



NTRCA Math Lecture Sheet





Lecture Content

✓ লগারিদম



লগারিদম

প্রাথমিক তথ্য:

সর্বপ্রথম স্কটল্যান্ডের গণিতবিদ 'জ<mark>ন নেপিয়ার' (1550-1617) লগা</mark>রিদম আবিষ্কার করেন ।

শুধু ধনাত্মক সংখ্যার লগারিদম আ<mark>ছে। শূন্য এবং ঋণাত্মক সংখ্যার লগারিদম নেই।</mark>

যদি $a^x=M$ হয় তবে x কে M এর a ভিত্তিক লগারিদa বা সংক্ষেপে লগ বলা হয়। লগারিদমের প্রতীক ব্যবহার করে লেখা হয় : $\log_a \! M = x$ Log_aM কে a ভিত্তিক লগ 'M' পড়া হয়।

ব্যবহারিক ক্ষেত্রে লগারিদমের ভিত্তি সাধারণত ১০ ধরা হয়। ১০ ভিত্তিক লগারিদমকে সাধারণ লগারিদম বলে। এই ক্ষেত্রে ভিত্তি উহ্য রাখা হয় অৰ্থাৎ \log_{10} M বোঝাতে \log_{10} M লেখা হয়।

* লগারিদমের প্রবর্তন করেন- জন নেপিয়ার

☑ প্রয়োজনীয় সূত্রাবলি :

- $1. \log_a(MN) = \log_a M + \log_a N$ (অর্থাৎ গুণ থাকলে যোগ এবং ভাগ থাকলে বিয়োগ করতে হয়)
- $2. \log_a \frac{M}{N} = \log_a M \log_a N$ (অর্থাৎ ভাগ থাকলে বিয়োগ করতে হয়)
- $3. \log_a M^n = n \log_a M$ (ভিত্তিমূলের উপর ভিত্তি, আবার ভিত্তি এর উপর পাওয়ার থাকলে পাওয়ারটি শুরুতে বসে) যেমন : $\log_a 10^5 = 5$ $log_a 10$
- $4. \quad \log_a 1 = 0$ (যে কোন ভিত্তিমূলের উপর ভিত্তি 1 হলে তার উত্তর 0 হয়)
- $5. \log_a a = 1$ অর্থাৎ $\log_{10} 10 = 1$ (ভিত্তিমূল এবং ভিত্তি মিলে গেলে তার মান সবসময় 1 হয় ।)
- $6. \log_a a^2 = 2$ অর্থাৎ $\log_x x^4 = 4$ (অর্থাৎ কখনো \log এর ভিত্তিমূল ও ভিত্তি যদি সমান হয় তাহলে ভিত্তিমূল এবং ভিত্তি উভয়ে উঠে যায় এবং ভিত্তির উপর যে পাওয়ার থাকে, তাই উত্তর লিখতে হয়)
- 7. $\log a + \log b + \log c = \log (abc) (\log কমন নেয়ার সময় যোগ থাকলে গুণ)$
- 8. $\log a \log b = \log \left(\frac{a}{b} \right) (\log \Phi A \ln a)$ নেয়ার সময় বিয়োগ থাকলে ভাগ হয় এবং প্রথমটি উপরে বসে)





9. $\log_a y = x$ হলে $a^x = y$ (সূত্রটি সব থেকে গুরুত্বপূর্ণ)

ব্যাখ্যা: (কোন পাওয়ার = কোন মান দেয়া থাকলে log তুলে দিয়ে ঐ পাওয়ার ও মানটি স্থান বদল করে অর্থাৎ পাওয়ার এর জায়গায় মানটি এবং মান এর জায়গায় পাওয়ার যায়) অর্থাৎ $\log_a x = b$ হলে $a^b = x$ লিখা যায় । ভালোভাবে আরেকটি দেখুন :

 $\log_{x} 4 = 2$ হলে $x^{2} = 4$

 $10. \log_a x = \frac{\log_b x}{\log_b a} = \frac{\log x}{\log a}, \log_a b \times \log_b c = \log_a c, \quad a^{\log_a b} = b, \quad \log_a m = \log_b m \times \log_a b$

Teacher's Discussion

১. 32 এর 2 ভিত্তিক লগারিদম কত?

[প্রাথমিক সহকারী শিক্ষক নিয়োগ পরীক্ষা (১ম পর্যায়)-২০২২; প্রাথমিক সহকারী শিক্ষক নিয়োগ পরীক্ষা (৩য় পর্যায়) : ১৯]

- ক. 3
- খ. 4

গ. 5

ঘ. 6

উত্তর: গ

- ২. $\log_8^2 = \overline{\Phi O}$? (প্রাথমিক সহকারী শিক্ষক নিয়ো<mark>গ (৪র্থ প্র্যা</mark>য়) : ১৯]
- গ. $\frac{2}{3}$
- ঘ. 1/3
- উত্তর: ঘ

৩. $\log_5^x = 3$ হলে $x = \overline{\Phi}$ ত?

