

# প্রাইমারি লেকচার শিট





# **Lecture Content**

- ✓ সমান্তর ধারা
- ☑ গুণোত্তর ধারা



# ধারা

#### প্রাথমিক তথ্য:

সসীম ধারা : কোনো ধারায় পদ সংখ্যা সসীম হলে তাকে সসীম ধারা বলে। যেমন: 1+3+5+...+20 একটি সসীম ধারা। অসীম ধারা: কোন ধারার পদ সংখ্যা অসীম হলে তাকে অসীম ধারা বলে। যেমন: 2+4+6+8+... একটি অসীম ধারা। ধারা একটি সিস্টেম যেখানে পরপর কিছু সংখ্যা থাকে যারা পরস্পর সুবিন্যস্ত এবং নির্দিষ্ট নিয়ম অনুসারে সাজানো।

- (ক) সমান্তর ধারা (The Arithmetic Series)
- (খ) গুণোত্তর ধার<mark>া</mark> (Geometric Series)

# ধারার সাথে সম্পর্কিত কিছু বিষয় :

ধারা সাধারণত দুই প্রকার :

- \* প্রথম পদ : কোনো ধারার শুরু হয় যে পদের দ্বারা সেটিই হচ্ছে প্রথম পদ যাকে a দ্বারা প্রকাশ করা হয়।
- \* সাধারণ অন্তর : একপদের সাথে তার পরবর্তী পদের পার্থক্যকে সাধারণ অন্তর বলা হয় ।

সাধারণ অন্তর d দ্বারা প্রকাশ করা হয় । d = ২য় পদ - ১ম পদ

- \* শেষপদ : কোন পদের শেষ পদ জানা না থাকলে তা r-তম পদ বা n-তম পদ হিসেবে ধরা হয়। তাই r বা n হলো শেষপদ।
- \* পদসংখ্যা : একটি ধারায় মোট যতটি পদ আছে তাদেরকে পদসংখ্যা বলা হয়। মোট পদসংখ্যা অনির্দিষ্ট হলে পদসংখ্যা n ধরা হয়।

#### \* বিভিন্ন ধারার পরিচিতি:

- (ক) সাধারণ ধারা : একটি নির্দিষ্ট ব্যবধানে বৃদ্ধি প্রাপ্ত বা হ্রাসকৃত পরপর কিছু সংখ্যাকে সাধারণ ধারা বলে।
- (খ) সমান্তর ধারা : কোনো ধারার পরপর দুইটি পদের মানের পার্থক্য সমান হলে তাকে সমান্তর ধারা বলে । যেমন : 1+2+3+4+.....100
- (গ) গুণোত্তর ধারা : একটি ধারাকে প্রতিবার নির্দিষ্ট একটি সংখ্যা দিয়ে গুণ অথবা ভাগ করে নতুন রাশি তৈরি করলে তাকে গুণোত্তর ধারা বলা হয় । যেমন : 2 + 4 + 8 + 16 + 32 ...... + 256

## পদ্ধতি-১ : সমান্তর ধারা

সমান্তর ধারা : যে ধারায় প্রতিটি পদে একই পরিমাণে বৃদ্ধি বা<u>্</u>হাস ঘটে অর্থাৎ ক্রমিক দুইটি পদের অন্তর একই হয়, তাকে সমান্তর ধারা বলে । অর্থাৎ যে ধারায় কোন পদকে তার পরবর্তী পদ থেকে বিয়োগ করলে প্রতিক্ষেত্রে বিয়োগফল একই হয় তাকে সমান্তর ধারা বলে ।

যেমন : 2+4+6+8+10 ..... +20 এখানে প্রতি পদের বৃদ্ধির হার 2 করে ।

সমান্তর ধারার শুরুত্বপূর্ণ সূত্র ও তার প্রয়োগ : কোনো সমান্তর ধারার প্রথম পদ ও শেষ পদ দেয়া থাকলে





একটি সমান্তর ধারার প্রথম পদ a এবং সাধারণ অন্তর d হলে r তম পদ = a+(r-1)dপ্রথম পদ a এবং সাধারণ অন্তর d বিশিষ্ট সমান্তর ধারার।

n সংখ্যক পদের সমষ্টি  $s=rac{n}{2}\left\{2a+(n-1)d
ight\}$ 

## \* পদক্রমের মান বের করা:

যে কোন একটি ধারা দেয়া থাকবে, সেই ধারার যে কোন একটি পদের মান কত তা বের করতে বলা হবে।

# 🄰 ধারার পদক্রমের মান বের করার ক্ষেত্রে সূত্র হলো :

r তম পদ = a + (r - 1)d

অর্থাৎ ধারার ৫ম, ৮ম বা ১০ম এভাবে যে কোন পদের মা<mark>ন বের করতে</mark> এই সূত্রটি প্রয়োগ করতে হবে।

#### \* পদক্রম বের করা:

পদক্রম বের করা অর্থ হলো এর আগের নিয়মটিতে যেখানে ৮ম, ১০ম পদের মান কত তা বের করতে বলা হয়েছে আর এখানে পদটি কততম পদ তা দেয়া থাকবে না কিন্তু তার মান দেয়া থাকবে । এখন ঐ পদটির পদক্রম কত তা বের করতে হবে । অর্থাৎ আগের নিয়মটির ঠিক উল্টো নিয়ম।

সূত্র : আমরা জানি r তম পদ a+(r-1)d অর্থাৎ সূত্র একটাই ।

#### \* পদসংখ্যা বের করা :

ধরুন, ১০ মিটার পর পর ১টি করে গাছ লাগানো হবে। তাহলে ১০০ মিটার জায়গায় মোট ১০টি গাছ নয় বরং ১০ + ১ = ১১টি গাছ লাগানো হবে। (শুরুর গাছসহ ধরলে ১টি গাছ অতিরিক্ত হয়।)

