

৪৪তম বিসিএস লিখিত প্রস্তুতি

লেকচার # ০৬

💻 সরল ও যৌগিক/চক্রবৃদ্ধি মুনাফা

CLASS WORK সরল ও যৌগিক / চক্রবৃদ্ধি মুনাফা

- ০১. যদি চক্রবৃদ্ধি সুদের ক্ষেত্রে প্রথম, দ্বিতীয় ও তৃতীয় বছরে বার্ষিক সুদের হার যথাক্রমে $r_1\%$, $r_2\%$ এবং $r_3\%$ হয় তবে তিন বছর শেষে P টাকার সমূল চক্রবৃদ্ধি কত হবে?
- ০২. একজন বিনিয়োগকারী ৮০,০০০ টাকার কিছু প্রতি ৬ মাস অন্তর ৫% হার সুদে এবং অবশিষ্ট বাৎসরিক ১২% হারে একটি সেভিংস ব্যাংকে জমা করল। বছর শেষে তিনি ৯,০০০ টাকা সুদ পেলেন। তাহলে তিনি ১২% হার সুদে কত টাকা বিনিয়োগ করেন?
- ০৩. (ক) একটি শহরের জনসংখ্যা প্রতি বছর শতকরা ৪ জন করে বৃদ্ধি পায় এবং ঐ শহরে জনসংখ্যা ছিল ২০০০০০০ জন। ৩ বছর পর ঐ শহরের জনসংখ্যা কত হবে?
 - (খ) একই হার সুদে ৩০০ টাকার ৪ বছরের সুদ এবং ৫০০ টাকা ৫ বছরের সুদ একত্রে ১৪৮ টাকা হলে, শতকরা বার্ষিক সুদের হার কত? *(৩৪০ম বিসিএস)*
- ০৪. এক ব্যক্তি x টাকা ৪% সরল মুনাফা ও y টাকা ৫% সরল মুনাফায় বিনিয়োগ করে বার্ষিক মুনাফা পান ৯২০ টাকা। যদি তিনি x টাকা ৫% সরল মুনাফা ও y টাকা ৪% সরল মুনাফায় বিনিয়োগ করতেন তবে তার বার্ষিক মুনাফা হতো ৪৪০ টাকা। x ও y-এর মান নির্ণয় করুন।

