Մաթեմատիկայի օլիմպիադայի դպրոցական փուլ 2023-2024 ուստարի

9-րդ դասարան

Տևողությունը 2ժ. 30 րոպե

	0.5x + 2.y = 5	-x nupli	ղսերոų ս	սրորդրսա	տայրս	առասցքսերով	սաոսասափակված	քառասգյաս	
	ներսում։ [Եթե	կետը գտն	վում է քա	շանկյան կո	ղմերի կ	լամ գագաթների	վրա, ապա համարո	ւմ ենք, որ այն	
	քառանկյան ներսում չէ]։								
	1) 4	2) 5	3) 6	4) 7					
11.	0 կենտրոնով շ	շրջանագծ]	ի <i>B</i> կետից	տարված է	շրջանս	ւգծի <i>BA</i> շոշափո	ղը։ <i>C</i> կետը գտնվում	է շրջանագծ ի	
	վրա, ընդ որում 0 կետը գտնվում է AC հատվածի վրա։ Հայտնի է, որ $\angle OBC = 15^\circ$ ։ Գտնել $\angle OAB$ -ն։								

- Գտնել ամենամեծ a բնական թիվը, որի համար $x^2 + 2x = 3 a$ հավասարումն ունի իրական արմատ։ 1) 2 2)3 3) 4
- Գտնել $(x-1)^2 + (y+2)^2 = 5$ շրջանագծի կենտրոնի կոորդինատների գումարը։ 3) -2 4) 1 2) 2

1. Գտնել $(x^2-1)(x^2-5x+1)=0$ հավասարման բոլոր արմատների գումարը։

3) 5

3) -1

Հայտնի է, որ $\frac{x+y}{x-y}=2$ ։ Գտնել $\frac{x}{y}$ արտահայտության արժեքը։

2) 6

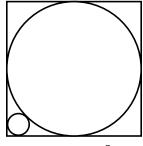
2) 3

- Գտնել այն ամենափոքր բնական թիվը, որն ունի ձիշտ 7 հատ բնական բաժանարար։ 1) 12 2) 24 3) 32 4) 64
- H-ը ABC սուրանկյուն եռանկյան բարձրությունների հատման կետն է։ Ընդ որում $\angle HAB = 30^{\circ}, \angle HBA = 20^{\circ}$ ։ Գտնել $\angle ACB$ -ն։ 1) 10° 2) 25°
- 3) 50° 4) այլ պատասխան 7. ABC եռանկյան B գագաթից տարված կիսորդի շարունակությունը ABC եռանկյան արտագծած շրջանագիծը հատում է D կետում։ Գտնել ABC
- անկյունը, եթե $\angle ACD = 31^{\circ}$: 1) 31° 2) 62° 3) 28° 4) այլ պատասխան
- 8. *A*-ն և *B*-ն կամայական բազմություններ են, որոնք կազմված են 100-ը չգերազանցող բնական թվերից, ընդ որում, A բազմությունն ունի 54 տարր, իսկ B-ն՝ 81։ Նշված պայմաններին բավարարող A և B հատումը ամենաքիչը քանի՞ տարը կարող է ունենալ։
- 1) 46 3) 19 2) 27 4) 35 9. Մարզադահլի Δ ի հատակի վրա պատկերված է 3×3 չափի վանդակավոր տախտակ։ Մարզիկը ունի 9

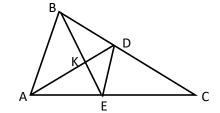
պատկերված]

- հատ գնդակ, որոնցից 3-ր կարմիր են, 3-ր՝ կապույտ, 3-ը՝ նարնջագույն։ Մարզիկը ցանկանում է այդ գնդակները տեղավորել 3 × 3 չափի վանդակավոր տախտակի դաշտերում այնպես, որ ցանկացած հորիզոնական, ինչպես նաև ցանկացած ուղղաձիգ ուղղի վրա չլինեն նույն գույնի գնդակներ։ Ամենաշատր քանի՞ եղանակով նա կարող է տեղադրել գնդակները։ [Նկարում ոչ բոլոր գնդակներն
 - 1) 12 2) 6 3) 24 4) այլ պատասխան
- 10. Գտնել կոորդինատային հարթության այն բոլոր կետերի քանակը, որոնց կոորդինատներն ամբողջ թվեր են և որոնք գտնվում են y=
 - 1) 15° 2) 30° 3) 45° 4) 60°

