

NTRCA Math Lecture Sheet





Lecture Content

🗹 বীজগাণিতিক সূত্রাবলি ও মান নির্ণয়

Basic



Discussion

বীজগাণিতিক সূত্রাবলি ও মান নির্ণয়

গুরুত্বপূর্ণ সূত্রাবলি :

বীজগণিতের প্রাথমিক আলোচনা:

BODMAS

B = Bracket (ব্রাকেট)

)

2 21001100 (21017)

O = of (এর)

D = Division (ভাগ)

M = Multiplication (গুণ)

A = Addition (যোগ)

S = Subtraction (বিয়োগ)

☑ বর্গ এর সূত্রাবলি :

1.
$$(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2$$

= $(a-b)^2 + 4ab$

$$= (a+b)(a+b)$$

2.
$$(a - b)^2 = a^2 - 2ab + b^2$$

= $(a + b)^2 - 4ab$

$$= (a-b) (a-b)$$

3.
$$a^2 + b^2 = (a + b)^2 - 2ab$$

= $(a - b)^2 + 2ab$

$$=\frac{(a+b)^2+(a-b)^2}{2}$$

4.
$$2(a^2 + b^2) = (a + b)^2 + (a - b)^2$$

5.
$$a^2 - b^2 = (a + b) (a - b)$$

6.
$$4ab = (a + b)^2 - (a - b)^2$$

7.
$$ab = \left(\frac{a+b}{2}\right)^2 - \left(\frac{a-b}{2}\right)^2$$

8.
$$(a + b + c)^2 = a^2 + b^2 + c^2 + 2(ab + bc + ca)$$

অথবা,
$$a^2 + b^2 + c^2 = (a + b + c)^2 - 2(ab + bc + ca)$$

অথবা,
$$2(ab + bc + ca) = (a + b + c)^2 - (a^2 + b^2 + c^2)$$

9.
$$(x + a) (x + b) = x^2 + (a + b)x + ab$$

$$= (x - a) (x - b)$$

$$= x^2 - (a+b)x + ab$$

☑ ঘন এর সূত্রাবলি :

10.
$$(a + b)^3 = a^3 + 3a^2b + 3ab^2 + b^3$$

$$= a^3 + b^3 + 3ab(a + b)$$

$$= (a +b) (a +b) (a +b)$$

11.
$$(a-b)^3 = a^3 - 3a^2b + 3ab^2 - b^3$$

$$= a^3 - b^3 - 3ab(a - b)$$

$$= (a - b) (a - b) (a - b)$$

12.
$$a^3 + b^3 = (a + b)^3 - 3ab(a + b)$$

$$= (a + b) (a^2 - ab + b^2)$$

13.
$$a^3 - b^3 = (a - b)^3 + 3ab (a - b)$$

$$= (a - b) (a^2 + ab + b^2)$$

14.
$$a^3 + b^3 + c^3 - 3abc$$

$$= (a + b + c) (a^2 + b^2 + c^2 - ab - bc - ac)$$

$$= \frac{1}{2} (a + b + c) \{ (a - b)^2 + (b - c)^2 + (c - a)^2 \}$$

15.
$$(a + b + c)^3$$

$$= a^3 + b^3 + c^3 + 3ab(a + b) + 3bc(b + c) + 3ca(c + a) + 6abc$$

Teacher's Discussion



 $(a-b)^2 = \overline{\Phi}$

[প্রাথমিক বিদ্যালয় সহকারী শিক্ষক : ৯৩] ১২.

$$\overline{\Phi}$$
. $(a + b)^2 - 2ab$

30

₹.
$$(a - b)^2 + 2ab$$

গ.
$$(a + b)^2 - 4ab$$

$$abla$$
. $(a + b)^2 + 4ab$

 $a^2 + b^2 = \overline{a}$

[প্রাথমিক বিদ্যালয় সহকারী শিক্ষক : ৯০]

$$\Phi$$
. $(a - b)^2 + 4ab$

₹.
$$(a + b)^2 - 2ab$$

গ.
$$(a - b)^2 + 2ab$$

ঘ.
$$a^2 - b^2 + 2ab$$

৩. 2(a² + b²) = কৃত্
প্রথাথমিক বিদ্যালয় সহকারী শিক্ষক (খুলনা বি): ০৭]

$$\overline{\Phi}$$
. $(a+b)^2 - (a-b)^2$

₹.
$$(a-b)^2 - (a+b)^2$$

গ.
$$(a + b)^2 + (a - b)^2$$

$$abla . (a + b)^2 − 4ab$$

8. ab = কত?

[প্রাথমিক বিদ্যালয় <mark>সহকারী শিক্ষক: ৯৩</mark>]

$$\overline{\Phi}. \frac{1}{2} (a+b)^2 - \frac{1}{2} (a-b)^2 \, \, \forall . \, \left(\frac{a-b}{2}\right)^2 + \left(\frac{a-b}{2}\right)^2$$

গ.
$$\left(\frac{a+b}{2}\right)^2 + \left(\frac{a-b}{2}\right)^2$$

গ.
$$\left(\frac{a+b}{2}\right)^2 + \left(\frac{a-b}{2}\right)^2$$
 ঘ. $\left(\frac{a+b}{2}\right)^2 - \left(\frac{a-b}{2}\right)^2$ উত্তরঃ ঘ

৫. দুটি রাশির বর্গের অন্তরফল কোনটি?

[প্রাথমিক বিদ্যালয় সহকা<mark>রী শিক্ষক</mark> (বাতিল পরীক্ষা) : ০২<mark>]</mark>

$$Φ$$
. $(a + b) (a − b)$

$$\forall$$
. $(a^2 + b^2)$

গ.
$$(a-b)(a-b)$$

ঘ.
$$\sqrt{a+b}-\sqrt{a-b}$$
 উত্তরঃ ক

৬. 2x + 1 এর বর্গ কত?

[প্রাথমিক <mark>বিদ্যালয় স</mark>হকারী শিক্ষক : ৯৭]

$$\overline{\Phi}$$
. $4x^2 + 4x + 2$

$$4x^2 + 2x + 1$$

গ.
$$2x^2 + 4x + 1$$

ঘ.
$$4x^2 + 4x + 1$$
 উত্তরঃ ঘ

9. a + b = 7 এবং ab = 10 হলে $(a - b) = \overline{\Phi}$

[প্রাথমিক বিদ্যালয় সহকারী শিক্ষক (ঢাকা বিভাগ): ০৭]

- ক. 4
- খ. 3
- গ. 2

ঘ. 8

উত্তরঃ খ

b. a+b=7 এবং ab=12 হলে a-b= এর মান কত?

প্রাথমিক বিদ্যালয় সহকারী শিক্ষক (সিলেট বিভাগ) : oe]

ক. 3

খ. 22

গ. 1

ঘ 1

উত্তরঃ গ

b. a + b = 14 এবং ab = 45 হলে a - b = 45 মান কত?

- **季**. ± 6
- খ. ±4
- গ. ± 5
- ঘ. ±8

উত্তরঃ খ

১০. x + y = 12 এবং x - y = 8 হলে xy এর মান কত?

- ক. 70
- খ. 35
- গ. 144
- ঘ. 140

উত্তরঃ খ

১১. 2x = 3y + 5 হলে $4x - 6y = \overline{\Phi}$?