 [৩৩ তম বিসিএস]
- ০৫. কোনো শহরের লোকসংখ্যা ১০ লক্ষ। যদি পুরুষের সংখ্যা ১০% বৃদ্ধি পায এবং দ্রীলোকের সংখ্যা ৬% কমে যায়, তবে শহরের লোকসংখ্যার কোনো পরিবর্তন হয় না। ঐ শহরের পুরুষ ও দ্রীলোকের সংখ্যা কত?
- ০৬. দুই ব্যক্তি 'ক' এবং 'খ' একই ব্যাংক থেকে একই দিনে ১০% হার সরল সুদে পৃথক পৃথক পরিমাণ ঋণ গ্রহণ করে। 'ক' দুই বছর পর সুদে– আসলে যে অর্থ শোধ করে 'খ' ৩ বছর পর সুদে–আসলে সমপরিমাণ অর্থ শোধ করে। তাদের ঋণের অনুপাত নির্ণয় করুন।
- ০৭. একজন লোক ৫% হার সুদে ৫০০ টাকা ধার করেন এবং কিছুকাল পরে ৩<mark>২</mark>% হার সুদে আরো ৪০০ টাকা ধার করেন। দ্বিতীয় ধার নেয়ার ৬ মাস পরে তিনি উভয় ধার সুদে-মূলে ৯৯৪.৫০ টাকায় শোধ করেন। প্রথম ধার নেয়ার কত দিন পর তিনি ঐ ধার শোধ করেন? [২৩০ম বিসিএস]
- ০৮. কোনো মূলধন ৩ বছরে সরল সুদে-মূলে ১১০০০ টাকা হয়। সুদ আসলের তিন অষ্টামাংশ হলে আসল ও সুদের হার নির্ণয় করুন। *[২১ তম বিসিএস]*
- ০৯. এক ভদ্রমহিলা তার সমুদয় সঞ্চয় হতে ১,৬০,০০০ টাকার কিছু অংশ শতকরা ৬ টাকা এবং কিছু অংশ ৭ টাকা হারে বিনিয়োগ করলেন। বছর শেষে তিনি তার এই বিনিয়োগ থেকে ১২,০০০ টাকা আয় করলেন। তিনি শতকরা ৭ টাকায় কত বিনিয়োগ করেছিলেন।
- ১০. শতকরা বার্ষিক কত হার সুদে কোনো নির্দিষ্ট পরিমাণ টাকা ৩ বছরে ৫৬০ টাকা ও ৫ বছরে ৬০০ টাকায় পরিণত হয়? [১৫তম বিসিএস]
- ১১. ক ৭ % হার মুনাফায় খ-কে এবং ১০% হার মুনাফায় গ-কে সমান পরিমাণ অর্থ ধার দিলো। ক বছর পর গ-এর নিকট হতে খ অপেক্ষা ৪৫ টাকা বেশি মুনাফা পেলো। ক প্রত্যেককে কত টাকা ধার দিয়েছিলো?
- ১২. শতকরা বার্ষিক যে হারে কোনো টাকা ৬ বছরে মুনাফা-মূলে দ্বিগুণ হয়, সেই হারে কত টাকা ৪ বছরে মুনাফা-মূলে ২০৫০ টাকা হবে?
- ১৩. শতকরা বার্ষিক কত হার মুনাফার যে কোনো মূলধন ৫ বছরে মুনাফা-মূলে দ্বিগুণ হবে? একই হার মুনাফায় কত বছরে তা তিনগুণ হবে?
- ১৪. কোন টাকা ৬% হার মুনাফায় ৫ বছরে মুনাফা-আসলে ১৩০০ টাকা হয়; কত বছরে ঐ টকা মুনাফা-আসলে ১৩৯০ টাকা হবে?
- ১৫. বার্ষিক ৪% হার মুনাফায় ৫৫০ টাকা এবং বার্ষিক ৮% হার মুনাফায় ৭০০ টাকা বিনিয়োগ করলে মোট মূলধনের ওপর গড়ে শতকরা বার্ষিক কত মুনাফা পাওয়া যায়?

