



প্রাইমারি লেকচার শিট







Lecture Content

🗹 সূচক (Index)

Basic Discussion

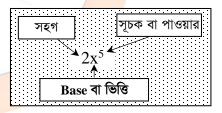
সূচক

সূচক শব্দের অর্থ হলো মাত্রা। n সংখ্যক a-এর <mark>ক্রমিক গুণ</mark>ফল = aⁿ

এখানে, a কে ভিত্তি বলা হয়।

n কে a (ভিত্তি) এর সূচক বা শক্তি বলা হয়।

 ${
m a}^{
m n}$ কে ${
m a}$ এর ${
m n}$ তম ঘাত বা শক্তি <mark>বা 'power' বলা হ</mark>য়।



প্রদত্ত সূত্রগুলো ভালোভাবে আয়ত্ত <mark>ক</mark>রার চেষ্টা করু<mark>ন্ন।</mark> অংক করার সময় যে সূত্রগুলোর অংক বেশি করে এসেছে, সেই সূত্রগুলোর উপর গুরুত্ব দিন।

🗹 প্রয়োজনীয় সূত্রাবলি

সূত্রগুলো ভালোভাবে বুঝল<mark>ে এই লে</mark>কচারের যেকো<mark>নো <mark>প্রশ্ন সহজে</mark> স<mark>মাধান ক</mark>রা <mark>যাবে</mark>।</mark>

- 1. aⁿ = a × a × a × (n সংখ্যক a)
- $(a^{m})^{n} = a^{mn}$ (কোন<mark>ো সংখ্যার </mark>উপর দুইবার বা তার থেকে বেশি পাওয়ার থাকলে তা গুণ হয়)

3.
$$a^m . a^n = a^{m+n}$$

$$4.\ a^m \div a^n = \frac{a^m}{a^n} = a^{m-n}$$

Note: ভিত্তি একই হলে এবং গুণ থাকলে পাওয়ার গুলো যোগ করতে হয় এবং ভাগ থাকলে পাওয়ার গুলো বিয়োগ করতে হয়।]

 $5.\ a^0=1$ (যেকোনো সংখ্যার উপর পাওয়ার 0 হলে তার মান 1 হয়) [যেখানে $a \neq 0, a > 1$]

6.
$$\sqrt{a} = a^{\frac{1}{2}}$$

গুরুত্বপূর্ণ একটি নিয়ম:

$$4^a = 1$$
 হলে $4^a = 4^0$ বা $a = 0$

অর্থাৎ যেকোনো পাওয়ার যুক্ত সংখ্যা =1 দেয়া থাকলে ডানের 1 এর পরিবর্তে ঐ সংখ্যার উপর পাওয়ার 0 লেখা যায় । কারণ পাওয়ার 0 থাকলে তার মান 1 হয় ।





যেমন : $(a+2)^x = 1$ হলে, আমরা লিখতে পারি $(a+2)^x = (a+2)^0$ বা, x=0

7.
$$\sqrt[3]{a} = a^{\frac{1}{3}}$$

8.
$$\sqrt[q]{a} = a^{\frac{1}{q}}$$

9.
$$\sqrt[3]{a^2} = a^{\frac{2}{3}}$$

$$10. \ a^{-n} = \frac{1}{a^n}$$
 অর্থাৎ $a^{-2} = \frac{1}{a^2}$

Note: কোনো পাওয়ার মাইনাস থাকলে তা ভগ্নাংশ আকারে লিখতে হয় এবং মাইনাস তুলে লব 1 এর নিচে পুরো সংখ্যাটি পাওয়ার সহ লিখতে হয়]

11.
$$(ab)^m = a^m b^m$$

12.
$$\left(\frac{a}{b}\right)^m = \frac{a^m}{b^m}$$

 $13.\left(\frac{m}{n}\right)^{-p} = \left(\frac{n}{m}\right)^p$ (কোনো ভগ্নাংশের উপরের পাওয়ার্টি <mark>মাইনাস হলে ঐ ভগ্নাংশটি উল্টে যায় অর্থাৎ হরে</mark>র জায়গায় লব এবং লবের জায়গায়