#### \* সমষ্টি বের করা:

সমান্তর ধারার প্রশ্নগুলোতে <mark>স</mark>মষ্টি <mark>দু</mark>ই ভাবে বের করা <mark>যায়</mark>।

#### (i) শেষপদ দেয়া থাকলে সমষ্টি বের করা:

অর্থাৎ প্রশ্নের মধ্যেই প্রথ<mark>ম পদ ও শেষপদের উল্লেখ থাকবে:</mark> সরাসরি শুধু প্রশ্ন আর উত্তর না পড়ে ১০ মিনিট সময় ধরে এই পেজের গল্পের মত কথাগুলো পড়<mark>লে আ</mark>শা করি সূত্র নিয়ে কনফিউশন তৈরি হবে না আবার কোন সূত্রই সহজে ভুলে যাবেন না।

শেষপদ দেয়া থাকলে সূত্র হলো :

উপরের এই সূত্র দুটি যাদের এলোমেলো লেগে যেতে পারে তারা এভাবে Practically ভাবতে পারেন।

আমরা জানি কয়েকটি রাশির সমষ্টি = রাশিগুলোর গড় × মোট রাশির সংখ্যা। এই সহজ টেকনিকটি দিয়েই সমষ্টির সূত্রটি খুব সহজে মনে রাখা যায়।

যেমন: একটি সিরিজ: ৪, ৬, ৮, ১০, ১২ সিরিজটির যোগফল সহজে বের করার নিয়ম হলো এখানে মোট রাশি বা পদসংখ্যা আছে ৫টি। এবং রাশিগুলোর গড় হচ্ছে গড়

$$=\frac{$$
শেষপদ + প্রথম পদ  $}{2}=\frac{$ 5 $>$ 2 $=\frac{5}{2}=\frac{5}{2}=$ ৮

তাহলে সবগুলোর সমষ্টি হবে ৫  $\times$  ৮ = 8০। (এখানে এই গড় বের করার সূত্রিটই সমষ্টি বের করার সূত্রের শেষাংশ যেখানে শেষপদ ও প্রথম পদ যোগ করে নিচে দুটি রাশির জন্য ২ দিয়ে ভাগ করে গড় বের করতে হয়।)

<mark>তাহলে বার বার এভা</mark>বে ভাবলে সূত্রটি সহজে ভুলে যাবেন না ।

# (i) শেষপদ দেয়া না থাকলে সমষ্টি বের করা :

প্রশ্নের মধ্যে শেষ পদের উল্লেখ না থেকে যদি পদের সংখ্যা কতটি তার উল্লেখ থাকে । তাহলে <mark>আগের সূত্রগু</mark>লো ব্যবহার করা যাবে না ।

শেষপদ না থাকলে সমষ্টি বের <mark>করার সূ</mark>ত্র

$$S = \frac{n}{2} \{2a + (n-1) d\}$$

\* পদ্ধতি-২ : বর্গ ও ঘন-সংখ্যার স<mark>মষ্টি</mark>

# \* <mark>বর্গের সমান্তর ধারা</mark>র সূত্র :

প্রথম n সংখ্যক স্বাভাবিক সংখ্যার বর্গের সমষ্টি অর্থাৎ  $(1^2 + 2^2 + 3^2 + 5^2 + \dots + n^2 = 4$  ধারার সমষ্টি S = 4

$$\frac{n(n+1)(2n+1)}{6}$$

1. 
$$1^3 + 2^3 + 3^3 + \dots + n^3 = \left\{ \frac{n(n+1)}{2} \right\}^2$$

2. 
$$1 + 2 + 3 + \dots + n = \frac{n(n+1)}{2}$$

#### \* পদ্ধতি-৩ : গুণোত্তর ধারা

যে ধারার কোনো পদের সাথে তার পরবর্তী পদের অনুপাত সব সময় সমান হয়, সে ধারাকে গুণোত্তর ধারা বলে। যেমন :  $3+6+12+24+\dots$  প্রতি পদের সাথে 2 গুণ করে পরবর্তী পদ বের করা হয়েছে। যতগুণ করে বাড়ে বা কমে তাকে সাধারণ অনুপাত বলা হয় এবং সাধারণ অনুপাতকে  $\alpha$  দারা প্রকাশ করা হয়।

মনে রাখবেন q = দ্বিতীয় পদ অথম পদ

# 🔰 গুণোত্তর ধারার সূত্র গুলো অবশ্যই মনে রাখুন :

$$2.$$
 n সংখ্যক পদের সমষ্টি,  $s=a\times\frac{q^n-1}{q-1}\,(q>1$  হলে)

$$s = a imes rac{1-q^n}{1-q} \left( q < 1$$
হলে $)$ 

#### \* গুণোত্তর ধারার পদের সমষ্টি বের করা:

গুণোত্তর ধারার প্রথম পদ a এবং সাধারণ অনুপাত q হলে ধারাটির n তম পদের সমষ্টি,  $s=a.rac{q^n-1}{q-1}$ 

# **Teacher's Discussion**

- ১, ২, ৪, ৮, ১৬, ..... ধারাটির দশম পদ কত? [প্রাথমিক বিদ্যালয় সহকারী শিক্ষক (খুলনা বিভাগ) : ০৬]
  - ক. ২৫৬
- খ. ৫০০
- গ. ৫১২
- ঘ. ৬২২
- উত্তর: গ
- ২. ২,৩,৫,৮,১৩,২১,৩৪,.... ধারাটির পরের সংখ্যাটি প্রাথমিক সহকারী শিক্ষক নিয়োগ পরীক্ষা (৩য় পর্যায়): ১৯]
  - ক. ১৬
- খ. ৫৫
- গ. ১৩
- ঘ. ৩৫
- উত্তর: খ
- ৩. ১,২,৩,৫,৮,.... ক্রমটির পরবর্তী পদ কত? [প্রাথমিক বিদ্যালয় সহকারী শিক্ষক (বসস্ত): ১০]