STUDY (Self) সরল ও যৌগিক / চক্রবৃদ্ধি মুনাফা

- ১৬. কোনো আসল ৫ বছরের মুনাফাসহ ৩০৬ টাকা হয় এবং মুনাফা আসলে $\frac{\delta}{2\ell}$ অংশ। আসল এবং শতকরা মুনাফার হার নির্ণয় করুন।
- ১৭. কোন আসল ৩ বছরে মুনাফা-আসলে ৪৬০ টাকা এবং ৫ বছরে মুনাফা-আসলে ৫০০ টাকা হয়। শতকরা মুনাফার হার নির্ণয় করুন।
- ১৮. কিছু টাকা ৪<mark>২</mark>% হার মুনাফায় ১০ বছরে মুনাফা আসলে ২৯৭২.৫০ টাকা হয়। কত বছরে তা মুনাফা আসলে ৪৩৫৬.২৫ টাকা হবে?
- ১৯. ক , খ-কে কিছু টাকা ধার দিয়ে প্রতি বছর মূলধনের $\frac{5}{b}$ অংশ মুনাফা পায়। ৫ বছর পরে মুনাফা- মুলে তা আদায় করে সমস্ভ টআকা গ-কে ফেরত দেয় এবং ১ বছর পরে গ-এর নিকট হতে ৫% হার মুনাফা ২০৩১.২৫ টাকা মুনাফা পায়। ক , খ-কে কত টাকা ধার দিয়েছিল?
- ২০. শতকরা বার্ষিক ৮ টাকা হার মুনাফায় ক, খ-কে ৫০০ টাকা এবং গ-কেও কিছু টাকা ধার দেয়। চার বছর পরে ক সর্বসমেত ২১০ টাকা মুনাফা পেলে, ক, গ-কে কত টাকা ধার দিয়েছিল?
- ২১. বার্ষিক শতকরা ৫ টাকা হার চক্রবৃদ্ধি মুনাফায় ১০০০ টাকা ২ বছরের সবৃদ্ধিমূল ও চক্রবৃদ্ধি মুনাফা নির্ণয় কর।
- ২২. কোনো শহরের লোকসংখ্যা ৭০ লক্ষ। ঐ শহরের জনসংখ্যা বৃদ্ধির হার প্রতি হাজারে ৩০ হলে, ৩ বছর পর ঐ শহরের লোকসংখ্যা কত হবে?
- ২৩. ৫% হার মুনাফায় ৫০০ টাকা ৩ বছরের সকল মুনাফা ও চক্রবৃদ্ধি মুনাফার পার্থক্য কত?
- ২৪. ৪% হার মুনাফার কোনো টাকায় ২ বছরের মুনাফা ও চক্রবৃদ্ধি মুনাফার পার্থক্য ১ টাকা হলে, মূলধন কত?
- ২৫. এক বছরান্তে চক্রবৃদ্ধি মূল ৬৫০ টাকা এবং দুই বছরান্তে চক্রবৃদ্ধি মূল ৬৭৬ টাকা হলে, মূলধন কত?
- ২৬. জনাব হাসান সাহেব সরল ও চক্রবৃদ্ধি হারে ৫০,০০০ টাকা বিনিয়োগ করেন, ৩ বছর পর সরল মুনাফা ১২,০০০ টাকা পান, জনাব হাসান পরবর্তী ৬ বছর পর মুনাফা-আসল নির্ণয় করুন।
- ২৭. কোনো আসলের $\frac{5}{8}$ অংশ ৩% সুদে, $\frac{5}{9}$ অংশ ৪% সুদে এবং অবশিষ্ট অংশ ৫% সুদে বিনিয়োগ করে। যদি বার্ষিক মোট সুদের পরিমাণ ১৫০ টাকা হয়, তবে আসল কত?
- ২৮. একজন ব্যবসায়ী ৫% হার মুনাফায় 8000 টাকা ৩ বছরের জন্য বিনিয়োগ করা হলো।
 - (ক) ৩ বছরের সরল মুনাফা নির্ণয় করুন।
 - (খ) ৩ বছরের চক্রবৃদ্ধি মুনাফা ও সরল মুনাফার পার্থক্য কত?
 - (গ) হিসাব রক্ষক বললেন ৩ বছর পর চক্রবৃদ্ধি হারে মুনাফার পরিমাণ 1129.33 টাকা। তিনি মুনাফার হার কত বেশি বা কম ধরেছিলেন।



সরল ও যৌগিক মুনাফা

০১। কোনো শহরের লোকসংখ্যা ১০ লক্ষ। যদি পুরুষের সংখ্যা ১০% বৃদ্ধি পায় এবং দ্রীলোকের সংখ্যা ৬% কমে যায়, তবে শহরের লোকসংখ্যার কোনো পরিবর্তন হয় না। ঐ শহরের পুরুষ ও দ্রীলোকের সংখ্যা কত?

সমাধান:

মনে করি,

পুরুষের সংখ্যা 🗴 জন

এবং স্ত্রী লোকের সংখ্যা (১০,০০০০০ – x) জন এখন, ১০০ জনে পুরুষের সংখ্যা বৃদ্ধি পায় ১০ জন

$$\therefore x " " " \frac{\mathsf{yo} \times x}{\mathsf{yoo}} "$$

বা,
$$\frac{50 \text{ X}}{500}$$
 জন

আবার, ১০০ জনে দ্রী লোকের সংখ্যা কমে যায় ৬ জন

$$\therefore \quad \textbf{30}\,, \textbf{00000} - \textbf{X} \qquad \text{"} \qquad \text{"} \quad \frac{\textbf{6} \times (\textbf{30}\,, \textbf{00000} - \textbf{X})}{\textbf{300}} \quad \text{"}$$

*তেমতে,
$$x + \frac{20 \times x}{200} + (20,00000 - x) - \frac{8 \times (20,00000 - x)}{200}$$
= 20,0000

$$71, \frac{200 \times + 20 \times + 20,0000000 - 200 \times - 2000000 + 200}{200} = 2000000$$

০২। একটি শহরের জনসংখ্যা প্রতিবছর শতকরা ৪ জন করে বৃদ্ধি পায় এবং ঐ শহরের জনসংখ্যা ছিল ২০,০০,০০০ জন। ৩ বছর পর ঐ শহরের জনসংখ্যা কত হবে? (২৯তম BCS)

সমাধান:

বছরের প্রথমে জনসংখ্যা ১০০ জন হলে. 8% বৃদ্ধিতে বছরের শেষে জনসংখ্যা হয় (১০০ + ৪) বা ১০৪ জন অতএব,

১০০ জন বৃদ্ধি পেয়ে বছরের শেষে হয় ১০৪ জন

∴ তৃতীয় বছর বছর শেষে জনসংখ্যা হবে

$$\left(\frac{508}{500}\right)^{\circ} \times 2000000 \, \overline{\$1},$$

বা, ১.১২৪৮৬৪ × ২০০০০০০ জন,

বা, ২২৪৯৭২৮ জন।

অতএব, নির্ণেয় জনসংখ্যা ২২৪৯৭২৮ জন।

০৩। একজন লোক ৫% হার সুদে ৫০০ টাকা ধার করেন এবং কিছুকাল পরে ৩ $rac{5}{2}$ % হার সুদে আরো ৪০০ টাকা ধার করেন। দ্বিতীয় ধার নেয়ার ৬ মাস পরে তিনি উভয় ধার সুদে-মূলে ৯৯৪.৫০ টাকা শোধ করেন। প্রথম ধার নেয়ার কত দিন পর তিনি ঐ ধার শোধ করেন? (২৩তম BCS)

সমাধান:

মোট ধার (৫০০ + ৪০০) টাকা = ৯০০ টাকা

∴ লোকটি সুদ শোধ করেন (৯৯৪.৫০ – ৯০০) টাকা

বা ৯৪.৫০ টাকা।

লোকটি ১০০ টাকায় ১২ মাসে সুদ দেন $\frac{9}{2}$ টাকা

বা ৭ টাকা

∴ বাকি সুদ (৯৪.৫০ – ৭) টাকা বা ৮৭.৫০ টাকা

আবার, ১০০ টাকার ১ বছরের সুদ ৫ টাকা

$$\therefore$$
 ৫০০ " ১ " " $\frac{e \times e \circ \circ}{500}$ বা ২৫ টাকা

∴ লোকটি ২৫ টাকা সুদ দেয় ১ বছরে

$$\therefore \quad " \quad 2 \quad " \quad " \quad \frac{2}{2} \quad "$$

$$\therefore$$
 " ৮৭.৫০ " " " $\frac{3 \times \text{bq.60}}{20}$ বা $0\frac{5}{2}$ বছরে।

উত্তর : ৩<mark>২</mark> বছর।

০৪। শতকরা বার্ষিক কত হার সুদে কোনো নির্দিষ্ট পরিমাণ টাকা ৩ বছরে ৫৬০ টাকা ও ৫ বছরে ৬০০ টাকায় পরিণত হয়?

(১৫তম BCS)

সমাধান:

আসল + ৫ বছরের সুদ = ৬০০ টাকা

(বিয়োগ করে) ২ বছরের সুদ 80 "

$$\therefore$$
 ৫ " " $\frac{80 \times \ell}{2}$ টাকা বা ১০০ টাকা

∴ আসল (৬০০ – ১০০) টাকা = ৫০০ টাকা ৫০০ টাকার ৫ বছরের সুদ ১০০ টাকা

উত্তর : সুদের হার ৪%

০৫। দুই ব্যক্তি 'ক' এবং 'খ' একই ব্যাংক থেকে একই দিনে ১০% হার সরল সুদে পৃথক পৃথক পরিমাণ ঋণ গ্রহণ করে। 'ক' দুই বছর পর সুদে-আসলে যে অর্থ শোধ করে 'খ' ৩ বছর পর সুদে–আসলে সমপরিমাণ অর্থ শোধ করে। তাদের ঋণের অনুপাত নির্ণয় করুন।

মনে করি,

ক নেয় X টাকা এবং খ নেয় y টাকা।

১০% সুদে, ক-এর

১০০ টাকার ১ বছরের সুদ ১০ টাকা

$$\therefore x \quad " \quad " \quad " \quad \frac{\mathsf{yo} \times x}{\mathsf{yoo}} "$$

$$\therefore \quad X \quad " \quad \xi \quad " \quad " \frac{50 \times X \times \xi}{500};$$

বা,
$$\frac{20X}{200}$$
; বা, $\frac{x}{6}$ টাকা

∴ ক এর ব্যাংকে পরিশোধ =
$$\left(x + \frac{x}{\alpha}\right)$$
;

