

# |코딩테스트 스터디 참고자료 (6/15)|

# 최소공배수와 최대공약수

## 최대공약수

ex1)

$\text{gcd}(6, 12) \Rightarrow \text{gcd}(12, 6) \Rightarrow \text{gcd}(6, 0) \Rightarrow 6$

ex2)

$\text{gcd}(3, 19) \Rightarrow \text{gcd}(19, 3) \Rightarrow \text{gcd}(3, 1) \Rightarrow \text{gcd}(1, 0) \Rightarrow 1$

TIP

$\text{gcd}(\text{큰수}, \text{작은수}) \Rightarrow \text{gcd}(\text{작은수}, \text{큰수} \% \text{작은수}) \dots \Rightarrow \text{gcd}(n, 0)$   
 $\Rightarrow n$ 이 최대공약수

```
1 function gcd(a, b) {  
2   if (!b) {  
3     return a;  
4   }  
5  
6   return gcd(b, a % b);  
7 }  
8
```

# 최소공배수와 최대공약수

## 최소공배수

$$a * b = \text{GCD}(a, b) * \text{LCM}(a, b)$$



```
1 function lcm(a, b) {  
2   return (a * b) / gcd(a, b);  
3 }
```

$$\text{gcd}(4, 24 \% 4) \rightarrow \text{gcd}(4, 0)$$



ex1)

$$\text{lcm}(4, 24) = (4 * 24) / \text{gcd}(4, 24) = 96 / 4 = 24$$

$$\text{gcd}(7, 15 \% 7) \rightarrow \text{gcd}(7, 1)$$

$$\text{gcd}(1, 7 \% 1) \rightarrow \text{gcd}(1, 0)$$



ex2)

$$\text{lcm}(7, 15) = (7 * 15) / \text{gcd}(7, 15) = 105 / 1 = 105$$

# 소수판별



```
1 function isPrime(num) {  
2   for(let i = 2, sqrt = Math.sqrt(num); i <=  
   sqrt; i++)  
3     if(num % i === 0) return false;  
4   return num > 1;  
5 }
```

소수를 판별하기 위해선 주어진 수(num)를 2부터 해당 수(num)의 제곱근(Math.sqrt(num))까지의 숫자로 나누어보면 된다.

만약 해당 수(num)이 소수가 아니라면, 어떤 숫자로든지 나누어지기 때문에 나누는 숫자는 해당 수(num)의 약수 중 하나이다.  
그리고 약수는 해당 수(num)의 제곱근(Math.sqrt(num)) 이하의 범위에 반드시 존재한다.

# 시간복잡도

## 코딩 테스트 개요

### 1) 코딩 테스트 알아보기

## 빅오 표기법(Big-O Notation)

- 가장 빠르게 증가하는 항만을 고려하는 표기법이다.

좋음(Better)



나쁨(Worse)

시간 복잡도	의미
$O(1)$	상수 시간(constant time)
$O(\log N)$	로그 시간(log time)
$O(N)$	선형 시간(linear time)
$O(N \log N)$	로그 선형 시간(log-linear time)
$O(N^2)$	이차 시간(quadratic time)
$O(N^3)$	삼차 시간(cubic time)
$O(2^N)$	지수 시간(exponential time)

상수 시간 ( $O(1)$ ): 입력 크기에 관계없이 일정한 실행 시간을 가지는 알고리즘.

예를 들어, 배열에서 인덱스로 요소에 접근하는 경우

선형 시간 ( $O(n)$ ): 입력 크기에 비례하여 실행 시간이 선형적으로 증가하는 알고리즘.

예를 들어, 배열의 모든 요소를 한 번씩 방문하는 경우가 이에 해당(단일 for문, map, reduce, filter 메소드 등)

이차 시간 ( $O(n^2)$ ): 입력 크기의 제곱에 비례하여 실행 시간이 증가하는 알고리즘..

예를 들어, 2차원 배열을 순회하면서 모든 요소를 방문하는 경우가 이에 해당(선택 정렬, 삽입 정렬, 버블 정렬 등)

로그 시간 ( $O(\log n)$ ): 입력 크기의 로그에 비례하여 실행 시간이 증가하는 알고리즘.

예로, 이진 검색 알고리즘이 있다. 이 알고리즘은 입력을 절반씩 나누어 탐색하기 때문에 매우 효율적이다.

선형로그 시간 ( $O(n \log n)$ ): 선형 시간과 로그 시간의 조합의 알고리즘

예로, 병합 정렬, 퀵 정렬이 있다.

지수 시간 ( $O(2^n)$ ): 입력 크기에 대해 2의 지수 함수로 실행 시간이 증가하는 알고리즘.

하노이 탑 문제와 같은 재귀적인 알고리즘이 이에 해당하지만, 큰 입력에 대해 매우 느려지므로 효율적인 방법을 찾아야 한다.