[প্রাথমিক সহকারী শিক্ষক নিয়ো<mark>গ পরীক্ষা</mark> (৪র্থ পর্যায়) : ১৯]

- ক. 375 গ. 125
- খ. 120
- ঘ. 225 উত্তর: গ
- 8. $\log_{\sqrt{3}} 81 = \overline{\Phi}$?
 - ক. 4
- খ. 27√3
- গ. 8
- ঘ. $\frac{1}{8}$
- উত্তর: গ

উত্তর: খ

- ৫. $\log_3 \bar{9} = \overline{\Phi}$ ত?
 - ক. 2 গ. 3
- **ঘ.** 3
- ৬. $\log_2^8 = \overline{\Phi}$?
 - ক. 4 গ. 2
- **খ**. 3
- উত্তর: খ
- ৭. $\log_2 \overline{32} = \overline{4}$
 - $\overline{\Phi}$. $\frac{1}{25}$

- উত্তর: খ
- ৮. 32 এর 2 ভিত্তিক লগারিদম কত?
 - ক. 3
- খ. 4
- গ. 5
- ঘ. 6
- উত্তর: গ

- ৯. $\log_{3\sqrt{2}} \frac{1}{324} = \overline{\Phi}$?

- **উত্তর:** ঘ

- <mark>১০. 5√5 এর 5</mark> ভিত্তিক লগ কত?
 - ক. √5

- উত্তর: গ

- $\log_5 \sqrt[3]{5} =$ কত?

- উত্তর: ক

উত্তর: গ

- ১২. $\log_{12}\sqrt{12} = \overline{\Phi}$

- ১৩. $\log_2 \sqrt{6} + \log_2 \sqrt{\frac{2}{3}} = \Phi$ ত?
 - ক. 0
- খ. 2
- গ. 1
- ঘ. 3
- উত্তর: গ

- ১৪. $\log_{2\sqrt{5}} 20 = \overline{\Phi}$?
 - ক. 400 গ. 2
- খ, 10
- ঘ. 2√5
- উত্তর: গ

- ১৫. $\log_2 \sqrt{\frac{1}{64}} = \overline{\Phi}$ ত?
- উত্তর: ক
- ১৬. $\log_x \bar{8} = -2$ হলে, $x = \overline{4}$

 - গ. $2\sqrt{2}$

গ. 6

- উত্তর: গ

[৩৮তম বিসিএস]

- ১৭. $\log_x^{(\frac{3}{2})} = -\frac{1}{2}$ হলে, x এর মান-
- [৩৭তম বিসিএস]

- ১৮. $\log_a \sqrt{2} = \frac{1}{6}$ হলে, $a = \overline{\Phi}$ ত?
 - ক. $\sqrt{2}$
- গ. 6
- ঘ. 8
- **উত্তর:** ঘ

- ১৯. $\log_{10}^{(0.001)} = \overline{\Phi}$ ত?
 - $\overline{\Phi}$. -2
- গ. $\frac{1}{2}$
- উত্তর: খ

উত্তর: গ

উত্তর: ক

- ২০. $\log_{2\sqrt{5}}^{400} = x$ হলে, x এর মান নির্ণয় কর।
 - ক. 400
- গ. 4
- ঘ. $2\sqrt{5}$ ২১. $\log_x^{324} = 4$ হয়, তবে $x = \overline{}$ কত?
 - $\overline{\Phi}$. $3\sqrt{2}$ গ. $5\sqrt{2}$
- ঘ. 2√5
- ২২. 400 এর log4; ভিত্তিক কত?
 - ক. 10
- খ. 20
- গ. 2

ঘ. 2√5

উত্তর: ঘ

- ২৩. $\log_a{}^x=1, \log_a{}^y=2$ এবং $\log_a{}^z=3$ হলে, $\log_a{\left(\frac{x^3y^2}{z}\right)}$ এর মান
 - ক. 1
- খ. 4
- গ. 2
- ঘ. 5
- উত্তর: খ
- ২৪. $\log_{\sqrt{a}}^{b} \times \log_{\sqrt{b}}^{c} \times \log_{\sqrt{c}}^{a}$ এর মান কত?
- গ. 6
- ঘ. ৪
- **উত্তর:** ঘ
- $\frac{\log\sqrt{27} + \log8 \log\sqrt{512}}{\log 1.5} = \overline{\bullet}$ ত?

