

تمرين چهارم

استاد: دکتر بردیا صفائی

نويسنده :

محمدهومان كشورى

شماره دانشجویی : **۹۹۱۰۵۶۶۷**

سوال ۱ سوال ۱ برای این کار طبق قرمول گفته شده در اسلایدها عمل می کنیم. برای این کار طبق قرمول گفته شده در اسلایدها عمل می کنیم. ابتدا باید تابع معکوس آنها را برای یافت خواسته سوال استفاده کنیم.
$$x < -2$$

$$CDF = \begin{cases} 0 & x < -2 \\ \int_{-2}^{x} \frac{3t^2}{16} \, dt = \frac{1}{16}(8+x^3) & -2 \leq x \leq 0 \\ \frac{1}{2} + \int_{0}^{x} e^{-2t} \, dt = 1 - \frac{e^{-2x}}{2} & 0 \leq x \end{cases}$$

$$x = F^{-1}(R_i) \to$$

$$F^{-1}(R_i) = \begin{cases} \sqrt[3]{16R - 8} & 0 \le R < \frac{1}{2} \\ \frac{\ln(2(1-R))}{-2} & \frac{1}{2} \le R \le 1 \end{cases}$$

 $F^{-1}(R_i) = \begin{cases} \sqrt[3]{16R-8} & 0 \leq R < \frac{1}{2} \\ \frac{\ln(2(1-R))}{-2} & \frac{1}{2} \leq R \leq 1 \end{cases}$ حال مطابق چیزی که دیدیم در صورتی که اعداد تصافی R را در فرمول مناسب جای گذاری کنیم، مطابق توزیع گفته شده variable random خواهیم تولید کرد.

سوال ۲

$$\rho = \frac{\lambda}{c\mu} = \frac{10}{2\times 6} = \frac{5}{6}$$

$$P_0 = ([1 + \frac{10}{6}] + [(\frac{10}{6})^2 * \frac{1}{2} * \frac{2*6}{12-10}])^{-1} = 0.09$$

$$P_{wait} = \frac{(c*\rho)^c*\rho}{c!*(1-\rho)} * P_0 = \frac{(2*\frac{5}{6})^2*\frac{5}{6}}{2*\frac{1}{6}} * 0.09 = 0.625$$

$$L = c\rho + \frac{(c\rho)^{c+1}P_0}{c(c!)(1-\rho)^2} \xrightarrow{\rho = \frac{\lambda}{c\mu} = \frac{5}{6}} = \frac{5}{3} + \frac{(\frac{5}{3})^3 P_0}{2(2!)(\frac{1}{6})^2}$$
$$= \frac{5}{3} + 41.67 * P_0 \xrightarrow{P_0 = 0.09} L = \frac{5}{3} + 41.67 * 0.09 = 5.41$$

سوال ۳ برای هر سیستم جداگانه بررسی می کنیم.

$$\begin{split} P_0 &= ((\sum_{n=0}^{c-1} \frac{(\frac{\lambda}{\mu})^n}{n!}) + ((\frac{\lambda}{\mu})^c \frac{1}{c!} \frac{c\mu}{c\mu - \lambda}))^{-1} \\ L &= c\rho + \frac{(c\rho)^{c+1} P_0}{c(c!)(1-\rho)^2} \\ W &= \frac{L}{\lambda} \end{split}$$

١. سيسستم اول

$$P_0 = 0.056 \rightarrow L = 4.98 \rightarrow W = 0.41$$
 annual cost = $0.41 \times 12 \times \times 0.001 \times 365 \times 24 \times 3600 = 157325$ \$

۲. سیستم با بهبود سرور

$$P_0 = 0.111 \rightarrow L = 2.88 \rightarrow W = 0.240$$
 annual cost = 0.240 × 12 × 0.001 × 365 × 24 × 3600 + 50000 = 141104\$

٣. سيستم با اضافه كردن سرور جديد

$$P_0 = 0.083 \rightarrow L = 2.83 \rightarrow W = 0.235$$
 annual cost = 0.235 × 12 × 0.001 × 365 × 24 × 3600 + 70000 = 159264\$

متوجه میشویم در بهترین حالت برای بهینه کردن هزینهها باید سرورها را ارتقاع ببخشیم.

سوال ۴

در این روش یک دنباله تصادفی از اعداد صحیح بین ۰ ، ۱-m تولید میکنیم.

سپس مطابق فرمول زیر در هر مرحله عدد تصادقی جدید را بدست آورده و نهایتا برای اینکه اعداد تصادفی ما بین ۰ و ۱

هستند، عدد بدست آمده را بر m تقسیم می کنیم. در نوشتار زیر، X_i هستند، Seed اولین عددی است که به فرمول می دهیم، X_i مضرب اعداد در نوشتار زیر، X_i همان اعداد تصادفی تولید شده هستند، X_i ما است، c میزان اضافه شده در هر قدم است و m نیز پیمانه ما است.

 $X_{i+1} = (aX_i + c) \bmod m$ $X_0 = Seed$ $Random_i = \frac{X_i}{m}$

وقتی در LCM میخواهیم اعداد را تولید کنیم، نیاز به یک عدد اولیه به نام Seed داریم. حال دنباله تولید شده نهایتا برابر این stream number random خواهد بود که پس از X_n دوباره دنباله از اول تولید خواهد شد. مفهوم stream number random این است که یکی از اعداد این دنباله را به عنوان Seed در نظر بگیریم و سپس اعداد را تولید کنیم تا نهایتا به عدد دیگری در انتها برسیم. هر استریم را میتوان به عنوان خروجی تولیدکننده های مجزا در نظر گرفت.

برای بدست آوردن ماکسیمم پریود باید اولا که m ، c نسبت به یکدیگر اول باشند. ثانیا a-۱ باید بر تمامی عوامل اول m بخش پذیر باشد و اگر m بر ۴ بخش پذیر بود a-۱ نیز باید بر ۴ بخش پذیر باشد. حال برای اینکه مقادیر درست را برای a،c،m انتخاب کنیم باید چند شرط را رعایت کنیم. m باید یک عدد اول خیلی بزرگ و یا توانی از یک عدد اول باشد.

مزايا:

- (آ) سرعت محاسبه اعداد با این روش بسیار سریع است.
 - (ب) از نظر حافظه نیاز به حافظه زیادی ندارد
- (ج) پارامترهای آن را به راحتی میتوان customize کرد
- (د) برای پیادهسازی و استفاده روش راحت و سرراستی است.

معایب:

- (آ) در این روش اعداد نیمه تصادفی تولید می شوند و نه لزوما کاملا تصادفی که این باعث می شوند با یکدیگر یک همبستگی
 - (ب) پریود اعداد تولید شده در این روش محدود است و پس از مدتی اعداد تکراری تولید می شوند.
- (ج) این روش به شدت به پارامترها حساس است و در صورتی که پارامترهای اشتباه بدهیم اعداد تولید شده اعداد خوبی
 - (د) از نظر امنیتی امن نیست چون الگوی قابل شناسایی دارد.