হর বসে) । যেমন:
$$\left(\frac{b}{a}\right)^{-2} = \left(\frac{a}{b}\right)^2$$
, এখানে প্রথম অংশে $\left(\frac{b}{a}\right)$ এবং ২য় অংশে $\left(\frac{a}{b}\right)$

14. $a^x = a^y$ হলে, x = y (অর্থাৎ দুই পাশের ভিত্তি মিলে গেলে দুটো ভিত্তিই তুলে দেওয়া যায়)

15. $a^x = b^x$ হলে, a = b (দুই পাশের power মিলে গেলে দুটো পাওয়া<mark>রই বাদ দে</mark>ওয়া যায়) সর্বশেষ সূত্র দুটি দিয়ে অনেক অঙ্ক পরীক্ষায় <mark>আসে, তাই ভালোভাবে মনে রাখার চেষ্টা ক</mark>রুন।

Teacher's Work

১. $a^m \times a^n = \overline{\phi o}$?

[প্রাথমিক বিদ্যালয় সহকারী শিক্ষক (বরিশাল বিভাগ): ০৭]

- ক. am^{m + n}
- ₹. a^{m + n}

গ. aⁿ

- ঘ. a^{m n}
- উত্তর: খ
- ২. x^4 কে x^9 দারা গুণ করলে গুণফল কত হয়?

[প্রাথমিক বিদ্যালয় সহকারী শিক্ষক: ৯৭]

- **ক.** x³⁶
- 휙. x⁵

৩. $(\sqrt{3})^6$ এর মান কত?

[প্রাথমিক বিদ্যালয় সহকারী শিক্ষক: ০১]

ক. 9

- গ. 27
- ঘ. 81
- উত্তর: গ

8. $(\sqrt{2})^8$ এর মান কত?

[প্রাথমিক বিদ্যালয় সহকারী শিক্ষক (রাজশাহী বিভাগ): ০৩]

- ক. 16 গ. 128
- খ. 64
- ঘ. 256
- উত্তর: ক

৫. a = 3 হলে $a^3 = \overline{4}$

[প্রাথমিক বিদ্যালয় সহকারী শিক্ষক (খুলনা বিভাগ): ০৫] ১১. $16^x + 16^x$ এর মান কত?

ক. 3

খ. 6

- ৬. $\frac{7^9 + 7^8}{8}$ এর মান কত?

- ঘ. 7⁹
- উত্তর: ক

- $\frac{2^{20}-2^{19}}{2^{11}}$ এর মান কত?
- খ. 2⁵

- উত্তর: গ

- $2^x + 2^x$ এর মান কত?

- উত্তর: খ

- ৯. $3^x + 3^x + 3^x$ এর মান কত?
 - $\overline{\Phi}$. 3^{2x+1} 1. 3^{2x + 2}
- ₹. 3x + 1
- ঘ. 3^{2x}
- ১০. $4^x + 4^x + 4^x + 4^x$ এর মান কত?
 - তি২তম বিসিএসী
- খ. 4^{4x + 1}
- $\mathbf{1}$. 2^{2x+2}
- উত্তর: গ

উত্তর: খ

- - **▼**. 2^{4x+1}
- খ. 4^{4x + 1}

তি৯তম বিসিএসী

- ১২. $\frac{9^{x}-4}{3^{x}-2}-2$ এর মান কত?
- খ. 3^{x + 2}
- গ. 3^x − 2
- ঘ. 2^x
- উত্তর: ক
- ১৩. $(\sqrt{150} + \sqrt{150})^2$ এর মান কত?
 - ক. 400 গ. 600
- খ. 500
- ঘ. 800
- উত্তর: গ

- ১৪. $8^{\frac{3}{4}} \div 8^{\frac{1}{2}}$ এর মান কত?
 - ক. $\sqrt[3]{4}$
- খ. ⁴√3
- গ. $\sqrt[4]{8}$
- ঘ. $\sqrt[3]{16}$
- উত্তর: গ [২৬তম বিসিএস]
- ১৫. $(\sqrt{3}\sqrt{5})^4$ এর মান কত?
 - ক. 125
- খ. 225
- গ. 215
- ঘ. 250
- উত্তর: খ
- ১৬. $(\sqrt[3]{3}\sqrt[3]{4})^6$ এর মান কত?
 - 季. 125
- খ. 121
- গ. 144
- ঘ. 169
- উত্তর: গ