[প্রাথমিক সহকারী শিক্ষক নিয়োগ পরীক্ষা (১ম পর্যায়)-২০২২]

- ক. 10
- খ. 15
- গ. 20

উত্তর: ক

x+v=12 এবং x-v=2 হলে xv এর মান কত?

[প্রাথমিক সহকারী শিক্ষক নিয়োগ পরীক্ষা (১ম পর্যায়)-২০২২]

- ক. ৪৫
- খ. ৩০
- গ. ৪০
- ঘ. ৩৫

১৩. যদি (6x - y, 13) = (1, 3x + 2y) হয়, তাহলে $(x, y) = \overline{x}$ [প্রাথমিক সহকারী শিক্ষক নিয়োগ পরীক্ষা (৩য় পর্যায়)-২০২২]

- 季. (2, 3)
- খ. (3, 2)
- গ. (1, 5)
- ঘ. (5, 1)

উত্তর: গ

১. $x = \sqrt{3} + \sqrt{2}$ হলে $x^3 + \frac{1}{x^3}$ এর মান কত?

[৩৮ তম বিসিএস]

- $\overline{\Phi}$. $3\sqrt{2}$ গ. 12 $\sqrt{3}$
- খ. 18√3
- ঘ. 8

উত্তর: খ

২. $x^2 - 3x + 1 = 0$ হলে $x^2 - \frac{1}{x^2}$ এর মান কত?

[৩৭ তম বিসিএস]

- $\overline{\Phi}$. $5\sqrt{3}$
- খ. 3√5
- ঘ. 6√5

৩. $x - \frac{1}{y} = 1$ হলে $x^3 - \frac{1}{y^3}$ এর মান কত? [৩৬ তম বিসিএস]

- গ. 3
- ঘ. 4

উত্তর: ঘ

8. $x - \frac{1}{x} = 7$ হলে $x^3 - \left(\frac{1}{x}\right)^3$ এর মান কত?

- **季**. 334 গ. 364
- খ. 154
- ঘ. 512

উত্তর: গ

৫. যদি $a^2 + \frac{1}{a^2} = 51$ হয় তবে $a - \frac{1}{a}$ এর মান কত?

[৩১ তম বিসিএস]

- উত্তর: খ [৩০তম বিসিএস]

থবং ab = 45 হলে a - b = 4 এর মান কত? C = 5 ে ab = 4 হলে ab

- গ. 27
- খ. 18
- ঘ. 36
- উত্তর: ঘ

[প্রাথমিক বিদ্যালয় সহকারী শিক্ষক : ১৮] ব. $a + \frac{1}{a} = \sqrt{3}$ হলে $a^2 + \frac{1}{a^2}$ এর মান কত?

[২৬তম বিসিএস]

- 季. 6 গ. 2
- খ. 4 ঘ. 1
- **উত্তর:** ঘ

৮. $x^2 - \sqrt{5}x + 1 = 0$ হলে $x^2 + \frac{1}{x^2}$ এর মান কত?

- ক. 1 গ. 3
- খ. √5
- উত্তর: খ

- ৯. $4a^2 + \frac{1}{a^2} = 2$ হলে $8a^3 + \frac{1}{a^3}$ এর মান কত?
- গ. 2
- ঘ. 5
- উত্তর: ক
- ১০. $x^4 + 2x^2 + 1 = 5x^2$ হলে $x + \frac{1}{x} = \overline{\phi}$
 - $\overline{\Phi}$. $\sqrt{3}$

- **উত্তর:** ঘ
- ১১. $a^2 + \frac{1}{a^2} = 47$ হলে $a + \frac{1}{a}$ এর মান কত?
 - **季**. ± 9
- 휙. ± 7
- গ. ± 5
- ঘ. ± 3
- উত্তর: খ
- ১২. $(x^2+1)^2 = 3x^2$ হলে $x^3 + \frac{1}{x^3}$ এর মান কত?
 - ক. 1
- খ. 0
- গ. 5
- ঘ. 3√3
- উত্তর: খ
- ১৩. $a + 3 + \frac{1}{a} = 0$ হলে $a^3 + \frac{1}{a^3} = \overline{\Phi}$ ত?
 - ক. 18
- খ. 20

- উত্তর: গ
- ১৪. $x + \frac{1}{x} = 2$ হলে $\frac{x}{x^2 + x + 1}$ এর মান কত?
- খ. 2
- উত্তর: ক
- ১৫. $x + \frac{1}{x} = 5$ হলে $\frac{x}{x^2 + x + 1}$ এর মান কত?
 - ক. $\frac{1}{5}$ খ. $\frac{1}{6}$

 - গ. $\frac{1}{7}$ য. $\frac{1}{4}$ \bigcirc UV \bigcirc UV \bigcirc UV \bigcirc UV \bigcirc
- ১৬. $x = 7 4\sqrt{3}$ হলে $x + \frac{1}{x}$ এর মান কত?
 - $\overline{\Phi}$. $3\sqrt{3}$
- খ. 8
- ঘ. 14+8√3
- ১৭. x + y = 8, x y = 6 হলে $x^2 + y^2$ এর মান কত?
 - ক. 40
- খ. 60
- গ. 50
- ঘ. 80

- ১৮. a+b=7 এবং $a^2+b^2=25$ হলে নিচের কোনটি ab এর মান কত? [৩০তম বিসিএস]
 - ক. 12
- খ. 10
- ঘ. কোনোটিই নয়
- উত্তর: ক
- ১৯. x + y = 8, x y = 6 হলে $x^2 + y^2$ এর মান কত?
 - [২৬তম বিসিএস]

- ক. 40
- খ. 60
- গ. 50
- ঘ. 80
- উত্তর: গ
- ২০. a + b + c = 9, a² + b² + c² = 29 হলে ab + bc + ca এর মান [১৬তম বিসিএস]
 - ক. 52
- খ. 46
- গ. 26
- ঘ. 22
- উত্তর: গ
- <mark>২১. a³-b³=513</mark> এবং a-b=3 <mark>হয়, তবে</mark> ab এর মান কত?
 - [১১তম বিসিএস]

- **季.** 54
- খ. 35
- ঘ. 55
- উত্তর: ক
- ২২. $9x^2+16y^2$ এর সাথে কত যোগ করলে যোগফল পূর্ণবর্গ সংখ্যা
 - ক. 6xy
- খ. 12xy
- গ. 24xy
- **ঘ**. 144xy
- উত্তর: গ
- ২৩. P এর মান কত হলে $4x^2$ –px+9 একটি পূর্ণবর্গ হবে? /১২তম বিসিএস]
 - ক. 10
- খ. 12
- ঘ. 16

খ. 6

- উত্তর: খ
- ২<mark>৪. a এর মান <mark>কত হলে</mark> 9–12x+ax² রাশিটি একটি পূর্ণবর্গ হবে?</mark>
 - **季**. 8

- উত্তর: গ
- গ. 4 ঘ. 2 ২৫. a+b=2, ab=1 হলে a ও b এর মান কত?
 - ক. 1,2
- খ. 2.3
- ঘ. 1,1
- উত্তর: ঘ
- উত্তর: গ ২৬. $\frac{x}{y}$ এর সাথে কত যোগ করলে যোগফল $\frac{2y}{x}$ হবে?
 - ক. $\frac{2y^2-x^2}{xy}$ খ. $\frac{x^2-2y^2}{xy}$
 - গ. $\frac{x^2-2y^2}{xy}$ ঘ. $\frac{x^2-y^2}{xy}$
- উত্তর: ক

Student's Practice



- ১. $a + a^{-1} = \sqrt{3}$ হলে $a^2 + a^{-2}$ এর মান কত?