- ঘ. 10
- উত্তর: গ

- $\text{2.6. } \log_{\sqrt{8}} x = 3\frac{1}{3}$
 - গ. 34
- খ. 32
- ঘ. 22
- উত্তর: খ

(৩৮তম বিসিএস)

Student's Practice

- $2\log_{10}^{5} + \log_{10}^{36} \log_{10}^{9} = ?$
 - [৪৪তম বিসিএস]
 - ক. 2 গ. 37
- খ. 100 ঘ. 4.6
- উত্তর: ক
- ২. যদি $\log_{10} x = -1$ হয়, তাহলে নিচের কোনটি x এর মান?
 - [৪৪তম বিসিএস]

- ক. 0.1
- **খ**. 0.01
- গ. $\frac{1}{10000}$
- ঘ. 0.001
- উত্তর: ক

- $2^{\log_2^3 + \log_2^5} = ?$
- [৪৩তম বিসিএস]
- ক. -8 গ. 15
- খ. 2
- <mark>ঘ</mark>. 10
- 8. $\log_2 \log_{\sqrt{e}}^{e^2} = ?$ [৪১তম বিসিএস]
 - ক. -2
- খ. -1
- ঘ. 2
- উত্তরঃ ঘ

- ৫. কোন শর্তে $\log a^a = 1$?
- (৪০তম বিসিএস)
- $\overline{\Phi}$. a > 0, $a \neq 1$ গ. a > 0, 1 = 1
- খ. a ≠ 0, a > 1 ঘ. a ≠ 1, 1 < 0
- উত্তর: ক
- ৬. $\log_x \left(\frac{3}{2} \right) = -\frac{1}{2}$ হলে, x এর মান-(৩৭তম বিসিএস)

- - - উত্তর: ক
- $\log_{\sqrt{3}} 81 = \Phi$?
- (৩৬তম বিসিএস)

- ক. 4

- - উত্তর : গ

- ১০. $\log_a x = 1$, $\log_a y = 2$ এবং $\log_a z = 3$ হলে,
 - $\log a \left(\frac{x^3 y^2}{z} \right)$ এর মান কত?
- (৩৫তম বিসিএস)

ক. 1

গ. 3

- গ. 4

১১. $\log_2^8 = \overline{49}$?

ক. 2

গ. 2

- ঘ. 5
- - খ. 3

উত্তর : গ

(৩২তম বিসিএস)

১২. $\log_2\left(\frac{1}{32}\right)$ এর মান –

(৩১তম বিসিএস)

$$\overline{\Phi}$$
. $\frac{1}{25}$

গ.
$$\frac{1}{5}$$

গ.
$$\frac{1}{5}$$
 ঘ. $\frac{-1}{5}$

১৩.
$$\log_a \left(\frac{m}{n}\right) = \Phi$$
?

(৩০তম বিসিএস)

 $\overline{\Phi}$. log_a m − log_a n

খ.
$$\log_a m + \log_a n$$

os.
$$\frac{1}{\log_a(abc)} + \frac{1}{\log_b(abc)} + \frac{1}{\log_c(abc)} = \frac{1}{\log_c(abc)}$$

গ.
$$\frac{1}{2}$$

ঘ.
$$\frac{1}{3}$$

সমাধানঃ
$$\frac{1}{\log_a(abc)} + \frac{1}{\log_b(abc)} + \frac{1}{\log_c(abc)}$$

 $= \log_{abc} a + \log_{abc} b + \log_{abc} c$

$$= log_{abc}abc = 1$$

০৪.
$$\log_5 (\sqrt[3]{5}) (\sqrt{5}) =$$
কত?

খ.
$$\frac{1}{5}$$

গ.
$$\frac{5}{6}$$

$$\sqrt{6}$$

উত্তর: গ

$$\log_5\left(\frac{3}{\sqrt{5}}\right)\left(\sqrt{5}\right) = \log_5\left(\frac{1}{5^3}, \frac{1}{5^2}\right)$$

$$= \log_5 \left(\frac{1}{5^3} + \frac{1}{2} \right) = \log_5 \left(\frac{2+3}{5} \right)$$

$$= \log_5 5^{\frac{5}{6}} = \frac{5}{6} \log_5 5 = \frac{5}{6} \cdot 1 = \frac{5}{6}$$

Class



$log_8^2 = \overline{\Phi}$ ত?

খ.
$$\frac{1}{2}$$

গ.
$$\frac{2}{3}$$

ঘ.
$$\frac{1}{3}$$

২.
$$\log_3 \frac{1}{9} = \overline{\Phi}$$
?

৩.
$$\log_2^8 = \overline{\Phi}\overline{\Phi}$$
?

8.
$$\log_{3\sqrt{2}} \frac{1}{324} = \overline{\Phi}$$
 ?

গ.
$$\frac{1}{162\sqrt{2}}$$
 ঘ. -4

৫.
$$\log_a \sqrt{2} = \frac{1}{6}$$
 হলে, $a = \overline{4}$

$$\overline{\Phi}$$
. $\sqrt{2}$

৬.
$$\log_4^{256} = \overline{\Phi}$$
ত?

৭. $24\sqrt{5}$ এর 5 ভিত্তিক লগ কত?

$$\overline{\Phi}$$
. $\frac{5}{2}$

খ.
$$\frac{3}{2}$$

ঘ.
$$\frac{1}{2}$$

b. $\log_x \frac{1}{8} = -2$ হলে, $x = \overline{\Phi}$ ত?

গ.
$$2\sqrt{2}$$

৯. $\log_{\sqrt{3}} 81$ কত?

ঘ.
$$\frac{1}{8}$$

১০. log2¹⁶ এর মান কত?