[৩৩তম বিসিএস]

[৩৩তম বিসিএস]

- ১৭. $\sqrt[3]{\frac{3}{\sqrt{a^3}}}$ এর মান কত?
 - $\overline{\Phi}$. $\sqrt[3]{a}$
- উত্তর: ক

[১৭তম বিসিএস]

উত্তর: গ

- ১৮. $\left(\frac{125}{27}\right)^{-\frac{2}{3}}$ এর মান কত?

- - গ. 5

- ২০. যদি (125) $(\sqrt{5})^{2x} = 1$ হয় তবে x এর মান কত?
- খ. 7
- গ. 9
- ঘ. 25
- উত্তর: ক
- ২১. $x\sqrt{0.09} = 3$ হলে x এর মান কত?
 - $\overline{\Phi}$. $\frac{3}{10}$
- গ. 10
- ঘ. $\frac{10}{3}$
- উত্তর: গ

উত্তর: ঘ

- ২২. $\sqrt[4]{x} = 0.1$ হলে x = ?
 - ক. 0.1
- খ. 0.01
- গ. 0.001
- ঘ. 0.0001
- ২৩. $(25)^{2x+3} = 5^{3x+6}$ হয় তবে x = ?[৩৬তম বিসিএস]
- - উত্তর: ক
- ২8. $12 \times 27^x = 2^2 \times 9^{x+4}$ হলে x = ?
- ঘ. 2 উত্তর: ক
- ২<mark>৫. m একটি পূর্ণসংখ্যা এবং $(-2)^{2m} = 2^{9-m}$ হলে m = ?</mark>
- প. 3

- উত্তর: গ
- ২৬. $\frac{0.0015 \times 10^{m}}{0.03 \times 10^{k}} = 5 \times 10^{7}$ হলে m k =?
 - ক. 9
- খ. 2
- গ. 0
- ঘ. 4
- ২৭. $x^{-3} 0.001 = 0$ হলে x^2 এর মান কত?[প্রাথমিক বিদ্যালয় সহকারী শিক্ষক: ১৮; ৩৫তম বিসিএস]
 - ক. 100

- উত্তর: ক
- ১৯. যদি $\left(\frac{a}{b}\right)^{x-3} = \left(\frac{b}{a}\right)^{x-5}$ হয় তবে x এর মান কত? [৩৩তম বিসিএস] ২৮. $\left\{(125)^{-2} \times (16)^{-\frac{3}{2}}\right\}^{-\frac{1}{6}} =$ কত?
- উত্তর: খ

(৪০তম বিসিএস)

Student Work

- ১. যদি $\sqrt[4]{x^3} = 2$ হয়, তাহলে $x^{\frac{1}{2}} = ?$
 - ঘ. 64
- গ. 4 ২. $4^x + 4^{1-x} = 4$ হলে, x =কত?
 - [৪১তম বিসিএস]
 - ক. $\frac{1}{4}$ খ. $\frac{1}{3}$ গ. $\frac{1}{2}$ ঘ. 1

- [88তম বিসিএস] ৩. $x^{x\sqrt{x}} = (x\sqrt{x})^x$ হলে, x এর মান কত?
- উ: গ

8. $x + 2^{3} + 2^{3} = 0$ হলে, $x^{3} + 6$ এর মান কত? [৪১তম বিসিএস]

গ. 4 – ঘ. ৪ উ: খ

৫. $5^x + 8.5^x + 16.5^x = 1$ হলে, x এর মান কত? [৪১০ম বিসিএস]

গ. -1

৬. $125(\sqrt{5})^{2x} = 1$ হলে, x এর মান কত? (৩৯তম বিসিএস)

৭. $2^x + 2^{1-x} = 3$ হলে, x এর মান কত? [৩৮তম বিসিএস]

 Φ . (1, 2) গ. (1, 3)

