

**TUGAS BESAR IF3070 DASAR INTELEGensi ARTIFISIAL**  
**Pencarian Solusi *Diagonal Magic Cube* dengan *Local Search***



**Kelompok 36**  
**Anggota Kelompok :**

K01 Bihurin Salsabila Firdaus	<a href="mailto:18222015@std.stei.itb.ac.id">18222015@std.stei.itb.ac.id</a>
K01 Dinda Thalia Fahira	<a href="mailto:18222055@std.stei.itb.ac.id">18222055@std.stei.itb.ac.id</a>
K01 Muhammad Nurul Hakim	<a href="mailto:18222097@std.stei.itb.ac.id">18222097@std.stei.itb.ac.id</a>
K01 Dahayu Ramaniya Aurasindu	<a href="mailto:18222099@std.stei.itb.ac.id">18222099@std.stei.itb.ac.id</a>

**PROGRAM STUDI SISTEM DAN TEKNOLOGI INFORMASI**  
**SEKOLAH TEKNIK ELEKTRO DAN INFORMATIKA**  
**INSTITUT TEKNOLOGI BANDUNG**  
**2024**

## Deskripsi Persoalan

Diagonal magic cube adalah kubus yang tersusun dari angka 1 hingga  $n^3$  tanpa pengulangan, dengan  $n$  adalah panjang sisi pada kubus tersebut. Angka-angka pada kubus tersusun sedemikian rupa sehingga memenuhi persyaratan-persyaratan berikut:

- Terdapat satu angka yang merupakan magic number dari kubus tersebut (Magic number tidak harus termasuk dalam rentang 1 hingga  $n^3$ , magic number juga bukan termasuk ke dalam angka yang harus dimasukkan ke dalam kubus)
- Jumlah angka-angka untuk setiap baris sama dengan magic number
- Jumlah angka-angka untuk setiap kolom sama dengan magic number
- Jumlah angka-angka untuk setiap tiang sama dengan magic number
- Jumlah angka-angka untuk seluruh diagonal ruang pada kubus sama dengan magic number
- Jumlah angka-angka untuk seluruh diagonal pada suatu potongan bidang dari kubus sama dengan magic number

Pada tugas besar ini, diharapkan untuk menyelesaikan permasalahan Diagonal Magic Cube dengan ukuran  $5 \times 5 \times 5$  yang angka-angkanya masih tersusun secara acak dengan menggunakan algoritma *local search*. Angka-angka yang tertera pada kubus adalah angka 1 hingga  $5^3$ . Langkah yang boleh dilakukan untuk tiap iterasi algoritma *local search* adalah menukar posisi dari 2 angka pada kubus tersebut.

## Pembahasan

### Pemilihan Objective Function

$$f(C) = - \sum_{f \in features} \left| \left( \sum_{x \in f} x \right) - 315 \right|$$

dengan:

$C$  = konfigurasi angka pada kubus

$f$  = feature

$x$  = elemen feature

Fungsi objektif yang dipilih adalah **negatif** dari total selisih absolut antara jumlah elemen-elemen pada feature dengan target sum.

Feature dapat berupa:

- Baris
- Kolom
- Tiang
- Diagonal Ruang
- Diagonal Bidang

Sementara itu, target sum 315 didapatkan dari hasil penelitian oleh (Walter Trump dan Christian Boyer, 2003) yang menemukan solusi Diagonal Magic Cube 5x5x5.

### *Trump and Boyer's order 5 perfect magic cube*

25	16	80	104	90
115	98	4	1	97
42	111	85	2	75
66	72	27	102	48
67	18	119	106	5

91	77	71	6	70
52	64	117	69	13
30	118	21	123	23
26	39	92	44	114
116	17	14	73	95

47	61	45	76	86
107	43	38	33	94
89	68	63	58	37
32	93	88	83	19
40	50	81	65	79

31	53	112	109	10
12	82	34	87	100
103	3	105	8	96
113	57	9	62	74
56	120	55	49	35

121	108	7	20	59
29	28	122	125	11
51	15	41	124	84
78	54	99	24	60
36	110	46	22	101

### Penjelasan Implementasi Algoritma Local Search

Terdapat beberapa class yang dibuat untuk mendukung implementasi, yaitu State dan MagicCube. State dibuat dalam bentuk matriks 5x5x5 yang merepresentasikan konfigurasi elemen kubus. Kubus memiliki level yang didapatkan dengan cara melakukan pemotongan secara horizontal. Oleh karena itu, setiap matriks 5x5 yang disimpan pada state dapat dibayangkan sebagai permukaan kubus jika dilihat dari atas.

Gambar Kode Class State

```

1 import numpy as np
2
3 class State():
4     def __init__(self, state=None):
5         if state is not None:
6             self.state = state.reshape(5, 5, 5)
7         else:
8             self.state = self.generate_state()
9             self.value = self.evaluate()
10
11    def generate_state(self):
12        state = np.random.choice(np.arange(1, 126), size=125, replace=False).reshape((5, 5, 5))
13        return state
14
15    def evaluate(self):
16        # pillars (25)
17        pillar_sum = np.sum(self.state, axis=0).flatten()
18
19        # rows (25)
20        row_sum = np.sum(self.state, axis=2).flatten()
21
22        # columns (25)
23        column_sum = np.sum(self.state, axis=1).flatten()
24
25        # space diagonals (4)
26        space_diagonals = []
27        space_diagonals.append([self.state[i, i, i] for i in range(5)])
28        space_diagonals.append([self.state[i, i, 4 - i] for i in range(5)])
29        space_diagonals.append([self.state[i, 4 - i, i] for i in range(5)])
30        space_diagonals.append([self.state[4 - i, i, i] for i in range(5)])
31        space_diagonal_sum = np.sum(space_diagonals, axis=1)
32
33        # diagonals (30)
34        diagonals = []
35        for n in range(5):
36            # plane xy
37            diagonals.append([self.state[i, i, n] for i in range(5)])
38            diagonals.append([self.state[i, 4-i, n] for i in range(5)])
39            # plane xz
40            diagonals.append([self.state[i, n, i] for i in range(5)])
41            diagonals.append([self.state[i, n, 4-i] for i in range(5)])
42            # plane yz
43            diagonals.append([self.state[n, i, i] for i in range(5)])
44            diagonals.append([self.state[n, i, 4-i] for i in range(5)])
45        diagonal_sum = np.sum(diagonals, axis=1)
46
47        # collect all features
48        feature_sum = np.concatenate((pillar_sum, row_sum, column_sum, space_diagonal_sum, diagonal_sum))
49
50        # calculate state value
51        self.value = 0
52        for x in feature_sum:
53            self.value -= abs(x-315)
54
55        return self.value
56
57    def is_goal_state(self):
58        return self.value == 0
59
60    def __str__(self):
61        return np.array2string(self.state, separator=' ')

```

## **Class State**

Representasi state pada algoritma local search.

### Attributes

- state  
Menyimpan kumpulan angka yang merepresentasikan konfigurasi elemen kubus
- value  
Menyimpan state value yang merupakan hasil perhitungan objective function

### Methods

- \_\_init\_\_  
Inisialisasi state dengan method generate\_state dan mengisi value dengan method evaluate
- generate\_state  
Menghasilkan sebuah numpy array berisi 125 elemen
- is\_goal\_state  
Mengecek apakah state ini adalah goal state
- evaluate  
Menghitung state value menggunakan objective function
- \_\_str\_\_  
Mencetak state dalam bentuk matriks 5x5x5

Gambar Kode Class MagicCube

```

● ● ●

1 import time
2 import matplotlib.pyplot as plt
3 from SteepestAscentHC import SteepestAscentHC as SAHC
4 from HCWithSidewaysMove import HCwithSidewaysMove as HCSM
5 from StochasticHC import StochasticHC as SHC
6 from RandomRestartHC import RandomRestartHC as RRHC
7 from SimulatedAnnealing import SimulatedAnnealing as SA
8 from GeneticAlgorithm import GeneticAlgorithm as GA
9
10 # Hill Climbing With Sideways Move
11 MAX_SIDeways_MOVE = 10
12
13 # Stochastic Hill Climbing
14 SHC_MAX_ITERATION = 100
15
16 # Random Restart Hill Climbing
17 MAX_RESTART = 2
18
19 # Simulated Annealing
20 INITIAL_TEMPERATURE = 100.0
21 COOLING_RATE = 1.0
22
23 # Genetic Algorithm
24 POPULATION_SIZE = 50
25 GA_MAX_ITERATION = 100
26 MUTATION_RATE = 0.2
27
28 class MagicCube():
29     def __init__(self, alg):
30         if alg == 'sahc':
31             self.alg = alg
32             self.algorithm = SAHC()
33         elif alg == 'hcsm':
34             self.alg = alg
35             self.algorithm = HCSM(MAX_SIDeways_MOVE)
36         elif alg == 'shc':
37             self.alg = alg
38             self.algorithm = SHC(SHC_MAX_ITERATION)
39         elif alg == 'rrhc':
40             self.alg = alg
41             self.algorithm = RRHC(MAX_RESTART)
42         elif alg == 'sa':
43             self.alg = alg
44             self.algorithm = SA(INITIAL_TEMPERATURE, COOLING_RATE)
45         elif alg == 'ga':
46             self.alg = alg
47             self.algorithm = GA(POPULATION_SIZE, GA_MAX_ITERATION, MUTATION_RATE)
48         else:
49             print('Invalid algorithm!')
50
51     def solve(self):
52         assert self.algorithm is not None, "No algorithm selected!"
53         start_time = time.time()
54         result = self.algorithm.search()
55         end_time = time.time()
56         self.final_state = result[0]
57         values = result[1]
58         print(self.final_state)
59         print(self.final_state.value)
60         print(f'duration: {end_time - start_time} seconds')
61
62         # Plot
63         if self.alg == 'rrhc':
64             plt.title("State Value Plot")
65             plt.xlabel("Iteration")
66             plt.ylabel("Value")
67             for key, value in values.items():
68                 plt.plot(value, label=str(key))
69             plt.legend()
70             plt.show()
71         else:
72             if self.alg == 'sa':
73                 probs = result[2]
74                 plt.title("Probabilities Plot")
75                 plt.xlabel("Iteration")
76                 plt.ylabel("Probabilities")
77                 plt.plot(probs)
78                 plt.show()
79             plt.title("State Value Plot")
80             plt.xlabel("Iteration")
81             plt.ylabel("Value")
82             plt.plot(values)
83             plt.show()

```

## Class MagicCube

Kelas yang menyimpan seluruh algoritma local search

Attributes

- alg  
menyimpan singkatan nama algoritma local search
- algorithm  
menyimpan instance salah satu kelas algoritma local search

Methods

- \_\_init\_\_  
inisialisasi algoritma local search
- solve  
menyelesaikan kubus dengan algoritma local search yang dipilih dan menampilkan grafik hasil eksperimen

### 1. Hill Climbing

Hill Climbing diimplementasikan dengan membuat sebuah parent class bernama Hill Climbing dan menurunkan empat buah child class, yaitu SteepestAscentHC, HCWithSidewaysMove, StochasticHC, dan RandomRestartHC. Successor dari current state didapatkan dengan cara mempertukarkan dua buah elemen pada current state. Pembangkitan successor menghasilkan sejumlah 7.750 state yang dapat dihitung dengan  $C_2^{125}$  dengan 125 merupakan jumlah elemen pada state dan 2 merupakan jumlah elemen yang mengalami pertukaran.

Gambar Kode Class HillClimbing

```
● ● ●
1 from state import State
2 import numpy as np
3
4 class HillClimbing():
5     def __init__(self):
6         self.current_state = State()
7
8     def generate_successors(self):
9         indices = [(i, j, k) for i in range(5) for j in range(5) for k in range(5)]
10        successors = []
11        for i in range(len(indices)):
12            for j in range(i + 1, len(indices)): # Pastikan tidak menukar elemen yang sama
13                index_1 = indices[i]
14                index_2 = indices[j]
15                successor = State()
16                successor.state = np.copy(self.current_state.state)
17                successor.state[index_1], successor.state[index_2] = self.current_state.state[index_2], self.current_state.state[index_1]
18                successor.value = successor.evaluate()
19                successors.append(successor)
20        successors = np.array(successors)
21        return successors
```

## Class HillClimbing

Kelas yang menjadi dasar bagi berbagai variasi algoritma Hill Climbing

#### Attributes

- `current_state`

Menyimpan instance kelas State sebagai representasi state terkini

#### Methods

- `__init__`

Inisialisasi current state dengan sebuah state yang di-generate secara acak

- `generate_successors`

Menghasilkan array of state elemen yang merupakan kumpulan suksesor dari current state

#### a. Steepest Ascent Hill Climbing

Implementasi algoritma Steepest Ascent Hill Climbing dibuat sesuai dengan algoritma pada buku Russell. Neighbor didapatkan dari highest value successor. Kondisi terminasi terjadi ketika tidak ada lagi neighbor yang lebih baik daripada current state.

Gambar Kode Class SteepestAscentHC

```

● ○ ●
1  from HillClimbing import HillClimbing
2
3  class SteepestAscentHC(HillClimbing):
4      def __init__(self):
5          super().__init__()
6
7      def select_highest_value_successor(self, successors):
8          best_successor_index = 0
9          best_value = successors[0].value
10         for i in range(1, len(successors)):
11             next_value = successors[i].value
12             if (next_value > best_value):
13                 best_successor_index = i
14                 best_value = next_value
15             neighbor = successors[best_successor_index]
16         return neighbor
17
18     def search(self):
19         print(self.current_state)
20         print(f'initial state value: {self.current_state.value}')
21         values = [self.current_state.value]
22         iteration_count = 0
23         while not self.current_state.is_goal_state():
24             successors = self.generate_successors() # Hasilkan tetangga dari current state
25             neighbor = self.select_highest_value_successor(successors) # Pilih tetangga terbaik
26             iteration_count += 1
27             if neighbor.value > self.current_state.value:
28                 self.current_state = neighbor # Update current state
29                 print(f'current state value: {self.current_state.value}')
30                 values.append(self.current_state.value)
31             else:
32                 break
33         print('terminate')
34         print(f'final state value: {self.current_state.value}')
35         print(f'iteration count: {iteration_count}')
36         return self.current_state, values

```

## Class SteepestAscentHC

Kelas yang menyimpan implementasi algoritma Steepest Ascent Hill Climbing

### Attributes

- current\_state

Menyimpan instance kelas State sebagai representasi state terkini

### Methods

- \_\_init\_\_

Inisialisasi current state dengan sebuah state yang di-generate secara acak

- select\_highest\_value\_successor

Memilih suksesor dengan state value terbesar sebagai neighbor

- search

Melakukan pencarian dengan algoritma Steepest Ascent Hill Climbing

b. Hill Climbing With Sideways Move

Implementasi algoritma Hill Climbing With Sideways Move dibuat sesuai dengan algoritma pada buku Russell. Neighbor didapatkan dari highest value successor. Kondisi terminasi terjadi ketika tidak ada lagi neighbor yang lebih baik/setara dengan current state atau sudah mencapai maksimal sideways move yang diperbolehkan.

Gambar Kode Class HCWithSidewaysMove

```
1  from HillClimbing import HillClimbing
2
3  class HCWithSidewaysMove(HillClimbing):
4      def __init__(self, max_sideways_move):
5          super().__init__()
6          self.max_sideways_move = max_sideways_move
7
8      def select_highest_value_successor(self, successors):
9          best_successor_index = 0
10         best_value = successors[0].value
11         for i in range(1, len(successors)):
12             next_value = successors[i].value
13             if (next_value > best_value):
14                 best_successor_index = i
15                 best_value = next_value
16         neighbor = successors[best_successor_index]
17         return neighbor
18
19     def search(self):
20         print(self.current_state)
21         print(f'initial state value: {self.current_state.value}')
22         values = [self.current_state.value]
23         iteration_count = 0
24         sideways_move = 0
25         while not self.current_state.is_goal_state() and sideways_move < self.max_sideways_move:
26             successors = self.generate_successors() # Hasilkan tetangga dari current state
27             neighbor = self.select_highest_value_successor(successors) # Pilih tetangga terbaik
28             iteration_count += 1
29             if neighbor.value > self.current_state.value:
30                 self.current_state = neighbor # Update current state
31                 print(f'current state value: {self.current_state.value}')
32                 values.append(self.current_state.value)
33             elif neighbor.value == self.current_state.value and sideways_move < self.max_sideways_move:
34                 self.current_state = neighbor # Update current state
35                 print(f'current state value: {self.current_state.value}')
36                 values.append(self.current_state.value)
37                 sideways_move += 1
38                 print(f'sideways move remaining: {self.max_sideways_move - sideways_move}')
39             else:
40                 break # Jika tidak ada perbaikan, hentikan
41         print('terminate')
42         print(f'final state value: {self.current_state.value}')
43         print(f'iteration count: {iteration_count}')
44         return self.current_state, values
```

### Class HCWithSidewaysMove

Kelas yang menyimpan implementasi algoritma Hill Climbing With Sideways Move

#### Attributes

- current\_state  
Menyimpan instance kelas State sebagai representasi state terkini
- max\_sideways\_move  
Menyimpan angka maksimal sideways move yang diperbolehkan

#### Methods

- \_\_init\_\_  
Inisialisasi current state dengan sebuah state yang di-generate secara acak
- select\_highest\_value\_successor  
Memilih suksesor dengan state value terbesar sebagai neighbor
- search  
Melakukan pencarian dengan algoritma Hill Climbing With Sideways Move

#### c. Stochastic Hill Climbing

Implementasi algoritma Stochastic Hill Climbing dibuat sesuai dengan algoritma pada buku Russell. Neighbor didapatkan dari random successor. Kondisi terminasi terjadi ketika mencapai maximum iteration.

Gambar Kode Class StochasticHC

```

● ● ●

1 import random
2 from HillClimbing import HillClimbing
3
4 class StochasticHC(HillClimbing):
5     def __init__(self, max_iteration):
6         super().__init__()
7         self.max_iteration = max_iteration
8
9     def select_random_successor(self, successors):
10        random_index = random.randrange(len(successors))
11        random_successor = successors[random_index]
12        return random_successor
13
14    def search(self):
15        print(self.current_state)
16        print(f'initial state value: {self.current_state.value}')
17        values = [self.current_state.value]
18        for _ in range(self.max_iteration):
19            successors = self.generate_successors() # Hasilkan tetangga dari current state
20            neighbor = self.select_random_successor(successors) # Pilih tetangga terbaik
21            if neighbor.value > self.current_state.value:
22                self.current_state = neighbor # Update current state
23                print(f'current state value: {self.current_state.value}')
24            values.append(self.current_state.value)
25
26        print('terminate')
27        print(f'final state value: {self.current_state.value}')
28        return self.current_state, values

```

## Class StochasticHC

Kelas yang menyimpan implementasi algoritma Stochastic Hill Climbing

### Attributes

- current\_state  
Menyimpan instance kelas State sebagai representasi state terkini
- max\_iteration  
Menyimpan angka maksimal iterasi yang diperbolehkan

### Methods

- \_\_init\_\_  
Inisialisasi current state dengan sebuah state yang di-generate secara acak
- select\_random\_successor  
Memilih suksesor secara acak sebagai neighbor
- search  
Melakukan pencarian dengan algoritma Stochastic Hill Climbing

d. Random Restart Hill Climbing

Implementasi algoritma Random Restart Hill Climbing dibuat sesuai dengan algoritma pada buku Russell. Algoritma ini merupakan variasi dari Steepest Ascent Hill Climbing yang diulang dari awal ketika terjebak di local optimum. Kondisi terminasi terjadi ketika maximum restart tercapai atau goal state sudah ditemukan.

