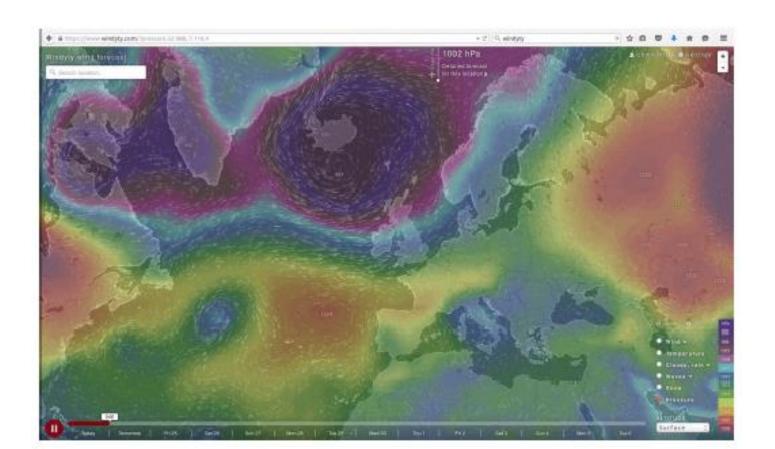
Dinâmica 20/09/2023 a 18/12/2023 Review

- 1 Equações de Navier Stokes
- 1.1 A equação da temperatura potencial. 1
- 1.2 Advection of Pollution
- 1.2.1 Advecção linear pura.
- 1.2.2 Advecção / difusão com fontes e sumidouros.
- 1.3 A Equação do Momentum.
- 1.3.1 Coriolis...
- 1.3.2 A Força do Gradiente de Pressão.
- 1.3.3 Aceleração Gravitacional: Uma simulação de rompimento de barragem
- 1.3.4 Difusão.
- 1.3.5 As Equações Completas de Navier Stokes.

Dinâmica Review

Modelagem Numérica da Atmosfera e Oceano As previsões (do tempo e clima) prevêem os ventos, temperatura e pressão através das Equações de Navier-Stokes:





As equações de Navier-Stokes para uma atmosfera rotativa e compressível

A derivada Lagrangiana

$$\frac{D\Psi}{Dt} = \frac{\partial \Psi}{\partial t} + \mathbf{u} \cdot \nabla \Psi$$

Momentum

$$\frac{D\mathbf{u}}{Dt} = -2\mathbf{\Omega} \times \mathbf{u} - \frac{\nabla p}{\rho} + \mathbf{g} + \mu_u \left(\nabla^2 \mathbf{u} + \frac{1}{3} \nabla (\nabla \cdot \mathbf{u}) \right)$$

Continuidade

$$\frac{D\rho}{Dt} + \rho \nabla \cdot \mathbf{u} = 0$$

Energia

$$\frac{D\theta}{Dt} = Q + \mu_{\theta} \nabla^2 \theta$$

Equação de estado, Lei dos gases ideais $p = \rho RT$

Dinâmica Review

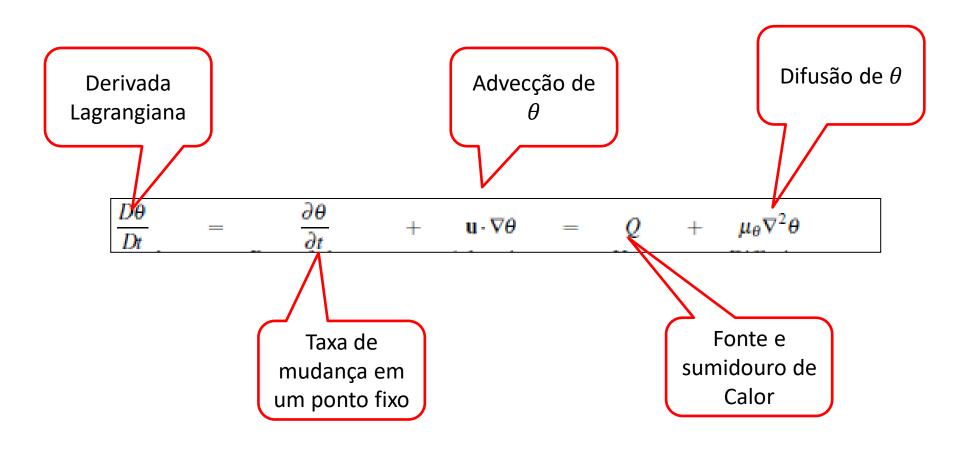
- u Wind vector
- g Gravity vector (downwards)
- t Time
- θ Potential temperature, T (p0/p)k
- Ω Rotation rate of planet
- k heat capacity ratio 1.4
- ρ Density of air
- **Q** Source of heat
- p Atmospheric pressure
- μ_u , μ_{θ} Diffusion coefficients

Aprenderemos como resolver numericamente as versões simplificadas.