- উত্তর: গ
- ২. $a \frac{1}{a} = 5$ হলে $a^2 + \frac{1}{a^2}$ এর মান কত?
- গ. 25
- ঘ. 27
- **উত্তর:** ঘ
- ৩. $a \frac{1}{a} = 2$ হলে $a^4 + \frac{1}{a^4} = \overline{a}$

উত্তর: ক

- 8. $a \frac{1}{a} = 3$ হলে $a^4 + \frac{1}{a^4} = \overline{\Phi}$ ত?
- খ. 119
- গ. 129
- ঘ. 116
- ৫. $p + \frac{1}{p} = 4$ হলে $p^4 + \frac{1}{p^4} = \overline{\Phi}$
- গ. 147
- ৬. $\sqrt{m} + \frac{1}{\sqrt{m}} = 2$ হলে $\sqrt{m} \frac{1}{\sqrt{m}} = \frac{\sqrt{m}}{\sqrt{m}} = \frac{\sqrt{m}}{$

- ৭. $2x^2-3x=2$ হলে $x^3-\frac{1}{x^3}$ এর মান কত?
- খ. $\frac{56}{7}$
- ঘ. 40
- b. $x + \frac{1}{x} = 2$ হলে $x^8 \frac{1}{x^7}$ এর মান নির্ণয় কর।

- ৯. $x^4+2x^2+1=5x^2$ হলে $x+\frac{1}{x}=$ কত?
 - ক. $\sqrt{5}$
- **₹.** √3
- গ. $2\sqrt{5}$
- ঘ. 3√5
- উত্তর: ক
- ১০. $x^4 2x^2 + 1 = 0$ হলে x এর মান কত?
 - ক. 25
- খ. 5
- গ. 1

- ১১. $x = 7 + 4\sqrt{3}$ হলে $\sqrt{x} \frac{1}{\sqrt{x}} = ?$
 - $\overline{\Phi}$. $2\sqrt{2}$
- **খ**. 3√6
- উত্তর: গ

- ১২. $\mathbf{x} = \sqrt{4} + \sqrt{3}$ হলে $x^3 + \frac{1}{x^3} =$?
- ঘ. 2√5
- উত্তরঃ খ
- ১৩. যদি $x^4 x^2 + 1 = 0$ হয়, তবে $x^3 + \frac{1}{r^3} = ?$ (৪০তম বিসিএস)

- উত্তর : ঘ
- ১৪. $x^4 x^2 + 1 = 0$ হলে $x^3 + \frac{1}{x^3}$ এর মান কত?

- ঘ. 0
- **উত্তরঃ** ঘ
- উত্তর: খ ১৫. $x^2 3x + 1 = 0$ হলে $\left(x^2 \frac{1}{x^2}\right)$ এর মান কত? (৩৭তম

 - ক. $5\sqrt{3}$ খ. $3\sqrt{5}$
 - ঘ. 6√5
- ১৬. $x + y = 2, x^2 + y^2 = 4$ হলে $x^3 + y^3 =$ কত? (৩৪তম বিসিএস) ক. 8
- ঘ. 25
- **১৭.** x + y = 2 একং x²+y²=4 হলে x³+y³ এর মান কত? [৩৪তম বিসিএস]

- উত্তর: ক ১৮. $\frac{X}{V}$ এর সাথে কত যোগ করলে যোগফল $\frac{Y}{X}$ হবে? (৩৩০ম বিসিএস)
 - $\frac{x^2 y^2}{xy}$
 - $s b \frac{x^{2}}{2} \frac{y^{2}}{2} mar \frac{y^{2}}{2} x^{2}$
- ১৯. $x^2 8x 8y + 16 + y^2$ এর সঙ্গে কত যোগ করলে যোগফল একটি পূর্ণ বর্গ হবে? (৩২তম , ২৬তম ও ১২তম বিসিএস)
 - ক. 4*xy* গ. 6xv
- ঘ. 8xy
- উত্তর: গ $\left| > 0$. যদি $a^2 + \frac{1}{a^2} = 51$ হয়, তবে $a \frac{1}{a}$ এর মান কত?
 - (৩১তম বিসিএস)

- **雨**. ± 9
- খ. ± 7
- উত্তর : খ

- ২১. a+b=7 এবং $a^2+b^2=25$ হলে, নিচের কোনটি ab এর মান \mid ৩২. x+y=12 এবং x-y=2 হলে xy এর মান কত? \mid ২২০ম বিসিএস \mid হবে? (৩০তম বিসিএস)
 - ক. 12
- খ. 10
- গ. 6
- ঘ. কোনটিই নয়
- ২২. $a + \frac{1}{a} = 3$ হলে, $a^3 + \frac{1}{a^3}$ এর মান কত? (৩০তম বিসিএস)
 - ক. 9
- খ. 18
- গ. 27
- ঘ. 36
- উত্তর : খ
- ২৩. a+b=7 এবং $a^2+b^2=25$ হলে ab এর মান কত? [৩০তম বিসিএস]
 - ক. 12
- খ. 10
- গ. 6
- ঘ. কোনোটিই নয়
- উত্তরঃ ক
- ২8. a + b + c = 9, ab + bc + ca = 31 এবং $a^2 + b^2 + c^2$ এর কত? [৩০তম বিসিএস]
 - ক. 49
- খ. 39
- গ. 29

- ২৫. $(x-y)^2 = 14$ এবং xy = 2 হলে $x^2 + y^2$ এর মান কত?
 - [২৭তম বিসিএস]

- ক. 12
- খ. 14
- গ. 16
- উত্তরঃ ঘ
- ২৬. $a + \frac{1}{a} = \sqrt{3}$ হলে $a^2 + \frac{1}{a^2}$ এর মান- (২৬তম বিসিএস)
 - ক. 6
- গ. 2
- উত্তর : ঘ
- ২৭. x + y = 8, x y = 6 হলে $x^2 + y^2$ এর মান কত ? (২৬তম বিসিএস)
 - ক. 40 গ. 50
- খ. 60
- ঘ. 80
- ২৮. $x + \frac{1}{x} = \sqrt{3}$ হলে $x^3 + \frac{1}{x^3}$ এর মান কত? (২৫ তম বিসিএস)
 - ক. 2

- ซ. 3 ซ. 6 0 UV S ใช้อส : ช
- ২৯. a + b = 7 এবং ab = 12 হলে $(a b)^2$ এর মান কত? [২৪তম বিসিএস]
 - ক. 50
- খ. 125
- গ. 5
- ঘ. 1
- উত্তরঃ ঘ
- ৩০. x + y = 12 এবং x y = 2 হলে xy এর মান কত?
- (২২তম বিসিএস)
 - ক. 35
- খ. 140
- গ. 70
- ঘ. 144
- উত্তর : ক
- ৩১. x + y = 6 এবং xy = 8 হলে x y এর মান কত? [২২তম বিসিএস]
 - ক. 2
- খ. 3
- গ. 4
- ঘ. 6
- উত্তরঃ ক

