

# প্রাইমারি লেকচার শিট





# **Lecture Content**

লগারিদম



## লগারিদম

#### প্রাথমিক তথ্য:

সর্বপ্রথম স্কটল্যান্ডের গণিতবিদ 'জ<mark>ন নেপিয়ার' (1550-1617) লগা</mark>রিদম আবিষ্কার করেন।

শুধু ধনাত্মক সংখ্যার লগারিদম আ<mark>ছে । শূন্য এবং ঋণাত্মক সংখ্যার লগারিদম নেই ।</mark>

যদি  $a^x = M$  হয় তবে x কে M এর a ভিত্তিক লগারিদ্ম বা সংক্ষেপে লগ বলা হয় । লগারিদ্মের প্রতীক ব্যবহার করে লেখা হয় :  $Log_aM = x$   $Log_aM$  কে a ভিত্তিক লগ 'M' পড়া হয় ।

ব্যবহারিক ক্ষেত্রে লগারিদমের ভিত্তি সাধারণত ১০ ধরা হয়। ১০ ভিত্তিক লগারিদমকে সাধারণ লগারিদম বলে। এই ক্ষেত্রে ভিত্তি উহ্য রাখা হয় অর্থাৎ  $\log_{10} M$  বোঝাতে  $\log M$  লেখা হয়।

\* লগারিদমের প্রবর্তন করেন- জন নেপিয়ার

## 🗹 প্রয়োজনীয় সূত্রাবলি :

- $\log_a(MN) = \log_a M + \log_a N$  (অর্থাৎ গুণ থাকলে যোগ এবং ভাগ থাকলে বিয়োগ করতে হয়)
- 2.  $\log_a \frac{M}{N} = \log_a M \log_a N$  (অর্থাৎ ভাগ থাকলে বিয়োগ করতে হয়)
- $3. \log_a M^n = n \log_a M$  (ভিত্তিমূলের উপর ভিত্তি, আবার ভিত্তি এর উপর পাওয়ার থাকলে পাওয়ারটি শুরুতে বসে) যেমন :  $\log_a 10^5 = 5 \log_a 10$
- $4. \quad log_a 1 = 0$  (যে কোন ভিত্তিমূলের উপর ভিত্তি 1 হলে তার উত্তর 0 হয়)
- $5. \log_a a = 1$  অর্থাৎ  $\log_{10} 10 = 1$  (ভিত্তিমূল এবং ভিত্তি মিলে গেলে তার মান সবসময় 1 হয় ।)
- 6.  $\log_a a^2 = 2$  অর্থাৎ  $\log_x x^4 = 4$  (অর্থাৎ কখনো  $\log$  এর ভিত্তিমূল ও ভিত্তি যদি সমান হয় তাহলে ভিত্তিমূল এবং ভিত্তি উভয়ে উঠে যায় এবং ভিত্তির উপর যে পাওয়ার থাকে, তাই উত্তর লিখতে হয়)
- 7. loga + logb + logc = log (abc) (log কমন নেয়ার সময় যোগ থাকলে গুণ)
- 8.  $\log a \log b = \log \left(\frac{a}{b}\right) (\log \text{ কমন নেয়ার সময় বিয়োগ থাকলে ভাগ হয় এবং প্রথমটি উপরে বসে)}$





লেকচার **১**৬ 9.  $\log_a y = x$  হলে  $a^x = y$  (সূত্রটি সব থেকে গুরুত্বপূর্ণ)

ব্যাখ্যা: (কোন পাওয়ার = কোন মান দেয়া থাকলে  $\log$  তুলে দিয়ে ঐ পাওয়ার ও মানটি স্থান বদল করে অর্থাৎ পাওয়ার এর জায়গায় মানটি এবং মান এর জায়গায় পাওয়ার যায়) অর্থাৎ  $\log_a x = b$  হলে  $a^b = x$  লিখা যায়। ভালোভাবে আরেকটি দেখুন:

 $\log_{x} 4 = 2$  হলে  $x^{2} = 4$ 

 $10. \, \log_a x = \frac{\log_b x}{\log_b a} = \frac{\log x}{\log a} \,, \, \log_a b \, \times \log_b c = \log_a c \,, \ \, a^{\log_a b} = b \,, \ \, \log_a m = \log_b m \, \times \log_a b \,$ 