Você não precisa memorizar as equações, mas deve ser capaz de descrever o significado e comportamento dos termos

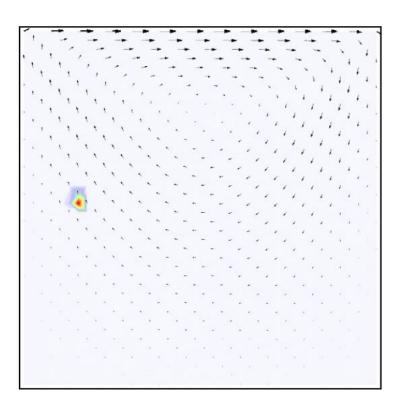


A Equação de Temperatura Potencial





 θ será criado e destruído pela fonte de calor, Q,



Será movido pelo campo de vento,u e θ serão difundido por um coeficiente de difusão, μ_{θ}



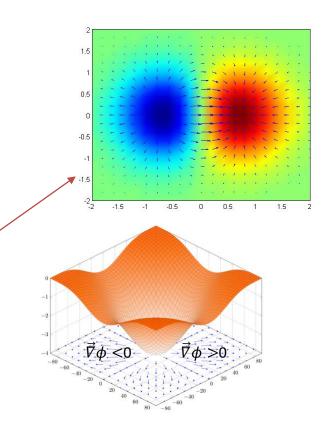
Advecção da Poluição

Advecção Linear Pura Advecção de concentração ϕ sem difusão ou fontes ou sumidouros:

$$\frac{D\phi}{Dt} = \frac{\partial\phi}{\partial t} + \vec{u} \cdot \vec{\nabla}\phi = 0$$

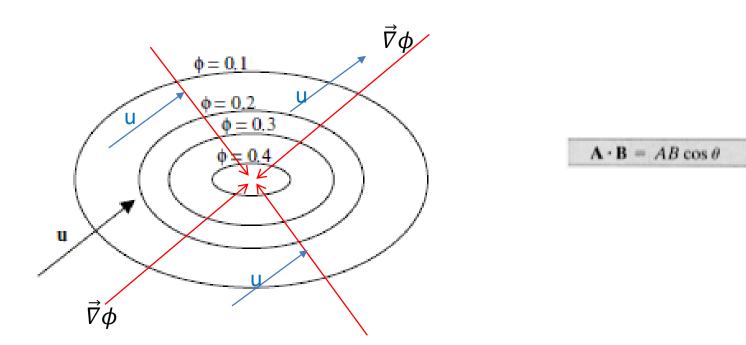
Mudanças de ϕ são produzidas pelo componente do vento na mesma direção dos gradientes de ϕ

A fim de entender por que o termo $\vec{u}\cdot\vec{\nabla}\phi$ leva a mudanças em ϕ , considere uma região de atmosfera poluída onde o poluente tem os contornos de concentração mostrados :



Dinâmica Review

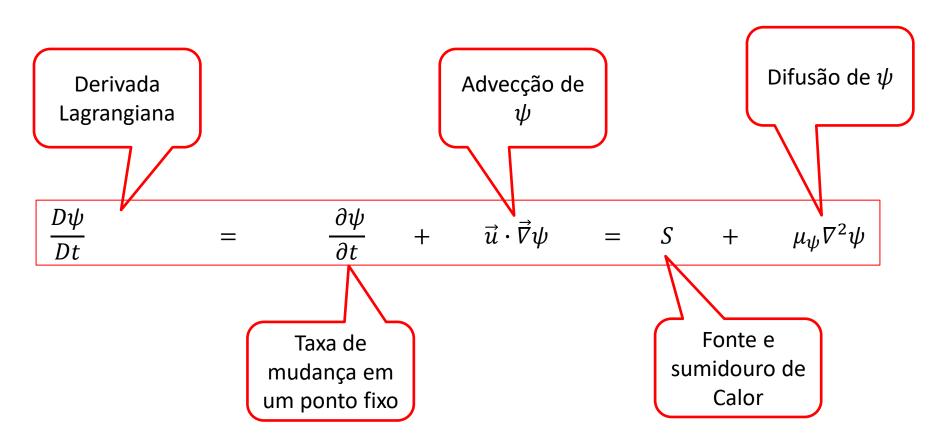
Exercício: Desenhe na figura o direções dos gradientes de ϕ e portanto, marque com +, - ou 0 locais onde $\vec{u} \cdot \vec{\nabla} \phi$ é positivo, negativo e zero.