- - ক. 35 গ. 70
- খ. 140
- ঘ. 144
- উত্তরঃ ক
- ৩৩. $x^2 + y^2 = 8$ এবং xy = 7 হলে $(x + y)^2$ এর মান কত?
 - ক. ১৪
- খ. ১৬
- গ. ২২
- ঘ. ৩০
- উত্তর : গ
- ৩৪. x − [x − {x − (x+1)}] এর মান কত?
- [১৭তম বিসিএস]

- $\overline{\Phi}$. x + 1
- খ. 1 ঘ. a+ 1
- <mark>২৬. a+b+c = 9, a²+</mark>b²+c² = 29 হলে, 2 (ab+bc+ca) এর
 - মান কত?
- খ. 46
- গ. 26

ক. 52

- ঘ. 22
- উত্তর : ক

(১৬তম বিসিএস)

- উত্তরঃ ঘ তে. $\frac{1}{2}\{(a+b)^2+(a-b)^2\}=$ কত?
- [১৪তম বিসিএস]

- Φ , $a^2 + b^2$

- গ. $\frac{(a+b)^2}{2} \frac{(a-b)^2}{2}$ ঘ. $(a+b)^2 + (a-b)^2$ উত্তরঃ ক
- ৩৬. a {a (a +1)} = কত? [১১তম বিসিএস]
 - **▼**. a − 1
- ঘ. a + 1
- ৩৭. $a^3 b^3 = 513$ এবং a b = 3 হলে ab এর মান কত? [১১তম বিসিএস]
 - ক. 54
- খ. 35
- ঘ. 55

উত্তর: ঘ

- ৩৮. a+b+c=0 হলে, $a^3+b^3+c^3$ এর মান কত? (১০ম বিসিএস)
 - क. abc গ. 6abc
- ₹. 3abc
- ঘ. 9abc
 - উত্তর : খ
- ৩৯. a+b=5 এবং a-b=3 হলে ab এর মান কত? ক. 2
- উত্তর : গ [১০তম বিসিএস]
- 80. a + b + c = 0 হলে $a^3 + b^3 + c^3$ এর কত?
 - ▼. abc

গ. 6abc

- খ. 3abc ঘ. 9abc
- উত্তরঃ খ
- 8১. যদি a + b = 7 এবং ab = 12 হয়, তবে $(a b)^2$ এর মান হবে-
 - ক. 50
- খ. 125
- গ. 5
- সমাধানঃ $(a-b)^2 = (a+b)^2 4ab$
- বা, $(a-b)^2 = 7^2 4 \times 12 = 49 48 = 1$ উত্তর : ঘ

8২. $a - \frac{1}{a} = 3$ হলে $a^2 + \frac{1}{a^2}$ এর মান কত?

সমাধানঃ $\left(a - \frac{1}{a}\right)^2 = a^2 + \frac{1}{a^2} - 2.a.\frac{1}{a}$

$$41, \ a^2 + \frac{1}{a^2} = \left(a - \frac{1}{a}\right)^2 + 2$$

বা,
$$3^2 + 2 = 9 + 2 = 11$$

৪৩. x + y = 12 এবং x - y = 2 হলে xy এর মান কত? গ. 35

সমাধানঃ $(x+y)^2 = x^2 + y^2 + 2xy$ (i)

$$(x-y)^2 = x^2 + y^2 - 2xy$$
 (ii)

(i)
$$\Im$$
 (ii) \gcd , $(x+y)^2 - (x-y)^2 = 4xy$

$$\exists x, \ xy = \frac{1}{4} \left\{ (x+y)^2 - (x-y)^2 \right\}$$
$$= \frac{1}{4} \times \left(12^2 - 2^2 \right) = \frac{1}{4} \left(144 - 4 \right)$$

$$\therefore xy = \frac{1}{4} \times 140 = 35$$

উত্তর : গ

88. a + b = 5 এবং a - b = 3 হলে ab-এর মান কত?

সমাধানঃ 03-এর অনুরূ<mark>প</mark> ।

উত্তর : গ

৪৫. $x^2 + \frac{1}{x^2}$ এর মান কত হলে $\sqrt{x} + \frac{1}{\sqrt{x}} = 2$ হবে?

সমাধানঃ $\sqrt{x} + \frac{1}{\sqrt{x}} = 2$

 $41, \left(\sqrt{x} + \frac{1}{\sqrt{x}}\right)^2 = 2^2 \text{ our success benchm} = \frac{\sqrt{3} - \sqrt{2}}{(\sqrt{3})^2 - (\sqrt{2})^2}$

বা,
$$x + \frac{1}{x} + 2.\sqrt{x}.\frac{1}{\sqrt{x}} = 4$$

$$41, \ x + \frac{1}{x} = 4 - 2$$

বা,
$$\left(x+\frac{1}{x}\right)^2=2^2$$

$$4x + \frac{1}{x^2} + 2x \cdot \frac{1}{x} = 4$$

$$\therefore x^2 + \frac{1}{x^2} = 4 - 2 = 2$$

উত্তর: গ

৪৬. $a^2 - b^2 = 45$ এবং a - b = 3 হলে ab-এর মান কত?

সমাধানঃ $a^2 - b^2 = 45$ আবার, a - b = 3 (i)

বা,
$$(a+b)(a-b)=45$$
_____(ii)

$$\therefore ab = 9 \times 6 = 54$$

উত্তর : খ

89. যদি $a + \frac{1}{a} = 4$ হয় তাহলে $a^2 + \frac{1}{a^2} = \infty$?

ক. 9

গ. 14

সমাধানঃ $\left(a + \frac{1}{a}\right)^2 = a^2 + \frac{1}{a^2} + 2.a.\frac{1}{a}$

$$4^2 = a^2 + \frac{1}{a^2} + 2$$

$$\therefore a^2 + \frac{1}{a^2} = 4^2 - 2 = 16 - 2 = 14$$

উত্তর: গ

৪৮. $x = \sqrt{3} + \sqrt{2}$ হলে $x^2 + \frac{1}{r^2}$ এর মান নির্ণয় করুন।

সমাধানঃ $x = \sqrt{3} + \sqrt{2}$

$$\boxed{41, \frac{1}{x} = \frac{1}{\sqrt{3} + \sqrt{2}} = \frac{\sqrt{3} - \sqrt{2}}{\left(\sqrt{3} + \sqrt{2}\right)\left(\sqrt{3} - \sqrt{2}\right)}}$$

benchm
$$= (\sqrt{3})^2 - (\sqrt{2})^2$$

$$\overline{4}, \quad \frac{1}{x} = \sqrt{3} - \sqrt{2}$$

$$\therefore x + \frac{1}{x} = \sqrt{3} + \sqrt{2} + \sqrt{3} - \sqrt{2} = 2\sqrt{3}$$

এখন,
$$\left(x + \frac{1}{x}\right)^2 = x^2 + \frac{1}{x^2} + 2x \cdot \frac{1}{x}$$

$$\therefore x^2 + \frac{1}{x^2} = \left(x + \frac{1}{x}\right)^2 - 2$$

$$=(2\sqrt{3})^2-2=12-2=10$$

৪৯. যদি
$$a + \frac{1}{a} = 3$$
 হয়, তবে $a^2 + \frac{1}{a^2}$ কত?

