Մաթեմատիկայի օլիմպիադա (15.12.2020թ.) Դպրոցական փուլ 9 -րդ դասարան /տևողությունը 150 րոպե/

2. Երկնիշ թվին ձախից և աջից կցագրին 1։ Հայտնի է, որ արդյունքում ստացված քառանիշ

3) 27

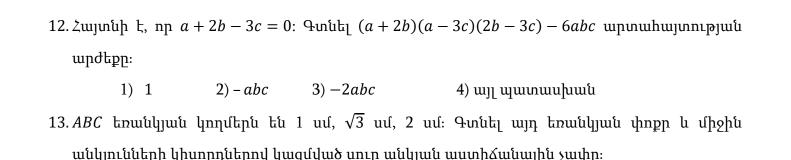
4) այլ պատասխան

1. Հայտնի է, որ $a-\frac{1}{a}=5$ ։ Հաշվել $a^2+\frac{1}{a^2}$ արտահայտության արժեքը։

2) 25

1) 23

	թիվը սկզբնական երկնիշ թվի վրա բաժանելիս քանորդում ստացվում է 44, իսկ մնացորդում 15։ Գտնել սկզբնական երկնիշ թիվը։
	1) 27 2) 28 3) 29 4) այլ պատասխան
3.	Գտնել a^3+b^3 արտահայտության արժեքը, եթե $a+b=4,ab=3$ ։
	1) 64 2) 28 3) 27 4) այլ պատասխան
4.	ABC եռանկյան AB կողմի վրա վերցված է E կետ։ Գտնել ABC անկյան աստիձանային չափը,
	եթե հայտնի է, որ $AE=BC=2$, $EC=\sqrt{3}$, $AC=\sqrt{7}$ ։
	1) 45 2) 90 3) 60 4) այլ պատասխան
5.	Գտնել $y=2x-1$, $y=-0.5x+4$ ուղիղներով և OX առանցքով սահմանափակված
	պատկերի մակերեսը։
	1) 11,25 2) 22,5 3) 45 4) այլ պատասխան
6.	a-ի ի՞նչ արժեքների դեպքում $y=x+a-1$ և $y=(2a+10)x-1$ ուղիղները կլինեն իրար
	ուղղահայաց։
	1) -4,5 2) -5,5 3) -5 4) այլ պատասխան
7.	Գտնել այն քառանիշ թվերի քանակը, որոնց թվանշանները գրված են աձման կարգով։
	1) 126
8.	Հաշվել արտահայտության արժեքը՝ $80^2-79^2+78^2-77^2+\cdots+2^2-1^2$ ։
	1) 3240 — 2) 40 — 3) 6480 — 4) այլ պատասխան
9.	35,3 սմ և 28,1 սմ։ Գտնել սեղանի փոքր հիմքին առընթեր անկյունների գումարը։ 1) 225° 2) 270° 3) 90° 4) 180°
10). Գտնել n ամբողջ թվի այն բոլոր արժեքների քանակը, որոնց համար $rac{2n-1}{n+4}$ կոտորակի արժեքը
	ամբողջ թիվ է։
	1) 3 2) 6 3) 1 4) այլ պատասխան
11	Դիցուք S -ը $y=4x-x^2$ պարաբոլով և OX առանցքով սահմանափակված պատկերի
	մակերեսն է։ Նշված պնդումներից ո՞րն է Ճիշտ։
	1) $S < 8$ 2) $8 \le S < 16$ 3) $16 \le S < 20$ 4) $20 \le S$



14. Գտնել այն բոլոր եռանիշ թվերի քանակը, որոնց թվանշաններից որևէ երկուսի դրական տարբերությունը հավասար է 5-ի։

4) այլ պատասխան

3) 60°

- 1) 260 2) 244 3) 243 4) այլ պատասխան
- 15.ABC սուրանկյուն եռանկյան մեջ տարված են AD և BE բարձրությունները։ Գտնել ADE անկյունը, եթե $\angle BAC = 75^\circ$:
 - 1) 15° 2) 30° 3) 45° 4) 60°

2) 30°

1) 45°

- 16. Տրված է *ABC* հավասարակողմ եռանկյունը, որի յուրաքանչյուր կողմը բաժանված է 5 հավասար հատվածների։ Այդ բաժանման կետերից տարված են եռանկյան կողմերին զուգահեռ ուղիղներ։ Դիցուք *S*-ը այդ եռանկյան գագաթների, նրա կողմերի բաժանման կետերի և այդ ուղիղների հատումից առաջացած կետերի բազմությունն է։ Գտնել այն եռանկյունների քանակը, որոնց գագաթները պատկանում են *S* բազմությանը և որոնց կողմերը պարունակող ուղիղները զուգահեռ են կամ համընկնում են *ABC* եռանկյան կողմերին։
- 17. K, L, M, N կետերը ABCD քառակուսու համապատասխանաբար AB, BC, CD, AD կողմերի միջնակետերն են։ Գտնել ABCD քառակուսու և AL, BM, CN և DK ուղիղներով սահմանափակված պատկերի մակերեսների հարաբերությունը։
- 18. Գրատախտակին գրված է 12 թիվը։ Աշակերտը յուրաքանչյուր քայլում գրատախտակին գրված թվից հանում է 2 կամ 3։ Քանի՞ եղանակով նա կարող է ստանալ 0 թիվը։
- 19. Դիցուք a,b-ն [0;1] միջակայքի կամայական թվեր են։ Ուղղանկյուն կոորդինատային հարթության մեջ նշված են բոլոր այն կետերը, որոնց կոորդինատներն են (2a-b,a+b)։ Գտնել ստացված երկրաչափական պատկերի մակերեսը։
- 20. Հայտնի է, որ a-ն և b-ն կամայական իրար հետ փոխադարձաբար պարզ բնական թվեր են (a>b)։ Նշանակենք d-ով a^2+b^2 և a^3-b^3 թվերի ամենամեծ ընդհանուր բաժանարարը։ Գտնել d-ի բոլոր հնարավոր արժեքների գումարը։