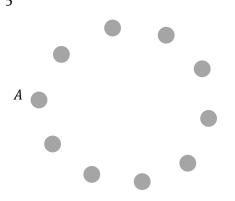
12. 2 սմ երկարությամբ կողմ ունեցող քառակուսուն ներգծած է շրջանագիծ։ Մեկ այլ շրջանագիծ շոշափում է այդ շրջանագիծը և տրված քառակուսու երկու հարևան կողմերը։ Քանի՞ սմ է երկրորդ շրջանագծի շառավիդը։



- 1) $\sqrt{2} 1$ 2) $2\sqrt{3} 3$ 3) $3 2\sqrt{2}$ 4) այլ պատասխան
- 13. a-ն և b-ն կամայական այնպիսի ամբողջ թվեր են, որ 2a + 3b թիվը բաժանվում է 5-ի։ Գտնել $a + b^2$ թիվը 5-ի բաժանելիս ստացված բոլոր հնարավոր իրարից տարբեր մնացորդների գումարը։
 - 1) 3
- 2) 6
- 3) 7
- 4) այլ պատասխան
- 14. Հողամասի մի կողմը սահմանափակված է գետով, իսկ մյուս երեք կողմերը՝ 80 մ երկարությամբ ցանկապատով։ Դիտարկվում են նշված հատկությամբ օժտված բոլոր հնարավոր ուղղանկյունաձև հողամասերը։ Ամենաշատը քանի՞ քառակուսի մետը մակերես կարող է ունենալ այդպիսի հողամասը։
 - 1) 400
- 2) 500
- 3) 600
- 4) այլ պատասխան
- 15. Գտնել այն բոլոր n բնական երկնիշ թվերի քանակը, որոնց համար $4^n + 2^n + 1$ թիվը բաժանվում է 7-հ։
- 2) 45
- 3) 30
- 4) այլ պատասխան
- 16. Գտնել {1,2,3,4,5,6} բազմության առնվացն երկու տարր պարունակող այն բոլոր ենթաբացմությունների րանակը, որոնցից լուրաբանչյուրի բոլոր տարրերի գումարը բաժանվում է 3-ի ։
- 17. Գտնել բնական թվերից կազմված այն բոլոր (x,y) թվագույգերի քանակը, որոնց համար տեղի ունեն հետևյալ պայմանները. 3x + 5y թիվը բաժանվում է 7-ի և $x \le 28$, $y \le 28$ ։
- 18. α իրական թիվը $x^2 5x 3 = 0$ հավասարման արմատ է, իսկ α^2 թիվը $x^2 + bx + c = 0$ հավասարման արմատ է, որտեղ b,c-ն ամբողջ թվեր են։ Գտնել b+7c արտահայտության արժեքը։
- 19. D և E կետերը գտնվում են ABC եռանկյան համապատասխանաբար BC և AC կողմերի վրա։ BE և ADհատվածները հատվում են K կետում։ Հայտնի է, որ ABK և DKE եռանկյունների մակերեսները համապատասխանաբար 5 մ 2 և 4 մ 2 են։ Դիտարկվում են նշված պայմաններին բավարարող բոլոր հնարավոր ABC եռանկյունները և $D_{i}E$ կետերը։ Ամենաքիչը քանի $^{\circ}$ քառակուսի մետր կարող էլինել ADC եռանկյան մակերեսը։



20. Լուսատախտակի վրա շրջանաձև և մեկրնդմեջ դասավորված են 5 հատ կարմիր և 5 հատ կապույտ գնդիկներ։ Սկզբնական պահին *A* կարմիր գնդիկը միացված է (լուսավորված է)։ Եթե ինչ-որ պահի միացված է որևէ կարմիր գնդիկ, ապա թույլատրվում է անջատել այդ գնդիկը և միացնել ժամսյաքի ուղղությամբ նրան հաջորդող երկու գնդիկներից մեկը։ Իսկ եթե միացված է որևէ կապույտ գնդիկ, ապա թույլատրվում է անջատել այդ գնդիկը և միացնել այդ գնդիկից հետո եկող երկրորդ և երրորդ գնդիկներից որևէ մեկր (ժամպաքի ուղղությամբ)։ Օլիմպիադայի մասնակիցը մոտենում է յուսատախտակին և սկսում կատարել որոշակի թույլատրելի



քայլեր։ Նա վերջացնում է իր աշխատանքը, երբ ինչ-որ մի դիրք կրկնվում է։ Ամենաշատը քանի՞ եղանակով նա կարող է կատարել իր քայլերն այնպես, որ քայլերի ավարտին պարզվի, որ լուսավորված է վերը նշված *A* գնդիկը։