  - ক. ৭ গ. ১৩
- খ. ৯
- ঘ. ১৫
- উত্তর: গ
- 8. ১, ৩, ৪, ৭, ১১, ১৯, ...... ক্রমটির <mark>পরবর্তী</mark> পদ কত? [প্রাথমিক বিদ্যালয় সহকারী শিক্ষক (হেমন্ত): ১০]
  - ক. ২৫
- খ. ২৯ ঘ. ৪২
- গ. ৩৬

- ৫. ১, ৫, ১৩, ২৯, ৬১, ..... ধারাটির প<mark>রবর্তী সং</mark>খ্যাটি কত? [প্রাথমিক বিদ্যালয় সহকারী শিক্ষক (ইছামতি): ১০]
  - ক. ৭৬
- খ. ১০২
- গ. ১০৬
- ঘ. ১২৫
- উত্তর: ঘ
- ৬. ২,৫,১১,২৩,৪৭,..... ধারাটির পরবর্তী সংখ্যা কত?
  - প্রাথমিক বিদ্যালয় সহকারী শিক্ষক (রাজশাহী বিভাগ) : ০৬
    - ক. ৯৫
- খ. ৭০
- গ. ৫৮
- ঘ. ৯৩
- উত্তর: ক
- ১, ২, ৪, ৭, .... ক্রমটির প্রবর্তী পদ কত?
- [প্রাথমিক বিদ্যালয় সহকারী শিক্ষক (বসস্ত): ১০]
- খ. ১২
- গ. ১৪
- ঘ. ১৫
- উত্তর: ক
- ৮. ১, ৩, ৬, ১০, ১৫, ..... ক্রমটির পরবর্তী পদ কত?
- [প্রাথমিক বিদ্যালয় সহকারী শিক্ষক (হেমন্ত): ১০]
  - ক. ১৮
- খ. ২১
- গ. ২৪
- ঘ. ৩০
- উত্তর: খ
- ৯. ২, ৪, ৩, ৭, ৪, ১০, ৫, ..... ধারাটির দশম পদ হবে-
- [প্রাথমিক বিদ্যালয় সহকারী শিক্ষক (সুরমা): ১০]
  - ক. ১৩
- খ. ১৬
- গ. ১৯
- ঘ. ২১
- উত্তর: খ
- ১০. ২, ৫, ৮, ১২, ১৪, ১৭, ...... পরবর্তী সংখ্যাটি কত?
- [প্রাথমিক বিদ্যালয় সহকারী শিক্ষক (বরিশাল বিভাগ) : ০৭]
  - ক. ১৯
- খ. ২০
- গ. ২১
- ঘ. ২২
- উত্তর: খ

- ১১. ৩, ৫, ৪, ৮, ৫, ১১, ৬, ...... ধারাটির দশম পদ হবে-প্রাথমিক বিদ্যালয় সহকারী শিক্ষক (তিতাস) : ১০
  - ক. ১৪
- খ. ১৫
- গ. ১৬
- ঘ. ১৭
- উত্তর: ঘ
- ১২. ২, ৫, ৭, ৮, ..... ধারাটির অষ্টম পদ হবে-[প্রাথমিক বিদ্যালয় সহকারী শিক্ষক (তিস্তা) : ১০]
  - **ず. 33**
- খ. ১২
- গ. ১৩
- ঘ. ১৪
- উত্তর: ঘ
- <mark>১৩. ৬৪, -৩২, ১৬, -৮, ....</mark>. ধারাটির পরবর্তী সংখ্যা কত? [প্রাথমিক বিদ্যালয় স<mark>হকারী শিক্ষক</mark> (চট্টগ্রাম বিভাগ) : ০৮]
  - ক. 8
- খ. 8
- গ. ২
- ঘ. ২
- উত্তর: খ
- ১ ৫ ১ ৫ ৩, ১ ৫ ৩র পরবর্<mark>তী সংখ্যাটি কত?</mark> প্রাথমিক বিদ্যালয়
  - প্রধান শিক্ষক (বরিশাল বিভাগ) : ০৮]

- **উত্তর:** ঘ
- ১৫. ০৪ থেকে ৮৪ <mark>পর্যন্ত ৪ দ্বারা</mark> বিভাজ্য সংখ্যাগুলোকে বড় হতে ছোট হিসেবে সজালে ৮ম সংখ্রাটি কত হবে?
  - [প্রাথমিক সহকারী শিক্ষক নিয়োগ পরীক্ষা (১ম পর্যায়)–২০২২]
  - ক. কোনটিই নয়র
- খ. ৫৬
- গ. ৬০
- ঘ. ৩২
- **উত্তর:** ঘ

উত্তর: গ

- ১৬. একটি সমান্তর ধারার সাধারণ অন্তর ৯ এবং ৭ম পদ ৬০ হলে ১২তম পদটি কত?
  - [প্রাথমিক সহকারী শিক্ষক নিয়োগ পরীক্ষা (৩য় পর্যায়)-২০২২]
  - ক. ৯০
- খ. ১০০
- গ. ১০৫
- ঘ. ১০৮
- ১৭. 1+2+4+.... .... +99 = কত? খ. 4950
  - ক. 4560 গ. 4590
- - উত্তর: খ ঘ. 4550
- ১৮. 1 + 2 + 3 + .... + 100 = <del>কত</del>?
  - ক. 5010 গ. 5049
- খ. 5042
- ঘ. 5050 **উত্তর:** ঘ
- ১৯.  $1^2 + 2^2 + 3^2 + \dots + 50^2 = \overline{\Phi}$ 
  - ক. 42925
- খ. 42927
- গ. 43982 ঘ. 43882



