
$$q = F e p \rightarrow q = F$$

b)
$$q = V e p \leftrightarrow q = F$$

c)
$$q = F e q \leftrightarrow p = V$$

3) Determine o "p" e "q" em cada um dos seguintes casos:

- a) $p \rightarrow q = V e p \vee q = F$
- b) $p \leftrightarrow q = V e p \land q = V$
- c) $p \leftrightarrow q = V e p \lor q = V$
- d) $p \leftrightarrow q = F e \neg p \lor q = V$

4) Construa as tabelas-verdade das seguintes fórmulas e identifique as que são tautologias ou contradições.

a)
$$\neg (p \lor \neg q)$$

b)
$$\neg (p \rightarrow \neg q)$$

c)
$$p \wedge q \rightarrow p \vee q$$

d)
$$\neg p \rightarrow (q \rightarrow p)$$

e)
$$p \rightarrow (q \rightarrow (q \rightarrow p))$$

f)
$$\neg (p \rightarrow (\neg p \rightarrow q))$$

a)
$$\neg (p \lor \neg q)$$

| p | q | $\neg q$ | p v ¬q | $\neg (p \lor \neg q)$ |
|---|---|----------|--------|------------------------|
| V | V | F | V | F |
| V | F | V | V | F |
| F | V | F | F | V |
| F | F | V | V | F |

b)
$$\neg (p \rightarrow \neg q)$$

| р | q | $\neg \mathbf{q}$ | $p \rightarrow \neg q$ | $\boxed{\neg(p \to \neg q)}$ |
|---|---|-------------------|------------------------|------------------------------|
| V | V | F | F | V |
| V | F | V | V | F |
| F | V | F | V | F |
| F | F | V | V | F |

c) $p \land q \rightarrow p \lor q$ (tautologia)

| р | q | $\mathbf{p} \wedge \mathbf{q}$ | $\mathbf{p} \vee \mathbf{q}$ | $p \wedge q \rightarrow p \vee q$ |
|---|---|--------------------------------|------------------------------|-----------------------------------|
| V | V | V | V | V |
| V | F | F | V | V |
| F | V | F | V | V |
| F | F | F | F | V |

$$d) \neg p \rightarrow (q \rightarrow p)$$

| р | q | $(q \rightarrow p)$ | ¬р | $\neg p \rightarrow (q \rightarrow p)$ |
|---|---|---------------------|----|--|
| V | V | V | F | V |
| V | F | V | F | V |
| F | V | F | V | F |
| F | F | V | V | V |

e) $p \rightarrow (q \rightarrow (q \rightarrow p))$ (tautologia)

| р | q | $(q \rightarrow p)$ | $q \rightarrow (q \rightarrow p)$ | $p \rightarrow (q \rightarrow (q \rightarrow p))$ |
|---|---|---------------------|-----------------------------------|---|
| V | V | V | V | V |
| V | F | V | V | V |
| F | V | F | F | V |
| F | F | V | V | V |

f) $\neg(p \rightarrow (\neg p \rightarrow q))$ (contradição)

| р | q | ¬р | $(\neg p \rightarrow q)$ | $p \rightarrow (\neg p \rightarrow q)$ | $\neg(p \rightarrow (\neg p \rightarrow q))$ |
|---|---|----|--------------------------|--|--|
| V | V | F | V | V | F |
| V | F | F | V | V | F |
| F | ٧ | V | V | V | F |
| F | F | V | F | V | F |

Exercícios





