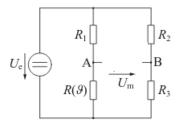
## Lösung Katalog S.15

• a) Da es sich beim Spannungsmessgerät um ein Messgerät mit unendlich hohem Widerstand handelt, dürfen wir davon ausgehen, dass zwischen den Klemmen A und B kein Strom fliessen kann. Somit können wir die Verbindung zwischen A und B als Leerlauf modelieren.



Da die beiden Widerstandsäste parallel geschaltet sind, muss über beiden Ästen die gleiche Spannung abfallen:

$$U_e = U_{R_1} + U_{R_2} = U_{R_2} + U_{R_3}$$

Somit können wir die Spannung über  $R_{\vartheta}$  mithilfe des Spannungsteilers berechnen:

$$U_{R_{\vartheta}} = U_e \cdot \frac{R_{\vartheta}}{R_1 + R_{\vartheta}}$$

Die Leistung über einem Widerstand ist definiert als:

$$P_R = U_R \cdot I_R = \frac{U_R^2}{R}$$

Somit gilt für die Leistung über dem Widerstand  $R_{\vartheta}$ ;

$$P_{R_{\vartheta}} = \frac{U_{R_{\vartheta}}^2}{R_{\vartheta}} = \left(U_e \cdot \frac{R_{\vartheta}}{R_1 + R_{\vartheta}}\right)^2 \cdot \frac{1}{R_{\vartheta}} = \frac{U_e^2 \cdot R_{\vartheta}}{(R_1 + R_{\vartheta})^2}$$

Um den Maximalwert dieser Leistung in Abhängigkeit des Widerstandes  $R_{\vartheta}$  herauszufinden, leiten wir die Leistung nach  $R_{\vartheta}$  ab und setzen sie zu 0:

$$\frac{d}{dR_{\vartheta}}(P_{R_{\vartheta}}) \stackrel{!}{=} 0 \to R_{\vartheta} = R_1 = 1k\Omega$$

Die benötigte Temperatur berechnet sich zu:

$$R(\vartheta) = 1k\Omega(1 + \alpha(\vartheta - \vartheta_0)) \stackrel{!}{=} 1k\Omega$$
  
$$\Rightarrow \vartheta = \vartheta_0 = 20^{\circ}$$

Für die Spannung  $U_e$  erhalten wir:

$$50mW \stackrel{!}{=} P_{R_{\vartheta}} = U_e^2 \cdot \frac{1k\Omega}{4k\Omega}$$

$$\rightarrow 200mW = U_e^2$$

$$\rightarrow U_e = 14.14V$$

 $\bullet$ b) Für die Spannung  $U_m$  können wir folgende Masche aufstellen:

$$U_m = U_{R_{\vartheta}} - U_{R_3}$$

Wobei wir  $U_{R_{\vartheta}}$  und  $U_{R_3}$  mit dem Spannungsteiler berechnen können:

$$U_{R_{\vartheta}} = U_e \frac{R_{\vartheta}}{R_{\vartheta} + R_1}$$
$$U_{R_3} = U_e \frac{R_3}{R_2 + R_3}$$

Somit gilt für  $U_m$ :

$$U_m = U_e \left( \frac{R_{\vartheta}}{R_{\vartheta} + R_1} - \frac{R_3}{R_2 + R_3} \right)$$

Mit der Bedingung,  $U_m(\vartheta=\vartheta_0=0^\circ)=0V$  erhalten wir:

$$0V = U_e \left( \frac{R(\vartheta_0)}{R(\vartheta_0) + R_1} - \frac{R_3}{R_2 + R_3} \right) = U_e \left( \frac{0.9k\Omega}{1.9k\Omega} - \frac{R_3}{R_2 + R_3} \right)$$

$$\to \frac{R_3}{R_2 + R_3} = \frac{0.9k\Omega}{1.9k\Omega}$$

$$\to R_3 = \frac{0.9}{1.9} \cdot (R_2 + R_3)$$

Für die Leistung gilt:

$$P_{(R_2,R_3)} = \frac{U_e^2}{R_2 + R_3} \stackrel{!}{=} 10mW$$
  
  $\rightarrow (R_2 + R_3) = \frac{U_e^2}{10mW} = 14400\Omega$ 

Somit gilt:

$$R_3 = \frac{0.9k\Omega}{1.9k\Omega} \cdot (14400\Omega) = 6821.05\Omega$$
  

$$R_2 = 14400\Omega - R_3 = 7578.95\Omega$$