Gambar Kode Class RandomRestartHC

```
● ● ●
1 from state import State
2 from HillClimbing import HillClimbing
3
4 class RandomRestartHC(HillClimbing):
5     def __init__(self, max_restart):
6         self.max_restart = max_restart
7
8     def select_highest_value_successor(self, successors):
9         best_successor_index = 0
10        best_value = successors[0].value
11        for i in range(1, len(successors)):
12            next_value = successors[i].value
13            if (next_value > best_value):
14                best_successor_index = i
15                best_value = next_value
16        neighbor = successors[best_successor_index]
17        return neighbor
18
19    def search(self):
20        values_per_restart = {}
21        for restart in range(1, self.max_restart+1):
22            self.current_state = State()
23            print(self.current_state)
24            print(f'initial state value: {self.current_state.value}')
25            values = [self.current_state.value]
26            iteration_count = 0
27            while not self.current_state.is_goal_state():
28                successors = self.generate_successors() # Hasilkan tetangga dari current state
29                neighbor = self.select_highest_value_successor(successors) # Pilih tetangga terbaik
30                iteration_count += 1
31                if neighbor.value > self.current_state.value:
32                    self.current_state = neighbor # Update current state
33                    print(f'current state value: {self.current_state.value}')
34                    values.append(self.current_state.value)
35                else:
36                    print(f'restart remaining: {self.max_restart-restart}')
37                    break
38            values_per_restart[restart] = values
39            print(f'final state value: {self.current_state.value}')
40            print(f'iteration in this restart: {iteration_count}')
41            if self.current_state.is_goal_state():
42                break
43        print('terminate')
44        return self.current_state, values_per_restart
```

### Class RandomRestartHC

Kelas yang menyimpan implementasi algoritma Random Restart Hill Climbing

#### Attributes

- `current_state`  
Menyimpan instance kelas State sebagai representasi state terkini
- `max_restart`  
Menyimpan angka maksimal restart yang diperbolehkan

#### Methods

- `__init__`  
Inisialisasi current state dengan sebuah state yang di-generate secara acak
- `select_highest_value_successor`  
Memilih suksesor dengan state value terbesar sebagai neighbor
- `search`  
Melakukan pencarian dengan algoritma Random Restart Hill Climbing

## 2. Simulated Annealing

Simulated Annealing diimplementasikan dengan membuat sebuah class bernama `SimulatedAnnealing`. Implementasi dibuat sesuai dengan yang tertulis pada buku Russell. Terdapat sebuah temperature yang akan berkurang seiring waktu dengan faktor cooling rate. Neighbor didapatkan dari random successor. Apabila neighbor value tidak lebih baik daripada current state value, masih ada kesempatan untuk berpindah state dengan probabilitas  $e^{\frac{\Delta E}{T}}$ . Probabilitas ini dibandingkan dengan sebuah probabilitas lain yang dibangkitkan secara acak. Nilai temperatur yang semakin kecil juga mempersempit kesempatan untuk berpindah state. Kondisi terminasi terjadi ketika goal state sudah ditemukan atau temperature sama dengan nol.

Gambar Kode Class SimulatedAnnealing

```

● ● ●

1  from State import State
2  import random
3  import numpy as np
4
5  class SimulatedAnnealing():
6      def __init__(self, initial_temperature, cooling_rate):
7          self.current_state = State()
8          self.temperature = initial_temperature
9          self.cooling_rate = cooling_rate
10
11     def generate_successors(self):
12         indices = [(i, j, k) for i in range(5) for j in range(5) for k in range(5)]
13         successors = []
14         for i in range(len(indices)):
15             for j in range(i + 1, len(indices)): # Pastikan tidak menukar elemen yang sama
16                 index_1 = indices[i]
17                 index_2 = indices[j]
18                 successor = State()
19                 successor.state = np.copy(self.current_state.state)
20                 successor.state[index_1], successor.state[index_2] = self.current_state.state[index_2], self.current_state.state[index_1]
21                 successor.value = successor.evaluate()
22                 successors.append(successor)
23         successors = np.array(successors)
24         return successors
25
26     def select_random_successor(self, successors):
27         random_index = random.randrange(len(successors))
28         neighbor = successors[random_index]
29         return neighbor
30
31     def search(self):
32         print(self.current_state)
33         print(f'initial state value: {self.current_state.value}')
34         local_optima = 0
35         probs = []
36         values = [self.current_state.value]
37         while not self.current_state.is_goal_state() and self.temperature > 0:
38             successors = self.generate_successors()
39             neighbor = self.select_random_successor(successors) # Pilih tetangga acak
40             delta = neighbor.value - self.current_state.value
41             if delta > 0:
42                 self.current_state = neighbor # Pindah jika lebih baik
43                 print(f'current state value: {neighbor.value}')
44             else:
45                 random_probability = random.uniform(0,1)
46                 if random_probability < np.exp(delta / self.temperature):
47                     self.current_state = neighbor # Pindah dengan probabilitas
48                     print(f'current state value: {neighbor.value}')
49                     local_optima += 1
50             probs.append(np.exp(delta / self.temperature))
51             self.temperature -= self.cooling_rate # Kurangi temperatur
52             print(f'current temperature: {round(self.temperature, 1)})')
53             values.append(self.current_state.value)
54         print('terminate')
55         print(f'final state value: {self.current_state.value}')
56         print(f'local optima freq: {local_optima}')
57         return self.current_state, values, probs

```

## Class SimulatedAnnealing

Kelas yang menyimpan implementasi algoritma Simulated Annealing

### Attributes

- current\_state  
Menyimpan instance kelas State sebagai representasi state terkini
- temperature  
Menyimpan temperatur yang akan berkurang seiring waktu
- cooling\_rate  
Menyimpan faktor pengurang bagi temperatur

### Methods

- \_\_init\_\_

- Inisialisasi current state dengan sebuah state yang di-generate secara acak, inisialisasi temperature dan cooling rate
- generate\_successors
  - Menghasilkan array of state yang merupakan kumpulan suksesor dari current state
- select\_random\_successor
  - Memilih suksesor secara acak sebagai neighbor
- search
  - Melakukan pencarian dengan algoritma Simulated Annealing

### 3. Genetic Algorithm

Genetic Algorithm diimplementasikan dengan membuat sebuah class bernama GeneticAlgorithm. Implementasi dibuat sesuai dengan yang tertulis pada buku Russell. Pencarian diawali dengan pembangkitan sejumlah individu sebagai satu populasi. Kemudian, dilakukan iterasi untuk memperbarui populasi. Iterasi diawali dengan memilih dua buah parent secara random, tetapi dengan probabilitas yang tidak uniform. Individu yang memiliki nilai fitness function lebih besar memiliki probabilitas yang juga lebih besar untuk terpilih menjadi parent. Fitness function yang dipilih adalah jumlah feature yang memiliki jumlah elemen-elemen sama dengan 315. Selanjutnya, dilakukan single-point crossover terhadap dua buah parent tersebut. Crossover point didapatkan secara acak. Tahap ini menghasilkan sebuah child. Kemudian, dibangkitkan sebuah probabilitas acak. Apabila probabilitas ini lebih besar daripada mutation rate, maka dilakukan mutasi terhadap child dengan cara menukar dua buah gen yang dipilih secara acak. Penukaran gen dilakukan dengan alasan setiap elemen dalam kubus harus unik sehingga mutasi terhadap satu gen saja tidak dapat dilakukan. Child yang dihasilkan ini kemudian menjadi penghuni populasi baru. Tahapan ini dilakukan berulang hingga child memenuhi populasi baru. Dilakukan pemilihan individu terbaik pada setiap iterasi. Individu terbaik adalah individu yang memiliki nilai objective function terbesar. Objective function dalam hal ini sama dengan objective function pada algoritma local search sebelumnya. Kondisi terminasi terjadi ketika populasi saat ini mengandung individu yang merupakan goal state atau maximum iteration telah tercapai.

Gambar Kode Class GeneticAlgorithm
------------------------------------

```

1 import numpy as np
2 import random
3 from state import State
4
5 GENES = 125
6
7 class GeneticAlgorithm():
8     def __init__(self, population_size, max_iteration, mutation_rate):
9         self.population_size = population_size
10        self.max_iteration = max_iteration
11        self.mutation_rate = mutation_rate
12        self.population = np.array([np.random.choice(np.arange(1, 126), size=125, replace=False) for _ in range(self.population_size)])
13        self.current_state = state()
14
15    def random_selection(self):
16        fitnesses = np.array([(self.fitness(individual) for individual in self.population)])
17        probabilities = fitnesses / fitnesses.sum()
18        parent_index = np.random.choice(np.arange(self.population_size), p=probabilities)
19        parent = self.population[parent_index]
20        return parent
21
22    # Crossover function (single-point crossover)
23    def reproduce(self, parent1, parent2):
24        point1 = random.randint(1, GENES)
25        child = np.concatenate((parent1[:point1], parent2[point1:]))
26        return child
27
28    def mutate(self, individual):
29        point1 = random.randrange(GENES)
30        point2 = random.randrange(GENES)
31        temp = individual[point1]
32        individual[point1] = individual[point2]
33        individual[point2] = temp
34        return individual
35
36    def get_feature_sum(self, individual):
37        state = np.copy(individual).reshape(5, 5, 5)
38
39        # pillars (25)
40        pillar_sum = np.sum(state, axis=0).flatten()
41
42        # rows (25)
43        row_sum = np.sum(state, axis=1).flatten()
44
45        # columns (25)
46        column_sum = np.sum(state, axis=2).flatten()
47
48        # space diagonals (4)
49        space_diagonals = []
50        space_diagonals.append([(state[i, i, i] for i in range(5))])
51        space_diagonals.append([(state[i, 1, 4 - i] for i in range(5))])
52        space_diagonals.append([(state[i, 4 - i, i] for i in range(5))])
53        space_diagonals.append([(state[4 - i, i, i] for i in range(5))])
54        space_diagonal_sum = np.sum(space_diagonals, axis=1)
55
56        # diagonals (30)
57        diagonals = []
58        for n in range(5):
59            # plane xy
60            diagonals.append([(state[i, 1, n] for i in range(5))])
61            diagonals.append([(state[i, 4 - i, n] for i in range(5))])
62            # plane Xz
63            diagonals.append([(state[i, n, i] for i in range(5))])
64            diagonals.append([(state[i, n, 4 - i] for i in range(5))])
65            # plane Yz
66            diagonals.append([(state[n, i, i] for i in range(5))])
67            diagonals.append([(state[n, i, 4 - i] for i in range(5))])
68        diagonal_sum = np.sum(diagonals, axis=1)
69
70        # collect all features
71        feature_sum = np.concatenate((pillar_sum, row_sum, column_sum, space_diagonal_sum, diagonal_sum))
72
73    def fitness(self, individual):
74        feature_sum = self.get_feature_sum(individual)
75
76        # calculate fitness
77        value = 0
78        for x in feature_sum:
79            value += abs(x - 315)
80
81        return 10000 - value
82
83    def evaluate(self, individual):
84        feature_sum = self.get_feature_sum(individual)
85
86        # calculate state value
87        value = 0
88        for x in feature_sum:
89            value += abs(x - 315)
90
91        return value
92
93
94    def is_goal_state_in_population(self):
95        values = np.array([self.evaluate(individual) for individual in self.population])
96        return np.any(values == 0)
97
98    def get_best_individual(self):
99        values = np.array([self.evaluate(individual) for individual in self.population])
100       best_index = np.argmax(values)
101       best_individual = self.population[best_index]
102       return best_individual
103
104
105    def search(self):
106        print(self.current_state)
107        iteration = 1
108        values = [self.evaluate(self.get_best_individual())]
109        while not self.is_goal_state_in_population() and iteration < self.max_iteration:
110            print(f'Iteration: {iteration}')
111            offspring = []
112            for _ in range(self.population_size):
113                parent1 = self.random_selection()
114                parent2 = self.random_selection()
115
116                # Crossover / Reproduce
117                child = self.reproduce(parent1, parent2) # Crossover antara dua parent
118
119                # Mutation
120                random_probability = random.random()
121                if random_probability > self.mutation_rate:
122                    child = self.mutate(child)
123
124                offspring.append(child)
125
126        self.population = offspring
127        best_individual = self.get_best_individual()
128        best_individual_value = self.evaluate(best_individual)
129        print(f'Best individual value: {best_individual_value}')
130        values.append(best_individual_value)
131        iteration += 1
132
133    final_state = state(best_individual)
134    return final_state, values

```

## **Class GeneticAlgorithm**

Kelas yang menyimpan implementasi algoritma Genetic Algorithm

### Attributes

- population\_size  
Menyimpan angka yang merupakan ukuran populasi
- max\_iteration  
Menyimpan angka maksimal iterasi yang diperbolehkan
- mutation\_rate  
Menyimpan angka probabilitas diperbolehkannya mutasi
- population  
Menyimpan populasi yang merupakan kumpulan individu

### Methods

- \_\_init\_\_  
Inisialisasi population size, maximum iteration, mutation rate, dan population
- random\_selection  
Memilih dua buah parent dari populasi terkini berdasarkan probabilitas yang didapatkan dari perhitungan fitness function
- reproduce  
Melakukan single-point crossover untuk menghasilkan sebuah child
- mutate  
Melakukan mutasi dengan cara menukar dua buah gen yang berada pada indeks yang ditentukan secara acak
- get\_feature\_sum  
Menghasilkan jumlah elemen-elemen pada feature
- fitness  
Menghitung nilai fitness function pada setiap individu
- evaluate  
Menghitung nilai objective function pada setiap individu
- is\_goal\_state\_in\_population  
Mengecek apakah populasi mengandung individu yang merupakan goal state
- get\_best\_individual  
Menghasilkan individu dengan nilai objective function terbesar
- search  
Melakukan pencarian dengan algoritma Genetic Algorithm

## Hasil Eksperimen dan Analisis

### Hasil Eksperimen

#### 1. Steepest Ascent Hill Climbing

Percobaan	Durasi Pencarian	Banyak Iterasi	Nilai Objective Function Akhir
1	257.2 detik	148	-515
2	241.4 detik	123	-545
3	667.1 detik	134	-772

Percobaan	State Awal	State Akhir
1	$\begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 61 & 77 & 32 & 24 & 25 \\ 95 & 26 & 54 & 113 & 47 \\ 70 & 28 & 23 & 19 & 44 \\ 92 & 64 & 122 & 107 & 3 \\ 45 & 33 & 30 & 12 & 18 \end{bmatrix} \end{bmatrix} \end{bmatrix}$ $\begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 101 & 90 & 39 & 55 & 71 \\ 8 & 96 & 73 & 40 & 56 \\ 29 & 83 & 34 & 1 & 63 \\ 53 & 57 & 58 & 65 & 117 \\ 59 & 86 & 123 & 100 & 97 \end{bmatrix} \end{bmatrix}$ $\begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 35 & 79 & 38 & 78 & 94 \\ 13 & 80 & 15 & 7 & 43 \\ 52 & 20 & 9 & 105 & 111 \\ 88 & 81 & 66 & 124 & 118 \\ 6 & 14 & 98 & 121 & 68 \end{bmatrix} \end{bmatrix}$ $\begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 85 & 2 & 76 & 110 & 36 \\ 112 & 48 & 62 & 60 & 46 \\ 10 & 120 & 31 & 16 & 116 \\ 87 & 5 & 119 & 74 & 84 \\ 41 & 72 & 109 & 69 & 115 \end{bmatrix} \end{bmatrix}$ $\begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 114 & 4 & 103 & 51 & 125 \\ 75 & 82 & 27 & 17 & 106 \\ 93 & 49 & 22 & 102 & 11 \\ 37 & 42 & 99 & 91 & 67 \\ 104 & 50 & 21 & 89 & 108 \end{bmatrix} \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 79 & 83 & 106 & 22 & 25 \\ 41 & 18 & 53 & 109 & 95 \\ 82 & 19 & 98 & 74 & 43 \\ 48 & 58 & 13 & 80 & 116 \\ 56 & 125 & 45 & 30 & 40 \end{bmatrix} \end{bmatrix} \end{bmatrix}$ $\begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 62 & 50 & 52 & 90 & 59 \\ 7 & 72 & 73 & 99 & 64 \\ 123 & 105 & 3 & 1 & 84 \\ 54 & 86 & 65 & 89 & 21 \\ 68 & 2 & 122 & 37 & 87 \end{bmatrix} \end{bmatrix}$ $\begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 85 & 70 & 11 & 55 & 94 \\ 124 & 81 & 51 & 27 & 32 \\ 12 & 31 & 63 & 97 & 112 \\ 88 & 121 & 78 & 17 & 10 \\ 6 & 15 & 113 & 119 & 69 \end{bmatrix} \end{bmatrix}$ $\begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 14 & 114 & 44 & 110 & 33 \\ 118 & 47 & 61 & 60 & 28 \\ 5 & 111 & 117 & 36 & 46 \\ 102 & 9 & 66 & 38 & 101 \\ 76 & 35 & 26 & 71 & 107 \end{bmatrix} \end{bmatrix}$ $\begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 75 & 4 & 103 & 39 & 104 \\ 24 & 100 & 77 & 20 & 96 \\ 93 & 49 & 34 & 108 & 29 \\ 23 & 42 & 92 & 91 & 67 \\ 115 & 120 & 8 & 57 & 16 \end{bmatrix} \end{bmatrix}$

2

$\begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 35 & 36 & 33 & 11 & 58 \\ 121 & 20 & 120 & 23 & 109 \\ 107 & 86 & 78 & 41 & 42 \\ 5 & 72 & 28 & 3 & 61 \\ 115 & 85 & 7 & 62 & 98 \end{bmatrix} \end{bmatrix} \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 32 & 60 & 109 & 23 & 91 \\ 114 & 26 & 121 & 13 & 22 \\ 28 & 84 & 38 & 120 & 45 \\ 27 & 73 & 33 & 124 & 58 \\ 115 & 72 & 7 & 29 & 96 \end{bmatrix} \end{bmatrix} \end{bmatrix}$
$\begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 73 & 114 & 34 & 110 & 24 \\ 77 & 16 & 9 & 100 & 66 \\ 39 & 48 & 69 & 92 & 4 \\ 14 & 90 & 1 & 54 & 63 \\ 116 & 51 & 88 & 75 & 27 \end{bmatrix} \end{bmatrix} \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 85 & 116 & 35 & 54 & 24 \\ 113 & 15 & 18 & 100 & 70 \\ 49 & 92 & 88 & 87 & 4 \\ 30 & 90 & 98 & 5 & 95 \\ 39 & 8 & 77 & 69 & 122 \end{bmatrix} \end{bmatrix} \end{bmatrix}$
$\begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 106 & 108 & 65 & 12 & 44 \\ 76 & 104 & 74 & 71 & 68 \\ 53 & 47 & 30 & 56 & 84 \\ 50 & 125 & 32 & 29 & 112 \\ 37 & 99 & 18 & 70 & 15 \end{bmatrix} \end{bmatrix} \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 106 & 75 & 63 & 10 & 56 \\ 2 & 112 & 76 & 71 & 68 \\ 44 & 47 & 55 & 104 & 65 \\ 62 & 31 & 93 & 19 & 110 \\ 101 & 50 & 37 & 111 & 16 \end{bmatrix} \end{bmatrix} \end{bmatrix}$
$\begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 8 & 57 & 13 & 111 & 119 \\ 22 & 102 & 19 & 45 & 55 \\ 81 & 40 & 60 & 87 & 64 \\ 96 & 89 & 105 & 79 & 82 \\ 10 & 38 & 80 & 103 & 25 \end{bmatrix} \end{bmatrix} \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 42 & 61 & 9 & 80 & 123 \\ 74 & 103 & 57 & 34 & 48 \\ 108 & 40 & 64 & 20 & 83 \\ 78 & 41 & 79 & 81 & 36 \\ 14 & 67 & 105 & 102 & 25 \end{bmatrix} \end{bmatrix} \end{bmatrix}$
$\begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 49 & 93 & 95 & 113 & 2 \\ 59 & 26 & 43 & 21 & 124 \\ 101 & 52 & 94 & 97 & 117 \\ 118 & 67 & 31 & 83 & 17 \\ 46 & 123 & 91 & 6 & 122 \end{bmatrix} \end{bmatrix} \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 51 & 3 & 99 & 125 & 21 \\ 11 & 59 & 43 & 97 & 107 \\ 89 & 52 & 66 & 1 & 117 \\ 118 & 82 & 12 & 86 & 17 \\ 46 & 119 & 94 & 6 & 53 \end{bmatrix} \end{bmatrix} \end{bmatrix}$

3

```

[[[ 98  97 118  72  66]
 [108 119  60  45  36]
 [ 93  39   3   6  94]
 [ 78  35  19  18  56]
 [122 111  13  99  59]]]

[[[116  43  28  83   4]
 [ 67  47   2 104  38]
 [ 90  79  77  16 106]
 [ 82   9 115  53  42]
 [ 14  69  76   8 113]]]

[[ 84  15 121  50  80]
 [  7  88  73 103  92]
 [ 57  41  20  63  48]
 [100  95  64  31 120]
 [ 40  89  24 117  34]]]

[[ 75  32  29   5  12]
 [ 55 105  58  26  74]
 [ 25  10  51  62  87]
 [ 21  85  46  44  52]
 [101 112 109 110  61]]]

[[ 17  33  81  71 102]
 [124  27  22 107 114]
 [ 70 123  54  11   1]
 [ 86  37  68  30  96]
 [125  23  49  91  65]]]