# **Teacher's Discussion**

#### ১. 32 এর 2 ভিত্তিক লগারিদম কত?

[প্রাথমিক সহকারী শিক্ষক নিয়োগ পরীক্ষা (১ম পর্যায়)-২০২২; প্রাথমিক সহকারী শিক্ষক নিয়োগ পরীক্ষা (৩য় পর্যায়) : ১৯]

- ক. 3 গ. 5
- খ. 4 ঘ. 6

- ত উত্তর: গ
- ২.  $\log 8^2 = \Phi 0$ ? প্রাথমিক সহকারী শিক্ষক নিয়োগ (৪র্থ পর্যায়) : ১৯]
  - ক. 1
- খ.  $\frac{1}{2}$
- গ.  $\frac{2}{3}$
- <mark>ঘ. 1</mark> **উত্তর:** ঘ
- ৩.  $\log_5^x = 3$  হলে  $x = \overline{\Phi}$ ত?

[প্রাথমিক সহকারী শিক্ষক নিয়ো<mark>গ পরীক্ষা</mark> (৪র্থ পর্যায়) : ১৯]

- ক. 375 গ. 125
- খ. 120
- ঘ. 225
- 8.  $\log_{\sqrt{3}} 81 = \overline{\Phi}$  ?
  - ক. 4
- খ. 27√3
- গ. 8
- **ঘ**.  $\frac{1}{8}$
- উত্তর: গ

- ৫.  $\log_3 \frac{1}{9} = \overline{9}$ ?
  - ক. 2
- **₹**. − 2
- গ. 3 log2<sup>8</sup> – ক্য
- ৬. log<sub>2</sub><sup>8</sup> = কত?
  - ক. 4 গ. 2
- খ. 3
- <mark>ঘ</mark>. 1

উত্তর: খ

- 1 উত্তর: খ
- ৭.  $\log_2 \frac{1}{32} = \overline{\text{ao}}$ ?
  - ক.  $\frac{1}{25}$
- 킥. 5 1
- ঘ.  $-\frac{1}{5}$
- **উত্তরঃ** খ
- ৮. 32 এর 2 ভিত্তিক লগারিদম কত?
  - ক. 3
- খ. 4
- গ. 5
- ঘ. 6
- **উত্তর:** গ

- ৯.  $\log_{3\sqrt{2}} \frac{1}{324} = \overline{499}$ ?
  - $\overline{\Phi}$ .  $162\sqrt{2}$
- খ. 4
- গ.  $\frac{1}{162\sqrt{2}}$
- ঘ. 4
- **উত্তর:** ঘ

- <mark>১০. 5√5 এর 5 ভিত্তিক</mark> লগ কত?
  - ক. √5
- খ.  $\frac{2}{3}$
- গ.  $\frac{3}{2}$
- ঘ. 4
- উত্তর: গ

- $\log_5 \sqrt[3]{5} =$ কত?
  - $\overline{\Phi}$ .  $\frac{1}{3}$
- খ.  $\frac{1}{2}$
- গ.  $\frac{1}{4}$
- ঘ.  $\frac{1}{5}$
- **উত্তর:** ক

- ১২.  $\log_{12}\sqrt{12} = \overline{\Phi}$ ত?
  - $\overline{\Phi}$ .  $\frac{1}{3}$
- খ.  $\frac{1}{6}$
- ঘ.  $\frac{1}{5}$
- **উত্তর:** গ

উত্তর: গ

- ১৩.  $\log_2 \sqrt{6} + \log_2 \sqrt{\frac{2}{3}} = \Phi$ ত?
  - ক. 0 গ. 1
- খ. 2
- গ. 1
- ঘ. 3
- ১৪.  $\log_{2\sqrt{5}} 20 = \overline{20}$ 
  - ক. 400 গ. 2
- খ. 10
- ঘ. 2√5
- **উত্তর:** গ

- ১৫.  $\log_2 \sqrt{\frac{1}{64}} = \overline{\phi}$ ত?
  - ▼. 3

গ. 6

- $\sqrt[4]{-\frac{1}{6}}$
- **উত্তর:** ক
- ১৬.  $\log_x 8 = -2$  হলে,  $x = \overline{4}$ 
  - কত? \_
  - গ.  $2\sqrt{2}$
- ঘ. 4
- **উত্তর:** গ

