PIZZO

Vertex-Cover to problem, dla danego grafu i liczby k, czy można wybrać k wierzchołków tego grafu tak, by każda z krawędzi miała wybrany co najmniej jeden z końców. Zbiór wierzchołków, które pokrywają przynajmniej jeden z końców każdej krawędzi, będziemy nazywać pokryciem.

Zadanie domowe nr 5 (6 punktów)

To zadanie można robić w parach lub samemu. W przypadku samodzielnego wykonania, należy pominąć części E i G.

- \mathbf{Cze} ść \mathbf{A} . Stwórz program, który dla zadanej liczby n tworzy losowy graf o n wierzchołkach. Zadbaj o to, żeby generowane grafy były zróżnicowane.
- **Część B.** Stwórz program, który dla danego grafu robi *szybki szacunek* minimalnego pokrycia. Ma to być algorytm zachłanny, który wybiera wierzchołek o największym stopniu, dodaje go do prowizorycznego pokrycia i usuwa go (wraz z jego krawędziami) z grafu, powtarzając to aż do momentu, gdy otrzymamy pokrycie.
- **Część C.** Wykorzystaj program z części A do wygenerowania grafów do testów. Dla tych grafów, narzędziem z części B oszacuj minimalne pokrycie, a następnie z prawdopodobieństwem 0.5 od wyniku odejmij 1 (szacunek mógł być zbyt duży, a nawet jak nie był, to potrzebne nam do testów też instancje negatywne). W ten sposób przygotuj dane do testów programów rozwiązujących problem vertex cover. Upewnij się, że w danych są też duże wartości liczby k jeśli nie ma, to popracuj nad zróżnicowaniem w części A.
- \mathbf{Cze} ść \mathbf{D} . Stwórz program, który rozwiązuje problem vertex-cover metodą brute-force, sprawdzając wszystkie podzbiory wierzchołków rozmiaru k.
- Część E. Stwórz program, który rozwiązuje problem vertex-cover w czasie $O(2^k|G|)^1$.
- Część F. Stwórz program, który rozwiązuje problem vertex-cover z wykorzystaniem smt-solvera.
- Część G. Stwórz program, który rozwiązuje problem vertex-cover z wykorzystaniem sat-solvera.
- Część H. Przeprowadź miarodajne eksperymenty porównujące czasy działania wszystkich stworzonych programów na grafach wygenerowanych w części C. Jak się zmieniają te czasy w zależności od rozmiaru grafu, a jak w zależności od liczby k?
- \mathbf{Cze} ść I. Dla każdego programu eksperymentalnie określ, jak duże grafy i liczby k jest w stanie przetworzyć w dwie minuty.
- **Część R.** Przygotuj pojedynczy plik PDF z raportem z wykonania tego zadania. W nim opisz szczegółowo swoje rozwiązanie części A, F, G, H i I. Oprócz tabel i wykresów, należy wyciągnąć wnioski z eksperymentów.

Jako rozwiązanie wyślij w skosie dwa pliki: PDF (nie zapomnij podać autora/autorów w nagłówku) oraz archiwum z wszystkimi implementacjami.

 $^{^1}$ Wskazówka: Dla każdej krawędzi, w pokryciu musi być jej przynajmniej jeden koniec. Zauważ, że ten algorytm dla ustalonego k jest liniowy.