```

```

[[[ 43 104 117   4  54]
 [109    7 124  56  18]
 [ 35  36  17 114 113]
 [ 28  88  19 125  34]
 [100  94   6 16  96]]]

[[ 41 116   8 119  31]
 [101  45  15 106  48]
 [ 73  81  72   5  85]
 [ 59  64 105  47  40]
 [ 42   9 115  38 111]]]

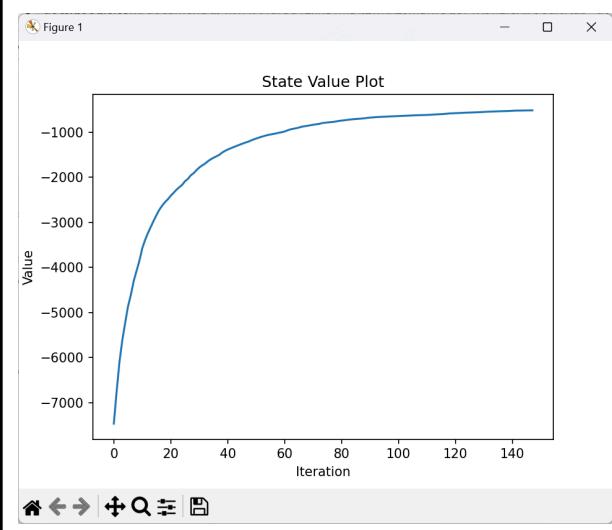
[[ 87  13  83  52  80]
 [  3  79  39 103  93]
 [ 91  57  74  63  30]
 [120  44  66  24  61]
 [ 14 118  53  75  51]]]

[[121  49  29  12  77]
 [ 55  90  70  23  76]
 [ 20  25  50 122  95]
 [ 21  82  58  65  89]
 [ 97  68 108  84  11]]]

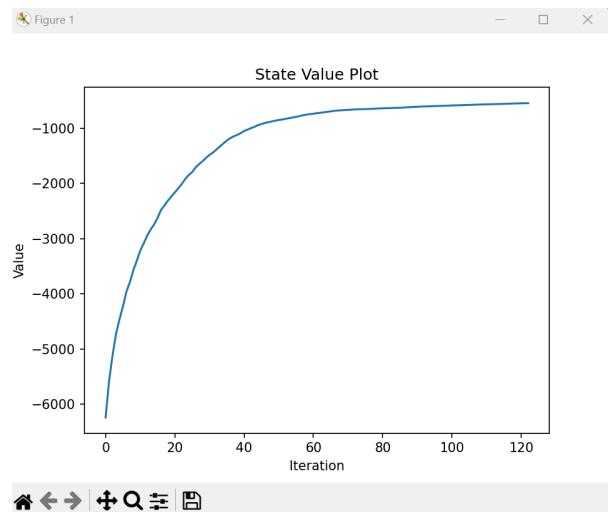
[[ 10  33  78 123  71]
 [ 60 107  22  27  99]
 [ 98 112 102  11   2]
 [ 86  37  67  32  92]
 [ 62  26  46 110  69]]]

```

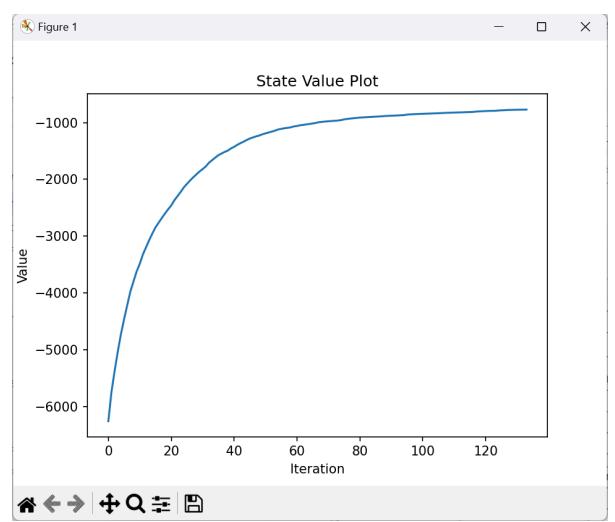
Plot Percobaan 1



Plot Percobaan 2



Plot Percobaan 3



## 2. Hill Climbing With Sideways Move

Percobaan	Durasi Pencarian	Banyak Iterasi	Maximum Sideways Move	Nilai Objective Function Akhir
1	916.637 detik	193	10	-643
2	295.098 detik	154	10	-529
3	272.028 detik	142	10	-1010

Percobaan	State Awal	State Akhir
-----------	------------	-------------

1

$$\begin{bmatrix} [ [ [ \quad 94 & 11 & 119 & 52 & 67 ] \\ [ \quad 21 & 55 & 41 & 7 & 32 ] \\ [ \quad 29 & 45 & 92 & 73 & 100 ] \\ [ \quad 49 & 59 & 97 & 2 & 30 ] \\ [ \quad 1 & 93 & 106 & 16 & 23 ] ] \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} [ [ 123 & 77 & 115 & 71 & 5 ] \\ [ \quad 68 & 108 & 25 & 10 & 18 ] \\ [ \quad 31 & 89 & 109 & 65 & 70 ] \\ [ \quad 121 & 20 & 125 & 124 & 6 ] \\ [ \quad 84 & 60 & 118 & 120 & 64 ] ] \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} [ [ \quad 95 & 69 & 122 & 19 & 13 ] \\ [ \quad 96 & 24 & 85 & 54 & 63 ] \\ [ \quad 28 & 105 & 62 & 35 & 38 ] \\ [ \quad 98 & 39 & 61 & 42 & 48 ] \\ [ \quad 36 & 15 & 40 & 79 & 27 ] ] \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} [ [ \quad 22 & 37 & 34 & 17 & 12 ] \\ [ \quad 9 & 50 & 78 & 57 & 56 ] \\ [ \quad 51 & 14 & 88 & 113 & 107 ] \\ [ \quad 44 & 47 & 101 & 58 & 72 ] \\ [ \quad 117 & 103 & 4 & 111 & 91 ] ] \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} [ [ \quad 87 & 76 & 53 & 8 & 74 ] \\ [ \quad 33 & 102 & 112 & 82 & 3 ] \\ [ \quad 66 & 110 & 86 & 83 & 80 ] \\ [ \quad 26 & 99 & 46 & 90 & 104 ] \\ [ \quad 114 & 116 & 81 & 75 & 43 ] ] ] \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} [ [ [ \quad 94 & 4 & 71 & 87 & 61 ] \\ [ \quad 39 & 66 & 7 & 118 & 88 ] \\ [ \quad 117 & 37 & 16 & 45 & 103 ] \\ [ \quad 54 & 106 & 98 & 43 & 21 ] \\ [ \quad 11 & 102 & 123 & 18 & 42 ] ] \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} [ [ \quad 5 & 68 & 120 & 73 & 48 ] \\ [ \quad 53 & 100 & 19 & 20 & 124 ] \\ [ \quad 28 & 35 & 111 & 67 & 74 ] \\ [ \quad 113 & 22 & 6 & 122 & 52 ] \\ [ \quad 115 & 92 & 59 & 33 & 15 ] ] \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} [ [ 101 & 84 & 1 & 36 & 99 ] \\ [ 108 & 14 & 121 & 44 & 24 ] \\ [ 25 & 107 & 58 & 116 & 9 ] \\ [ 63 & 97 & 78 & 30 & 47 ] \\ [ 17 & 13 & 65 & 89 & 125 ] ] \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} [ [ \quad 29 & 104 & 50 & 109 & 12 ] \\ [ \quad 81 & 49 & 56 & 51 & 75 ] \\ [ \quad 83 & 26 & 119 & 23 & 60 ] \\ [ \quad 46 & 57 & 90 & 27 & 80 ] \\ [ \quad 76 & 79 & 2 & 105 & 91 ] ] \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} [ [ \quad 85 & 55 & 72 & 8 & 95 ] \\ [ \quad 34 & 86 & 112 & 82 & 3 ] \\ [ \quad 62 & 110 & 10 & 64 & 69 ] \\ [ \quad 38 & 32 & 40 & 93 & 114 ] \\ [ \quad 96 & 31 & 77 & 70 & 41 ] ] ] \end{bmatrix}$$

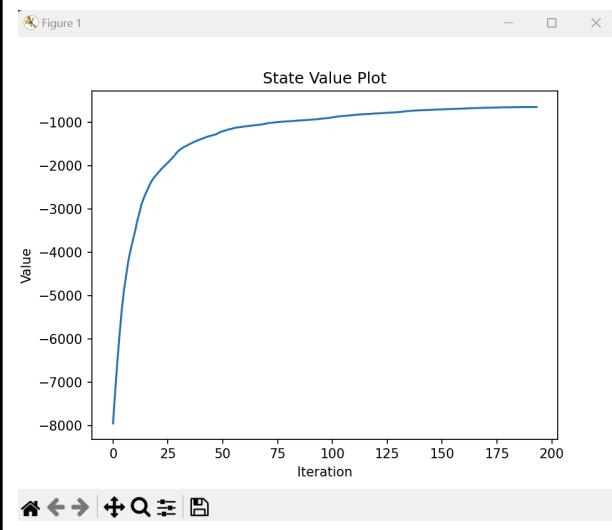
2

[[[ 77 102 72 31 55]	[[[ 77 122 57 4 56]
[ 68 113 56 116 45]	[ 69 1 91 116 38]
[ 70 74 61 60 7]	[ 90 123 49 35 17]
[ 25 96 47 114 108]	[ 27 39 48 114 86]
[ 51 84 81 32 14]]]	[ 51 29 70 46 118]]
[[ 98 10 83 105 124]	[[ 82 10 96 107 20]
[ 22 86 12 1 54]	[ 21 79 61 101 53]
[104 21 89 67 101]	[ 62 25 28 73 125]
[ 73 80 44 53 99]	[117 121 50 19 8]
[115 75 117 28 106]]]	[ 34 81 80 15 106]]
[[ 88 94 63 62 100]	[[ 76 31 65 89 55]
[ 38 121 24 103 58]	[ 45 115 16 33 105]
[ 76 11 48 95 9]	[ 71 7 84 99 54]
[ 19 64 26 6 112]	[ 30 64 108 26 87]
[ 97 35 36 69 16]]]	[ 93 98 42 68 14]]
[[ 90 78 34 13 43]	[[ 72 78 92 13 60]
[ 92 30 93 85 3]	[ 67 85 111 47 11]
[ 33 57 18 111 39]	[ 3 41 66 110 95]
[119 66 59 50 125]	[ 94 59 12 36 112]
[ 82 42 52 118 37]]]	[ 83 63 24 109 37]]
[[ 4 71 8 15 20]	[[ 9 74 5 102 124]
[ 5 65 49 23 27]	[113 58 22 18 104]
[123 122 87 107 2]	[100 119 88 2 6]
[ 41 120 79 29 46]	[ 43 32 97 120 23]
[ 17 91 110 109 40]]]	[ 52 44 103 75 40]]]

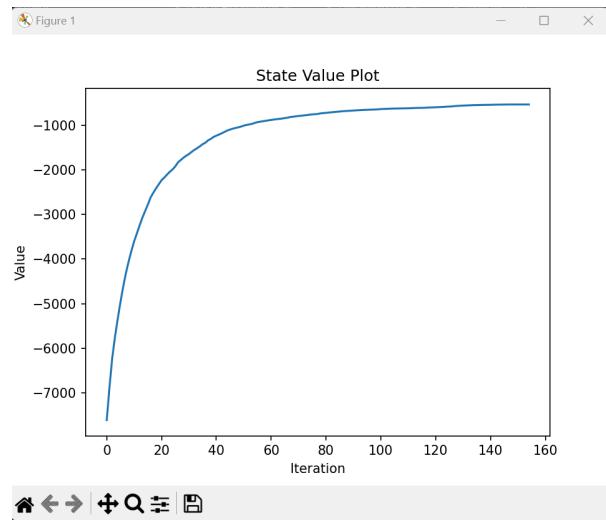
3

$\begin{bmatrix} 122 & 39 & 24 & 19 & 99 \\ 101 & 68 & 57 & 107 & 58 \\ 106 & 92 & 87 & 76 & 105 \\ 45 & 123 & 15 & 65 & 40 \\ 96 & 75 & 71 & 9 & 114 \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} 38 & 111 & 44 & 21 & 98 \\ 65 & 13 & 124 & 42 & 71 \\ 23 & 94 & 67 & 123 & 8 \\ 100 & 83 & 2 & 95 & 36 \\ 86 & 14 & 79 & 34 & 102 \end{bmatrix}$
$\begin{bmatrix} 29 & 47 & 102 & 50 & 64 \\ 67 & 118 & 103 & 111 & 12 \\ 109 & 20 & 33 & 14 & 116 \\ 11 & 61 & 90 & 46 & 72 \\ 23 & 28 & 49 & 25 & 74 \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} 58 & 39 & 120 & 51 & 47 \\ 80 & 115 & 25 & 82 & 12 \\ 106 & 27 & 32 & 29 & 117 \\ 11 & 59 & 118 & 49 & 78 \\ 60 & 75 & 19 & 103 & 61 \end{bmatrix}$
$\begin{bmatrix} 66 & 79 & 91 & 80 & 104 \\ 21 & 41 & 6 & 125 & 2 \\ 119 & 120 & 60 & 51 & 86 \\ 124 & 5 & 18 & 69 & 112 \\ 113 & 13 & 26 & 44 & 88 \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} 64 & 85 & 109 & 46 & 15 \\ 3 & 43 & 24 & 125 & 113 \\ 77 & 114 & 66 & 48 & 9 \\ 92 & 5 & 72 & 56 & 90 \\ 93 & 68 & 26 & 40 & 88 \end{bmatrix}$
$\begin{bmatrix} 93 & 17 & 52 & 81 & 27 \\ 98 & 94 & 30 & 62 & 16 \\ 34 & 73 & 55 & 97 & 117 \\ 84 & 56 & 108 & 63 & 3 \\ 43 & 78 & 100 & 10 & 31 \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} 110 & 10 & 20 & 76 & 101 \\ 96 & 57 & 30 & 62 & 69 \\ 1 & 73 & 53 & 97 & 107 \\ 84 & 54 & 108 & 63 & 6 \\ 41 & 121 & 104 & 17 & 31 \end{bmatrix}$
$\begin{bmatrix} 37 & 54 & 22 & 1 & 70 \\ 83 & 89 & 82 & 35 & 48 \\ 7 & 77 & 110 & 59 & 115 \\ 8 & 85 & 121 & 53 & 95 \\ 4 & 36 & 42 & 38 & 32 \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} 45 & 70 & 22 & 122 & 55 \\ 81 & 89 & 91 & 4 & 50 \\ 116 & 7 & 99 & 18 & 74 \\ 28 & 112 & 16 & 52 & 105 \\ 35 & 37 & 87 & 119 & 33 \end{bmatrix}$

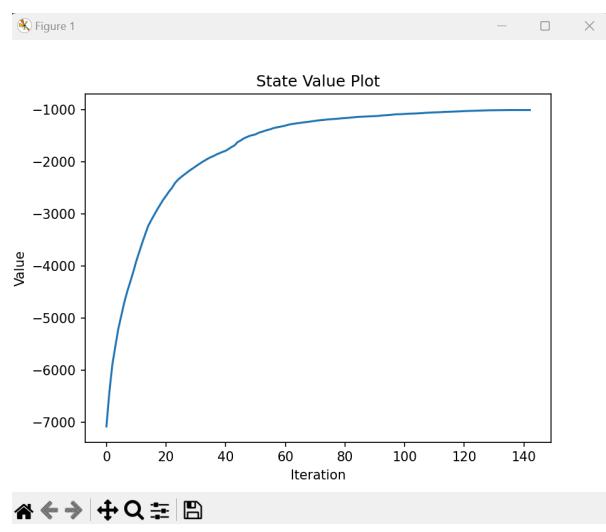
Plot Percobaan 1



Plot Percobaan 2



Plot Percobaan 3



### 3. Stochastic Hill Climbing

Percobaan	Durasi Pencarian	Banyak Iterasi	Nilai Objective Function Akhir
1	475.475 detik	100	-4990
2	490.573 detik	100	-4695
3	625.028 detik	100	-5059

Percobaan	State Awal	State Akhir
-----------	------------	-------------

1

$$\begin{bmatrix} [[ [110 \ 43 \ 35 \ 17 \ 14] \\ [ 59 \ 47 \ 115 \ 11 \ 51] \\ [ 34 \ 13 \ 100 \ 106 \ 39] \\ [ 12 \ 32 \ 63 \ 64 \ 89] \\ [ 5 \ 82 \ 91 \ 40 \ 83]] ] \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} [[ 24 \ 86 \ 111 \ 93 \ 74] \\ [103 \ 60 \ 116 \ 85 \ 7] \\ [ 56 \ 79 \ 84 \ 98 \ 8] \\ [ 78 \ 33 \ 120 \ 118 \ 94] \\ [ 27 \ 15 \ 114 \ 55 \ 77]] ] \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} [[112 \ 29 \ 70 \ 69 \ 105] \\ [ 61 \ 19 \ 58 \ 76 \ 41] \\ [ 42 \ 10 \ 97 \ 49 \ 102] \\ [ 22 \ 21 \ 36 \ 73 \ 108] \\ [124 \ 4 \ 72 \ 95 \ 90]] ] \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} [[ 71 \ 80 \ 101 \ 1 \ 6] \\ [104 \ 45 \ 44 \ 26 \ 81] \\ [ 75 \ 50 \ 117 \ 54 \ 119] \\ [ 25 \ 38 \ 52 \ 9 \ 87] \\ [123 \ 65 \ 46 \ 30 \ 3]] ] \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} [[ 18 \ 107 \ 57 \ 67 \ 109] \\ [ 92 \ 66 \ 28 \ 48 \ 113] \\ [ 20 \ 99 \ 53 \ 37 \ 23] \\ [ 2 \ 125 \ 68 \ 122 \ 88] \\ [ 62 \ 96 \ 121 \ 31 \ 16]] ] \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} [[[ 21 \ 43 \ 57 \ 17 \ 40] \\ [ 18 \ 99 \ 115 \ 86 \ 51] \\ [ 34 \ 13 \ 44 \ 106 \ 77] \\ [ 12 \ 71 \ 63 \ 108 \ 89] \\ [102 \ 41 \ 61 \ 14 \ 23]] ] \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} [[ 24 \ 11 \ 111 \ 93 \ 82] \\ [ 83 \ 60 \ 116 \ 85 \ 7] \\ [ 56 \ 79 \ 84 \ 98 \ 8] \\ [ 78 \ 19 \ 120 \ 118 \ 94] \\ [ 27 \ 37 \ 10 \ 55 \ 125]] ] \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} [[112 \ 29 \ 26 \ 69 \ 105] \\ [ 91 \ 33 \ 58 \ 76 \ 124] \\ [ 42 \ 81 \ 97 \ 49 \ 5] \\ [ 22 \ 114 \ 70 \ 73 \ 64] \\ [ 74 \ 65 \ 72 \ 95 \ 4]] ] \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} [[ 32 \ 80 \ 101 \ 100 \ 6] \\ [104 \ 45 \ 1 \ 36 \ 110] \\ [ 75 \ 50 \ 30 \ 54 \ 119] \\ [ 25 \ 38 \ 52 \ 113 \ 87] \\ [123 \ 47 \ 46 \ 117 \ 3]] ] \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} [[ 59 \ 107 \ 35 \ 48 \ 88] \\ [ 92 \ 66 \ 28 \ 67 \ 9] \\ [ 20 \ 90 \ 53 \ 15 \ 103] \\ [ 2 \ 39 \ 68 \ 122 \ 109] \\ [ 62 \ 96 \ 121 \ 31 \ 16]] ] \end{bmatrix}$$

2

$\begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 52 & 59 & 76 & 46 & 16 \\ 12 & 93 & 17 & 96 & 41 \\ 4 & 89 & 7 & 117 & 19 \\ 5 & 104 & 15 & 1 & 50 \\ 10 & 31 & 119 & 87 & 65 \end{bmatrix} & \begin{bmatrix} 52 & 59 & 76 & 108 & 16 \\ 118 & 93 & 17 & 96 & 41 \\ 4 & 33 & 7 & 117 & 99 \\ 55 & 104 & 43 & 1 & 86 \\ 21 & 31 & 119 & 87 & 102 \end{bmatrix} \end{bmatrix} & \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 108 & 69 & 103 & 107 & 44 \\ 45 & 60 & 66 & 56 & 58 \\ 63 & 115 & 40 & 125 & 23 \\ 37 & 99 & 11 & 123 & 83 \\ 106 & 61 & 88 & 2 & 21 \end{bmatrix} & \begin{bmatrix} 46 & 39 & 103 & 26 & 44 \\ 12 & 60 & 66 & 56 & 83 \\ 63 & 67 & 40 & 49 & 111 \\ 37 & 71 & 11 & 123 & 58 \\ 106 & 115 & 88 & 2 & 10 \end{bmatrix} \end{bmatrix} & \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 55 & 13 & 97 & 42 & 73 \\ 8 & 53 & 90 & 3 & 114 \\ 111 & 43 & 71 & 38 & 85 \\ 91 & 33 & 95 & 75 & 24 \\ 57 & 94 & 68 & 80 & 121 \end{bmatrix} & \begin{bmatrix} 15 & 13 & 97 & 101 & 73 \\ 8 & 53 & 27 & 3 & 114 \\ 78 & 77 & 75 & 38 & 51 \\ 105 & 84 & 14 & 19 & 98 \\ 57 & 94 & 68 & 80 & 121 \end{bmatrix} \end{bmatrix} & \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 102 & 120 & 84 & 124 & 6 \\ 78 & 32 & 27 & 122 & 9 \\ 49 & 82 & 54 & 86 & 29 \\ 105 & 47 & 18 & 39 & 64 \\ 79 & 36 & 92 & 77 & 98 \end{bmatrix} & \begin{bmatrix} 65 & 110 & 42 & 124 & 6 \\ 107 & 32 & 90 & 122 & 9 \\ 125 & 82 & 70 & 50 & 29 \\ 91 & 47 & 18 & 30 & 64 \\ 79 & 36 & 92 & 5 & 112 \end{bmatrix} \end{bmatrix} & \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 113 & 14 & 25 & 109 & 118 \\ 74 & 30 & 100 & 116 & 72 \\ 67 & 22 & 112 & 26 & 20 \\ 70 & 62 & 110 & 81 & 34 \\ 28 & 48 & 35 & 51 & 101 \end{bmatrix} & \begin{bmatrix} 113 & 95 & 25 & 100 & 45 \\ 74 & 28 & 109 & 22 & 72 \\ 61 & 116 & 24 & 23 & 20 \\ 54 & 62 & 120 & 81 & 34 \\ 69 & 48 & 35 & 85 & 89 \end{bmatrix} \end{bmatrix} \end{bmatrix} \end{bmatrix}$
-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------