খ. (0, 2)

ঘ. (0, 1)

উত্তরঃ ঘ

৮. যদি $25^{2x+3} = 5^{3x+6}$ হয় তবে x =? [৩৬তম বিসিএস]

ক. 0 গ. - 1

৯. $\frac{5^{n+2} + 35 \times 5^{n-1}}{4 \times 5^n}$ এর মান কত? (৩৪তম বিসিএস)

খ. 8

ঘ. 7

উত্তর: খ

গ. 5 ১০. $36.2^{3x-8} = 3^2$ হলে, x এর মান কত? [৩৩তম বিসিএস]

উত্তর: ঘ

(৩৩তম বিসিএস)

১১. $4^x + 4^x + 4^x + 4^x$ মান নিচের কোনটি?

ক. 16^x

গ. 2^{2x+2}

উত্তর: গ

 $32. \left(\sqrt[3]{3} \times \sqrt[3]{4} \right)^6 = \boxed{50?}$

ক. 12

গ. 36

ঘ. 144

১৩. $(64)^{\frac{2}{3}} + (625)^{\frac{1}{2}} = 3k$ হলে, k এর মান কত?

১৪. $\left(\frac{125}{27}\right)^{-\frac{7}{3}}$ কে সহজে প্রকাশ করলে কত হবে?

১৫. a^m. aⁿ = a^{m + n} কখন হবে?

(১৪তম বিসিএস)

ক. m ধনাত্মক হলে

খ. n ধনাত্মক হলে

গ. m ও n ধনাতাক হলে য. m ও n ঋনাতাক হলে উত্তর: গ

১৬. (1000)³ = 10 হলে y এর মান কত?

খ. 1

গ. 3

ঘ. 25

উ: খ

১৭. $2^{n+1}-2^n=\overline{\Phi o}$?

উ: খ

১৮. $\left(\frac{\mathbf{X}^{\mathbf{p}+\mathbf{q}}}{\mathbf{X}^{2\mathbf{r}}}\right) \left(\frac{\mathbf{X}^{\mathbf{q}+\mathbf{r}}}{\mathbf{X}^{2\mathbf{p}}}\right) \left(\frac{\mathbf{X}^{\mathbf{p}+\mathbf{r}}}{\mathbf{X}^{2\mathbf{q}}}\right)$ এর মান কত?

খ. 1 গ. $\frac{1}{2}$

উ: খ

১৯. $\sqrt[6]{64} \times \sqrt[3]{27} = \overline{49}$?

ক. 64 $\frac{1}{6}$ খ. 6 গ. 2

উত্তর: খ

<mark>২০. m > n হলে</mark> a^{m + n} × a^{m - n} <mark>এর মান</mark> কত?

খ. a²ⁿ গ. a^{2m-2n} ঘ. a^{mn}

উত্তর: গ

 $\mathbf{3.} \quad \left(\frac{\mathbf{x}^{\mathbf{p}}}{\mathbf{x}^{\mathbf{q}}}\right)^{\mathbf{p}+\mathbf{q}} \cdot \left(\frac{\mathbf{x}^{\mathbf{q}}}{\mathbf{x}^{\mathbf{r}}}\right)^{\mathbf{q}+\mathbf{r}} \cdot \left(\frac{\mathbf{x}^{\mathbf{r}}}{\mathbf{x}^{\mathbf{p}}}\right)^{\mathbf{r}+\mathbf{p}}$

ক. x^{p+q+r} খ. $\frac{1}{x^{p+q+r}}$ গ. $x^{(p+q+r)}$ ঘ. 1

সমাধান: $\left(\frac{x^p}{x^q}\right)^{p+q} \cdot \left(\frac{x^q}{x^r}\right)^{q+r} \cdot \left(\frac{x^r}{x^p}\right)^{r+p}$

 $= (x^{p-q})^{p+q} (x^{q-r})^{q+r} (x^{r-p})^{r+p}$ $= x^{p^2-q^2}.x^{q^2-r^2}.x^{r^2-p^2}$

 $= x^{p^2 - q^2 + q^2 - r^2 + r^2 - p^2} = x^0 = 1$ $\left(\frac{\mathbf{a}^{\mathbf{m}}}{\mathbf{a}^{\mathbf{n}}}\right)^{\mathbf{l}} \cdot \left(\frac{\mathbf{a}^{\mathbf{n}}}{\mathbf{a}^{\mathbf{l}}}\right)^{\mathbf{m}} \cdot \left(\frac{\mathbf{a}^{\mathbf{l}}}{\mathbf{a}^{\mathbf{m}}}\right)^{\mathbf{n}} = \mathbf{\Phi 0}$?