২০.	$1^2 + 2^2 + 3^2$	+	$+40^2 =$ কত?
-----	-------------------	---	---------------

২১. 
$$1^3 + 2^3 + 3^3 + 4^3 + \dots + 10^3 = \overline{\Phi}$$

উত্তর: ঘ

২২. 
$$1^3 + 2^3 + 3^3 + 4^3 + \dots + (20^3) = \overline{\Phi}$$

উত্তর: ক

### $3 \cdot 1^3 + 2^3 + 3^3 + 4^3 + \dots + (60^3) = \overline{40}$ ?

উত্তর: খ

#### ২৪. 5+6+7+.....+45= কত?

উত্তর: গ

### ২৫. 8, 9, 10 .... 100 পর্যন্ত সংখ্যাগুলোর স<mark>মষ্টি কত</mark>?

উত্তর: ক

উত্তর: ক

তি৬তম বিসিএসী

## ২৬. 1+3+5+....+19=?

#### **২9.** 1 + 3 + 5 + ..... + 31 =?

## ২৮. 1+3+5+...(2x-1)=কত?

$$\overline{\Phi}$$
.  $\mathbf{x}^2$ 

উত্তর: ক

## ২৯. 1 + 3 + 5 + 7 + ...... ধারাটির n পদের সমষ্টি কত?

ঘ. 2n

উত্তর: খ

#### ৩০. 5 + 8 + 11 + 14 + ..... ধারাটির কোন পদ 302?

উত্তর: ক

#### ৩১. 4+7+10+13+..... ধারাটির কোন পদ 301?

উত্তর: ক

### ৩২. 1+5+9+13+..... ধারাটির 15 তম পদ কত?

ঘ. 65

উত্তর: ক

# ৩৩. 2 – 5 – 12 – 19 ...... ধারাটির 12 তম পদ কত?

গ. 
$$-78$$

উত্তর: খ

৩৭. 
$$\log 2 + \log 4 + \log 8 + \log 16 + \dots$$
 ধারাটির ১ম ১০টি পদের সমষ্টি কত?

# <mark>৩৮. log3 + log</mark>9 + log27 + ....<mark>.. ১৫টি</mark> পদের সমষ্টি কত?

া. 45log4

$$\overline{\Phi}$$
.  $\frac{1}{2}$ 

গ. 4

খ. 
$$\frac{3}{2}$$

গ. 6

হলে প্রথম পদটি-

[৩৭তম বিসিএস]

উত্তর: গ

**উত্তর:** ঘ

৪৩. 
$$128 + 64 + 32 + \dots$$
 ধারাটির কোন পদ  $\frac{1}{2}$ ?

ক. 650

- 8৬.  $1+\frac{1}{2}+\frac{1}{4}+\frac{1}{8}$ ...... ধারাটির ১ম আটটি পদের সমষ্টি কত?

- $\overline{\Phi}$ .  $\frac{200}{128}$  খ.  $\frac{255}{128}$  গ.  $\frac{355}{128}$  ঘ.  $\frac{455}{128}$
- 8৭. 2-4+8-16+...েধারাটির ১ম সাতটি পদের সমষ্টি কত?
- খ. 46
- গ. 86
- ঘ. 95
- উত্তর: গ
- 8b. 1-1+1-1+..... ধারাটির (2n+1) পদের সমষ্টি কত?
- খ. 1
- গ. 7
- ঘ. −2
- উত্তর: খ

- ৪৯. 5 + x + y + 135 গুণোত্তর ধারাভুক্ত হলে,  $x \, \circ \, y$  এর মান নিণয় কর।
  - ক. 10,50
- খ. 15,46
- গ. 15,45
- ঘ. 10,40
- ৫০. 3+x+y+z+243 গুণোত্তর ধারাভুক্ত হলে, x,y ও z এর মান নির্ণয় কর।
  - ক. (1,2,3)
- খ. (4,5,6)
- গ. (9,27,81)
- ঘ. (9,28,48)
- উত্তর: গ

# Student's Practice

- 37 + 36 + 35 + .....+21=?
  - **季**. 492
- গ. 495
- ঘ. 499
- উত্তর: খ

- 3+6+9+....+36=?
  - ক. 231 গ. 234
- খ. 200
  - উত্তর: গ ঘ. 238
- 8 + 16 + 24 + ..... + ধারাটির ১ম 9 টি পদের সমষ্টি কত?
  - ক. 360
- খ. 350
- ঘ. 400
- গ. 375 8. একটি সমান্তর ধারার চতুর্থ ও দ্বাদশ পদের যোগ<mark>ফল 20। তাহ</mark>লে
- ১ম 15টি পদের যোগফল ক<mark>ত</mark> হবে?
- [৩৪তম বিসিএস]

- ক. 155 গ. 148
- খ. 150 ঘ. 146
- ৫. একটি ধারার n তম পদ  $M^{2n} 5$ , ধারাটির ২য় পদ 76 হলে m এর মান কত?
  - ক. 1
- খ. 2
- গ. 3
- ঘ. 4
- ৬. একটি সমান্তর অনু<mark>ক্রমে 5 ত</mark>ম পদটি 18 এবং প্রথম 5টি পদের যোগফল 75 হলে প্রথম কত? তি৮তম বিসিএসা
  - ক. 12
- খ. 13
- গ. 15
- ঘ. 16
- ৭. যদি -5, p, q, 16 সমান্তর অনুক্রমে থাকে, তাহলে p ও q এর মান [৪৪ তম বিসিএস] হবে যথাক্রমে—
  - $(\bar{2}, 9)$