3

```

[[[114 121 123 105 72]
 [ 81  50 120 111 87]
 [106  26 100  66 40]
 [ 47  62  97 116 27]
 [109  10 122 118 58]]]

[[104  39 110  43 67]
 [ 93  23  35  74 86]
 [102  11  83  33 17]
 [ 71  80  32  22 36]
 [ 13   2 108  21 64]]]

[[ 37  16  84  56 14]
 [101  88  89  57 45]
 [ 18   6  95  24  9]
 [ 31  19   8  55 91]
 [ 59  82  15   7 76]]]

[[ 46  12  60  98 96]
 [ 49  85  94  38 34]
 [124 119  92  75 52]
 [117  48  79  90 99]
 [ 44 107  51 113 65]]]

[[ 78  20  29  41  4]
 [ 61 112  54  30 53]
 [ 70 115  68 125 69]
 [  5  63   3  77 28]
 [103  42  25   1 73]]]

```

```

[[[114  88  56   6   9]
 [ 28  50  52  98 87]
 [106  66  70  46 103]
 [ 95  62  97  48 27]
 [109  10 122 118 58]]]

[[104  39 102  43 67]
 [ 93  26  35  74 111]
 [110  11  83  33 42]
 [ 41  80  60  22 36]
 [ 12   2 108  21 64]]]

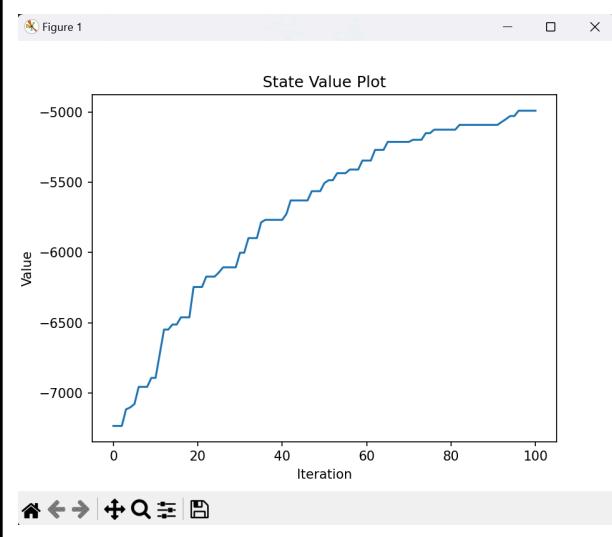
[[ 37  16  84 123 14]
 [101  59  89  57 45]
 [ 18 105  75  24 72]
 [  1  19  47  55 91]
 [121 107  15  17 76]]]

[[ 23  40   8  86 96]
 [ 79  85  94  38 34]
 [ 32  13  49  81 120]
 [117  92 116  90 99]
 [ 44  82  31 113 65]]]

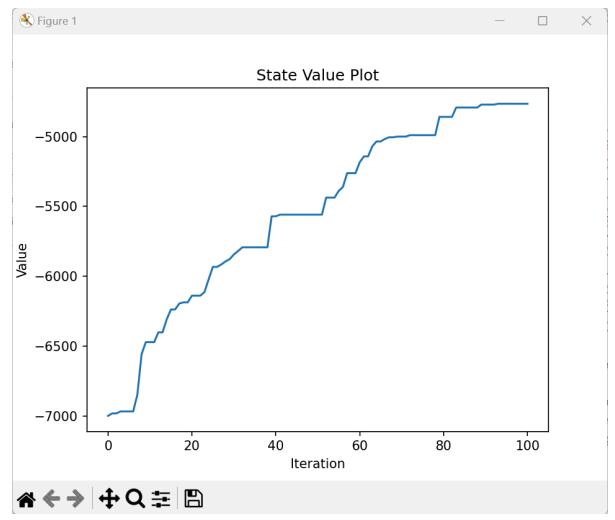
[[ 78  20   3  71 73]
 [ 53 112  54  30 61]
 [100 115  68 125 69]
 [  5  63  29  77 124]
 [119   7  25  51  4]]]

```

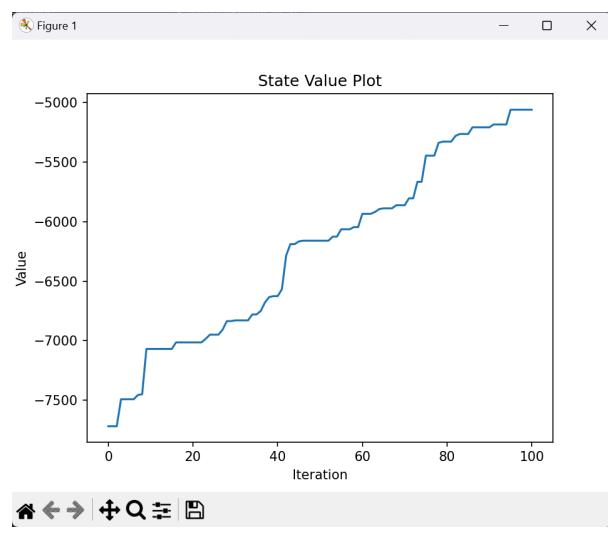
Plot Percobaan 1



Plot Percobaan 2



Plot Percobaan 3



#### 4. Random Restart Hill Climbing

Percobaan	Durasi Pencarian	Restart	Banyak Iterasi	Nilai Objective Function Akhir
1	1169.237 detik	1	174	-723
		2	157	-836
2	694.786 detik	1	123	-468
		2	97	-596
3	487.886 detik	1	109	-1062
		2	118	-598

Percobaan	State Awal	State Akhir
1	$\begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 41 & 1 & 53 & 56 & 8 \\ 15 & 71 & 73 & 103 & 42 \\ 40 & 69 & 100 & 107 & 43 \\ 87 & 31 & 96 & 62 & 20 \\ 116 & 34 & 19 & 51 & 83 \end{bmatrix} \\ \begin{bmatrix} 95 & 93 & 115 & 92 & 14 \\ 113 & 38 & 118 & 65 & 114 \\ 24 & 89 & 55 & 44 & 81 \\ 16 & 36 & 30 & 74 & 70 \\ 54 & 9 & 61 & 120 & 25 \end{bmatrix} \\ \begin{bmatrix} 49 & 22 & 109 & 50 & 32 \\ 101 & 57 & 29 & 13 & 68 \\ 27 & 10 & 35 & 102 & 23 \\ 48 & 108 & 39 & 60 & 117 \\ 85 & 110 & 97 & 91 & 88 \end{bmatrix} \\ \begin{bmatrix} 82 & 125 & 94 & 119 & 122 \\ 98 & 105 & 59 & 80 & 86 \\ 99 & 90 & 123 & 45 & 26 \\ 84 & 46 & 79 & 76 & 37 \\ 78 & 75 & 66 & 4 & 28 \end{bmatrix} \\ \begin{bmatrix} 18 & 121 & 11 & 17 & 7 \\ 112 & 5 & 64 & 6 & 21 \\ 124 & 63 & 3 & 77 & 47 \\ 33 & 104 & 111 & 58 & 67 \\ 52 & 12 & 2 & 72 & 106 \end{bmatrix} \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 27 & 107 & 84 & 20 & 80 \\ 22 & 39 & 105 & 26 & 123 \\ 77 & 31 & 97 & 79 & 42 \\ 91 & 12 & 73 & 120 & 19 \\ 100 & 122 & 4 & 70 & 33 \end{bmatrix} \\ \begin{bmatrix} 28 & 49 & 99 & 46 & 92 \\ 82 & 101 & 83 & 63 & 1 \\ 104 & 66 & 24 & 36 & 85 \\ 29 & 65 & 94 & 59 & 68 \\ 72 & 34 & 15 & 109 & 90 \end{bmatrix} \\ \begin{bmatrix} 69 & 93 & 37 & 113 & 3 \\ 95 & 9 & 16 & 106 & 89 \\ 117 & 6 & 88 & 38 & 57 \\ 23 & 116 & 62 & 50 & 64 \\ 7 & 86 & 112 & 8 & 102 \end{bmatrix} \\ \begin{bmatrix} 110 & 75 & 18 & 87 & 25 \\ 60 & 54 & 53 & 103 & 35 \\ 5 & 114 & 44 & 43 & 108 \\ 48 & 51 & 14 & 76 & 121 \\ 96 & 21 & 125 & 11 & 32 \end{bmatrix} \\ \begin{bmatrix} 81 & 2 & 78 & 45 & 115 \\ 56 & 111 & 61 & 17 & 71 \\ 13 & 98 & 55 & 119 & 30 \\ 124 & 67 & 74 & 10 & 41 \\ 40 & 52 & 47 & 118 & 58 \end{bmatrix} \end{bmatrix}$

2

$\begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 5 & 77 & 28 & 113 & 45 \\ 116 & 24 & 23 & 112 & 33 \\ 35 & 68 & 74 & 117 & 4 \\ 40 & 64 & 8 & 52 & 80 \\ 48 & 2 & 31 & 51 & 26 \end{bmatrix} \end{bmatrix} \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 54 & 93 & 35 & 68 & 65 \\ 28 & 75 & 3 & 101 & 107 \\ 119 & 15 & 116 & 13 & 53 \\ 39 & 18 & 115 & 61 & 81 \\ 74 & 114 & 46 & 72 & 9 \end{bmatrix} \end{bmatrix} \end{bmatrix}$
$\begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 27 & 69 & 76 & 96 & 104 \\ 123 & 114 & 29 & 98 & 78 \\ 88 & 81 & 13 & 58 & 25 \\ 105 & 97 & 125 & 63 & 119 \\ 70 & 106 & 115 & 75 & 38 \end{bmatrix} \end{bmatrix} \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 47 & 56 & 88 & 92 & 33 \\ 49 & 104 & 38 & 62 & 63 \\ 112 & 52 & 8 & 26 & 117 \\ 45 & 96 & 95 & 67 & 12 \\ 64 & 6 & 86 & 70 & 89 \end{bmatrix} \end{bmatrix} \end{bmatrix}$
$\begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 37 & 86 & 11 & 118 & 65 \\ 42 & 39 & 10 & 71 & 85 \\ 107 & 102 & 103 & 91 & 34 \\ 79 & 93 & 99 & 110 & 7 \\ 16 & 1 & 3 & 44 & 120 \end{bmatrix} \end{bmatrix} \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 124 & 36 & 50 & 83 & 22 \\ 113 & 40 & 122 & 10 & 30 \\ 11 & 20 & 73 & 102 & 109 \\ 17 & 125 & 4 & 44 & 121 \\ 51 & 94 & 66 & 79 & 34 \end{bmatrix} \end{bmatrix} \end{bmatrix}$
$\begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 89 & 14 & 62 & 94 & 57 \\ 32 & 109 & 122 & 61 & 22 \\ 55 & 19 & 21 & 100 & 121 \\ 67 & 124 & 83 & 41 & 108 \\ 6 & 47 & 30 & 60 & 17 \end{bmatrix} \end{bmatrix} \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 29 & 48 & 84 & 57 & 97 \\ 123 & 19 & 42 & 37 & 90 \\ 31 & 120 & 85 & 58 & 21 \\ 103 & 55 & 80 & 76 & 1 \\ 27 & 71 & 24 & 87 & 106 \end{bmatrix} \end{bmatrix} \end{bmatrix}$
$\begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 43 & 92 & 87 & 101 & 12 \\ 82 & 15 & 56 & 54 & 46 \\ 9 & 53 & 72 & 66 & 95 \\ 18 & 73 & 84 & 36 & 20 \\ 50 & 111 & 49 & 59 & 90 \end{bmatrix} \end{bmatrix} \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 60 & 82 & 59 & 16 & 98 \\ 2 & 78 & 110 & 105 & 25 \\ 43 & 108 & 32 & 118 & 14 \\ 111 & 5 & 23 & 69 & 100 \\ 99 & 41 & 91 & 7 & 77 \end{bmatrix} \end{bmatrix} \end{bmatrix}$

3

```

[[[ [112  67 100  62 22]
    [125   6  45  14 17]
    [ 63   4 111  53 30]
    [ 66 120  75  29 21]
    [ 70   7 118  58 83]]]

[[ 12  86  25  11 115]
 [ 92  37  19 104 101]
 [ 96 103   9 114   2]
 [ 90 110  69  55 47]
 [ 32  80  77 108 122]]]

[[ 27  76  73  68 34]
 [102  15  95  57 61]
 [105  56  28  65 39]
 [ 50 113  46  40 97]
 [ 43 124  23  72 79]]]

[[ 13 117  20  41 119]
 [ 88  44 107  78 74]
 [ 16  87 109  36 31]
 [ 89   5  35  82 51]
 [ 33  49  71  99 48]]]

[[  1  84  26  59 116]
 [123  81 106  91 54]
 [ 98  52  93  60 64]
 [ 42  10  38 121 24]
 [ 94   8  18  85  3]]]

```

```

[[[ 76  20  22 117 79]
 [ 49 113 101   6 46]
 [ 81   9  94  80 51]
 [ 84 121   3   1 106]
 [ 25  52  93 111 33]]

[[ 71  32  98   5 109]
 [ 57  37  91  60 70]
 [ 50 116  29  96 24]
 [ 86  59  90  68 11]
 [ 53  65   8  89 100]]

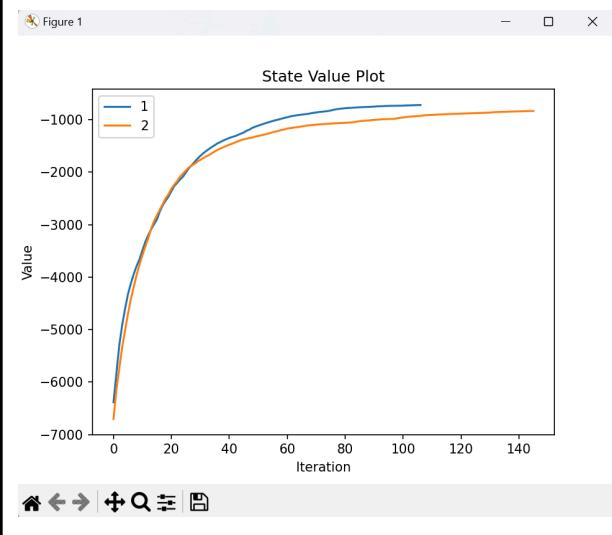
[[ 17  83  75 125 15]
 [ 73  67   7 102 66]
 [ 87  72  69   2 85]
 [ 61  44  40  58 114]
 [ 77  55 122  28 34]]

[[ 63  74 108  54 16]
 [ 13  56  95 119 31]
 [ 82  99   4  14 115]
 [ 45  64  78  92 43]
 [112  23  30  36 110]]

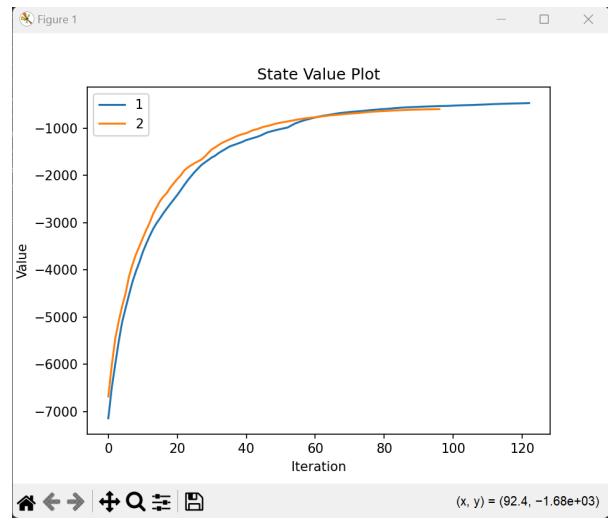
[[ 88 107  10  12 97]
 [123  42  21  26 103]
 [ 18  19 118 124 35]
 [ 38  27 104 105 41]
 [ 48 120  62  47 39]]]

```

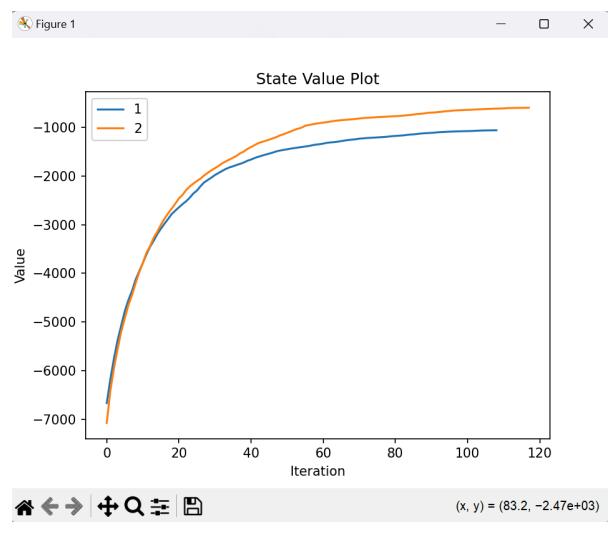
### Plot Percobaan 1



Plot Percobaan 2



Plot Percobaan 3



## 5. Simulated Annealing

Percobaan	State Awal	State Akhir
-----------	------------	-------------

1

[[[ 81 88 124 38 89]	[[[ 81 88 124 38 101]
[ 64 101 122 109 79]	[ 83 59 78 62 50]
[ 51 33 42 78 6]	[ 51 112 63 109 6]
[ 24 14 35 99 94]	[ 84 14 35 119 94]
[ 1 121 20 47 45]]]	[ 13 19 65 27 45]]]
[[ 69 107 16 83 3]	[[125 12 16 116 3]
[ 39 58 28 22 21]	[105 42 47 44 20]
[ 15 113 9 116 36]	[ 61 103 9 60 36]
[ 50 59 108 11 80]	[ 28 89 108 11 80]
[ 53 120 93 25 117]]]	[ 53 58 71 25 117]]]
[[ 56 105 19 13 62]	[[ 56 39 33 1 122]
[ 77 119 118 23 48]	[ 18 99 4 92 48]
[104 106 41 110 60]	[ 97 64 70 110 31]
[ 97 112 123 103 5]	[104 66 41 113 5]
[ 29 63 114 32 2]]]	[ 29 120 114 111 43]]]
[[115 26 44 8 61]	[[ 17 26 22 72 15]
[ 95 91 52 57 68]	[ 95 21 67 57 68]
[102 90 85 66 76]	[ 74 90 82 32 76]
[ 30 18 67 34 40]	[ 30 77 52 34 40]
[ 86 73 82 12 17]]]	[ 86 73 24 107 115]]]
[[ 87 49 98 70 65]	[[ 87 7 98 123 102]
[ 43 96 27 92 74]	[ 2 96 49 69 121]
[125 55 111 84 31]	[ 23 55 91 85 106]
[ 4 46 71 72 7]	[118 46 93 8 79]
[ 54 75 37 10 100]]]]	[ 54 75 37 10 100]]]]