 $SS^{\overline{\Phi}.0}$ en $\overline{\mathfrak{A}}$. a^{lmn} \mathfrak{A} . 1 $\overline{\mathfrak{A}}$ $\overline{\mathfrak{A}}$ $\overline{\mathfrak{A}}$ $\overline{\mathfrak{A}}$

 $= a^{(m-n)l}.a^{(n-l)m}.a^{(l-m)n}$ $= a^{ml-nl}.a^{mn-ln}.a^{ln-mn} = a^{ml-ln+mn-ln-mn}$ $= a^0 = 1$

২৩. $30 - \{5^{-1}(2-3)^{-3}\}^{-2}$ কত?

খ. 5

গ. 20 ঘ. 31

সমাধান: $30 - \{5^{-1}(2-3)^{-3}\}^{-2}$

 $= 30 - \left(\frac{1}{5} \times -1\right)^{-2} = 30 - \left(-\frac{1}{5}\right)^{-2}$

২8.
$$(-1) \times (-1) \times (-1) + (-1) (-1) =$$
 কত?

গ.
$$-1$$

উত্তর: ঘ

সমাধান:
$$(-1) \times (-1) \times (-1) + (-1) (-1)$$

$$=(-1)^3+(-1)^2$$

$$=-1+1=0$$

২৫.
$$x^4 = 81$$
 হলে এবং x ধনাতাক হলে x এর মান কত?

ক.
$$\frac{81}{4}$$

গ.
$$\frac{4}{81}$$

সমাধান: $x^4 = 81$

বা,
$$\sqrt{x^4} = \sqrt{81}$$

বা,
$$x^2 = 9$$

[বর্গমূল করে <mark>ও ধনাত্ম</mark>ক মান নিয়ে]

$$x = 3$$

২৬.
$$(x^2)^3$$
 কে x^3 দারা গুণ করলে কত হবে?

ক.
$$x^9$$

গ x^{27}

উত্তর: ক

সমাধান:
$$(x^2)^3 \times x^3 = x^6 \cdot x^3 = x^{6+3} = x^9$$

২৭. $3^{x+2} = 81$ হলে x এর মান কত?

উত্তর: গ

সমাধান: $3^{x+2} = 81$

বা,
$$3^{x+2} = 3^4$$
 বা, $x + 2 = 4$ বা, $x = 4 - 2$

২৮. $5^{3x-7} = 3^{3x-7}$ হলে x-এর মান কত?

$$\overline{\Phi}$$
. $\frac{3}{7}$

সমাধান: $5^{3x-7} = 3^{3x-7}$

বা,
$$\frac{5^{3x-7}}{3^{3x-7}}=1$$

ৰা, $\frac{5^{3x-7}}{3^{3x-7}} = 1$ [উভয়পক্ষকে 3^{3x-7} দ্বারা ভাগ করে]

$$[:: a^0 = 1]$$

বা,
$$3x - 7 = 0$$
 বা, $3x = 7$

$$\therefore x = \frac{7}{3}$$

$$\therefore x = \frac{7}{3}$$
 $\therefore x$ এর মান $\frac{7}{3}$

২৯.
$$2^{x-4} = 4a^{x-6}$$
 হলে x এর মান কত?

