

# 5. REINFORCE

경희대학교

기계공학과 RCI 연구실  
박보형

2025-2 이동로봇



- | RL vs DRL
- | DQN vs PG
- | Policy Gradient Theorem
- | REINFORCE



## I Reinforcement Learning(RL)

### ⦿ Tabular Updating Method

- making state-action value  $Q(s, a)$  table
- finding optimal policy by updating table repeatedly using Bellman Equation

## I Deep Reinforcement Learning(DRL)

### ⦿ Approximating the state-action value function or policy by deep neural networks

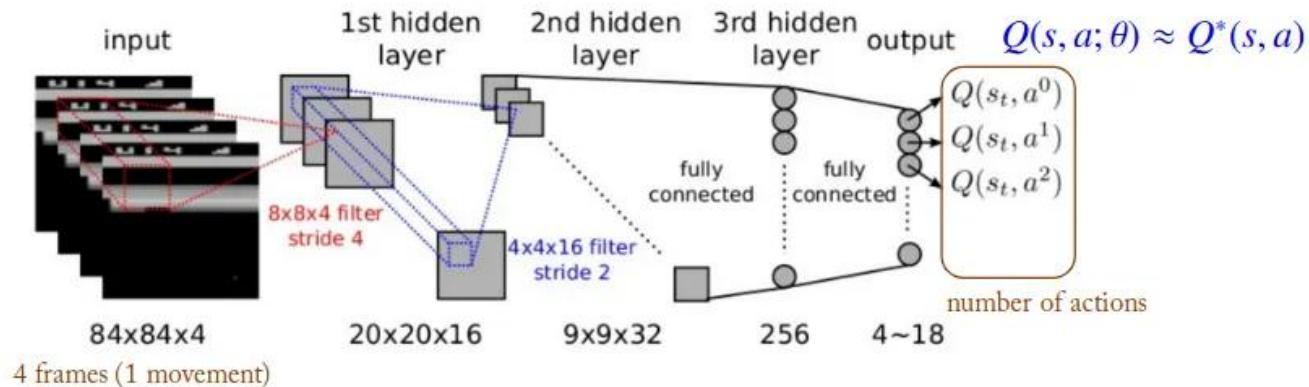
- value function  $Q(s, a) \rightarrow$  DQN
- Policy  $\pi(a|s) \rightarrow$  Policy Gradient (REINFORCE)
- value function + policy  $\rightarrow$  Actor-Critic (A3C)



## DQN

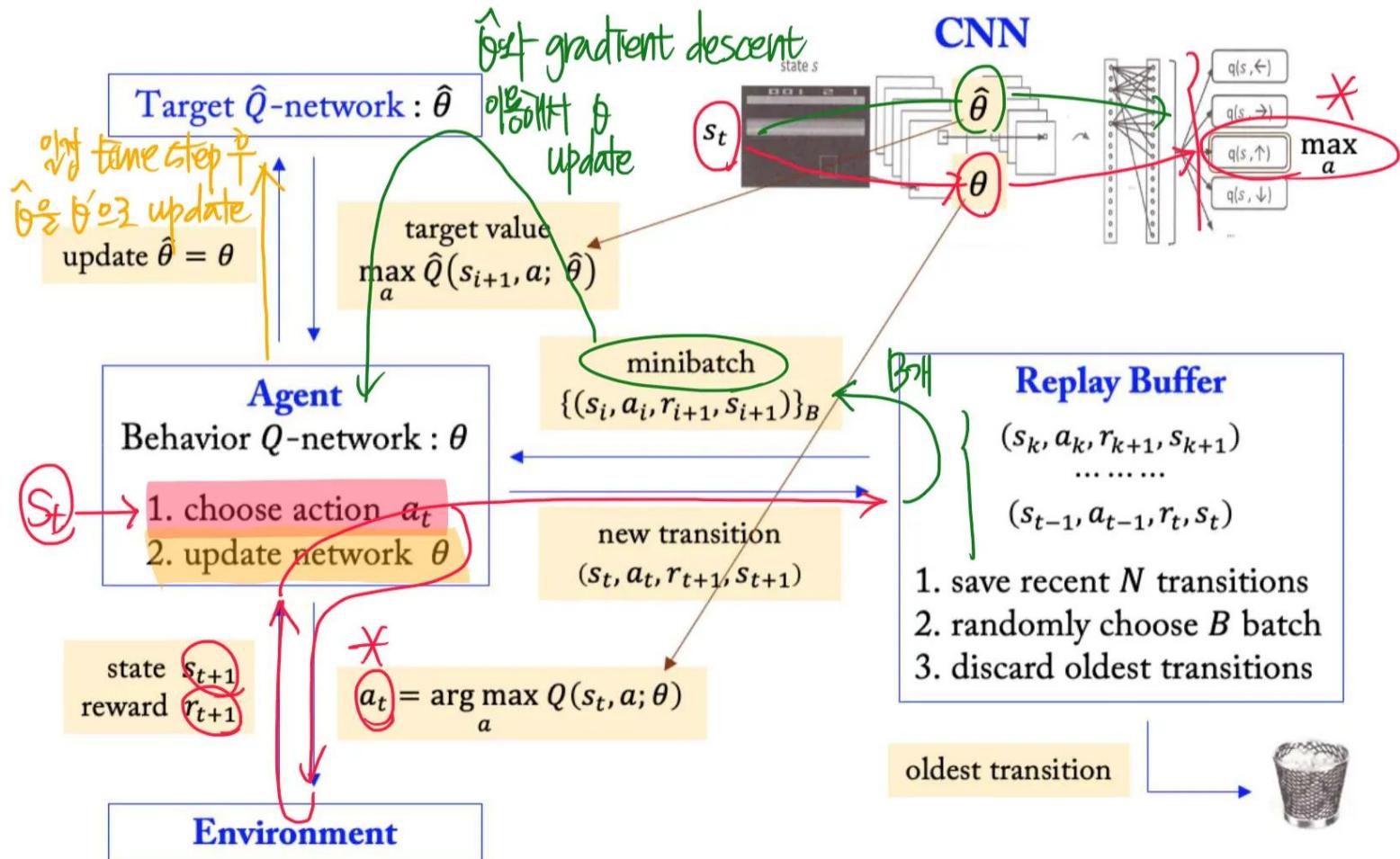
- Q-Learning에서는 State–Action Value Function을 Q-table에 저장해서 사용
- DQN에서는 Q-Table을 CNN(Q-Network)으로 추정하여 사용
  - Input으로 현재 State의 Image Pixel
  - Output으로 모든 Action에 대한 Q값 : 그 중에서 max Q를 갖는 Action을 선택
  - Q-Network를 통해서 Optimal 값을 추정하는 parameter  $\theta$ 를 찾는 것이 학습의 목적
- State 하나만 Input으로 넣기 때문에 State Space의 크기를 고려할 필요가 없다.  
Output의 Node 수는 실제 Action 수만큼 필요하기 때문에 Continuous할 수 없다.