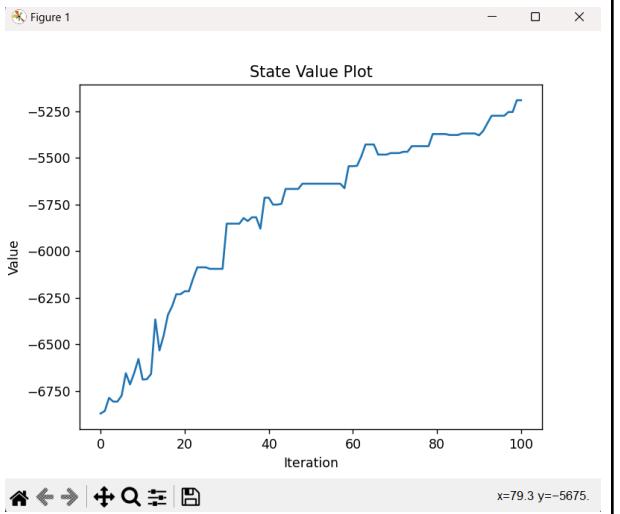
2

$\begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 17 & 118 & 75 & 80 & 113 \\ 2 & 121 & 60 & 14 & 46 \\ 72 & 112 & 27 & 88 & 57 \\ 45 & 100 & 98 & 28 & 4 \\ 105 & 87 & 22 & 7 & 107 \end{bmatrix} \end{bmatrix} \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 17 & 118 & 68 & 35 & 53 \\ 2 & 121 & 60 & 65 & 30 \\ 3 & 112 & 19 & 90 & 52 \\ 45 & 103 & 98 & 71 & 4 \\ 105 & 87 & 11 & 38 & 57 \end{bmatrix} \end{bmatrix} \end{bmatrix}$
$\begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 111 & 93 & 117 & 65 & 68 \\ 77 & 56 & 106 & 47 & 11 \\ 32 & 43 & 30 & 26 & 84 \\ 59 & 78 & 12 & 114 & 36 \\ 18 & 52 & 8 & 86 & 16 \end{bmatrix} \end{bmatrix} \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 111 & 44 & 107 & 29 & 67 \\ 62 & 56 & 47 & 106 & 20 \\ 61 & 43 & 89 & 26 & 104 \\ 59 & 41 & 55 & 114 & 21 \\ 18 & 76 & 8 & 86 & 115 \end{bmatrix} \end{bmatrix} \end{bmatrix}$
$\begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 91 & 3 & 15 & 92 & 41 \\ 61 & 82 & 101 & 38 & 25 \\ 63 & 31 & 116 & 37 & 83 \\ 51 & 19 & 97 & 23 & 119 \\ 108 & 103 & 53 & 39 & 99 \end{bmatrix} \end{bmatrix} \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 116 & 12 & 15 & 92 & 78 \\ 13 & 82 & 101 & 54 & 25 \\ 63 & 34 & 91 & 48 & 83 \\ 51 & 33 & 97 & 23 & 109 \\ 77 & 64 & 49 & 39 & 99 \end{bmatrix} \end{bmatrix} \end{bmatrix}$
$\begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 70 & 90 & 122 & 123 & 54 \\ 62 & 42 & 104 & 115 & 35 \\ 125 & 6 & 95 & 109 & 89 \\ 74 & 21 & 67 & 73 & 69 \\ 64 & 94 & 5 & 120 & 24 \end{bmatrix} \end{bmatrix} \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 & 9 & 122 & 123 & 16 \\ 74 & 42 & 14 & 70 & 110 \\ 125 & 75 & 95 & 119 & 46 \\ 108 & 36 & 7 & 73 & 69 \\ 27 & 94 & 93 & 120 & 37 \end{bmatrix} \end{bmatrix} \end{bmatrix}$
$\begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 76 & 96 & 66 & 10 & 110 \\ 9 & 79 & 33 & 13 & 124 \\ 48 & 102 & 40 & 50 & 34 \\ 20 & 81 & 44 & 29 & 55 \\ 49 & 85 & 58 & 1 & 71 \end{bmatrix} \end{bmatrix} \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 81 & 96 & 84 & 10 & 88 \\ 80 & 24 & 117 & 6 & 72 \\ 79 & 102 & 40 & 50 & 31 \\ 22 & 100 & 5 & 66 & 124 \\ 113 & 85 & 58 & 32 & 28 \end{bmatrix} \end{bmatrix} \end{bmatrix}$

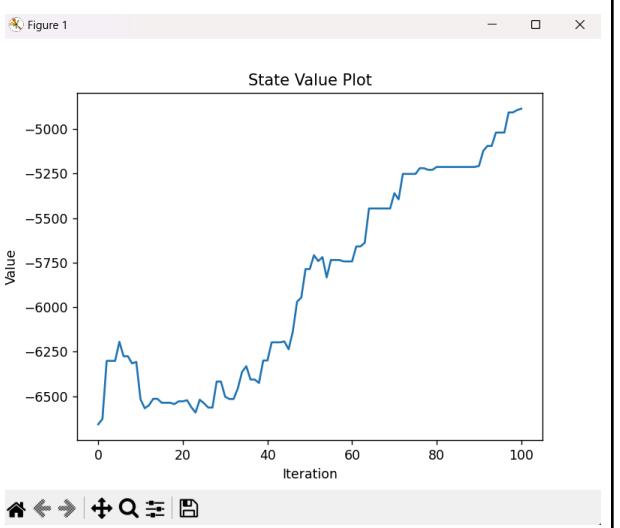
3	$[[[111 \ 83 \ 2 \ 99 \ 96]$ $[ \ 7 \ 52 \ 62 \ 80 \ 94]$ $[ \ 45 \ 37 \ 11 \ 89 \ 78]$ $[ \ 73 \ 123 \ 63 \ 8 \ 6]$ $[ \ 35 \ 3 \ 70 \ 76 \ 114]]$ $[[118 \ 86 \ 79 \ 24 \ 38]$ $[124 \ 113 \ 30 \ 125 \ 25]$ $[ \ 81 \ 60 \ 21 \ 16 \ 66]$ $[ \ 47 \ 54 \ 10 \ 77 \ 88]$ $[ \ 85 \ 122 \ 95 \ 46 \ 34]]$ $[[117 \ 61 \ 107 \ 90 \ 31]$ $[ \ 75 \ 72 \ 110 \ 112 \ 82]$ $[ \ 19 \ 39 \ 56 \ 17 \ 65]$ $[ \ 4 \ 13 \ 106 \ 23 \ 49]$ $[ \ 74 \ 51 \ 9 \ 115 \ 44]]$ $[[ \ 71 \ 33 \ 18 \ 103 \ 97]$ $[ \ 69 \ 59 \ 67 \ 68 \ 98]$ $[ \ 40 \ 50 \ 14 \ 12 \ 53]$ $[ \ 32 \ 93 \ 42 \ 22 \ 120]$ $[ \ 29 \ 36 \ 58 \ 101 \ 100]]$ $[[121 \ 43 \ 64 \ 92 \ 55]$ $[116 \ 28 \ 91 \ 27 \ 87]$ $[109 \ 102 \ 119 \ 15 \ 26]$ $[ \ 1 \ 20 \ 41 \ 105 \ 57]$ $[108 \ 48 \ 5 \ 84 \ 104]]]$	$[[[ \ 61 \ 83 \ 116 \ 99 \ 96]$ $[ \ 7 \ 124 \ 62 \ 80 \ 42]$ $[ \ 45 \ 40 \ 11 \ 103 \ 78]$ $[121 \ 113 \ 63 \ 8 \ 18]$ $[ \ 35 \ 3 \ 39 \ 76 \ 114]]$ $[[ \ 88 \ 79 \ 67 \ 100 \ 38]$ $[115 \ 2 \ 37 \ 70 \ 25]$ $[ \ 81 \ 60 \ 111 \ 16 \ 91]$ $[ \ 66 \ 54 \ 10 \ 77 \ 86]$ $[ \ 57 \ 51 \ 125 \ 46 \ 34]]$ $[[[119 \ 6 \ 22 \ 90 \ 75]$ $[ \ 12 \ 84 \ 110 \ 94 \ 92]$ $[ \ 19 \ 95 \ 53 \ 17 \ 64]$ $[112 \ 13 \ 106 \ 23 \ 47]$ $[120 \ 123 \ 29 \ 31 \ 44]]$ $[[ \ 71 \ 33 \ 21 \ 74 \ 30]$ $[ \ 69 \ 59 \ 49 \ 65 \ 43]$ $[118 \ 4 \ 14 \ 117 \ 56]$ $[ \ 32 \ 52 \ 93 \ 107 \ 73]$ $[ \ 9 \ 36 \ 108 \ 101 \ 24]]$ $[[ \ 85 \ 109 \ 68 \ 50 \ 55]$ $[122 \ 28 \ 82 \ 27 \ 87]$ $[ \ 98 \ 102 \ 97 \ 89 \ 26]$ $[ \ 1 \ 20 \ 41 \ 105 \ 15]$ $[ \ 5 \ 48 \ 58 \ 72 \ 104]]]$
---	------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------	----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------

Percobaan	Durasi Pencarian	Banyak Iterasi	Frekuensi Stuck di Local Optima	Nilai Objective Function Akhir
1	229.996135473 25134 detik	100	17	-5192
2	197.135483741 76025 detik	100	24	-4886
3	213.706839084 62524 detik	100	24	-4738

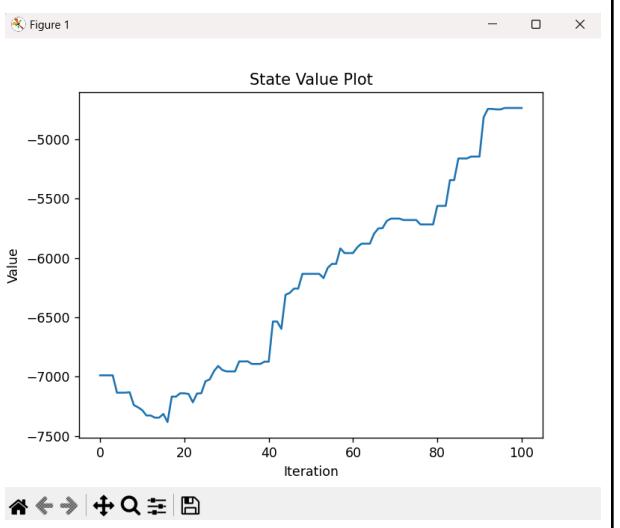
Plot Percobaan 1



Plot Percobaan 2



Plot Percobaan 3



## 6. Genetic Algorithm

Jumlah Populasi	Banyak Iterasi	Percobaan	Durasi Pencarian	Nilai Objective Function Akhir
50	10	1	3.85986876487 73193 detik	-5659
		2	3.80963492393 49365 detik	-5598
		3	5.88858175277 71 detik	-4958
	50	4	20.7252855300 90332 detik	-5507
		5	27.2284734249 115 detik	-4591
		6	21.1096935272 2168 detik	-4730
	100	7	54.5425827503 20435 detik	-4465
		8	91.8637466430 664 detik	-5109
		9	82.0164580345 1538 detik	-4680

Jumlah Populasi	Banyak Iterasi	Percobaan	Durasi Pencarian	Nilai Objective Function Akhir
10	50	10	3.25569438934 32617 detik	-6336
		11	3.30572772026 062 detik	-6128
		12	3.18983960151 67236 detik	-5662
50	13		72.7133262157 4402 detik	-5377

		14	73.1917963027 9541 detik	-4837
		15	73.9279170036 3159 detik	-4695
100		16	183.325494527 81677 detik	-4643
		17	184.330958604 81262 detik	-5031
		18	91.4061980247 4976 detik	-5101

Percobaan	Best Individual Awal	Best Individual Akhir
1	-5647	-5659
2	-6132	-5598
3	-5297	-4958
4	-5635	-5507
5	-6035	-4591
6	-5859	-4730
7	-5940	-4465
8	-6119	-51090
9	-5922	-4680
10	-6412	-6336
11	-6355	-6128
12	-5914	-5662
13	-5854	-5377
14	-5564	-4837
15	-5936	-4695

16	-5961	-4643
17	-6080	-5031
18	-5703	-5101

Percobaan	State Awal	State Akhir
1	$\begin{bmatrix} [[ [108 & 35 & 82 & 118 & 70] \\ [ 24 & 43 & 46 & 53 & 98] \\ [110 & 42 & 90 & 58 & 123] \\ [ 83 & 37 & 125 & 117 & 71] \\ [ 72 & 36 & 105 & 91 & 6] ] ]$ $\begin{bmatrix} [[ [113 & 107 & 45 & 18 & 95] \\ [ 66 & 67 & 54 & 93 & 27] \\ [ 3 & 76 & 74 & 41 & 29] \\ [ 31 & 75 & 51 & 34 & 116] \\ [ 22 & 48 & 112 & 94 & 122] ] ]$ $\begin{bmatrix} [[ 73 & 59 & 4 & 88 & 26] \\ [ 16 & 60 & 114 & 63 & 11] \\ [100 & 79 & 80 & 9 & 78] \\ [ 47 & 81 & 7 & 33 & 86] \\ [ 92 & 61 & 109 & 111 & 97] ] ]$ $\begin{bmatrix} [[ [103 & 49 & 84 & 2 & 32] \\ [ 23 & 87 & 124 & 44 & 68] \\ [ 85 & 21 & 14 & 115 & 1] \\ [ 17 & 56 & 13 & 50 & 62] \\ [ 52 & 30 & 38 & 102 & 106] ] ]$ $\begin{bmatrix} [[ 15 & 5 & 19 & 40 & 64] \\ [ 69 & 119 & 101 & 55 & 96] \\ [ 57 & 8 & 65 & 25 & 10] \\ [104 & 89 & 28 & 77 & 12] \\ [ 39 & 20 & 120 & 99 & 121] ] ]$	$\begin{bmatrix} [[ [123 & 110 & 65 & 34 & 3] \\ [ 81 & 85 & 73 & 112 & 72] \\ [ 6 & 97 & 15 & 88 & 71] \\ [ 75 & 49 & 16 & 74 & 102] \\ [ 69 & 8 & 51 & 54 & 35] ] ]$ $\begin{bmatrix} [[ 66 & 41 & 63 & 34 & 73] \\ [ 2 & 93 & 82 & 7 & 68] \\ [ 43 & 71 & 65 & 109 & 114] \\ [ 78 & 121 & 58 & 70 & 94] \\ [ 65 & 53 & 100 & 66 & 44] ] ]$ $\begin{bmatrix} [[ 56 & 84 & 118 & 23 & 25] \\ [ 41 & 122 & 1 & 69 & 80] \\ [ 36 & 10 & 63 & 91 & 81] \\ [ 62 & 32 & 111 & 83 & 112] \\ [ 72 & 17 & 6 & 13 & 110] ] ]$ $\begin{bmatrix} [[ [106 & 64 & 5 & 71 & 105] \\ [108 & 90 & 27 & 22 & 24] \\ [ 48 & 82 & 75 & 52 & 96] \\ [ 46 & 8 & 68 & 14 & 86] \\ [ 33 & 74 & 113 & 85 & 49] ] ]$ $\begin{bmatrix} [[ 29 & 4 & 120 & 55 & 77] \\ [119 & 123 & 56 & 53 & 47] \\ [ 15 & 59 & 64 & 109 & 114] \\ [ 45 & 117 & 38 & 11 & 98] \\ [117 & 19 & 69 & 46 & 62] ] ]$

2

```
[[[ [ 68 121 23 116 108]
      [111 113 89 3 106]
      [ 97 43 19 7 53]
      [ 18 36 67 2 91]
      [ 83 79 59 51 24]]]

[[ [ 31 65 44 93 86]
      [124 105 72 12 38]
      [ 48 75 71 56 100]
      [ 90 77 13 112 104]
      [ 20 81 88 37 95]]]

[[ [ 60 14 45 61 118]
      [ 41 11 117 29 25]
      [ 9 57 114 76 15]
      [ 63 102 69 26 73]
      [ 74 22 1 103 122]]]

[[ [ 80 40 62 4 123]
      [ 98 107 99 87 6]
      [ 94 109 66 39 125]
      [ 27 85 16 32 70]
      [ 92 101 21 54 34]]]

[[ [115 49 82 10 58]
      [ 8 30 50 120 33]
      [ 64 5 119 42 28]
      [ 84 78 55 96 17]
      [ 52 47 110 35 46]]]]
```

```
[[[ [ 27 120 67 91 35]
      [ 72 38 44 119 70]
      [ 33 101 53 66 65]
      [ 14 115 50 18 37]
      [ 71 11 12 28 83]]

[[ [ 52 86 15 98 45]
      [ 68 56 42 58 42]
      [114 109 49 69 23]
      [ 37 27 87 63 15]
      [ 96 51 100 81 21]]

[[ [ 72 8 73 94 107]
      [ 39 26 28 32 97]
      [ 70 102 43 79 63]
      [ 18 53 51 2 117]
      [ 68 92 47 75 15]]

[[ [ 34 116 100 38 6]
      [121 88 48 31 4]
      [ 16 58 104 45 113]
      [ 80 102 76 36 60]
      [ 46 14 9 73 68]]

[[ [ 79 101 33 50 88]
      [ 12 25 36 96 111]
      [ 56 55 104 60 53]
      [123 38 90 117 76]
      [ 21 51 69 86 98]]]]
```

3

```
[[[ 27 114 40 53 91]
  [ 7 52 48 41 101]
  [117 104 66 24 68]
  [ 33 122 12 47 32]
  [ 69 70 57 20 84]]]

[[ 50 99 72 115 110]
  [ 80 42 76 2 21]
  [ 89 11 112 22 73]
  [ 35 95 77 16 116]
  [ 10 119 65 5 26]]]

[[ 3 29 36 121 98]
  [ 4 37 61 90 60]
  [ 86 87 88 45 100]
  [ 74 83 6 8 97]
  [ 28 123 107 38 59]]]

[[106 55 75 124 44]
  [ 19 1 120 13 49]
  [ 63 78 103 39 58]
  [ 34 17 108 14 92]
  [ 31 82 105 93 81]]]

[[ 79 94 54 43 15]
  [ 23 51 30 111 46]
  [102 67 109 113 125]
  [ 18 9 64 25 96]
  [ 56 71 118 62 85]]]
```

```
[[[ 8 101 82 99 45]
  [ 49 120 123 39 83]
  [ 91 11 76 67 63]
  [ 82 125 7 59 5]
  [ 71 96 60 104 85]]]

[[110 16 86 52 53]
  [ 35 61 16 101 118]
  [ 72 43 24 110 69]
  [ 34 54 49 20 98]
  [ 82 76 73 83 15]]]

[[123 28 39 100 89]
  [103 32 57 46 53]
  [ 38 74 98 65 16]
  [ 99 3 84 61 89]
  [ 95 55 5 40 57]]]

[[ 36 111 117 38 32]
  [ 88 62 118 86 27]
  [ 83 79 54 110 125]
  [ 41 44 78 121 102]
  [ 75 41 34 12 92]]]

[[ 56 69 82 15 103]
  [ 68 39 21 9 38]
  [ 50 32 106 14 48]
  [ 81 25 99 45 35]
  [ 93 51 52 57 63]]]
```

4

[[[ 51 100 49 81 75] [ 53 18 23 59 118] [ 56 16 32 91 4] [115 103 63 34 109] [ 85 62 101 122 97]]]	[[[ 33 119 17 20 63] [125 74 25 107 33] [ 52 48 92 85 104] [ 41 53 120 122 62] [ 7 118 117 37 46]]]
[[[ 86 77 55 68 105] [ 98 39 108 35 76] [ 78 2 17 25 48] [ 31 94 71 57 120] [ 54 95 28 72 80]]]	[[[ 57 85 102 26 116] [112 44 110 47 76] [ 70 10 83 2 37] [ 40 101 18 56 43] [ 36 111 50 74 47]]]
[[[ 93 36 43 26 107] [ 1 37 124 27 69] [ 41 87 9 65 84] [ 11 52 121 29 123] [114 88 20 79 44]]]	[[[101 53 119 31 52] [ 64 91 99 39 34] [ 21 7 120 91 42] [ 79 44 95 71 9] [ 93 3 83 68 70]]]
[[[ 3 38 7 112 21] [102 83 10 46 106] [ 58 60 14 74 6] [ 82 30 47 113 5] [ 66 73 15 117 111]]]	[[[ 66 10 26 124 87] [ 43 54 23 60 29] [ 34 113 1 103 67] [ 60 71 9 16 60] [119 44 2 76 69]]]
[[[104 70 45 119 92] [ 67 8 42 33 125] [ 61 116 50 24 99] [ 90 12 89 64 96] [ 13 22 19 110 40]]]]	[[[104 45 40 52 11] [ 79 77 84 24 75] [123 60 17 25 62] [ 21 78 92 9 109] [108 116 43 91 19]]]]

5

[[[ 8 81 49 18 77] [ 37 46 44 79 103] [ 39 13 40 66 36] [101 74 23 62 75] [ 14 48 109 92 110]]	[[[ 61 51 69 105 14] [ 10 69 64 86 18] [117 37 118 28 89] [102 4 5 27 119] [114 48 51 81 86]]
[[[115 83 1 124 35] [ 71 125 94 19 11] [ 99 38 120 111 61] [ 5 112 31 52 106] [ 88 114 33 45 22]]]	[[ 77 12 29 103 85] [ 48 72 82 35 74] [ 42 40 49 106 24] [ 14 92 113 54 66] [100 65 70 39 14]]
[[ 91 58 123 27 55] [ 43 72 89 67 122] [ 12 70 84 118 78] [ 32 29 121 7 98] [ 96 105 95 86 41]]]	[[ 98 125 47 18 38] [118 6 95 1 23] [ 39 31 29 55 110] [ 73 94 46 94 1] [ 31 118 77 119 61]]
[[ 87 68 2 102 59] [ 80 73 3 25 57] [ 9 10 16 6 116] [119 15 20 21 100] [ 28 56 90 4 17]]]	[[ 64 60 37 53 94] [ 19 100 121 79 104] [ 98 40 38 55 122] [119 64 73 45 42] [ 19 50 103 36 56]]
[[ 47 82 26 60 107] [108 51 42 65 64] [ 69 76 30 93 50] [ 53 117 54 97 104] [ 85 34 24 63 113]]]	[[ 91 81 14 47 66] [ 71 117 28 51 64] [ 19 97 39 82 61] [ 29 68 62 87 34] [ 37 25 110 32 16]]]