[৩৮তম বিসিএস]

- ১৭.  $\log_x^{\left(\frac{3}{2}\right)} = -\frac{1}{2}$  হলে, x এর মান-
- [৩৭তম বিসিএস]

- ক.  $\frac{4}{9}$
- খ.  $\frac{9}{4}$
- ঘ.  $\sqrt{\frac{2}{3}}$
- **উত্তর:** ক

১৮. 
$$\log_a \sqrt{2} = \frac{1}{6}$$
 হলে,  $a = \overline{\Phi}$ ত?

- ক.  $\sqrt{2}$
- গ. 6
- ঘ. 8
- **উত্তর:** ঘ

### ১৯. $\log_{10}^{(0.001)} = \overline{\Phi}$ ত?

- ক. − 2
- গ.  $\frac{1}{2}$
- উত্তর: খ

উত্তর: গ

- ২০.  $\log_{2\sqrt{5}}^{400} = x$  হলে, x এর মান নির্ণয় কর।
- গ. 4
- ঘ.  $2\sqrt{5}$ ২১.  $\log_x^{324} = 4$  হয়, তবে  $x = \overline{}$  কত?
  - $\overline{\Phi}$ .  $3\sqrt{2}$
- গ.  $5\sqrt{2}$
- ঘ. 2√5
- উত্তর: ক

- ২২. 400 এর log4; ভিত্তিক কত?
  - ক. 10
- খ. 20
- গ. 2
- ঘ. 2√5
- উত্তর: ঘ

- ২৩.  $\log_a{}^x=1, \log_a{}^y=2$  এবং  $\log_a{}^z=3$  হলে,  $\log_a{\left(\frac{x^3y^2}{z}\right)}$  এর মান
  - ক. 1
- খ. 4
- গ. 2
- ঘ. 5
- উত্তর: খ
- ২৪.  $\log_{\sqrt{a}}^{b} \times \log_{\sqrt{b}}^{c} \times \log_{\sqrt{c}}^{a}$  এর মান কত?
- গ. 6
- ঘ. ৪
- **উত্তর:** ঘ
- $\frac{\log\sqrt{27} + \log8 \log\sqrt{512}}{\log 1.5} = \overline{\bullet}$ ত?
- ঘ. 10
- উত্তর: গ

- $\text{2.6. } \log_{\sqrt{8}} x = 3\frac{1}{3}$ 
  - গ. 34
- খ. 32
- ঘ. 22
- উত্তর: খ

(৩৮তম বিসিএস)

উত্তর: ক

উত্তর : গ

# **Student's Practice**

- $2\log_{10}^{5} + \log_{10}^{36} \log_{10}^{9} = ?$ 
  - [৪৪তম বিসিএস]
  - ক. 2 গ. 37
- খ. 100 ঘ. 4.6
- উত্তর: ক
- ২. যদি  $\log_{10} x = -1$  হয়, তাহলে নিচের কোনটি x এর মান?
  - [৪৪তম বিসিএস]

- ক. 0.1
- **খ**. 0.01
- গ.  $\frac{1}{10000}$
- ঘ. 0.001
- উত্তর: ক

- $2^{\log_2^3 + \log_2^5} = ?$
- [৪৩তম বিসিএস]

- ক. -8 গ. 15
- খ. 2 <mark>ঘ</mark>. 10
- 8.  $\log_2 \log_{\sqrt{e}}^{e^2} = ?$  [৪১তম বিসিএস]
  - ক. -2
- খ. -1
- গ. 1
- ঘ. 2
- উত্তরঃ ঘ

- ৫. কোন শর্তে  $\log a^a = 1$ ?
- (৪০তম বিসিএস)
- $\overline{\Phi}$ . a > 0,  $a \ne 1$ গ. a > 0, 1 = 1
- খ. a ≠ 0, a > 1 ঘ. a ≠ 1, 1 < 0
- উত্তর: ক
- ৬.  $\log_x\left(\frac{3}{2}\right) = -\frac{1}{2}$  হলে, x এর মান-
  - (৩৭তম বিসিএস)

- $\log_x\left(\frac{1}{8}\right) = -2$  হলে  $x = \infty$ ?
  - **▼.**  $2\sqrt{2}$
  - গ. ২
- ঘ. 4
  - (৩৬তম বিসিএস)
- ৮.  $\log_{\sqrt{3}} 81 = \Phi \circ$ ?