Portanto, deduza onde ϕ está aumentando, diminuindo ou permanecendo o mesmo

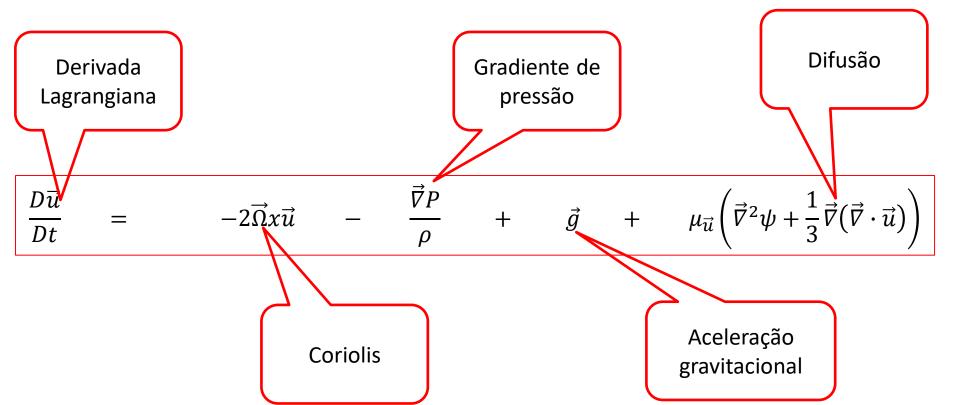


Advecção / difusão com fontes e sumidouros





A equação de momentum



Dinâmica Review

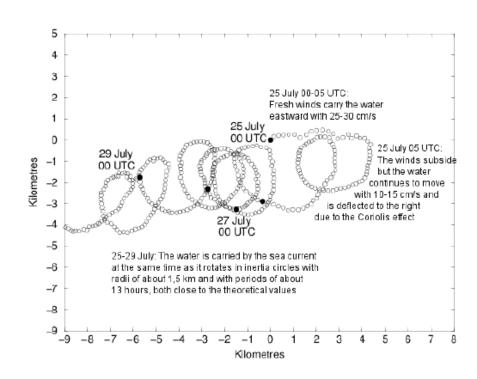
Coriolis

Oscilações inerciais governadas por parte da equação de momento:

$$\frac{\partial \vec{u}}{\partial t} = -2\vec{\Omega}x\vec{u}$$

Uma bóia flutuante posta em movimento por fortes ventos de oeste no Mar Báltico em julho de 1969.

Assim que o vento diminui, a parte superior do oceano a bóia segue círculos de inércia





A Força de Gradiente de Pressão

Se a força do gradiente de pressão é o único termo grande na equação de momento, então, junto com a equação de continuidade e a lei dos gases perfeitos, obtemos equações para ondas acústicas:

$$\frac{\partial \vec{u}}{\partial t} + \frac{1}{\rho_0} \vec{\nabla} P = 0 \qquad \qquad \frac{\partial \rho}{\partial t} + \rho \vec{\nabla} \cdot \vec{u} = 0$$

$$\frac{\vec{\rho}}{\partial t} + \rho \vec{\nabla} \cdot \vec{u} = 0$$

$$\frac{\partial}{\partial t} \frac{P}{RT} + \rho \vec{\nabla} \cdot \vec{u} = 0$$

$$\frac{1}{R} \frac{\partial}{\partial t} \frac{P}{T} + \rho \vec{\nabla} \cdot \vec{u} = 0$$