6

$$\begin{bmatrix} [ [ [ 88 & 123 & 114 & 34 & 56 ] \\ [ 113 & 16 & 84 & 116 & 105 ] \\ [ 103 & 59 & 120 & 100 & 122 ] \\ [ 107 & 8 & 44 & 19 & 48 ] \\ [ 99 & 68 & 118 & 35 & 101 ] ] \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} [ [ 46 & 117 & 39 & 11 & 55 ] \\ [ 98 & 43 & 108 & 109 & 62 ] \\ [ 57 & 70 & 14 & 9 & 95 ] \\ [ 89 & 49 & 63 & 60 & 115 ] \\ [ 24 & 29 & 47 & 1 & 12 ] ] \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} [ [ 2 & 50 & 94 & 92 & 73 ] \\ [ 64 & 83 & 106 & 37 & 124 ] \\ [ 78 & 22 & 28 & 20 & 4 ] \\ [ 112 & 32 & 71 & 6 & 97 ] \\ [ 125 & 26 & 33 & 31 & 17 ] ] \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} [ [ 7 & 25 & 85 & 111 & 27 ] \\ [ 102 & 76 & 61 & 79 & 42 ] \\ [ 41 & 65 & 18 & 81 & 93 ] \\ [ 69 & 80 & 87 & 66 & 10 ] \\ [ 36 & 67 & 74 & 82 & 5 ] ] \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} [ [ 54 & 23 & 45 & 119 & 38 ] \\ [ 30 & 96 & 91 & 13 & 58 ] \\ [ 110 & 104 & 40 & 77 & 86 ] \\ [ 53 & 52 & 72 & 90 & 3 ] \\ [ 51 & 15 & 75 & 21 & 121 ] ] \end{bmatrix}]$$

$$\begin{bmatrix} [ [ [ 72 & 116 & 28 & 41 & 78 ] \\ [ 57 & 110 & 61 & 23 & 53 ] \\ [ 19 & 71 & 89 & 55 & 79 ] \\ [ 122 & 59 & 56 & 2 & 86 ] \\ [ 83 & 28 & 54 & 67 & 19 ] ] \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} [ [ 26 & 103 & 66 & 123 & 125 ] \\ [ 31 & 28 & 95 & 33 & 15 ] \\ [ 9 & 77 & 71 & 30 & 65 ] \\ [ 108 & 107 & 69 & 40 & 80 ] \\ [ 43 & 31 & 40 & 67 & 87 ] ] \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} [ [ 60 & 35 & 42 & 19 & 116 ] \\ [ 107 & 72 & 56 & 56 & 69 ] \\ [ 55 & 119 & 42 & 23 & 87 ] \\ [ 23 & 31 & 99 & 37 & 79 ] \\ [ 72 & 104 & 79 & 107 & 50 ] ] \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} [ [ 123 & 32 & 40 & 51 & 112 ] \\ [ 10 & 73 & 91 & 54 & 90 ] \\ [ 98 & 37 & 61 & 41 & 62 ] \\ [ 49 & 60 & 59 & 1 & 46 ] \\ [ 20 & 85 & 76 & 42 & 54 ] ] \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} [ [ 59 & 32 & 47 & 118 & 31 ] \\ [ 34 & 63 & 70 & 29 & 110 ] \\ [ 124 & 43 & 114 & 59 & 74 ] \\ [ 5 & 82 & 35 & 82 & 24 ] \\ [ 102 & 13 & 120 & 52 & 81 ] ] \end{bmatrix}]$$

7

```
[[[ 51  94 118 117  85]
 [112  12  95  21  46]
 [105  32 111  75  68]
 [ 20  42 103 119  86]
 [125  83  45  89  53]]]

[[ 33 123  71 108  99]
 [  9 104  64  77 114]
 [ 11  44  49  70  58]
 [ 36  43  18  78  67]
 [ 91  40   7  28 122]]]

[[ 39  74   3  16  98]
 [  4   1  90  96 116]
 [ 97  37   5  14  81]
 [ 80  38  50  26  88]
 [ 48 109  61   2  62]]]

[[ 56  34  59  60  29]
 [ 15  17  13 120  41]
 [  8 115 110 101  19]
 [ 10 102  63  47 100]
 [ 54  93  35  25  87]]]

[[ 79  82  92  22  73]
 [113  27 124  31  65]
 [ 69  72  52 121  24]
 [107  84 106   6  76]
 [ 55  57  66  30  23]]]
```

```
[[[ 47  63 105  83  66]
 [ 94  23  38  31  93]
 [ 11  58 108  82  61]
 [120  49  20  76  32]
 [ 72 106  59  39  97]]

[[ 56 123  16  11 109]
 [124  88  14  88   8]
 [ 97  57  71  36  97]
 [ 12  10 107  84  31]
 [ 42 125  15  25  95]]

[[ 12  35 117  94  68]
 [  7  50  67  49  86]
 [119  82  32  72  41]
 [ 66  29  21  93 122]
 [109  83 122  10  78]]

[[ 95  42  69  86  44]
 [ 59  42  27  25  85]
 [ 21  48  81  94  53]
 [ 56  87  97  33  29]
 [ 72  92  73  64  31]]

[[ 99 102   1 119 120]
 [ 40  59  90  50  38]
 [ 80 110  24  12  62]
 [ 79  59  22  34  47]
 [ 14  22  34 116 109]]]
```

8

[[[ 16 44 25 20 117] [ 75 108 106 48 47] [ 45 109 37 101 32] [ 49 110 62 76 52] [ 15 35 100 89 2]]]	[[[ 44 65 72 98 62] [ 56 92 12 97 34] [120 25 56 31 55] [ 92 8 37 125 35] [111 5 103 21 109]]]
[[[ 54 88 102 33 6] [ 63 12 90 39 119] [ 51 85 84 4 94] [107 64 8 53 70] [116 73 86 103 13]]]	[[[ 88 49 64 54 110] [ 44 50 34 60 118] [ 53 112 42 122 71] [ 46 39 121 48 8] [110 56 99 52 16]]]
[[[ 74 17 81 111 125] [124 22 34 92 29] [ 69 71 91 120 1] [ 3 60 27 118 95] [ 14 96 26 58 82]]]	[[[114 50 104 4 23] [107 38 77 15 79] [111 95 57 118 112] [ 46 115 48 53 30] [ 8 74 69 124 93]]]
[[[ 79 30 42 38 23] [ 66 115 98 9 83] [ 59 93 121 41 10] [ 43 57 113 77 21] [ 50 122 112 61 40]]]	[[[ 42 75 86 61 55] [ 37 81 78 81 69] [ 67 21 107 82 32] [ 79 7 45 32 4] [ 65 40 64 48 98]]]
[[[ 31 36 99 19 78] [ 87 5 56 68 80] [ 65 11 105 114 18] [ 28 55 72 104 67] [ 24 46 123 7 97]]]]	[[[ 61 81 71 44 83] [ 63 41 8 62 76] [ 86 72 98 53 37] [ 32 47 90 52 106] [ 10 121 12 6 116]]]]

E100

9

[[[ 57 4 13 39 29] [112 88 79 115 27] [ 5 42 28 114 20] [ 14 97 41 44 122] [102 53 45 8 74]]	[[[ 55 44 89 93 53] [ 94 40 98 26 53] [106 119 73 36 95] [ 52 76 31 123 28] [ 64 16 119 36 78]]
[[ 63 117 77 119 94] [ 93 3 111 99 35] [ 47 101 33 103 104] [ 26 96 24 125 17] [ 64 51 118 56 81]]	[[ 38 46 50 70 107] [ 65 99 7 39 108] [ 47 29 106 79 26] [ 97 84 115 105 14] [ 71 109 29 74 110]]
[[ 58 109 36 11 105] [ 61 113 49 110 50] [ 60 100 71 89 25] [ 32 31 65 62 34] [ 91 54 86 16 23]]	[[121 15 83 69 47] [ 88 91 86 3 72] [ 1 78 57 93 69] [108 94 10 76 96] [ 80 77 25 85 6]]
[[ 48 120 68 37 69] [ 59 12 55 21 18] [ 52 67 22 15 30] [ 76 7 40 108 121] [ 95 123 90 72 98]]	[[ 34 14 90 98 29] [ 41 24 1 48 91] [ 58 73 37 116 45] [ 88 74 104 53 18] [ 44 29 112 41 97]]
[[124 80 87 1 38] [ 19 70 106 9 43] [ 75 73 78 82 116] [ 6 2 85 92 83] [107 46 66 10 84]]]	[[100 54 34 63 78] [ 70 68 66 69 72] [ 97 59 22 102 100] [ 60 34 63 79 83] [ 89 108 33 22 37]]]

1689

10

[[[ 35 45 116 80 56]	[[[ 23 65 87 24 99]
[ 8 23 20 79 72]	[ 5 13 116 84 33]
[ 59 104 39 13 18]	[107 39 8 111 15]
[ 50 70 92 102 113]	[ 67 117 33 122 94]
[ 54 38 98 96 74]]]	[ 54 115 21 88 116]]
[[[106 100 93 118 103]	[[ 80 22 23 72 90]
[ 2 119 16 37 122]	[ 7 11 80 58 4]
[ 87 47 78 64 124]	[ 62 20 47 39 17]
[ 76 60 28 105 48]	[ 82 109 69 26 73]
[115 97 9 91 7]]]	[123 85 53 23 106]]
[[ 31 67 123 49 6]	[[ 70 71 35 95 89]
[ 88 36 117 25 58]	[120 92 66 79 114]
[ 68 101 26 12 27]	[ 97 61 45 28 37]
[ 85 33 43 52 84]	[ 43 56 52 119 86]
[ 10 77 114 75 57]]]	[118 12 121 44 93]]
[[ 90 41 42 81 73]	[[ 90 33 95 56 113]
[ 29 17 95 51 21]	[ 3 125 9 97 64]
[120 66 5 83 24]	[ 59 110 72 13 71]
[110 108 53 121 99]	[ 23 49 118 49 14]
[107 82 44 34 62]]]	[ 81 24 99 111 72]]
[[ 1 61 14 32 11]	[[ 93 104 117 59 7]
[ 63 111 109 65 19]	[123 49 96 42 101]
[ 94 30 112 55 15]	[ 32 38 51 122 90]
[ 46 69 86 3 89]	[100 27 77 31 117]
[ 71 22 4 40 125]]]]	[ 79 84 9 110 36]]]

11

[[[117 42 118 48 90] [ 68 104 99 115 56] [ 12 20 9 84 120] [122 73 80 21 123] [ 82 69 18 25 70]]]	[[[ 96 51 111 47 62] [ 68 16 17 67 108] [ 12 20 3 40 78] [ 14 55 74 15 43] [ 81 65 62 5 120]]]
[[ 44 121 22 96 29] [103 3 102 105 11] [ 54 34 64 62 112] [ 6 51 79 17 8] [ 52 1 63 71 35]]]	[[ 53 33 59 97 116] [ 64 92 27 103 26] [ 70 52 66 8 46] [123 54 105 119 35] [ 37 6 87 80 44]]]
[[ 32 89 100 28 93] [ 39 13 58 85 119] [ 88 38 55 47 49] [ 37 76 57 77 111] [ 7 110 30 24 60]]]	[[ 89 72 69 31 95] [118 104 13 1 75] [ 94 121 59 58 62] [ 85 112 8 121 74] [105 20 83 92 17]]]
[[ 31 33 14 23 4] [ 50 106 86 97 26] [ 41 94 66 87 125] [ 75 101 45 10 2] [114 53 46 81 95]]]	[[ 21 90 60 101 6] [ 7 89 29 45 104] [113 17 120 10 84] [ 42 47 64 21 82] [ 14 92 112 70 72]]]
[[ 78 72 43 16 19] [ 98 83 91 59 65] [ 15 108 36 27 107] [124 67 109 116 40] [ 92 113 5 74 61]]]]	[[ 24 23 81 75 15] [ 38 48 32 41 122] [ 82 42 23 86 30] [ 24 88 22 57 111] [ 45 107 73 73 106]]]]

12

$\begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 19 & 8 & 34 & 35 & 113 \\ 108 & 26 & 114 & 88 & 103 \\ 75 & 125 & 118 & 58 & 100 \\ 22 & 102 & 107 & 56 & 110 \\ 9 & 86 & 64 & 42 & 37 \end{bmatrix} \end{bmatrix} \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 36 & 107 & 83 & 65 & 47 \\ 105 & 32 & 67 & 119 & 16 \\ 69 & 112 & 45 & 92 & 97 \\ 24 & 50 & 113 & 22 & 31 \\ 17 & 5 & 24 & 78 & 90 \end{bmatrix} \end{bmatrix} \end{bmatrix}$
$\begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 24 & 49 & 104 & 32 & 21 \\ 83 & 68 & 46 & 14 & 109 \\ 124 & 15 & 63 & 1 & 38 \\ 27 & 121 & 6 & 23 & 97 \\ 71 & 36 & 55 & 11 & 53 \end{bmatrix} \end{bmatrix} \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 19 & 71 & 101 & 79 & 72 \\ 29 & 63 & 61 & 75 & 40 \\ 123 & 44 & 74 & 62 & 77 \\ 28 & 80 & 77 & 116 & 10 \\ 74 & 53 & 101 & 75 & 112 \end{bmatrix} \end{bmatrix} \end{bmatrix}$
$\begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 48 & 4 & 72 & 98 & 43 \\ 66 & 62 & 96 & 52 & 87 \\ 67 & 116 & 20 & 77 & 115 \\ 93 & 44 & 99 & 31 & 70 \\ 111 & 5 & 73 & 74 & 123 \end{bmatrix} \end{bmatrix} \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 13 & 113 & 71 & 49 & 68 \\ 13 & 61 & 69 & 35 & 112 \\ 7 & 36 & 64 & 20 & 79 \\ 65 & 28 & 123 & 97 & 104 \\ 95 & 119 & 10 & 41 & 48 \end{bmatrix} \end{bmatrix} \end{bmatrix}$
$\begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 117 & 91 & 41 & 7 & 3 \\ 84 & 92 & 47 & 59 & 18 \\ 90 & 78 & 28 & 54 & 33 \\ 39 & 106 & 51 & 76 & 50 \\ 2 & 60 & 89 & 57 & 40 \end{bmatrix} \end{bmatrix} \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 115 & 20 & 28 & 40 & 2 \\ 19 & 49 & 12 & 45 & 37 \\ 59 & 87 & 112 & 89 & 116 \\ 86 & 118 & 35 & 120 & 117 \\ 53 & 61 & 110 & 72 & 43 \end{bmatrix} \end{bmatrix} \end{bmatrix}$
$\begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 29 & 10 & 17 & 45 & 94 \\ 112 & 80 & 122 & 85 & 120 \\ 30 & 82 & 13 & 12 & 61 \\ 119 & 69 & 95 & 81 & 79 \\ 101 & 16 & 25 & 105 & 65 \end{bmatrix} \end{bmatrix} \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 56 & 74 & 109 & 67 & 105 \\ 15 & 107 & 48 & 44 & 16 \\ 34 & 25 & 60 & 69 & 24 \\ 101 & 4 & 58 & 124 & 55 \\ 75 & 103 & 66 & 30 & 44 \end{bmatrix} \end{bmatrix} \end{bmatrix}$

13

$\begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 46 & 25 & 115 & 116 & 21 \\ 55 & 36 & 71 & 5 & 28 \\ 72 & 35 & 14 & 50 & 77 \\ 92 & 60 & 90 & 91 & 59 \\ 7 & 122 & 38 & 52 & 109 \end{bmatrix} \end{bmatrix} \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 45 & 56 & 13 & 47 & 82 \\ 34 & 118 & 49 & 38 & 57 \\ 70 & 93 & 78 & 68 & 102 \\ 55 & 59 & 29 & 68 & 72 \\ 49 & 86 & 58 & 14 & 32 \end{bmatrix} \end{bmatrix} \end{bmatrix}$
$\begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 10 & 32 & 12 & 82 & 54 \\ 75 & 93 & 113 & 23 & 37 \\ 16 & 114 & 26 & 47 & 64 \\ 88 & 48 & 96 & 73 & 104 \\ 83 & 70 & 124 & 103 & 94 \end{bmatrix} \end{bmatrix} \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 15 & 67 & 113 & 89 & 40 \\ 34 & 93 & 24 & 35 & 66 \\ 65 & 67 & 71 & 9 & 112 \\ 100 & 83 & 39 & 25 & 48 \\ 22 & 50 & 89 & 17 & 51 \end{bmatrix} \end{bmatrix} \end{bmatrix}$
$\begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 100 & 34 & 33 & 42 & 30 \\ 1 & 13 & 22 & 102 & 15 \\ 4 & 62 & 79 & 9 & 118 \\ 117 & 65 & 86 & 17 & 39 \\ 108 & 61 & 53 & 24 & 125 \end{bmatrix} \end{bmatrix} \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 84 & 81 & 54 & 125 & 98 \\ 34 & 60 & 100 & 31 & 46 \\ 109 & 8 & 48 & 1 & 18 \\ 69 & 92 & 125 & 73 & 29 \\ 65 & 55 & 23 & 113 & 41 \end{bmatrix} \end{bmatrix} \end{bmatrix}$
$\begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 84 & 18 & 110 & 107 & 123 \\ 44 & 121 & 63 & 68 & 31 \\ 49 & 119 & 19 & 45 & 56 \\ 6 & 2 & 78 & 81 & 89 \\ 95 & 58 & 112 & 105 & 120 \end{bmatrix} \end{bmatrix} \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 30 & 50 & 10 & 41 & 56 \\ 76 & 104 & 14 & 94 & 63 \\ 13 & 77 & 21 & 119 & 16 \\ 49 & 59 & 37 & 84 & 76 \\ 43 & 29 & 81 & 50 & 91 \end{bmatrix} \end{bmatrix} \end{bmatrix}$
$\begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 43 & 57 & 99 & 80 & 69 \\ 3 & 67 & 8 & 74 & 111 \\ 87 & 106 & 76 & 11 & 41 \\ 29 & 101 & 85 & 27 & 40 \\ 66 & 97 & 20 & 98 & 51 \end{bmatrix} \end{bmatrix} \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 119 & 103 & 74 & 107 & 42 \\ 15 & 2 & 113 & 68 & 84 \\ 28 & 58 & 45 & 96 & 77 \\ 66 & 39 & 90 & 71 & 54 \\ 112 & 101 & 5 & 56 & 98 \end{bmatrix} \end{bmatrix} \end{bmatrix}$

14

$\begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 49 & 46 & 115 & 94 & 24 \\ 76 & 50 & 39 & 117 & 101 \\ 119 & 54 & 66 & 93 & 100 \\ 27 & 86 & 22 & 23 & 32 \\ 45 & 113 & 51 & 104 & 1 \end{bmatrix} \end{bmatrix} \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 56 & 80 & 111 & 47 & 38 \\ 75 & 40 & 4 & 67 & 104 \\ 84 & 83 & 53 & 32 & 75 \\ 86 & 77 & 105 & 86 & 123 \\ 66 & 60 & 27 & 50 & 116 \end{bmatrix} \end{bmatrix} \end{bmatrix}$
$\begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 73 & 4 & 3 & 90 & 85 \\ 102 & 38 & 84 & 48 & 83 \\ 31 & 111 & 63 & 125 & 64 \\ 14 & 91 & 67 & 88 & 92 \\ 25 & 36 & 99 & 52 & 33 \end{bmatrix} \end{bmatrix} \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 46 & 54 & 34 & 87 & 1 \\ 64 & 64 & 106 & 31 & 48 \\ 42 & 66 & 71 & 99 & 76 \\ 14 & 26 & 121 & 28 & 94 \\ 80 & 4 & 63 & 3 & 104 \end{bmatrix} \end{bmatrix} \end{bmatrix}$
$\begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 & 12 & 21 & 124 & 29 \\ 43 & 53 & 77 & 7 & 40 \\ 65 & 82 & 87 & 34 & 107 \\ 80 & 11 & 121 & 57 & 28 \\ 96 & 8 & 110 & 95 & 61 \end{bmatrix} \end{bmatrix} \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 47 & 1 & 70 & 108 & 112 \\ 83 & 122 & 92 & 55 & 40 \\ 41 & 105 & 65 & 39 & 31 \\ 48 & 7 & 101 & 15 & 114 \\ 42 & 57 & 124 & 109 & 13 \end{bmatrix} \end{bmatrix} \end{bmatrix}$
$\begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 30 & 26 & 108 & 98 & 10 \\ 105 & 13 & 114 & 106 & 19 \\ 78 & 123 & 116 & 44 & 122 \\ 37 & 109 & 6 & 120 & 118 \\ 70 & 60 & 16 & 72 & 75 \end{bmatrix} \end{bmatrix} \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 23 & 106 & 62 & 45 & 95 \\ 87 & 31 & 107 & 18 & 17 \\ 96 & 33 & 117 & 76 & 31 \\ 59 & 12 & 13 & 93 & 68 \\ 88 & 43 & 28 & 81 & 17 \end{bmatrix} \end{bmatrix} \end{bmatrix}$
$\begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 62 & 97 & 112 & 20 & 55 \\ 74 & 42 & 69 & 35 & 47 \\ 56 & 68 & 58 & 79 & 81 \\ 103 & 59 & 71 & 9 & 41 \\ 89 & 5 & 18 & 17 & 15 \end{bmatrix} \end{bmatrix} \end{bmatrix}$	$\begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 71 & 84 & 8 & 100 & 63 \\ 9 & 99 & 113 & 4 & 94 \\ 72 & 55 & 52 & 33 & 120 \\ 91 & 72 & 53 & 5 & 2 \\ 121 & 67 & 16 & 91 & 49 \end{bmatrix} \end{bmatrix} \end{bmatrix}$

