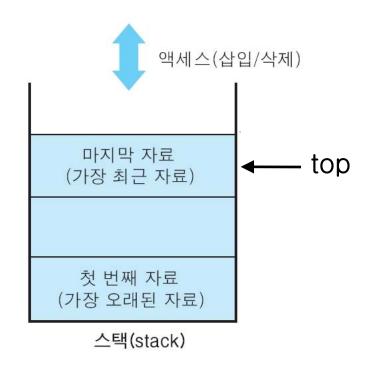
자료구조론

7장 스택(stack)

□ 이 장에서 다를 내용

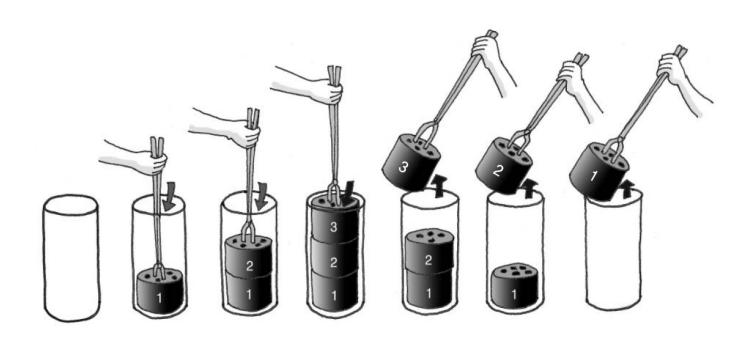
- ❖ 스택
- ❖ 스택의 추상 자료형
- ❖ 스택의 구현
- ❖ 스택의 응용

- ❖ 스택(stack)
 - 접시를 쌓듯이 자료를 차곡차곡 쌓아 올린 형태의 자료구조
 - 스택에 저장된 원소는 top이라고 부르는 한 곳에서만 접근 가능
 - 후입선출 구조 (LIFO: Last-In-First-Out)
 - 마지막에 삽입한(Last-In) 원소는 맨 위에 쌓여 있다가 가장 먼 저 삭제된다(First-Out).





- LIFO 구조의 예 : 연탄 아궁이
 - 연탄을 하나씩 쌓으면서 아궁이에 넣으므로 마지막에 넣은 3번 연탄이 가장 위에 쌓여 있다.
 - 연탄을 아궁이에서 꺼낼 때에는 위에서부터 하나씩 꺼내야 하므로 마지막에 넣은 3번 연탄을 가장 먼저 꺼내게 된다.

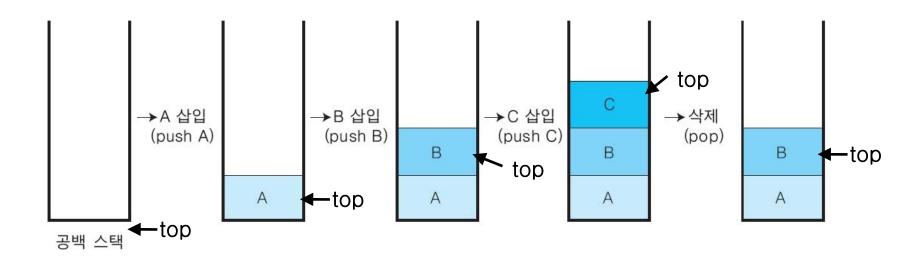


❖ 스택의 연산

■ 삽입 연산 : push

■ 삭제 연산: pop

- ❖ 예) 스택의 원소 삽입/삭제
 - 공백 스택에 원소 A, B, C를 순서대로 삽입하고 한번 삭제해보자.
 - top은 스택의 가장 위에 놓인 원소를 가리킨다.



□ 스택의 추상 자료형

ADT Stack

```
데이터: 0개 이상의 원소를 가진 유한 순서 리스트
  연산 : S = Stack; item = Element;
     createStack() ::= create an empty Stack;
          // 공백 스택을 생성하는 연산
     isEmpty(S) ::= if (S is empty) then return true else return false;
          // 스택 S가 공백인지 아닌지를 확인하는 연산
     push(S, item) ::=insert item onto the top of S;
          // 스택 S의 top에 item(원소)을 삽입하는 연산
     pop(S) := if (isEmpty(S)) then return error
             else { delete and return the top item of S };
          // 스택 S의 top에 있는 item(원소)을 삭제하여 리턴하는 연산
     peek(S) ::= if (isEmpty(S)) then return error
              else return (the top item of the S);
          // 스택 S의 top에 있는 item을 삭제하지않고 리턴하는 연산
End Stack
```