ক. 4

- - গ. 3
- ১০.  $\log_a x = 1$ ,  $\log_a y = 2$  এবং  $\log_a z = 3$  হলে,
  - $\log a \left( \frac{x^3 y^2}{z} \right)$  এর মান কত?
- (৩৫তম বিসিএস)

ক. 1

গ. 2

- গ. 4
- ঘ. 5
  - উত্তর : গ (৩২তম বিসিএস)
- ১১.  $\log_2^8 = \overline{\Phi}$  ? ক. 2
- খ. 3

১২.  $\log_2\left(\frac{1}{32}\right)$  এর মান –

(৩১তম বিসিএস)

- গ.  $\frac{1}{5}$  ঘ.  $\frac{-1}{5}$

উ: খ

১৩.  $\log_a \left(\frac{m}{n}\right) = \Phi$ ?

(৩০তম বিসিএস)

- $\overline{\Phi}$ . log<sub>a</sub> m − log<sub>a</sub> n
- খ. log<sub>a</sub> m + log<sub>a</sub> n
- গ. loga m × loga n য. কোনটিই নয়

উত্তর: ক

- os.  $\frac{1}{\log_a(abc)} + \frac{1}{\log_b(abc)} + \frac{1}{\log_c(abc)} = \frac{1}{\log_c(abc)}$

- ঘ.  $\frac{1}{2}$



সমাধান: 
$$\frac{1}{\log_a(abc)} + \frac{1}{\log_b(abc)} + \frac{1}{\log_c(abc)}$$

- $= \log_{abc} a + \log_{abc} b + \log_{abc} c$
- $= log_{abc}abc = 1$
- ০৪.  $\log_5 (\sqrt[3]{5}) (\sqrt{5}) =$ কত?

উত্তর: গ

- $\log_5\left(\frac{3}{\sqrt{5}}\right)\left(\sqrt{5}\right) = \log_5\left(\frac{1}{5^3}, \frac{1}{5^2}\right)$
- $= \log_5 \left( \frac{1}{3} + \frac{1}{2} \right) = \log_5 \left( \frac{2+3}{5} \right)$
- $=\log_5 5^{\frac{5}{6}} = \frac{5}{6}\log_5 5 = \frac{5}{6}.1 = \frac{5}{6}$

# Class



- $log_8^2 = \overline{\Phi}$ ত?
  - ক. 1

খ.  $\frac{1}{2}$ 

- ২.  $\log_3 \frac{1}{9} = \overline{\Phi}$  ?
  - ক. 2
- খ. −2
- গ. 3
- **ঘ.** − 3
- ৩.  $\log_2^8 = \overline{\Phi}\overline{\Phi}$ ?
  - ক. 4
- খ. 3
- গ. 2
- ঘ. 1
- 8.  $\log_{3\sqrt{2}} \frac{1}{324} =$ কত?
  - Φ. 162√2
- 휙. 4
- গ.  $\frac{1}{162\sqrt{2}}$  ঘ. -4
- ৫.  $\log_a \sqrt{2} = \frac{1}{6}$  হলে,  $a = \overline{\Phi}$ ত?
  - $\overline{\Phi}$ .  $\sqrt{2}$ গ. 6
- ঘ. 8

- ৬.  $\log_4^{256} = \overline{\Phi}\overline{\Phi}$ ?
  - ক. 1
- খ. 2
- গ. 3
- ঘ. 4
- ৭.  $24\sqrt{5}$  এর 5 ভিত্তিক লগ কত?

- $b. \log_x \frac{1}{8} = -2$  হলে,  $x = \overline{\Phi}$ ত?
  - ক. 2
- গ.  $2\sqrt{2}$
- ৯.  $\log_{\sqrt{3}} 81$  কত?
  - ক. 4
- খ. 27√3
- গ. 8
- ঘ.  $\frac{1}{6}$
- ১০. log2<sup>16</sup> এর মান কত?
  - ক. 5
- খ. 3
- গ. 4