states	Q-table actions			
	↑	↓	←	→
1	0.49	0.44	0.45	0.41
2	0.40	0.40	0.43	0.42
3	0.48	0.41	0.40	0.29
:	:	:	:	:
9	0.77	0.57	0.66	0.85



# DQN vs PG

## I DQN



## | DQN

```

Initialize behavior network  $Q$  with random weights  $\theta$ 
Initialize target network  $\hat{Q}$  with weights  $\hat{\theta} = \theta$ 
Initialize replay buffer  $\mathcal{R}$  to capacity  $N$ 
for episode = 1,  $M$  do
    Initialize sequence  $s_1 = \{x_1\}$  and preprocess  $\phi_1 = \phi(s_1)$ 
    for  $t = 1, T$  do
        With probability  $\epsilon$ , select a random action  $a_t$ 
        otherwise select  $a_t = \arg \max_a Q(\phi_t, a; \theta)$             $\epsilon$ -greedy CNN  $\theta$ 
        Execute  $a_t$  in emulator and observe reward  $r_{t+1}$  and image  $x_{t+1}$ 
        Set  $s_{t+1} = s_t, a_t, x_{t+1}$  and preprocess  $\phi_{t+1} = \phi(s_{t+1})$ 
        Store transition  $(\phi_t, a_t, r_{t+1}, \phi_{t+1})$  in  $\mathcal{R}$ 
        Sample minibatch of  $B$  transitions  $(\phi_i, a_i, r_{i+1}, \phi_{i+1})$  from  $\mathcal{R}$ 
        Set  $y_i = r_{i+1} + \gamma \max_a \hat{Q}(\phi_{i+1}, a; \hat{\theta})$            CNN  $\hat{\theta}$ 
        Perform a gradient descent on  $(y_i - Q(\phi_i, a_i; \theta))^2$            update  $\theta$ 
        Every  $C$  steps, reset  $\hat{Q} = Q$  (i.e.,  $\hat{\theta} = \theta$ )           update  $\hat{\theta}$ 
    end
end

```



## | PG

- ⦿ DQN에서는 Q-Value를 출력하는 Q-Network가 학습 대상
- ⦿ PG에서는 Action을 직접 출력하는 Policy  $\pi_\theta(a|s)$  자체가 학습 대상
- ⦿ Object Function(최적화 하려는 대상)

$$J(\theta) = \mathbb{E}_{\pi_\theta}[r(\tau)] = \int p(\tau; \theta)r(\tau)d\tau$$

$\tau$  = trajectory

$r(\tau)$  = episode total reward

$p(\tau; \theta)$  =  $\tau$ 가 나올 확률 (pdf)

- Total Reward를 Maximize하는 방향으로 Update

- Maximize에는 Gradient Ascent 사용

$$\theta : \theta + \alpha \nabla_\theta J(\theta)$$

- 그런데 Object Function에 Expectation이 있는데 어떻게 미분해야 하나?