$$\frac{\partial P}{\partial t} + \rho R T \vec{\nabla} \cdot \vec{u} = 0$$

$$P = \rho RT$$

$$\rho = \frac{P}{RT}$$

$$R = 287,058 J/kgK$$

$$R=287,058\,N*m/kgK$$

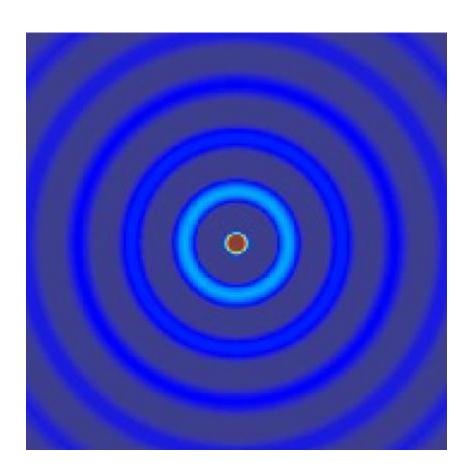
$$R = 287,058 \; \frac{m}{s^2 * K}$$

$$\frac{\partial P}{\partial t} + \rho_0 c^2 \vec{\nabla} \cdot \vec{u} = 0$$



A Força de Gradiente de Pressão

$$\frac{\partial P}{\partial t} + \rho_0 c^2 \vec{\nabla} \cdot \vec{u} = 0$$



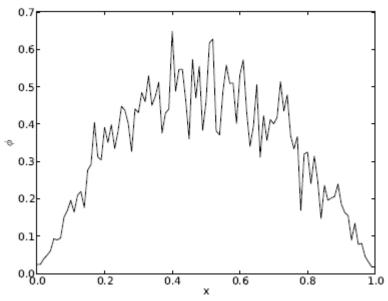
Dinâmica Review

Difusão

A difusão de uma quantidade ϕ com coeficiente de difusão μ_{ϕ} em uma dimensão espacial arbitraria

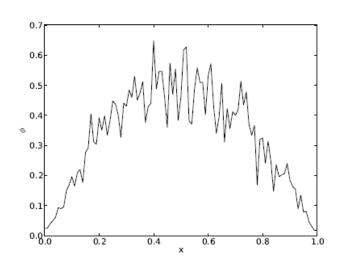
$$\frac{\partial \phi}{\partial t} = \mu_{\phi} \vec{\nabla}^2 \phi$$

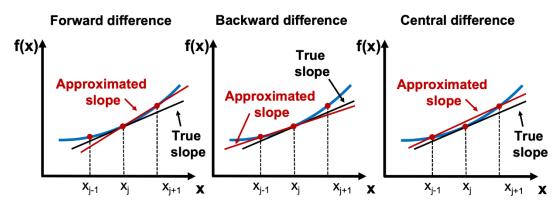
$$\frac{\partial \phi}{\partial t} = \mu_{\phi} \frac{\partial^2 \phi}{\partial x^2}$$

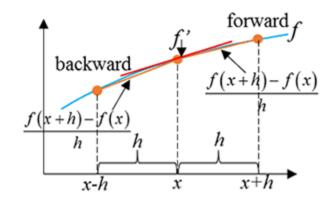


A segunda derivada de ϕ é alta nos vales e baixa nos picos de ϕ . Portanto, a difusão tende a remover picos e os vales e tornar um perfil mais suave:

Esquemas Numéricos também podem gerar ruídos







$$f' = \frac{f(x+h) - f(x-h)}{2h}$$

PROGRAM Main IMPLICIT NONE

CONTAINS

SUBROUTINE Init ED SUBROUTINE Init

SUBROUTINE run END SUBROUTINE run

SUBROUTINE finalize END SUBROUTINE finalize

END PROGRAM Main

Module Main

IMPLICIT NONE

INTEGER :: xdim

REAL, ALLOCATABLE :: f(:)

REAL :: dx

CONTAINS

SUBROUTINE InitClass

INTEGER :: x

xdim=10

Dx = 1.0/REAL(xdim)

allocate(F(0:xdim)); F(0:xdim) =0.0

DO x=3, 7

F(x) = 1.0

END DO

ED SUBROUTINE InitClass

SUBROUTINE run

Dinâmica Review

Questões de discussão:

- Quais equações têm coeficiente de difusão?
- O que causa a difusão?
- A difusão é um termo grande nas equações do movimento atmosférico?