খ. 7

$$\left(a + \frac{1}{a}\right)^2 = a^2 + \frac{1}{a^2} + 2 \cdot a \cdot \frac{1}{a} = a^2 + \frac{1}{a^2} + 2$$

$$\therefore a^2 + \frac{1}{a^2} = \left(a + \frac{1}{a}\right)^2 - 2$$

 $=3^2-2=9-2=7$

উত্তর: খ

৫০.
$$2x + \frac{2}{x} = 3$$
 হলে $x^2 + \frac{1}{x^2} =$ কত?

ক. $\frac{1}{4}$ খ. $\frac{1}{2}$

গ. $\frac{1}{6}$

সমাধানঃ $2x + \frac{2}{x} = 3$

বা,
$$2\left(x + \frac{1}{x}\right) = 3$$

$$4x + \frac{1}{x} = \frac{3}{2}$$

বা,
$$\left(x + \frac{1}{x}\right)^2 = \frac{9}{4}$$
 [বর্গ করে পাই]

$$\boxed{4}, \ x^2 + \frac{1}{x^2} + 2.x. \frac{1}{x} = \frac{9}{4}$$

$$\therefore x^2 + \frac{1}{x^2} = \frac{9}{4} - 2 = \frac{1}{4}$$

৫১.
$$p - \frac{1}{p} = 5$$
 হলে, $\left(p + \frac{1}{p}\right)^2 = \infty$?

ক. 29
খ. 27
গ. 25
সমাধানঃ
$$\left(p + \frac{1}{p}\right)^2 = \left(p - \frac{1}{p}\right)^2 + 4.p.\frac{1}{p}$$

 $=5^2+4=25+4=29$

উত্তর: ক

ধ্২.
$$a + \frac{1}{a} = 2$$
 হলে, $a^2 + \frac{1}{a^2}$ এর মান কত?

সমাধানঃ
$$a^2 + \frac{1}{a^2} = \left(a + \frac{1}{a}\right)^2 - 2a.\frac{1}{a}$$

$$= 2^2 - 2 = 4 - 2 = 2$$

৫৩.
$$x^2 + \frac{1}{x^2}$$
 এর মান কত হলে, $\sqrt{x} + \frac{1}{\sqrt{x}} = a$ হবে?

 $\overline{\Phi}$. $a^2 + 4^a + 4$

গ.
$$a^2 + 4a + 2$$

 $\sqrt{3}$, $a^4 + 4a^2 - 2$



সমাধানঃ $\sqrt{x} + \frac{1}{\sqrt{x}} = a$

বা,
$$\left(\sqrt{x} + \frac{1}{\sqrt{x}}\right)^2 = a^2$$
 [বৰ্গ করে]

বা,
$$\left(x + \frac{1}{x}\right)^2 = \left(a^2 - 2\right)^2$$
 [উভয় পক্ষকে আবার বর্গ করি]

$$\sqrt[4]{x^2 + \frac{1}{x^2} + 2 \cdot x \cdot \frac{1}{x}} = \frac{a^4 - 4a^2 + 4}{4a^2 + 4a^2}$$

$$\therefore x^2 + \frac{1}{x^2} = a^4 - 4a^2 + 2$$

উত্তর: খ

৫৪.
$$\frac{\sqrt{3} + \sqrt{3 - x}}{\sqrt{3} = \sqrt{3 - x}} = 3$$
 হলে x এর মান হবে-

$$\frac{9}{4}$$
 $\frac{4}{9}$ $\frac{3}{4}$ $\frac{4}{3}$

সমাধানঃ
$$\frac{\sqrt{3} + \sqrt{3 - x}}{\sqrt{3} - \sqrt{3 - x}} = 3$$

$$\boxed{41, \frac{\sqrt{3} + \sqrt{3 - x} + \sqrt{3} - \sqrt{3 - x}}{\sqrt{3} + \sqrt{3 - x} - \sqrt{3} + \sqrt{3 - x}} = \frac{3 + 1}{3 - 1}}$$

ি েযোজন বিয়োজন করে]

$$\boxed{4}, \ \frac{2\sqrt{3}}{2\sqrt{3-x}} = \frac{4}{2} = 2$$

বা,
$$\frac{3}{3-x}=4$$
 [বর্গ করে]

উত্তর : ক

৫৫. x + y = 14 হলে xy এর বৃহত্তম মান কত?

খ. 49

গ. 65

ঘ. 63

সমাধানঃ
$$x + y = 14$$

xy-এর মান বৃহত্তম হবে, যখন x=y=7

 $\therefore xy$ এর বৃহত্তম মান $xy = 7 \times 7 = 49$

উত্তর: খ



৫৬.
$$x - \frac{6}{x} = 1$$
 হলে $\frac{6}{x^2 - x + 1}$ এর মান কত?

ক.
$$\frac{3}{7}$$
 খ. $\frac{7}{6}$ গ. $\frac{5}{6}$ ঘ. $\frac{6}{7}$

খ.
$$\frac{7}{6}$$

গ.
$$\frac{5}{6}$$

ঘ.
$$\frac{6}{7}$$

সমাধানঃ $x - \frac{6}{x} = 1$

$$\overline{4}$$
, $x^2 - 6 = x$

বা,
$$x^2 - 6 - x = 0$$

বা,
$$x^2 - x = 6$$

∴ প্রদত্ত রাশি =
$$\frac{6}{x^2 - x + 1} = \frac{6}{6 + 1} = \frac{6}{7}$$
 উত্তর: ঘ

৫৭.
$$\frac{\sqrt{5} + \sqrt{5 - x}}{\sqrt{5} - \sqrt{5 - x}} = 5$$
 হলে x এর মান কত?

$$\overline{\Phi}$$
. $\frac{20}{9}$

ক.
$$\frac{20}{9}$$
 খ. $\frac{25}{9}$ গ. $\frac{22}{9}$ ঘ. $\frac{15}{9}$

ঘ.
$$\frac{13}{9}$$

সমাধানঃ ১৫-এর অনুরূপ।

৫৮.
$$x + y = 6$$
 হলে xy এর বৃহত্তম মান কত?

সমাধানঃ x + y = 6

xy এর মান বৃহত্তম হবে, যখন x = y = 3 হবে ।

উত্তর: ক

৫৯.
$$x + y = 3$$
 হলে $x^3 + y^3 + 9xy$ এর মান কত?