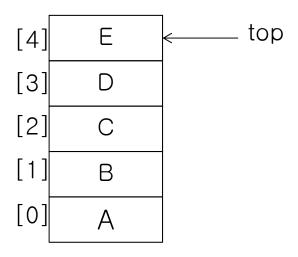
- ❖ 스택의 구현
 - 순차 자료구조
 - 연결 자료구조
- ❖ 순차 자료구조를 이용한 스택의 구현
 - 변수 top: 스택의 가장 위에 놓인 원소의 인덱스를 저장하는 변수 예) 스택의 크기 n이 5인 경우

empty 상태 : top == -1 (초기 상태)

[4]
[3]
[2]
[1]
[0]

top

full 상태 : top == n-1

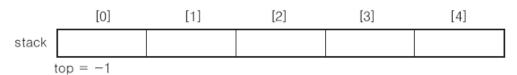


- ❖ 순차 자료구조를 이용한 스택의 구현
 - 1차원 배열을 이용하여 스택을 구현할 수 있다.
 - 스택 크기 = 배열 크기 → 배열 원소 수 만큼의 자료 저장 가능
 - 스택에 저장된 원소의 순서 = 배열 원소의 인덱스
 - 스택의 첫번째 원소 = 인덱스 0
 - 스택의 n번째 원소 = 인덱스 n-1

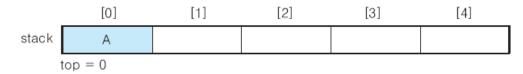


크기가 5인 1차원 배열의 스택에서 [그림 7-6]의 연산 수행과정

① 공백 스택 생성: create(stack, 5);



② 원소 A 삽입: push(stack, A);



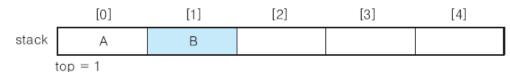
③ 원소 B 삽입: push(stack, B);



④ 원소 C 삽입: push(stack, C);

	[0]	[1]	[2]	[3]	[4]
stack	А	В	С		
top = 2					

⑤ 원소 삭제 : pop(stack);

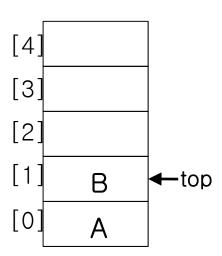


- ❖ 스택의 삽입 연산: push 알고리즘
 - ① 스택이 가득 찬 경우가 아니면
 - top이 가장 위의 자료를 가리키고 있으므로 그 위에 자료를 삽입하 려면 먼저 top의 위치를 하나 증가
 - top ← top+1;
 - ② 스택의 top이 가리키는 새로운 위치에 x 삽입
 - $S[top] \leftarrow x$;

```
push(S, x)
    if (top = stack_SIZE-1) then overflow;
    else {
        top ← top+1;
        S[top] ← x;
    }
    end push()
[4]
[3]
[2]
[1]
[B] ←top
[0]
[A]
```

- ❖ 스택의 삭제 연산 : pop 알고리즘
 - ① 스택이 공백 스택이 아니라면 top이 가리키는 원소를 반환
 - ② 스택의 top 원소를 삭제하였으므로 top의 위치를 그 아래의 원소로 변경해야 함 → top의 위치를 하나 감소

```
pop(S)
    if (top = -1) then error;
    else {
       temp ← S[top];
       top ← top-1;
       return temp;
    }
end pop()
```



■ 배열로 구현한 문자 스택

```
public class ArrayStack {
  private int top;
  private int stackSize;
  private char[] itemArray;
  public ArrayStack(int stackSize){
     top = -1;
     this.stackSize = stackSize;
     itemArray = new char[stackSize];
  public boolean isEmpty(){
     return (top == -1);
  private boolean isFull(){
     return (top == stackSize-1);
                                   // 다음 슬라이드에 계속
```

```
public void push(char item) {
  if(isFull())
     System.out.println("Inserting fail! Array Stack is full!!");
     // ... 배열을 확장하든지, 에러를 발생시키든지 적절한 처리 필요
  else
     itemArray[++top] = item;
public char pop() {
  if(isEmpty()) {
     System.out.println("Deleting fail! Array Stack is empty!!");
     예외 발생;
  else
     return itemArray[top--];
// 다음 슬라이드에 계속
```