(1) -2, -9

- (খ) 2, 9
- (ঘ) 2, -9
- উত্তর: খ
- ৮. 1-1+1-1+....+n সংখ্যক পদের যোগফল হবে—
  - [৪৪ তম বিসিএস]
  - (ক) 0
- (খ) 1
- (গ)  $[1 + (-1)^n]$
- $(rak{v}) rac{1}{2} [1 1 (-1)^n]$  উত্তর: খ

- $\frac{1}{4} \frac{1}{6} + \frac{1}{9} \frac{2}{7}$  ধারাটির অসীম পদের সমষ্টি কত?
  - [৪৩তম বিসিএস]
- ず)  $s_{\infty} = \frac{20}{3}$  ず)  $s_{\infty} = \frac{3}{20}$  ず)  $s_{\infty} = 3$

- ১০.  $1 + \frac{1}{2} + \frac{1}{4} + \frac{1}{8}$  .......ধারাটির ১ম সাতটি পদের সমষ্টি কত?

- ঘ.  $\frac{122}{64}$
- ১১.  $1+rac{1}{3}+rac{1}{9}+rac{1}{27}$ .....ধারাটির ১ম পাঁচটি পদের সমষ্টি কত?

- উত্তর: গ ১২. ১ ৪৯ পর্যন্ত ক্রমিক সংখ্যাগুলোর গড় কত? [৪২তম বিসিএস]
  - S S ক. ২৩ ৪ 11 C 11 1খ. ২৪.৫/ R গ. ২৫
- উত্তর: গ [৩৬তম বিসিএস]
- ٥٠. 1+5+9+....+81 = ? ক. ৯৬১
  - খ. ৮৬৭১ ঘ. ৬৬১
- **১8.** ১২ + ২২ + ৩২ + ...... + ৫০২ = কত? (২৭তম বিসিএস)
  - ক. ৩৫৭২৫

গ. ৭৬১

- খ. ৪২৯২৫
- গ. ৪৫৫০০

ক. ৩৫৭২৫

- ঘ. ৪৭২২৫
- উত্তর: খ [২৭তম বিসিএস]
- Se.  $1^2+2^2+3^2+\dots+50^2=?$ 
  - খ. ২৯২৫
  - গ. ৪৫৫০০
- উত্তরঃ খ

১৬.	$1^3 + 2^3 + 3^3 + \dots + n^3 = ?$	[২৭তম বিসিএস]
	$\left[n(n+1)\right]^2$ $n(n+3)$	

ক. 
$$\left[\frac{n(n+1)}{2}\right]^2$$
 খ.  $\frac{n(n+1)}{2}$ 

গ. 
$$\frac{n(n+1)^2}{2}$$
 ঘ.  $\frac{n(n+2)(n+1)}{3}$  উত্তর

উত্তর ঃ খ

#### ২৬. $1^3+2^3+3^3+....+n^3$ ধারাটির যোগফল কত?

ক. 
$$\frac{n(n+1)}{2}$$
 খ.  $\frac{n(n+1)(2n+1)}{6}$ 

গ. 
$$\frac{n(n+1)}{3}$$
 ঘ.  $\left(\frac{n(n+1)}{2}\right)^2$ 

উত্তর: ঘ

#### ২৭. ৫ থেকে ৩৫ পর্যন্ত সংখ্যা গুলোর যোগফল কত?

উত্তর: খ

$$\overline{\mathbf{y}}.\frac{\mathbf{n}(\mathbf{n}+1)}{2}$$

$$\circ e. \quad 2^2+4^2+\dots+32^2=?$$

৩৭. 
$$1+\frac{1}{2}+\frac{1}{4}+\dots$$
 ধারাটির ১ম ছয়টি পদের সমষ্টি কত?

ক. 
$$\frac{63}{32}$$
 খ.  $\frac{64}{30}$  গ.  $\frac{65}{32}$  ঘ.  $\frac{63}{30}$ 

খ. 
$$\frac{64}{30}$$

- 8০. ২ + 8+ ৮ + ১৬ + .....ধারাটির কততম পদের মান ১২৮? ৫৩. ১+ ৫+৯+১৩+ ... ধারাটির ১৫ তম পদ হবে–
  - ক. ৫
- খ. ৬
- গ্ৰ
- ঘ. ৯

- উত্তর: গ
- ৪১.  $1 + \frac{1}{2} + \frac{1}{4} + \dots$  অসীম ধারাটির সমষ্টি কত?
  - ক. 2
- খ. 4
- গ. 7
- ঘ. 9

- উত্তর: ক
- 8২.  $0.3 + 0.03 + 0.003 + \dots$  ধারাটির / অসীম পদের
- ক.  $\frac{1}{2}$  খ.  $\frac{1}{3}$  গ.  $\frac{1}{4}$  ঘ.  $\frac{1}{5}$
- উত্তর: খ
- 8৩. 1-1+1-1..... ধারাটির (2n+1) সংখ্যক পদে<mark>র সমষ্টি কত</mark>?
  - ক. ১
- খ. ২
- গ. ৩
- ঘ. 8

- উত্তর: ক
- 88. 1-1+1-1..... ধারাটির (2n+2) সং<mark>খ্যক পদে</mark>র সমষ্টি কত?
- খ. 20
- গ. 5
- ঘ. 10

