Proof # 1

$$\frac{n!}{r!(n-r)!} = \frac{(n-1)!}{r!(n-1-r)!} + \frac{(n-1)!}{(r-1)!((n-1)-(r-1))!}$$

$$= \frac{(n-1)!}{r!(n-1-r)!} + \frac{(n-1)!}{(r-1)!(n-r)!}$$

$$= \dots$$

$$= \frac{(n-r+r)(n-1)!}{r(r-1)!(n-r)(n-r-1)!}$$

$$= \frac{(n)(n-1)!}{r(r-1)!(n-r)(n-r-1)!}$$

$$= \frac{n!}{r!(n-r)!}$$

Proof #2

$$\varphi = \exists_x : \forall_y : y \in x$$

$$\forall_x (x \neq \emptyset \to \exists_y \in x (y \cap x = \emptyset))$$

$$\exists_x (x \neq \emptyset \to \forall_y \in x (y \cap x \neq \emptyset))$$

$$\exists_y \in x (y \cap x \neq \emptyset)$$

$$\{y \cap x = \emptyset, y \cap x \neq \emptyset\} \vdash \phi$$

Formula # 1

$$T(n) = \left(T\left(\frac{n}{2^i}\right) + \sum_{k=0}^{i-1} \left(\log_2 \frac{n}{2^k}\right)\right) + 1$$