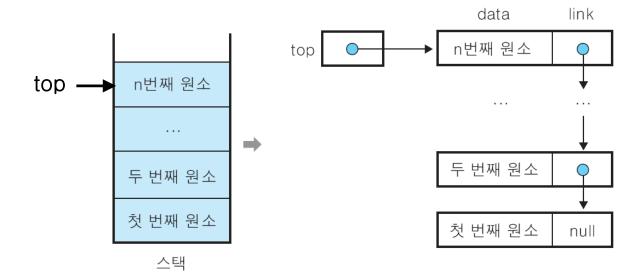
```
public char peek(){
...
스택이 비어 있으면 예외 발생;
}

public String toString(){
  String str = "Stack>> ";
  for(int i=0; i<=top; i++)
    str += itemArray[i] + " ";
  return str;
}

}
```

- 순차 자료구조로 구현한 스택의 장점
 - 순차 자료구조인 1차원 배열을 사용하여 쉽게 구현
- 순차 자료구조로 구현한 스택의 단점
 - 크기가 고정된 배열을 사용하므로 비어있는 공간으로 기억장소 가 낭비될 수 있으며, 스택의 크기 변경이 비효율적임
 - 즉, 순차 자료구조의 단점을 그대로 가지고 있다.
 - → 연결 자료구조를 이용하여 스택을 구현하면 이러한 단점들을 해결할 수 있다.

- ❖ 연결 자료구조를 이용한 스택의 구현
 - 단순 연결 리스트를 이용하여 구현할 수 있다.
 - 스택의 원소 하나가 단순 연결 리스트의 노드 하나로 표현된다.
 - push : 리스트의 가장 앞에 노드 삽입
 - pop: 리스트의 가장 앞 노드 삭제
 - 변수 top : 단순 연결 리스트의 가장 앞 노드를 가리키는 변수
 - empty 상태 : top == null (초기 상태)



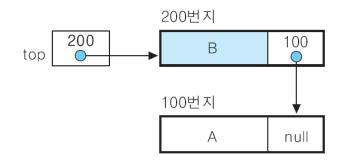
- 단순 연결 리스트 스택에서[그림7-6]의 연산 수행과정
 - ① 공백 스택 생성: create(stack);



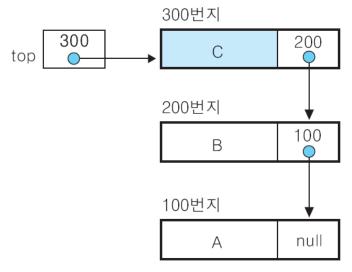
② 원소 A 삽입: push(stack, A);



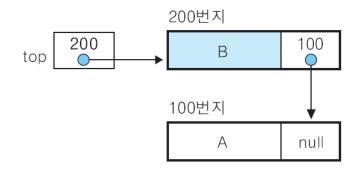
③ 원소 B 삽입: push(stack, B);



④ 원소 C 삽입: push(stack, C);



⑤ 원소 삭제: pop(stack);



• 연결 자료구조 방식을 이용하여 구현한 문자 스택

```
public class LinkedStack {
  private Node top = null;
  public boolean isEmpty(){
     return (top == null);
  public void push(char item){
     Node newNode = new Node();
     newNode.data = item;
     newNode.link = top;
     top = newNode;
  // 다음 슬라이드에 계속
```

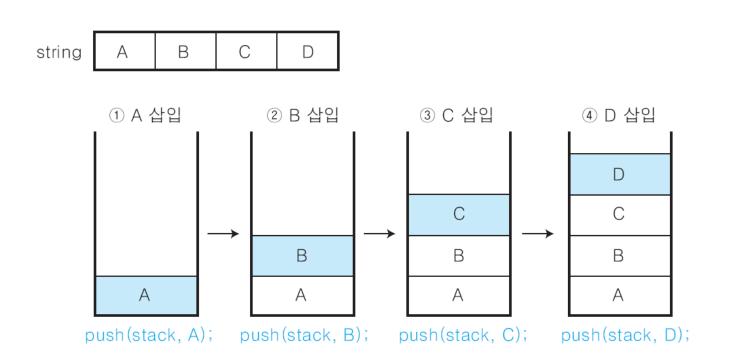
```
public char pop() {
  if(isEmpty()) {
     System.out.println("Deleting fail! Linked Stack is empty!!");
     예외 발생;
  else {
     char item = top.data;
     top = top.link;
     return item;
public char peek() {
  스택이 비어 있으면 예외 발생;
// 다음 슬라이드에 계속
```

```
public String toString(){
    String str = "Stack>>";
    ...
    return str;
}

private class Node{
    char data;
    Node link;
}
```