সমাধানঃ
$$(x+y)^3 = x^3 + y^3 + 3xy(x+y)$$

$$41, \ 3^3 = x^3 + y^3 + 3xy \times 3$$

$$x^3 + y^3 + 9xy = 27$$

৬০.
$$x = \sqrt{3} - \frac{1}{x}$$
 হলে $x^3 + \frac{1}{x^3}$ এর মান নির্ণয় করুন।

খ.3 VO9.07 ST.3√5CESS

$$x = \sqrt{3} - \frac{1}{x} = x + \frac{1}{x} = \sqrt{3}$$

$$41, \ x^3 + \frac{1}{x^3} + 3\sqrt{3} = 3\sqrt{3}$$

$$\therefore x^3 + \frac{1}{x^3} = 0$$

উত্তর: গ

৬১.
$$x - y = 4$$
 এবং $xy = 0$ হলে, $x^3 - y^3 =$ কত?

$$\overline{x^3 - y^3} = (x - y)^3 + 3xy(x - y)$$
$$= 4^3 + 3 \times 0 \times 4 = 64$$

৬২.
$$x = \sqrt{3} + \sqrt{2}$$
 হলে $x^3 + \frac{1}{x^3}$ এর মান কত?

(৩৮তম বিসিএস)

ক.
$$6\sqrt{2}$$

গ.
$$9\sqrt{2}$$

ঘ.
$$8\sqrt{3}$$

সমাধানঃ
$$x = \sqrt{3 + \sqrt{2}}$$

$$\boxed{3}, \frac{1}{x} = \frac{1}{\left(\sqrt{3} + \sqrt{2}\right)} = \frac{\sqrt{3} - \sqrt{2}}{\left(\sqrt{3} + \sqrt{2}\right)\left(\sqrt{3} - \sqrt{2}\right)}$$

$$=\frac{\sqrt{3}-\sqrt{2}}{\left(\sqrt{3}\right)^2-\left(\sqrt{2}\right)^2}$$

$$\therefore \frac{1}{x} = \sqrt{3} - \sqrt{2}$$

$$\therefore x + \frac{1}{x} = \sqrt{3} + \sqrt{2} + \sqrt{3} - \sqrt{2} = 2\sqrt{3}$$

এখন,
$$\left(x + \frac{1}{x}\right)^3 = x^3 + \frac{1}{x^3} + 3x \cdot \frac{1}{x} \left(x + \frac{1}{x}\right)$$

$$\therefore x^3 + \frac{1}{x^3} = \left(x + \frac{1}{x}\right)^3 - 3\left(x + \frac{1}{x}\right)$$

$$= \left(2\sqrt{3}\right)^3 - 3 \times 2\sqrt{3}$$

$$= 8 \times 3 \sqrt{3} - 6\sqrt{3}$$

$$= 18\sqrt{3} \quad \text{hmark}$$

সমাধানঃ
$$(a-b)^2 = (a+b)^2 - 4ab$$

বা,
$$(a-b)^2 = 7^2 - 4 \times 12 = 49 - 48 = 1$$

$$\therefore a-b=1$$

উত্তর: গ

৬৪.
$$x = -1$$
 হলে $-x^2 - 2x^3$ -এর মান কত হবে?

সমাধানঃ
$$-x^2 - 2x^3 = -x^2 (1 + 2x)$$

$$= -(-1)^{2} \{1 + 2(-1)\} = -1 (1 - 2)$$
$$= -1 \times (-1) = 1$$

উত্তরঃ খ

৬৫. যদি x + 2y = 4 এবং xy = 2 হয়, তবে x = 5

ক. 0

সমাধানঃ
$$x + 2y = 4$$

বা,
$$2y = 4 - x$$

আবার,
$$xy = 2$$
 বা, $y = \frac{2}{x}$

$$\therefore y = \frac{2}{x}$$
 হতে পাই, $2 \cdot \frac{2}{x} = 4 - x$

$$4, \frac{4}{x} = 4 - x$$

$$x^2 - 4x + 4 = 0$$

$$\sqrt{(x-2)^2} = 0$$
 ∴ $x = 2$

উত্তর: ঘ

৬৬. যদি a+b=2 এবং ab=5 হয়, তবে a^2+b^2 এর মান কত?

সমাধানঃ $(a+b)^2 = a^2 + b^2 + 2ab$

৬৭. a + b = 5 এবং ab = 6 হয়, তবে $a^2 + b^2$ এর মান কত?

ক. 13 খ. 25 সমাধানঃ ২৬-এর অনুরূপ ঘ. 61 উত্তর: ক

৬৮. a + b = c হলে $a^3 + b^3 + 3abc =$ কত?

 $\overline{\Phi}$. a^3

গ. 36

সমাধানঃ $(a+b)^3 = a^3 + b^3 + 3ab (a+b)$

৬৯. যদি x + 3y = 40 এবং y = 3x হয়, তবে x = 5

ক. 6

সমাধানঃ x + 3y = 40

বা,
$$x + 3 \times 3x = 40$$
 [∵ y = 3x]

বা,
$$10x = 40$$
 ∴ $x = 4$

৭০. যদি $a + b = \sqrt{5}$ এবং $a - b = \sqrt{3}$ হয়, তবে $a^2 + b^2$ কত?

খ.
$$4\sqrt{2}$$

সমাধানঃ $(a+b)^2 = a^2 + b^2 + 2ab$ ____(i)

$$(a-b)^2 = a^2 + b^2 - 2ab$$
____(ii)

(i) ও (ii) যোগ করে,

$$(a+b)^2 + (a-b)^2 = 2(a^2+b^2)$$

$$\therefore a^2 + b^2 = \frac{1}{2} \left\{ (a+b)^2 + (a-b)^2 \right\}$$
$$= \frac{1}{2} \left\{ (\sqrt{5})^2 + (\sqrt{3})^2 \right\}$$

$$\therefore a^2 + b^2 = \frac{1}{2} \times (5+3) = \frac{1}{2} \times 8 = 4$$

৭১. a + b = 13 এবং a - b = 3 হলে $a^2 + b^2$ এর মান কত?

সমাধানঃ ৩০-এর অনুরূপ ।

৭২. যদি $(x - y)^2 = 12$ এবং xy = 1 হয় তবে $x^2 + y^2 = \infty$?

ক. 11

সমাধানঃ
$$(x - y)^2 = x^2 + y^2 - 2xy$$

বা,
$$x^2 + y^2 = (x - y)^2 + 2xy = 12 + 2 \times 1 = 14$$
 উ: ঘ

৭৩.
$$a + b = 2$$
, $a - b = 0$ হলে $\frac{a}{b} = \overline{a}$

সমাধানঃ
$$(a + b) + (a - b) = 2 + 0$$

বা,
$$2a = 2$$
 : $a = 1$

আবার,
$$(a + b) - (a - b) = 2 - 0$$

$$\frac{a}{b} = 1$$

উত্তর : খ

98. 2xy + y = 14 এবং x = 3 হলে 2y + x = ?