- উত্তর: ক
- ৪৫. ১ + ২ + ৩ +..... ধারাটির ১০০তম পদ কত?
  - ক. ১০২
- খ. ১০৩
- গ. ১০০
- ঘ. ১০১
- উত্তর: গ
- 8৬. ২ + 8 + ৬ +..... ধারাটির ১৮২ তম প<mark>দ কত?</mark>
  - ক. ৩৬০
- খ. ৩৬৫
- গ. ৩৬৪
- ঘ. ৩৬২
- উত্তর: গ
- 89. 4, 8, 12..... ধারার ৫ম প<mark>দ</mark> কত?
  - ক. 20
- খ. 22
- গ. 18
- ঘ. 16
- উত্তর: ক
- ৪৮. কোন সমান্তর ধারার ২্য় প<mark>দ</mark> -২ এবং সাধা<mark>রণ অন্তর</mark> ৫ হলে ৫ম পদ কত?
  - ক. ৩
- খ. ৮
- গ. ১৩
- ঘ. ১৮
- উত্তর: গ
- ৪৯. 4+8+16+32+.....ধারার সাধারণ অনুপাত কত?
  - ক. 2
- খ. 3
- গ. 4
- ঘ. 5
- উত্তর: ক
- ে. 1+2+4+... ধারার  $6\overline{b}$  পদের যোগফল কত?
  - ক. 36
- খ. 65
- গ. 63
- ঘ. 73
- উত্তর: গ
- ৫১. ১,৪,৭,১০ ধারার ২৯ তম পদটি কত?
  - ক. ৭৯
- খ. ৮২
- গ. ৮৫
- ঘ. ৮৮
- উত্তর: গ
- ৫২. ২০, ২৩, ২৬, ২৯ ..... ধারাটির ৩১তম পদ কত?
  - ক. ১০৩
- খ. ১০৭
- গ. ১১০
- ঘ. ১১৩
- উত্তর: গ

- - ক. ৬১
- খ. ৫৩
- গ. ৫৭
- ঘ. ৬৫
- উত্তর: গ
- ৫৪. ১,২,৩,৪,..... n পর্যন্ত স্বাভাবিক সংখ্যার যোগফল কত?
- খ. <u>n (n+1)</u>
- গ.  $\frac{n(2n+1)}{2}$  ঘ.  $\left\{\frac{n(n+1)}{2}\right\}^2$
- উত্তর: খ
- ৫৫. ১ হতে ১০০ পর্যন্ত সংখ্যা সমূহের যোগফল কত?
  - ক. ৫০৫০
- খ. ৪৯৫০
- গ. ৪৯৯৯
- ঘ. ৫৫০১
- উত্তর: ক

- **৫**৬.  $1^2+2^2+3^2+.....50^2=$  **Φ©**?
  - 季. 35725

গ. 45500

- খ. 42925
  - ঘ. 47225
- উত্তর: খ
- <u>৫৭. ১ + ৩ + ৫ + ......+ ১৯</u> সমান-
  - ক. ৯৮
- গ. ১৯
- $\sqrt{3}$ সমাধান ঃ পদসংখ্যা =  $\frac{33 3}{5} + 3 = 30$ ।
  - ∴ সমষ্টি = (প্রথম পদ + শেষ পদ) × পদ সংখ্যা ২
  - $=\frac{2}{(2+2\beta)\times 20}=\frac{2}{50\times 20}=200$
- উত্তর ঃ ঘ
- <mark>৫৮. ১,১,২,৩,৫</mark>,৮,..... এই সংখ্যা পরম্পরায় অষ্টম পদ কত?

  - ক. ২১ খ. ১৩
- গ. ১৯ ঘ. ১৬
- সমাধান ঃ সিরিজটি বিখ্যাত Fibonacci সিরিজ, যেখানে যেকোন পদ পূর্বের দুই পদের সমষ্টির সমান অর্থাৎ
- ১ম পদ = ১;
- S S ২য় পদ = 0 + 3 = 5;
  - ৩য় পদ = ১ + ১ = ২;
  - 8ৰ্থ পদ = ২ + ১ = ৩;
  - **৫**ম পদ = ৩ + ২ = ৫
  - ৬ষ্ঠ পদ = ৫ + ৩ = ৮;
  - ৭ম পদ = b' + (c) = 50; এবং ৮ম পদ = ১৩ + ৮ = ২১
- উত্তর ঃ ক
- ৫৯. ৪,৬,১০,১৮ সংখ্যার সিরিজের পঞ্চম সংখ্যাটি কত?

  - ক. ৩৬ খ. ৩৪
- গ. ৩২ ঘ. ৩০
- সমাধান ঃ ৪ + ২ = ৬; ৬ + 8 =
- 50; 50 + b = 5b; 5b + 5b = 98

৬০. ৫ + ৮ + ১১ + ১৪ + ...... ধারাটির কোন পদটি ৩০২ হবে?

ক. ৭০তম পদ

খ. ৮০তম পদ

গ. ৯০তম পদ

ঘ. ১০০তম পদ

সমাধান  $\mathfrak s$  এখানে প্রথম পদ, a=5;

সাধারণ অন্তর, d = 8 - 5 = 3

nতম পদ = a + (n-1)d

$$302 = 5 + (n-1)3$$

$$\Rightarrow 302 = 5 + 3n - 3$$

$$\Rightarrow$$
 300 = 3n  $\Rightarrow$  n = 100

∴ 100 তম পদ।

উত্তর ঃ ঘ

৬১. ৮,৯,১০, ......,১০০ পর্যন্ত সংখ্যাগুলোর যোগ<mark>ফল কত</mark>?

ক. ৫০৫০

খ. ৫০৬০

গ. ৫০২২

ঘ. ৫৫০৫

সমাধান ঃ পদ সংখ্যা = শেষ পদ – প্ৰথম <mark>পদ</mark> + ১

$$=\frac{7}{200-p}+7=90$$

∴ সমষ্টি = 
$$\frac{$$
শেষ পদ  $+$  প্রথম পদ  $\times$  পদ সংখ্যা

$$=\frac{2}{200+\beta}\times 20=6055$$

উত্তর ঃ গ

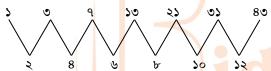
৬২. ১, ৩, ৭, ......, ২১, ৩১, ৪৩ ধারার মধ্যবর্<mark>তী সংখ্যা কত</mark>?