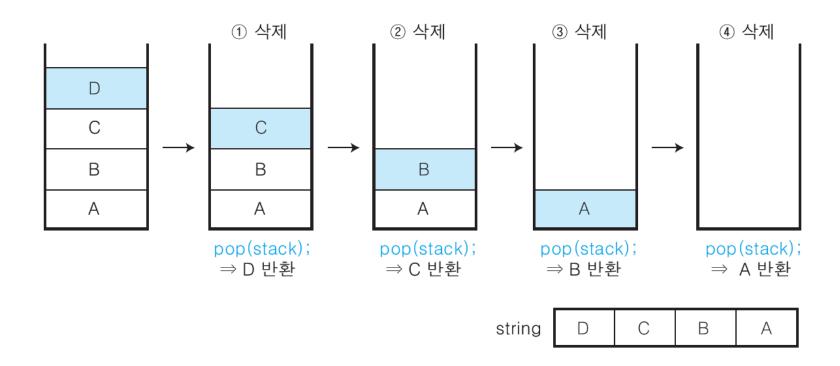
□ 스택의 응용 – (1) 역순 문자열 만들기

- ❖ 역순 문자열 만들기
 - 스택의 후입선출(LIFO) 성질을 이용
 - ① 문자열의 문자들을 순서대로 스택에 push 하기



□ 스택의 응용 – (1) 역순 문자열 만들기

② 스택을 pop하여 나오는 순서대로 문자들을 문자열에 저장하기

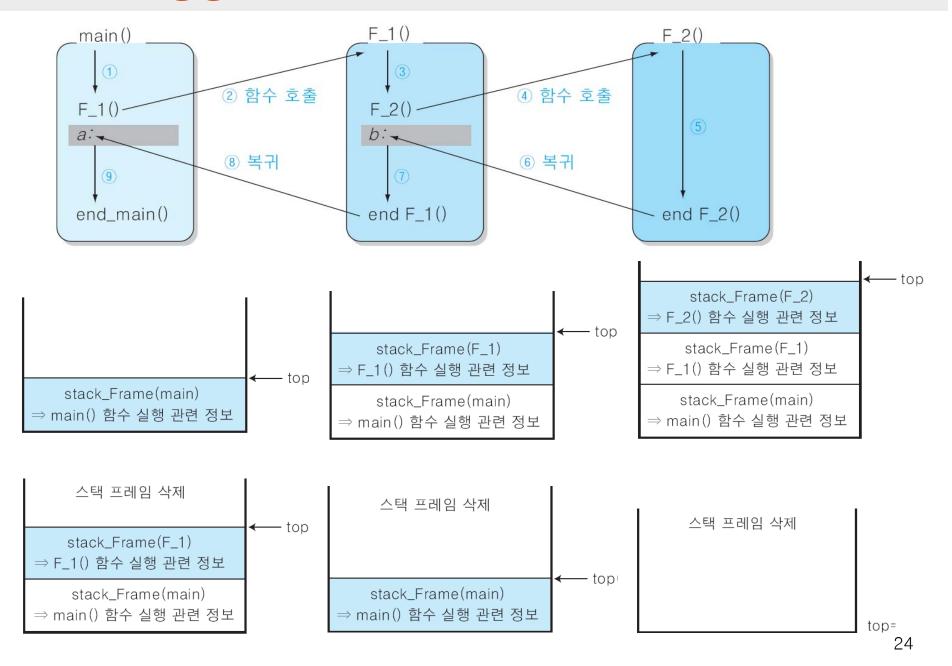


□ 스택의 응용 – (2) 시스템 스택

❖ 시스템 스택

- 프로그램에서의 호출과 복귀에 따른 수행 순서를 관리
 - 가장 마지막에 호출된 함수가 가장 먼저 실행을 완료하고 복귀하는 후입선출 구조이므로, 후입선출 구조의 스택을 이용하여 수행 순서 관리
 - 함수 호출이 발생하면 호출한 함수 수행에 필요한 지역변수, 매 개변수 및 수행 후 복귀할 주소 등의 정보를 스택 프레임(stack frame)에 저장하여 시스템 스택에 삽입
 - 함수의 실행이 끝나면 시스템 스택의 top 원소(스택 프레임)를 삭제(pop)하면서 프레임에 저장되어있던 복귀주소를 확인하고 복귀
 - 함수 호출과 복귀에 따라 이 과정을 반복하여 전체 프로그램 수행이 종료되면 시스템 스택은 공백이 됨