<https://www.youtube.com/watch?v=BEVnxbxBqi8>

# 피보나치 - 기본 재귀호출 (시간복잡도( $O(n^2)$ ))

0과 1로 시작하고 n번째 피보나치 수는 바로 직전의  
두 피보나치 수의 합

0, 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, 34, 55, 89, 144, 233, .....



```
1 function fibonacci(n) {  
2   if(n <= 1) return n;  
3   return fibonacci(n - 1) + fibonacci(n - 2  
4   };  
5 }
```

fibonacci(3)

이 경우에는 재귀적으로 다음과 같이 호출된다.

$\text{fibonacci}(3) = \text{fibonacci}(2) + \text{fibonacci}(1)$

$\text{fibonacci}(2) = \text{fibonacci}(1) + \text{fibonacci}(0)$

fibonacci(1)과 fibonacci(0)은 각각 1과 0을 반환

$\text{fibonacci}(2) = 1 + 0 = 1$

$\text{fibonacci}(3) = \text{fibonacci}(2) + \text{fibonacci}(1) = 1 + 1 = 2$

# 피보나치 - 기본 재귀호출 (시간복잡도( $O(n^2)$ ))

0과 1로 시작하고 n번째 피보나치 수는 바로 직전의  
두 피보나치 수의 합

0, 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, 34, 55, 89, 144, 233, .....

fibonacci(5)

fibonacci(5) = fibonacci(4) + fibonacci(3)

fibonacci(4) = fibonacci(3) + fibonacci(2)

fibonacci(3) = fibonacci(2) + fibonacci(1)

fibonacci(2) = fibonacci(1) + fibonacci(0)  $\Rightarrow 1 + 0 = 1$

fibonacci(3) = fibonacci(2) + fibonacci(1)  $\Rightarrow 1 + 1 = 2$

fibonacci(4) = fibonacci(3) + fibonacci(2)  $\Rightarrow 2 + 1 = 3$

따라서 fibonacci(5) = fibonacci(4) + fibonacci(3)  $\Rightarrow 3 + 2 = 5$

```
1 function fibonacci(n) {  
2   if(n <= 1) return n;  
3   return fibonacci(n - 1) + fibonacci(n - 2)  
4   };  
5 }
```



# 피보나치 - memoization (시간복잡도 $O(n)$ )



```
1 let memo =
2 function fibonacci(n) {
3   if (n <= 1) {
4     return n;
5   } else if (!memo[n]) {
6     memo[n] = fibonacci(n - 1) + fibonacci(n - 2);
7   }
8   return memo[n];
9 }
10
```

$\text{fibonacci}(5) = \text{fibonacci}(4) + \text{fibonacci}(3)$

memo 배열에는 아직 어떤 값도 저장되어 있지 않으므로  $\text{fibonacci}(4)$ 와  $\text{fibonacci}(3)$ 을 계산하기 위해 재귀 호출

$\text{fibonacci}(4) = \text{fibonacci}(3) + \text{fibonacci}(2)$

memo 배열에는 아직 값이 저장되어 있지 않으므로  $\text{fibonacci}(3)$ 과  $\text{fibonacci}(2)$ 를 계산하기 위해 재귀 호출

$\text{fibonacci}(3) = \text{fibonacci}(2) + \text{fibonacci}(1)$

memo 배열에 값이 없으므로  $\text{fibonacci}(2)$ 와  $\text{fibonacci}(1)$ 를 계산하기 위해 재귀 호출

$\text{fibonacci}(2)$ 는  $\text{fibonacci}(1) + \text{fibonacci}(0)$

$\text{fibonacci}(1)$ 과  $\text{fibonacci}(0)$ 은 각각 1과 0을 반환하므로, 이를 계산하여  $\text{fibonacci}(2)$ 의 결과인 1을  $\text{memo}[2]$ 에 저장

이제  $\text{fibonacci}(3)$ 을 계산할 수 있습니다.  $\text{fibonacci}(3)$ 은  $\text{fibonacci}(2) + \text{fibonacci}(1)$ 를 반환해야 하는데,  $\text{fibonacci}(2)$ 는 이미  $\text{memo}[2]$ 에서 1이라는 값을 찾을 수 있다. 따라서  $\text{fibonacci}(3)$ 의 결과인 2를  $\text{memo}[3]$ 에 저장

이제  $\text{fibonacci}(4)$ 을 계산할 수 있다.  $\text{fibonacci}(4)$ 는  $\text{fibonacci}(3) + \text{fibonacci}(2)$ 를 반환해야 하는데,  $\text{fibonacci}(3)$ 과  $\text{fibonacci}(2)$ 는 이미 memo 배열에서 찾을 수 있다. 따라서  $\text{fibonacci}(4)$ 의 결과인 3을  $\text{memo}[4]$ 에 저장

마지막으로  $\text{fibonacci}(5)$ 를 계산

$\text{fibonacci}(5)$ 는  $\text{fibonacci}(4) + \text{fibonacci}(3)$ 를 반환해야 하는데,  $\text{fibonacci}(4)$ 와  $\text{fibonacci}(3)$ 의 값은 memo 배열에 있다. 따라서  $\text{fibonacci}(5)$ 의 결과인 5를  $\text{memo}[5]$ 에 저장