বা,
$$\left(\frac{\alpha x + x}{\alpha}\right)$$
; বা, $\frac{\mathbf{e} \mathbf{x}}{\alpha}$ টাকা

অনুরূপভাবে, খ-এর

$$y$$
 টাকার ৩ বছরের সুদ $\frac{50 \times y \times 9}{500}$ বা $\frac{90y}{500}$ বা $\frac{9y}{500}$ টাকা

∴ খ এর ব্যাংকে পরিশোধ =
$$\left(y + \frac{\mathfrak{o}y}{\mathfrak{o}_0}\right)$$
টাকা বা

$$\left(\frac{\mathsf{soy} + \mathsf{oy}}{\mathsf{so}}\right) \mathsf{Dist}$$

বা
$$\left(\frac{30y}{30}\right)$$
টাকা

প্রশ্নতে,
$$\frac{8x}{6} = \frac{29y}{20}$$

বা,
$$\frac{\forall x}{\mathsf{soy}} = \frac{\alpha}{\mathsf{so}}$$
 বা, $\frac{x}{\mathsf{y}} = \frac{\alpha \times \mathsf{so}}{\forall \mathsf{so}}$
বা, $x \circ y = \mathsf{so} \circ \mathsf{so} = \mathsf{so} \circ \mathsf{so}$

০৬। কোনো মূলধন ৩ বছরে সরল সুদে-মূলে ১১০০০ টাকা হয়। সুদ-আসলের 👱 অংশ হলে আসল ও সুদের হার নির্ণয় করুন।

মনেকরি, আসল ৮ টাকা।

- ∴ ৩ বছরের সুদ $\left(b \text{ এর } \frac{\circ}{b} \right)$ বা ৩ টাকা
- ∴ সুদাসল = (আসল + সুদ) = (৮+৩) টাকা বা ১১ টাকা সুদাসল ১১ টাকা হলে আসল ৮ টাকা

∴ "১১০০০" " ৬×১১০০০ বা ৮০০০ টাকা

∴ ৩ বছরের মোট সুদ = সুদাসল – আসল

= (১১০০০ – ৮০০০) আসল বা ৩০০০ টাকা

৮০০০ টাকার ৩ বছরের সুদ ৩০০০ টাকা

বা ১২.৫ টাকা

উত্তর : ৮০০০ টাকা ও ১২.৫%

০৭। কোনো আসল ৫ বছরে সুদে–আসলে ৫৫০ টাকা হয় এবং সুদ আসলের ত্র অংশ। আসল এবং শতকরা বার্ষিক সুদের হার কত?

মনে করি, আসল = ৮ টাকা

∴ সুদ-আসল = (৮ + ৩) বা ১১ টাকা।

এখন, সুদ–আসল ১১ টাকা হলে আসল ৮ টাকা

∴ নির্ণেয় আসল ৪০০ টাকা।

∴ সুদ = (৫৫০ – ৪০০) টাকা = - ১৫০ টাকা। এখন, ৪০০ টাকার ৫ বছরের সুদ ১৫০ টাকা

উত্তর : আসল ৪০০ টাকা , সুদের হার ৭ - %

০৮। ক , খ-কে কিছু টাকা ধার দিয়ে প্রতি বছরে মূলধনের $\frac{5}{b}$ অংশ সুদ পায়। ৫ বছর পরে সুদে-মূলে তা আদায় করে সমস্ভ টাকা গ-কে ধার দেয় এবং ১ বছর পরে গ-এর নিকট হতে ৫% হার সুদে ২০৩১.২৫ টাকা সুদ পায়। ক. খ-কে কত টাকা ধার দিয়েছিল?