□ 스택의 응용 – (2) 시스템 스택



□ 스택의 응용 – (3) 수식의 괄호 검사

- ❖ 수식의 괄호 검사
 - 수식에 포함되어있는 괄호는 가장 마지막에 열린 괄호를 가장 먼저 닫아 주어야 하는 후입선출 구조로 구성

```
예) [{a*(b+c)}]
```

- → 후입선출 구조의 스택을 이용하여 괄호를 검사
- 괄호 검사 방법
 - 수식을 왼쪽에서 오른쪽으로 하나씩 읽으면서 검사
 - 왼쪽 괄호를 읽으면 스택에 <u>push</u>
 - 오른쪽 괄호를 읽으면 스택을 <u>pop</u>하여 방금 읽은 오른쪽 괄호와 같은 종류인지를 확인
 - ▶같은 종류의 괄호가 아니면 잘못된 수식임
 예) [())
 - ▶스택이 비어있으면 잘못된 수식임 예) ())
 - 수식에 대한 검사가 모두 끝났을 때 스택은 공백
 - ▶스택이 공백이 아니면 잘못된 수식임
 예) (()()

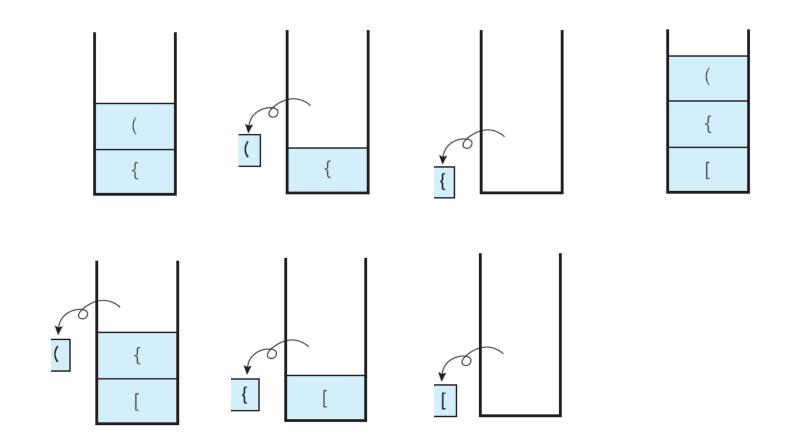
□ 스택의 응용 – (3) 수식의 괄호 검사

■ 수식의 괄호 검사 알고리즘

```
testPair()
   exp \leftarrow Expression; Stack \leftarrow null;
   while (true) do {
       symbol \leftarrow getSymbol(exp);
       case {
           symbol = "(" or "[" or "{" :
               push(Stack, symbol);
           symbol = ")" :
               open_pair \leftarrow pop(Stack);
               if (open_pair ≠ "(") then return false;
           symbol = "]":
               open_pair \leftarrow pop(Stack);
               if (open_pair ≠ "[") then return false;
           symbol = "}" :
               open_pair \leftarrow pop(Stack);
               if (open_pair = "{"} then return false;
           symbol = null :
               if (isEmpty(Stack)) then return true;
               else return false:
end testPair()
```

□ 스택의 응용 – (3) 수식의 괄호 검사

수식의 괄호 검사 예{(A+B)-3}*5+[{cos(x+y)+7}-1]*4



- ❖ 수식의 표기법
 - 중위표기법(infix notation)
 - 연산자를 피연산자의 가운데 표기하는 방법
 - 연산자 우선순위를 표현하기 위해 괄호를 사용
 - > 예) A+B A*(B+C)

- 후위표기법(postfix notation)
 - 연산자를 피연산자 뒤에 표기하는 방법
 - 괄호가 필요 없음
 - > 예) AB+ ABC+*

- 전위표기법(prefix notation)
 - 연산자를 앞에 표기하고 그 뒤에 피연산자를 표기하는 방법
 - 괄호가 필요 없음
 - > 예) +AB *+ABC