## | PG Theorem

$$\nabla_{\theta} J(\theta) = \nabla_{\theta} \mathbb{E}_{\pi_{\theta}}[r(\tau)] = \mathbb{E}_{\pi_{\theta}} \left[ r(\tau) \sum_{t=0}^{T-1} \nabla_{\theta} \log \pi_{\theta}(a_t | s_t) \right]$$

- Object Function의 Gradient는 [total reward]와 [policy에 log를 취한 값을 미분한 것의 sum]과의 product

- 이렇게 했을 때 장점

$$J(\theta) = \mathbb{E}_{\pi_{\theta}}[r(\tau)] = \int p(\tau; \theta) r(\tau) d\tau$$

- 원래는 Expectation을 계산하려면  $p(\tau; \theta)$ 를 모두 알아야 함 : 불가능
- Pass 했지만 식 전개 과정에서  $p(\tau; \theta)$ 가 사라진다.
- 여전히 Expectation이 있지만 이를 Sampling을 통해서 추정
  - 이를 Markov Chain Monte Carlo(MCMC) 방식이라고 한다.
- 이렇게 MCMC로 계산한 Total Reward  $r(\tau)$ 은 variance가 크다.
  - 그래서 Discounted Return  $G_t$ 를 사용 = REINFORCE

$$\nabla_{\theta} J(\theta) = \mathbb{E}_{\pi_{\theta}} \left[ \sum_{t=0}^{T-1} G_t \nabla_{\theta} \log \pi_{\theta}(a_t | s_t) \right]$$



## REINFORCE

Repeat (1) ~ (3)

(1) Execute  $M$  trajectories

(each starting in state  $s$  and executing (stochastic) policy  $\pi_\theta$ )

(2) Approximate the gradient of the objective function  $J(\theta)$

$$g_\theta := \frac{1}{M} \sum_{i=1}^M \left( \sum_{t=0}^{T-1} G_t^{(i)} \nabla_\theta \log \pi_\theta(a_t^{(i)} | s_t^{(i)}) \right) \approx \nabla_\theta J(\theta)$$

(3) Update policy (network parameters) to maximize  $J(\theta)$

$$\theta := \theta + \alpha g_\theta \approx \theta + \alpha \nabla_\theta J(\theta)$$

### REINFORCE with baseline

Initialize state-value  $V(s; \phi)$  and policy  $\pi(a | s; \theta)$  randomly

Hyperparameters: stepsizes  $\alpha > 0$ ,  $\beta > 0$

**for** episode = 1,  $M$  **do**

    Generate an episode  $s_0, a_0, r_1, s_1, \dots, s_{T-1}, a_{T-1}, r_T$ , following  $\pi(\cdot | \cdot; \theta)$

**for**  $t = 0, T-1$  **do**

$G_t \leftarrow$  return from step  $t$

$\delta \leftarrow G_t - V(s_t; \phi)$

$\phi \leftarrow \phi + \beta \delta \nabla_\phi V(s_t; \phi)$

$\theta \leftarrow \theta + \alpha \gamma^t \delta \nabla_\theta \log \pi(a_t | s_t; \theta)$

**end**

**end**

$$\text{minimizing } L(\phi) = \mathbb{E}_{\pi_\theta} \left[ \sum_{t=0}^{T-1} (G_t - V(s_t; \phi))^2 \right]$$

$$\nabla_\theta J(\theta) = \mathbb{E}_{\pi_\theta} \left[ \sum_{t=0}^{T-1} (G_t - V(s_t; \phi)) \nabla_\theta \log \pi_\theta(a_t | s_t) \right]$$

▣ 그런데 Return  $G_t$ 는 매우 큰 Variance를 가진다 : 학습이 잘 안된다.

▣ Solution : Return  $G_t$ 에서 어떤 기준값(baseline)을 빼주고, 그보다 좋은 Action만 강화하자!

Baseline : 현재 상태의 State-Value

$$V(s) = \mathbb{E}_{\pi_\theta} [ G_t \mid S_t = s ] \quad b(s_t) = V^\pi(s_t)$$

- 해당 State에서 평균적으로 얻는 Return을 의미
- Baseline의 State-Value : Critic
- Policy : Actor



## | REINFORCE 코드 실습

- ⦿ RL의 Q-Table이 가진 한계를 Q-Network를 통해 State를, PG를 통해 Action을 Continuous로 확장하여 해결 : DRL로의 확장
- ⦿ REINFORCE 알고리즘을 Cart Pole에 적용한 예제 구현 및 학습 실습





# 감사합니다

---