ক. ১৩

খ. ১৫

গ. ১৭ ঘ. ১৯

#### সমাধান ঃ



ধারাটি লক্ষ্য করলে দেখা যায় পদগুলোর মধ্যকা<mark>র অন্তর</mark>গু<mark>লো</mark>র

মধ্যে ব্যবধান ২।

তাই মধ্যবৰ্তী সংখ্<mark>যাটি হবে ৭</mark> + (৪ + ২) = ৭ + ৬ = ১৩ С ⟨ S S ∴ কাজ্জিত পদ = ৮০ + ৮৩ = ১৬৩

উত্তর ঃ ক

৬৩. লুপ্ত সংখ্যাটি কত? ৮০, ৯৬, ......, ১২৮

ক. ৮৮

খ. ১২০

গ. ৬৪

ঘ. ১১২

সমাধান ঃ এখানে দেখা যাচ্ছে ৯৬ – ৮০ = ১৬;

এবং ১৬  $\times$  ৫ = ৮০; ১৬  $\times$  ৬ = ৯৬;

 $36 \times 9 = 332$ ;  $36 \times 6 = 326$ 

∴ লুপ্ত সংখ্যাটি ১১২

উত্তর ঃ ঘ

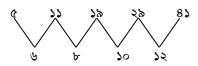
৬৪. ৫ + ১১ + ১৯ + ২৯ + ..... পরের সংখ্যাটি কত?

ক. ৩৫

খ. ৩৭

গ. ৩৯ ঘ. ৪১

সমাধান ঃ



33 - 6 = 6; 35 - 33 = 6; 35 - 35 = 30

এভাবে ৬, ৮, ১০ ধারাটির চতুর্থ পদ= ১০ + ২ = ১২

∴ কাক্ষিত সংখ্যাটি = ২৯ + ১২ = 8১

৬৫. ১১, ১৩, ১৭, ?, ৩১ ধারাটির '?' চিহ্নিত ছ্যানে কোন সংখ্যাটি হবে?

খ. ২১

গ. ২৭ ঘ. ১৯

<u>সমাধান ঃ এখানে ১৩ – ১১ = ২</u>

<mark>অর্থাৎ অন্তরগুলো একটি স<mark>মান্তর ধা</mark>রা তৈরি করে যায় সাধারণ</mark> অন্তর ২।

∴ 8র্থ পদ = ১৭ + ৬ = ২৩

উত্তর ঃ ক

৬৬. ১৩,১৭,২৫<mark>,৪</mark>১-এর পরবর্<mark>তী সংখ্</mark>যা কী?

ক. ৫০ খ. ৬২

গ. ৬৫ ঘ. ৭৩

সমাধান ঃ এখানে, ১৭ – ১৩ = 8

$$26 - 39 = 6$$
,  $83 - 26 = 361$ 

∴ পঞ্চম ও চতুর্<mark>থ সংখ্যার পা</mark>র্থক্য হবে ৩২।

∴ পঞ্চম সংখ্যাটি = 8\$ + ৩২ = ৭৩

উত্তর ঃ ঘ

<mark>৬৭. ৮,১৩,২৩,</mark>৪৩,৮৩ এর পরবর্তী সংখ্যাটি কত?

ক. ১৪৩

খ. ১৬৩ গ. ১৫৬ ঘ. ১৪৬

সমাধান ঃ ১৩ - b = 0 ২৩ - ১৩ = ১০

80 - 20 = 20 bo - 80 = 80

(. ১০. ২০. ৪০ এর পরবর্তী পার্থক্য হবে ৮০

উত্তর ঃ খ

৬৮. শূন্যছানের সংখ্যাটি কত? ৫২, -----, ৩৯, ৩৪

ক. ৫০

খ. ৪৮

গ. ৪৫

ঘ. ৪২

সমাধান ঃ ৩৯ – ৩৪ = ৫ ।

এখন শূন্যস্থানে এমন কিছু বসবে যার সাথে ৫২ ও ৩৯ এর পার্থক্য এবং ৫ সমান্তর প্রগমনে থাকে।

অর্থাৎ ৫২ – ? = ৭

অথবা, ? – ৩৯ = ৬।

এখানে ৫, ৬ ও ৭ সমান্তর প্রগমণ।

∴ কাঞ্জ্যিত সংখ্যা ৩৯ + ৬ = ৪৫

৬৯. वित्निष क्रमानुयाग्री সাজाনো ৯, ৩৬, ৮১, ১৪৪, ২২৫ সংখ্যাগুলোর পরবর্তী সংখ্যা কত হবে?

- ক. ২৮৯
- খ. ৩৬১
- গ. ৩২৪
- ঘ. ২৫৬

সমাধান ঃ

$$\Rightarrow 8 = (9)^{2}$$

$$b > = (b)^{>}$$

ধারাটি হলো ৩. ৬. ৯. ১২. ১৫. ১৮।

∴ কাঞ্জ্যিত পদটি হবে = (১৮)<sup>২</sup> = ৩২<mark>৪</mark>

উত্তর ঃ গ

৭০. একটি সমান্তর ধারার প্রথম পদ ১. শে<mark>ষ পদ ৯</mark>৯ এবং সমষ্টি ২৫০০ হলে ধারাটির সাধারণ অন্তর হবে-

- ক. 8
- খ. ২
- গ. ৩
- ঘ. ৬

সমাধান ঃ সমষ্টি =  $\frac{n}{2} \{2a + (n-1)d\}$ 

[∵ এখানে  $n = পদসংখ্যা, a = প্রথম পদ = 1; <math>d = \gamma$ াধারণ অন্তর]

$$2500 = \frac{n}{2} \left\{ 2a + (n-1)d \right\}$$

$$\Rightarrow$$
 n{2a + (n - 1)d} = 5000 .....(i)