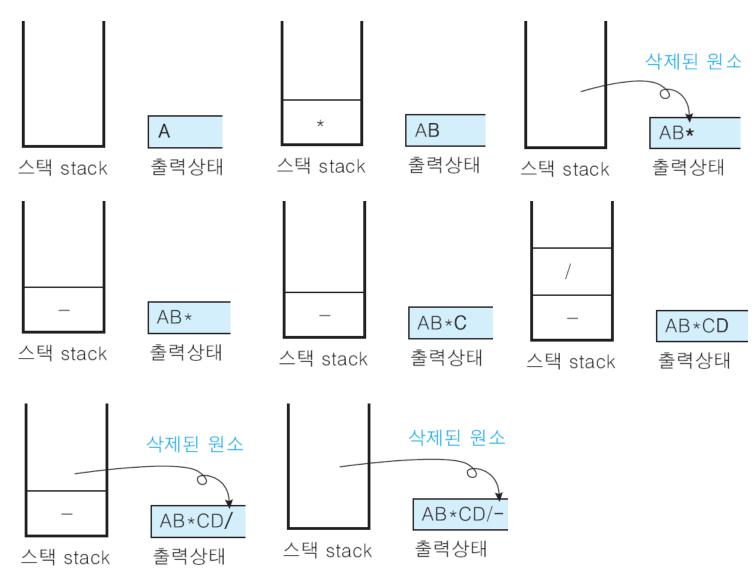
- 중위표기식 to 전위표기식 변환 방법
 - ① 연산자 우선순위에 따라 괄호를 사용하여 수식을 다시 표현한다.
 - ② 각 연산자를 그에 대응하는 왼쪽 괄호의 앞으로 이동한다.
 - ③ 괄호를 제거한다.

- 중위표기식 to 후위표기식 변환 방법
 - ① 연산자 우선순위에 따라 괄호를 사용하여 수식을 다시 표현한다.
 - ② 각 연산자를 그에 대응하는 오른쪽 괄호의 앞으로 이동한다.
 - ③ 괄호를 제거한다.

- ❖ 스택을 사용한 중위표기식 to 후위표기식 변환
 - 변환 방법 : 입력은 모든 연산에 대해 괄호가 있다고 가정.
 예를 들어 (3+(4*5))
 - ① 왼쪽 괄호를 만나면 무시하고 다음 문자를 읽는다.
 - ② 피연산자를 만나면 출력한다.
 - ③ 연산자를 만나면 스택에 push한다.
 - ④ 오른쪽괄호를 만나면 스택을 pop하여 출력한다.
 - ⑤ 수식이 끝나면, 스택이 공백이 될 때까지 pop하여 출력한다.

✓ 연산자 스택 사용

■ 예) ((A*B)-(C/D))



■ 중위 표기법 → 후위 표기법 변환 알고리즘

```
infix_to_postfix(exp)
  while(중위 수식 exp의 끝을 만나기 전) do {
     symbol ← getSymbol(exp);
     case {
        symbol = operand : // 피연산자 처리
          print(symbol);
        symbol = operator : // 연산자 처리
          push(stack, symbol);
        symbol = ")" : // 오른쪽 괄호 처리
          print(pop(stack));
        symbol = null : // 중위 수식의 끝
          while(!isEmpty(stack)) do
             print(pop(stack));
end infix_to_postfix( )
```

■ 후위 표기 변환 프로그램

```
public class Ex7_3
  public static void main(String [] args)
     // 피연산자는 한자리 정수라고 가정
     String exp;
     String postfix;
     exp = "(3*5)-(6/2)";
     postfix = OptExp.toPostfix(exp);
     System.out.println(exp);
     System.out.println("후위표기식:");
     System.out.println(postfix);
```