ক. 5 খ. 6

সমাধানঃ <mark>2xy +</mark> y = 14

বা, y
$$(2 \times 3 + 1) = 14$$
 [∴ $x = 3$]

$$\therefore y = \frac{14}{7} = 2$$

$$\therefore 2y + x = 2 \times 2 + 3 = 4 + 3 = 7$$

<mark>৭৫. $x^4 = 81$ হলে এবং x ধনাত্মক হলে x এর মান কত?</mark>

 $\frac{81}{4}$ $\forall . 7$

গ.
$$\frac{4}{81}$$

ঘ. 3

সমাধানঃ $x^4 = 81$; বা, $\sqrt{x^4} = \sqrt{81}$

বা. $x^2 = 9$ বিৰ্গমূল করে ও ধনাতাক মান নিয়ে]

বা,
$$\sqrt{x^2} = \sqrt{9}$$
 $\therefore x = 3$

খ. $4\sqrt{2}$ গ. 6 \ গ. $\sqrt{8}$ ব. $\sqrt{8}$ ৭৬. 2y = 2x - 4 এবং 4x - 5y = 3 হলে x ও y এর মান কত?

$$\Phi$$
. $x = 5$, $y = 7$

গ.
$$x = 3, y = 7$$

ঘ.
$$x = 7$$
, $y = 5$

সমাধানঃ
$$2y = 2x - 4$$
 বা, $2x - 2y = 4$

:.
$$x - y = 2$$
 ——— (i)

আবার,
$$4x - 5y = 3$$
 ——— (ii)

(i) কে 4 দারা গুণ করে (ii) হতে বিয়োগ করে

$$(4x - 5y) - (4x - 4y) = 3 - 8$$

বা,
$$-y = -5$$
 : $y = 5$

y-এর মান (ii) নং-এ বসিয়ে
$$4x = 5y + 3 = 25 + 3$$

$$\therefore x = \frac{28}{4} = 7$$
 $\therefore x = 7$ এবং $y = 5$



৭৭. 2x + y = 12 এবং x = 3 হলে $x - y = \overline{4}$

গ.
$$-1$$

সমাধানঃ 2x + y = 12

বা, $2 \times 3 + y = 12$ বা, y = 6

$$\therefore x - y = 3 - 6 = -3$$

৭৮. যদি x = y = 2z এবং xyz = 256 হয়, তবে y = ?

খ.
$$2\sqrt{2}$$

গ.
$$4\sqrt[3]{2}$$

সমাধানঃ xyz = 256

বা, y.y.
$$\frac{y}{2} = 256$$
 [: $y = 2z$]

বা,
$$y^3 = 2 \times 256 = 512$$

$$y = \sqrt[3]{512} = 8$$

উত্তর: ঘ

৭৯. a + b + c = 9 এবং ab + bc + ca = 31 হলে, $a^2 + b^2 + c^2$ এর মান হবে-

ক. 17

সমাধানঃ
$$(a+b+c)^2 = a^2 + b^2 + c^2 + 2 (ab+bc+ca)$$

বা, $9^2 = a^2 + b^2 + c^2 + 2 \times 31$

$$4$$
 $a^2 + b^2 + c^2 = 81 - 62 = 19$

উত্তর: গ

bo. a + b + c = 15 এবং $a^2 + b^2 + c^2 = 83$ হলে

 $ab + bc + ca = \overline{\Phi}$?

ক. 70

घ. 71

সমাধানঃ ৪০-এর অনুরূপ[া]।

উত্তর : ঘ

৮১. $\frac{a}{b} + \frac{b}{a} = 4$ এবং $\frac{a^2}{b^2} + \frac{b^2}{a^2}$ এর মান কত?

সমাধানঃ $\left(\frac{a}{b} + \frac{b}{a}\right)^2 = \frac{a^2}{b^2} + \frac{b^2}{a^2} + 2 \cdot \frac{a}{b} \cdot \frac{b}{a}$

 $=\frac{a^2}{b^2}+\frac{b^2}{a^2}+2$: $\frac{a^2}{b^2}+\frac{b^2}{a^2}=16-2=14$ (%: \bullet)

৮২. (x+3)(x-3) কে x^2-6 দিয়ে ভাগ করলে ভাগশেষ কত হবে?

ক. – 6

সমাধানঃ $(x+3)(x-3) = x^2 - 9 = (x^2 - 6) - 3$

∴ ভাগশেষ হবে – 3 ।

উত্তর: ঘ

৮৩. a-b+b(a-b) ভাগ $a-b=\overline{\Phi \circ}$?

সমাধানঃ a – b + b (a – b)

$$= (a - b) (1 + b) = (a - b) (b + 1)$$

উত্তর: খ

৮৪. $\frac{a^2b^3}{c^2d}$ কে $\frac{\mathbf{a^3b^2}}{\mathbf{cd^3}}$ দিয়ে ভাগ করলে ভাগফল কত?

$$\overline{\Phi}$$
, $\frac{ab^2}{ca}$, $\frac{a^3b^2}{dc}$, $\frac{b^2c}{ad}$, $\frac{bd^2}{ac}$

খ.
$$\frac{a^3b^2}{dc}$$

গ.
$$\frac{b^2c}{ad}$$

ঘ.
$$\frac{bd^2}{ac}$$

সমাধানঃ
$$\frac{a^2b}{c^2a}$$

সমাধানঃ
$$\frac{a^2b^3}{c^2d} \div \frac{a^3b^2}{cd^3} = \frac{a^2b^3}{c^2d} \times \frac{cd^3}{a^3b^2} = \frac{\mathbf{bd^2}}{\mathbf{ac}}$$

উত্তর : ঘ

৮৫. $(x-1)(x^2+x+1)$ এর গুণফল কত হবে?

$$\overline{\Phi}$$
. x^3 − 1

₹.
$$(x-1)^3$$

গ.
$$x^3 + 1$$

$$\nabla x^3 + 4x^3 + 1$$

সমাধানঃ
$$(x-1)(x^2+x+1)=x^3-1$$

উত্তর: ক

৮৬. $(x^2)^3$ কে x^3 দারা গুণ করলে কত হবে?

$$\overline{\Phi}$$
, χ^9

খ.
$$x^{18}$$

সমাধানঃ $(x^2)^3 \times x^3 = x^6 \cdot x^3 = x^{6+3} = x^9$

<mark>৮৭. যদি a³ –</mark> b³ = 513 এবং <mark>a – b =</mark> 3 হয়, হবে ab এর মান কত?

▼. 54

সমাধানঃ $(a-b)^3 = a^3 - b^3 - 3ab \ (a-b)$

$$4$$
, $3ab$ $(a-b) = (a^3 - b^3) - (a-b)^3$

বা,
$$3 \times 3 \times ab = 513 - 27$$

:.
$$ab = \frac{1}{9} \times 486 = 54$$

উত্তর: ক

৮৮. a+b=5 এবং a−b=3 হলে ab এর মান কত?

ab =
$$\frac{1}{4} \{ (a+b)^2 - (a-b)^2 \}$$

$$= \frac{1}{4} \times (5^2 - 3^2) = \frac{1}{4} (25 - 9)$$

:
$$ab = \frac{1}{4} \times 16 = 4$$

উত্তর: গ

৮৯. $x + \frac{1}{r} = \sqrt{3}$ হলে $x^3 + \frac{1}{r^3}$ এর মান কত?

সমাধানঃ
$$\left(x + \frac{1}{x}\right)^3 = x^3 + \frac{1}{x^3} + 3.x \frac{1}{x} \left(x + \frac{1}{x}\right)$$

$$\boxed{4}, \ x^3 + \frac{1}{x^3} = \left(x + \frac{1}{x}\right)^3 - 3\left(x + \frac{1}{x}\right) = \left(\sqrt{3}\right)^3 - 3 \times \sqrt{3}$$

$$\therefore x^3 + \frac{1}{x^3} = 3\sqrt{3} - 3\sqrt{3} = 0$$

৯০. x + y = 7 এবং xy = 10 হলে $(x - y)^2$ এর মান কত?