বা, পদসংখ্যা 
$$n = \frac{99-1}{d} + 1 = \frac{98}{d} + 1 = \frac{98+d}{d}$$

$$\Rightarrow$$
 nd = 98 + d  $\Rightarrow$  d (n - 1) = 98 .....(ii)

এই মান (i) এ বসিয়ে পাই,

$$n{2.1 + (n - 1) d} = 5000$$

$$\Rightarrow n\{2+98\} = 5000$$

$$\Rightarrow 100n = 5000 \Rightarrow n = 50$$

সমীকরণ (ii) এ n এর মান বসিয়ে পাই,

$$d(50-1)=98$$

$$d = \frac{98}{49} = 2$$

∴ সাধারণ অন্তর = ২

৭১. নিচের ক্রমটির পরবর্তী পদ কত? ৩, ৪, ৬, ৫, ৯, ৬, .....

- ক. ১০
- গ. ১২

সমাধান ঃ উপরোক্ত ধারা বিজোড ক্রমের পদ গুলো একটি ধারা গঠন করে ৩, ৬, ৯, ১২, এবং জোড় ক্রমের পদ গুলো গঠন করে আরেকটি ধারা ৪, ৫, ৬, ৭, ৮। আমাদের দরকার মূল ধারাটির ৭ম পদ যা বিজোড ক্রমের ধারার ৪র্থ পদ।

∴ উক্ত সংখ্যাটি ১২

উত্তর ঃ গ

৭২. ? চিহ্নিত ছ্বানে কোন সংখ্যাটি বসবে?

0 6 75 57 86

- ক. ২৮
- খ. ৩০
- গ. ৩২
- ঘ. ৩৩

**সমাধান ঃ** এখানে ৫ – ০ = ৫

<mark>অর্থাৎ অন্তর</mark>গুলো ৫, ৭, ৯**, ১১ ... ধারা**টি তৈরি করে যার সাধারণ অন্তর ২।

- ∴ এখন ৫ম পদটি হবে = ২১ + ১১ = ৩২
- ৭৩. ৯ + ৭ + ৫ ...... ধারা<mark>টির প্রথম</mark> n সংখ্যক পদের যোগফল-১৪৪ হলে n = কত?
  - ক. ১৬
- খ. ১২
- ঘ. ১৮

**সমাধান ঃ এখানে ১**ম পদ = 9;

- সাধারণ অন্তর d = 7 9 = -2:
- পদসংখ্যা= n; সমষ্টি = -144

$$\therefore -144 = \frac{n}{2} \{2 \times 9 + (n-1)(-2)\}$$

$$\Rightarrow$$
 - 144 =  $\frac{n}{2} \times 2\{10 - n\}$ 

$$\Rightarrow$$
 - 144 = 10 n - n<sup>2</sup>

$$\Rightarrow$$
 n<sup>2</sup> - 10 n - 144 = 0

$$\Rightarrow$$
 n<sup>2</sup> - 18 n + 8n - 144 = 0

$$\Rightarrow$$
 n(n - 18) + 8(n - 18) = 0

$$\Rightarrow$$
 (n – 18) (n + 8) = 8

$$\Rightarrow$$
 n = 18 or n = -8 (গ্রহণযোগ্য নয়)

∴ পদসংখ্যা, n = 18

উত্তর ঃ ঘ





- ১. 5 + 8 + 11 + 14 + ...... ধারার কোন পদ 302?
  - ক. 100
- খ. 101
- গ. 102
- ঘ. 103
- ২. ১ থেকে ১০০ পর্যন্ত সংখ্যাগুলোর যোগফল কত?
  - ক. 4999
- খ. 5050
- গ. 5501
- ঘ. 5001
- ৩. 1 থেকে 99 পর্যন্ত সংখ্যাগুলোর যোগফল কত?
  - **季**. 4999
- খ. 5050
- গ. 5501
- ঘ. 5001
- 8. নিচের নম্বর সিরিজে কোনটি বসবে?
  - ১, ২, ৮, ৪৮, ৩৮৪,—
  - ক. ১৯৮০
- খ. ২৮৪০
- গ. ৩৮৪০
- ঘ. ৪৬২০
- ৫. ০.০৩, ০.১২, ০.৪৮ শূন্যস্থানে সংখ্যাটি কত হবে?
  - ক. ০.৯৬
- খ. 1.48
- গ. ১.৯২
- ঘ. ১.৫০
- ৬. একটি গুণোত্তর অনুক্রমে তৃতীয় পদটি ২০ এবং ষষ্ঠ (৬-তম) পদটি ১৬০ হলে প্রথম পদটি–
  - ক. ৫
- খ. ১০
- গ. ১২
- ঘ. ৮

- ৭. একটি গুণোত্তর অনুক্রমের দ্বিতীয় পদটি 48 এবং পঞ্চম পদটি
  - $\frac{3}{4}$ হলে, সাধারণ অনুপাত কত?

- ৮. 2+4+8+16+... ধারাটির n সংখ্যাক পদের সমষ্টি 254হলে n এর মান কত?
  - ক. 5
- গ. 7
- ঘ. ৪
- ৯.  $\frac{1}{4} \frac{1}{6} + \frac{1}{9} \frac{2}{7} + \dots$  ধারাটি অসীম পদের সমষ্টি কত?
  - ক.  $S_{\infty} = \frac{20}{3}$  খ.  $S_{\infty} = \frac{3}{20}$
  - গ. S∞ 20
- ঘ. S∞ = 3
- ১০.  $1 + \frac{1}{2} + \frac{1}{4}$  ......১ম ৬টি পদের সমষ্টি কত?



your success benchmark