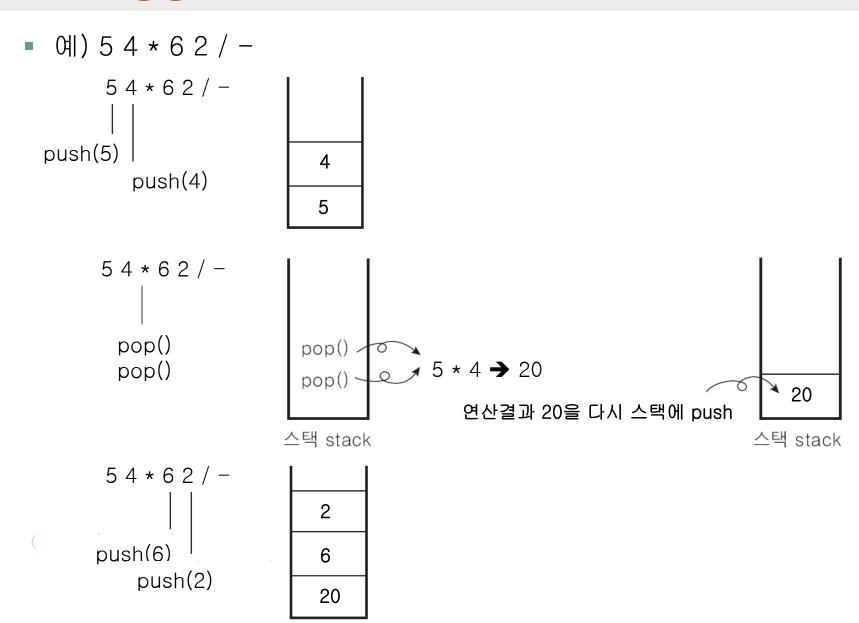
```
public class OptExp {
  public static String toPostfix(String infix) {
     char testCh:
     String postfix = "";
     LinkedStack s = new LinkedStack();
     for(int i=0; i< infix.length(); i++) {
       testCh = infix.charAt(i);
       switch(testCh) {
          case '0': case '1': case '2': case '3': case '4': // 피연산자
          case '5': case '6': case '7': case '8': case '9':
             postfix += testCh;
             break:
          case '+': case '-': case '*': case '/': // 연산자
             s.push(testCh);
             break:
          case ')':
             postfix += s.pop(); break;
     while(!s.isEmpty()) postfix += s.pop();
     return postfix;
```

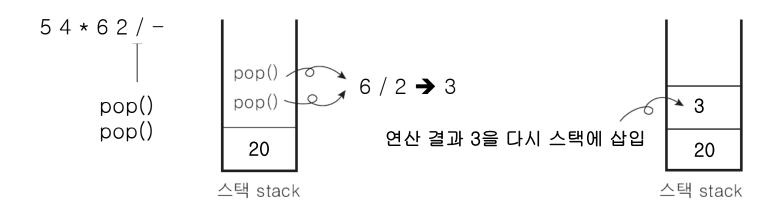
- ❖ 스택을 사용하여 후위표기식을 계산할 수 있다.
 - 계산 방법
 - ① **피연산자**를 만나면 스택에 push 한다.
 - ② 연산자를 만나면 필요한 만큼의 피연산자를 스택에서 pop하여 연산하고, 연산결과를 다시 스택에 push 한다.
 - ③ 수식이 끝나면, 마지막으로 스택을 pop하여 출력한다.
 - 수식이 끝나고 스택에 마지막으로 남아있는 원소는 전체 수식의 연산결과 값이 된다.

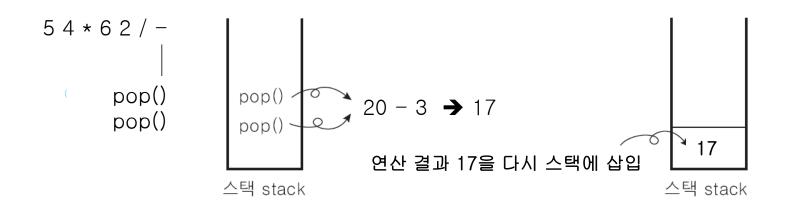
✓ 피연산자 스택 사용

■ 후위 표기 수식 계산 알고리즘

```
evalPostfix(exp) // 이진 연산자(binary operator)만 사용한다고 가정
  while (후위 수식 exp의 끝을 만나기 전) do {
     symbol ← getSymbol(exp);
     case {
        symbol = operand : // 피연산자 처리
           push(stack, symbol);
        symbol = operator : // 연산자 처리
           opr2 \leftarrow pop(stack);
           opr1 \leftarrow pop(stack);
           result ← opr1 op(symbol) opr2;
                   // 스택에서 꺼낸 피연산자들을 연산자로 계산
           push(stack, result);
        symbol = null : // 후위 수식의 끝
           print(pop(stack));
end evalPostfix()
```







☐ java.util.Stack 量础△

❖ java.util 패키지의 Stack 클래스

```
import java.util.Stack;
public class Main {
  public static void main(String[] args) {
      Stack<Integer> s = new Stack<Integer>(); // Integer 스택 생성
      s.push(3);
      int n = s.pop();
```