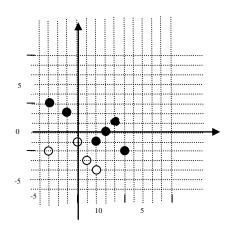
Sprawdzian I: Sieci neuronowe

Odpowiedź podać z uzasadnieniem

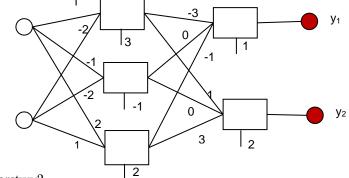
Zadanie 1: Użyto sieci neuronowej do klasyfikacji punktów podanych na rysunku. Zakładając, że czarne punkty są przypisane do klasy decyzyjnej 1 a białe punkty do klasy 0

- *a)* zaprojektować neuron (podając *budowę*, *wagi synaptyczne*, *funkcję aktywacji*), który poprawnie klasyfikuje podane punkty.
- b) podać równanie prostej oddzielającej i sporządzić jej wykres.
- c) wyznaczyć, do której klasy należy punkt P(2, -2)?



Zadanie 2: W podanej obok sieci neurony w warstwie ukrytej mają <u>dyskretną bipolarną funkcję aktywacji</u> a neurony w wyjściowej warstwie mają <u>sigmoidalną funkcją aktywacji</u> z parametrem $\alpha = 1$.

- a) Wyznacz sygnały wyjściowe z tej sieci dla wektora wejściowego X = [0,1].
- b) Jaki jest zakres wartości sygnałów wyjściowych z ukrytej (pierwszej) i z wyjściowej (drugiej) warstwy?



Zadanie 3: Neuronu z *dyskretną unipolarną funkcją aktywacji* użyto do klasyfikacji wzorców na rysunku:





Wzorce są binarnie kodowane. Czerwonej kratce odpowiada bit 1, a białej bit 0. Wzorce są skanowane od lewej do prawej strony i od góry do dołu.

Zakładając, że dla pierwszego wzorca oczekiwaną odpowiedzią d = 0, a dla drugiego wzorca d = 1. Zakładając również, że początkowy wektor wag neuronu będzie [0, 0, 1, -1], odchylenie wynosi -1.

- a) Używając *reguly perceptronowej* ($\eta = 1$) przeprowadź jeden cykl (jedną epokę) uczenia sieci dla podanych wzorców.
- b) Wyznacz sygnały wyjściowe sieci dla wzorców uczących po jednym cyklu uczenia.

Zadanie 4: Podczas uczenia sieci podanej na rysunku na wejście sieci podano wzorzec uczący X = [1, -1], oczekując na wyjściu wektora [0, 1, 0].

- a) Wyznacz sygnały wyjściowe.
- b) Wyznacz błąd pomalowanego neuronu.
- c) Zakładając, że wszystkie neurony mają unipolarną sigmoidalną funkcję aktywacji $(\alpha=1)$ i współczynnik nauki wynosi $\eta=1$, modyfikuj wagi pomalonego neuronu.

