## PGF 5202 CAOS EM SISTEMAS DISSIPATIVOS

## 1° Semestre de 2018 Entregar no dia 23 de maio

2° Lista

- Emregar no una 25 de maio
- 1°) Esta questão diz respeito aos itens 9.1 e 9.2, referentes ao sistema de Lorenz, do livro *Chaos*, escrito por Alligood, Sauer e Yorke
- a) Determine os pontos de equilíbrio do sistema de Lorenz.
- b) Considere a Tabela 9.1 (com os parâmetros σ = 10 e b = 8/3). Escolha condições iniciais adequadas e obtenha numericamente, no plano zx, exemplos dos atratores caóticos, pontos de equilíbrio atrativos e transiente caótico, para um valor do parâmetro de controle r em cada um dos intervalos mencionados nessa tabela.
- 2°) Esta questão diz respeito a resultados sobre o sistema de Lorenz, contidos no artigo *Deterministic Nonperiodic Flow*, de E. N. Lorenz, publicado no *Journal of Atmospheric Sciences* **20**, 130-141 (1963).
- a) Obtenha numericamente, no plano zx, o atrator da Fig. 2.
- b) Obtenha numericamente a Fig. 4.
- c) Obtenha numericamente a Fig. 5.
- 3°) Esta questão diz respeito à Fig. 10.16 do livro *Chaos* (escrito por de Alligood, Sauer e Yorke), referente a uma crise de um atrator caótico do Mapa de Ikeda,
- a) Calcule numericamente o diagrama de bifurcação, em função do parâmetro a de controle, no intervalo em que ocorre a crise (6,6 < a < 7,6). Assinale, nesse diagrama, o valor crítico  $a = a_c$  da crise analisada.
- b) Faça um gráfico da evolução da variável y (em função de n) para cada atrator caótico da Fig. 10.16.
- c) Reproduza os atratores da Figura 10.16. Discuta a intermitência observada na alteração dos atratores das Figs. 10.16 (c) e (d)

Sugestão: Leia o item II.C (*The Ikeda Map*) do artigo *Critical Exponents for Crisis-Induced Intermittency*, de C. Grebogi, E. Ott, F. Romeras, J. A. Yorke, publicado em Physical Review A, *36*, 5365 (1987).

- 4°) Esta questão diz respeito à Fig. 10.19 do livro *Chaos* (escrito por de Alligood, Sauer e Yorke), referente a um transiente caótico do Mapa de Ikeda.
- a) Calcule, numericamente, as coordenadas do ponto fixo e mostre que ele é estável.
- b) Para um valor de  $r = 0.997 < r_c$ , obtenha numéricamente o atrator caótico e o ponto fixo estável.
- c) Para um valor de  $r = 1,003 > r_c$ , obtenha numéricamente a Fig. 10.19 com o transiente caótico e o ponto fixo estável.
- d) Idem para r = 1,005 e r = 1,007.

Sugestão: Leia o artigo *Critical Exponent of Chaotic Transients in Nonlinear Dynamical Systems*, de C. Grebogi, E. Ott, J. A. Yorke, publicado em Physical Review Letters, *57*, 1284 (1986).

- $5^{\circ}$ ) Esta questão diz respeito às Figs. 10.17 e 10.18 do livro *Chaos* (escrito por Alligood, Sauer e Yorke), referente a uma crise do atrator do mapa de Hénon  $f_a(x, y)$ .
  - Obtenha numéricamente
- a) Os atratores caóticos e o ponto de sela da Fig. 10.17.
- b) Faça o diagrama de bifurcação da variável y em função do parâmetro a, para o intervalo correspondente à crise observada (1,80 < a < 2,10). Assinale, nesse diagrama, o valor crítico  $a = a_c$  da crise analisada.

Sugestão: Leia o item II.F (*Pairwise merging of chaotic bands*) do artigo *Critical Exponents for Crisis-Induced Intermittency*, de C. Grebogi, E. Ott, F. Romeras, J. A. Yorke, publicado em Physical Review A, *36*, 5365 (1987).