15

$\begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 29 & 44 & 76 & 48 & 8 \\ 42 & 68 & 43 & 21 & 77 \\ 14 & 20 & 55 & 69 & 26 \\ 101 & 18 & 59 & 27 & 22 \\ 41 & 57 & 121 & 38 & 37 \end{bmatrix} & \begin{bmatrix} 22 & 79 & 46 & 68 & 67 \\ 36 & 44 & 94 & 80 & 82 \\ 20 & 58 & 23 & 102 & 57 \\ 108 & 24 & 95 & 50 & 57 \\ 87 & 53 & 73 & 86 & 116 \end{bmatrix} \end{bmatrix}$
$\begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 93 & 98 & 65 & 117 & 49 \\ 28 & 72 & 96 & 91 & 105 \\ 56 & 2 & 1 & 64 & 12 \\ 94 & 9 & 24 & 73 & 7 \\ 87 & 11 & 80 & 15 & 119 \end{bmatrix} & \begin{bmatrix} 91 & 8 & 32 & 103 & 93 \\ 79 & 55 & 66 & 84 & 55 \\ 81 & 118 & 79 & 14 & 52 \\ 90 & 56 & 46 & 89 & 53 \\ 59 & 46 & 120 & 11 & 27 \end{bmatrix} \end{bmatrix}$
$\begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 63 & 58 & 85 & 47 & 109 \\ 62 & 16 & 75 & 81 & 86 \\ 120 & 39 & 30 & 78 & 33 \\ 118 & 116 & 102 & 66 & 123 \\ 10 & 61 & 32 & 4 & 100 \end{bmatrix} & \begin{bmatrix} 7 & 107 & 22 & 52 & 63 \\ 20 & 65 & 74 & 36 & 87 \\ 18 & 73 & 80 & 33 & 25 \\ 3 & 60 & 56 & 88 & 114 \\ 80 & 82 & 11 & 39 & 82 \end{bmatrix} \end{bmatrix}$
$\begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 79 & 84 & 110 & 82 & 112 \\ 125 & 111 & 74 & 35 & 114 \\ 104 & 54 & 88 & 34 & 115 \\ 6 & 70 & 51 & 60 & 107 \\ 46 & 67 & 106 & 71 & 45 \end{bmatrix} & \begin{bmatrix} 45 & 13 & 112 & 70 & 93 \\ 33 & 105 & 60 & 62 & 22 \\ 123 & 46 & 59 & 33 & 89 \\ 12 & 99 & 48 & 110 & 98 \\ 94 & 13 & 60 & 121 & 21 \end{bmatrix} \end{bmatrix}$
$\begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} 83 & 25 & 122 & 5 & 99 \\ 50 & 53 & 52 & 90 & 89 \\ 13 & 36 & 17 & 95 & 31 \\ 3 & 103 & 113 & 19 & 108 \\ 23 & 40 & 92 & 124 & 97 \end{bmatrix} & \begin{bmatrix} 72 & 110 & 27 & 27 & 78 \\ 98 & 63 & 32 & 94 & 56 \\ 122 & 4 & 75 & 67 & 74 \\ 80 & 38 & 102 & 26 & 62 \\ 53 & 67 & 88 & 109 & 62 \end{bmatrix} \end{bmatrix}$

16

[[[ 61 9 72 59 19] [ 38 12 49 13 8] [ 2 96 18 29 79] [ 70 65 106 116 32] [ 1 48 20 118 51]]	[[[ 15 24 64 69 81] [124 121 55 41 90] [ 39 89 97 70 21] [ 19 20 85 55 84] [ 88 83 54 89 45]]
[[111 93 42 47 76] [ 88 121 71 16 54] [ 37 44 26 103 101] [ 3 60 119 64 124] [109 62 99 30 34]]	[[125 103 67 113 20] [ 76 57 47 59 82] [115 19 58 70 109] [ 87 111 88 19 21] [ 30 71 80 100 51]]
[[ 17 11 40 39 4] [110 50 53 120 82] [ 52 68 5 97 57] [ 91 6 105 123 35] [ 75 10 67 7 15]]	[[ 91 110 88 21 77] [ 43 84 6 117 64] [ 21 71 98 88 65] [ 91 117 83 11 63] [ 31 45 73 72 93]]
[[ 74 84 104 45 43] [ 89 78 90 86 102] [ 63 46 108 114 77] [ 14 21 55 87 85] [ 33 58 56 113 66]]	[[ 31 102 22 35 42] [ 18 86 50 57 9] [102 56 15 100 59] [113 85 30 65 90] [ 91 3 69 58 94]]
[[122 112 125 115 95] [ 92 69 28 24 83] [100 36 73 117 23] [ 94 107 22 31 80] [ 25 27 41 81 98]]]	[[ 47 47 30 59 68] [118 36 92 19 81] [ 7 91 115 33 70] [ 75 9 73 121 125] [ 82 75 9 20 79]]]

17

[[[ 70 113 80 22 16]	[[[ 77 81 99 8 90]
[ 8 49 2 106 119]	[ 94 10 65 36 14]
[ 21 55 53 92 10]	[ 12 34 63 112 67]
[125 30 46 24 36]	[ 84 99 26 54 104]
[ 25 29 34 111 14]]	[ 9 119 80 35 70]]
[[ 37 118 12 65 45]	[[ 64 123 111 20 91]
[ 43 48 39 91 9]	[ 41 30 44 96 77]
[124 56 105 42 15]	[104 118 4 1 87]
[ 26 62 82 74 54]	[ 3 57 91 114 32]
[ 13 50 23 87 59]]	[ 51 1 98 57 79]]
[[ 60 122 28 108 57]	[[ 54 34 44 56 92]
[ 86 112 63 27 58]	[ 31 79 100 95 101]
[ 4 11 18 121 64]	[103 28 35 64 49]
[ 6 94 85 20 123]	[ 75 17 50 89 122]
[120 41 19 38 107]]	[106 84 97 14 53]]
[[ 98 110 77 44 68]	[[ 93 32 90 51 27]
[ 1 51 95 109 66]	[ 80 71 70 107 10]
[ 3 96 116 103 67]	[ 4 10 91 43 72]
[ 83 31 73 79 40]	[ 88 85 19 39 59]
[ 71 78 32 81 115]]	[ 27 29 73 18 55]]
[[ 7 101 72 114 52]	[[117 43 13 5 80]
[ 76 17 69 104 47]	[ 61 81 37 115 69]
[ 93 99 61 97 88]	[117 43 35 60 81]
[ 84 117 89 33 35]	[ 48 23 84 81 79]
[ 75 102 5 90 100]]]	[ 77 94 90 57 67]]]

18

```

[[[121 40 114 106 70]
 [ 41 10 110 64 14]
 [117 2 96 20 37]
 [ 69 30 3 49 51]
 [ 9 74 97 17 1]]]

[[ 29 62 28 79 11]
 [ 26 78 55 25 66]
 [ 32 113 99 71 46]
 [ 59 15 111 65 98]
 [ 90 7 13 36 125]]]

[[119 52 100 53 93]
 [ 54 88 82 104 19]
 [ 21 115 107 38 63]
 [122 101 43 47 120]
 [ 76 84 60 105 23]]]

[[ 87 109 89 102 16]
 [ 58 18 24 91 35]
 [ 12 56 33 94 22]
 [ 45 34 44 39 57]
 [ 42 68 75 72 77]]]

[[ 61 67 112 6 27]
 [ 73 103 108 85 81]
 [123 83 31 124 116]
 [ 92 4 50 8 5]
 [ 86 118 48 95 80]]]

[[[ 68 43 6 88 69]
 [ 65 9 45 95 57]
 [ 89 56 109 125 72]
 [ 62 118 26 39 17]
 [ 16 14 78 86 75]]

[[ 93 16 102 27 83]
 [ 43 81 111 97 11]
 [ 89 51 2 115 66]
 [ 54 107 94 31 12]
 [ 70 67 49 69 29]]

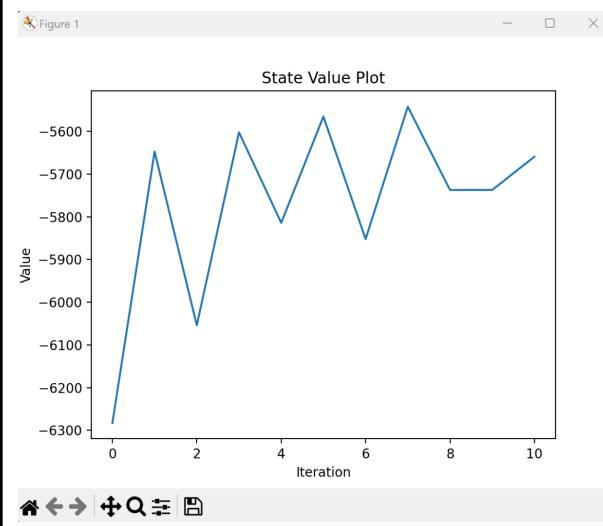
[[ 21 83 45 93 97]
 [ 75 81 84 6 45]
 [114 1 20 83 69]
 [104 47 33 51 49]
 [ 13 124 111 97 16]]

[[ 65 114 57 44 57]
 [ 11 82 81 14 125]
 [ 9 57 37 42 75]
 [ 33 121 27 54 52]
 [ 64 34 43 27 104]]

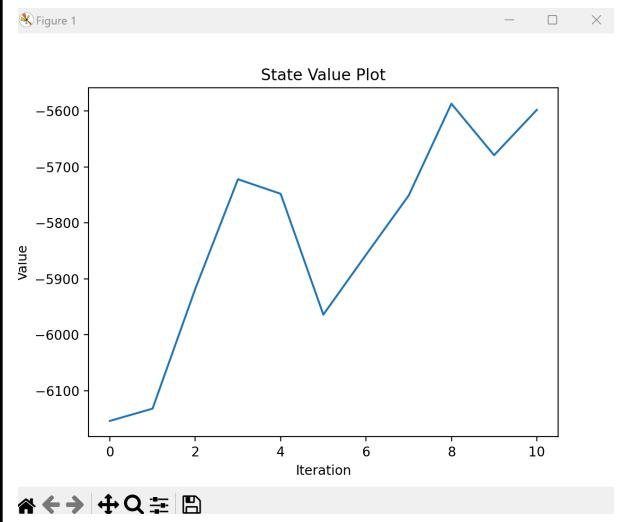
[[ 98 46 102 116 72]
 [ 89 36 43 97 45]
 [ 22 61 114 6 101]
 [ 42 63 39 57 68]
 [ 14 122 16 46 92]]]