দমাধান:
$$2^{x-4} = 4a^{x-6}$$

$$\overline{\text{at}},\ 2^{x-4}=2^2.a^{x-6}\quad \overline{\text{at}},\ \frac{2^{x-4}}{2^2}=a^{x-6}$$

বা,
$$2^{x-4-2} = a^{x-6}$$
 বা, $2^{x-6} = a^{x-6}$

বা,
$$2^{x-6} = a^{x-6}$$

ৰা,
$$\frac{2^{x-6}}{a^{x-6}} = 1$$
 ৰা, $\left(\frac{2}{a}\right)^{x-6} = \left(\frac{2}{a}\right)^0$ [: $a^0 = 1$]

বা,
$$x - 6 = 0$$
 : $x = 6$

৩০.
$$(\sqrt{3})^{x+5} = (\sqrt[3]{3})^{2x+5}$$
 হলে, x-এর মান কত?

গ.
$$\sqrt{3}$$

সমাধান: $(\sqrt{3})^{x+5} = {3 \choose \sqrt{3}}^{2x+5}$

$$\boxed{3}, \ 3^{\frac{1}{2}(x+5)} = 3^{\frac{1}{3}(2x+5)}$$

$$\frac{x+5}{2} = \frac{2x+5}{3}$$

বা,
$$4x + 10 = 3x + 15$$
 [বজ্রগুণন করে]

$$4x - 3x = 15 - 10$$

$$\therefore x = 5$$

সমাধান: 3.2ⁿ – 4.2^{n – 2}

$$=3.2^{n}-2^{2}.2^{n-2}=3.2^{n}-2^{n-2+2}$$

$$=3.2^{n}-2^{n}=2^{n}(3-1)=2^{n}.2=2^{n+1}$$

৩২. $2^n \div 2^{n-1} = \overline{\Phi}$ ত?

$$S$$
 সমাধান: $2^n \div 2^{n-1} = 2^{n-n+1}$

$$= 2^{1} = 2$$

৩৩.
$$x^y = y^x$$
; $x = 2y (x \neq 0, y \neq 0)$ হলে, (x, y) মান কত?

$$\overline{\Phi}. (x, y) = (8, 4) \qquad \forall . (x, y) = (6, 3)$$

$$\forall$$
. $(x, y) = (0, 3)$

গ
$$(x \ v) - (2 \ 1)$$

গ.
$$(x, y) = (2, 1)$$
 ঘ. $(x, y) = (4, 2)$

সমাধান:
$$x^y = y^x$$
 (i)

$$x = 2y$$
(ii)

(i) সমীকরণ
$$x = 2y$$
 বসিয়ে পাই $(2y)^y = y^{2y}$

বা,
$$2^{y}y^{y} = y^{2y}$$
 বা, $2^{y} = y^{2y-y}$

বা,
$$2^y = y^y$$
 $\therefore 2 = y$

$$\therefore 2 = v$$

$$x = 2.2 = 4$$
 : $(x, y) = (4, 2)$



- ২. যদি $(64)^{\frac{2}{3}} + (625)^{\frac{1}{2}} = 3k$ হয় তবে k এর মান-

- ৩. $5^{3x-7}=3^{3x-7}$ হলে x এর মান কত?

- 8. $2^{x+1} = 32$ হলে x এর মান কত?
 - ক. 4
- খ. 3
- গ. 2 ঘ. 1
- ৫. যদি $(125)^{2x+3} = 5^{3x+6}$ হয়, তবে $x = \overline{\infty}$? ক. 3
 - খ. 1
 - গ. 1
- ঘ. 2

- ৬. $(\sqrt{3}\sqrt{5})^4$ এর মান কত?
 - ক. 125
- খ. 225
- গ. 215
- ঘ. 250
- ৭. যদি $\left(\frac{a}{b}\right)^{x-3} = \left(\frac{b}{a}\right)^{x-5}$ হয় তবে x এর মান কত?
 - ক. 8
- খ. 3
- গ. 5
- ঘ. 4
- ৮. $\sqrt[4]{x} = 0.1$ হলে x = ?
 - ক. 0.1
- খ. 0.01
- গ. 0.001
- ঘ. 0.0001
- $\frac{0.0015 \times 10^{m}}{0.03 \times 10^{k}} = 5 \times 10^{7}$ হলে m-k=?
 - ক. 9
- খ. 2
- গ. 0
- ঘ. 4
- - ক. 20
- খ. 10
- গ. 5
- ঘ. 25