Aufgabe NUS I-3: Temperaturmessung

20 Punkte

Mit der in Fig. 3 dargestellten Brückenschaltung soll ein Temperaturmessgerät aufgebaut werden. Zur Anzeige wird ein Spannungsmessinstrument verwendet, das die Brückenspannung $U_{\rm m}$ abgreift. Für das Spannungsmessinstrument kann ein unendlicher Innenwiderstand angenommen werden. Die Temperaturmessung soll in einem Bereich von $-20\,^{\circ}$ C bis 50 $^{\circ}$ C einsetzbar sein. Als Temperatursensor wird ein temperaturabhängiger Widerstand $R(\vartheta)$ eingesetzt, dessen Widerstands Temperatur Kennlinie durch

$$R(\vartheta) = R_0(1 + \alpha(\vartheta - \vartheta_0))$$

mit den Parametern

$$R_0 = 1 \, \mathrm{k}\Omega$$
 Widerstand bei ϑ_0
$$\vartheta_0 = 20 \, ^{\circ}\mathrm{C}$$
 Referenztemperatur
$$\alpha = 5 \cdot 10^{-3} \; \mathrm{K}^{-1}$$
 Temperaturkoeffizient

beschreiben wird. Ausserdem gilt $R_1 = 1 \text{ k}\Omega$.

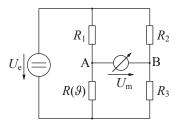


Fig. 3: Brückenschaltung zur Temperaturmessung.

a) Geben Sie zunächst die Spannung $U_{R\vartheta}$ und die Leistung $P_{R\vartheta}$ am Widerstand $R(\vartheta)$ algebraisch als Funktion von $U_{\rm e}$ an. Bei welcher Temperatur tritt an $R(\vartheta)$ die höchste Verlustleistung auf und welchen Wert weist $R(\vartheta)$ bei dieser Temperatur auf? Bestimmen Sie die Spannung $U_{\rm e}$ so, dass die im Messbereich maximal auftretende Verlustleistung am Messwiderstand $R(\vartheta)$ den Wert $P_{\rm max} = 50\,{\rm mW}$ erreicht.

(7 Pkt.)

Für alle weiteren Teilaufgaben gelte nun $U_e = 12 \,\mathrm{V}$.

b) Das Spannungsmessinstrument soll bei einer Temperatur von $\vartheta_0 = 0$ °C einen Wert von $U_0 = 0$ V anzeigen. Gleichzeitig soll die Verlustleistung der beiden Widerstände R_2 und R_3 zusammen einen Wert von $P_{(R_2,R_3)} = 10$ mW nicht überschreiten $(P_{R_2} + P_{R_3} = 10 \text{ mW})$. Berechnen Sie R_2 und R_3 .

(6 Pkt.)

Verwenden Sie für die folgende Teilaufgabe $R_2 = 22737 \Omega$ und $R_3 = 20463 \Omega$.

c) Die Widerstände R_1 , R_2 und R_3 weisen bauartbedingt jeweils eine Toleranz von $\pm 1\%$ auf. Wie gross ist der maximal auftretende Temperaturmessfehler aufgrund dieser Widerstandstoleranz und bei welcher Temperatur tritt dieser auf? Beachten Sie, dass alle Widerstände gleichzeitig Abweichungen aufweisen können.

(7 Pkt.)