## TD: Exercices d'applications et de réflexion

PROF: ATMANI NAJIB 2BAC BIOF

## TD: FONCTIONS PRIMITIVES

**Exercice1**: Soit la fonction f définie sur  $]0;+\infty[$ 

par: 
$$f(x) = 2x^2 + x + 1 + \frac{1}{x^2}$$

- 1)Déterminer les fonctions primitives de la fonction f sur  $]0;+\infty[$
- 2)Déterminer la fonction primitive de la fonction f sur  $]0;+\infty[$  tel que : F(1)=3

**Exercice2 :** (situation directe): Déterminer une fonction primitive des fonctions suivantes :

1) 
$$f(x) = 5x^4 + 3x + 1$$
 2)  $f(x) = \frac{1}{\sqrt{x}} + \cos x + \sin x - 1$ 

3) 
$$f(x) = \sin x + x \cos x$$
 4)  $f(x) = (2x-1)^3$ 

5) 
$$f(x) = \frac{x}{(x^2 - 1)^2}$$
 6)  $f(x) = 5x\sqrt[3]{3x^2 + 1}$ 

7) 
$$f(x) = \frac{4x+1}{(2x^2+x)^4}$$
 8)  $f(x) = 7x\cos(\pi x^2 + 3)$ 

Exercice3: Déterminer une fonction primitive de

fonctions suivante : 
$$f(x) = \frac{2}{4x^2 + 4x + 1}$$

**Exercice4**: Soit la fonction f définie par :

$$f(x) = 2x + 1 \text{ si } x \le 1$$

$$f(x) = 2x - 1 \operatorname{si} x > 1$$

Montrer que la fonction f n'admet pas de primitive Sur  $\mathbb R$ 

Exercice5 : Déterminer les fonctions primitives

des fonctions :1) 
$$f(x) = \frac{\sin x}{\sqrt[3]{2 + \cos x}}$$

2) 
$$f(x) = 2x\sin x + x^2\cos x$$
 3)  $f(x) = (4x+5)^2$ 

4) 
$$f(x) = 2\sqrt{2x+1}$$
 5)  $f(x) = \frac{x}{\sqrt{x^2+1}}$ 

6) 
$$f(x) = x\sqrt{x^2 + 1}$$
 7)  $f(x) = \tan^2 x$ 

8) 
$$f(x) = \cos^4 x$$
 (utiliser :  $\cos^2 x = (1 + \cos 2x)/2$ ))

9) 
$$f(x) = \sin^3 x$$
 (Remarquer que :  $\sin^3 x = \sin x \sin^2 x$ )

**Exercice6:** Soit la fonction f définie sur  $[0; +\infty[$ 

par :  $f(x) = \frac{x^2 + 2x}{(x+1)^2}$  1)Déterminer les réels a et b

tels que : 
$$f(x) = a + \frac{b}{(x+1)^2}$$
  $\forall x \in [0; +\infty[$ 

2)Déterminer la fonction primitive F de la fonction f sur  $[0;+\infty[$  tel que :  $F(1)=\frac{5}{2}$ 

**Exercice7:** Soit la fonction f définie sur  $[1; +\infty[$ 

$$par: f(x) = x\sqrt{x-1}$$

- 1)montrer que :  $f(x) = \sqrt{(x-1)^3} + \sqrt{x-1} \quad \forall x \in [1; +\infty[$
- 2)Déterminer la fonction primitive F de la fonction f sur  $[1;+\infty[$  tel que : F(2)=1

**Exercice8:** Soit la fonction f définie sur  $\mathbb R$  par :

$$f(x) = \frac{5x^4 + 40x^2 + 20x + 80}{(x^2 + 4)^2}$$
 1) Déterminer les réels

- a et b et c tels que :  $f(x) = \frac{ax+b}{(x^2+4)^2} + c$   $\forall x \in \mathbb{R}$
- 2)Déterminer la fonctions primitives F de la fonction f sur  $\mathbb{R}$  tel que : F(0) = c

C'est en forgeant que l'on devient forgeron

Dit un proverbe. C'est en s'entraînant régulièrement aux calculs et exercices que l'on devient un mathématicien