```

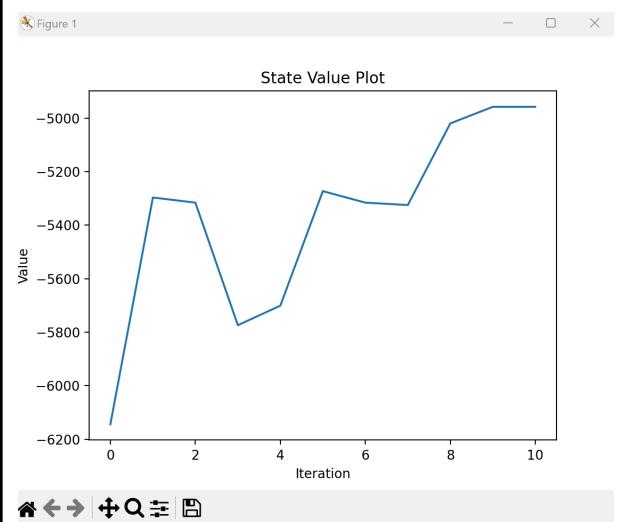
Plot Percobaan 1



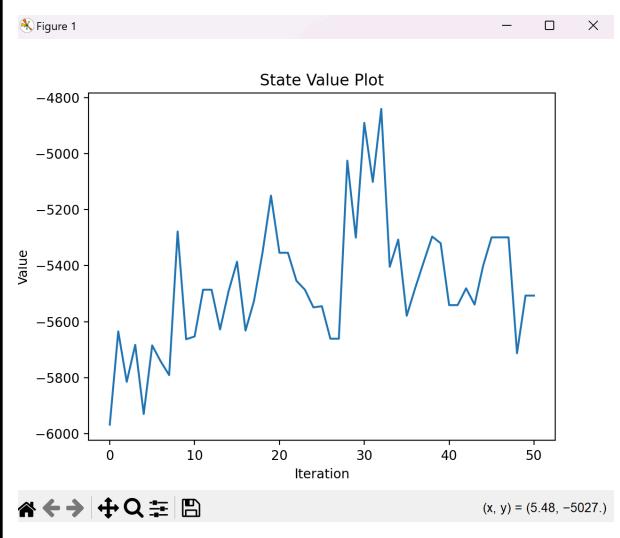
Plot Percobaan 2



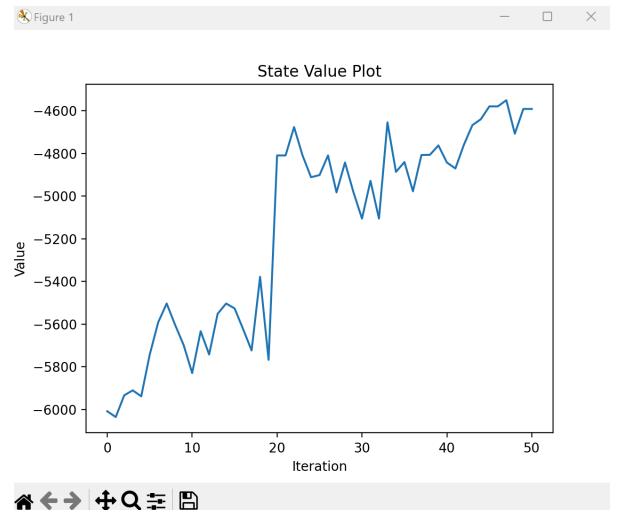
Plot Percobaan 3



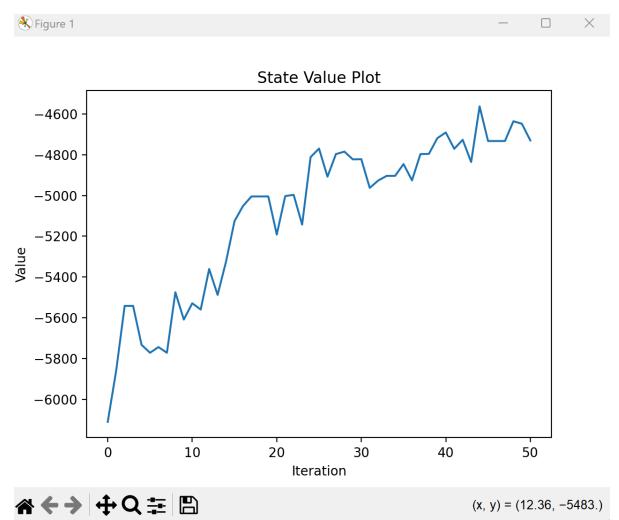
Plot Percobaan 4



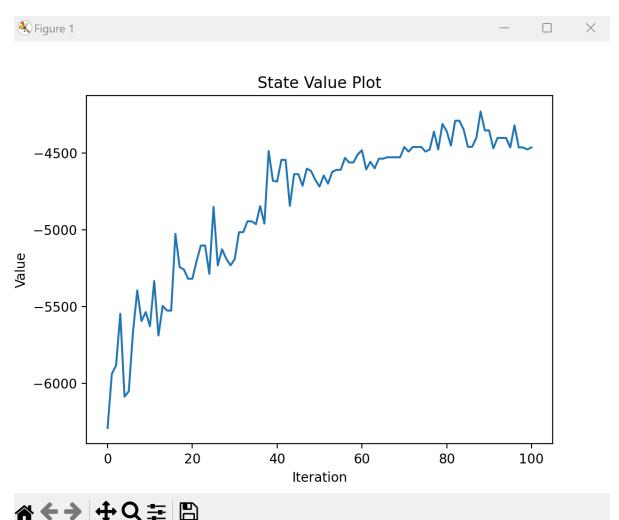
Plot Percobaan 5



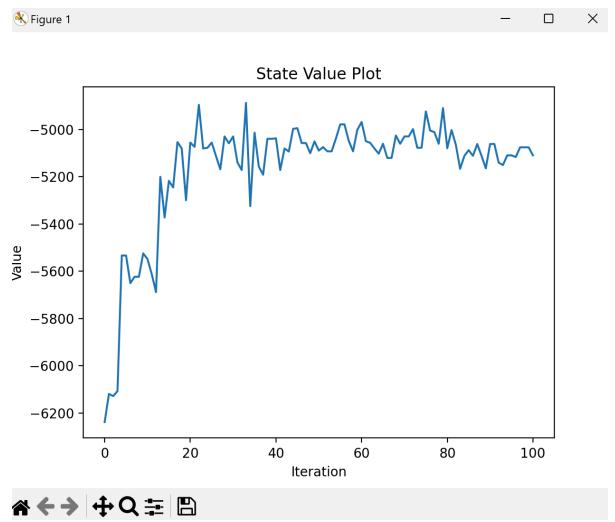
Plot Percobaan 6



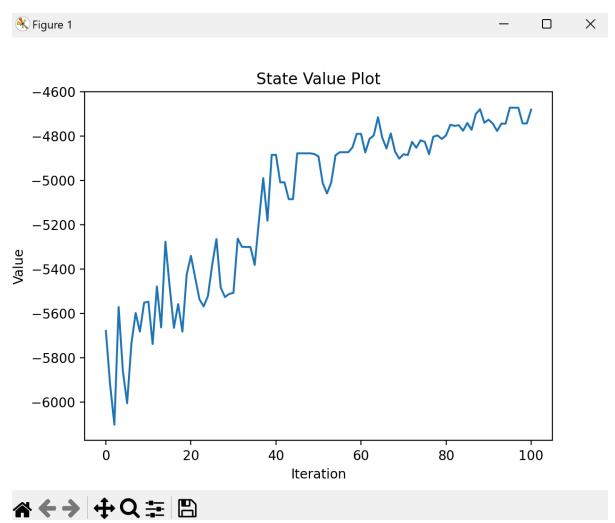
Plot Percobaan 7



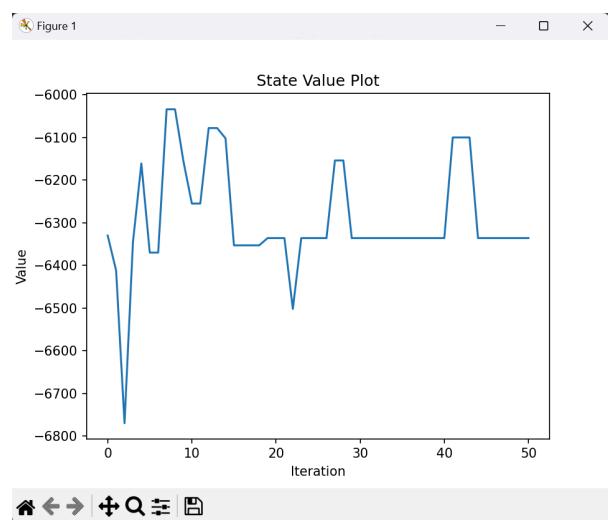
Plot Percobaan 8



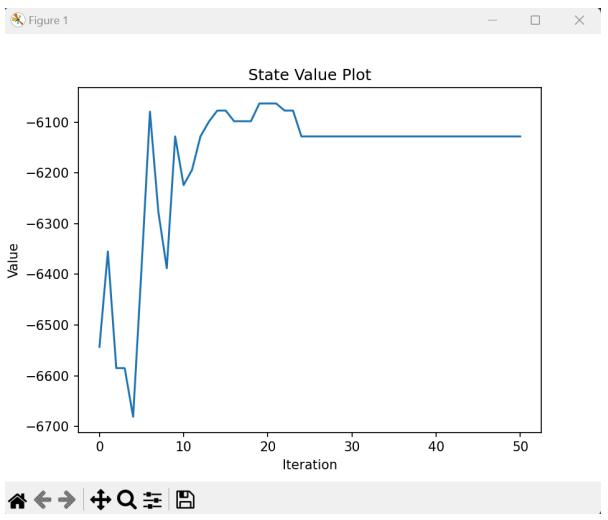
Plot Percobaan 9



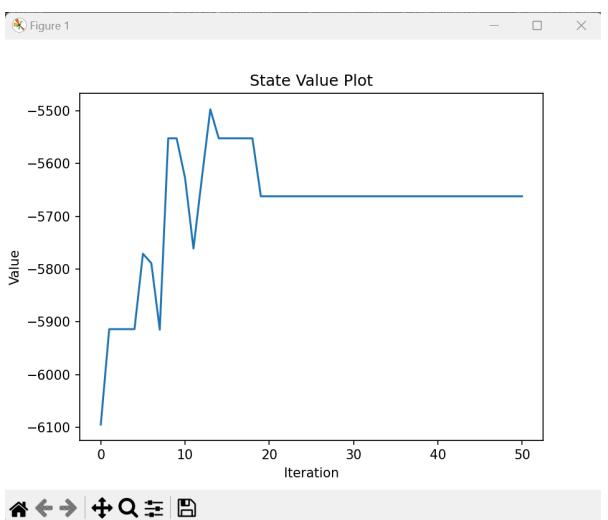
Plot Percobaan 10



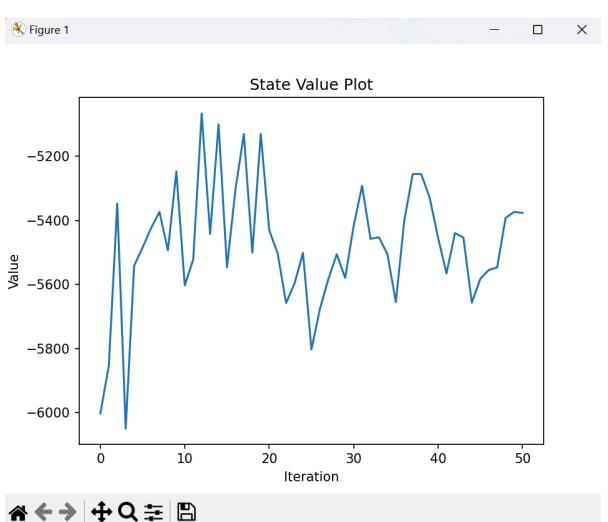
Plot Percobaan 11



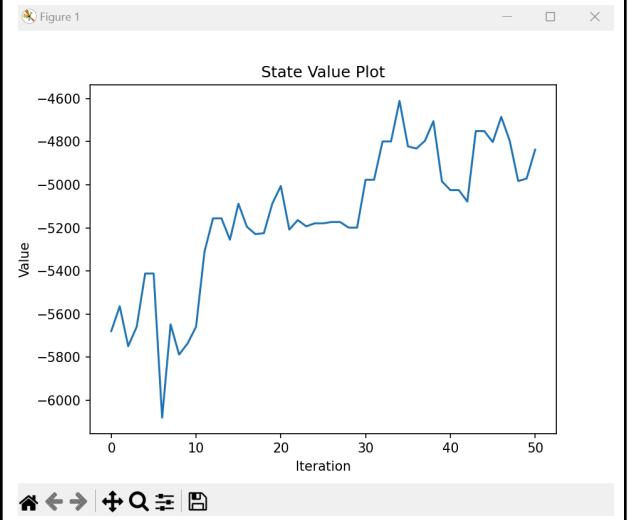
Plot Percobaan 12



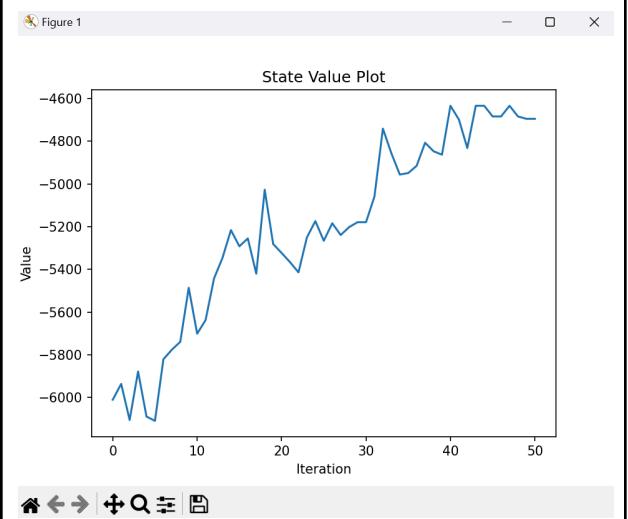
Plot Percobaan 13



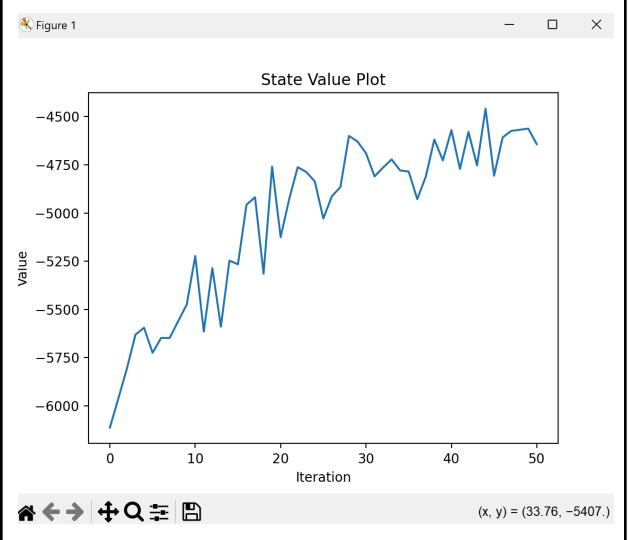
Plot Percobaan 14



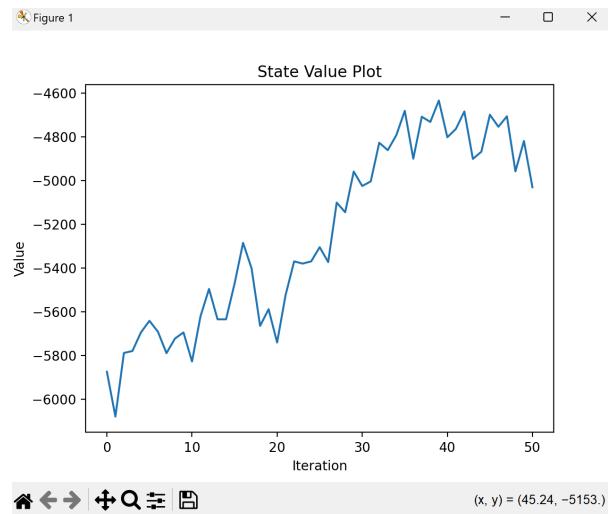
Plot Percobaan 15



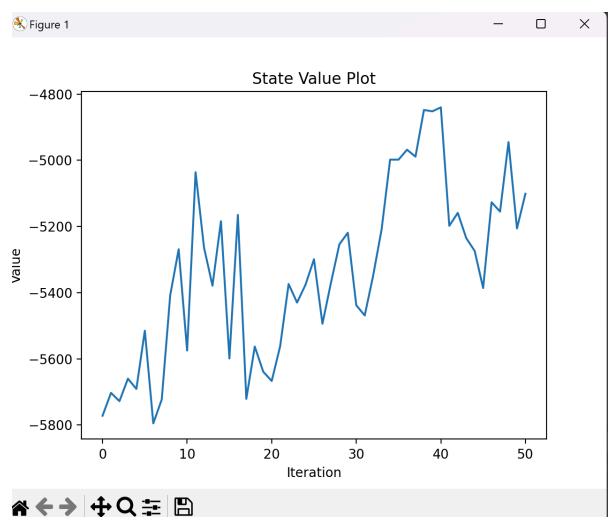
Plot Percobaan 16



Plot Percobaan 17



Plot Percobaan 18



## Analisis

- Seberapa dekat tiap-tiap algoritma bisa mendekati global optima dan mengapa hasilnya demikian?

Steepest Ascent Hill Climbing pada hasil eksperimennya mendapatkan nilai objektif yang cukup besar dan mendekati global optima. Walaupun begitu, besar kemungkinan bahwa solusi yang dihasilkan dari algoritma ini akan terjebak pada *local optimum*.

Hill Climbing with Sideways Move pada hasil eksperimennya mendapatkan nilai objektif yang cukup besar, tetapi secara umum masih lebih rendah daripada Steepest Ascent karena algoritma ini juga mempertimbangkan untuk pindah ke neighbor dengan *value* yang sama. Walaupun begitu, algoritma ini cukup efektif untuk menghindari *plateau*.

Stochastic Hill Climbing pada hasil eksperimennya mendapatkan nilai objektif yang cukup kecil dan jauh dari nilai objektif yang diinginkan. Hal ini karena algoritma ini mencari tetangga secara

random dan iterasi yang dilakukan pun tidak terlalu banyak. Walaupun begitu, algoritma ini akan cukup efektif untuk menghindari *local optimum* karena proses pencarian *neighbor* yang random. Random Restart Hill Climbing pada hasil eksperimennya mendapatkan nilai objektif yang cukup besar dan cukup mendekati global optima, hasilnya secara umum mirip dengan Steepest Ascent dan Hill Climbing with Sideways Move karena sama-sama mencari *neighbor* terbaik. Algoritma ini juga cukup efektif untuk menghindari *local optimum* karena kemampuannya untuk memulai kembali pencarian dengan *random initial state* apabila tidak menemukan *best neighbor*.

Simulated Annealing pada hasil eksperimennya mendapatkan nilai objektif yang cukup kecil dan jauh dari global optima. Hal ini disebabkan oleh pencarian tetangga yang dilakukan secara random dan rendahnya temperatur yang kami buat dengan pertimbangan waktu yang lama untuk bahasa pemrograman yang kami pakai. Walaupun begitu, apabila disetel dengan temperatur yang cukup tinggi, algoritma ini akan cukup efektif untuk menghindari *local optimum* karena kemampuannya untuk ‘turun’ apabila probabilitasnya memenuhi.

Genetic Algorithm pada hasil eksperimennya mendapatkan nilai objektif yang cukup kecil dan jauh dari global optima. Hal ini ditentukan oleh jumlah iterasi dan ukuran populasi yang pada awal sudah ditentukan. Ini juga dikarenakan penentuan successor yang random, yaitu penentuan *parent* yang dipilih secara random untuk menciptakan populasi baru. Dan kemudian dengan probabilitas tertentu akan melakukan proses *crossover* ataupun mutasi untuk meningkatkan eksplorasi solusi yang lebih luas. Maka dari itu dari algoritma kami yang melakukan genetic algorithm yang memiliki jumlah iterasi yang sedikit dan populasi yang kurang beragam menjadikan hasil yang didapat kurang optimal dan relatif masih jauh dari global optima.

- Bagaimana perbandingan hasil pencarian tiap-tiap algoritma dengan algoritma local search yang lain?

Secara umum, dalam iterasi yang berjalan sebanyak kurang lebih 100 kali, algoritma Hill Climbing cenderung lebih efektif untuk mencari solusi yang mendekati global optima, terutama untuk algoritma Hill Climbing yang mencari *best neighbor* seperti Steepest Ascent Hill Climbing, Hill Climbing with Sideways Move, dan Random Restart Hill Climbing.

Sedangkan algoritma Simulated Annealing dan Stochastic Hill Climbing mendapatkan nilai objektif yang cukup kecil karena pencarian tetangga yang dilakukan secara acak dan iterasi yang tidak terlalu banyak.

- Bagaimana perbandingan durasi proses pencarian tiap algoritma relatif terhadap algoritma lainnya?

Pengklasifikasian durasi yang mungkin dapat mewakili pada untuk masing-masing metode yaitu cepat, sedang dan lama. Pada klasifikasi durasi cepat terdapat algoritma Steepest Ascent Hill Climbing dikarenakan proses pencarian yang dilakukan masih belum terlalu luas hanya berfokus pada value dari successor yang terbaik, maka dari itu seringkali terjebak local optima. Lalu pada klasifikasi durasi sedang terdapat algoritma Hill Climbing with Sideways Move dan Stochastic Hill Climbing. Ini dikarenakan proses pencarian sudah mempertimbangkan tindakan

pencegahan untuk menghindari local optima, maka dari itu durasinya relatif bertambah. Kemudian pada klasifikasi lama terdapat algoritma Random Restart Hill Climbing, Simulated Annealing, dan Genetic Algorithm. Ini dikarenakan proses pencarian sudah mempertimbangkan untuk menghindari local optima dan terdapat proses tambahan, seperti pada genetic algorithm ada mutasi dengan probabilitas random untuk proses tersebut akan terjadi, itu yang membuat metode-metode algoritma tersebut relatif lebih lama.

- Seberapa konsisten hasil akhir yang didapatkan dari tiap-tiap eksperimen yang dilakukan?

Pada Algoritma ini secara garis besar, kekonsistennan ditentukan dengan pemilihan successor yang baik dan tindakan yang dilakukan untuk menghindari local optima. Dalam algoritma variasi Hill Climbing, metode yang mengambil successornya dengan mempertimbangkan successor yang terbaik akan relatif menunjukkan peningkatan yang konsisten dan jika terdapat tindakan yang diambil untuk mencegah local optima maka akan dilakukan dengan menjaga kekonsistennan peningkatan pada value nantinya. Kecuali pada Stochastic Hill Climbing yang memilih successor dengan random, ini membuat konsisten kenaikan dalam valuenya tidak terjamin, tetapi ini akan membuat proses eksplorasi menjadi lebih luas. Sama halnya pada Simulated Annealing dan Genetic Algorithm yang juga menentukan successornya dengan cara random untuk simulated annealing, sedangkan pada genetic algorithm pemilihan *parent* yang diambil untuk menciptakan populasi dipilih secara random. Maka pada algoritma yang menentukan successornya secara random hasil yang didapat akan relatif tidak konsisten, tetapi memperbesar area eksplorasi pada proses pencarinya.

- Bagaimana pengaruh banyak iterasi dan jumlah populasi terhadap hasil akhir pencarian pada Genetic Algorithm?

Genetic Algorithm merupakan solusi yang efektif untuk mendapatkan global optima yang membuat eksplorasi dapat mendapatkan hasil yang optimal dengan menjaga keragaman dari populasi yang ada, dengan bergantung pada ukuran populasi yang ada dan jumlah iterasinya. Pada Genetic Algorithm, banyak iterasi dan jumlah populasi mempengaruhi solusi dan lamanya durasi pencarian. Semakin banyak iterasi dan jumlah populasi, semakin baik pencarian solusi, karena algoritma memiliki lebih banyak populasi individu dan kesempatan eksplorasi. Namun, durasi pencarian juga akan meningkat seiring dengan meningkatnya iterasi dan populasi.

## **Simpulan dan Saran**

### **Kesimpulan**

Dalam tugas besar ini, beberapa algoritma local search telah diterapkan untuk menyelesaikan persoalan Diagonal Magic Cube, yaitu Steepest Ascent Hill Climbing, Hill Climbing with Sideways Move, Stochastic Hill Climbing, Random Restart Hill Climbing, Simulated Annealing, dan Genetic Algorithm. Hasil eksperimen menunjukkan bahwa:

1. **Steepest Ascent Hill Climbing** cepat mencapai solusi tetapi rentan terhadap local optima, terutama pada konfigurasi yang kompleks.
2. **Hill Climbing with Sideways Move** memperpanjang eksplorasi dan membantu menghindari local optima sementara, namun dengan batasan sideways move yang ketat, masih berisiko tidak menemukan solusi optimal.
3. **Stochastic Hill Climbing** membantu dalam menghindari local optima karena sifatnya yang acak, tetapi memiliki variasi hasil akhir yang cukup besar dan durasi yang relatif lama dibandingkan pendekatan deterministik.
4. **Random Restart Hill Climbing** efektif untuk mencari solusi global dengan memulai ulang pencarian, namun membutuhkan waktu lebih lama dan tidak selalu efisien pada kasus sederhana.
5. **Simulated Annealing** menunjukkan performa yang kurang baik dengan probabilitas pindah state, tetapi membantu menghindari jebakan di local optima, meskipun waktu eksekusinya lama karena proses pendinginan bertahap.
6. **Genetic Algorithm** tidak efektif, tetapi memiliki kemampuan eksplorasi melalui crossover dan mutasi, terutama dalam menjaga variasi populasi yang lebih besar. Namun, pengaturan ukuran populasi dan banyaknya iterasi sangat berpengaruh terhadap performa dan waktu prosesnya.

Secara keseluruhan, pendekatan Hill Climbing sederhana memiliki kinerja lebih baik dalam mendekati global optimum dibandingkan metode Simulated Annealing dan Genetic Algorithm. Pemilihan algoritma sangat tergantung pada trade-off antara waktu komputasi dan kualitas solusi yang diinginkan.

## Saran

Pertama, pemilihan algoritma perlu disesuaikan dengan kebutuhan waktu dan ketepatan solusi. Algoritma seperti Simulated Annealing dan Random Restart Hill Climbing dapat menjadi pilihan yang efektif untuk mendapatkan solusi cepat yang mendekati optimal. Simulated Annealing menawarkan kemampuan eksplorasi solusi sementara yang suboptimal, sedangkan Random Restart Hill Climbing mengurangi risiko terjebak pada local optimum. Sementara itu, Genetic Algorithm ideal untuk masalah dengan tingkat kompleksitas tinggi, terutama jika waktu iterasi yang cukup tersedia.

Selanjutnya, pengaturan parameter yang optimal sangat penting dalam memastikan kinerja algoritma. Untuk Simulated Annealing, pengaturan tingkat suhu awal dan cooling rate mempengaruhi kemampuan algoritma dalam menghindari jebakan local optimum dan mencapai solusi lebih baik. Dalam Genetic Algorithm, ukuran populasi dan mutation rate perlu disesuaikan untuk meningkatkan efektivitas pencarian tanpa mengorbankan waktu proses yang berlebihan. Penyesuaian awal melalui eksperimen dapat memberikan panduan dalam menentukan parameter yang paling sesuai untuk tiap algoritma.

Akhirnya, pendekatan hybrid dapat dipertimbangkan sebagai opsi untuk mengatasi keterbatasan masing-masing algoritma. Misalnya, menggunakan Genetic Algorithm untuk membentuk populasi awal yang kuat, kemudian mengoptimalkan solusi lebih lanjut dengan Simulated Annealing, bisa menjadi strategi yang menjanjikan. Eksperimen lebih lanjut perlu dilakukan untuk menguji efektivitas pendekatan hybrid ini dan menilai potensi peningkatan performanya dalam menyelesaikan masalah dengan lebih efisien.

## Referensi

GeeksforGeeks. (2024b, March 8). *Genetic algorithms*. <https://www.geeksforgeeks.org/genetic-algorithms/>

GeeksforGeeks. (2023, April 20). *Introduction to hill climbing: Artificial intelligence*. <https://www.geeksforgeeks.org/introduction-hill-climbing-artificial-intelligence/>

*Local search algorithm*. Local Search Algorithm - an overview | ScienceDirect Topics. (n.d.). <https://www.sciencedirect.com/topics/computer-science/local-search-algorithm>

*Search: Joisie (Journal of Information Systems and Informatics Engineering)*. free website stats program. (n.d.). <https://ejurnal.pelitaindonesia.ac.id/ojs32/index.php/JOISIE/article/view/2122> References: <https://www.geeksforgeeks.org/introduction-hill-climbing-artificial-intelligence/>

*Simulated annealing algorithm*. Simulated Annealing Algorithm - an overview | ScienceDirect Topics. (n.d.). <https://www.sciencedirect.com/topics/engineering/simulated-annealing-algorithm>

Slide Kuliah

## Pembagian Tugas

NIM	Nama	Tugas
18222015	Bihurin Salsabila Firdaus	<ol style="list-style-type: none"><li>1. Kode steepest</li><li>2. Kode HC with sideways move</li><li>3. Pembahasan</li><li>4. Kesimpulan dan</li></ol>

		<p>Saran</p> <p>5. Formatting dokumen</p>
18222055	Dinda Thalia Fahira	<ol style="list-style-type: none"> <li>1. Kode State</li> <li>2. Kode MagicCube</li> <li>3. Kode Main</li> <li>4. Pembahasan</li> <li>5. Hasil Eksperimen &amp; Analisis</li> </ol>
18222097	Muhammad Nurul Hakim	<ol style="list-style-type: none"> <li>1. Kode Simulated Annealing</li> <li>2. Kode Genetic Algorithm</li> <li>3. Hasil Eksperimen &amp; Analisis</li> </ol>
18222099	Dahayu Ramaniya Aurasindu	<ol style="list-style-type: none"> <li>1. Kode Hill-Climbing</li> <li>2. Kode Stochastic Hill-Climbing</li> <li>3. Kode Random Restart Hill-Climbing</li> <li>4. Deskripsi Persoalan</li> <li>5. Hasil Eksperimen &amp; Analisis</li> </ol>