ক. 3

খ. 6

গ. 9

সমাধানঃ $(x - y)^2 = (x + y)^2 - 4xy$

বা. $(x-y)^2 = 7^2 - 4 \times 10 = 49 - 40 = 9$

 $\therefore (x - y)^2 = 9$

৯১. x + y = 12 এবং x - y = 2 হলে xy এর মান কত?

ক. 35

খ. 140

গ, 70

ঘ. 144

সমাধানঃ $xy = \frac{1}{4} \{(x+y)^2 - (x-y)^2 \}$ $=\frac{1}{4}\times(12^2-2^2)$ $=\frac{1}{4}\times(144-4)$

 $\therefore xy = \frac{1}{4} \times 140 \therefore xy = 35$

৯২. $x + \frac{1}{r} = 2$ হলে, $\frac{x}{x^2 + x - 1}$ এর মান?

ক. 1

সমাধানঃ $x + \frac{1}{x} = 2$ বা, $x^2 + 1 = 2x$

বা, $x^2 - 2x + 1 = 0$ বা, $(x - 1)^2 = 0$ ∴ x = 1

এখন, প্রদত্ত রাশি $=\frac{x}{x^2+x-1}=\frac{1}{1+1-1}=1$ উ: ক

৯৩. $x^2 + y^2 = 8$ এবং xy = 7 হলে $(x + y)^2$ এর মান কত?

গ. 22

সমাধানঃ $(x + y)^2 = x^2 + y^2 + 2xy$ $= 8 + 2 \times 7$

> = 8 + 14 = 22উত্তর: গ

৯৪. $x = \sqrt{4} + \sqrt{3}$ হলে $x^3 + \frac{1}{x^3} = ?$

 $\Phi 5\sqrt{3}$

গ. $5\sqrt{2}$ ঘ. $2\sqrt{5}$

৯৫. $16x^2 + px + 25$ রাশিটি পূর্ণবর্গ হতে হলে p-এর মান কত হবে?

ক. 20

খ. 10

গ. 40

ঘ. 15

সমাধানঃ ধরি, 4x=a এবং 5=b

 $(a+b)^2 = (4x+5)^2$

 $a^2 + b^2 + 2ab = (4x)^2 + 25 + 2 \times 4x \times 5$

 $= 16x^2 + 40x + 25$: p = 40

উত্তর : গ

৯৬. x পূর্ণ সংখ্যা হলে $16x^2 + 16x + 2$ এর সাথে ন্যুনতম কত যোগ করলে এটি একটি পূর্ণ বর্গ সংখ্যা হবে?

খ. 1

সমাধানঃ $16x^2 + 16x + 2 = (4x)^2 + 2 \times 4x \times 2 + 2$

∴ একটি 2 যোগ করলে

 $(4x)^2 + 2 \times 4x \times 2 + 4 = (4x + 2)^2$; যা পূর্ণবর্গ উ: ক

উত্তর: ক ৯৭. $9a^2+16b^2$ রাশিটির সাথে কোনটি যোগ করলে যোগফল পূর্ণবর্গ হবে?

季. 12ab

খ. 24ab

গ. 36ab

ঘ. 144ab

সমাধানঃ $9a^2 + 16b^2 + 24ab$

 $= (3a)^2 + (4b)^2 + 2 \times 3a \times 4b$

 $=(3a+4b)^2$

: 24ab যোগ করতে হবে।

উত্তর: খ

৯৮. a = 1, b = -1, c = 2, d = -2 হলে a - (-b) - (-c) -(– d) এর <mark>মান কত?</mark>

খ. 16 OUY SUCCESS গ. 2 enchm খ. 3 সমাধানঃ a - (-b) - (-c) - (-d)

= a + b + c + d

= 1 - 1 + 2 - 2 = 0

উত্তর : ক

১৯. a + b = 7, ab = 12 হলে, $\frac{1}{h^2} + \frac{1}{a^2} = ?$

খ) $\frac{25}{144}$

গ. $\frac{31}{144}$

ঘ) $\frac{11}{49}$

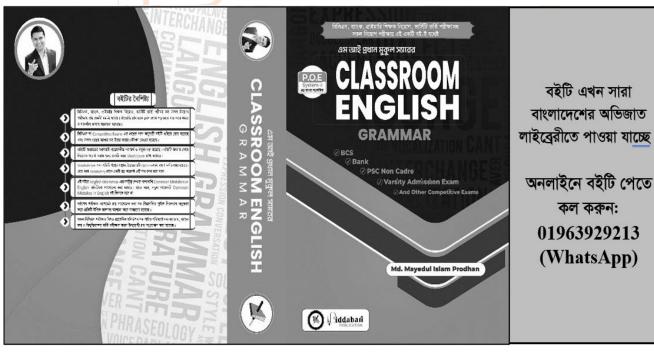
উত্তর : খ





- ১. $x = \sqrt{4} + \sqrt{3}$ হলে, $x^3 + \frac{1}{x^3}$ এর মান কত?
 - ক. $5\sqrt{3}$ খ. 52 গ. $5\sqrt{2}$ ঘ. $2\sqrt{5}$
- ২. $x = \sqrt{3} + \sqrt{2}$ হলে, $x^3 + \frac{1}{x^3}$ এর মান কত?
 - $\overline{\Phi}$. $3\sqrt{2}$
- খ. 18√3
- গ. 12 $\sqrt{3}$
- ঘ. ৪
- ৩. x + y = 8, x y = 6 হলে, $x^2 + y^2$ এর মান—
 - ক. 40
- খ. 60
- গ. 50
- ঘ. 80
- 8. $x \frac{1}{x} = 2$ হলে $x^4 + \frac{1}{x^4} = \overline{\Phi}$ ত?
- গ. 32
- ঘ. 34
- ৫. $a^4 51a^2 + 1 = 0$ হলে $a \frac{1}{a}$ এর মান কত?
 - **季**. ± 9
- 휙. ± 7
- গ. ± 5
- ঘ. ± 3

- ৬. $x^2 + \frac{1}{x^2} = 3$ হলে $\frac{x^6 + 1}{x^3}$ এর মান কত?
 - Φ. 3√5
- গ. $2\sqrt{5}$ ঘ. $\sqrt{5}$
- ৭. যদি $(x y)^2 = 12$ এবং xy = 1 হয় তবে $x^2 + y^2 = \infty$?
- খ. 12
- ช. 13
- $x = \sqrt{4} + \sqrt{3}$ **EVALUATE:** $x^3 + \frac{1}{x^3} = ?$
 - ক. 5√3 খ. 52
 - গ. $5\sqrt{2}$ ঘ. $2\sqrt{5}$
- ৯. $\frac{3}{x} + \frac{4}{x+1} = 2$ হলে, x-এর মান—
- গ. 3
- ঘ. 4
- ১০. a = 2b = 2c এবং abc = 36 হলে, c-এর মান-
 - ক. $\sqrt{2}$
- খ. 2√2
- ช. $\sqrt[3]{2}$
- ঘ. 2



বইটি এখন সারা বাংলাদেশের অভিজাত লাইব্রেরীতে পাওয়া যাচেছ।

কল করুন: 01963929213 (WhatsApp)