সমাধান:

মনেকরি, ক, খ কে x টাকা ধার দিয়েছিল

∴ ক , খ এর নিকট থেকে ১ বছরে সুদ পায় (x এর $\frac{5}{b}$) টাকা ,

বা,
$$\frac{x}{b}$$
 টাকা

∴ ৫ বছর পরে ক সুদে আসলে পায়
$$(x+\frac{ex}{b})$$
 বা, $\frac{30 \text{ x}}{b}$ টাকা \therefore শর্তমতে, $\frac{30 \text{ x}}{360}=2003.2e$ বা, $x=2003.2e$ × $\frac{360}{30}$

∴ ক্, গ কে
$$\frac{30 \text{ X}}{6}$$
 টাকা ধার দেয়।

এখন, ক, গ এর নিকট থেকে ১০০ টাকায় সুদ পায় ৫ টাকা

$$\therefore$$
 $\frac{20 \, \mathrm{X}}{\mathrm{b}}$ " " $\frac{e \times 20 \, \mathrm{X}}{200 \times \mathrm{b}}$ টাকা।

∴ শর্তমতে,
$$\frac{30 \text{ x}}{360}$$
 = ২০৩১.২৫ বা, x = ২০৩১.২৫ × $\frac{360}{30}$

বা , x = ২৫০০০ ∴ নির্ণেয় ক , খ কে ২৫০০০ টাকা ধার দিয়েছিল। (উত্তর)

০৯। শতকরা বার্ষিক ৩<mark>৩</mark> টাকা হার সুদে কত টাকা ১০০ দিনে সুদে–মূলে ৭৩৭[.]৫০ টাকা হবে?

সময় ১০০ দিন বা,
$$\frac{১০০}{\circ \lor \lor \lor}$$
 বছর বা, $\frac{২০}{9 \lor}$ বছর।

১০০ টাকার ১ বছরের সুদ
$$\frac{5\ell}{8}$$
টাকা

$$\therefore$$
 ১০০ " $\frac{20}{90}$ " " $\frac{30 \times 20}{8 \times 90}$ বা, $\frac{90}{90}$ টাকা

অতএব , ১০০ টাকা ১০০ দিনে সুদে–মূলে
$$\left($$
১০০ + $\frac{9\alpha}{90}
ight)$ টাকা

$$=\frac{9000+96}{90}$$
 বা, $\frac{9096}{90}$ টাকা হয়

∴ নির্ণেয় মূলধন / আসল ৭৩০ টাকা

উত্তর : ৭**৩**০ টাকা।

১০। শতকরা বার্ষিক কত হার সুদে যেকোনো আসল ৫ বছরে সুদ–আসলে তিনগুণ হয়?

মনে করি, আসল বা মূলধন ১০০ টাকা

এখানে ১০০ টাকা ৫ বছরে সুদে–আসলে (১০০ × ৩) টাকা

বা, ৩০০ টাকা হবে

অর্থাৎ, ১০০ টাকার সুদ (৩০০ – ১০০) টাকা বা, ২০০ টাকা হবে।

এখন, ১০০ টাকার ৫ বছরের সুদ ২০০ টাকা

∴ নির্ণেয় সুদের হার ৪০%

উত্তর : ৪০%

১১। কোনো আসল ৩ বছরে সুদে–আসলে ১৪৫২ টাকা এবং ৫ বছরে সুদে–আসলে ১৬২০ টাকা হয়, আসল ও সুদের হার বের করুন।

সমাধান:

(বিয়োগ করে), ২ বছরের সুদ ১৬৮ টাকা

এখন, আসল + ৩ বছরের সুদ ১৪৫২ টাকা

∴ আসল = ১২০০ টাকা (বিয়োগ করে)

এখন, ১২০০ টাকার ১ বছরের সুদ ৮৪ টাকা

অর্থাৎ, সুদের হার ৭%

 \therefore নির্ণেয় আসল ১২০০ টাকা এবং নির্ণেয় সুদের হার ৭%

১২। শতকরা ৫ টাকা হার সুদে কত বছরে ২৯০ টাকা সুদে–আসলে ৩৭৭ টাকা হয়?

সমাধান:

এখানে সুদ = (সুদ – আসল) – আসল

১০০ টাকার ১ বছরে সুদ ৫ টাকা।

$$\therefore \quad \mathbf{3} \quad " \quad \mathbf{3} \quad " \quad \frac{e}{\mathbf{300}} \quad "$$

$$\therefore \quad \mathbf{280} \quad " \quad \mathbf{3} \quad " \quad \frac{e \times \mathbf{280}}{\mathbf{300}}; \mathbf{41}, \quad \frac{\mathbf{28}}{\mathbf{200}} \mathbf{\overline{5100}}$$

এখন, <mark>২৯</mark> টাকা সুদ হয়ে ১ বছরে

∴ নির্ণেয় সময় ৬ বছর (উত্তর)।